



311

4424

國立臺灣大學圖書館典藏
由國家圖書館數位化

40
1

大學叢書

高級統計學

下冊

大學叢書委員會
委 員

丁雙林君	王世杰君	王雲五君
任鴻雋君	朱經農君	朱家驊君
李四光君	李建勛君	李書華君
李權時君	余青松君	何炳松君
辛樹幟君	吳澤霖君	吳經熊君
周 仁君	秉 志君	竺可楨君
胡 適君	胡庶華君	姜立夫君
翁之龍君	翁文灝君	馬君武君
馬寅初君	孫貴定君	徐誦明君
唐 鈺君	郭任遠君	陶孟和君
許 璇君	陳裕光君	程天放君
程演生君	馮友蘭君	傅斯年君
傅運森君	曹惠羣君	鄒 魯君
鄭貞文君	鄭振鐸君	劉秉麟君
劉湛恩君	黎照寰君	蔡元培君
蔣夢麟君	歐元懷君	顏任光君
顏福慶君	羅家倫君	顧頌剛君

大學叢書
高級統計學

下冊

艾偉著

商務印書館發行



527010

民國33.11.27

高級統計學

下冊目次

第十六章 取樣的可靠性

- | | | |
|----|----------------|-----|
| 59 | 樣子與全體之關係 | 203 |
| 60 | 機誤及其限度 | 204 |
| 61 | 機誤的公式 | 205 |
| 62 | 一個機誤的實驗 | 209 |
| 63 | 兩數相差的機誤 | 215 |
| 64 | 其他的機誤公式 | 216 |

第十七章 二數相關

- | | | |
|----|------------------|-----|
| 65 | 緒論 | 218 |
| 66 | 相關係數 | 218 |
| 67 | 正相關與負相關 | 221 |
| 68 | 簡單的相關係數計算法 | 225 |

69	次數表上相關係數之求法	229
70	相關係數的意義	239

第十八章 迴歸線

71	緒論	244
72	迴歸線的求法	245
73	迴歸的意義	247
74	迴歸線與材料的數量	247
75	迴歸方程	252
76	迴歸方程上的差誤與機誤	260

第十九章 等級相關

77	等級相關的公式	262
78	等級相關的計算法	263
79	等級相關的機誤	267
80	幾個特殊例子	268

第二十章 非直線相關

81	非直線相關的重要	272
82	非直線相關的公式	273
83	相關比的限度	277
84	相關比的計算法	278
85	直線性的試驗	280
86	相關比與組距之關係	282

第二十一章 品質相關

87	緒論	285
88	四格表	287
89	<u>皮爾生氏</u> 的餘弦 π 法	289
90	<u>西巴</u> (Sheppard) 氏的異號法	290
91	接觸係數	292
92	質量相關	297
第二十二章 多數相關		
93	部分相關	304
94	多數相關	310
95	部分的迴歸方程	313

下冊圖次

圖六十八	全體的均數與樣子的均數之表示	214
圖六十九	相關的遠近的表示	223
圖七十	非直線相關的表示	225
圖七十一	象限之表示(其一)	235
圖七十二	象限之表示(其二)	236
圖七十三	迴歸線之表示(其一)	246
圖七十四	迴歸線之表示(其二)	250
圖七十五	已有之結果(其一 兩線接近)	251
圖七十六	其二 兩線分開	252
圖七十七	其三 兩線更分得開	253
圖七十八	直線及其傾斜度	254
圖七十九	根據迴歸方程所繪之直線	257
圖八十	直線相關與非直線相關	274
圖八十一	常態面積在相關係數計算上的應用	299

下册表次

表六十六	機誤的機遇表	207
表六十七	均方差的機遇表	208
表六十八	機遇的實驗結果(第一次)	210
表六十九	機遇的實驗結果(第二次)	211
表七十	塞艾二氏實驗結果之比較	213
表七十一	兩種教授法之比較	215
表七十二	簡單相關係數的計算法(其一)	226
表七十三	簡單相關係數的計算法(其二)	227
表七十四	求相關的材料	227
表七十五	簡單計算法(其三)	228
表七十六	統計班兩次月考成績	231
表七十七	相關表 第一步的整理	232
表七十八	相關表 第二步的整理	233
表七十九	相關係數的計算法(其一)	234
表八十	相關係數的計算法(其二)	237
表八十一	一部分計算法之表示	238
表八十二	相關係數大小及其等第之比較	240
表八十三	縱橫兩線的均數(由表七十八計算而出)	245

表八十四	體高體重相關表	248
表八十五	縱橫兩線的均數(從表八十四計算而出) ...	249
表八十六	縱橫兩線的均數(根據迴歸方程計算而出)	256
表八十七	等級相關的計算	264
表八十八	次數分配在等級相關上之影響(例一)	265
表八十九	次數分配在等級相關上之影響(例二)	266
表九十	特殊算法(例一)	268
表九十一	特殊算法(例二)	270
表九十二	表示非直線的相關	272
表九十三	相關比之計算(附單頁)	278
表九十四	兩質相關	285
表九十五	質量相關	286
表九十六	量的材料與無秩序的材料之相關	286
表九十七	四格表	287
表九十八	接觸係數的計算	292
表九十九	質量相關的計算	297
表一百	質量相關的最後計算	301
表一百零一	爲求部分相關的各種材料	307
表一百零二	表示第一級係數之計算	308
表一百零三	表示第二級係數之計算	309
表一百零四	部分的迴歸係數之計算	316



第十六章

取樣的可靠性

59 樣子與全體之關係

關於可靠性我們在第一章裏面曾作簡單之敘述。在那裏我們曾用初中三年級國文測驗來作例子。我們假定江浙兩省有初中三年級學生六七千人，但是考察成績的時候，我們為時間，經濟，人才三方面所限制，不能完全測到。實際上我們所測的不過數百人或千數百人，就此結果定一標準，以為這就是初中三年級的國文常模（norm）。假使江浙兩省初中三年級生六千人謂之全體，則我們所選擇而測的幾個學校的初中三年生不過為這全體中的樣子（sample）而已。我們所取的样子是能代表全體呢，還是一種特殊的（好的或壞的）樣子呢？我們知道在商業上也有打樣子的習慣。例如中國茶販到外國的時候，一船數千箱，當然不能一箱一箱的打開來查驗，只由嘗茶專家（tea taster）任取數箱嘗之，假使他說這茶不錯，他的意思是這茶如能代表全體，則全體也當然不錯。假使有一二奸商存心取巧。把艙面的箱子裝着好茶，下層的卻是壞茶。其結果樣子不能代表全體，名譽至此墮地。外商裹足，銷路減少。那取巧的商人希圖一二次的便宜，斷送了永久的顧客，真是弄巧成拙了。

在測驗上若選擇的樣子不能代表全體，雖不如商業上失敗之甚，

然而耗鉅款，費時間，徒勞無益，亦殊不值得。所以在舉行測驗之先，我們應當調查那許多學校無論如何我們要請他們參加的。例如我們要舉行國文測驗，我們要知道各校教授國文之旨趣，因為在國內中學校中，有附屬於國立大學的，有附屬於私立大學的，有的為省立，有的為縣立，有的為私立，有的為教會所立。在這些學校之中，有的偏重國文，有的偏重英文，有的偏重算學。在偏重國文的學校之中，又分為偏重『今話文』的與偏重『古話文』的兩種。在可能範圍之內，我們應當請他們都有代表加入，俾常模求出以後，成為一種適當的標準。

60 機誤及其限度

假使我們所選的樣子，確能代表全能，如是而求結果，難道就沒有別的錯誤了嗎？照我們的經驗上看，還是有的。例如舉行測驗的時間，我們本是規定的。在任何情形之下，時間應當相同。此所謂『別的情形相等』（other things being equal）。我們所求的既為某年級的國文能力，則閱讀的時間相等，始能知道國文能力未受其不等的影響。但是實際上一級數十人，在受測驗之時，難免有偶然因鉛筆斷了而犧牲了幾秒鐘，或偷看旁人一二問而得了偶然答對的便宜。這些偶然錯誤之中有多有少，我們是可以求得出來的。這種錯誤在統計學上名之曰機誤（probable error），或我們利用這機誤的公式，可以把這些錯誤量得出來而大致不差的。這些錯誤又叫變的錯誤（variable errors），因為他們是不一定的，是偶然的。還有一種錯誤是常的錯誤

(constant errors), 因為他們是常在的。例如我們測地的時候, 假使所用的量尺與標準尺有點相差, 如每一百尺相差三寸, 如是的量下去, 就常常有這樣的錯誤, 在求結果的時候, 我們必須把他們全盤更正。又如舉行測驗之時, 主試者常遲一二分鐘始行收卷。因為有了這樣的習慣, 所以在統計上也發生了一種常的錯誤。這種錯誤事先可以預防, 事後可用別的方法更正。但是用機誤的公式所量出的並不屬於此一類, 這是我們應當明瞭的。總而言之, 機誤的用處是很有限制的。樣子能否代表全體, 既非機誤之所知, 而習慣上常的錯誤, 亦非他所能為力。假如在江浙兩省初中三年級我們測驗了一千人, 他們確能代表全體而測驗的時候, 又無常的錯誤, 從此而算機誤, 我們能得可靠的結果。這一千人當然是由許多學校的初中三年級生組織而成的。假使以五十人為一組, 則此一千人乃由二十組所積成。這二十組各有一平均成績。他們彼此很難相等, 但是相差也不至太遠。假使全體的平均成績為 M , 而此二十組的各個平均成績為 $M_1, M_2, M_3, \dots, M_{20}$, 則在次數圖上 $M_1, M_2, M_3, \dots, M_{20}$, 當環 M 而分配。若是組數無限的加多, 則其可靠性更大。反之, 若所測止二三組, 人數不滿二百, 則其可靠性當亦有限。

61 機誤的公式

機誤的公式若用數學原理引申出來頗冗長不便初學, 但是明瞭了以上的敘述, 則應用公式亦不困難。茲錄均數的機誤公式於下。

$$P. E._m = \frac{.6745\sigma}{\sqrt{N}} \quad (30)$$

P. E. 爲 probable error (機誤) 之簡寫。均數的機誤是與其總次數 (N) 和 σ 有關係的。他與 σ 的關係尙小，而與 N 的關係實大，因爲次數加多則 P. E._m 變小。次數越多則 P. E._m 越小，且樣子的均數越近於實在的或全體的均數，而這實驗的可靠性越大。(最小的 N 不得少於 30)。

現在我們用以前的材料 $N = 196$, $\sigma = 13.4$, $m = 54.13$ 來算機誤如下。

$$\begin{aligned} P. E._m &= \frac{.6745(13.4)}{\sqrt{196}} \\ &= \frac{9.0383}{14} = .646 \end{aligned}$$

以所 $m = 54.13 \pm .65$

樣子的均數爲 54.13，他的機誤爲 .65。54.13 - .65 = 53.48，54.13 + .65 = 54.78，所以實在的或全體的均數大約在 53.48——54.78 之間。這機遇是一與一之比，就是全體的均數在內與不在內的機遇各有一半。這機遇的計算是根據常態分配的面積的。我們知道一個正的 P. E. 和一個負的 P. E. 各佔面積百分之二十五，所以正負兩個 P. E. 佔百分之五十，以 (100 - 50) 除 50 得一與一之比。假使我們用兩個機誤如 $54.13 \pm 2(.65)$ ，這範圍爲 52.83——55.43，範圍加大則全體均數在內之機遇當更大。按兩個 P. E. 的面積爲百分之 41.13 正負各兩個 P. E. 則爲 82.26。以 (100 - 82.26) 除 82.26 得

$$\frac{82.26}{17.74} = 4.6$$

這就是說全體均數在 52.83——55.43 之內與不在其內之機遇為 4.6 與一之比。當然在內的機遇比較的多了。同理，我們可以算出三個，四個，五個 P. E. 的均數範圍，並可算出全體均數在範圍以內之機遇。茲列表於下。

表六十六 機誤的機遇表

均 數 之 範 圍	所佔面積之百分數	機 遇
$M_1 \pm 1P. E. (53.48 - 54.78)$	50.00	1 - 1
$M_1 \pm 2P. E. (52.83 - 55.43)$	82.26	4.6 - 1
$M_1 \pm 3P. E. (52.18 - 56.08)$	95.70	22 - 1
$M_1 \pm 4P. E. (51.53 - 56.73)$	99.30	142 - 1
$M_1 \pm 5P. E. (50.88 - 57.38)$	99.93	1340 - 1

計算取樣錯誤除 P. E. 外有用均方差者。他的公式如下。

$$\sigma_M = \frac{\sigma}{\sqrt{N}} \quad (31)$$

這公式與 P. E. 的公式原理相同。其所不同者為 P. E. 與 σ 之關係，因為 P. E. 比較的小止等於 $.6745\sigma$ 。用均方差算機遇可用下表。*

*關於樣子的可靠性，本數若大於其均方差二倍，或大於其機誤三倍，即為合用。若有重要的結論根據於他的，則本數須大於其均方差三倍，大於其機誤五倍。

表六十七 均方差的機遇表

均 數 之 範 圍	所佔面積之百分數	機 遇
$M_1 \pm 1 \sigma (53.17 - 55.09)$	68.27	2.15 - 1
$M_2 \pm 2 \sigma (52.21 - 56.05)$	95.45	21 - 1
$M_3 \pm 3 \sigma (51.25 - 57.01)$	99.73	369 - 1

$$\sigma_M = \frac{\sigma}{\sqrt{N}} = \frac{13.4}{14} = .96$$

我們知道我們所用的材料為大學入學試驗的國文成績。這是預科和本一生的成績。這人數是 196。全國各大學每年所招之預科及本一生人數約在這數的二十倍左右。所以這一百九十六人是四千人中的樣子。假如我們也和美國一樣，有大學入學試驗的標準測驗，則我們根據我們學校的成績，可以推測全國大學入學試驗的總成績的情形一二。若是樣子不夠，我們也可聯合鄰近大學，加入他們的入學試驗成績，而得一可靠的標準。這種辦法似屬可行，而我們也打算於最近之將來從事研究並實行的。可是，在現在各種試驗既沒有一定的標準，而考試委員又各自為政。所以甲大學的標準也許太高，每年投考生數約有兩千，而所取者不過二百人，乙大學的標準也許太低，遇投考學生，來者不拒，如招兵似的盡量收容。總之在我們的研究情形之下，從樣子的均數 54.13 及其正負機誤 $\pm .65$ 上，我們推測不到全體的均數。我們也不能妄下結論，說全體均數在 53.48——54.78 之內和不在其內之機遇為一與一，或在 52.83——55.43 之內和不在其內之機遇為 4.6 與

一。

62 一個機誤的實驗

所謂在正負各一 P. E. 之內其機遇爲一與一，或在正負各二 P. E. 之內其機遇爲 4.6 與一本是一種理論，根據常態分配圖的面積的。事實與理論相差幾何，我們不妨研究一下。在這個實驗裏我們用卡片 1024 張，每張各有一數由零到十，其分配即照 $(a+b)^{10}$ 之展開式，就是 0 與 10 各一張，1 與 9 各十張，2 與 8 各四十五張，3 與 7 各一百二十張，4 與 6 各二百十張，5 得 252 張，共一千零二十四張。在這總數裏我們隨意取出三十二張，而計其每張所有之數目。旋將這卡片歸入總數內使其混雜，然後再抽出三十二張。如是凡三十二次。所以這一千零二十四張卡片我們分作三十二個樣子，每個樣子計三十二張。在一個月之後我們爲比較起見，又另作三十二個樣子，每一樣子仍是三十二張。我們根據這兩次的實驗，求出各樣子的均數，及其機誤和差誤（即均方差）。

在六十八，六十九兩表裏第一行是樣子的數目從一到三十二，第二行是各樣子的均數，第三行是他們的均方差，第四行是各均數的機誤，第五行是各均數和他們的正負兩個 P. E. 的範圍。這全體的均數等於五，即 $(Q+P)^{10}$ 的展開式的均數，在十三章表五十六裏業已註明。所以在第六行裏我們問全體的均數是否在正負兩個 P. E. 之內。在表六十八裏在內者有十九，不在者有十三。在這個情形之下，在內與不在內的機遇爲十九與十三之比。照理論上講起來，應爲十六與十

表六十八 機遇的實驗結果(第一次)

1	2	3	4	5	6	7	8	9
樣子	m	σ	P.E. _m	m \pm P.E. _m	全體均 數在其 內否	σ_m	m \pm σ_m	全體均 數在其 內否
1	4.88	1.31	.16	4.72-5.04	在	.23	4.65-5.11	在
2	4.78	1.63	.19	4.59-4.97	否	.29	4.49-5.07	在
3	5.16	1.72	.21	4.95-5.37	在	.30	4.86-5.46	在
4	5.13	1.24	.15	4.98-5.28	在	.22	4.91-5.35	在
5	4.63	1.34	.16	4.47-4.79	否	.24	4.39-4.87	否
6	4.88	1.79	.21	4.67-5.09	在	.31	4.57-5.19	在
7	5.00	1.39	.17	4.83-5.17	在	.25	4.75-5.25	在
8	5.13	1.22	.15	4.98-5.28	在	.26	4.87-5.39	在
9	4.97	1.55	.18	4.79-5.15	在	.27	4.70-5.24	在
10	5.13	1.65	.20	4.93-5.33	在	.29	4.84-5.42	在
11	5.09	1.29	.15	4.94-5.24	在	.23	4.86-5.32	在
12	5.00	1.00	.12	4.88-5.12	在	.18	4.82-5.18	在
13	4.34	1.36	.16	4.18-4.50	否	.24	4.10-4.58	否
14	5.16	1.23	.15	5.01-5.31	否	.22	4.94-5.38	在
15	5.16	1.89	.23	4.93-5.39	在	.33	4.83-5.49	在
16	4.78	1.78	.21	4.57-4.99	否	.33	4.45-5.11	在
17	5.28	1.40	.17	5.11-5.45	否	.25	5.03-5.53	否
18	4.78	1.39	.17	4.61-4.95	否	.25	4.53-5.03	在
19	5.16	1.77	.21	4.95-5.37	在	.31	4.85-5.47	在
20	4.66	1.24	.15	4.51-4.81	否	.22	4.44-4.88	否
21	5.06	1.32	.16	4.90-5.22	在	.23	4.83-5.29	在
22	4.94	1.64	.20	4.74-5.14	在	.29	4.65-5.23	在
23	4.47	1.37	.16	4.31-4.63	否	.24	4.23-4.71	否
24	4.78	1.48	.18	4.60-4.96	否	.26	4.52-5.04	在
25	5.03	1.86	.22	4.81-5.25	在	.33	4.70-5.36	在
26	5.06	1.51	.20	4.86-5.26	在	.27	4.79-5.33	在
27	4.97	1.51	.20	4.77-5.17	在	.27	4.70-5.24	在
28	5.03	1.57	.19	4.84-5.22	在	.28	4.75-5.31	在
29	4.78	1.32	.16	4.62-4.94	否	.23	4.55-5.01	在
30	5.16	1.50	.19	4.97-5.35	在	.27	4.89-5.43	在
31	5.38	1.69	.20	5.18-5.58	否	.30	5.08-5.68	否
32	4.75	1.52	.18	4.57-4.93	否	.27	4.48-5.02	在

表六十九 機遇的實驗結果 (第二次)

1	2	3	4	5	6	7	8	9
樣子	m	σ	P.E. _m	m \pm P.E. _m	全體均 數在其 內否	σ_m	m $\pm\sigma_m$	全體均 數在其 內否
1	5.03	1.50	.18	4.85-5.21	在	.27	4.76-5.30	在
2	4.97	1.42	.17	4.80-5.14	在	.25	4.72-5.22	在
3	4.81	1.50	.18	4.63-4.99	否	.27	4.54-5.08	在
4	5.09	1.32	.16	4.93-5.25	在	.23	4.86-5.32	在
5	4.87	1.75	.21	4.66-5.08	在	.31	4.56-5.18	在
6	4.66	1.82	.22	4.44-4.88	否	.32	4.34-4.98	否
7	5.13	1.30	.15	4.98-5.28	在	.23	4.90-5.36	在
8	4.50	1.89	.23	4.27-4.73	否	.33	4.17-4.83	否
9	4.87	1.46	.17	4.70-5.04	在	.26	4.61-5.13	在
10	5.28	2.05	.24	5.04-5.52	否	.36	4.92-5.64	在
11	5.31	1.25	.15	5.16-5.46	否	.22	5.09-5.53	否
12	5.09	1.70	.20	4.89-5.29	在	.30	4.79-5.39	在
13	4.72	1.58	.19	4.53-4.91	否	.28	4.44-5.00	在
14	5.22	1.37	.16	5.06-5.38	否	.24	4.98-5.46	在
15	4.91	1.46	.17	4.74-5.08	在	.26	4.65-5.17	在
16	5.47	1.92	.23	5.24-5.70	否	.34	5.13-5.81	否
17	5.34	1.52	.18	5.16-5.52	否	.27	5.07-5.61	否
18	5.44	1.60	.19	5.25-5.63	否	.28	5.16-5.72	否
19	4.66	1.23	.15	4.51-4.81	否	.22	4.44-4.88	否
20	4.56	1.70	.20	4.36-4.76	否	.30	4.26-4.86	否
21	5.34	1.79	.21	5.13-5.55	否	.32	5.02-5.66	否
22	4.81	1.52	.18	4.63-4.99	否	.27	4.54-5.08	在
23	4.63	1.64	.20	4.43-4.83	否	.29	4.34-4.92	否
24	5.75	1.89	.23	5.52-5.98	否	.33	5.42-6.08	否
25	5.34	1.20	.14	5.20-5.48	否	.21	5.13-5.55	否
26	4.97	1.80	.22	4.75-5.19	在	.32	4.65-5.29	在
27	4.78	1.30	.15	4.63-4.93	否	.23	4.55-5.01	在
28	5.44	1.66	.20	5.24-5.64	否	.29	5.15-5.73	否
29	5.22	1.41	.17	5.05-5.39	否	.25	4.97-5.47	在
30	4.91	1.60	.19	4.72-5.10	在	.28	4.63-5.19	在
31	4.72	1.25	.15	4.57-4.87	否	.22	4.50-4.94	否
32	5.09	1.80	.22	4.87-5.31	在	.32	4.77-5.41	在

六之比。在這裏理論與實驗的相差爲三。在表六十九的第六行裏在內與不在內之機遇爲十一與二十一之比。在這裏理論與實驗的相差爲五。但是這兩個的相差是一正一負。所以兩實驗結果平均起來，在六十四樣子之中其全體的均數在內與不在內之機遇爲三十與三十四之比。這結果頗與理論相近。

在六十八，六十九兩表裏，尙有第七第八第九三行。第七行是各均數的差誤而以均方差計算者。第八行爲正負兩差誤之範圍。全體的均數在兩正負差誤以內與不在其內的機遇爲 2.15 與一之比，前面已經講過。他們的範圍既較大，故全體的均數在內的機遇也較多。在第九行裏，合第一第二兩次實驗而計算之，全體的均數在內與不在內之機遇爲四十四與二十之比。兩數相約得 2.2 與 1 之比。照這實驗看來理論與事實可算很近。

塞斯頓 (Thurstone) 氏在他的統計大綱 (Fundamentals of Statistics) 裏曾作一個機誤實驗。他用卡片一千張，其數目從零到二十四。這分配也是常態的，其均數爲十二。他於卡片總數中任取二十張爲一組，共五十組，合一千張。在他的結果中全體的均數在正負兩個 P. E. 範圍之內與不在其內的機遇爲二十六與二十四之比，可算很近理論。

塞斯頓 氏並未算出各均數之差誤。現在我們根據他的實驗算出新的結果連同我們的結果一併歸納於表七十內以資比較。(見213頁)

從表上的結果看來我們覺得理論與實驗的相差尙不甚遠。我們對於這相差認爲滿意的，因爲我們的實驗無論做得如何仔細，如何精確，

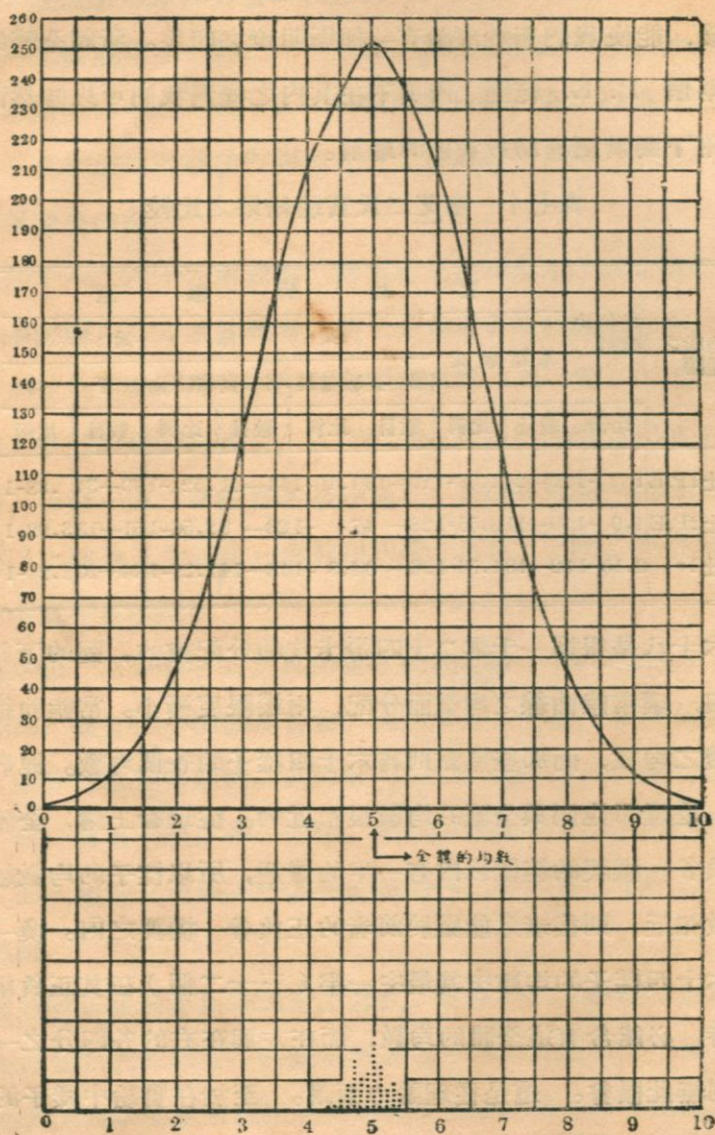
決難湊巧做得剛合乎理論。這實驗結果雖不絕對的與理論一樣，但是實驗之後，能使我們對於理論有一種極明瞭之印象。所謂全體的均數在正負兩個 P. E. 範圍之內與不在其內之機遇我們可以瞭然而無疑義。茲附下圖將更有助於我們的理解。

表七十 塞艾二氏實驗結果之比較

均數之範圍	理論的機遇	實 驗 的 機 遇							
		塞 斯 頓 氏		艾 偉 氏					
				第一實驗結果		第二實驗結果		平 均	
		比例	數目	比例	數目	比例	數目	比例	數目
$m \pm 1P.E.$	1	-1.26—24	1.08—1	19—13	1.19—1	11—21	.52—1	30—34	.88—1
$m \pm 2P.E.$	4.6	-1.39—11	3.55—1	28—47	-1.23—	9.256—1	51—133	3.92—1	
$m \pm 1\sigma$	2.15—1	32—18	1.78—1	26—	64.3—1	18—14	1.29—1	44—20	2.2—1

圖六十八是根據一千零二十四張卡片的分配繪的。圖的下部有黑點六十四，環常態曲線之均數而分配，兩端限度極小。常態曲線之均數為全體之均數，而那些黑點則為六十四樣子的各個均數。他們的分配極小，是證明他們與全體的均數很相近的。從理論上講，全體的均數在正負各一機誤的範圍以內有一半的機遇，所以樣子的均數越與全體的均數相近，則後者愈能處於前者的正負各一機誤之內。換一句話講，這六十四樣子的均數中其最中一半（三十二個）在其正負兩機誤展開之時，必能含有這全體的均數，而在左與在右的各四分之一樣子的均數則無此機會。這是從理論方面講。至於在實驗中樣子的均數，在正負兩 P. E. 展開之時，含有全體的均數的在六十四個中止有三十

圖六十八



環5之黑點為六十四樣子的均數

個，而不含有者則有三十四個。

所以總結起來說，事實與理論是很相近的。他們雖不絕對的相近，然在相差上我們認為滿意。我們應當用種種不同的材料繼續實驗，並令初學者參加此項工作，以引起他們的興趣，幫助他們的了解。

63 兩數相差之機誤

在實驗的時候我們嘗比較兩種研究結果，看他們倆的數目之相差究因方法之不同呢或係偶然的呢？例如橫直讀的結果比較究竟橫讀優於直讀或直讀優於橫讀是因為排列的關係呢，還是因為偶然的湊合，不與讀法相干呢？在教學上這樣的問題也多，如兩種教法之比較，甲優於乙，是否甲法優於乙法，或由於其他原因。研究這種問題的時候，我們應用兩數相差之機誤不難解決。他的公式為

$$P. E. m_1 - m_2 = \sqrt{(P. E. m_1)^2 + (P. E. m_2)^2} \quad (32)$$

在這公式裏 m_1 為一種結果之均數而 m_2 則為另一種結果之均數。

表七十一 兩種教授法之比較

班次	甲班	乙班
方法	直積教授法	習慣教授法
人數	45	48
智力測驗結過之平均	137	138
試驗之先的成績平均	74.5	74.5
試驗半年以後的成績平均	91.43	89.64
均方差	7.08	7.23
均數的機誤	.785	.761

假使教授中學英文，我們有直接教授法和習慣教授法兩種。我們要試驗究竟那一種方法較優，可將學生分爲程度相等的兩班同時施教。半年以後再行考察他們的進步。茲假定幾種結果如下。（見215頁）

這結果中我們所需要的爲

$$M_1 = 91.43 \qquad M_2 = 89.64$$

$$P. E._{m_1} = .785 \qquad P. E._{m_2} = .761$$

代入公式

$$P. E._{m_1 - m_2} = \sqrt{(.785)^2 + (.761)^2} = 1.09$$

$$M_1 - M_2 = 91.43 - 89.64 = 1.79 \pm 1.09$$

在這結果中本數不及其機誤兩倍，所以這兩數相差的 1.79 究竟是否因爲直接教授法的優點，我們不敢妄下結論，因爲從可靠性方面講起來，本數至少要大於其機誤三倍的。這是最低限度。最低限度既不能達到，則結果之可靠性上即成問題。換句話講，這兩結果之有優有劣，是否因方法不同的關係，我們不敢斷定。欲解決這個問題，尚須繼續研究。

64 其他的機誤公式

除上述之兩機誤公式外尚有下列幾種。

$$P. E._{m_d} = \frac{.84535\sigma}{\sqrt{N}} = 1.2533 P. E._m \qquad (33)$$

$$P. E._\sigma = \frac{.6745\sigma}{\sqrt{2N}} = \frac{.4769\sigma}{\sqrt{N}} = .7071 P. E._m \qquad (34)$$

$$P. E._r = \frac{.6745(1-r^2)}{\sqrt{N}} \quad (35)$$

在最後一個公式裏所謂 γ 係代表相關係數的，他的計算法在下章即要講到。用均數的機誤公式的時候，其次數分配不必一定要常態。但是用其他公式的時候，在證明上我們所假定的是常態分配。在相關係數的機誤公式裏若 N 數太小，而同時 γ 數又太大此公式即不能應用。即應用之亦難得可靠之結果，學者希注意之。

練習題

1. 試用第 142 頁練習題 2 的材料求均數及中數之機誤。
2. 用 $\sigma_m = \frac{\sigma}{\sqrt{N}}$ 求 σ_m (再用上列材料)
3. 試列一表求出 $m \pm 1 P. E.$, $m \pm 2 P. E.$, $m \pm 3 P. E.$, $m \pm 1\sigma$, $m \pm 2\sigma$ 等之範圍及其機遇。(根據上項材料)
4. 根據下列材料求兩數相差之機誤

$$M_1 = 104 \quad \sigma_1 = 100 \quad N_1 = 110$$

$$M_2 = 113 \quad \sigma_2 = 8.5 \quad N_2 = 106$$

第十七章

二數相關

65 緒論

在以上各章裏我們所敘述的大都是一個變數 (one variable) 的幾種特性，如在 X 數列中各個數的分配是否集中，他們彼此間的相差是遠是近？有的時候爲比較起見，在集中趨勢或離中趨勢裏面亦嘗引用一二個變數，但是這些數不過是 x' , x'' 而已，決非另一變數而以 y 代表的。這 y 的變數在二數相關裏始行加入。凡是科學的研究若有兩種事實，而此事實又能用數量表示出來，我們於此種情形之下，當盡量的求其相關。在物理學上如體積與溫度之關係；溫度升高以後在體積上有何變遷？這是物理學家所應當知道的。在植物學上如植物生長與水分之關係；水分加多或缺乏在植物之發育上有何變遷？這也是植物學家所應研究的。這種例子敘述起來，非常之多不一而足。所以數學的物理學家以爲無論甚麼東西，只要知道了他們的關係，總可以引伸一個公式來，這就是算學上的函數概念。在心理學上或教育學上凡研究一種問題，我們可以引用函數概念的，我們亦當盡量的應用之。

66 相關係數

引用函數概念的條件是兩種事實須用數量表示出來，因爲有了數

量才能代入公式。* 若找不出數量或有數量而無相當的單位以作標準則這條條件未為履行。不特此也，在條件履行之後，也要有個簡單數目來表示這相關；不然，公式太複雜或須由公式中推測其相關，這種辦法也太麻煩。例如 $y = mx$ 的公式可算簡單，但是我們一望而不能求其解釋，必須推測自變數 (independent variable) 與倚變數 (dependent variable) 之關係，如 $x=0, y=?$, $x=1, y=?$ 就是總括起來講，看了這公式，我們雖知道他們是直線相關，但是這不是一個簡便方法，可以一目了然的。統計學家知道這種需要，所以他們想出一個相關數的公式來，而以 r 代表這係數。這係數的計算由高爾登 (F. Galton) 發其端，而皮爾生 (K. Pearson) 總其成。因為要紀念這成功的發明家，所以我們也叫這係數為皮爾生的相關係數 (the Pearson coefficient of correlation)。這係數的公式亦極簡單，不過為應用的方便起見，我們有幾種形式，茲引申之於下。

現在以 $(X_1, Y_1), (X_2, Y_2), (X_3, Y_3), \dots, (X_n, Y_n)$

為 X 與 Y 二變數的各對，

以 m_x 為 X 數列中之均數，

m_y 為 Y 數列中之均數，

於是 $x = X - m_x$ (此間之 x 即算均差或均方差時所用之 d)

$y = Y - m_y$ 為各數與均數之相差。

* 在統計方法上亦有不用數量而用品質的顯隱的，例如功課及格與不及格，視覺殘缺與不殘缺，學齡兒童之在學與不在學等，但計算起來究難如用數量的精確。

$$\sigma_x = \sqrt{\frac{1}{N} \sum x^2}$$

$$\sigma_y = \sqrt{\frac{1}{N} \sum y^2} \quad \text{爲此兩數列之均方差。}$$

現在以 σ 爲單位較有標準，故以上 x 與 y 兩公式可改列如下。

$$x' = \frac{x}{\sigma_x}$$

$$y' = \frac{y}{\sigma_y}$$

用 x' 與 y' 則相關係數之公式爲

$$r = \frac{1}{N} \sum x' y' \quad (36)$$

這公式很簡單，因爲這相關係數不過是 X 與 Y 兩變數之積的總和而以總次數除之者，所以這係數在英文也叫 the product-moment coefficient。若用 x 與 y 則

$$r = \frac{\frac{1}{N} \sum xy}{\sigma_x \sigma_y} = \frac{\frac{1}{N} \sum xy}{\sqrt{\frac{1}{N} \sum x^2} \sqrt{\frac{1}{N} \sum y^2}} = \frac{\sum xy}{\sqrt{\sum (x^2)} \sqrt{\sum (y^2)}} \quad (37)$$

$$r = \frac{\frac{1}{N} \sum (X - m_x)(Y - m_y)}{\sigma_x \sigma_y} \quad (38)$$

$$= \frac{\frac{1}{N} \sum [XY - m_x Y - m_y X + m_x m_y]}{\sigma_x \sigma_y}$$

*公式(37)應用起來頗方便。若材料上無組距或次數很少又不需要均方差，僅可應用這公式藉省計算上之麻煩。

$$\begin{aligned}
 &= \frac{\frac{1}{N} (\Sigma XY - m_x \Sigma Y - m_y \Sigma X + N m_x m_y)}{\sigma_x \sigma_y} \\
 &= \frac{\frac{1}{N} (\Sigma XY - N m_x m_y - N m_x m_y + N m_x m_y)^*}{\sigma_x \sigma_y} \\
 &= \frac{\frac{1}{N} \Sigma XY - m_x m_y}{\sigma_x \sigma_y} \quad (39)
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 &= \frac{\frac{1}{N} \Sigma XY - m_x m_y}{\sqrt{\frac{1}{N} \Sigma (X^2) - m_x^2} \sqrt{\frac{1}{N} \Sigma (Y^2) - m_y^2}} \quad * \\
 &= \frac{\frac{1}{N} \Sigma XY - m_x m_y}{\sqrt{\frac{1}{N} \Sigma (X^2) - m_x^2} \sqrt{\frac{1}{N} \Sigma (Y^2) - m_y^2}} \quad (40)
 \end{aligned}$$

67 正相關與負相關

相關之中有所謂正相關與負相關，而在正負之間者，也有所謂無相關或零相關。例如身高與體重兩個變數。假使許多學生的年紀都是十六歲，我們要看他們身較高的是否體亦較重。這樣，年歲既相同我

* 因為 $m_x = \frac{\Sigma X}{N}$, $m_y = \frac{\Sigma Y}{N}$ 所以 $N m_x = \Sigma X$, $N m_y = \Sigma Y$ 。

* 練習的材料中若有次數，在公式裏當然把下加進去。

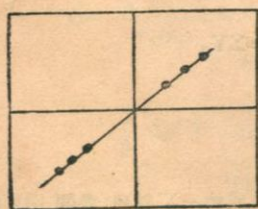
公式(40)在無組距的材料上亦極合用。

若在X數列中將其最小一數改爲零，以後的數依次遞減，成功一X'數列(參閱131頁表四十七)，則公式(40)亦可寫爲

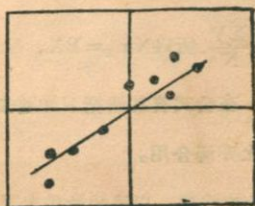
$$r = \frac{\frac{1}{N} \Sigma X' Y' - m_x' m_y'}{\sqrt{\frac{1}{N} X'^2 - m_x'^2} \sqrt{\frac{1}{N} Y'^2 - m_y'^2}}$$

們當然可以求出身高與體重之關係。假使一組有四百人，我們把他們的各個身高與體重一對一對的量出來，這就是 (X_1, Y_1) , (X_2, Y_2) , $\dots\dots(X_{400}, Y_{400})$ ，等數。若是身高每加一寸，體重即加五磅，一直照比例的加增上去；那麼，這相關可算是完全的。事實上當然不如此，因為在尋常經驗中，我們曾見過極胖的矮子，或很長的瘦子，不過這些不合比例的人究是少數，而在普通規則上，仍是長者之體較重，或體重之人較長。所以身高與體重在事實上雖不完全相關，卻是有大關係。

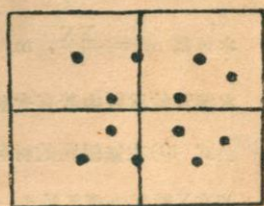
在事實上絕對的完全相關非常之少。在物理學上鋼塊的體積與其重量的相關可算是完全的，但是這樣的例子很少。在負的方面得完全相關的也很少。在氣量上欲溫度不變，壓力與體積的相關是負的，因為壓力增高則氣體變小，或氣體加大則壓力降低。關於這相關的各種情形，用下面的幾個圖表示出來恐怕要明瞭些。



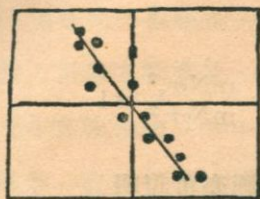
(a)
 $r = 1$



(b)
 $r > 0$
 < 1



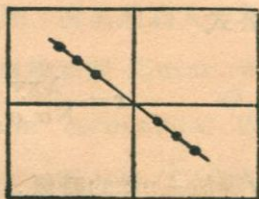
(c)
 $r = 0$



(d)

$$r > -1$$

$$< 0$$



(e)

$$r = -1$$

圖六十九 相關的遠近的表示

在(a), (e)兩圖裏面, 那直線是經過所有的點子的。在這樣情形之下, 他們的相關都是完全的。不過這兩直線的方向不同。我們知道 m 在這公式內是代表那直線的傾斜度 (slope) 的。在 (a) m 為正號在 (e) m 為負號。若兩 m 之數相同 (或相近) 而其符號不同, 其結果則兩直線的方向逐各不同, 因為他們的方向不同, 所以那相關在 (a) 為正的, 在 (e) 為負的。

我們知道用 $y = mx$ 公式而繪直線, 這直線是經過原始點的, 因 $x = 0$ 的時候, $y = 0$ 。關於他們的完全相關我們亦可用公式定之如下。

$$y = mx$$

$$\sigma_y = m\sigma_x$$

因為

$$\sqrt{\frac{\sum y^2}{N}} = \sqrt{\frac{\sum m^2 x^2}{N}}$$

$$\sum y = m\sum x$$

$$\sum xy = m\sum x^2 = mN\sigma_x^2 *$$

* 因為 $\sigma_x^2 = \frac{\sum x^2}{N}$, $N\sigma_x^2 = \sum x^2$

照相關的公式

$$r = \frac{\sum xy}{N\sigma_x\sigma_y} = \frac{mN\sigma_x^2}{mN\sigma_x^2} = 1$$

同理，在 y 等於 $-mx$ 的時候，我們亦可證明

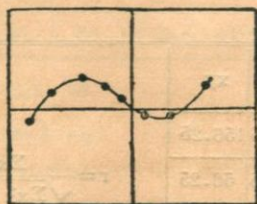
$$r = -1$$

所以凡是完全正相關的，他的係數總等於一，完全負相關的其係數總等於負一。這是相關係數的限度，就是這數不得大於正一，不得小於負一。

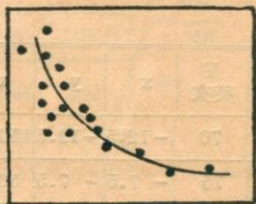
在(b)，(d)兩圖上所有的點子比較的分得太開，所以那兩直線都未能經過他們的全數，在這樣情形之下，他們的相關是不完全的。從直線的方向上看，在(b)為正相關，在(d)為負相關。在圖(c)上點子不但分得很開，而且是對稱的分。在這種情形之下，我們無從畫直線，要畫也止能在橫軸上疊畫一直線，以表示那些點子相差的平均。這曲線代表零相關，就是完全不相關。若用公式以求相關係數，則計算出來 r 必等於零。在這五個圖的下面，關於 r 數的大小我們已經附帶的表示出來，一望即能明瞭。所以有了相關係數，算出來其數很簡單。從他的範圍（從負一至正一）看起來，我們知道那是正的，那是負的。在正負兩方面看，我們知道那是完全的，那是不完全的。這樣一個數是個純粹的數目，並不等於任何單位。所以身高以尺量，體重以磅權，其相關係數於計算之後，既不以尺為單位，又不以磅為單位，而亦不用尺磅聯合的單位，他乃是一個純粹的數目。

在上面的五個圖裏，點子有的散得均勻，我們能聯成一直線，有

的散得很開，但是我們也能畫一直線，使其通過大多數的點子。所以這些相關從圖上看起來都算是一種直線相關 (linear correlation)。下面兩個圖代表非直線相關 (non-linear correlation) 因為照點子的散開，我們頗難畫一直線，使他通過大多數。圖 (f) 代表完全的曲線相關或非直線的相關，而圖 (g) 則代表不完全的。關於這直線相關我們以後還要詳細的講的。



(f)



(g)

圖七十 非直線相關的表示

68 簡單的相关係數計算法

在前面相關係數的公式裏我們曾看見幾種形式，有的比較複雜，有的極其簡單；在簡單者之中，有的是為次數少而且無組距的材料用的。現在我們根據下列事實來應用公式(37)或公式(40)。因為他們倆都是用來算簡單的相關係數的。(見226頁)

在表七十二裏我們有學生六人的國文英文兩種成績。我們以X代表國文成績，以Y代表英文成績。第一步我們求這兩種成績的均數，把他們列於X與Y兩行下面。第二步我們求x與y兩行的數。x=

$X - m_x$, $y = Y - m_y$ 前面已經講過，所以 x 與 y 兩行的數目就是用這兩公式求得來的。第三步我們求 x^2 , y^2 , xy 三行的數目，第四步得 Σx^2 , Σy^2 和 Σxy 三個數目。把這三個數代入 $r = \frac{\Sigma xy}{\sqrt{\Sigma x^2} \sqrt{\Sigma y^2}}$ 公式裏，即求得相關係數。這係數等於一，是謂完全正相關。

表七十二 簡單的相關係數計算法（其一）

學生	X 國文	Y 英文	x	y	x^2	y^2	xy
A	60	70	-12.5	-12.5	156.25	156.25	156.25
B	65	75	-7.5	-7.5	56.25	56.25	56.25
C	70	80	-2.5	-2.5	6.25	6.25	6.25
D	75	85	+2.5	+2.5	6.25	6.25	6.25
E	80	90	+7.5	+7.5	56.25	56.25	56.25
F	85	95	+12.5	+12.5	156.25	156.25	156.25
	72.5	82.5			437.50	437.50	437.50
	(m_x)	(m_y)			(Σx^2)	(Σy^2)	(Σxy)

$$r = \frac{\Sigma xy}{\sqrt{\Sigma x^2} \sqrt{\Sigma y^2}}$$

$$= \frac{437.50}{\sqrt{437.50} \sqrt{437.50}}$$

$$= \frac{437.50}{437.50}$$

$$= 1$$

在這個例子之中，我們有兩點應當注意，第一是事實上國文與英文雖是正相關，然未見得為完全的。這例子實係一種假設的問題。第二點我們應當注意的是事實上材料若是太少，即係數求得出來亦無甚重要。在實驗的時候，這樣情形雖亦難免，然而我們總希望材料多一點。倘數目能在二十左右，那麼，我們所求的係數就比較的比较合用了。

表七十三 其二

學生	X 歷史	Y 地理	x	y	x ²	y ²	xy
A	70	60	-12.5	-10	156.25	100	125.0
B	75	64	-7.5	-6	56.25	36	45.0
C	80	68	-2.5	-2	6.25	4	5.0
D	85	72	+2.5	+2	6.25	4	5.0
E	90	76	+7.5	+6	56.25	36	45.0
F	95	80	+12.5	+10	156.25	100	125.0
	82.5	70			437.50	280	350
	(m _x)	(m _y)			(Σx ²)	(Σy ²)	(Σxy)

$$r = \frac{\Sigma xy}{\sqrt{\Sigma x^2} \sqrt{\Sigma y^2}}$$

$$= \frac{350}{\sqrt{437.50} \sqrt{280}}$$

$$= \frac{350}{\sqrt{122,500}}$$

$$= \frac{350}{350}$$

$$= 1$$

在表七十三裏我們所用的公式也是第二個。不過在這裏 X 與 Y 的差數與前不同。在前表 X 與 Y 的各個數各以五進而在在此表則 X 以五進，Y 以六進。換句話講 Y 的成績的增進與 X 的相比為 $\frac{1}{5}$ 。所以在這裏他們的增加為比例式的增加，而非相等的增加。在結果上這相關係數仍等於一；這是我們應當注意的。從此我們可以預測在何種情形之下其相關係數為一。

表七十四

左列的材料為學生六人的算學與體操兩種成績。

學生	算學	體操
A	75	90
B	80	84
C	85	78
D	90	72
E	95	66
F	100	60

從這表上看，其情形似乎與前不同，因為以前的兩種成績是同時增進的，而在這個例子之中，算學成績漸漸增高，體操成績卻漸漸降低。從表面上的情形看來，我們即可推測這相關係數是負的。茲可用變相的公式(40)求他出來。

表七十五 其三

X'	Y'	X' ²	Y' ²	X'Y'
0	30	0	900	0
5	24	25	576	120
10	18	100	324	180
15	12	225	144	180
20	6	400	36	120
25	0	625	0	0
12.5	15.0	1,375	1,980	600
(m' _x)	(m' _y)	(ΣX ²)	(ΣY ²)	(ΣX'Y')

照變相的公式(40)

$$r = \frac{\frac{1}{N} \Sigma X'Y' - m'_x m'_y}{\sqrt{\frac{1}{N} \Sigma X'^2 - m'^2_x} \sqrt{\frac{1}{N} \Sigma Y'^2 - m'^2_y}}$$

我們亦可寫為

$$\begin{aligned}
 r &= \frac{\Sigma X'Y' - Nm'_x m'_y}{\sqrt{\Sigma X'^2 - Nm'^2_x} \sqrt{\Sigma Y'^2 - Nm'^2_y}} \\
 &= \frac{600 - 6(12.5)(15)}{\sqrt{1375 - 6(12.5)^2} \sqrt{1980 - 6(15)^2}} \\
 &= \frac{6(100 - 187.5)}{\sqrt{1375 - 937.5} \sqrt{1980 - 1350}} \\
 &= \frac{-6(87.5)}{\sqrt{(437.5)(630)}} = \frac{-525}{\sqrt{275,625}} = \frac{-525}{525} = -1
 \end{aligned}$$

從這兩個公式的應用看來，第(40)不見得比第(37)容易。在第(40)公式裏我們雖避免了求 $(X_1 - m_x)$ ， $(X_2 - m_x)$ ，…… $(X_6 - m_x)$ 和 $(Y_1 - m_y)$ ， $(Y_2 - m_y)$ ，…… $(Y_6 - m_y)$ 等數，而又把各個數的共加數變為零，如我們從前求均方差一樣，但是在公式裏增加了 Nm_xm_y ， Nm_x^2 ， Nm_y^2 三數亦頗麻煩。倘數目小或數目大而各個數彼此間相差極少，則用此公式當較便宜，否則仍以第(37)公式為簡單。

69 次數表上相關係數之求法

材料多而分組距的時候，相關係數之求法不若前此之簡單。在這種情形之下，也和求均差或均方差時一樣，我們要假設一個均數，使那些複雜的數目變為簡單。相關係數既是關係 X ， Y 兩個變數的；那麼，要假設均數，必須假設 X 與 Y 的兩個均數。所以為加入校正數起見，上面相關係數的公式應改為

$$r = \frac{\frac{\sum xy}{N} - C_x C_y}{\sqrt{\frac{\sum x^2}{N} - C_x^2} \sqrt{\frac{\sum y^2}{N} - C_y^2}} \quad (41)$$

在這個公式裏除了為校正起見，加添了 $C_x C_y$ 一數外，其他方面一仍舊貫，因為分母裏面的 C_x^2 與 C_y^2 兩數，在求均方差的時候，我們已經用過的。根據第(41)公式我們尚可改變一下使其簡單。我們知道 $C_x = \frac{\sum x}{N}$ ， $C_y = \frac{\sum y}{N}$ ，所以我們亦可寫為

$$\begin{aligned}
 r &= \frac{\frac{\sum xy}{N} - \frac{\sum x - \sum y}{N^2}}{\sqrt{\frac{\sum x^2}{N} - \frac{(\sum x)^2}{N^2}} \sqrt{\frac{\sum y^2}{N} - \frac{(\sum y)^2}{N^2}}} \\
 &= \frac{\sum xy - \frac{\sum x - \sum y}{N}}{\sqrt{\sum x^2 - \frac{(\sum x)^2}{N}} \sqrt{\sum y^2 - \frac{(\sum y)^2}{N}}} \quad (42)
 \end{aligned}$$

我們試應用這兩個公式演算一個例子。這例子的材料是本學期統計班的兩次月考成績。今年統計班在選課的時候本有七十六人，但是曾經受過兩次月考的止七十人。我們就這七十人的兩月成績比較一下看他們的相關如何。在表七十六裏我們看見每一學生的兩次月考成績。我們以Y代表第一次月考成績，而以X代表第二次月考成績。這表上的數目是一種待整理的材料。我們應當把他們整理起來，列一次數表。這次數表與從前的有點不同，因為從前我們只有X一個變數，現在我們有了X與Y兩個變數。他們的次數表要同時列的。所以在表七十七上我們以第一次月考成績為縱線，以第二次月考成績為橫線，照劃線記數的辦法把每生的兩種成績一個一個的劃下來。例如學生1的成績在第一次月考為80在第二次月考為65，我們先在縱線上找80—89.99一組距，找到了之後，即順着那方格一直往右的看到那橫軸60—69.99組距之下，以左手按住那方格，而以右手所持之筆劃一直線。劃第二直線時也是先找縱線後找橫線。如是一個一個的記下來，就成功一個相關表。

在表七十八裏我們已將那直線變為數目了。其實在練習的時候，

表七十六 統計班兩次月考成績

學生	Y	X	學生	Y	X
1	80	65	36	90	80
2	50	55	37	90	80
3	90	90	38	35	80
4	35	60	39	85	95
5	85	60	40	60	80
6	45	65	41	65	55
7	85	90	42	35	75
8	60	90	43	90	95
9	80	85	44	90	95
10	60	65	45	40	70
11	60	65	46	90	60
12	60	85	47	75	85
13	50	80	48	70	90
14	65	70	49	90	85
15	65	55	50	90	90
16	80	95	51	85	75
17	45	55	52	35	95
18	90	95	53	85	95
19	90	85	54	60	95
20	50	75	55	85	95
21	90	85	56	80	90
22	70	90	57	85	90
23	90	85	58	85	75
24	35	55	59	35	75
25	85	60	60	60	70
26	85	70	61	85	85
27	75	75	62	60	65
28	65	90	63	35	60
29	60	65	64	45	55
30	65	80	65	65	60
31	45	55	66	70	90
32	65	90	67	75	70
33	90	95	68	70	75
34	90	65	69	70	60
35	75	60	70	60	80

