

50 55 60 65 70 75 80

門二2
號3512
卷4

數理精蘊下編十七解

面部七

三角形邊線角度相求

早稻田大學圖書館
昭32.126
藏

一西正市

高

面之部

三角形辺線角度相求

三角形ハ今云勺爻三斜ヲカタルニ一取矩合スル者
ヨウラヌトス 直角三角形ト云皆矩合セサル者ヲ三
斜トス 主形ヲ相等形ト云三角立角ノ類ヲ同式
形ト云又相應ノ大小勺爻ノ類ヲモ云之其直角
ル者ハ則勺爻ニシテ其角矩合スルハ其角大必九
ナナトス外二角ノナラカフ又三斜形ヲ鈍角三角
形ト云其鈍角ノ外角ノナナ外二角ヲカナルナリ
凡三角形三角ノナ相併スルオハ半周ト等シトス

故ニ直角形外一角ヲ知ル寸ハ以テ直角ヲ減ヌ三
角ヲ知ル。鈍角形外二角ヲ知ル寸ハ三角ニハ
ナリ又ム角ナ三ツ有トム近ノナキ寸ハ術行
ベス三近アル者ハ角ナヲ永ムトシ凡直角ノ形
四近ト角ナトニツヲ知ル寸比例スヘレ鈍角形近
ト角ナトニツヲ知ル寸比例スヘレ近ニ所相對
ノ近角ナク永ル者知近角ニ對セサル者ハ垂線
ヲ以是ヲ分ナ兩勺爻トナス切線分外角ノ術ト
キナリ凡割四ノ法一角アル寸ハ必八線アリ皆

勺爻ヲナス比例ナシムヘシ故ニ三角形統而角ナラ
目当トスル故角大ナル寸ハ鈍角トス其近ニ必大ナリ
角九十ナニ及サルラ銳角トス其近必小ナリ直角形
一直角二銳角トス三斜形一鈍二銳角トス圭形ハ
三銳角トス凡直角ハ二辨ニナガラ得鈍角ハ三辨
ノ各ラ得是三角法ノ依テ立平ナリ

直角三角形の文

乙直角トス甲角ハ余弦丙角トス故ニ甲

丙余角ハ象限ナリヒ角ニ同シ故ニ丙角ノ余弦

丙角アリヒ丙ウアリ甲乙ヲ問

文

甲角ノ正弦ヤナリ

勾股比例如是

丙正弦
丙余弦
丙正切
丙余切

甲正弦
甲余弦
甲正切
甲余切

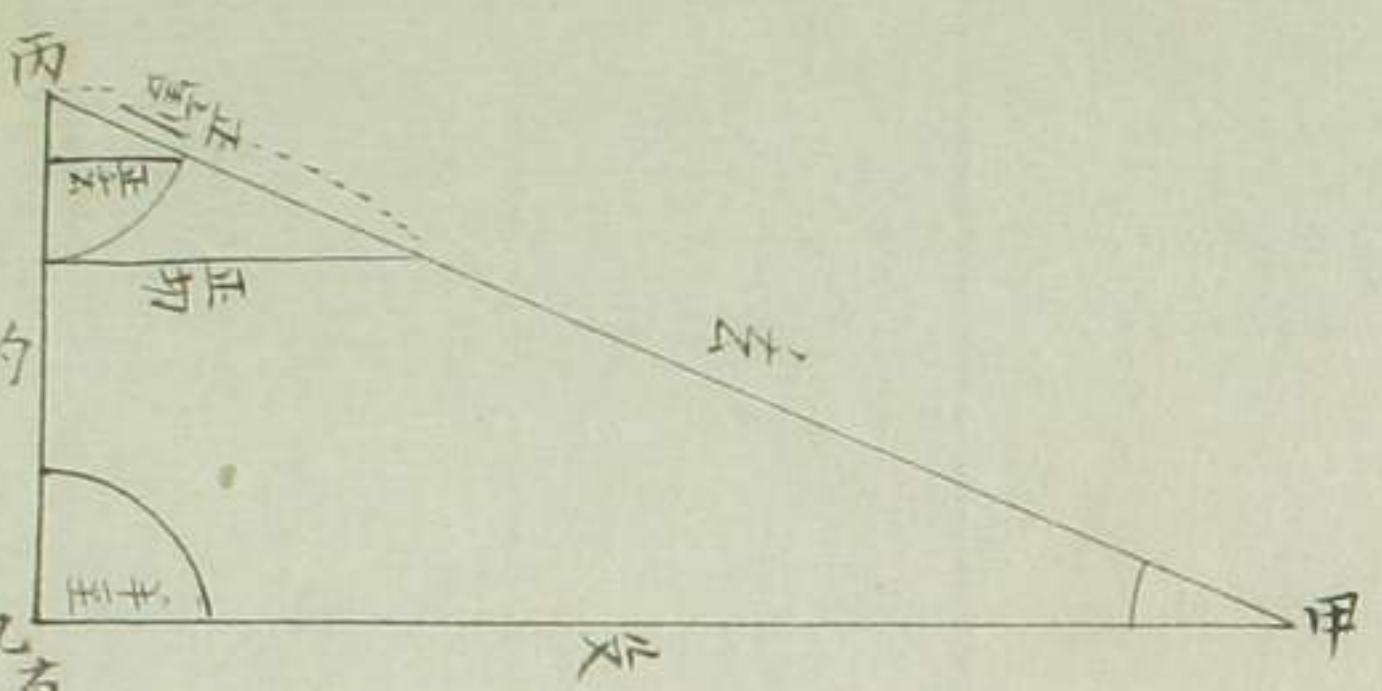
乙正弦
乙余弦
乙正切
乙余切

故ニ乙角
丙角
甲角
之檢表各ヲ得

丙正弦
丙余弦
丙正切
丙余切

甲正弦
甲余弦
甲正切
甲余切

乙正弦
乙余弦
乙正切
乙余切



二内角アリ甲乙又アリタ問題比例ノ因ニテ見ルヘシ
甲乙又アリハタニ

甲ノ正切ハ丙ノ余切ナリ

三 内角アリ ~~甲~~ 内道アリ ~~甲~~ 内卷アリ ~~甲~~
四 内角アリ 甲内玄アリ 勺口又の間

卷之三

西醫云 羊至 一 又 羊至 中醫云 羊至

六勺爻又アリ、玄ヲ永
甲正窓八

甲角ヲ未
七玄アリカアリ 甲角ヲ未

右用二所ノ比例前圖ニテ見合ヘシ

鉤角三角形三斜 三ノ用立ニ九十度ニ過ガル者ヲ锐ノ用三角ト云
其術ニ於テハ同レ

比例是，如上圖所示，大、中、小三者之比為四、三、二。

是比例之解次記入

一ノ余、内省の事角、中ノ余

半周
乙丙丁
八
田角
之
云角在二角
未竟者定法之

A diagram of a right-angled triangle. The vertical leg is labeled '大斜' (large hypotenuse) at its midpoint. The horizontal leg is labeled '正' (right). The hypotenuse is labeled '股' (cathetus) at its midpoint. The vertex angle is labeled '子' (son). The top vertex is labeled '母' (mother).

