

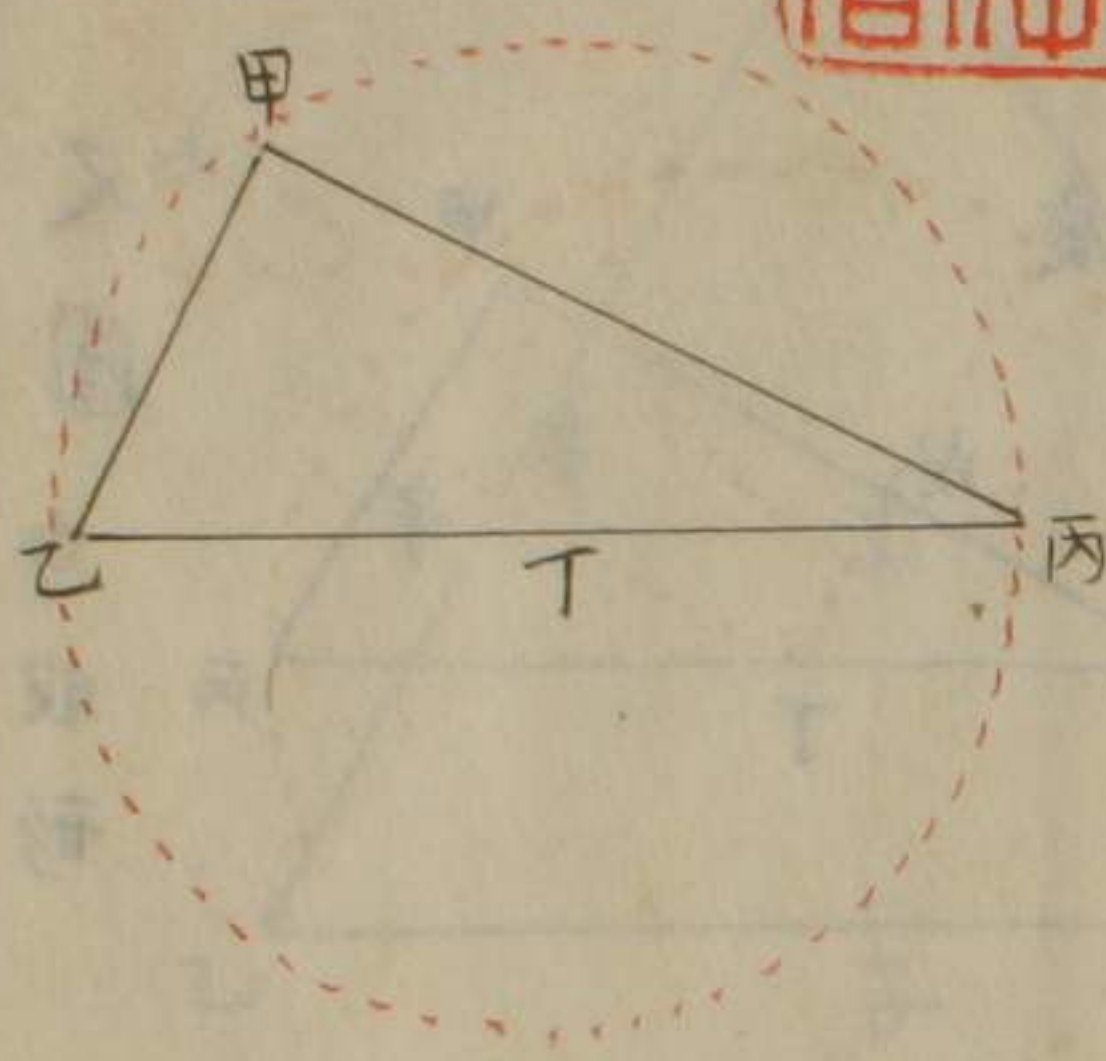
明  
號  
卷  
698

明治九年一月二三日  
河村五之次郎

八線法

樂善齋  
圖書印

圖書印

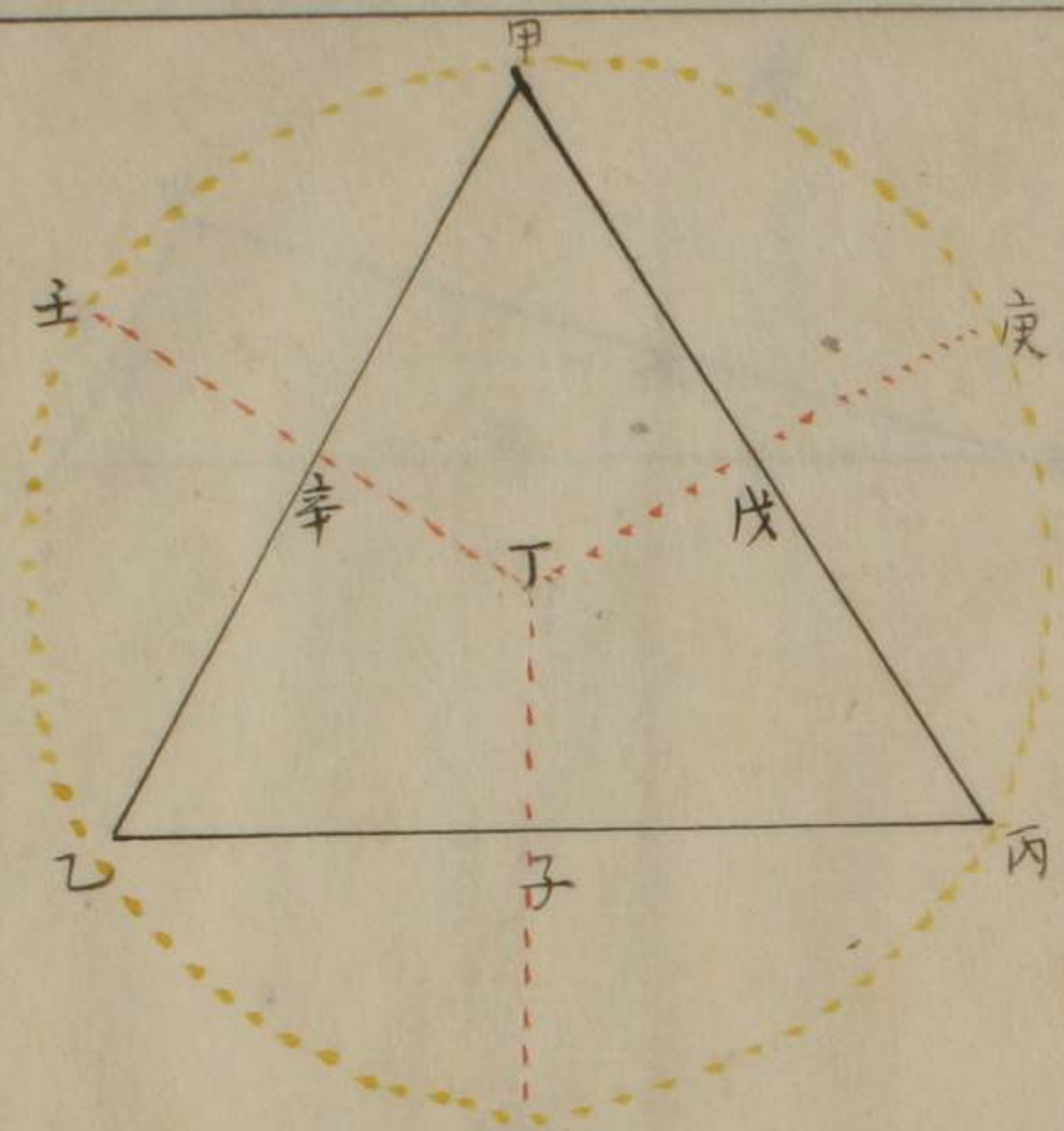


三角形求外切圓  
句股形

術以乙丙邊折半取心得平圓  
半徑其乙丙邊即外圓全徑以  
乙丙邊用三五五乘之一二三  
除之即得圓周之數

