



رسائل ابن قرۃ
للعلامة ثابت بن قرۃ المخراجی
المتوفی سنة ۳۸۸ھ

• • • •

عن المجموعة الوحيدة المحفوظة في مكتبة يانکی خور
رقم ۲۴۶۸ و ۲۹ / ۲۸

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ
الْحَمْدُ لِلَّهِ رَبِّ الْعَالَمِينَ
وَالصَّلَاةُ عَلَى أَبْرَاهِيمَ وَآبَائِهِ وَأَهْلِهِ وَجَمِيعِ
شَعَابِهِ وَالصَّلَاةُ عَلَى مُحَمَّدٍ وَآلِهِ وَسَلَّمَ وَالصَّلَاةُ عَلَى
عَلِيٍّ وَآلِهِ وَسَلَّمَ وَالصَّلَاةُ عَلَى الْأَئِمَّةِ الْمُسْلِمِينَ

الطبعة الأولى

مطبعة جمعية دائرة المعارف العثمانية
(جعید رآ باد آلد سکن المند)
سنة ۱۳۶۶ھ = ۱۹۴۷م

كتاب
فِي الْأَصْوَلِ الْمُنْتَسِبِ لِأَرْثَيْدِس
تَقْلِيَةٌ مِّنَ الْيَوْمِ ثَانِيَةٍ إِلَى الْأَنْتِهَا الْعَرَبِيَّةِ
لَابْنِ الْحَسْنِ عَلَى بْنِ يَحْيَى مُولَى اِمِيرِ الْمُؤْمِنِينَ
ثَابِتَ بْنِ قَرْةِ الْمُتَوْفِيِّ سَنَةً ثَانِيَةً وَعَامَيْنَ
وَمَا تَيْنَ مِنَ الْمُضْجَرَةِ



الطبعة الأولى

بِعِلْمِيَّةِ جَمِيعِ دَائِرَةِ الْمَارِفِ الشَّاهِيَّةِ
بِعِاصِمَةِ الدُّوَلَةِ الْأَصْفَهَانِيَّةِ الْإِسْلَامِيَّةِ
جَيْدُوكَارَادِ الدَّكَنِ
لَا زَالَتْ شَمْوَسُ افَادَاتِهَا بِأَزْفَفَةٍ وَپَدَوْرَ
اَفَاحَنَتِهَا طَالَّعَةُ الْآخِرِ الْزَّمْنِ

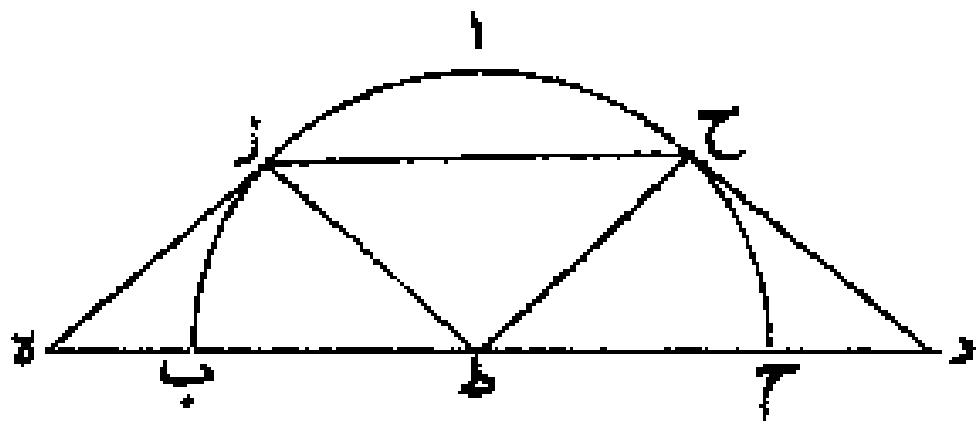
١٣٦٦ هـ
١٩٤٧ م

الأصول الهندسية

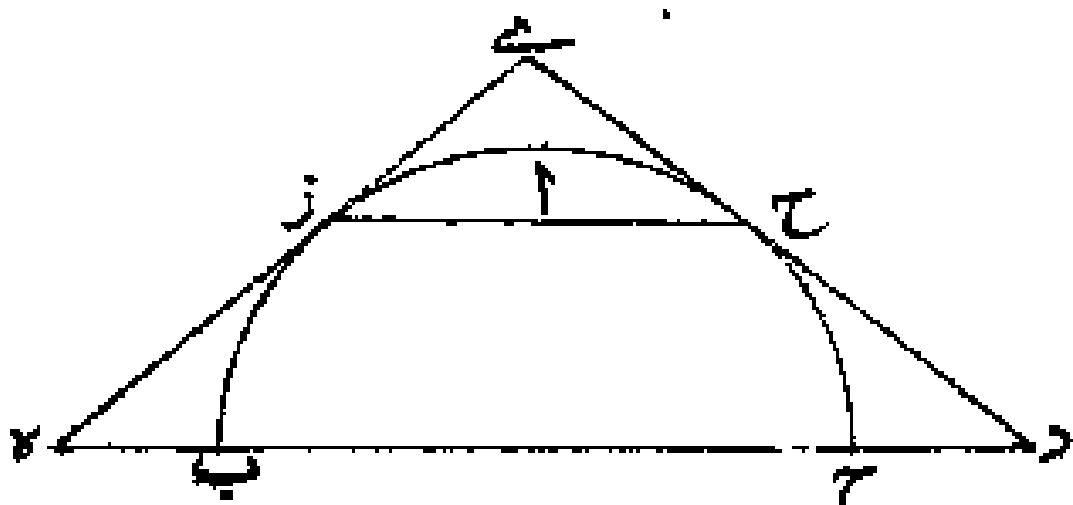
بسم الله الرحمن الرحيم

لنفرض نصف دائرة - اب ج - ولنخرج خط - ب ج
على استقامة في كلتي الجهةين الى نقطتي - د ه - ولنفرض خطى
ب ه - ح د - متساوين ولنخرج من نقطتي - ه د - خطين
مسان نصف دائرة - اج - وهما خطان - ه ز - دح - ولنصل - دح
فاقول ان خط - زح - مواز لخط - ه د .

برهان ذلك لنستخرج من كثر دائرة - اب ج - ولكن نقطة
خط - ولنصل - ز ط - ط ح - فمن اجل ان خط - ه ب - مساو
لخط - ح د - وخط - ب ج - مشترك يكون جميع خط - ه ج
مساويها جميع خط - ب د - وخط - ه ب - مساو لخط - ح د
فمطلع - ح ه - ف - ه ب - مساو لمربع - ه ز - ومطلع - ب د - ف
د ج - مساو لمربع - دح - فربع - ه ز - مساو لمربع - دح - خط
دح - مساو لخط - ه ز - ومن اجل ان خطى - ح ط - ط د
مساوية ان خطى - ف ط - ط ه - وقاعدتا - ه ز - مساوية لقاعدتا
ح د - تكون زاوية - ز ط ه - مساوية لزاوية - ح ط د - فقوس



الاصول الهندسية ص ٣
شكل (١)



الاصول الهندسية ص ٣
شكل (٢)

حـجـ مـساـوـيـة لـقوـسـ زـبـ نـخـطـ فـرـحـ موـازـنـخـطـ دـ وـذـلـكـ ماـ اـرـدـنـاـ انـ بـيـنـ (١) *

وـعـلـىـ هـذـاـ الـوـضـعـ تـبـيـنـ مـاـقـلـتـاـ يـاـنـاـ كـلـيـاـ بـهـذـاـ الـعـلـ مـاـقـلـتـاـ اـنـ تـقـولـ
مـنـ اـجـلـ اـنـ مـسـطـحـ حـجـ مـفـ دـبـ مـساـوـلـبـعـ زـ وـمـسـطـحـ
بـ دـ فـ دـجـ مـساـوـلـبـعـ دـحـ وـمـسـطـحـ بـ دـ فـ
دـجـ مـساـوـلـسـطـحـ حـ دـ فـ دـبـ يـكـوـنـ مـرـبـعـ زـ
مسـاـوـيـاـلـرـبـعـ دـحـ وـنـخـطـ دـزـ مـساـوـيـاـنـخـطـ دـحـ وـلـنـخـرـجـ
نـخـطـ دـزـ حـ دـ فـ جـهـيـ زـحـ حـقـ يـلـقـيـاـ عـلـىـ تـقـلـةـ يـ
نـخـطـ فـ زـ مـساـوـنـخـطـ بـ حـ لـانـهـاـ جـيـعـاـ خـرـجـاـ مـنـ تـقـلـةـ
وـاـحـدـهـ وـهـيـ تـقـلـةـ يـ حـ يـعـاـ سـانـ دـأـرـةـ اـبـ حـ وـقـدـ كـانـ بـيـنـ
اـنـ خـطـ دـزـ مـساـوـنـخـطـ دـحـ هـقـيـقـةـ فـ زـ الـىـ فـرـىـ
مـثـلـ نـسـبـةـ دـحـ الـىـ حـ يـ حـ نـخـطـ حـ زـ موـازـنـخـطـ حـ
بـ وـذـلـكـ ماـ اـرـدـنـاـ انـ بـيـنـ (٢) *

وـلـنـفـرـضـ دـأـرـةـ عـلـيـهـاـ اـبـ حـ بـ وـلـيـكـنـ خـطـاـ دـبـ
دـجـ بـ يـعـاـ سـانـهـاـ فـلـنـصـلـ بـ حـ وـلـنـخـرـجـهـ عـلـىـ اـسـتـقـامـةـ الـىـ تـقـلـةـ
هـ وـلـنـخـرـجـ مـنـ تـقـلـةـ هـ خـطـاـ يـعـاـسـ دـأـرـةـ اـبـ حـ وـلـيـقـ خـطـ
دـبـ عـلـىـ تـقـلـةـ هـ طـ وـهـوـ خـطـ دـزـ *

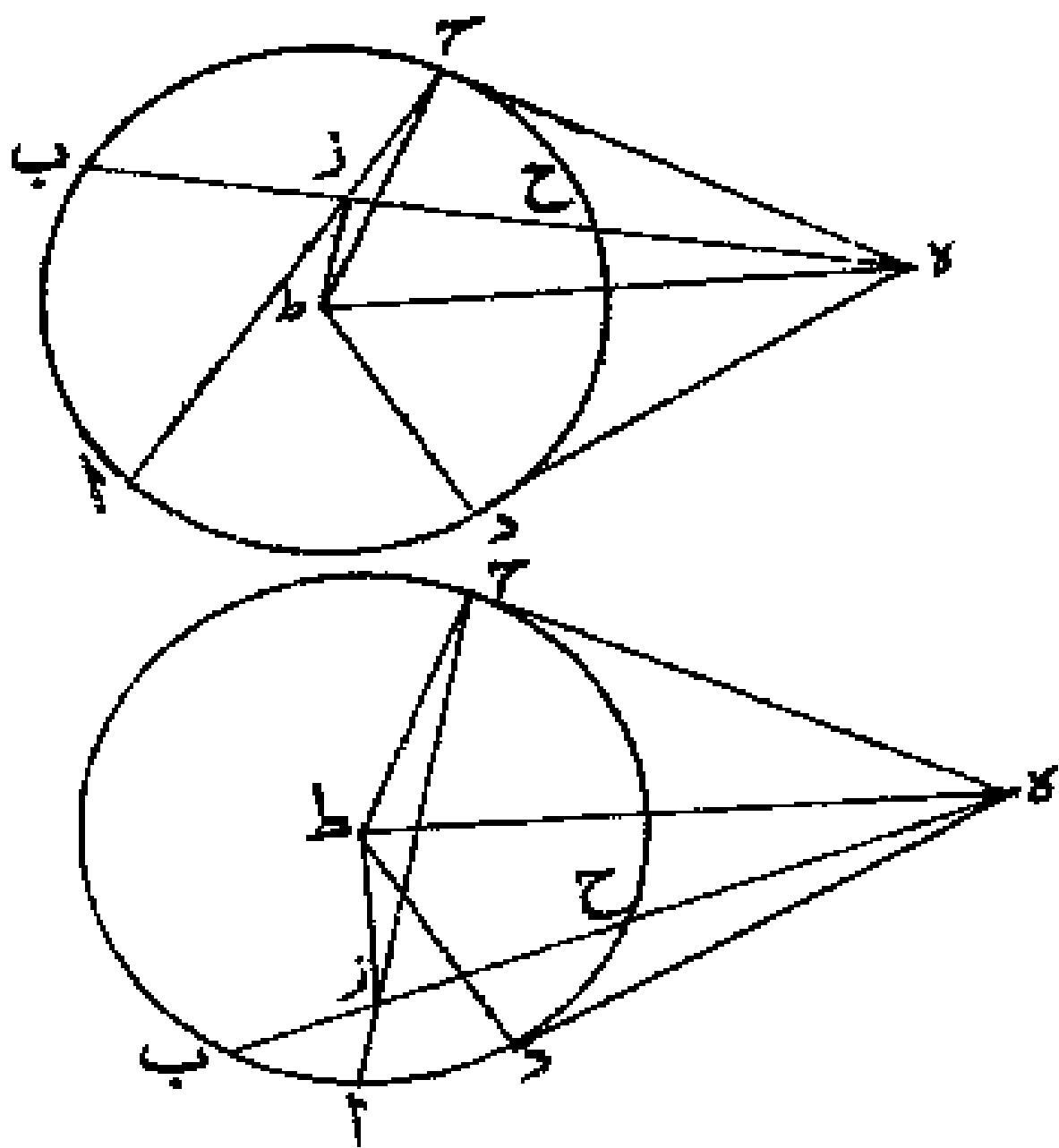
فـاقـولـ اـنـ نـسـبـةـ هـ طـ الـىـ دـزـ كـنـسـبـةـ طـ اـلـىـ اـزـ

برهانه لنخرج من نقطة - ز - خطأ موافقاً على خط - طب
وهو - فرج - فضبة - بـ د - الـ د - فرج - كنسبة - ح ز - الـ ح - فرج
ولكن خط - بـ د - مساو لخط - د - فخط - ح ف - مساو
خط - فرج - ومن أصل أن نسبة - ط ه - الـ ه - فـ ز - كنسبة - طب
الـ ه - فرج - و - فرج - مساو - فرج - تكون نسبة - ط ه - الـ ه
ـ ز - كنسبة - طب - الـ د - فرج - ولكن - طب - مساو لخط
ط ا - لأنها يمسان الدائرة وخط - ح ز - مساو لخط - ز ا - فضبة
ط ه - الـ ه - فـ ز - مثل نسبة - ط ا - الـ ه - از - وذلك ما أردنا
أن نبين - (١) *

لنفرض دارمة عليها - اب ج - ولتكن خطـ د ه - فـ ج
يمسانها ولنخرج من نقطة - ه - خطأ يقطع الدائرة كيف وقع
وهو خط - ه ج ب - ولنخرج من نقطة - د - خطأ موافقاً على خط
ـ ب - وهو خط - د ا - ولنصل - ا ج - ولقطع خط - ب ج
على نقطة - ز - *

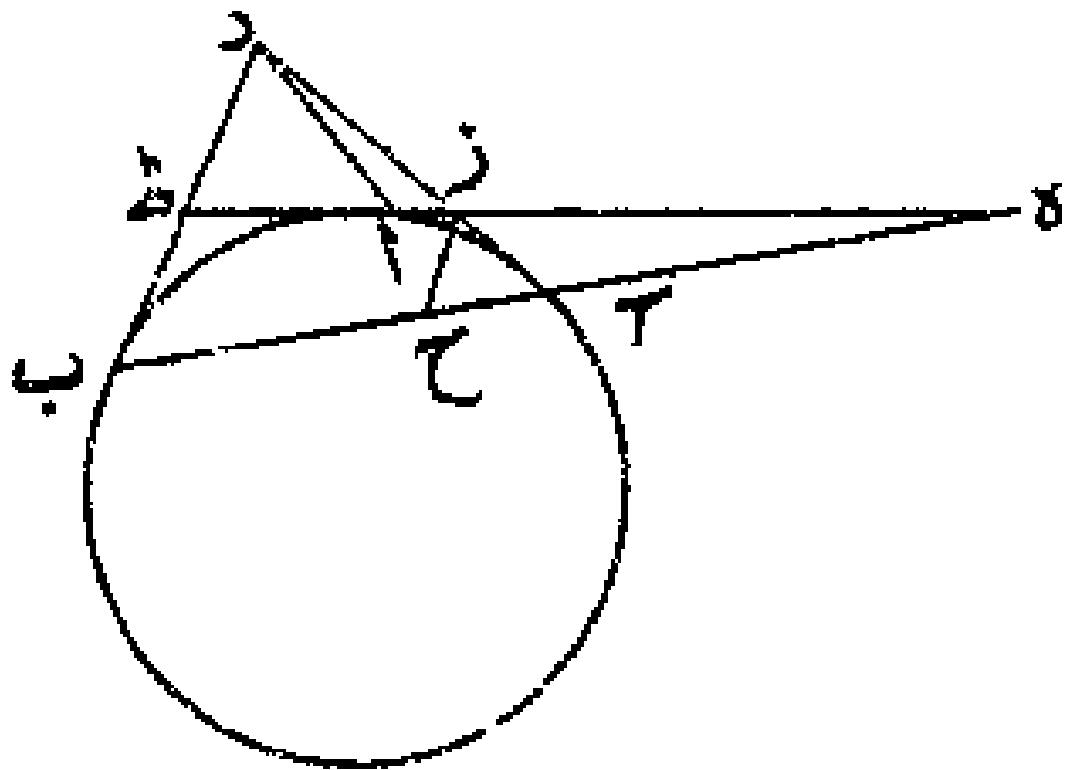
فاقول ان - بـ ز - مساو لخط - فـ ج *

برهان ذلك لنخرج من مركز الدائرة ولكن نقطة - ط
ولنصل - ط ف - ط ه - ط د - ط ج - فمن أصل أن خط - ط د
مساو لخط - ط ج - وخط - ط ه - مشترك تكون خطـ ط ج
ط ه - مساوين لخطـ ه - ط د - وقاعدة مساوية لقاعدة



الأصول الهندسية من

شكل (٣)



الاصل المندبه معه
شكل

هـ ح - فراوـيـة - ح ط هـ مساوـيـة لزاـويـة - هـ ط دـ
 فراـويـة - دـ طـ ح - صـنـفـ زـاـويـة - ح ط هـ وزـاـويـة - دـ
 طـ ح - صـنـفـ زـاـويـة - ح اـ : - فـراـويـة - دـ اـ ح - مـساـويـة لـزاـويـة
 ح ط هـ وـلـكـنـ زـاـويـة سـدـاـج - مـساـويـة لـزاـويـة - هـ زـج - فـراـويـة
 هـ طـ ح - مـساـويـة لـزاـويـة - هـ زـج - فـذـرـارـيـة اـصـلـاع - هـ حـ فـطـ -
 فـذـرـةـ فـراـويـةـ - هـ حـ طـ - هـ فـطـ - مـساـويـةـانـ وزـاـويـةـ - هـ حـ طـ -
 قـائـمـةـ فـراـويـةـ - هـ زـطـ - قـائـمـةـ نـخـطـ - طـ زـ - عـمـودـ عـلـىـ نـخـطـ - حـ زـ
 وـقـدـ خـرـجـ مـنـ تـقطـةـ - طـ - الـقـىـ هـىـ مـرـكـرـ دـأـرـةـ - اـبـ جـ دـ - عـمـودـ
 بـعـلـ خـطـ - حـ بـ - وـهـوـ - طـ زـ - فـقـدـ قـسـهـ اـذـنـ بـنـصـفـيـنـ نـخـطـ
 بـ فـ - مـساـوـيـةـ نـخـطـ - زـحـ - وـذـلـكـ مـاـ اـرـدـ نـاـنـ بـيـنـ (١) .

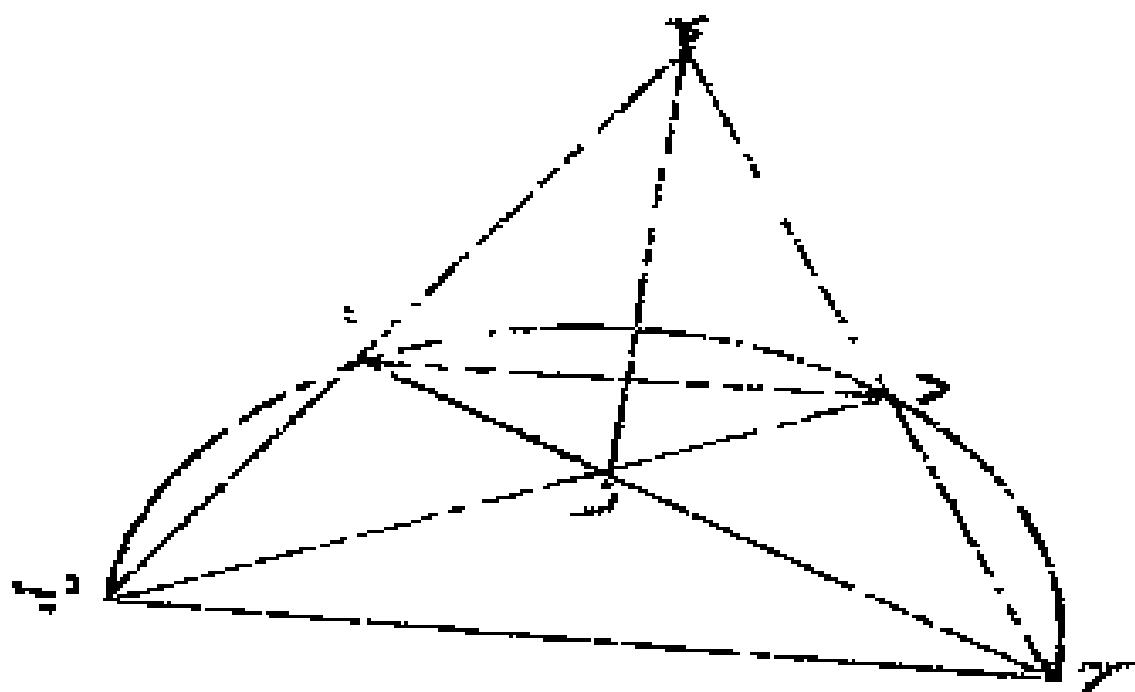
لتـفـرـضـ مـثـلـاـ مـتـسـاوـيـ الـاـصـلـاعـ عـلـيـهـ - اـبـ جـ - وـلـنـخـرـجـ
 خـطـ اـدـ عـمـودـاـ عـلـىـ خـطـ - بـ حـ - وـلـنـجـعـلـ مـرـبـعـ - دـ بـ
 مـساـوـيـاـ لـمـسـطـحـ - هـ بـ فـ - بـ فـ - وـلـنـصـلـ - دـ فـ - وـلـنـخـرـجـ مـنـ
 تـقطـةـ زـ - نـخـطاـ مـواـزـيـاـ نـخـطـ - بـ جـ - وـهـوـ خـطـ - زـحـ - وـلـنـصـلـ
 هـ حـ - فـاقـوـلـ انـ زـاـويـةـ - هـ حـ حـ - صـنـفـ زـاـويـةـ - اـزـدـ .

