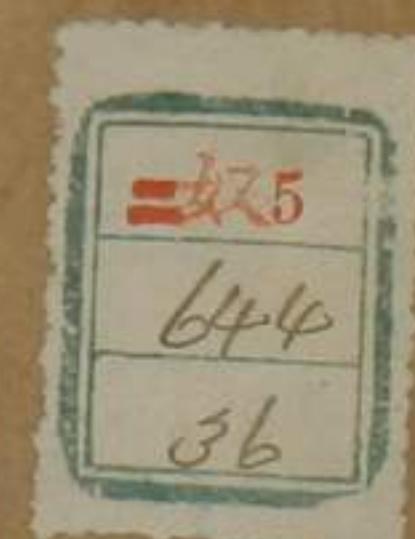


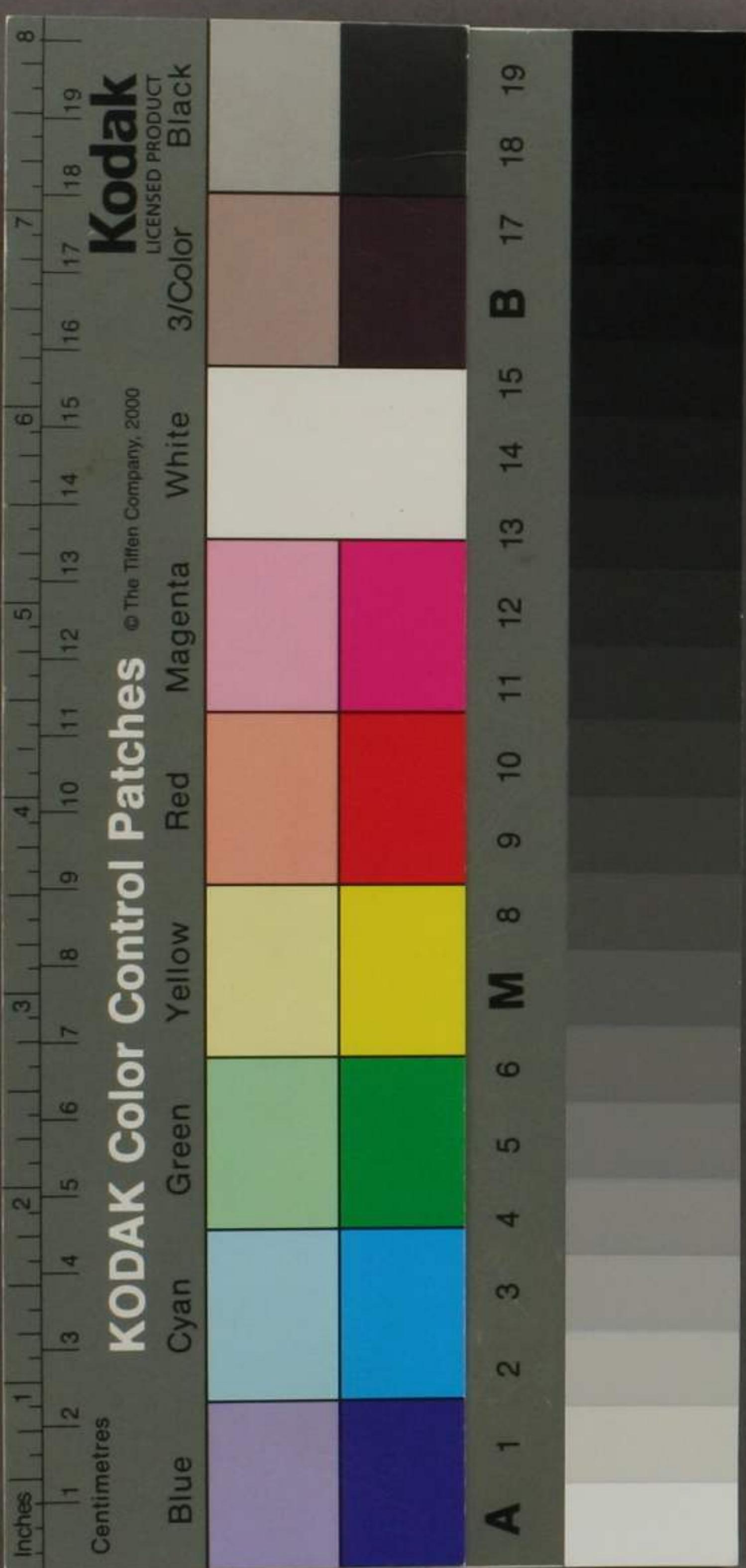
• 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20



御製曆象考成後編

月食步法

五





御製曆象考成後編卷五

月食步法

推月食用數

推月食全

推各月用食數

推用食全數

御製曆象考成後編卷五

月食步法

推月食用數

推月食法

推各省月食法

推月食帶食法

推月食用數

雍正元年癸卯。天正冬至爲元。

周天三百六十度。入算化作一百二十度。

周曰一萬八分。

周歲三百六十五日二十四二三三四四二。

紀法六十。

望策一十四日七六五二九五二六五。  
太陰交周朔策一十一萬零四百一十三秒小餘九

中距太陰地半徑差五十七分三十秒。

太陽地半徑差一十秒。

中距太陽距地心一千萬。

中距太陰距地心一千萬。

中距太陽視半徑一十六分六秒。

中距太陰視半徑一十五分四十秒三十微。

黃赤大距二十三度二十九分。

欲求天正冬至之次日子正初刻者。所  
得日下進奇零作三十三日而命甲子。則得下酉日子正初刻。即正冬至次日也。

朔應一十五日一二六三三。

朔應皆。雍正癸卯年首

自天正冬至次日子正初刻右旋。距十二月朔子正初刻日分。

此應不拘於  
子正故無較

首朔太陰交周應六宮二十三度三十六分五十二  
秒四十九微。首朔太陰交周應者。雍正癸卯年首  
天正冬至次日子正初刻太陰平行五宮二十  
度二十七分四十八秒五十三微。內減正交平  
行五宮二十二度五十七秒二十三十七秒三  
度三十分一秒。即癸卯年朔應也。

至次日子正初刻太陰距正交之度分。又以朔應一十五日一二六三三。二與太陰每日距交行四度四纖二十三度一十三分四十五秒三十九微四十三度分。與天正冬至次日子正初刻太陰距正交之四十九微有奇。卽癸卯年首朔太陰交周應也。

右推月食用數名義俱見下編。因用日躔月離求實望。故推太陽太陰平行自行諸用數茲皆不載。

### 推月食法

推首朔及入交及實望實時。

下編以推首朔諸平行及入交爲入算之首。蓋以平望太陽太陰諸平行皆以首朔諸平行爲根也。今以日躔月離求實望。則太陽太陰諸平行不以首朔爲根。而以天正冬至爲根。故止求首朔之日。時及入交之月數。合之卽得平望距冬至之日時。而不必求首朔諸平行也。

求積年

自雍正元年癸卯距所求之年共若干年減一年。得積年。

求中積分

以積年與周歲三百六十五日二四二三三四四二  
相乘。得中積分。

求通積分

置中積分。加氣應三十二日一二二五四。得通積分。  
上考往古。則置中積分減氣應。得通積分。

求天正冬至

置通積分。其日滿紀法六十去之。餘爲天正冬至日。  
分。上考往古。則以所餘轉與紀法六十相減。餘爲天  
正冬至日分。

爻求紀日 大鷦鷯國朝文書卷二十三貞三桂衣冠  
以天正冬至日數加一日。得紀日。卦一圖詩解太  
卦求積日 家庭三四百來萬國天一百二十丁萬  
置中積分。加氣應分一二二五四。不用減本年天正  
冬至分。亦不得積日。上考往古。則置中積分減氣應  
分。加本年天正冬至分。得積日。