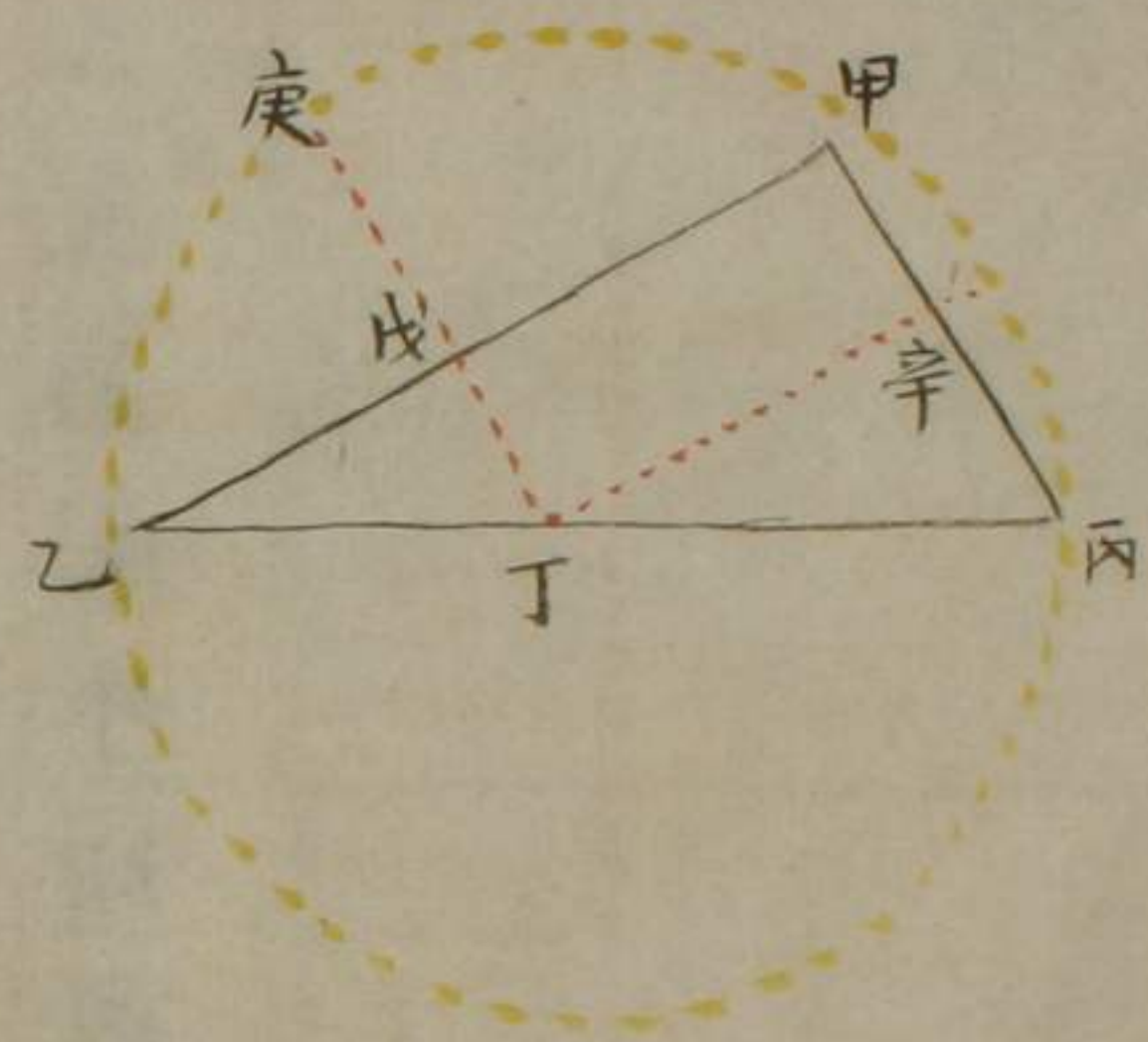
梅山氏  
圖書印

鐵



銳角形 心在形內

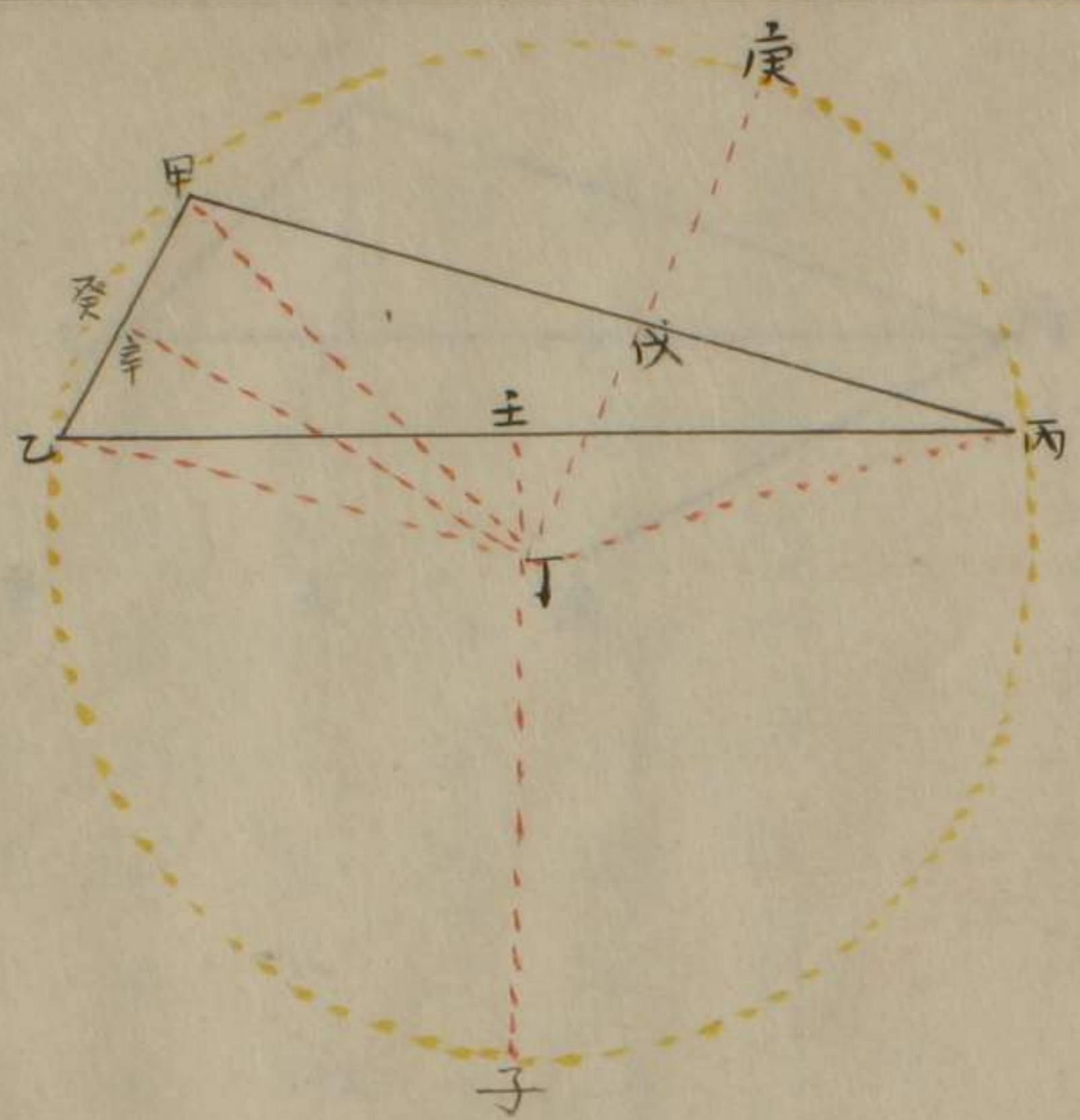
術任以甲丙邊平分之于戊作  
 庚戊丁十字線又以乙丙邊平  
 分之於子作癸子丁十字線視  
 兩直線相遇于丁者為圓心昂  
 從丁運規作外切圓而丁癸丁  
 庚皆半徑  
 昂於甲乙邊再平分之于辛作  
 壬辛丁十字線亦心相遇於丁