Y 代表第一次月考成績

X 代表第二次月考成績

Y 代表第一次月考成績

X 代表第二次月考成績

七十七、七十八兩表可以合併起來，把數目就寫在各有直線的方格裏。此間所以分爲兩表的緣故，因爲這樣列法在步驟上比較清楚，學者容易明瞭。這七十八表還有不同之處即表的最右一行的方格裏載有順着

表七十七 相關表 第一步的整理

	(X)	第 二 次 月 考 成 績						
(Y)		30—	40—	50—	60—	70—	80—	90—100
第 一 次 月 考 成 績	100 90				//		///	///
	 80				///	///	//	///
	 70				//	///	/	///
	 60			//	///	//	///	///
	 50			/		/	/	
	 40			///	/	/		
	 30			/	//	//	/	/

縱線的次數，又表的最下一行的方格裏記的是橫線的次數，而在這兩行的盡頭（即這表的右下角）則為次數的總和。橫線上的次數總和應與縱線上的次數總和相等。這也是一種證驗的方法，若是他們倆不相等，那麼，在計算中必有錯誤了。

在相關表裏 X 與 Y 的組距範圍可照普通選擇組距的原則而定，所

以無論那材料的單位是磅是寸是年齡，均可根據這原則而定其組距之大小。止要那些次數分配得適當就無問題了。

表七十八 相關表 第二步的整理

(Y)	(X) 第二次月考成績								(f) 次數
	30—	40—	50—	60—	70—	80—	90—100		
第 一 次 月 考 成 績	100 90				2		6	6	14
	80 				3	3	2	7	15
	70 				2	3	1	3	9
	60 			2	5	2	4	4	17
	50 			1		1	1		3
	40 			3	1	1			5
	30 			1	2	2	1	1	7
	(f) 次數			7	15	12	15	21	70

關於相關係數的計算法我們詳在七十九，八十兩表裏。在這兩個表裏其計算方法不同而我們所用的公式亦各不同。其實在兩個表裏兩公式中任何一個均可用，我們所以分別的緣故完全因為舉例起見。

在相關表列成之後，第一步我們要在 X, Y 兩軸上各假設一個均數。這辦法與求均方差時相同，即假設之均數要近於真正均數所在之組距內。他的證驗方法是要求出 Σx_+ 與 Σx_- 的相差和 Σy_+ 與 Σy_-

表七十九 相關係數的計算法 (其一)

	30-	40-	50-	60-	70-	80-	90-100	f	y	fy	f y ²
100 90			(-4)	(-2)		(2)	(4)	14	2	28	56
1 80			(-2)	(-1)	3	(1)	(2)	15	1	15	15
1 70				2	3	1	3	9	0		
1 60			(2)	(1)	2	(-1)	(-2)	17	-1	-17	17
1 50			(4)	(2)	1	(-2)	(-4)	3	-2	-6	12
1 40			(6)	(3)	1	(-3)	(-6)	5	-3	-15	45
1 30			(8)	(4)	2	(-4)	(-8)	7	-4	-28	112
f			7	15	12	15	21	70		-23	257
x			-2	-1	0	1	2				
fx			-14	-15		15	42	28			
fx ²			28	15		15	84	142			

第一象限內 $\Sigma fxy = 2(1) + 7(2) + 6(2) + 6(4) = 52$

第三,,,,,, $\Sigma fxy = 5(1) + 2(2) + 1(4) + 1(3) + 3(6) + 2(4) + 1(8) = 50$

第二,,,,,, $\Sigma fxy = 3(-1) + 2(-2) = -7$

第四,,,,,, $\Sigma fxy = 4(-1) + 4(-2) + 1(-2) + 1(-4) + 1(-8) = -26$

$$\Sigma xy = 52 + 50 - 7 - 26$$

$$= 69$$

$$\Sigma xy - \frac{\Sigma x \cdot \Sigma y}{N}$$

$$69 - \frac{28(-23)}{70}$$

$$r = \frac{\Sigma xy - \frac{\Sigma x \cdot \Sigma y}{N}}{\sqrt{\Sigma x^2 - \frac{(\Sigma x)^2}{N}} \sqrt{\Sigma y^2 - \frac{(\Sigma y)^2}{N}}}$$

$$\Sigma x = 28$$

$$\Sigma x^2 = 142$$

$$\Sigma y = -23$$

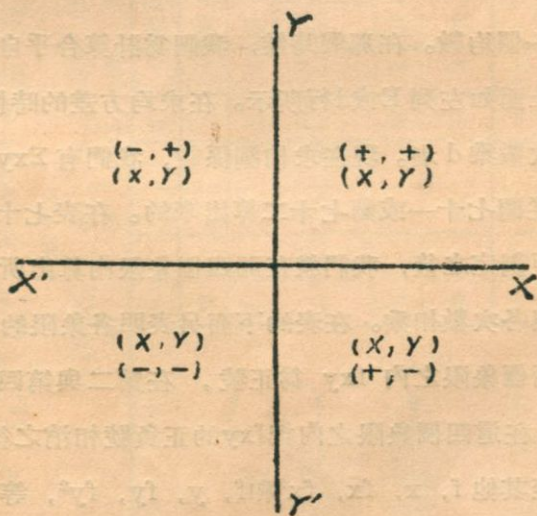
$$\Sigma y^2 = 257$$

$$= \frac{69 - \frac{28(-23)}{70}}{\sqrt{142 - \frac{(28)^2}{70}} \sqrt{257 - \frac{(-23)^2}{70}}}$$

$$= \frac{69 + 9.2}{\sqrt{(142 - 11.2)} \sqrt{(257 - 7.56)}} = \frac{78.2}{\sqrt{(130.8)} \sqrt{(249.44)}}$$

$$= \frac{39.1}{90.32} = .43$$

的相差在同樣的相差之中是最小的。我們在這表裏於 Y 軸上選擇 75 爲 Y 的假設均數，於 X 軸上亦選擇 75 爲 X 的假設均數。選擇既定，第二步辦法是沿這兩個假設均數的組距各畫兩道粗線，如是成功 X 與 Y 的兩個軸，而以他們倆相交之點爲假設之原始點。同時照算學上的普通規則，我們把這兩個軸的長寬所佔的面積分爲四個象限 (quadrant)。在這些象限以內，所有的 x 與 y 的性質當與算學上所規定的相同，例如在圖七十一上其第一象限內之 x 與 y 均爲正號，第二象限內 x 爲負號，y 爲正號。第三象限內兩者俱爲負號，第四象限內 x 爲正號，y 爲負號。圖七十一亦可改繪爲圖七十二。這個圖看起來更易明瞭。原來我們從前算均數或均方差的時候，既止有一個變數，所以我們所假



圖七十一 象限之表示 (其一)

表八十 相關係數的計算法(其二)

X	第二次月考成績					民國十八年十二月中央大學教育學院統計班兩次月考成績之相關										
	30-40	40-50	50-60	60-70	70-80	80-90	90-100	f	y	fy	fy ²	Σfx	Σfy	Σfx ²	Σfy ²	Σfxy
100								14	2	28	56	2	18	16	32	$r = \frac{\frac{\Sigma fxy}{N} - C_x C_y}{\sigma_x \sigma_y}$ $= \frac{.9857 + .1312}{(1.367)(1.888)}$ $= \frac{1.1169}{2.580896}$ $= .43$
90			2				15	1	15	15	3	16	13	13		
80				3			9	0	0							
70					2		17	-1	-17	17	9	12	3	3		
60			2	5	2		3	-2	-6	12	2	1	1	2		
50			1		1		5	-3	-15	45	7	7		21		
40				3	1		7	-4	-28	112	4	3	1	4		
30			1	2	2		7									
f	7	15	12	15	15	21	70	-23	257	69	69	257	69	257	69	
x						2	(N)	(Σfy)	(Σfy ²)	(Σfxy)	(Σfx ²)	(Σfy ²)	(Σfxy)	(Σfx ²)	(Σfy ²)	
fx						42										
fx ²						84										

$$C_x = \frac{\Sigma X}{N} = \frac{28}{70} = .4 \quad C_y = \frac{\Sigma Y}{N} = \frac{-23}{70} = -.328 \quad C_x^2 = .16 \quad C_y^2 = .1076$$

$$\sigma_x^2 = \frac{142}{70} - .16 = 2.0286 - .16 = 1.8686 \quad \sigma_x = 1.367$$

$$\sigma_y^2 = \frac{257}{70} - .1076 = 3.6714 - .1076 = 3.5638$$

$$\sigma_y = 1.888$$

表八十所表示又是一種算法。這算法在假設均數與求 f , x , fx^2 , 和 f , y , fy^2 , 等數的時候與前法並無不同之處。所不同者是 fx 的求法。這次在表上有 $\Sigma fx+$, $\Sigma fx-$, $\Sigma fxy+$, $\Sigma fxy-$ 等行與 f , fy , fy^2 等行並列。因為這次在各象限之內並未註明 xy 等數。所有 fx 的數我們僅可在表上讀出來而以 y 乘之。例如下列縮短的一個表，第一行是 y 的數，第二行是 Σfx 的數。這負數是代表第二第三兩象限的 x 數而正數則是第一第四兩象限的 x 數。在第二行裏為首一數在負的方面是 2，因為在這裏 $x = -1$, $f = 2$ 所以 $fx = -2$ 。(參觀表八十) 在正的方面為首一數是 18，這是 6×1 與 6×2 的結果。因為在原始點以右的橫軸依一，二，三，四等次序而進。在 $x = 1$ 的時候 $f = 6$ ，在 $x = 2$ 的時候， f 亦等於 6，所以 $6(1) + 6(2) = 18$ 。在第三行裏亦是 Σfxy ,

表八十一 一部分計算法之表示

y	Σfx		Σfxy	
	-	+	-	+
2	2	18	16	32
1	3	16	13	13
0				
-1	9	12	3	3
-2	2	1	1	2
-3	7		7	21
-4	4	3	1	4
$\Sigma fxy = 69$				

在這一行的數是第二行 $fx-$ 與 $fx+$ 相消之後，所得的結果。所以 $+18-2$ 之後其結果等於 16， $+16-3$ 之後其結果等於 13。餘類推。在第四行裏 Σfxy 之下這數變為 +32 因為他是 $(\Sigma fx)(y)$ 之積。 $\Sigma fx=16$ ， $y=2$ ，所以 $16 \times 2=32$ 。頭一線算完之後，即算第二線。此時 $y=1$ ， $fx=+13$ ，所以 $fxy=(fx)(y)=(13)(1)=13$ 。如是的一線一線的算下去至求完並相加以後，得 $\Sigma fxy=69$ 。這數與用前法所求的相同。在練習的時候，不妨兩法均用以便證驗。

此次我們所用的公式是第(41)。在演算方面公式的應用當無甚困難。在此地我們也可用第(42)公式，他的算法也極方便。不過在研究工作上有的時候均方差是需要的，均方差既經求出，把他代入公式也很方便。所以選擇公式視需要與簡便而定。

70 相關係數的意義

相關係數是個純粹的數目，他的範圍是從負一經零而到正一，前面已經講過。在這範圍之內，所求得的一個數目，究竟有何意義是個問題。從數目的大小方面看，我們可得一種解釋，而統計學家亦有就此而分等第的。作者在研究各科成績之相關的時候，曾比較幾家的意見，而自定新的範圍。茲表列於下。（見240頁）

從這表上看來克納桑 (Crathorne) 氏的等第分得太多，而麥柯爾 (McCall) 氏又分得太少。拉克 (Rugg) 氏之所分似乎合用，但是他敘述得太繁。所謂『無足重輕』 (negligible or indifferent)，所謂『有相關惟甚低』 (present but low)，所謂『相關明顯』

(markedly present or marked) 未免太累贅。作者根據他的等第而以最低，低，切實，高名之。在敘述上似較便利。

表八十二 相關係數大小及其等第之比較

A. R. Crathorne		H. O. Rugg		W. A. McCall		艾 偉 氏	
範圍	等 第	範圍	等 第	範圍	第 等	範圍	等 第
0-.25	最 低	0-.20	無足輕重	0-.40	低	0-.20	最 低
.25-.40	低	.20-.40	有相關惟甚低	.40-.70	切 實	.20-.40	低
.40-.55	中 數	.40-.70	相關明顯	.70-1.00	高	.40-.70	切 實
.55-.70	高	.70-1.00	高			.70-1.00	高
.70-1.00	最 高						

此種分等第的辦法，在相關各科成績或各科測驗之結果的時候，當然合用，但是在其他相關上如年齡，年級等根據此種等第似不甚妥當。所以 Odell 討論到這個問題，他止把經過充分實驗而已成事實的幾個相關係數敘述出來，如父子之體高為 .40-.60，夫妻之年齡為 .85-.95，第一第二兩次標準測驗之結果為 .60-.90，性質相近之學科如英文與外國文為 .40-.70，第一第二兩次個別智力測驗之結果為 .90-.95 而不計其等第。

有人以為相關係數是為求因果關係的。這種意見未免太偏，因為完全的相關係數非常之少。相關而不完全是表明影響這結果的因子不少。例如中學成績與大學成績之相關係數為 .612。根據這個係數我們雖可就現在中學之某級成績，而推測其將來之大學成績，但是這種推測不見得有十分把握，因為年齡，性別，健康，向上心，學習方法

缺課與否以及教師之動作，試驗之方法在足以影響那一級的將來的大學成績。結果止有一個，而因子如此之多，我們怎麼可以推測而有把握呢？

相關係數本是一種量的結果，合乎科學的，但是我們不能盲目的用他，以為用了他就是一種科學的研究。例如歷史與地理的相關係數為.82，體高與體重的相關係數亦為.82。這兩係數的相等完全是偶然的。以此而推測歷史與體高和地理與體重的兩相關，那真是把風馬牛不相及的東西，弄成互相關係了。又如在一級之中，求出年齡與智力之相關係數為負的，研究家若不留心而妄下結論以為無論在那種情形之下，這係數都是負的，那又是誤用量的結果了。我們知道在一級之中年齡較小者必較聰明，因為他不聰明決不能升入此級，又年齡較大者必較笨，因為他若是不笨決不至於留級。所以要求年齡與智力之相關係數，必須在各級之中儘量的找出同年之人。例如我們要測驗八歲至十五歲的學生的智力，我們應當從初小，高小及初中各級中儘量的找出這些年紀的兒童，並且要到高一二年級中找出那年十四，五歲的學生。由此而求智力與年齡之相關係數，所得的結果不但是正的，而且是很大。所以研究家要腦筋清楚，思想透澈，才能成為科學家，那盲目的崇拜量的結果，以此自翊為科學家的，真是科學界中的罪人了。

練習題

1. 試用下列材料求國文與英文之相關係數。

a. 用第(41)第(42)兩公式以便證驗。

b. 計算之時用兩種表示方法。

號	數	國	文	英	文
1		60		42.5	
2		10		24	
3		5		31	
4		45		43	
5		85		14	
6		25		8.5	
7		10		31	
8		15		42	
9		75		12	
10		25		23	
11		15		36.5	
12		55		6	
13		60		85.5	
14		25		32.5	
15		50		61.5	
16		40		21.5	
17		45		4.5	
18		75		22	
19		35		29.5	

2. 試用第(37)第(40)兩公式求下列歷史與公民之相關。

學 生	歷 史	公 民
A	85	80
B	75	78
C	70	82
D	65	74
E	60	60
F	62	54
G	63	70
H	55	62

3. 根據下列材料求相關係數之機誤。

a. $N=70, r=.43$

b. $N=200, r=.67$

c. $N=186, r=.32$

d. $N=192, r=.12$

4. 試根據第一第二兩題之結果求相關係數之機誤，並比較此兩機誤之可靠性。

第十八章

迴歸線

71 緒論

在表七十八上有可注意的是：第二次月考成績比第一次的好，因為在第二次成績裏面，得五十分以下的沒有一人，而在第一次裏面則有十二人佔全體百分之 17.14。這十二人中其成績在 40——49.99 以內的有五人，在 30——39.99 以內有七人。這兩組的成績分配各有不同，有的進步甚緩，有的進步甚速，如首次月考成績在 40——49.99 以內的，至第二次亦不過在 50——59.99 以內進步可算甚緩；然亦有首次成績在 30——39.99 內而至第二次居然達到 90——100 一組距的。他的進步可算很速。這種例子當然很少，在這裏我們最好求其均數，則在對照的時候，其數目可以比較的相近。例如首次月考成績在 30——39.99 以內有七人，在第二次他們的成績均數為 73.57；又首次月考成績在 40——49.99 以內的有五人，在第二次他們的成績均數為 61.00，以此類推，我們可以求出第一次月考每一組距內的第二次成績均數，同理，我們也可以求出第二次月考每一組距內的第一次成績均數。換句話講，我們有了相關表，在直行裏我們可以求出每行的 y 的均數，在橫行裏我們可以求出每行的 x 的均數。

72 迴歸線的求法

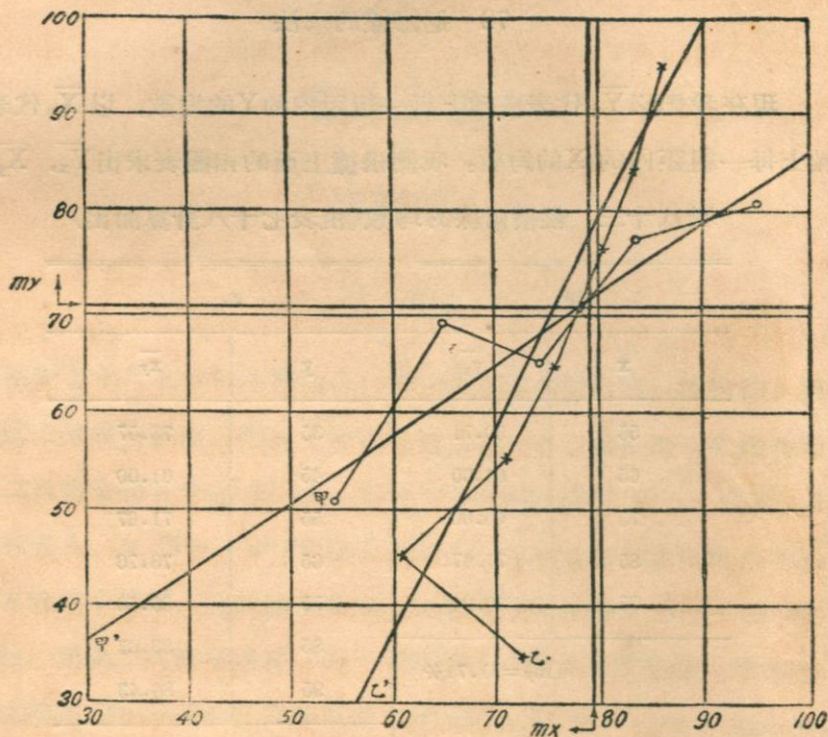
現在我們以 \bar{Y}_x 代表橫軸上每一組距內的 Y 的均數，以 \bar{X}_y 代表縱軸上每一組距內的 X 的均數。我們根據上面的相關表求出 \bar{Y}_x , \bar{X}_y 等

表八十三 縱橫兩線的均數(由表七十八計算而出)

甲		乙	
x	\bar{Y}_x	y	\bar{X}_y
55	50.71	35	73.57
65	69.00	45	61.00
75	65.00	55	71.67
85	77.67	65	76.76
95	80.24	75	80.56
$m_y = 71.71 *$		85	83.67
		95	86.43
		$m_x = 79.00 *$	

* 此為諸次數的均數並非各行均數的均數

均數而列於表八十三上，例如 $X = 55$ 的時候， $\bar{Y}_x = 50.71$ ，這 55 是橫軸上 50—59.99 一組距的中點，50.71 是這直行裏 Y 數的平均。又如 $Y = 35$ 的時候， $\bar{X}_y = 73.57$ ，這 35 是縱軸上 30—39.99 一組距的中點，73.57 是這橫行裏 x 數的平均。在表八十三的下端有 $m_y = 71.71$ ， $m_x = 79.00$ 兩數， m_y 代表總次數直行裏各數量的均數， m_x 代表總次數橫行裏各數量的均數。



圖七十三 迴歸線之表示(其一)

在圖七十三上我們於縱軸上找出 $m_y = 71.71$ 的一點，由此繪一直線與橫軸平行，同時在橫軸上找出 $m_x = 79.00$ 的一點，亦由此繪一直線而縱軸平行。現在我們根據表七十三上甲乙兩部的結果，繪甲乙兩曲線。甲線被連成的各點代表 y 的各個均數，乙線被連成的各點代表 x 的各個均數。就此甲乙兩曲線通過較能代表他們的兩直線，是為迴歸線。這是迴歸線的圖示法。關於他們的公式容在後面介紹。這直線

在甲爲Y在X上之迴歸，在乙爲X在Y上之迴歸。換句話講，我們就已知之X值而求Y，則Y爲在X上之迴歸；若就已知之Y值而求X則X爲在Y上之迴歸。

73 迴歸的意義

迴歸一名詞在英文爲 regression 這名詞初用之於高爾登(Galton)，在其研究體高的遺傳的時候。他根據研究的結果以爲父親的體高與他們的均數之相差和兒子的體高與他們的均數之相差成一定的比例。換句話講，這體高的數量是隨着普通均數走的，或迴歸到 (regress or step back) 普通均數上的。這名詞本是在研究遺傳問題時用的。到現在他的用處已很普遍了。凡是在相關表上有 x 與 y 兩變數的，我們都可以求出 x 與 y 互間的迴歸。這名詞在 Yule 的意思以爲不甚適當。他以爲迴歸線 (lines of regression) 應稱之爲特性線 (characteristic lines)，迴歸方程 (regression equations) 應稱之爲特性方程 (characteristic equations)。Yule 的名詞，固然比較近乎事實，可以採用；但是在統計學上，我們習用了高爾登的名詞，相沿既久，我們竟忘却他的不適當了。

74 迴歸線與材料的數量

我們根據七十人兩次月考的成績而繪迴歸線，材料似嫌太少。爲舉例以求簡單起見，這材料固然可用。若用來作預測的根據如高爾登之研究則未免危險。茲根據 Ruger 教授的體高體重相關表來作較爲合

用的例子。這表(表八十四)上的總次是 11382。他是十個表的次數

表八十四 體高體重相關表

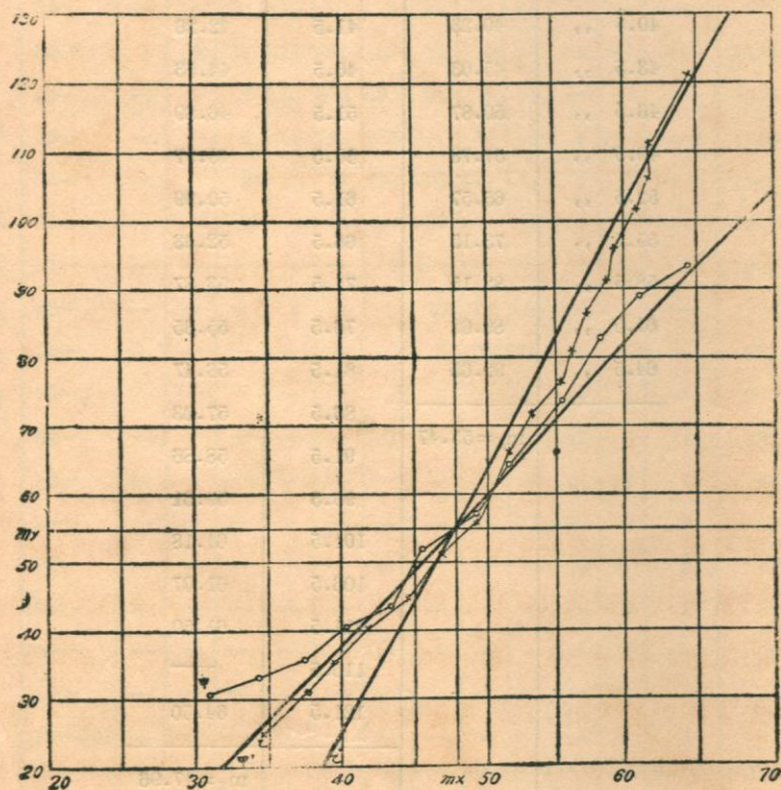
體 高 (以 英 寸 計)

	30-	33-	36-	39-	42-	45-	48-	51-	54-	57-	60-	63-66	總數
24-	4	9	2	—	—	1	—	—	—	—	—	—	16
29-	3	42	62	25	3	1	—	—	—	—	—	—	136
34-	—	16	220	414	72	6	—	—	—	—	—	—	728
39-	1	3	51	617	697	95	11	1	—	—	—	—	1476
44-	—	1	7	122	875	603	38	8	1	—	—	—	1655
49-	—	—	4	12	249	988	411	33	5	4	—	—	1706
54-	—	1	3	1	17	436	905	171	11	4	3	—	1552
59-	—	—	1	—	1	39	630	568	51	6	1	—	1297
64-	—	—	—	1	—	8	161	621	206	3	2	2	1004
69-	—	—	—	1	—	—	35	374	340	24	2	—	776
74-	—	—	—	—	—	—	3	106	335	76	5	—	525
79-	—	—	—	—	—	—	2	22	120	93	4	1	242
84-	—	—	—	—	—	1	—	8	32	87	8	2	138
89-	—	—	—	—	—	—	—	1	10	36	18	1	66
94-	—	—	—	—	—	—	—	—	3	23	9	2	37
99-	—	—	—	—	—	—	—	—	—	5	11	3	19
104-	—	—	—	—	—	—	—	—	1	—	5	1	7
109-	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	1	—	1
114-	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—
119-124	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	1	1
總 數	8	72	350	1193	1914	2178	2196	1913	1115	361	69	13	11382

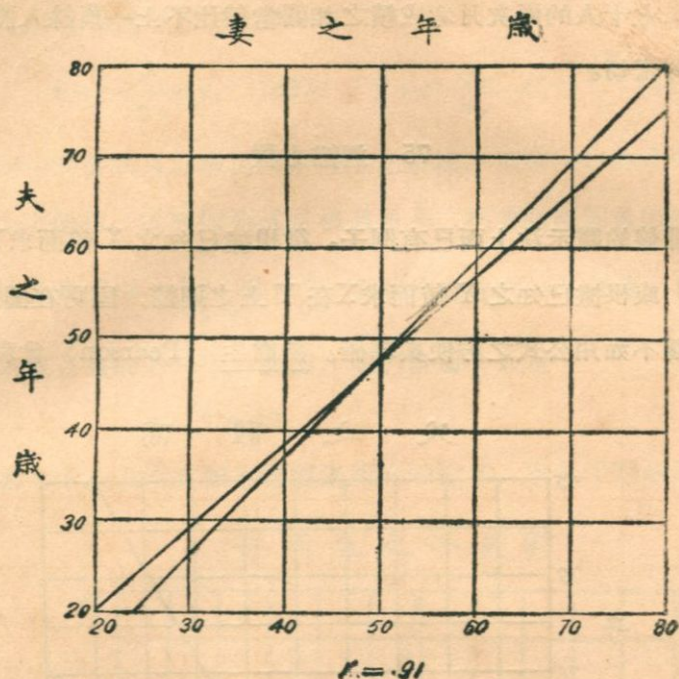
表八十五 縱橫兩線的均數(從表八十四計算而出)

甲		乙	
x	\bar{y}_x	y	\bar{x}_y
31.5 inches	30.25	26.5	34.88
34.5 ,,	32.96	31.5	37.19
37.5 ,,	36.90	46.5	39.81
40.5 ,,	40.23	41.5	42.26
43.5 ,,	45.03	46.5	44.53
46.5 ,,	50.87	51.5	46.89
49.5 ,,	57.78	56.5	48.97
52.5 ,,	65.57	61.5	50.99
55.5 ,,	73.15	66.5	52.63
58.5 ,,	82.15	71.5	53.87
61.5 ,,	89.62	76.5	55.35
64.5 ,,	92.65	81.5	56.47
		86.5	57.03
	$m_y = 55.47$	91.5	58.86
		96.5	59.31
		101.5	61.18
		106.5	61.07
		111.5	61.50
		116.5	—
		121.5	64.50
			$m_x = 47.96$

總加起來的。在年歲方面是從四歲半到十四歲半。每一年歲裏都有充分的代表，如年十二歲半至十三歲半的有 1202 人。十三歲半至十四歲半的有 428 人是。各年齡的人數充分則參合起來其範圍較大。茲根據表八十四算出 \bar{Y}_x 與 \bar{X}_y 各均數來，將其結果列於表八十五上而圖七十四則表示其迴歸線。在這圖上我們所應注意的是這兩迴歸線比較圖七十三所表示彼此要接近些。我們知道在相關表上若繪一直線能通過



圖七十四 迴歸線之表示 (其二)



圖七十五 已有之結果

其一 兩線接近

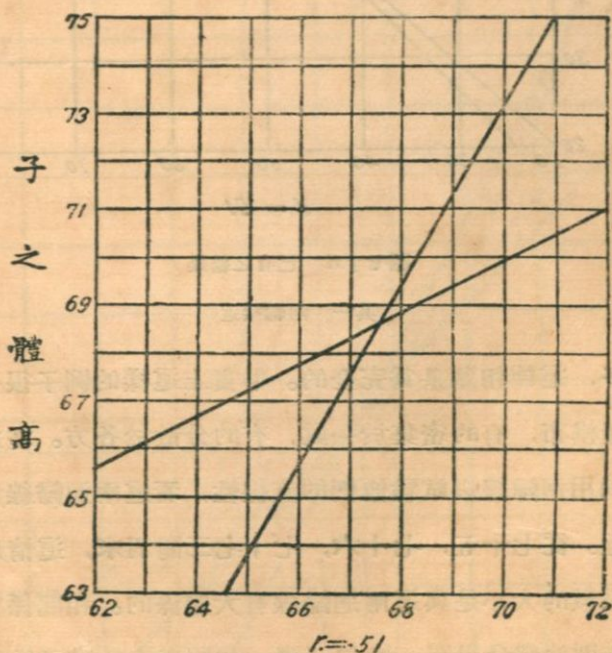
所有的點子，這種相關是為完全的。事實上這樣的例子很少。所以點子總是星羅棋布，有的密集於一處，有的分散於各方。在這種情形之下我們當利用迴歸線以試驗他們的直線性，看這兩迴歸線於繪成之後，相距的遠近。從七十五，七十六，七十七三圖看來，這情形更易明瞭。原來相關係數的大小是與這兩迴歸線有大關係的。相關係數大則兩線接得近，小則他們分得開。換句話講，相關表上的點子排得像直線似的，則兩迴歸線即接近。若散得很開，則兩迴歸線相隔亦遠。這樣的

講起來，七十人的兩次月考成績之相關當然比不上一萬餘人體高體重之相關的密切。

75 迴歸方程

迴歸線的圖示法上面已有例子。欲根據已知之 X 值而求 Y 在 X 上之迴歸，或根據已知之 Y 值而求 X 在 Y 上之迴歸，固可在圖上查出；但是查圖不如用公式之方便與準確。皮爾生 (Pearson) 曾利用已知

父 之 體 高



圖七十六 其二 兩線分開

之 r , σ_x , σ_y 定立兩公式如下:

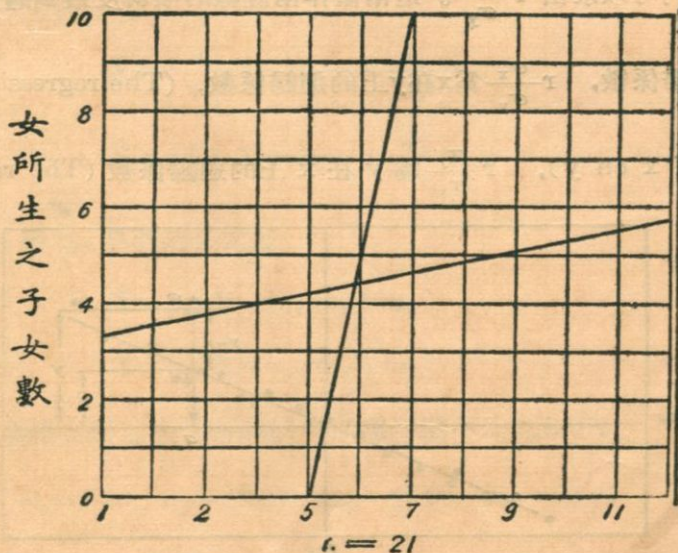
$$\bar{x} = r \frac{\sigma_x}{\sigma_y} y, \quad (43) \quad \bar{y} = r \frac{\sigma_y}{\sigma_x} x \quad (44)$$

我們用第(43)公式可以求出 x 在 y 上之迴歸，用第(44)公式可以求出 y 在 x 上之迴歸。這兩個公式是根據最小二乘方的原則求出來的。他們是直線公式而以 $r \frac{\sigma_x}{\sigma_y}$ 與 $r \frac{\sigma_y}{\sigma_x}$ 兩值代表他們的傾斜度，(m)。假使我們求直行裏的各均數的直線，他們普通公式是

$$\bar{y} = mx$$

在圖七十八上這直線不能經過所有的點子，例如 P 點並不在此直

母所生之子女數



圖七十七 其三 兩線更分得開

線上。假使 $aP=y$, $ab=\bar{y}$ 則 $bP=y-\bar{y}$, 這是 P 點與直線上之 b 點的相差。在相關表上點子既星羅似的分布, 則這樣的相差自然很多。我們所希望的是 $\Sigma(y-\bar{y})^2$ 要是最小 (A minimum), 如是則直線的傾斜度亦由此而定。在直線的公式裏 $\bar{y}=mx$, 將 mx 代入 $\Sigma(y-\bar{y})^2$, 則

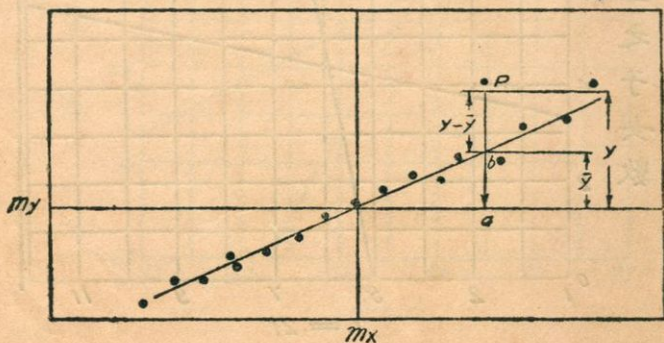
$$\begin{aligned} \Sigma(y-\bar{y})^2 &= \Sigma(y-mx)^2 = \Sigma y^2 - 2m\Sigma xy + m^2\Sigma x^2 = \text{a minimum} \\ \text{或} \quad &= \sigma_y^2 - 2mr\sigma_x\sigma_y + m^2\sigma_x^2 = \text{a minimum} \end{aligned}$$

對於 m 求微分, 以其結果等於零, 則

$$-2r\sigma_x\sigma_y + 2m\sigma_x^2 = 0, \quad \therefore m = r \frac{\sigma_y}{\sigma_x}$$

同理我們可以求出 $r \frac{\sigma_x}{\sigma_y}$ 。這兩值作兩直線的傾斜度最為適當。他們

又叫迴歸係數, $r \frac{\sigma_x}{\sigma_y}$ 為 x 在 y 上的迴歸係數, (The regression coefficient of x on y), $r \frac{\sigma_y}{\sigma_x}$ 為 y 在 x 上的迴歸係數 (The regression



圖七十八 直線及其傾斜度

coefficient of y on x)。這兩迴歸線的公式不但在相關表上供給最適宜的直線，即在橫直行均數點上亦最適宜。知 $r \frac{\sigma_y}{\sigma_x}$ 的值，我們就能

推測，在 x 上每移動一單位的時候 y 的平均差數；或知 $r \frac{\sigma_x}{\sigma_y}$ 的值，

我們就能推測，在 y 上每移動一單位的時候 x 的平均差數。為使公式

單簡起見，我們可以 b_{xy} 代 $r \frac{\sigma_x}{\sigma_y}$ ， b_{yx} 代 $r \frac{\sigma_y}{\sigma_x}$ 。我們知道 $x =$

$X - m_x$ ， $y = Y - m_y$ ，為計算的方便起見，我們把迴歸方程改作下列公式。

$$\bar{X} - m_x = r \frac{\sigma_x}{\sigma_y} (Y - m_y), \quad (45); \quad \bar{Y} - m_y = r \frac{\sigma_y}{\sigma_x} (X - m_x) \quad (46)$$

移項並去括弧

$$\bar{X} = r \frac{\sigma_x}{\sigma_y} Y + m_x - r \frac{\sigma_x}{\sigma_y} m_y, \quad (47)$$

$$\bar{Y} = r \frac{\sigma_y}{\sigma_x} X + m_y - r \frac{\sigma_y}{\sigma_x} m_x, \quad (48)$$

代入 b_{xy} 與 b_{yx} 我們的公式是

$$\bar{X} = b_{xy} Y - b_{xy} m_y + m_x \quad (49)$$

$$\bar{Y} = b_{yx} X - b_{yx} m_x + m_y \quad (50)$$

根據體高體重的材料我們可以應用這兩公式如下。

$$r = .91, \quad \sigma_x = 5.36, \quad \sigma_y = 12.97, \quad m_x = 47.96, \quad m_y = 55.47$$

$$\therefore b_{xy} = .91 \frac{5.36}{12.97} = .376$$

$$b_{yx} = .91 \frac{12.97}{5.36} = 2.202$$

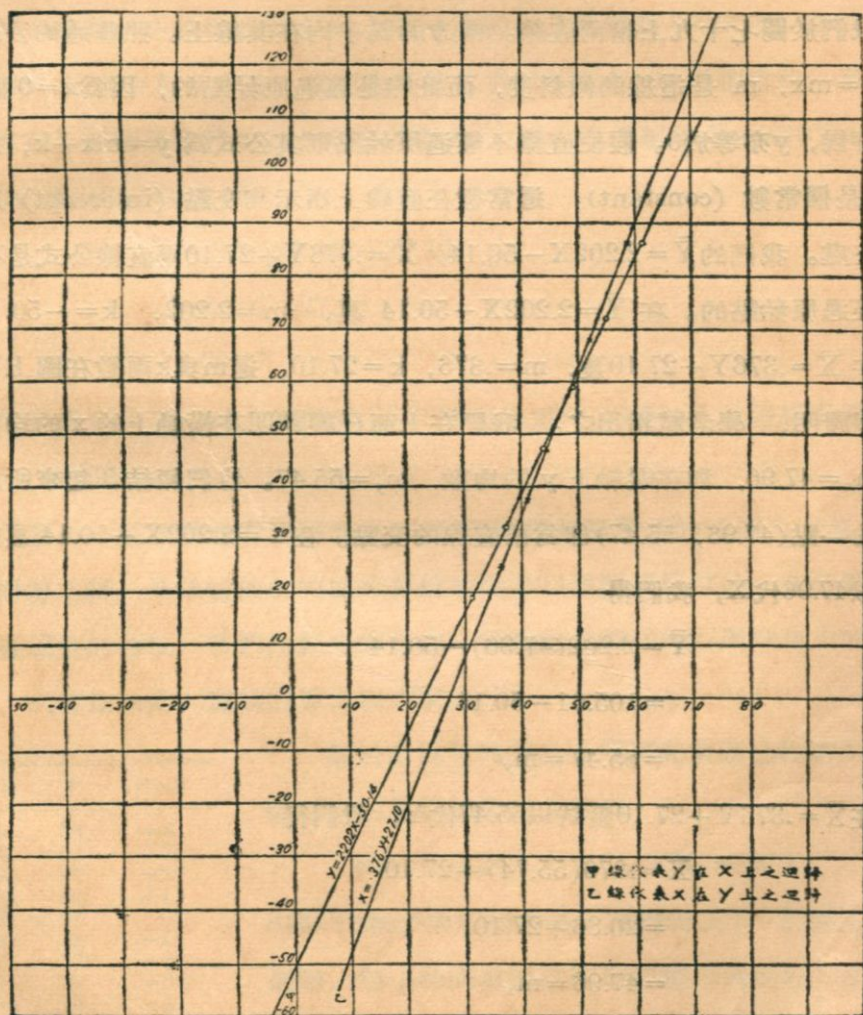
$$\begin{aligned}\bar{X} &= b_{xy} Y - b_{xy} m_y + m_x \\ &= .376 Y - .376 \times 55.47 + 47.96 \\ &= .376 Y - 20.86 + 47.96 \\ &= .376 Y + 27.10\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\bar{Y} &= b_{yx} X - b_{yx} m_x + m_y \\ &= 2.202 X - 2.202 \times 47.96 + 55.47 \\ &= 2.202 X - 105.61 + 55.47 \\ &= 2.202 X - 50.14\end{aligned}$$

表八十六 縱橫兩線的均數（根據迴歸方程計算而出）

甲		乙	
x 體高	y 測算之體重	y 體重	x 測算之體高
31.5	19.22	26.5	37.06
37.5	32.44	36.5	40.82
43.5	45.65	46.5	44.58
49.5	58.86	56.5	48.34
55.5	72.07	66.5	52.10
61.5	85.28	76.5	55.86
		86.5	59.62
		96.5	63.38
		106.5	67.14
		116.5	70.90

在 $\bar{Y} = 2.202X - 50.14$ 一方程式裏，Y 爲 X 上的迴歸。在 X 變數上隨意假定幾個數如 31.5, 37.5, 43.5, ……61.5, 我們可求出相當的 Y 數來，把他們併列於表八十六的甲部。在 $\bar{X} = .376Y + 27.10$ 一方程式



圖七十九 根據迴歸方程所繪之直線

裏， X 爲 Y 上的迴歸。在 Y 變數上隨意假定幾個數如 26.5, 36.5, 46.5, ... 116.5, 我們可求出相當的 X 數來，把他們併列於表八十六的乙部。我們知道這兩個公式都是直線公式。根據這個表甲乙兩部的結果我們於圖七十九上繪兩直線。兩方的點子均在其線上。照普通的公式 $y = mx$, m 是這線的傾斜度，而此線是經過原始點的，因爲 $x = 0$ 的時候， y 亦等於 0。假使直線不經過原始點則其公式爲 $y = mx + k$, 這 k 是個常數 (constant), 這常數在直線上指示其交點 (intercept) 所在處。我們的 $\bar{Y} = 2.202X - 50.14$, $\bar{X} = .376Y + 27.10$ 兩直線公式是不經過原始點的。在 $\bar{Y} = 2.202X - 50.14$ 裏, $m = 2.202$, $k = -50.14$ 。在 $\bar{X} = .376Y + 27.10$ 裏, $m = .376$, $k = 27.10$ 。這 m 與 k 兩數在圖上可以證明，學者試指出之。我們在上面已經講明在橫軸上的 x 的均數, $m_x = 47.96$, 和在縱軸上 y 的均數, $m_y = 55.47$ 。他們倆結合起來所成的一點 (47.96, 55.47) 即爲兩直線的交點。在 $\bar{Y} = 2.202X - 50.14$ 裏試以 47.96 代 X , 我們得

$$\begin{aligned}\bar{Y} &= 2.202(47.96) - 50.14 \\ &= 105.61 - 50.14 \\ &= 55.47 = m_y\end{aligned}$$

在 $\bar{X} = .376Y + 27.10$ 裏試以 55.47 代 Y , 我們得

$$\begin{aligned}\bar{X} &= .376(55.47) + 27.10 \\ &= 20.86 + 27.10 \\ &= 47.96 = m_x\end{aligned}$$

在我們的例子中我們以體高代 X , 體重代 Y 。有了這兩個迴歸方

程，我們根據體高可以測算體重，例如一人體高 61.5 英寸則其體重大約為 85.28 磅，或根據體重可以測算體高例如一人體重 96.5 磅，則其體高大約為 63.38 寸。這甲乙兩部的結果既代表甲乙兩線。我們在推測的時候，止能根據體高 61.5 英寸而約知其體重為 85.28 磅。若問體重 85.28 磅的人多少高，我們決不能答為 61.5 英寸。在這個當兒，我們應在乙部結果中找出。在那裏若無此 Y 數，我們即在 $X = .376Y + 27.10$ 裏以 85.28 代 Y 得

$$\bar{X} = .376(85.28) + 27.10$$

$$= 32.07 + 27.10$$

$$= 59.17$$

所以體高 61.5 英寸的人雖體重 85.28 磅而體重 85.28 磅的人其體高卻非 61.5 乃係 59.17。

還有一點我們應當聲明的，即在迴歸係數裏所用的兩個均方差，在計算之時，是根據他們的原來單位的而非以組距為單位的。在計算相關係數的時候，我們用組距作單位，因為分子的 Σfxy 與分母上的 σ_y ， σ_x 都是如此。這樣計算當然方便多了。

S	F	S-F
64	60	+4
65	62	+3
66	64	+2
67	66	+1
68	m 68	0
69	70	-1
70	72	-2
71	74	-3
72	76	-4

關於高爾登的體高遺傳研究前面已經講到。

他所得的迴歸線公式大約為

$$S = .5F + 34'' \quad (M_S = M_F = 68'')$$

S 與 F 代表子與父的體高。在附表上 S-F 表示迴歸，即子的測算體高較父的體高為近於其均數。例如 F=62, S=65, F=74, S=71。這

兩個S的數都在其均數與F之間。如 $F=40''$ 或 $80''$ ，S的數仍在68與40或68與80之間。換句話講，兒子的體高是迴歸到其種族的均數的。

76 迴歸方程上的差誤與機誤

迴歸方程的差誤機誤兩公式如下。

差誤的公式

$$1. S_y(\text{est.}Y) = \sigma_y \sqrt{1-r^2} \quad (51)$$

$$2. S_x(\text{est.}X) = \sigma_x \sqrt{1-r^2} \quad (52)$$

機誤的公式

$$P. E.(\text{est.}Y) = .6745\sigma_y \sqrt{1-r^2} \quad (53)$$

$$P. E.(\text{est.}X) = .6745\sigma_x \sqrt{1-r^2} \quad (54)$$

因為迴歸方程式有兩個，所以差誤與機誤的公式亦各有兩個。在上面的第一個為從X測算Y的差誤和機誤的兩公式 (Standard error and probable error of estimate in predicting Y from X)，第二個為從Y測算X的差誤和機誤的公式 (Standard error and probable error of estimate in predicting X from Y)。茲根據上列材料舉例於下。

$$S_y = 12.97(\sqrt{1-.91^2}) = 5.38$$

則Y在X上的迴歸方程的整個公式當為

$$\bar{Y} = 2.202X - 50.14 \pm 5.38$$

設 $X=37.5''$ ，則 $\bar{Y} = 2.202(37.5) - 50.14 \pm 5.38$

$$= 32.42 \pm 5.38 \text{ 磅}$$

練習題

1. 試用十七章的練習材料算X在Y上和Y在X上的兩迴歸，並繪圖以表示之。
2. 以所有之 r , σ_x , σ_y 代入迴歸方程。根據這兩公式推算X在Y上與Y在X上的兩迴歸，並繪圖以表示之。

於圖上證明（並在計算上證明）兩直線的交點為 (m_x, m_y) 。

4. 試求迴歸方程上的機誤與差誤。

(3)

$$\frac{(\sum(Y - \bar{Y})^2)^2}{(\sum(X - \bar{X})^2)^2} - 1 = 0$$

第十九章

等級相關

77 等級相關的公式

教師評定成績常有給等級而不與分數者。在此種情形之下，我們若要求兩種成績之相關，可用等級相關方法。這方法在計算上比較從前所用的便利。若材料的數量不多(如在三十以下)我們僅可把分數化為等級，就此而求等級相關，也是一種辦法。茲錄史皮滿(Spearman) 氏的公式如下：

$$\rho = 1 - \frac{6\sum(V_x - V_y)^2}{N(N^2 - 1)} \quad (55)$$

在這公式裏， V_x ， V_y 為 X，Y 兩成績的等級，N 為 X 的或 Y 的總次數。從這公式上看來，等級的相差越大，則此差數之總乘方亦大，其結果則 ρ 的數變小。轉過來講，若等級的相差很小，則 ρ 的數必大而其相關即甚近。在這個公式裏有一種假定，即在這等級的次序裏凡兩鄰近等級之相差都是相等的，不管這鄰近兩等級是在此次序之中部還是在他的上部或下部。這種分配的假定頗與事實不合，因為事實上中部的兩鄰近成績的相差要比上部或下部的兩鄰近成績的相差小。為補救史皮滿氏公式的缺點起見，皮爾生 (Pearson) 引用了 $r = 2 \sin \left(\frac{\pi \rho}{6} \right)$ 公式。於 ρ 求得之後，將他化為 r ，這 r 的數是根據常態分

配的。此外皮爾生又引用 $r = 2 \cos \frac{\pi}{3} (1-R) - 1$ 一公式，在這裏 $R = 1 - \frac{6 \sum g}{N^2 - 1}$ ，(56) 這 R 的公式也是史皮滿建議的。這公式裏的 g 在英文爲 gain 就是正的 ($V_x - V_y$)，其他負的 ($V_x - V_y$) 完全不要加入。把 R 求得之後化爲 r ，這數也是根據常態分配的。

78 等級相關的計算法

等級相關的計算法爲比較的容易，上面已經講過。茲用作者的測驗材料舉例如下。這是初中三年級二十三校（八百零八人）的文言，白話兩成績，他們是以 S. D. 值爲單位的。在表八十七的第一行爲各校之號數從一起至二十三止，第二第三兩行是各校的文言，白話兩成績，第四第五兩行是他們的等級，第六行是兩等級的相差，第七行是各差數的乘方。在等級方面以最高分數爲第一可，以最低分數爲第一亦可，但是 X, Y 兩數量的等級必要一致。在計算的時候，若遇有相等的分數，我們應將他們平均一下而與以相當的等級。例如在文言行中得 48.5 的有兩個，他們倆應佔十五，十六兩等級，我們即將此兩數加上而以二除之，各得 $15 \frac{1}{2}$ 。這法叫做中級法 (the mid-rank method)。我們在前幾章業經用過。還有一種弧級法 (the bracket rank method)。用這法時遇有兩數或三數相等，不平均，止就他們的爲首應得之等級寫下出。例如上面兩個 48.5 在此均爲 15，又兩個 47.8 均爲 19。過此再就次序寫下去。這弧級法用之者比較的少。

在這個例子裏 $R = .3011$ ， $\rho = .5420$ 。從附錄中查出他們相當的 r ，

表八十七 等級相關的計算

號 數	文 言	白 話	等 級	等 級	d	d ²
	S. D. 值	S. D. 值	V _x	V _y	V _x -V _y	(V _x -V _y) ²
1	54.5	58.6	1	1	0	0
2	52.0	54.8	2	7	-5	25
3	51.9	56.6	3	2	+1	1
4	51.4	53.6	4	13	-9	81
5	50.5	56.4	5	3	+2	4
6	50.4	51.1	6	10	-4	16
7	50.0	53.0	7	16	-9	81
8	49.9	54.0	8	11	-3	9
9	49.8	55.2	9	5	+4	16
10	49.7	52.9	10	17	-7	49
11	49.6	55.0	11	6	+5	25
12	49.0	52.1	12	20	-8	64
13	48.8	52.8	13	18	-5	25
14	48.6	52.0	14	21	-7	49
15	48.5	54.7	15½	8	+7.5	56.25
16	48.5	55.9	15½	4	+11.5	132.25
17	48.4	52.4	17	19	-2	4
18	48.3	53.2	18	15	+3	9
19	47.8	51.4	19½	22	-2.5	6.25
20	47.8	53.9	19½	12	+7.5	56.25
21	47.2	53.4	21	14	+7	49
22	46.8	54.3	22	9	+13	169
23	46.4	49.6	23	23	0	0

$$\Sigma g = 61.5 \quad \Sigma d^2 = 927$$

$$R = 1 - \frac{6\Sigma g}{N^2 - 1} = 1 - \frac{6(61.5)}{23^2 - 1} = 1 - \frac{369}{528} = .3011 \quad r = .473$$

$$\rho = 1 - \frac{6\Sigma d^2}{N(N^2 - 1)} = 1 - \frac{6(927)}{23(528)} = 1 - \frac{5562}{12144} = .5420 \quad r = .560$$

用普通相關公式 (product moment formula) $r = .547$

一為 .473，一為 .560。這兩數的相差為 .087。用普通的相關公式 (by-product moment formula) $r = .547$ 。在這種情形之下用 ρ 似比用 R 為近於用普通公式所求得的结果。實際上在多數情形之下，由 R 所求出之 r 與由 ρ 所求出之 r 不見得完全相同。這不同的原因在次數分配上，因為 R 與 ρ 兩公式經校正以後是根據常態分配的。絕對的常態分配的材料既比較的少，所以這結果總多少有點出入的。有許多統計學家止用 ρ 的數而並不把他化為 r ，就是這個緣故，關於分配的情形茲舉二例於下以資比較。

表八十八 次數分配在等級相關上之影響(例一)

次數之分配			X	Y	r_x	r_y	d $V_x - V_y$	d^2	
i	F_x	F_y							
50			1	95	90	1	1	0	
	1	1	2	88	85	2	2.5	-.5	$R = 1 - \frac{6(2.5)}{9^2 - 1} = .8125$
60			3	84	85	3	2.5	+.5	
	3	3	4	78	75	4	4	0	$\rho = 1 - \frac{6(4.5)}{9(80)} = .9625$
80			5	76	72	5	5.5	-.5	
	2	2	6	70	72	6	5.5	+.5	$r = .966$
90			7	65	68	7.5	7	+.5	用普通公式 $r = .940$
	1	1	8	65	58	7.5	9	-1.5	
100			9	55	60	9	8	+1	
N	9	9						2.5 (Σg)	4.5 (Σd^2)