بـرهـانـ ذـلـكـ لـنـصـلـ - دـ حـ - دـ هـ - فـنـ اـجـلـ انـ مـسـطـحـ - هـ بـ
 فـ - بـ زـ - مـساـوـيـةـ دـ بـ - تـكـوـنـ زـاـويـةـ - زـ دـ بـ - مـساـويـةـ
 لـزاـويـةـ - زـهـ دـ - وـزـاـويـةـ - زـ دـ بـ - مـساـويـةـ لـزاـويـةـ - حـ زـ دـ - فـراـويـةـ
 زـهـ دـ - مـساـويـةـ لـزاـويـةـ - حـ زـ دـ - وـلـكـنـ زـاـويـةـ - حـ زـ دـ - مـساـويـةـ

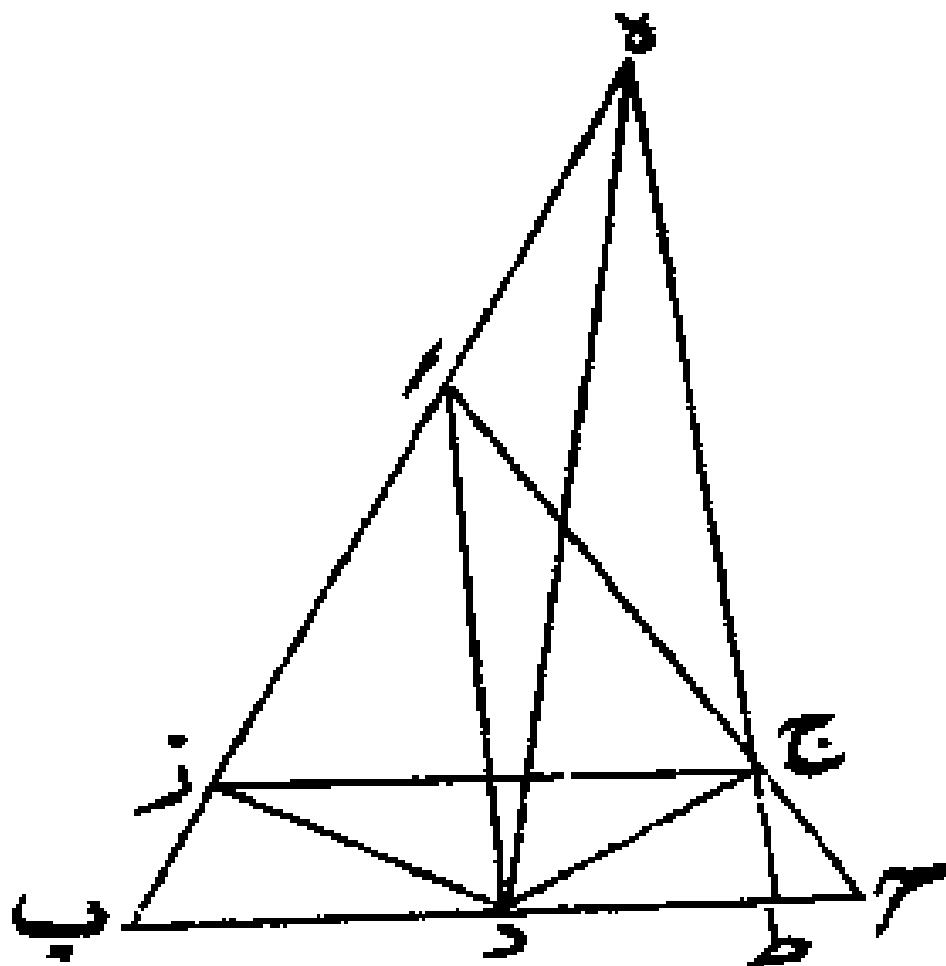
لزاوية - زوج د - لأن مثلث - ح زد - تكون مساوية الساقين فزاوية
زد مساوية - لزاوية - زوج د - فذو أربعة أضلاع - ه زد ح - ف
دائرة ولنفرض خط ... ه ح - على استقامة إلى نقطة ... ط - فزاوية
ح ط - مساوية لزاوية - ه زد - ولا أنها خارجية عن ذي أربعة
أضلاع - ه زد ح - وزاوية - ه زد ا - مساوية لزاوية - ا ح د
فزاوية - ا ح د - صيف زاوية - ا ح ب - ولكن زاوية - ا ح ط
مساوية لزاوية - ه ح ج - وزاوية - ا ح ب - مساوية لزاوية
ا زد - فزاوية - ه ح ج - صيف زاوية - ا زد - وذلك ما مررنا
أن نبين (٦) .

ولنفرض صيف دائرة عليه - ا ب ح د - ولنصل - ا ح ب
د - ولنصل ايضًا - ب ا ح د - ولنفرض بحها على استقامة حتى
تلقيا على نقطة ه - فاتول - ان مسطوح - ب د - في - د ز - ما
مسطوح - ح ه في - د ه .

برهان ذلك انه اذا كان مسطوح - ب د - في - د ز - مثل
مسطوح - ح د - في - د ه - تكون نسبة - ب د - الى - د ح
مثل نسبة - ه د - الى - د ز - فإذا وصلنا - ه ز - يكون مثلثا
ب زوج ... ه زد - مشابهين وتكون زاوية - د ب ح - مساوية
لزاوية - د ب ز - وإذا وصلنا - د ا - كانت زاوية - د ب ح
مساوية لزاوية - ح ا د - فتكون زاوية - د ا ز - مساوية لزاوية



اللأصوات (الجهة سبعة ص)
شكل (ه)



الأصول المثلثية صرى
شكل (٩)

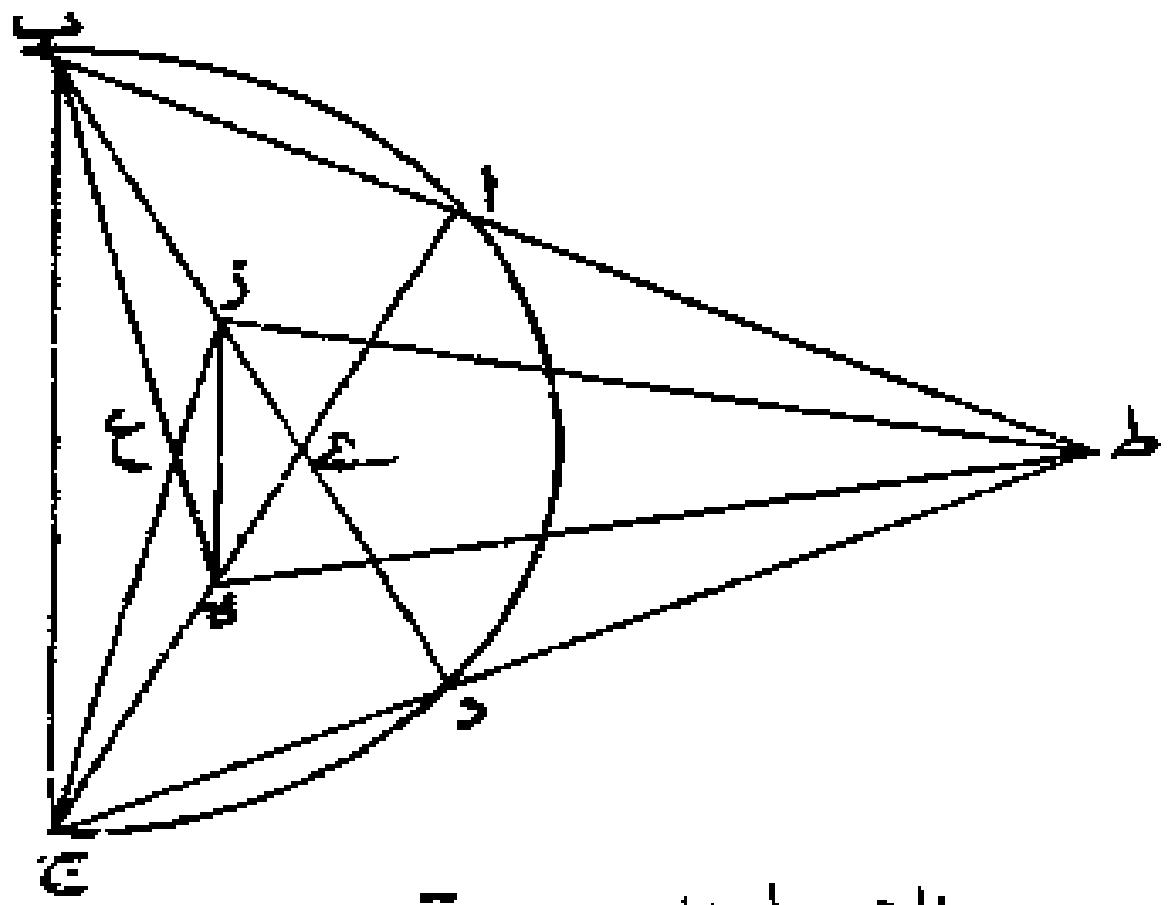
د ه ز - فيجب أن تكون ذوايزة احتلاع - د ه ز - في دائرة ومن
البين أنه في دائرة لأن كل واحدة من زاويتين د ه ز د ه ز
فقد وجوب أن يكون مسطوح - ب د - في - د ز - مساوياً لمسطوح
ج د - في - د ه - وذلك ما أردنا أن نبين (١) *

لتفرض نصف دائرة عليه - ب ج د - ولنحصل - ا ج ب
د - وليكن مسطوح - ب د - في - د ه - مساوياً لمربع - د ب
ومسطوح - ح ا - في - ا ه - مساوياً للربع - ا ه - ولنحصل - ب
ز ج - فاقول أن خط - ز ح - مساوياً خط - ح ه - *

برهان ذلك لنصل - ب ا - ج د - ولنخرج بهما على استقامة
خليتينا على نقطة - ط - فسطوح - ب د - في - د ه - مساو
لمسطوح - ج د - في - د ط - كلا قد تبين فيما تقدم ومسطوح - ج ا
في - ا ج - مساوياً لمسطوح - ب ا - في - ب ط - فسطوح - ب ا
في - ا ج - مساوياً للربع - ا ه - ومسطوح - ج د - في - د ط
مساوياً لمربع - د ز - وزاويتا - ط د ز - ط ا ه - كل واحدة منها
قائمة فإذا وصلنا - ز ط - ط ه - كل واحد من زاويتي - ط فرج
ط ه ح - قائمة ومن الجل أن مسطوح - ا ط - في - ط ا - مساوياً لمسطوح
ج ط - في - ط د - ومسطوح - ب ط - في - ط ا - مساوياً لمسطوح
ب ا - في - ا ط - مع مربع - ا ط - ومسطوح - ح ط - في - ط
د - مساوياً لمسطوح - ج د - في - د ط - مع مربع - ط د - ومربيات

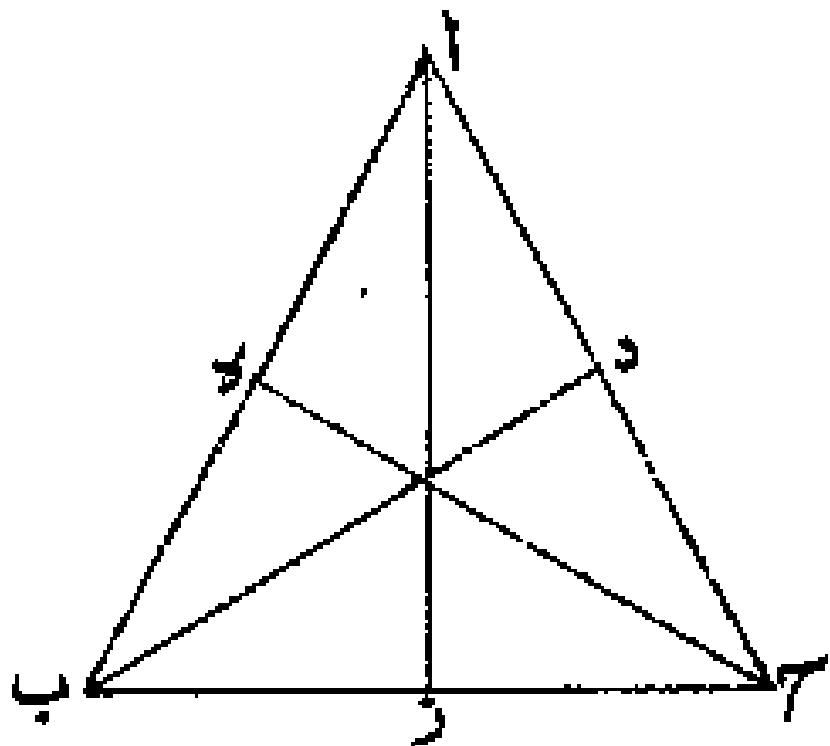
بـ اـ اـ طـ جـ دـ دـ طـ مـ سـ اـ وـ يـ بـ كـون
مـ رـ بـ عـ اـ طـ اـ طـ مـ سـ اـ وـ يـ بـ عـ طـ دـ دـ زـ وـ لـ كـنـ مـ رـ بـ عـ طـ
اـ اـ طـ مـ سـ اـ وـ يـ بـ عـ طـ دـ لـ اـ نـ زـ اـ وـ يـ ةـ طـ اـ هـ قـ اـ ئـ اـ ئـ فـ رـ بـ عـ
طـ فـ مـ سـ اـ وـ يـ بـ عـ طـ دـ فـ خـ طـ حـ طـ زـ مـ سـ اـ وـ يـ بـ عـ طـ دـ
فـ اـ دـ اـ وـ صـ لـ اـ زـ دـ تـ كـوـ نـ زـ اـ وـ يـ ةـ طـ فـ زـ دـ مـ سـ اـ وـ يـ بـ عـ لـ زـ اـ وـ يـ ةـ طـ
زـ دـ وـ لـ كـنـ زـ اـ وـ يـ ةـ طـ زـ حـ قـ اـ ئـ اـ ئـ مـ سـ اـ وـ يـ بـ عـ لـ زـ اـ وـ يـ ةـ طـ دـ حـ
الـ قـ اـ ئـ اـ ئـ فـ رـ اـ وـ يـ ةـ حـ دـ دـ اـ بـ اـ يـ اـ يـ مـ سـ اـ وـ يـ بـ عـ لـ زـ اـ وـ يـ ةـ زـ دـ حـ اـ بـ اـ يـ اـ يـ
فـ خـ طـ حـ زـ مـ سـ اـ وـ يـ بـ عـ طـ حـ دـ وـ ذـ لـ كـ مـ اـ وـ دـ نـ اـ نـ بـ يـ بـ (١)ـ
لـ نـ فـ رـ خـ مـ ثـ لـ اـ مـ سـ اـ وـ يـ الـ اـ ضـ لـ اـ عـ عـ لـ يـ بـ اـ بـ جـ دـ وـ لـ نـ خـ حـ
فـ يـ اـ عـ مـ دـ بـ بـ دـ حـ دـ اـ فـ فـ اـ قـ اـ وـ لـ اـ نـ اـ عـ مـ دـ بـ دـ حـ دـ
اـ زـ مـ سـ اـ وـ يـ بـ عـ *

برهان ذلك من أجمل أن مثلك - اب ح - متساوي الساقين
وقد اخرج فيه عمود - از - يكون خط - ب ز - مساوياً خط
ز ج - وأيضاً من أجمل أن مثلك - ج ب ا - متساوي الساقين وقد
أخرج فيه عمود - ج ه - يكون خط - ا ه - مساوياً خط - ج ب
خط - ج ز - مساو خط - ا ه - ولتجعل خط - ا ج - مشتركاً
فيكون خط ا ه - ا ج - مساوين خطى - ا ج - ج ز - زاوية
ج ا ه - مساوية لزاوية - ا ج ز - فقاعدة ا ب - مساوية لقاعدة
ج ه - وأيضاً من أجمل أن مثلك - ب ج ا - متساوي الساقين وقد



الاصول الهرم سمية حـ

شكل (٧)



الأصول الهندسية ص ٩
شكل (٦)

الأصول الهندسية

٩

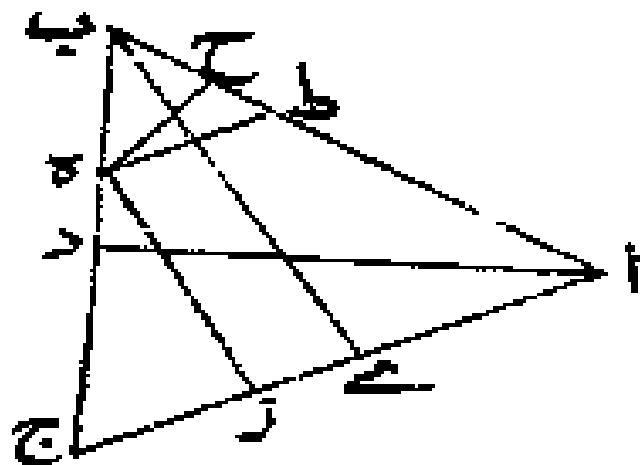
آخر بع فيه عمود - بـ د - ي تكون خط - اـ د - متساوياً بالخط - دـ هـ خط - هـ بـ متساوياً بالخط - جـ دـ وليجعل خط - بـ جـ مشتركاً في تكون خطـا - هـ بـ بـ جـ متساوياً بين الخطـا - بـ جـ جـ دـ وزاوية - بـ جـ دـ متساوية لزاوية - جـ بـ دـ فقاعدـة بـ دـ متساوية لقاعدـة جـ هـ وقد كان تبين ان خطـ هـ جـ متساوياً بالخطـ اـ زـ خطـ بـ دـ متساوياً بالخطـ اـ زـ خطوطـ هـ جـ اـ زـ دـ بـ الشائعة متساوية وذلك ما اوردنا ان تبين (١) *

لنفترض مثلاً متساوياً الاصلان علىـهـ اـ بـ جـ ولنخرج
فيـهـ عمودـ اـ دـ ولنعلم علىـ خطـ بـ دـ نقطةـ كـيفـ ما وقعت
وهـيـ نقطـةـ هـ ولنخرج من نقطـةـ هـ الىـ خطـ جـ اـ بـ
عمودـينـ وهـماـ خطـ زـ هـ جـ فـاـ قولـ انـ اـ هـ متساوياًـ خطـ
زـ هـ هـ جـ *

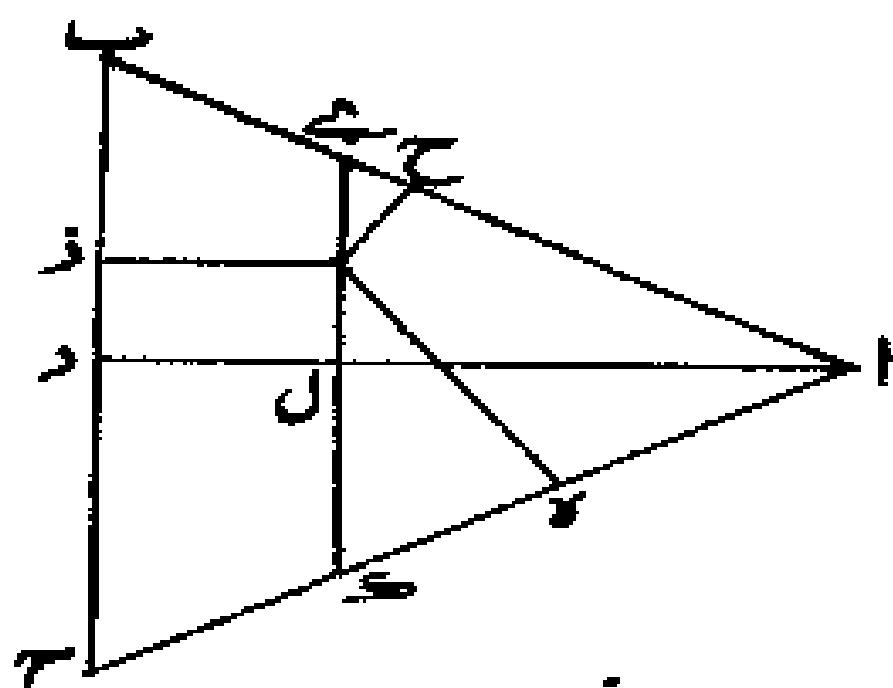
برهـانـ ذلكـ لنخرج من نقطـةـ هـ خطـ موافقـاـ لـ اـ لـ اـ جـ
وهوـ خطـ هـ طـ ولنخرج من نقطـةـ بـ بـ خطـ يـ تكونـ عمودـاـ
علىـ خطـ اـ جـ وهوـ خطـ بـ بـ ايـ فمنـ اـ جـ انـ مثلـثـ اـ بـ جـ
متساوياًـ الاصلانـ وـ خطـ اـ جـ موـازـ خطـ هـ طـ هـ يـ تكونـ
مثلـثـ بـ طـ هـ متساوياًـ الاصلانـ ومنـ اـ جـ انـ خطـ بـ بـ ايـ
عمودـ علىـ خطـ اـ جـ وـ خطـ اـ جـ موـازـ خطـ هـ طـ هـ فيـ تكونـ
خطـ بـ كـ عمودـاـ علىـ خطـ هـ طـ هـ وـ خطـ هـ كـ ايـ متساوـ

نقطة ... هـ زـ لأن سطحـ كـ هـ ذـ متوازي الاختلاع فجميع خطـ بـ بـ مساوٍ لخطـ هـ حـ هـ زـ ولكن خطـ بـ بـ مساوٍ لخطـ اـ دـ فخطـ اـ دـ مساوٍ لخطـ هـ زـ هـ حـ وذلك ما اردنا ان نبين (١) .

