

番の指導によつて、次のやうにすることは、児童が容易に氣づくであらう。

16……………2, 4, 8

24……………2, 3, 4, 6, 8, 12

両方の約數を見くらべると、求める數は、2, 4, 8 の三つであることがわかる。

なほ、ここで、1 はどんな整數をも割り切ることができるから、16 と 24 とをどちらも割り切ることのできる數は、2, 4, 8, の外に1があるといふのが正しいことを認めさせるがよい。

八番 公約數を求める練習である。

七番と同様にすればよいのであるが、次の三つには注意を要するであらう。

(7, 21) (9, 16) (15, 45)

(7, 21) については、児童が、どちらも割り切る數は1だけであると考へるかも知れない。さうであつたら、7 ではどうかと注意を促し、どんな數でも、その數自身で割り切れることはつきりと認めさせ、その數を見落さないやうに注意させるがよい。

(9, 16) は、1 以外には公約數がない場合である。

(15, 45) については、(7, 21) の場合と同様に、15 を落さないやうに注意させなくてはならない。

この練習中に、例へば (12, 18) について、先づ 12 の約數 2, 3, 4, 6, 12 を列挙し、これらの一々について、それが 18 の約數であるかどうかを調べる仕方をわからせるがよい。

三つの數の公約數を求める問題は、児童用書に掲げてないが、

二つの數の公約數を求めることが、よくわかつた後、次のやうな問題を補充して、考へさせるもよい。

(4, 8, 12) (6, 9, 12) (12, 18, 24)

九番 最大公約數を求めさせるものである。

七番のやうにして、公約數を總べて求め、その最大なものを探ればよいのであるが、それは煩はしい。しかし、勿論、最大公約數を求める一般的な方法を、この學年程度の児童に指導するわけには行かない。それに、一般的な方法を用ひるのが便利な程、大きな數について取扱ふわけではなく、むしろ、目の子で見當をつけるのが有利な場合が多い。

例へば、最初の (4, 8) では、4 が公約數であることを知つてゐるのであるから、これが最大公約數であることは、一見してわかる。

次の (9, 12) では、9 は公約數ではない。そこで、9 の約數 3 を見つけ、これで 12 を割つてみると割り切れる。そこで、3 を最大公約數とする。次の (12, 16) では、12 は公約數ではない。そこで、12 の約數のうち、なるべく大きな數即ち 6 で 16 を割つてみるに割り切れない。次に大きな約數即ち 4 で 16 を割つて見ると割り切れる。そこで、4 を最大公約數とする。

以上によつて、最大公約數を早く見つける方法を理解させることができるであらう。

即ち、先づ、與へられた數のうち、一番小さいもので、他の總べてを割り切ることができるかどうかをみる。割り切ることができたら、その數が求めるものである。割り切れなかつたら、その一番小さい數の約數の最大なものを見つける。(但し、そ

の數自身を除く。)このためには、その數を2で割り、3で割り……といふやうにして、最初に割り切れたときの商をとる。これで、與へられた他の數を割つてみる。割り切れたら、それが求めるものである。順次これを繰り返せばよいのである。かやうに、言葉で述べるとわかり難いが、實例について指導すれば容易に理解させることができるであらう。但し、この最大公約數を求めることは、さう必要なことではない。分數の約分のときでも、最大公約數で約分する代りに、任意の約數で約分を繰り返しても、大した不利益はないであらう。殊に、本學年では比較的簡單な數を取扱ふのであるから、補充問題を數多く課して、練習させる必要はない。

十番 公倍數の觀念を導入するものである。

問題の意味は、兒童用書の挿繪によつて、理解できるであらう。

なほ、次のやうな圖を書いて、理解をたすけるがよい。



即ち、平行二直線を引き、物指で四種ごと、及び、五種ごとに區切りをつけさせて、どの區切りで兩方の高さが同じになるかをみさせるのである。

かやうにして、この問題は、具體的に解決できるが、進んで、次のやうに考へ方の一般化をはかる。二通りの箱を積み重ねたのであ

るから、一方は四種の何倍かになり、他方は五種の何倍かになる。結局、四種を何倍かし、五種を何倍かして、兩方を等しくすることになる。換言すれば、4と5との兩方で割切れる數を見つければよいとも言へる。以上の點を明らかにすれば、次の

仕方に氣づかせることができる。

	二倍	三倍	四倍	五倍	六倍	七倍
4	8	12	16	<u>20</u>	24	28
5	10	15	<u>20</u>	25	30	35

これによつて、4と5とを別々に何倍かして等しくするには、一方の數4に他方の數5を掛け、また、5に4を掛ければよいことに氣づかせることができる。

なほ、上の仕方を繼續して、八倍・九倍と進み十倍に達すれば、4の十倍と5の八倍とは等しく40になることを認めさせ、このことから、兩方が等しくなる場合は、

20, 40, 60, 80, ……………

といくらでもあり得ることを認めさせ得るであらう。

即ち、この間に對しては、

四種の箱の數	5	10	15	20	……………
五種の箱の數	4	8	12	16	……………
高さ	20 cm	40 cm	60 cm	80 cm	……………

といくらでも多くの場合があり得ることを知るのである。

十一番 6と9との公倍數を求める問題である。

十番のやうに、6を九倍し、または9を六倍すればよく、更に、

$$6 \times 9 \times 2, \quad 6 \times 9 \times 3, \quad 6 \times 9 \times 4 \quad \dots\dots$$

$$9 \times 6 \times 2, \quad 9 \times 6 \times 3, \quad 9 \times 6 \times 4 \quad \dots\dots$$

といくらでもできることは、兒童も容易に氣づくであらう。しかし、ここでは、再び、前問で取扱つた方法を繰り返へし、次のやうにさせる。

	二倍	三倍	四倍	五倍	六倍	七倍
6	12	<u>18</u>	24	30	<u>36</u>	42
9	<u>18</u>	27	<u>36</u>	45	54	63

これによつて、6 の三倍と9 の二倍とが等しい、また、6 の六倍と9 の四倍とが等しくなることを知り、更に、八倍・九倍と進めば、6 の九倍と9 の六倍とが等しくなるところへ到ることを知るのである。

これを押し進めることによつて、

$$6 \times 3, \quad 6 \times 3 \times 2, \quad 6 \times 3 \times 3 \quad \dots$$

$$9 \times 2, \quad 9 \times 2 \times 2, \quad 9 \times 2 \times 3 \quad \dots$$

と、いくらでもあることを認めさせることができる。

以上のやうにし、このやうな問題では、各数を二倍・三倍して最初に等しくなつた場合を知れば、他は、その二倍・三倍…といくらでも見つけることができることを知らせるのである。

●**十二番** 公倍数を求める練習である。

十一番と同様にすればよいのであるが、例へば(7, 14)のやうな場合に、児童は、14 の倍数を、その二倍することから始めるであらう。これは無理ないことである。そこでこのやうな場合には、その一倍から考へなければならぬことを注意すべきである。

なほ、ここでは、十一番のやうに、一々二倍し、三倍し、…としなくても、目の子で見當をつけるやうに指導し、かつ、最小公倍数の二倍、三倍、…といふやうに、正確に求めることを要求しなくてよい。

●**十三番** 最小公倍数を求めるものである。

十一番のやうに考へて行けば、括弧の中のどちらの数を基にしても、最初みつかるのは最小公倍数であるが、ここでは、

- (1) 與へられた数のうち、大きな数を小さな方で割つてみる。割り切れたら、それが求める数である。
- (2) 割り切れなかつたら、大きな数を二倍して、それを小さな数で割つてみる。割り切れたらそれが求める数である。
- (3) 割り切れなかつたら、大きな数を三倍・四倍…と同様な仕方で試み、最初に割り切れた数が求めるものである。

ことをわからせ、この仕方によらせるがよい。

なほ、ここで、(8, 9) のやうな場合について、一應上記の仕方で考へさせた後、與へられた数のどちらをも割り切る数が1 以外に無い場合には、與へられた数を掛け合はせればよいことを教へるがよい。

最小公倍数の求め方は、通分のときに役立つのであるが、通分のときに作る公分母は、分母の最小公倍数でなくてはならぬといふことはないから、さう力を入れて練習させなくてもよい。次のやうな問題を補充する程度に止めるがよい。

$$(3, 6, 9) \quad (2, 3, 6) \quad (3, 4, 6)$$

$$(3, 6, 8) \quad (4, 6, 8) \quad (4, 5, 6)$$

●**十四番** 公倍数の觀念を働かせる實際の問題である。この問題中にある「八分おき」または、「十分おき」といふのは、八分間又は十分間経過することといふ意味であることをはつきりとわからせなければならぬ。即ち、八分おきに出るといふ

のは、六時八分、六時十六分……といふやうに出ることである。また十分おきに出るといふのは、六時十分、六時二十分、……といふやうに出ることである。この意味がわかると、次のやうに、電車の出る時刻と乗合自動車の出る時刻とを表に記して、考へることができる。

電車 午前6時 8分 16分 24分 32分 40分……

自動車 6時 10分 20分 30分 40分……

かやうにして、6時40分に電車と自動車とが同時に出ることがわかると、後は40分ごとに、同時に出ることもわかるであらう。

随つて、6時40分の後は、40分を累加して

7時20分, 8時, 8時40分

9時20分, 10時, 10時40分

11時20分, 正午

とすればよいことがわかるであらう。

次には、問題を變化して、電車は七分おき、自動車は十分おきに出ること、両方が六時に同時に出了たとして、その後の同時に出る時刻を求めさせるがよい。

2. 計算練習 (兒・57—58)

分數の加減乗除の計算を、既習の範圍に於て、練習させるのである。

一番 同分母の分數の寄算と引算とを練習させるものである。問題は、次のやうに種類分けをして掲げてある。

第一行 寄せた結果が1より小さいか、ちやうど1になるも

の。

第二行 寄せた結果が1を越えて、「1と何分の何」となるもの。

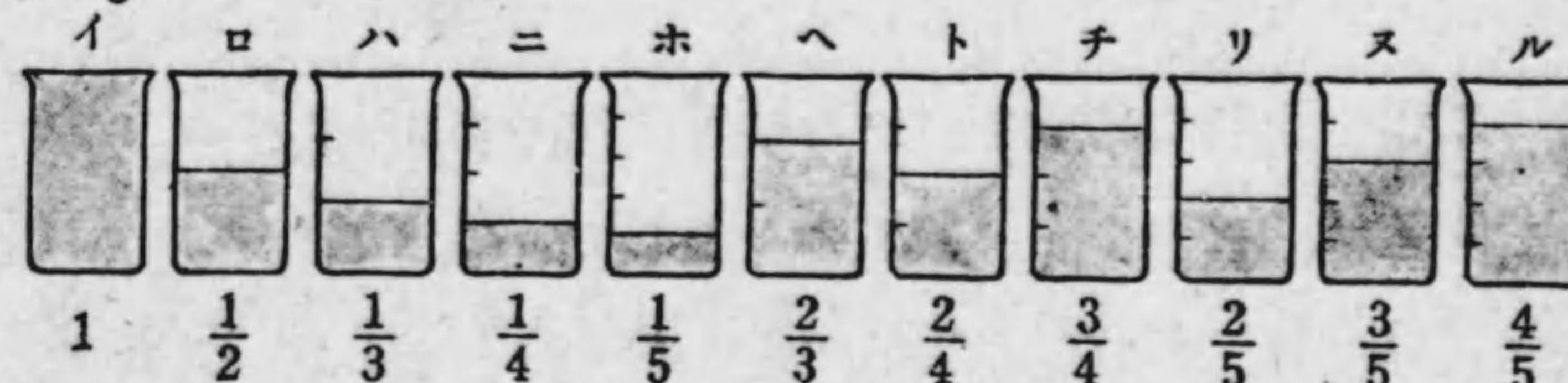
第三行 三つの分數を寄せ、結果が1を越えるもの。

第四行 被減數の分子から減數の分子が引けるもの。

第五行 整數から分數を引くもの。

第六行 帯分數から分數を引くもの、及び、帯分數から帯分數を引くもので、被減數の分數部だけからは減數の分數部が引けないもの。

これらの寄算・引算は、第三・四學年で指導し練習させた範圍のものである。若し、わかり難いものがあつたら、前に指導したときのやうに、分數を圖で表してよくわからせなければならぬ。



例へば、上のやうな圖を見て、「ニ」には $\frac{1}{4}$ 、「チ」には $\frac{3}{4}$ はいつてゐる。「ル」には $\frac{4}{5}$ 、「ス」には $\frac{3}{5}$ はいつてゐるといふやうなことが、直ぐ言へるやうになつてゐると、次のやうな同分母分數の寄算や引算は考へやすい。

$$\frac{1}{4} + \frac{2}{4} \qquad \frac{4}{5} - \frac{2}{5}$$

なほ、ひごを長さ12糎(12糎は二等分、三等分、四等分、六等分、等に等分するのに都合がよい。)に切つた一本を本にし、これを例へば三等分し、分點に印を附けたものを二本作つて使

ふと、 $\frac{1}{3}$ に $\frac{2}{3}$ を足して1になること、1 から $\frac{1}{3}$ を引くと $\frac{2}{3}$ が残り、1 から $\frac{2}{3}$ を引くと $\frac{1}{3}$ が残るといふやうな計算を、直観的にわかりやすくすることができる。

分母の大きな分數になれば、このやうな直観的な取扱をすることが面倒になるから、分母の小さな分數について指導する間に、このやうな取扱をして、分數の觀念が直観的に明らかになるやうにして置くことが大切である。このやうなことがよくできてゐれば、同分母分數の寄算・引算は容易にできるであらう。

また、このやうな仕方では、分數を直観的に把握させて置けば、黑板に一本の直線を引き、これを五等分し、その二區切りで $\frac{2}{5}$ を表すやうな圖を書いたときに、それを容易に理解することができるし、また、兒童みづからこのやうな圖を書いて考へ得るに至るであらう。

二番 分數に基數を掛ける掛算の復習である。

問題は、次のやうに種類分けをして掲げてある。

第一行 分數の分母と乗數とが1の外に公約數を持たないもの。

第二行 分數の分母が乗數で割り切れるもの。

これらの掛算は、第四學年で指導し練習させた範圍のものであるから、兒童も容易になし得る筈であるが、同分母分數の寄算・引算はできても、掛算になれば、わかり難いかも知れない。若し、さうであつたら、寄算・引算について述べたやうに、直観的に明確にされた分數の觀念を基にして、例へば、 $\frac{1}{4} \times 3$ は $\frac{1}{4} + \frac{1}{4} + \frac{1}{4}$ と同じ意味であることをわからせ、結局、分母は元

のままで、分子を三倍して $\frac{3}{4}$ とすればよいことをはつきりさせなければならぬ。

第一行の初め二問は、結果が1を超えないものであるが、後の三問は、結果が1よりも大きくなるものであるから、注意を要する。例へば、 $\frac{2}{3} \times 4$ は結果が $\frac{8}{3}$ となる。 $\frac{8}{3}$ から $\frac{3}{3}$ を二度取ることができて餘りが $\frac{2}{3}$ あることから、結局、 $2\frac{2}{3}$ となることをはつきりさせなければならない。

第二行の問題は、被乗數の分母が乗數で割れるものである。この種の問題についても、第四學年で指導し練習させたのであるが、兒童が總べてはつきりと理解してゐるかどうか注意を要する。それで、最初の $\frac{1}{8} \times 4$ について、答を言はせ、第一行と同様の考へで計算すれば、結果は $\frac{4}{8}$ となること、 $\frac{4}{8}$ は圖に表してみると $\frac{1}{2}$ に等しいことをはつきりさせるがよい。

なほ、 $\frac{1}{8} \times 4$ から直ぐ $\frac{1}{2}$ を考へ出すにはどういふ計算をしたらよいかといふやうなことは、次の「約分・通分」のところで指導するのである。

$\frac{3}{10} \times 2$ については、結果は $\frac{6}{10}$ のままでよい。 $\frac{1}{10} \times 5$ については、先づ $\frac{5}{10}$ を得たら、これは、もつと簡単な分數にならないかどうかを、考へてみさせるがよい。さうすれば、 $\frac{1}{2}$ であることに氣づく兒童も相當あるであらう。 $\frac{5}{12} \times 2$ は $\frac{10}{12}$ でよく、 $\frac{1}{12} \times 3$ は $\frac{3}{12}$ でよい。なほ、 $\frac{5}{12} \times 2$ の結果を $\frac{5}{6}$ とし、 $\frac{1}{12} \times 3$ を $\frac{1}{4}$ とするものがあつたら、その方が一層よいことを認めてやる程度にして置くがよい。要するに、かやうな掛算では分子に乗數を掛ければよいことをはつきりわからせ

ることが主眼であつて、得た分數を簡單にすることは、 $\frac{1}{2}$ になる場合だけに限り、あとは一應考へてみさせる程度に止めておくのである。

三番 分數を基數で割る割算の復習である。

問題は、次のやうに種類分けをして掲げてある。

第一行 分子が除數で割り切れるもの。

第二行 被除數が帯分數であるが、これを假分數にすればその分子は除數で割り切れるもの。

第三・四行 分子が除數で割り切れないもの。

第五行 被除數が帯分數であつて、これを假分數に直しても、その分子は除數で割り切れないもの。

第四行までは既習の割算である。第五行は新しい教材と言へるが、被除數を假分數に直して考へれば、第三・四行と同じ考へでできるものであるから、僅かの注意を與へれば、兒童も容易になし得るであらう。

第一行は、前に記した分數を表すひご、または、分數を表す直線の圖を見て考へれば、容易にわかるであらう。結局、分母は元のままにして置き、分子を除數で割ることになる。

第二行は、被除數である帯分數を假分數に直し、例へば $1\frac{1}{4}$ は $\frac{5}{4}$ として考へればよい。そのことは、「初等科算數」四(兒・67)で學んでゐるのである。

第三・四行は、「初等科算數」四(兒・68)で學んだものである。そのときに指導したやうに、分數を圖に表して、これを割ると考へさせれば、わかるであらう。ここでは、先づ、その仕

