

門二姓2
卷 1-4



括要算法序

夫為數之道其源出於聖人而
其來遠矣故理甚向上而非未
得為得之淺識也然至圓法孤
矢弦等奧旨則兀々而如煩如
惱難決可非以此見一法合為

括要算法去目序

萬法則合其一而不知違二也算
法亦邪術夥不可不察矣有關
氏孝和先師而始其理明其道
開也而發昔人未發愚賴荒木
村英得關氏先生之道蓋是術
願廣行世與眾人開邪辯正也

雖然理是無量術亦無限所其
未盡以俟後君子云爾

告

寶永己丑季冬中浣武江住

大高由昌謹書

太極始判兩儀立焉四象八卦六十四
卦三百八十四爻引而伸之觸類而長
之以至億兆之無窮而無不有數以統
之矣夫有物有則有象有數缺一則不
可以言易不可以進道也至哉數也大
則該天地而總陰陽測鬼神而知變化
以開道學萬世之淵源也伏羲之八卦
大禹之九疇是數學之權輿乎細則定

括要算法序

太極始判兩儀立焉四象八卦六十四
卦三百八十四爻引而伸之觸類而長
之以至億兆之無窮而無不有數以統
之矣夫有物有則有象有數缺一則不
可以言易不可以進道也至哉數也大
則該天地而總陰陽測鬼神而知變化
以開道學萬世之淵源也伏羲之八卦
大禹之九疇是數學之權輿乎細則定

律度量衡之分寸量賦稅錢穀之出入以成國家日用之急務也帝舜之叙百揆孔子爲委吏豈得廢此數而量衡之同會計之當乎今之學者高談性命動以算數爲市井販夫之業其喙長三尺其手重五斤豈可言實學乎五代王章不喜文士曰此輩與一把算子未知顛倒何益于國耶是雖一概之論亦不可謂無此弊也聖人已列六藝則學者所

宜講明者也近有關氏孝和以算學鳴世雖趙達之算席豆元理之計困米無以加之太高由昌尤嗜此術曾遊孝和之門受業於其高弟荒木村英聚散之術演脫之法悉得其精妙乃廣採和漢之算書而尋其蘊奧則猶有未慊也因別撰算書四卷名曰括要算法以欲啓算學之蒙頃間以人爲价請予序之予固踈于數學雖未暇考其書之奧義然

而世之算學人能因此書得括其要則
近而應國家之急務遠而窺道學之淵
源者亦不在茲乎聊述數學之不外於
道學者以弁其端云

寶永己丑季冬中浣

恬軒岡張亨



括要算法目錄

元卷

垛積總術 並 演段

垛積術

衰垛術

亨卷

諸約之法

互約術

逐約術

齊約術

遍約術

增約術

損約術

零約術

遍通術

剩一術

翦管術

利卷

角法演段 從三角而
至二十角

負卷

求圓周率術 並環矩術

求弧矢弦率術

求立玉積率術

括要算法卷元

關氏孝和先生

垛積總術

荒木村英

累裁招差之法

大高由昌 訂校

夫之積之各數參差者齊之以累裁招差之法求之矣
 凡以定積一次相減各積差得等數者招平定二差而
 依一次相乘之法 古所謂相減
相乘之法也 求之到二次相減各積
 差得等數者招立平定二差而依一次相乘之法 古所
謂三
 法也 求之到二次相減各積差得等數者招三乘立平
 定四差而依二次相乘之法求之皆俟各段得等數者
 而招諸差率求元積也

解術

設元積 第一

一次相乘之法者設元積以一段為限而招平定二差或設元積二段以上則到招平差各段得等數若其平差不得等數者非一次相乘之限乃依術重而相減相除到得差數等止之定相乘之次數

二次相乘之法者設元積以二段為限而招立平定三差或設元積四段以上則到招立差各段得等數若其立差不得等數者非二次相乘之限乃依術重而相減相除到得差數等止之定相乘之次數

三次相乘之法者設元積以四段為限而招三乘立平定四差或設元積五段以上則到招三乘差各段得等數若其三乘差不得等數者非三次相乘之限乃依術重而相減相除到得差數等止之定相乘之次數