لتفرض مثلثاً متساوياً الاختلاع عليهـ اـ بـ حـ ونخرج فيه عمودـ اـ دـ ونعلم في داخله نقطةـ كيف وقعت وهي نقطةـ هـ ونخرج منها الى اختلاع المثلث اعمدة وهي خطوطـ زـ هـ هـ حـ هـ طـ فاقول ان خطـ اـ دـ مساوٍ لخطوطـ هـ زـ هـ حـ هـ طـ .
برهان ذلك نخرج على نقطةـ هـ خطـ موازياً لخطـ بـ جـ وهو خطـ بـ هـ لـ كـ فن اجل ان خطـ بـ لـ كـ موازـ خطـ بـ بـ جـ وخطـ هـ زـ موازـ خطـ دـ لـ يكون سطحـ هـ دـ متوازي الاختلاع ومن اجل ان مثلثـ اـ بـ حـ متساوي الاختلاع وقد نخرج فيه عمودـ اـ لـ ونعلم على خطـ بـ لـ كـ نقطةـ ماـ كيف وقعت وهي نقطةـ هـ ونخرج منها عمودـ اـ لـ على خطـ بـ هـ لـ كـ وهـ خطـ هـ حـ هـ طـ يكون خطـ اـ لـ مساوٍ لخطـ هـ طـ هـ حـ هـ طـ وقد كان تبين ان خطـ اـ لـ هـ مساوٍ لخطـ هـ زـ هـ حـ فخطـ



الاصول الهندسية حرف
شكل (٩)



الاصل الهندسيه ص ٦
شكل (١٠)

اد - اذن هو مساوا نخطوط - هزب مح - خط - وذك ما اردنا
ان نین (۱) *

لفرض مثلثاً متساوياً الساقين عليهـ اـ بـ جـ وانخرج من نقطةـ اـ هـ مـ دـ اـ على خطـ اـ بـ وهوـ اـ دـ وانخرج خطـ بـ جـ على استقامة حتى يلتقي خطـ اـ دـ على نقطةـ دـ وانقسم خطـ اـ بـ بـ نصفين على نقطةـ هـ وانصلـ هـ زـ دـ وانخرج من نقطةـ زـ خطـ موازياً لخطـ اـ بـ وهوـ خطـ زـ حـ فـ قولـ ان مـ طـ حـ دـ اـ فـ اـ حـ مـ سـ اـ وـ مـ رـ بـ اـ جـ *

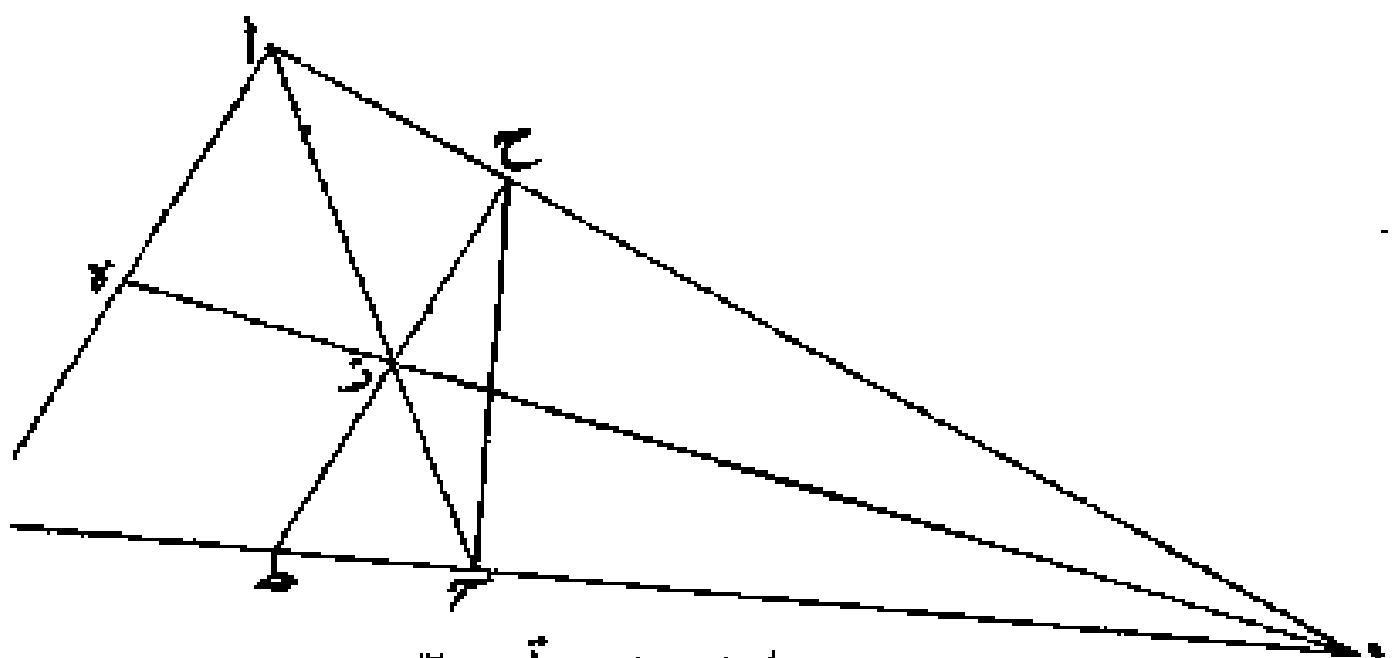
برهان ذلك انخرج - فرج - على استقامة الى نقطة - خط
فمن اجل ان مثلاً - ابج - متساوي الساقين وخط ... خط
مساويما خط ... اب - يكون خط - خط ... مساويما خط - فرج
وايضاً من اجل ان خط - اه - مساو لخط - هب ... وخط - هب
مواز لخط - ح ط .. يكون خط .. ح ز - مساويما خط - خط
وند كان ثيب ان خط - خط - مساو لخط - فرج - خط - فرج
مساويما خط - فرج - خط .. خط - فرج - فرج - الشائكة متساوية
فاذوصلنا - ح ح - تكون زاوية - ح ح ط - قاعدة فراودينا - فرج
ح - ح ط ح - الباقية مساوية لقائمة واحدة وزاوية - خط
ح - متساوية لزاوية - ابج - فراوية - ابج - مع زاوية

فرج - مساويان لقائمة واحدة وزاوية - اب ج - مع زاوية
 ادب - مساويان لقائمة واحدة فراوية - ادب - مساوية لزاوية
 فرج - وزاوية - فرج - مساوية لزاوية - فرج -
 فراوية - ادب - مساوية لزاوية - فرج - فسطح - د
 ا - ف - ا - ج - مساوٍ لبعض - ا - ج - وذلك ما اوردنا ان نبين (١) .

لنفرض مثلثا عليه - اب ج - ولنخرج من نقطة - ا - لي
 خط - ب ج - خط يحيط مع - ب ا - بزاوية مساوية لزاوية - ا ج
 ب - وهو خط - ا د - فراوية - ب ا د - مساوية لزاوية - ا ج
 د - فاقول ان مسطح - ب ج - ب د - مساوٍ لبعض - ا ب .
 برهان ذلك من اجل ان زاوية - ا ج ب - مساوية لزاوية
 ب ا د - بجعل زاوية - ا ب ج - مشتركة لاثي - ا ب ج - ا ب د
 فتكون زاوية - ب د ا - الباقية مثل زاوية - ب ا ج - فتشا - ا ب
 ج - ا ب د - متساوية الزوايا فهما اذن متشابهان نسبة - ج ب
 الى - ب ا - مثل نسبة - ا ب - الى - ب د - فسطح - ج ب
 في ب د - مساوٍ لبعض - ا ب - وذلك ما اوردنا ان نبين (٢) .

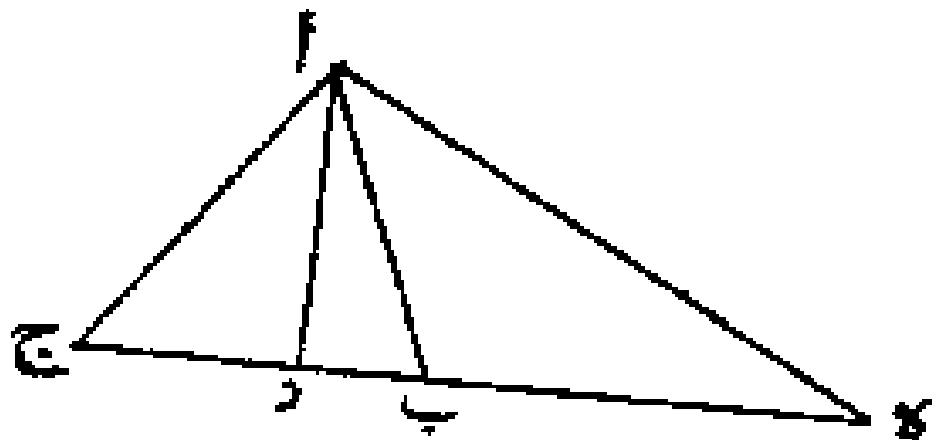
لنفرض مثلثا متساويا الساقين عليه - اب ج - وليكن
 ساقاه المتساويةان خطي - اب - ب ج - ولنخرج من نقطة - ا
 خط يكون عمودا على خط - ب ج - وهو خط - ا د - فاقول ان

(١) الشكل السادس عشر (٢) الشكل الثاني عشر .



الاصل الهندسية ص ٢
شكل (١)

بيان في الأصل
الاصل الهندسية ص ٢
شكل (٢)



الاصول الهندسية من

شكل (١٣)

مسطح - دج - في - ج ب - مرتين متساوية - اج - .
 برهان ذلك لنخرج من نقطة - ا - عمودا على خط - اج
 وهو خط - ا - ونخرج خط - ب - ج - على استقامة حتى يلتقي
 خط - ا - ولتكن التقاوئها على نقطة - ه - فن اجل انت
 زاوية هاج .. قاعدة وخط - ج ب - مساو - خط - اب
 تكون خطوط - ، ب - ب ج - ب ا - الثالثة متساوية خط - هج
 ضعف خط - ج ب - فسطح - هج - في - ج د - متساوياً مع
 هج ا - لأن زاوية هاج - قاعدة وخط - د ا - عمود على خط
 ب ج - فسطح - دج - في - ج ب - مرتين متساوياً بع - اج -
 وذلك ما اردنا ان نبين (٦) .

لتفرض مثلثا عليه - ا ب ج د - ولنخرج من نقطة - ا - الى
 خط - ب ج - عمود - ا د - فاقول ان زوايا مربع - ب د - على
 صريح - دج - مثل زيادة مربع - ب ا - على مربع - اج .
 برهان ذلك من اجل انه اذا زيد على زيادة مربع - ب د
 على مربع - دج - صريح - ا د - كانت مثل زيادة من بعض - ب د
 د ا - على من بعض - ا د - دج - ومربعا - ب د - د ا - مساويان
 مربع - اب - ومربعا - ا د - دج - مساويان مربع - اج - فتكون
 زيادة مربع - ب د - على مربع - دج - مثل زيادة مربع - ب ا

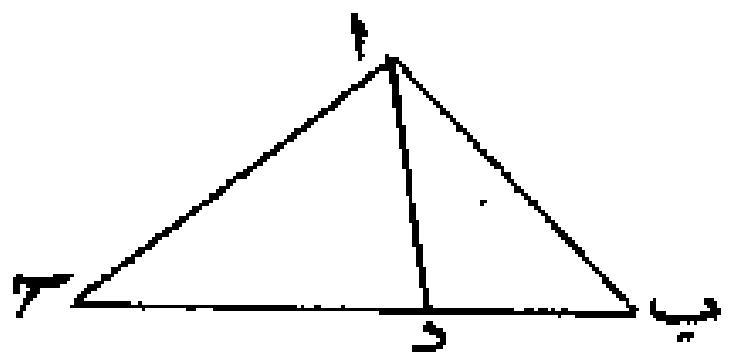
على مربع - ا - ج - وذلك ما اوردناه ان بين (١) .

لنفرض مثلاً قائم الزاوية عليه - ا - ب - ج - ونستكمل زاويته
القائمة زاوية - ا - والقسم - ب - ج - بصفتين على نقطة
د - ولنصل - ا - د - فاقول ان خطوط - ا - ب - د - ج -
متوازية .

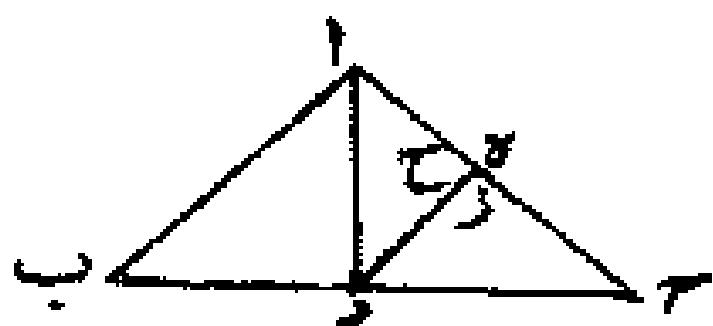
برهان ذلك لنخرج من نقطة - د - خطاموا في الخط - ا - ب
وهو خط - د - فن اجل ان خط - ب - د - مساو لخط - د - ج
وخط - د - مرازي خط - ا - ب - يكون خط - ا - د - مساو
لخط - ب - ج - وزاوية - ب - ا - ج - فرضت قاعدة فرازية - ج - التي
تليها قاعدة وكذلك زاوية - ز - ومن اجل ان خط - ا - د - مساو
لخط - ب - ج - وخط - ا - د - مشتركة وزاوية - ج - معاوية لزاوية
ز - تكون قاعدة - ا - د - معاوية لقاعدة - د - ج - ولكن خط
د - ج - مساو لخط - د - ب - خطوط - ا - د - ب - د - ج - الثلاثة
متوازية وذلك ما اوردناه ان بين (٢) .

لنفرض مثلاً متساويا الساقين عليه - ا - ب - ج - ولنخرج
من نقطة - ا - الى خط - ب - ج - خطما كيف ما وقع وهو خط
ا - د - فاقول ان مطبع - ب - د - ف - د - ج - مع مربع - د - ا
مساو لمربع - ا - ج .

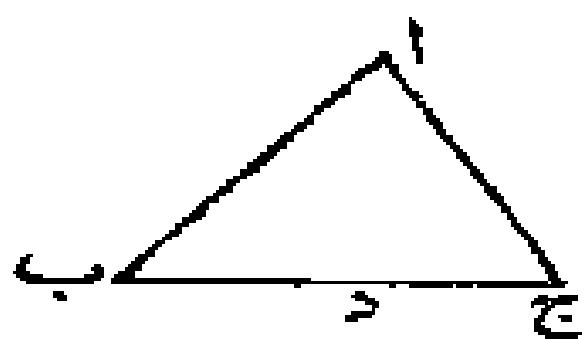
(١) الشكل الرابع عشر (٢) الشكل الخامس عشر .



الاصول المهمة مميزة صرى
شكل (١٤)



الاصول المهمة مميزة صرى
شكل (١٥)



اللأصول المهمة مساعدة

شكل (١٦)

برهان ذلك لنخرج من نقطة - ا - الى خط - ب - ج
عمود - ا - هـ - فمن اجمل ان خط - ب - ج - فـ قد قسم بـ مـصفـين عـلـى
نـقطـة - هـ - وـ بـقـسـمـين مـخـتـالـفـين عـلـى نـقطـة - دـ - يـكـوـنـ مـسـطـحـ - بـ دـ
في - دـ جـ - معـ مـرـبـعـ - هـ دـ مـساـوـيـاـ مـلـعـبـ - هـ جـ - وـ لـنـجـعـ مـرـبـعـ
اـ هـ دـ مـشـتـرـكـاـ فـيـكـوـنـ مـسـطـحـ - بـ دـ - في - دـ جـ - معـ مـرـبـعـ
اـ هـ دـ مـساـوـيـاـ مـلـعـبـ - اـ هـ هـ جـ - وـ لـكـنـ مـرـبـعـ - اـ هـ دـ
مسـاـوـيـاـنـ مـلـعـبـ - اـ دـ - لـأـنـ زـاوـيـةـ - اـ هـ دـ - قـائـمـةـ وـ مـرـبـعـ - اـ هـ
هـ جـ - مـساـوـيـاـنـ مـلـعـبـ - اـ جـ - لـأـنـ زـاوـيـةـ - اـ هـ جـ - قـائـمـةـ فـسـطـحـ
بـ دـ - في - دـ جـ - معـ مـرـبـعـ - دـ اـ - مـساـوـيـاـنـ مـلـعـبـ - اـ جـ - وـ ذـلـكـ
ما اردـناـ اـنـ نـيـنـ (١) .

لنفرض مثلاً متساوي الساقين عليه - ا ب ج - ولنخرج
من نقطة - ا - خطين وهما خطان - ا د - ا هـ - وـ لـتـكـنـ نـسـبـةـ مـسـطـحـ
بـ دـ - في - دـ جـ الـىـ مـرـبـعـ - دـ اـ - مـثـلـ نـسـبـةـ مـسـطـحـ - جـ هـ فـ
هـ بـ - الـىـ مـرـبـعـ - اـ هـ - فـأـقـولـ انـ خـطـ - دـ اـ - مـساـوـنـلـخـ - اـ هـ
برهان ذلك من اجمل ان نسبة مسطوح - بـ دـ - في - دـ جـ
الـىـ مـرـبـعـ - اـ دـ - مـثـلـ نـسـبـةـ مـسـطـحـ - جـ هـ فـ هـ بـ - الـىـ مـرـبـعـ
اـ هـ - فـاـنـاـ اـذـاـ وـكـبـاـ كـانـتـ نـسـبـةـ مـسـطـحـ - بـ دـ - في - دـ جـ - معـ
مـرـبـعـ - دـ اـ - الـىـ مـرـبـعـ - اـ دـ - مـثـلـ نـسـبـةـ مـسـطـحـ - جـ هـ فـ

هـ بـ مع مربع - اـ هـ الى مربع - اـ هـ ولكن مسطح
 بـ دـ فـ دـ جـ مع مربع - دـ مساو لمربع - اـ بـ ومسطح
 جـ هـ فـ هـ بـ مع مربع - اـ هـ مساو لمربع - اـ جـ فـ نسبة
 مربع - جـ اـ الى مربع - اـ دـ مثل نسبة مربع - بـ اـ الى
 مربع - اـ هـ والقديمان متباينان فانا بيان اذن متباينان خط - دـ اـ
 مساو لخط - اـ هـ وذلك ما اردنا ان نبين (١) .

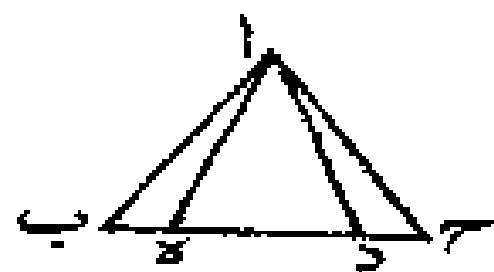
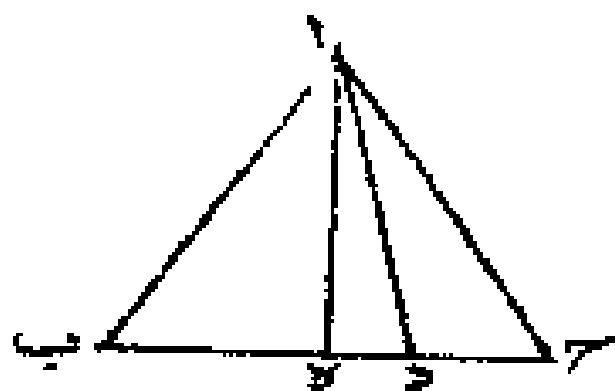
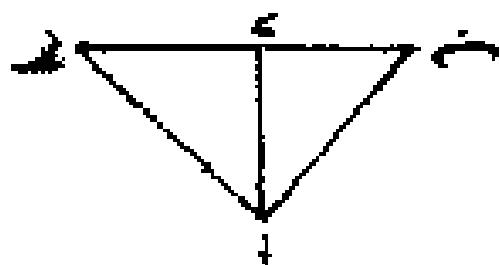
لنفرض مثلاً عليه - اـ بـ جـ ولنقسم زاوية - اـ بـ بـ نصفين
 بـ خط - اـ دـ فاقول ان نسبة خطى - بـ اـ بـ جـها الى خط - جـ بـ بـ
 مثل - اـ بـ الى - بـ دـ .

برهان ذلك من اجل ان زاوية - اـ من مثلث - اـ بـ جـ
 قد تسمى بـ نصفين بـ خط - اـ دـ تكون نسبة - بـ اـ الى - اـ جـ
 مثل نسبة - بـ دـ الى - دـ جـ واذا بدلتا كانت نسبة - اـ بـ
 الى - بـ دـ مثل نسبة - اـ جـ - الى - جـ دـ ونسبة الجمجم الى
 الجمجم مثل نسبة واحد الى واحد فـ نسبة خطى - بـ اـ اـ جـ - الى
 خط - جـ بـ مثل نسبة - اـ بـ الى - بـ دـ وذلك ما اردنا ان
 نبين (٢) .

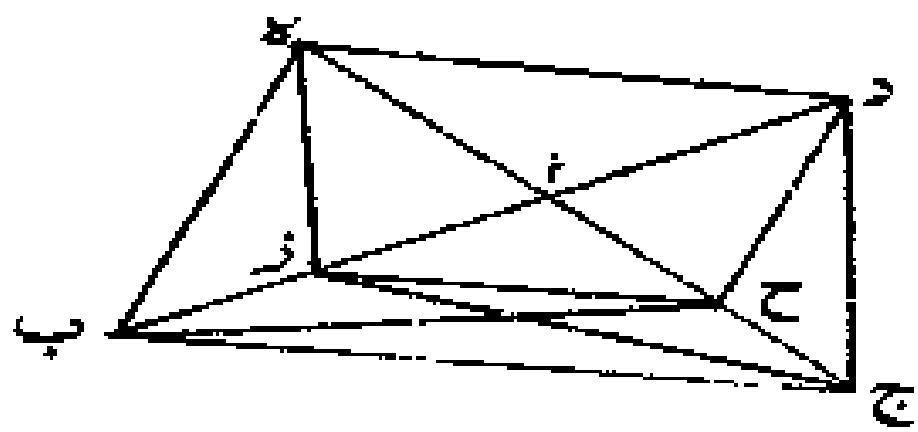
لنفرض مثلاً عليه - اـ بـ جـ ولنخرج خطى - جـ اـ بـ اـ
 على استقامة الى نقطى - دـ هـ ولنصل - دـ جـ - هـ بـ ولنخرج

(١) الشكل السابع عشر (٢) الشكل الثامن عشر .