又圓 句股形

術以句或股或弦平分之作十  
 字正線視其兩線相交之處如  
 丁昂為圓心從丁運規作外切  
 圓則甲乙丙三點並切圓周

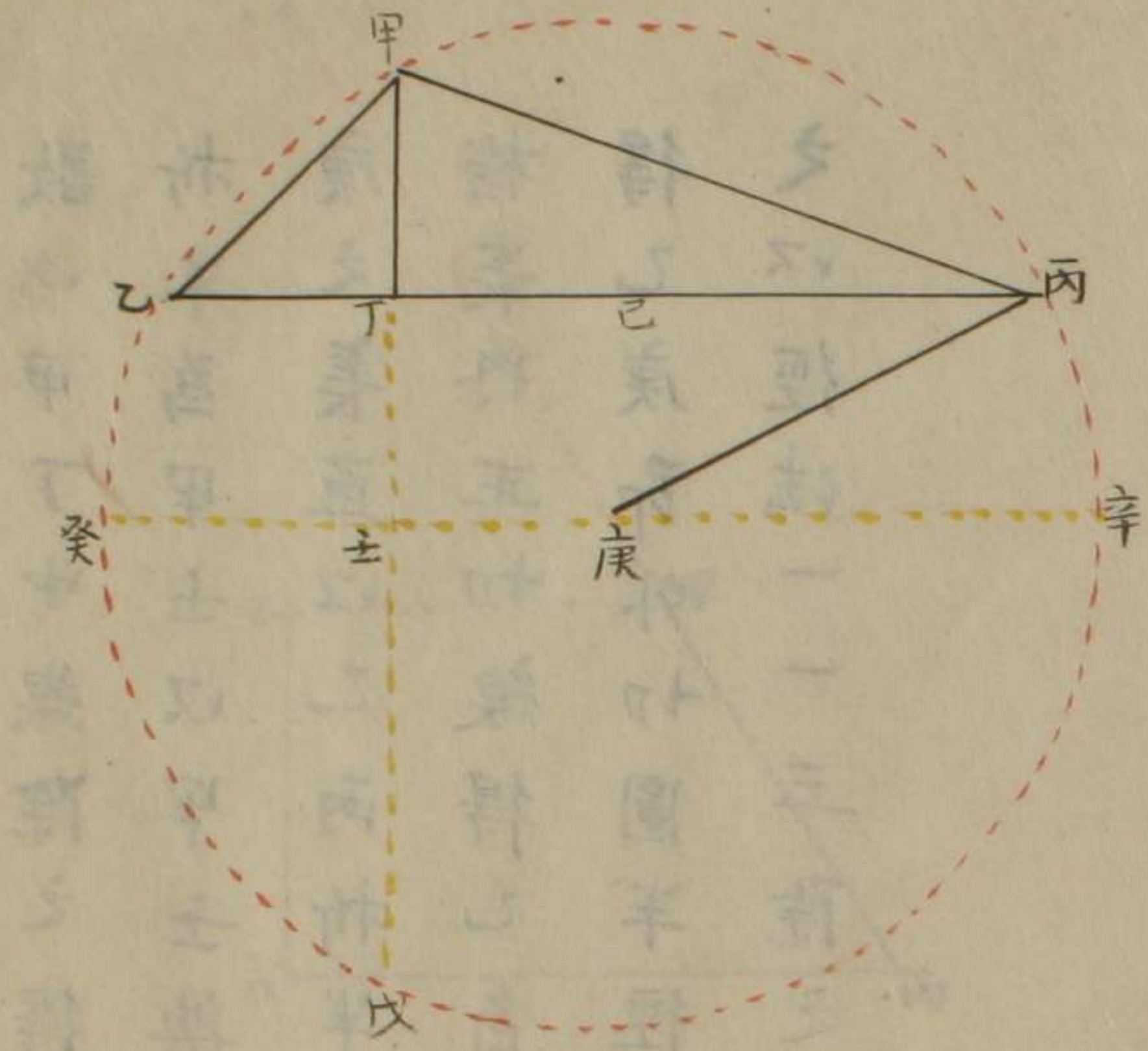




鈍角形 心在形外

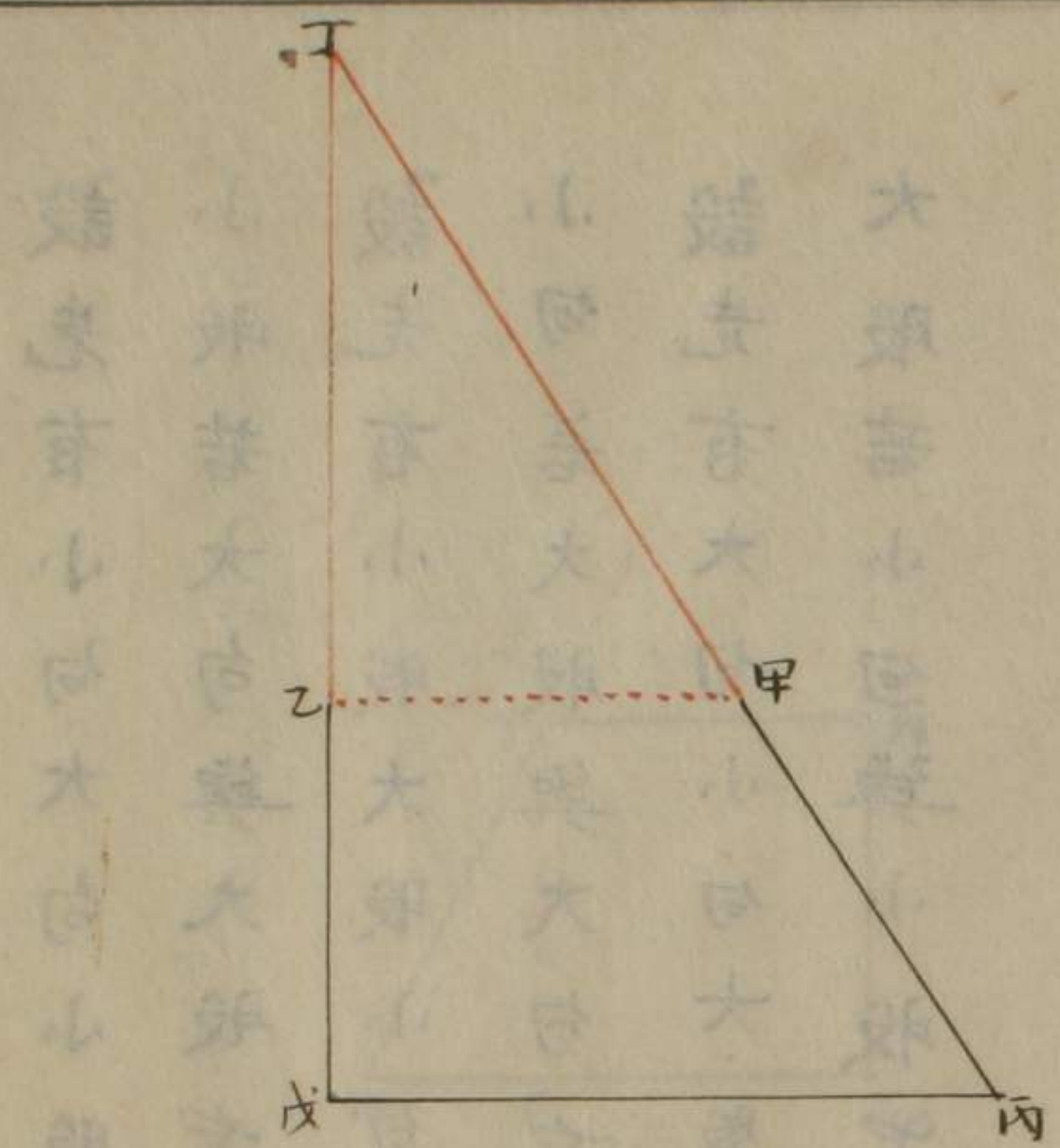
術以甲丙邊平分之於戊平分  
 甲乙邊於辛各作十字線會於  
 丁即為圓心而丁庚丁癸皆半  
 徑甲乙並切圓周矣  
 即平分乙丙邊于壬作壬丁子  
 線亦同

求外切圓周徑法



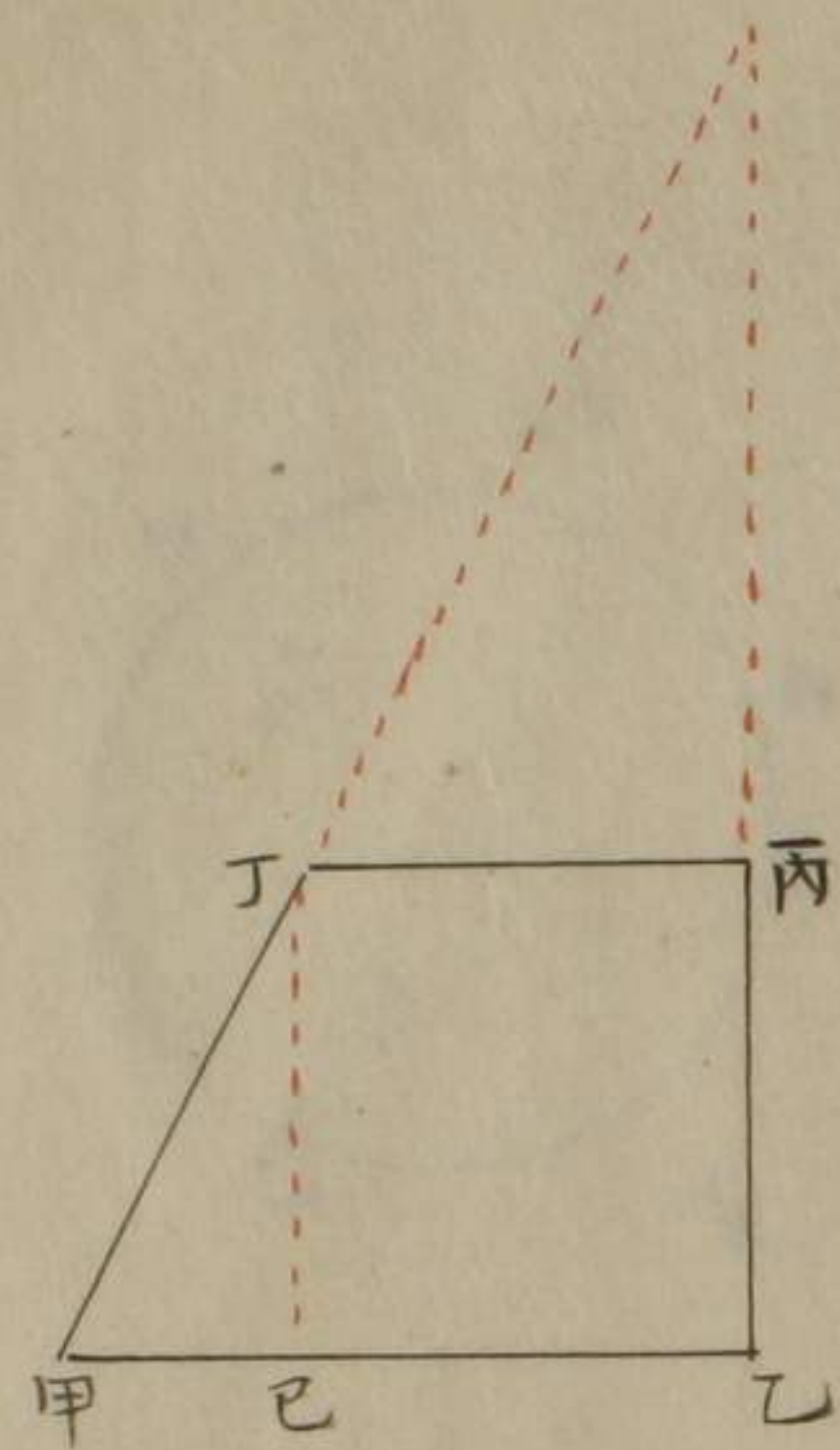
術以甲乙甲丙兩邊相併為總  
 相減為較以較總相乘乙丙底  
 邊除之得數為底較以底較減  
 乙丙邊餘數折半為丙丁邊以  
 甲丙邊除丙丁邊得數檢表內  
 餘弦得丙角度即查丙角正弦  
 以甲丙邊乘之得甲丁中垂線  
 另以丙丁乙丁兩分邊相乘得