在八十八，八十九兩表中其次數分配（在各表之左）一為常態，一為偏態。在常態分配中由 R 與 ρ 所求出之 r ，一為 .962，一為 .966，

二數相差不過 .004, 可算很近。用普通公式所求之 $r = .940$, 其與 .962, .966 兩數之相差亦不甚遠。在偏態分配中由 R 與 ρ 所求出之 r 一為 .663, 一為 .786, 二數之相差為 .123 比較的很遠。用普通公式所求出之 $r = .710$ 與 .662 之相差為 .048, 與 .786 之相差為 .076。這相差的原因完全在分配上。從附錄的對照表上看來, r 與 ρ 之相差至多不過 .018, r 與 R 之相差則可大至 .23。所以 ρ 與 r 的相差實比較的小。在表八十九裏 $\rho = .771$, 經校正以後他等於 .786, 實際上與用普通公式所求得的 r 數 ($= .710$) 相去益遠, 所以許多統計學家不贊成校正, 因為遇偏態的分配, 在校正以後, 更不能與普通 r 的數比較了。從經驗上講, 由 R 或由 ρ 所求出之 r 與用普通公式所求出之 r 的相差約在 .05

表八十九 次數分配在等級相關上之影響(例二)

次數之分配			號數	X	Y	V_x	V_y	$V_x^d - V_y$	d^2	$R = 1 - \frac{6(7.5)}{9^2 - 1} = .4375$ $r = .663$ $\rho = 1 - \frac{6(27.5)}{9(81 - 1)} = .7708$ $r = .786$ 用普通公式 $r = .710$
i	F_x	F_y								
50			1	100	78	1	3	-2	4	
60	1	2	2	95	90	2	1	+1	1	
70	1	3	3	90	75	3	4	-1	1	
80	1	2	4	87	80	4	2	+2	4	
90	3	1	5	85	60	5	6.5	-1.5	2.25	
100	3	1	6	80	55	6	8	-2	4	
N	9	9	7	75	62	7	5	+2	4	
			8	65	50	8	9	-1	1	
			9	50	60	9	6.5	+2.5	6.25	
										$7.5 \quad 27.5$ $(\Sigma g) \quad (\Sigma d^2)$

以下。在這數以上者頗不多見。

從計算上講當然 R 的公式比較的便利。且這公式亦有相當的數學基礎。若時間有限而數目又不須過於精確，儘可應用 R 的公式。因為他的便利，所以這公式叫做尺度(Foot-rule)公式。不過統計學家的意見並不一致，用 ρ 的公式者亦不在少數呢？

79 等級相關的機誤

等級相關的機誤公式在 ρ 方面為

$$P. E. \rho = \frac{.6745(1-\rho^2)}{\sqrt{N}} \quad (57)$$

引用了 $r = \text{Sin} \left(\frac{\pi}{6} \rho \right)$ 之後，

$$P. E. = \frac{.7063(1-r^2)}{\sqrt{N}} \quad (58)$$

我們試根據表八十七 ρ 的結果演算於下。

$$\rho = 1 - \frac{6\sum d^2}{N(N^2-1)} = 1 - \frac{6 \times 927}{23 \times 528} = .542$$

$$\therefore r = 2 \text{Sin} \left(\frac{\pi}{6} \rho \right) = .56$$

$$P. E. = \frac{.7063(1-.56^2)}{\sqrt{23}} = .10$$

$$\therefore r = .56 \pm .10$$

在這裏 r 大於他的機誤在五倍以上，故其結果尙屬可靠。不過我們要知道，在計算等級相關的時候， N 的數總不會很大。 N 的數既不

會大，若遇很小之 r ，就此而算機誤，決難得可靠的結果。倘於偶然之間， r 的數足夠他們機誤的三倍。我們因 N 數很小的關係，也不可即下結論。最好就同樣材料而求其相關，看他有無別的情形發生。就此兩個 r 的機誤而求其相差（兩數相差之機誤的公式見第十六章）。若兩個 r 的相差仍大於這兩機誤的相差三倍或四倍，這成績就比較的可靠了。

80 幾個特殊例子

在計算等級相關的時候，那原來的分數若偶然有兩三個相等尚不要緊。若相等的太多，那於等級相關的結果就大有影響了。茲把這樣情形的例子舉一於下以資證明。

表九十 特殊算法（例一）

號數	X	Y	V_x	V_y	$\frac{d}{V_x - V_y}$	d^2	
1	25	50	5	3	+2	4	$R = 1 - \frac{6 \times 3}{5^2 - 1} = .25$ $r = .398$
2	35	50	4	3	+1	1	
3	45	50	3	3	0		$\rho = 1 - \frac{6 \times 10}{5(24)} = .50$ $r = .518$
4	55	50	2	3	-1	1	
5	65	50	1	3	-2	4	用普通相關係數公式 $r = 0$
					3	10	
					(Σg)	(Σd^2)	

在表九十上由 ρ 所求之 r 與由 R 所求出之 r 有一定之數目，而用普通公式所求出之 r 則等於零，是用一種方法兩種成績有關係，而用他種方法則他們倆即全無關係。究竟孰對孰否，何去何從，應有相當的解決。其實這兩種方法要算普通方法比較的對，因為在等級相關的公式裏有一種假定即 XY 兩變數的均方差是相等的。例如 X 與 Y 各有七個數。倘這七個數各不相同，則在等級方面均是由一到七的。所以兩個均方差同是 2。我們知道除非各個等級均不相同，那兩均方差始相等。倘材料之中偶有兩個等級相同，尚不緊要。若相同之多如上面的例子那就發生毛病了。 ρ 的公式本是由普通相關係數的公式來的，其不同之點在前者假定兩均方差是相等的。茲演釋於下：

現在以 X, Y 代兩變數，以 d 代他們的相差，

$$\text{則 } d = x - y, \quad d^2 = (x - y)^2 = x^2 + y^2 - 2xy$$

$$\text{總加起來 } \Sigma d^2 = \Sigma x^2 + \Sigma y^2 - 2\Sigma xy \text{ 或 } \Sigma xy = \frac{\Sigma x^2 + \Sigma y^2 - \Sigma d^2}{2}$$

$$\text{普通相關係數的公式爲 } r = \frac{\Sigma xy}{N\sigma_x\sigma_y} = \frac{\Sigma x^2 + \Sigma y^2 - \Sigma d^2}{2\sigma_x\sigma_y}$$

$$= \frac{\sigma_x^2 + \sigma_y^2 - \frac{\Sigma d^2}{N}}{2\sigma_x\sigma_y}$$

$$\text{兩均方差既假定相等，則 } r = \frac{2\sigma^2 - \frac{\Sigma d^2}{N}}{2\sigma^2} = 1 - \frac{\Sigma d^2}{2N\sigma^2}$$

在等級的材料上 $\sigma^2 = \frac{N^2-1}{12}$ *， $\therefore r = 1 - \frac{6\sum d^2}{N(N^2-1)}$

等級相關常受分配之影響前面已經講過，茲再舉一種例子於下：

表九十一 特殊算法（例二）

號數	X	Y	V _x	V _y	$\frac{d}{V_x - V_y}$	d ²	
1	95	30	1	1	0	0	$\rho = 1 - \frac{6\sum d^2}{N(N^2-1)} = 1$ $r = 1$ $R = 1 - \frac{6\sum d^2}{N^2-1} = 1$ $r = 1$ 用普通公式 $r = .97$
2	60	28	2	2	0	0	
3	52	26	3	3	0	0	
4	21	24	4	4	0	0	
5	8	22	5	5	0	0	
6	4	20	6	6	0	0	

在表九十一上由 ρ 與由 R 所求出之 r 與用普通公式所求出之 r 相差雖不甚大，但是用等級相關的方法，我們對於分配情形實在看不出來。所以在計算等級相關之先，我們應當研究那分數的分配。倘是這分配有奇特之處，我們要看由 ρ 或由 R 所求出之結果是否掩飾了這實在情形。所以在等級相關裏那分配的性質是非常重要的。

練習題

1. 試用下列材料求 ρ 與 R，並從表上查出 ρ 與 R 的相當之 r ；次

*此公式是用積分學引申出來的，但用簡單的幾個等級亦可證明。如上面七個數，

$N=7$ ，則 $\sigma^2=4$ ，或 $N=5$ ，則 $\sigma^2=2$ 是。

並且舉有兩個例圖。遇有此種情形，我們不應再用普通的或直線的相關係數公式，那是我們應當知道的。在這個當兒，我們另有一個公式，以適合此曲線式的分布。這曲線相關的公式是非常重要的，因為不用這公式那兩數相關間的真正結果決不能表示出來。例如在表九十二裏那點子的分布，我們一望就知道不能形成一直線。遇有這樣材料若用直線相關的公式，則所得的結果為零。然而從非直線相關上看，那結果不但不等於零，而且是完全正相關。所以從結果的比較上看，我們認為非直線相關的計算也是很重要的。

82 非直線相關的公式

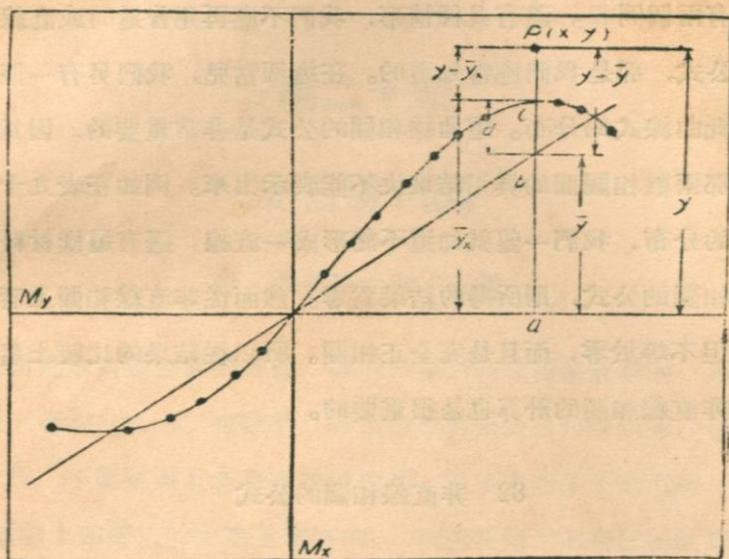
非直線相關公式的引申是皮爾生教授的貢獻。這所求的係數叫做相關比 (correlation ratio)。在公式上以 η (eta) 代表之。猶憶在十八章裏討論迴歸線的時候，我們有一種測算的差誤公式如

$$S_y^2 = \sigma_y^2 (1 - r^2)$$

在這裏假使 $r=1$ ，則 $S_y=0$ ，可謂毫無差誤。換句話講，這 x 與 y 的相關是完全的。假使 r 不等於一，則差誤總是有的，他的大小與 r 的大小成一種反比例。在相關比裏皮爾生所根據的就是這些均方差，因為由均方差可以看見那相關表上 (x, y) 點子的分布情形。所以第一步皮爾生把這公式寫作

$$\sigma_{ay}^2 = \sigma_y^2 (1 - \eta^2) \quad (59)$$

左邊的均方差是相關表上各行的均方差於自乘之後，總加起來而平均者 (the mean of the weighted squares of the standard deviations



圖八十 相關比舉例

of the arrays) 用字母表示出來，

$$\sigma_{ay}^2 = \frac{\Sigma(f_x \sigma_{fx}^2)}{N} \quad (60)$$

在圖八十之上 $ab = \bar{y}$, b 在直線上, $ac = \bar{y}_x$, c 在曲線上, $aP = y$, P 是這相關表上的任何一點。假使相關是直線的, 則 c 與 b 同在一點, $\Sigma(y - \bar{y}_x)^2 = \Sigma(y - \bar{y})^2$, $\sigma_{ay}^2 = S_y^2$, 或 $\eta = r$ 。假使相關不是直線的, 則 \bar{y}_x 不等於 \bar{y} , σ_{ay}^2 不等於 S_y^2 。轉過來講, 假使在非直線相關裏, 所有的點子都落於那迴歸線上或 y 行的均數線上 (the line of the column means) 則 $(y - \bar{y}_x)$ 與 σ_{ay} 都等於零。在這個當兒 $\eta = 1$ 。但這樣情形很少。所以 σ_{ay} 不常等於零而 y 與 \bar{y}_x 的相差總是有的。因為如此在各行裏我們應求他的均方差, 他的表示是:

$$\sigma^2_{fx} = \frac{\Sigma(y - \bar{y}_x)^2}{f_x} \quad (61)$$

$$\text{所以 } \sigma^2_{ay} = \frac{\Sigma\Sigma'(y - \bar{y}_x)^2}{N} *$$

$$\begin{aligned} N \sigma^2_{ay} &= \Sigma\Sigma'y^2 - 2\Sigma\Sigma'y\bar{y}_x + \Sigma\Sigma'\bar{y}_x^2 \\ &= N\sigma_y^2 - 2\Sigma[\bar{y}_x\Sigma'(y)] + \Sigma(f_x\bar{y}_x^2) \\ &= N\sigma_y^2 - 2\Sigma[\bar{y}_xf_x\bar{y}_x] + \Sigma f_x\bar{y}_x^2 \end{aligned}$$

$$[\Sigma'(y) = f_x\bar{y}_x \text{ 猶之 } \Sigma y = Nm]$$

$$= N\sigma_y^2 - \Sigma(f_x\bar{y}_x^2)$$

$$= N\sigma_y^2 - N\sigma_{\bar{y}_x}^2$$

兩邊的N取消之後

$$\sigma^2_{ay} = \sigma_y^2 - \sigma_{\bar{y}_x}^2$$

$$\therefore \sigma_y^2(1 - \eta^2) = \sigma_y^2 - \sigma_{\bar{y}_x}^2$$

$$1 - \eta^2 = \frac{\sigma_y^2 - \sigma_{\bar{y}_x}^2}{\sigma_y^2}$$

$$= 1 - \frac{\sigma_{\bar{y}_x}^2}{\sigma_y^2}$$

$$\therefore \eta^2 = \frac{\sigma_{\bar{y}_x}^2}{\sigma_y^2} \quad \text{或} \quad \eta = \frac{\sigma_{\bar{y}_x}}{\sigma_y}$$

所以 η 是一種相關比，就是各行的均數的均方差 (the standard deviation of the means of the arrays) 與其全部的均方差 (the standard deviation of the whole table) 相比。因為從那些 (x, y) 的點子上能使我們看見分布的曲直。在直線相關裏我們既有兩迴歸線，

* 上撇 (prime) 所以分別各行之和與總和。

在非直線相關裏我們亦應有兩個相關比，一為X在Y上的相關比，一為Y在X上的相關比。這一對公式應寫如下式

$$\eta_{yx} = \frac{\sigma_{\bar{y}x}}{\sigma_y}, \quad (62); \quad \eta_{xy} = \frac{\sigma_{\bar{x}y}}{\sigma_x} \quad (63)$$

上面的公式尚須變遷一下，在應用上始較方便。茲演釋於下：

$$\eta_{yx} = \frac{\sigma_{\bar{y}x}}{\sigma_y} = \frac{\sqrt{\frac{\sum f_x (M_y - \bar{Y}_x)^2}{N}}}{\sigma_y}$$

在此地 $M_y = A.M._y + \frac{\sum y}{N}(i)$, $\bar{Y}_x = A.M._y + \frac{\sum' y}{f_x}(i)$,

$$\text{所以 } \frac{M_y - \bar{Y}_x}{i} = \frac{\sum y}{N} - \frac{\sum' y}{f_x}$$

兩邊自乘之後，

$$\frac{(M_y - \bar{Y}_x)^2}{i^2} = \left(\frac{\sum y}{N}\right)^2 - 2\left(\frac{\sum y}{N}\right)\left(\frac{\sum' y}{f_x}\right) + \left(\frac{\sum' y}{f_x}\right)^2$$

各行並全表總加之後，

$$\begin{aligned} \frac{\sum f_x (M_y - \bar{Y}_x)^2}{i^2} &= N\left(\frac{\sum y}{N}\right)^2 - 2\left(\frac{\sum y}{N}\right)(\sum y) + \sum \left[\frac{(\sum' y)^2}{f_x}\right] \\ &= \sum \left[\frac{(\sum' y)^2}{f_x}\right] - \frac{(\sum y)^2}{N} \end{aligned}$$

$$\therefore \sigma_{\bar{y}x} = \sqrt{\frac{\sum f_x (M_y - \bar{Y}_x)^2}{N}} = \sqrt{\frac{\sum \frac{(\sum' y)^2}{f_x}}{N} - C_y^2(i)}$$

$$\therefore \eta_{yx} = \frac{\sqrt{\frac{\sum \frac{(\sum' y)^2}{f_x}}{N} - C_y^2}}{\sqrt{\frac{\sum y^2}{N} - C_y^2}} \quad (64)$$

表九十三 相關比之計算

每 生 費 用 以 元 計

1 2 3 4 5 6 7 8 9

州
政
府
供
給
學
校
總
費
用
之
百
分
數

\$	4-	6-	8-	10-	12-	14-	16-	18-	20-	22-	24-	26-	28-	30-	32-	34-	36-	38-	40-42	f	y	fy	fy ²	Σx	Σxy	(Σx) ²	(Σx) ² / fy	\bar{X}_y		
100																				1	12	12	144	-5	-60	25	25	5		
95	1																													
90																						11								
85		1																			1	10	10	100	-4	-40	16	16	7	
80																						9								
75																						8								
70			2																		2	7	14	98	-8	-56	64	32	7	
65				1																	1	6	6	36	-3	-18	9	9	9	
60					5																5	5	25	125	-15	-75	225	45	9	
55						6															6	4	24	96	-18	-72	324	54		
50							6	3													9	3	27	81	-24	-72	576	64	9.67	
45								3	6	2											11	2	22	44	-23	-46	529	48.00	10.82	
40									1	13	3										17	1	17	17	-32	-32	1024	60.24	11.24	
35								6	13	5	1										25	0			-24		576	23.04	13.08	
30									7	13		1									21	-1	-21	21	-5	5	25	1.19	14.52	
25										1	4	13	4	2							24	-2	-48	96	26	-52	676	28.17	17.17	
20											5	6	1	4	1						17	-3	-51	153	41	-123	1681	98.88	19.82	
15												5	3	2							10	-4	-40	100	47	-188	2209	220.9	24.4	
10													1			3	1			1	6	-5	-30	150	56	-280	3136	522.67	33.67	
5																		1			1	-6	-6	36	11	-66	121	121	37	
f	1	3	22	28	26	22	19	11	3	9	4	3			3	1	1		1	157			-39	1357	20	-1175	1369.18			
x	-5	-4	-3	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13											
fx	-5	-12	-66	-56	-26		19	22	9	36	20	18			27	10	11		13	20										
fx ²	25	48	198	112	26		19	44	27	144	100	108			243	100	121		169	1484										
Σ'y	12	24	80	34	-2	-21	-41	-27	-7	-32	-15	-13			-15	-5	-6		-5	-39										
Σxy	-60	-96	-240	-68	2		-41	-54	-21	-128	-75	-78			-135	-50	-66		-65	-1175										
(Σ'y) ²	144	576	6400	1156	4	441	1681	729	49	1024	225	169			225	25	36		25											
(Σ'y) ² / Fx	144	192	290.91	41.29	.15	20.05	88.47	66.27	16.33	113.78	56.25	56.33			75	25	36		25	1346.83										
\bar{Y}_x	97.5	77.5	55.68	43.57	37.12	32.73	36.71	25.23	25.83	19.72	18.75	15.83			12.5	12.5	7.5		12.5											

$$Y = \frac{-1175}{157} + (.127 \times 248)$$

$$= \frac{-7.484076 + .031496}{3.072 \times 2.929}$$

$$= \frac{-7.452580}{8.997888}$$

$$= -.828//$$

$$\sigma_x = \sqrt{\frac{1246.83}{157} - .061504}$$

$$= 2.929$$

$$= \sqrt{\frac{7.941592 - .061504}{2.929}}$$

$$= \frac{2.807}{2.929} = .958//$$

$$\sigma_{xy} = \sqrt{\frac{1369.18}{157} - .016129}$$

$$= 3.072$$

$$= \sqrt{\frac{8.720892 - .016129}{3.072}}$$

$$= \frac{2.950}{3.072} = .960//$$

$$C_x = \frac{20}{157} = .127$$

$$C_x^2 = .016129$$

$$C_y = \frac{-39}{157} = -.248$$

$$C_y^2 = .061504$$

$$c_x^2 = \frac{1484}{157} = .016129$$

$$= 0.4361$$

$$\sigma_x = 3.072$$

$$c_y^2 = \frac{1357}{157} = .061504$$

$$\sigma_y = 2.929$$

$$= 8.581808$$

$$\begin{aligned} \text{同理 } \sigma_{\bar{x}y} &= \sqrt{\frac{\sum f_y (M_x - \bar{X}_y)^2}{N}} = \sqrt{\frac{\sum (\sum' x)^2}{f_y} - C_x^2(i)}; \\ \therefore \eta_{xy} &= \frac{\sqrt{\frac{\sum (\sum' x)^2}{f_y} - C_x^2}}{\sqrt{\frac{\sum x^2}{N} - C_x^2}} \quad (65) \end{aligned}$$

83 相關比的限度

相關比和相關係數一樣，在數目上有一定的限度。這數目是不小於零的，因為他既是兩個均方差的比，最小的數是零，不會小於零，所以相關比也不會小於零。在大的方面，相關比得至 1.00，這是完全的非直線相關，上面已經講過，從計算上看來，相關比的數總是大於或等於相關係數的數的，這事實我可用一極簡單的數理證明。在上面我們曾說，在迴歸成直線的時候， $y - \bar{y} = y - \bar{y}_x$ 各行都是一樣，所以 $S_y = \sigma_{ay}$, $r = \eta_{yx}$ 。假使迴歸不成直線，則 $\bar{y}_x = \bar{y} \pm d$ 或 $y - \bar{y}_x \pm d = y - \bar{y}$ 在兩邊自乘並總加之後，上面的方程式變為

$$\sum f_x (y - \bar{y}_x)^2 \pm 2 \sum f_x (y - \bar{y}_x) d + \sum f_x d^2 = \sum f_x (y - \bar{y})^2$$

在左邊的中間一項在各行裏都等於零，因為環均數的差數總加起來，正負號相消以後總等於零，所以這方程式止剩有

$$\sum f_x (y - \bar{y}_x)^2 + \sum f_x d^2 = \sum f_x (y - \bar{y})^2 *$$

若用 N 以除各項則此方程式變為

* $\sum f_x$ 與 $\sum \Sigma'$ 之意義相同。

$$\sigma_{ay}^2 + \sigma_d^2 = S_y^2$$

現在將 η 與 r 代入，則

$$\sigma_y^2(1 - \eta^2_{yx}) + \sigma_d^2 = \sigma_y^2(1 - r^2) *$$

$$\sigma_y^2 - \sigma_y^2 \eta^2_{yx} + \sigma_d^2 = \sigma_y^2 - \sigma_y^2 r^2$$

$$\therefore \sigma_y^2(\eta^2_{yx} - r^2) = \sigma_d^2 \quad (66)$$

此步足以證明，除在直線相關裏 $\eta = r$ 外，在其他情形中 η 總是大於 r 的，因為 σ_d 總是一個正號的數目。

84 相關比的計算法

相關比的計算頗為容易。止在相關表上求係數的時候於橫的直的兩方各多加四行而已。茲在表九十三裏舉例以明之。在這裏直行中有所謂 f , y , fy 及 fy^2 四行，這是為求相關係數用的。此外有 $\Sigma'x$, Σxy , $(\Sigma'x)^2$, $\frac{(\Sigma'x)^2}{\partial y}$ 及 \bar{x}_y 五行，此五行中前二行在求相關係數的時候也曾用過，止 $(\Sigma'x^2)$, $\frac{(\Sigma'x)^2}{\partial y}$ 及 \bar{X}_y 三行是新添的。 $(\Sigma'x)^2$ 是 $\Sigma'x$ 一行中各數自乘者，此不問可知。第八行中之 ∂y 為各橫行 x 數中的總 y 數。例如第一橫行裏 y 的組距為 95—100。在這裏 $\Sigma'x = 1(-5) = -5$ (1 是次數)， $(\Sigma'x)^2 = 25$ ， ∂y 為 F 行中之數，在此等於 1，所以 $\frac{(\Sigma'x)^2}{\partial y} = 25$ 。又如第十橫行裏 y 的組距為 50—54.99。在這裏 $\Sigma'x = 6(-3) + 3(-2) = -24$ ， $(\Sigma'x)^2 = 576$ ， $\partial y = 9$ 所以 $\frac{(\Sigma'x)^2}{\partial y}$

* 因為 $\sigma_{ay}^2 = \sigma_y^2(1 - r^2)$ ， $S_y^2 = \sigma_y^2(1 - r^2)$

= 64。這樣，我們可以在每一橫行裏求出 $\frac{(\Sigma'x)^2}{\partial y}$ ，最末一行裏所有的數為 \bar{X}_y 的數，就是每一橫行裏的真正均數。同理，在相關表的下面 $f, x, fx, fx^2, \Sigma'y, \Sigma'xy, (\Sigma'y)^2, \frac{(\Sigma'y)^2}{\partial x}$ 及 \bar{Y}_x 九行裏我們可以依次求出各數，並在每一直行裏求出 $\frac{(\Sigma'y)^2}{\partial x}$ 和他們的真正均數。在這裏我們要注意的是那 $(\Sigma'y)^2$ 絕對與 Σy^2 不同， $(\Sigma'x)^2$ 亦絕對與 Σx^2 不同。因為 Σy^2 與 Σx^2 是全表裏的數為求 σ_y 與 σ_x 用的，而 $(\Sigma'y)^2$ 與 $(\Sigma'x)^2$ 則為每一直行和每一橫行求 $\sigma_{\bar{y}_x}$ 和 $\sigma_{\bar{x}_y}$ 用的。 $\Sigma'xy$ 的數橫直各有一行，因一為 $(\Sigma x)(y)$ ，一為 $(\Sigma y)(x)$ ，其結果則橫直兩行均為 Σxy 。這兩行的總和應當相等，在求相關係數的時候，用作證驗未為不可。有了這幾行的數目，把他們代入公式，即求得 r, η_{yx} 與 η_{xy} 三數。在這裏 $r = -.828$ 這是負相關而且很小，但是在相關比方面 $\eta_{yx} = .958, \eta_{xy} = .960$ 都算很大。在這裏若止用 r 而不用 η ，這真正的結果恐無從表出。所以我們覺得應用相關比是很重要的。

有的時候為繪圖起見各橫直行裏的真正均數有求出之必要，而我們為舉例起見已在表九十三上把他們的結果表示出來。他們的算法與求普通的算術均數一樣，止公式所用的字母稍有變更而已。茲將兩公式寫在下面並附以計算的例子：

$$\bar{X}_y = m_x + \frac{\Sigma'x}{\partial y}(i)$$

$$\bar{Y}_x = m_y + \frac{\Sigma'y}{\partial x}(i)$$

$$= A.M._x + \frac{\Sigma'x}{\partial y}(i_x) \quad (67);$$

$$= A.M._y + \frac{\Sigma'y}{\partial x}(i_y) \quad (68)$$

$$\begin{aligned} \text{例一 } \bar{X}_{97.5} &= 15 + \left(\frac{-5}{1}\right)(2) & \bar{Y}_6 &= 37.5 + \frac{12}{1}(5) \\ &= 15 - 10 = 5 & &= 37.5 + 60 = 97.5 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{例二 } \bar{X}_{72.5} &= 15 + \left(\frac{-8}{2}\right)(2) & \bar{Y}_9 &= 37.5 + \frac{80}{22}(5) \\ &= 15 - 8 = 7 & &= 37.5 + 18.18 = 55.68 \end{aligned}$$

在公式裏 $A. M._x$ 代表總表裏橫行的假設均數，在這個例子裏其數為 15。 $\Sigma'x$ 為第五行裏的數， ∂y 則為第一行裏的數， i_x 以為橫行的組距。有了這些數目則橫行裏的真正均數都能求出。

在直行裏情形亦正相同。在這裏 $A. M._y$ 為總表裏直行的均數，在這個例子裏其數為 37.5 其他數止須在表上找出，代入公式，即能求出各直行之真正均數。

有了這些數目則 y 的均數線與 x 的均數線都可畫了。

85 直線性的試驗

在我們的例子裏 r 的數與 η_{yx} , η_{xy} 的數相隔很遠。在我們計算以前我們已能推測這情形，因為在相關表上那些 (x, y) 的點子分布得成一曲線，一望便知。所以我們遇有這樣材料對於求 η 與否並無多大困難。不過有的時候 r 的數與 η_{yx} , η_{xy} 的數相隔很近。在計算之前，從相關表上，我們實在看不出來他們究竟成一直線或一曲線。在這個當兒，布雷克滿 (Blakeman) 氏建議一個試驗方法，就中定立一個直線性的標準 (the criterion of linearity)。這標準是

$$\frac{\sqrt{N}}{.6745} \cdot \frac{1}{2} \sqrt{\eta^2 - r^2} \quad 2.5$$

根據這個標準我們可以知道那左邊的數不得小於 2.5，始能用相關比，因為那數若小於 2.5，則相關比與係數的相差極小。在這種情形之下，我們若用兩數相差之機誤，則所得的結果決不能證明這細微的相差是直線與非直線的關係。假使那左邊的數大於 2.5，那麼，我們可以斷定這相關是曲線的，所以用相關係數不能代表他，而我們應當用相關比了。

為計算便利起見上面的標準可以化為

$$N(\eta^2 - r^2) < 11.37$$

在我們的例子裏

$$N(\eta_{yx}^2 - r^2) = 157[(.958)^2 - (-.828)^2]$$

$$= 157 \times .231$$

$$= 36.424$$

$$N(\eta_{xy}^2 - r^2) = 157[(.960)^2 - (.828)^2]$$

$$= 157 + .236$$

$$= 37.052$$

在結果上這兩個數都比 11.37 大，所以我們應當用相關比，始能把那些 (x, y) 的點子的分布情形表示出來。

相關比的機誤公式為

$$P. E. = \frac{.6745}{\sqrt{N}} (1 - \eta^2) \quad (69)$$

在我們的例子裏兩個相關比於加入 P. E. 之後，應為

$$\eta_{yx} = .958 \pm .0044, \quad \eta_{xy} = .960 \pm .0042$$

86 相關比與組距之關係

在相關比的數目上，有的時候因為組距用得太小致所得的結果比較的大。組距小至一的時候，在每一組距裏或一行裏往往止有一個數，我們要求那行的均數就止須寫出不必求了。但是這結果與用二、或三、或五作組距的時候，每一組距裏或一行裏有一個數的必很少。在這種情形之下，每行的均數乃是就各數平均出來的。組距小至一的時候，或一行止有一個數的時候，若算 η 這數目即為一，未免太大。為校正起見，皮爾生建議應用下列公式。

$$\eta_{yx(T)}^2 = \frac{\eta^2 - \frac{(K-1)}{N}}{1 - \frac{(K-2)}{N}} \quad \text{或} \quad \eta_{xy(T)} = \sqrt{\frac{\eta^2 - \frac{(K-1)}{N}}{1 - \frac{(K-2)}{N}}} \quad (70)$$

在這公式裏 N 為總次數 K 為 x 的或 y 的行數。在我們的例子裏

$$\begin{aligned} \eta_{yx(T)} &= \sqrt{\frac{.958^2 - \frac{(19-1)}{157}}{1 - \frac{(19-2)}{157}}} & \eta_{xy(T)} &= \sqrt{\frac{.961^2 - \frac{(19-1)}{157}}{1 - \frac{(19-2)}{157}}} \\ &= \sqrt{\frac{.8031}{1 - .1083}} = \sqrt{\frac{.8031}{.8917}} & &= \sqrt{\frac{.8069}{1 - .1083}} = \sqrt{\frac{.8069}{.8917}} \\ &= \sqrt{.900639} = .949 & &= \sqrt{.904901} = .951 \end{aligned}$$

在求 η 的時候，組距若用得太大，我們也有一種校正的公式，但

是那相差的數目很小，不計算他也不要緊。其實因為組距太小而校正的手續也有不用的。不過在橫直行的數目相差很大的時候，若比較這兩個相關比，我們應當用這校正的公式。

練習題

1. 試根據下表求 r , η_{yx} , η_{xy} 。

		經 驗 年 數										f
		0	5	10	15	20	25	30	35	40	45	
薪 金	\$5000						1					1
	\$4500					1						1
	\$4000					1			1			2
	\$3500						1	2		1		4
	\$3000					1	1		2	1	1	6
	\$2500			1		1	3	5	4	3	1	18
	\$2000		1	1	6	7	4	2	2	1		
	\$1500		4	8	7	6	5					
	\$1000	10	4									
	f	10	9	10	13	17	14	9	9	6	2	100

- 求 η_{yx} 與 η_{xy} 的機誤。
- 試驗他們的直線性。
- 求橫直行裏的真正均數，並根據這些數各繪一均數線或迴歸線。
- 用校正的公式求真正的 (true or the most probable) 相關比。

第二十一章

品質相關

87 緒論

相關的統計最好是要 x , y , 兩變數都有數量, 都有單位, 那麼, 我們所求得的结果纔有根據, 纔較精確。不過事實上不見得完全如是。有的時候兩個變數之中一質一量, 或兩個俱質, 而質的方面又嘗有無秩序的。例如下列三表, 在(九十四)為兩質相關, 在(九十五)為一質與一量的相關, 在(九十六)為量的材料與無秩序的材料的相关。

表九十四 兩質相關

學業成績	品 行					質的材料
	極劣	劣	平常	好	優良	
上 等	2	3	9	15	16	質的材料
中 等	5	8	12	10	2	
下 等	10	8	5	2	—	
質 的 材 料						

所謂無秩序的材料, 如在表上直行裏的農, 工, 商, 教等可以任意排列而不礙其秩序, 因為四者之中實無所謂秩序。在九十四, 九十五兩表上, 質的材料之所以有秩序, 因為學行兩方面的各種材料都含有等級的意義。為其如此, 我們不能任意排列他們。同時我們在九十四,

表九十五 質量相關

學業成績	智 商					質的材料
	70—	80—	90—	100—	110—120	
上 等	—	3	7	12	14	質的材料
中 等	3	9	5	2	1	
下 等	9	10	6	1	—	
量 的 材 料						

表九十六 量的材料與無秩序的材料之相關

父 親 的 職 業	兒 童 的 智 商						無秩序的材料
	70—	80—	90—	100—	110—	120—140	
農 人	5	7	10	12	10	5	無秩序的材料
工 人	4	3	9	12	8	6	
商 人	4	6	6	9	12	3	
教 員	2	4	7	12	10	6	
量 的 材 料							

九十五兩表上，能找出他們的大致的相關情形，因為在九十四品行優良的在學業上得上等的多，或品行壞的得下等的多，在九十五智商高的得上等的多，或智商低的得下等的多。至於在九十六這種情形我們頗不易看出。在職業方面我們若能把農，工，商，教分得較為詳細，如在工人方面又分為細工與粗工，或用腦力的工人與不用腦力的工人，或成功的工人與未成功的工人，或領袖工人與普通工人；那麼，父之職業與子之智商的相關我們可以推測一二，因為有藝術的或用腦力的

工人當然要比普通的工人聰明些，爲其如此，他們的兒子的智商也許高些。在表九十六上所有的分類既很籠統，所以他們的相關實在不易看出。然而我們未嘗不可引申一種公式，用來求他們的相關。下面的幾種是我們通常應用的，俟一一的簡單的敘述之。

88 四格表

四格表是一種最簡單的相關表。在這表上止記材料的有無或存在與不存在。例如歷史與地理的相關，在這裏我們並沒有各個成績的詳細分數，止有兩門全及格，兩門全不及格，歷史及格而地理不及格，和地理及格而歷史不及格四種情形，或四個數目。在這四格表上 a 的記號爲++，b 的爲+-，c 的爲-+，d 的爲--，就是在 a 兩門

表九十七 四格表

		歷史成績		
		x_1	x_2	f
地理成績	y_1	a ++	b +-	a+b
	y_2	c -+	d --	c+d
f		a+c	b+d	N

功課全及格，在 b 歷史及格而地理不及格，在 c 歷史不及格而地理及格，在 d 兩門均不及格。N 是他們的總次數。在直行裏 y_1 的次數爲 a+b， y_2 的次數爲 c+d，在橫行裏 x_1 的次數爲 a+c， x_2 的次數爲 b+d，結果橫直行的總

次數仍是相同。爲求這四格表的相關起見，余爾 (Yule) 氏建議了兩個公式如下：

$$(I) \quad Q = \frac{ad - bc}{ad + bc} \quad (71); \quad (II) \quad \omega = \frac{\sqrt{ad} - \sqrt{bc}}{\sqrt{ad} + \sqrt{bc}} \quad (72)$$

在第一個公式裏 Q 代表相關係數，在這裏叫做余爾氏的關聯係數 (Yule's coefficient of association)。在第二個公式裏所用的代表字爲 ω ，這字在英文上讀爲 ω ，他代表的係數叫做余爾氏的歸結係數 (Yule's coefficient of colligation)。在這兩個公式中，其不同之點，在後者的各數爲前者的各數方根而已。第二個公式余爾氏介紹得較晚(1912)。他自己以爲第一個雖覺簡單，第二個實較合用，但是皮爾生 (Pearson) 和海淵 (Heron) 對於這兩個都不贊成，兩方辯論甚多。此間不暇敘述，不過有一點我們可略提一下。在討論第一公式的時候，余爾以爲以一數乘直行，以另一數乘橫行而其結果不變。例如在下面以 8 乘 a 與 b ，再以 4 乘 c 與 d ，其結果分子與分母各多一因子 32，上下相約之後 Q 之數並不變更。這樣情形在余爾氏的意思

a	b	8 a	32 b
c	d	c	4 d

以爲很方便，尤其是在材料的比例可以隨意增減的時候。不過這種便利照皮爾生、海淵等看起來，以爲有害於這係數，因爲材料的數目變遷以後，而係數仍無所動，何從而知其影響？

現在我們用余爾氏的兩個公式各計算一例題。在這裏 $a=25$, $b=6$, $c=4$, $d=4$ ，則

	x_1	x_2	F
y_1	25	6	31
y_2	4	4	8
F	29	10	39

$$\begin{aligned}
 Q &= \frac{25 \times 4 - 4 \times 6}{25 \times 4 + 4 \times 6} & \omega &= \frac{\sqrt{25 \times 4} - \sqrt{4 \times 6}}{\sqrt{25 \times 4} + \sqrt{4 \times 6}} \\
 &= \frac{76}{124} & &= \frac{10 - 4.899}{10 + 4.899} \\
 &= .61 & &= .34
 \end{aligned}$$

從公式上看，假使 b , c 兩數之中有一等於零，則 bc 即全等於零。結果 Q 或 ω 等於一，因為在這樣情形之下， $Q = \frac{ad}{ad}$, $\omega = \sqrt{\frac{ad}{ad}}$ ；假使 ad 二數之中有一等於零，則 ad 即全等於零。結果 $Q = \frac{-bc}{bc}$, $\omega = -\sqrt{\frac{bc}{bc}}$ 或各等於負一；假使 $ad = bc$ ，則 Q 與 ω 均等於零，因為在兩公式上那分數上的分子均等於零，所以這兩個係數的範圍是由負一經零而至正一的。

89 皮爾生氏的餘弦 π 法

皮爾生建議一種相關方法叫做餘弦 π 法 (the cosine π method)。這 π 在英數為 Pi ，代表 180 度，在三角學上常常用的。這方法似比余爾的任何一個好。他的公式是：

$$r = \cos \frac{\sqrt{bc}}{\sqrt{ad} + \sqrt{bc}} \pi \quad (73)$$

用這公式的時候，我們要檢查餘弦對數表。茲試根據前面材料代入此公式，則

$$r = \cos \frac{\sqrt{4 \times 6}}{\sqrt{25 \times 4 + \sqrt{4 \times 6}}} \pi = \cos, 329 \times 180^\circ = \cos 59^\circ 13' = .51$$

從算術的運用上看，我們先求那分數上的各方根，得着.329的時候，即以 180° 乘之，然後於三角學的對數表上查出 $\cos 59^\circ 13'$ 的數目。這手續比較的麻煩。為節省手續起見，我們在附錄上備有一檢查表。於計算之時，我們止須將 $\frac{\sqrt{bc}}{\sqrt{ad} + \sqrt{bc}}$ 求出來，即可檢查那相當的 r 。

90 西巴 (Sheppard) 氏的異號法

與皮爾生的方法相似的有西巴氏的異號法 (the method of unlike signs)。他的公式是：

$$r = \cos \frac{U}{L+U} \pi \quad (74)$$

U 在英文代表 unlike 或 unlike signs 在中文譯為異號， L 在英文為 like 或 like signs，在中文譯為同號。在這公式裏 U 與 L 代替皮爾生的公式裏的 \sqrt{bc} 與 \sqrt{ad} ，不過在計算上這兩公式並不相同，因為在西巴的公式裏 $U = b+c$ ， $L = a+d$ ，所以 $\frac{U}{L+U} = \frac{b+c}{a+d+b+c} = \frac{b+c}{N}$ 。 $\pi = 180^\circ$ 上面已經講過，所以 $\frac{U}{L+U} \pi = \frac{b+c}{N} (180^\circ) = 100 \frac{b+c}{N} (1.8^\circ)$ 。 $L+U$ 或 N 的數既常常等於 100， $b+c$ 或 U 既為其百分數，這全部公式亦可寫為

$$r = \cos U. 1.8^\circ \quad (75)$$

現在我們把 b , c , N 三數代入公式則 $U = 25.6\%$ 所以

$$r = \cos 25.6 \times 1.8^\circ = \cos 46^\circ 48' = .69$$

若用附錄中的檢查表比較方便，而在計算上亦止以 N 除 $b+c$ ，根據

這求得的數目檢查相當之 r 即得。在這個例子裏 $\frac{b+c}{N} = .256$ ，在表

上與 $.256$ 相近的為 $.258$ ，我們就用此數而找出相當的 $r = .69$ ，所以

$.69$ 就是這異號相關的係數。在檢查表上 U 或 $\frac{\sqrt{bc}}{\sqrt{ad} + \sqrt{bc}}$ 的值是從

零到 $.5$ 為止的，因為 $.5 \times 180^\circ = 90^\circ$ ， 90° 的餘弦等於零。若角度加

大那餘弦就等於負數了。所以遇有 U 或 $\frac{\sqrt{bc}}{\sqrt{ad} + \sqrt{bc}}$ 的值等於 $.5$ 以

上的數例如 $.76$ 的時候，我們即由一減去 $.76$ 得 $.24$ 再從表上查出相

當之 r ，是為負數。所以這係數與其他相關係數一樣也是從負一經零

而至正一的。

用西巴氏的方法所求得的结果與用皮爾生氏的方法之所得相差不遠，然而在計算上卻簡便多了，所以許多統計家對於計算相關若不一定要十分精確，就應用了西巴氏的公式。不過這係數的機誤比較的大，除非這係數在 $.5$ 以上而總次數又多，我們不能因為公式的簡便而失了數目上的精確。這機誤的公式為

$$P.E. = \sin \left[.1686\pi(1-r^2) \sqrt{\frac{1}{a} + \frac{1}{b} + \frac{1}{c} + \frac{1}{d}} \right] \quad (76)$$

在我們的例子裏

$$P.E. = \sin \left[.1686(180^\circ)(1-.69^2) \sqrt{\frac{1}{25} + \frac{1}{6} + \frac{1}{4} + \frac{1}{4}} \right]$$

$$= .23$$

所以 $r = .69 \pm .23$

在這個例子裏，本數剛夠他的機誤三倍。倘 r 的數在 .5 以下而 N 的數又很小的時候，這公式就不大合用了。

91 接觸係數

接觸係數是一種質的相關係數。這名稱在英文爲 (the coefficient of contingency)。在中文有意譯爲相關係數者，此譯名實與從前的相關係數混淆而不能分。茲爲祛除此弊起見，特直譯爲接觸係數。此係數多半用在無秩序的品質相關的時候。例如計算父子性情之相關，在沉靜，抑鬱，溫和，激烈諸性情中本無所謂秩序。換句話講，這幾種性情在 x 與 y 兩行中可以任意放置而不礙相關之計算。這係數在計算上實根據機率原則。茲舉例於下以便說明。

表九十八 接觸係數的計算

等第	國文	英文	算學	史地	理化	F
甲	1	1	2	2	—	6
乙	2	3	2	4	2	13
丙	4	2	4	2	2	14
丁	—	2	2	1	2	7
F	7	8	10	9	6	40

在這個例子裏各直行的材料是國文，英文，算學，史地，理化五科。

這五科無所謂先後秩序，當然可以任意排列，惟橫行裏的甲，乙，丙，丁因為等第的關係比較上有秩序。在教育工作上這樣的材料最為普通，所以我們用他來作例子。我們現在以 f_{xy} 代每格所有之次數如粗線格中之 4，以 f_x 代橫行中一種品質的次數，如在算學行其橫行次數為 10，以 f_y 代直行中一種品質的次數，如丙行中其直行次數為 14。若有一數落於某橫行，或某直行，他必有落於那行的機率。機率之大小視某橫行或某直行的次數與其總次數之比例大小而定。假使有一數落於粗線格內，在 f_x 方面其機率為 f_x/N (例如， $10/40$)，在 f_y 方面其機率為 f_y/N (例如， $14/40$)。這兩種事實若是獨立的，則他們倆的聯合發見的機率應為 $\frac{f_x f_y}{N^2}$ (例如， $\frac{14 \times 10}{40 \times 40} = \frac{7}{80}$)。所以在 N 數之中這一數的機率為 $N \left(\frac{f_x f_y}{N^2} \right)$ 或 $\frac{f_x f_y}{N}$ 。在我們的粗線格的例子裏他等於 $40 \left(\frac{7}{80} \right) = \frac{7}{2} = 3.5$ 。這粗線格裏的次數為 4。 $4 - 3.5 = .5$ 。用代數表示，這兩數之相差為 $f_{xy} - \frac{f_x f_y}{N}$ 。這個數量普通上即代表 x, y 兩特性獨立上的距離，換句話講，這數量就是他們的接觸數量 (a measure of contingency)。這就一個數而言。若以全部論之，這關係應為：

$$\phi^2 = \frac{\chi^2}{N} = \frac{1}{N} \sum \left[\frac{\left(f_x - \frac{f_x f_y}{N} \right)^2}{\frac{f_x f_y}{N}} \right] \quad (77)$$

在英文 ϕ 之音為 phi， χ 之音為 chi 皆高等算學中的代數字。在這裏皮爾生教授引用之以為均方接觸函數 (mean square contingency

function)。其實我們所需要的是一種從零到一的範圍裏的係數。他的公式爲：

$$C = \sqrt{\frac{\phi^2}{1+\phi^2}} = \sqrt{\frac{X^2}{N+X^2}} \quad (78)$$

這係數皮爾生叫做均方接觸係數 (the coefficient of mean square contingency)，在計算的時候，這公式尙不方便。我們知道

$$\begin{aligned} X^2 &= \sum \left[\frac{\left(f_{xy} - \frac{f_x f_y}{N} \right)^2}{\frac{f_x f_y}{N}} \right] = \sum \left\{ \frac{f_{xy}^2}{\frac{f_x f_y}{N}} \right\} - 2 \sum f_{xy} + \frac{\sum f_x f_y}{N} \\ &= \sum \left\{ \frac{f_{xy}^2}{\frac{f_x f_y}{N}} \right\} - 2N + \frac{N^2}{N} = S' - N \end{aligned}$$

在這裏 S' 代表右邊第一項的乘方和。現在代入 S' 與 N 則

$$C = \sqrt{\frac{X^2}{N+X^2}} = \sqrt{\frac{S'-N}{N+S'-N}} = \sqrt{\frac{S'-N}{S'}} \quad (79)$$

這公式是余爾氏建議的。若以 S 代 $\left\{ \frac{f_{xy}^2}{f_x f_y} \right\}$ ，則 $S' = NS$

$$\text{而} \quad C = \sqrt{\frac{NS-N}{NS}} = \sqrt{\frac{S-1}{S}} \quad (80)$$

這公式是賀麟閣 (Holzinger) 介紹的。在計算上我們覺得後者比較前者爲方便。茲根據表九十八的材料應用這個公式。計算的第一步在求每接觸表上每一格的 $\frac{f_{xy}^2}{f_x f_y}$ 。若照次序排列起來，應有下列的各分數：

$$\frac{1}{7 \times 6} \quad \frac{1}{8 \times 6} \quad \frac{4}{10 \times 6} \quad \frac{4}{9 \times 6} \quad \text{—}$$

$\frac{4}{7 \times 13}$	$\frac{9}{8 \times 13}$	$\frac{4}{10 \times 13}$	$\frac{16}{9 \times 13}$	$\frac{4}{6 \times 13}$
$\frac{16}{7 \times 14}$	$\frac{4}{8 \times 14}$	$\frac{16}{10 \times 14}$	$\frac{4}{9 \times 14}$	$\frac{4}{6 \times 14}$
—	$\frac{4}{8 \times 7}$	$\frac{4}{10 \times 7}$	$\frac{1}{9 \times 7}$	$\frac{4}{6 \times 7}$

將他們計算出來得下列各小數：

.0238	.0208	.0667	.0741	—
.0440	.0865	.0308	.1367	.0513
.1633	.0357	.1143	.0317	.0476
—	.0714	.0571	.0159	.0952

把這些小數總加起來，得 1.1659 這是 $\Sigma \left\{ \frac{f_{xy}^2}{f_x f_y} \right\}$ 的數，我們也用 S 代表他。所以

$$C = \sqrt{\frac{S-1}{S}} = \sqrt{\frac{.1659}{1.1659}} = .38$$

$$\log .1659 = \bar{1}.21985$$

$$\log 1.1659 = \frac{.06666}{1.15319} \quad \text{antilog} \frac{\bar{1}.15319}{2} = \text{antilog} \bar{1}.57659$$

$$= .38$$

據余爾氏講，接觸係數的大小與那 x, y 兩質的數目的多少或行數有關。在我們的例子裏橫行為國，英，算等五科或 x=5，直行為甲，乙，丙，丁四級或 y=4。假使 x 與 y 各等於 t 則 C 在 $\sqrt{\frac{t-1}{t}}$ 的結果上為最大的數。若 x, y 兩質的數目少，或 t 的數目小，則 C

不能超過一定的數。余爾氏爲此列表如下。

設 $t=2$	C 不能超過	0.707
設 $t=3$	C 不能超過	.816
設 $t=4$	C 不能超過	.866
設 $t=5$	C 不能超過	.894
設 $t=6$	C 不能超過	.913
設 $t=7$	C 不能超過	.926
設 $t=8$	C 不能超過	.935
設 $t=9$	C 不能超過	.943
設 $t=10$	C 不能超過	.949

所謂 C 不能超過一定的數，就是相關若爲完全的，其接觸係數亦不過等於那數。例如上面所說的父子性情的相關，假使沉靜，抑鬱溫和，激烈四者，父有此子亦有此，則次數之分配將形成一直線如附

子	父 之 性 情				f
	沉靜	抑鬱	溫和	激烈	
之 性 情	沉靜	3	—	—	3
	抑鬱	—	4	—	4
	溫和	—	—	4	4
	激烈	—	—	—	3
f	3	4	4	3	14

表。其結果則 $\frac{f_{xy}^2}{f_x f_y}$ 各等於一。

若橫直各有四行，則 S 或 t

等於四。 $C = \sqrt{\frac{t-1}{t}} = \sqrt{\frac{4-1}{4}}$

= .866 所以 C 不能超過此數。

從公式上看，橫直行無論如何

加多，完全的接觸係數雖近於

一而不能到達一。因爲這個限度，橫直行即不能太少。普通 2-2 表或 3-3 表用這公式頗不妥當。最好從 5-5 表起。但是橫直行亦不

能故意加多，加多之後不但不易計算，而 x 或 y 的特性分得太詳，使那無足重輕的也加入，反足以影響那係數了。

92 質量相關

相關表上常有一個材料為數量的，而另一種材料則有質而無量，前面已經講過。遇有這種情形，我們可假定質的材料的分配為一常態曲線，由這個假定而化質為量，再把普通公式 the product-moment formula 變通一下而求其係數。茲用下列材料，計算此種相關並說明之。

表九十九 質量相關的計算

測驗成績	教 師 評 判				總次數
	D	C	B	A	
20	1	1	—	—	2
30	2	3	2	—	7
40	3	5	4	3	15
50	3	4	6	5	18
60	1	3	4	7	15
70	1	2	2	4	9
80	—	1	2	3	6
90					
總次數	11	19	20	22	72
百分數	15.3	26.4	27.8	30.5	

在這個例子裏 y 的數是量的，而 x 的數則為質的。這 x 的數雖

是質的，然他們有一定的秩序如 A, B, C, D 等是。就總次數而言 A, B, C, D 各佔一個百分數，合為一百分。若用常態曲線，此四個百分數在分配圖上各佔相當之面積。就此面積而化為 σ 數是為量的結果，此種結果在第十五章裏已經用過，學者諒能回憶。在這裏我們所用的公式為

$$r = \frac{\sum fy \left(\frac{\bar{x}_y}{\sigma_x} \right) iy}{N \sigma_y}$$

這公式是從 $r = \frac{\sum fxy - \frac{(\sum fx)(\sum fy)}{N}}{N \sigma_x \sigma_y}$ 變化出來的。假使兩個均方差的

數量在分子上用原來的數目作單位，則此公式亦可寫為

$$r = \frac{\left[\sum fxy - \frac{(\sum fx)(\sum fy)}{N} \right] ix iy}{N \sigma_x \sigma_y}$$

這 ix, iy 是 x, y 的組距，若 \bar{Y}_x 代表直行的均數， M_y 代表全表的均數，

$$\text{則 } \bar{Y}_x - M_y = \left[\frac{\sum fy}{f_x} - \frac{\sum fy}{N} \right] iy$$

現在以 $\sum fx(ix)$ 乘此方程式之兩邊，則

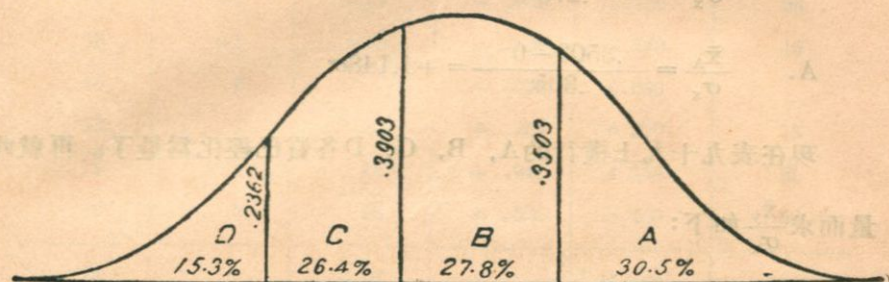
$$\sum fx(\bar{Y}_x - M_y) ix = \left[\sum fxy - \frac{(\sum fx)(\sum fy)}{N} \right] ix iy$$

$$\text{所以 } r = \frac{\left[\sum fxy - \frac{(\sum fx)(\sum fy)}{N} \right] ix iy}{N \sigma_x \sigma_y} = \frac{\sum fx(\bar{Y}_x - M_y) ix}{N \sigma_x \sigma_y} \quad (81)$$

$$\text{同理 } r = \frac{\sum fy(\bar{X}_y - M_x) iy}{N \sigma_x \sigma_y} \quad (82)$$

在我們的例子裏，橫行的數屬於質的，所以我們就用第二個公式。我們知道在常態曲線上 $M_x = 0$ ，所以這公式變為

$$r = \frac{\sum fy \left(\frac{\bar{x}_y}{\sigma_x} \right) iy}{N \sigma_y} \quad (83)$$



圖八十一 常態面積在相關係數計算上的應用

在應用這公式以前，我們應把橫行的質化為量，求出 $\frac{\bar{x}_y}{\sigma_x}$ 來。在求出此數之先，我們應當把每兩部分面積之間的縱線的數查出。在圖八十一之上，D 與 C 之間的為 .2362，C 與 B 之間的為 .3903，B 與 A 之間的為 .3503。在附錄的檢查表上常態曲線的最高縱線（或 y 。）為一，其兩旁之縱線則均小於一而成一定之比例。其實從公式上計算這最高縱線為 .3989，故用檢查表時所有縱線數（此縱線可用 y 或 z 代表之）均應以 .3989 乘之。（若不在此時而在最後一次乘之亦可）

求各部分面積平均的時候，我們應用 $\frac{\bar{x}_a}{\sigma_x} = \frac{z_1 - z_2}{a}$ 公式。用這公式比用從前的方法為精確。在此 a 為一部分面積， z_1 與 z_2 為其兩端之縱線， a 代表一部份面積，茲試根據前圖材料計算於下：

$$D. \quad \frac{\bar{x}_D}{\sigma_x} = \frac{0 - .2362}{.153} = -1.544\sigma$$

$$C. \quad \frac{\bar{x}_C}{\sigma_x} = \frac{.2362 - .3903}{.264} = -.584\sigma$$

$$B. \quad \frac{\bar{x}_B}{\sigma_x} = \frac{.3903 - .3503}{.278} = +.144\sigma$$

$$A. \quad \frac{\bar{x}_A}{\sigma_x} = \frac{.3503 - 0}{.305} = +1.148\sigma$$

現在表九十九上橫行的A, B, C, D各質已經化為量了。再就此量而求 $\frac{\bar{x}_y}{\sigma_x}$ 如下：

$$\frac{\bar{x}_{25}}{\sigma_x} = \frac{1(-1.544) + 1(-.584)}{2} = -1.064$$

$$\frac{\bar{x}_{35}}{\sigma_x} = \frac{2(-1.544) + 3(-.584) + 2(.144)}{7} = -.650$$

$$\frac{\bar{x}_{45}}{\sigma_x} = \frac{3(-1.544) + 5(-.584) + 4(.144) + 3(1.148)}{15} = -.236$$

$$\frac{\bar{x}_{55}}{\sigma_x} = \frac{3(-1.544) + 4(-.584) + 6(.144) + 5(1.148)}{18} = -.020$$

$$\frac{\bar{x}_{65}}{\sigma_x} = \frac{1(-1.544) + 3(-.584) + 4(.144) + 7(1.148)}{15} = +.354$$

$$\frac{\bar{x}_{75}}{\sigma_x} = \frac{1(-1.544) + 2(-.584) + 2(.144) + 4(1.148)}{9} = +.241$$

$$\frac{\bar{x}_{85}}{\sigma_x} = \frac{1(-.584) + 2(.144) + 3(1.148)}{6} = +.525$$

把這結果納入下表同時求y的均方差。

表一百 質量相關的最後計算

f	y	fy	$\frac{\bar{x}_y}{\sigma_x}$	$f_y \frac{\bar{x}_y}{\sigma_x}$	fy ²
2	-3	-6	-1.064	6.384	18
7	-2	-14	-.650	9.100	28
15	-1	-15	-.236	3.540	15
18	0		-.020	0.000	
15	1	15	+.354	5.310	15
9	2	18	+.241	4.338	36
6	3	18	+.525	9.450	54
72		+16		38.122	166

$$\sigma_y = \sqrt{\frac{166}{72} - \left(\frac{16}{72}\right)^2} = \sqrt{2.306 - .049} = \sqrt{2.257} = 1.5$$

$$N\sigma_y = 72(1.5) = 108.00 \text{ 組距單位}$$

$$= 1,080.00 \text{ 原來單位}$$

$$r = \frac{\sum fy \left(\frac{\bar{x}_y}{\sigma_x}\right)}{N\sigma_y} = \frac{38.122 \times 10}{1,080.00} = .35$$

練習題

- 試根據下列材料求 (a) 關聯係數, (b) 歸結係數, (c) 餘弦相關, (d) 異號相關。

1.