方から出發し、結局、分子が除數で割り切れないときは、除數を分母に掛ければよいことをはつきりさせるがよい。即ち、次のやうに計算するのである。

$$\begin{aligned}\frac{3}{4} \div 4 &= \frac{3}{4 \times 4} \\ &= \frac{3}{16}\end{aligned}$$

第五行は、被除數が帯分數であつて、これを假分數に直しても、その分子が除數で割り切れないものである。これは、兒童が第四學年で學んでゐないものであるから、指導を要する。しかし、第二行で、帯分數を假分數に直して割る割算を復習したのであるから、それを想起させ、また、第三・四行の、分子が除數で割り切れない場合の仕方考へさせればよいであらう。計算の仕方の例を下に示しておく。

$$\begin{aligned}1\frac{1}{2} \div 2 &= \frac{3}{2} \div 2 \\ &= \frac{3}{2 \times 2} \\ &= \frac{3}{4}\end{aligned}$$

四番 整數を整數で割つた結果を分數で表す練習である。

これも、前學年に於て、「初等科算數」四(兒・69)で學んだものであるから、兒童はなし得る筈であるが、念のために、例へば、 $1 \div 2$ や $2 \div 5$ を黒板に書いて答を言はせてみるがよい。答、 $\frac{2}{5}$ が直ぐ言へないやうであれば、前學年で、これの導入の問題とした「ヤウカン二本ヲ五人ニ等分スルコト」について圖を畫いて、考へさせるがよい。

問題は、次のやうに種類分けをして掲げてある。

第一・二行 答が眞分數になるもの。

第三・四行 答が帯分數になるもの。

答をしらべるときに、例へば $2 \div 3$ や $3 \div 4$ について、これを次のやうな圖に表してみさせ、答が分數になる意味がよくわかつてゐるやうにさせるがよい。



上のやうな圖によつて、

2 を三等分したものは、1 を三等分したもの二つに等しい、即ち、 $\frac{2}{3}$ である。

3 を四等分したものは、1 を四等分したもの三つ、即ち、 $\frac{3}{4}$ である。

ことをはつきりわからせるのである。

第三・四行のやうに、答が帯分數になるものは、第四學年でも取扱つたが、そのときは、帯分數の整數部が1となる場合だけを取扱つた。ここには整數部が2以上10を越えるものもある。この點に注意して取扱ふがよい。これによつて、兒童は割り切れない割算の剰餘を分數で答へることを知るであらう。

五番 分數を小數に直すことの復習である。

十分の何、百分の何といふやうな分數を小數に直すことは、既に、前學年以來度々取扱つて來た。また、ここに出してある

やうな分數を小數に直すことは、(兒・49)で指導した。その中には結果が循環小數になるものが多く含まれてゐて、それらについては、結果は厘の位まで出して、以下は四捨五入することを教へたのである。ここでは、 $\frac{1}{8}$ の結果が小數三桁の數になるだけで、他は結果が小數一桁か二桁のもののみである。かやうな分數は日常多く遭遇する分數であるから、結果を終りまで出させ、次のやうに整理させる。

$$\begin{array}{ll} \frac{1}{2} = 0.5 & \frac{2}{5} = 0.4 \\ \frac{1}{4} = 0.25 & \frac{3}{5} = 0.6 \\ \frac{3}{4} = 0.75 & \frac{4}{5} = 0.8 \\ \frac{1}{8} = 0.125 & \end{array}$$

今後も時々、かやうな分數を與へて、それに等しい小數を答へさせたり、又は、小數を與へて、それに等しい分數を答へさせたりして、その反復練習の結果、両者が一體の如くなつて記憶されるやうにするがよい。

3. 約分・通分 (兒・59—64)

約分すること、通分することを指導し、進んで、異分母分數の加減、及び、分數を整數で乗除した結果を約分して簡單にすることを取扱ふものである。

一番 約分の導入である。

一本の羊羹を六等分し、その二切れは $\frac{2}{6}$ であるが、これは $\frac{1}{3}$ と言ふ方が簡單でわかりよいことを知らせるのである。

一本の羊羹を六等分した圖について、その二切れを考へさせ

ると、先づ、それは $\frac{2}{6}$ であることを認めるであらう。そこで、二切れが一本の中には幾つあるかに注意させ、二切れは一本の $\frac{1}{3}$ であることを圖から直観させ、その結果として次のことを認めさせる。

$$\frac{2}{6} = \frac{1}{3}$$

次に、本の圖について、六等分した三切れを指して、これは一本のどれだけであるかと問うてみる。これが $\frac{3}{6}$ であることは直ぐにわかるであらう。そこで、一本の中には三切れが幾つあるかを圖について見させると、三切れは一本の $\frac{1}{2}$ であることを認めるであらう。その結果として次のことを認めさせる。

$$\frac{3}{6} = \frac{1}{2}$$

このやうにして、 $\frac{2}{6}$ といふよりも、 $\frac{1}{3}$ といふ方が簡単でわかりよいこと、 $\frac{3}{6}$ も $\frac{1}{2}$ といふ方がわかりよいことを認めさせるのである。

二番 基数 または 十を分母とする分數の中で、同じ數を表してゐるものを、圖によつて見つけさせるものである。

問題には、 $\frac{1}{2}$ に等しい分數を見つけることと、 $\frac{1}{3}$ に等しい分數を見つけることとを要求してある。兒童は圖を見て、 $\frac{1}{2}$ に等しい分數は、 $\frac{2}{4}$ 、 $\frac{3}{6}$ 、 $\frac{4}{8}$ 、 $\frac{5}{10}$ であることを見つけるであらう。この結果を次のやうに板書する。

$$(1) \frac{1}{2} = \frac{2}{4} = \frac{3}{6} = \frac{4}{8} = \frac{5}{10}$$

また、 $\frac{1}{3}$ に等しい分數は、 $\frac{2}{6}$ と $\frac{3}{9}$ とであることを見つけるであらう。これも次のやうに板書する。

$$(2) \frac{1}{3} = \frac{2}{6} = \frac{3}{9}$$

。「ソレデドンナコトガワカルカ。」の間に對しては、板書した數と兒童用書の圖とを對照して、分數には見かけは違つてゐても等しいものがあることを認めさせ、進んで、或分數は、その分子・分母を同じ數で割つたものに等しいこと、及び、その分子・分母に同じ數を掛けたものに等しいことを認めさせる。

なほ、この外に、互に等しい分數があるかどうかを圖について見つけさせるがよい。さうすれば、兒童は次のやうな分數が、互に等しいことを認めるであらう。

$$\frac{2}{3} \text{ と } \frac{4}{6} \text{ と } \frac{6}{9} \text{ とが等しい。}$$

$$\frac{1}{4} \text{ と } \frac{2}{8} \text{ とが等しい。}$$

$$\frac{3}{4} \text{ と } \frac{6}{8} \text{ とが等しい。}$$

$$\frac{1}{5} \text{ と } \frac{2}{10} \text{ とが等しい。}$$

$$\frac{2}{5} \text{ と } \frac{4}{10} \text{ とが等しい。}$$

$$\frac{3}{5} \text{ と } \frac{6}{10} \text{ とが等しい。}$$

$$\frac{4}{5} \text{ と } \frac{8}{10} \text{ とが等しい。}$$

この練習は、一つの分數を形を變へて使ふ力を養ふ上にも、また、分數の觀念を明確にするにも有効である。

最後に、「 $\frac{1}{2}$ ヲドウスルト $\frac{4}{8}$ ニナルカ」及び、「 $\frac{2}{6}$ ヲドウスルト $\frac{1}{3}$ ニナルカ」について考へさせる。この間の中にある「ドウスルト」はわかりにくいかも知れない。わかりにくければ、「 $\frac{1}{2}$ ノ分母2ヲ何倍スルト8ニナルカ。マタ、分子1ヲ何

倍スルト4ニナルカ」と問うてもよい。後の問も「 $\frac{2}{6}$ ノ分母6ヲ何デ割ルト3ニナルカ。マタ、分子2ヲ何デ割ルト1ニナルカ」としてもよい。さうして、答は、結局、まとめて「 $\frac{1}{2}$ ノ分母モ分子モ四倍スルト $\frac{4}{8}$ ニナル」また、「 $\frac{2}{6}$ ノ分母モ分子モ2デ割ルト $\frac{1}{3}$ ニナル」と言はせるがよい。

児童の中には、前の問に對して「四倍スルト $\frac{4}{8}$ ニナル」と言ひ、後の問に對して「2デ割ルト $\frac{1}{3}$ ニナル。」と言ふものがあるかも知れない。若し、そのやうな児童があつたら、

$$\frac{1}{2} \times 4 = 2 \quad \text{また、} \quad \frac{2}{6} \div 2 = \frac{1}{3}$$

であることを認めさせ、言葉づかひが誤つてゐることをはつきりさせ、前問に對しては「分母モ分子モ四倍スル」といひ、後の問に對しては「分母モ分子モ2デ割ル」といはなければならぬことを、はつきりさせなければならない。

なほ、分子・分母に同じ數を掛けて出來た分數、または、分子・分母を同じ數で割つて出來た分數は、何故に元の分數に等しいかを考へさせ、次のやうにして大體の理解を與へるもよい。

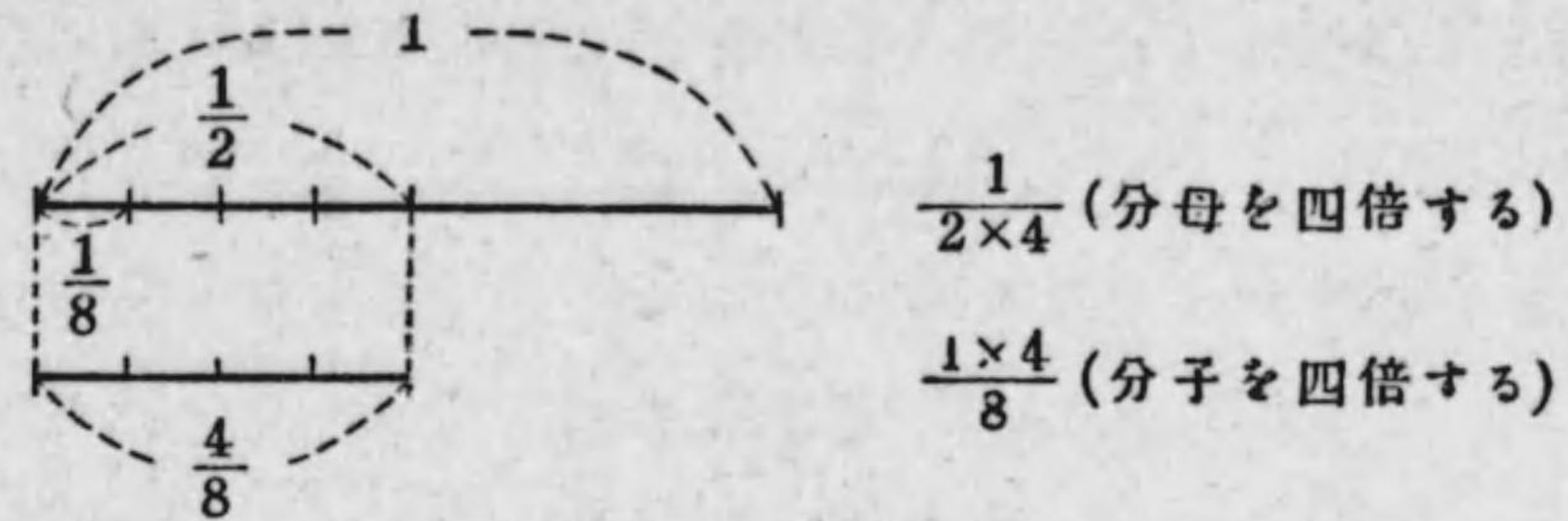
例へば、 $\frac{1}{2} = \frac{4}{8}$ に於ては、

$$\frac{1}{2} \text{ の分母を四倍することは、} \frac{1}{2} \text{ を} 4 \text{ で割ること } \left(\frac{1}{2 \times 4} = \frac{1}{2 \div 4} \right)$$

$$\frac{1}{2} \text{ の分子を四倍することは、} \frac{1}{2} \text{ に} 4 \text{ を掛けること } \left(\frac{1 \times 4}{2} = \frac{1}{2} \times 4 \right)$$

即ち、 $\frac{1 \times 4}{2 \times 4} = \frac{4}{8}$ は、 $\frac{1}{2}$ を四等分して四倍することになるから、元の分數 $\frac{1}{2}$ に歸する。

圖示すれば次の通りになる。



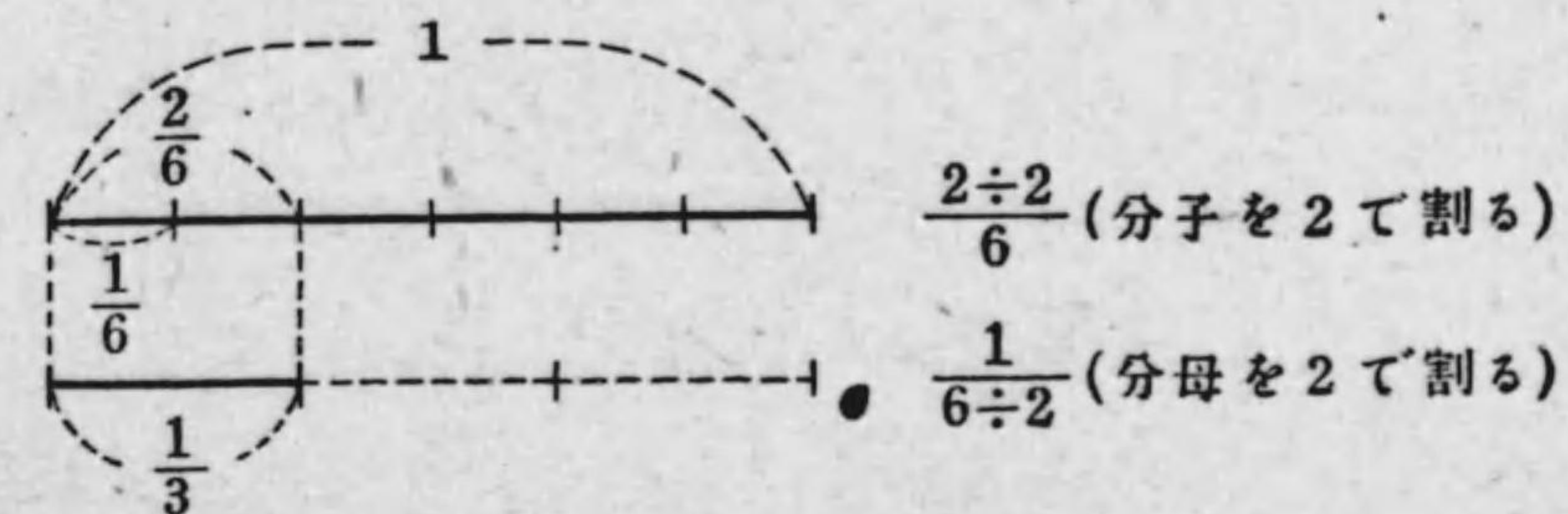
また、例へば、 $\frac{2}{6} = \frac{1}{3}$ に於ては、

$$\frac{2}{6} \text{ の分子を} 2 \text{ で割ることは、} \frac{2}{6} \text{ を} 2 \text{ で割ること } \left(\frac{2 \div 2}{6} = \frac{2}{6 \div 2} \right)$$

$$\frac{2}{6} \text{ の分母を} 2 \text{ で割ることは、} \frac{2}{6} \text{ に} 2 \text{ を掛けること } \left(\frac{2}{6 \div 2} = \frac{2}{6} \times 2 \right)$$

即ち、 $\frac{2 \div 2}{6 \div 2} = \frac{1}{3}$ は、 $\frac{2}{6}$ を二等分して二倍することになるから、元の分數 $\frac{2}{6}$ に歸する。

圖示すれば、次の通りになる。



以上を理解させた後、約分の仕方をまとめ、約分といふ言葉を教へる。

三番 約分の練習をさせるのである。

二番の指導によつて、分母・分子を同じ數で割つて、分數の形を簡單にすることを、児童が理解しても、どんな數で割るか

が問題である。そこで、「整数」のところで指導した公約数の概念を呼び起して、分母・分子のどちらをも割り切れる数を見つければよいことに気づかせる。さうして、先づ分子で分母が割り切れないかどうかを考へ、割り切れなければ、分子の約数のうち、思ひ浮かんだもので分母を割つてみるやうに指導するがよい。分子・分母の最大公約数で約分すれば、一度に既約分數が得られるけれども、最大公約数をみつけるのに暇どつては、却つて不便であるから、何でも思ひ浮かんだ分子の約数で分母を割つてみるのが便利である。

計算の形式は、次のやうにさせる。

$$\frac{3}{8} = \frac{1}{2} \quad \frac{3}{16} = \frac{3}{4}$$

四番 同分母分數の寄算・引算の結果が、約分し得る分數である場合を取扱ふものである。

最初の問題、 $\frac{1}{4} + \frac{1}{4}$ について、答を言はせ、約分しない兒童があつたら、約分するやうに注意を與へるがよい。

また、 $\frac{3}{4} + \frac{3}{4}$ のやうな結果が帯分數になるものについては、帯分數にして置いてから約分しても、または假分數のままに約分してから帯分數に直しても、どちらでもよいが、多くの場合は、前者の方が有利である。