數以甲丁中線除之得數為丁戊以丁戊與甲丁相併  
 折半為甲壬以甲壬與甲丁相減餘數為丁壬即同己  
 庚之長直以乙丙折半為乙己即乙己除己庚得數  
 檢表內正切線得乙角度即查乙角正割以乙己乘之  
 得乙庚即外切圓半徑倍之得全徑以周法三五五乘  
 之以徑法一一三除之得外切圓之周



假如丙丁戊句股形其丙戊  
 大句五寸六分丁戊大股七寸  
 今截丁乙小股五寸問甲乙截  
 句若干  
 術以丁乙小股乘丙戊大句得  
 數為實以丁戊大股為法除之  
 得截句四寸即所求是以大股  
 比大句若截股與截句也

設先有小句大句小股之數問大股若干則以小句比  
 小股若大句與大股也  
 設先有小股大股小句之數問大句若干則以小股比  
 小句若大股與大句也  
 設先有大句小句大股之數問小股若干則以大句比  
 大股若小句與小股也



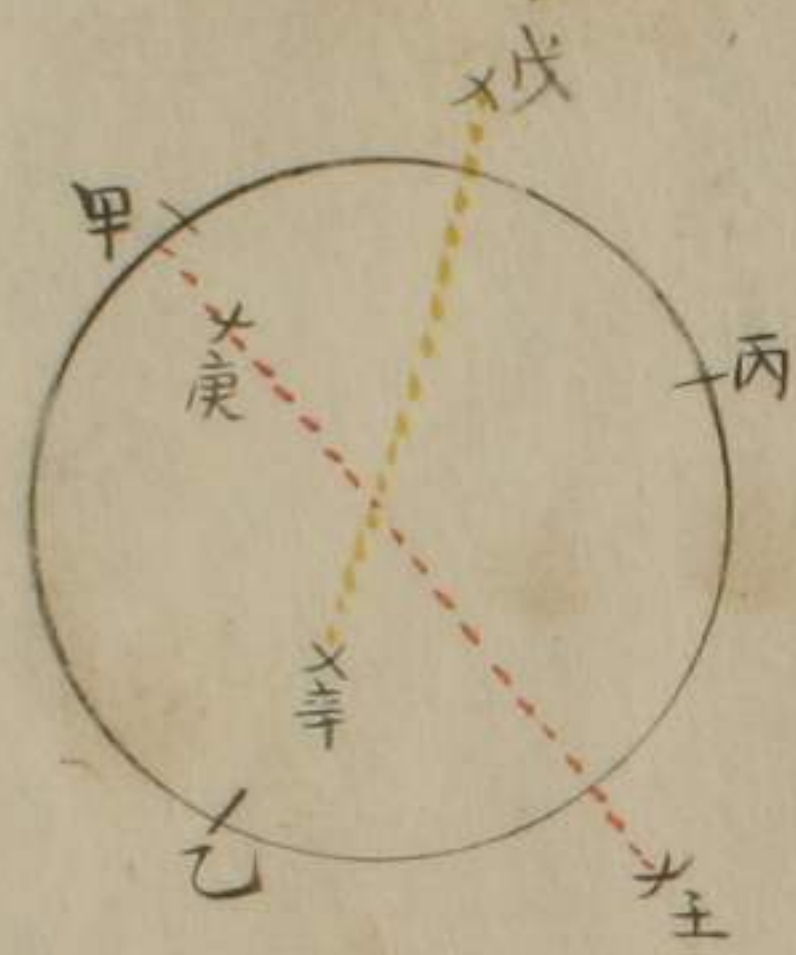
假如有甲乙丙丁半截句股形  
 四邊皆有數問大股大弦各若  
 干

求股術

以丙丁截句與甲乙大句相減  
 餘數為甲乙句較即以大句與  
 截股相乘為實以句較為法除  
 之得大股

求弦術  
以大句與截弦相乘以句較除之得大弦

三點串圓

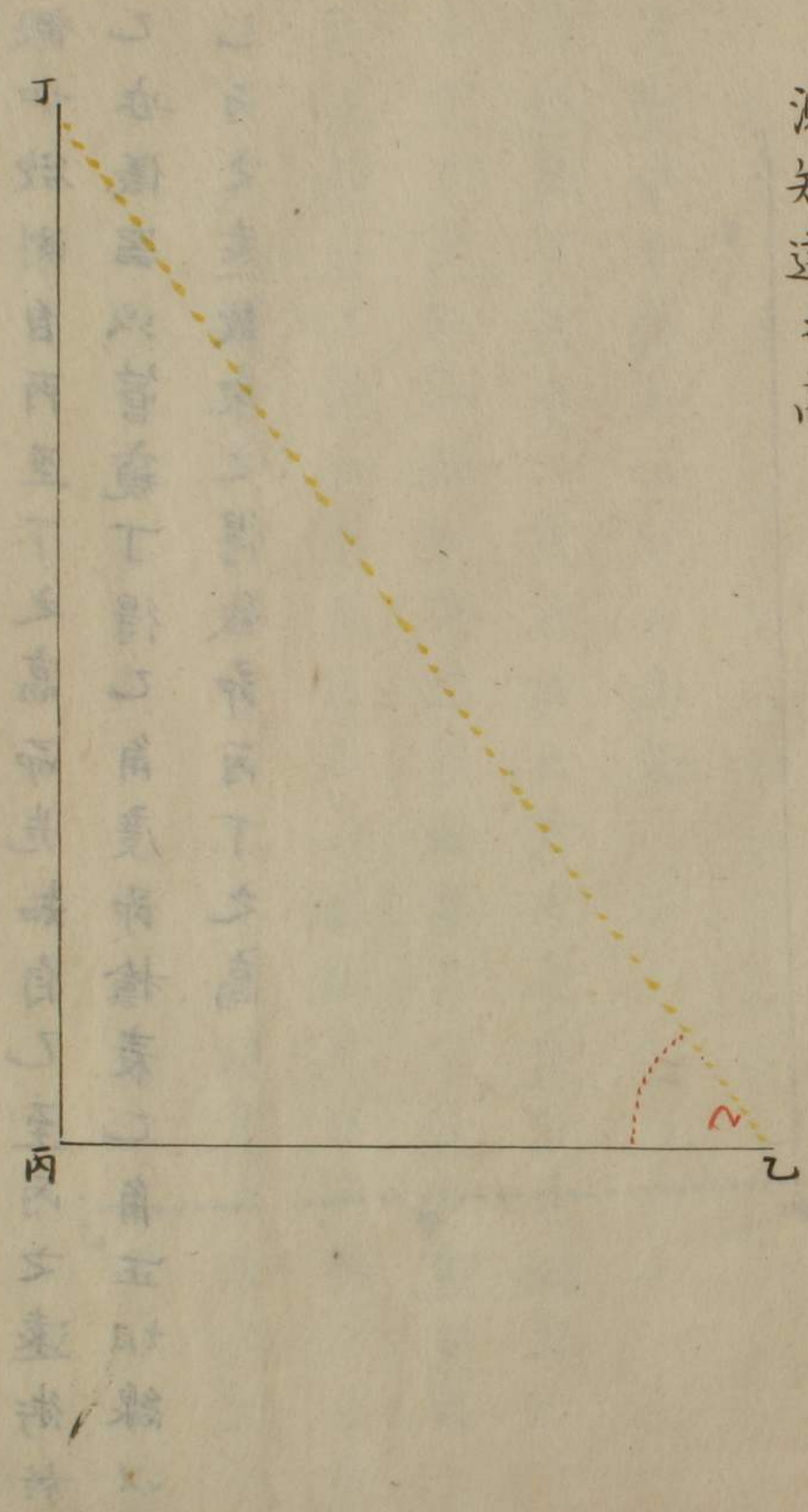


術任以甲點為心作虛圓分用  
元度又以丙為心亦作虛圓分  
自兩圓分相遇于戊于辛作戊  
辛直線又以乙為心以丙為心  
各作同度之虛圓分相遇于度  
于壬作庚壬直線視兩直線相  
遇于丁即為圓心則三點並在  
一界