求通朔

置積日。減朔應一十五日一二六三三。得通朔。上考  
往古。則置積日。加朔應。得通朔。

求積朔及首朔

置通朔。以朔策二十九日五三〇五九〇五三除之。  
得數加一爲積朔。餘數與朔策相減爲首朔。上考往  
古。則置通朔。以朔策除之。得數爲積朔。餘數爲首朔。

求首朔太陰交周

以積朔與太陰交周朔策一十一萬零四百一十三  
秒九二四四一三三四相乘。滿周天一百二十九萬  
六千秒去之。餘數爲秒。以宮度分收之。爲積朔太陰  
交周。加首朔太陰交周應六宮二十三度三十六分

五十二秒四十九微。得首朔太陰交周。上考往古。則  
置首朔太陰交周應。減積朔太陰交周。不及減者。加十二宮減之。  
得首朔太陰交周。

求逐月望太陰交周

置本年首朔太陰交周。加太陰交周望策六宮一十  
五度二十分零六秒五十八微。再以太陰交周朔策  
一宮零四十分一十三秒五十五微。遞加十三次。得  
逐月望太陰交周。

求太陰入交月數

逐月望太陰交周。自初宮初度至初宮一十五度九

分。自五宮一十四度五十一分。至六宮一十五度九分。自十一宮一十四度五十一分。至十一宮三十度。

皆爲太陰入交。第幾月入交。卽第幾月有食。影半徑四十  
八秒。相併得六十三分三十九秒。以此數當距隕。用最  
小黃白交角四度五十九分三十五秒。求得距交之限。又以最大太陽均數一度五十四秒爲實望可食  
度。最大太陰均數七度三十九分三十三秒相併。得一  
月度三十五分四十六秒。爲兩實行相距最遠之度。  
加得二度五十二分。爲實望之限。圖可相計。得九秒。  
月逐及于日。太陽又行五十五分餘。與太陽均數相  
加。得一十五度九分。爲平望可食之限。

解見上編太陰食限篇。

求平望

以太陰入交月數。與朔策二十九日五三〇五九〇五三相乘。加望策一十四日七六五二九五二六五。與首朔日分相加。其所得日數。卽平望距冬至之日數。再加紀日滿紀法六十去之。自初日甲子起算。得平望干支。以周日一千四百四十分通其小餘。得平望時分秒。

求實望泛時

以平望距冬至之日數。用推日躔月離法。各求其子正黃道實行。將太陽黃道實行加減六宮。與太陰黃道實行相較。如太陰實行未及太陽。則平望日爲實望本日。平望次日爲實望次日。如太陰實行已過太陽。則平望前一日爲實望本日。平望日爲實望次日。又用推日躔月離法。各求其本日。或次日子正黃道實行。乃以本日次日兩太陽實行相減。爲一日之日實行。本日次日兩太陰實行相減。爲一日之月實行。一日之二實行相減。爲一日之月距日實行。化秒爲

一率。周日一千四百四十分爲二率。本日太陽實行加減六宮。內減本日太陰實行。餘化秒爲三率。求得四率。爲距本日子正後之分數。以時收之。得實望泛時。如次日太陰實行仍未及太陽。則次日爲實望日。卽以次日太陽實行加減六宮。內減次日太陰實行。餘爲三率。所得四率爲距次日子正後之分數。如本日太陰實行已過太陽。則前一日爲實望日。卽以本日太陽實行加減六宮。轉於本日太陰實行內減之。餘爲三率。所得四率爲距本日子正前之分數。與一千四百四十分相減。餘爲距前一日子正後之分數。

### 求實望實時

以實望泛時之時刻。設前後兩時。如實望泛時爲丑正二刻。則以丑正

初刻爲前時。寅初刻爲後時。用推日躔月離法。各求其黃道實行。乃以前後兩時太陽實行相減。爲一小時之日實行。以前後兩時太陰實行相減。爲一小時之月實行。一小時兩實行相減。爲一小時月距日實行。化秒爲一率。一小時化作三千六百秒爲二率。前時太陽實行加減六宮。內減前時太陰實行。餘化秒爲三率。求得四率爲秒。以分收之。加於前時。得實望實時。再以實望實時。用推日躔月離法。各求其黃道實行。則太陰太陽必對宮而同度。乃視本時月距正交。自初宮初

度至初宮一十二度一十七分。自五宮一十七度四十三分。至六宮一十二度一十七分。自十一宮一十七度四十三分。至十一宮三十度。皆入食限爲有食。不入此限者。不食。卽不必算。

### 推實望用時第一

下編以推實望用時爲月食第七段。而有下推平望諸平行。推日月相時。推實引。推實望。推實交周。推太陽實經。六段在其前。今推月食。以日躔月離求得實望。而實望實交周。及太陽黃道經度。又已在求本時日躔月離之中。故不用前六段。而即以下推實望用時爲月食第一段也。

### 求均數時差

以實望太陽均數變時。得均數時差。一度變爲四分。十五分變爲一分。  
分。十五秒。均數加者。則爲減。均數減者。則爲加。

### 求升度時差

以半徑一千萬爲一率。黃赤大距二十三度二十九分之餘弦爲二率。實望太陽距春秋分黃道經度之正切線爲三率。實望太陽黃道經度不及三宮者。與三宮相減。過三宮者減三宮。過六宮者。與九宮相減。過九宮者減九宮。得太陽距春秋分黃道經度。求得四率。爲距春秋分赤道經度之正切線。檢表得太陽距春秋分赤道經度。與太陽距春秋分黃道經度相減。餘爲升度差。

變時。得升度時差。二分後爲加。二至後爲減。

### 求時差總

均數時差與升度時差同爲加者。則相加爲時差總。仍爲加。同爲減者。亦相加爲時差總。仍爲減。一爲加。一爲減者。則相減爲時差總。加數大爲加。減數大爲減。

### 求實望用時

置實望實時。加減時差總。得實望用時。距日出後。日入前九刻以內者。可以見食。九刻以外者。則全在晝。

卽不必算。

推食甚實緯食甚時刻第二

求斜距交角差

以一小時太陰白道實行化秒爲一邊。本時次時二行相減得一小時太陰一小時太陽黃道實行化秒白道實行太陽倣此爲一邊。實望黃白大距爲所夾之角。用切線分外角法求得對小邊之角爲斜距交角差。

求斜距黃道交角

置實望黃白大距加斜距交角差得斜距黃道交角。

求兩經斜距

卽一小時兩經斜距

以斜距交角差之正弦爲一率。一小時太陽實行化秒爲二率。實望黃白大距之正弦爲三率。求得四率爲秒以分收之得食甚實緯。

求食甚實緯

卽食甚兩實相距

以半徑一千萬爲一率。斜距黃道交角之餘弦爲二率。實望月離黃道實緯化秒爲三率。求得四率爲秒以分收之得食甚實緯。南北與實望黃道實緯同。

求食甚距弧

以半徑一千萬爲一率。斜距黃道交角之正弦爲二率。實望月離黃道實緯化秒爲三率。求得四率爲秒。以分收之。得食甚距弧。

### 求食甚距時

以一小時兩經斜距化秒爲一率。一小時化作三千六百秒爲二率。食甚距弧化秒爲三率。求得四率爲秒。以分收之。得食甚距時。月距正交初宮六宮爲減。五宮十一宮爲加。

### 求食甚時刻

置實望用時。加減食甚距時。得食甚時刻。自初時起子正。一時爲丑初。以次順數。至二十三時爲夜子初。每十五分爲一刻。不足一刻者爲零分。

### 推食分第三

#### 求太陽實引

置實望太陽引數。加減本時太陽均數。得太陽實引。

#### 求太陰實引

置實望太陰引數。加減本時太陰初均數。得太陰實引。  
下編實引從本天心算爲求實引。均此實引從地心算爲求距地。

求太陽距地

以倍兩心差三三八〇〇〇爲一邊。以二千萬爲兩邊和。以太陽實引爲一角。用三角作垂線成兩勾股法算之。實引三宮以內者。卽以實引爲一角。俱作垂線於形外。實引全周相減爲一角。過三宮者。與六宮相減。過六宮者。減六宮爲一角。引作垂線於形內。法見下。日躔一卦圓角一度。與面積相求篇。求得地心至檐圓界之一邊。卽太陽距地。