今後は、寄算・引算の結果が約分し得るときは、約分して簡單にしておくべきことを注意するがよい。

五番 二つの分數を比較して大小を見分けさせるものである。

兒童が既に學んである分數の大小比較は、

(イ) 同じ分母の分數では、分子の大きな方が大きい。

(ロ) 同じ分子の分數では、分母の小さい方が大きい。

ことである。兒童用書の問題を取扱ふ前に、これらのことを、復習するがよい。これらは、「初等科算數」三(兒・64)で指導したところである。

ここで比べる分數は、上のどちらでもないから、兒童にわかり難いであらう。しかし、いろいろ工夫して試みさせるがよい。

通分をしないで比べる仕方としては、圖を見て比べる仕方と、各々の分數を小數に直して比べる仕方とがある。

先づ、兒童に自由に考へさせ、わかり難いやうであれば、(兒・59)の圖を見て比べるやうにさせるがよい。

次には、小數に直して比べてもよいことを知らせるもよい。また、次のやうな仕方も考へられる。例へば、 $\frac{3}{4}$ と $\frac{2}{5}$ との大小を定めるのに、 $\frac{3}{4}$ は $\frac{1}{2}$ よりも大きく、 $\frac{2}{5}$ は $\frac{1}{2}$ よりも小さいから、 $\frac{3}{4}$ は $\frac{2}{5}$ よりも大きいと判断するのである。このやうに、 $\frac{1}{2}$ を目やすにして大小を判断することは、いつでもできることではないが、本問では、この仕方によつて、各組の分數の大小を比べることができるやうにしてある。但し、この仕方を探らせるとすれば、次のことを明らかにしておかなければならない。

(イ) 分子が分母の半分よりも小さければ、その分數は $\frac{1}{2}$ よりも小さい。

(ロ) 分子が分母の半分に等しければ、その分數は $\frac{1}{2}$ に等

しい。

(ハ) 分子が分母の半分よりも大きければ、その分数は $\frac{1}{2}$ よりも小さい。

なほ、どれだけ大きいかは、六番以下で通分を取扱ふ際に考へさせるのである。

六番 圖によつて、 $\frac{2}{3}$ と $\frac{5}{6}$ との大小を比較し、その差を見出させるものである。

春枝・花子が使つたテープの長さ、及び、残りのテープの長さを圖及び分數で明確に表させる。残つた長さ $\frac{2}{3}$ 及び $\frac{5}{6}$ のどちらが長いかは、兒童用書に掲げてあるやうな圖について比較すれば極めてわかりやすい。また、残つたテープの差が、もとのテープのどれだけに當るかも、かやうな圖を見て考へれば、容易に $\frac{1}{6}$ であることがわかるであらう。この際、 $\frac{2}{3}$ が $\frac{4}{6}$ に等しいことにも注意させるがよい。圖の下に記してある

$$\frac{2}{3} \text{ ハ } \frac{\text{何}}{6} \text{ ニ等シイカ。}$$

といふ問は、これに注意させるためのものである。

このやうに、圖によつて考へることを指導した後、 $\frac{2}{3}$ の分母・分子をどちらも2倍することによつて $\frac{4}{6}$ が得られることを明らかにし、例へば、

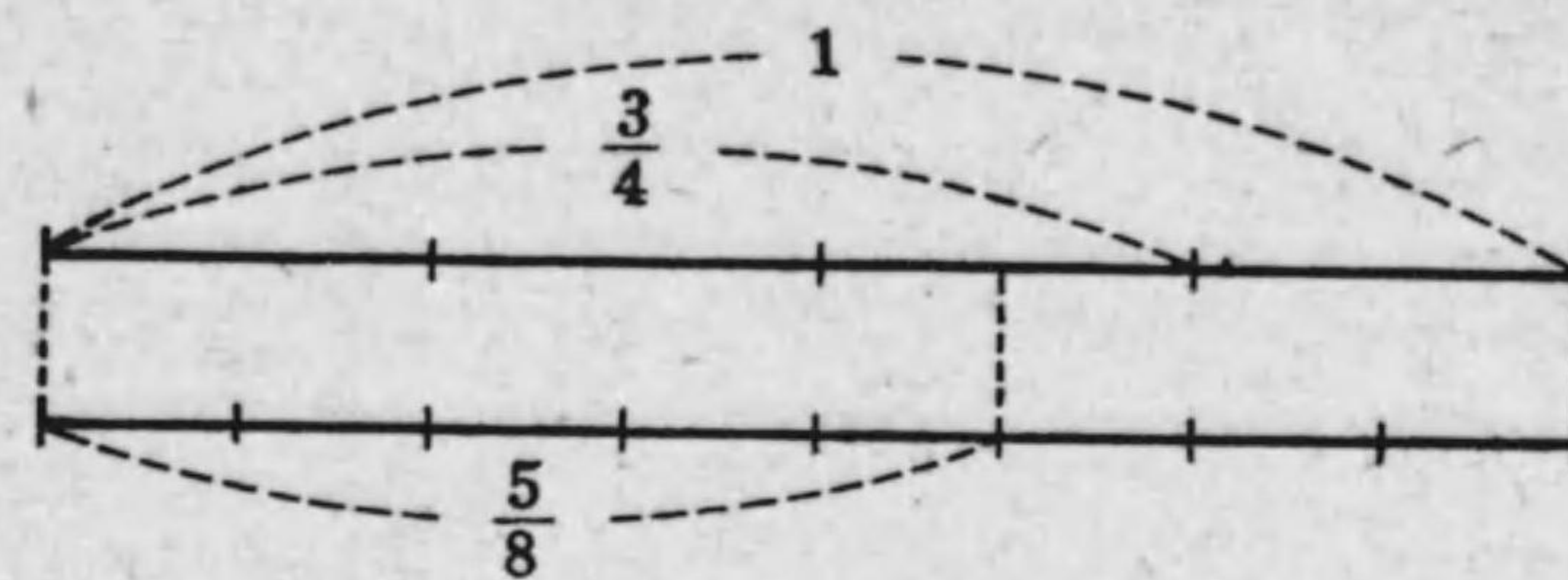
$$\frac{1}{2} \text{ ハ } \frac{\text{何}}{6} \text{ ニ等シイカ。}$$

$$\frac{2}{5} \text{ ハ } \frac{\text{何}}{10} \text{ ニ等シイカ。}$$

といふやうな問を幾つか出して考へさせ、分母・分子をそれぞれ同數倍する仕方によつて答を見出させるがよい。

七番 分母の異なる二つの分數を圖に表して、その差を求めらるのである。ここでは、一方の分母の二倍が他方の分母に等しい場合だけを取扱ふ。

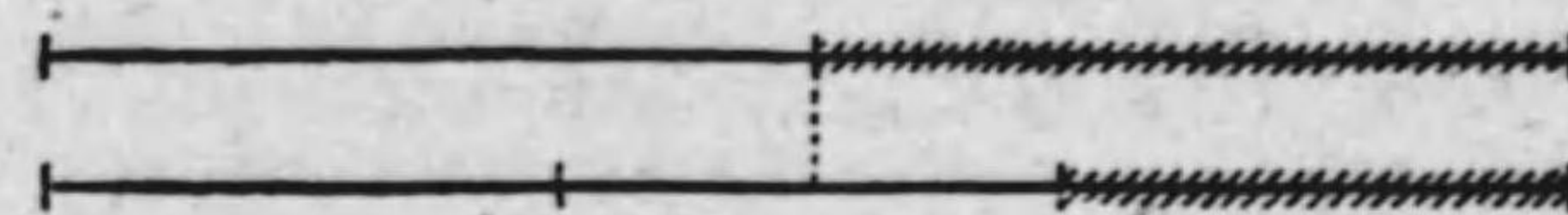
例へば、 $(\frac{3}{4}, \frac{5}{8})$ では、下のやうに兩方の分數を圖に表し、



その差が $\frac{1}{8}$ になることを圖の上から見出させるのである。このとき、 $\frac{3}{4}$ が $\frac{6}{8}$ に等しいことに注意させ、 $\frac{3}{4}$ の分母・分子にそれぞれ2を掛けると $\frac{6}{8}$ が得られることを明らかにするがよい。

八番 通分を導入し、その仕方を指導するものである。兒童用書では、先づ、紐の長さの考察から、 $\frac{1}{2}$ と $\frac{2}{3}$ との差を圖によつて見出させることとしてある。

先づ、 $\frac{1}{2}$ だけ使つた方の残りは $\frac{1}{2}$ で、 $\frac{1}{3}$ だけ使つた方の残りは $\frac{2}{3}$ であることをはつきり認めさせる。後の残りの方が多きことは容易にわかるであらう。その差は、圖をよく觀察することによつて、 $\frac{1}{3}$ のちやうど半分であるから、もとの長さの $\frac{1}{6}$ であることを見出させるのである。



しかし、このやうなときに、いつも圖を書いて考へるのはめんどうであるから「圖を畫かないで考へる仕方」を工夫することにし、児童用書に従つて、 $\frac{2}{3}$ と $\frac{1}{2}$ とを同じ分母の分數に直すことはできないかを考へさせる。即ち、 $\frac{2}{3}$ に等しい分數を、分母の小さいものから順に二つ三つ書き、次に $\frac{1}{2}$ に等しい分數を同じやうに二つ三つ書いて、兩方を見くらべ、分母の等しい分數が現れないか探させるのである。その際、次のやうに書かせるがよい。

$$\frac{2}{3} = \frac{4}{6} = \frac{6}{9}$$

$$\frac{1}{2} = \frac{2}{4} = \frac{3}{6} = \frac{4}{8}$$

このやうにして、 $\frac{2}{3}$ と $\frac{1}{2}$ とを、同じ分母の分數 $\frac{4}{6}$ 及び $\frac{3}{6}$ に直すことができることを知らせる。さうして、児童用書の「 $\frac{2}{3}$ ハ $\frac{1}{2}$ ヨリドレダケ大キイカ」に對しては、 $\frac{2}{3}$ と $\frac{1}{2}$ にそれぞれ等しい $\frac{4}{6}$ と $\frac{3}{6}$ とを比較することによつて、 $\frac{2}{3}$ が $\frac{1}{2}$ よりも $\frac{1}{6}$ だけ大きいことを見出すやうに指導する。

上のやうな通分の仕方がよくわかつた後では、次のやうに考へて通分するやうに導くがよい。即ち、 $\frac{2}{3}$ と $\frac{1}{2}$ の場合ならば、 $\frac{2}{3}$ と $\frac{1}{2}$ との分母3及び2の最小公倍数6を見出し、6を分母とするやうに $\frac{2}{3}$ と $\frac{1}{2}$ とをそれぞれ書き直すのである。最小公倍数は、(兒・56)で、實質的に理解させ、かつ、求め方を指導したのである。なほ、この仕方をとらせると、例へば $\frac{2}{3}$ を $\frac{2}{6}$ とするやうに、分母だけを書き換へておく児童がある

かも知れないから注意を要する。

児童用書のいちばん下の文によつて、「通分スル」といふ言葉の意味をはつきりわからせる。

九番 通分して大小を比較することの練習である。

前問の指導によつて計算の仕方は理解できたであらうが、児童が困難を感ずるのは、公分母を決定することであらう。この定め方は、(兒・56)で指導した公倍数の求め方であるから、それを想起させつつ、適當に指導すべきである。

児童用書には、比較的簡単な場合のみを掲げてある。大小を比べさせると共に、差をも求めさせるがよい。

なほ、 $(\frac{2}{3}, \frac{3}{4})$, $(\frac{5}{6}, \frac{3}{4})$, $(\frac{5}{6}, \frac{7}{8})$ は、それぞれ、一方の分母・分子に同数を加へて他方の分數にすることのできる場合である。これを取扱ふ際、分數の分母・分子に同数を加へると、値の異なつた分數になることを認めさせるがよい。また、次のやうな問題を補充して課するがよい。

次ノ各組デ、ドチラが大キイカラ考ヘヨ。

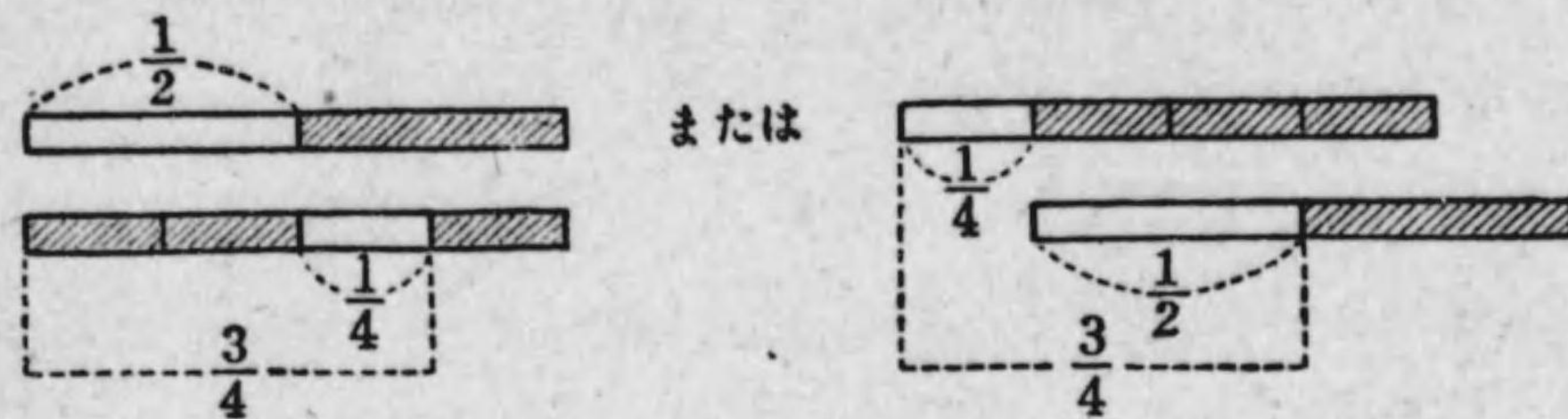
$$(\frac{1}{3}, \frac{5}{9}) \quad (\frac{3}{4}, \frac{7}{8}) \quad (\frac{1}{2}, \frac{7}{8}) \quad (\frac{2}{3}, \frac{1}{4}) \quad (\frac{5}{6}, \frac{5}{8})$$

$$(\frac{1}{2}, \frac{2}{3}, \frac{3}{4}) \quad (\frac{2}{3}, \frac{5}{6}, \frac{7}{9}) \quad (\frac{3}{4}, \frac{4}{5}, \frac{7}{10})$$

十番 異分母分數の寄算・引算を指導し、その練習を行はせるのである。

先づ、「牛乳ノビンガ二本アル。一本ニハ四分ノ一、他ノ方ニハ二分ノ一ダケ牛乳ガハイツテキル。兩方ヲ合ハセルト、一本ノドレダケニナルカ」といふやうな、異分母分數の寄算を必要とする實際の場合を考へさせるがよい。この際、例へば、前

に作った分數を表す ひと を使つて、下の圖のやうに、



結果が $\frac{3}{4}$ になることに気づかせ、次には、通分して計算する仕方を考へさせる。

計算は、下のやうに書かせるがよい。

$$\begin{aligned}\frac{1}{2} + \frac{1}{4} &= \frac{2}{4} + \frac{1}{4} \\ &= \frac{3}{4}\end{aligned}$$

児童用書の問題は、上の三行が寄算を練習させるもので、下の三行が引算を練習させるものである。寄算の問題は、各行の右端の問題には帯分數が混ざつてゐる。その他の問題は、

第一・二行 結果が眞分數になるもの（その中約分し得るものがある。）

第三行 結果が帯分數になるもの

引算の問題も、第一・二行の右端の問題、及び、第三行の問題には帯分數が混じつてゐる。

各々の種類の最初の問題について、その計算の仕方を明らかにし、その他はその仕方で練習させて行くがよい。

寄算でも引算でも、できるだけ暗算を活用させ、また、次の例を参考して、書き方を指導するがよい。

$$\frac{2}{3} + \frac{1}{6} = \frac{4}{6} + \frac{1}{6}$$

$$\begin{aligned}&= \frac{5}{6} \\ \frac{1}{3} + \frac{1}{2} &= \frac{2}{6} + \frac{3}{6} \\ &= \frac{5}{6} \\ 1\frac{1}{6} + \frac{5}{9} &= 1\frac{3}{18} + \frac{10}{18} \\ &= 1\frac{13}{18} \\ \frac{3}{10} + \frac{1}{5} &= \frac{3}{10} + \frac{2}{10} \\ &= \frac{5}{10} \\ &= \frac{1}{2} \\ \frac{5}{8} + \frac{1}{6} &= \frac{15}{24} + \frac{4}{24} \\ &= \frac{19}{24} \\ \frac{2}{3} + 1\frac{1}{5} &= \frac{10}{15} + 1\frac{3}{15} \\ &= 1\frac{13}{15} \\ \frac{2}{3} + \frac{3}{4} &= \frac{8}{12} + \frac{9}{12} \\ &= \frac{17}{12} \\ &= 1\frac{5}{12} \\ 1\frac{4}{5} + 2\frac{7}{10} &= 1\frac{8}{10} + 2\frac{7}{10} \\ &= 3\frac{15}{10} \\ &= 4\frac{5}{10}\end{aligned}$$

$$=4\frac{1}{2}$$

$$\frac{3}{4}-\frac{2}{3}=\frac{9}{12}-\frac{8}{12}$$

$$=\frac{1}{12}$$

$$3\frac{1}{2}-2\frac{1}{3}=3\frac{3}{6}-2\frac{2}{6}$$

$$=1\frac{1}{6}$$

$$1\frac{1}{2}-\frac{1}{4}=1\frac{2}{4}-\frac{1}{4}$$

$$=1\frac{1}{4}$$

$$1\frac{2}{3}-\frac{5}{6}=1\frac{4}{6}-\frac{5}{6}$$

$$=-\frac{10}{6}-\frac{5}{6}$$

$$=-\frac{5}{6}$$

または,

$$1\frac{2}{3}-\frac{5}{6}=\frac{2}{3}+\frac{1}{6}$$

$$=-\frac{4}{6}+\frac{1}{6}$$

$$=-\frac{5}{6}$$

$$3\frac{2}{5}-\frac{9}{10}=3\frac{4}{10}-\frac{9}{10}$$

$$=2\frac{14}{10}-\frac{9}{10}$$

$$=2\frac{5}{10}$$

$$=2\frac{1}{2}$$

$$2\frac{1}{2}-1\frac{2}{3}=1\frac{1}{2}-\frac{2}{3}$$

$$=\frac{3}{2}-\frac{2}{3}$$

$$=\frac{9}{6}-\frac{4}{6}$$

$$=\frac{5}{6}$$

十一番 分數に整數を掛ける際に、約分し得る場合の掛算を導入するものである。

兒童用書の問題について、先づ、もとの糸ごむの長さは、 $5\frac{3}{4}$ cm の四倍であることを認めさせ、 $5\frac{3}{4}$ cm の四倍を求めるにはどうすればよいかを考へさせ、結局、

$$5\frac{3}{4}\times 4=(5+\frac{3}{4})\times 4$$

$$=5\times 4+\frac{3}{4}\times 4$$

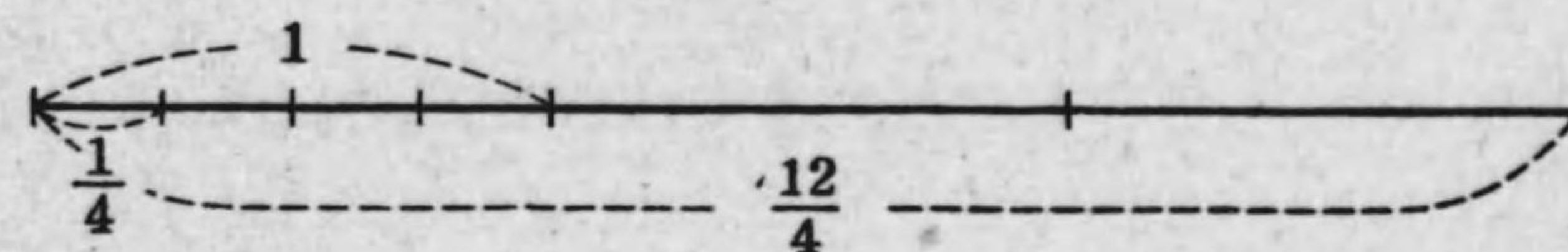
$$=20+\frac{12}{4}$$

$$=20+3$$

$$=23$$

といふやうに、5cm と $\frac{3}{4}$ cm との各々を四倍して、それを寄せる仕方に導く。

なほ、 $\frac{12}{4}$ が3に等しいといふやうなことは、これまでに取り扱つたところであるが、ここでも、次のやうにしてこのことをつきりわからせるがよい。即ち、下のやうな圖によつて、