85	20
20	15

2.

- a. 國英兩文全及格者27人
 b. 國文及格英文不及格者4人
 c. 國文不及格英文及格者9人
 d. 國英兩文全不及格者3人

2. 根據下列材料求接觸係數

等第	國文	英文	算學	史地	f
甲	2	3	4	4	13
乙	3	4	2	5	14
丙	2	2	2	2	8
丁	2	—	—	1	3
f	9	9	8	12	38

3. 根據下列材料，應用 $r = \frac{\sum fy \left(\frac{\bar{x}_y}{\sigma_x} \right) iy}{N\sigma_y}$ 求 r 。

	D	C	B	A	F
20	1	1	—	—	2
30	2	1	1	—	4
40	3	2	2	2	9
50	2	3	4	3	12
60	1	2	2	4	9
70	—	2	2	3	7
80	—	1	1	1	3
90	9	12	12	13	46

第二十二章

多數相關

93 部分相關

部分相關在英文爲 *partial correlation*。普通上在求兩種材料的相關的時候，其他的因子足以影響這些材料的我們並未計及。例如我們所求的國文與英文的相關係數爲 .60。在這個當兒，我們並不知道被測驗者的智慧如何，但是我們相信學習國文或英文都需要相當的智慧。換句話講，這國英兩文的相關係數之所以能到 .60 是因為有智慧一因子在內。假使我們能從被測驗者之中選出智慧相等者，看這些人的英文與國文的相關如何。由此所求的相關係數當不含有智慧一因子在內。事實上要選擇智慧相等的，而求其國英兩文的相關係數當然很難。在這個當兒，我們可用一種公式，這就是部分相關的公式。這「部分」“*partial*”的意義我們在此可以明瞭，即從智慧不等的全體中選出智慧相等的一部分人，就他們的兩種成績而求相關是爲部分相關。假使以 1 代表國文，以 2 代表英文，3 代表智慧測驗的分數，則 r_{12} 爲國文與英文之相關係數， r_{13} 爲國文與智慧之相關係數，而 r_{23} 爲英文與智慧之相關係數。現在要除去智慧的因子而求國英兩文的部分相關，其公式爲：

$$r_{12\cdot3} = \frac{r_{12} - (r_{13} \times r_{23})}{\sqrt{(1-r_{13}^2)(1-r_{23}^2)}}$$

將已有的材料 $r_{12} = .60$, $r_{13} = .70$, $r_{23} = .80$ 代入公式，則

$$\begin{aligned} r_{12\cdot3} &= \frac{.60 - (.70 \times .80)}{\sqrt{(1-.70^2)(1-.80^2)}} \\ &= \frac{.60 - .56}{\sqrt{.51 \times .36}} \\ &= \frac{.04}{.43} = .09 \end{aligned}$$

從這結果上看來，我們覺得智慧一因子在國文或英文的學習上非常重要。智慧與國文之相關係數為 .70，智慧與英文之相關係數為 .80，國英兩文之相關係數，在智慧不除外的時候為 .60；若把智慧除外，或在多數材料中祇將智慧相等的那一部分材料選出，在這個當兒，國英兩文的相關係數竟降至 .09，真是意想不到。所以國英兩文相關之高實受了智慧的影響；若不把智慧一因子放在其內，則國英兩文的相關係數可算微乎其微了。

在必要的時候，我們可將英文除外而求國、智相關，或將國文除外而求英、智相關。他們的公式是：

$$r_{13\cdot2} = \frac{r_{13} - (r_{12} \times r_{23})}{\sqrt{(1-r_{12}^2)(1-r_{23}^2)}}$$

$$r_{23\cdot1} = \frac{r_{23} - (r_{12} \times r_{13})}{\sqrt{(1-r_{12}^2)(1-r_{13}^2)}}$$

從 $r_{12\cdot3}$, $r_{13\cdot2}$, 和 $r_{23\cdot1}$ 三代表字看來，我們要注意那點之所在。

左點之左者兩數爲求部分相關者，而右者一數則爲除外者。在右者往往不止一數例如 $r_{12.34}$, $r_{12.43}$, $r_{13.24}$, $r_{13.42}$ 等是。在這裏除國、英、智三種成績外，假定另加一種常識成績。我們要從智慧相等的人中選出其常識成績相等的，或從常識成績相等的人中選出智慧相等的，然後就此部分之成績而求其國英兩文之相關係數。三種成績中一種除外的爲第一級之部分相關 (partial correlations of first-order)，四種成績中兩種除外的爲第二級之部分相關。餘類推。(兩種成績相關而無除外者當爲零級 zero-order) 茲將第二級的公式舉例於下：

$$r_{12.34} = \frac{r_{12.3} - (r_{14.3} \times r_{24.3})}{\sqrt{(1-r_{14.3}^2)(1-r_{24.3}^2)}}$$

$$r_{12.43} = \frac{r_{12.4} - (r_{13.4} \times r_{23.4})}{\sqrt{(1-r_{13.4}^2)(1-r_{23.4}^2)}}$$

$$r_{13.24} = \frac{r_{13.2} - (r_{14.2} \times r_{34.2})}{\sqrt{(1-r_{14.2}^2)(1-r_{34.2}^2)}}$$

$$r_{13.42} = \frac{r_{13.4} - (r_{12.4} \times r_{32.4})}{\sqrt{(1-r_{12.4}^2)(1-r_{32.4}^2)}}$$

部分相關的普通公式爲：

$$r_{13.34 \dots n} = \frac{r_{12.34 \dots (n-1)} - (r_{1n.34 \dots (n-1)} \times r_{2n.34 \dots (n-1)})}{\sqrt{[1-r_{1n.34 \dots (n-1)}^2][1-r_{2n.34 \dots (n-1)}^2]}} \quad (84)$$

我們知道第一級部分相關之計算還算便當，因爲我們祇須將幾個零級的相關係數代入公式即可求出。在求第二級部分相關的時候，我們要有了第一級的結果始能代入。假使第一級部分相關係數並非所需，

我們也要求他們出來，始能得着第二級的結果。若求第三第四等級的部分相關，那更麻煩了。不過在研究工作上我們多半應用第一級的，間或應用第二級的，絕少應用第三級或以上的。

在多數情形之下，第一級部分相關係數總小於零級的相關係數，而高一級的係數也比低一級的係數小。我們有時發見例外，大約在低級係數中有負數的時候。例如 $r_{12} = .20$, $r_{13} = .40$, $r_{23} = -.30$ ，用這些數代入公式而計算之，則 $r_{12.3} = .366$ ，比低級的係數中 r_{12} , r_{23} 大矣。部分相關係數的範圍如零級係數一樣也是由負一經零而至正一的，但是有的時候，這係數居然大於正一。例如 $r_{12} = .40$, $r_{13} = .60$, $r_{23} = -.80$ ，則 $r_{12.3} = 1.83$ 。第一級的結果如此，必係低級中的係數有錯誤之處，或者 .40, .60, -.80 三數並非在一組中，而被統計的人誤置者。

計算部分相關的時候，材料中若有四個零的係數而所求之係數為一二兩級，我們應當用對數表比較便利。同時我們應當有較為詳細而清楚的表格，把他們排列起來，此種辦法於計算上既較有秩序，而為將來的檢查也較方便。茲用下列材料求一二兩級的係數並分表列之。

表一百零一 為求部分相關的各種材料

材 料	公 式	相關係數(零級)		$\log(1-r^2)$
1. 代表地理成績	$r_{12.3} = \frac{r_{12} - r_{13}r_{23}}{(1-r_{13}^2)^{\frac{1}{2}}(1-r_{23}^2)^{\frac{1}{2}}}$	12	0.68	$\bar{1}.73046$
2. 代表歷史成績		13	0.34	$\bar{1}.94665$
3. 代表國文成績	$r_{12.34} = \frac{r_{12.2} - r_{14.3}r_{24.3}}{(1-r_{14.3}^2)^{\frac{1}{2}}(1-r_{24.3}^2)^{\frac{1}{2}}}$	14	0.51	$\bar{1}.86917$
4. 代表英文成績		23	0.49	$\bar{1}.88076$
		24	0.43	$\bar{1}.91121$
		34	0.43	$\bar{1}.91121$

表一百零二 表示第一級係數之計算

1	2	3	4	5	6	7	8	
相關係數 (零級)	$\log(1-r^2)$	分子積數 r_r	全部分子	全部分子的對數	全部分母的對數	係數的對數	相關係數 (第一級)	
12	.68	$\bar{1}.73046$.1666	.5134	$\bar{1}.71046$	$\bar{1}.91371$	$\bar{1}.79675$	12.3 .626
13	.34	$\bar{1}.94665$.3332	.0068	$\bar{3}.83251$	$\bar{1}.80561$	$\bar{2}.02690$	13.2 .011
23	.49	$\bar{1}.88076$.2312	.2588	$\bar{1}.41296$	$\bar{1}.83856$	$\bar{1}.57440$	23.1 .375
12	.68	$\bar{1}.73046$.2193	.4607	$\bar{1}.66342$	$\bar{1}.89019$	$\bar{1}.77323$	12.4 .593
14	.51	$\bar{1}.86917$.2924	.2176	$\bar{1}.33766$	$\bar{1}.82084$	$\bar{1}.51682$	14.2 .329
24	.43	$\bar{1}.91121$.3468	.0832	$\bar{2}.92012$	$\bar{1}.79982$	$\bar{1}.12030$	24.1 .132
13	.34	$\bar{1}.94665$.2193	.1207	$\bar{1}.08171$	$\bar{1}.89019$	$\bar{1}.19152$	13.4 .155
14	.51	$\bar{1}.86917$.1462	.3638	$\bar{1}.56086$	$\bar{1}.92893$	$\bar{1}.63193$	14.3 .428
34	.43	$\bar{1}.91121$.1734	.2566	$\bar{1}.40926$	$\bar{1}.90791$	$\bar{1}.50135$	34.1 .317
23	.49	$\bar{1}.88076$.1849	.3051	$\bar{1}.48444$	$\bar{1}.91121$	$\bar{1}.57323$	23.4 .374
24	.43	$\bar{1}.91121$.2107	.2193	$\bar{1}.34104$	$\bar{1}.89599$	$\bar{1}.44505$	24.3 .279
34	.43	$\bar{1}.91121$.2107	.2193	$\bar{1}.34104$	$\bar{1}.89599$	$\bar{1}.44505$	34.2 .279

在表一百零一裏所列各項為求一二兩級係數應用之材料。最後一行為 $(1-r^2)$ 之對數。所謂 r^2 者實為 r_{12}^2 , r_{13}^2 , r_{14}^2 , r_{23}^2 , r_{24}^2 , r_{34}^2 等。反正，每一橫行裏有相當的數目，為簡單的納入一行起見，故上題止標明為 $\log(1-r^2)$ 。在表一百零二裏我們將零級係數各用兩次，因為零級係數止有六個而第一級係數則有十二個。這十二個分為十二橫線，每三橫線為一組以便計算。例如第一線裏第一級係數為 r_{123} ，這數等於 $\frac{r_{12} - r_{13} - r_{23}}{(1-r_{13}^2)^{\frac{1}{2}}(1-r_{23}^2)^{\frac{1}{2}}}$ 。第一直行裏的 r_{12} 與第八直行裏的 $r_{12.3}$ 同在第一橫線上，第二第三兩橫線為 r_{13} , r_{23} 。將這 r_{12} ,

表一百零三 表示第二級係數之計算

1	2	3	4	5	6	7	8		
相關係數 (第一級)	$\log(1-r^2)$	分子積 項 rr	全 部 分 子	全 部 分 子 的 對 數	全 部 分 母 的 對 數	係數的對數	相 關 係 數 (第 二 級)		
12.4	.593	$\bar{1}.81181$.058	.535	$\bar{1}.72835$	$\bar{1}.96200$	$\bar{1}.76635$	12.43	.584
13.4	.155	$\bar{1}.98944$.222	-.067	$-(2.82607)$	$\bar{1}.87319$	$-(2.95288)$	13.42	-.090
23.4	.374	$\bar{1}.93456$.092	.282	$\bar{1}.45025$	$\bar{1}.90063$	$\bar{1}.54962$	23.41	.355
12.3	.626	$\bar{1}.78399$.119	.507	$\bar{1}.70501$	$\bar{1}.93847$	$\bar{1}.76654$	12.34	.584
14.3	.425	$\bar{1}.91212$.175	.253	$\bar{1}.40312$	$\bar{1}.87440$	$\bar{1}.52872$	14.32	.338
24.3	.279	$\bar{1}.96481$.268	.011	$\bar{2}.04139$	$\bar{1}.84806$	$\bar{2}.19333$	24.31	.016
13.2	.011	$\bar{1}.99995$.092	-.081	$-(2.90849)$	$\bar{1}.95753$	$-(2.95096)$	13.24	-.089
14.2	.329	$\bar{1}.95025$.003	.326	$\bar{1}.51322$	$\bar{1}.98238$	$\bar{1}.53084$	14.23	.340
34.2	.279	$\bar{1}.96481$.004	.275	$\bar{1}.43933$	$\bar{1}.97510$	$\bar{1}.46423$	34.21	.291
23.1	.375	$\bar{1}.93418$.042	.333	$\bar{1}.52244$	$\bar{1}.97319$	$\bar{1}.54925$	23.14	.354
24.1	.132	$\bar{1}.99236$.119	.013	$\bar{2}.11394$	$\bar{1}.94410$	$\bar{2}.16984$	24.13	.015
34.1	.317	$\bar{1}.95401$.050	.267	$\bar{1}.42651$	$\bar{1}.96327$	$\bar{1}.46324$	34.12	.291

r_{13} , r_{23} 三個零級係數代入公式, 則 $r_{12\cdot3}$ 即可求得。在第二橫線上零級係數為 r_{13} , 一級係數為 $r_{13\cdot2}$, 在第三橫線上零級係數為 r_{23} , 一級係數為 $r_{23\cdot1}$ 。要求 $r_{13\cdot2}$ 和 $r_{23\cdot1}$ 我們都需要 r_{12} , r_{13} , r_{23} 三個係數, 所以我們說每三橫線為一組。在第一組裏將三個一級係數求出之後, 再就第二組的三個零級係數而求那所需的三個一級係數, 餘類推。在第三直行裏所謂分子積項即 rr 之謂。在第一橫線上一級係數既為 $r_{12\cdot3}$ 則右邊的分數積項應為 $r_{13} r_{23}$, 這兩數恰在第二第三兩橫線上。第二橫線上之一級係數為 $r_{13\cdot2}$, 那公式右邊的分數積項為

$r_{12} r_{23}$ ，這兩數為第一第三兩橫線上之零級係數。又第三橫線上之一級係數為 r_{23-1} ，那公式的分子積項為 $r_{12} r_{13}$ ，這兩數為第一第二兩橫線上之零級係數。所以在這十二橫線上每三線為一組。此一組算好，再算另一組，如是一直算下去非常方便不至錯亂。在直行的第四行裏為全部分子，例如 $\frac{r_{12} - r_{13} r_{23}}{(1 - r_{13}^2)^{\frac{1}{2}} (1 - r_{23}^2)^{\frac{1}{2}}}$ 為一分數而 $r_{12} - r_{13} r_{23}$ 則為其分子或全部分子。在第一橫線上 $r_{12} = .68$ ， $r_{13} r_{23} = .1666$ ，則全部分子為 $.68 - .1666 = .5134$ 。在第四行裏以下各數可以類推。第五行是全部分子的對數。第六行為全部分母的對數，那分母在上面的例子中為 $(1 - r_{13}^2)^{\frac{1}{2}} (1 - r_{23}^2)^{\frac{1}{2}}$ 這是第二直行裏的第二第三兩數，在對數上被加之後，而以二除之者。從全部分子的對數減去全部分母的對數得係數的對數，由此求反對數 (antilog)，則得第一級之相關係數。一級係數既全求出，則可進而求二級係數，所求的方法與前相同，惟所得的結果則另列一表中，庶計算之步驟可以一目了然；看得清楚。

94 多數相關

多數相關在英文為 multiple correlation。這是一種成績與數種成績的相關，例如地理與歷史，國文的相關，這是一種成績與兩種成績的相關，又如地理與歷史，國文，英文的相關，這是一種成績與三種成績的相關。假使以 1 代表地理，2 代表歷史，3 代表國文，4 代表英文，則多數相關係數的代表字在前者為 R_{1-23} ，在後者為 R_{1-234} 。R 右腳下的 23 或 234 是表示這幾種成績合併起來而求他們與 1 之相關者。在三種成績裏那相關的公式為：

$$R_{1.23} = \sqrt{1 - (1 - r_{12}^2)(1 - r_{13.2}^2)}$$

在四種成績裏那公式爲

$$R_{1.234} \cdots \sqrt{1 - (1 - r_{12}^2)(1 - r_{13.2}^2)(1 - r_{14.23}^2)}$$

他們的普通公式爲

$$R_{1.234 \cdots n} = \sqrt{1 - (1 - r_{12}^2)(1 - r_{13.2}^2)(1 - r_{14.23}^2) \cdots (1 - r_{1n.23}^2)} \quad (85)$$

在這些多數相關的公式裏都含有部分的相關係數，至少爲第一級的，所以要求多數相關應先求出部分相關。不過在一種成績與兩種成績相關表，止有一 $r_{13.2}$ 。我們不妨把這個係數化爲零級係數，則在計算那多數相關之前，可以免掉許多麻煩。我們知道

$$r_{13.2} = \frac{r_{13} - r_{12}r_{23}}{\sqrt{(1 - r_{12}^2)(1 - r_{23}^2)}} \quad \circ \quad \text{在這公式右邊的各项中純是零級係數，}$$

將這代入 $R_{1.23} = \sqrt{1 - (1 - r_{12}^2)(1 - r_{13.2}^2)}$ 一公式裏則

$$R_{1.23} = \sqrt{\frac{r_{12}^2 + r_{13}^2 - 2r_{12}r_{13}r_{23}}{1 - r_{23}^2}}$$

在其餘的兩個多數相關裏，那公式爲

$$R_{2.13} = \sqrt{\frac{r_{12}^2 + r_{23}^2 - 2r_{12}r_{13}r_{23}}{1 - r_{13}^2}}$$

$$R_{3.12} = \sqrt{\frac{r_{13}^2 + r_{23}^2 - 2r_{12}r_{13}r_{23}}{1 - r_{12}^2}}$$

用這些公式以求結果當然比較便利，但是這公式的應用止限於三個變數的；若變數加多希望仍用零級係數，在公式上也太麻煩。反不如求出那些部分相關係數代入公式而求結果的爲易。

賀麟閣 (Karl J. Holzinger) 編有一冊為習教育和心理的學生用的統計表 (Statistical Tables for Students in Education and Psychology)*。其中第六表是 $(1-r^2)$ 的對數。這對數在求多數相關的時候，非常方便。假使我們把多數相關的公式變通一下，那對數表尤其有用。例如 $R_{1.34} = \sqrt{1 - (1-r_{13}^2)(1-r_{14.3}^2)}$ 一公式，可以寫為：

$$R_{1.34}^2 = 1 - (1-r_{13}^2)(1-r_{14.3}^2)$$

$$1 - R_{1.34}^2 = (1-r_{13}^2)(1-r_{14.3}^2)$$

根據前面的材料 $r_{13} = .34$, $r_{14.3} = .428$ 則

$$\log[1 - (.34)^2] = \bar{1}.94665$$

$$\log[1 - (.428)^2] = \bar{1}.91212$$

$$\log[1 - R_{1.34}^2] = \bar{1}.85877$$

$$\therefore R_{1.34} = .527$$

在這裏我們祇須找出方程式右邊的兩個 $(1-r^2)$ 的對數，把他們加上，再反找過來，即獲得那多數相關的係數。

在四個變量中那公式為 $1 - R_{1.342}^2 = (1-r_{13}^2)(1-r_{14.3}^2)(1-r_{12.34}^2)$ 。要求 $R_{1.342}$ ，我們也先找那右邊的三個 $(1-r^2)$ 的對數，所以

$$\log[1 - (.34)^2] = \bar{1}.94665$$

$$\log[1 - (.428)^2] = \bar{1}.91212$$

*商務印書館備有名曰高級統計學應用對照表

$$\log[1 - (.584)^2] = \overline{1.81885}$$

$$\log[1 - R_{1.342}^2] = \overline{1.67762}$$

$$\therefore R_{1.342} = .724$$

在多數相關裏我們要注意的是那係數不會比在公式裏的零級係數小的。爲其如此，許多研究家在作測驗的時候，嘗用這個方法把各種測驗合併起來，與一定的標準如學校成績或教師評定之結果求相關，希望那係數越高越好。不過有的時候，因爲零級係數太高，此後所加也很有限。例如相關係數在年齡(A)與體高(H)之間爲.80，在體高與體重(W)之間爲.75，又在年齡與體重之間爲.70。由此而求多數相關，在結果中 R_{A-HW} 不過等於.81。所加實在很少。但是求多數相關是很麻煩的，費了許多工夫，求出這點差別，真是所得不償所失了。

95 部分的迴歸方程

在第十八章裏關於迴歸方程我們已經講得很多，但是那是屬於二數相關的，所以那方程式爲 $\bar{x} = r \frac{\sigma_x}{\sigma_y} y + k$ 。在部分相關裏，變數既不止兩個，我們應選擇適當的代表字庶較明顯。零級相關係數我們向以 r_{12} , r_{13} , r_{23} 等字代表，在變數方面我們可以 x_1 , x_2 , x_3 等字代表而 σ_x , σ_y 等亦可改寫爲 σ_1 , σ_2 , σ_3 等。茲再將上面的公式改寫如下。

$$\begin{aligned}\bar{X}_1 &= r_{12} \frac{\sigma_1}{\sigma_2} X_2 + k \\ &= b_{12} X_2 + k\end{aligned}$$

在變數加多的時候如 $X_1, X_2, X_3, \dots, X_n$, 那迴歸公式從 $(n-1)$ 變數中而測 X_1 為

$$\bar{X}_1 = b_{12 \cdot 34 \dots n} X_2 + b_{13 \cdot 24 \dots n} X_3 + \dots + b_{1n \cdot 23 \dots (n-1)} X_n + k \quad (86)$$

這是 x 的直線性函數。 $b_{12 \cdot 34 \dots n}, b_{13 \cdot 24 \dots n}, b_{1n \cdot 23 \dots (n-1)}$ 和 k 都是常數 (constant), 選擇的時候, 根據那差數乘方總和要是最小的原理的。

我們把這些普通公式寫在下面：

$$b_{12 \cdot 34 \dots n} = r_{12 \cdot 34 \dots n} \frac{\sigma_{1 \cdot 34 \dots n}}{\sigma_{2 \cdot 34 \dots n}} \quad (87)$$

這公式裏面的值為部分相關的迴歸係數。在幾個變數之中其他變數若照常不動 (kept constant), 止那與迴歸係數相連的一個變數有所變動, 這樣, 則變動每至一單位必能使倚變數受平均之變動。在這裏均方差的公式為

$$\sigma_{1 \cdot 23 \dots n} = \sigma_1 \sqrt{(1 - r_{12}^2)(1 - r_{13 \cdot 2}^2) \dots (1 - r_{1n \cdot 23 \dots (n-1)}^2)} \quad (88)$$

那測算的機誤 (probable error of estimate) 當為

$$P. E._{est} = .6745 \sigma_{1 \cdot 23 \dots n} \quad (89)$$

為計算上的簡單起見, 我們用三個變數作例題並先寫其公式如下:

$$\begin{aligned}\bar{X}_1 &= b_{12 \cdot 3} X_2 + b_{13 \cdot 2} X_3 + k_1 \\ &= r_{12 \cdot 3} \frac{\sigma_{1 \cdot 3}}{\sigma_{2 \cdot 3}} X_2 + r_{13 \cdot 2} \frac{\sigma_{1 \cdot 2}}{\sigma_{3 \cdot 2}} X_3 + k_1\end{aligned}$$

$$= r_{12.3} \frac{\sigma_1 \sqrt{1-r_{13}^2}}{\sigma_2 \sqrt{1-r_{23}^2}} X_2 + r_{13.2} \frac{\sigma_1 \sqrt{1-r_{12}^2}}{\sigma_3 \sqrt{1-r_{32}^2}} X_3 + k_1$$

把 $r_{12.3}$ 和 $r_{13.2}$ 的值變為零級係數，則此公式成爲

$$\bar{X}_1 = \frac{\sigma_1(r_{12} - r_{13}r_{23})}{\sigma_2(1-r_{23}^2)} X_2 + \frac{\sigma_1(r_{13} - r_{12}r_{23})}{\sigma_3(1-r_{23}^2)} X_3 + k_1$$

同理，

$$\bar{X}_2 = \frac{\sigma_2(r_{12} - r_{13}r_{23})}{\sigma_1(1-r_{13}^2)} X_1 + \frac{\sigma_2(r_{23} - r_{12}r_{13})}{\sigma_3(1-r_{13}^2)} X_3 + k_2$$

$$\bar{X}_3 = \frac{\sigma_3(r_{13} - r_{12}r_{23})}{\sigma_1(1-r_{12}^2)} X_1 + \frac{\sigma_3(r_{23} - r_{12}r_{13})}{\sigma_2(1-r_{12}^2)} X_2 + k_3$$

這常數 k 可根據下列普通公式求出：

$$k = m_1 - b_{12.34\dots n} m_2 - b_{13.24\dots n} m_3 - \dots - b_{1n.23\dots (n-1)} m_n \quad (90)$$

在三個變數之中

$$k_1 = m_1 - b_{12.3} m_2 - b_{13.2} m_3$$

同理，

$$k_2 = m_2 - b_{21.3} m_1 - b_{23.1} m_3$$

$$k_3 = m_3 - b_{31.2} m_1 - b_{32.1} m_2$$

在測算的時候，若試驗其可靠性可求出其機誤或均方差 (standard error of estimate)。前者的公式上面已經寫出是根據後者的。在三個變數之中均方差的公式如下：

$$\sigma_{1.23} = \sigma_1 \sqrt{1-r_{12}^2} \sqrt{1-r_{13.2}^2} = \sigma_1 \sqrt{1-r_{13}^2} \sqrt{1-r_{12.3}^2}$$

$$\text{或 } \sigma_{1.23} = \sigma_1 \sqrt{\frac{1-r_{12}^2-r_{13}^2-r_{23}^2+2r_{12}r_{13}r_{23}}{1-r_{23}^2}} = \frac{\sigma_1 \sqrt{S_{123}}}{\sqrt{1-r_{23}^2}}$$

$$\sigma_{2 \cdot 13} = \sigma_2 \sqrt{\frac{1 - r_{12}^2 - r_{13}^2 - r_{23}^2 + 2r_{12}r_{13}r_{23}}{1 - r_{13}^2}} = \frac{\sigma_2 \sqrt{S_{123}}}{\sqrt{1 - r_{13}^2}}$$

$$\sigma_{3 \cdot 12} = \sigma_3 \sqrt{\frac{1 - r_{12}^2 - r_{13}^2 - r_{23}^2 + 2r_{12}r_{13}r_{23}}{1 - r_{12}^2}} = \frac{\sigma_3 \sqrt{S_{123}}}{\sqrt{1 - r_{12}^2}}$$

這 S_{123} 代表分子之各項。在計算三個變數的問題的時候，若材料上止有零級係數，用上面的均方差公式比較方便。茲用下列材料演算一例題如下。

1代表默讀，2代表默字，3代表常識

$$m_1 = 59.36 \quad \sigma_1 = 6.45 (\text{原來單位}) \quad r_{12} = .43$$

$$m_2 = 56.70 \quad \sigma_2 = 8.58 (\text{原來單位}) \quad r_{13} = .46$$

$$m_3 = 59.23 \quad \sigma_3 = 7.20 (\text{原來單位}) \quad r_{23} = .35$$

$$\text{公式: } \bar{X}_1 = \frac{\sigma_1}{\sigma_2} \frac{(r_{12} - r_{13}r_{23})}{1 - r_{23}^2} X_2 + \frac{\sigma_1}{\sigma_3} \frac{(r_{13} - r_{12}r_{23})}{1 - r_{23}^2} X_3 + k_1$$

$$k_1 = m_1 - b_{12 \cdot 3} m_2 - b_{13 \cdot 2} m_3$$

$$P. E._{\text{est}} = .6745 \sigma_{1 \cdot 23} = \frac{.6745 \sigma_1 \sqrt{S_{123}}}{\sqrt{1 - r_{23}^2}}$$

表一百零四 部分的迴歸係數之計算

(1) r	(2) rr	(3) r-rr	(4) log(r-rr)	(5) σ	(6) log σ	(7) log(1-r ²)
12 .43	.1610	.2690	$\bar{1}.42975$	1 6.45	.80956	—
13 .46	.1505	.3095	$\bar{1}.49066$	2 8.58	.93349	—
23 .35	—	—	—	3 7.20	.85733	$\bar{1}.94325$

(8)	(9)	(10)	(11)	
log (全部分子)	log (全部分母)	log (係數)	第一級迴歸係數	
(4)(6)兩行	(6)(7)兩行	(8)(9)兩行		
.23931	.87674	$\bar{1}.36255$	b12.3	.2304
.42415	.80058	$\bar{1}.62357$	b13.2	.4203

$$\begin{aligned}
 k_1 &= m_1 - b_{12.3}m_2 - b_{13.2}m_3 \\
 &= 59.36 - .2304 \times 56.70 - .4203 \times 59.23 \\
 &= 59.36 - 13.06368 - 24.8944 = 21.40
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 P. E._{est.} &= .6745\sigma_{1.23} \\
 &= 3.90
 \end{aligned}$$

所以這全公式爲：

$$x_1 = .2304x_2 + .4203x_3 + 21.40 \pm 3.90$$

$$P. E. (est) = .6745\sigma_{1.23} = \frac{.6745 \times 6.45 \sqrt{S_{123}}}{\sqrt{1-r_{23}^2}} = \frac{.6745 \times 6.45 (.6195)^{\frac{1}{2}}}{(1-.35^2)^{\frac{1}{2}}}$$

$$\log .6745 = \bar{1}.82898$$

$$\log 6.45 = 80956$$

$$\log (.6195)^{\frac{1}{2}} = \bar{1}.89602$$

$$\underline{\quad\quad\quad}$$

$$.53456$$

$$\log (1-.35^2) = \bar{1}.94325$$

$$\underline{\quad\quad\quad}$$

$$\text{antilog } .59131 = 3.902$$

在這個例子裏兩自變數 X_2 , X_3 代表默字與常識的兩種成績，倚變數 X_1 為默讀成績。我們要測算，當默字與常識各增或減十分的時候，那默讀的成績受有如何的平均影響，我們即將這數代替 X_2 與 X_3 而求得 X_1 的數目。若兩自變數各增減二十分的時候，我們照樣代入公式求得結果。這部分相關的迴歸方程之為用比較的少，在高級的尤其少；不過在教育問題上，為了幾種因子造成一種結果，我們當然要引用他庶可獲得適當的結果。

多數相關中亦有迴歸，但在公式裏我們並不直接應用多數相關的係數來求他們的迴歸。前面的迴歸例子雖是為部分相關的，而多數相關的迴歸實已包含在內，因為在公式的右邊有兩個自變數，每一自變數有一項，各為一部分迴歸；若統右邊的各项而計之，則為多數迴歸，因為這迴歸是各項積合而成的。

練習題

1. 根據下列材料求部分相關的係數。

相關係數	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
r_{12}	.40	.50	.60	.75	.30	.40	.54	.83	.56	.41
r_{13}	.50	.50	.50	.50	.40	.40	.40	.58	.59	.13
r_{23}	.50	.50	.50	.50	.60	.60	.60	.23	.00	-.24
$r_{12 \cdot 3}$										

2. 根據上面的材料求多數相關的係數 ($R_{1 \cdot 23}$)。
3. 用賀麟閣的統計表求下列之多數相關的係數。

a. $r_{13} = .48$ b. $r_{12} = .23$ c. $r_{13} = .85$

$r_{14.3} = .40$ $r_{13.2} = .21$ $r_{14.3} = .76$

$R_{1.34} = ?$ $R_{1.23} = ?$ $r_{12.34} = .70$

$R_{1.342} = ?$

4. 試根據默讀，默字，常識三種成績在 $X_2 = \frac{\sigma_2(r_{12} - r_{13}r_{23})}{\sigma_1(1 - r_{13}^2)}X_1 +$

$\frac{\sigma_2(r_{23} - r_{12}r_{13})}{\sigma_3(1 - r_{13}^2)}X_3 + k_2$ 的方程式裏求 x_2 。

公式表

頁數

第四章	$m = \frac{\Sigma x}{N} \quad (1)$	39
	$m = \frac{\Sigma fE}{N} \quad (2)$	39
	$m = ma + \frac{\Sigma fE}{N} (i) \quad (3)$	41
第五章	$md = L + \frac{\frac{N}{2} - S_1}{F} (i) \quad (4)$	50
	$md = L - \frac{\frac{N}{2} - S_2}{F} (i) \quad (5)$	51
第六章	$m_o = m - 3(m - md) \quad (6)$	72
第七章	$m_G = n \sqrt{x_1 \cdot x_2 \cdot x_3 \cdots x_n} \quad (7)$	74
	$\log m_G = \frac{\Sigma \log X}{N} \quad (8)$	74
第八章	$m_H = \frac{1}{\frac{1}{N} \Sigma \left(\frac{1}{x} \right)} \quad (9)$	83
第十章	$M.D. = \frac{\Sigma f(x - m)}{N} \quad (10)$	98
	$\frac{\Sigma fd}{N} \quad (11)$	98

$$M.D. = \frac{\sum fd' + C(N_a - N_b)}{N} (i) \quad (12) \quad 101$$

$$M.D. = \frac{\sum fd' + C(N_a - N_b) + (.25 + C^2)Ni}{N} \text{組距} \quad (13) \quad 105$$

第十一章 $\sigma = \sqrt{\frac{\sum d^2}{N}} \quad (14) \quad 130$

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum fd^2}{N}} \quad (15) \quad 130$$

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum X'^2}{N} - M'^2} \quad (16) \quad 132$$

$$V = \frac{100\sigma}{M} \quad (17) \quad 140$$

$$\text{Skewness} = \frac{Q_3 + Q_1 - 2md}{Q_3 - Q_1} \quad (18) \quad 141$$

$$\text{Skewness} = \frac{m - mo}{\sigma} \quad (19) \quad 141$$

第十二章 $R_x = R_L + \frac{(X - L.L)}{\text{組距}}(R_n - R_L) \quad (20) \quad 147$

第十三章 ${}_n P_r = n(n-1)(n-2)\cdots(n-r+1) \quad (21) \quad 157$

$${}_n C_r = \frac{n(n-1)(n-2)\cdots(n-r+1)}{1.2.3\cdots r} \quad (22) \quad 158$$

$${}_n C_r = \frac{{}_n P_r}{r!} \quad (23) \quad 158$$

$$(a+b)^n = a^n + na^{n-1}b + \frac{n(n-1)}{1.2} a^{n-2}b^2 + \frac{n(n-1)(n-2)}{1.2.3} \cdots$$

$$a^{n-3}b^3 + \dots + b^n \quad (24) \quad 162$$

$$(a+b)^n = {}_n C_0 a^n + {}_n C_1 a^{n-1}b + {}_n C_2 a^{n-2}b^2 + {}_n C_3 a^{n-3}b^3 + \dots + {}_n C_n b^n \quad (25) \quad 162$$

第十四章 $y = y_0 e^{-\frac{2x^2}{(n+1)\sigma^2}}$ (26) 176

$$y = y_0 e^{-\frac{x^2}{2\sigma^2}} \quad (27) \quad 176$$

$$y_0 = \frac{N}{\sigma\sqrt{2\pi}} = \frac{N}{2.5066\sigma} \quad (28) \quad 176$$

$$y = \frac{N}{\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{x^2}{2\sigma^2}} \quad (29) \quad 176$$

第十六章 $P.E._m = \frac{.6745\sigma}{\sqrt{N}}$ (30) 206

$$\sigma_m = \frac{\sigma}{\sqrt{N}} \quad (31) \quad 207$$

$$P.E._{m1-m2} = \sqrt{(P.E._{m1})^2 + (P.E._{m2})^2} \quad (32) \quad 215$$

$$P.E._{md} = \frac{.84535\sigma}{\sqrt{N}} = 1.2533P.E._m \quad (33) \quad 216$$

$$P.E._\sigma = \frac{.6745\sigma}{\sqrt{2N}} = \frac{.4769\sigma}{\sqrt{N}} = .7071P.E._m \quad (34) \quad 216$$

$$P.E._r = \frac{.6745(1-r^2)}{\sqrt{N}} \quad (35) \quad 217$$

第十七章 $r = \frac{1}{N} \Sigma x'y'$ (36) 220

$$r = \frac{\Sigma xy}{\sqrt{\Sigma(x^2)} \sqrt{\Sigma(y^2)}} \quad (37) \quad 220$$

$$r = \frac{\frac{1}{N} \Sigma(X - m_x)(Y - m_y)}{\sigma_x \sigma_y} \quad (38) \quad 220$$

$$r = \frac{\frac{1}{N} \Sigma XY - m_x m_y}{\sigma_x \sigma_y} \quad (39) \quad 221$$

$$r = \frac{\frac{1}{N} \Sigma XY - m_x m_y}{\sqrt{\frac{1}{N} \Sigma(X^2) - m_x^2} \sqrt{\frac{1}{N} \Sigma(Y^2) - m_y^2}} \quad (40) \quad 221$$

$$r = \frac{\frac{\Sigma xy}{N} - C_x C_y}{\sqrt{\frac{\Sigma x^2}{N} - C_x^2} \sqrt{\frac{\Sigma y^2}{N} - C_y^2}} \quad (41) \quad 229$$

$$r = \frac{\frac{\Sigma xy}{N} - \frac{\Sigma x - \Sigma y}{N}}{\sqrt{\frac{\Sigma x^2}{N} - \frac{(\Sigma x)^2}{N}} \sqrt{\frac{\Sigma y^2}{N} - \frac{(\Sigma y)^2}{N}}} \quad (42) \quad 230$$

第十八章 $\bar{x} = r \frac{\sigma_x}{\sigma_y} y$ (43) 253

$$\bar{y} = r \frac{\sigma_y}{\sigma_x} x \quad (44) \quad 253$$

$$\bar{X} - m_x = r \frac{\sigma_x}{\sigma_y} (Y - m_y) \quad (45) \quad 255$$

- $$\bar{Y} - m_y = r \frac{\sigma_y}{\sigma_x} (X - m_x) \quad (46) \quad 255$$
- $$\bar{X} = r \frac{\sigma_x}{\sigma_y} Y + m_x - r \frac{\sigma_x}{\sigma_y} m_y \quad (47) \quad 255$$
- $$\bar{Y} = r \frac{\sigma_y}{\sigma_x} X + m_y - r \frac{\sigma_y}{\sigma_x} m_x \quad (48) \quad 255$$
- $$\bar{X} = b_{xy} Y - b_{xy} m_y + m_x \quad (49) \quad 255$$
- $$\bar{Y} = b_{yx} X - b_{yx} m_x + m_y \quad (50) \quad 255$$
- $$S_y(\text{est. } Y) = \sigma_y \sqrt{1 - r^2} \quad (51) \quad 260$$
- $$S_x(\text{est. } X) = \sigma_x \sqrt{1 - r^2} \quad (52) \quad 260$$
- $$P. E.(\text{est. } Y) = .6745 \sigma_y \sqrt{1 - r^2} \quad (53) \quad 260$$
- $$P. E.(\text{est. } X) = .6745 \sigma_x \sqrt{1 - r^2} \quad (54) \quad 260$$
- 第十九章 $\rho = 1 - \frac{6 \sum (V_x - V_y)^2}{N(N^2 - 1)} \quad (55) \quad 262$
- $$R = 1 - \frac{6 \sum g}{N^2 - 1} \quad (56) \quad 263$$
- $$P. E. \rho = \frac{.6745(1 - \rho^2)}{\sqrt{N}} \quad (57) \quad 267$$
- $$P. E. = \frac{.7063(1 - r^2)}{\sqrt{N}} \quad (58) \quad 267$$
- 第二十章 $\sigma_{ay}^2 = \sigma_y^2(1 - \eta^2) \quad (59) \quad 273$

$$\sigma^2_{ay} = \frac{\sum(f_x \sigma^2_{fx})}{N} \quad (60) \quad 274$$

$$\sigma^2_{fx} = \frac{\sum(y - \bar{y}_x)^2}{f_x} \quad (61) \quad 275$$

$$\eta_{yx} = \frac{\sigma_{\bar{y}_x}}{\sigma_y} \quad (62) \quad 276$$

$$\eta_{xy} = \frac{\sigma_{\bar{x}_y}}{\sigma_x} \quad (63) \quad 276$$

$$\eta_{yx} = \frac{\sqrt{\frac{\sum(\sum' y)^2}{f_x} - C^2_y}}{\sqrt{\frac{\sum y^2}{N} - C^2_y}} \quad (64) \quad 276$$

$$\eta_{xy} = \frac{\sqrt{\frac{\sum(\sum' x)^2}{f_y} - C^2_x}}{\sqrt{\frac{\sum x^2}{N} - C^2_x}} \quad (65) \quad 277$$

$$\sigma^2_y (\eta^2_{yx} - r^2) = \sigma^2_d \quad (66) \quad 278$$

$$\bar{X}_y = A. M._x + \frac{\sum' x}{\partial y} (i_x) \quad (67) \quad 279$$

$$\bar{Y}_x = A. M._y + \frac{\sum' y}{\partial x} (i_y) \quad (68) \quad 279$$

$$P. E. = \frac{.6745}{\sqrt{N}} (1 - \eta^2) \quad (69) \quad 281$$

$$\eta_T = \sqrt{\frac{\eta^2 - \frac{(K-1)}{N}}{1 - \frac{(K-2)}{N}}} \quad (70) \quad 282$$

第二十一章 $Q = \frac{ad - bc}{ad + bc} \quad (71) \quad 287$

$$\omega = \frac{\sqrt{ad} - \sqrt{bc}}{\sqrt{ad} + \sqrt{bc}} \quad (72) \quad 287$$

$$r = \cos \frac{\sqrt{bc}}{\sqrt{ad} + \sqrt{bc}} \pi \quad (73) \quad 289$$

$$r = \cos \frac{U}{L+U} \pi \quad (74) \quad 290$$

$$r = \cos U.1.8^\circ \quad (75) \quad 290$$

$$P. E. = \sin[.1686\pi (1-r^2) \sqrt{\frac{1}{a} + \frac{1}{b} + \frac{1}{c} + \frac{1}{d}}] \quad (76) \quad 291$$

$$\phi^2 = \frac{X^2}{N} = \frac{1}{N} \Sigma \left[\frac{(f_x - \frac{f_x f_y}{N})^2}{\frac{f_x f_y}{N}} \right] \quad (77) \quad 293$$

$$C = \sqrt{\frac{\phi^2}{1+\phi^2}} = \sqrt{\frac{X^2}{N+X^2}} \quad (78) \quad 294$$

$$C = \sqrt{\frac{S' - N}{S'}} \quad (79) \quad 294$$

$$C = \sqrt{\frac{S-1}{S}} \quad (80) \quad 294$$

$$r = \frac{\sum f_x (\bar{Y}_x - M_y) i_x}{N \sigma_x \sigma_y} \quad (81) \quad 298$$

$$r = \frac{\sum f_y (\bar{X}_y - M_x) i_y}{N \sigma_x \sigma_y} \quad (82) \quad 298$$

$$r = \frac{\sum f_y \left(\frac{\bar{X}_y}{\sigma_x} \right) i_y}{N \sigma_y} \quad (83) \quad 299$$

第二十二章

$$r_{12 \cdot 34 \dots n} = \frac{r_{12 \cdot 34 \dots (n-1)} - (r_{1n \cdot 34 \dots (n-1)} X_{r_{2n \cdot 34 \dots (n-1)}})}{\sqrt{[1 - r_{1n \cdot 34 \dots (n-1)}^2] [1 - r_{2n \cdot 34 \dots (n-1)}^2]}} \quad (84) \quad 306$$

$$R_{1 \cdot 23 \dots n} = \sqrt{1 - (1 - r_{12}^2)(1 - r_{13 \cdot 2}^2)(1 - r_{14 \cdot 23 \dots}^2) \dots \dots \dots (1 - r_{1n \cdot 23 \dots (n-1)}^2)} \quad (85) \quad 311$$

$$X_1 = b_{12 \cdot 34 \dots n} X_2 + b_{13 \cdot 24 \dots n} X_3 + \dots \dots \dots b_{1n \cdot 23 \dots (n-1)} X_n + k \quad (86) \quad 314$$

$$b_{12 \cdot 34 \dots n} = r_{12 \cdot 34 \dots n} \frac{\sigma_{1 \cdot 34 \dots n}}{\sigma_{2 \cdot 34 \dots n}} \quad (87) \quad 314$$

$$\sigma_{1 \cdot 23 \dots n} = \sigma_1 \sqrt{(1 - r_{12}^2)(1 - r_{13 \cdot 2}^2) \dots (1 - r_{1n \cdot 23 \dots (n-1)}^2)} \quad (88) \quad 314$$

$$P. E._{est} = .6745\sigma_{1.23\dots n} \quad (89) \quad 314$$

$$k = m_1 - b_{12.34\dots n} m_2 - b_{13.24\dots n} m_3 - b_{1n.23\dots (n-1)} m_n$$

$$(8) \quad (90) \quad 315$$

$$(32)$$

$$(33)$$

$$(42)$$

$$(52)$$

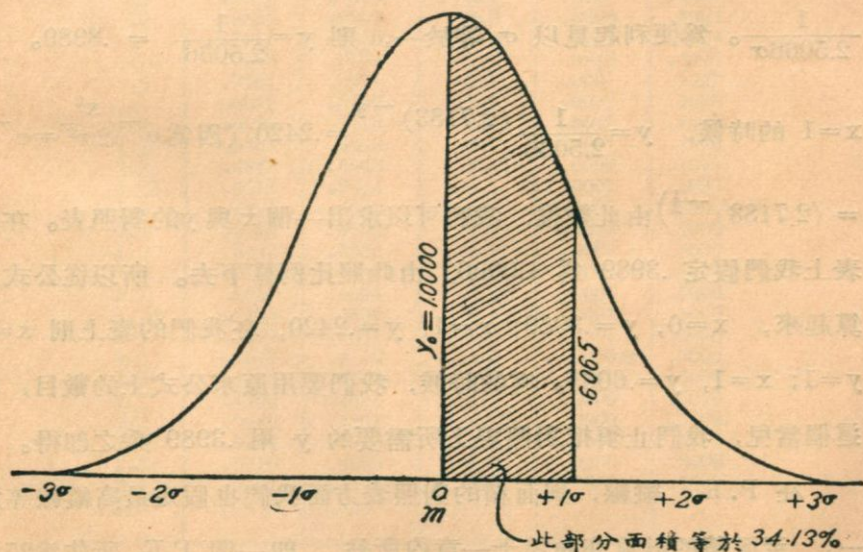
$$(62)$$

$$(72)$$

$$(82)$$

附錄一

在 σ ，縱線，與面積的對照表裏，第一行為 σ 的數，他代表常態曲線橫軸上的距離，第二行為縱線，我們以 y 或 z 代表他，第三行為面積。在常態曲線上 y 。為其最高縱線，而均數適處其下，均數所在處即 $x=0$ 的地方。由此在橫軸上計算 σ ，在右者為正號，在左者為負號。從縱線與面積兩方面而言，這 σ 的正負與他們無甚關係，因為這圖是對稱的。 $+1\sigma$ 與 -1σ 的相當的 y 或 z 都是.6065，在表上可以看



得出來。在面積方面，從 $x=0$ (即 m 所在處) 至 $x = +1\sigma$ ，或 $x = -1\sigma$ ，其間所佔的面積為全部之百分之 34.13 (即.3413)。又如 $x = \pm 2\sigma$ 的時候， y 或 $z = .1353$ ，面積 = 47.72%。

照表上看， $y_0 = 1.0000$ ，他是立在橫軸上的最高縱線，在他兩邊的 y 的數均小於 1.0000，所以當 $x = \pm 1\sigma$ 的時候， $y = .6065$ ， $x = \pm 2\sigma$ 的時候， $y = .1353$ 。這 y 的數是根據下列公式求出來的。

$$y = \frac{N}{\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{x^2}{2\sigma^2}} = y_0 e^{-\frac{x^2}{2\sigma^2}} = y_0 \left(\frac{1}{e^{\frac{x^2}{2\sigma^2}}} \right)$$