四次相乘以上設元積之限如此若過限設元積者到相減相除之限皆得等差數否則非相乘之限故重相減相除而俟各段得等數者方定相乘之次數也

招差數 第一

置各段元積各以其段限數約之為第一各段定積○各以其段定積減次段定積不足減者反減餘為其段平積各實 又以其段限數減次段限數餘為其段平積各法各實如法而一為第一各段平積乃一次相乘者以之為平各以其段平積減次段平積餘為其段立積各實

又以其段限數減隔一段後段限數餘為其段立積各
 法各實如法而一為第一各段立積以之為立一差者○
 各以其段立積減次段立積餘為其段三乘積各實
 又以其段限數減隔二段後段限數餘為其段三乘積
 各法各實如法而一為第一各段三乘積者以之為三
 乘一○各以其段三乘積減次段三乘積餘為其段四
 乘積各實 又以其段限數減隔三段乃五乘者隔四
段也七乘後段限數餘為其段四乘積各法各實如法
已上倣之而一為第一各段四乘積乃四次相乘者以
之為四乘一差逐如此相
 減相除隨相乘之次數止之為其極乘之一差數
 各置其段限數依第一差相乘之次數若干自乘乃第
一得

梅... 卷...

...

平差者直得立差者自乘得
 三乘差者再自乘也餘倣之 以所求第一差乘之得數
 以減第一各段定積為第二各段定積於此得各段積
等而止即以此○各以其段定積減次段定積餘為各段
之為定一差平積實如各段平積法乃各段之法者第一
所求也後皆倣之而一為第
 二各段平積乃二次相乘者○各以其段平積減次段
 平積餘為各段立積實如各段立積法而一為第二各
 段立積乃三次相乘者逐如此相減相除到第一乘數
以之為立一差之前積得各段等數而止之為二差數
 各置其段限數依第一差相乘之次數若干自乘以所
 求第一差乘之得數以減第二各段定積為第三各段
 定積乃二次相乘者於此得各段○各以其段定積減
積等而止即以此之為定一差

五... 卷...

...

算學

次段定積餘為各段平積實如各段平積法而一為第
二各段平積乃三女相乘者逐如此相減相除到第二
乘數之前積得各段等數而止之為三差數
次第如此求之到乘數之始得定積各段等止之即為
定差也