$\frac{12}{4}$ は $\frac{4}{4}$ (即ち、1)の三倍であることから、 $\frac{12}{4}$ は3に等しいことを明らかにもするのである。

十二番 分數に整數を掛ける際に約分し得る場合の計算の仕方を指導し、その練習をさせるのである。

分數に整數を掛けるには、分子に整數を掛ければよいことは既に指導した。この仕方によつて、例へば、 $\frac{1}{6} \times 3$ は、 $\frac{3}{6}$ としておいて、これを約分するのが、兒童には自然である。最初はこの仕方を採らせ、その後は、分子と乘數とを掛け合はせないうちに、分母と乘數とを公約數で割る方が便利であることを認めさせるがよい。

計算の形式は、次のやうにさせる。

$$\begin{aligned} \frac{3}{8} \times 6 &= \frac{3 \times 6}{8} && \text{または} && \frac{3}{8} \times 6 &= \frac{9}{4} \\ &= \frac{9}{4} && && &= 2\frac{1}{4} \\ &= 2\frac{1}{4} && && & \end{aligned}$$

帶分數に掛ける場合には、次のやうにさせるがよい。

$$\begin{aligned} 2\frac{3}{10} \times 4 &= 8 + \frac{3 \times 4}{10} && (\text{または } 2 \times 4 + \frac{3}{10} \times 4) \\ &= 8 + \frac{6}{5} \\ &= 8 + 1\frac{1}{5} \\ &= 9\frac{1}{5} \end{aligned}$$

なほ、兒童の中には、次のやうな誤つた仕方をする者があるかも知れない。

$$(1) \quad 2\frac{3}{10} \times 4 = 4\frac{6}{5}$$

$$= 5\frac{1}{5}$$

かやうな兒童に對しては、例へば、

$$2\frac{3}{10} \times 4 = 2\frac{3}{10} + 2\frac{3}{10} + 2\frac{3}{10} + 2\frac{3}{10}$$

として計算し直してみさせ、(1)の仕方が誤りであることをはつきり理解させるがよい。

また、帶分數を整數倍するには、帶分數を假分數に直して整數倍する兒童があるかもしれない。それは、それでもよいが、整數部に乘數を掛け、分數部に乘數を掛け、兩方の結果を寄せた方が計算が樂であることを認めさせ、この仕方によらせるがよい。

十三番 分數を整數で割る際に約分し得る場合の割算を導入するものである。

兒童用書の問題を、その下の圖を参照して考へさせ、こまの紐一本の長さは、初めの紐の長さの八分の一であることを見出させる。この圖では、初めの紐からその四分の一を取り去つた残り(即ち、初めの紐の四分の三)を三等分し、その各々(即ち、初めの紐の四分の一)を更に二人づつで分けたと考へるのが自然であらう。

上の考察を行はせた後、 $\frac{3}{4}$ を6で割る仕方に進む。上に述べた紐の分け方に即して計算するとすれば、 $\frac{3}{4}$ を6で割るのに、先づ3で割つて次に2で割ることになる。即ち、

$$\begin{aligned} (1) \quad \frac{3}{4} \div 6 &= \frac{3}{4} \div 3 \div 2 \\ &= \frac{1}{4} \div 2 \end{aligned}$$

$$= \frac{1}{4 \times 2}$$

$$= \frac{1}{8}$$

といふやうに計算するのである。この仕方がわかつた後では、
児童用書に記してある、

$$\frac{3}{4} \div 6 = \frac{1}{4} \div 2 \quad \text{デアアルワケ}$$

は、困難なく理解できるであらう。このやうに、除数を二つの
数の積に分け、直接除数で割る代りに、その二つの数で順次割
つて行く仕方は、(兒・53)で指導したところである。

しかし、常にこのやうな考へ方を計算に適用することは必ず
しも有利ではない。既に、(兒・58)で、分数を整数で割るに
は、分母に除数を掛ければよいことを指導してあるから、

$$\frac{3}{4} \div 6 = \frac{3}{4 \times 6}$$

$$= \frac{3}{24}$$

$$= \frac{1}{8}$$

といふやうに計算させ、更にこれは次のやうに途中で約分して
計算する方がよいことを認めさせる。

$$(ロ) \quad \frac{3}{4} \div 6 = \frac{\overset{1}{\cancel{3}}}{4 \times \underset{2}{\cancel{6}}}$$

$$= \frac{1}{8}$$

これによつて、分数を整数で割るには、分母に除数を掛けれ
ばよいこと、及び、分母と除数との積を計算する前に、約分が
できるときには約分をしてしまふことを、しつかり呑みこませ
るのである。即ち、最初の(イ)の仕方は、事實に即した計算

法として、一應觸れるだけとし、今後の計算はすべて(ロ)の
仕方によることを本體とするのである。

十四番 分数を整数で割る際に、約分を適用する計算が大部
分である。約分のできないものも混ざつてゐる。児童の中には、
これにまごつくものがあるかも知れないから、その點を注意す
るがよい。

帯分数を整数で割る割算については、帯分数の整数部分を除
数で割り、分数部分を除数で割つて、兩方の結果を寄せてもよ
く、帯分数を假分数に直して除数で割つてもよいが、後の仕方
の方が樂であることをわからせるがよい。

$$\text{例 1.} \quad 6\frac{3}{4} \div 6 = 6 \div 6 + \frac{3}{4} \div 6$$

$$= 1 + \frac{3}{4 \times 6}$$

$$= 1 + \frac{1}{8}$$

$$= 1\frac{1}{8}$$

$$\text{または,} \quad 6\frac{3}{4} \div 6 = \frac{27}{4} \div 6$$

$$= \frac{9}{4 \times \frac{6}{2}}$$

$$= \frac{9}{8}$$

$$= 1\frac{1}{8}$$

この例では、どちらでも大差ないが、次の例では、後の仕方
の方が樂である。

例 2. $2\frac{2}{3} \div 10 = 2 \div 10 + \frac{2}{3} \div 10$

$$= \frac{2}{10} + \frac{2}{3 \times 10}$$

$$= \frac{1}{5} + \frac{1}{15}$$

$$= \frac{3}{15} + \frac{1}{15}$$

$$= \frac{4}{15}$$

または、 $2\frac{2}{3} \div 10 = \frac{8}{3} \div 10$

$$= \frac{8}{3 \times 10}$$

$$= \frac{4}{15}$$

4. イロイロナ問題 (兒・65)

実際の場合について、分数の計算を適用する練習をさせるものである。

一番 分数の加減を適用するものである。

問題を讀ませて、その意味を略圖に書かせてみるがよい。さうすれば、大きな瓶一本に醤油がいつばいはいつてゐること、それよりも小さな瓶が二本あること、この二本の小さな瓶は同じ大きさでなく大小があることが、はつきりとわかるであらう。この小さな瓶の中、小さい方を「小の瓶」もう一つの方を「中の瓶」として考へさせるがよい。

先づ、小の瓶に醤油をいつばいうつしたとして、大きな瓶に

醤油がどれだけ残つてゐるかを問うてみる。それは四分の三であることを認めさせ、次には、中の瓶に醤油をいつばいうつしたとして、大きな瓶に醤油がまだ残つてゐるかどうかを問うてみる。さうして、四分の三残つてゐたのを五分の二うつしたことを認めさせて、 $\frac{3}{4} - \frac{2}{5}$ の計算をすることに導くのである。

$$\text{計算} \quad \frac{3}{4} - \frac{2}{5} = \frac{15}{20} - \frac{8}{20}$$

$$= \frac{7}{20}$$

上の仕方がわかつた後で、もつと外の考へ方は出来ないかを考へてみさせるもよい。さうすれば、先づ、中の瓶にうつして、残りの $\frac{3}{5}$ から $\frac{2}{4}$ を引く仕方や、 $\frac{1}{4}$ と $\frac{2}{5}$ を寄せてそれを 1 から引く仕方を考へる児童もあるであらう。

$$\text{計算} \quad 1 - \frac{2}{5} - \frac{1}{4} \quad \text{または} \quad 1 - \left(\frac{2}{5} + \frac{1}{4} \right)$$

この問題は数が少いから、一問題にいろいろな考へ方をさせることが望ましいのである。

二番 分数の掛算を適用させるものである。

これも、問題を讀ませて、その意味を略圖に畫かせてみるがよい。さうして、醤油が、同じ大きさの瓶に四本はいつてゐること、その中の一本の醤油を、もつと大きな瓶にうつしたら、その五分の二だけあつたことをはつきりさせ、結局、 $\frac{2}{5}$ を四倍することに導く。

$$\text{計算} \quad \frac{2}{5} \times 4 = \frac{8}{5}$$

$$= 1\frac{3}{5}$$

$$\begin{aligned} \text{または, } \frac{2}{5} + \frac{2}{5} + \frac{2}{5} + \frac{2}{5} &= \frac{8}{5} \\ &= 1\frac{3}{5} \end{aligned}$$

三番 これは、帯分數を整数で割る割算を適用させるものである。

$$\begin{aligned} \text{計算 } 5\frac{3}{5} \div 8 &= \frac{28}{5} \div 8 \\ &= \frac{7}{5 \times 8} \\ &= \frac{7}{10} \end{aligned}$$

即ち、一軒に一瓶の十分の七づつ分ければよいことになる。

なほ、 $\frac{7}{10}$ を八倍して、元の $5\frac{3}{5}$ になるかどうかを、確かさせるがよい。このときの計算は次の通りである。

$$\begin{aligned} \frac{7}{10} \times 8 &= \frac{7}{10} \times \frac{4}{8} \\ &= \frac{28}{5} \\ &= 5\frac{3}{5} \end{aligned}$$

第七章

小 數

(兒・66—75)

目 的

小數を掛けること及び小數で割ることを指導し、計算の練習を行はせ、活用をはかる。

要 項

小數の計算では、小數を掛ける掛算及び小數で割る割算を除いて、他はすべて既に指導したところである。乗數・除數が小數である場合の掛算・割算は、理解が相當困難であつて、あまり早く指導するわけには行かなかつたのである。既に第五學年となつて理解力も進み、また、これを指導する十分な準備もできてゐることであるから、本章で取扱ふこととした。

小數を掛けること、小數で割ること

小數を掛けることを指導するには、小數を掛けるといふことを考へる意義を認めさせると共に、小數を掛ける方法を會得させなくてはならない。ところで、小數を掛けると考へる意義を最初に理解させることは相當困難である。これまでは、掛算とは、被乘數を乘數の表す數だけ集めることであるとして教へて來た。整数の範圍ではこれで十分である。ところが小數になると、集める數(回数とも言ふべきもの)が半端になるから、これまでの掛算の意義だけでは考へられない。そこで、小數の掛

算が必要となる実際の場合を考へさせ、事實に即して計算させることから出發し、小數を掛けると考へる意義を理解せしめるやうに導かなくてはならない。

兒童用書では、整數の掛算を要する実際の場合から、これを小數の場合に及ぼし、計算法を統一するといふ見地から小數の掛算に導き、その間に、小數を掛けると考へることの意義が次第に明らかとなるやうにした。

小數で割ることについても、整數の割算の意義そのままでは解決がつかない。即ち、整數の割算を實際の場合について考へれば、等分除と包含除との二つの場合がある。後者は、小數の場合に於ても容易に考へ得るところであるが、等分するといふことは小數の場合に於ては考へられない。また、數理的な意義づけとして割算の意義が、整數の場合には、掛算の逆の算法として規定されてゐるから、小數の場合にも、小數の掛算の逆の算法として規定することはできる。但し、この導き方は、抽象的であつて、理解し易いとは言へない。

そこで兒童用書では、先づ、包含除の場合について考へさせ、整數・小數を通じて割ると考へることが有利であることを認めさせ、小數で割る仕方を一應指導した後、小數の場合にも割算は掛算の逆の算法と考へられることを理解させることとした。なほ、その間に「2.3倍」・「0.8倍」といふやうな「小數倍」の觀念が明らかとなるやうにした。

指 導 要 領

1. 小 數 (兒・66—72)

小數を掛ける掛算、及び、小數で割る割算を指導するのである。教材は次の順序に掲げてある。

- (1) 整數に小數を掛ける掛算
- (2) 小數に小數を掛ける掛算
- (3) 整數または小數を小數で割つて、整數の商を得る割算
- (4) 小數倍の觀念の確立、及び、整數または小數を小數で割つて小數の商を得る割算
- (5) 小數の掛算に於ける交換法則、及び、掛算・割算の練習

一番 整數に小數を掛ける掛算を導入するものである。

小數を掛けることを、整數を掛けることと同じ意味に解することはできない。しかし、兩者を全然切りはなして考へるのはよくない。

そこで、整數を掛ける場合に連続して小數を掛ける場合を考へさせ、「小數を掛ける」と考へることが形式の統一の上から都合がよく、また、このやうに考へることが數理の上からみても筋が通ることを納得させようといふのである。

兒童用書では、1m 一圓八十錢の絹布の色々な長さに対する價を求め、かつ、求め方を式に書き表すことを要求してゐる。

(イ) 4m の價

これは、 $180 \times 4 = 720$

として結果が得られる。

(ロ) 2.5m の價

これを求めるには、2m の價を(イ)と同様な仕方で求め、次に 0.5m は 1m の半分であるから、0.5m の價は 1m の價一

円八十匁の半分と考へてこれを求め、両方の價を寄せるのが最初としては自然であらう。

$$180 \times 2 = 360$$

$$180 \div 2 = 90$$

$$360 + 90 = 450$$

または、
$$180 \times 2 + 180 \div 2 = 360 + 90 = 450$$

のどちらでもよい。但し、後の方を探り上げるときには、掛算・割算は寄算・引算よりも先にすることを注意するがよい。

(ハ) 0.1 m の價

この場合は、0.1 m が 1 m の十分の一であることから、

$$180 \div 10 = 18$$

として求めるのが自然である。

(ニ) 0.4 m の價

0.4 m は 0.1 m の 4 倍であることから、結局、

$$180 \div 10 = 18$$

$$18 \times 4 = 72$$

または、
$$180 \div 10 \times 4 = 72$$

とすればよいことに導くがよい。

(ホ) 2.3 m の價

2 m の價と 0.3 m の價とを別々に求めて、両方を寄せる仕方が自然であらう。その式は、

$$180 \times 2 = 360$$

$$180 \div 10 \times 3 = 54$$

$$360 + 54 = 414$$

でよい。

以上は、これまでに児童が習得したところに基づいた解決の仕方であつて、極めて自然であり、これで差支へないのである。しかし、これだけでは小數を掛けるといふことが現れて來ない。そこで、例へば、次に述べるやうに導く。

先づ、(イ)から(ホ)までの五つの問題は、どれも絹布の長さがわかつたときその價を求めるものであることをはつきり認めさせる。さうして、この五つの場合の計算の仕方を前に書いた式によつて比べさせ、同じやうな問題でありながら絹布の長さによつて計算の仕方がまちまちであること、随つて、「この絹布の長さがわかつたとき、その價はどんなに計算すればよいか。」と問はれても、一口には答へられないことに注意させておく。