大
西角金剛
甲丙刃
之又
大
西角金剛
甲丁刃
之

二

此依是
也

角アリ中才斜

ニ角在テ二角ヨ

第二

甲角アリ乙角アリ大斜アリ中小ヨリ求第一矩合ト同レ

第三
第
三
銳
角

乙角アリ丙角アリ大斜アリ是題第一術ト同レ只申銳角故し丙ノ和ヲ以甲ノ外角トメ其ナヲ用テ術ヲ施シ又法共ト同レ

第四

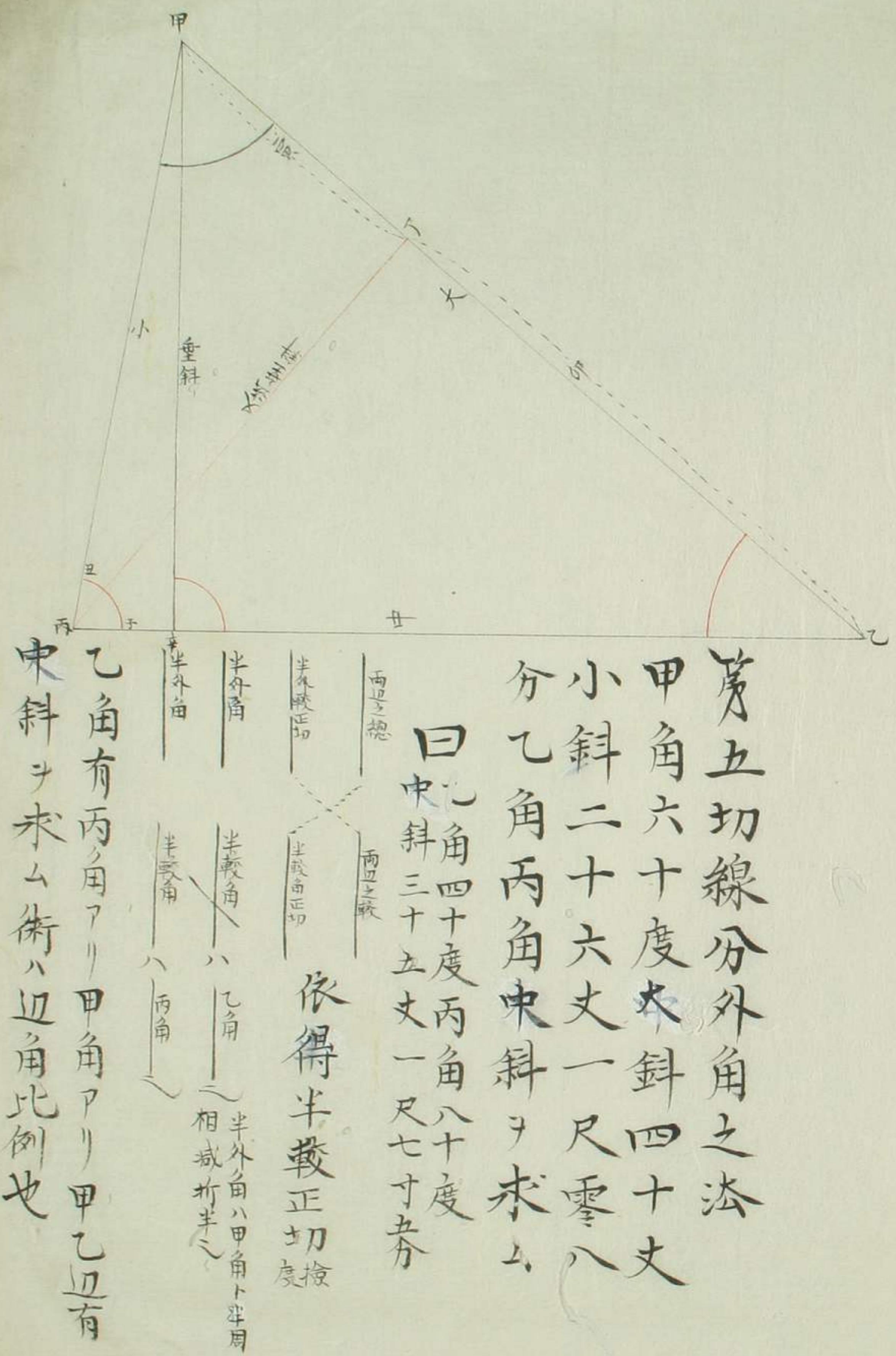
丙角アリ甲外角アリ小斜アリ乙角及大中斜ヨリ求第二ト同レ丙銳角ノ外角アリ用ユル取ノ丙角ナリ術ハ前ト同レ又法六第
一回ノ通リミテ丙余切ノ較ラ用ユ