定加減 第三

隨所求定平立以上差數之正負自定差逐下布正負
之一等其級正負與次上級正負同名相乘者其級為
加差異名相乘者其級為減差也

齊差率 第四

若各差數有奇零之不盡者依齊分術各整尾數為各

差率當令同分母為約法也

求元積本術

一次相乘之法

置平差以限數相乘用加定差又以限數相乘以約法
約之得元積

二次相乘之法

置立差以限數相乘用加平差又以限數相乘用加定
差亦以限數相乘以約法約之得元積

三次相乘之法

置二乘差以限數相乘用加立差又以限數相乘用加
平差亦以限數相乘用加定差復以限數相乘以約法

活便法

約之得元積

四次相乘之法已上倣之

一次相乘演段

假如一段限數七元積六百三十七。二段限數十一元積九百五十七者

第一術曰以各限數約各元積得一段定積九十一二段定積八十七以定積相減得一段平積實四以限數相減得一段平積法實如法而得一段平負即為平差

第一		限數	定積	平積法	平積實	平積
段二	段一					
十一	七		九十一	四	四負	一負
八十七						

第二術曰置各限數以平差負乘之以減第一各段定積得一段定積正九十八二段定積正九十八即為定差

第二		限數	定積
段二	段一		
十一	七		九十八正
九十八正			

依一差正負布算平二級負乘一級正得負故以平差為減

本術置平差以限數乘之以減定差九十一餘又以限數乘之得元積

又一段限數五元積一十五二段限數七元積一十八
三段限數十六元積一百三十六四段限數二十元積

二百一十者

第一術曰以各限數約各元積得一段定積二一段定積三一段定積四

積四二段定積八四段定積一十○以定積自一段

段逐相減得一段平積實正一段平積實正二段平積實正三段

平積實正以限數自一段逐相減得一段平積法

二段平積法九三段平積法四各實如各法而得

一段平積正二段平積正二段平積正二段平積正各段得

等數故以之為平差

第		限數	定積	積法	積實	平積
段二	段一					
七	五	三箇	二	一箇	正	五分
四箇	二	一箇	正	五分	正	
九	四箇半	正	五分	正		

一		限數	定積
段四	段三		
二十	十六	八箇半	四
二十一	一十	箇半	
		二箇	正
		五分	正

第二術曰置各段限數以平差正乘之以減第一各

段定積得一段定積正二段定積正二段定積正

四段定積正各段定積得等數而以之為定差正

第				限數	定積
段四	段三	段二	段一		
二十	十六	七	五	五分	正
五分	五分	五分	五分	正	

二差各得正故平定差皆以為加差也

二差數各以二乘之平差定差皆得 以通分 為約法

本術置平差 以限數乘之以加定差 又以限數乘之 以約之得元積也

二次相乘演段

假如一段限數一十元積四千八百八十四萬一千二百段限數二十元積九千二百五十七萬六千三段限數三十元積一億三千一百一十萬九千四段限數四十元積一億六千二百九十八萬四千五段限數五十元積一億九千一百二十八萬五千者

第一術曰以各限數約各元積得一段定積 四百八十八萬四千

一段定積 四百六十二 二段定積 四百三十一 三段定積 四百零二 四段定積 三百七十二 五段定積 二百四十三

一段逐相減得一段平積實 二十六萬七千五百 二段平積實 二十萬七千五百 三段平積實 十七萬七千五百 四段平積實 十四萬七千五百 五段平積實 十一萬七千五百

法 二段平積法 三段平積法 四段平積法 各實如法而一得一段平積 二萬五千 二段平積 一萬一千五百 三段平積 二千一百 四段平積 六百

五 二段平積 七千七百七十 四段平積 二千九百九十 以平積自一段逐相減得一段立積實 六百二十 二段立積實 六百

負 三段立積實 六百二十 以各段限數隔一段自一段逐相減得一段立積法 二段立積法 三段立積法

法 二段立積法 三段立積法 四段立積法 各實如法而一得一段平積 二萬五千 二段平積 一萬一千五百 三段平積 二千一百 四段平積 六百

又一段限數三元積一十四二段限數八元積二百。
 四三段限數十一元積五百。六者

第一術曰以各限數約各元積得一段定積四箇三分之二

二段定積二十五箇二分之二三段定積四十六箇二分之二以定積

自一段逐相減得一段平積實正二十箇六分之二以定積

平積實正二十箇二分之二又以各段限數自一段逐

相減得一段平積法五二段平積法三各實如各法而

一得一段平積正四箇六分之二二段平積正六箇六分之二

以平積相減得一段立積實正二箇三分之二又以限數

隔一段相減得一段立積法八實如法而一得一段立

積正三分之二箇即為立差

第一			限數	定積	平積實	平積	立積實	立積
段三	段二	段一						
二十	八	三	四箇 <small>三分之二</small>	五 <small>二分之二</small>	四箇 <small>六分之二</small>	八 <small>三分之二</small>	二箇 <small>三分之二</small>	一箇 <small>三分之二</small>
四十六箇	二十五箇 <small>二分之二</small>	三箇 <small>二分之二</small>	六箇 <small>六分之二</small>	二箇 <small>二分之二</small>	六箇 <small>六分之二</small>	八箇 <small>三分之二</small>	二箇 <small>三分之二</small>	一箇 <small>三分之二</small>

第二術曰置各限數自乘以立差三分之二乘之以減第

一各段定積得一段定積正一箇三分之二二段定積正四

箇六分之二三段定積正五箇三分之二以定差自一段逐相

減得一段平積實正二箇二分之二二段平積實正一箇二分之二

各實如各段平積法而一得一段平積正二分之二箇二分之二

段平積正二分之二箇二分之二各段平積得等數而以之為平差

第二			限數	定積	法平積實	平積
段三	段二	段一				
二十	八	三	三	一箇	五	二箇
五箇	四箇	一箇	三分之二	三分之二	二分之二	二分之二
			三	一箇	二	一箇
			三分之二	二分之二	二分之二	二分之二
			正	正	正	正

第三術曰置各段限數以平差二分箇乘之以減第二段定積得一段定積正六分箇二段定積正六分箇三段定積正六分箇各段定積得等數而以之為定差

第三		限數	定積
段下	段上		
三	八	六分箇	正
之六	之六	分箇	正
之一	之一	正	

第三		限數	定積
段三	段二		
二十	八	六分箇	正
之六	之六	分箇	正
之一	之一	正	

三差各得正故立平定差皆以為加也
 立差三分箇平差二分箇定差六分箇依齊分術得立
 差二分箇平差三分定差一分以同分母六分為約法
 本術置立差二分以限數乘之加平差三分又以限數乘之
 加定差一分亦以限數乘之以六分約之得元積也