在 $x=0$ 的時候， $e^{-\frac{x^2}{2\sigma^2}} = 1$ ，因為 $e^0 = 1$ 。在這個時候， y 的數要算最大，在公式上 $y = \frac{N}{\sigma\sqrt{2\pi}} = y_0$ 。假使 $N=1$ ，則 $y = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} = \frac{1}{2.5066\sigma}$ 。為便利起見以 σ 等於一，則 $y = \frac{1}{2.5066} = .3989$ 。在

$x=1$ 的時候， $y = \frac{1}{2.5066} (2.7183)^{-\frac{1}{2}} = .2420$ （因為 $e^{-\frac{x^2}{2\sigma^2}} = e^{-\frac{1}{2}}$

$= (2.7183)^{-\frac{1}{2}}$ ）由此類推，我們可以求出一個 x 與 y 的對照表。在附表上我們假定 .3989 為 1.0000，由此照比例算下去。所以從公式上算起來， $x=0$ ， $y = .3989$ ； $x=1$ ， $y = .2420$ ，在我們的表上則 $x=0$ $y=1$ ； $x=1$ ， $y = .6065$ 。有的時候，我們要用原來公式上的數目，在這個當兒，我們止須把對照表上所需要的 y 用 .3989 乘之即得。

在 P.E.，縱線，與面積的對照表方面我們也假定最高縱線等於一，至面積的計算亦如第十一章內所敘，即一個 P.E. 所佔為 25% 兩個 P.E. 所佔為 41.13% 等是。

對照表一

σ	y 或 z	$\frac{1}{2}\pi$	σ	y 或 z	$\frac{1}{2}\pi$
距離	縱 綫	面 積	距離	縱 綫	面 積
.0	1.0000	.0000	2.6	.0340	.4953
.1	.9950	.0398	2.7	.0261	.4965
.2	.9802	.0793	2.75	.0228	.4970
.25	.9692	.0987	2.8	.0198	.4974
.3	.9560	.1179	2.9	.0149	.4981
.4	.9231	.1554	3.0	.0111	.4987
.5	.8825	.1915	3.1	.0082	.4990
.6	.8353	.2257	3.2	.0060	.4993
.7	.7827	.2580	3.25	.0051	.4994
.75	.7548	.2734	3.3	.0043	.4995
.8	.7261	.2881	3.4	.0031	.4997
.9	.6670	.3159	3.5	.0022	.4998
1.0	.6065	.3413	3.6	.0015	.4998
1.1	.5461	.3643	3.7	.0011	.4999
1.2	.4868	.3849	3.75	.0009	.4999
1.25	.4578	.3944	3.8	.0007	.4999
1.3	.4296	.4032	3.9	.0005	.5000**
1.4	.3753	.4192	4.0	.0003	.5000
1.5	.3247	.4332	4.1	.0002	.5000
1.6	.2780	.4452	4.2	.0001	.5000
1.7	.2357	.4554	4.25	.0001	.5000
1.75	.2163	.4599	4.3	.0001	.5000
1.8	.1979	.4641	4.4	.0001	.5000
1.9	.1645	.4713	4.5	.0000*	.5000
2.0	.1353	.4772	4.6	.0000	.5000
2.1	.1103	.4821	4.7	.0000	.5000
2.2	.0889	.4861	4.75	.0000	.5000
2.25	.0796	.4878	4.8	.0000	.5000
2.3	.0710	.4893	4.9	.0000	.5000
2.4	.0561	.4918	5.0	.0000	.5000
2.5	.0439	.4938			

*這些值並不確實為 .0000，但是他們小於 .00005。

**這些值並不確實為 .5000，但是他們大於 .49995。

對照表二

P. E. 距離	y 或 z 縱綫	½a 面積	P. E. 距離	y 或 z 縱綫	½a 面積
.0	1.0000	.0000	3.1	.1124	.4817
.1	.9977	.0269	3.2	.0974	.4845
.2	.9909	.0537	3.25	.0905	.4858
.25	.9858	.0670	3.3	.0840	.4870
.3	.9797	.0802	3.4	.0721	.4891
.4	.9643	.1063	3.5	.0616	.4909
.5	.9447	.1320	3.6	.0525	.4924
.6	.9214	.1571	3.7	.0444	.4937
.7	.8945	.1816	3.75	.0408	.4943
.75	.8799	.1935	3.8	.0375	.4948
.8	.8645	.2053	3.9	.0314	.4957
.9	.8317	.2281	4.0	.0263	.4965
1.0	.7965	.2500	4.1	.0219	.4972
1.1	.7594	.2709	4.2	.0181	.4977
1.2	.7207	.2909	4.25	.0164	.4979
1.25	.7009	.3004	4.3	.0149	.4981
1.3	.6808	.3097	4.4	.0122	.4985
1.4	.6403	.3275	4.5	.0100	.4988
1.5	.5994	.3442	4.6	.0081	.4990
1.6	.5586	.3597	4.7	.0066	.4992
1.7	.5182	.3742	4.75	.0059	.4993
1.75	.4983	.3811	4.8	.0053	.4994
1.8	.4785	.3876	4.9	.0043	.4995
1.9	.4399	.4000	5.0	.0034	.4996
2.0	.4026	.4113	5.1	.0027	.4997
2.1	.3667	.4217	5.2	.0021	.4998
2.2	.3324	.4311	5.25	.0019	.4998
2.25	.3161	.4354	5.3	.0017	.4998
2.3	.3002	.4396	5.4	.0013	.4999
2.4	.2698	.4473	5.5	.0010	.4999
2.5	.2413	.4541	5.6	.0008	.4999
2.6	.2149	.4603	5.7	.0006	.4999
2.7	.1905	.4657	5.75	.0005	.4999
2.75	.1790	.4682	5.8	.0005	.5000*
2.8	.1681	.4705	5.9	.0004	.5000
2.9	.1476	.4748	6.0	.0003	.5000
3.0	.1291	.4785			

*這些值並不確實為 .5000，但是他們大於 .49995。

附錄二

在對照表三裏第一行為 r 的數，第二行為 ρ 的數，第三行為 R 的數。在這個表裏，這些彼此相當的數是根據下列兩個公式計算出來的。

$$r = 2 \sin\left(\frac{\pi}{6}\rho\right), \quad r = 2 \cos\frac{\pi}{3}(1-R) - 1$$

例如 $\rho = .220$ ，則 $r = 2 \sin\left(\frac{180^\circ}{6} \times .22\right)$

$$= 2 \sin 30^\circ \times .22 = 2 \sin 6^\circ 36' = 2(.1145) = .229$$

*

又如 $R = .470$ ，則 $r = 2 \cos 60^\circ (1 - .47) - 1$

$$= 2 \cos 31^\circ 48' - 1 = 2 \times .8499 - 1 = .6998$$

*

假使在表上查不出 ρ 或 R 的相當的 r ，我們可照比例計算一下。通常若止有小數兩位，我們似一望即得其結果，不必推算。若小數在兩位以上，我們即須推算。如在 $\rho = .252$ 的時候，我們查看表上，並未見有此數，與他最近的是 $.249$ ，那相當的 $r = .26$ ，所以由 ρ 所化之 r ，用 $.26$ 當然要比 $.25$ 或 $.27$ 近些。又如當 $R = .72$ 的時候，在表上與這數最相近的是 $.713$ 和 $.729$ ，前者的相當的 $r = .91$ ，後者的相當的 $r = .92$ 。這 $.713$ 與 $.729$ 的相差既為 $.016$ ，而 $.72$ 一數既比 $.713$ 多 $.007$ ，我們在 $.91$ 上可以加 $\frac{.007}{.016} = .04$ ，所以在結果上由 R 所化之 r 的值等於 $.914$ 。

*.1145 和 .8499 是從三角學上對照表裏找出來的。

對照表三

r	ρ	R	r	ρ	R	r	ρ	R
.00	.000	.000	.34	.326	.201	.68	.663	.453
.01	.010	.006	.35	.336	.208	.69	.673	.461
.02	.019	.011	.36	.346	.214	.70	.683	.470
.03	.029	.017	.37	.355	.221	.71	.693	.479
.04	.038	.022	.38	.365	.227	.72	.703	.489
.05	.048	.028	.39	.375	.234	.73	.714	.498
.06	.057	.034	.40	.385	.240	.74	.724	.508
.07	.067	.039	.41	.394	.247	.75	.734	.517
.08	.076	.045	.42	.404	.254	.76	.744	.527
.09	.086	.050	.43	.414	.261	.77	.755	.538
.10	.096	.056	.44	.424	.268	.78	.765	.548
.11	.105	.062	.45	.433	.274	.79	.776	.559
.12	.115	.068	.46	.443	.281	.80	.786	.569
.13	.124	.074	.47	.453	.288	.81	.796	.580
.14	.134	.079	.48	.463	.296	.82	.807	.592
.15	.143	.085	.49	.473	.303	.83	.817	.603
.16	.153	.091	.50	.483	.310	.84	.828	.615
.17	.163	.097	.51	.492	.317	.85	.838	.628
.18	.172	.103	.52	.502	.324	.86	.849	.641
.19	.182	.109	.53	.512	.332	.87	.859	.654
.20	.191	.115	.54	.522	.339	.88	.870	.667
.21	.201	.121	.55	.532	.347	.89	.881	.682
.22	.211	.127	.56	.542	.354	.90	.892	.697
.23	.220	.133	.57	.552	.362	.91	.902	.713
.24	.230	.139	.58	.562	.370	.92	.913	.729
.25	.239	.145	.59	.572	.378	.93	.924	.747
.26	.249	.151	.60	.582	.385	.94	.934	.766
.27	.259	.157	.61	.592	.393	.95	.945	.786
.28	.268	.163	.62	.602	.402	.96	.956	.809
.29	.278	.169	.63	.612	.410	.97	.967	.834
.30	.288	.176	.64	.622	.418	.98	.978	.865
.31	.297	.182	.65	.632	.427	.99	.989	.905
.32	.307	.188	.66	.642	.435	1.00	1.000	1.000
.33	.317	.195	.67	.652	.444			

附錄三

對照表四是根據皮爾生的 $\cos \pi$ 法和西巴的異號法而產生的。在這兩個方法之中，若用他們的公式，必須用三角學上的角度對照表以資檢查。實際上我們所欲求者是 r 或與 r 相當之 $\frac{\sqrt{bc}}{\sqrt{ad} + \sqrt{bc}}$ ，或 $U\left(\frac{b+c}{N}\right)$ ，所以我們不如免去那求角度的麻煩，就那分數或 U 的值而算與他們相當的 r 。

在檢查的時候，若 $\frac{\sqrt{bc}}{\sqrt{ad} + \sqrt{bc}}$ 或 U 的值為 .316，則 $r = .55$ ，因為 .316 比 .318 近於 .315。在這表上我們知道那分數的或 U 的值未有大於 .500 的。假使有的值大於 .500，我們當從 1.00 減去這數，就此結果在表上找出與他相當之 r 。例如有 U 之值為 .795，由 1.00 減去此數為 .205，而他的相當之 r 為 .80，餘類推。

對照表四

r	$\frac{\sqrt{bc}}{\sqrt{ad} + \sqrt{bc}}$ 或 U	r	$\frac{\sqrt{bc}}{\sqrt{ad} + \sqrt{bc}}$ 或 U	r	$\frac{\sqrt{bc}}{\sqrt{ad} + \sqrt{bc}}$ 或 U
.00	.500	.34	.390	.68	.262
.01	.497	.35	.386	.69	.258
.02	.494	.36	.383	.70	.253
.03	.490	.37	.379	.71	.249
.04	.487	.38	.376	.72	.244
.05	.484	.39	.373	.73	.240
.06	.481	.40	.369	.74	.235
.07	.478	.41	.366	.75	.230
.08	.475	.42	.362	.76	.225
.09	.471	.43	.359	.77	.220
.10	.468	.44	.355	.78	.215
.11	.465	.45	.351	.79	.210
.12	.462	.46	.348	.80	.205
.13	.458	.47	.344	.81	.199
.14	.455	.48	.341	.82	.194
.15	.452	.49	.337	.83	.188
.16	.449	.50	.333	.84	.183
.17	.446	.51	.330	.85	.177
.18	.442	.52	.326	.86	.170
.19	.439	.53	.322	.87	.164
.20	.436	.54	.318	.88	.158
.21	.433	.55	.315	.89	.151
.22	.429	.56	.311	.90	.144
.23	.426	.57	.307	.91	.136
.24	.423	.58	.303	.92	.128
.25	.420	.59	.299	.93	.120
.26	.416	.60	.295	.94	.111
.27	.413	.61	.291	.95	.101
.28	.410	.62	.287	.96	.090
.29	.406	.63	.283	.97	.078
.30	.403	.64	.279	.98	.064
.31	.400	.65	.275	.99	.045
.32	.396	.66	.271	1.00	.000
.33	.393	.67	.266		

目 次

高級統計學應用對數表

賀麟閣原製

艾 偉訂正

表 次

表數

1.	整數的平方與方根,其數至1050.....	1
2.	整數的積,其數至 100×99	8
3.	整數的商數至 $100 \div 99$	28
4.	積: $(1-100) \times 2^2, 3^2, \dots, (12)^2$	48
5.	數目的四位對數.....	50
6.	$(1-r^2)$ 的五位對數 r 的值為.000至.999.....	52
7.	$\sqrt{1-r^2}$ 的五位對數 r 的值為.000至.999.....	54
8.	$\sqrt{1-r^2}$ 的五位值 r 的值為.000至.999.....	56
9.	均數與均方差之機誤 (假定 $\sigma=1$).....	58
10.	相關係數機誤的值,其數至 $N=1000$	65
11.	常態機率曲線的面積與縱線(從均數量起與均方差對照).....	75
12.	常態機率曲線的差數與縱線(從均數量起與面積對照).....	77
13.	重要常數表(附其值與其對數).....	79
14.	常態曲線的 P. E. 差數 (從均數量起與面積對照).....	80
15.	\sqrt{pq} 在此地 $p+q=1$	81
16.	史皮滿等級相關公式 $\rho=1-\frac{6\Sigma D^2}{N(N^2-1)}$ 的便利求法.....	82
17.	D 的平方表(為便利史氏公式者).....	82
18.	$.6745\sigma_{(x-y)}/\sigma_y$ 的值,在此地 $\sigma_y < \sigma_x$	83
19.	x 的值為求 $\cos^{-1}x$ 用者.....	85
20.	$[(1-r_{13}^2)(1-r_{23}^2)]^{-\frac{1}{2}}$ 的值.....	87

表 一

平方與方根

1

數目	平方	方根	數目	平方	方根	數目	平方	方根
1	1	1.000	51	26 01	7.141	101	1 02 01	10.050
2	4	1.414	52	27 04	7.211	102	1 04 04	10.100
3	9	1.732	53	28 09	7.280	103	1 06 09	10.149
4	16	2.000	54	29 16	7.348	104	1 08 16	10.198
5	25	2.236	55	30 25	7.416	105	1 10 25	10.247
6	36	2.449	56	31 36	7.483	106	1 12 36	10.296
7	49	2.646	57	32 49	7.550	107	1 14 49	10.344
8	64	2.828	58	33 64	7.616	108	1 16 64	10.392
9	81	3.000	59	34 81	7.681	109	1 18 81	10.440
10	1 00	3.162	60	36 00	7.746	110	1 21 00	10.488
11	1 21	3.317	61	37 21	7.810	111	1 23 21	10.536
12	1 44	3.464	62	38 44	7.874	112	1 25 44	10.583
13	1 69	3.606	63	39 69	7.937	113	1 27 69	10.630
14	1 96	3.742	64	40 96	8.000	114	1 29 96	10.677
15	2 25	3.873	65	42 25	8.062	115	1 32 25	10.724
16	2 56	4.000	66	43 56	8.124	116	1 34 56	10.770
17	2 89	4.123	67	44 89	8.185	117	1 36 89	10.817
18	3 24	4.243	68	46 24	8.246	118	1 39 24	10.863
19	3 61	4.359	69	47 61	8.307	119	1 41 61	10.909
20	4 00	4.472	70	49 00	8.367	120	1 44 00	10.954
21	4 41	4.583	71	50 41	8.426	121	1 46 41	11.000
22	4 84	4.690	72	51 84	8.485	122	1 48 84	11.045
23	5 29	4.796	73	53 29	8.544	123	1 51 29	11.091
24	5 76	4.899	74	54 76	8.602	124	1 53 76	11.136
25	6 25	5.000	75	56 25	8.660	125	1 56 25	11.180
26	6 76	5.099	76	57 76	8.718	126	1 58 76	11.225
27	7 29	5.196	77	59 29	8.775	127	1 61 29	11.269
28	7 84	5.292	78	60 84	8.832	128	1 63 84	11.314
29	8 41	5.385	79	62 41	8.888	129	1 66 41	11.358
30	9 00	5.477	80	64 00	8.944	130	1 69 00	11.402
31	9 61	5.568	81	65 61	9.000	131	1 71 61	11.446
32	10 24	5.657	82	67 24	9.055	132	1 74 24	11.489
33	10 89	5.745	83	68 89	9.110	133	1 76 89	11.533
34	11 56	5.831	84	70 56	9.165	134	1 79 56	11.576
35	12 25	5.916	85	72 25	9.220	135	1 82 25	11.619
36	12 96	6.000	86	73 96	9.274	136	1 84 96	11.662
37	13 69	6.083	87	75 69	9.327	137	1 87 69	11.705
38	14 44	6.164	88	77 44	9.381	138	1 90 44	11.747
39	15 21	6.245	89	79 21	9.434	139	1 93 21	11.790
40	16 00	6.325	90	81 00	9.487	140	1 96 00	11.832
41	16 81	6.403	91	82 81	9.539	141	1 98 81	11.874
42	17 64	6.481	92	84 64	9.592	142	2 01 64	11.916
43	18 49	6.557	93	86 49	9.644	143	2 04 49	11.958
44	19 36	6.633	94	88 36	9.695	144	2 07 36	12.000
45	20 25	6.708	95	90 25	9.747	145	2 10 25	12.042
46	21 16	6.782	96	92 16	9.798	146	2 13 16	12.083
47	22 09	6.856	97	94 09	9.849	147	2 16 09	12.124
48	23 04	6.928	98	96 04	9.899	148	2 19 04	12.166
49	24 01	7.000	99	98 01	9.950	149	2 22 01	12.207
50	25 00	7.071	100	100 00	10.000	150	2 25 00	12.247

表一(續)

平方與方根

2	平方			方根			平方			方根		
數目	平方	方根	數目	平方	方根	數目	平方	方根	數目	平方	方根	
151	2 28 01	12.288	201	4 04 01	14.177	251	6 30 01	15.843				
152	2 31 04	12.329	202	4 08 04	14.213	252	6 35 04	15.875				
153	2 34 09	12.369	203	4 12 09	14.248	253	6 40 09	15.906				
154	2 37 16	12.410	204	4 16 16	14.283	254	6 45 16	15.937				
155	2 40 25	12.450	205	4 20 25	14.318	255	6 50 25	15.969				
156	2 43 36	12.490	206	4 24 36	14.353	256	6 55 36	16.000				
157	2 46 49	12.530	207	4 28 49	14.387	257	6 60 49	16.031				
158	2 49 64	12.570	208	4 32 64	14.422	258	6 65 64	16.062				
159	2 52 81	12.610	209	4 36 81	14.457	259	6 70 81	16.093				
160	2 56 00	12.649	210	4 41 00	14.491	260	6 76 00	16.125				
161	2 59 21	12.689	211	4 45 21	14.526	261	6 81 21	16.155				
162	2 62 44	12.728	212	4 49 44	14.560	262	6 86 44	16.186				
163	2 65 69	12.767	213	4 53 69	14.595	263	6 91 69	16.217				
164	2 68 96	12.806	214	4 57 96	14.629	264	6 96 96	16.248				
165	2 72 25	12.845	215	4 62 25	14.663	265	7 02 25	16.279				
166	2 75 56	12.884	216	4 66 56	14.697	266	7 07 56	16.310				
167	2 78 89	12.923	217	4 70 89	14.731	267	7 12 89	16.340				
168	2 82 24	12.961	218	4 75 24	14.765	268	7 18 24	16.371				
169	2 85 61	13.000	219	4 79 61	14.799	269	7 23 61	16.401				
170	2 89 00	13.038	220	4 84 00	14.832	270	7 29 00	16.432				
171	2 92 41	13.077	221	4 88 41	14.866	271	7 34 41	16.462				
172	2 95 84	13.115	222	4 92 84	14.900	272	7 39 84	16.492				
173	2 99 29	13.153	223	4 97 29	14.933	273	7 45 29	16.523				
174	3 02 76	13.191	224	5 01 76	14.967	274	7 50 76	16.553				
175	3 06 25	13.229	225	5 06 25	15.000	275	7 56 25	16.583				
176	3 09 76	13.266	226	5 10 76	15.033	276	7 61 76	16.613				
177	3 13 29	13.304	227	5 15 29	15.067	277	7 67 29	16.643				
178	3 16 84	13.342	228	5 19 84	15.100	278	7 72 84	16.673				
179	3 20 41	13.379	229	5 24 41	15.133	279	7 78 41	16.703				
180	3 24 00	13.416	230	5 29 00	15.166	280	7 84 00	16.733				
181	3 27 61	13.454	231	5 33 61	15.199	281	7 89 61	16.763				
182	3 31 24	13.491	232	5 38 24	15.232	282	7 95 24	16.793				
183	3 34 89	13.528	233	5 42 89	15.264	283	8 00 89	16.823				
184	3 38 56	13.565	234	5 47 56	15.297	284	8 06 56	16.852				
185	3 42 25	13.601	235	5 52 25	15.330	285	8 12 25	16.882				
186	3 45 96	13.638	236	5 56 96	15.362	286	8 17 96	16.912				
187	3 49 69	13.675	237	5 61 69	15.395	287	8 23 69	16.941				
188	3 53 44	13.711	238	5 66 44	15.427	288	8 29 44	16.971				
189	3 57 21	13.748	239	5 71 21	15.460	289	8 35 21	17.000				
190	3 61 00	13.784	240	5 76 00	15.492	290	8 41 00	17.029				
191	3 64 81	13.820	241	5 80 81	15.524	291	8 46 81	17.059				
192	3 68 64	13.856	242	5 85 64	15.556	292	8 52 64	17.088				
193	3 72 49	13.892	243	5 90 49	15.588	293	8 58 49	17.117				
194	3 76 36	13.928	244	5 95 36	15.620	294	8 64 36	17.146				
195	3 80 25	13.964	245	6 00 25	15.652	295	8 70 25	17.176				
196	3 84 16	14.000	246	6 05 16	15.684	296	8 76 16	17.205				
197	3 88 09	14.036	247	6 10 09	15.716	297	8 82 09	17.234				
198	3 92 04	14.071	248	6 15 04	15.748	298	8 88 04	17.263				
199	3 96 01	14.107	249	6 20 01	15.780	299	8 94 01	17.292				
200	4 00 00	14.142	250	6 25 00	15.811	300	9 00 00	17.321				

表一(續)

平方與方根

8

數目	平方	方根	數目	平方	方根	數目	平方	方根
301	9 06 01	17.349	351	12 32 01	18.735	401	16 08 01	20.025
302	9 12 04	17.378	352	12 39 04	18.762	402	16 16 04	20.050
303	9 18 09	17.407	353	12 46 09	18.788	403	16 24 09	20.075
304	9 24 16	17.436	354	12 53 16	18.815	404	16 32 16	20.100
305	9 30 25	17.464	355	12 60 25	18.841	405	16 40 25	20.125
306	9 36 36	17.493	356	12 67 36	18.868	406	16 48 36	20.149
307	9 42 49	17.521	357	12 74 49	18.894	407	16 56 49	20.174
308	9 48 64	17.550	358	12 81 64	18.921	408	16 64 64	20.199
309	9 54 81	17.578	359	12 88 81	18.947	409	16 72 81	20.224
310	9 61 00	17.607	360	12 96 00	18.974	410	16 81 00	20.248
311	9 67 21	17.635	361	13 03 21	19.000	411	16 89 21	20.273
312	9 73 44	17.664	362	13 10 44	19.026	412	16 97 44	20.298
313	9 79 69	17.692	363	13 17 69	19.053	413	17 05 69	20.322
314	9 85 96	17.720	364	13 24 96	19.079	414	17 13 96	20.347
315	9 92 25	17.748	365	13 32 25	19.105	415	17 22 25	20.372
316	9 98 56	17.776	366	13 39 56	19.131	416	17 30 56	20.396
317	10 04 89	17.804	367	13 46 89	19.157	417	17 38 89	20.421
318	10 11 24	17.833	368	13 54 24	19.183	418	17 47 24	20.445
319	10 17 61	17.861	369	13 61 61	19.209	419	17 55 61	20.469
320	10 24 00	17.889	370	13 69 00	19.235	420	17 64 00	20.494
321	10 30 41	17.916	371	13 76 41	19.261	421	17 72 41	20.518
322	10 36 84	17.944	372	13 83 84	19.287	422	17 80 84	20.543
323	10 43 29	17.972	373	13 91 29	19.313	423	17 89 29	20.567
324	10 49 76	18.000	374	13 98 76	19.339	424	17 97 76	20.591
325	10 56 25	18.028	375	14 06 25	19.365	425	18 06 25	20.616
326	10 62 76	18.055	376	14 13 76	19.391	426	18 14 76	20.640
327	10 69 29	18.083	377	14 21 29	19.416	427	18 23 29	20.664
328	10 75 84	18.111	378	14 28 84	19.442	428	18 31 84	20.688
329	10 82 41	18.138	379	14 36 41	19.468	429	18 40 41	20.712
330	10 89 00	18.166	380	14 44 00	19.494	430	18 49 00	20.736
331	10 95 61	18.193	381	14 51 61	19.519	431	18 57 61	20.761
332	11 02 24	18.221	382	14 59 24	19.545	432	18 66 24	20.785
333	11 08 89	18.248	383	14 66 89	19.570	433	18 74 89	20.809
334	11 15 56	18.276	384	14 74 56	19.596	434	18 83 56	20.833
335	11 22 25	18.303	385	14 82 25	19.621	435	18 92 25	20.857
336	11 28 96	18.330	386	14 89 96	19.647	436	19 00 96	20.881
337	11 35 69	18.358	387	14 97 69	19.672	437	19 09 69	20.906
338	11 42 44	18.385	388	15 05 44	19.698	438	19 18 44	20.928
339	11 49 21	18.412	389	15 13 21	19.723	439	19 27 21	20.952
340	11 56 00	18.439	390	15 21 00	19.748	440	19 36 00	20.976
341	11 62 81	18.466	391	15 28 81	19.774	441	19 44 81	21.000
342	11 69 64	18.493	392	15 36 64	19.799	442	19 53 64	21.024
343	11 76 49	18.520	393	15 44 49	19.824	443	19 62 49	21.048
344	11 83 36	18.547	394	15 52 36	19.849	444	19 71 36	21.071
345	11 90 25	18.574	395	15 60 25	19.875	445	19 80 25	21.095
346	11 97 16	18.601	396	15 68 16	19.900	446	19 89 16	21.119
347	12 04 09	18.628	397	15 76 09	19.925	447	19 98 09	21.142
348	12 11 04	18.655	398	15 84 04	19.950	448	20 07 04	21.166
349	12 18 01	18.682	399	15 92 01	19.975	449	20 16 01	21.190
350	12 25 00	18.708	400	16 00 00	20.000	450	20 25 00	21.213

表一(續)

平方與方根

4

數目	平方	方根	數目	平方	方根	數目	平方	方根
451	20 34 01	21.237	501	25 10 01	22.383	551	30 36 01	23.473
452	20 43 04	21.260	502	25 20 04	22.405	552	30 47 04	23.495
453	20 52 09	21.284	503	25 30 09	22.428	553	30 58 09	23.516
454	20 61 16	21.307	504	25 40 16	22.450	554	30 69 16	23.537
455	20 70 25	21.331	505	25 50 25	22.472	555	30 80 25	23.558
456	20 79 36	21.354	506	25 60 36	22.494	556	30 91 36	23.580
457	20 88 49	21.378	507	25 70 49	22.517	557	31 02 49	23.601
458	20 97 64	21.401	508	25 80 64	22.539	558	31 13 64	23.622
459	21 06 81	21.424	509	25 90 81	22.561	559	31 24 81	23.643
460	21 16 00	21.448	510	26 01 00	22.583	560	31 36 00	23.664
461	21 25 21	21.471	511	26 11 21	22.605	561	31 47 21	23.685
462	21 34 44	21.494	512	26 21 44	22.627	562	31 58 44	23.707
463	21 43 69	21.517	513	26 31 69	22.650	563	31 69 69	23.728
464	21 52 96	21.541	514	26 41 96	22.672	564	31 80 96	23.749
465	21 62 25	21.564	515	26 52 25	22.694	565	31 92 25	23.770
466	21 71 56	21.587	516	26 62 56	22.716	566	32 03 56	23.791
467	21 80 89	21.610	517	26 72 89	22.738	567	32 14 89	23.812
468	21 90 24	21.633	518	26 83 24	22.760	568	32 26 24	23.833
469	21 99 61	21.656	519	26 93 61	22.782	569	32 37 61	23.854
470	22 09 00	21.679	520	27 04 00	22.804	570	32 49 00	23.875
471	22 18 41	21.703	521	27 14 41	22.825	571	32 60 41	23.896
472	22 27 84	21.726	522	27 24 84	22.847	572	32 71 84	23.917
473	22 37 29	21.749	523	27 35 29	22.869	573	32 83 29	23.937
474	22 46 76	21.772	524	27 45 76	22.891	574	32 94 76	23.958
475	22 56 25	21.794	525	27 56 25	22.913	575	33 06 25	23.979
476	22 65 76	21.817	526	27 66 76	22.935	576	33 17 76	24.000
477	22 75 29	21.840	527	27 77 29	22.956	577	33 29 29	24.021
478	22 84 84	21.863	528	27 87 84	22.978	578	33 40 84	24.042
479	22 94 41	21.886	529	27 98 41	23.000	579	33 52 41	24.062
480	23 04 00	21.909	530	28 09 00	23.022	580	33 64 00	24.083
481	23 13 61	21.932	531	28 19 61	23.043	581	33 75 61	24.104
482	23 23 24	21.954	532	28 30 24	23.065	582	33 87 24	24.125
483	23 32 89	21.977	533	28 40 89	23.087	583	33 98 89	24.145
484	23 42 56	22.000	534	28 51 56	23.108	584	34 10 56	24.166
485	23 52 25	22.023	535	28 62 25	23.130	585	34 22 25	24.187
486	23 61 96	22.045	536	28 72 96	23.152	586	34 33 96	24.207
487	23 71 69	22.068	537	28 83 69	23.173	587	34 45 69	24.228
488	23 81 44	22.091	538	28 94 44	23.195	588	34 57 44	24.249
489	23 91 21	22.113	539	29 05 21	23.216	589	34 69 21	24.269
490	24 01 00	22.136	540	29 16 00	23.238	590	34 81 00	24.290
491	24 10 81	22.159	541	29 26 81	23.259	591	34 92 81	24.310
492	24 20 64	22.181	542	29 37 64	23.281	592	35 04 64	24.331
493	24 30 49	22.204	543	29 48 49	23.302	593	35 16 49	24.352
494	24 40 36	22.226	544	29 59 36	23.324	594	35 28 36	24.372
495	24 50 25	22.249	545	29 70 25	23.345	595	35 40 25	24.393
496	24 60 16	22.271	546	29 81 16	23.367	596	35 52 16	24.413
497	24 70 09	22.293	547	29 92 09	23.388	597	35 64 09	24.434
498	24 80 04	22.316	548	30 03 04	23.409	598	35 76 04	24.454
499	24 90 01	22.338	549	30 14 01	23.431	599	35 88 01	24.474
500	25 00 00	22.361	550	30 25 00	23.452	600	36 00 00	24.495

表一 (續)

平方與方根

5

數目	平方	方根	數目	平方	方根	數目	平方	方根
601	36 12 01	24.515	651	42 38 01	25.515	701	49 14 01	26.476
602	36 24 04	24.536	652	42 51 04	25.534	702	49 28 04	26.495
603	36 36 09	24.556	653	42 64 09	25.554	703	49 42 09	26.514
604	36 48 16	24.576	654	42 77 16	25.573	704	49 56 16	26.533
605	36 60 25	24.597	655	42 90 25	25.593	705	49 70 25	26.552
606	36 72 36	24.617	656	43 03 36	25.612	706	49 84 36	26.571
607	36 84 49	24.637	657	43 16 49	25.632	707	49 98 49	26.589
608	36 96 64	24.658	658	43 29 64	25.652	708	50 12 64	26.608
609	37 08 81	24.678	659	43 42 81	25.671	709	50 26 81	26.627
610	37 21 00	24.698	660	43 56 00	25.690	710	50 41 00	26.646
611	37 33 21	24.718	661	43 69 21	25.710	711	50 55 21	26.665
612	37 45 44	24.739	662	43 82 44	25.729	712	50 69 44	26.683
613	37 57 69	24.759	663	43 95 69	25.749	713	50 83 69	26.702
614	37 69 96	24.779	664	44 08 96	25.768	714	50 97 96	26.721
615	37 82 25	24.799	665	44 22 25	25.788	715	51 12 25	26.739
616	37 94 56	24.819	666	44 35 56	25.807	716	51 26 56	26.758
617	38 06 89	24.839	667	44 48 89	25.826	717	51 40 89	26.777
618	38 19 24	24.860	668	44 62 24	25.846	718	51 55 24	26.796
619	38 31 61	24.880	669	44 75 61	25.865	719	51 69 61	26.814
620	38 44 00	24.900	670	44 89 00	25.884	720	51 84 00	26.833
621	38 56 41	24.920	671	45 02 41	25.904	721	51 98 41	26.851
622	38 68 84	24.940	672	45 15 84	25.923	722	52 12 84	26.870
623	38 81 29	24.960	673	45 29 29	25.942	723	52 27 29	26.889
624	38 93 76	24.980	674	45 42 76	25.962	724	52 41 76	26.907
625	39 06 25	25.000	675	45 56 25	25.981	725	52 56 25	26.926
626	39 18 76	25.020	676	45 69 76	26.000	726	52 70 76	26.944
627	39 31 29	25.040	677	45 83 29	26.019	727	52 85 29	26.963
628	39 43 84	25.060	678	45 96 84	26.038	728	52 99 84	26.981
629	39 56 41	25.080	679	46 10 41	26.058	729	53 14 41	27.000
630	39 69 00	25.100	680	46 24 00	26.077	730	53 29 00	27.019
631	39 81 61	25.120	681	46 37 61	26.096	731	53 43 61	27.037
632	39 94 24	25.140	682	46 51 24	26.115	732	53 58 24	27.055
633	40 06 89	25.159	683	46 64 89	26.134	733	53 72 89	27.074
634	40 19 56	25.179	684	46 78 56	26.153	734	53 87 56	27.092
635	40 32 25	25.199	685	46 92 25	26.173	735	54 02 25	27.111
636	40 44 96	25.219	686	47 05 96	26.192	736	54 16 96	27.129
637	40 57 69	25.239	687	47 19 69	26.211	737	54 31 69	27.148
638	40 70 44	25.259	688	47 33 44	26.230	738	54 46 44	27.166
639	40 83 21	25.278	689	47 47 21	26.249	739	54 61 21	27.185
640	40 96 00	25.298	690	47 61 00	26.268	740	54 76 00	27.203
641	41 08 81	25.318	691	47 74 81	26.287	741	54 90 81	27.221
642	41 21 64	25.338	692	47 88 64	26.306	742	55 05 64	27.240
643	41 34 49	25.357	693	48 02 49	26.325	743	55 20 49	27.258
644	41 47 36	25.377	694	48 16 36	26.344	744	55 35 36	27.276
645	41 60 25	25.397	695	48 30 25	26.363	745	55 50 25	27.295
646	41 73 16	25.417	696	48 44 16	26.382	746	55 65 16	27.313
647	41 86 09	25.436	697	48 58 09	26.401	747	55 80 09	27.331
648	41 99 04	25.456	698	48 72 04	26.420	748	55 95 04	27.350
649	42 12 01	25.475	699	48 86 01	26.439	749	56 10 01	27.368
650	42 25 00	25.495	700	49 00 00	26.458	750	56 25 00	27.386

表一(續)

平方與方根

6

數目	平方	方根	數目	平方	方根	數目	平方	方根
751	56 40 01	27.404	801	64 16 01	28.302	851	72 42 01	29.172
752	56 55 04	27.423	802	64 32 04	28.320	852	72 59 04	29.189
753	56 70 09	27.441	803	64 48 09	28.337	853	72 76 09	29.206
754	56 85 16	27.459	804	64 64 16	28.355	854	72 93 16	29.223
755	57 00 25	27.477	805	64 80 25	28.373	855	73 10 25	29.240
756	57 15 36	27.495	806	64 96 36	28.390	856	73 27 36	29.257
757	57 30 49	27.514	807	65 12 49	28.408	857	73 44 49	29.275
758	57 45 64	27.532	808	65 28 64	28.425	858	73 61 64	29.292
759	57 60 81	27.550	809	65 44 81	28.443	859	73 78 81	29.309
760	57 76 00	27.568	810	65 61 00	28.460	860	73 96 00	29.326
761	57 91 21	27.586	811	65 77 21	28.478	861	74 13 21	29.343
762	58 06 44	27.604	812	65 93 44	28.496	862	74 30 44	29.360
763	58 21 69	27.622	813	66 09 69	28.513	863	74 47 69	29.377
764	58 36 96	27.641	814	66 25 96	28.531	864	74 64 96	29.394
765	58 52 25	27.659	815	66 42 25	28.548	865	74 82 25	29.411
766	58 67 56	27.677	816	66 58 56	28.566	866	74 99 56	29.428
767	58 82 89	27.695	817	66 74 89	28.583	867	75 16 89	29.445
768	58 98 24	27.713	818	66 91 24	28.601	868	75 34 24	29.462
769	59 13 61	27.731	819	67 07 61	28.618	869	75 51 61	29.479
770	59 29 00	27.749	820	67 24 00	28.636	870	75 69 00	29.496
771	59 44 41	27.767	821	67 40 41	28.653	871	75 86 41	29.513
772	59 59 84	27.785	822	67 56 84	28.671	872	76 03 84	29.530
773	59 75 29	27.803	823	67 73 29	28.688	873	76 21 29	29.547
774	59 90 76	27.821	824	67 89 76	28.705	874	76 38 76	29.563
775	60 06 25	27.839	825	68 06 25	28.723	875	76 56 25	29.580
776	60 21 76	27.857	826	68 22 76	28.740	876	76 73 76	29.597
777	60 37 29	27.875	827	68 39 29	28.758	877	76 91 29	29.614
778	60 52 84	27.893	828	68 55 84	28.775	878	77 08 84	29.631
779	60 68 41	27.911	829	68 72 41	28.792	879	77 26 41	29.648
780	60 84 00	27.928	830	68 89 00	28.810	880	77 44 00	29.665
781	60 99 61	27.946	831	69 05 61	28.827	881	77 61 61	29.682
782	61 15 24	27.964	832	69 22 24	28.844	882	77 79 24	29.698
783	61 30 89	27.982	833	69 38 89	28.862	883	77 96 89	29.715
784	61 46 56	28.000	834	69 55 56	28.879	884	78 14 56	29.732
785	61 62 25	28.018	835	69 72 25	28.896	885	78 32 25	29.749
786	61 77 96	28.036	836	69 88 96	28.914	886	78 49 96	29.766
787	61 93 69	28.054	837	70 05 69	28.931	887	78 67 69	29.783
788	62 09 44	28.071	838	70 22 44	28.948	888	78 85 44	29.799
789	62 25 21	28.089	839	70 39 21	28.965	889	79 03 21	29.816
790	62 41 00	28.107	840	70 56 00	28.983	890	79 21 00	29.833
791	62 56 81	28.125	841	70 72 81	29.000	891	79 38 81	29.850
792	62 72 64	28.142	842	70 89 64	29.017	892	79 56 64	29.866
793	62 88 49	28.160	843	71 06 49	29.034	893	79 74 49	29.883
794	63 04 36	28.178	844	71 23 36	29.052	894	79 92 36	29.900
795	63 20 25	28.196	845	71 40 25	29.069	895	80 10 25	29.916
796	63 36 16	28.213	846	71 57 16	29.086	896	80 28 16	29.933
797	63 52 09	28.231	847	71 74 09	29.103	897	80 46 09	29.950
798	63 68 04	28.249	848	71 91 04	29.120	898	80 64 04	29.967
799	63 84 01	28.267	849	72 08 01	29.138	899	80 82 01	29.983
800	64 00 00	28.284	850	72 25 00	29.155	900	81 00 00	30.000

表一 (續)

平方與方根

7

數目	平方	方根	數目	平方	方根	數目	平方	方根
901	81 18 01	30.017	951	90 44 01	30.838	1001	100 20 01	31.639
902	81 36 04	30.033	952	90 63 04	30.854	1002	100 40 04	31.654
903	81 54 09	30.050	953	90 82 09	30.871	1003	100 60 09	31.670
904	81 72 16	30.067	954	91 01 16	30.887	1004	100 80 16	31.686
905	81 90 25	30.083	955	91 20 25	30.903	1005	101 00 25	31.702
906	82 08 36	30.100	956	91 39 36	30.919	1006	101 20 36	31.718
907	82 26 49	30.116	957	91 58 49	30.935	1007	101 40 49	31.733
908	82 44 64	30.133	958	91 77 64	30.952	1008	101 60 64	31.749
909	82 62 81	30.150	959	91 96 81	30.968	1009	101 80 81	31.765
910	82 81 00	30.166	960	92 16 00	30.984	1010	102 01 00	31.780
911	82 99 21	30.183	961	92 35 21	31.000	1011	102 21 21	31.796
912	83 17 44	30.199	962	92 54 44	31.016	1012	102 41 44	31.812
913	83 35 69	30.216	963	92 73 69	31.032	1013	102 61 69	31.828
914	83 53 96	30.232	964	92 92 96	31.048	1014	102 81 96	31.843
915	83 72 25	30.249	965	93 12 25	31.064	1015	103 02 25	31.859
916	83 90 56	30.265	966	93 31 56	31.081	1016	103 22 56	31.875
917	84 08 89	30.282	967	93 50 89	31.097	1017	103 42 89	31.890
918	84 27 24	30.299	968	93 70 24	31.113	1018	103 63 24	31.906
919	84 45 61	30.315	969	93 89 61	31.129	1019	103 83 61	31.922
920	84 64 00	30.332	970	94 09 00	31.145	1020	104 04 00	31.937
921	84 82 41	30.348	971	94 28 41	31.161	1021	104 24 41	31.953
922	85 00 84	30.364	972	94 47 84	31.177	1022	104 44 84	31.969
923	85 19 29	30.381	973	94 67 29	31.193	1023	104 65 29	31.984
924	85 37 76	30.397	974	94 86 76	31.209	1024	104 85 76	32.000
925	85 56 25	30.414	975	95 06 25	31.225	1025	105 06 25	32.016
926	85 74 76	30.430	976	95 25 76	31.241	1026	105 26 76	32.031
927	85 93 29	30.447	977	95 45 29	31.257	1027	105 47 29	32.047
928	86 11 84	30.463	978	95 64 84	31.273	1028	105 67 84	32.062
929	86 30 41	30.480	979	95 84 41	31.289	1029	105 88 41	32.078
930	86 49 00	30.496	980	96 04 00	31.305	1030	106 09 00	32.094
931	86 67 61	30.512	981	96 23 61	31.321	1031	106 29 61	32.109
932	86 86 24	30.529	982	96 43 24	31.337	1032	106 50 24	32.125
933	87 04 89	30.545	983	96 62 89	31.353	1033	106 70 89	32.140
934	87 23 56	30.561	984	96 82 56	31.369	1034	106 91 56	32.156
935	87 42 25	30.578	985	97 02 25	31.385	1035	107 12 25	32.171
936	87 60 96	30.594	986	97 21 96	31.401	1036	107 32 96	32.187
937	87 79 69	30.610	987	97 41 69	31.417	1037	107 53 69	32.202
938	87 98 44	30.627	988	97 61 44	31.432	1038	107 74 44	32.218
939	88 17 21	30.643	989	97 81 21	31.448	1039	107 95 21	32.234
940	88 36 00	30.659	990	98 01 00	31.464	1040	108 16 00	32.249
941	88 54 81	30.676	991	98 20 81	31.480	1041	108 36 81	32.265
942	88 73 64	30.692	992	98 40 64	31.496	1042	108 57 64	32.280
943	88 92 49	30.708	993	98 60 49	31.512	1043	108 78 49	32.296
944	89 11 36	30.725	994	98 80 36	31.528	1044	108 99 36	32.311
945	89 30 25	30.741	995	99 00 25	31.544	1045	109 20 25	32.326
946	89 49 16	30.757	996	99 20 16	31.559	1046	109 41 16	32.342
947	89 68 09	30.773	997	99 40 09	31.575	1047	109 62 09	32.357
948	89 87 04	30.790	998	99 60 04	31.591	1048	109 83 04	32.373
949	90 06 01	30.806	999	99 80 01	31.607	1049	110 04 01	32.388
950	90 25 00	30.822	1000	100 00 00	31.623	1050	110 25 00	32.404

表二
積

	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
2	4	6	8	10	12	14	16	18	20	2
3	6	9	12	15	18	21	24	27	30	3
4	8	12	16	20	24	28	32	36	40	4
5	10	15	20	25	30	35	40	45	50	5
6	12	18	24	30	36	42	48	54	60	6
7	14	21	28	35	42	49	56	63	70	7
8	16	24	32	40	48	56	64	72	80	8
9	18	27	36	45	54	63	72	81	90	9
10	20	30	40	50	60	70	80	90	100	10
11	22	33	44	55	66	77	88	99	110	11
12	24	36	48	60	72	84	96	108	120	12
13	26	39	52	65	78	91	104	117	130	13
14	28	42	56	70	84	98	112	126	140	14
15	30	45	60	75	90	105	120	135	150	15
16	32	48	64	80	96	112	128	144	160	16
17	34	51	68	85	102	119	136	153	170	17
18	36	54	72	90	108	126	144	162	180	18
19	38	57	76	95	114	133	152	171	190	19
20	40	60	80	100	120	140	160	180	200	20
21	42	63	84	105	126	147	168	189	210	21
22	44	66	88	110	132	154	176	198	220	22
23	46	69	92	115	138	161	184	207	230	23
24	48	72	96	120	144	168	192	216	240	24
25	50	75	100	125	150	175	200	225	250	25
26	52	78	104	130	156	182	208	234	260	26
27	54	81	108	135	162	189	216	243	270	27
28	56	84	112	140	168	196	224	252	280	28
29	58	87	116	145	174	203	232	261	290	29
30	60	90	120	150	180	210	240	270	300	30
31	62	93	124	155	186	217	248	279	310	31
32	64	96	128	160	192	224	256	288	320	32
33	66	99	132	165	198	231	264	297	330	33
34	68	102	136	170	204	238	272	306	340	34
35	70	105	140	175	210	245	280	315	350	35
36	72	108	144	180	216	252	288	324	360	36
37	74	111	148	185	222	259	296	333	370	37
38	76	114	152	190	228	266	304	342	380	38
39	78	117	156	195	234	273	312	351	390	39
40	80	120	160	200	240	280	320	360	400	40
41	82	123	164	205	246	287	328	369	410	41
42	84	126	168	210	252	294	336	378	420	42
43	86	129	172	215	258	301	344	387	430	43
44	88	132	176	220	264	308	352	396	440	44
45	90	135	180	225	270	315	360	405	450	45
46	92	138	184	230	276	322	368	414	460	46
47	94	141	188	235	282	329	376	423	470	47
48	96	144	192	240	288	336	384	432	480	48
49	98	147	196	245	294	343	392	441	490	49
50	100	150	200	250	300	350	400	450	500	50

表二 (續)

積

	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
51	102	153	204	255	306	357	408	459	510	51
52	104	156	208	260	312	364	416	468	520	52
53	106	159	212	265	318	371	424	477	530	53
54	108	162	216	270	324	378	432	486	540	54
55	110	165	220	275	330	385	440	495	550	55
56	112	168	224	280	336	392	448	504	560	56
57	114	171	228	285	342	399	456	513	570	57
58	116	174	232	290	348	406	464	522	580	58
59	118	177	236	295	354	413	472	531	590	59
60	120	180	240	300	360	420	480	540	600	60
61	122	183	244	305	366	427	488	549	610	61
62	124	186	248	310	372	434	496	558	620	62
63	126	189	252	315	378	441	504	567	630	63
64	128	192	256	320	384	448	512	576	640	64
65	130	195	260	325	390	455	520	585	650	65
66	132	198	264	330	396	462	528	594	660	66
67	134	201	268	335	402	469	536	603	670	67
68	136	204	272	340	408	476	544	612	680	68
69	138	207	276	345	414	483	552	621	690	69
70	140	210	280	350	420	490	560	630	700	70
71	142	213	284	355	426	497	568	639	710	71
72	144	216	288	360	432	504	576	648	720	72
73	146	219	292	365	438	511	584	657	730	73
74	148	222	296	370	444	518	592	666	740	74
75	150	225	300	375	450	525	600	675	750	75
76	152	228	304	380	456	532	608	684	760	76
77	154	231	308	385	462	539	616	693	770	77
78	156	234	312	390	468	546	624	702	780	78
79	158	237	316	395	474	553	632	711	790	79
80	160	240	320	400	480	560	640	720	800	80
81	162	243	324	405	486	567	648	729	810	81
82	164	246	328	410	492	574	656	738	820	82
83	166	249	332	415	498	581	664	747	830	83
84	168	252	336	420	504	588	672	756	840	84
85	170	255	340	425	510	595	680	765	850	85
86	172	258	344	430	516	602	688	774	860	86
87	174	261	348	435	522	609	696	783	870	87
88	176	264	352	440	528	616	704	792	880	88
89	178	267	356	445	534	623	712	801	890	89
90	180	270	360	450	540	630	720	810	900	90
91	182	273	364	455	546	637	728	819	910	91
92	184	276	368	460	552	644	736	828	920	92
93	186	279	372	465	558	651	744	837	930	93
94	188	282	376	470	564	658	752	846	940	94
95	190	285	380	475	570	665	760	855	950	95
96	192	288	384	480	576	672	768	864	960	96
97	194	291	388	485	582	679	776	873	970	97
98	196	294	392	490	588	686	784	882	980	98
99	198	297	396	495	594	693	792	891	990	99

積

	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	
2	22	24	26	28	30	32	34	36	38	40	2
3	33	36	39	42	45	48	51	54	57	60	3
4	44	48	52	56	60	64	68	72	76	80	4
5	55	60	65	70	75	80	85	90	95	100	5
6	66	72	78	84	90	96	102	108	114	120	6
7	77	84	91	98	105	112	119	126	133	140	7
8	88	96	104	112	120	128	136	144	152	160	8
9	99	108	117	126	135	144	153	162	171	180	9
10	110	120	130	140	150	160	170	180	190	200	10
11	121	132	143	154	165	176	187	198	209	220	11
12	132	144	156	168	180	192	204	216	228	240	12
13	143	156	169	182	195	208	221	234	247	260	13
14	154	168	182	196	210	224	238	252	266	280	14
15	165	180	195	210	225	240	255	270	285	300	15
16	176	192	208	224	240	256	272	288	304	320	16
17	187	204	221	238	255	272	289	306	323	340	17
18	198	216	234	252	270	288	306	324	342	360	18
19	209	228	247	266	285	304	323	342	361	380	19
20	220	240	260	280	300	320	340	360	380	400	20
21	231	252	273	294	315	336	357	378	399	420	21
22	242	264	286	308	330	352	374	396	418	440	22
23	253	276	299	322	345	368	391	414	437	460	23
24	264	288	312	336	360	384	408	432	456	480	24
25	275	300	325	350	375	400	425	450	475	500	25
26	286	312	338	364	390	416	442	468	494	520	26
27	297	324	351	378	405	432	459	486	513	540	27
28	308	336	364	392	420	448	476	504	532	560	28
29	319	348	377	406	435	464	493	522	551	580	29
30	330	360	390	420	450	480	510	540	570	600	30
31	341	372	403	434	465	496	527	558	589	620	31
32	352	384	416	448	480	512	544	576	608	640	32
33	363	396	429	462	495	528	561	594	627	660	33
34	374	408	442	476	510	544	578	612	646	680	34
35	385	420	455	490	525	560	595	630	665	700	35
36	396	432	468	504	540	576	612	648	684	720	36
37	407	444	481	518	555	592	629	666	703	740	37
38	418	456	494	532	570	608	646	684	722	760	38
39	429	468	507	546	585	624	663	702	741	780	39
40	440	480	520	560	600	640	680	720	760	800	40
41	451	492	533	574	615	656	697	738	779	820	41
42	462	504	546	588	630	672	714	756	798	840	42
43	473	516	559	602	645	688	731	774	817	860	43
44	484	528	572	616	660	704	748	792	836	880	44
45	495	540	585	630	675	720	765	810	855	900	45
46	506	552	598	644	690	736	782	828	874	920	46
47	517	564	611	658	705	752	799	846	893	940	47
48	528	576	624	672	720	768	816	864	912	960	48
49	539	588	637	686	735	784	833	882	931	980	49
50	550	600	650	700	750	800	850	900	950	1000	50