الشكل (١٧)
الاصول الهندسية ص ٦٤



الاصول الهندسية ص ٦٤
شكل (١٨)



الاصل الهندسيه ص ٢١

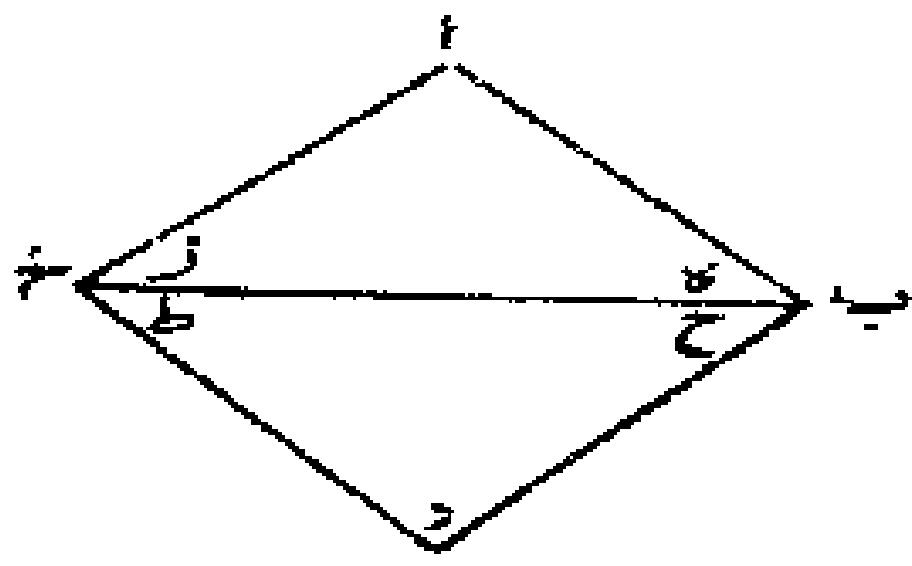
شكل (١٩)

من نقطلة - د - خط موازي لخط ذهاب - وهو خط - دج
ولنخرج من نقطلة - ه - خط موازي لخط - دج - وهو خط - ه
ذ - وإنصل سرح - فما قول ابن خط - سرح - مواز لخط - بج •
برهان ذلك لنصل - سرح - ب - ه د - ثلث - ذ ه
ج - مساو لثلث - د سرح - لأنهما على قاعدة واحدة وهي خط
سرج - وبين خطين متوازيين وهم خط - دج - ه ذ - ويلقى مثلث
داج - المشترك فيكون مثلث - داه - الباقى مساوى لثلث - ج
از - الباقى ومثلث - د ب - مساو لثلث - ح ه ب - لأنهما على
وحدة واحدة وهي خط - ه ب - وبين خطين متوازيين وهم - ه
ب - دج - ويلقى مثلث - ه اب - المشترك فيكون - داه
الباقي مساوى للثلث - اب ج - الباقى ولكن قد كان تبين أن مثلث
داه - مساو لثلث - ح اب - ثلث - اب ج - مساو لثلث - ا
رج - ويلقى مثلث - ارج - المشترك يسكون مثلث - ب ذج
الباقي مساو لثلث - ح ذج - وهم على قاعدة واحدة وهي خط - ذ
ج - فهما بين خطين متوازيين فخط - ذج - مواز لخط - بج
وذلك - ما أردنا أن تبين (٦) •

لنفرض خط - ا ب - مساوى لخط - ا ج - وخط - ب د
مساو لخط - دج - ويلقى كمل واحدة من زاويتين - ب ا ج - ب

د - قاعدة فاقول ان زاوية - ا ب د - مساوية لزاوية - ا ج د *
 برهان ذلك نصل - ب ج - فن اجل ان زاوية - ا - قاعدة
 تكون زاويا - ه - ز - مساوين لقاعدة واحدة وايضا من اجل ان
 زاوية - د - قاعدة تكون زاويا - ح - ط - مساوين لقاعدة واحدة
 وقد كانتا زاويا - ه - ز - مساوين لقاعدة واحدة فزاويا - ه - ز
 مساوينان لزاوتي - ح - ط - فجميع زاوية - ه - ط - مساوية لجمع
 زاوية - ز - ط - وذلك ما اردنا ان نبين (١) *

- تم كتاب اشيميس في الاصل المندسية وهو عشرون مشكلة
 والله الحمد وصلواته على نبيه محمد وآلها



الصوّل الهرمي
شكل (٣٠)

كتاب

في الدوائر المئوية

لأرشميدس

المكتول سنة مائتين واثنا عشر قبل الميلاد



الطبعة الأولى

طبعة جمعية دائرة المعارف العثمانية

باصحة الدولة الأئمية الإسلامية

حيدر آباد (الدكش)

لا زالت شموس اغداداتها بازغة ويدور

افاها طالعة الى آخر الزمن

سنة ١٣٧٦
م ١٩٤٧

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ

قال أرسطيدس إذا كانت دوايركم كانت متباينة متباينة ومرأكزها على خط واحد وآخر يخرج ذلك الخط على استقامة وتعلمت عليه نقطتهما وآخر يخرج منها خط يناس الدواير فان الدواير متباينة على تواليها وأن كانت الدواير متباينة على تواليها فان الخط الذي يناس دوايرتين متاليتين منها اذا اخرج على استقامة ما نس يافق الدواير .

مثال ذلك لنفرض دواير متباينة متباينة على مرأكزها اب ج - وليسكن مرأكز - اب ج - على خط واحد يستقيم وهو خط - اج - ولنفرض الدواير يناس بعضها ببعض على نقطتي سد - د - ولتعلم على خط - اج - نقطلة - ز - ولنخرج منها خط يناس الدواير على نقطه - س - ط - ز .

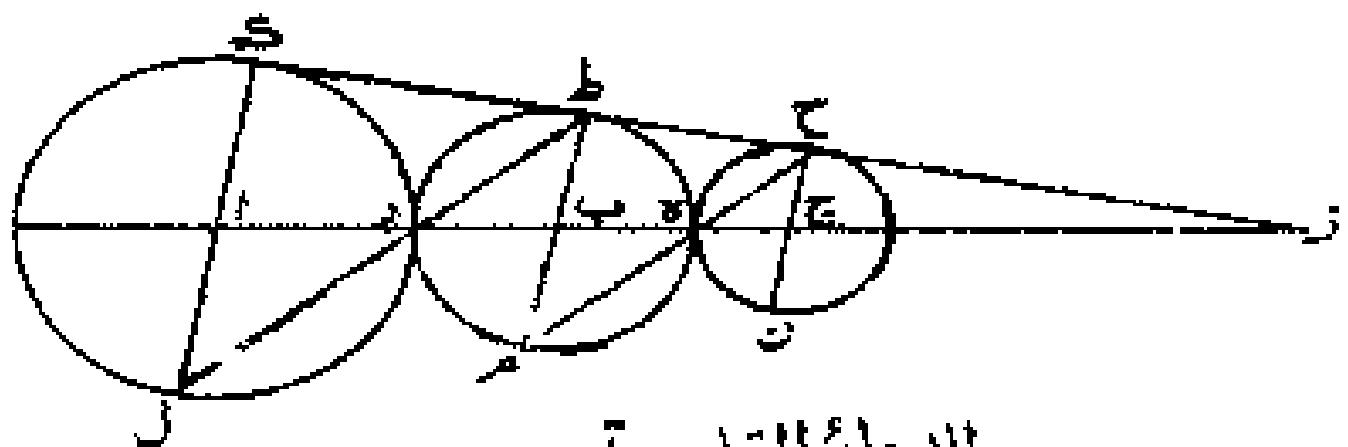
فاقول ان نسبة دائرة (١) الى دائرة - ب - كنسبة دائرة ب - الى دائرة س - ج .

برهان ذلك لنخرج من النقطة المعاشر اعالي المرأكز وهي خطوط - ك - ال - ط - ب - م - س - ح - ج - ن - ولنصل - ل - د - خط - م - س - ح - غرفت اجل ان خطوط - ك - ال - ط - ب - م - س - ح - ز قد اخرجت من النقط المعاشر على المرأكز فانها اعده على الخط

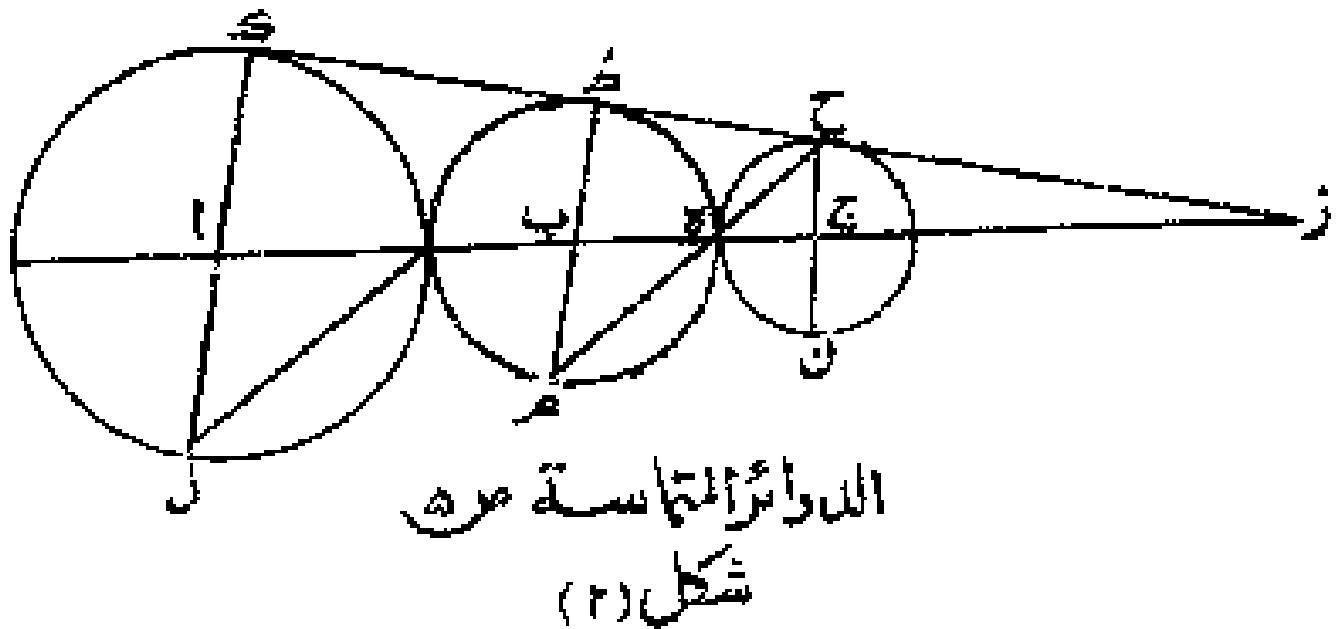
كـ لـ الـ مـ رـ بـ طـ مـ مـ ثـ لـ نـ سـ بـ هـ مـ رـ بـ عـ طـ مـ الـ مـ رـ بـ عـ نـ وـ نـ سـ بـ الـ دـ وـ اـ ثـ لـ بـ ضـ هـ الـ بـ عـ ضـ هـ الـ بـ عـ ضـ هـ كـ نـ سـ بـ هـ مـ رـ بـ عـ اـ قـ طـ اـ رـ هـ بـ ضـ هـ الـ بـ عـ ضـ هـ فـ نـ سـ بـ هـ دـ اـ ثـ رـ ةـ (ـ الـ دـ اـ ثـ رـ ةـ بـ كـ نـ سـ بـ هـ دـ اـ ثـ رـ ةـ بـ الـ دـ اـ ثـ رـ ةـ بـ جـ وـ ذـ لـ كـ ماـ اـ رـ دـ نـ اـ انـ بـ يـ نـ (ـ ١ـ)ـ

وـ اـ يـ ضـ هـ الـ تـ كـ نـ الـ دـ وـ اـ ثـ رـ مـ تـ نـ سـ بـ عـ لـ قـ وـ اـ لـ يـ هـ اـ وـ لـ نـ قـ رـ ضـ خـ طـ زـ حـ بـ خـ اـ لـ سـ دـ اـ ثـ رـ ةـ بـ جـ بـ حـ عـ اـ لـ قـ طـ بـ حـ عـ طـ هـ فـ اـ قـ وـ لـ اـ تـ اـ اـ اـ خـ رـ بـ جـ تـ اـ خـ طـ بـ فـ طـ عـ لـ اـ سـ تـ قـ اـ مـ تـ هـ مـ اـ سـ باـ قـ الـ دـ وـ اـ ثـ رـ ةـ

برـ هـ اـنـ ذـ لـ كـ لـ اـ خـ رـ بـ عـ لـ تـ قـ طـ لـ اـ خـ طـ مـ وـ اـ زـ يـ رـ يـ اـ خـ طـ لـ طـ وـ هـ وـ قـ طـ لـ كـ الـ اـ لـ وـ لـ تـ صـ لـ طـ لـ كـ وـ لـ تـ هـ مـ يـ اـ قـ الـ رـ سـ مـ عـ لـ مـ اـ فـ اـ لـ شـ كـ لـ الـ دـ يـ اـ قـ دـ مـ فـ تـ يـ عـ لـ نـ (ـ ٢ـ)ـ اـ نـ خـ طـ لـ لـ بـ جـ عـ لـ اـ سـ تـ قـ اـ مـ خـ طـ بـ وـ اـ نـ خـ طـ لـ لـ طـ مـ مـ وـ اـ زـ يـ اـ خـ طـ لـ طـ وـ اـ نـ مـ لـ شـ لـ طـ مـ شـ اـ بـ هـ لـ شـ لـ طـ جـ بـ وـ مـ اـ جـ اـ بـ هـ اـ لـ دـ اـ ثـ رـ مـ تـ نـ سـ بـ هـ عـ لـ قـ وـ اـ لـ يـ هـ اـ فـ نـ سـ بـ هـ كـ لـ الـ بـ طـ مـ مـ ثـ لـ نـ سـ بـ هـ بـ مـ الـ بـ طـ مـ الـ بـ طـ بـ وـ لـ كـ نـ سـ بـ هـ كـ لـ الـ بـ طـ مـ اـ لـ بـ طـ مـ اـ لـ بـ طـ بـ مـ اـ لـ بـ طـ مـ مـ ثـ لـ نـ سـ بـ هـ لـ دـ الـ بـ طـ اـ عـ يـ مـ لـ شـ لـ طـ لـ دـ الـ بـ مـ هـ وـ نـ سـ بـ هـ طـ مـ الـ بـ حـ بـ نـ اـ عـ يـ نـ سـ بـ هـ بـ مـ الـ بـ جـ بـ جـ مـ مـ ثـ لـ نـ سـ بـ هـ مـ الـ بـ طـ دـ طـ الـ بـ مـ هـ وـ قـ دـ كـ اـ نـ تـ نـ سـ بـ هـ لـ دـ الـ بـ مـ هـ مـ مـ ثـ لـ نـ سـ بـ هـ كـ لـ الـ بـ طـ مـ وـ نـ سـ بـ هـ كـ لـ



الدالة المترادفة صفر
شكل (١)



اذن الى - ط م - مثل نسبة - ل د - الى - م - و مثل نسبة - د ط - الى
 مح - اعني مثل نسبة جميع - ل ط - الى جميع - م مح - ومن اجل ان
 نسبة - ك ل - الى - ط م - مثل نسبة - ل ط - الى - م مح - والذرين
 اللذان يحيط بهما متساوين فان مثلي - ك ل ط - ط مح - متسايمان
 فراوية - ل ك ط - متساوية فراوية - م ط مح - وزاوية - م ط مح
 قاعدة فراوية - ل ك ط - قاعدة وخط - ك ل - مواز لخط - خط
 فراوية - ك ط م - اذن قاعدة وقد كانت فراوية - ب ط مح - قاعدة
 خط - مح ط - اذن على استقامة خط - ط ك - ويعني دائرة - ا .
 وبذلك تبين انه اذا كانت دواير اكثير من هذه كلها كانت
 عاصمه كلها .

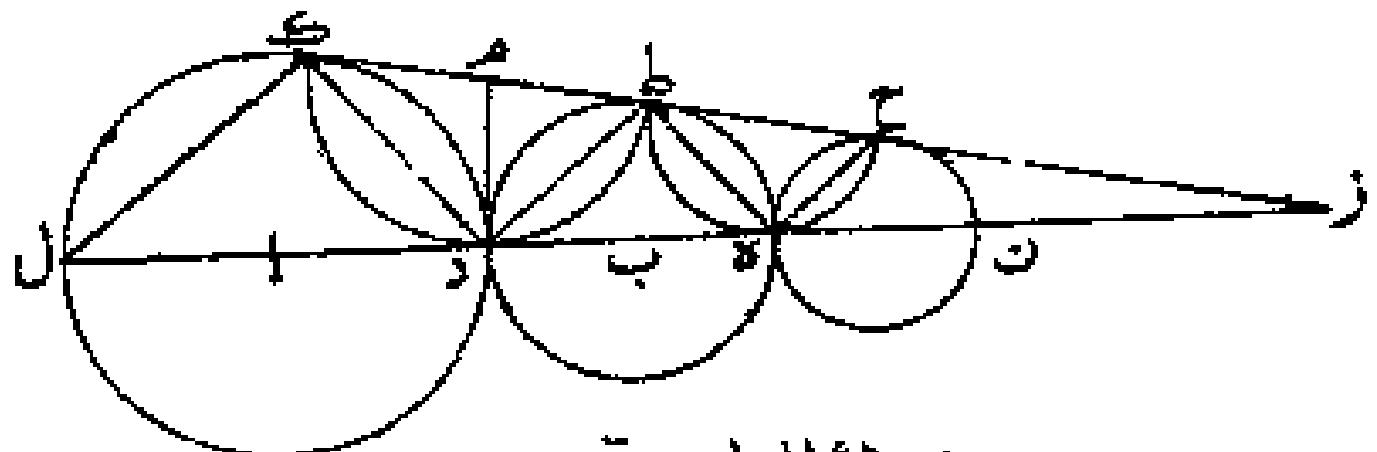
و ايضا لافرض الدواير على من في المقدمة ولصل - ل ك - ك د
 ط م - مح - مح ن - ولخرج من نقطه - د - خط يجلس كل واحد
 من دائري - اب - وهو خط - د م - فخط - د م - عمود على خط
 ل ز - ومن اجل ان كل واحد من خطى - ك م - م د - عاصي دائرة
 ا - يكون خط - ل م - متساويا لخط - م د - وكذلك ايضا يكون
 خط - ط م - متساويا لخط - م د - فخطو ط - ك م - م د - ط م
 الثلاثة متساوية والدائرة المرسومة على من كفر - م - ويبعد - م ك
 ك دائرة - ك د ط - تجوز على اقطر - ك د ط - فراوية - ك د ط
 قاعدة وزاوية - ل ك د - قاعدة فخطا - ل ك - ط د - متوازيان .

الدواير المتساوية

وبعثت ذلك تبين ان خطى - د ط - ه ح - متوازيان و ايضاً من اجل ان خط - ز ح ك - يعنى دائرة - ا - على نقطة - ك - و خط ك د - لما يفصلها تكون زاوية - ط ك - متساوية لزاوية - ك د ل د - ومن ثم ل ك د - ك د ط - قاعدة الزاوية فزاوية - ك د ل - اليقية متساوية لزاوية - ك ط د - اليقية فلتا - ل ك د - ك د ط - متباين ولكن مثلث - ل ك د - هو مشابه لمثلث - د ط ه - ومثلث - ك د ط - مشابه لمثلث - ط ه ح - فلتا - ل ك د - ك د ط - ط ه ح - ح ن - اذن متشابهة فنسبه - ا ك - الـ ك د - مثل نسبة - ك د - الـ ط د - ومثل نسبة - د ط - الـ ط ه - ومثل نسبة - ط ه - الـ ه ح - فإذا ألقينا الاوساط تصير نسبة - ل ك - الـ د ط - مثل نسبة - د ط - الـ ط ه - ح - ولكن نسبة - ل ك - الـ د ط - مثل نسبة - ل د - الـ د ه - د ه - اذن مثل نسبة - د ه - الـ ه ز - فسبة مربع - ل د - اذن الـ مربع - د ه - مثل نسبة مربع - د ه - الـ مربع - ه ز - فسبة دائرة - ا - الـ دائرة - ب - كسبة دائرة - ب - الـ دائرة - ب - ح - وذلك ما اوردنا ان نبین (١) *

و ايضاً لتكون الدواير متناسبة على تواليها ولتكن خط - ز ح يعنى دائرة - ح ب - على نقطتين - ح ط - *

فنقول اذا اذا اخر بحنا خط - ز ح ط - على استقامته ماس



الدائرة المدارية على
شكل (٣)

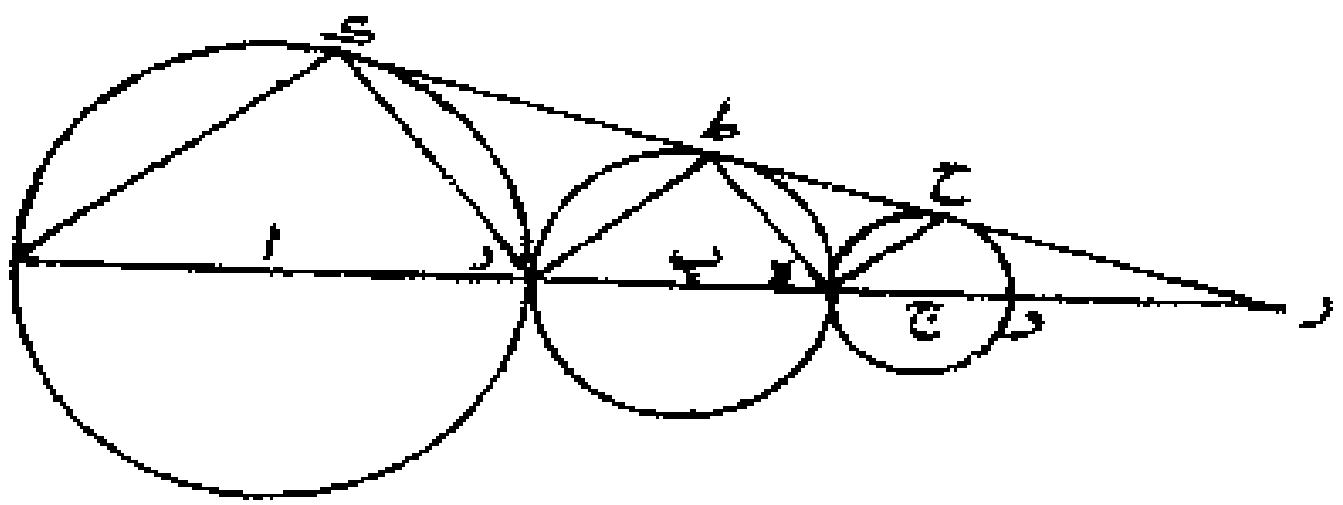
برهان ذلك لنصل خطوط - بـ ح - ح - ط - ط
ولنخرج من المقطة - د - خط مو از يالخط - ط - وهو خط - دك
ولنصل - طك - كـ ل - فمن اجل ان خط - كـ د - مو از خط - ط
تكون زاوية - كـ دل - مساوية لزاوية - ط د - وزاوية
ط د - قافية وهي مساوية لزاوية - ط دك - لأن خط - كـ د
ط د - متوازيان وزاوية - دكـ ل - قاعدة لأنها في نصف دائرة
لـ كـ د - فزاوية - ط دك - اذن مساوية لزاوية - دكـ ل - فخط
الـ ك - اذن مساو خط - د ط - ومن اجل ان المثلثات متشابهة على
ما بين فيما تقدم تكون نسبة - بـ ح - الى - ح - مثل نسبة - ح -
الـ الى - هـ ط - ومثل نسبة - هـ ط - الى - ط د - فنسبة - زـ ح - اذن
الـ الى - مـ ط - مثل نسبة - زـ ح - الى - هـ ط - مثناة ولكن نسبة - زـ ح
الـ الى - هـ ط - مثل نسبة - هـ ط - الى - دـ ك - ونسبة - زـ ح - الى - ح -
كـ نسبة - هـ ط - الى - ط د - فنسبة - هـ ط - اذن الى - ط د
كـ نسبة - هـ ط - الى - ط د - مثناة فنسبة - هـ ط - الى - ط د - مثل
نسبة - ط د - الى - دـ ك - وهي تحيط بزوايا متساوية ثالثة - كـ د
دـ ط - مشابه لمثلث - دـ ط - وزاوية - دـ كـ ط - مساوية لزاوية
دـ ط - وقد كانت زاوية - ح - ط - مساوية لزاوية - ط د -
زاوية - ح - ط - اذن مساوية لزاوية - طـ كـ د - ومن اجل ان

زاویة - ك خط - طح - معاذين لقائين وزاوية - ك د ط
 مساوية لزاوية - طح - تكون زوايا - دب - د طح - معاذين
 لقائين خط - ك ط - على استقامه خط - هز - و ايضا من اجل ان
 زاوية ط ك د - مساوية لزاوية - دل ك - يكون خط - زك - مما
 لدائره - ا - ثلث ما قبل في المقالة الثالثة من كتاب او قليدس الموسوم
 بالاسطسات وقد يحصل لنا منها بيتا انه اذا كان دائرتا ان تمسان من
 خارجها وما بينهما خط واحد كخط - ط ك - فان الخط
 الماس يكون وسطا بين قطرى الدائريتين على توالى النسبة وذلك
 انه ينطبق المثلثات تكون نسبة - ل د - الى - ك ط - كنسبة - ك ط
 الى - د ه (١) .