求太陰距地

以實望太陰。本天心距地數倍之爲一邊。以二千萬爲兩邊和。以太陰實引爲一角。用三角作垂線成兩

勾股法算之。實引三宮以內者。卽以實引爲一角。過宮者與全周相減爲一角。俱作垂線於形外。法與求太陽距地同。因最起算。故從最高起算。太陰反從求得地心至捨圓界之一邊。卽太陰距地。

求太陰地半徑差卽本日太陰在地平上最大地半徑差。

以太陰距地爲一率。中距太陰距地一千萬爲二率。  
太陰中距最大地半徑差五十七分三十秒。化作三  
千四百五十秒爲三率。求得四率爲秒。以分收之。得  
太陰地半徑差。此以弧度代正弦算。  
太陽太陰半徑同。

求太陽視半徑

以太陽距地爲一率。中距太陽距地一千萬爲二率。  
中距太陽視半徑一十六分六秒化作九百六十六  
秒爲三率。求得四率爲秒。以分收之。得太陽視半徑。

求影半徑

置太陰地半徑差。加太陽地半徑差一十秒。減太陽  
視半徑。得影半徑。

求影差

太陰地半徑差化秒。以六十九除之。得影差。

求實影半徑

置影半徑。加影差。得實影半徑。

求太陰視半徑

以太陰距地爲一率。中距太陰距地一千萬爲二率。  
中距太陰視半徑一十五分四十秒三十微。化作九  
百四十秒半爲三率。求得四率爲秒。以分收之。得太

陰視半徑。

求併徑

以太陰視半徑與實影半徑相加。得併徑。

求兩徑較

以太陰視半徑與實影半徑相減得兩徑較。

求食分

全經者信太  
陰視半徑也

以太陰全徑化秒爲一率。十分化作六百秒爲二率。  
併徑內減食甚實緯餘化秒爲三率。求得四率爲秒。  
以分收之得食分。若食甚實緯大於併徑則月與地影兩周不相切則不食卽不必算。

推初虧復圓時刻第四

求初虧復圓距弧

以併徑與食甚實緯相加化秒爲首率。相減化秒爲

末率。求得中率爲秒。以分收之得初虧復圓距弧。

求初虧復圓距時

首率末率相乘  
平方開之得中率後倣之

六百秒爲二率。初虧復圓距弧化秒爲三率。求得四

率爲秒。以時分收之得初虧復圓距時。

求初虧時刻

此即勾玄和勾玄差  
相乘求及巾開平方  
得反之術也故置併  
徑幕內減食甚實緯  
率又同

置食甚時刻減初虧復圓距時得初虧時刻不足減  
者加二十四時減之。初虧卽在前一日。命時之法與  
食甚同。

求復圓時刻

置食甚時刻。加初虧復圓距時。得復圓時刻。加滿二十四時去之。復圓卽在次日。命時之法。與食甚同。推食既生光時刻。第五食甚實緯大于兩徑較。則月食在十分以內無食既生光。

求食既生光距弧

以兩徑較。與食甚實緯相加。化秒爲首率。相減化秒爲末率。求得中率爲秒。以分收之。得食既生光距弧。

求食既生光距時

以一小時兩徑斜距。化秒爲一率。一小時化作三千

六百秒爲二率。食既生光距弧。化秒爲三率。求得四率爲秒。以時分收之。得食既生光距時。日晉食甚大

求食既時刻

置食甚時刻。減食既生光距時。得食既時刻。不足減者。加二十四時減之。食既卽在前一日。命時之法。與食甚同。

求生光時刻

置食甚時刻。加食既生光距時。得生光時刻。加滿二十四時去之。生光卽在次日。命時之法。與食甚同。

推食甚太陰黃道經緯宿度第六

求距時月實行

以一小時化作三千六百秒爲一率。一小時太陰白道實行化秒爲二率。食甚距時化秒爲三率。求得四率爲秒。以分收之。得距時月實行。食甚距時加者亦爲加。減者亦爲減。

求食甚太陰白道經度

置實望太陰白道實行。加減距時月實行。得食甚太陰白道經度。

食甚與實望既同距時則白道經度亦有進退。又食甚距緯不與白道成直角。

故其進退之差必以食甚距時爲比例。與萬法加減食甚距弧者法雖不同而理則一也。

求食甚月距正交

即食甚實交一周。

置實望月距正交。加減距時月實行。得食甚月距正交。

求黃白升度差

以半徑一千萬爲一率。實望黃白大距之餘弦爲二率。食甚月距正交之正切線爲三率。求得四率爲黃道之正切線。檢表得黃道度。與食甚月距正交相減。餘爲黃白升度差。食甚距時加者亦爲加。減者亦爲

減。

求食甚太陰黃道經度

置食甚太陰白道經度。加減黃白升度差。得食甚太  
陰黃道經度。

求食甚太陰黃道宿度

察食甚太陰黃道經度。足減本年黃道宿鈴內某宿  
度分。則減之。餘爲食甚太陰黃道宿度。

求食甚太陰黃道緯度

以半徑一千萬爲一率。實望黃白大距之正弦爲二

率。食甚月距正交之正弦爲三率。求得四率爲距緯  
之正弦。檢表得食甚太陰黃道緯度。南北與食甚實  
緯同。

推食甚太陰赤道緯宿度第七

求太陰距二分弧與黃道交角

以半徑一千萬爲一率。食甚太陰距春秋分黃道經  
度之正弦爲二率。食甚太陰黃道經度不及三宮者。與三宮相減。過三宮者減三宮。過九宮者與九宮相減。過九宮者減九宮。得太陰距春秋分黃道經度。食甚太陰黃道緯  
度之餘切線爲三率。求得四率爲太陰距二分弧與

黃道交角之餘切線。檢表得太陰距二分力弧與黃道

黃道交角之餘七線檢表得太陰距二十分弧與黃道  
交角法也。蓋太陰黃道緯度與赤道緯度既不同爲  
一線。黃白交角與黃赤交角又不同在一點。故有黃  
道經緯度而求赤道經緯度須用斜弧三角形下編  
詳其法矣。今欲求赤道經緯度之正弧三角形算。倍  
太陰距二十分弧爲一邊。則距二十分弧與黃道交角  
形當以黃道經度之正弦爲一率。如黃道黃赤交角矣。  
論本切線爲二率。半徑爲三率。太陰距二十分弧與黃道  
之正切線爲四率。今欲以乘除故又用次形法求  
得太陰距二十分弧與黃道交角。則與黃赤交角合爲  
一線。而太陰赤道經緯度卽可作正弧三角形算也。  
之五求太陰距二十分弧與赤道交角  
置黃赤交角二十三度二十九分。加減太陰距二分

弧與黃道交角。得太陰距二分。弧與赤道交角。食甚。  
太陰黃道經度在秋分後。春分前者。黃道在赤道南。  
緯南則加。仍爲南。緯北則減。亦爲南。若太陰距二分。  
弧與黃道交角。大於黃赤交角。則反減。卽爲在赤道  
北。食甚太陰黃道經度在春分後。秋分前者。黃道在  
赤道北。緯北則加。仍爲北。緯南則減。亦爲北。若太陰  
距二分。弧與黃道交角。大於黃赤交角。則反減。卽爲  
在赤道南。

求太陰距二分弧之正切線

以太陰距二分弧與黃道交角之餘弦爲一率。半徑一千萬爲二率。食甚太陰距春秋分黃道經度之正切線爲三率。求得四率爲太陰距二十分弧之正切線。  
此正弧三角形有赤道求黃道之法。

求食甚太陰赤道經度

以半徑一千萬爲一率。太陰距二分弧與赤道交角之餘弦爲二率。太陰距二分弧之正切線爲三率。求得四率爲太陰距春秋分赤道度之正切線。檢表。得太陰距春秋分赤道經度。自冬至初宮起算。得食甚