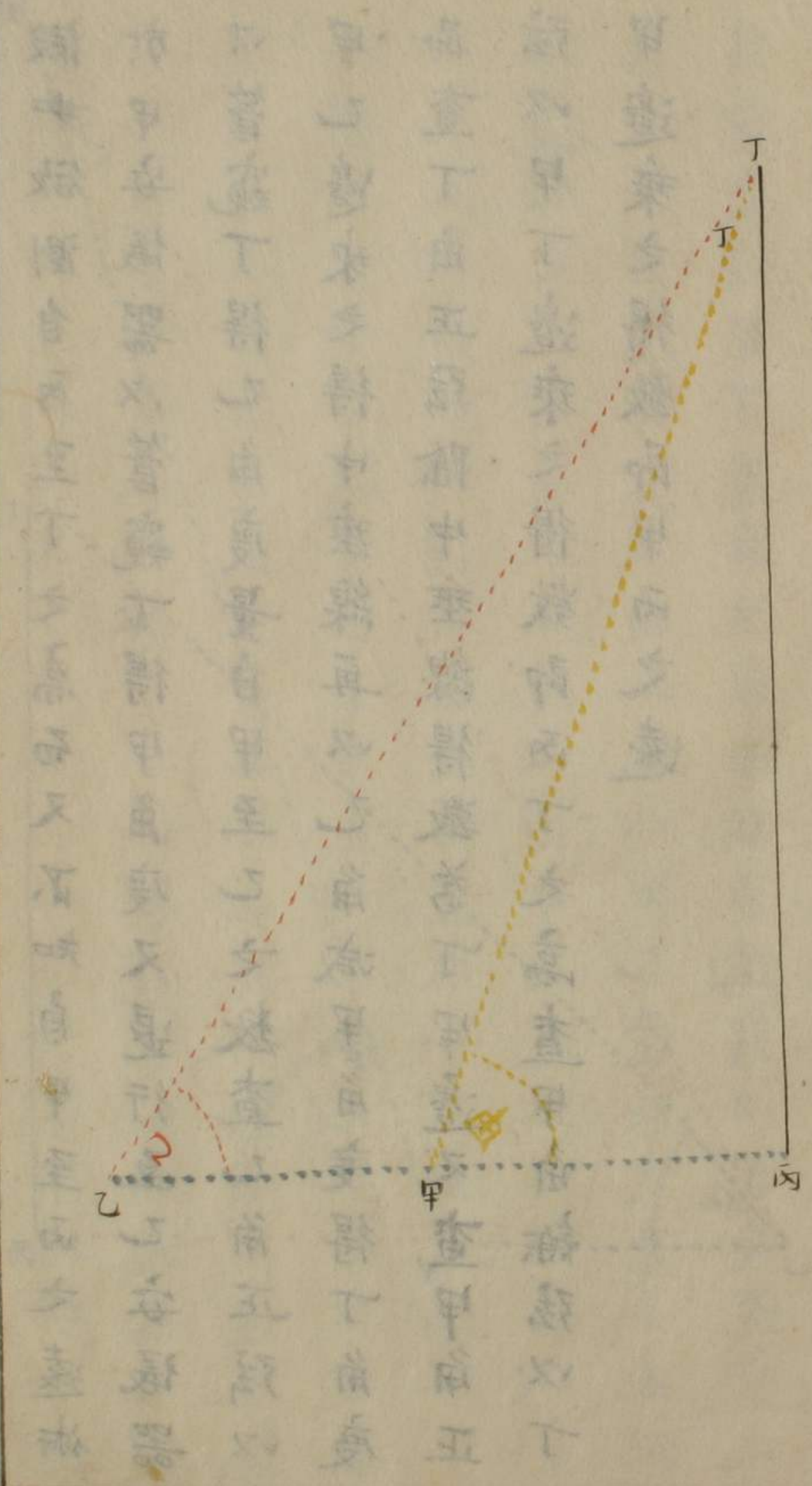
若多周不知其心亦用此法

測知遠之高



假如欲測自丙至丁之高而先知自乙至丙之遠術於  
 乙安儀器以管窺丁得乙角度即檢表乙角正切線以  
 乙丙之遠數乘之得數即丙丁之高

測不知遠之高 二





假如丙丁為山之高丁庚為山上之塔欲測塔與山之  
高而又不如其遠術於乙安儀器窺丁得戊角度又窺  
庚得戊己合角度進至甲安儀器窺丁得辛角度又窺  
庚得辛壬合角度量出自甲至乙之數先以辛壬合角  
與戊己合角相減得癸角度再查戊己合角正弦以甲  
乙邊乘之以癸角正弦除之得甲庚邊再以戊角減辛  
角得子角度即查戊角正弦以甲乙邊乘之查子角正  
弦除之得甲丁邊再查辛壬合角正弦以甲庚邊乘之  
得數即丙度之高又查辛角正弦以甲丁邊乘之得數

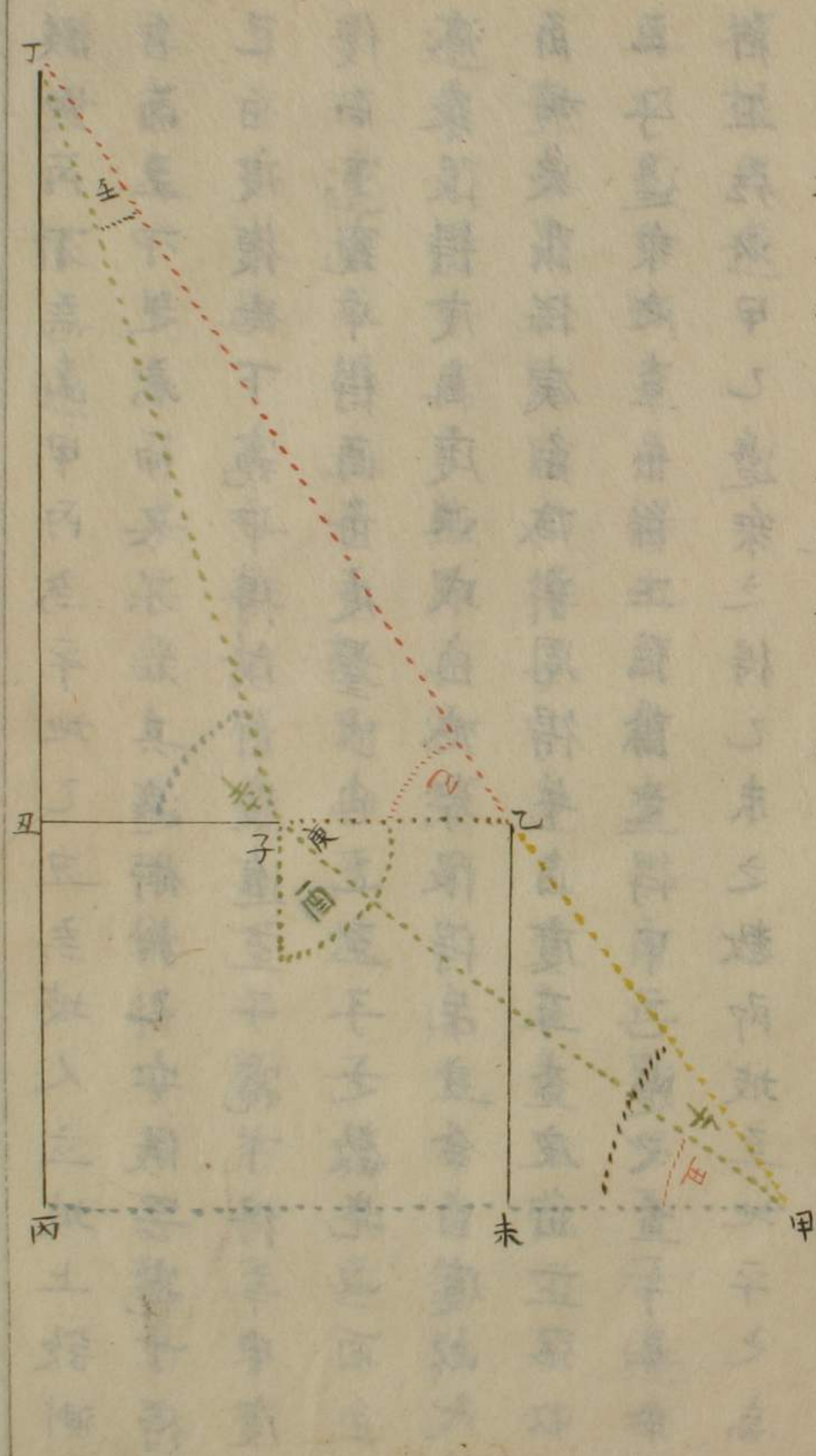
即丙丁之高以丙丁減丙度得數即庚丁之高又查辛  
角餘弦以甲丁邊乘之即甲丙之遠



假如丙丁為山高乙丙為平地乙己為斜坡欲測乙丁之高而又不知其遠術於乙安儀器以管窺丁得壬戌合角度復窺己得戊角度進至己安儀器以管窺丁得甲角度量出從乙至己之數先以戊角減象限得己丑合角度即以己丑合角與甲角度減二百七十度得庚角度復以戊角度減壬戌合角得壬角度以壬庚二角減半周得辛角度再以庚角減半周得丑角度查丑角正弦以乙己邊乘之查辛角正弦除之得乙丁邊再查壬戌合角正弦以乙丁邊乘之即得丙丁之高查壬戌