次に、(イ)のやうに、絹布の長さが整数で表される場合だけについて考へさせ、例へば、

絹布 8 m の價は $180 \text{ 匁} \times 8 = 1440 \text{ 匁}$

〃 4 m 〃 $180 \text{ 匁} \times 4 = 720 \text{ 匁}$

〃 2 m 〃 $180 \text{ 匁} \times 2 = 360 \text{ 匁}$

〃 1 m 〃 $180 \text{ 匁} \times 1 = 180 \text{ 匁}$

のやうな考察を取扱つて、結局、この場合には、

1 m の値段に絹布の長さを表す數を掛ければよい。

といふことをはつきり認めさせる。なほ、上の最後の一米の場合は不自然ではあるが、後の指導のためにこれをも附け加へておくがよい。

次には、(ロ)から(ホ)までの四つの場合に進み、長さが小數で表される場合の計算の仕方が多様であることから、もつと簡

明にすることはできないかといふ方に考へを向けさせ、結局、次のことを理解させるのである。

0.4 mの價は、4 m の價の十分の一であることから、

$$180 \times 4 \div 10$$

と計算する。

2.3 m の價は 23 m の價の十分の一であることから、

$$180 \times 23 \div 10$$

と計算する。

即ち、「零點何メートル」または「何點何メートル」といふやうなときには、小數點をとり去つた「何メートル」または「何十何メートル」の長さの價を出して、それを10で割つておけばよい。

この考へ方によつて、例へば

絹布 0.8 m の價は $180 \text{ 丈} \times 8 \div 10 = 144 \text{ 丈}$

〃 0.4 m 〃 $180 \text{ 丈} \times 4 \div 10 = 72 \text{ 丈}$

〃 0.2 m 〃 $180 \text{ 丈} \times 2 \div 10 = 36 \text{ 丈}$

〃 0.1 m 〃 $180 \text{ 丈} \times 1 \div 10 = 18 \text{ 丈}$

の計算によつて求め得ること、及び

絹布 1.6 m の價は $180 \text{ 丈} \times 16 \div 10 = 288 \text{ 丈}$

〃 3.2 m 〃 $180 \text{ 丈} \times 32 \div 10 = 576 \text{ 丈}$

の計算によつて求め得ることを知らせ、この仕方を確實に理解させるがよい。

これをよくわからせた後で、右のやうに小數點がついたままで掛ける形式に導く。即ち、まづ16倍し、次に10で割ることを、別々

$$\begin{array}{r} 180 \\ 1.6 \\ \hline 1080 \\ 180 \\ \hline 288.0 \end{array}$$

に書いて計算する代りに、このやうに表す方が簡単であるとして、この形式を導くのである。

$$\begin{array}{r} 180 \\ \times 0.4 \\ \hline 72.0 \end{array} \quad \text{なほ、0.4 m の價などを上と同じ形式で左のやうに筆算でも求めさせるがよい。}$$

以上のやうな形式の計算法を理解させた後、かやうな計算をすることを

1.6 を掛ける

0.4 を掛ける

といふやうに言ひ表すことを教へる。さうして、結局、1 m 一円八十銭の絹布 1.6 m, 0.4 m などの價は 180 に 1.6, 0.4 などを掛けることによつて見出されることを明らかにする。

これによつて、或長さの絹布の價を求めるには、いつも、

1 m の値段に、絹布の長さを表す數を掛ければよい。

ことになり、數理的思考方法が統一され簡明となることを認めさせるがよい。但し、簡明になることの理解は本章の指導が進むにつれて、次第に深められるのであるから、一番だけでよく理解させようとする必要はない。要するに、ここでは「小數を掛ける」といふ考へとその意味とをなるべく自然に導くことが大切であつて、その目的を一應達することができたならば、直ちに次の計算に進むのがよい。

二番 整数に小數を掛けることの練習を行はせるものである。

第一行 } 整数に「零點何」といふ小數を掛けるもの(暗算)
 第二行 }
 第三行 } 整数に「零點零何」といふ小數を掛けるもの(暗算)
 第四行 } 二位數又は三位數に小數を掛けるもの(筆算)

このうち、第一行は、前問で取扱つた計算と同様に、積が整数となる場合である。第二行の計算の中には、小数を掛けて積が小数(帯小数)となるものが初めて現れる。

第三行・第四行を取扱ふ際には、一番に於て小数を掛ける計算を導入した仕方に準じて、先づ、0.06, 0.12などを掛ける意味をわからせておく。即ち、例へば、再び絹布の長さとその價とを考へることから、

$$180 \times 0.06 = 180 \times 6 \div 100$$

$$180 \times 0.12 = 180 \times 12 \div 100$$

といふやうなことを理解させる。かやうなことは、一番がよくわかつた後では容易に理解できるであらう。

以上の問題の計算の仕方は、既に述べたところで明らかなやうに、有効数字について掛算を行ひ、その後で位取りをきめる。例へば、

$$30 \times 0.6$$

では、「30を6倍して180、それを10で割つて18となる」と考へさせる。かやうに考へることは暗算の場合でも筆算の場合でも變りはない。ただ、筆算では、10, 100等で割ることを強く意識しないで結果を見出すことができる。随つて、小数を掛けるといふ觀念は、筆算によつて比較的 naturally 得られると考へられるのである。

三番 小数に小数を掛けることを取扱ふものである。

問題の形式は、一番と大體同じである。一番・二番に於て整数に小数を掛けることを取扱つた後では、直ちに小数に小数を掛ける計算を指導して差支へなく、再び一番と同じやうな取扱

をする必要はないわけである。然るに、ここで前と同様なことを繰り返すのは、小数の掛算は理解が困難であるから入念に指導する意味に外ならない。

問題の取扱ひ方は、一番に準ずればよい。但し、一番によつて小数を掛けることが理解されてゐるから、特別に注意を與へなくても、兒童みづからなし得るであらう。

四番 小数に小数を掛けることの練習を行はせるものである。取扱は二番に準じて行へばよい。位取りをすることに重點を置いて練習を行はせることが大切である。

五番 整数または小数を小数で割つて、整数の商を得る割算を導入するものである。

問題は、一番・三番と同じやうに、除数が整数の場合に續いて、除数が小数の場合を考へさせ、解き方を式で表させるやうにしてある。

(イ) に對しては、

$$6 \div 3 = 2$$

とすることは言ふまでもない。

(ロ) に對しては、兩方の器の容積をデシリットル單位に直し、60 dl 入りの器に 1 dl 入りの器を使つて水をみたすと考へて、答「六十ばい」を見出すのが自然であらう。これを式で書けば、

$$60 \div 1 = 60$$

となるが、1で割る割算を式に書かせるのはまだ無理であるから、式を書くことはここでは取扱はないがよい。

(ハ) も(ロ)と同様に、デシリット單位に直して、

$$60 \div 3 = 20$$

とするのが自然であらう。

(二) も前の仕方と同様に、単位を變へて考へ、

$$60 \div 12 = 5$$

とするのが自然であらう。

以上は、これまでに児童が習得したところに基づいた解決の仕方であつて、これで差支へないのであるが、これだけでは小數で割るといふことが現れて來ない。そこで、例へば次のやうに導く。

先づ、これらの場合には、いつでも、水をみたさうとする大きな器の容積を、小さな器の容積で割ればよいことをはつきり認めさせる。この際、

6l 入りの器に水をみたすのに、

3l 入りの器何ばいでみたせるか。

2l 入りの器何ばいでみたせるか。

1l 入りの器何ばいでみたせるか。

といふことを取扱ひ、最後の場合の解き方を式に書くとすれば、

$$6 \div 1 = 6$$

となることを教へる。

次に、(ハ)の場合の考察に進み、単位を入れて式を書けば、

$$60 \text{ dl} \div 3 \text{ dl}$$

となるが、これをリットル単位に書き直せば、

$$6 \text{ l} \div 0.3 \text{ l}$$

となる。上の式は 60 dl は 3 dl の何倍かを求める式である。随つて、下の式は 6 l は 0.3 l の何倍かを求めるものと考へて

よいこと、及び、その答はやはり 20 となることを認めさせる。即ち、

$$\begin{aligned} 6 \text{ l} \div 0.3 \text{ l} &= 60 \text{ dl} \div 3 \text{ dl} \\ &= 20 \end{aligned}$$

といふことを理解させるのである。續いて、(ニ)・(ロ)に及び、

$$6 \text{ l} \div 1.2 \text{ l}$$

$$6 \text{ l} \div 0.1 \text{ l}$$

などについて、式の意味と、答の見出し方とを理解させる。後の場合を取扱ふ際に、 $60 \div 1 = 60$ の式にも自然觸れることになる。

次には、數の割算に進み、先づ、

$$6 \div 0.1$$

では、6 は 0.1 の何倍であるかと考へて、60 倍であることから、答 60 を見出させ、更にいくつかの例を取扱つて、「0.1 で割ると、答はもとの數の 10 倍になる」こともはつきり認めさせておく。

次に、例へば、

$$6 \div 0.3$$

を取りあげ、6 は 0.3 の何倍かを見出すのに、6 と 0.3 とがそれぞれ 0.1 の 60 倍と 3 倍とであることから、 $60 \div 3$ の計算をすればよいことを理解させる。更に、60 は 6 の十倍であり、3 は 0.3 の十倍であることに注意させ、6 が 0.3 の何倍かを見出すには、兩方の數を 10 倍して、60 が 3 の何倍かを求めればよいこと、即ち、(兒・68)に掲げてある

$$6 \div 0.3 = (6 \times 10) \div (0.3 \times 10)$$

$$=60 \div 3$$

といふ式を理解させる。

$$6 \div 1.2$$

についても、上と同様に取扱へばよい。

除数・被除数を同数倍しても割算の商は変わらないことは、(兒・14)で事實に即して或程度理解させたところである。

六番 小數で割ることの練習を行はせるものであつて、整数の商を得る場合だけを取扱ふのである。

暗算で計算させ、例へば、 $6 \div 0.4$ では $60 \div 4$ と考へて既習計算に歸着させるのを本體とする。

なほ、第二行の計算を取扱ふ際に、例へば、

$$6 \div 0.04 = 600 \div 4$$

のやうに、除数を整数に直し、既習計算に歸着させることを理解させてから、計算を練習させるがよい。

なほ、例へば $56 \div 0.08$ のやうな暗算では、 $5600 \div 8$ とするよりも、56を8で割つて7、それを100倍して700とする方が樂である。このやうな仕方指導をするもよい。その際には、

$$\begin{aligned} 56 \div 0.08 &= (56 \times 100) \div (0.08 \times 100) \\ &= (56 \times 100) \div 8 \\ &= 56 \div 8 \times 100 \end{aligned}$$

といふことをわからせるがよい。

七番 「零點何倍」「何點何倍」といふことを理解させるものである。

(イ)の器には(ホ)の器の何倍はいつてゐるかは、 $15 \div 5 = 3$ とすればよいことは言ふまでもない。

(ロ)・(ハ)の器にはそれぞれ何倍はいつてゐるかについては、これまでに指導したところでは、兩方とも「二倍よりも多いが、三倍より少い。」と答へるほかはない。これでは、(ロ)及び(ハ)にはいつてゐる水の量に違ひのあることが表されない。そこで、もつとはつきり言ひ表すにはどうすればよいかといふことから、 $13 \div 5$, $12 \div 5$ の割算を行つて商 2.6, 2.4 を得て、

(ロ)には(ホ)の 2.6 倍はいつてゐる。

(ハ)には(ホ)の 2.4 倍はいつてゐる。

といふのが適切であることを理解させる。

(ニ)の器には(ホ)の器の何倍はいつてゐるかといふ問も、上に準じて取扱へばよい。さうして、「0.8倍」と答へるのが適切であることを認めさせる。

なほ、例へば、(ニ)の器に水をついで行き、水が5l, 6l, 7l……と、だんだん増すとして、この各々の水の量について、(ホ)の何倍になつたかを考へさせるがよい。かうして、水が増すにつれて倍を表す數が増すこと、及び、「1倍」「1.3倍」「1.5倍(1倍半)」といふやうな言ひ表し方を知らせるのである。また、例へば、4lが5lの0.8倍あることを見出すことの逆として、5lの0.8倍は何リットルかを求めるには、 $5l \times 0.8$ の掛算をすればよいことをもわからせるがよい。

八番 整数または小數で割つて、小數の商を得る割算を導入するものである。

大きなびんには小さなびんの何倍はいるかに對しては、

$$1.5 \div 0.6$$

の割算をして商 2.5 を得、2.5倍と答へさせる。

この割算の仕方は、五番・六番で指導したやうに、被除数・除数を10倍した $15 \div 6$ の割算を行ふことは言ふまでもない。

小さなびんには大きなびんの何倍はいるかに對しては、

$$0.6 \div 1.5$$

の割算を上と同様な方法で行ひ、答「0.4倍」を見出させるのである。

なほ、結果を見出させた後、0.6lの2.5倍は1.5lであり、1.5lの0.4倍は0.6lであることを、

$$0.6 \times 2.5 \quad 1.5 \times 0.4$$

の掛算をして確かめさせるがよい。

九番 整数または小数を小数で割つて、小数の商を得る割算の練習を行はせるものである。

問題は、被除数も除数も小数位二桁までに限つてある。

いづれも暗算で行はせるのであるが、困難を感じるものは筆算で計算させるもよい。補充問題もこの程度に止めるがよく、また、あまり数多く課する必要はない。

十番 小数で割ることが、小数を掛けることの逆の手續きであることを明らかにするためのものである。

問題は立式を要求してある。下の右方の式が求める式である。

$$(イ) \quad 4 \times \square = 12 \quad 12 \div 4 = 3$$

$$(ロ) \quad 8 \times \square = 2 \quad 2 \div 8 = 0.25$$

$$(ハ) \quad 2.5 \times \square = 10 \quad 10 \div 2.5 = 4$$

$$(ニ) \quad 0.4 \times \square = 0.6 \quad 0.6 \div 0.4 = 1.5$$

$$(ホ) \quad \square \times 6 = 30 \quad 30 \div 6 = 5$$

$$(ヘ) \quad \square \times 4 = 2 \quad 2 \div 4 = 0.5$$

$$(ト) \quad \square \times 0.8 = 4 \quad 4 \div 0.8 = 5$$

$$(チ) \quad \square \times 1.4 = 3.5 \quad 3.5 \div 1.4 = 2.5$$

これらの問題は、一般的な形で表せば、

$$a \times x = b \quad \text{または} \quad x \times a = b$$

の式に於て x を求めるものである。(イ)・(ホ)は整数の場合であり、(ロ)・(ヘ)は結果だけが小数になる場合であつて、本章を指導するまでに既に取扱つたもの若くはそれに準ずるものである。これらを出発点として考へさせ、(ハ)・(ニ)及び(ト)・(チ)の場合も理解させようといふのである。

児童用書の問題は、前掲の左方の式の \square の中に、ちやうど當てはまる数を入れよといふのと同じ内容をもつのである。このやうな形式に問題を書き直してみると、整数・小数を通じて全く同一の形式になることがわかる。さうして、求める数を見出すために行ふ計算もまた整数・小数を通じて全く同一の形式になることが一層明らかとなるであらう。

なほ、掛算と割算との關係については、

$$a \div x = b$$

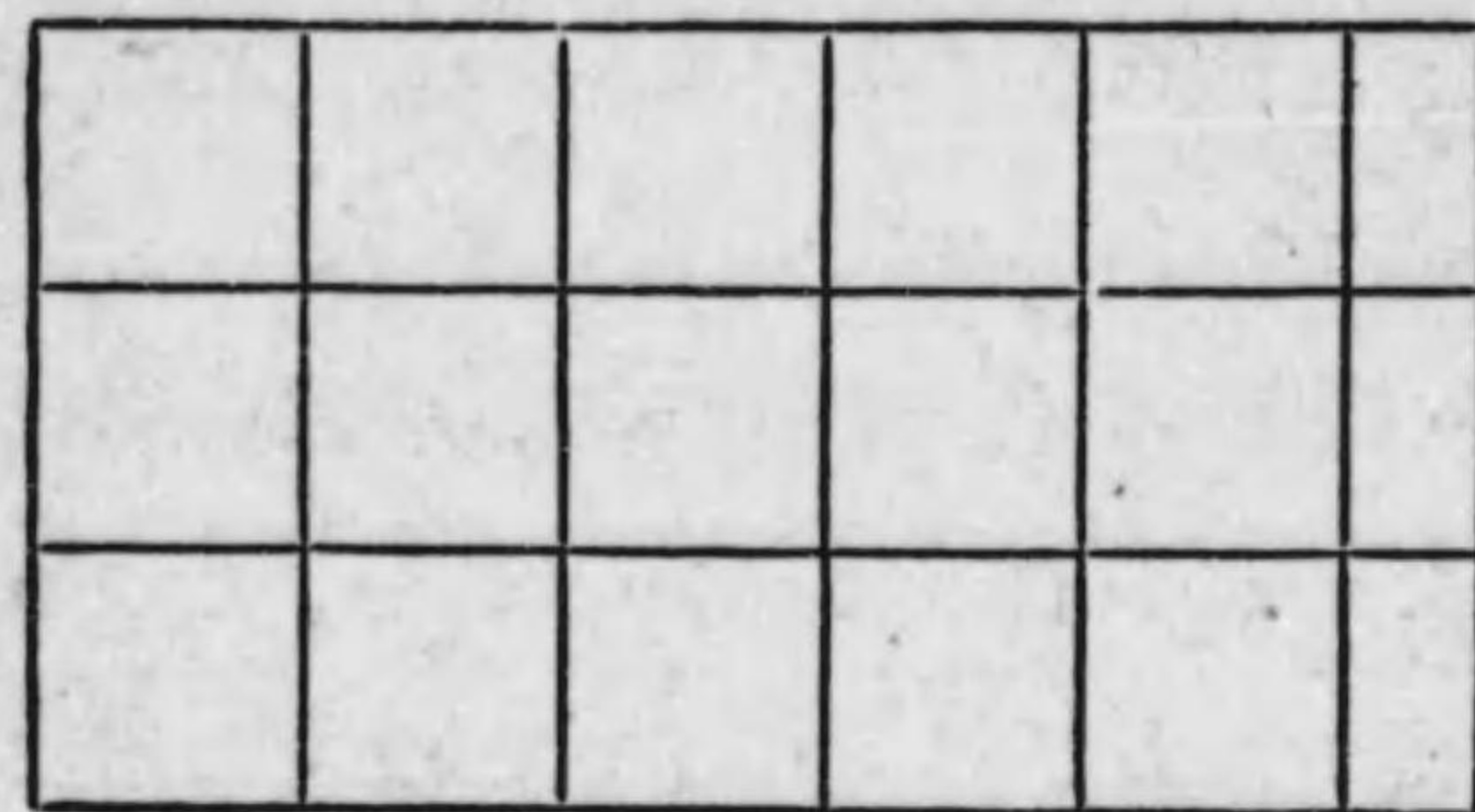
$$x \div a = b$$

の式でをを求める計算を、 a, b, x が小数となる場合について考へさせることによつて、一層明らかとなるのであるが、あまり複雑となるのでここでは觸れないこととした。時間に餘裕のあるとき、餘力のある児童にこれを課するもよい。