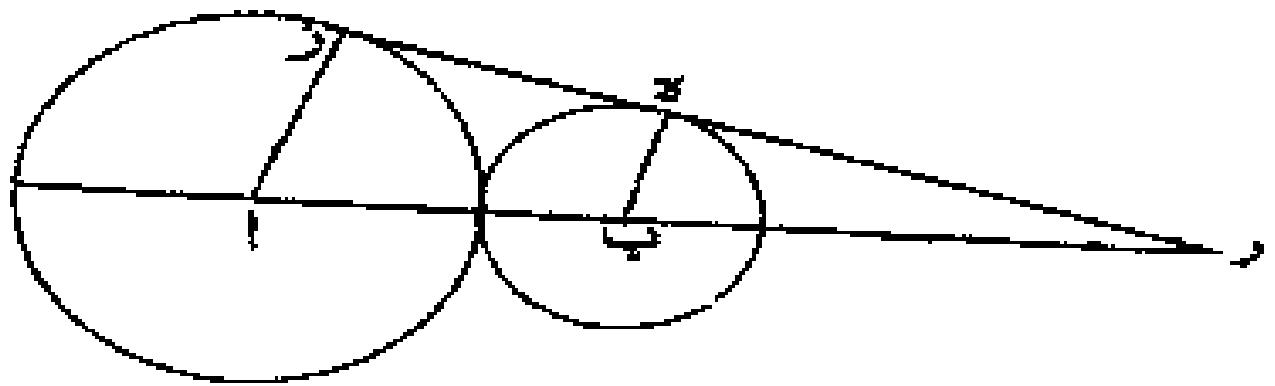
اذا كانت دواير متالية من اكبرها على خط واحد مستقيم
 ولخرج ذلك الخط وفرض على الخرج منه نقطه ماء اخرج منها خط
 مستقيم عлас الدواير فان نسب الدواير بعضها الى بعض كنسب
 مربعتات الخطوط اى عласها بعضها الى بعض .

مثال ذلك لنفرض دائرين على مركزى - ا ب - ولتكن
 مركز ا - ا ب - على خط واحده مستقيم ولخرج خط - ا ب - ويلتلم
 على دائرة - ب - نقطه - ه - ولخرج خط ايلقى خط - ا ب - وعлас
 دائرة - ب - على - ه - ودائرة - ا - على - هز .

فاقول ان نسبة دائرة - ا - الى دائرة - ب - مثل نسبة المربع



الظواهر المحسدة من
شكل (٣)



أدى داعر المقاومة ص

شكل (٥)

الدورة المئوية

الذى يكون من خط فرد المايس الى المرجع الذى يكون من خط
فرد المايس .

بـ هـ اـ هـ لـ تـ عـ سـ لـ زـ اـ هـ بـ . فـ نـ اـ جـ عـ لـ اـنـ كـ لـ وـ اـ حـ دـ ةـ مـ نـ فـ اـ دـ يـ تـ يـ
 اـ زـ دـ بـ هـ دـ قـ اـ ئـ غـ يـ كـ وـ نـ خـ طـ لـ زـ اـ موـ اـ تـ يـ الـ خـ طـ لـ هـ بـ فـ سـ يـ
 زـ اـ الـ لـ هـ بـ سـ اـ عـ يـ نـ سـ يـ قـ طـ دـ اـ ئـ رـ قـ اـ الـ لـ هـ طـ دـ اـ ئـ رـ قـ بـ
 كـ نـ سـ يـ زـ دـ الـ لـ هـ اـ لـ هـ بـ دـ دـ الـ لـ هـ اـ لـ هـ فـ سـ يـ مـ رـ بـعـ قـ طـ دـ اـ ئـ رـ قـ اـ
 الـ لـ هـ مـ رـ بـعـ قـ طـ دـ اـ ئـ رـ قـ بـ سـ اـ عـ يـ نـ سـ يـ دـ اـ ئـ رـ قـ اـ الـ لـ هـ دـ اـ ئـ رـ قـ بـ
 كـ نـ سـ يـ مـ رـ بـعـ خـ طـ لـ زـ دـ الـ لـ هـ اـ لـ هـ مـ رـ بـعـ خـ طـ لـ دـ دـ الـ لـ هـ وـ ذـ لـ كـ

اذا كانت دوائر متحدة من اكبرها على خط واحده وهي متناسبة
على توازيها واخرج من من اكبرها خط عما سماه على ترتيب فان
نسبة لدوائر بعضها الى بعض كنسب من بعثات الخطوط الذي يعادلها
بعضها الى بعض فلنفترض دوائر متحدة على من اكبر - ا - ب - ج
د - ولتكن من اكبر - ا - ب - ج - د - على خط واحده ولتكن
متناسبة على توازيها ولنخرج من من خط - ا - ب - ج - د - خطوط
umas دوائر - ا - ب - ج - د - على ترتيب وهي خطوط بخط
ج - د - ل .

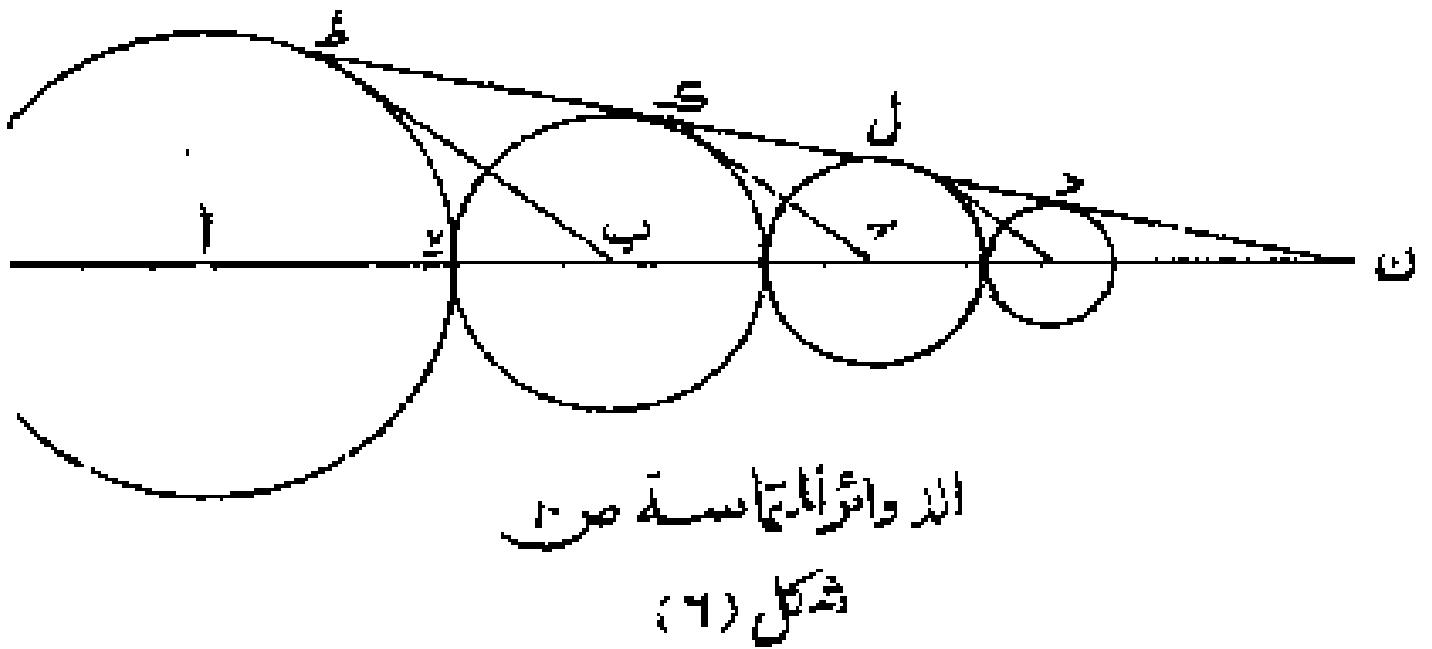
فأقول إن نسبة دائرة α إلى دائرة β كنسبة مربع خط β ط إلى مربع خط α - حج α - ونسبة دائرة β إلى دائرة γ كنسبة مربع خط γ ط إلى مربع خط β - حج β - حج γ

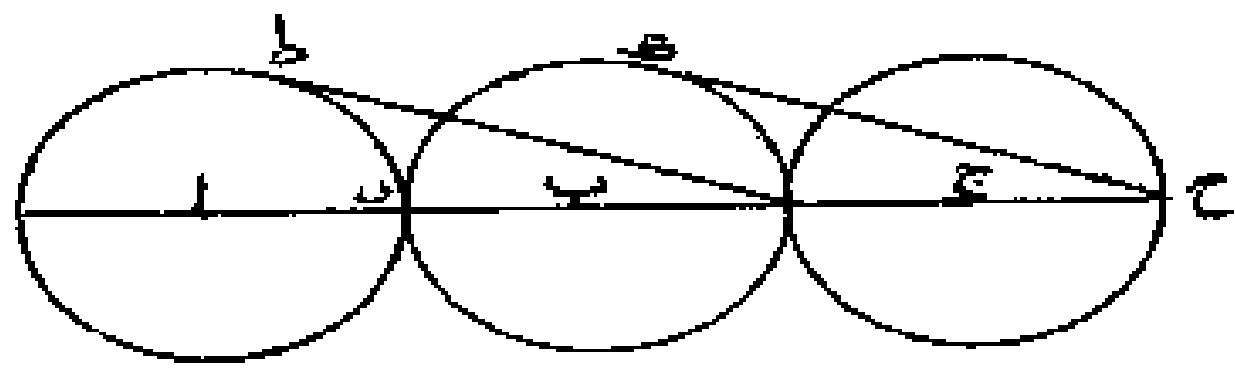
كنتية مربع خط - ح ك - الى مربع خط - د ل *

برهان ذلك من اجل ان الدواائر متساوية على تواليها تكون
نسبة قطر - م ه - الى - ه ز - مثل نسبة - ه ز - الى - ز ح - اعني مثل
نسبة - ه د - الى - د ح - فاذا بدلنا تكون نسبة - م ه - الى - ه ب
كنتية - ه ز - الى - ز ح - واذا ركبنا تكون نسبة - م ب - الى
ب ه - كنتية - ه ح - الى - ج ب - ولكن خط - ب ط - هو
متوسط بين خطى - م ب - ن ه - وخط - ك ح - متوسط بين
خطى - ه ح - ح ز - فنسبة - ب ط - الى - ب ه - اذن كنتية
ك ح - الى - ح ز - واذا بدلنا تكون نسبة - ب ط - الى - ك ح
كنتية - ه ب - الى - ز ح - ونسبة - ه ب - الى - ز ح - كنتية
م ه - الى - ه ز - فنسبة - ب ط - الى - ك ح - اذن كنتية قطر - م ه
الى - ه ز - فنسبة - مربع - م ه - الى مربع - ه ز - اعني نسبة دائرة
ا - الى دائرة - ب - كنتية مربع - ط ب - الى مربع - ك ح -
وذلك ما اردنا ان نبين *

وقد يحصل لامن هاهنا ان نعلم ان خطوط - ط ب - ك ح
ل د - متساوية على تواليها متوازية وعلم ذلك سهل ولقرب ما ذكرنا
اذا وصلنا بين النقط المتساوية وبين المراكز فانه تحدث ظواهر متشابهة
الروايات بها في الحلقة والوضع (٦) *

وافول ان هذا يعني يصرخ اذا اخرجت الخطوط المتساوية من





الآن واتبع المنهجية سلسلة صراحت
شكل (٢)

اطراف الاخطار لا من المرا كز كالذى هو مرسوم في هذه الصورة
برهان ذلك من اجل ان نسبة هطر - م - الى - هـ - كـ نسبة
هـ - الى - فـ ح - فانا اذ اركبنا ثـ كـ وـ نـ كـ نـ هـ - مـ فـ - الى - فـ هـ
مثل نسبة - هـ ح - الى - ح - زـ وـ لـ كـ نـ خطـ - زـ طـ - هو مـ وـ سـ طـ بـ يـنـ
خـ طـ - مـ زـ - زـ هـ - وـ خـ طـ - كـ ح - هو مـ وـ سـ طـ بـ يـنـ خـ طـ - هـ ح -
حـ زـ - فـ نـ يـةـ - طـ زـ - الى - كـ ح - مثل نسبة - هـ زـ - الى - فـ ح -
اهـ كـ نـ يـةـ - مـ هـ - الى - هـ زـ - فـ نـ يـةـ مـ رـ بـ - مـ هـ - الى - مـ رـ بـ - هـ زـ
اهـ نـ يـةـ دـ اـ تـ رـ ةـ - اـ - الى - دـ اـ تـ رـ ةـ - بـ - كـ نـ يـةـ مـ رـ بـ عـ خـ طـ - طـ زـ
الهـ اـ سـ الى - كـ ح - - الـ هـ اـ سـ *

وقد تبين ايضاً مما تقدم أن هذه الخطوط الخامسة متوازية
متناصفة على تواليها كما كانت (١) *

إذا كانت دوائر تماس من داخل على نقطة واحدة كانت
متناهية على توازياً وانحرج من اطراف اقطارها خطوطاً عاشرتها على
ترتب قان نسب الدوائر بعضها الى بعض كنسبة من بعثرت الخطوط خط
التي تمسها بعضها الى بعض *

مثال ذلك لنفترض دوائر على اقطرار - اب - اج - اد
ولتكن متناسبة على توازيها ليمس بعضها ببعض على نقطته - اولنخرج
من نقطتي - ج - د - خطين يمسان الدوائر وهم خطان - ح - دز -
فاقول ان نسبة دائرة - اهـ - الى دائرة - از - ج - كثيبة

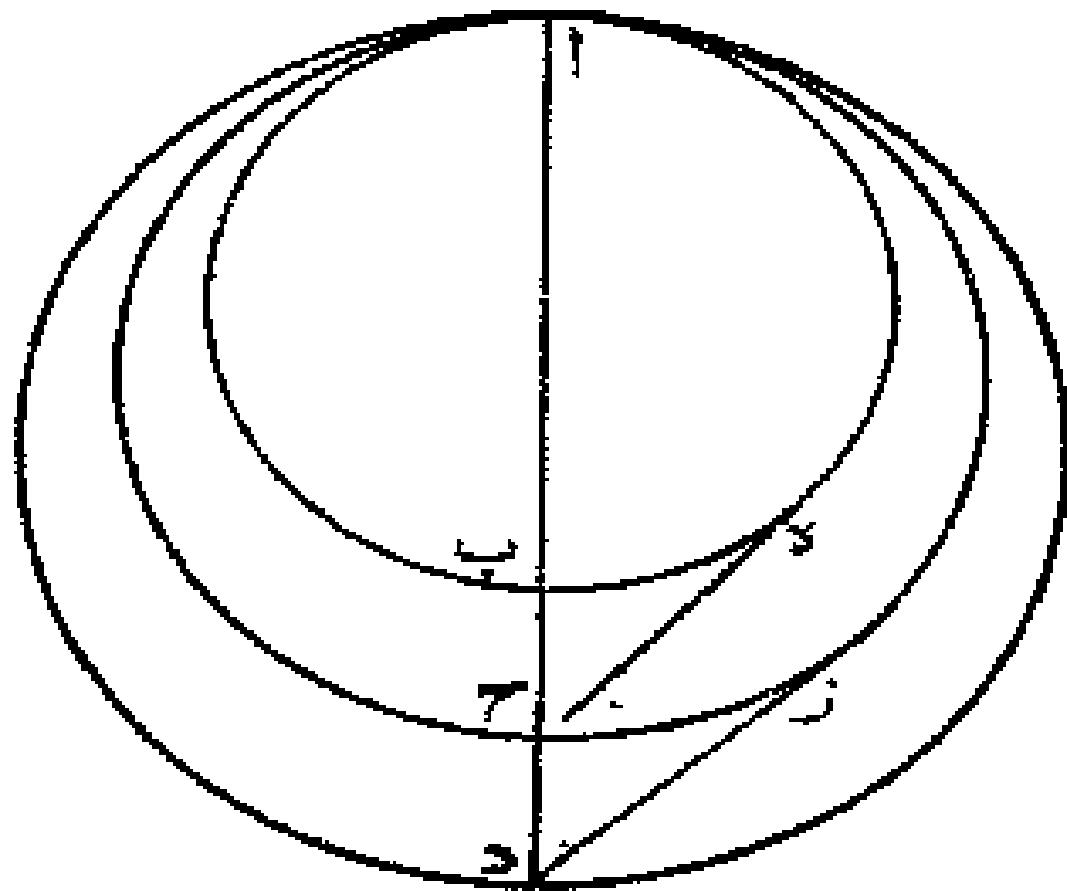
مرربع خط - م - ح - الماس الى مربيع خط - زد - الماس .
 برهان ذلك من اجل ان نسبة - دا - الى - ا - ح - كنسبة
 ح - الى - اب - فانا اذا فصلنا وبدلنا كلها فيما تقدم تكون نسبة
 زد - الى - ه - ح - كنسبة - ح - الى - اب - كنسبة مربيع - زد
 اذن - الى مربيع - ه - ح - كنسبة مربيع - ح - الى مربيع - اب
 اعني مثل نسبة دائرة - ح زا - الى دائرة - ب ه - وذلك ما اردنا
 ان نبين (١) .

وبالجملة فانه اذا كانت دواشر عاشر خطوط وتحيط مع
 الخطوط المخرجة على رأسها زوايا متساوية فان نسبة الدواشر
 بعضها الى بعض كنسبة الخطوط الملاسة بعضها الى بعض .

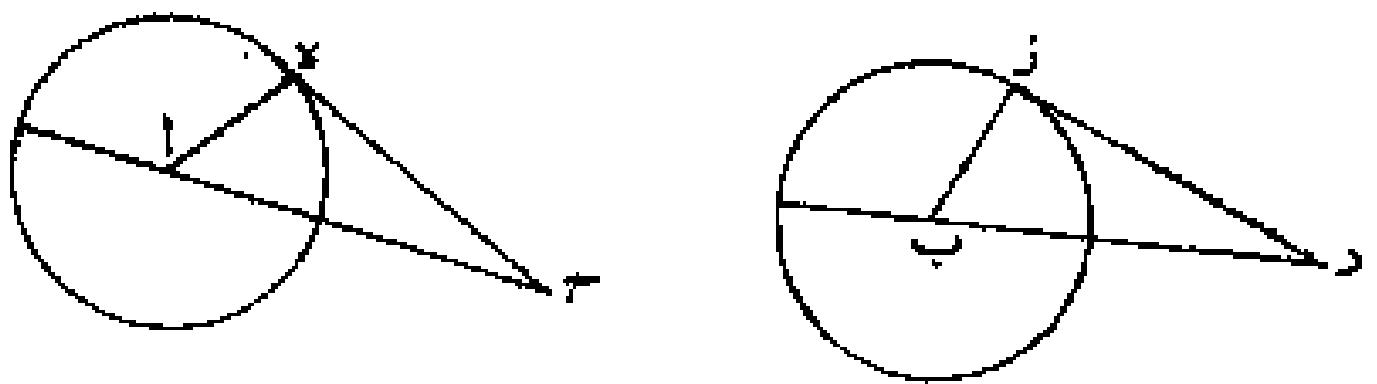
مثاله لنفرض دائرين على مركزى - اب - ولنخرج ح على
 المركزين خطى - ا - ح - ب - د - ولنخرج - ح - ه - عاشر دائرة - ا
 و - دز - عاشر دائرة - ب - ولتكن زاوية - ا - ح - ه - متساوية
 لزاوية - ب - دز - .

فاقول ان نسبة دائرة - ا - الى دائرة - ب - كنسبة مربيع
 خط - ح - الماس الى مربيع خط - دز - الماس .

برهان ذلك من اجل ان مثلثي - ا - ح - ب زد - القائم
 الزاوية متشابهان فان نسبة - ه - ح - الى - ز - د - مثل نسبة - ه - ا
 الى - زك - كنسبة مربيع - ه - ح - الى رباع - زد - كنسبة مربيع



الدرازير المثلثة سنة حمراء
شكل (٨)



الد وائر المقاومة من
شكل (٩)

خط - هـ - الى مربع خط - قـ بـ - اعني نسبة قطر دائرة - اـ الى
قطر دائرة - بـ - اعني مثل نسبة دائرة - اـ الى دائرة - بـ - وذلك
ما اوردناه ان نبين (٦) .

اذا كان دائرتان تمسان وانخرج من طرف الخط الذي يمر
على مركزيه وهل النقطة المتساوية خطان متباين لان يتقا علان وعاص
الدائرةين ذات نسبة الدائرة الى الدائرة مثل نسبة الخطين المتباينين
المقاطعين اللذين يعاشرهما مثناة .