第五
切
線
分
外
角
之
法

甲角六十度大斜四十丈
小斜二十六丈一尺零八
分乙角丙角中斜ヨリ求ム

曰
一角四十度丙角八十度
中斜三十五丈一尺七寸九

依得半較正切換



大斜

中斜

大斜

中斜

又法

以垂線分之而廣益角故
甲分角ノ正割ヲ用ヒノ理ナリ

第八

鈍角丙角アリ大斜アリ小斜アリ甲乙角及中斜ヲ求ム辺角比例也

又法

第十七同裏垂線
形外ニ設ルトドリ

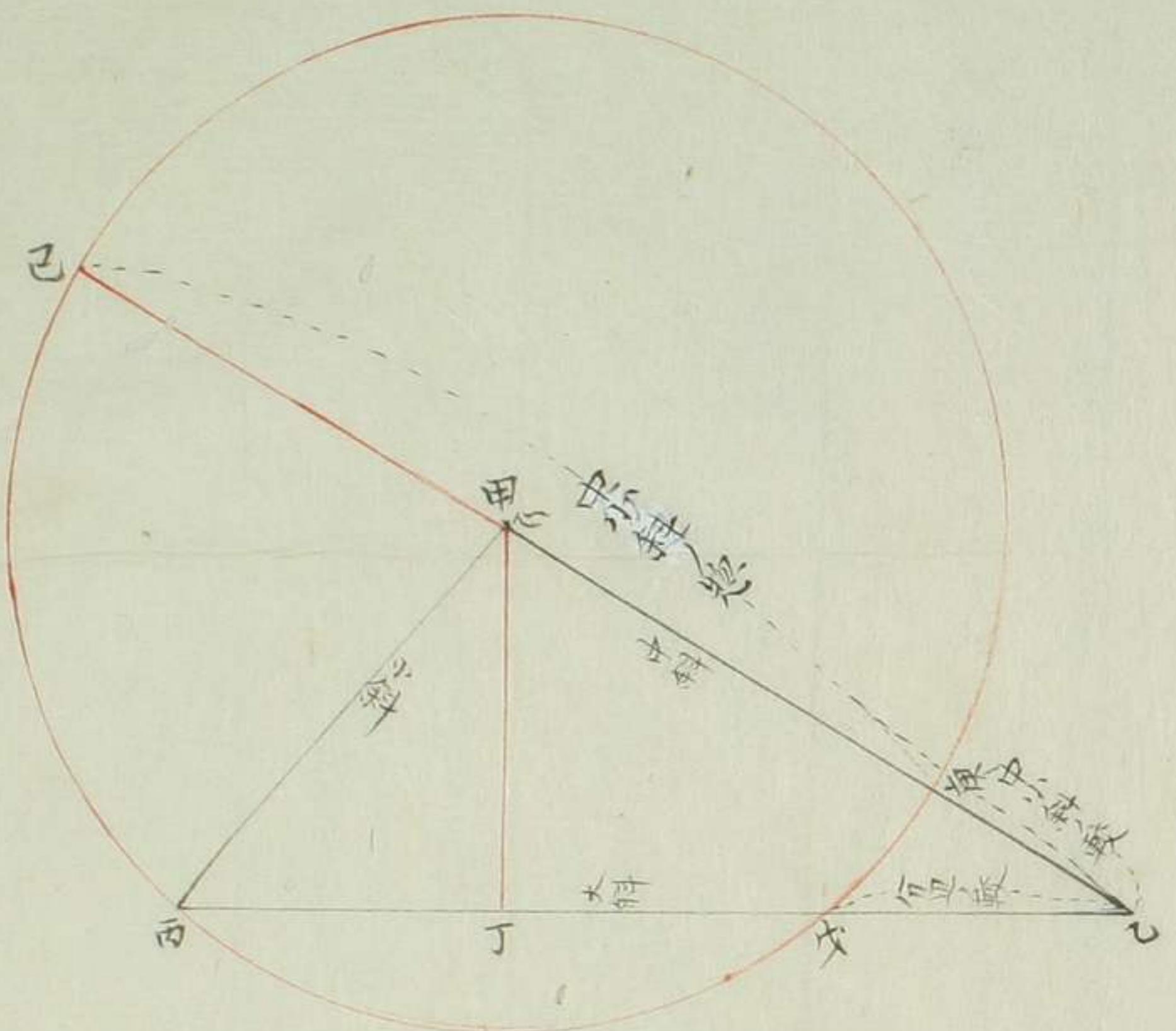
第九
大中小斜アリ求角度

半至
二率
丙角余弦
四率
依求丙

是三斜ノ矩合シ本書固解アリトイカトモ
不反解自明ナリ

又法

大斜
中斜
大斜
中斜
二率
此形大斜ノ因ル時丙二段



一率分辺ノ和

則丙大斜ナリ丙丁

二率中小斜ノ和三率中小斜ノ較

四率分辺ノ較
求分辺ノ較成

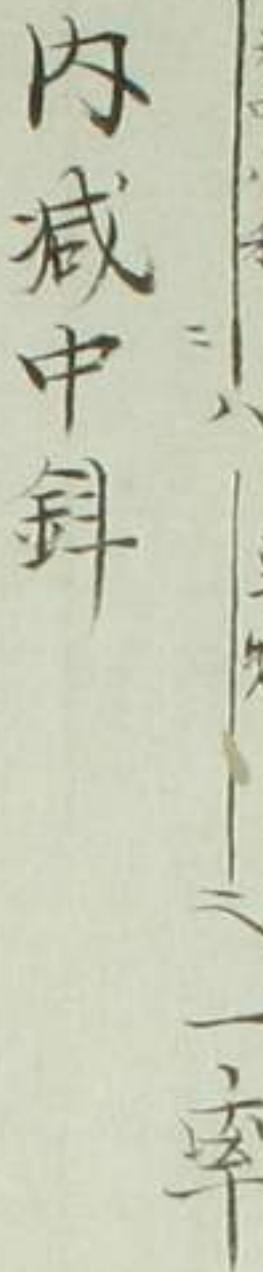
小斜
大斜
丁丙
丙乙
二
ハ
工丙
又成
依丙角求

又法

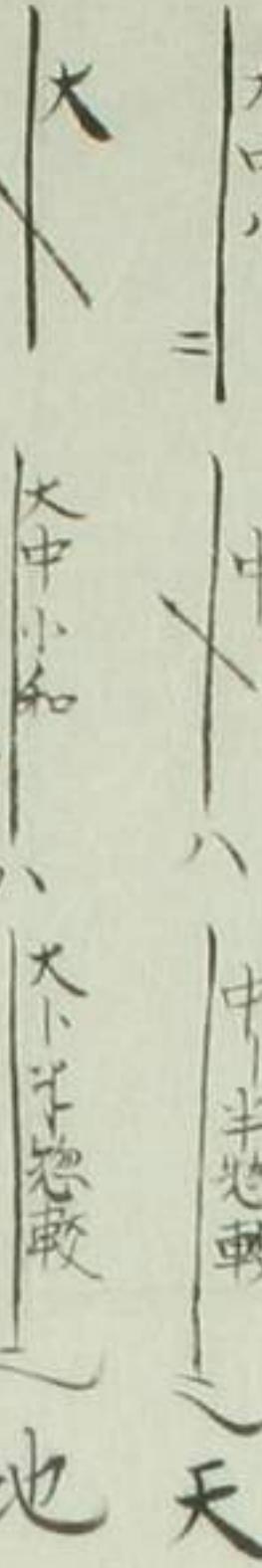
求丙角



半之



内减中斜



天地

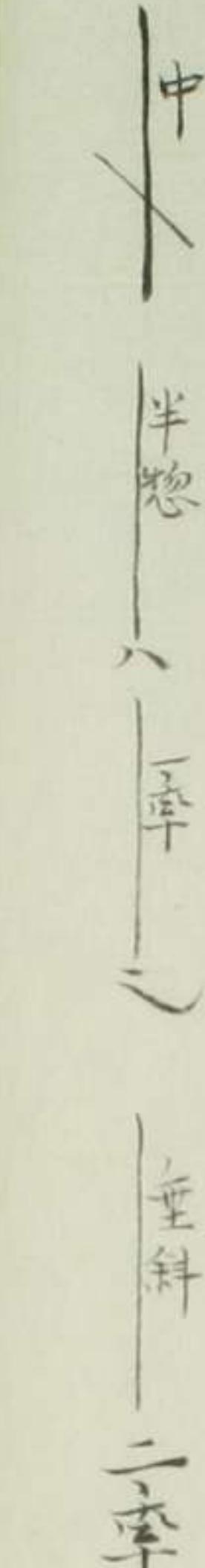


天地

人二率

三率

天地



乃垂斜巾之是平方得垂斜得

中

半惣

一率

垂斜

二率

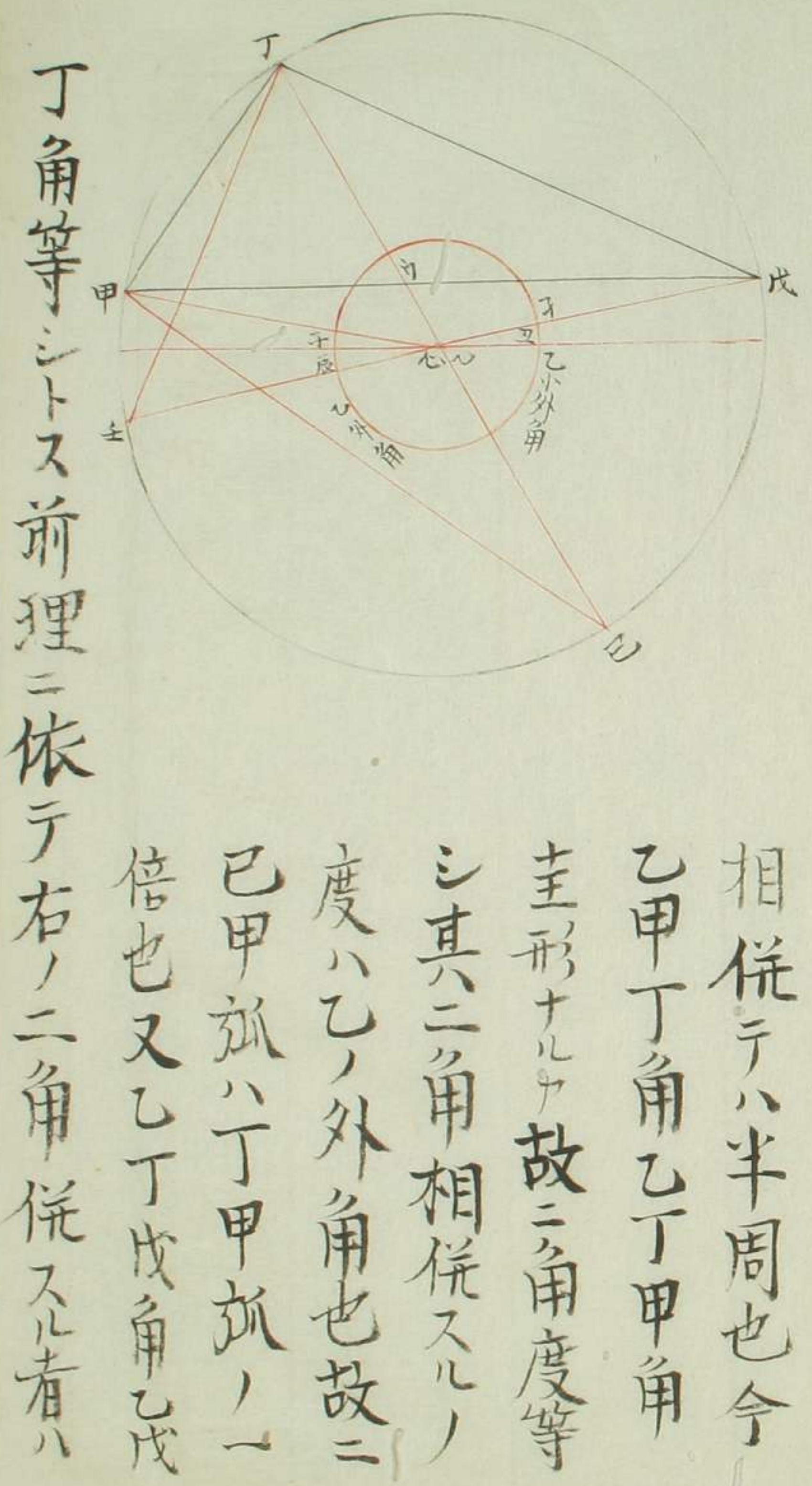
此理八算家常ニ用エル所ノ術也今更ニ不解

半至

八
三率

求得四率ハ丙半角正切ナリ

三斜辺角比例ノ解



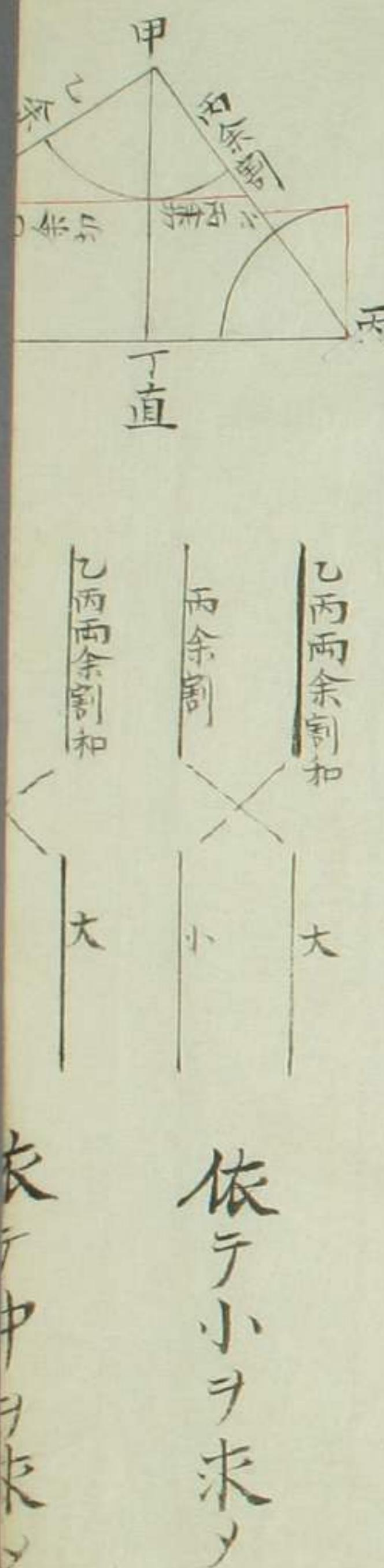
丁角等シトス前理ニ依テ右ノ二角併スル者ハ

凡三角形三角ノ度
相併テハ半周也今
乙甲丁角乙丁甲角
主形ナルヤ故二角度等
シ其ニ角相併スルノ
度ハ乙ノ外角也故ニ
已甲弧ハ丁甲弧ノ一
倍也又し丁戊角乙戊

ひ小外角、故ニ己丁戊角ハ之小外角已戌半
故ニ丁己甲角、一倍ハ丁甲弧也子丑相俌甲丁
戊乙形ノシノ外角、乃乙甲戌、甲戌シノ惣ニソ
子丑ト等ク乙甲戌角也甲乙戌形ノ甲角戊角
ノ度相俌シノ外角也乃甲壬弧故戊角甲
壬半也於是甲戌丁角ト甲戌壬角ト相俌
丁戌壬角ヲ得丁戌ノ角ノ丁角戊角相俌テ
寅卯弧ノ外弧卯辰トス其度壬丁ト等シ元
乙角戊角等シ凡ハ壬丁弧ハ戊角ノ一倍ナリ