合角餘弦以乙丁乘之即得乙丙之遠查戊角正弦以乙己邊乘之得己癸之高與丙丁之高相減餘數即丁子之高查戊角餘弦以乙己邊乘之得乙寅之遠與乙丙相減即乙子之遠或用甲角亦可

從坡上測山至平地之高五



十四

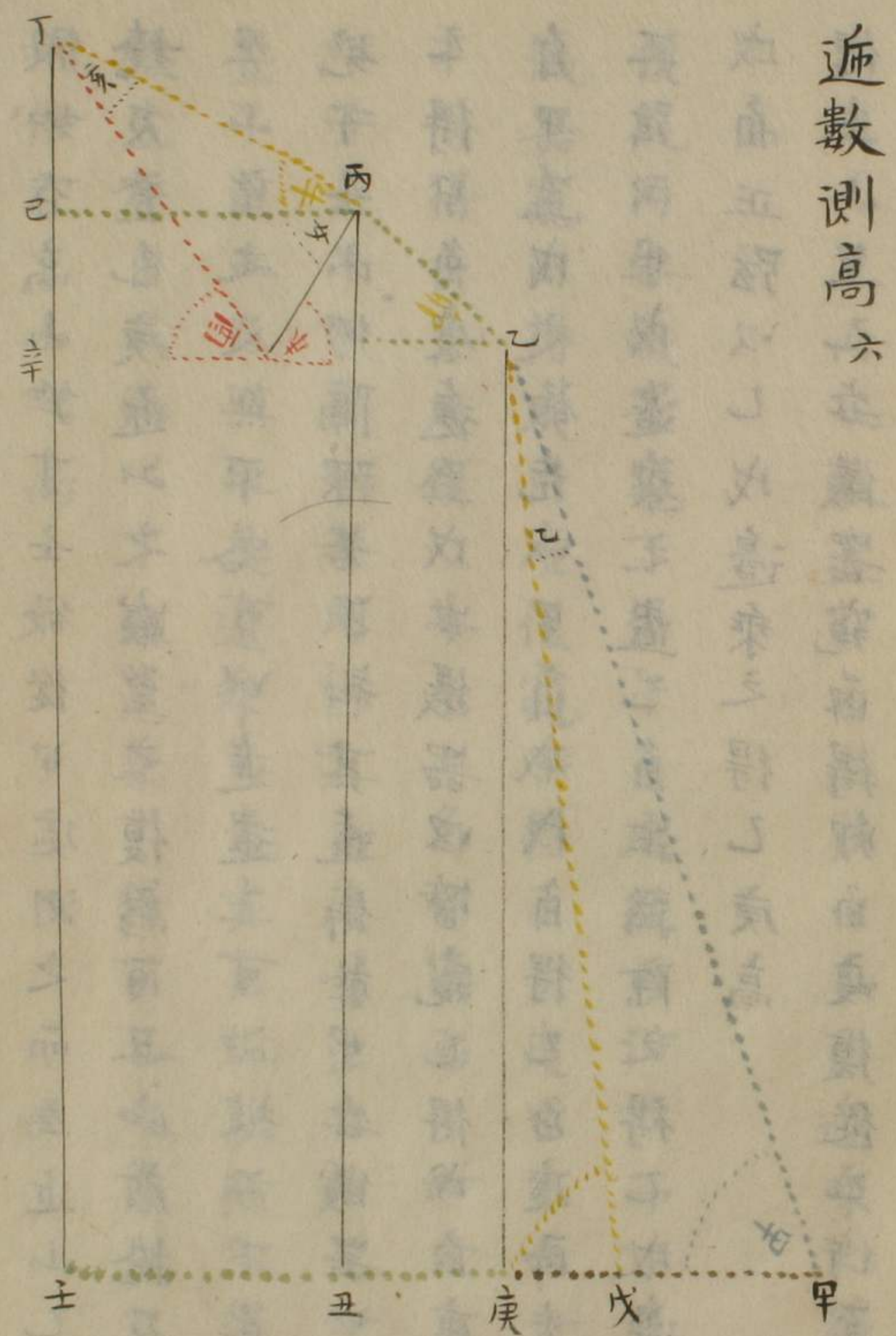
假如丙丁為山甲丙為平地乙丑為坡人立坡上欲測  
自丙至丁之高而又不知其遠術於乙安儀器窺丁得  
己角度復向下窺甲得戊角度進至子窺丁得辛甲度  
復向下窺甲得酉角度量出自乙至子之數先以酉角  
減象限得庚角度以戌角減象限得午丑合角度以戌  
角加象限併庚角減半周得午角度再查庚角正弦以  
乙子邊乘之查午角正弦除之得甲乙邊又查午丑合  
角正弦以甲乙邊乘之得乙未之數即坡至地平之高  
度

查丑午合角餘弦以甲乙邊乘之得甲未邊即平地至  
坡根之遠

再以己角減辛角得壬角度查己角正弦以乙子邊乘  
之查壬角正弦除之得子丁邊又查辛角正弦以子丁  
邊乘之得丁丑之數即山至坡面之高查辛角餘弦以  
子丁邊乘之得丑子之數即山至坡上子處之遠  
另以乙未與丁丑之數相併得丙丁之數為山至平地  
之高又以甲未乙子丑子之數相併得甲丙之數為平  
地至山根之遠



逆數測高六

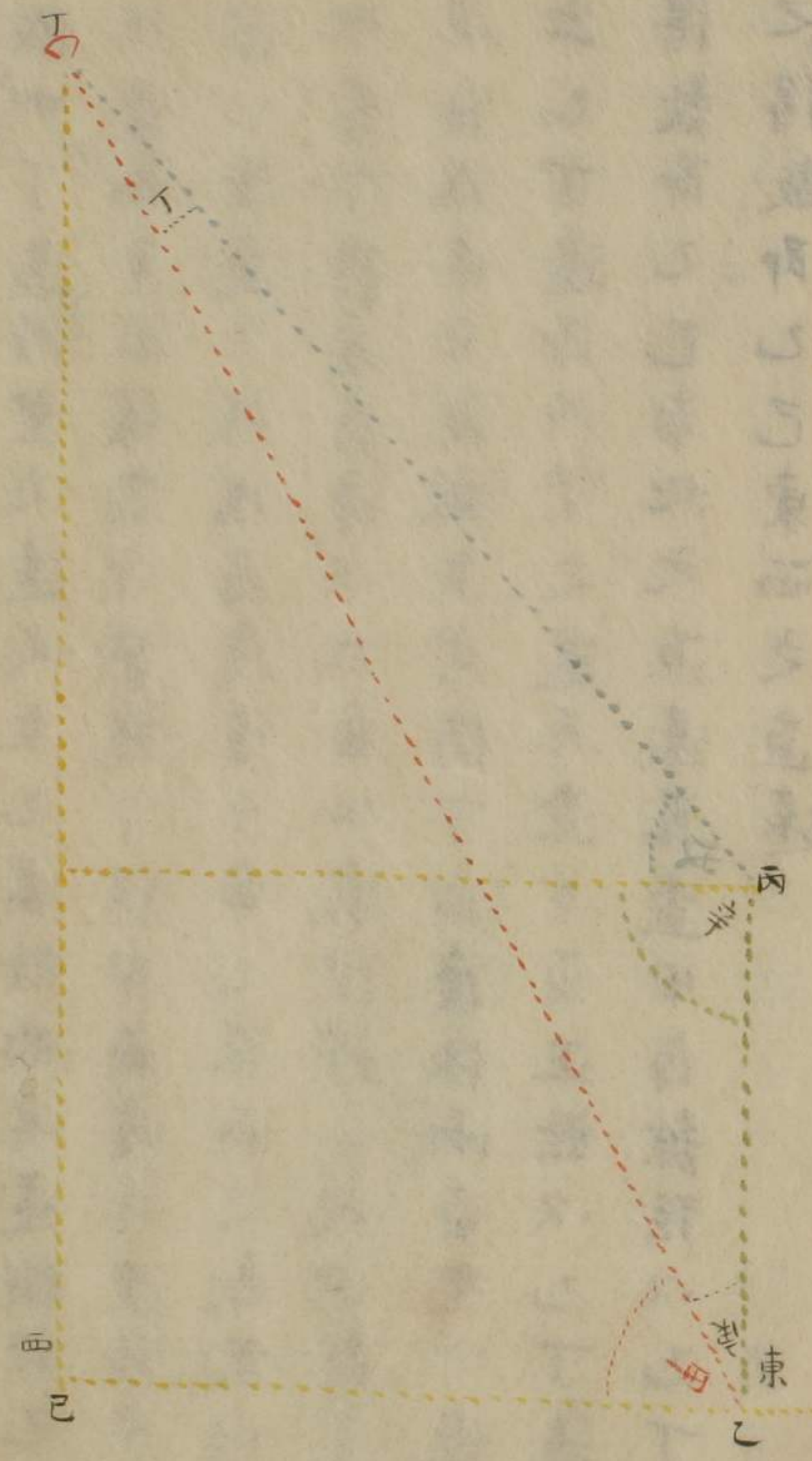


假如有高山如丁壬欲從甲處測之而為近山乙庚所  
掩及登乙庚近山之巔望之復為丙丑山所掩及登丙  
丑山望之又無平路可以進退止可沿坡而下至子望  
見丁壬山仍隔深若不知其遠術於甲安儀器以管窺  
乙得甲角度進至戊安儀器以管窺乙得戊角度量出  
自甲至戊之數先以甲角減戊角得乙角度即查甲角  
正弦以甲戊邊乘之查乙角正弦除之得乙戊邊再查  
戊角正弦以乙戊邊乘之得乙庚高  
復上山至乙安儀器窺丙得卯角度復從乙行至丙量