太陰赤道經度。察食甚太陰

黃道經度不及三宮者減過三宮者則加三宮過六宮者則與九宮相減。過九宮者則加九宮卽得自冬至初宮起算赤道經度。

求食甚太陰赤道宿度

察食甚太陰赤道經度。足減本年赤道宿鈴內某宿度分。則減之餘爲食甚太陰赤道宿度。

求食甚太陰赤道緯度

以半徑一千萬爲一率。太陰距二分弧與赤道交角之正切線爲二率。食甚太陰距春秋分赤道經度之正弦爲三率。求得四率爲距緯之正切線。檢表。得食

甚大陰赤道緯度。

推月食方位第八

求影距赤道度

以半徑一千萬爲一率。黃赤大距二十三度二十九分之正弦爲二率。影距春秋分黃道經度即太陽距道經度。但差六宮。春分爲秋分耳。之正弦爲三率。求得四率爲影距赤道度之正弦。檢表得影距赤道度。太陽在春分後秋分前。影在赤道南。太陽在秋分後春分前。影在赤道北。地影與太陽對衝。故南北相反。不另求食甚太陽黃道經度者。以食甚與實望相去。

爲時不遠。太陽所行無多。故即用實望太陽黃道經度也。

求黃道赤經交角即黃道交極圖角

以影距春秋分黃道經度之餘弦爲一率。黃赤大距二十三度二十九分之餘切線爲二率。半徑一千萬爲三率。求得四率爲黃道赤經交角之正切線。檢表得黃道赤經交角。

求影距北極

置九十度加減影距赤道度。影在赤道北則減。得影距北極。

求初虧復圓影距正午赤道度

以初虧復圓各距子正之時刻變赤道度。則初虧復圓時刻。卽爲距子正後之時刻。子正前者。則以初虧復圓時刻與二十四時相減。餘爲距子正前之時刻。一時變爲十五度。一分變爲十五秒。得初虧復圓影距正午十五分。一秒變爲十五秒。各赤道度。初虧復圓時刻在子正前者。影在正午東。在子正後者。影在正午西。

求初虧復圓赤經高弧交角

以北極距天頂爲一邊。北極高度與九十度相減。餘卽北極距天頂。相影距北極爲一邊。初虧復圓影距正午各赤道度爲所夾

之角。用斜弧三角形法。自天頂作垂弧至赤道經圈。卽成兩正弧三角形。先以半徑一千萬爲一率。影距正午各赤道度之餘弦爲二率。北極距天頂之正切線爲三率。求得四率爲距極分邊之正切線檢表。得距極分邊。以距極分邊與影距北極相加減。爲距影分邊。影距正午赤道度不及九十度者。作垂弧於形內。則相減。過九十度者。作垂弧於形外。則相加。次以半徑一千萬爲一率。影距正午各赤道度之正切線爲二率。距極分邊之正弦爲三率。求得四率爲垂弧之正切線。又以距影分邊之正弦爲一率。垂弧

求初虧復圓黃道高弧交角

置黃道赤經交角。加減初虧復圓赤經高弧交角。得  
初虧復圓黃道高弧交角。太陰在夏至前六宮。初一。  
四。五。影在午西則減。亦爲限西。影在午東則加。加過  
九十度。與半周相減。亦爲限東。若相加不及九十度。  
則不與半周相減。變爲限西。太陰在夏至後六宮。七。  
八。九。十。影在午東則減。亦爲限東。影在午西則加。  
加過九十度。與半周相減。亦爲限西。若相加不及九  
十度。則不與半周相減。變爲限東。若影在正午無赤  
道赤經交角。卽黃道高弧交角。太陰在夏至前六宮爲限西。  
在夏至後六宮爲限東。

求併徑交實緯角

以併徑化秒爲一率。食甚實緯化秒爲二率。半徑一千萬爲三率。求得四率爲併徑交實緯角之餘弦。檢表得併徑交實緯角。如無食甚實緯則無併徑交實緯角亦無緯差角。

求初虧黃道交實緯角

置九十度加減斜距黃道交角得初虧黃道交實緯角。食甚月距正交初宮六宮爲減。五宮十一宮爲加。求初虧併徑黃道交角卽初虧緯差角。

以初虧黃道交實緯角與併徑交實緯角相減得初

虧併徑黃道交角。凡併徑交實緯角小於初虧黃道交實緯角則初虧距緯之南北與食甚同大於初虧黃道交實緯角則食甚爲緯北者初虧爲緯南食甚爲緯南者初虧爲緯北若兩角相等則併徑與黃道合無交角。

求復圓黃道交實緯角

置九十度加減斜距黃道交角得復圓黃道交實緯角。食甚月距正交初宮六宮爲加。五宮十一宮爲減。求復圓併徑黃道交角卽復圓緯差角。

以復圓黃道交實緯角。與併徑交實緯角相減。得復圓併經黃道交角。凡併徑交實緯角。小於復圓黃道交實緯角。則復圓距緯之南北與食甚同。大於復圓黃道交實緯角。則食甚爲緯北者。復圓爲緯南。食甚爲緯南者。復圓爲緯北。如兩角相等。則併徑與黃道合無交角。

求初虧併徑高弧交角

卽初虧定交角

置初虧黃道高弧交角。加減初虧併徑黃道交角。得初虧併徑高弧交角。初虧在限東者。緯南則加。緯北

則減。初虧在限西者。緯南則減。緯北則加。如無初虧併徑黃道交角。則初虧黃道高弧交角。卽初虧併徑高弧交角。

求復圓併徑高弧交角

卽復圓定交角

置復圓黃道高弧交角。加減復圓併徑黃道交角。得復圓併徑高弧交角。復圓在限東者。緯南則減。緯北則加。復圓在限西者。緯南則加。緯北則減。如無復圓併徑黃道交角。則復圓黃道高弧交角。卽復圓併徑高弧交角。

求初虧方位

初虧在限東者。初虧併徑高弧交角初度爲正下。四十五度以內爲上偏右。四十五度以外爲右偏上。九十度爲正右。過九十度爲右偏下。初虧在限西者。初虧併徑高弧交角初度爲正上。四十五度以內爲上偏左。四十五度以外爲左偏上。九十度亦爲正左。過九十五度爲左偏下。併徑黃道交角大。反減黃道高弧交角者。則左變爲右。  
復圓在限東者。初度爲正上。四十五度以內爲上偏右。四十五度以外爲右偏上。九十度爲正右。過九十度爲右偏下。復圓在限西者。初圓併徑高弧交角初度爲正下。四十五度以內爲下偏右。四十五度以外爲右偏下。九十度亦爲正右。過九十五度爲右偏上。併徑黃道交角大。反減黃道高弧交角者。則右變爲左。京師北極出地四十五度。故月食方位皆以黃平象限在天頂南而定。若北極出地二十三度以下。黃平象限有時在天頂北。則初虧復圓方位之左右與此相反。併徑黃道交角之加減亦相反。如

求食限總時

以初虧復圓距時倍之。得食限總時。

十五度五秒。則小半支滿月。則食限總時。各與  
十五度以內。應其餘古四十度以快滿。古餘三十。  
餘圓五度。則食限總時。各與其餘古四十度以快滿。古餘三十。

用表推月食法

附略

推入交及實望實時

求首朔太陰交周

用交食首朔諸根表。察本年太陰交周官度分秒。十三  
微進一秒。得首朔太陰交周。

求逐月望太陰交周

用交食朔望策表。察正月太陰交周望策官度分秒。  
與首朔太陰交周相加。得正月望太陰交周。以下遞  
加交周朔策一官零四十分一十四秒。得逐月望本

陰交周。

求入交月數

逐月望太陰交周。自初宮初度至初宮一十五度九分。自五宮一十四度五十一分至六宮一十五度九分。自十一宮一十四度五十一分至十一宮三十度。皆爲太陰入交第幾月入交。卽第幾月有食。