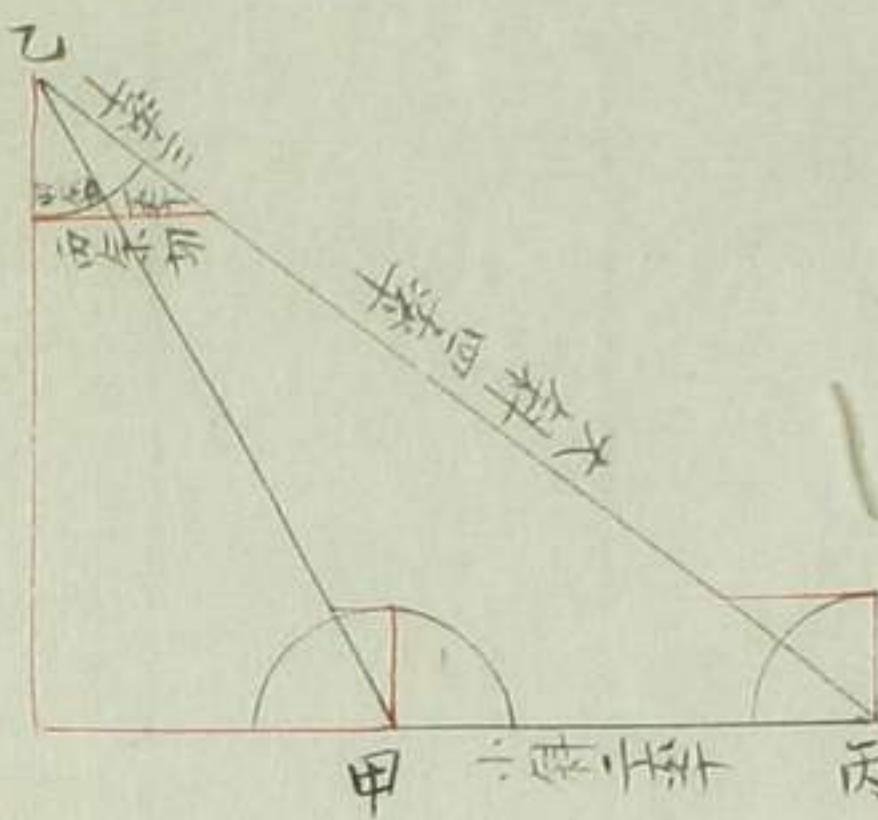
第一術又法之解

内甲戌壬角ノ一倍甲壬ヲ去テ余リ甲丁乃丁
戌甲角ノ一倍也サレハ甲丁刃ハ戊角正玄
二段也故ニ戊角正玄比例如ラナス外ニ刃モ



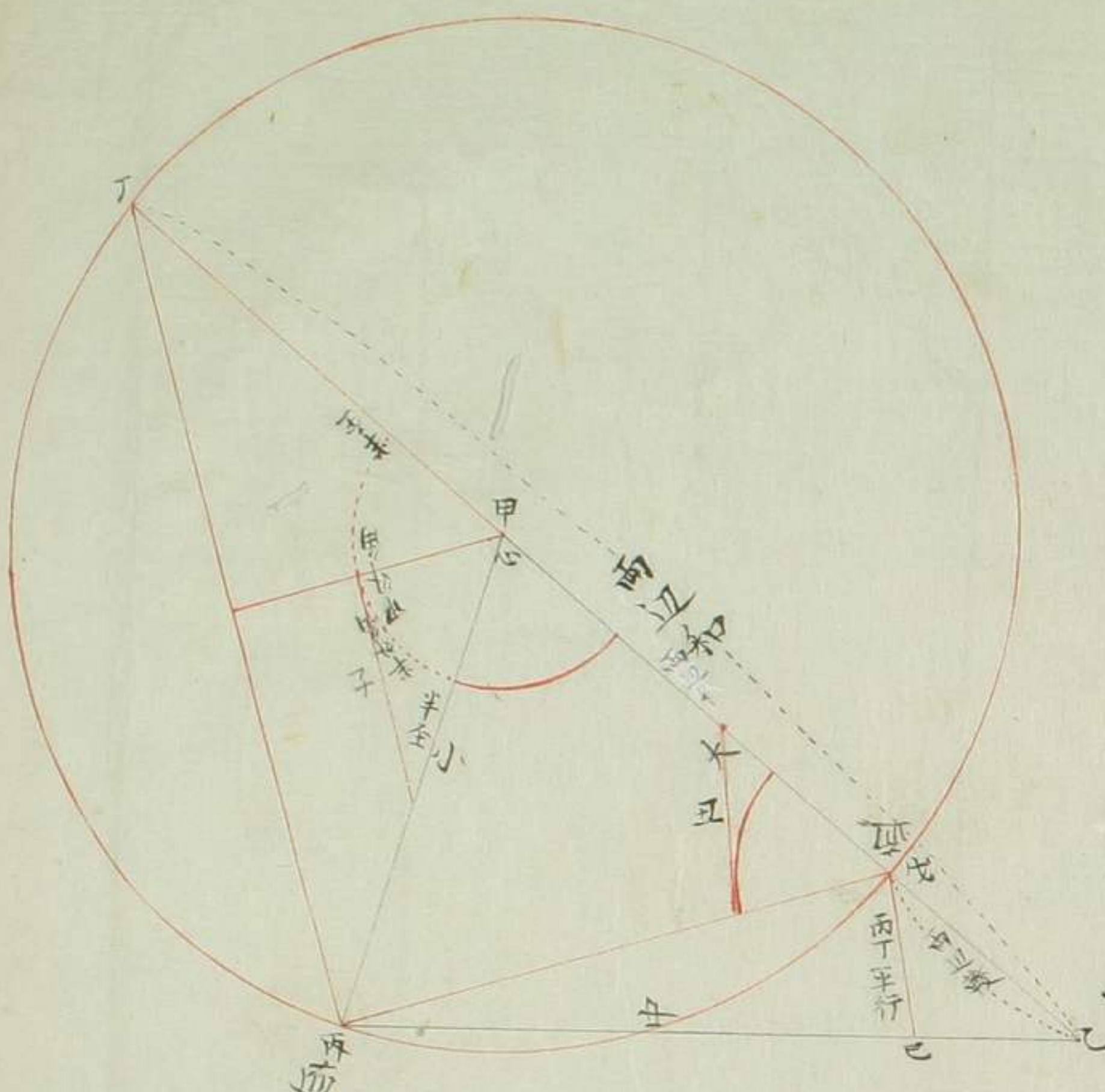
第四又法解

乙余割 中 今ニセニミ



銳角三角形第五切線分外角術解

第四追ノ因ト同シ
云處前ハ皆二角一
辺ナリ故二辺角比
例ノ術也分外角ノ
術ヲ用ルモノハ云
所一角兩辺ニシテ
角兩辺ノ間ニアル
モノ此術ヲ用ル也
又云三辺有角ヲ求
ル者垂線ヲウケル



兩直角トスルナリ

其甲丙戊三角形相兩角戊角相保テ得ル度
丁甲丙角ノ度ト等シ乃本形甲ノ外角ナリ
半之其正功ヲ用ル者ハ_子則丑小等ニキガ故用
甲成丙角亦正功ヲ用ル近同シ用戊丙角毛
圭ナリ故ニ丙戊丙角等シトス故甲外角ノ
半ハ戊角又丙角ニ故ニ正功等ト云今丙甲
戊辺角ハ乃心角故ニ戊丙弧心角之度也依
テ其正切ハ甲角正切ニ丑ハ丙戊乙角ノ正
切ニ等シ今丙丁線ニ平行シテ戊己線ヲ作
ルキハ戊己乙三角形ト丁丙乙三角形ト同

式タリ其戊己乙ノ大斜ハ兩邊較ニ丁丙乙
ノ大斜ハ兩邊ノ和ナリ大三角形乙丙ノ惣
半外角ヲ用エ又小三角形ハ半較角ヲ用エ
於是半較角ヲ用テ比例ヲナス理明也

卷之十七 圖解畢

第五次久又法解

如圖垂斜入射八丁直角トス寅卯
ノ末ノ甲角ノ余切ハ丙分角ノ正功
寅ト相對又乙角ノ余切ハ丙分角
ノ正功ニシテ卯ニ對故ニ比例シテ乙

余九二待也
次々又々法解

如圖甲乙余切ノ和甲余割ノ比ハ乃
丙分角正切和ト甲丙丁角正割ノ
比ヲ用ルニ同ニ乃小斜大斜ノ比

第六次ノ又之辻
同前皇弧ヲ外ニ設ル工ハ兩余切ノ
轂ヲ用ヒ之

數理精蘊下編十八解

數理精蘊下編十八解

面部八

測量

勺爻三角

測量

周髀ニ曰偃矩以窺高覆矩以測深臥矩以遠
蓋矩ラスハヤリ或ハ表杆^{ヨウカイ}ヲ用ヒテ測スルナリ立
モノハ直ラトリ平ナルモノハ方ラトル皆直角ヲ求テ
大小タ丈ヲ以テ比例ラナス畧ニマルノトヒスラシ
測ル所ノタ丈ヲ大トス皆異乗内除ナリ然ルニ
勾股必直角ラス測ル所地勢ミヨリ直角ヲ求ヌ難
キモノハ此術不行要スルニ角ナラスヒテ準トナスモ
ラ善トス既ニ角ナラ得ル中ハ八線比例ニ因テ辻ラ
求メ角ヲ求ムニ三角形ノ法ナリ惣テ對ヒテ知
所ヲ一率トス對テ永ムル所ニ率トス知ル前ラニ率