出自乙至丙之數查卯角正弦以乙丙邊乘之得丙癸  
之高

復從丙安儀器窺丁得午角度從丙沿坡而下至子安  
儀器窺丙得未角度復窺丁得酉角度以未酉二角減  
半周得子角度復以牛未二角相侷為牛女合角度即  
以子角牛女角減半周得亥角度量出自丙至子之數  
查子角正弦以丙子邊乘之查亥角正弦除之得丙丁  
線查牛角正弦以丁丙邊乘之得丁己之高復以三高  
相侷即丁壬之高

測平遠 七



十八

*[Faint, illegible text, likely bleed-through from the reverse side of the page.]*



假如甲乙為兩邊欲測其相非及所望之遠術於丙處  
依正東西平安儀器窺乙得戊角度復窺甲得己角度  
依正東西平行至丁平安儀器窺乙得辛角度復窺甲  
得庚角度量出自丙至丁之數以庚角減己角得壬角  
度查庚角正弦以丙丁邊乘之查壬角正弦除之得甲  
丙之遠

次以戊角減辛角得癸角度查辛角正弦以丙丁邊乘  
之查癸角正弦除之得乙丙之遠  
次以戊己二角減半周得丙角度查丙角正弦以甲丙

邊乘之得數為中線再查丙角餘弦以甲丙邊乘之得  
數減丙乙邊餘數為法除中線檢表正切線得子角度  
即查子角正弦除中線得數即甲乙相距之遠



假如甲乙為兩遠之平距欲測其相距及所望之遠術  
於丙處平安儀器窺甲得丙角度復窺乙得丙戌合角  
度依正東西平行至丁窺乙得庚己合角度復窺甲得  
庚角度量出自丙至丁之數以己角減丙角得辛角度  
查丙角正弦以丙丁邊乘之得數查辛角正弦除之得  
甲丁之遠

次以庚己合角減丙戌合角得壬角度查丙戌合角正  
弦以丙丁邊乘之得數查壬角正弦除之即得乙丁之  
遠

再查庚角正弦以乙丁邊乘之得數為中線又查庚角  
餘弦以乙丁邊乘之得數減甲丁邊餘數為法除中線  
得數檢表內正切得癸角度即查癸角正弦除中線得  
數即甲乙相距之遠

或查癸角正割線以甲丁邊內減餘之較邊乘之亦得

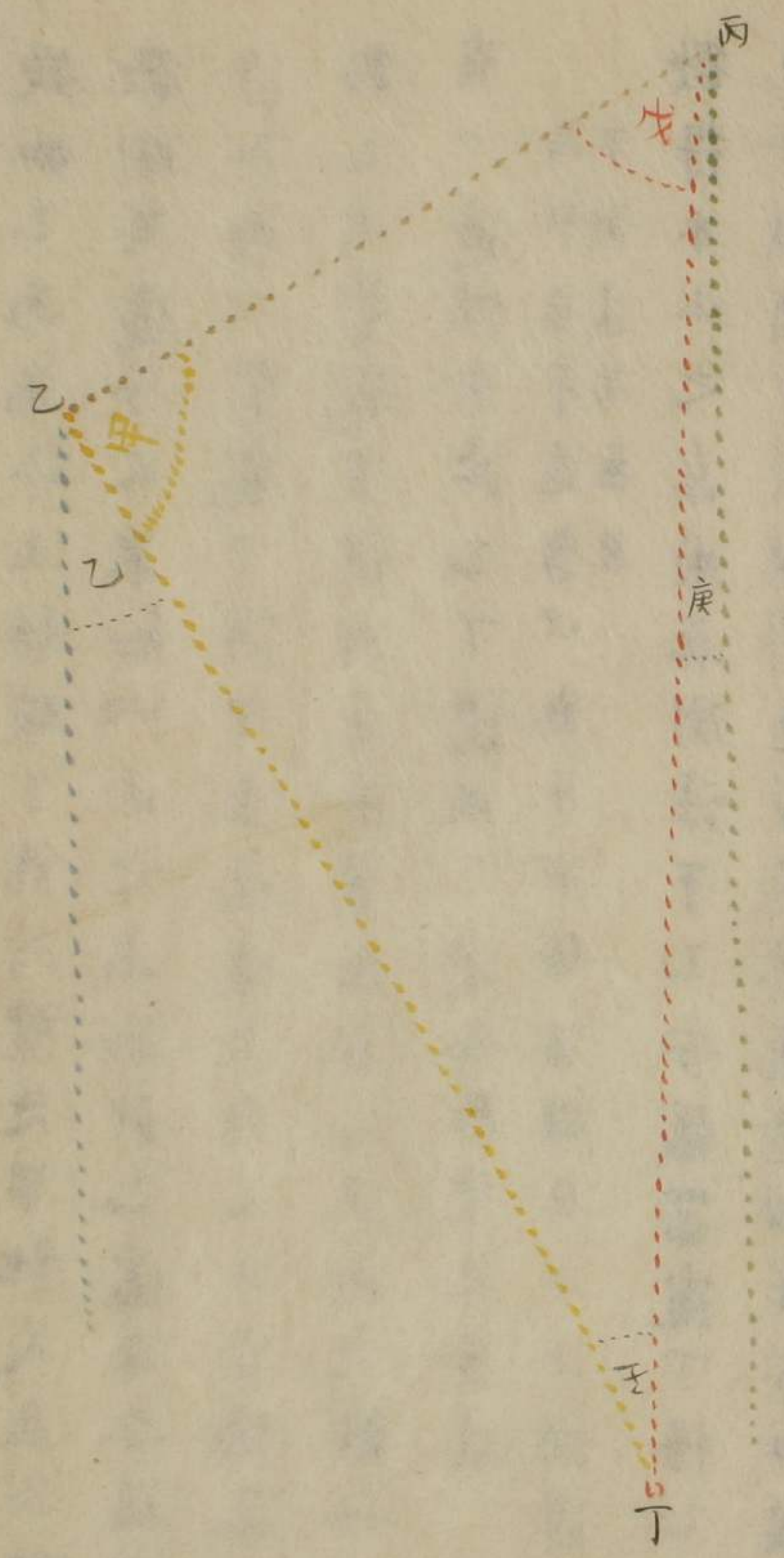




假如丙丁為斜坡之兩所戊丁為兩所之平距人從甲  
 處欲測其數術於甲處依正東西平安儀器窺丙得庚  
 角度復窺丁得壬角度平行至乙窺丙得癸角度復窺  
 丁得子角度量出自甲至乙之數依法求出甲丙邊乙  
 丙邊甲丁邊乙丁邊以子癸二角減半周得丑角度用  
 乙丙邊乙丁邊依兩邊夾一角法求出辰卯寅合角度  
 午角度丙丁邊即斜坡之遠  
 另查癸角正弦以乙丙邊乘之即得丙酉之正南北遠  
 又查子角正弦以乙丁邊乘之即得丁未南北之正遠

查子角餘弦以乙丁邊乘之得乙未遠又查癸角餘弦  
 以乙丙邊乘之得乙酉遠以乙未乙酉兩數相併即得  
 乙戌之正東西遠再以辰卯寅合角與子角相減子角與辰角  
卯寅合角得辰角即丙丁相對之度

斜坡上測遠



十  
 丁  
 庚  
 丙  
 甲  
 乙

假如乙丙為山上斜坡丁為所望之平地人立山坡上  
欲測其遠而又不知此山之高術於乙處平安儀器以  
邊對丙以管窺丁得甲角度進至丙又平安儀器以邊  
對乙以管窺丁得戊角度量出自乙至丙之數用兩角  
夾一邊法求出乙丁邊丙丁邊即所望之平遠