三次相乘演段

假如一段限數五元積五萬七千一百二段限數十一元積四萬四千三百七十四三段限數十六元積一十

八萬三千四百二十四。四段限數十八元積三十四萬五千。二十四者

第一術曰以各段限數約各段元積得一段定積

四段定積 一萬一千四百 四段定積 一百六十四

積 一萬九千八百 以定積自一段逐相減得一段平積

實 七千三百 二段平積實 七千四百 二段平積實 七百

又以各段限數自一段逐相減得一段平積法

二段平積法 三段平積法 各實如各法而一得

一段平積 一千二百 二段平積 一千四百 二段平積 二千

八百 以平積自一段逐相減得一段立積實 七百

十二 二段立積實 二千三百 又以限數隔一段自一

段逐相減得一段立積法 二段立積法 各實如

各法而一得一段立積 二段立積 三段立積 以

立積相減得一段三乘積實 九 以限數隔一段相

減得一段三乘積法 實如法而一得三乘積 七 即

以之為三乘差

第				限數	定積	法	平積實	平積	立積法	立積實	立積	三乘積法	三乘積實	三乘積
一	二	三	四											
段四	段三	段二	段一	五	一萬一千四百	六	七千三百	一千二百	十	二千七百	二百四	三	二十九	七
八十	六十	一十	五	百二十	八十六負	三十一負	一	一十七	七	六十七	七	三	一	七
百六十八	一萬九千一	一萬一千四	三十四	四〇	七千四百	八十六正	三十八百	七	六十六正	十八正	三	一	一	七
					〇四正	五十二正								

第二術曰置各段限數再自乘以二乘差正乘之以減
 第一各段定積得一段定積 一萬〇五百 正 二段定積 千五
 二百八 三段定積 一萬七千 負 四段定積 二萬一千六
 十三負 〇以定積自一段逐相減得一段平積實 百一萬五千八
 〇以平積自一段逐相
 減得一段立積實 十一百六 各實如
 各段立積法而一得一段立積 三正 二段立積 三正 立
 積各段得等數而以之為立差

第 二				限數	定積	平積實	平積法	立積實	立積法
段四	段三	段二	段一						
八十	六十	一十	五	一萬〇五百	一萬五千	二萬六	三萬五	四萬	五萬
百五十六負	百〇八負	八十三負	五	四十五正	百一十八負	百一十五負	百一十二負	百一十負	百八負
	二	五	六		四十八負	四十四負	四十負	三十八負	三十四負

第二術曰置各限數自乘以立差正乘之以減第一
 各段定積得一段定積 九千九百 正 二段定積 八千〇六
 三段定積 九千九百 負 四段定積 一萬〇九千 負 〇以定
 積自一段逐相減得一段平積實 六千 〇以平積自一段逐
 積實 〇以平積自一段逐相減得一段平積實 六千 〇以平積
 〇以平積自一段逐相減得一段平積實 六千 〇以平積

古算集卷之六

積法而一得一段平積三千〇六負二段平積三千〇六負二段平積三千〇六負平積三千〇六負平積各段得等數而以之為平差

第三				數限	定積	平積 法實	平積
段四	段三	段二	段一				
八十	六十	一十	五	九千九百七十	正	六	一萬八千〇三千〇
百〇八負	二萬九千九百九十六負	八千〇六十六負	五	一萬五千〇三十	負	六	一萬八千〇三千〇
	二	五	六	六千〇一十二	負	六	一萬八千〇三千〇
				六千〇一十二	負	六	一萬八千〇三千〇