十一番 縦3cm、横5.5cmの矩形を畫いてその面積を求める仕方を考へさせ、これによつて、長さが小数で表される場合の面積の求め方を明らかにし、併せて、小数の掛算の場合にも

交換の法則が成り立つことを認めさせるのである。

先づ、方眼紙に次のやうな圖を畫かせる。さうして、その面積を圖について求めさせる。



一邊 1cm の正方形が横に五つ縦に三つ並ぶから、これだけで $(5 \times 3) \text{ cm}^2$ 即ち 15 cm^2

である。そのほかに、縦が 1cm、横が 0.5cm の矩形が縦に三つ並ぶ。この矩形一つの面積は 1 cm^2 の半分即ち 0.5 cm^2 であるから、三つで 1.5 cm^2 である。そこで、全体の面積は、

$$15 \text{ cm}^2 + 1.5 \text{ cm}^2 = 16.5 \text{ cm}^2$$

となる。

次に、これを計算で求める仕方に進み、 1 cm^2 の正方形が横に五つ半並んだものが縦に三つ並んでゐるから、全体の面積は

$$5.5 \times 3$$

の掛算によつて 16.5 cm^2 となることがわかる。また、見方を變へると、 1 cm^2 の正方形が縦に三つ並んだものが横に五つ半並んでゐると考へることができる。そこで、全体の面積は、

$$3 \times 5.5$$

の計算によつても求められ、上と同じやうに 16.5 cm^2 となることがわかる。

このやうにして、矩形の縦・横のうち一方が小数で表はされる場合にも、縦・横の長さを表す數を掛け合はせることによつて、面積を小数で表し得ることを理解させる。

最後に、上の考察に於て、

$$3 \times 5.5$$

$$5.5 \times 3$$

の掛算の結果が同じになることから、小数の掛算に於て乗數・被乘數を交換しても同じ積が得られることを明らかにする。

「ホカノ數ニツイテモ調べテミヨ。」に對しては、例へば、

$$0.8 \times 0.3 \quad \text{と} \quad 0.3 \times 0.8$$

$$2.4 \times 3.6 \quad \text{と} \quad 3.6 \times 2.4$$

といふやうな乗數・被乘數を交換した二つの掛算の結果を比べさせ、積が同じであることを認めさせる。

「ソレデ、ドンナコトガワカルカ。」といふ問は、「掛ける數と掛けられる數とを入れかへても答は變らない。」といふやうな答を期待してゐるのである。

十二番 小数の掛算を練習させるものである。ここでは、有効數字の桁數が、被乘數では少く乗數では多い場合を、相當多く取扱ふこととした。

最初の三行は暗算で行はせるものである。

第一行 基數に何點何を掛けるもの

第二行 零點何に何點何を掛けるもの

第三行 零點零何に何點何を掛けるもの

これらの掛算は、基數と二位數との積を求める掛算がその基礎となるものである。

この種の掛算は、被乘數に乘數を掛けると考へて計算するよりも、乘數に被乘數を掛けると考へて計算する方が樂である。このことを認めさせ、被乘數・乘數を入れかへて計算させるがよい。

なほ、この種の計算は、視暗算により、ゆつくり考へてできればよく、また、あまり数多く課する必要はない。

その次の三行は、筆算で計算させるものである。このうちで、第二行は、桁数の少ない数に桁数の多い数を掛けるものであるが、これを計算する際には、例へば、 0.3×135 を右の $\begin{array}{r} 135 \\ \times 0.3 \\ \hline \end{array}$ やうに書きとつて計算するやうにさせる。即ち、先づ桁数の多い方を書き、その下に桁数の少ない方を書いて掛算を行ふことを本體として指導するのである。

十三番 矩形の面積と一辺とが小数で表されてある場合について、残りの辺の長さを求めることを取扱ひ、小数の割算を筆算で行ふことを指導するのである。

横の長さを表す数は、

$$7.5 \times \square = 97.5$$

の \square の中に入れるとちやうど當てはまる数であることに気づかせ、

$$97.5 \div 7.5$$

の割算によつてその長さを見出すやうに指導する。

この割算を行ふ際には、既に五番・八番で指導したやうに、被除数・除数を10倍した割算 $975 \div 75$ を筆算で行ふのである。

十四番 小数の割算を筆算で行ふことの練習である。ここでは、割り切れるものだけを取扱ふ。

計算に當つては、先づ除数を整数にし、次に除数を整数にするために掛けた数を被除数に掛けておく。即ち、除数の小数点を消し、被除数が整数のときには、除数の小数部の桁数と等し

い数だけの0を被除数の後に付け加へ、また、被除数が小数のときには、除数の小数部と等しい桁数だけ小数点を右に移し、被除数の小数部の桁数が除数の小数部の桁数よりも少いときには、その差だけ被除数の後に0を付け加へるのである。次にその例を掲げておく。

$$\begin{array}{l} 8.5 \overline{)663} \longrightarrow 8.5 \overline{)6630} \\ 7.64 \overline{)6.112} \longrightarrow 7.64 \overline{)6.112} \\ 0.375 \overline{)0.66} \longrightarrow 0.375 \overline{)0.660} \end{array}$$

十五番 小数で割る割算のうち、計算を途中で打ち切る場合を指導するのである。問題には、分の位まで出せと要求してある。

最初の数題を計算させる際には、商を分の位まで出して、その商と余りとを言はせるがよい。この余りを言ふときには、被除数の小数点をもとに戻して言はなくてはならない。このことについて言ふと、商2.8を得たときの余りは0.1ではなくて、0.01としなくてはならない。このことは、例へば $13840 \div 60$ のやうに、除数の終りに0のある場合に除数・被除数の0を同じ数ずつ取り去つて割算をしたときの残りの處理を考へさせ、これを媒介として、理解させることができるであらう。

次に、この問題のやうに、單に「分の位まで出せ」といふときには、厘の位まで出して厘の位で四捨五入しておくがよいことに注意し、前の計算を繼續して、これを行はせるがよい。

四捨五入の方法及び意味は本書第五章で指導したところであ

$$\begin{array}{r} 2.8 \\ 0.3 \overline{)0.85} \\ \underline{6} \\ 25 \\ \underline{24} \\ 1 \end{array}$$

るが、ここでその理解を一層確實ならしめるがよい。

補充問題として、厘の位又は毛の位まで求めるものを少数課するがよい。

2. イロイロナ問題 (兒・73—75)

小数を掛けること及び小数で割ることの適用をはかるものである。

一番 いはゆる植木算である。この種の問題は既に何度も取扱つたところであつて、計算の仕方は理解してゐるはずであるが、なほこの際、間隔の數と區分點の數との關係に注意を促すがよい。

この問題で特に注意を要する點は、

(イ) 道の兩側に植ゑるのであること

(ロ) 木と木の間隔が小數で表されてゐること

である。なほ、例へば、次のやうに考へて計算させるがよい。

(ハ) 鳥居の柱と木とが一直線に並ぶ様に櫻を植ゑるのではなく、木は道の兩側に、道から一米乃至二米離して植ゑる。随つて、鳥居の左右にも櫻を植ゑることができると考へること

(ニ) 石段の上り口のところには植ゑないこと。即ち、55 m の道の一方の端(鳥居のあるところ)には植ゑ、もう一方の端(石段のあるところ)には植ゑないものとする。

二番 大小二つの鳥居の高さを比べるものである。

二つの量を比べるのに、一方が他方よりどれだけ大きいかをみるのと、一方が他方の何倍であるかをみるのとの二通りの仕

方がある。この問題では、二通りの仕方で比べさせるがよい。

差をみる方は簡單であるが、何倍かをみるには、

$$10.8 \div 4.5$$

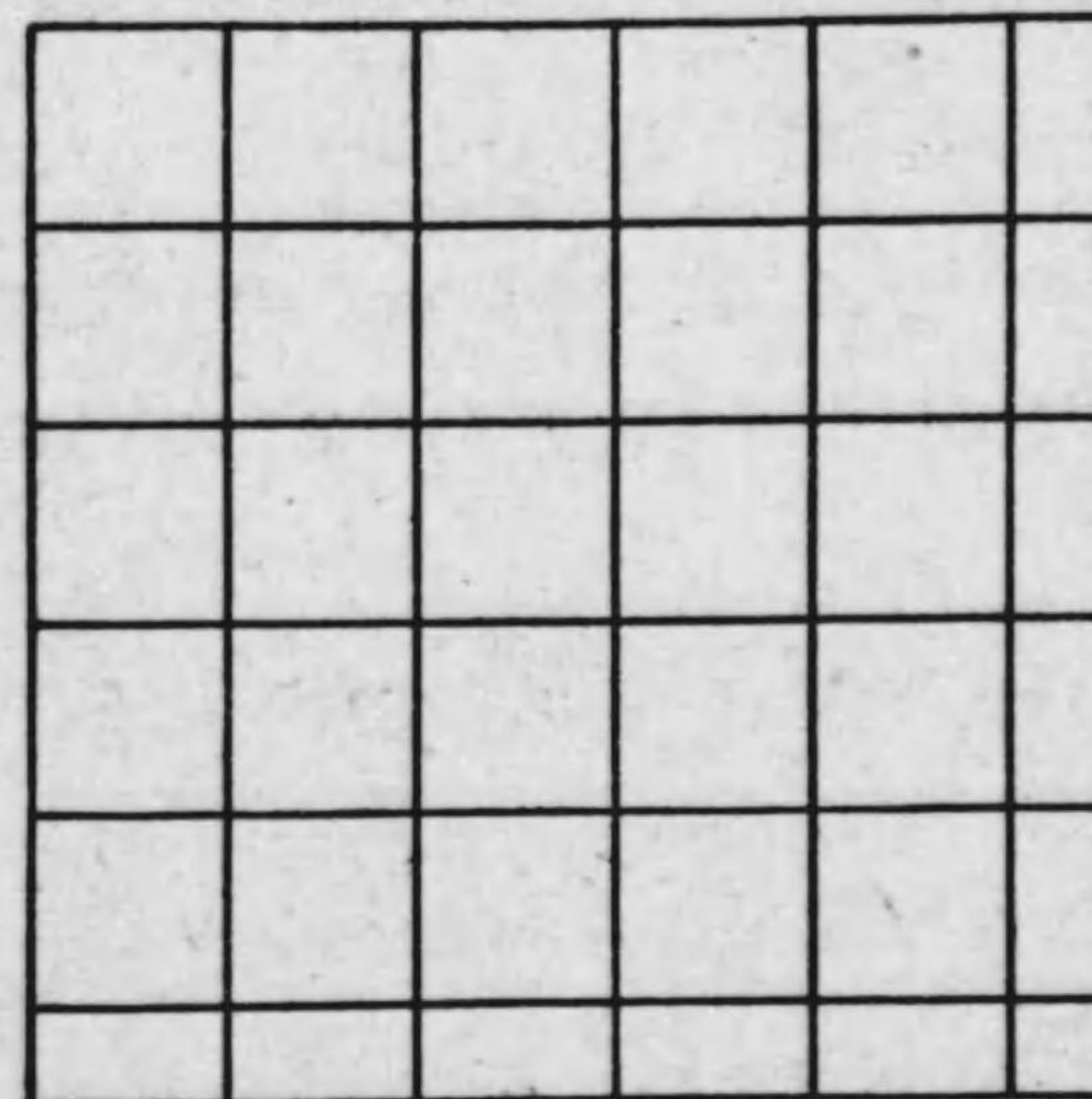
の計算を必要とする。この計算の結果は 2.4 となるから、大きな鳥居の高さが小さな鳥居の高さの 2.4 倍であると言へばよい。

三番 立木の周りの概數を求めるものである。

両手でかかへるやうにして木の周りを計ることは、これまでも取扱つたことがある。ここでは、三かかへ半といふやうな表し方と、それによつて計算することが新しい點である。これを小數で 3.5 と表し、小數の掛算を行ふやうに指導するのである。

計算 140×3.5

四番 一邊の長さが小數で表された正方形の面積を求めるもので、小數と小數との掛算を行ふものである。



先づ、左のやうな圖を方眼紙に畫かせ、その面積を圖から求めさせる。即ち、 1 cm^2 の正方形が二十五、 0.5 cm^2 の矩形が十あつて、 1 cm^2 の四分の一、即ち、 0.25 cm^2 の正方形が一つある。結局、全體の面積は、

$$(25 + 5 + 0.25) \text{ cm}^2 = 30.25 \text{ cm}^2$$

となる。これは、 $(5.5 \times 5.5) \text{ cm}^2$ として求めた結果と等しい。

このやうな例を、長さを變へて取扱ひ、どんな場合でも、縦の長さを表す數と横の長さを表す數とを掛け合はせると面積を表す數が出て來ることを認めさせる。

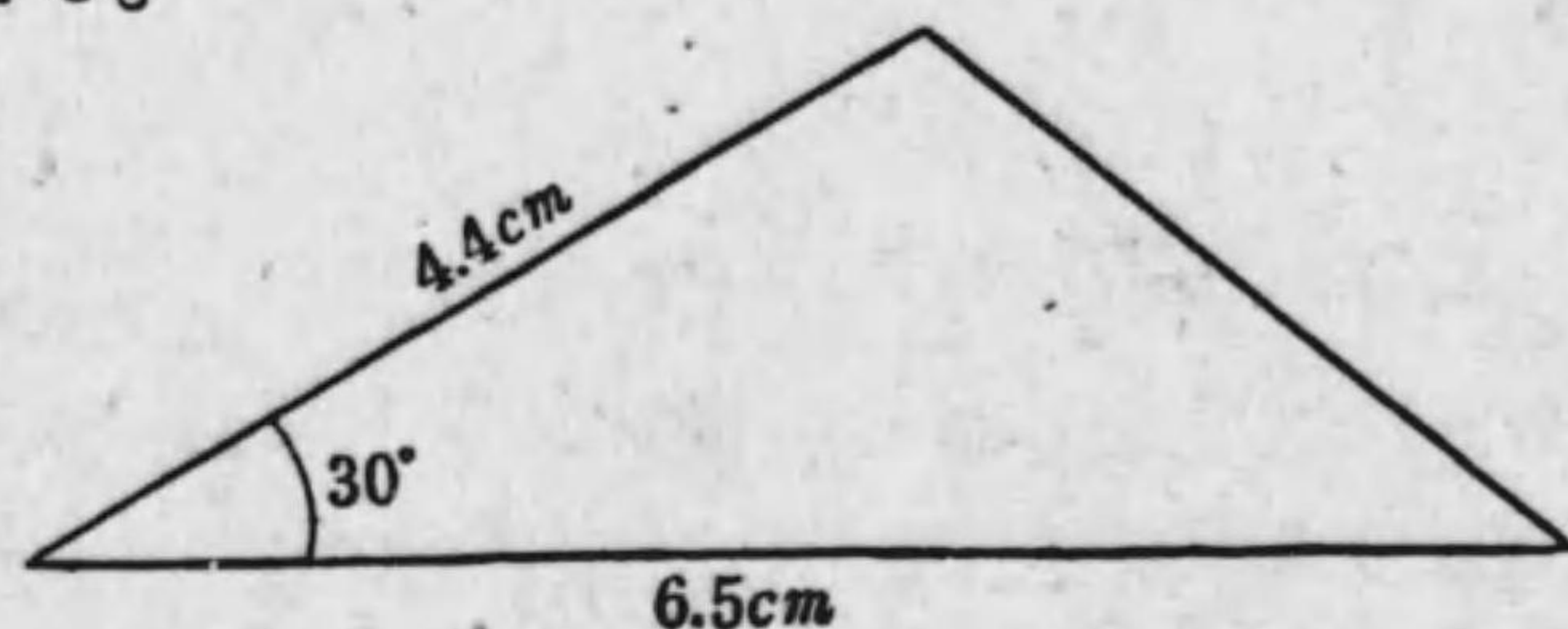
勿論、このやうな説明の仕方は不完全なもので證明にはなつてゐないが、この程度の兒童にはこれで満足する外はない。

六番 三角形の圖を畫いて、その面積を求めるものである。

二邊と夾角とを與へて三角形を畫くことは、前學年に「初等科算數」三(兒・21—22)で指導したところである。その復習を兼ねて、小數の掛算を適用して面積を求めさせるのである。

圖は、物指・三角定木・分度器を用ひて、できるだけ正確に畫くやうに努めさせる。

三角形の面積を求めることは、前學年で指導したところであるが、こ



こでもその知識を確實にしておくがよい。

6.5 cm の邊を底邊として高さを表す直線を引かせ、その長さを實測させるがよい。正確な圖では、この高さは 2.2 cm となるはずである。

七番 三邊を與へて三角形を畫き、その面積を求めるものである。

六番に準じて指導すればよい。

八番 矩形の面積と縦の長さを知つて、横の長さを求めるものである。

これまでの指導によつて、兒童も容易に計算し得るであらう。

九番 直方體の器の内法を知つて、その容積を求めるものである。

長さが整數の場合の計算の仕方は既に指導したところである。長さが小數であつても、これまでの面積計算の指導によつて、縦・横・深さを表す數を掛け合はせれば、容積を表す數が得られることは兒童も容易に氣づくであらう。