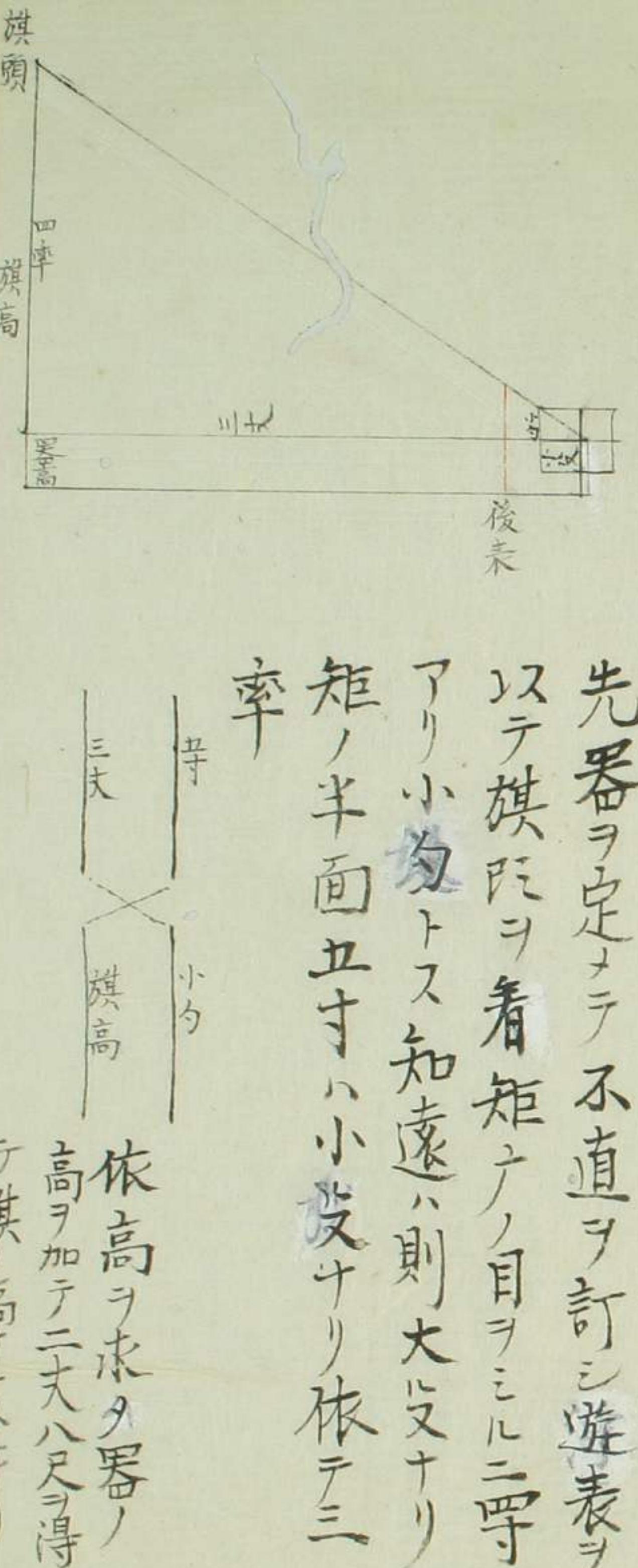
トシテ四率ヲ求テ求敷トス或ハ一度測リ或ハ屢測
時ニ隨テ善ライタス或ハ正ヲ用ヒ或ハ余ヲ用ヒ并ニ
墮フ凡物ノ高深廣遠得テ推ベシ七政ノ踵ナ
天地ノ形體俱測フヲ可得

第一 知遠アリ三犬測高

勾股測量

矩度ヲ用ニ其制畿何原本第十二
合數儀器周ナキモノ方四皆一尺ノ目ヨモ

先器ヲ定ナテ不直ヲ訂シ遊表ヲ
以テ旗既ニ看矩广ノ目ヲニルニ尋
アリ小角トス知遠ハ則大丈ナリ
矩ノ半面立寸ハ小丈ナリ依テ三
率



常ニ畠ノ高ヲ加ヘテ定法ナリ

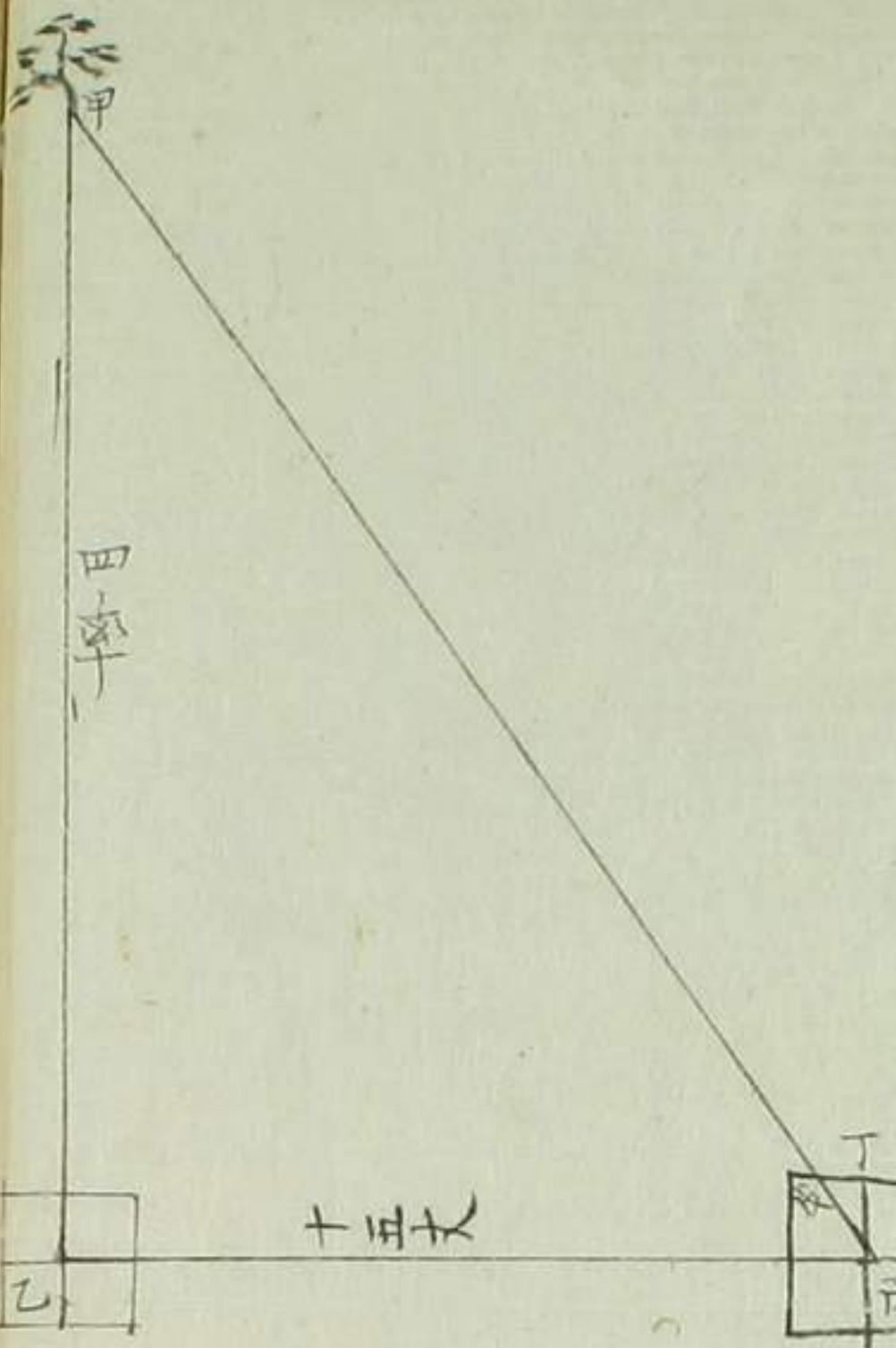
又法前可

前可ニ於テ四尺ノ表ヲ立夫ヨリ進テ八尺ノ表ヲツテ
前表旗ノ頭ト三ツ見込前後表ノ間ノ尺小ヒ又トシ
兩表ノ差三尺小ヒトシ高ヲ求ム前法ト同シ

第二

乙丙距地アリ十五丈甲しヲ求ム

乙ノ所ニ於テ丙ヲ見込又甲ヲ
見込テ直角トス再丙ヨリ
乙ヲ見込シテ器ヲ定メ甲ヲ
見込丁戊三十今ラウル小勺
トスシ丙大勺トス於茲ニ大ルヌ
末ノ甲しトス乃小又ハ半畠守



又法

先丙ニ四尺ノ表ヲ立丁丑八尺ノ表ヲタテ
甲トニツ見込テ丁丙尺ヲ得ル又其尺
ヲ以テ乙丙ノ線ニアテ、戊ニ捷ラウチ或
丙小乙ニ段トシ乙丙大内トシ丁己ニ測テ
小又トシ三率前ゴトシ