مثال ذلك لنفرض دائرة على مركزى - اـ بـ - وليتمسا
على نقطة - حـ - ولنخرج الخط الذي يمر على مركزيه وهو خط
دـ حـ - ولنخرج من نقطتي - دـ هـ - خطان يتقا علان وعاشران
الدائرةين على نقطتي - زـ حـ .

فاقول ان نسبة دائرة - اـ الى دائرة - بـ - كنسبة خط
دـ حـ - الى اس الى خط - هـ زـ - الماس مثناة .

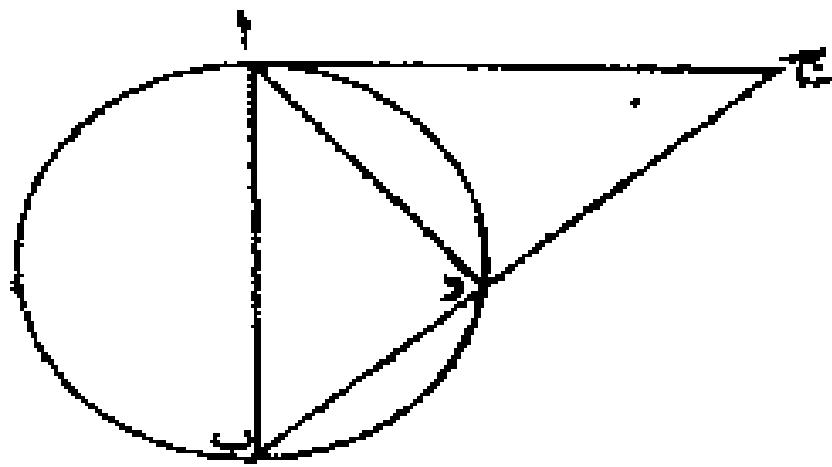
برهان ذلك من الجل انت نسبة دائرة - اـ الى دائرة - بـ
مثل نسبة قطر - دـ حـ - الى قطر - حـ هـ - مثناة ونسبة قطر - دـ حـ
الى قطر - حـ هـ - مثناة ونسبة قطر - دـ حـ - الى قطر - حـ هـ - مثل نسبة
مسطح - هـ دـ فـ - دـ حـ - الى مسطح - دـ هـ فـ - هـ حـ - تكون
نسبة دائرة - اـ الى دائرة - بـ - كنسبة مسطح - هـ دـ فـ - دـ حـ
الى مسطح - دـ هـ فـ - هـ حـ - مثناة اعني مثل نسبة مربع - هـ حـ

المايس إلى مربع - هـ زـ الممايس وذلك ما أردنا أن نبين (١) .
إذا كانت دائرة والخرج من أحد طرف قطرها خط عايسها
والخرج من طرفه الآخر خط يقطع الدائرة ويقطع الخط الممايس فان
مسطح الخط القاطع في قسمه الذي في داخل الدائرة مساو لمربع القطر
فإنفرض دائرة قطرها - اب - ولنخرج من نقطة - اـ خط عايسها
وهو خط - اـ ج - ولنعمل - بـ دـ ج - .

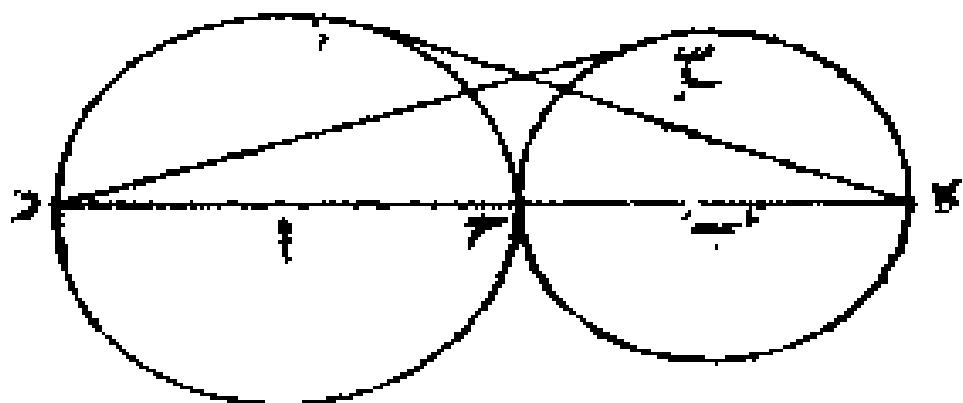
فأقول أن مسطح - جـ بـ فـ بـ دـ مساو لمربع - اـ بـ .
برهان ذلك لنعمل بـ اـ بـ . فلنجعل أن مثلث - جـ دـ اـ
القائم الزاوية مثاب له مثلث - اـ بـ دـ القائم الزاوية تكون نسبة
جـ بـ إلى بـ اـ مثل نسبة بـ اـ إلى بـ دـ فسيطبع - جـ
بـ فـ بـ دـ مثل مربع - اـ بـ . وذلك ما أردنا أن نبين (٢) .
برهان هذا الشكل على جهة أخرى من أجل أن مربع - جـ بـ
أعلى مسطح - بـ جـ - فـ جـ دـ مع مسطح - جـ بـ - فـ بـ دـ
مثل مربع - جـ اـ مع مربع - اـ بـ . ومسطح - بـ جـ - فـ جـ دـ
مثل مربع - جـ اـ . يكون مسطح - جـ بـ - فـ بـ دـ الباقى مثل
مربع - اـ بـ . الباقي وذلك ما أردنا أن نبين .

برهان هذا الشكل على جهة أخرى من أجل أن مسطح
جـ دـ - فـ بـ دـ مساو لمربع - اـ دـ . فانا نجعل مربع - دـ بـ
مشتركا فيكون مربع - اـ دـ - دـ بـ . أعلى مربع - اـ بـ مساو لمسطح

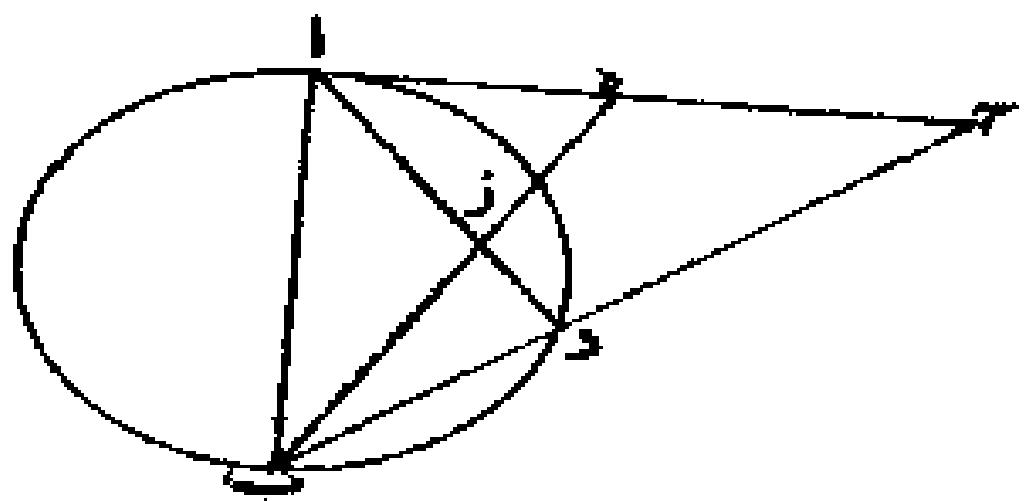
(١) اشكال العاشر (٢) اشكال المادى عشر .



الد و ائر امها سنه ص ٢٣
شكل (١٠)



الد و ائر امها سنه ص ٢٣
شكل (١١)



الدالة المترابطة، ص ٢٣
شكل ١٢

رج - ذ - ذب - مع مربع - ذب - اعني مسطح - رج ب - في
ب د - وذلك ما اردنا ان نبين .

و كذلك ايضا اذا اخرجنا خطوطا كم كانت مثل - هرب
يكون مسطح الخط كله في قسمه الذي يقع داخل الدائرة متساويا
بمربع قطرها وتكون السطوح التي يحيط بها كل واحد من الخطوط
المخرجية مع قسمه الذي يقع داخل الدائرة متساوية .

اذا ماس خط دائرة من طرف قطرها وفرضت عليه نقطة ما
واخرج منها خط آخر يمس الدائرة فان مسطح احد قسمي الخط
الماس في الآخر مثل مسطح الخط الذي يربما يركض في قسمه الذي
من مركز الدائرة الى خطوطها ومسطح الخط الماس كله في قسمه الذي
يبعد نقطة الاتقاء والنقطة المماسة متساويا ولمسطح الخط الذي يربما يمر
بمركز في قسمه الذي يبعن نقطة الاتقاء ومركز الدائرة (١) .

مثاله لنفرض دائرة على مركز - ا - وقطرها - ب رج -
ولنخرج من نقطة - ب - خطأ بما سماه وهو خط - ب د - ولنفرض
على خط - ب د - نقطة ما كيف ما وقعت وهي نقطة - د - ونخرج
منها خط آخر يمس الدائرة على نقطة - د - وهو خط - د هرب -
وائق الخط الذي يربما يركض على نقطة - د - .

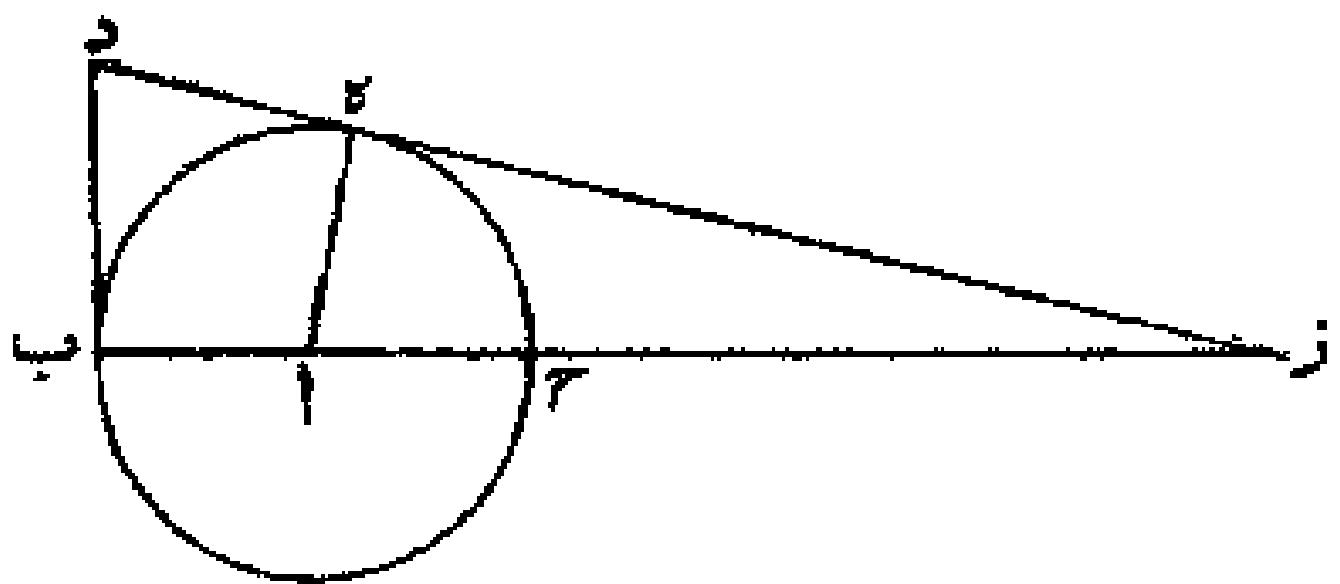
فاقول ان مسطح - د هرب - هرب مما ولمسطح - ذب - ف

بـ اـ وـ ان مـ سـ مـ طـ حـ دـ زـ فـ زـ هـ مـ سـ اـ وـ لـ سـ طـ حـ بـ فـ سـ فـ زـ اـ
برهان ذلك نصلـ اـ هـ فـنـ اـ جـلـ اـ نـ مـ ثـ لـ يـ دـ بـ زـ دـ زـ هـ اـ
زاـ وـ يـ دـ بـ زـ اـ تـ اـ تـ اـ نـ اـ حـ دـ هـ هـ مـ سـ اـ وـ يـ هـ لـ زـ اـ وـ يـ هـ اـ تـ اـ تـ اـ
مـ نـ اـ الـ اـ خـ وـ زـ اـ وـ يـ دـ زـ بـ مـ شـ تـ كـ هـ لـ هـ يـ كـوـ نـ اـ نـ مـ تـ شـ اـ بـ هـ يـ هـ فـ سـ بـهـ
دـ بـ اـ لـ يـ بـ جـ اـ هـ يـ هـ دـ هـ مـ تـ شـ لـ نـ سـ بـهـ دـ هـ اـ لـ يـ هـ اـ
اهـ يـ هـ اـ لـ يـ هـ بـ اـ فـ سـ طـ حـ دـ زـ بـ فـ بـ اـ مـ سـ اـ وـ لـ سـ طـ حـ دـ هـ
فـ سـ هـ زـ هـ

وـ اـ قـوـلـ اـ نـ مـ سـ مـ طـ حـ دـ زـ فـ زـ هـ مـ سـ اـ وـ لـ سـ طـ حـ بـ زـ
فـ زـ اـ .

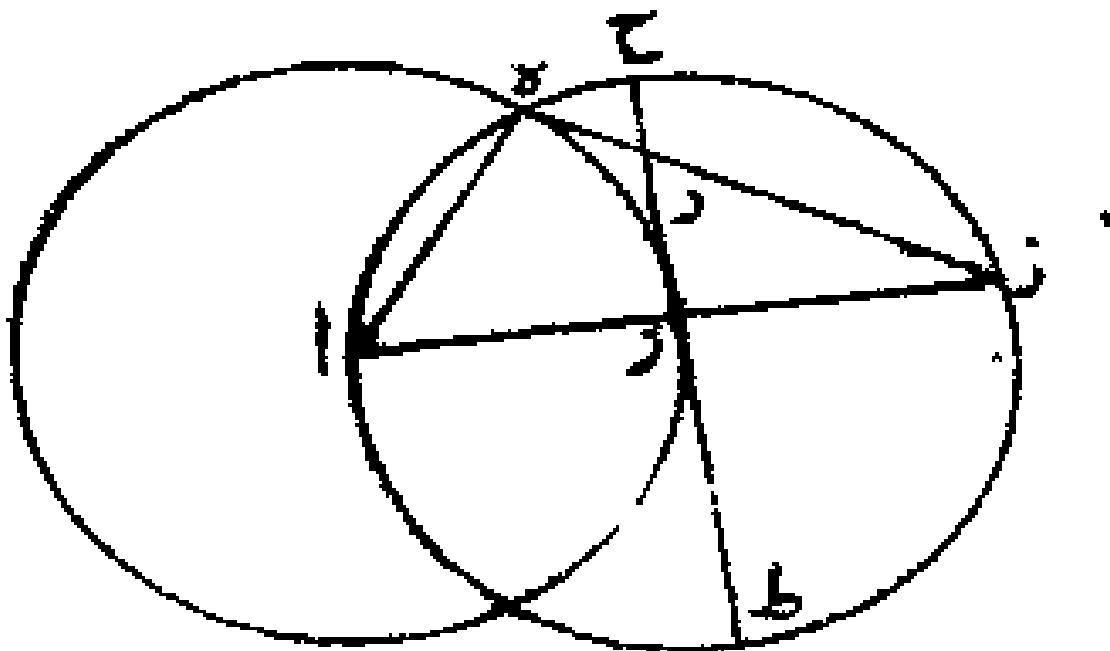
برهان ذلك من اـ جـلـ اـ نـ مـ ثـ لـ يـ دـ بـ زـ دـ زـ هـ اـ مـ تـ شـ اـ بـ هـ اـ نـ
تـ كـوـ نـ سـ بـهـ دـ زـ اـ لـ يـ دـ زـ بـ مـ تـ شـ لـ نـ سـ بـهـ اـ زـ اـ لـ يـ زـ هـ فـ سـ طـ حـ
دـ زـ فـ زـ هـ مـ سـ اـ وـ لـ سـ طـ حـ بـ زـ فـ زـ اـ وـ ذـ لـ كـ ماـ اـ رـ دـ نـ اـ
اـ نـ تـ بـ هـ (٦) .

فـ اـ نـ كـ اـ نـ اـ خـ طـ اـ مـ اـ سـ عـلـىـ طـرـفـ القـطـرـ لـ اـ يـ اـ سـ عـلـىـ تـقـطـةـ بـ
لـ كـنـ عـلـىـ تـقـطـةـ جـ مـ تـشـ لـ خـ طـ بـ جـ دـ فـ اـ نـ مـ سـ مـ طـ حـ دـ هـ فـ دـ زـ هـ فـ
يـ كـوـنـ مـ سـ اـ وـ يـ هـ مـ سـ طـ حـ دـ بـ جـ فـ بـ جـ زـ وـ مـ سـ طـ حـ دـ زـ فـ
زـ دـ بـ كـوـنـ مـ سـ اـ وـ يـ هـ مـ سـ طـ حـ دـ بـ جـ فـ بـ جـ زـ وـ مـ سـ طـ حـ دـ زـ هـ
فـ زـ دـ بـ كـوـنـ مـ سـ اـ وـ يـ هـ مـ سـ طـ حـ دـ بـ جـ فـ بـ جـ زـ



الل وآخر المقادير ص ٦

شكل (١٣)



الـ دائرـ المـتـاسـة صـرى
شكل (١٣)

برهان ذلك من اجل ان مثلي - زهـ - زـ جـ دـ متسايمان
تكون نسبة زـهـ الى زـ اـ مثل زـ جـ الى جـ دـ اعني
الى زـ دـ فـ سـ طـ حـ زـهـ فـ زـ دـ مـ سـ او لـ سـ طـ حـ اـ جـ فـ
جـ زـ *

وافول ان مسطح - زـ فـ زـ دـ مـ سـ او لـ سـ طـ حـ اـ فـ زـ
زـ جـ *

برهان ذلك من اجل ان المثلتين متسايمان تكون نسبة زـهـ الى زـ اـ مثل نسبة زـ جـ الى زـ دـ فـ سـ طـ حـ زـهـ فـ زـ دـ
مسـ او لـ سـ طـ حـ زـ اـ فـ زـ جـ و ذلك ما اردنا ان نبع (١) *

برهان هذا الشكل بعمل آخر

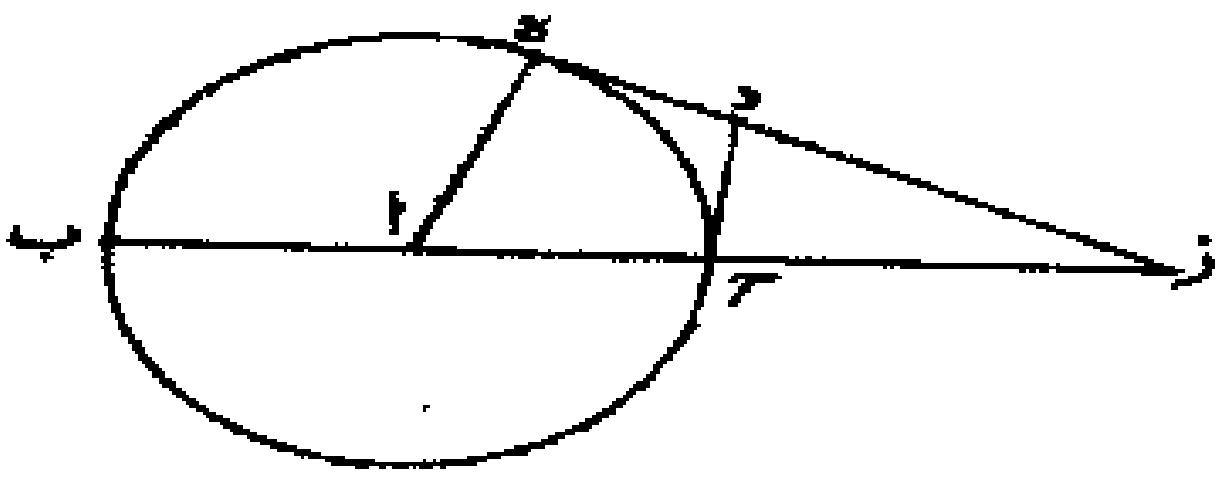
نرسم على مثلث اـ زـهـ القائم الزاوية دائمة زـهـ فيكون
خط اـ زـ قطـ هـا ولـ خـرـ جـ خطـ صـ حـ حـ فـنـ اـ جـلـ انـ خطـ
طـ حـ قدـ قـسـمـ بـنـصـفـيـنـ عـلـىـ تـقـطـةـ جـ وـ بـقـيـنـ مـخـتـفـيـنـ عـلـىـ تـقـاطـةـ
دـ يـكـونـ سـطـحـ طـ دـ فـ دـ حـ معـ مـوـبـعـ جـ دـ مـ سـ اوـ لـ سـ طـ حـ
لـ بـعـ جـ حـ دـ لـ كـنـ مـ سـطـحـ طـ دـ فـ دـ حـ مـ سـ اوـ لـ سـ طـ حـ
زـ دـ فـ دـ دـ وـ هـ بـعـ جـ دـ مـ سـ اوـ لـ بـعـ دـ دـ فـ سـ طـ حـ زـ
دـ فـ دـ دـ دـ معـ مـوـبـعـ دـ دـ اـ عـنـيـ مـ سـ طـ حـ زـهـ فـ دـ دـ
مـ سـ اوـ لـ بـعـ جـ حـ فـ بـعـ جـ حـ مـ سـ اوـ لـ سـ طـ حـ اـ جـ فـ جـ
زـ فـ سـ طـ حـ اـ جـ فـ جـ زـ مـ سـ اوـ لـ سـ طـ حـ زـهـ فـ دـ دـ

وَذَلِكَ مَا أُرْدَنَا إِنْ تَبْرَأْنَ.

وأيضاً من أجل أن مسطح - ح د - ف - د ط - يعني مسطح
مد - ف - ف د - أقل من رباع - ح ح - يعني من مسطح - اح
ف - ح ذ - بربع - ح د - ومربع - د ذ - أهطم من مربع - زج
مثل مربع - ح د - فان مسطح - مد - ف - د ذ - مع مربع - ف د
يعني مسطح - د ذ - ف - ح - مساو لمسطح - اح - ف - ح ذ - مع
مربع - ح - يعني مسطح - از - ف - ف ح - وذلك ما أردنا أن

إذا كان دائرتان تمسان من داخلهما وآخر يحاط بهما
ويحيط به الخط الذي يحوز على النقطة المماسة ونعطي المركبين
براوية قاعدة وفرض على الخط الذي يحوز على المركبين نقطتين ما
وآخر يحاط بها خطا آخر إن عسان الدائرة ويلقيان الخط الآخر الماس
فإن نسبة الدائرة المعلقى إلى الدائرة الصغرى مثل نسبة المقطع الذي
يحيط به قصها الخط الذي يعلق الدائرة المعلقى إلى المقطع الذي يحيط
به قصها الخط الذي يمس الدائرة الصغرى مثناة .