内法といふ言葉は前に教へたが、一應復習するがよい。

十番から十二番までは、速さ・距離・時間に関して小數を適用するものである。

十番 先づ、家を出てから叔父の家へ着くまで何時間かかるかを考へさせ、結局、

$$10.5 \div 4.2$$

の割算によつて、2.5 時間、即ち、2 時間 30 分かかることを見出させる。随つて、休まずに歩いて行けば午前 10 時 30 分頃着くことになる。

本問題に關聯して、或距離を一定の速さで行くに要する時間を求めるには、距離を速さで割ればよいことを、いくつかの具體的な例についてはつきり認めさせ、その際、割算の商が小數となる場合も取扱つて、普通の「何時間何十何分」といふ表し方に直させるがよい。

十一番 前問に關聯して、時間の單位を變へることを練習するものである。これによつて、

一時間を單位として表された時間を分單位で表すには、60 分に時間を表す數を掛ければよい。

分を單位として表された時間を、一時間を單位として表す

には、もとの數値を 60 で割れば所要の數値が得られる。
といふことを明らかにする。

十二番 學校からお宮までの距離は、

$$4.5 \times 2.4$$

の掛算によつて 10.8 km であることがわかる。これに關聯して、一定の速さで進むとき、行つた距離を求めるには、速さに時間を掛ければよいことを明らかにするがよい。

自轉車の速さは、この自轉車が 0.9 時間で 10.8 km 行くことから、

$$10.8 \div 0.9$$

の割算によつて一時間 12 km であることを見出させる。このやうな考へ方は、前に十三番(兒・72)で取扱つたところであるが、兒童にとつて必ずしも容易であるとは考へられないから、例へば、先づ、

自動車は 3 時間で 90 km 走つた。一時間何軒の速さか。

といふやうに時間が整数で表される場合を考察させ、次に、

0.1 時間に 3 km 走つた。一時間何軒の速さか

0.6 時間に 18 km 走つた。 " "

2.5 時間に 82.5 km 走つた。 " "

といふやうな問題を取扱ひ、このやうに、走つた時間と距離がわかつた場合には、距離を時間で割れば速さが得られるといふことを明らかにするがよい。

附 録

補充問題

總説でも述べたやうに、計算は、算數に於ける重要な數理的技能である。そこで、算數全體に於ける計算の地位を正しく判斷し、その範圍・程度を考へて指導に當り、正確を第一とし、修練の結果、迅速で十分實用に適するものたらしむべきである。そのためには、各學級の事情に即應し、個別的な能力を考慮して、所期の技能を身につけさせるやう工夫して指導しなければならない。

また、計算の方法としての暗算(聽暗算・視暗算)・筆算・珠算(讀上算・見取算)の三者は、ややもすると全然別物に考へがちであるが、一つの數理に基づく計算の三つの相に過ぎない。この一體三相の計算技術の各特質を辨へ、これらの特質を發揮して、實用に役立てるやうに修練させなくてはならない。

實際指導に當つては上述の趣旨に基づいて、兒童用書に掲げてある計算問題を練習させると共に、適度に問題を補充して課するがよい。本補充問題は、その際の便宜に供するためのもので、兒童用書の計算問題に對應して、取材し、配當してある。

計算練習は、中絶するのもよくないが、一時に多く課するのも避けねばならない。分量を適當にして繼續的に練習させることが大切である。このことは、教師用書の本文の中にも隨時述べて來たところである。なほ、出題の順序や形式に變化をつけるがよい。練習の結果を調べて補正をはかり、他の計算の基礎となるべきものには十分習熟するやう力を注ぐべきである。

(兒・3)

次ノ數ヲ數字デ書ケ。

六百八萬 二百七十億 四千八十五萬六千百九
九億三千八十一萬七百四十五 八百八億七十九萬千二百七

次ノ數ヲ漢字デ書ケ。

4765000 81300000 70319860
12345678910 240680130570

次ノ數ヲソロバンニ置ケ。

五十七萬四千三百圓 二千九萬六百八圓 一億二千八十萬圓
七十二億六千十萬九百五十圓 六百七十五億百四萬九千圓

210394 9785634 50620095
60071880395 190028000370

(兒・5)

次ノ暗算ヲセヨ

460萬+5萬 30萬+704萬 2億5000萬+800萬
135萬+7萬 500萬+2600萬 4800萬+4800萬
8700萬+3500萬 2億4000萬+6億3000萬
1億8000萬+4億7000萬 7億8000萬+5億6000萬

345萬-45萬 278萬-208億 1億2600萬-600萬
151萬-7萬 320萬-280萬 8160萬-2600萬

1340萬-850萬 6億9000萬-2億3000萬
1億2500萬-5800萬 4億3500萬-3億8000萬

(兒・6)

次ノ暗算ヲセヨ。

20萬×10 600萬×10 5000萬×10 4萬×100 70萬×100
300萬×100 9000萬×100 200億×10 8億×100 50億×100
70萬×5 400萬×8 5萬×60 60萬×40 5000萬×30

300萬÷10 7000萬÷10 20萬÷100 5000萬÷100 400萬÷1000
500億÷10 3億÷10 6000億÷100 8億÷100 2億÷1000
64萬÷8 840萬÷7 3000萬÷5 1億5000萬÷3 1000萬÷20

(兒・9)

次ノ暗算ヲセヨ。

32+27 43+35 27+63 58+37 49+49
46+58 65+45 64+68 87+49 59+76
580+80 970+50 130+95 890+72 360+57
91+230 60+574 45+760 38+480 53+690
446+23 523+57 384+29 46+672 72+269
570+420 280+350 550+260 360+690 780+760
1300+360 5700+430 2800+3200 3900+5400 2500+2800

46-34 58-25 71-47 94-68 82-39
129-65 101-73 130-38 125-87 173-95

320-50 200-46 540-75 401-39 639-68
 207-98 421-74 354-85 515-56 421-48
 860-230 940-740 720-330 630-240 840-690
 500-420 269-180 657-590 338-280 816-760
 3600-700 9500-3500 7400-6600 8300-4700 7600-5900

(見・10)

次ノ計算ヲ筆算デセヨ。マタ、珠算デセヨ。

231 + 569 357 + 295 319 + 284 672 + 354 75.3 + 86.9
 24 + 59 + 41 + 32 + 78 + 29 79 + 84 + 76 + 91 + 75 + 78
 213 + 509 + 495 + 954 + 322 12.1 + 30.4 + 68 + 74.9 + 5.2
 4068 + 1705 + 3140 + 3056 1436 + 7098 + 1306 + 2574
 2850 + 6039 + 8507 + 7942 4809 + 5281 + 3079 + 1764
 351.7 + 62.4 + 835 + 678.9 529.1 + 473.8 + 596.2 + 147.8

7890-246-513-472-158 518+290-372+601-849
 69087-3609-2087-6639 7135-2608+4639-5225
 45678-10987-563-27491 14830+7191-8267-3456
 518.9-24.9-307.8-64-36.2 709.8-57.3-82.6+49-53.8
 700-85.1-0.46-307.4-95 200-74.15-0.69+40.96+83

(見・11)

次ノ計算ヲ珠算デセヨ。

7865=7865ヲ續ケテ六回寄セル。

6292=6292ヲ續ケテ六回寄セル。

348=347ヲ續ケテ七回寄セル。

33033カラ4719ヲ續ケテ七回引ク。

11011カラ1573ヲ續ケテ七回引ク。

2002カラ286ヲ續ケテ七回引ク。

次ノ表ノ數ヲ珠算デ縦ニ寄セヨ。横ニ寄セヨ。マタ、全體ヲ寄セヨ。

	一	二	三	四	五	六	計
イ	35	234	97	316	845	46	
ロ	116	56	622	81	36	368	
ハ	62	614	27	537	84	497	
ニ	547	85	251	39	535	58	
ホ	276	37	49	326	498	77	
ヘ	88	174	284	44	59	613	
計							

(見・21)

次ノ掛算ヲ暗算デセヨ。

58×4 67×6 200×2 123×3 112×7
 5×69 4×75 8×103 2×243 4×216
 370×10 6.2×10 0.45×10 3.62×10 0.25×40
 198×100 5.3×100 0.82×100 2.19×100 24×500
 146×1000 2.8×1000 0.75×1000 5.56×1000 0.06×1000
 225×1000 7.8×10000 0.44×10000 2.02×10000

次ノ掛算ヲ筆算デセヨ。

36×14	47×43	79×15	96×53	2.5×81
85×57	63×82	28×96	79×78	0.39×36
158×66	418×47	164×65	247×81	3.45×34
124×29	463×71	814×58	697×94	5.73×75

(兒・22)

次ノ割算ヲ暗算デセヨ。

$248 \div 4$	$318 \div 6$	$195 \div 5$	$117 \div 3$	$336 \div 7$
$567 \div 81$	$160 \div 32$	$518 \div 74$	$232 \div 29$	$520 \div 65$
$96 \div 17$	$99 \div 29$	$92 \div 37$	$84 \div 18$	$100 \div 23$
$4620 \div 10$	$358 \div 10$	$9700 \div 10$	$55000 \div 10$	$64400 \div 70$
$1800 \div 100$	$412 \div 100$	$2860 \div 100$	$37000 \div 100$	$12600 \div 200$
$33000 \div 1000$	$24600 \div 1000$	$4170 \div 1000$	$25000 \div 5000$	
$250000 \div 10000$	$66000 \div 10000$	$25500 \div 10000$	$987000 \div 10000$	

次ノ割算ヲ筆算デセヨ。

$1948 \div 2$	$3390 \div 5$	$3880 \div 8$	$3176 \div 4$	$220.8 \div 6$
$7770 \div 30$	$52360 \div 70$	$47700 \div 50$	$35820 \div 90$	$2612 \div 40$
$2656 \div 32$	$2989 \div 61$	$1222 \div 47$	$6192 \div 86$	$16.24 \div 29$
$21931 \div 91$	$36180 \div 45$	$23522 \div 38$	$30415 \div 77$	$147.16 \div 52$

(兒・24)

次ノ計算ヲ筆算デセヨ。

4×316	6×245	8×763	9×482	7×579
----------------	----------------	----------------	----------------	----------------

35×257	29×379	43×498	65×683	87×428
172×123	258×514	912×456	624×285	461×789
306×537	805×902	690×610	806×390	740×476

$2456 \div 614$	$3647 \div 521$	$3776 \div 472$	$2154 \div 359$
$9558 \div 162$	$19494 \div 513$	$21438 \div 794$	$22816 \div 368$
$22161 \div 267$	$28188 \div 486$	$34505 \div 515$	$36432 \div 792$
$80507 \div 371$	$316305 \div 639$	$241056 \div 248$	$263758 \div 418$

(兒・25)

次ノ掛算ヲ暗算デセヨ。

300×30	500×60	120×80	340×40	670×20
2000×40	8000×90	1800×50	7100×70	4800×30
8×500	70×800	49×200	51×600	63×700
200×300	500×600	720×400	370×200	430×900
5×4000	30×5000	26×3000	91×6000	65×4000
200×350	500×750	7×50000	9×40000	8×20000

次ノ掛算ヲ筆算デセヨ。

39.4×3	48.7×6	35.7×9	9.74×5	3.85×7
42.9×27	21.8×84	73.9×43	3.75×68	8.91×59
4×465	7×617	5×568	6×196	9×246
81×397	63×818	29×357	75×438	48×765
419×116	814×229	628×386	364×804	297×508
52.9×371	32.9×524	78.6×345	2.79×609	7.98×707

$$\begin{array}{ccccc} 34500 \times 6 & 6800 \times 24 & 607 \times 700 & 294 \times 400 & 48 \times 850 \\ 680 \times 190 & 460 \times 360 & 750 \times 420 & 209 \times 530 & 508 \times 670 \end{array}$$

(見・26)

次ノ割算ヲ暗算デセヨ。

$$\begin{array}{cccc} 2000 \div 40 & 4800 \div 60 & 1620 \div 30 & 3440 \div 80 \\ 35000 \div 70 & 40000 \div 50 & 28800 \div 90 & 17200 \div 20 \\ 2100 \div 300 & 4200 \div 700 & 10800 \div 200 & 40800 \div 800 \\ 20000 \div 500 & 32000 \div 400 & 438000 \div 600 & 468000 \div 900 \\ 14000 \div 2000 & 56000 \div 8000 & 136000 \div 4000 & 637000 \div 7000 \\ 300000 \div 6000 & 240000 \div 3000 & 720000 \div 9000 & 2600000 \div 5000 \\ 6900 \div 2300 & 7200 \div 360 & 6000 \div 1500 & 300000 \div 7500 \end{array}$$

次ノ割算ヲ筆算デセヨ。

$$\begin{array}{cccc} 2622 \div 6 & 4144 \div 8 & 197.5 \div 5 & 3770 \div 7 \\ 45806 \div 74 & 13528 \div 38 & 671.58 \div 91 & 20142 \div 29 \\ 1841 \div 263 & 3216 \div 536 & 246 \div 492 & 5432 \div 641 \\ 6821 \div 359 & 28982 \div 674 & 204.24 \div 851 & 51654 \div 902 \\ 11446 \div 118 & 27892 \div 367 & 2910.4 \div 428 & 44777 \div 747 \\ 30870 \div 245 & 155304 \div 719 & 3950.76 \div 803 & 56965 \div 159 \\ 33850 \div 50 & 10960 \div 40 & 582400 \div 700 & 549500 \div 600 \\ 32370 \div 830 & 23800 \div 280 & 92160 \div 960 & 126000 \div 170 \end{array}$$

(見・32)

次ノ計算ヲセヨ。

$$\begin{array}{ccc} 65-38-18 & 81-63+45 & 24+58-32 \\ 65-(37+18) & 81-(64-45) & 24+(57-32) \\ (23+18) \times 6 & (52-37) \times 8 & 40 \times (18+52) \\ 28 \times (64-57) & (46+25) \times 30 & 56 \times (76-26) \\ (28+35) \div 7 & (72-36) \div 9 & 100 \div (17+18) \\ 750 \div (60-45) & 1000 \div (17+33) & (100-25) \div 25 \end{array}$$

$$\begin{array}{ccc} 5\text{km}-800\text{m}-700\text{m} & 15\text{cm}+25\text{mm}+75\text{mm} & 3\text{m}-25\text{cm}-60\text{cm} \\ 450\text{g}+1.2\text{kg}-800\text{kg} & 2.1\text{t}-500\text{kg}+300\text{kg} & 8.5\text{l}+25\text{dl}-57\text{dl} \\ 600\text{kg} \times 15 & 45\text{m}^2 \times 6 & 20\text{m}^3 \times 18 \\ 365\text{日} \div 7\text{日} & 225^\circ \div 90^\circ & 15\text{t} \div 600\text{kg} \\ 7\text{l} \div 50 & 240\text{m} \div 48 & 2\text{圓} \div 25 \end{array}$$

$$\begin{array}{ccc} 10\text{圓}-(3\text{圓}50\text{錢}+2\text{圓}60\text{錢}) & 5\text{圓}20\text{錢}+(10\text{圓}-7\text{圓}40\text{錢}) \\ (1\text{時}-40\text{分}) \times 4 & (16\text{人}+27\text{人}) \times 8 & 60\text{分} \times (12-8) \\ (450\text{本}+300\text{本}) \div 25\text{本} & (1\text{m}-40\text{cm}) \div 5 & 10\text{m} \div (75\text{cm}-25\text{cm}) \end{array}$$

(見・34)

次ノ□ノ中、ニテヤウドアレハマル數ヲ入レヨ。

$$\begin{array}{ll} \square \times 8 = 376 & \square \div 7 = 123 \\ \square \times 23 = 345 & \square \div 42 = 57 \\ 37 \times \square = 1702 & 841 \div \square = 29 \\ 75 \times \square = 2850 & 2112 \div \square = 64 \\ 58 \times \square = 3264 & 2992 \div \square = 88 \end{array}$$

(兒・40)

次ノ各々ヲ、ソレゾレ下ノ單位ニナホセ。

1日8時 2日17時 3日12時 5日20時 7日6時
 1時15分 2時20分 3時58分 4時45分 5時30分

次ノ各々ハ、ソレゾレ何時間何分カ。マタ、何日何時間カ。

90分 115分 230分 315分 475分
 36時 45時 58時 71時 90時

次ノ計算ヲセヨ

5時15分 + 3時45分	12時 - 5時35分
18時58分 + 1時55分	24時 - 11時28分
9時46分 + 12時30分	23時15分 - 7時45分
5日8時 + 3日12時	3日 - 2日15時
7日16時 + 4日20時	6日8時 - 4日12時

(兒・41)

次ノ掛算ヲセヨ。

5時13分 × 3	2日7時 × 2
3時30分 × 6	3日12時 × 5
2時25分 × 8	5日18時 × 4
8時50分 × 2	1日6時 × 7
4時40分 × 4	4日8時 × 3

次ノ割算ヲセヨ。

12時24分 ÷ 2	8日16時 ÷ 4
4時 ÷ 5	2日 ÷ 3
11時 ÷ 3	10日 ÷ 6
8時30分 ÷ 6	7日8時 ÷ 2
18時20分 ÷ 4	6日6時 ÷ 5

(兒・48)

次ノ數ヲ、小數第二位ニ止メ、ソノ下ヲ四捨五入セヨ。

0.005	0.024	0.136	3.283	5.897
0.0348	0.0571	0.2345	2.9981	4.3046

次ノ割算ノ答ハ四捨五入ニヨツテ分ノ位マデ出セ。

2.58 ÷ 6	6 ÷ 8	11.745 ÷ 5	80.64 ÷ 9	21.343 ÷ 7
34.18 ÷ 13	23.646 ÷ 42	32.6 ÷ 26	729.27 ÷ 73	350.35 ÷ 58

次ノ割算ノ答ハ厘ノ位ニ止メ、ソノ下ハ四捨五入セヨ。

2.49 ÷ 7	6.17 ÷ 5	14.7 ÷ 6	8.3 ÷ 24	250 ÷ 88
----------	----------	----------	----------	----------

(兒・51)