求首朔根及紀日

用交食首朔諸根表。察本年首朔日時分秒。得首朔根。察本年紀日。得紀日。

求平望策

用交食朔望策表。察本月望策日時分秒。得望策。

求平望

以首朔根與望策相加。所得日數。卽平望距天正冬至之日數。再加紀日滿紀法六十去之。自初日甲子起算。得平望干支。其時分秒。卽平望時分秒。

求實望泛時

以平望距冬至之日數。用推日躔月離法。各求其子正黃道實行。將太陽黃道實行加減六宮。與太陰黃

道實行相較。如太陰實行未及太陽。則平望日爲實望本日。平望次日爲實望次日。如太陰實行已過太陽。則平望前一日爲實望本日。平望日爲實望次日。又用推日躔月離法。各求其本日或次日子正黃道實行。乃以本日次日兩太陽實行相減。爲一日之日實行。本日次日兩太陰實行相減。爲一日之月實行。一日之二實行相減。爲一日之月距日實行。化秒爲一率。周日一千四百四十分爲二率。本日太陽實行加減六宮。內減本日太陰實行。餘化秒爲三率。求得

四率爲距本日子正後之分數。以時收之。得實望泛時。如次日太陰實行仍未及太陽。則次日爲實望日。即以次日太陽實行加減六宮。內減次日太陰實行。餘爲三率。所得四率爲距次日子正後之分數。如本日太陰實行已過太陽。則前一日爲實望日。即以本日太陽實行加減六宮。轉於本日太陰實行內減之。餘爲三率。所得四率爲距本日子正前之分數。與一千四百四十分相減。餘爲距前一日子正後之分數。

### 求實望實時

以實望泛時之時刻。設前後兩時。如實望泛時爲丑初刻。爲前時。寅正二刻。則以丑正初刻爲後時。用推日躔月離法。各求其黃道實行。乃以前後兩時太陽實行相減。爲一小時之日實行。

以前後兩時太陰實行相減爲一小時之月實行。一小時兩實行相減爲一小時月距日實行。化秒爲一率。一小時化作三千六百秒爲二率。前時太陽實行加減六宮內減前時太陰實行餘化秒爲三率。求得四率爲猶以分收之加於前時得實望實時再以實望實時各推日躔月離爲後諸求之用。實望時月距正交。自初宮初度至初宮一十二度一十七分。自五宮一十七度四十三分至六宮一十二度一十七分。自十一宮一十七度四十三分至十一宮三十度。皆

入食限爲有食不入此限者不食卽不必算。全卦盡推實望用時第一

求均數時差

用日躔均數時差表以實望太陽引數宮度察其所對之分秒得均數時差引數有零分者按中比例法求之并記加減號。

求升度時差

用日躔升度時差表以實望太陽黃道宮度察其所對之分秒得升度時差黃道度有零分者按中比例

法求之。并記加減號。

### 求時差總

均數時差與升度時差同爲加者。則相加爲時差總。仍爲加。同爲減者。亦相加爲時差總。仍爲減。一爲加。一爲減者。則相減爲時差總。加數大爲加。減數大爲減。

### 求實望用時

置實望實時。加減時差總。得實望用時。距日出後。日入前九刻以內者。可以見食。九刻以外者。則全在晝。

卽不必算。

### 推食甚實緯食甚時刻第二

求日實行。以前後兩時日躔黃道實行相減。得日實行。

### 求月實行

以前後兩時月離白道實行相減。得月實行。

### 求實行總

以日實行與月實行相加。得實行總。

### 求實行較

以日實行與月實行相減。得實行較。

求半外角

以實望黃白大距與半周相減。餘數折半。得半外角。

求半較角

以實行較之對數。與半外角正切線之對數。相加。內減實行總之對數。餘爲半較角正切線之對數。檢八線對數表。得半較角。切線分外角法。以兩邊總爲一。爲三率。半較角切線爲四率。對數以加代乘。以減除。故以實行較之對數。與半外角切線之對數。相加。即以二率與三率乘也。減實行總之對數。即以一率除也。○凡察對數表。真數有奇零。或對數有多步者。

俱用中比例法求之。凡弧線作直線算者。度分化。秒察之。○凡以對數察真數者。首位加一數。察之。則真數多一位。爲單位下之小餘。過五則進一位。後俱。○凡對數止。用八位切線過半徑者。則用九位。後俱。此做。

求斜距交角差

以半較角與半外角相減。得斜距交角差。

求斜距黃道交角

置實望黃白大距。加斜距交角差。得斜距黃道交角。

求兩經斜距

以日實行之對數。與實望黃白大距正弦之對數。相

加內減斜距交角差之正弦對數。餘爲兩經斜距之對數。檢對數表得真數爲秒。以分收之。得兩經斜距。

### 求斜距對數較

置一小時三十六百秒之對數。內減兩經斜距之對數。餘爲斜距對數較。斜距對數較者。一率與二率兩時。以斜距爲一率。一小時爲二率。當加一小時之對數。減斜距之對數。今對數較已先減斜距之對數。則對數較而已得也。如右距時求距弧。以一小時之對數。減斜距爲二率。當加斜距之對數減一小時之對數。但減對數較而已得也。故用對數較。則

### 末食甚實緯

以斜距黃道交角之餘弦對數。與實望太陰實緯之對數相加。減半徑之對數。卽減首位所進之一。餘爲食甚實緯之對數。檢對數表得真數爲秒。以分收之。得食甚實緯。記南北號。與實望黃道實緯同。

### 求食甚距弧

以斜距黃道交角之正弦對數。與實望太陰實緯之對數相加。減半徑之對數。餘爲食甚距弧之對數。檢對數表得真數爲秒。以分收之。得食甚距弧。

### 求食甚距時

以食甚距弧之對數。與斜距對數較相加。爲食甚距時之對數。檢對數表。得真數爲秒。以分收之。得食甚距時。月距正交初宮六宮爲減。五宮十一宮爲加。

### 求食甚時刻

置實望用時。加減食甚距時。得食甚時刻。自初時起子正。一時爲丑初。以次順數。至二十三時爲夜子初。每十五分爲一刻。不足一刻者爲零分。

### 推食分第三

#### 求太陽實引

置實望太陽平引。加減本時太陽均數。得太陽實引。  
大則求太陰實引。  
置實望太陰平引。加減本時太陰初均數。得太陰實引。

#### 求太陰地半徑差

用交食地半徑差表。以太陰實引宮度。以上則進一分度。不足三十。及本天心距地數。見月。察其所對之分秒。得太陰地半徑差。如距地心有遠近者。按中比例法求之。見本表。

一最大小兩心差之較  
二距地數與最小兩心差較  
三大小兩心地半徑  
四太陰地半徑之差

求太陽視半徑

用交食太陽視徑表。以太陽實引宮度。實引三十度不足三十分者去之。察其所對之分秒。得太陽視半徑。

求影半徑

置太陰地半徑差。加大陽地半徑差一十分。減太陽視半徑。得影半徑。

求影差

太陰地半徑差化秒。以六十九除之。得影差。

置會求實影半徑

置影半徑加影差。得實影半徑。

以求太陰視半徑。用交食太陰視徑表。以太陰實引宮度。實引三十度不足三十分者去之。及本天心距地數。察其所對之分秒。得太陰視半徑。如距地心有遠近者。按中比例法求之。

求併徑

以太陰視半徑與實影半徑相加。得併徑。

求兩徑較

以太陰視半徑與實影半徑相減。得兩徑較。

求食分

併徑內減食甚實緯。餘化秒。察其對數。與六百秒之  
對數相加。內減太陰全徑化秒之對數。餘爲食分之  
對數。檢對數表。得真數爲秒。以分收之。得食分。若食  
未率八。則不食。即不必算。