積

	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	
51	561	612	663	714	765	816	867	918	969	1020	51
52	572	624	676	728	780	832	884	936	988	1040	52
53	583	636	689	742	795	848	901	954	1007	1060	53
54	594	648	702	756	810	864	918	972	1026	1080	54
55	605	660	715	770	825	880	935	990	1045	1100	55
56	616	672	728	784	840	896	952	1008	1064	1120	56
57	627	684	741	798	855	912	969	1026	1083	1140	57
58	638	696	754	812	870	928	986	1044	1102	1160	58
59	649	708	767	826	885	944	1003	1062	1121	1180	59
60	660	720	780	840	900	960	1020	1080	1140	1200	60
61	671	732	793	854	915	976	1037	1098	1159	1220	61
62	682	744	806	868	930	992	1054	1116	1178	1240	62
63	693	756	819	882	945	1008	1071	1134	1197	1260	63
64	704	768	832	896	960	1024	1088	1152	1216	1280	64
65	715	780	845	910	975	1040	1105	1170	1235	1300	65
66	726	792	858	924	990	1056	1122	1188	1254	1320	66
67	737	804	871	938	1005	1072	1139	1206	1273	1340	67
68	748	816	884	952	1020	1088	1156	1224	1292	1360	68
69	759	828	897	966	1035	1104	1173	1242	1311	1380	69
70	770	840	910	980	1050	1120	1190	1260	1330	1400	70
71	781	852	923	994	1065	1136	1207	1278	1349	1420	71
72	792	864	936	1008	1080	1152	1224	1296	1368	1440	72
73	803	876	949	1022	1095	1168	1241	1314	1387	1460	73
74	814	888	962	1036	1110	1184	1258	1332	1406	1480	74
75	825	900	975	1050	1125	1200	1275	1350	1425	1500	75
76	836	912	988	1064	1140	1216	1292	1368	1444	1520	76
77	847	924	1001	1078	1155	1232	1309	1386	1463	1540	77
78	858	936	1014	1092	1170	1248	1326	1404	1482	1560	78
79	869	948	1027	1106	1185	1264	1343	1422	1501	1580	79
80	880	960	1040	1120	1200	1280	1360	1440	1520	1600	80
81	891	972	1053	1134	1215	1296	1377	1458	1539	1620	81
82	902	984	1066	1148	1230	1312	1394	1476	1558	1640	82
83	913	996	1079	1162	1245	1328	1411	1494	1577	1660	83
84	924	1008	1092	1176	1260	1344	1428	1512	1596	1680	84
85	935	1020	1105	1190	1275	1360	1445	1530	1615	1700	85
86	946	1032	1118	1204	1290	1376	1462	1548	1634	1720	86
87	957	1044	1131	1218	1305	1392	1479	1566	1653	1740	87
88	968	1056	1144	1232	1320	1408	1496	1584	1672	1760	88
89	979	1068	1157	1246	1335	1424	1513	1602	1691	1780	89
90	990	1080	1170	1260	1350	1440	1530	1620	1710	1800	90
91	1001	1092	1183	1274	1365	1456	1547	1638	1729	1820	91
92	1012	1104	1196	1288	1380	1472	1564	1656	1748	1840	92
93	1023	1116	1209	1302	1395	1488	1581	1674	1767	1860	93
94	1034	1128	1222	1316	1410	1504	1598	1692	1786	1880	94
95	1045	1140	1235	1330	1425	1520	1615	1710	1805	1900	95
96	1056	1152	1248	1344	1440	1536	1632	1728	1824	1920	96
97	1067	1164	1261	1358	1455	1552	1649	1746	1843	1940	97
98	1078	1176	1274	1372	1470	1568	1666	1764	1862	1960	98
99	1089	1188	1287	1386	1485	1584	1683	1782	1881	1980	99

積

	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	
2	42	44	46	48	50	52	54	56	58	60	2
3	63	66	69	72	75	78	81	84	87	90	3
4	84	88	92	96	100	104	108	112	116	120	4
5	105	110	115	120	125	130	135	140	145	150	5
6	126	132	138	144	150	156	162	168	174	180	6
7	147	154	161	168	175	182	189	196	203	210	7
8	168	176	184	192	200	208	216	224	232	240	8
9	189	198	207	216	225	234	243	252	261	270	9
10	210	220	230	240	250	260	270	280	290	300	10
11	231	242	253	264	275	286	297	308	319	330	11
12	252	264	276	288	300	312	324	336	348	360	12
13	273	286	299	312	325	338	351	364	377	390	13
14	294	308	322	336	350	364	378	392	406	420	14
15	315	330	345	360	375	390	405	420	435	450	15
16	336	352	368	384	400	416	432	448	464	480	16
17	357	374	391	408	425	442	459	476	493	510	17
18	378	396	414	432	450	468	486	504	522	540	18
19	399	418	437	456	475	494	513	532	551	570	19
20	420	440	460	480	500	520	540	560	580	600	20
21	441	462	483	504	525	546	567	588	609	630	21
22	462	484	506	528	550	572	594	616	638	660	22
23	483	506	529	552	575	598	621	644	667	690	23
24	504	528	552	576	600	624	648	672	696	720	24
25	525	550	575	600	625	650	675	700	725	750	25
26	546	572	598	624	650	676	702	728	754	780	26
27	567	594	621	648	675	702	729	756	783	810	27
28	588	616	644	672	700	728	756	784	812	840	28
29	609	638	667	696	725	754	783	812	841	870	29
30	630	660	690	720	750	780	810	840	870	900	30
31	651	682	713	744	775	806	837	868	899	930	31
32	672	704	736	768	800	832	864	896	928	960	32
33	693	726	759	792	825	858	891	924	957	990	33
34	714	748	782	816	850	884	918	952	986	1020	34
35	735	770	805	840	875	910	945	980	1015	1050	35
36	756	792	828	864	900	936	972	1008	1044	1080	36
37	777	814	851	888	925	962	999	1036	1073	1110	37
38	798	836	874	912	950	988	1026	1064	1102	1140	38
39	819	858	897	936	975	1014	1053	1092	1131	1170	39
40	840	880	920	960	1000	1040	1080	1120	1160	1200	40
41	861	902	943	984	1025	1066	1107	1148	1189	1230	41
42	882	924	966	1008	1050	1092	1134	1176	1218	1260	42
43	903	946	989	1032	1075	1118	1161	1204	1247	1290	43
44	924	968	1012	1056	1100	1144	1188	1232	1276	1320	44
45	945	990	1035	1080	1125	1170	1215	1260	1305	1350	45
46	966	1012	1058	1104	1150	1196	1242	1288	1334	1380	46
47	987	1034	1081	1128	1175	1222	1269	1316	1363	1410	47
48	1008	1056	1104	1152	1200	1248	1296	1344	1392	1440	48
49	1029	1078	1127	1176	1225	1274	1323	1372	1421	1470	49
50	1050	1100	1150	1200	1250	1300	1350	1400	1450	1500	50

表二(續)

積

	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	
51	1071	1122	1173	1224	1275	1326	1377	1428	1479	1530	51
52	1092	1144	1196	1248	1300	1352	1404	1456	1508	1560	52
53	1113	1166	1219	1272	1325	1378	1431	1484	1537	1590	53
54	1134	1188	1242	1296	1350	1404	1458	1512	1566	1620	54
55	1155	1210	1265	1320	1375	1430	1485	1540	1595	1650	55
56	1176	1232	1288	1344	1400	1456	1512	1568	1624	1680	56
57	1197	1254	1311	1368	1425	1482	1539	1596	1653	1710	57
58	1218	1276	1334	1392	1450	1508	1566	1624	1682	1740	58
59	1239	1298	1357	1416	1475	1534	1593	1652	1711	1770	59
60	1260	1320	1380	1440	1500	1560	1620	1680	1740	1800	60
61	1281	1342	1403	1464	1525	1586	1647	1708	1769	1830	61
62	1302	1364	1426	1488	1550	1612	1674	1736	1798	1860	62
63	1323	1386	1449	1512	1575	1638	1701	1764	1827	1890	63
64	1344	1408	1472	1536	1600	1664	1728	1792	1856	1920	64
65	1365	1430	1495	1560	1625	1690	1755	1820	1885	1950	65
66	1386	1452	1518	1584	1650	1716	1782	1848	1914	1980	66
67	1407	1474	1541	1608	1675	1742	1809	1876	1943	2010	67
68	1428	1496	1564	1632	1700	1768	1836	1904	1972	2040	68
69	1449	1518	1587	1656	1725	1794	1863	1932	2001	2070	69
70	1470	1540	1610	1680	1750	1820	1890	1960	2030	2100	70
71	1491	1562	1633	1704	1775	1846	1917	1988	2059	2130	71
72	1512	1584	1656	1728	1800	1872	1944	2016	2088	2160	72
73	1533	1606	1679	1752	1825	1898	1971	2044	2117	2190	73
74	1554	1628	1702	1776	1850	1924	1998	2072	2146	2220	74
75	1575	1650	1725	1800	1875	1950	2025	2100	2175	2250	75
76	1596	1672	1748	1824	1900	1976	2052	2128	2204	2280	76
77	1617	1694	1771	1848	1925	2002	2079	2156	2233	2310	77
78	1638	1716	1794	1872	1950	2028	2106	2184	2262	2340	78
79	1659	1738	1817	1896	1975	2054	2133	2212	2291	2370	79
80	1680	1760	1840	1920	2000	2080	2160	2240	2320	2400	80
81	1701	1782	1863	1944	2025	2106	2187	2268	2349	2430	81
82	1722	1804	1886	1968	2050	2132	2214	2296	2378	2460	82
83	1743	1826	1909	1992	2075	2158	2241	2324	2407	2490	83
84	1764	1848	1932	2016	2100	2184	2268	2352	2436	2520	84
85	1785	1870	1955	2040	2125	2210	2295	2380	2465	2550	85
86	1806	1892	1978	2064	2150	2236	2322	2408	2494	2580	86
87	1827	1914	2001	2088	2175	2262	2349	2436	2523	2610	87
88	1848	1936	2024	2112	2200	2288	2376	2464	2552	2640	88
89	1869	1958	2047	2136	2225	2314	2403	2492	2581	2670	89
90	1890	1980	2070	2160	2250	2340	2430	2520	2610	2700	90
91	1911	2002	2093	2184	2275	2366	2457	2548	2639	2730	91
92	1932	2024	2116	2208	2300	2392	2484	2576	2668	2760	92
93	1953	2046	2139	2232	2325	2418	2511	2604	2697	2790	93
94	1974	2068	2162	2256	2350	2444	2538	2632	2726	2820	94
95	1995	2090	2185	2280	2375	2470	2565	2660	2755	2850	95
96	2016	2112	2208	2304	2400	2496	2592	2688	2784	2880	96
97	2037	2134	2231	2328	2425	2522	2619	2716	2813	2910	97
98	2058	2156	2254	2352	2450	2548	2646	2744	2842	2940	98
99	2079	2178	2277	2376	2475	2574	2673	2772	2871	2970	99

表二(續)

積

	31	32	33	34	35	36	37	38	39	40	
2	62	64	66	68	70	72	74	76	78	80	2
3	93	96	99	102	105	108	111	114	117	120	3
4	124	128	132	136	140	144	148	152	156	160	4
5	155	160	165	170	175	180	185	190	195	200	5
6	186	192	198	204	210	216	222	228	234	240	6
7	217	224	231	238	245	252	259	266	273	280	7
8	248	256	264	272	280	288	296	304	312	320	8
9	279	288	297	306	315	324	333	342	351	360	9
10	310	320	330	340	350	360	370	380	390	400	10
11	341	352	363	374	385	396	407	418	429	440	11
12	372	384	396	408	420	432	444	456	468	480	12
13	403	416	429	442	455	468	481	494	507	520	13
14	434	448	462	476	490	504	518	532	546	560	14
15	465	480	495	510	525	540	555	570	585	600	15
16	496	512	528	544	560	576	592	608	624	640	16
17	527	544	561	578	595	612	629	646	663	680	17
18	558	576	594	612	630	648	666	684	702	720	18
19	589	608	627	646	665	684	703	722	741	760	19
20	620	640	660	680	700	720	740	760	780	800	20
21	651	672	693	714	735	756	777	798	819	840	21
22	682	704	726	748	770	792	814	836	858	880	22
23	713	736	759	782	805	828	851	874	897	920	23
24	744	768	792	816	840	864	888	912	936	960	24
25	775	800	825	850	875	900	925	950	975	1000	25
26	806	832	858	884	910	936	962	988	1014	1040	26
27	837	864	891	918	945	972	999	1026	1053	1080	27
28	868	896	924	952	980	1008	1036	1064	1092	1120	28
29	899	928	957	986	1015	1044	1073	1102	1131	1160	29
30	930	960	990	1020	1050	1080	1110	1140	1170	1200	30
31	961	992	1023	1054	1085	1116	1147	1178	1209	1240	31
32	992	1024	1056	1088	1120	1152	1184	1216	1248	1280	32
33	1023	1056	1089	1122	1155	1188	1221	1254	1287	1320	33
34	1054	1088	1122	1156	1190	1224	1258	1292	1326	1360	34
35	1085	1120	1155	1190	1225	1260	1295	1330	1365	1400	35
36	1116	1152	1188	1224	1260	1296	1332	1368	1404	1440	36
37	1147	1184	1221	1258	1295	1332	1369	1406	1443	1480	37
38	1178	1216	1254	1292	1330	1368	1406	1444	1482	1520	38
39	1209	1248	1287	1326	1365	1404	1443	1482	1521	1560	39
40	1240	1280	1320	1360	1400	1440	1480	1520	1560	1600	40
41	1271	1312	1353	1394	1435	1476	1517	1558	1599	1640	41
42	1302	1344	1386	1428	1470	1512	1554	1596	1638	1680	42
43	1333	1376	1419	1462	1505	1548	1591	1634	1677	1720	43
44	1364	1408	1452	1496	1540	1584	1628	1672	1716	1760	44
45	1395	1440	1485	1530	1575	1620	1665	1710	1755	1800	45
46	1426	1472	1518	1564	1610	1656	1702	1748	1794	1840	46
47	1457	1504	1551	1598	1645	1692	1739	1786	1833	1880	47
48	1488	1536	1584	1632	1680	1728	1776	1824	1872	1920	48
49	1519	1568	1617	1666	1715	1764	1813	1862	1911	1960	49
50	1550	1600	1650	1700	1750	1800	1850	1900	1950	2000	50

積

	31	32	33	34	35	36	37	38	39	40	
51	1581	1632	1683	1734	1785	1836	1887	1938	1989	2040	51
52	1612	1664	1716	1768	1820	1872	1924	1976	2028	2080	52
53	1643	1696	1749	1802	1855	1908	1961	2014	2067	2120	53
54	1674	1728	1782	1836	1890	1944	1998	2052	2106	2160	54
55	1705	1760	1815	1870	1925	1980	2035	2090	2145	2200	55
56	1736	1792	1848	1904	1960	2016	2072	2128	2184	2240	56
57	1767	1824	1881	1938	1995	2052	2109	2166	2223	2280	57
58	1798	1856	1914	1972	2030	2088	2146	2204	2262	2320	58
59	1829	1888	1947	2006	2065	2124	2183	2242	2301	2360	59
60	1860	1920	1980	2040	2100	2160	2220	2280	2340	2400	60
61	1891	1952	2013	2074	2135	2196	2257	2318	2379	2440	61
62	1922	1984	2046	2108	2170	2232	2294	2356	2418	2480	62
63	1953	2016	2079	2142	2205	2268	2331	2394	2457	2520	63
64	1984	2048	2112	2176	2240	2304	2368	2432	2496	2560	64
65	2015	2080	2145	2210	2275	2340	2405	2470	2535	2600	65
66	2046	2112	2178	2244	2310	2376	2442	2508	2574	2640	66
67	2077	2144	2211	2278	2345	2412	2479	2546	2613	2680	67
68	2108	2176	2244	2312	2380	2448	2516	2584	2652	2720	68
69	2139	2208	2277	2346	2415	2484	2553	2622	2691	2760	69
70	2170	2240	2310	2380	2450	2520	2590	2660	2730	2800	70
71	2201	2272	2343	2414	2485	2556	2627	2698	2769	2840	71
72	2232	2304	2376	2448	2520	2592	2664	2736	2808	2880	72
73	2263	2336	2409	2482	2555	2628	2701	2774	2847	2920	73
74	2294	2368	2442	2516	2590	2664	2738	2812	2886	2960	74
75	2325	2400	2475	2550	2625	2700	2775	2850	2925	3000	75
76	2356	2432	2508	2584	2660	2736	2812	2888	2964	3040	76
77	2387	2464	2541	2618	2695	2772	2849	2926	3003	3080	77
78	2418	2496	2574	2652	2730	2808	2886	2964	3042	3120	78
79	2449	2528	2607	2686	2765	2844	2923	3002	3081	3160	79
80	2480	2560	2640	2720	2800	2880	2960	3040	3120	3200	80
81	2511	2592	2673	2754	2835	2916	2997	3078	3159	3240	81
82	2542	2624	2706	2788	2870	2952	3034	3116	3198	3280	82
83	2573	2656	2739	2822	2905	2988	3071	3154	3237	3320	83
84	2604	2688	2772	2856	2940	3024	3108	3192	3276	3360	84
85	2635	2720	2805	2890	2975	3060	3145	3230	3315	3400	85
86	2666	2752	2838	2924	3010	3096	3182	3268	3354	3440	86
87	2697	2784	2871	2958	3045	3132	3219	3306	3393	3480	87
88	2728	2816	2904	2992	3080	3168	3256	3344	3432	3520	88
89	2759	2848	2937	3026	3115	3204	3293	3382	3471	3560	89
90	2790	2880	2970	3060	3150	3240	3330	3420	3510	3600	90
91	2821	2912	3003	3094	3185	3276	3367	3458	3549	3640	91
92	2852	2944	3036	3128	3220	3312	3404	3496	3588	3680	92
93	2883	2976	3069	3162	3255	3348	3441	3534	3627	3720	93
94	2914	3008	3102	3196	3290	3384	3478	3572	3666	3760	94
95	2945	3040	3135	3230	3325	3420	3515	3610	3705	3800	95
96	2976	3072	3168	3264	3360	3456	3552	3648	3744	3840	96
97	3007	3104	3201	3298	3395	3492	3589	3686	3783	3880	97
98	3038	3136	3234	3332	3430	3528	3626	3724	3822	3920	98
99	3069	3168	3267	3366	3465	3564	3663	3762	3861	3960	99

積

	41	42	43	44	45	46	47	48	49	50	
2	82	84	86	88	90	92	94	96	98	100	2
3	123	126	129	132	135	138	141	144	147	150	3
4	164	168	172	176	180	184	188	192	196	200	4
5	205	210	215	220	225	230	235	240	245	250	5
6	246	252	258	264	270	276	282	288	294	300	6
7	287	294	301	308	315	322	329	336	343	350	7
8	328	336	344	352	360	368	376	384	392	400	8
9	369	378	387	396	405	414	423	432	441	450	9
10	410	420	430	440	450	460	470	480	490	500	10
11	451	462	473	484	495	506	517	528	539	550	11
12	492	504	516	528	540	552	564	576	588	600	12
13	533	546	559	572	585	598	611	624	637	650	13
14	574	588	602	616	630	644	658	672	686	700	14
15	615	630	645	660	675	690	705	720	735	750	15
16	656	672	688	704	720	736	752	768	784	800	16
17	697	714	731	748	765	782	799	816	833	850	17
18	738	756	774	792	810	828	846	864	882	900	18
19	779	798	817	836	855	874	893	912	931	950	19
20	820	840	860	880	900	920	940	960	980	1000	20
21	861	882	903	924	945	966	987	1008	1029	1050	21
22	902	924	946	968	990	1012	1034	1056	1078	1100	22
23	943	966	989	1012	1035	1058	1081	1104	1127	1150	23
24	984	1008	1032	1056	1080	1104	1128	1152	1176	1200	24
25	1025	1050	1075	1100	1125	1150	1175	1200	1225	1250	25
26	1066	1092	1118	1144	1170	1196	1222	1248	1274	1300	26
27	1107	1134	1161	1188	1215	1242	1269	1296	1323	1350	27
28	1148	1176	1204	1232	1260	1288	1316	1344	1372	1400	28
29	1189	1218	1247	1276	1305	1334	1363	1392	1421	1450	29
30	1230	1260	1290	1320	1350	1380	1410	1440	1470	1500	30
31	1271	1302	1333	1364	1395	1426	1457	1488	1519	1550	31
32	1312	1344	1376	1408	1440	1472	1504	1536	1568	1600	32
33	1353	1386	1419	1452	1485	1518	1551	1584	1617	1650	33
34	1394	1428	1462	1496	1530	1564	1598	1632	1666	1700	34
35	1435	1470	1505	1540	1575	1610	1645	1680	1715	1750	35
36	1476	1512	1548	1584	1620	1656	1692	1728	1764	1800	36
37	1517	1554	1591	1628	1665	1702	1739	1776	1813	1850	37
38	1558	1596	1634	1672	1710	1748	1786	1824	1862	1900	38
39	1599	1638	1677	1716	1755	1794	1833	1872	1911	1950	39
40	1640	1680	1720	1760	1800	1840	1880	1920	1960	2000	40
41	1681	1722	1763	1804	1845	1886	1927	1968	2009	2050	41
42	1722	1764	1806	1848	1890	1932	1974	2016	2058	2100	42
43	1763	1806	1849	1892	1935	1978	2021	2064	2107	2150	43
44	1804	1848	1892	1936	1980	2024	2068	2112	2156	2200	44
45	1845	1890	1935	1980	2025	2070	2115	2160	2205	2250	45
46	1886	1932	1978	2024	2070	2116	2162	2208	2254	2300	46
47	1927	1974	2021	2068	2115	2162	2209	2256	2303	2350	47
48	1968	2016	2064	2112	2160	2208	2256	2304	2352	2400	48
49	2009	2058	2107	2156	2205	2254	2303	2352	2401	2450	49
50	2050	2100	2150	2200	2250	2300	2350	2400	2450	2500	50

積

	41	42	43	44	45	46	47	48	49	50	
51	2091	2142	2193	2244	2295	2346	2397	2448	2499	2550	51
52	2132	2184	2236	2288	2340	2392	2444	2496	2548	2600	52
53	2173	2226	2279	2332	2385	2438	2491	2544	2597	2650	53
54	2214	2268	2322	2376	2430	2484	2538	2592	2646	2700	54
55	2255	2310	2365	2420	2475	2530	2585	2640	2695	2750	55
56	2296	2352	2408	2464	2520	2576	2632	2688	2744	2800	56
57	2337	2394	2451	2508	2565	2622	2679	2736	2793	2850	57
58	2378	2436	2494	2552	2610	2668	2726	2784	2842	2900	58
59	2419	2478	2537	2596	2655	2714	2773	2832	2891	2950	59
60	2460	2520	2580	2640	2700	2760	2820	2880	2940	3000	60
61	2501	2562	2623	2684	2745	2806	2867	2928	2989	3050	61
62	2542	2604	2666	2728	2790	2852	2914	2976	3038	3100	62
63	2583	2646	2709	2772	2835	2898	2961	3024	3087	3150	63
64	2624	2688	2752	2816	2880	2944	3008	3072	3136	3200	64
65	2665	2730	2795	2860	2925	2990	3055	3120	3185	3250	65
66	2706	2772	2838	2904	2970	3036	3102	3168	3234	3300	66
67	2747	2814	2881	2948	3015	3082	3149	3216	3283	3350	67
68	2788	2856	2924	2992	3060	3128	3196	3264	3332	3400	68
69	2829	2898	2967	3036	3105	3174	3243	3312	3381	3450	69
70	2870	2940	3010	3080	3150	3220	3290	3360	3430	3500	70
71	2911	2982	3053	3124	3195	3266	3337	3408	3479	3550	71
72	2952	3024	3096	3168	3240	3312	3384	3456	3528	3600	72
73	2993	3066	3139	3212	3285	3358	3431	3504	3577	3650	73
74	3034	3108	3182	3256	3330	3404	3478	3552	3626	3700	74
75	3075	3150	3225	3300	3375	3450	3525	3600	3675	3750	75
76	3116	3192	3268	3344	3420	3496	3572	3648	3724	3800	76
77	3157	3234	3311	3388	3465	3542	3619	3696	3773	3850	77
78	3198	3276	3354	3432	3510	3588	3666	3744	3822	3900	78
79	3239	3318	3397	3476	3555	3634	3713	3792	3871	3950	79
80	3280	3360	3440	3520	3600	3680	3760	3840	3920	4000	80
81	3321	3402	3483	3564	3645	3726	3807	3888	3969	4050	81
82	3362	3444	3526	3608	3690	3772	3854	3936	4018	4100	82
83	3403	3486	3569	3652	3735	3818	3901	3984	4067	4150	83
84	3444	3528	3612	3696	3780	3864	3948	4032	4116	4200	84
85	3485	3570	3655	3740	3825	3910	3995	4080	4165	4250	85
86	3526	3612	3698	3784	3870	3956	4042	4128	4214	4300	86
87	3567	3654	3741	3828	3915	4002	4089	4176	4263	4350	87
88	3608	3696	3784	3872	3960	4048	4136	4224	4312	4400	88
89	3649	3738	3827	3916	4005	4094	4183	4272	4361	4450	89
90	3690	3780	3870	3960	4050	4140	4230	4320	4410	4500	90
91	3731	3822	3913	4004	4095	4186	4277	4368	4459	4550	91
92	3772	3864	3956	4048	4140	4232	4324	4416	4508	4600	92
93	3813	3906	3999	4092	4185	4278	4371	4464	4557	4650	93
94	3854	3948	4042	4136	4230	4324	4418	4512	4606	4700	94
95	3895	3990	4085	4180	4275	4370	4465	4560	4655	4750	95
96	3936	4032	4128	4224	4320	4416	4512	4608	4704	4800	96
97	3977	4074	4171	4268	4365	4462	4559	4656	4753	4850	97
98	4018	4116	4214	4312	4410	4508	4606	4704	4802	4900	98
99	4059	4158	4257	4356	4455	4554	4653	4752	4851	4950	99

積

	51	52	53	54	55	56	57	58	59	60	
2	102	104	106	108	110	112	114	116	118	120	2
3	153	156	159	162	165	168	171	174	177	180	3
4	204	208	212	216	220	224	228	232	236	240	4
5	255	260	265	270	275	280	285	290	295	300	5
6	306	312	318	324	330	336	342	348	354	360	6
7	357	364	371	378	385	392	399	406	413	420	7
8	408	416	424	432	440	448	456	464	472	480	8
9	459	468	477	486	495	504	513	522	531	540	9
10	510	520	530	540	550	560	570	580	590	600	10
11	561	572	583	594	605	616	627	638	649	660	11
12	612	624	636	648	660	672	684	696	708	720	12
13	663	676	689	702	715	728	741	754	767	780	13
14	714	728	742	756	770	784	798	812	826	840	14
15	765	780	795	810	825	840	855	870	885	900	15
16	816	832	848	864	880	896	912	928	944	960	16
17	867	884	901	918	935	952	969	986	1003	1020	17
18	918	936	954	972	990	1008	1026	1044	1062	1080	18
19	969	988	1007	1026	1045	1064	1083	1102	1121	1140	19
20	1020	1040	1060	1080	1100	1120	1140	1160	1180	1200	20
21	1071	1092	1113	1134	1155	1176	1197	1218	1239	1260	21
22	1122	1144	1166	1188	1210	1232	1254	1276	1298	1320	22
23	1173	1196	1219	1242	1265	1288	1311	1334	1357	1380	23
24	1224	1248	1272	1296	1320	1344	1368	1392	1416	1440	24
25	1275	1300	1325	1350	1375	1400	1425	1450	1475	1500	25
26	1326	1352	1378	1404	1430	1456	1482	1508	1534	1560	26
27	1377	1404	1431	1458	1485	1512	1539	1566	1593	1620	27
28	1428	1456	1484	1512	1540	1568	1596	1624	1652	1680	28
29	1479	1508	1537	1566	1595	1624	1653	1682	1711	1740	29
30	1530	1560	1590	1620	1650	1680	1710	1740	1770	1800	30
31	1581	1612	1643	1674	1705	1736	1767	1798	1829	1860	31
32	1632	1664	1696	1728	1760	1792	1824	1856	1888	1920	32
33	1683	1716	1749	1782	1815	1848	1881	1914	1947	1980	33
34	1734	1768	1802	1836	1870	1904	1938	1972	2006	2040	34
35	1785	1820	1855	1890	1925	1960	1995	2030	2065	2100	35
36	1836	1872	1908	1944	1980	2016	2052	2088	2124	2160	36
37	1887	1924	1961	1998	2035	2072	2109	2146	2183	2220	37
38	1938	1976	2014	2052	2090	2128	2166	2204	2242	2280	38
39	1989	2028	2067	2106	2145	2184	2223	2262	2301	2340	39
40	2040	2080	2120	2160	2200	2240	2280	2320	2360	2400	40
41	2091	2132	2173	2214	2255	2296	2337	2378	2419	2460	41
42	2142	2184	2226	2268	2310	2352	2394	2436	2478	2520	42
43	2193	2236	2279	2322	2365	2408	2451	2494	2537	2580	43
44	2244	2288	2332	2376	2420	2464	2508	2552	2596	2640	44
45	2295	2340	2385	2430	2475	2520	2565	2610	2655	2700	45
46	2346	2392	2438	2484	2530	2576	2622	2668	2714	2760	46
47	2397	2444	2491	2538	2585	2632	2679	2726	2773	2820	47
48	2448	2496	2544	2592	2640	2688	2736	2784	2832	2880	48
49	2499	2548	2597	2646	2695	2744	2793	2842	2891	2940	49
50	2550	2600	2650	2700	2750	2800	2850	2900	2950	3000	50

積

	51	52	53	54	55	56	57	58	59	60	
51	2601	2652	2703	2754	2805	2856	2907	2958	3009	3060	51
52	2652	2704	2756	2808	2860	2912	2964	3016	3068	3120	52
53	2703	2756	2809	2862	2915	2968	3021	3074	3127	3180	53
54	2754	2808	2862	2916	2970	3024	3078	3132	3186	3240	54
55	2805	2860	2915	2970	3025	3080	3135	3190	3245	3300	55
56	2856	2912	2968	3024	3080	3136	3192	3248	3304	3360	56
57	2907	2964	3021	3078	3135	3192	3249	3306	3363	3420	57
58	2958	3016	3074	3132	3190	3248	3306	3364	3422	3480	58
59	3009	3068	3127	3186	3245	3304	3363	3422	3481	3540	59
60	3060	3120	3180	3240	3300	3360	3420	3480	3540	3600	60
61	3111	3172	3233	3294	3355	3416	3477	3538	3599	3660	61
62	3162	3224	3286	3348	3410	3472	3534	3596	3658	3720	62
63	3213	3276	3339	3402	3465	3528	3591	3654	3717	3780	63
64	3264	3328	3392	3456	3520	3584	3648	3712	3776	3840	64
65	3315	3380	3445	3510	3575	3640	3705	3770	3835	3900	65
66	3366	3432	3498	3564	3630	3696	3762	3828	3894	3960	66
67	3417	3484	3551	3618	3685	3752	3819	3886	3953	4020	67
68	3468	3536	3604	3672	3740	3808	3876	3944	4012	4080	68
69	3519	3588	3657	3726	3795	3864	3933	4002	4071	4140	69
70	3570	3640	3710	3780	3850	3920	3990	4060	4130	4200	70
71	3621	3692	3763	3834	3905	3976	4047	4118	4189	4260	71
72	3672	3744	3816	3888	3960	4032	4104	4176	4248	4320	72
73	3723	3796	3869	3942	4015	4088	4161	4234	4307	4380	73
74	3774	3848	3922	3996	4070	4144	4218	4292	4366	4440	74
75	3825	3900	3975	4050	4125	4200	4275	4350	4425	4500	75
76	3876	3952	4028	4104	4180	4256	4332	4408	4484	4560	76
77	3927	4004	4081	4158	4235	4312	4389	4466	4543	4620	77
78	3978	4056	4134	4212	4290	4368	4446	4524	4602	4680	78
79	4029	4108	4187	4266	4345	4424	4503	4582	4661	4740	79
80	4080	4160	4240	4320	4400	4480	4560	4640	4720	4800	80
81	4131	4212	4293	4374	4455	4536	4617	4698	4779	4860	81
82	4182	4264	4346	4428	4510	4592	4674	4756	4838	4920	82
83	4233	4316	4399	4482	4565	4648	4731	4814	4897	4980	83
84	4284	4368	4452	4536	4620	4704	4788	4872	4956	5040	84
85	4335	4420	4505	4590	4675	4760	4845	4930	5015	5100	85
86	4386	4472	4558	4644	4730	4816	4902	4988	5074	5160	86
87	4437	4524	4611	4698	4785	4872	4959	5046	5133	5220	87
88	4488	4576	4664	4752	4840	4928	5016	5104	5192	5280	88
89	4539	4628	4717	4806	4895	4984	5073	5162	5251	5340	89
90	4590	4680	4770	4860	4950	5040	5130	5220	5310	5400	90
91	4641	4732	4823	4914	5005	5096	5187	5278	5369	5460	91
92	4692	4784	4876	4968	5060	5152	5244	5336	5428	5520	92
93	4743	4836	4929	5022	5115	5208	5301	5394	5487	5580	93
94	4794	4888	4982	5076	5170	5264	5358	5452	5546	5640	94
95	4845	4940	5035	5130	5225	5320	5415	5510	5605	5700	95
96	4896	4992	5088	5184	5280	5376	5472	5568	5664	5760	96
97	4947	5044	5141	5238	5335	5432	5529	5626	5723	5820	97
98	4998	5096	5194	5292	5390	5488	5586	5684	5782	5880	98
99	5049	5148	5247	5346	5445	5544	5643	5742	5841	5940	99

積

	61	62	63	64	65	66	67	68	69	70	
2	122	124	126	128	130	132	134	136	138	140	2
3	183	186	189	192	195	198	201	204	207	210	3
4	244	248	252	256	260	264	268	272	276	280	4
5	305	310	315	320	325	330	335	340	345	350	5
6	366	372	378	384	390	396	402	408	414	420	6
7	427	434	441	448	455	462	469	476	483	490	7
8	488	496	504	512	520	528	536	544	552	560	8
9	549	558	567	576	585	594	603	612	621	630	9
10	610	620	630	640	650	660	670	680	690	700	10
11	671	682	693	704	715	726	737	748	759	770	11
12	732	744	756	768	780	792	804	816	828	840	12
13	793	806	819	832	845	858	871	884	897	910	13
14	854	868	882	896	910	924	938	952	966	980	14
15	915	930	945	960	975	990	1005	1020	1035	1050	15
16	976	992	1008	1024	1040	1056	1072	1088	1104	1120	16
17	1037	1054	1071	1088	1105	1122	1139	1156	1173	1190	17
18	1098	1116	1134	1152	1170	1188	1206	1224	1242	1260	18
19	1159	1178	1197	1216	1235	1254	1273	1292	1311	1330	19
20	1220	1240	1260	1280	1300	1320	1340	1360	1380	1400	20
21	1281	1302	1323	1344	1365	1386	1407	1428	1449	1470	21
22	1342	1364	1386	1408	1430	1452	1474	1496	1518	1540	22
23	1403	1426	1449	1472	1495	1518	1541	1564	1587	1610	23
24	1464	1488	1512	1536	1560	1584	1608	1632	1656	1680	24
25	1525	1550	1575	1600	1625	1650	1675	1700	1725	1750	25
26	1586	1612	1638	1664	1690	1716	1742	1768	1794	1820	26
27	1647	1674	1701	1728	1755	1782	1809	1836	1863	1890	27
28	1708	1736	1764	1792	1820	1848	1876	1904	1932	1960	28
29	1769	1798	1827	1856	1885	1914	1943	1972	2001	2030	29
30	1830	1860	1890	1920	1950	1980	2010	2040	2070	2100	30
31	1891	1922	1953	1984	2015	2046	2077	2108	2139	2170	31
32	1952	1984	2016	2048	2080	2112	2144	2176	2208	2240	32
33	2013	2046	2079	2112	2145	2178	2211	2244	2277	2310	33
34	2074	2108	2142	2176	2210	2244	2278	2312	2346	2380	34
35	2135	2170	2205	2240	2275	2310	2345	2380	2415	2450	35
36	2196	2232	2268	2304	2340	2376	2412	2448	2484	2520	36
37	2257	2294	2331	2368	2405	2442	2479	2516	2553	2590	37
38	2318	2356	2394	2432	2470	2508	2546	2584	2622	2660	38
39	2379	2418	2457	2496	2535	2574	2613	2652	2691	2730	39
40	2440	2480	2520	2560	2600	2640	2680	2720	2760	2800	40
41	2501	2542	2583	2624	2665	2706	2747	2788	2829	2870	41
42	2562	2604	2646	2688	2730	2772	2814	2856	2898	2940	42
43	2623	2666	2709	2752	2795	2838	2881	2924	2967	3010	43
44	2684	2728	2772	2816	2860	2904	2948	2992	3036	3080	44
45	2745	2790	2835	2880	2925	2970	3015	3060	3105	3150	45
46	2806	2852	2898	2944	2990	3036	3082	3128	3174	3220	46
47	2867	2914	2961	3008	3055	3102	3149	3196	3243	3290	47
48	2928	2976	3024	3072	3120	3168	3216	3264	3312	3360	48
49	2989	3038	3087	3136	3185	3234	3283	3332	3381	3430	49
50	3050	3100	3150	3200	3250	3300	3350	3400	3450	3500	50

表二 (續)
積

	61	62	63	64	65	66	67	68	69	70	
51	3111	3162	3213	3264	3315	3366	3417	3468	3519	3570	51
52	3172	3224	3276	3328	3380	3432	3484	3536	3588	3640	52
53	3233	3286	3339	3392	3445	3498	3551	3604	3657	3710	53
54	3294	3348	3402	3456	3510	3564	3618	3672	3726	3780	54
55	3355	3410	3465	3520	3575	3630	3685	3740	3795	3850	55
56	3416	3472	3528	3584	3640	3696	3752	3808	3864	3920	56
57	3477	3534	3591	3648	3705	3762	3819	3876	3933	3990	57
58	3538	3596	3654	3712	3770	3828	3886	3944	4002	4060	58
59	3599	3658	3717	3776	3835	3894	3953	4012	4071	4130	59
60	3660	3720	3780	3840	3900	3960	4020	4080	4140	4200	60
61	3721	3782	3843	3904	3965	4026	4087	4148	4209	4270	61
62	3782	3844	3906	3968	4030	4092	4154	4216	4278	4340	62
63	3843	3906	3969	4032	4095	4158	4221	4284	4347	4410	63
64	3904	3968	4032	4096	4160	4224	4288	4352	4416	4480	64
65	3965	4030	4095	4160	4225	4290	4355	4420	4485	4550	65
66	4026	4092	4158	4224	4290	4356	4422	4488	4554	4620	66
67	4087	4154	4221	4288	4355	4422	4489	4556	4623	4690	67
68	4148	4216	4284	4352	4420	4488	4556	4624	4692	4760	68
69	4209	4278	4347	4416	4485	4554	4623	4692	4761	4830	69
70	4270	4340	4410	4480	4550	4620	4690	4760	4830	4900	70
71	4331	4402	4473	4544	4615	4686	4757	4828	4899	4970	71
72	4392	4464	4536	4608	4680	4752	4824	4896	4968	5040	72
73	4453	4526	4599	4672	4745	4818	4891	4964	5037	5110	73
74	4514	4588	4662	4736	4810	4884	4958	5032	5106	5180	74
75	4575	4650	4725	4800	4875	4950	5025	5100	5175	5250	75
76	4636	4712	4788	4864	4940	5016	5092	5168	5244	5320	76
77	4697	4774	4851	4928	5005	5082	5159	5236	5313	5390	77
78	4758	4836	4914	4992	5070	5148	5226	5304	5382	5460	78
79	4819	4898	4977	5056	5135	5214	5293	5372	5451	5530	79
80	4880	4960	5040	5120	5200	5280	5360	5440	5520	5600	80
81	4941	5022	5103	5184	5265	5346	5427	5508	5589	5670	81
82	5002	5084	5166	5248	5330	5412	5494	5576	5658	5740	82
83	5063	5146	5229	5312	5395	5478	5561	5644	5727	5810	83
84	5124	5208	5292	5376	5460	5544	5628	5712	5796	5880	84
85	5185	5270	5355	5440	5525	5610	5695	5780	5865	5950	85
86	5246	5332	5418	5504	5590	5676	5762	5848	5934	6020	86
87	5307	5394	5481	5568	5655	5742	5829	5916	6003	6090	87
88	5368	5456	5544	5632	5720	5808	5896	5984	6072	6160	88
89	5429	5518	5607	5696	5785	5874	5963	6052	6141	6230	89
90	5490	5580	5670	5760	5850	5940	6030	6120	6210	6300	90
91	5551	5642	5733	5824	5915	6006	6097	6188	6279	6370	91
92	5612	5704	5796	5888	5980	6072	6164	6256	6348	6440	92
93	5673	5766	5859	5952	6045	6138	6231	6324	6417	6510	93
94	5734	5828	5922	6016	6110	6204	6298	6392	6486	6580	94
95	5795	5890	5985	6080	6175	6270	6365	6460	6555	6650	95
96	5856	5952	6048	6144	6240	6336	6432	6528	6624	6720	96
97	5917	6014	6111	6208	6305	6402	6499	6596	6693	6790	97
98	5978	6076	6174	6272	6370	6468	6566	6664	6762	6860	98
99	6039	6138	6237	6336	6435	6534	6633	6732	6831	6930	99

積

	71	72	73	74	75	76	77	78	79	80	
2	142	144	146	148	150	152	154	156	158	160	2
3	213	216	219	222	225	228	231	234	237	240	3
4	284	288	292	296	300	304	308	312	316	320	4
5	355	360	365	370	375	380	385	390	395	400	5
6	426	432	438	444	450	456	462	468	474	480	6
7	497	504	511	518	525	532	539	546	553	560	7
8	568	576	584	592	600	608	616	624	632	640	8
9	639	648	657	666	675	684	693	702	711	720	9
10	710	720	730	740	750	760	770	780	790	800	10
11	781	792	803	814	825	836	847	858	869	880	11
12	852	864	876	888	900	912	924	936	948	960	12
13	923	936	949	962	975	988	1001	1014	1027	1040	13
14	994	1008	1022	1036	1050	1064	1078	1092	1106	1120	14
15	1065	1080	1095	1110	1125	1140	1155	1170	1185	1200	15
16	1136	1152	1168	1184	1200	1216	1232	1248	1264	1280	16
17	1207	1224	1241	1258	1275	1292	1309	1326	1343	1360	17
18	1278	1296	1314	1332	1350	1368	1386	1404	1422	1440	18
19	1349	1368	1387	1406	1425	1444	1463	1482	1501	1520	19
20	1420	1440	1460	1480	1500	1520	1540	1560	1580	1600	20
21	1491	1512	1533	1554	1575	1596	1617	1638	1659	1680	21
22	1562	1584	1606	1628	1650	1672	1694	1716	1738	1760	22
23	1633	1656	1679	1702	1725	1748	1771	1794	1817	1840	23
24	1704	1728	1752	1776	1800	1824	1848	1872	1896	1920	24
25	1775	1800	1825	1850	1875	1900	1925	1950	1975	2000	25
26	1846	1872	1898	1924	1950	1976	2002	2028	2054	2080	26
27	1917	1944	1971	1998	2025	2052	2079	2106	2133	2160	27
28	1988	2016	2044	2072	2100	2128	2156	2184	2212	2240	28
29	2059	2088	2117	2146	2175	2204	2233	2262	2291	2320	29
30	2130	2160	2190	2220	2250	2280	2310	2340	2370	2400	30
31	2201	2232	2263	2294	2325	2356	2387	2418	2449	2480	31
32	2272	2304	2336	2368	2400	2432	2464	2496	2528	2560	32
33	2343	2376	2409	2442	2475	2508	2541	2574	2607	2640	33
34	2414	2448	2482	2516	2550	2584	2618	2652	2686	2720	34
35	2485	2520	2555	2590	2625	2660	2695	2730	2765	2800	35
36	2556	2592	2628	2664	2700	2736	2772	2808	2844	2880	36
37	2627	2664	2701	2738	2775	2812	2849	2886	2923	2960	37
38	2698	2736	2774	2812	2850	2888	2926	2964	3002	3040	38
39	2769	2808	2847	2886	2925	2964	3003	3042	3081	3120	39
40	2840	2880	2920	2960	3000	3040	3080	3120	3160	3200	40
41	2911	2952	2993	3034	3075	3116	3157	3198	3239	3280	41
42	2982	3024	3066	3108	3150	3192	3234	3276	3318	3360	42
43	3053	3096	3139	3182	3225	3268	3311	3354	3397	3440	43
44	3124	3168	3212	3256	3300	3344	3388	3432	3476	3520	44
45	3195	3240	3285	3330	3375	3420	3465	3510	3555	3600	45
46	3266	3312	3358	3404	3450	3496	3542	3588	3634	3680	46
47	3337	3384	3431	3478	3525	3572	3619	3666	3713	3760	47
48	3408	3456	3504	3552	3600	3648	3696	3744	3792	3840	48
49	3479	3528	3577	3626	3675	3724	3773	3822	3871	3920	49
50	3550	3600	3650	3700	3750	3800	3850	3900	3950	4000	50

積

	71	72	73	74	75	76	77	78	79	80	
51	3621	3672	3723	3774	3825	3876	3927	3978	4029	4080	51
52	3692	3744	3796	3848	3900	3952	4004	4056	4108	4160	52
53	3763	3816	3869	3922	3975	4028	4081	4134	4187	4240	53
54	3834	3888	3942	3996	4050	4104	4158	4212	4266	4320	54
55	3905	3960	4015	4070	4125	4180	4235	4290	4345	4400	55
56	3976	4032	4088	4144	4200	4256	4312	4368	4424	4480	56
57	4047	4104	4161	4218	4275	4332	4389	4446	4503	4560	57
58	4118	4176	4234	4292	4350	4408	4466	4524	4582	4640	58
59	4189	4248	4307	4366	4425	4484	4543	4602	4661	4720	59
60	4260	4320	4380	4440	4500	4560	4620	4680	4740	4800	60
61	4331	4392	4453	4514	4575	4636	4697	4758	4819	4880	61
62	4402	4464	4526	4588	4650	4712	4774	4830	4898	4960	62
63	4473	4536	4599	4662	4725	4788	4851	4914	4977	5040	63
64	4544	4608	4672	4736	4800	4864	4928	4992	5056	5120	64
65	4615	4680	4745	4810	4875	4940	5005	5070	5135	5200	65
66	4686	4752	4818	4884	4950	5016	5082	5148	5214	5280	66
67	4757	4824	4891	4958	5025	5092	5159	5226	5293	5360	67
68	4828	4896	4964	5032	5100	5168	5236	5304	5372	5440	68
69	4899	4968	5037	5106	5175	5244	5313	5382	5451	5520	69
70	4970	5040	5110	5180	5250	5320	5390	5460	5530	5600	70
71	5041	5112	5183	5254	5325	5396	5467	5538	5609	5680	71
72	5112	5184	5256	5328	5400	5472	5544	5616	5688	5760	72
73	5183	5256	5329	5402	5475	5548	5621	5694	5767	5840	73
74	5254	5328	5402	5476	5550	5624	5698	5772	5846	5920	74
75	5325	5400	5475	5550	5625	5700	5775	5850	5925	6000	75
76	5396	5472	5548	5624	5700	5776	5852	5928	6004	6080	76
77	5467	5544	5621	5698	5775	5852	5929	6006	6083	6160	77
78	5538	5616	5694	5772	5850	5928	6006	6084	6162	6240	78
79	5609	5688	5767	5846	5925	6004	6083	6162	6241	6320	79
80	5680	5760	5840	5920	6000	6080	6160	6240	6320	6400	80
81	5751	5832	5913	5994	6075	6156	6237	6318	6399	6480	81
82	5822	5904	5986	6068	6150	6232	6314	6396	6478	6560	82
83	5893	5976	6059	6142	6225	6308	6391	6474	6557	6640	83
84	5964	6048	6132	6216	6300	6384	6468	6552	6636	6720	84
85	6035	6120	6205	6290	6375	6460	6545	6630	6715	6800	85
86	6106	6192	6278	6364	6450	6536	6622	6708	6794	6880	86
87	6177	6264	6351	6438	6525	6612	6699	6786	6873	6960	87
88	6248	6336	6424	6512	6600	6688	6776	6864	6952	7040	88
89	6319	6408	6497	6586	6675	6764	6853	6942	7031	7120	89
90	6390	6480	6570	6660	6750	6840	6930	7020	7110	7200	90
91	6461	6552	6643	6734	6825	6916	7007	7098	7189	7280	91
92	6532	6624	6716	6808	6900	6992	7084	7176	7268	7360	92
93	6603	6696	6789	6882	6975	7068	7161	7254	7347	7440	93
94	6674	6768	6862	6956	7050	7144	7238	7332	7426	7520	94
95	6745	6840	6935	7030	7125	7220	7315	7410	7505	7600	95
96	6816	6912	7008	7104	7200	7296	7392	7488	7584	7680	96
97	6887	6984	7081	7178	7275	7372	7469	7566	7663	7760	97
98	6958	7056	7154	7252	7350	7448	7546	7644	7742	7840	98
99	7029	7128	7227	7326	7425	7524	7623	7722	7821	7920	99

積

	81	82	83	84	85	86	87	88	89	90	
2	162	164	166	168	170	172	174	176	178	180	2
3	243	246	249	252	255	258	261	264	267	270	3
4	324	328	332	336	340	344	348	352	356	360	4
5	405	410	415	420	425	430	435	440	445	450	5
6	486	492	498	504	510	516	522	528	534	540	6
7	567	574	581	588	595	602	609	616	623	630	7
8	648	656	664	672	680	688	696	704	712	720	8
9	729	738	747	756	765	774	783	792	801	810	9
10	810	820	830	840	850	860	870	880	890	900	10
11	891	902	913	924	935	946	957	968	979	990	11
12	972	984	996	1008	1020	1032	1044	1056	1068	1080	12
13	1053	1066	1079	1092	1105	1118	1131	1144	1157	1170	13
14	1134	1148	1162	1176	1190	1204	1218	1232	1246	1260	14
15	1215	1230	1245	1260	1275	1290	1305	1320	1335	1350	15
16	1296	1312	1328	1344	1360	1376	1392	1408	1424	1440	16
17	1377	1394	1411	1428	1445	1462	1479	1496	1513	1530	17
18	1458	1476	1494	1512	1530	1548	1566	1584	1602	1620	18
19	1539	1558	1577	1596	1615	1634	1653	1672	1691	1710	19
20	1620	1640	1660	1680	1700	1720	1740	1760	1780	1800	20
21	1701	1722	1743	1764	1785	1806	1827	1848	1869	1890	21
22	1782	1804	1826	1848	1870	1892	1914	1936	1958	1980	22
23	1863	1886	1909	1932	1955	1978	2001	2024	2047	2070	23
24	1944	1968	1992	2016	2040	2064	2088	2112	2136	2160	24
25	2025	2050	2075	2100	2125	2150	2175	2200	2225	2250	25
26	2106	2132	2158	2184	2210	2236	2262	2288	2314	2340	26
27	2187	2214	2241	2268	2295	2322	2349	2376	2403	2430	27
28	2268	2296	2324	2352	2380	2408	2436	2464	2492	2520	28
29	2349	2378	2407	2436	2465	2494	2523	2552	2581	2610	29
30	2430	2460	2490	2520	2550	2580	2610	2640	2670	2700	30
31	2511	2542	2573	2604	2635	2666	2697	2728	2759	2790	31
32	2592	2624	2656	2688	2720	2752	2784	2816	2848	2880	32
33	2673	2706	2739	2772	2805	2838	2871	2904	2937	2970	33
34	2754	2788	2822	2856	2890	2924	2958	2992	3026	3060	34
35	2835	2870	2905	2940	2975	3010	3045	3080	3115	3150	35
36	2916	2952	2988	3024	3060	3096	3132	3168	3204	3240	36
37	2997	3034	3071	3108	3145	3182	3219	3256	3293	3330	37
38	3078	3116	3154	3192	3230	3268	3306	3344	3382	3420	38
39	3159	3198	3237	3276	3315	3354	3393	3432	3471	3510	39
40	3240	3280	3320	3360	3400	3440	3480	3520	3560	3600	40
41	3321	3362	3403	3444	3485	3526	3567	3608	3649	3690	41
42	3402	3444	3486	3528	3570	3612	3654	3696	3738	3780	42
43	3483	3526	3569	3612	3655	3698	3741	3784	3827	3870	43
44	3564	3608	3652	3696	3740	3784	3828	3872	3916	3960	44
45	3645	3690	3735	3780	3825	3870	3915	3960	4005	4050	45
46	3726	3772	3818	3864	3910	3956	4002	4048	4094	4140	46
47	3807	3854	3901	3948	3995	4042	4089	4136	4183	4230	47
48	3888	3936	3984	4032	4080	4128	4176	4224	4272	4320	48
49	3969	4018	4067	4116	4165	4214	4263	4312	4361	4410	49
50	4050	4100	4150	4200	4250	4300	4350	4400	4450	4500	50