مثاله لنفرض الدائرة التي على مركز - ا - عاص الدائرة التي على مركز - ب - من داخل على نقطه - ج - ونخرج على النقطة الماسه والمركز بين خط - ج د ه ز - فنصل دائرة - ا - خط - ج د - ونصل دائرة - ب - خط - ج ه - ولنخر ج من نقطه - ز - خط



النحوث المترافقه ص ٢٣

شكل (١٥)

زح ط - زك ل - عasan الدايرتين على نقطى - ح لك .
 فاقول ان نسبة دائرة - ا - الى دائرة - ب - كنسبة مسطوح
 فرح - في - ح ط - الى مسطوح - زك - في - لك - مثناة .

برهان ذلك من اجل ان نسبة خط - ج ا - الى - ج ب
 كنسبة مسطوح - فرج - في - ج ا - الى مسطوح - فرج - في - ج
 ب - و مسطوح - فرج - في - ج ا - مساو لمسطوح - زك - في - لك
 ل - كما يناف الشكل الذي قبل هذا تكون نسبة - ج ا - الى - ج ب
 مثل نسبة مسطوح - فرج - في - ح ط - الى مسطوح - زك - في - لك
 ل - ولكن نسبة - ج ا - الى - ج ب - كنسبة مثل - ج ا - الى
 مثل - ج ب - اعني مثل نسبة قطر - ج د - الى قطر - ج ه - تكون
 نسبة قطر - ج د - الى قطر - ج ه - كنسبة مسطوح - فرج - في - ح
 ط - الى مسطوح - زك - في - لك - و نسبة مربع - ج د - الى مربع
 ج ه - كنسبة - ج د - الى - ج ه - مثناة و نسب مربعات اقطار
 الدواير بعضها الى بعض كنسب الدواير بعضها الى بعض فنسبة دائرة
 ا - الى دائرة - ب - كنسبة قطر - ج د - الى قطر - ج ه - مثناة
 اعني مثل نسبة مسطوح - فرج - في - ح ط - الى مسطوح - زك - في
 لك - مثناة و ذلك ما اردنا ان ثبنا .

اذ كان دائرتان غير متتقاطعتين من كذاها على خط واحد
 والخرج من مركزيهما خطان متتقاطعان عasan الدايرتين فان مسطوح

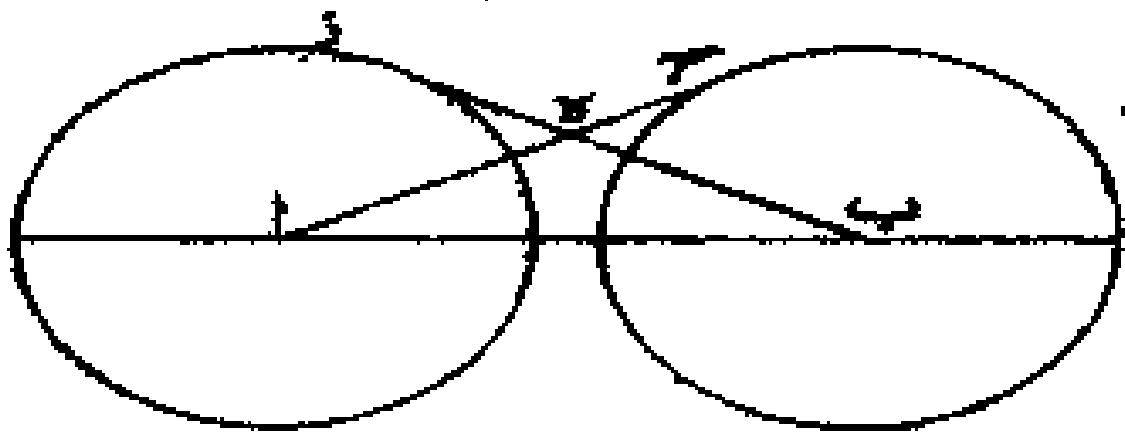
فهي أحد الخطوط المعاين مساواة لخط قوى الخط الآخر الماس
مثاله لنفرض دائريتين غير متتقاطعتين ومرسكلن لهما نقطتان
أب - على خط واحد وهو - أب - ولنخرج من مرسلى - أب
خالى - أب - ب - بحسب الدائريتين على نقطتي - دج - ويشقان
على نقطة - د - .

فائقون ان مسلط - اه - ف - حج - مسلط - ب - ف - ٣٥ *

برهان ذلك أنا نصل - دا - حب - فـنـاحـلـ اـنـ مـثـلـيـ - اـدـهـ
بـ حـهـ - القـاعـيـ (الـزـوـيـاـ)ـ مـتـشـابـهـانـ تـكـوـنـ نـسـبـةـ هـ اـلـهـ دـ مـثـلـ
نـسـبـةـ - بـهـ الـهـ - هـ حـ - فـسـطـلـحـ - اـهـ فـ هـ حـ - مـساـوـ لـمـسـطـحـ
زـهـ - فـ هـ دـ - وـذـلـكـ ماـ أـرـدـنـاـ اـنـ نـيـعنـ (٦) *

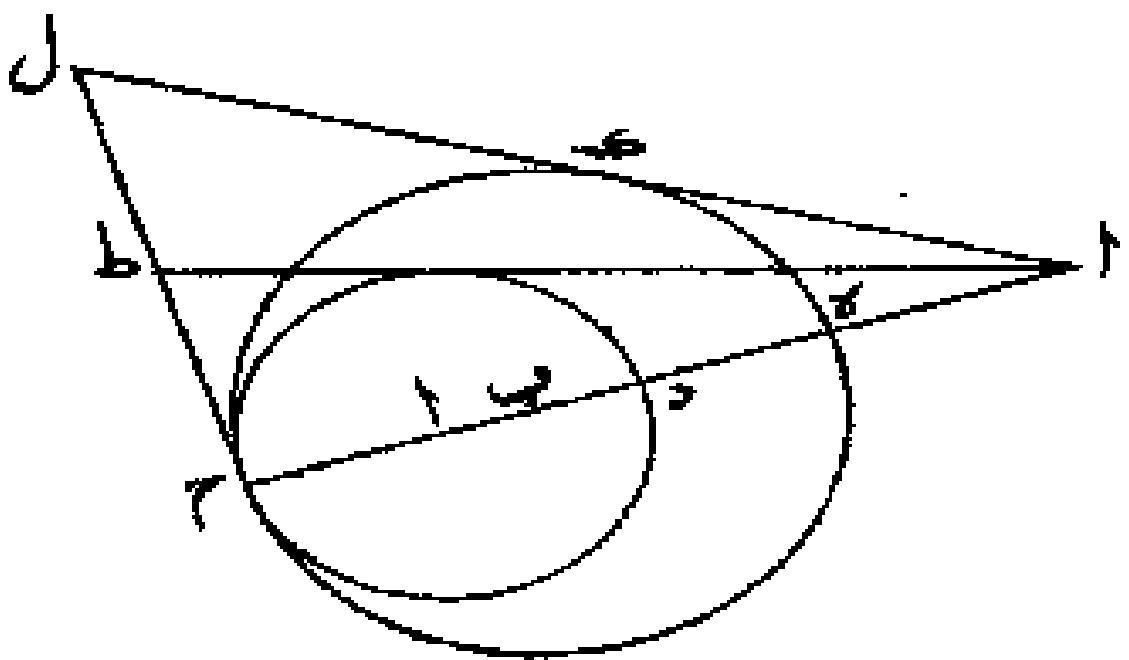
برهان هذا الشكل بعمل آخر من اجل ان كل واحدة من
زواويفي - ادب - احجب - قاعة و مثلاً - ادب - احجب - على
خط واحد وهو خط ابي - فان مثلي - ادب - احجب - هادئ
نصف دائرة فلنرسم عليها نصف دائرة - ادب - فمن اجل انت
خطي - احج - ب د - يتراطمان في دائرة على نقطة - د - يكون
مسطح - اه - ف - هج - مساو بالسطح - ب د - ف - ه د - وذلك
ما اردنا ان نبين (٤) *

(١) الشكل السادس عشر (٢) الشكل السابع عشر والثامن عشر .

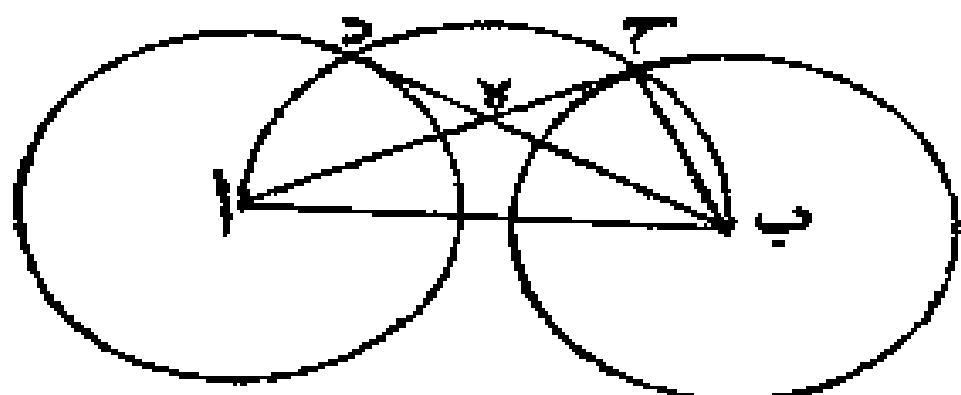


الدوري والثوري الثالث ص ٢

شكل (١٦)



الدالة الثالثة من
شكل (٤)



الدالة الثالثة من
شكل (٥)

إذا كان خطان يعاشران دائرة واحدة وانخرج الخط الذي يمر بال نقطتين المتسamee على استقامة وفرضت عليه نقطة ما وانخرج من النقطة المفترضة خط يناس الدائرة ويقطع أحد الخطابين المتسamee وينتهي إلى الآخر فأن نسبة الخط المخرج كله إلى نفسه الذي يقع خارج الخطابين المتسamee كنسبة قبضيه اللذين يقعان بين الخطابين المتسamee اللذين تفصلهما النقطة المتسamee الاعظم منها عند الأصغر .

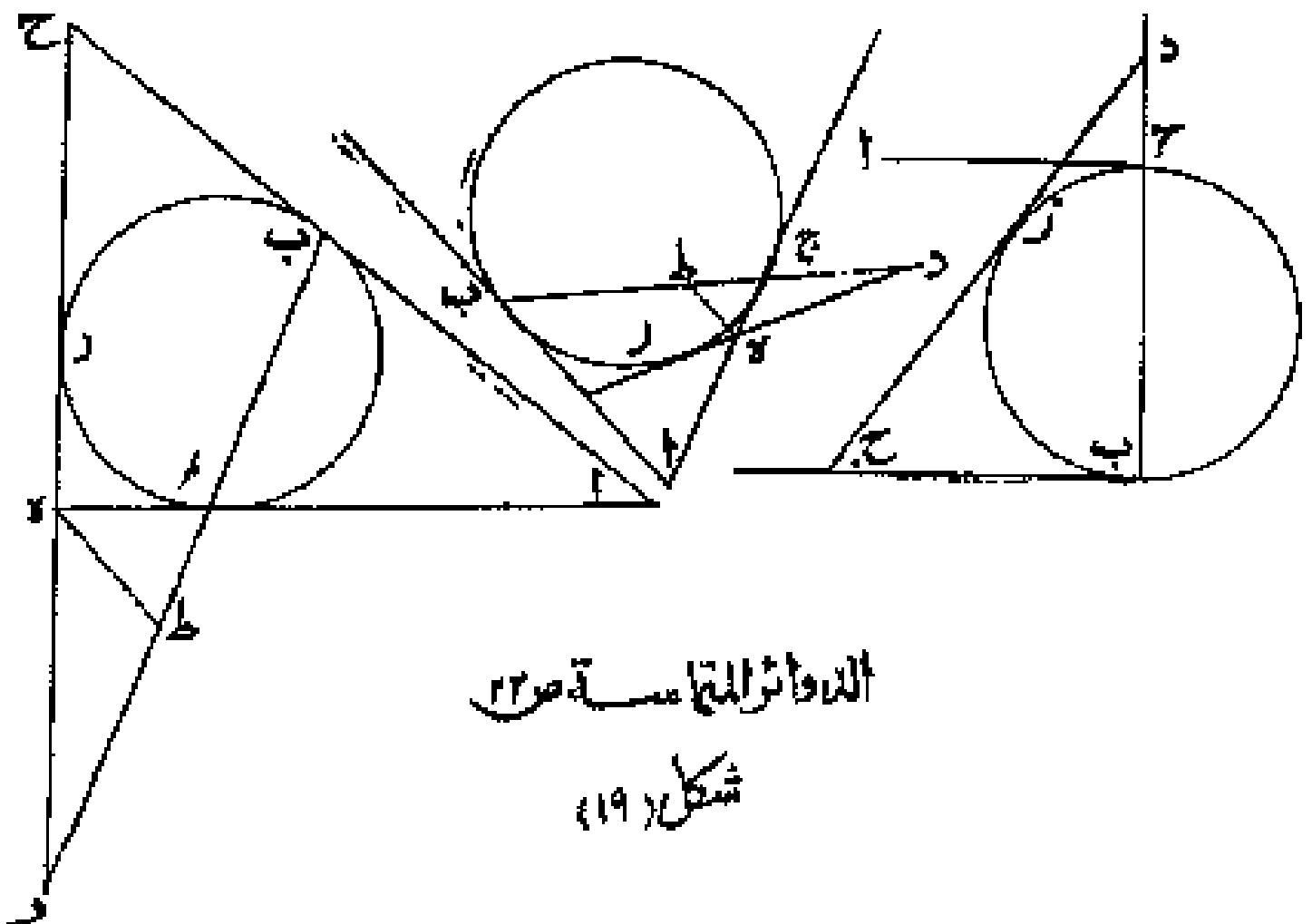
فلنفرض خطى - اب - اج - يناسان دورة - بـ ج - على نقطى - بـ ج - ولنصل خط - بـ ج - ولنخرج منه على استقامة ولنفرض على المخرج منه نقطة - د - ولنخرج من نقطته - د - خط آخر يناس الدائرة وهو خط - دـ زـ ج - ولتكن المتسamee على نقطته - زـ فاقول نـ نسبة - جـ دـ الى - دـ زـ كـ نسبة - جـ زـ الى - زـ دـ .

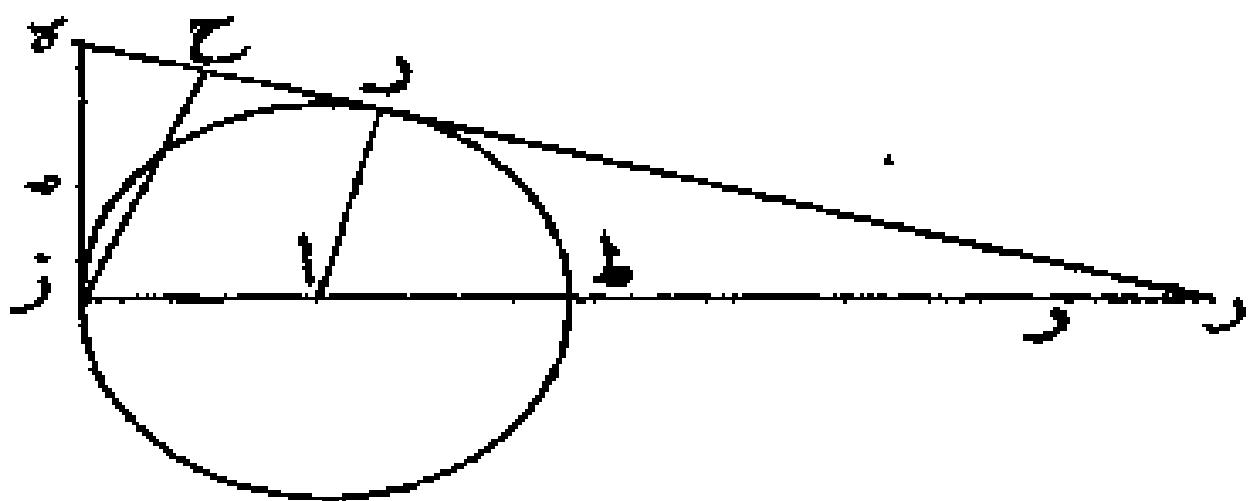
برهان ذلك انه ليس يخلو من ان يكون خطلا - اب - اج متوازيين او غير متوازيين فلنفرض ضمها او لا متوازيين فتكون زاوية بـ جـ دـ مساوية لزاوية - جـ دـ ويكون مثلث - جـ دـ جـ زـ نسبة جـ دـ الى - دـ زـ مثل نسبة - جـ بـ الى - جـ زـ ولتكن خط جـ زـ مساو لخط - جـ بـ لأنها يناسان الدائرة من نقطتين واحده وهي - جـ زـ وكذلك ايضا خط - دـ زـ مساو لخط - جـ بـ فنسبة جـ دـ الى - دـ زـ كـ نسبة - جـ زـ الى - جـ زـ وان يكونا متوازيين

فيقيان على نقطة - ا - وانخرج من نقطة - ه - خط موازي ينبع
اب - وهو خط - ه ط - فمن اجل ان ينبع - اب - ا ج - عasan
الدائرة يكزن متساوية فزاوية - ا ج ب - متساوية لزاوية - ا
ب ج - ولتكن زاوية - ه ط ج - متساوية لزاوية - اب ج -
لوازنة الخطين فزاوية - ه ط ج - متساوية لزاوية - ه ج ط - خط
ه ط - متساونخط - ه ج - وايضا من اجل ان نسبة - ج د - الى
د ه - كثيبة - ح ب - الى - ه ط - اعني الى - ه ج - وخط - ح ب
مساونخط - ح ز - وخط - ه ج - مساونخط - ه ز - تكون نسبة
ح ط - الى د ه - كثيبة - ح ز - الى - ه ز - وذلك ما اردنا ان نبين (١)

اذا كان خط عاس دائرة على طرف قطرها وانخرج القطر على
استقامة وفرضت عليه نقطة ما وانخرج منها خط آخر على نفس الدائرة
ويتقى الخط الذي هو عمود على القطر وانخرج من نقطة ثالثة طرف
القطر الى الخط المخرج عمود عليه فان نسبة الخط المخرج سكله الى
قسمه الذي بين النقطة المفروضة وبين النقطة الماسة مثل نسبة قسمه
الذى بين النقطة الماسة وبين الخط القائم على القطر الى قسمه الذي بين
النقطة الماسة والنقطة التي وقع عليها العمود *

مثال ذلك لنفرض دائرة على مركز - ا - ولتكن قطرها خط
ج ا ط - وانخرج على القطر عمود اب عاس الدائرة وهو خط - ه ج -
وانخرج خط - ب ج ط - ونفرض على المخرج منه نقطتان متساويتان





الدالة المترافقه على
شكل (٢٠)

نقطة - د - ولنخرج من نقطة - د - خط يناس الدائرة على نقطة
ز - وهو خط - ده - ولنخرج من نقطة - ج - عمودا هلى خط
ده - وهو خط - جج .

فأقول إن نسبة $\frac{d}{d}$ إلى d كنسبة $\frac{d}{d}$ إلى d فـ $\frac{d}{d}$ فـ $\frac{d}{d}$
برهان ذلك نصل إلى $\frac{d}{d}$ فـ $\frac{d}{d}$ إن زاوية α زاوية α فـ $\frac{d}{d}$
وزاوية α جـ $\frac{d}{d}$ فـ $\frac{d}{d}$ يكون $\frac{d}{d}$ جـ $\frac{d}{d}$ مواظباً على خط $\frac{d}{d}$ إلى d
ويكون مثلث $\frac{d}{d}$ $\frac{d}{d}$ $\frac{d}{d}$ القائم الزاوية مشابهاً مثلث $\frac{d}{d}$ $\frac{d}{d}$ $\frac{d}{d}$
القائم الزاوية فـ $\frac{d}{d}$ $\frac{d}{d}$ إلى d جـ $\frac{d}{d}$ أضـ $\frac{d}{d}$ نسبة $\frac{d}{d}$ إلى d
 $\frac{d}{d}$ مثل نسبة $\frac{d}{d}$ إلى d إلى d أضـ $\frac{d}{d}$ إلى d لـ $\frac{d}{d}$ $\frac{d}{d}$
 $\frac{d}{d}$ إلى d أضـ $\frac{d}{d}$ كـ $\frac{d}{d}$ $\frac{d}{d}$ إلى d زـ $\frac{d}{d}$ فـ $\frac{d}{d}$ $\frac{d}{d}$
 $\frac{d}{d}$ كـ $\frac{d}{d}$ $\frac{d}{d}$ إلى d فـ $\frac{d}{d}$ وـ $\frac{d}{d}$ $\frac{d}{d}$ تـ $\frac{d}{d}$ كـ $\frac{d}{d}$ نسبة $\frac{d}{d}$ إلى d
 $\frac{d}{d}$ كـ $\frac{d}{d}$ $\frac{d}{d}$ إلى d فـ $\frac{d}{d}$ وـ $\frac{d}{d}$ ما أردنا أن نـ $\frac{d}{d}$ (١)

وقد تبين انا اذا فصلنا تكون نسبة $\frac{m}{n}$ الى زد كنسبة $\frac{m}{n}$ الى زد $\frac{m}{n}$ وعلي هذا الوضع اقول ان نسبة $\frac{m}{n}$ الى زد كنسبة $\frac{m}{n}$ الى اط $\frac{m}{n}$ الخارج من المركب الى اط د.