首率八  
末率八  
求中率相乘

綱  
弦  
角

平方開之得是中也

求勾弦和

以併徑與食甚實緯相加。化秒。得勾弦和。

直求勾弦較

以併徑與食甚實緯相減。化秒。得勾弦較。

並會求初虧復圓距弧

以勾弦和之對數。與勾弦較之對數相加。折半。得初  
虧復圓距弧之對數。檢對數表。得真數爲秒。以分收  
之。得初虧復圓距弧。此卽勾弦和較求股法。對數以代乘。以折半代開方法故也。

求初虧復圓距時

以初虧復圓距弧之對數。與斜距對數較相加。爲初  
虧復圓距時之對數。檢對數表。得真數爲秒。以時分  
收之。得初虧復圓距時。

求初虧時刻

置食甚時刻減初虧復圓距時得初虧時刻不足減者加二十四時減之初虧卽在前一日命時之法與食甚同。

求復圓時刻

置食甚時刻加初虧復圓距時得復圓時刻加滿二十四時去之復圓卽在次日命時之法與食甚同。  
推食既生光時刻第五食甚實緯大于兩徑較則月食在十分以內無食既生光。

以并求勾弦和

食既生光時刻加滿二十四時去之復圓距時得復圓時刻加滿二十四時去之復圓卽在次日命時之法與食甚同。

以兩徑較與食甚實緯相加化秒得勾弦和

置食既生光時刻加滿二十四時去之復圓距時得復圓時刻加滿二十四時去之復圓卽在次日命時之法與食甚同。

以兩徑較與食甚實緯相減化秒得勾弦較

求食既生光距弧

以勾弦和之對數與勾弦較之對數相加折半得食既生光距弧之對數檢對數表得真數爲秒以分收之得食既生光距弧。

求食既生光距時

以食既生光距弧之對數與斜距對數較相加爲食

既生光距時之對數。檢對數表。得真數爲秒。以時分收之。得食既生光距時。

### 求食既時刻

置食甚時刻。減食既生光距時。得食既時刻。不足減者。加二十四時減之。食既即在前一日。命時之法。與食甚同。

### 求生光時刻

置食甚時刻。加食既生光距時。得生光時刻。加滿二十四時去之。生光即在次日。命時之法。與食甚同。

### 推食甚太陰黃道經緯宿度第六

求距時月實行以月實行之對數。與食甚距時之對數相加。內減三千六百秒之對數。餘爲距時月實行之對數。檢對數表。得真數爲秒。以分收之。得距時月實行。并記加減號。與食甚  
距時同。

### 求食甚太陰白道經度

置實望太陰白道實行。加減距時月實行。得食甚太陰白道經度。

求食甚月距正交

置實望月距正交。加減距時月實行。得食甚月距正交。

求黃白升度差

以實望黃白大距餘弦之對數。與食甚月距正交距  
正一交過五宮者。與六宮相減。過六宮者。正切線之對數減去六宮。過十一宮者。與十二宮相減。正切線之對數相加。內減半徑之對數。餘爲黃道正切線之對數。檢八線對數表。得黃道度。與食甚月距正交相減。餘爲黃白升度差。并記加減號。與食甚距時同。

求食甚太陰黃道經度

置食甚太陰白道經度。加減黃白升度差。得食甚太陰黃道經度。

求食甚太陰黃道宿度

察食甚太陰黃道經度。足減本年黃道宿鈴內某宿度。分則減之。餘爲食甚太陰黃道宿度。

求食甚太陰黃道緯度

以實望黃白大距之正弦對數。與食甚月距正交之正弦對數相加。內減半徑之對數。餘爲距緯正弦之

對數檢八線對數表得食甚太陰黃道緯度。并記南北號。與食甚實緯同。

### 推食甚太陰赤道經緯宿度第七

求太陰距二分弧與黃道交角

以太陰距春秋分黃道經度之正弦對數。食甚太陰不及三宮者。與三宮相減。過三宮者減三宮。過六宮者與九宮相減。過九宮者減九宮。得太陰距春秋分黃道經度。與食甚太陰黃道緯度餘切線之對數相加。內減半徑之對數餘爲交角餘切線之對數。檢八線對數表得太陰距二分弧與黃道交角。

求太陰距二分弧與赤道交角

置黃赤交角二十三度二十九分。加減太陰距二分

弧與黃道交角。得太陰距二分弧與赤道交角。太陰

分前分後不論食之

四季以太陰之所在

言之譬正月食六宮

以上則太陰在秋分前也

黃道經度在秋分後。春分前者。黃道在赤道南。緯南

則加。仍爲南。緯北則減。亦爲南。若太陰距二分弧與

黃道交角。大於黃赤交角。則反減。即爲在赤道北。食甚太陰黃道經度在春分後。秋分前者。黃道在赤道北。緯北則加。仍爲北。緯南則減。亦爲北。若太陰距二分弧與黃道交角。大於黃赤交角。則反減。即爲在赤

道南。

求食甚太陰赤道經度

以食甚太陰距春秋分黃道經度正切線之對數。與太陰距二分弧與赤道交角餘弦之對數相加。內減太陰距二分弧與黃道交角餘弦之對數。餘爲太陰距春秋分赤道度正切線之對數。檢八線對數表。得太陰距春秋分赤道度。此合兩比例爲一比例也。按道交角之餘弦爲一率。半徑一千萬爲二率。食甚太陰距春秋分黃道經度之正切線爲三率。太陰距二分弧與黃道交角之餘弦爲一率。半徑一千萬爲二率。太陰距春秋分黃道經度之正切線爲四率。又以半徑一千萬爲一率。太陰距二分弧與赤道交角之餘弦爲二率。太陰距春秋分黃道經度之正切線爲五率。又以半徑一千萬爲一率。太陰距二分弧與赤道交角之餘弦爲三率。太陰距春秋分黃道經度之正切線爲六率。又以半徑一千萬爲一率。太陰距二分弧與赤道交角之餘弦爲四率。太陰距春秋分黃道經度之正切線爲七率。又以半徑一千萬爲一率。太陰距二分弧與赤道交角之餘弦爲五率。太陰距春秋分黃道經度之正切線爲八率。又以半徑一千萬爲一率。太陰距二分弧與赤道交角之餘弦爲六率。

分弧之正切線爲三率。太陰距春秋分黃道度之正切線爲四率。是當以食甚太陰距春秋分黃道經度之正切線之對數。與半經之對數相加。內減太陰距二分弧與黃道交角餘弦之對數。得太陰距二分弧與赤道交角之餘弦之對數。又與太陰距二分弧與赤道交角之對數相加。內減半徑之對數。而得太陰距春秋分黃道經度之正切線之對數。今第  
一比例。不減半徑之對數。故省一四率也。對數。第二比例。亦不減半徑之對數。故省一四率也。對數。赤道度正切線之對數。今第  
一比例。不加半徑之對數。故省一四率也。對數。第十度得六宮二十度。自赤道經度。置九宮內減二度。不及三宮者。則以距春秋分赤道度。與三宮相減。過三宮者。則加三宮。過六宮者。則與九宮相減。過九宮者。則加九宮。即得自冬至初宮起算赤道經度。

求食甚太陰赤道宿度

察食甚太陰赤道經度。足減本年赤道宿鈐內某宿

太陰黃道經度八宮赤道  
度二十度置九宮內減二度。不及三宮者。則以距春秋分赤道度。與三宮相減。過三宮者。則加三宮。過六宮者。則與九宮相減。過九宮者。則加九宮。即得自冬至初宮起算赤道經度。

度分則減之。餘爲食甚太陰赤道宿度。

求食甚太陰赤道緯度

以太陰距二分弧與赤道交角正切線之對數。與食甚太陰距春秋分赤道經度正弦之對數相加。內減半徑之對數。餘爲距緯正切線之對數。檢八線對數表。得食甚太陰赤道緯度。并記南北號。與太陰距二分弧與赤道交角同。