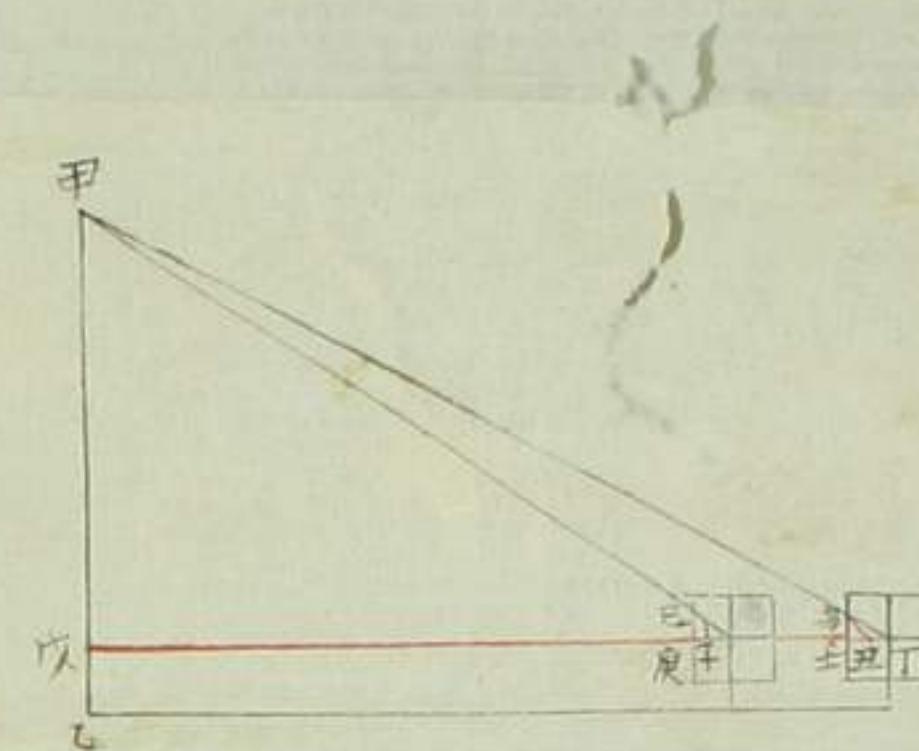
地盤

第三 重矩ノ法

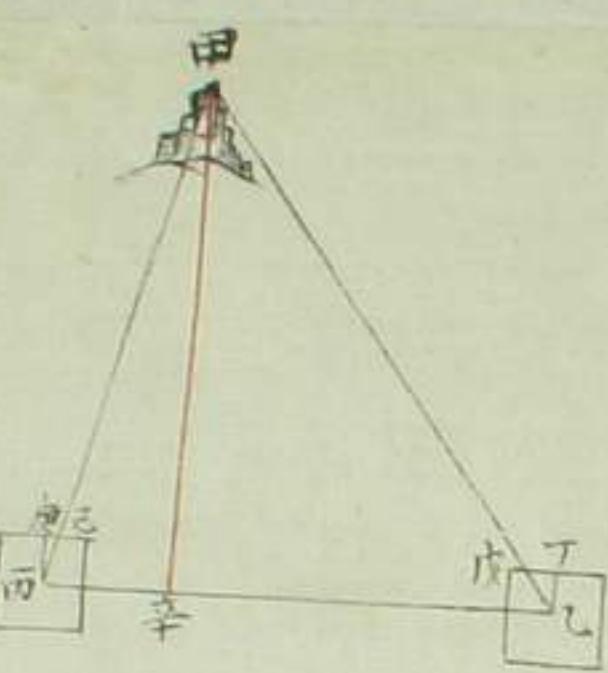
山高ヲ測ル

丙ニ於テ甲ヲ高看テ己庚四十分ラ得ル又九丈退丁
至リ月甲ヲ看テ三十二分ラ得ル茲ニライテ三十六分ラ

第四



以テ前ノ見込ノ線ニアテ、小丈丙子
ヲ得ル甲分一率半畠辛十分ニ率
三十二分三畠丙子ヲ求ムモシ畠ニ
目モリノアルキハ算ニ不及シラ丙子ヲ
得ル用テ半畠丁壬ヲ減シ前後而
小丈較トス則丙丁ト内矩故ニ丙丁
一率小丈較二率半畠辛十分ニ率
丙戊ヲ求メ畠高ヲ加テ山高トス又
丙ノ小丈ヲテ五十分ト相減シ率
丁ノ小丈ニ率丙丁三分トス又



同術山高ヲ用テ墻高ニ加ル

第五

左右ノ間三丈九尺直角ヲトラズシ
テ遠キヲ測ル

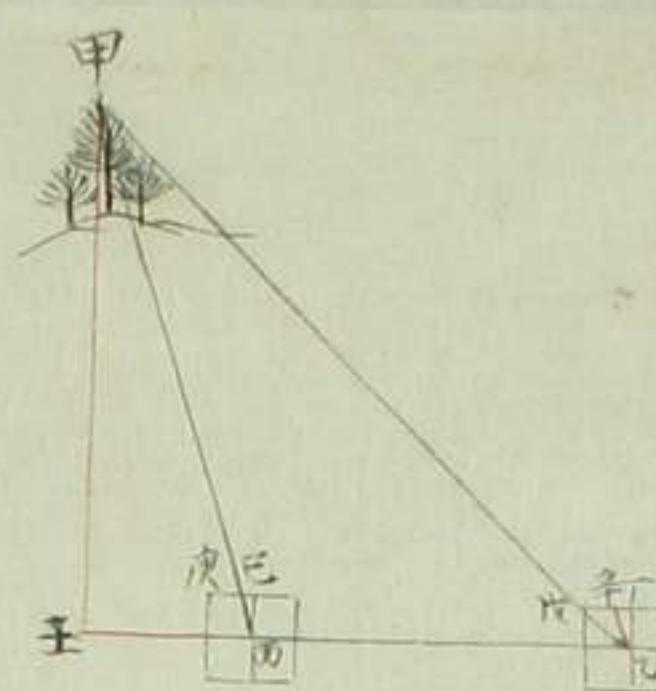
先ツ左ニ於テ石ヲ見込ロヲ得ル又
右ニ於テ石ヲ見込テロヲ得ル而
合ニ率トシ半畠ニ率トシ三丈
九尺三率トシ半畠ニ率トシ三丈
又し甲ヲ求ルモノハニ率右ノ亥六
寸ニ分半ヲ用ユ左ハ左ノ去ニ守一分
ニ厘半ヲ用エ余ハ同シ

第六

河ヲ隔テ樹ノ遠キヲ測ル

直角ヲトニフ不能

測リ得ル丙ひ丈尺アリ甲丙及
乙甲ヲ求ム術因ノ如ク三斜一辺
二角ノ術其間口ハ正切ナリ是
ノ斜ハ正割ナリ故今得ルヒ初
見込開キロ丁戊アリ真度ニ戊
アリ次ノ見込丙開キロ己庚真
度庚丙アリ前ノ丁戊ノ線ニ
比シテ辛ニアタニ故ニ辛戊ヲ兩余
正切ノ較トス則丙壬ト同規此三



車底テ乙甲ヲ求メテ遠サトスルナリ 要スルニ第ニ
法ハ無線ノ内ニ設ク第ニ外ニ設ク皆求ル而ニ遠
近ト開ノ廣狹ニ依テ違フナリ

第七

川ヲ隔テ一亭アリ直角ヲ定ムルフ能シ横ニ三丈ヲ
開テ是レ測ル術ナリ第三山ノ高サリ測ル後退
モト日術ニシテ横ヨリミル形ナリ

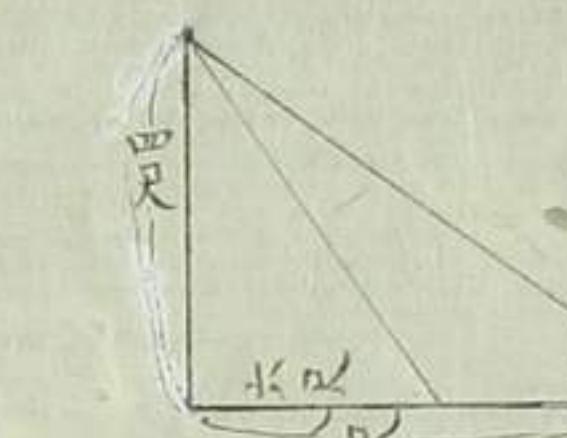
第八

一塔アリ高カラ測ル而表ヲ用ヒテ
先丁ノ前ニ丈尺ノ表ヲ立て下支其項ヨリ塔ヲ看ハ六尺
ヲ得ル又丁ヨリ六丈下リ已ノ所ニ至テ前ノ如クコレラ

ヘ表ヲ用ヒテ

見テ八尺ヲ得ル六尺ト相減シテ一率トス四尺ヲニ率ト
ス長サリ則表小丈ナリ一率ハ小斜ナリ依テ三率ヲ六丈トス

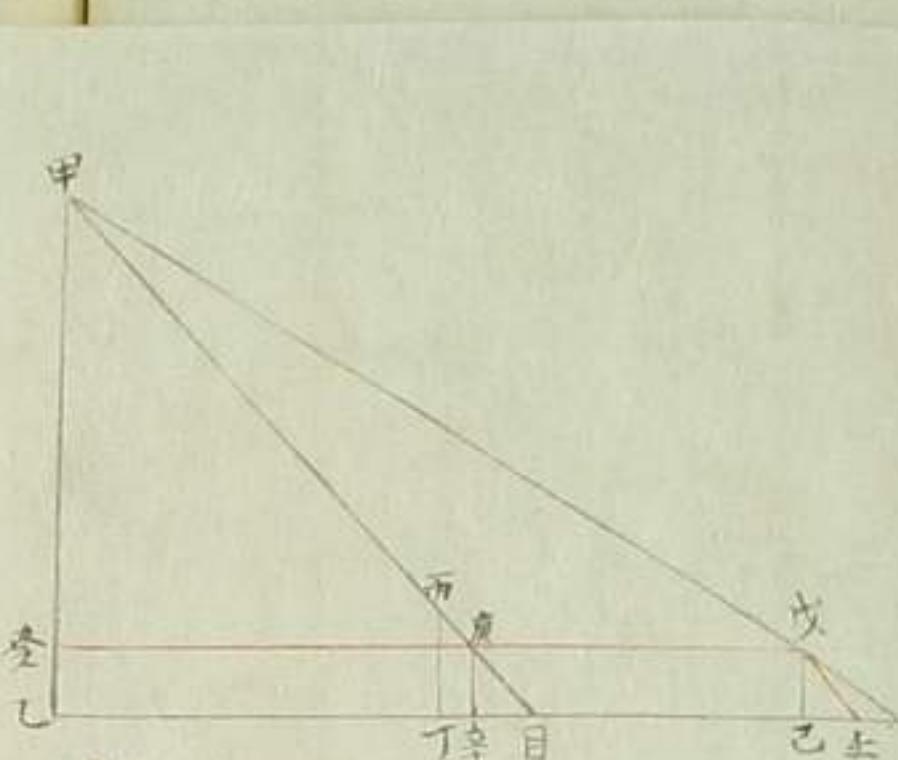
是モ又斜ナリ依テ



大丈ヲ求ルナリ

第九 前ト円クレテ不円ノ表ヲ用ユル術

先而己ニ所ニ於テ測ル丁ニ六尺
表ヲ立テ其項ヨリ甲ヲ看ル表
ヲ去ルフユ尺四寸ナリ又跡エ丈
下リ四尺ノ表ヲ立テ其表頭ヨリ



甲ヲニル表ヲ去フ六尺四寸ナリ茲ニ於テ前表丈
一率トシ其距分ニ尺四寸ニ率トス中タ丈ナリ又后表
四尺三率トシテ四率ヲ求メテ辛目ヲ得ルステ后
距分六尺四寸ト相減シ以下四尺ノ内表ヲ用ユルト内術
右記ス則九ナラニテ測量スルモノハ密術アマラガル
ナリ是皆其術ハ八線比例ヲ用ユルノ理ヲ暫義ニ厚
スモナリ