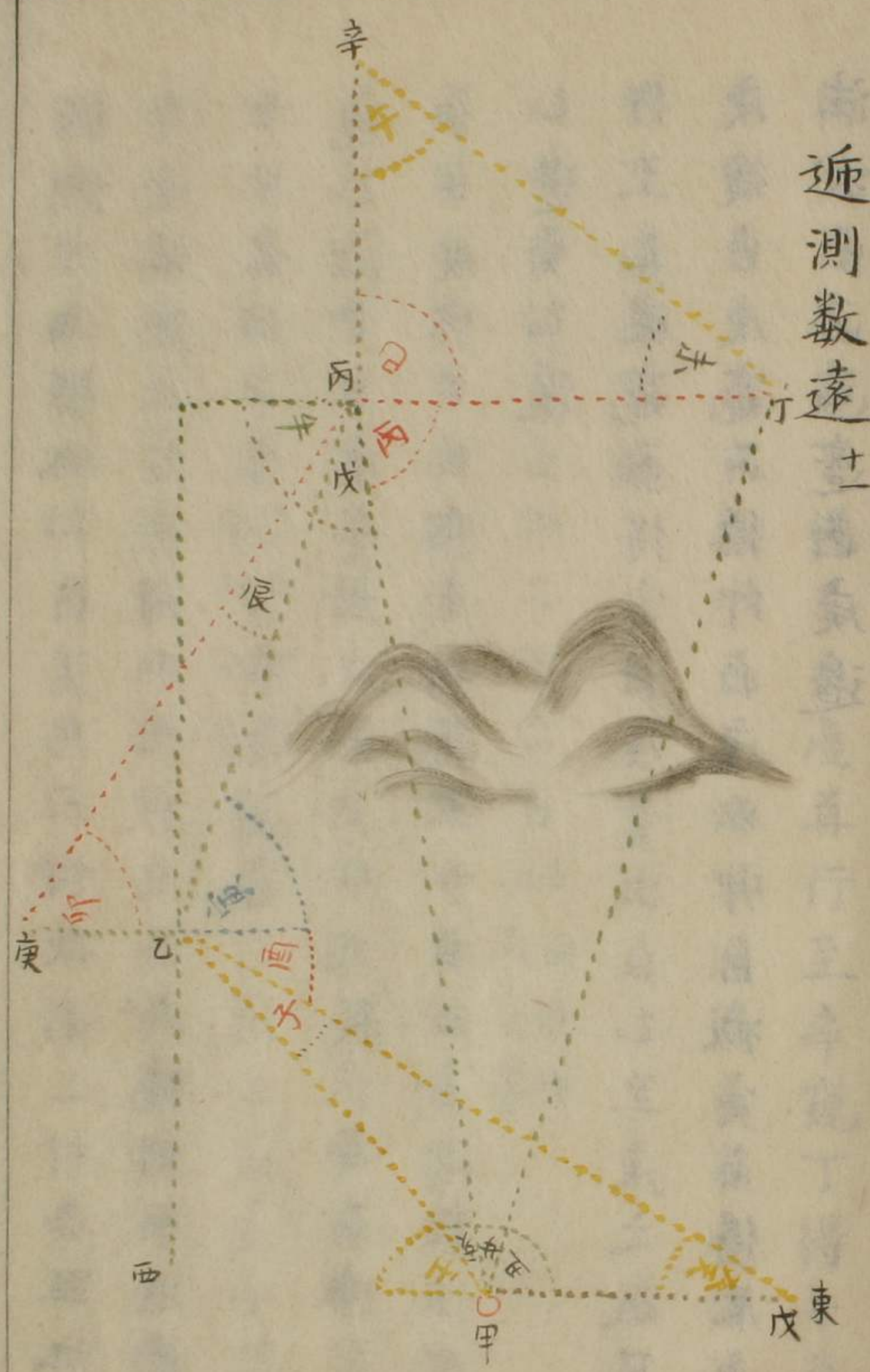
所以為平遠者以既平安儀器雖在山上測遠與山下測遠者無異

欲得本山之高用再測法于乙安儀器窺丁得乙角度  
昂以先所測得乙丁邊為丁辛遠查乙角正切線除之  
得數得乙辛邊即乙山坡至平地之高再至丙處窺丁

得庚角度即以先所測得丙丁邊為丁己平遠查庚角  
正切線除之得數得丙己邊得丙山坡至平地之高

通測數遠

十一



此圖乃測遠之法  
 凡欲測遠者必先  
 定其方位然後測  
 之其法如下圖所  
 示

假如甲為縣城乙丙丁為三村欲測三村各距城之遠  
近並偏正之度而丙丁兩村為山所掩則用逆側法術  
于甲處依正東西平安儀器窺乙得壬角度平行至戊  
窺乙得癸角度量出自甲至戊之數以癸角減壬角得  
子角度以壬角減半周得丑亥合角度依法求出甲  
乙邊癸乙邊  
行至乙處窺丙得寅角度量出自乙至庚之數平行至  
庚復自庚窺丙得卯角度以卯角減寅角得辰角度依  
法求出丙乙邊丙庚邊

行至丙處窺丁得己角度再行至辛窺丁得午角度量  
出自丙至辛之數以己午減半周得未角度依法求出  
丙丁邊辛丁邊

以壬角併寅角得子酉寅角

壬角原與  
子酉角等

用甲乙邊乙丙邊依兩邊夾一角法求出戌亥二角度  
甲丙邊即甲至丙村之遠與所對之度以寅戌二角減  
半周得丙角度

寅角原與午  
辰合角等

用甲丙邊丙丁邊依兩邊夾一角法求出壬角度與甲  
丁邊即甲至丁村之遠與所對之度





假如戊己為塘面之潤丙丁為塘內水面之潤乙卯為塘邊至水面正深欲測其數術於塘邊望對邊再橫行數步用平遠術先得塘面之潤人立甲處用儀器窺丙得庚角度復窺丁得辛庚合角度復立對面乙處用儀器窺丁得壬角度復窺丙得癸壬合角度以庚辛合角減象限得丑角度以壬角減象限得子癸合角度依法求出甲乙邊丁乙邊以癸壬合角減象限得子角度以庚角減象限得丑辛合角度依法求出甲丙邊乙丙邊以子角減子癸合角度得癸角度用乙丁乙丙兩邊夾

一角法求得丙丁即塘內水面之潤

查壬癸合角度餘弦以乙丙邊乘之得乙丙線即塘正深





假如乾坤艮巽為隔水所望之田人立子處欲測四邊  
長短之數術於子處平安儀器窺乾得未丁戌庚合角  
度復依正東西向平行至午平安儀器窺乾得甲乙合  
角度依法減出丙亥合角量出自午至子之數查甲乙  
合角正弦以子午邊乘之查丙亥合角正弦除之得乾  
子邊又查未丁戌庚合角正弦以丙子邊乘之查甲乙  
合角正弦除之得乾午邊復自子窺坤得丁戌庚合角  
又自午窺坤得甲角減得己角度依兩角夾一邊法求  
出子坤邊坤午邊復自子窺艮得戊庚合角又自午窺

艮得辛癸合角以戊庚合角減辛癸合角得壬角度依  
法求出艮子邊艮午邊復自子窺巽得庚角又自午窺  
巽得癸角度以庚角減癸角得丑角度依法求出巽子  
邊巽午邊

求田四邊之術俱依兩邊夾一角法求之  
法同第八條  
測兩遠之準  
求田積術從巽至乾斜畫虛線分為兩三角形一為兩  
邊夾坤角併戌壬寅為艮角以辰角減辰坤合角得坤  
角俱依兩邊夾一角法求出中線以虛線乘之折半得  
積



假如甲乙丙丁為隔水之田人立戊處望之欲測其數  
而又不知其遠術於戊處平安儀器窺丙得庚辛合角  
度復窺丁得辛壬合角度平行至己量出自戊至己之  
數於己處平安儀器窺丙得癸子丑合角度復窺丁得  
子丑合角度以庚辛壬合角減癸子丑合角得寅角度  
依法求出丙己邊丙戊邊  
再以辛壬合角減子丑合角得卯角度依法求出丁己  
邊丁戊邊

再以辛壬合角減庚辛壬合角得度角度用丙戊邊丁

戊邊依兩邊夾一角法求出丙丁矢數即田之濶

又於戊處窺甲得辰庚辛壬合角度復窺乙得壬角進  
至己窺甲得午癸子丑合角度復窺乙得丑角以辰庚  
辛壬合角減午癸子丑合角得未角度依法求出甲戊  
邊甲乙邊

以壬角減丑角得酉角度依法求出乙戊邊乙己邊  
以丑角減午癸子丑合角得午癸子角用乙己甲己邊  
依兩邊夾一角法求出甲乙弦數即田之長

求積術

以甲丁與丁乙兩分邊相乘以丙丁矢除之得丁牛邊  
以丁牛邊與矢線相併折半得丙斗為半徑以半徑與  
丙丁矢相減得丁斗離徑以丁斗除甲丁檢表正切線  
得斗角度倍之得兩斗角度即弧度求出斗甲斗乙兩  
邊

再將全徑丙牛用圓徑求周法求出全圓以兩斗角度  
乘之以三百六十度除之即得甲丙乙弧之長數再將  
全弧折半以半徑乘之得斗甲丙乙之積再以丁斗線  
與甲丁線相乘得數減斗乙甲丙之積餘數即矢田所

積之數

2012  
2012年11月