برهانه لتصل خطى -- هـ - زـ حـ - فـ نـ اـ جـ لـ انـ خطـ سـ حـ
مسـ اـ وـ خطـ مـ سـ اـ وـ خطـ اـ اـ زـ وـ القـ اـ دـ هـ
واـ حدـةـ لـ الشـ لـ شـ يـنـ تـ كـوـ نـ زـ اـ وـ يـةـ -- حـ اـ هـ مـ سـ اـ وـ يـةـ لـ زـ اـ وـ يـةـ -- زـ اـ هـ
فـ زـ اـ وـ يـةـ -- حـ اـ زـ -- ضـ نـ فـ زـ اـ وـ يـةـ -- حـ اـ هـ وـ زـ اـ وـ يـةـ -- حـ اـ زـ -- ضـ نـ فـ

زاوية - ح خط - لأن أحدهما على المركز والآخر على المحيط
وهي معاً واحدة فزاوية - ح - مساوية لزاوية - ح خط -
نقط - هـ - مواز نقط - خط - فنية - هـ زـ الـ زـ كـ نسبة
اطـ الـ طـ دـ وذلك ما أردنا ان نـ يـ بـ يـ بـ (١) *

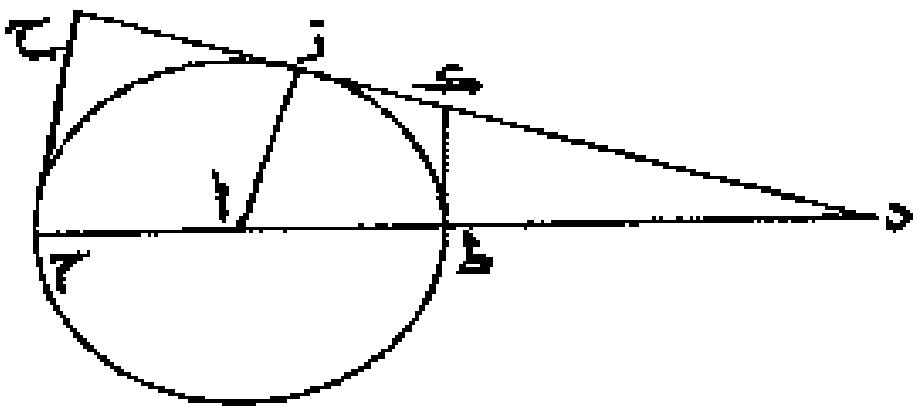
فإن كان الخط المماس الذي يخرج على طرف القطر لا يمس
الدائرة على نقطة - ح - لكن على طرف القطر الآخر كاف هذه
الصورة مثل خط - طـ دـ *

اقول إن نسبة - ح زـ الـ زـ زـ دـ كـ نسبة - زـ دـ الـ طـ دـ *

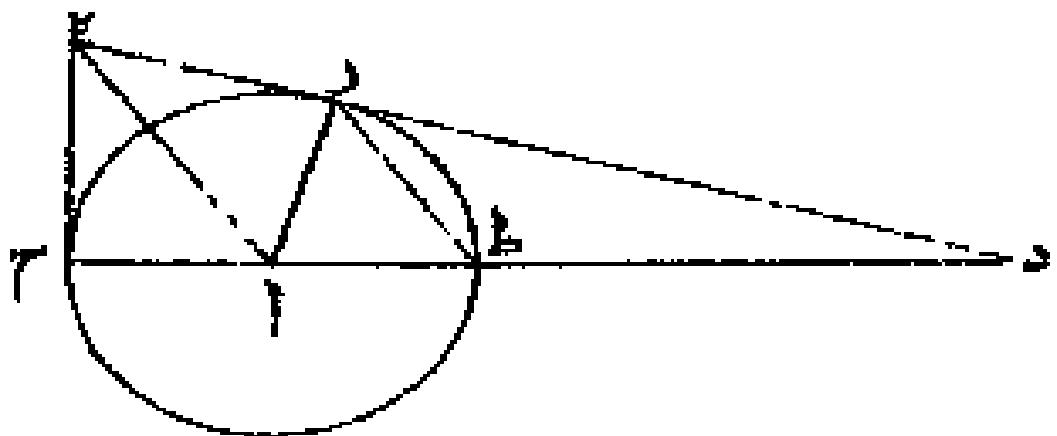
برهان ذلك من الجل أن مثلث - زـ اـ دـ القائم الزاوية مشابه
لثلث - طـ دـ القائم الزاوية تكون نسبة - زـ اـ الـ اـ دـ اـ هـي
نسبة - ح زـ الـ زـ زـ دـ مثل نسبة - لـ طـ الـ لـ دـ اـ غـيـ دـ اـ غـيـ
مثل نسبة - زـ دـ الـ لـ دـ وذلك ما أردنا ان نـ يـ بـ يـ بـ *

إذا أخرج قطر دائرة على استقامـة وفرض على المخرج منه
نقطة ما ولخرج منها خط يمس الدائرة ولخرج من نقطة المماس عمود
على القطر فإن نسبة الخط المخرج على المركز كله إلى قسمه الذي وقع
خارج الدائرة كـ نسبة قسم القطر بين المذرين فصلها العمود الأعظم
منها عند الأصغر *

(١) الأشكال الخادى والعشرون وأربعين والعشرون .



الدوائر المثلثة ص ٢٣
شكل (٢١)



الدوائر المثلثة ص ٢٣
شكل (٢٢)

بياض في الأصل
الدائم المتداولة ص ٢
شكل (٣٣)

فَلَنْفَرْخُنْ دَائِرَةٌ مِّنْ كِبْرٍ - ا - وَتَعْلُمُهَا خَطٌّ - بَجٌ
وَلَنْخُرْجَهُ عَلَى إِسْتَقَامَةٍ وَلَتَعْلُمُهَا خَرْجَهُ مِنْهُ نَقْطَةٌ - د - وَلَنْخُرْجَ
مِنْهَا خَطٌّ يُعَاصِي الدَّائِرَةَ عَلَى نَقْطَةٍ .. ه - وَلَنْخُرْجَهُ مِنْ نَقْطَةٍ - ه -
عَمُودًا عَلَى خَطٌّ - بَجٌ - وَهُوَ .. فَزٌ *
فَاقُولُ اثْنَتَيْنِي - بَ د - الْيَ - دَجٌ - كَنْبَةٌ - بَ زَ
الْيَ - زَجٌ *

برهان ذلك أن نصل - بـ دـ ح - فن اجل ان نسبة - زـ دـ
الـ لـ دـ كـ نـ سـ يـة - دـ دـ ح - تكون مـ ثـ لـ ثـا - بـ دـ دـ ح
مـ ثـ لـ اـ بـ يـ يـن وـ تـ كـ وـ نـ سـ يـة - بـ دـ الـ لـ دـ كـ نـ سـ يـة - بـ دـ الـ لـ دـ
حـ حـ وـ لـ سـ كـ لـ نـ سـ يـة - بـ دـ الـ لـ دـ حـ كـ نـ سـ يـة - بـ دـ الـ لـ دـ
هـ مـ ثـ لـ اـ ةـ فـ نـ سـ يـة - بـ دـ الـ لـ دـ دـ اـ ذـ نـ كـ نـ سـ يـة - دـ دـ الـ لـ دـ حـ
مـ ثـ لـ اـ ةـ وـ نـ سـ يـة - بـ زـ الـ لـ دـ زـ حـ هي ايضا كـ نـ سـ يـة - بـ زـ الـ لـ دـ
زـ دـ مـ ثـ لـ اـ ةـ فـ اـ ذـ نـ سـ يـة - بـ دـ الـ لـ دـ حـ كـ نـ سـ يـة - بـ زـ الـ لـ دـ
زـ حـ وـ ذـ لـ اـ كـ مـ اـ لـ دـ نـ اـ ئـ يـن (٦) *

برهان هذا التشكيل بعمل آخر للخرج من خط - بـ جـ خطى
 بـ حـ سـ جـ خط - يحيطان معه بـ زـ او بـ فـ ائـ عـة وـ يـ تـ هـ يـ اـنـ الى خط - حـ دـ
 فـ كـ وـ نـ خـ طـ - بـ حـ - زـ مـ حـ طـ - مـ تـ وـ اـ زـ يـ هـ فـ نـ اـنـ اـ جـ اـ لـ اـ نـ سـ يـة
 بـ دـ بـ الـ - دـ جـ - كـ نـ بـ ةـ - بـ جـ - الـ - جـ طـ - اـ غـ يـ مـ ثـ لـ
 نـ سـ يـةـ - جـ هـ - الـ - هـ طـ - وـ نـ سـ يـةـ - حـ هـ - الـ - هـ طـ - كـ نـ بـ ةـ

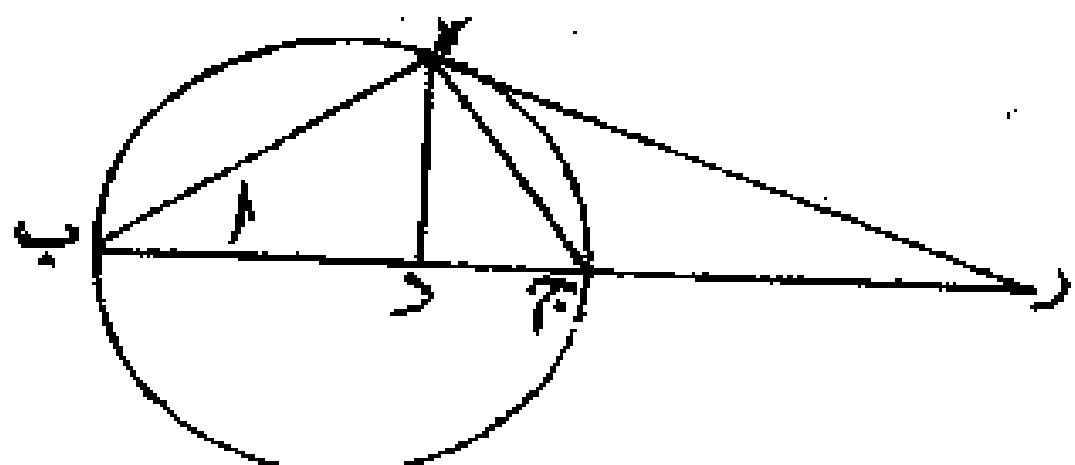
بـ فـ - الـ فـ - تـ كـوـنـ تـ سـيـةـ . بـ دـ - الـ فـ - كـبـسـةـ
بـ فـ - الـ فـ - وـ ذـلـكـ مـاـ اـرـدـهـ اـنـ نـيـنـ (٦) .

فإذا انحدر في قطعة من دائرة خط يوتن قوسين مختلفتين واخرج من نقطة قسمة القطعة بتصفين عمود على الخط الاعظم من قوى الخط المنحدر فإن العمود يقسم الخط المنحدر بتصفين •

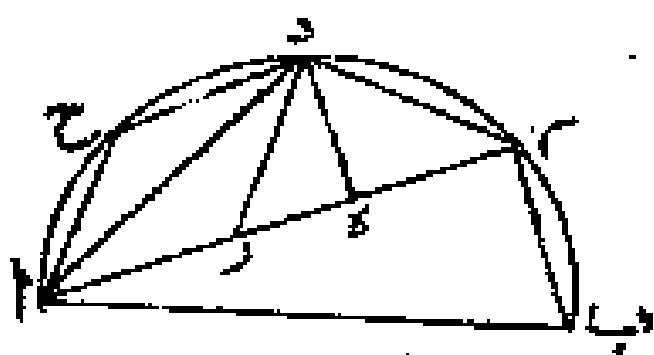
ذلك فهو خط قطعة من دائرة على قاعدة - اب - ولذلك فيها خط اج ب - على نقطة - ج - ولتكن خط - اج - اعظم من خط - ج ب - ولنقسم محيط قوس - اب - بنصفين على نقطة - د - وانخرج منها همودا على خط - اج - وهو خط - ده .

برهان ذلك لنفصل من قوس - اد - العظمي قوسا متساوية
لقوس - دج - الصغرى وهي قوس - دج - ولنصل - اح - ح د
اد - لنفصل من خط - اه - الاعظم خطاما مساو ي الخط - ح - وخط
ه ز - ولنصل - دز - فمن اجل ان خط - ه د - عمود مشترك
يكون - دز - متساويا - لدج - وكذاك - اح - فتكون
الخطوط الثلاثة متساوية ومن اجل ان نسبة قوس - اح - الى قوس
اح د - كنسبة زاوية - ادج - الى زاوية اح د - ونسبة قوس

(١) الشكل الرابع والعشرون (٢) الشكل الخامس والعشرون .



الثوابع المتراسة ص ٢٧
شكل (٢٣)



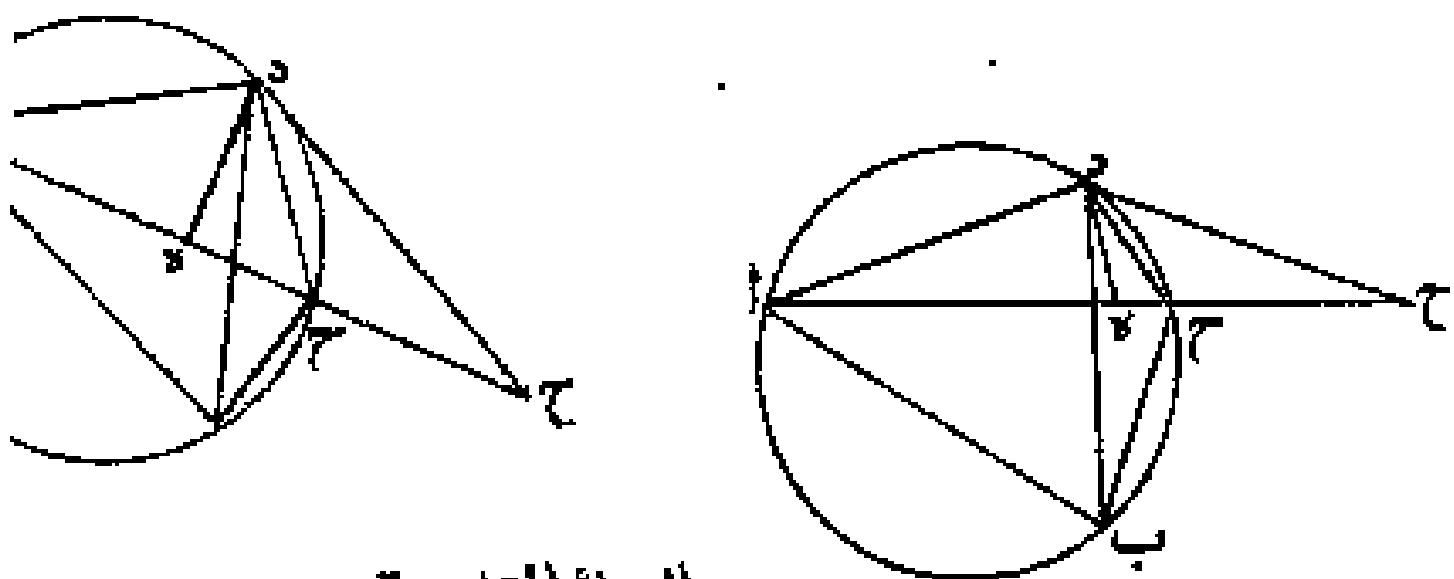
الثوابع المتراسة ص ٢٨
شكل (٢٤)

سـحـدـ الـقـوسـ سـاحـدـ مـثـلـ نـسـبـةـ زـاـوـيـةـ سـحـادـ الـزـاـوـيـةـ
 سـاحـدـ تـكـوـنـ نـسـبـةـ قـوـمـىـ سـاحـسـحـدـ جـعـيـماـ الـقـوسـ سـاحـدـ
 كـسـبـةـ زـاـوـيـةـ سـحـادـ اـدـحـ الـزـاـوـيـةـ سـاحـدـ وـقـوـسـاـ
 سـاحـسـحـدـ مـسـاـوـيـاتـانـ لـقـوـسـ سـاحـدـ فـرـاـوـيـاتـ سـحـدـ اـدـحـ
 جـعـيـماـ مـسـاـوـيـاتـ زـاـوـيـةـ سـاحـدـ اـهـنـ لـزـاـوـيـةـ دـزـهـ وـلـكـنـ
 زـاـوـيـةـ دـزـهـ مـسـاـوـيـةـ لـزـاـوـيـةـ سـاحـدـ زـادـ سـزـدـ اـدـ فـرـاـوـيـاتـ سـحـ زـاـ
 سـحـادـ اـهـنـ مـسـاـوـيـاتـ لـزـاـوـيـةـ سـاحـدـ زـادـ سـزـدـ اـدـ وـزـاـوـيـةـ سـجـ دـاـ
 مـسـاـوـيـةـ لـزـاـوـيـةـ سـازـ دـفـاـوـيـةـ سـحـدـاـ الـبـاـقـيـةـ مـسـاـوـيـةـ لـزـاـوـيـةـ
 سـزـدـاـ الـبـاـقـيـةـ وـمـنـ اـجـلـ اـنـ خـطـيـ سـدـزـ دـحـ مـسـاـوـيـاتـ وـخـطـ
 دـاـ مـشـتـرـكـ وـالـزـاـوـيـاتـ مـسـاـوـيـاتـ تـكـوـنـ قـاعـدـةـ اـفـ مـسـاـوـيـةـ
 لـقـاعـدـةـ سـاحـ وـلـكـنـ خـطـ سـاحـ مـسـاـوـيـاتـ خـطـ سـحـ بـ وـخـطـ
 دـهـ مـسـاـوـيـاتـ سـحـ بـ فـجـ مـسـاـوـيـاتـ سـحـ بـ اـهـنـ مـسـاـوـيـاتـ خـطـيـ سـحـ
 بـ سـحـ بـ وـذـلـكـ مـاـ اوـدـنـاـ اـنـ نـيـنـ .

برهانـ هـذـاـ الشـكـلـ بـصـلـ آـخـرـ لـفـرـسـمـ الصـورـةـ عـلـىـ هـاـفـ المـقـدـمةـ
 وـلـنـتـمـ دـأـثـرـةـ اـزـ بـ دـ وـلـنـخـرـ سـحـ خـطـ سـاحـ سـعـلـ اـسـتـقـامـةـ
 وـلـنـغـرـضـ خـطـ سـحـ مـسـاـوـيـاتـ خـطـ سـاحـ وـلـنـعـلـ خـطـوـطـ سـحـ دـ
 دـحـ سـحـ بـ دـ اـدـ شـنـ اـجـلـ اـنـ قـوـسـ سـاحـ دـ اـدـ مـسـاـوـيـةـ لـقـوـسـ
 دـحـ بـ سـكـوـنـ وـرـ اـدـ مـسـاـوـيـاتـ لـمـوـتـ اـبـ وـخـطـ سـحـ دـ
 مـسـاـوـيـاتـ اـدـ فـنـخـطـ سـحـ دـحـ مـسـاـوـيـاتـ دـبـ وـمـنـ اـجـلـ

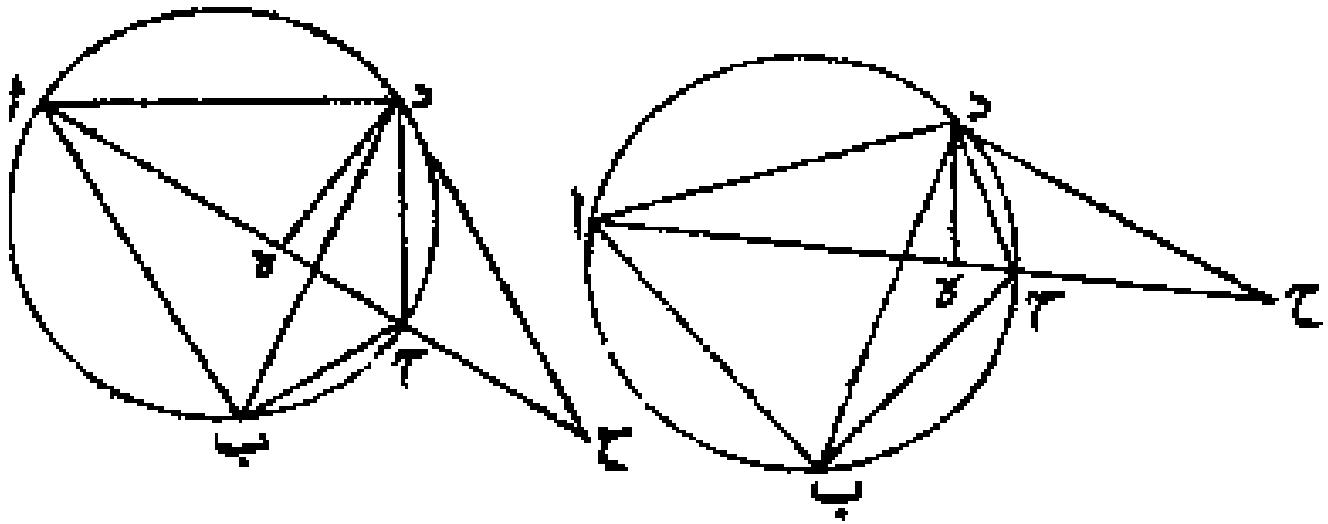
ان زاوية - داج - مساوية لزاوية - دل ج - لأنها على قوس واحد وزاوية - دج - مساوية لزاوية - داد - تكون زاوية دج .. مساوية لزاوية - دل ج .. وايضاً من أجل ان قوس - دا زب - مساوية لجع قوس - دج ب زا - ولكن زاوية - دج ب هي على قوس - دا زب - وزاويتها - داج - ادج - جيعاً لها على قوس - دج ب زا - اما زاوية - داج - فعل قوس - دج واما زاوية - ادج - فعل قوس - ح ب زا - فزاويتها - داج ادج - مساوية لزاوية - دج ب - وزاوية - دج ح - مساوية لزاوية - داج - ادج - فزاوية - دج ح - اما (١) مساوية لزاوية - دج ب - وقد كان تبين ان زاوية - دج ح - مساوية لزاوية - دب ج - فزاوية - ح دج - الباقية مساوية لزاوية - دل ج - الباقية ومن أجل ان خط - دج - مساو لخط - دب - وخط دج - مشترك والزاويتان متساويان يمكنون خط - ح ح - مساوياً لخط - ج ب - خط - ح - ج - ج ب - مساواً لخط - ح - ح اعني خط - اه - وذلك ما اردنا ان نبين (٣) *

برهان هذا الشكل بعمل آخر لثبت الصورتين على حالهما ونقول من أجل ان قوس - دج ب - اقل من نصف دائرة تكون الزاوية التي تقع فيها وهي زاوية - دج ب - منفرجة وايضاً من أجل ان قوس



الدراز المتسقة من

شكل (٣٦)



الدراز المقاشه من
شكل (٣٤)

دب - اعظم من نصف دائرة تكون الزاوية التي تقع فيها وهي زاوية - دج - حادة فزاوية - دجح - منفرجة فزاوية - دج ب دجح - مترجتان وزاوية - دجج - مساوية لزاوية - دلوج وخط - دب - مساوٍ لخط - دج - وخط - دج - مشتركة فثنا دجح - دج ب - زاوية من احدهما وهي زاوية - ح - مساوية لزاوية من الآخر وهي زاوية - ب - والاندلاع التي تحيط بزوايتين اخريتين متتسameة والزاويتان اليائزان وهما زاويتان - دجح - دج ب كل واحدة منها اعظم من قاعدة فالزوايا اليائانية متتسameة تحيط بـ - مساوٍ لخط - ج ب - فكل خط - هـ - اعني خط اه - مساوٍ لخطي - هـ - ج - ج ب - وذلك ما اردنا ان نبين (١).

تم كتاب ارشميدس في الدواير المتسameة والحمد لله

وحده وصلواته على نبيه محمد وآلـه