三角度數測量

分數比例弧度ヲ用ヘナリ

第一前段

茲ニ云前段ハタゞ丈閏量ノ
術ノ段數ヲ指テ云

前段第一知遠アリ高ヲ求ルモノハ測リ得ル弧度
二千四ナトス既ニユノヲ得ルキハ直角三角形ノ術ヲ
以テ一辺一角アリノ對辺ヲ求ルナリ幾何原本ニ詳
ナリ

第二

前段第二ト曰ク術ハ前ニ付シ

第三

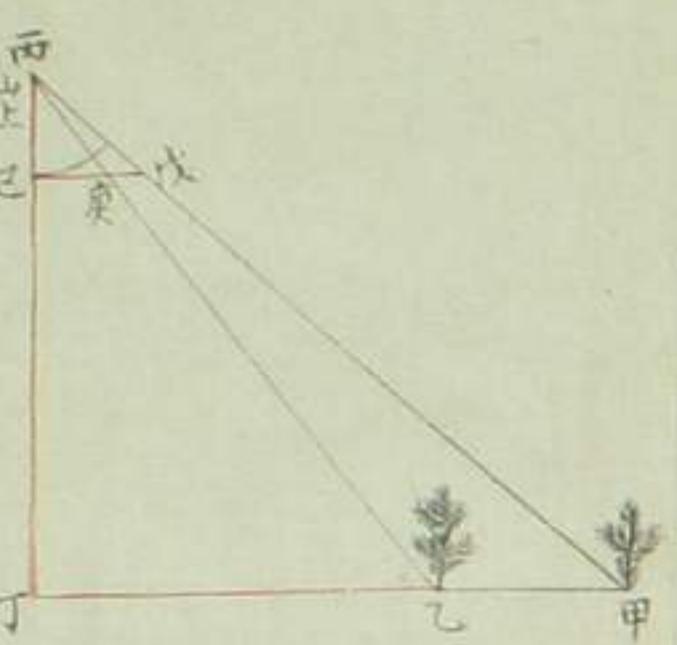
前段第三ニ曰クシテ丙ニ於テ得ルニナトスナ丈ヲ

下ワテ測リ得ル四十丈トス其退歩十丈ト兩弧ト較
 正玄ニ弓矩ナリ茲ニヨイテ弧广ト較ノ正玄一率トシ
 后測弧ナ正玄ニ率トシ則山頂ノ較退行三率
 トシテ四率ヲ求テ甲丙ノ線トス次ニ直線三角形ニ
 依テ甲シヲ求メラ高トスルナリ此理丁甲丙形丙丁
 一辺アリ丁角四十度アリ丙外角ユナナアリ丙角ノ
 内丁角ヲ減シテ余ヲ甲角トス甲正玄丙丁ノ比
 丁正玄甲丙ノ比ナリ依テ甲丙ヲ求ム又戊直角正
 玄甲丙ノ比ト丙角正玄甲戊ノ比ナリ又ノ術ハ余ヲ
 用ヒラ高ヲ求ム丙金切ノ較半至ト比ハ退歩ト高
 比ナリ其術ハ丁丙ノ余切用ルニアラス丙甲シ角ト丁甲
 し角ト丙正切角ヲ用ル比ナリ

第4

人山上ニアリ其山ノ高サヲハカリ知ルニ山前參直

二樹方リ其樹間十八丈ヲ以テ計ル術丙ニヨイテ甲
 樹ヲハカラテ四十九度トス乙樹ヲ
 計テ三十八度トス茲ニヨイテ丙角
 度相減レテ十一度甲丙シ角トス
 其正玄ト甲シノ比ハ四十九度ト
 九十度ト相減レテ十一度甲丙シ角トス
 甲シ角正玄トシ丙辺ノ比ニ依
 六十一丈八九ヲ得テ近樹距山



項トス三十八度九十度ト相減テ丁ニ丙角ヲ得ヘ半
至ニ丙ノ比ハ乙角正玄丁丙ノ比ニ依テ四十九丈七尺
七寸ヲ得

又法

兩角度正切相減テ戊庚トス一卒半全二卒丙正切
甲乙三卒未メ得四卒乃丙丁ニ是較々ト全ケノ

比ニ

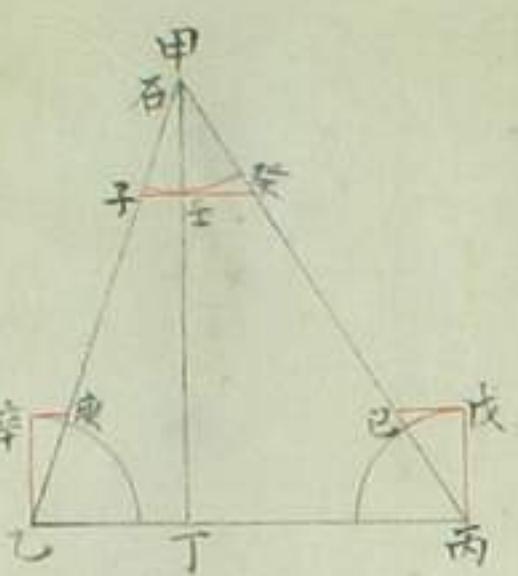
第5

前段第4ト同シ先已ニライテ計ル處七十度丙ニラ
イテ計ル處六十度トス兩角ヲ以テ半周リ減テ甲角

トス其正玄一卒乙角正玄二卒丙乙相距三卒トシテ
丙甲ヲ求メ又ニ卒ナケ丙正切カニテ甲乙ノ求ム

又法

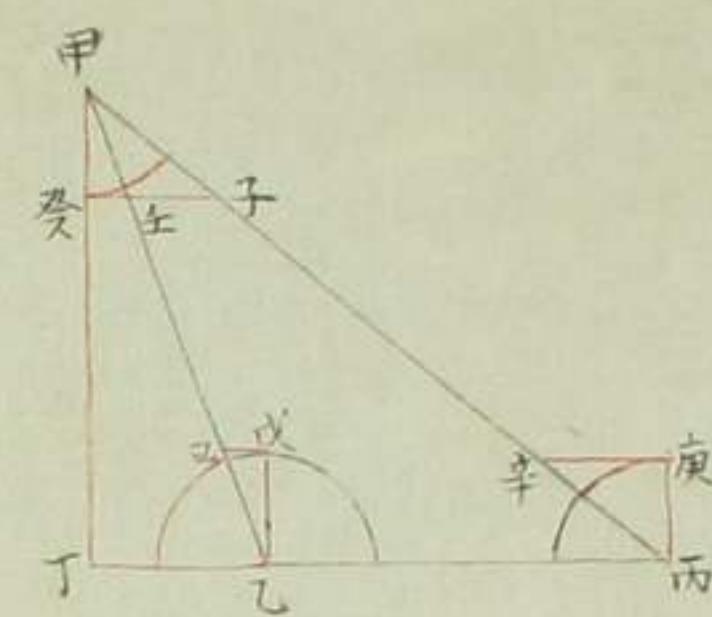
丙乙各ノ余切戊己庚辛トス相併テ
矣子ト等子等子正切ノ和ト丙乙ノ比
乙角余割甲丙ノ比ナリ又丙角余割
甲乙ノ比ニ