第四術曰置各段限數以平差三千〇六負乘之以減第三各段定積得一段定積二千〇五一段定積二千〇五一段定積二千〇五定積各段得等數而以

之為定差

第四				數限	定積
段四	段三	段二	段一		
八十	六十	一十	五	二萬五千	正
千二萬五	千二萬五	千二萬五	正	二萬五千	正

依四差正負布算定平五三乘一級負乘一級正得負故以平差為減二級正乘一級負得負故以立差為減四級正乘二級正得正故以二乘差為加本術置二乘差七以限數乘之以加立差三又十又以限

數乘之以減平差三千〇六。亦以限數乘之以減定差二千。餘復以限數乘之得元積也。

垛積術解

方垛

今有圭垛底子三箇問積幾何

答曰積六箇

術曰置底子加一箇以底子相乘得數以二約之得積合問

今有平方垛底子三箇問積幾何

答曰積一十四箇

術曰置底子倍之加三箇以底子相乘得數加一箇

以底子相乘得數以六約之得積合問

今有立方垛底子三箇問積幾何

答曰積三十六箇

術曰置底子加二箇以底子相乘得數加一箇以底子相乘得數以四約之得積合問

今有三乘方垛底子三箇問積幾何

答曰積九十八箇

術曰置底子六之加一十五箇以底子相乘得數加一十箇以底子相乘得內減一箇餘以底子相乘得數以二十約之得積合問

今有四乘方垛底子三箇問積幾何

答曰積二百七十六箇

術曰置底子倍之加六箇以底子相乘得數加五箇以底子冪相乘得內減一箇餘以底子冪相乘得數以二十二約之得積合問

今有五乘方垛底子三箇問積幾何

答曰積七百九十四箇

術曰置底子六之加二十一箇以底子相乘得數加二十一箇以底子冪相乘得內減七箇餘以底子冪相乘得數加一箇以底子相乘得數以四十二約之得積合問

今有六乘方垛底子三箇問積幾何

答曰積二千三百一十六箇

術曰置底子三之加一十二箇以底子相乘得數加一十四箇以底子冪相乘得內減七箇餘以底子冪相乘得數加二箇以底子冪相乘得數以二十四約之得積合問

今有七乘方垛底子三箇問積幾何

答曰積六千八百一十八箇

術曰置底子十之加四十五箇以底子相乘得數加六十箇以底子冪相乘得內減四十二箇餘以底子冪相乘得數加二十箇以底子冪相乘得內減三箇餘以底子相乘得數以九十約之得積合問

今有八乘方垛底子三箇問積幾何

答曰積二萬零一百九十六箇

術曰置底子倍之加一十箇以底子相乘得數加一十五箇以底子累相乘得內減一十四箇餘以底子累相乘得數加一十箇以底子累相乘得內減三箇餘以底子累相乘得數以二十約之得積合問

今有九乘方垛底子三箇問積幾何

答曰積六萬零零七十四箇

術曰置底子六之加三十三箇以底子相乘得數加五十五箇以底子累相乘得內減六十六箇餘以底子累相乘得數加六十六箇以底子累相乘得內減

三十三箇餘以底子累相乘得數加五箇以底子相乘得數以六十六約之得積合問

今有十乘方垛底子三箇問積幾何

答曰積一十七萬九千一百九十六箇

術曰置底子倍之加一十二箇以底子相乘得數加二十二箇以底子累相乘得內減二十三箇餘以底子累相乘得數加四十四箇以底子累相乘得數加一十箇以底子累相乘得數以二十四約之得積合問

圭堦演段

置基數自乘之得數與一箇相消得式。置圭堦原

法二內減一級數_箇餘一為實。以二級數_箇為法實如法而一得二分之一為加是逐乘二級之取數也

平方垛演段

置基數再自乘之得數與一箇相消得式。置二級數_箇取二分之一得_箇一箇_二分_一一級數_箇二位相併共得_箇二箇_二分_一通分內子得五寄位。置平方垛原法三以分母二相乘得六_{自寄位數多者為加少者為減後做之}內減寄位餘一為實。置三級數_箇以分母二相乘得六為法實如法而一得六分之一為加是逐乘三級之取數也

立方垛演段

置基數三自乘之得數與一箇相消得式。置二級數_箇取二分之一得_箇二箇_二分_一置三級數_箇取六分之一得_箇一箇_一級數_箇三位相併共得四寄位。置立方垛原法四內減寄位恰盡故四級之取數空也

三乘方垛演段

置基數四自乘之得數與一箇相消得式。置二級數_箇取二分之一得_箇二箇_二分_一置三級數_箇取六分之一得_箇一箇_一級數_箇四位取數空一級數_箇三位以通通術求同分母六通分內子得三十一寄位。置三乘方垛原法五以分母六相乘得三十一以減寄