積

	81	82	83	84	85	86	87	88	89	90	
51	4131	4182	4233	4284	4335	4386	4437	4488	4539	4590	51
52	4212	4264	4316	4368	4420	4472	4524	4576	4628	4680	52
53	4293	4346	4399	4452	4505	4558	4611	4664	4717	4770	53
54	4374	4428	4482	4536	4590	4644	4698	4752	4806	4860	54
55	4455	4510	4565	4620	4675	4730	4785	4840	4895	4950	55
56	4536	4592	4648	4704	4760	4816	4872	4928	4984	5040	56
57	4617	4674	4731	4788	4845	4902	4959	5016	5073	5130	57
58	4698	4756	4814	4872	4930	4988	5046	5104	5162	5220	58
59	4779	4838	4897	4956	5015	5074	5133	5192	5251	5310	59
60	4860	4920	4980	5040	5100	5160	5220	5280	5340	5400	60
61	4941	5002	5063	5124	5185	5246	5307	5368	5429	5490	61
62	5022	5084	5146	5208	5270	5332	5394	5456	5518	5580	62
63	5103	5166	5229	5292	5355	5418	5481	5544	5607	5670	63
64	5184	5248	5312	5376	5440	5504	5568	5632	5696	5760	64
65	5265	5330	5395	5460	5525	5590	5655	5720	5785	5850	65
66	5346	5412	5478	5544	5610	5676	5742	5808	5874	5940	66
67	5427	5494	5561	5628	5695	5762	5829	5896	5963	6030	67
68	5508	5576	5644	5712	5780	5848	5916	5984	6052	6120	68
69	5589	5658	5727	5796	5865	5934	6003	6072	6141	6210	69
70	5670	5740	5810	5880	5950	6020	6090	6160	6230	6300	70
71	5751	5822	5893	5964	6035	6106	6177	6248	6319	6390	71
72	5832	5904	5976	6048	6120	6192	6264	6336	6408	6480	72
73	5913	5986	6059	6132	6205	6278	6351	6424	6497	6570	73
74	5994	6068	6142	6216	6290	6364	6438	6512	6586	6660	74
75	6075	6150	6225	6300	6375	6450	6525	6600	6675	6750	75
76	6156	6232	6308	6384	6460	6536	6612	6688	6764	6840	76
77	6237	6314	6391	6468	6545	6622	6699	6776	6853	6930	77
78	6318	6396	6474	6552	6630	6708	6786	6864	6942	7020	78
79	6399	6478	6557	6636	6715	6794	6873	6952	7031	7110	79
80	6480	6560	6640	6720	6800	6880	6960	7040	7120	7200	80
81	6561	6642	6723	6804	6885	6966	7047	7128	7209	7290	81
82	6642	6724	6806	6888	6970	7052	7134	7216	7298	7380	82
83	6723	6806	6889	6972	7055	7138	7221	7304	7387	7470	83
84	6804	6888	6972	7056	7140	7224	7308	7392	7476	7560	84
85	6885	6970	7055	7140	7225	7310	7395	7480	7565	7650	85
86	6966	7052	7138	7224	7310	7396	7482	7568	7654	7740	86
87	7047	7134	7221	7308	7395	7482	7569	7656	7743	7830	87
88	7128	7216	7304	7392	7480	7568	7656	7744	7832	7920	88
89	7209	7298	7387	7476	7565	7654	7743	7832	7921	8010	89
90	7290	7380	7470	7560	7650	7740	7830	7920	8010	8100	90
91	7371	7462	7553	7644	7735	7826	7917	8008	8099	8190	91
92	7452	7544	7636	7728	7820	7912	8004	8096	8188	8280	92
93	7533	7626	7719	7812	7905	7998	8091	8184	8277	8370	93
94	7614	7708	7802	7896	7990	8084	8178	8272	8366	8460	94
95	7695	7790	7885	7980	8075	8170	8265	8360	8455	8550	95
96	7776	7872	7968	8064	8160	8256	8352	8448	8544	8640	96
97	7857	7954	8051	8148	8245	8342	8439	8536	8633	8730	97
98	7938	8036	8134	8232	8330	8428	8526	8624	8722	8820	98
99	8019	8118	8217	8316	8415	8514	8613	8712	8811	8910	99

積

	91	92	93	94	95	96	97	98	99	100	
2	182	184	186	188	190	192	194	196	198	200	2
3	273	276	279	282	285	288	291	294	297	300	3
4	364	368	372	376	380	384	388	392	396	400	4
5	455	460	465	470	475	480	485	490	495	500	5
6	546	552	558	564	570	576	582	588	594	600	6
7	637	644	651	658	665	672	679	686	693	700	7
8	728	736	744	752	760	768	776	784	792	800	8
9	819	828	837	846	855	864	873	882	891	900	9
10	910	920	930	940	950	960	970	980	990	1000	10
11	1001	1012	1023	1034	1045	1056	1067	1078	1089	1100	11
12	1092	1104	1116	1128	1140	1152	1164	1176	1188	1200	12
13	1183	1196	1209	1222	1235	1248	1261	1274	1287	1300	13
14	1274	1288	1302	1316	1330	1344	1358	1372	1386	1400	14
15	1365	1380	1395	1410	1425	1440	1455	1470	1485	1500	15
16	1456	1472	1488	1504	1520	1536	1552	1568	1584	1600	16
17	1547	1564	1581	1598	1615	1632	1649	1666	1683	1700	17
18	1638	1656	1674	1692	1710	1728	1746	1764	1782	1800	18
19	1729	1748	1767	1786	1805	1824	1843	1862	1881	1900	19
20	1820	1840	1860	1880	1900	1920	1940	1960	1980	2000	20
21	1911	1932	1953	1974	1995	2016	2037	2058	2079	2100	21
22	2002	2024	2046	2068	2090	2112	2134	2156	2178	2200	22
23	2093	2116	2139	2162	2185	2208	2231	2254	2277	2300	23
24	2184	2208	2232	2256	2280	2304	2328	2352	2376	2400	24
25	2275	2300	2325	2350	2375	2400	2425	2450	2475	2500	25
26	2366	2392	2418	2444	2470	2496	2522	2548	2574	2600	26
27	2457	2484	2511	2538	2565	2592	2619	2646	2673	2700	27
28	2548	2576	2604	2632	2660	2688	2716	2744	2772	2800	28
29	2639	2668	2697	2726	2755	2784	2813	2842	2871	2900	29
30	2730	2760	2790	2820	2850	2880	2910	2940	2970	3000	30
31	2821	2852	2883	2914	2945	2976	3007	3038	3069	3100	31
32	2912	2944	2976	3008	3040	3072	3104	3136	3168	3200	32
33	3003	3036	3069	3102	3135	3168	3201	3234	3267	3300	33
34	3094	3128	3162	3196	3230	3264	3298	3332	3366	3400	34
35	3185	3220	3255	3290	3325	3360	3395	3430	3465	3500	35
36	3276	3312	3348	3384	3420	3456	3492	3528	3564	3600	36
37	3367	3404	3441	3478	3515	3552	3589	3626	3663	3700	37
38	3458	3496	3534	3572	3610	3648	3686	3724	3762	3800	38
39	3549	3588	3627	3666	3705	3744	3783	3822	3861	3900	39
40	3640	3680	3720	3760	3800	3840	3880	3920	3960	4000	40
41	3731	3772	3813	3854	3895	3936	3977	4018	4059	4100	41
42	3822	3864	3906	3948	3990	4032	4074	4116	4158	4200	42
43	3913	3956	3999	4042	4085	4128	4171	4214	4257	4300	43
44	4004	4048	4092	4136	4180	4224	4268	4312	4356	4400	44
45	4095	4140	4185	4230	4275	4320	4365	4410	4455	4500	45
46	4186	4232	4278	4324	4370	4416	4462	4508	4554	4600	46
47	4277	4324	4371	4418	4465	4512	4559	4606	4653	4700	47
48	4368	4416	4464	4512	4560	4608	4656	4704	4752	4800	48
49	4459	4508	4557	4606	4655	4704	4753	4802	4851	4900	49
50	4550	4600	4650	4700	4750	4800	4850	4900	4950	5000	50

積

	91	92	93	94	95	96	97	98	99	100	
51	4641	4692	4743	4794	4845	4896	4947	4998	5049	5100	51
52	4732	4784	4836	4888	4940	4992	5044	5096	5148	5200	52
53	4823	4876	4929	4982	5035	5088	5141	5194	5247	5300	53
54	4914	4968	5022	5076	5130	5184	5238	5292	5346	5400	54
55	5005	5060	5115	5170	5225	5280	5335	5390	5445	5500	55
56	5096	5152	5208	5264	5320	5376	5432	5488	5544	5600	56
57	5187	5244	5301	5358	5415	5472	5529	5586	5643	5700	57
58	5278	5336	5394	5452	5510	5568	5626	5684	5742	5800	58
59	5369	5428	5487	5546	5605	5664	5723	5782	5841	5900	59
60	5460	5520	5580	5640	5700	5760	5820	5880	5940	6000	60
61	5551	5612	5673	5734	5795	5856	5917	5978	6039	6100	61
62	5642	5704	5766	5828	5890	5952	6014	6076	6138	6200	62
63	5733	5796	5859	5922	5985	6048	6111	6174	6237	6300	63
64	5824	5888	5952	6016	6080	6144	6208	6272	6336	6400	64
65	5915	5980	6045	6110	6175	6240	6305	6370	6435	6500	65
66	6006	6072	6138	6204	6270	6336	6402	6468	6534	6600	66
67	6097	6164	6231	6298	6365	6432	6499	6566	6633	6700	67
68	6188	6256	6324	6392	6460	6528	6596	6664	6732	6800	68
69	6279	6348	6417	6486	6555	6624	6693	6762	6831	6900	69
70	6370	6440	6510	6580	6650	6720	6790	6860	6930	7000	70
71	6461	6532	6603	6674	6745	6816	6887	6958	7029	7100	71
72	6552	6624	6696	6768	6840	6912	6984	7056	7128	7200	72
73	6643	6716	6789	6862	6935	7008	7081	7154	7227	7300	73
74	6734	6808	6882	6956	7030	7104	7178	7252	7326	7400	74
75	6825	6900	6975	7050	7125	7200	7275	7350	7425	7500	75
76	6916	6992	7068	7144	7220	7296	7372	7448	7524	7600	76
77	7007	7084	7161	7238	7315	7392	7469	7546	7623	7700	77
78	7098	7176	7254	7332	7410	7488	7566	7644	7722	7800	78
79	7189	7268	7347	7426	7505	7584	7663	7742	7821	7900	79
80	7280	7360	7440	7520	7600	7680	7760	7840	7920	8000	80
81	7371	7452	7533	7614	7695	7776	7857	7938	8019	8100	81
82	7462	7544	7626	7708	7790	7872	7954	8036	8118	8200	82
83	7553	7636	7719	7802	7885	7968	8051	8134	8217	8300	83
84	7644	7728	7812	7896	7980	8064	8148	8232	8316	8400	84
85	7735	7820	7905	7990	8075	8160	8245	8330	8415	8500	85
86	7826	7912	7998	8084	8170	8256	8342	8428	8514	8600	86
87	7917	8004	8091	8178	8265	8352	8439	8526	8613	8700	87
88	8008	8096	8184	8272	8360	8448	8536	8624	8712	8800	88
89	8099	8188	8277	8366	8455	8544	8633	8722	8811	8900	89
90	8190	8280	8370	8460	8550	8640	8730	8820	8910	9000	90
91	8281	8372	8463	8554	8645	8736	8827	8918	9009	9100	91
92	8372	8464	8556	8648	8740	8832	8924	9016	9108	9200	92
93	8463	8556	8649	8742	8835	8928	9021	9114	9207	9300	93
94	8554	8648	8742	8836	8930	9024	9118	9212	9306	9400	94
95	8645	8740	8835	8930	9025	9120	9215	9310	9405	9500	95
96	8736	8832	8928	9024	9120	9216	9312	9408	9504	9600	96
97	8827	8924	9021	9118	9215	9312	9409	9506	9603	9700	97
98	8918	9016	9114	9212	9310	9408	9506	9604	9702	9800	98
99	9009	9108	9207	9306	9405	9504	9603	9702	9801	9900	99

表三
商數例如 $8 \div 17 = .4706$

被除數

除數	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	除數
2	.5000	1.000	1.500	2.000	2.500	3.000	3.500	4.000	4.500	5.000	2
3	.3333	.6667	1.000	1.333	1.667	2.000	2.333	2.667	3.000	3.333	3
4	.2500	.5000	.7500	1.000	1.250	1.500	1.750	2.000	2.250	2.500	4
5	.2000	.4000	.6000	.8000	1.000	1.200	1.400	1.600	1.800	2.000	5
6	.1667	.3333	.5000	.6667	.8333	1.000	1.167	1.333	1.500	1.667	6
7	.1429	.2857	.4286	.5714	.7143	.8571	1.000	1.143	1.286	1.429	7
8	.1250	.2500	.3750	.5000	.6250	.7500	.8750	1.000	1.125	1.250	8
9	.1111	.2222	.3333	.4444	.5556	.6667	.7778	.8889	1.000	1.111	9
10	.1000	.2000	.3000	.4000	.5000	.6000	.7000	.8000	.9000	1.000	10
11	.0909	.1818	.2727	.3636	.4545	.5455	.6364	.7273	.8182	.9091	11
12	.0833	.1667	.2500	.3333	.4167	.5000	.5833	.6667	.7500	.8333	12
13	.0769	.1538	.2308	.3077	.3846	.4615	.5385	.6154	.6923	.7692	13
14	.0714	.1429	.2143	.2857	.3571	.4286	.5000	.5714	.6429	.7143	14
15	.0667	.1333	.2000	.2667	.3333	.4000	.4667	.5333	.6000	.6667	15
16	.0625	.1250	.1875	.2500	.3125	.3750	.4375	.5000	.5625	.6250	16
17	.0588	.1176	.1765	.2353	.2941	.3529	.4118	.4706	.5294	.5882	17
18	.0556	.1111	.1667	.2222	.2778	.3333	.3889	.4444	.5000	.5556	18
19	.0526	.1053	.1579	.2105	.2632	.3158	.3684	.4211	.4737	.5263	19
20	.0500	.1000	.1500	.2000	.2500	.3000	.3500	.4000	.4500	.5000	20
21	.0476	.0952	.1429	.1905	.2381	.2857	.3333	.3810	.4286	.4762	21
22	.0455	.0909	.1364	.1818	.2273	.2727	.3182	.3636	.4091	.4545	22
23	.0435	.0870	.1304	.1739	.2174	.2609	.3043	.3478	.3913	.4348	23
24	.0417	.0833	.1250	.1667	.2083	.2500	.2917	.3333	.3750	.4167	24
25	.0400	.0800	.1200	.1600	.2000	.2400	.2800	.3200	.3600	.4000	25
26	.0385	.0769	.1154	.1538	.1923	.2308	.2692	.3077	.3462	.3846	26
27	.0370	.0741	.1111	.1481	.1852	.2222	.2593	.2963	.3333	.3704	27
28	.0357	.0714	.1071	.1429	.1786	.2143	.2500	.2857	.3214	.3571	28
29	.0345	.0690	.1034	.1379	.1724	.2069	.2414	.2759	.3103	.3448	29
30	.0333	.0667	.1000	.1333	.1667	.2000	.2333	.2667	.3000	.3333	30
31	.0323	.0645	.0968	.1290	.1613	.1935	.2258	.2581	.2903	.3226	31
32	.0313	.0625	.0938	.1250	.1563	.1875	.2188	.2500	.2813	.3125	32
33	.0303	.0606	.0909	.1212	.1515	.1818	.2121	.2424	.2727	.3030	33
34	.0294	.0588	.0882	.1176	.1471	.1765	.2059	.2353	.2647	.2941	34
35	.0286	.0571	.0857	.1143	.1429	.1714	.2000	.2286	.2571	.2857	35
36	.0278	.0556	.0833	.1111	.1389	.1667	.1944	.2222	.2500	.2778	36
37	.0270	.0541	.0811	.1081	.1351	.1622	.1892	.2162	.2432	.2703	37
38	.0263	.0526	.0789	.1053	.1316	.1579	.1842	.2105	.2368	.2632	38
39	.0256	.0513	.0769	.1026	.1282	.1538	.1795	.2051	.2308	.2564	39
40	.0250	.0500	.0750	.1000	.1250	.1500	.1750	.2000	.2250	.2500	40
41	.0244	.0488	.0732	.0976	.1220	.1463	.1707	.1951	.2195	.2439	41
42	.0238	.0476	.0714	.0952	.1190	.1429	.1667	.1905	.2143	.2381	42
43	.0233	.0465	.0698	.0930	.1163	.1395	.1628	.1860	.2093	.2326	43
44	.0227	.0455	.0682	.0909	.1136	.1364	.1591	.1818	.2045	.2273	44
45	.0222	.0444	.0667	.0889	.1111	.1333	.1556	.1778	.2000	.2222	45
46	.0217	.0435	.0652	.0870	.1087	.1304	.1522	.1739	.1957	.2174	46
47	.0213	.0426	.0638	.0851	.1064	.1277	.1489	.1702	.1915	.2128	47
48	.0208	.0417	.0625	.0833	.1042	.1250	.1458	.1667	.1875	.2083	48
49	.0204	.0408	.0612	.0816	.1020	.1224	.1429	.1633	.1837	.2041	49
50	.0200	.0400	.0600	.0800	.1000	.1200	.1400	.1600	.1800	.2000	50

表三 (續)

29

商 數

被 除 數

除數	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	除數
51	.0196	.0392	.0588	.0784	.0980	.1176	.1373	.1569	.1765	.1961	51
52	.0192	.0385	.0577	.0769	.0962	.1154	.1346	.1538	.1731	.1923	52
53	.0189	.0377	.0566	.0755	.0943	.1132	.1321	.1509	.1698	.1887	53
54	.0185	.0370	.0556	.0741	.0926	.1111	.1296	.1481	.1667	.1852	54
55	.0182	.0364	.0545	.0727	.0909	.1091	.1273	.1455	.1636	.1818	55
56	.0179	.0357	.0536	.0714	.0893	.1071	.1250	.1429	.1607	.1786	56
57	.0175	.0351	.0526	.0702	.0877	.1053	.1228	.1404	.1579	.1754	57
58	.0172	.0345	.0517	.0690	.0862	.1034	.1207	.1379	.1552	.1724	58
59	.0169	.0339	.0508	.0678	.0847	.1017	.1186	.1356	.1525	.1695	59
60	.0167	.0333	.0509	.0667	.0833	.1000	.1167	.1333	.1500	.1667	60
61	.0164	.0328	.0492	.0656	.0820	.0984	.1148	.1311	.1475	.1639	61
62	.0161	.0323	.0484	.0645	.0806	.0968	.1129	.1290	.1452	.1613	62
63	.0159	.0317	.0476	.0635	.0794	.0952	.1111	.1270	.1429	.1587	63
64	.0156	.0313	.0469	.0625	.0781	.0938	.1094	.1250	.1406	.1563	64
65	.0154	.0308	.0462	.0615	.0769	.0923	.1077	.1231	.1385	.1538	65
66	.0152	.0303	.0455	.0606	.0758	.0909	.1061	.1212	.1364	.1515	66
67	.0149	.0299	.0448	.0597	.0746	.0896	.1045	.1194	.1343	.1493	67
68	.0147	.0294	.0441	.0588	.0735	.0882	.1029	.1176	.1324	.1471	68
69	.0145	.0290	.0435	.0580	.0725	.0870	.1014	.1159	.1304	.1449	69
70	.0143	.0286	.0429	.0571	.0714	.0857	.1000	.1143	.1286	.1429	70
71	.0141	.0282	.0423	.0563	.0704	.0845	.0986	.1127	.1268	.1408	71
72	.0139	.0278	.0417	.0556	.0694	.0833	.0972	.1111	.1250	.1389	72
73	.0137	.0274	.0411	.0548	.0685	.0822	.0959	.1096	.1233	.1370	73
74	.0135	.0270	.0405	.0541	.0676	.0811	.0946	.1081	.1216	.1351	74
75	.0133	.0267	.0400	.0533	.0667	.0800	.0933	.1067	.1200	.1333	75
76	.0132	.0263	.0395	.0526	.0658	.0789	.0921	.1053	.1184	.1316	76
77	.0130	.0260	.0390	.0519	.0649	.0779	.0909	.1039	.1169	.1299	77
78	.0128	.0256	.0385	.0513	.0641	.0769	.0897	.1026	.1154	.1282	78
79	.0127	.0253	.0380	.0506	.0633	.0759	.0886	.1013	.1139	.1266	79
80	.0125	.0250	.0375	.0500	.0625	.0750	.0875	.1000	.1125	.1250	80
81	.0123	.0247	.0370	.0494	.0617	.0741	.0864	.0988	.1111	.1235	81
82	.0122	.0244	.0366	.0488	.0610	.0732	.0854	.0976	.1098	.1220	82
83	.0120	.0241	.0361	.0482	.0602	.0723	.0843	.0964	.1084	.1205	83
84	.0119	.0238	.0357	.0476	.0595	.0714	.0833	.0952	.1071	.1190	84
85	.0118	.0235	.0353	.0471	.0588	.0706	.0824	.0941	.1059	.1176	85
86	.0116	.0233	.0349	.0465	.0581	.0698	.0814	.0930	.1047	.1163	86
87	.0115	.0230	.0345	.0460	.0575	.0690	.0805	.0920	.1034	.1149	87
88	.0114	.0227	.0341	.0455	.0568	.0682	.0795	.0909	.1023	.1136	88
89	.0112	.0225	.0337	.0449	.0562	.0674	.0787	.0899	.1011	.1124	89
90	.0111	.0222	.0333	.0444	.0556	.0667	.0778	.0889	.1000	.1111	90
91	.0110	.0220	.0330	.0440	.0549	.0659	.0769	.0879	.0989	.1099	91
92	.0109	.0217	.0326	.0435	.0543	.0652	.0761	.0870	.0978	.1087	92
93	.0108	.0215	.0323	.0430	.0538	.0645	.0753	.0860	.0968	.1075	93
94	.0106	.0213	.0319	.0426	.0532	.0638	.0745	.0851	.0957	.1064	94
95	.0105	.0211	.0316	.0421	.0526	.0632	.0737	.0842	.0947	.1053	95
96	.0104	.0208	.0313	.0417	.0521	.0625	.0729	.0833	.0938	.1042	96
97	.0103	.0206	.0309	.0412	.0515	.0619	.0722	.0825	.0928	.1031	97
98	.0102	.0204	.0306	.0408	.0510	.0612	.0714	.0816	.0918	.1020	98
99	.0101	.0202	.0303	.0404	.0505	.0606	.0707	.0808	.0909	.1010	99

表三 (續)

30

商數

被除數

除數	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	除數
2	5.500	6.000	6.500	7.000	7.500	8.000	8.500	9.000	9.500	10.00	2
3	3.667	4.000	4.333	4.667	5.000	5.333	5.667	6.000	6.333	6.667	3
4	2.750	3.000	3.250	3.500	3.750	4.000	4.250	4.500	4.750	5.000	4
5	2.200	2.400	2.600	2.800	3.000	3.200	3.400	3.600	3.800	4.000	5
6	1.833	2.000	2.167	2.333	2.500	2.667	2.833	3.000	3.167	3.333	6
7	1.571	1.714	1.857	2.000	2.143	2.286	2.429	2.571	2.714	2.857	7
8	1.375	1.500	1.625	1.750	1.875	2.000	2.125	2.250	2.375	2.500	8
9	1.222	1.333	1.444	1.556	1.667	1.778	1.889	2.000	2.111	2.222	9
10	1.100	1.200	1.300	1.400	1.500	1.600	1.700	1.800	1.900	2.000	10
11	1.000	1.091	1.182	1.273	1.364	1.455	1.545	1.636	1.727	1.818	11
12	.9167	1.000	1.083	1.167	1.250	1.333	1.417	1.500	1.583	1.667	12
13	.8462	.9231	1.000	1.077	1.154	1.231	1.308	1.385	1.462	1.538	13
14	.7857	.8571	.9286	1.000	1.071	1.143	1.214	1.286	1.357	1.429	14
15	.7333	.8000	.8667	.9333	1.000	1.067	1.133	1.200	1.267	1.333	15
16	.6875	.7500	.8125	.8750	.9375	1.000	1.063	1.125	1.188	1.250	16
17	.6471	.7059	.7647	.8235	.8824	.9412	1.000	1.059	1.118	1.176	17
18	.6111	.6667	.7222	.7778	.8333	.8889	.9444	1.000	1.056	1.111	18
19	.5789	.6316	.6842	.7368	.7895	.8421	.8947	.9474	1.000	1.053	19
20	.5500	.6000	.6500	.7000	.7500	.8000	.8500	.9000	.9500	1.000	20
21	.5238	.5714	.6190	.6667	.7143	.7619	.8095	.8571	.9048	.9524	21
22	.5000	.5455	.5909	.6364	.6818	.7273	.7727	.8182	.8636	.9091	22
23	.4783	.5217	.5652	.6087	.6522	.6957	.7391	.7826	.8261	.8696	23
24	.4583	.5000	.5417	.5833	.6250	.6667	.7083	.7500	.7917	.8333	24
25	.4400	.4800	.5200	.5600	.6000	.6400	.6800	.7200	.7600	.8000	25
26	.4231	.4615	.5000	.5385	.5769	.6154	.6538	.6923	.7308	.7692	26
27	.4074	.4444	.4815	.5185	.5556	.5926	.6296	.6667	.7037	.7407	27
28	.3929	.4286	.4643	.5000	.5357	.5714	.6071	.6429	.6786	.7143	28
29	.3793	.4138	.4483	.4828	.5172	.5517	.5862	.6207	.6552	.6897	29
30	.3667	.4000	.4333	.4667	.5000	.5333	.5667	.6000	.6333	.6667	30
31	.3548	.3871	.4194	.4516	.4839	.5161	.5484	.5806	.6129	.6452	31
32	.3438	.3750	.4063	.4375	.4688	.5000	.5313	.5625	.5938	.6250	32
33	.3333	.3636	.3939	.4242	.4545	.4848	.5152	.5455	.5758	.6061	33
34	.3235	.3529	.3824	.4118	.4412	.4706	.5000	.5294	.5588	.5882	34
35	.3143	.3429	.3714	.4000	.4286	.4571	.4857	.5143	.5429	.5714	35
36	.3056	.3333	.3611	.3889	.4167	.4444	.4722	.5000	.5278	.5556	36
37	.2973	.3243	.3514	.3784	.4054	.4324	.4595	.4865	.5135	.5405	37
38	.2895	.3158	.3421	.3684	.3947	.4211	.4474	.4737	.5000	.5263	38
39	.2821	.3077	.3333	.3590	.3846	.4103	.4359	.4615	.4872	.5128	39
40	.2750	.3000	.3250	.3500	.3750	.4000	.4250	.4500	.4750	.5000	40
41	.2683	.2927	.3171	.3415	.3659	.3902	.4146	.4390	.4634	.4878	41
42	.2619	.2857	.3095	.3333	.3571	.3810	.4048	.4286	.4524	.4762	42
43	.2558	.2791	.3023	.3256	.3488	.3721	.3953	.4186	.4419	.4651	43
44	.2500	.2727	.2955	.3182	.3409	.3636	.3864	.4091	.4318	.4545	44
45	.2444	.2667	.2889	.3111	.3333	.3556	.3778	.4000	.4222	.4444	45
46	.2391	.2609	.2826	.3043	.3261	.3478	.3696	.3913	.4130	.4348	46
47	.2340	.2553	.2766	.2979	.3191	.3404	.3617	.3830	.4043	.4255	47
48	.2292	.2500	.2708	.2917	.3125	.3333	.3542	.3750	.3958	.4167	48
49	.2245	.2449	.2653	.2857	.3061	.3265	.3469	.3673	.3878	.4082	49
50	.2200	.2400	.2600	.2800	.3000	.3200	.3400	.3600	.3800	.4000	50

表三(續)

商數
被除數

除數	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	除數
51	.2157	.2353	.2549	.2745	.2941	.3137	.3333	.3529	.3725	.3922	51
52	.2115	.2308	.2500	.2692	.2885	.3077	.3269	.3462	.3654	.3846	52
53	.2075	.2264	.2453	.2642	.2830	.3019	.3208	.3396	.3585	.3774	53
54	.2037	.2222	.2407	.2593	.2778	.2963	.3148	.3333	.3519	.3704	54
55	.2000	.2182	.2364	.2545	.2727	.2909	.3091	.3273	.3455	.3636	55
56	.1964	.2143	.2321	.2500	.2679	.2857	.3036	.3214	.3393	.3571	56
57	.1930	.2105	.2281	.2456	.2632	.2807	.2982	.3158	.3333	.3509	57
58	.1897	.2069	.2241	.2414	.2586	.2759	.2931	.3103	.3276	.3448	58
59	.1864	.2034	.2203	.2373	.2542	.2712	.2881	.3051	.3220	.3390	59
60	.1833	.2000	.2167	.2333	.2500	.2667	.2833	.3000	.3167	.3333	60
61	.1803	.1967	.2131	.2295	.2459	.2623	.2787	.2951	.3115	.3279	61
62	.1774	.1935	.2097	.2258	.2419	.2581	.2742	.2903	.3065	.3226	62
63	.1746	.1905	.2063	.2222	.2381	.2540	.2698	.2857	.3016	.3175	63
64	.1719	.1875	.2031	.2188	.2344	.2500	.2656	.2813	.2969	.3125	64
65	.1692	.1846	.2000	.2154	.2308	.2462	.2615	.2769	.2923	.3077	65
66	.1667	.1818	.1970	.2121	.2273	.2424	.2576	.2727	.2879	.3030	66
67	.1642	.1791	.1940	.2090	.2239	.2388	.2537	.2687	.2836	.2985	67
68	.1618	.1765	.1912	.2059	.2206	.2353	.2500	.2647	.2794	.2941	68
69	.1594	.1739	.1884	.2029	.2174	.2319	.2464	.2609	.2754	.2899	69
70	.1571	.1714	.1857	.2000	.2143	.2286	.2429	.2571	.2714	.2857	70
71	.1549	.1690	.1831	.1972	.2113	.2254	.2394	.2535	.2676	.2817	71
72	.1528	.1667	.1806	.1944	.2083	.2222	.2361	.2500	.2639	.2778	72
73	.1507	.1644	.1781	.1918	.2055	.2192	.2329	.2466	.2603	.2740	73
74	.1486	.1622	.1757	.1892	.2027	.2162	.2297	.2432	.2568	.2703	74
75	.1467	.1600	.1733	.1867	.2000	.2133	.2267	.2400	.2533	.2667	75
76	.1447	.1579	.1711	.1842	.1974	.2105	.2237	.2368	.2500	.2632	76
77	.1429	.1558	.1688	.1818	.1948	.2078	.2208	.2338	.2468	.2597	77
78	.1410	.1538	.1667	.1795	.1923	.2051	.2179	.2308	.2436	.2564	78
79	.1392	.1519	.1646	.1772	.1899	.2025	.2152	.2278	.2405	.2532	79
80	.1375	.1500	.1625	.1750	.1875	.2000	.2125	.2250	.2375	.2500	80
81	.1358	.1481	.1605	.1728	.1852	.1975	.2099	.2222	.2346	.2469	81
82	.1341	.1463	.1585	.1707	.1829	.1951	.2073	.2195	.2317	.2439	82
83	.1325	.1446	.1566	.1687	.1807	.1928	.2048	.2169	.2289	.2410	83
84	.1310	.1429	.1548	.1667	.1786	.1905	.2024	.2143	.2262	.2381	84
85	.1294	.1412	.1529	.1647	.1765	.1882	.2000	.2118	.2235	.2353	85
86	.1279	.1395	.1512	.1628	.1744	.1860	.1977	.2093	.2209	.2326	86
87	.1264	.1379	.1494	.1609	.1724	.1839	.1954	.2069	.2184	.2299	87
88	.1250	.1364	.1477	.1591	.1705	.1818	.1932	.2045	.2159	.2273	88
89	.1236	.1348	.1461	.1573	.1685	.1798	.1910	.2022	.2135	.2247	89
90	.1222	.1333	.1444	.1556	.1667	.1778	.1889	.2000	.2111	.2222	90
91	.1209	.1319	.1429	.1538	.1648	.1758	.1868	.1978	.2088	.2198	91
92	.1196	.1304	.1413	.1522	.1630	.1739	.1848	.1957	.2065	.2174	92
93	.1183	.1290	.1398	.1505	.1613	.1720	.1828	.1935	.2043	.2151	93
94	.1170	.1277	.1383	.1489	.1596	.1702	.1809	.1915	.2021	.2128	94
95	.1158	.1263	.1368	.1474	.1579	.1684	.1789	.1895	.2000	.2105	95
96	.1146	.1250	.1354	.1458	.1563	.1667	.1771	.1875	.1979	.2083	96
97	.1134	.1237	.1340	.1443	.1546	.1649	.1753	.1856	.1959	.2062	97
98	.1122	.1224	.1327	.1429	.1531	.1633	.1735	.1837	.1939	.2041	98
99	.1111	.1212	.1313	.1414	.1515	.1616	.1717	.1818	.1919	.2020	99

表三(續)

商數

被除數

除數	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	除數
2	10.50	11.00	11.50	12.00	12.50	13.00	13.50	14.00	14.50	15.00	2
3	7.000	7.333	7.667	8.000	8.333	8.667	9.000	9.333	9.667	10.00	3
4	5.250	5.500	5.750	6.000	6.250	6.500	6.750	7.000	7.250	7.500	4
5	4.200	4.400	4.600	4.800	5.000	5.200	5.400	5.600	5.800	6.000	5
6	3.500	3.667	3.833	4.000	4.167	4.333	4.500	4.667	4.833	5.000	6
7	3.000	3.143	3.286	3.429	3.571	3.714	3.857	4.000	4.143	4.286	7
8	2.625	2.750	2.875	3.000	3.125	3.250	3.375	3.500	3.625	3.750	8
9	2.333	2.444	2.556	2.667	2.778	2.889	3.000	3.111	3.222	3.333	9
10	2.100	2.200	2.300	2.400	2.500	2.600	2.700	2.800	2.900	3.000	10
11	1.909	2.000	2.091	2.182	2.273	2.364	2.455	2.545	2.636	2.727	11
12	1.750	1.833	1.917	2.000	2.083	2.167	2.250	2.333	2.417	2.500	12
13	1.615	1.692	1.769	1.846	1.923	2.000	2.077	2.154	2.231	2.308	13
14	1.500	1.571	1.643	1.714	1.786	1.857	1.929	2.000	2.071	2.143	14
15	1.400	1.467	1.533	1.600	1.667	1.733	1.800	1.867	1.933	2.000	15
16	1.313	1.375	1.438	1.500	1.563	1.625	1.688	1.750	1.813	1.875	16
17	1.235	1.294	1.353	1.412	1.471	1.529	1.588	1.647	1.706	1.765	17
18	1.167	1.222	1.278	1.333	1.389	1.444	1.500	1.556	1.611	1.667	18
19	1.105	1.158	1.211	1.263	1.316	1.368	1.421	1.474	1.526	1.579	19
20	1.050	1.100	1.150	1.200	1.250	1.300	1.350	1.400	1.450	1.500	20
21	1.000	1.048	1.095	1.143	1.190	1.238	1.286	1.333	1.381	1.429	21
22	.9545	1.000	1.045	1.091	1.136	1.182	1.227	1.273	1.318	1.364	22
23	.9130	.9565	1.000	1.043	1.087	1.130	1.174	1.217	1.261	1.304	23
24	.8750	.9167	.9583	1.000	1.042	1.083	1.125	1.167	1.208	1.250	24
25	.8400	.8800	.9200	.9600	1.000	1.040	1.080	1.120	1.160	1.200	25
26	.8077	.8462	.8846	.9231	.9615	1.000	1.038	1.077	1.115	1.154	26
27	.7778	.8148	.8519	.8889	.9259	.9630	1.000	1.037	1.074	1.111	27
28	.7500	.7857	.8214	.8571	.8929	.9286	.9643	1.000	1.036	1.071	28
29	.7241	.7586	.7931	.8276	.8621	.8966	.9310	.9655	1.000	1.034	29
30	.7000	.7333	.7667	.8000	.8333	.8667	.9000	.9333	.9667	1.000	30
31	.6774	.7097	.7419	.7742	.8065	.8387	.8710	.9032	.9355	.9677	31
32	.6563	.6875	.7188	.7500	.7813	.8125	.8438	.8750	.9063	.9375	32
33	.6364	.6667	.6970	.7273	.7576	.7879	.8182	.8485	.8788	.9091	33
34	.6176	.6471	.6765	.7059	.7353	.7647	.7941	.8235	.8529	.8824	34
35	.6000	.6286	.6571	.6857	.7143	.7429	.7714	.8000	.8286	.8571	35
36	.5833	.6111	.6389	.6667	.6944	.7222	.7500	.7778	.8056	.8333	36
37	.5676	.5946	.6216	.6486	.6757	.7027	.7297	.7568	.7838	.8108	37
38	.5526	.5789	.6053	.6316	.6579	.6842	.7105	.7368	.7632	.7895	38
39	.5385	.5641	.5897	.6154	.6410	.6667	.6923	.7179	.7436	.7692	39
40	.5250	.5500	.5750	.6000	.6250	.6500	.6750	.7000	.7250	.7500	40
41	.5122	.5366	.5610	.5854	.6098	.6341	.6585	.6829	.7073	.7317	41
42	.5000	.5238	.5476	.5714	.5952	.6190	.6429	.6667	.6905	.7143	42
43	.4884	.5116	.5349	.5581	.5814	.6047	.6279	.6512	.6744	.6977	43
44	.4773	.5000	.5227	.5455	.5682	.5909	.6136	.6364	.6591	.6818	44
45	.4667	.4889	.5111	.5333	.5556	.5778	.6000	.6222	.6444	.6667	45
46	.4565	.4783	.5000	.5217	.5435	.5652	.5870	.6087	.6304	.6522	46
47	.4468	.4681	.4894	.5106	.5319	.5532	.5745	.5957	.6170	.6383	47
48	.4375	.4583	.4792	.5000	.5208	.5417	.5625	.5833	.6042	.6250	48
49	.4286	.4490	.4694	.4898	.5102	.5306	.5510	.5714	.5918	.6122	49
50	.4200	.4400	.4600	.4800	.5000	.5200	.5400	.5600	.5800	.6000	50

商 數
被 除 數

除數	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	除數
51	.4118	.4314	.4510	.4706	.4902	.5098	.5294	.5490	.5686	.5882	51
52	.4038	.4231	.4423	.4615	.4808	.5000	.5192	.5385	.5577	.5769	52
53	.3962	.4151	.4340	.4528	.4717	.4906	.5094	.5283	.5472	.5660	53
54	.3889	.4074	.4259	.4444	.4630	.4815	.5000	.5185	.5370	.5556	54
55	.3818	.4000	.4182	.4364	.4545	.4727	.4909	.5091	.5273	.5455	55
56	.3750	.3929	.4107	.4286	.4464	.4643	.4821	.5000	.5179	.5357	56
57	.3684	.3860	.4035	.4211	.4386	.4561	.4737	.4912	.5088	.5263	57
58	.3621	.3793	.3966	.4138	.4310	.4483	.4655	.4828	.5000	.5172	58
59	.3559	.3729	.3898	.4068	.4237	.4407	.4576	.4746	.4915	.5085	59
60	.3500	.3667	.3833	.4000	.4167	.4333	.4500	.4667	.4833	.5000	60
61	.3443	.3607	.3770	.3934	.4098	.4262	.4426	.4590	.4754	.4918	61
62	.3387	.3548	.3710	.3871	.4032	.4194	.4355	.4516	.4677	.4839	62
63	.3333	.3492	.3651	.3810	.3968	.4127	.4286	.4444	.4603	.4762	63
64	.3281	.3438	.3594	.3750	.3906	.4063	.4219	.4375	.4531	.4688	64
65	.3231	.3385	.3538	.3692	.3846	.4000	.4154	.4308	.4462	.4615	65
66	.3182	.3333	.3485	.3636	.3788	.3939	.4091	.4242	.4394	.4545	66
67	.3134	.3284	.3433	.3582	.3731	.3881	.4030	.4179	.4328	.4478	67
68	.3088	.3235	.3382	.3529	.3676	.3824	.3971	.4118	.4265	.4412	68
69	.3043	.3188	.3333	.3478	.3623	.3768	.3913	.4058	.4203	.4348	69
70	.3000	.3143	.3286	.3429	.3571	.3714	.3857	.4000	.4143	.4286	70
71	.2958	.3099	.3239	.3380	.3521	.3662	.3803	.3944	.4085	.4225	71
72	.2917	.3056	.3194	.3333	.3472	.3611	.3750	.3889	.4028	.4167	72
73	.2877	.3014	.3151	.3288	.3425	.3562	.3699	.3836	.3973	.4110	73
74	.2838	.2973	.3108	.3243	.3378	.3514	.3649	.3784	.3919	.4054	74
75	.2800	.2933	.3067	.3200	.3333	.3467	.3600	.3733	.3867	.4000	75
76	.2763	.2895	.3026	.3158	.3289	.3421	.3553	.3684	.3816	.3947	76
77	.2727	.2857	.2987	.3117	.3247	.3377	.3506	.3636	.3766	.3896	77
78	.2692	.2821	.2949	.3077	.3205	.3333	.3462	.3590	.3718	.3846	78
79	.2658	.2785	.2911	.3038	.3165	.3291	.3418	.3544	.3671	.3797	79
80	.2625	.2750	.2875	.3000	.3125	.3250	.3375	.3500	.3625	.3750	80
81	.2593	.2716	.2840	.2963	.3086	.3210	.3333	.3457	.3580	.3704	81
82	.2561	.2683	.2805	.2927	.3049	.3171	.3293	.3415	.3537	.3659	82
83	.2530	.2651	.2771	.2892	.3012	.3133	.3253	.3373	.3494	.3614	83
84	.2500	.2619	.2738	.2857	.2976	.3095	.3214	.3333	.3452	.3571	84
85	.2471	.2588	.2706	.2824	.2941	.3059	.3176	.3294	.3412	.3529	85
86	.2442	.2558	.2674	.2791	.2907	.3023	.3140	.3256	.3372	.3488	86
87	.2414	.2529	.2644	.2759	.2874	.2989	.3103	.3218	.3333	.3448	87
88	.2386	.2500	.2614	.2727	.2841	.2955	.3068	.3182	.3295	.3409	88
89	.2360	.2472	.2584	.2697	.2809	.2921	.3034	.3146	.3258	.3371	89
90	.2333	.2444	.2556	.2667	.2778	.2889	.3000	.3111	.3222	.3333	90
91	.2308	.2418	.2527	.2637	.2747	.2857	.2967	.3077	.3187	.3297	91
92	.2283	.2391	.2500	.2609	.2717	.2826	.2935	.3043	.3152	.3261	92
93	.2258	.2366	.2473	.2581	.2688	.2796	.2903	.3011	.3118	.3226	93
94	.2234	.2340	.2447	.2553	.2660	.2766	.2872	.2979	.3085	.3191	94
95	.2211	.2316	.2421	.2526	.2632	.2737	.2842	.2947	.3053	.3158	95
96	.2188	.2292	.2396	.2500	.2604	.2708	.2813	.2917	.3021	.3125	96
97	.2165	.2268	.2371	.2474	.2577	.2680	.2784	.2887	.2990	.3093	97
98	.2143	.2245	.2347	.2449	.2551	.2653	.2755	.2857	.2959	.3061	98
99	.2121	.2222	.2323	.2424	.2525	.2626	.2727	.2828	.2929	.3030	99

表三 (續)

商數

被除數

34

除數

除數

	31	32	33	34	35	36	37	38	39	40	
2	15.50	16.00	16.50	17.00	17.50	18.00	18.50	19.00	19.50	20.00	2
3	10.33	10.67	11.00	11.33	11.67	12.00	12.33	12.67	13.00	13.33	3
4	7.750	8.000	8.250	8.500	8.750	9.000	9.250	9.500	9.750	10.00	4
5	6.200	6.400	6.600	6.800	7.000	7.200	7.400	7.600	7.800	8.000	5
6	5.167	5.333	5.500	5.667	5.833	6.000	6.167	6.333	6.500	6.667	6
7	4.429	4.571	4.714	4.857	5.000	5.143	5.286	5.429	5.571	5.714	7
8	3.875	4.000	4.125	4.250	4.375	4.500	4.625	4.750	4.875	5.000	8
9	3.444	3.556	3.667	3.778	3.889	4.000	4.111	4.222	4.333	4.444	9
10	3.100	3.200	3.300	3.400	3.500	3.600	3.700	3.800	3.900	4.000	10
11	2.818	2.909	3.000	3.091	3.182	3.273	3.364	3.455	3.545	3.636	11
12	2.583	2.667	2.750	2.833	2.917	3.000	3.083	3.167	3.250	3.333	12
13	2.385	2.462	2.538	2.615	2.692	2.769	2.846	2.923	3.000	3.077	13
14	2.214	2.286	2.357	2.429	2.500	2.571	2.643	2.714	2.786	2.857	14
15	2.067	2.133	2.200	2.267	2.333	2.400	2.467	2.533	2.600	2.667	15
16	1.938	2.000	2.063	2.125	2.188	2.250	2.313	2.375	2.438	2.500	16
17	1.824	1.882	1.941	2.000	2.059	2.118	2.176	2.235	2.294	2.353	17
18	1.722	1.778	1.833	1.889	1.944	2.000	2.056	2.111	2.167	2.222	18
19	1.632	1.684	1.737	1.789	1.842	1.895	1.947	2.000	2.053	2.105	19
20	1.550	1.600	1.650	1.700	1.750	1.800	1.850	1.900	1.950	2.000	20
21	1.476	1.524	1.571	1.619	1.667	1.714	1.762	1.810	1.857	1.905	21
22	1.409	1.455	1.500	1.545	1.591	1.636	1.682	1.727	1.773	1.818	22
23	1.348	1.391	1.435	1.478	1.522	1.565	1.609	1.652	1.696	1.739	23
24	1.292	1.333	1.375	1.417	1.458	1.500	1.542	1.583	1.625	1.667	24
25	1.240	1.280	1.320	1.360	1.400	1.440	1.480	1.520	1.560	1.600	25
26	1.192	1.231	1.269	1.308	1.346	1.385	1.423	1.462	1.500	1.538	26
27	1.148	1.185	1.222	1.259	1.296	1.333	1.370	1.407	1.444	1.481	27
28	1.107	1.143	1.179	1.214	1.250	1.286	1.321	1.357	1.393	1.429	28
29	1.069	1.103	1.138	1.172	1.207	1.241	1.276	1.310	1.345	1.379	29
30	1.033	1.067	1.100	1.133	1.167	1.200	1.233	1.267	1.300	1.333	30
31	1.000	1.032	1.065	1.097	1.129	1.161	1.194	1.226	1.258	1.290	31
32	.9688	1.000	1.031	1.063	1.094	1.125	1.156	1.188	1.219	1.250	32
33	.9394	.9697	1.000	1.030	1.061	1.091	1.121	1.152	1.182	1.212	33
34	.9118	.9412	.9706	1.000	1.029	1.059	1.088	1.118	1.147	1.176	34
35	.8857	.9143	.9429	.9714	1.000	1.029	1.057	1.086	1.114	1.143	35
36	.8611	.8889	.9167	.9444	.9722	1.000	1.028	1.056	1.083	1.111	36
37	.8378	.8649	.8919	.9189	.9459	.9730	1.000	1.027	1.054	1.081	37
38	.8158	.8421	.8684	.8947	.9211	.9474	.9737	1.000	1.026	1.053	38
39	.7949	.8205	.8462	.8718	.8974	.9231	.9487	.9744	1.000	1.026	39
40	.7750	.8000	.8250	.8500	.8750	.9000	.9250	.9500	.9750	1.000	40
41	.7561	.7805	.8049	.8293	.8537	.8780	.9024	.9268	.9512	.9756	41
42	.7381	.7619	.7857	.8095	.8333	.8571	.8810	.9048	.9286	.9524	42
43	.7209	.7442	.7674	.7907	.8140	.8372	.8605	.8837	.9070	.9302	43
44	.7045	.7273	.7500	.7727	.7955	.8182	.8409	.8636	.8864	.9091	44
45	.6889	.7111	.7333	.7556	.7778	.8000	.8222	.8444	.8667	.8889	45
46	.6739	.6957	.7174	.7391	.7609	.7826	.8043	.8261	.8478	.8696	46
47	.6596	.6809	.7021	.7234	.7447	.7660	.7872	.8085	.8298	.8511	47
48	.6458	.6667	.6875	.7083	.7292	.7500	.7708	.7917	.8125	.8333	48
49	.6327	.6531	.6735	.6939	.7143	.7347	.7551	.7755	.7959	.8163	49
50	.6200	.6400	.6600	.6800	.7000	.7200	.7400	.7600	.7800	.8000	50

表三 (續)

商數
被除數

除數	31	32	33	34	35	36	37	38	39	40	除數
51	.6078	.6275	.6471	.6667	.6863	.7059	.7255	.7451	.7647	.7843	51
52	.5962	.6154	.6346	.6538	.6731	.6923	.7115	.7308	.7500	.7692	52
53	.5849	.6038	.6226	.6415	.6604	.6792	.6981	.7170	.7358	.7547	53
54	.5741	.5926	.6111	.6296	.6481	.6667	.6852	.7037	.7222	.7407	54
55	.5636	.5818	.6000	.6182	.6364	.6545	.6727	.6909	.7091	.7273	55
56	.5536	.5714	.5893	.6071	.6250	.6429	.6607	.6786	.6964	.7143	56
57	.5439	.5614	.5789	.5965	.6140	.6316	.6491	.6667	.6842	.7018	57
58	.5345	.5517	.5690	.5862	.6034	.6207	.6379	.6552	.6724	.6897	58
59	.5254	.5424	.5593	.5763	.5932	.6102	.6271	.6441	.6610	.6780	59
60	.5167	.5333	.5500	.5667	.5833	.6000	.6167	.6333	.6500	.6667	60
61	.5082	.5246	.5410	.5574	.5738	.5902	.6066	.6230	.6393	.6557	61
62	.5000	.5161	.5323	.5484	.5645	.5806	.5968	.6129	.6290	.6452	62
63	.4921	.5079	.5238	.5397	.5556	.5714	.5873	.6032	.6190	.6349	63
64	.4844	.5000	.5156	.5313	.5469	.5625	.5781	.5938	.6094	.6250	64
65	.4769	.4923	.5077	.5231	.5385	.5538	.5692	.5846	.6000	.6154	65
66	.4697	.4848	.5000	.5152	.5303	.5455	.5606	.5758	.5909	.6061	66
67	.4627	.4776	.4925	.5075	.5224	.5373	.5522	.5672	.5821	.5970	67
68	.4559	.4706	.4853	.5000	.5147	.5294	.5441	.5588	.5735	.5882	68
69	.4493	.4638	.4783	.4928	.5072	.5217	.5362	.5507	.5652	.5797	69
70	.4429	.4571	.4714	.4857	.5000	.5143	.5286	.5429	.5571	.5714	70
71	.4366	.4507	.4648	.4789	.4930	.5070	.5211	.5352	.5493	.5634	71
72	.4306	.4444	.4583	.4722	.4861	.5000	.5139	.5278	.5417	.5556	72
73	.4247	.4384	.4521	.4658	.4795	.4932	.5068	.5205	.5342	.5479	73
74	.4189	.4324	.4459	.4595	.4730	.4865	.5000	.5135	.5270	.5405	74
75	.4133	.4267	.4400	.4533	.4667	.4800	.4933	.5067	.5200	.5333	75
76	.4079	.4211	.4342	.4474	.4605	.4737	.4868	.5000	.5132	.5263	76
77	.4026	.4156	.4286	.4416	.4545	.4675	.4805	.4935	.5065	.5195	77
78	.3974	.4103	.4231	.4359	.4487	.4615	.4744	.4872	.5000	.5128	78
79	.3924	.4051	.4177	.4304	.4430	.4557	.4684	.4810	.4937	.5063	79
80	.3875	.4000	.4125	.4250	.4375	.4500	.4625	.4750	.4875	.5000	80
81	.3827	.3951	.4074	.4198	.4321	.4444	.4568	.4691	.4815	.4938	81
82	.3780	.3902	.4024	.4146	.4268	.4390	.4512	.4634	.4756	.4878	82
83	.3735	.3855	.3976	.4096	.4217	.4337	.4458	.4578	.4699	.4819	83
84	.3690	.3810	.3929	.4048	.4167	.4286	.4405	.4524	.4643	.4762	84
85	.3647	.3765	.3882	.4000	.4118	.4235	.4353	.4471	.4588	.4706	85
86	.3605	.3721	.3837	.3953	.4070	.4186	.4302	.4419	.4535	.4651	86
87	.3563	.3678	.3793	.3908	.4023	.4138	.4253	.4368	.4483	.4598	87
88	.3523	.3636	.3750	.3864	.3977	.4091	.4205	.4318	.4432	.4545	88
89	.3483	.3596	.3708	.3820	.3933	.4045	.4157	.4270	.4382	.4494	89
90	.3444	.3556	.3667	.3778	.3889	.4000	.4111	.4222	.4333	.4444	90
91	.3407	.3516	.3626	.3736	.3846	.3956	.4066	.4176	.4286	.4396	91
92	.3370	.3478	.3587	.3696	.3804	.3913	.4022	.4130	.4239	.4348	92
93	.3333	.3441	.3548	.3656	.3763	.3871	.3978	.4086	.4194	.4301	93
94	.3298	.3404	.3511	.3617	.3723	.3830	.3936	.4043	.4149	.4255	94
95	.3263	.3368	.3474	.3579	.3684	.3789	.3895	.4000	.4105	.4211	95
96	.3229	.3333	.3438	.3542	.3646	.3750	.3854	.3958	.4063	.4167	96
97	.3196	.3299	.3402	.3505	.3608	.3711	.3814	.3918	.4021	.4124	97
98	.3163	.3265	.3367	.3469	.3571	.3673	.3776	.3878	.3980	.4082	98
99	.3131	.3232	.3333	.3434	.3535	.3636	.3737	.3838	.3939	.4040	99

表三(續)