推月食方位第八

求影距赤道度

以黃赤太距二十三度二十九分正弦之對數。與太陽距春秋分黃道經度實望太陽黃道經度不及三減三宮過六宮者。與三宮相減。過三宮者。減九宮。與九宮相減。過九宮者。減九宮。得太陽距春秋分黃道經度。正弦之對數相加。內減半徑之對數。餘爲影距赤道度正弦之對數。檢八線對數表。得影距赤道度。并記南北號。在春分後。秋分前。影在赤道南。太陽在秋分後。春分前。影在赤道北。

求黃道赤經交角

用交食黃道赤經交角表。以太陽距春秋分黃道宮度。察其所對之度分秒。得黃道赤經交角。黃道有零

分者。按中比例法求之。若求黃赤二經交角。則以所  
相減。餘卽所求。

黃赤二經交角。

### 求影距北極

置九十度。加減影距赤道度。地影緯南則減。得影距北  
極。

### 求北極距天頂

置九十度。減本省北極出地度。得北極距天頂。

### 求初虧影距正午赤道度

以初虧距子正之時刻。變赤道度。子正後者。卽用  
虧時刻。子正前者。

變度法化秒而乘  
十五收作度分而  
即得

### 求初虧距影分邊

以初虧影距正午赤道度餘弦之對數。與北極距天頂正切線之對數相加。內減半徑之對數。餘爲距極分邊正切線之對數。檢八線對數表得初虧距極分邊。

### 求初虧距影分邊

置影距北極。加減初虧距極分邊得初虧距影分邊。  
初虧影距正午赤道度。九十度以內爲減。九十度以外爲加。

### 求初虧赤經高弧交角

以初虧影距正午赤道度正切線之對數。與初虧距極分邊正弦之對數相加。內減初虧距影分邊正弦之對數。餘爲初虧赤經高弧交角正切線之對數。檢八線對數表。得初虧赤經高弧交角。此合兩比例。餘同前。

### 求初虧黃道高弧交角

置黃道赤經交角。加減初虧赤經高弧交角。得初虧黃道高弧交角。太陰在前六宮。影在午西則減。亦爲限西。影在午東則加。加過九十度。與半周相減。亦爲限東。太陰在後六宮。影在午東則減。亦爲限東。影在午西則加。加過九十度。與半周相減。亦爲限西。若加不及九十度。則不與半周相減。午東爲限西。午西爲限東。無赤經高弧交角。則黃道赤經交角。卽黃道高弧交角。前六宮爲限西。後六宮爲限東。復圓同。

### 求復圓影距正午赤道度

以復圓距子正之時刻變赤道度。得復圓影距正午

赤道度。子正前影在午東。子正後影在午西。

求復圓距極分邊

以復圓影距正午赤道度餘弦之對數。與北極距天頂正切線之對數相加。內減半徑之對數。餘爲距極分邊正切線之對數。檢八線對數表。得復圓距極分邊。

求復圓距影分邊

置影距北極。加減復圓距極分邊。得復圓距影分邊。復圓影距正午赤道度。九十度以內爲減。九十度以

外爲加。

求復圓赤經高弧交角  
以復圓影距正午赤道度正切線之對數。與復圓距極分邊正弦之對數相加。內減復圓距影分邊正弦之對數。餘爲復圓赤經高弧交角正切線之對數。檢八線對數表。得復圓赤經高弧交角。

求復圓黃道高弧交角

置黃道赤經交角。加減復圓赤經高弧交角。得復圓黃道高弧交角。大陰在前六宮。影在午西則減。亦爲

限西。影在午東則加。加過九十度。與半周相減。亦爲限東。太陰在後六宮。影在午東則減。亦爲限東。影在午西則加。加過九十度。與半周相減。亦爲限西。若加不及九十度。則不與半周相減。午東爲限西。午西爲限東。

### 求併徑交實緯角

以食甚實緯化秒之對數。與半徑之對數相加。內減併徑化秒之對數。餘爲交角餘弦之對數。檢八線對數表得併徑交實緯角。如無食甚實緯。則無交角。亦無緯差角。

### 求初虧黃道交實緯角

以下並與前法同

置九十度。加減斜距黃道交角。得初虧黃道交實緯角。食甚月距正交初宮六宮爲減。五宮十一宮爲加。

### 求初虧併徑黃道交角

即初虧緯差角

以初虧黃道交實緯角。與併徑交實緯角相減。得初虧併徑黃道交角。并記南北號。凡併徑交實緯角。小於初虧黃道交實緯角。則南北與食甚實緯同號。大於初虧黃道交實緯角。則南北與食甚實緯異號。若兩角相等。則併徑與黃道合無交角。

求復圓黃道交實緯角

置九十度。加減斜距黃道交角。得復圓黃道交實緯角。食甚月距正交初宮六宮爲加。五宮十一宮爲減。

求復圓併徑黃道交角即復圓緯差角

以復圓黃道交實緯角。與併徑交實緯角相減。得復圓併徑黃道交角。并記南北號。凡併徑交實緯角。小於復圓黃道交實緯角。則南北與食甚實緯同號。大於復圓黃道交實緯角。則南北與食甚實緯異號。若兩角相等。則併徑與黃道合無交角。

求初虧併徑高弧交角即初虧定交角

置初虧黃道高弧交角。加減初虧併徑黃道交角。得初虧併徑高弧交角。初虧在限東。南加北減。初虧在限西。南減北加。如無初虧併徑黃道交角。則初虧黃道高弧交角。即初虧併徑高弧交角。

求復圓併徑高弧交角即復圓定交角

置復圓黃道高弧交角。加減復圓併徑黃道交角。得復圓併徑高弧交角。復圓在限東。南減北加。復圓在限西南。北減。如無復圓併徑黃道交角。則復圓黃

道高弧交角。卽復圓併徑高弧交角。

### 求初虧方位

初虧在限東者。初虧併徑高弧交角初度爲正下。四十度以內爲下偏左。四十五度以外爲左偏下。九十度爲正左。過九十度爲左偏上。初虧在限西者。初虧併徑高弧交角初度爲正上。四十五度以內爲上偏左。四十五度以外爲左偏上。九十度亦爲正左。過九十度爲左偏下。併徑黃道交角大。反減黃道高弧交角。則左變爲右。

### 求復圓方位

復圓在限東者。復圓併徑高弧交角初度爲正上。四十五度以內爲上偏右。四十五度以外爲右偏上。九十度爲正右。過九十度爲右偏下。復圓在限西者。復圓併徑高弧交角初度爲正下。四十五度以內爲下偏右。四十五度以外爲右偏下。九十度亦爲正右。過九十度爲右偏上。併徑黃道交角大。反減黃道高弧交角。則右變爲左。求月食方位。以黃平象限在天頂南而定。若北極出地二十三度以下。黃平象限有時在天頂北。則初虧復圓方位之左右與此相反。併徑黃道交角之加減亦相反。

求食限總時

以初虧復圓距時倍之。得食限總時。

十五度以內土減去四十度以內加去其  
餘固五刻東晉餘固廿五毫秒交食限數五十二四

朱算圖真立

推各省月食法

求各省月食時刻

置京師月食時刻。按各省東西偏度所變之時分。加減之。得各省月食時刻。  
盛京加二十九分。浙江加十一分五十六秒。江南加九分四十六秒。福建加十一分。江西減二分二十八秒。河南減七十分四十四秒。山東加一分三秒。廣東減九分零八秒。廣西減一十五分五十一秒。廣西減二十四分三十三秒。山南加二十九秒。西湖加十一秒。陝西減三十分一十五秒。貴州減三十四分五十九分五十九秒。雲南減五十九分三十九秒。日躔節氣時刻法。  
刻篇偏度見下編。日躔節氣時刻法。