古法算術

卷之六

位餘一為實。置四級數_五以分母六相乘得三十一
為法實如法而一得三十分之一為減是逐乘五級
之取數也

四乘方垛演段

置基數五自乘之得數與一箇相消得式。置二級
數_六取二分之一得_三置二級數_五取六分之一
得_二箇_二分_一四級取數空一級數_十三位相併共得
六_箇之_二分_一寄位。置五級數_十取三十分之一得
二_分箇_一以減寄位餘六箇再寄。置四乘方垛原法
六內減再寄恰盡故六級之取數空也

五乘方垛演段

置基數六自乘之得數與一箇相消得式。置二級
數_七取二分之一得_三箇_二分_一三級數_十取六分
之一得_三箇_二分_一四級取數空一級數_十三位相併
共得_八寄位。置五級數_十取三十分之一得_一
六_分箇_一六級取數空以減寄位餘_六箇_六分_五通分內
子得四十一再寄。置五乘方垛原法七以分母六
相乘得四十二內減再寄餘一為實。置七級數_七
以分母六相乘得四十二為法實如法而一得四十
二分之一為加是逐乘七級之取數也
餘皆倣之

母相乘
得數也

十一乘方垛已上皆依前術逐可求之也

衰垛

今有圭垛底子三箇問積幾何

答曰積六箇

術載于方垛法中

今有三角衰垛底子三箇問積幾何

答曰積一十箇

術曰置底子加三箇以底子相乘得數加二箇以底
子相乘得數以六約之得積合問

今有再乘衰垛底子三箇問積幾何

答曰積一十五箇

術曰置底子加六箇以底子相乘得數加一十一箇
以底子相乘得數加六箇以底子相乘得數以二十
四約之得積合問

今有三乘衰垛底子三箇問積幾何

答曰積二十一箇

術曰置底子加一十箇以底子相乘得數加三十五
箇以底子相乘得數加五十箇以底子相乘得數加
二十四箇以底子相乘得數以一百二十約之得積
合問

今有四乘衰垛底子三箇問積幾何

答曰積二十八箇

術曰置底子加一十五箇以底子相乘得數加八十
五箇以底子相乘得數加二百二十五箇以底子相
乘得數加二百七十四箇以底子相乘得數加一百
二十箇以底子相乘得數以七百二十約之得積合
問

今有五乘衰塲底子三箇問積幾何

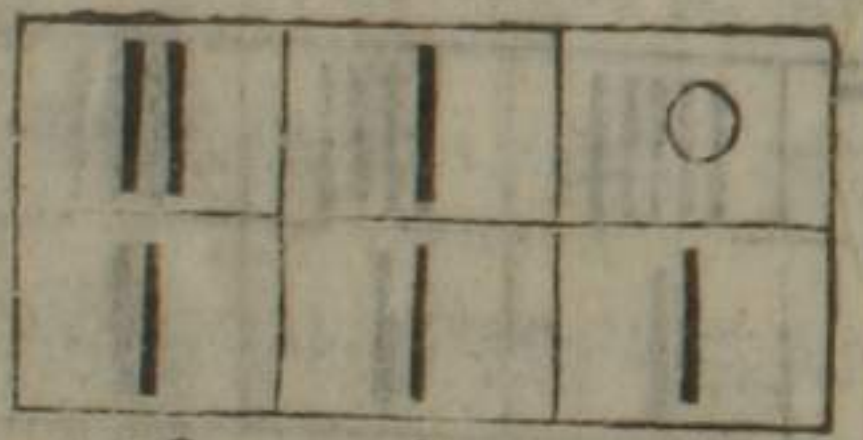
答曰積三十六箇

術曰置底子加二十一箇以底子相乘得數加一百
七十五箇以底子相乘得數加七百三十五箇以底
子相乘得數加一千六百二十四箇以底子相乘得

數加一千七百六十四箇以底子相乘得數加七百
二十箇以底子相乘得數以五千零四十約之得積
合問

原數圖

置基數累加一於上級為逐乘原數也。以基數為一
次第累加一為逐乘原數法也



基數
原數法二
三角 原數法三

右各置得數以各塚法約之得積六乘衰塚已上傲
之

括要算法卷元終

○	三	四	五
下	三	四	五
下	三	四	五
下	○	一	二
下	十	十	十
再乘	三乘	四乘	五乘
積六	積二十	積二十	積二十

平