次ノ掛算ヲ暗算デセヨ。

37 × 6	48 × 7	26 × 8	67 × 9
840 × 5	560 × 8	8700 × 6	4900 × 7
345 × 10	630 × 10	426 × 100	2570 × 100
69 × 30	78 × 40	230 × 300	1200 × 800
230 × 50	830 × 60	360 × 800	7400 × 700
45 × 7000	88 × 8000	690 × 6000	760 × 4000

次ノ計算ヲセヨ。

479×4	386×6	745×7
26×27	48×87	69×78
287×28	478×39	894×36
153×436	264×325	375×147
360×57	45×1600	270×360

$27 \times 37 - 876$	$120 \times 74 + 8$
$988 \times 9 - 4$	$9877 \times 9 + 5$
$1235 \times 8 - 4$	$12346 \times 8 + 3$
$124 \times 45 - 25$	$1235 \times 54 + 24$

(兒・52)

次ノ割算ヲ暗算デセヨ。

$329 \div 7$	$243 \div 9$	$312 \div 8$	$216 \div 8$
$304 \div 4$	$544 \div 8$	$207 \div 3$	$532 \div 7$
$2250 \div 9$	$5340 \div 6$	$3120 \div 4$	$2040 \div 3$
$850 \div 50$	$3220 \div 70$	$4320 \div 90$	$5520 \div 30$
$720 \div 36$	$960 \div 240$	$850 \div 170$	$980 \div 490$
$10000 \div 400$	$7000 \div 350$	$8400 \div 280$	$9600 \div 160$

次ノ計算ヲセヨ。

$798 \div 3$	$875 \div 7$	$4134 \div 6$	$5424 \div 8$
$185 \div 37$	$336 \div 48$	$504 \div 56$	$552 \div 69$
$7040 \div 40$	$4536 \div 72$	$9462 \div 83$	$23688 \div 24$

$28800 \div 640$	$2076 \div 346$	$8640 \div 576$	$30590 \div 874$
$29700 \div 270$	$27650 \div 750$	$75000 \div 480$	$69020 \div 730$

$(690 + 46) \div 23$	$(6660 - 444) \div 37$
$(12345 - 132) \div 9$	$(8760 + 123) \div 9$
$(77777 - 38888) \div 9$	$(34567 + 1) \div 8$
$(99999 - 45) \div 81$	$(66666 - 30) \div 54$

(兒・57—58)

次ノ計算ヲセヨ。

$\frac{1}{3} + \frac{1}{3}$	$1\frac{4}{8} + \frac{3}{8}$	$\frac{3}{4} + \frac{2}{4}$	$\frac{5}{6} + 1\frac{2}{6}$	$2\frac{4}{5} + 2\frac{4}{5}$
$\frac{3}{4} - \frac{2}{4}$	$1 - \frac{1}{6}$	$2 - \frac{3}{5}$	$1\frac{1}{8} - \frac{4}{8}$	$3\frac{1}{3} - 1\frac{2}{3}$
$\frac{2}{7} \times 3$	$\frac{2}{3} \times 5$	$\frac{1}{6} \times 3$	$\frac{3}{10} \times 2$	$\frac{5}{12} \times 6$
$\frac{4}{5} \div 2$	$\frac{6}{7} \div 3$	$1\frac{2}{3} \div 5$	$1\frac{3}{4} \div 7$	$2\frac{2}{5} \div 6$
$\frac{1}{3} \div 3$	$\frac{3}{4} \div 2$	$\frac{2}{5} \div 3$	$1\frac{1}{2} \div 2$	$2\frac{1}{4} \div 2$

次ノ答ヲ分數デ出セ。

$1 \div 4$	$2 \div 7$	$3 \div 5$	$4 \div 9$	$5 \div 7$
$5 \div 4$	$7 \div 5$	$8 \div 3$	$9 \div 4$	$44 \div 3$

(兒・63—64)

次ノ計算ヲセヨ。

$$\begin{array}{ccccc} \frac{1}{3} + \frac{1}{6} & \frac{2}{5} + \frac{1}{3} & \frac{1}{2} + \frac{3}{4} & \frac{3}{8} + \frac{5}{6} & \frac{2}{3} + \frac{1}{2} \\ 1\frac{1}{2} + 1\frac{1}{4} & 1\frac{3}{10} + \frac{2}{5} & \frac{7}{12} + 1\frac{5}{6} & \frac{2}{3} + 2\frac{5}{6} & 1\frac{2}{3} + 1\frac{3}{4} \\ \frac{1}{3} - \frac{1}{6} & \frac{2}{5} - \frac{1}{3} & \frac{3}{4} - \frac{1}{2} & 1\frac{5}{6} - \frac{3}{8} & 2\frac{2}{3} - 1\frac{1}{2} \\ 1\frac{2}{9} - \frac{2}{3} & 1\frac{1}{3} - \frac{3}{4} & 2\frac{1}{4} - \frac{5}{6} & 3\frac{1}{6} - \frac{4}{9} & 3\frac{1}{5} - 1\frac{3}{10} \end{array}$$

$$\begin{array}{ccccc} \frac{1}{4} \times 2 & \frac{5}{6} \times 3 & \frac{6}{7} \times 7 & \frac{1}{8} \times 6 & \frac{7}{12} \times 8 \\ 1\frac{1}{6} \times 3 & 2\frac{3}{5} \times 5 & 1\frac{5}{6} \times 4 & 2\frac{1}{9} \times 6 & 3\frac{1}{6} \times 8 \\ \frac{4}{7} \div 2 & \frac{2}{3} \div 3 & \frac{6}{7} \div 3 & \frac{4}{5} \div 8 & \frac{3}{4} \div 9 \\ 3\frac{3}{5} \div 3 & 2\frac{2}{3} \div 4 & 2\frac{2}{3} \div 6 & 2\frac{4}{5} \div 7 & 3\frac{1}{3} \div 4 \end{array}$$

(兒・66)

次ノ掛算ヲセヨ。

$$\begin{array}{ccccc} 40 \times 0.2 & 50 \times 0.5 & 130 \times 0.7 & 240 \times 0.3 & 45 \times 0.8 \\ 3 \times 0.3 & 4 \times 0.9 & 23 \times 0.4 & 15 \times 0.6 & 18 \times 0.5 \\ 60 \times 0.02 & 300 \times 0.07 & 150 \times 0.06 & 8 \times 0.04 & 120 \times 0.08 \\ \begin{array}{r} 174 \\ \times 0.9 \\ \hline \end{array} & \begin{array}{r} 253 \\ \times 0.08 \\ \hline \end{array} & \begin{array}{r} 178 \\ \times 4.1 \\ \hline \end{array} & \begin{array}{r} 62 \\ \times 0.37 \\ \hline \end{array} & \begin{array}{r} 246 \\ \times 0.65 \\ \hline \end{array} \end{array}$$

(兒・67)

次ノ掛算ヲセヨ。

$$2.4 \times 0.2 \quad 1.3 \times 0.6 \quad 3.5 \times 0.4 \quad 0.6 \times 0.7 \quad 0.8 \times 0.5$$

$$\begin{array}{ccccc} 0.09 \times 0.3 & 0.05 \times 0.8 & 0.07 \times 0.9 & 0.17 \times 5.5 & 0.25 \times 0.8 \\ 0.3 \times 0.02 & 0.4 \times 0.04 & 0.8 \times 0.07 & 0.9 \times 0.06 & 1.6 \times 0.05 \\ 6.5 \times 0.03 & 3.8 \times 0.06 & 5.5 \times 0.09 & 0.02 \times 0.04 & 0.45 \times 0.08 \\ \begin{array}{r} 24.6 \\ \times 0.6 \\ \hline \end{array} & \begin{array}{r} 1.23 \\ \times 0.8 \\ \hline \end{array} & \begin{array}{r} 5.7 \\ \times 1.4 \\ \hline \end{array} & \begin{array}{r} 0.68 \\ \times 3.5 \\ \hline \end{array} & \begin{array}{r} 7.86 \\ \times 5.4 \\ \hline \end{array} \\ \begin{array}{r} 64.5 \\ \times 0.07 \\ \hline \end{array} & \begin{array}{r} 3.48 \\ \times 0.09 \\ \hline \end{array} & \begin{array}{r} 8.5 \\ \times 0.22 \\ \hline \end{array} & \begin{array}{r} 0.49 \\ \times 0.49 \\ \hline \end{array} & \begin{array}{r} 35.9 \\ \times 0.63 \\ \hline \end{array} \end{array}$$

(兒・68)

次ノ割算ヲセヨ。

$$\begin{array}{ccccc} 6 \div 0.2 & 12 \div 0.4 & 39 \div 1.3 & 75 \div 0.3 & 10 \div 2.5 \\ 9 \div 0.03 & 35 \div 0.05 & 88 \div 0.22 & 96 \div 0.04 & 16 \div 0.32 \\ 0.6 \div 0.3 & 4.5 \div 0.5 & 6.3 \div 2.1 & 7.2 \div 0.4 & 13.8 \div 4.6 \\ 0.08 \div 0.02 & 0.28 \div 0.04 & 0.48 \div 0.12 & 8.1 \div 0.03 & 27.5 \div 0.55 \end{array}$$

(兒・70)

次ノ割算ヲセヨ。

$$\begin{array}{ccccc} 1 \div 0.4 & 1.1 \div 0.2 & 2.52 \div 0.7 & 0.9 \div 0.6 & 1.4 \div 0.8 \\ 0.06 \div 0.5 & 0.26 \div 0.4 & 1 \div 2.5 & 3.3 \div 5.5 & 1.7 \div 3.4 \\ 5 \div 0.08 & 0.15 \div 0.06 & 0.02 \div 0.04 & 0.12 \div 0.08 & 0.021 \div 0.07 \\ 0.215 \div 0.05 & 0.06 \div 0.15 & 0.19 \div 0.38 & 0.078 \div 0.26 & 0.172 \div 0.43 \end{array}$$

次ノ□ノ中ニ、チャウドアラハマル數ヲ入レヨ。

$$\begin{array}{ccc} \square \times 4 = 6 & \square \times 9 = 21.6 & \square \times 0.6 = 3 \\ \square \times 0.7 = 4.2 & \square \times 0.5 = 0.4 & \square \times 0.8 = 2.8 \\ 8 \times \square = 2 & 5 \times \square = 1.7 & 0.7 \times \square = 4.9 \end{array}$$

$$0.9 \times \square = 4.05 \quad 2.4 \times \square = 1.2 \quad 3.2 \times \square = 1.92$$

(見・71—72)

次ノ掛算ヲセヨ。

$$\begin{array}{ccccc} 3 \times 4.5 & 6 \times 7.3 & 8 \times 0.25 & 0.4 \times 6.8 & 0.7 \times 1.9 \\ 0.5 \times 3.6 & 0.8 \times 0.65 & 0.02 \times 8.4 & 0.07 \times 3.7 & 0.09 \times 2.6 \end{array}$$

$$\begin{array}{ccccc} 0.6 \times 1.48 & 0.04 \times 784 & 7.6 \times 337 & 0.39 \times 205 & 7.08 \times 851 \\ 0.5 \times 22.8 & 0.09 \times 97.2 & 58 \times 15.5 & 0.86 \times 62.9 & 2.04 \times 31.9 \\ 0.8 \times 3.94 & 0.7 \times 4.47 & 69 \times 6.17 & 7.5 \times 3.66 & 80.6 \times 86.5 \end{array}$$

次ノ割算ヲセヨ。

$$\begin{array}{cccc} 1215 \div 4.5 & 257.4 \div 6.6 & 680.4 \div 8.1 & 52.63 \div 1.9 \\ 143.08 \div 7.3 & 7452 \div 0.92 & 129.5 \div 0.37 & 301.6 \div 0.58 \\ 149.64 \div 0.29 & 354.56 \div 0.84 & 1026 \div 17.1 & 322.4 \div 40.3 \\ 46.56 \div 38.8 & 45.532 \div 85.8 & 22935 \div 6.95 & 361.2 \div 5.16 \\ 23.58 \div 2.62 & 48.685 \div 7.49 & 179.34 \div 0.427 & 66.314 \div 0.934 \end{array}$$

次ノ割算ヲシテ、答ハ分ノ位マデ出セ。

$$\begin{array}{ccccc} 12.66 \div 0.4 & 33.28 \div 0.7 & 1.48 \div 0.06 & 17.66 \div 3.1 & 158.2 \div 5.3 \\ 5.5 \div 0.84 & 21.78 \div 0.27 & 27 \div 36.2 & 39.6 \div 8.52 & 0.86 \div 0.199 \end{array}$$

主要教材分類表

整 數	數範圍の擴張	
	大きな數の觀念・表し方……………	3
	大きな數の加減乗除……………	4—8
	寄算・引算の練習(暗算・筆算・珠算)……………	9—11
	實・法を同數倍, 同數分する割算……………	14
	位取りを練習するための掛算・割算(暗算)……………	
	……………	21—22, 25—26, 51—52
	掛算・割算(筆算)……………	23—28
	基數・二位數に三位數を掛けるもの	
	三位數に三位數を掛けるもの	
	三位數で割るもの	
	括弧のある式の計算(暗算・筆算)……………	32
除數を基數の二因數に分解して割ること……………	53	
奇數・偶數……………	54	
約數・倍數……………	54—56	
分 數	簡易な加減乗除……………	57—58
	割算の結果を分數で表すこと……………	58
	約分・通分……………	59—63
	異分母分數の寄算・引算……………	63
	整數を掛けること……………	63—64
	整數で割ること……………	64

小 数	数範囲の擴張	
	小さな数の觀念・表し方	42—43
	小さな数の加減乗除	43—46
	分數を小數になほすこと	48
	掛算・割算	66—70
	整数に小數を掛けるもの	
	小數に小數を掛けるもの	
	小數で割つて整数の商を得るもの	
	小數で割つて小數の商を得るもの	
	小數倍の觀念	69
不 十 進 諸 等 數	通法・命法	40, 75
	寄算・引算	40
	整数を掛けること	41
	整数で割ること	41
代 取 數 的 扱	方程式の入門	33
圖 形	圓周は直徑の約三倍あること	15
	縮尺による平面圖形の長さ・面積の測定	16
	平面圖形の周りと面積の測定(目測・實測)	17
	四角形の綜合的觀察	18
度 量	長　　さ	
	尺・間・寸・分	19

衡	面　積	
	平方糎(方糎)	8
	坪	20
時	年　齡(満何歳)	1
	紀　元	2
運 動 ・ 力	時計の構造・機能	36
	齒　車	37
	振　子	37
そ の 他	郵便貯金	12
	乘法・除法の逆思考	33—34
處 理	調　査	35
	作　製(日時計)	36
	表(新しい形式のもの)	8, 12, 13, 38, 42
	立　式	29—31
	端數の處理(四捨五入)	47—49

用語・記號分類表

數	億・兆.....3	差.....5
	毛.....42	四捨五入.....47
	切り上げる.....(47)	切り捨てる.....(47)
	奇數・偶數.....54	分子・分母.....60
	約分.....60	通分.....62
量	尺・間・寸・分.....19	
	平方糎(方糎).....8	坪.....20
時	満何歳(年).....1	紀元.....2
	元年.....2	日時計.....36
	第何何曜日.....39	
その他	産額.....4	建坪.....20
	齒車.....37	振り子.....37
記號	km ²8	瓦.....43
	厩.....43	

「初等科算數」五 授業時間配當表

月	題目(兒童用書, 頁)	時限	月	題目(兒童用書, 頁)	時限
四 (十七時限)	第一章 大きな數	2	二十時限)	第四章 時と時計	4
	年齢(1)			時ト時計(35—37)	
	紀元(2)	時間ト日數(38—41)		5	
	大キナ數(3—6)	7		第五章 小さな數	5
	イロイロナ問題(7—8)			小サナ數(42—46)	
	第二章 寄算・引算	4	七 (十三時限)	四捨五入(47—50)	5
	計算練習(9—11)			計算練習(51—52)	3
	イロイロナ問題(12—18)			第六章 整數・分數	5
	尺・間・坪(19—20)	3	整數(53—56)		
	五 (十九時限)	第三章 掛算・割算	3	九 (十六時限)	計算練習(57—58)
計算練習(21—22)		約分・通分(59—64)			8
遠足ノ費用(23—24)		3	イロイロナ問題(65)		1
計算練習(25—26)		3	第七章 小數		3 5)8
イロイロナ問題(27—32)		3 4)7	小數(66—72)		
數アテ(33—34)		2	イロイロナ問題(73—75)		
六			十時 (十時限)		

「初等科算數」六 授業時間配當表

月	題目(兒童用書, 頁)	時限	月	題目(兒童用書, 頁)	時限
十 (十時限)	第一章 重さと體積		(十四時限)	第四章 公 式	
	重サト體積(1—4)	5		公 式(41—43)	3
	貫・匁・斤(5—6)	3		比(44—46)	4
十一 (二十時限)	第二章 珠 算		二 (十八時限)	第五章 圖形と重心	
	計算練習(7—8)	$\frac{2}{1}$ } 3		圓(47—50)	$\frac{3}{2}$ } 5
	珠算・一(9—12)	5		計算練習(51—52)	3
	イロイロナ問題(13)	1		角柱ト圓柱(53—56)	5
	珠算・二(14—19)	7		對稱形(57—58)	3
	イロイロナ問題(20)	1		重心(59—62)	5
十二 (十五時限)	計算練習(21—23)	4	三 (十六時限)	第六章 步 合	
	イロイロナ問題 (24—26)	$\frac{1}{2}$ } 3		石・斗・升・合 (63—64)	3
	第三章 分 數			步 合(65—68)	4
	分 數(29—35)	8		珠算練習(69—70)	3
一	計算練習(36)	2	イロイロナ問題 (71—75)	6	
	イロイロナ問題 (37—40)	4			

昭和十八年 七月 三日 印 刷

昭和十八年 七月 五日 發 行

(非 賣 品)

著 作 權 所 有

著 作 兼 發 行 者 文 部 省

東京市下谷區二長町一番地
凸版印刷株式會社

印 刷 者 井 上 源 之 丞

東京市下谷區二長町一番地

印 刷 所 凸 版 印 刷 株 式 會 社

263.4

342