求各省月食方位

以各省北極高度及各省初虧復圓時刻。依京師推月食方位法算之。黃平象限在天頂北者。併徑黃道交角之加減相反。初虧復圓方位亦相反。得各省月食方位。

置京師月食起限。各省東西卦數門變之。合此未各省月食起限。

### 推月食帶食法

求日出入卯酉前後赤道度

以半徑一千萬爲一率。本省北極高度之正切線爲二率。本時黃赤距緯即食甚影之正切線爲三率。求得四率。爲卯酉前後赤道度之正弦。檢表得卯酉前後赤道度。求日出入時分。

以卯酉前後赤道度變時。一度變爲四分。十五分變爲一分。十五秒變爲一秒。春分後。秋分前。以減卯正加酉正。得日出入時分。秋

分後春分前。以加卯正減酉正。得日出入時分。

見上編日

躍晝夜

永短篇

### 求帶食距時

以日出或日入時分與食甚時分相減。得帶食距時。

### 求帶食距弧

以一小時化作三千六百秒爲一率。一小時兩經斜距化秒爲二率。帶食距時化秒爲三率。求得四率爲秒。以分收之。得帶食距弧。食甚兩心相距與斜距成直角。帶食兩心相距亦與斜距成勾股。故用斜距爲比例。初虧復圓。以弧求距時。此以距時求距弧。其理一也。

### 求帶食兩心相距

以半徑一千萬爲一率。帶食距弧之餘弦爲二率。食甚實緯之餘弦爲三率。求得四率爲帶食兩心相距之餘弦。檢表得帶食兩心相距。用勾股求弦法。算之。所得亦同。

### 求帶食分秒

以太陰視半徑倍之。得太陰全徑化秒爲一率。十分化作六百秒爲二率。併徑內減帶食兩心相距餘化秒爲三率。求得四率爲秒。以分收之。得帶食分秒。

### 求帶食赤經高弧交角

以影距赤道度之餘弦爲一率。卽影距北極之正弦。北極高度之正弦爲二率。半徑一千萬爲三率。求得四率爲赤經高弧交角之餘弦。檢表得帶食赤經高弧交角。帶出地平爲東。帶入地平爲西。帶食時太陰必在地平。北極至卯酉之經圈必與地平相交之角。卽赤經高弧交角之餘。故用對邊對角法算。或以高弧九十度之正弦一千萬爲一率。影距正午赤道度之正弦爲二率。則得四率爲赤經高弧交角之正弦。亦係對邊對角之法。若初虧復圓赤經高弧交角亦可用此法求之。

求帶食黃道高弧交角

置黃道赤經交角。加減帶食赤經高弧交角。得帶食黃道高弧交角。太陰在夏至前六宮。影在午西則減。午東則加。加過九十度者。與半周相減。用其餘。太陰在夏至後六宮。影在午西則加。加過九十度者。與午東則減。若黃道赤足減赤經高弧交角則反減。或加過一百八十度。則黃道赤經交角與赤經高弧交角相等。而減盡無餘。合言之。或相加遍足一百八十度。則黃道在天頂。與高弧合無交角。

求帶食兩心相距交實緯角

以帶食兩心相距化秒爲一率。食甚實緯化秒爲二

率。半徑一千萬爲三率。求得四率爲交角之餘弦。檢表。得帶食兩心相距交實緯角。與初虧復圓併徑

交實緯角之理同。

求帶食兩心相距與黃道交角

卽緯差角。

以初虧或復圓黃道交實緯角。帶食在食甚前。用初虧黃道交實緯角。

食甚後。用復圓黃道交實緯角。

與帶食兩心相距交實緯角相減。得帶食兩心相距與黃道交角。帶食兩心相距交實緯角。小於黃道交實緯角。則帶食距緯之南北與食甚同。大於黃道交實緯角。則食甚爲緯北者。帶食爲緯南。食甚爲緯南者。帶食爲緯北。若兩角相等。則兩心

相距與黃道合無交角。

與初虧復圓併徑

黃道交角之理同。

求帶食兩心相距與高弧交角

卽定交角。

置帶食黃道高弧交角。加減帶食兩心相距與黃道交角。得帶食兩心相距與高弧交角。食甚前帶出地平。食甚後帶入地平者。緯南則加。緯北則減。食甚後帶出地平。食甚前帶入地平者。緯南則減。緯北則加。如帶食兩心相距與黃道無交角。則帶食黃道高弧交角。卽帶食兩心相距與高弧交角。黃平象限在天頂北者。加減相反。

求帶食方位

食甚前與初虧同。食甚後與復圓同。黃平象限在天頂北者。左右相反。

用表推月食帶食法  
求日出入卯酉前後赤道度  
以本省北極高度正切線之對數。與本時黃赤距緯即食甚影距赤道度。正切線之對數相加。內減半徑之對數。餘爲卯酉前後赤道度正弦之對數。檢八線對數表。得卯酉前後赤道度。

求日出入時分  
以卯酉前後赤道度變時。一度變爲四分。十五分變爲一分。十五秒變爲一秒。春分後。秋分前。以減卯正加酉正。得日出入時分。秋

分後春分前。以加卯正減酉正。得日出入時分。

求帶食距時

以日出或日入時分與食甚時分相減。得帶食距時。

求帶食距弧

置帶食距時化秒之對數。減斜距對數較。餘爲帶食距弧之對數。檢對數表。得真數爲秒。以分收之。得帶食距弧。

求帶食兩心相距

以帶食距弧餘弦之對數。與食甚實緯餘弦之對數

相加。內減半徑之對數。餘爲帶食兩心相距餘弦之對數。檢八線對數表。得帶食兩心相距。

求帶食分秒

併徑內減帶食兩心相距。餘化秒。察其對數。與六百秒之對數相加。內減太陰全徑化秒之對數。檢對數表。得真數爲秒。以分收之。得帶食分秒。

求帶食赤經高弧交角

以北極高度正弦之對數。與半徑之對數相加。內減影距赤道餘弦之對數。餘爲交角餘弦之對數。檢八

線對數表。得帶食赤徑高弧交角。帶出地平爲東。帶入地平爲西。

求帶食黃道高弧交角

置黃道赤經交角。加減帶食赤經高弧交角。得帶食黃道高弧交角。太陰在前六宮。東加。西減。太陰在後六宮。東減。西加。凡加過九十度者。與半周相減。用其餘。若黃道赤經交角不足減赤經高弧交角。則反減。或加過一百八十度。則減去一百八十度。用其餘。黃平象限。卽在天頂北。若黃道赤經交角與赤經高弧交角相等。而減盡無餘。或相加適足一百八十度。則黃道在天頂。與高弧合無交角。

求帶食兩心相距交實緯角

以食甚實緯化秒之對數。與半徑之對數相加。內減帶食兩心相距化秒之對數。餘爲交角餘弦之對數。檢八線對數表。得帶食兩心相距交實緯角。

求帶食兩心相距與黃道交角

以初虧或復圓黃道交實緯角。帶食在食甚前。用初食甚後。用復圓。虧黃道交實緯角。在黃道交實緯角。與帶食兩心相距交實緯角相減。得帶食兩心相距與黃道交角。并記南北號。帶食兩心相距交實緯角。小與黃道交實緯角。則南北與食甚

實緯同號。大於黃道交實緯角。則南北與食甚實緯異號。若兩角相等。則兩心相距與黃道合無交角。

求帶食兩心相距與高弧交角

置帶食黃道高弧交角。加減帶食兩心相距與黃道交角。得帶食兩心相距與高弧交角。食甚前帶出地平。食甚後帶入地平者。南減北加。如帶食兩心相距與黃道無交角。則帶食黃道高弧交角。卽帶食兩心相距與高弧交角。黃平象限在天頂北者加減相反。

求帶食方位

食甚前與初虧同。食甚後與復圓同。黃平象限在天頂北者左右相反。

右月食法。惟食甚兩心實相距與斜距成直角。與舊法不同。他若推平望之用。日躔月離。推方位之用。黃道赤經交角。及兩心相距與黃道交角。則其理相同。特用法有殊耳。餘惟數目小異。至用表推算之法。則惟首朔根朔。望策時差。地半徑差。日月視徑。黃道赤經交角。列有本表。餘俱用對數表。以

加減代乘除。以折半代開方。甚爲簡便。學者熟此  
可以實收對數之功。而尤責明比例之理。不可務  
末而忘其本也。

御製曆象考成後編卷五