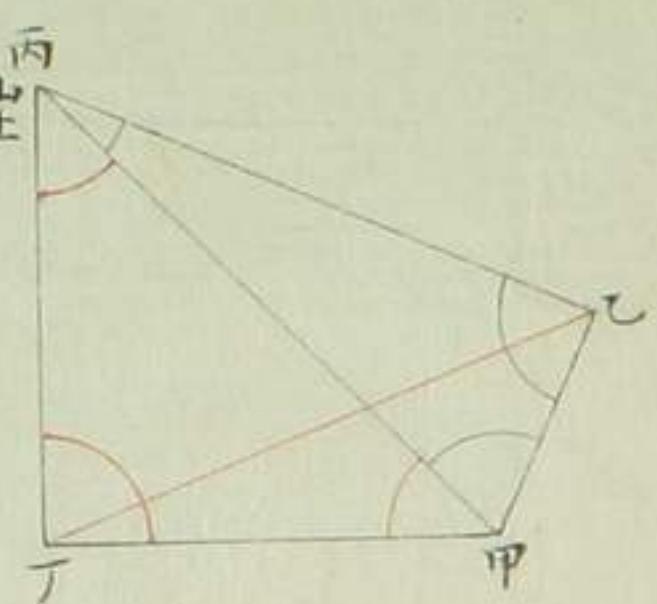
第六

前段ト同シ丙乙有リ丙角乙角有リ丙甲及シ甲ヲ

求ム圖ニヨワテ知ハレ又法ノ余切ヲ以テ求ムニ



第七
一山有リ高サラ不知又退テ計ヌ又アタハズ横ニ坡テ
一百丈ヲ得テ山ノ高サラ計ル術

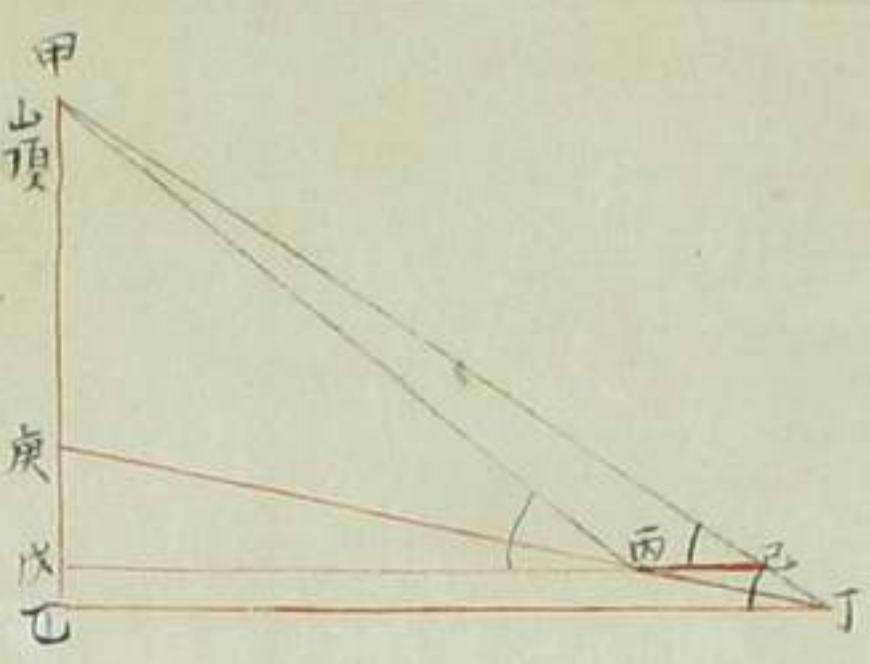


此形ニ正函榨ニ先甲ニ二所相距
一百丈枝嵩トス甲ヨリ丁ニ距リヒ
リ丁ニ距リ同丈尺トス今只甲ニ有
テ丙アノ廣ハ嵩ナ求メルニ先甲ニ
ライテ山上ヲ看又見テ八十六度五三分ケラ
得ヘシシライテ山上ヲ看又見テ七八
度。セ合ナ得ルニ角併テ半周ヲ減テ余リ十五度甲丙
ニ角トス甲丙ニ銳角形甲角アリ之角丙角アリ又甲
ニ辺一百丈アリ茲ニライテ甲丙辺ニ水メテ甲距山頂斜
距トス於甲山顶看テ得ハ高度ナ一度トス丙甲丁形

直線三角形ア直角ア、甲角アリ以テ九十度ヲ
減テ丙角ヲ得ル甲丙斜距有甲丁ヲ求ムニ

第八

人山坡ニアリ前後皆斜坡ニ相距一百丈ヲ計リハ
山ノ高サヲ求ム術



丙丁一百丈アリ甲丙戊角四十度
先ニ計リ得ルトス甲丁乙角三十度
廣は計リ得ルトス又丁ニライテ
丙ヲ看テ得ル角广ナニアリ丙
丁乙角トス爰ニヨリテ是丙戊

綿ヲ設ケ又丁丙庚綿ヲ設ケ己戊乙平行トス
甲己戊角甲丁乙角ニシ角必等レ故ニ丁角ヲスア
己ノ角トス内テズニ得ル丙角四十度ヲ減ノ余立
广丁甲丙角トス又減テ丁角トス者天徳丙丁
乙角ハ庚丙戊角ト等キ故ニ十三度ヲ以テ庚丙角
トス以丙角四十度ヲ減シ余リニ十七度甲丙丁外角
トス是ニヨリテ甲丙丁取フ用ヒ甲丁ヲ求メ次ニ甲
乙丁直角 三角形ヲ用テ山ノ高サヲ得ル

前後山脚正云

丙丁相距百丈

甲丁斜距

ラ得ル

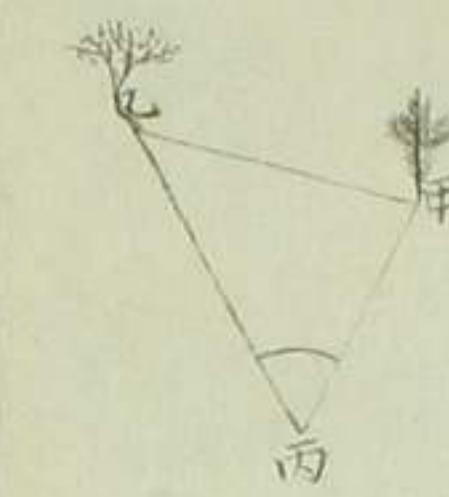
依テ甲丁二百二十丈八尺寺

半至
斜距
山高
後角正法

依テ山高二百九十八丈七尺六寸得

第十九

甲乙ノ二樹アリ丙ニヨイニテ是ヲ計ル甲丙五十丈乙丙一百二十丈甲角五十度甲乙ノ相距ヲ求ムル術此形ヲ西邊一角有リ對辺ヲ求ムル術



甲丙辺カナシニ角小角トス乙丙辺丙ヨリ多シ丙ヲ大角トス切線ハ外角法ニ依テ西邊ノ和西邊ノ角ノ比ハ

甲丙之角ノ外角半段ノ正切ト半較角ノ比ニ半較

角ヲ求メ半外角ト相減ニシ角トス又半周ノ内ニ丙ヲ角ヲ減メ甲角トス對辺對角法、固テ甲乙五十丈食

守ラ得

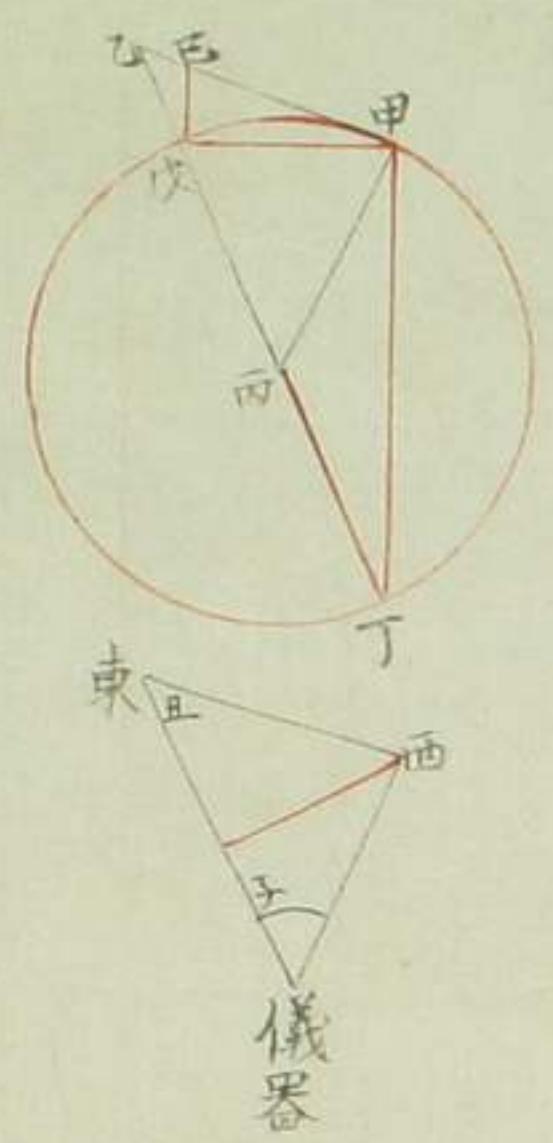
又法

甲ヲ西トシテ東トス西ヨリ

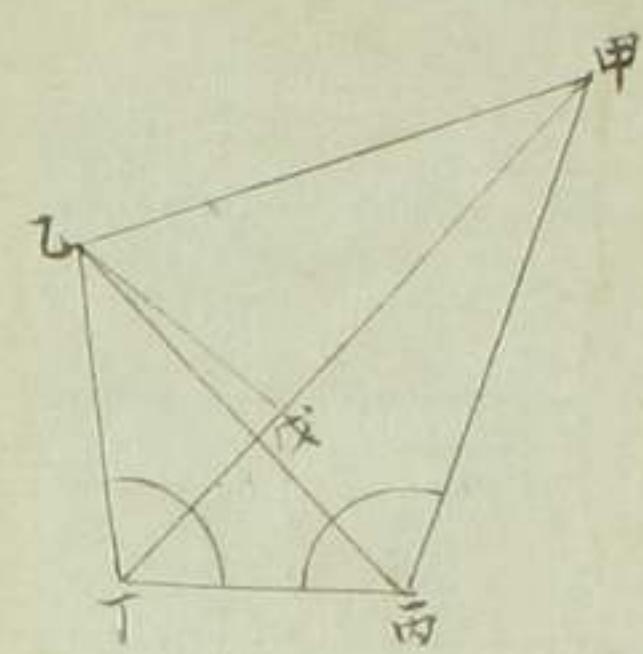
岳線ヲ設ケテ丙正三角形

トス半至西甲乙ノ比ハ甲角正玄垂線ノ比ニシテ垂線得ル又甲角余玄乃西分角正玄ヲ三本トシラ子ヲボメ以テ東西ヲ減テヨラ得ル

垂線ヲ用テ東西相距求ム



第二 前ト同術ニテ直角ナレ



右測量ノ法皆直線三角形ノ理ヲ不離故ニ其ナニ則
ナシテ其余ヲ欠トイニ凡皆前術ノ理ヲ以テサシ

計ベレ

文化十三丙子年春三月高日