36

商數
被除數

除數	41	42	43	44	45	46	47	48	49	50	除數
2	20.50	21.00	21.50	22.00	22.50	23.00	23.50	24.00	24.50	25.00	2
3	13.67	14.00	14.33	14.67	15.00	15.33	15.67	16.00	16.33	16.67	3
4	10.25	10.50	10.75	11.00	11.25	11.50	11.75	12.00	12.25	12.50	4
5	8.200	8.400	8.600	8.800	9.000	9.200	9.400	9.600	9.800	10.00	5
6	6.833	7.000	7.167	7.333	7.500	7.667	7.833	8.000	8.167	8.333	6
7	5.857	6.000	6.143	6.286	6.429	6.571	6.714	6.857	7.000	7.143	7
8	5.125	5.250	5.375	5.500	5.625	5.750	5.875	6.000	6.125	6.250	8
9	4.556	4.667	4.778	4.889	5.000	5.111	5.222	5.333	5.444	5.556	9
10	4.100	4.200	4.300	4.400	4.500	4.600	4.700	4.800	4.900	5.000	10
11	3.727	3.818	3.909	4.000	4.091	4.182	4.273	4.364	4.455	4.545	11
12	3.417	3.500	3.583	3.667	3.750	3.833	3.917	4.000	4.083	4.167	12
13	3.154	3.231	3.308	3.385	3.462	3.538	3.615	3.692	3.769	3.846	13
14	2.929	3.000	3.071	3.143	3.214	3.286	3.357	3.429	3.500	3.571	14
15	2.733	2.800	2.867	2.933	3.000	3.067	3.133	3.200	3.267	3.333	15
16	2.563	2.625	2.688	2.750	2.813	2.875	2.938	3.000	3.063	3.125	16
17	2.412	2.471	2.529	2.588	2.647	2.706	2.765	2.824	2.882	2.941	17
18	2.278	2.333	2.389	2.444	2.500	2.556	2.611	2.667	2.722	2.778	18
19	2.158	2.211	2.263	2.316	2.368	2.421	2.474	2.526	2.579	2.632	19
20	2.050	2.100	2.150	2.200	2.250	2.300	2.350	2.400	2.450	2.500	20
21	1.952	2.000	2.048	2.095	2.143	2.190	2.238	2.286	2.333	2.381	21
22	1.864	1.909	1.955	2.000	2.045	2.091	2.136	2.182	2.227	2.273	22
23	1.783	1.826	1.870	1.913	1.957	2.000	2.043	2.087	2.130	2.174	23
24	1.708	1.750	1.792	1.833	1.875	1.917	1.958	2.000	2.042	2.083	24
25	1.640	1.680	1.720	1.760	1.800	1.840	1.880	1.920	1.960	2.000	25
26	1.577	1.615	1.654	1.692	1.731	1.769	1.808	1.846	1.885	1.923	26
27	1.519	1.556	1.593	1.630	1.667	1.704	1.741	1.778	1.815	1.852	27
28	1.464	1.500	1.536	1.571	1.607	1.643	1.679	1.714	1.750	1.786	28
29	1.414	1.448	1.483	1.517	1.552	1.586	1.621	1.655	1.690	1.724	29
30	1.367	1.400	1.433	1.467	1.500	1.533	1.567	1.600	1.633	1.667	30
31	1.323	1.355	1.387	1.419	1.452	1.484	1.516	1.548	1.581	1.613	31
32	1.281	1.313	1.344	1.375	1.406	1.438	1.469	1.500	1.531	1.563	32
33	1.242	1.273	1.303	1.333	1.364	1.394	1.424	1.455	1.485	1.515	33
34	1.206	1.235	1.265	1.294	1.324	1.353	1.382	1.412	1.441	1.471	34
35	1.171	1.200	1.229	1.257	1.286	1.314	1.343	1.371	1.400	1.429	35
36	1.139	1.167	1.194	1.222	1.250	1.278	1.306	1.333	1.361	1.389	36
37	1.108	1.135	1.162	1.189	1.216	1.243	1.270	1.297	1.324	1.351	37
38	1.079	1.105	1.132	1.158	1.184	1.211	1.237	1.263	1.289	1.316	38
39	1.051	1.077	1.103	1.128	1.154	1.179	1.205	1.231	1.256	1.282	39
40	1.025	1.050	1.075	1.100	1.125	1.150	1.175	1.200	1.225	1.250	40
41	1.000	1.024	1.049	1.073	1.098	1.122	1.146	1.171	1.195	1.220	41
42	.9762	1.000	1.024	1.048	1.071	1.095	1.119	1.143	1.167	1.190	42
43	.9535	.9767	1.000	1.023	1.047	1.070	1.093	1.116	1.140	1.163	43
44	.9318	.9545	.9773	1.000	1.023	1.045	1.068	1.091	1.114	1.136	44
45	.9111	.9333	.9556	.9778	1.000	1.022	1.044	1.067	1.089	1.111	45
46	.8913	.9130	.9348	.9565	.9783	1.000	1.022	1.043	1.065	1.087	46
47	.8723	.8936	.9149	.9362	.9574	.9787	1.000	1.021	1.043	1.064	47
48	.8542	.8750	.8958	.9167	.9375	.9583	.9792	1.000	1.021	1.042	48
49	.8367	.8571	.8776	.8980	.9184	.9388	.9592	.9796	1.000	1.020	49
50	.8200	.8400	.8600	.8800	.9000	.9200	.9400	.9600	.9800	1.000	50

表三 (續)

商數
被除數

除數	41	42	43	44	45	46	47	48	49	50	除數
51	.8039	.8235	.8431	.8627	.8824	.9020	.9216	.9412	.9608	.9804	51
52	.7885	.8077	.8269	.8462	.8654	.8846	.9038	.9231	.9423	.9615	52
53	.7736	.7925	.8113	.8302	.8491	.8679	.8868	.9057	.9245	.9434	53
54	.7593	.7778	.7963	.8148	.8333	.8519	.8704	.8889	.9074	.9259	54
55	.7455	.7636	.7818	.8000	.8182	.8364	.8545	.8727	.8909	.9091	55
56	.7321	.7500	.7679	.7857	.8036	.8214	.8393	.8571	.8750	.8929	56
57	.7193	.7368	.7544	.7719	.7895	.8070	.8246	.8421	.8596	.8772	57
58	.7069	.7241	.7414	.7586	.7759	.7931	.8103	.8276	.8448	.8621	58
59	.6949	.7119	.7288	.7458	.7627	.7797	.7966	.8136	.8305	.8475	59
60	.6833	.7000	.7167	.7333	.7500	.7667	.7833	.8000	.8167	.8333	60
61	.6721	.6885	.7049	.7213	.7377	.7541	.7705	.7869	.8033	.8197	61
62	.6613	.6774	.6935	.7097	.7258	.7419	.7581	.7742	.7903	.8065	62
63	.6508	.6667	.6825	.6984	.7143	.7302	.7460	.7619	.7778	.7937	63
64	.6406	.6563	.6719	.6875	.7031	.7188	.7344	.7500	.7656	.7813	64
65	.6308	.6462	.6615	.6769	.6923	.7077	.7231	.7385	.7538	.7692	65
66	.6212	.6364	.6515	.6667	.6818	.6970	.7121	.7273	.7424	.7576	66
67	.6119	.6269	.6418	.6567	.6716	.6866	.7015	.7164	.7313	.7463	67
68	.6029	.6176	.6324	.6471	.6618	.6765	.6912	.7059	.7206	.7353	68
69	.5942	.6087	.6232	.6377	.6522	.6667	.6812	.6957	.7101	.7246	69
70	.5857	.6000	.6143	.6286	.6429	.6571	.6714	.6857	.7000	.7143	70
71	.5775	.5915	.6056	.6197	.6338	.6479	.6620	.6761	.6901	.7042	71
72	.5694	.5833	.5972	.6111	.6250	.6389	.6528	.6667	.6806	.6944	72
73	.5616	.5753	.5890	.6027	.6164	.6301	.6438	.6575	.6712	.6849	73
74	.5541	.5676	.5811	.5946	.6081	.6216	.6351	.6486	.6622	.6757	74
75	.5467	.5600	.5733	.5867	.6000	.6133	.6267	.6400	.6533	.6667	75
76	.5395	.5526	.5658	.5789	.5921	.6053	.6184	.6316	.6447	.6579	76
77	.5325	.5455	.5584	.5714	.5844	.5974	.6104	.6234	.6364	.6494	77
78	.5256	.5385	.5513	.5641	.5769	.5897	.6026	.6154	.6282	.6410	78
79	.5190	.5316	.5443	.5570	.5696	.5823	.5949	.6076	.6203	.6329	79
80	.5125	.5250	.5375	.5500	.5625	.5750	.5875	.6000	.6125	.6250	80
81	.5062	.5185	.5309	.5432	.5556	.5679	.5802	.5926	.6049	.6173	81
82	.5000	.5122	.5244	.5366	.5488	.5610	.5732	.5854	.5976	.6098	82
83	.4940	.5060	.5181	.5301	.5422	.5542	.5663	.5783	.5904	.6024	83
84	.4881	.5000	.5119	.5238	.5357	.5476	.5595	.5714	.5833	.5952	84
85	.4824	.4941	.5059	.5176	.5294	.5412	.5529	.5647	.5765	.5882	85
86	.4767	.4884	.5000	.5116	.5233	.5349	.5465	.5581	.5698	.5814	86
87	.4713	.4828	.4943	.5057	.5172	.5287	.5402	.5517	.5632	.5747	87
88	.4659	.4773	.4886	.5000	.5114	.5227	.5341	.5455	.5568	.5682	88
89	.4607	.4719	.4831	.4944	.5056	.5169	.5281	.5393	.5506	.5618	89
90	.4556	.4667	.4778	.4889	.5000	.5111	.5222	.5333	.5444	.5556	90
91	.4505	.4615	.4725	.4835	.4945	.5055	.5165	.5275	.5385	.5495	91
92	.4457	.4565	.4674	.4783	.4891	.5000	.5109	.5217	.5326	.5435	92
93	.4409	.4516	.4624	.4731	.4839	.4946	.5054	.5161	.5269	.5376	93
94	.4362	.4468	.4574	.4681	.4787	.4894	.5000	.5106	.5213	.5319	94
95	.4316	.4421	.4526	.4632	.4737	.4842	.4947	.5053	.5158	.5263	95
96	.4271	.4375	.4479	.4583	.4688	.4792	.4896	.5000	.5104	.5208	96
97	.4227	.4330	.4433	.4536	.4639	.4742	.4845	.4948	.5052	.5155	97
98	.4184	.4286	.4388	.4490	.4592	.4694	.4796	.4898	.5000	.5102	98
99	.4141	.4242	.4343	.4444	.4545	.4646	.4747	.4848	.4949	.5051	99

表三(續)

38		商數										38	
		被除數											
除數	51	52	53	54	55	56	57	58	59	60		除數	
2	25.50	26.00	26.50	27.00	27.50	28.00	28.50	29.00	29.50	30.00		2	
3	17.00	17.33	17.67	18.00	18.33	18.67	19.00	19.33	19.67	20.00		3	
4	12.75	13.00	13.25	13.50	13.75	14.00	14.25	14.50	14.75	15.00		4	
5	10.20	10.40	10.60	10.80	11.00	11.20	11.40	11.60	11.80	12.00		5	
6	8.500	8.667	8.833	9.000	9.167	9.333	9.500	9.667	9.833	10.00		6	
7	7.286	7.429	7.571	7.714	7.857	8.000	8.143	8.286	8.429	8.571		7	
8	6.375	6.500	6.625	6.750	6.875	7.000	7.125	7.250	7.375	7.500		8	
9	5.667	5.778	5.889	6.000	6.111	6.222	6.333	6.444	6.556	6.667		9	
10	5.100	5.200	5.300	5.400	5.500	5.600	5.700	5.800	5.900	6.000		10	
11	4.636	4.727	4.818	4.909	5.000	5.091	5.182	5.273	5.364	5.455		11	
12	4.250	4.333	4.417	4.500	4.583	4.667	4.750	4.833	4.917	5.000		12	
13	3.923	4.000	4.077	4.154	4.231	4.308	4.385	4.462	4.538	4.615		13	
14	3.643	3.714	3.786	3.857	3.929	4.000	4.071	4.143	4.214	4.286		14	
15	3.400	3.467	3.533	3.600	3.667	3.733	3.800	3.867	3.933	4.000		15	
16	3.188	3.250	3.313	3.375	3.438	3.500	3.563	3.625	3.688	3.750		16	
17	3.000	3.059	3.118	3.176	3.235	3.294	3.353	3.412	3.471	3.529		17	
18	2.833	2.889	2.944	3.000	3.056	3.111	3.167	3.222	3.278	3.333		18	
19	2.684	2.737	2.789	2.842	2.895	2.947	3.000	3.053	3.105	3.158		19	
20	2.550	2.600	2.650	2.700	2.750	2.800	2.850	2.900	2.950	3.000		20	
21	2.429	2.476	2.524	2.571	2.619	2.667	2.714	2.762	2.810	2.857		21	
22	2.318	2.364	2.409	2.455	2.500	2.545	2.591	2.636	2.682	2.727		22	
23	2.217	2.261	2.304	2.348	2.391	2.435	2.478	2.522	2.565	2.609		23	
24	2.125	2.167	2.208	2.250	2.292	2.333	2.375	2.417	2.458	2.500		24	
25	2.040	2.080	2.120	2.160	2.200	2.240	2.280	2.320	2.360	2.400		25	
26	1.962	2.000	2.038	2.077	2.115	2.154	2.192	2.231	2.269	2.308		26	
27	1.889	1.926	1.963	2.000	2.037	2.074	2.111	2.148	2.185	2.222		27	
28	1.821	1.857	1.893	1.929	1.964	2.000	2.036	2.071	2.107	2.143		28	
29	1.759	1.793	1.828	1.862	1.897	1.931	1.966	2.000	2.034	2.069		29	
30	1.700	1.733	1.767	1.800	1.833	1.867	1.900	1.933	1.967	2.000		30	
31	1.645	1.677	1.710	1.742	1.774	1.806	1.839	1.871	1.903	1.935		31	
32	1.594	1.625	1.656	1.688	1.719	1.750	1.781	1.813	1.844	1.875		32	
33	1.545	1.576	1.606	1.636	1.667	1.697	1.727	1.758	1.788	1.818		33	
34	1.500	1.529	1.559	1.588	1.618	1.647	1.676	1.706	1.735	1.765		34	
35	1.457	1.486	1.514	1.543	1.571	1.600	1.629	1.657	1.686	1.714		35	
36	1.417	1.444	1.472	1.500	1.528	1.556	1.583	1.611	1.639	1.667		36	
37	1.378	1.405	1.432	1.459	1.486	1.514	1.541	1.568	1.595	1.622		37	
38	1.342	1.368	1.395	1.421	1.447	1.474	1.500	1.526	1.553	1.579		38	
39	1.308	1.333	1.359	1.385	1.410	1.436	1.462	1.487	1.513	1.538		39	
40	1.275	1.300	1.325	1.350	1.375	1.400	1.425	1.450	1.475	1.500		40	
41	1.244	1.268	1.293	1.317	1.341	1.366	1.390	1.415	1.439	1.463		41	
42	1.214	1.238	1.262	1.286	1.310	1.333	1.357	1.381	1.405	1.429		42	
43	1.186	1.209	1.233	1.256	1.279	1.302	1.326	1.349	1.372	1.395		43	
44	1.159	1.182	1.205	1.227	1.250	1.273	1.295	1.318	1.341	1.364		44	
45	1.133	1.156	1.178	1.200	1.222	1.244	1.267	1.289	1.311	1.333		45	
46	1.109	1.130	1.152	1.174	1.196	1.217	1.239	1.261	1.283	1.304		46	
47	1.085	1.106	1.128	1.149	1.170	1.191	1.213	1.234	1.255	1.277		47	
48	1.062	1.083	1.104	1.125	1.146	1.167	1.187	1.208	1.229	1.250		48	
49	1.041	1.061	1.082	1.102	1.122	1.143	1.163	1.184	1.204	1.224		49	
50	1.020	1.040	1.060	1.080	1.100	1.120	1.140	1.160	1.180	1.200		50	

表三 (續)

商 數
被 除 數

除數	51	52	53	54	55	56	57	58	59	60	除數
51	1.000	1.020	1.039	1.059	1.078	1.098	1.118	1.137	1.157	1.176	51
52	.9808	1.000	1.019	1.038	1.058	1.077	1.096	1.115	1.135	1.154	52
53	.9623	.9811	1.000	1.019	1.038	1.057	1.075	1.094	1.113	1.132	53
54	.9444	.9630	.9815	1.000	1.019	1.037	1.056	1.074	1.093	1.111	54
55	.9273	.9455	.9636	.9818	1.000	1.018	1.036	1.055	1.073	1.091	55
56	.9107	.9286	.9464	.9643	.9821	1.000	1.018	1.036	1.054	1.071	56
57	.8947	.9123	.9298	.9474	.9649	.9825	1.000	1.018	1.035	1.053	57
58	.8793	.8966	.9138	.9310	.9483	.9655	.9828	1.000	1.017	1.034	58
59	.8644	.8814	.8983	.9153	.9322	.9492	.9661	.9831	1.000	1.017	59
60	.8500	.8667	.8833	.9000	.9167	.9333	.9500	.9667	.9833	1.000	60
61	.8361	.8525	.8689	.8852	.9016	.9180	.9344	.9508	.9672	.9836	61
62	.8226	.8387	.8548	.8710	.8871	.9032	.9194	.9355	.9516	.9677	62
63	.8095	.8254	.8413	.8571	.8730	.8889	.9048	.9206	.9365	.9524	63
64	.7969	.8125	.8281	.8438	.8594	.8750	.8906	.9063	.9219	.9375	64
65	.7846	.8000	.8154	.8308	.8462	.8615	.8769	.8923	.9077	.9231	65
66	.7727	.7879	.8030	.8182	.8333	.8485	.8636	.8788	.8939	.9091	66
67	.7612	.7761	.7910	.8060	.8209	.8358	.8507	.8657	.8806	.8955	67
68	.7500	.7647	.7794	.7941	.8088	.8235	.8382	.8529	.8676	.8824	68
69	.7391	.7536	.7681	.7826	.7971	.8116	.8261	.8406	.8551	.8696	69
70	.7286	.7429	.7571	.7714	.7857	.8000	.8143	.8286	.8429	.8571	70
71	.7183	.7324	.7465	.7606	.7746	.7887	.8028	.8169	.8310	.8451	71
72	.7083	.7222	.7361	.7500	.7639	.7778	.7917	.8056	.8194	.8333	72
73	.6986	.7123	.7260	.7397	.7534	.7671	.7808	.7945	.8082	.8219	73
74	.6892	.7027	.7162	.7297	.7432	.7568	.7703	.7838	.7973	.8108	74
75	.6800	.6933	.7067	.7200	.7333	.7467	.7600	.7733	.7867	.8000	75
76	.6711	.6842	.6974	.7105	.7237	.7368	.7500	.7632	.7763	.7895	76
77	.6623	.6753	.6883	.7013	.7143	.7273	.7403	.7532	.7662	.7792	77
78	.6538	.6667	.6795	.6923	.7051	.7179	.7308	.7436	.7564	.7692	78
79	.6456	.6582	.6709	.6835	.6962	.7089	.7215	.7342	.7468	.7595	79
80	.6375	.6500	.6625	.6750	.6875	.7000	.7125	.7250	.7375	.7500	80
81	.6296	.6420	.6543	.6667	.6790	.6914	.7037	.7160	.7284	.7407	81
82	.6220	.6341	.6463	.6585	.6707	.6829	.6951	.7073	.7195	.7317	82
83	.6145	.6265	.6386	.6506	.6627	.6747	.6867	.6988	.7108	.7229	83
84	.6071	.6190	.6310	.6429	.6548	.6667	.6786	.6905	.7024	.7143	84
85	.6000	.6118	.6235	.6353	.6471	.6588	.6706	.6824	.6941	.7059	85
86	.5930	.6047	.6163	.6279	.6395	.6512	.6628	.6744	.6860	.6977	86
87	.5862	.5977	.6092	.6207	.6322	.6437	.6552	.6667	.6782	.6897	87
88	.5795	.5909	.6023	.6136	.6250	.6364	.6477	.6591	.6705	.6818	88
89	.5730	.5843	.5955	.6067	.6180	.6292	.6404	.6517	.6629	.6742	89
90	.5667	.5778	.5889	.6000	.6111	.6222	.6333	.6444	.6556	.6667	90
91	.5604	.5714	.5824	.5934	.6044	.6154	.6264	.6374	.6484	.6593	91
92	.5543	.5652	.5761	.5870	.5978	.6087	.6196	.6304	.6413	.6522	92
93	.5484	.5591	.5699	.5806	.5914	.6022	.6129	.6237	.6344	.6452	93
94	.5426	.5532	.5638	.5745	.5851	.5957	.6064	.6170	.6277	.6383	94
95	.5368	.5474	.5579	.5684	.5789	.5895	.6000	.6105	.6211	.6316	95
96	.5313	.5417	.5521	.5625	.5729	.5833	.5938	.6042	.6146	.6250	96
97	.5258	.5361	.5464	.5567	.5670	.5773	.5876	.5979	.6082	.6186	97
98	.5204	.5306	.5408	.5510	.5612	.5714	.5816	.5918	.6020	.6122	98
99	.5152	.5253	.5354	.5455	.5556	.5657	.5758	.5859	.5960	.6061	99

表三(續)

商數

被除數

除數	61	62	63	64	65	66	67	68	69	70	除數
2	30.50	31.00	31.50	32.00	32.50	33.00	33.50	34.00	34.50	35.00	2
3	20.33	20.67	21.00	21.33	21.67	22.00	22.33	22.67	23.00	23.33	3
4	15.25	15.50	15.75	16.00	16.25	16.50	16.75	17.00	17.25	17.50	4
5	12.20	12.40	12.60	12.80	13.00	13.20	13.40	13.60	13.80	14.00	5
6	10.17	10.33	10.50	10.67	10.83	11.00	11.17	11.33	11.50	11.67	6
7	8.714	8.857	9.000	9.143	9.286	9.429	9.571	9.714	9.857	10.00	7
8	7.625	7.750	7.875	8.000	8.125	8.250	8.375	8.500	8.625	8.750	8
9	6.778	6.889	7.000	7.111	7.222	7.333	7.444	7.556	7.667	7.778	9
10	6.100	6.200	6.300	6.400	6.500	6.600	6.700	6.800	6.900	7.000	10
11	5.545	5.636	5.727	5.818	5.909	6.000	6.091	6.182	6.273	6.364	11
12	5.083	5.167	5.250	5.333	5.417	5.500	5.583	5.667	5.750	5.833	12
13	4.692	4.769	4.846	4.923	5.000	5.077	5.154	5.231	5.308	5.385	13
14	4.357	4.429	4.500	4.571	4.643	4.714	4.786	4.857	4.929	5.000	14
15	4.067	4.133	4.200	4.267	4.333	4.400	4.467	4.533	4.600	4.667	15
16	3.813	3.875	3.938	4.000	4.063	4.125	4.188	4.250	4.313	4.375	16
17	3.588	3.647	3.706	3.765	3.824	3.882	3.941	4.000	4.059	4.118	17
18	3.389	3.444	3.500	3.556	3.611	3.667	3.722	3.778	3.833	3.889	18
19	3.211	3.263	3.316	3.368	3.421	3.474	3.526	3.579	3.632	3.684	19
20	3.050	3.100	3.150	3.200	3.250	3.300	3.350	3.400	3.450	3.500	20
21	2.905	2.952	3.000	3.048	3.095	3.143	3.190	3.238	3.286	3.333	21
22	2.773	2.818	2.864	2.909	2.955	3.000	3.045	3.091	3.136	3.182	22
23	2.652	2.696	2.739	2.783	2.826	2.870	2.913	2.957	3.000	3.043	23
24	2.542	2.583	2.625	2.667	2.708	2.750	2.792	2.833	2.875	2.917	24
25	2.440	2.480	2.520	2.560	2.600	2.640	2.680	2.720	2.760	2.800	25
26	2.346	2.385	2.423	2.462	2.500	2.538	2.577	2.615	2.654	2.692	26
27	2.259	2.296	2.333	2.370	2.407	2.444	2.481	2.519	2.556	2.593	27
28	2.179	2.214	2.250	2.286	2.321	2.357	2.393	2.429	2.464	2.500	28
29	2.103	2.138	2.172	2.207	2.241	2.276	2.310	2.345	2.379	2.414	29
30	2.033	2.067	2.100	2.133	2.167	2.200	2.233	2.267	2.300	2.333	30
31	1.968	2.000	2.032	2.065	2.097	2.129	2.161	2.194	2.226	2.258	31
32	1.906	1.938	1.969	2.000	2.031	2.063	2.094	2.125	2.156	2.188	32
33	1.848	1.879	1.909	1.939	1.970	2.000	2.030	2.061	2.091	2.121	33
34	1.794	1.824	1.853	1.882	1.912	1.941	1.971	2.000	2.029	2.059	34
35	1.743	1.771	1.800	1.829	1.857	1.886	1.914	1.943	1.971	2.000	35
36	1.694	1.722	1.750	1.778	1.806	1.833	1.861	1.889	1.917	1.944	36
37	1.649	1.676	1.703	1.730	1.757	1.784	1.811	1.838	1.865	1.892	37
38	1.605	1.632	1.658	1.684	1.711	1.737	1.763	1.789	1.816	1.842	38
39	1.564	1.590	1.615	1.641	1.667	1.692	1.718	1.744	1.769	1.795	39
40	1.525	1.550	1.575	1.600	1.625	1.650	1.675	1.700	1.725	1.750	40
41	1.488	1.512	1.537	1.561	1.585	1.610	1.634	1.659	1.683	1.707	41
42	1.452	1.476	1.500	1.524	1.548	1.571	1.595	1.619	1.643	1.667	42
43	1.419	1.442	1.465	1.488	1.512	1.535	1.558	1.581	1.605	1.628	43
44	1.386	1.409	1.432	1.455	1.477	1.500	1.523	1.545	1.568	1.591	44
45	1.356	1.378	1.400	1.422	1.444	1.467	1.489	1.511	1.533	1.556	45
46	1.326	1.348	1.370	1.391	1.413	1.435	1.457	1.478	1.500	1.522	46
47	1.298	1.319	1.340	1.362	1.383	1.404	1.426	1.447	1.468	1.489	47
48	1.271	1.292	1.312	1.333	1.354	1.375	1.396	1.417	1.437	1.458	48
49	1.245	1.265	1.286	1.306	1.327	1.347	1.367	1.388	1.408	1.429	49
50	1.220	1.240	1.260	1.280	1.300	1.320	1.340	1.360	1.380	1.400	50

表三(續)

商數

41

被除數

除數	61	62	63	64	65	66	67	68	69	70	除數
51	1.196	1.216	1.235	1.255	1.275	1.294	1.314	1.333	1.353	1.373	51
52	1.173	1.192	1.212	1.231	1.250	1.269	1.288	1.308	1.327	1.346	52
53	1.151	1.170	1.189	1.208	1.226	1.245	1.264	1.283	1.302	1.321	53
54	1.130	1.148	1.167	1.185	1.204	1.222	1.241	1.259	1.278	1.296	54
55	1.109	1.127	1.145	1.164	1.182	1.200	1.218	1.236	1.255	1.273	55
56	1.089	1.107	1.125	1.143	1.161	1.179	1.196	1.214	1.232	1.250	56
57	1.070	1.088	1.105	1.123	1.140	1.158	1.175	1.193	1.211	1.228	57
58	1.052	1.069	1.086	1.103	1.121	1.138	1.155	1.172	1.190	1.207	58
59	1.034	1.051	1.068	1.085	1.102	1.119	1.136	1.153	1.169	1.186	59
60	1.017	1.033	1.050	1.067	1.083	1.100	1.117	1.133	1.150	1.167	60
61	1.000	1.016	1.033	1.049	1.066	1.082	1.098	1.115	1.131	1.148	61
62	.9839	1.000	1.016	1.032	1.048	1.065	1.081	1.097	1.113	1.129	62
63	.9683	.9841	1.000	1.016	1.032	1.048	1.063	1.079	1.095	1.111	63
64	.9531	.9688	.9844	1.000	1.016	1.031	1.047	1.063	1.078	1.094	64
65	.9385	.9538	.9692	.9846	1.000	1.015	1.031	1.046	1.062	1.077	65
66	.9242	.9394	.9545	.9697	.9848	1.000	1.015	1.030	1.045	1.061	66
67	.9104	.9254	.9403	.9552	.9701	.9851	1.000	1.015	1.030	1.045	67
68	.8971	.9118	.9265	.9412	.9559	.9706	.9853	1.000	1.015	1.029	68
69	.8841	.8986	.9130	.9275	.9420	.9565	.9710	.9855	1.000	1.014	69
70	.8714	.8857	.9000	.9143	.9286	.9429	.9571	.9714	.9857	1.000	70
71	.8592	.8732	.8873	.9014	.9155	.9296	.9437	.9577	.9718	.9859	71
72	.8472	.8611	.8750	.8889	.9028	.9167	.9306	.9444	.9583	.9722	72
73	.8356	.8493	.8630	.8767	.8904	.9041	.9178	.9315	.9452	.9589	73
74	.8243	.8378	.8514	.8649	.8784	.8919	.9054	.9189	.9324	.9459	74
75	.8133	.8267	.8400	.8533	.8667	.8800	.8933	.9067	.9200	.9333	75
76	.8026	.8158	.8289	.8421	.8553	.8684	.8816	.8947	.9079	.9211	76
77	.7922	.8052	.8182	.8312	.8442	.8571	.8701	.8831	.8961	.9091	77
78	.7821	.7949	.8077	.8205	.8333	.8462	.8590	.8718	.8846	.8974	78
79	.7722	.7848	.7975	.8101	.8228	.8354	.8481	.8608	.8734	.8861	79
80	.7625	.7750	.7875	.8000	.8125	.8250	.8375	.8500	.8625	.8750	80
81	.7531	.7654	.7778	.7901	.8025	.8148	.8272	.8395	.8519	.8642	81
82	.7439	.7561	.7683	.7805	.7927	.8049	.8171	.8293	.8415	.8537	82
83	.7349	.7470	.7590	.7711	.7831	.7952	.8072	.8193	.8313	.8434	83
84	.7262	.7381	.7500	.7619	.7738	.7857	.7976	.8095	.8214	.8333	84
85	.7176	.7294	.7412	.7529	.7647	.7765	.7882	.8000	.8118	.8235	85
86	.7093	.7209	.7326	.7442	.7558	.7674	.7791	.7907	.8023	.8140	86
87	.7011	.7126	.7241	.7356	.7471	.7586	.7701	.7816	.7931	.8046	87
88	.6932	.7045	.7159	.7273	.7386	.7500	.7614	.7727	.7841	.7955	88
89	.6854	.6966	.7079	.7191	.7303	.7416	.7528	.7640	.7753	.7865	89
90	.6778	.6889	.7000	.7111	.7222	.7333	.7444	.7556	.7667	.7778	90
91	.6703	.6813	.6923	.7033	.7143	.7253	.7363	.7473	.7582	.7692	91
92	.6630	.6739	.6848	.6957	.7065	.7174	.7283	.7391	.7500	.7609	92
93	.6559	.6667	.6774	.6882	.6989	.7097	.7204	.7312	.7419	.7527	93
94	.6489	.6596	.6702	.6809	.6915	.7021	.7128	.7234	.7340	.7447	94
95	.6421	.6526	.6632	.6737	.6842	.6947	.7053	.7158	.7263	.7368	95
96	.6354	.6458	.6563	.6667	.6771	.6875	.6979	.7083	.7188	.7292	96
97	.6289	.6392	.6495	.6598	.6701	.6804	.6907	.7010	.7113	.7216	97
98	.6224	.6327	.6429	.6531	.6633	.6735	.6837	.6939	.7041	.7143	98
99	.6162	.6263	.6364	.6465	.6566	.6667	.6768	.6869	.6970	.7071	99

表三 (續)

商 數

被 除 數

除數	71	72	73	74	75	76	77	78	79	80	除數
2	35.50	36.00	36.50	37.00	37.50	38.00	38.50	39.00	39.50	40.00	2
3	23.67	24.00	24.33	24.67	25.00	25.33	25.67	26.00	26.33	26.67	3
4	17.75	18.00	18.25	18.50	18.75	19.00	19.25	19.50	19.75	20.00	4
5	14.20	14.40	14.60	14.80	15.00	15.20	15.40	15.60	15.80	16.00	5
6	11.83	12.00	12.17	12.33	12.50	12.67	12.83	13.00	13.17	13.33	6
7	10.14	10.29	10.43	10.57	10.71	10.86	11.00	11.14	11.29	11.43	7
8	8.875	9.000	9.125	9.250	9.375	9.500	9.625	9.750	9.875	10.000	8
9	7.889	8.000	8.111	8.222	8.333	8.444	8.556	8.667	8.778	8.889	9
10	7.100	7.200	7.300	7.400	7.500	7.600	7.700	7.800	7.900	8.000	10
11	6.455	6.545	6.636	6.727	6.818	6.909	7.000	7.091	7.182	7.273	11
12	5.917	6.000	6.083	6.167	6.250	6.333	6.417	6.500	6.583	6.667	12
13	5.462	5.538	5.615	5.692	5.769	5.846	5.923	6.000	6.077	6.154	13
14	5.071	5.143	5.214	5.286	5.357	5.429	5.500	5.571	5.643	5.714	14
15	4.733	4.800	4.867	4.933	5.000	5.067	5.133	5.200	5.267	5.333	15
16	4.438	4.500	4.563	4.625	4.688	4.750	4.813	4.875	4.938	5.000	16
17	4.176	4.235	4.294	4.353	4.412	4.471	4.529	4.588	4.647	4.706	17
18	3.944	4.000	4.056	4.111	4.167	4.222	4.278	4.333	4.389	4.444	18
19	3.737	3.789	3.842	3.895	3.947	4.000	4.053	4.105	4.158	4.211	19
20	3.550	3.600	3.650	3.700	3.750	3.800	3.850	3.900	3.950	4.000	20
21	3.381	3.429	3.476	3.524	3.571	3.619	3.667	3.714	3.762	3.810	21
22	3.227	3.273	3.318	3.364	3.409	3.455	3.500	3.545	3.591	3.636	22
23	3.087	3.130	3.174	3.217	3.261	3.304	3.348	3.391	3.435	3.478	23
24	2.958	3.000	3.042	3.083	3.125	3.167	3.208	3.250	3.292	3.333	24
25	2.840	2.880	2.920	2.960	3.000	3.040	3.080	3.120	3.160	3.200	25
26	2.731	2.769	2.808	2.846	2.885	2.923	2.962	3.000	3.038	3.077	26
27	2.630	2.667	2.704	2.741	2.778	2.815	2.852	2.889	2.926	2.963	27
28	2.536	2.571	2.607	2.643	2.679	2.714	2.750	2.786	2.821	2.857	28
29	2.448	2.483	2.517	2.552	2.586	2.621	2.655	2.690	2.724	2.759	29
30	2.367	2.400	2.433	2.467	2.500	2.533	2.567	2.600	2.633	2.667	30
31	2.290	2.323	2.355	2.387	2.419	2.452	2.484	2.516	2.548	2.581	31
32	2.219	2.250	2.281	2.313	2.344	2.375	2.406	2.438	2.469	2.500	32
33	2.152	2.182	2.212	2.242	2.273	2.303	2.333	2.364	2.394	2.424	33
34	2.088	2.118	2.147	2.176	2.206	2.235	2.265	2.294	2.324	2.353	34
35	2.029	2.057	2.086	2.114	2.143	2.171	2.200	2.229	2.257	2.286	35
36	1.972	2.000	2.028	2.056	2.083	2.111	2.139	2.167	2.194	2.222	36
37	1.919	1.946	1.973	2.000	2.027	2.054	2.081	2.108	2.135	2.162	37
38	1.868	1.895	1.921	1.947	1.974	2.000	2.026	2.053	2.079	2.105	38
39	1.821	1.846	1.872	1.897	1.923	1.949	1.974	2.000	2.026	2.051	39
40	1.775	1.800	1.825	1.850	1.875	1.900	1.925	1.950	1.975	2.000	40
41	1.732	1.756	1.780	1.805	1.829	1.854	1.878	1.902	1.927	1.951	41
42	1.690	1.714	1.738	1.762	1.786	1.810	1.833	1.857	1.881	1.905	42
43	1.651	1.674	1.698	1.721	1.744	1.767	1.791	1.814	1.837	1.860	43
44	1.614	1.636	1.659	1.682	1.705	1.727	1.750	1.773	1.795	1.818	44
45	1.578	1.600	1.622	1.644	1.667	1.689	1.711	1.733	1.756	1.778	45
46	1.543	1.565	1.587	1.609	1.630	1.652	1.674	1.696	1.717	1.739	46
47	1.511	1.532	1.553	1.574	1.596	1.617	1.638	1.660	1.681	1.702	47
48	1.479	1.500	1.521	1.542	1.562	1.583	1.604	1.625	1.646	1.667	48
49	1.449	1.469	1.490	1.510	1.531	1.551	1.571	1.592	1.612	1.633	49
50	1.420	1.440	1.460	1.480	1.500	1.520	1.540	1.560	1.580	1.600	50

商數

43

被除數

除數	71	72	73	74	75	76	77	78	79	80	除數
51	1.392	1.412	1.431	1.451	1.471	1.490	1.510	1.529	1.549	1.569	51
52	1.365	1.385	1.404	1.423	1.442	1.462	1.481	1.500	1.519	1.538	52
53	1.340	1.358	1.377	1.396	1.415	1.434	1.453	1.472	1.491	1.509	53
54	1.315	1.333	1.352	1.370	1.389	1.407	1.426	1.444	1.463	1.481	54
55	1.291	1.309	1.327	1.345	1.364	1.382	1.400	1.418	1.436	1.455	55
56	1.268	1.286	1.304	1.321	1.339	1.357	1.375	1.393	1.411	1.429	56
57	1.246	1.263	1.281	1.298	1.316	1.333	1.351	1.368	1.386	1.404	57
58	1.224	1.241	1.259	1.276	1.293	1.310	1.328	1.345	1.362	1.379	58
59	1.203	1.220	1.237	1.254	1.271	1.288	1.305	1.322	1.339	1.356	59
60	1.183	1.200	1.217	1.233	1.250	1.267	1.283	1.300	1.317	1.333	60
61	1.164	1.180	1.197	1.213	1.230	1.246	1.262	1.279	1.295	1.311	61
62	1.145	1.161	1.177	1.194	1.210	1.226	1.242	1.258	1.274	1.290	62
63	1.127	1.143	1.159	1.175	1.190	1.206	1.222	1.238	1.254	1.270	63
64	1.109	1.125	1.141	1.156	1.172	1.188	1.203	1.219	1.234	1.250	64
65	1.092	1.108	1.123	1.138	1.154	1.169	1.185	1.200	1.215	1.231	65
66	1.076	1.091	1.106	1.121	1.136	1.152	1.167	1.182	1.197	1.212	66
67	1.060	1.075	1.090	1.104	1.119	1.134	1.149	1.164	1.179	1.194	67
68	1.044	1.059	1.074	1.088	1.103	1.118	1.132	1.147	1.162	1.176	68
69	1.029	1.043	1.058	1.072	1.087	1.101	1.116	1.130	1.145	1.159	69
70	1.014	1.029	1.043	1.057	1.071	1.086	1.100	1.114	1.129	1.143	70
71	1.000	1.014	1.028	1.042	1.056	1.070	1.085	1.099	1.113	1.127	71
72	.9861	1.000	1.014	1.028	1.042	1.056	1.069	1.083	1.097	1.111	72
73	.9726	.9863	1.000	1.014	1.027	1.041	1.055	1.068	1.082	1.096	73
74	.9595	.9730	.9865	1.000	1.014	1.027	1.041	1.054	1.068	1.081	74
75	.9467	.9600	.9733	.9867	1.000	1.013	1.027	1.040	1.053	1.067	75
76	.9342	.9474	.9605	.9737	.9868	1.000	1.013	1.026	1.039	1.053	76
77	.9221	.9351	.9481	.9610	.9740	.9870	1.000	1.013	1.026	1.039	77
78	.9103	.9231	.9359	.9487	.9615	.9744	.9872	1.000	1.013	1.026	78
79	.8987	.9114	.9241	.9367	.9494	.9620	.9747	.9873	1.000	1.013	79
80	.8875	.9000	.9125	.9250	.9375	.9500	.9625	.9750	.9875	1.000	80
81	.8765	.8889	.9012	.9136	.9259	.9383	.9506	.9630	.9753	.9877	81
82	.8659	.8780	.8902	.9024	.9146	.9268	.9390	.9512	.9634	.9756	82
83	.8554	.8675	.8795	.8916	.9036	.9157	.9277	.9398	.9518	.9639	83
84	.8452	.8571	.8690	.8810	.8929	.9048	.9167	.9286	.9405	.9524	84
85	.8353	.8471	.8588	.8706	.8824	.8941	.9059	.9176	.9294	.9412	85
86	.8256	.8372	.8488	.8605	.8721	.8837	.8953	.9070	.9186	.9302	86
87	.8161	.8276	.8391	.8506	.8621	.8736	.8851	.8966	.9080	.9195	87
88	.8068	.8182	.8295	.8409	.8523	.8636	.8750	.8864	.8977	.9091	88
89	.7978	.8090	.8202	.8315	.8427	.8539	.8652	.8764	.8876	.8989	89
90	.7889	.8000	.8111	.8222	.8333	.8444	.8556	.8667	.8778	.8889	90
91	.7802	.7912	.8022	.8132	.8242	.8352	.8462	.8571	.8681	.8791	91
92	.7717	.7826	.7935	.8043	.8152	.8261	.8370	.8478	.8587	.8696	92
93	.7634	.7742	.7849	.7957	.8065	.8172	.8280	.8387	.8495	.8602	93
94	.7553	.7660	.7766	.7872	.7979	.8085	.8191	.8298	.8404	.8511	94
95	.7474	.7579	.7684	.7789	.7895	.8000	.8105	.8211	.8316	.8421	95
96	.7396	.7500	.7604	.7708	.7813	.7917	.8021	.8125	.8229	.8333	96
97	.7320	.7423	.7526	.7629	.7732	.7835	.7938	.8041	.8144	.8247	97
98	.7245	.7347	.7449	.7551	.7653	.7755	.7857	.7959	.8061	.8163	98
99	.7172	.7273	.7374	.7475	.7576	.7677	.7778	.7879	.7980	.8081	99

表三 (續)

44

商數

被除數

除數	81	82	83	84	85	86	87	88	89	90	除數
2	40.50	41.00	41.50	42.00	42.50	43.00	43.50	44.00	44.50	45.00	2
3	27.00	27.33	27.67	28.00	28.33	28.67	29.00	29.33	29.67	30.00	3
4	20.25	20.50	20.75	21.00	21.25	21.50	21.75	22.00	22.25	22.50	4
5	16.20	16.40	16.60	16.80	17.00	17.20	17.40	17.60	17.80	18.00	5
6	13.50	13.67	13.83	14.00	14.17	14.33	14.50	14.67	14.83	15.00	6
7	11.57	11.71	11.86	12.00	12.14	12.29	12.43	12.57	12.71	12.86	7
8	10.13	10.25	10.38	10.50	10.63	10.75	10.88	11.00	11.13	11.25	8
9	9.000	9.111	9.222	9.333	9.444	9.556	9.667	9.778	9.889	10.00	9
10	8.100	8.200	8.300	8.400	8.500	8.600	8.700	8.800	8.900	9.000	10
11	7.364	7.455	7.545	7.636	7.727	7.818	7.909	8.000	8.091	8.182	11
12	6.750	6.833	6.917	7.000	7.083	7.167	7.250	7.333	7.417	7.500	12
13	6.231	6.308	6.385	6.462	6.538	6.615	6.692	6.769	6.846	6.923	13
14	5.786	5.857	5.929	6.000	6.071	6.143	6.214	6.286	6.357	6.429	14
15	5.400	5.467	5.533	5.600	5.667	5.733	5.800	5.867	5.933	6.000	15
16	5.063	5.125	5.188	5.250	5.313	5.375	5.438	5.500	5.563	5.625	16
17	4.765	4.824	4.882	4.941	5.000	5.059	5.118	5.176	5.235	5.294	17
18	4.500	4.556	4.611	4.667	4.722	4.778	4.833	4.889	4.944	5.000	18
19	4.263	4.316	4.368	4.421	4.474	4.526	4.579	4.632	4.684	4.737	19
20	4.050	4.100	4.150	4.200	4.250	4.300	4.350	4.400	4.450	4.500	20
21	3.857	3.905	3.952	4.000	4.048	4.095	4.143	4.190	4.238	4.286	21
22	3.682	3.727	3.773	3.818	3.864	3.909	3.955	4.000	4.045	4.091	22
23	3.522	3.565	3.609	3.652	3.696	3.739	3.783	3.826	3.870	3.913	23
24	3.375	3.417	3.458	3.500	3.542	3.583	3.625	3.667	3.708	3.750	24
25	3.240	3.280	3.320	3.360	3.400	3.440	3.480	3.520	3.560	3.600	25
26	3.115	3.154	3.192	3.231	3.269	3.308	3.346	3.385	3.423	3.462	26
27	3.000	3.037	3.074	3.111	3.148	3.185	3.222	3.259	3.296	3.333	27
28	2.893	2.929	2.964	3.000	3.036	3.071	3.107	3.143	3.179	3.214	28
29	2.793	2.828	2.862	2.897	2.931	2.966	3.000	3.034	3.069	3.103	29
30	2.700	2.733	2.767	2.800	2.833	2.867	2.900	2.933	2.967	3.000	30
31	2.613	2.645	2.677	2.710	2.742	2.774	2.806	2.839	2.871	2.903	31
32	2.531	2.563	2.594	2.625	2.656	2.688	2.719	2.750	2.781	2.813	32
33	2.455	2.485	2.515	2.545	2.576	2.606	2.636	2.667	2.697	2.727	33
34	2.382	2.412	2.441	2.471	2.500	2.529	2.559	2.588	2.618	2.647	34
35	2.314	2.343	2.371	2.400	2.429	2.457	2.486	2.514	2.543	2.571	35
36	2.250	2.278	2.306	2.333	2.361	2.389	2.417	2.444	2.472	2.500	36
37	2.189	2.216	2.243	2.270	2.297	2.324	2.351	2.378	2.405	2.432	37
38	2.132	2.158	2.184	2.211	2.237	2.263	2.289	2.316	2.342	2.368	38
39	2.077	2.103	2.128	2.154	2.179	2.205	2.231	2.256	2.282	2.308	39
40	2.025	2.050	2.075	2.100	2.125	2.150	2.175	2.200	2.225	2.250	40
41	1.976	2.000	2.024	2.049	2.073	2.098	2.122	2.146	2.171	2.195	41
42	1.929	1.952	1.976	2.000	2.024	2.048	2.071	2.095	2.119	2.143	42
43	1.884	1.907	1.930	1.953	1.977	2.000	2.023	2.047	2.070	2.093	43
44	1.841	1.864	1.886	1.909	1.932	1.955	1.977	2.000	2.023	2.045	44
45	1.800	1.822	1.844	1.867	1.889	1.911	1.933	1.956	1.978	2.000	45
46	1.761	1.783	1.804	1.826	1.848	1.870	1.891	1.913	1.935	1.957	46
47	1.723	1.745	1.766	1.787	1.809	1.830	1.851	1.872	1.894	1.915	47
48	1.687	1.708	1.729	1.750	1.771	1.792	1.812	1.833	1.854	1.875	48
49	1.653	1.673	1.694	1.714	1.735	1.755	1.776	1.796	1.816	1.837	49
50	1.620	1.640	1.660	1.680	1.700	1.720	1.740	1.760	1.780	1.800	50

表三(續)

商數
被除被

45

除數	81	82	83	84	85	86	87	88	89	90	除數
51	1.588	1.608	1.627	1.647	1.667	1.686	1.706	1.725	1.745	1.765	51
52	1.558	1.577	1.596	1.615	1.635	1.654	1.673	1.692	1.712	1.731	52
53	1.528	1.547	1.566	1.585	1.604	1.623	1.642	1.660	1.679	1.698	53
54	1.500	1.519	1.537	1.556	1.574	1.593	1.611	1.630	1.648	1.667	54
55	1.473	1.491	1.509	1.527	1.545	1.564	1.582	1.600	1.618	1.636	55
56	1.446	1.464	1.482	1.500	1.518	1.536	1.554	1.571	1.589	1.607	56
57	1.421	1.439	1.456	1.474	1.491	1.509	1.526	1.544	1.561	1.579	57
58	1.397	1.414	1.431	1.448	1.466	1.483	1.500	1.517	1.534	1.552	58
59	1.373	1.390	1.407	1.424	1.441	1.458	1.475	1.492	1.508	1.525	59
60	1.350	1.367	1.383	1.400	1.417	1.433	1.450	1.467	1.483	1.500	60
61	1.328	1.344	1.361	1.377	1.393	1.410	1.426	1.443	1.459	1.475	61
62	1.306	1.323	1.339	1.355	1.371	1.387	1.403	1.419	1.435	1.452	62
63	1.286	1.302	1.317	1.333	1.349	1.365	1.381	1.397	1.413	1.429	63
64	1.266	1.281	1.297	1.313	1.328	1.344	1.359	1.375	1.391	1.406	64
65	1.246	1.262	1.277	1.292	1.308	1.323	1.338	1.354	1.369	1.385	65
66	1.227	1.242	1.258	1.273	1.288	1.303	1.318	1.333	1.348	1.364	66
67	1.209	1.224	1.239	1.254	1.269	1.284	1.299	1.313	1.328	1.343	67
68	1.191	1.206	1.221	1.235	1.250	1.265	1.279	1.294	1.309	1.324	68
69	1.174	1.188	1.203	1.217	1.232	1.246	1.261	1.275	1.290	1.304	69
70	1.157	1.171	1.186	1.200	1.214	1.229	1.243	1.257	1.271	1.286	70
71	1.141	1.155	1.169	1.183	1.197	1.211	1.225	1.239	1.254	1.268	71
72	1.125	1.139	1.153	1.167	1.181	1.194	1.208	1.222	1.236	1.250	72
73	1.110	1.123	1.137	1.151	1.164	1.178	1.192	1.205	1.219	1.233	73
74	1.095	1.108	1.122	1.135	1.149	1.162	1.176	1.189	1.203	1.216	74
75	1.080	1.093	1.107	1.120	1.133	1.147	1.160	1.173	1.187	1.200	75
76	1.066	1.079	1.092	1.105	1.118	1.132	1.145	1.158	1.171	1.184	76
77	1.052	1.065	1.078	1.091	1.104	1.117	1.130	1.143	1.156	1.169	77
78	1.038	1.051	1.064	1.077	1.090	1.103	1.115	1.128	1.141	1.154	78
79	1.025	1.038	1.051	1.063	1.076	1.089	1.101	1.114	1.127	1.139	79
80	1.013	1.025	1.038	1.050	1.063	1.075	1.088	1.100	1.113	1.125	80
81	1.000	1.012	1.025	1.037	1.049	1.062	1.074	1.086	1.099	1.111	81
82	.9878	1.000	1.012	1.024	1.037	1.049	1.061	1.073	1.085	1.098	82
83	.9759	.9880	1.000	1.012	1.024	1.036	1.048	1.060	1.072	1.084	83
84	.9643	.9762	.9881	1.000	1.012	1.024	1.036	1.048	1.060	1.071	84
85	.9529	.9647	.9765	.9882	1.000	1.012	1.024	1.035	1.047	1.059	85
86	.9419	.9535	.9651	.9767	.9884	1.000	1.012	1.023	1.035	1.047	86
87	.9310	.9425	.9540	.9655	.9770	.9885	1.000	1.011	1.023	1.034	87
88	.9205	.9318	.9432	.9545	.9659	.9773	.9886	1.000	1.011	1.023	88
89	.9101	.9213	.9326	.9438	.9551	.9663	.9775	.9888	1.000	1.011	89
90	.9000	.9111	.9222	.9333	.9444	.9556	.9667	.9778	.9889	1.000	90
91	.8901	.9011	.9121	.9231	.9341	.9451	.9560	.9670	.9780	.9890	91
92	.8804	.8913	.9022	.9130	.9239	.9348	.9457	.9565	.9674	.9783	92
93	.8710	.8817	.8925	.9032	.9140	.9247	.9355	.9462	.9570	.9677	93
94	.8617	.8723	.8830	.8936	.9043	.9149	.9255	.9362	.9468	.9574	94
95	.8526	.8632	.8737	.8842	.8947	.9053	.9158	.9263	.9368	.9474	95
96	.8438	.8542	.8646	.8750	.8854	.8958	.9063	.9167	.9271	.9375	96
97	.8351	.8454	.8557	.8660	.8763	.8866	.8969	.9072	.9175	.9278	97
98	.8265	.8367	.8469	.8571	.8673	.8776	.8878	.8980	.9082	.9184	98
99	.8182	.8283	.8384	.8485	.8586	.8687	.8788	.8889	.8990	.9091	99

表三 (續)

商 數

被 除 數

除數	91	92	93	94	95	96	97	98	99	100	除數
2	45.50	46.00	46.50	47.00	47.50	48.00	48.50	49.00	49.50	50.00	2
3	30.33	30.67	31.00	31.33	31.67	32.00	32.33	32.67	33.00	33.33	3
4	22.75	23.00	23.25	23.50	23.75	24.00	24.25	24.50	24.75	25.00	4
5	18.20	18.40	18.60	18.80	19.00	19.20	19.40	19.60	19.80	20.00	5
6	15.17	15.33	15.50	15.67	15.83	16.00	16.17	16.33	16.50	16.67	6
7	13.00	13.14	13.29	13.43	13.57	13.71	13.86	14.00	14.14	14.29	7
8	11.38	11.50	11.63	11.75	11.88	12.00	12.13	12.25	12.38	12.50	8
9	10.11	10.22	10.33	10.44	10.56	10.67	10.78	10.89	11.00	11.11	9
10	9.100	9.200	9.300	9.400	9.500	9.600	9.700	9.800	9.900	10.00	10
11	8.273	8.364	8.455	8.545	8.636	8.727	8.818	8.909	9.000	9.091	11
12	7.583	7.667	7.750	7.833	7.917	8.000	8.083	8.167	8.250	8.333	12
13	7.000	7.077	7.154	7.231	7.308	7.385	7.462	7.538	7.615	7.692	13
14	6.500	6.571	6.643	6.714	6.786	6.857	6.929	7.000	7.071	7.143	14
15	6.067	6.133	6.200	6.267	6.333	6.400	6.467	6.533	6.600	6.667	15
16	5.688	5.750	5.813	5.875	5.938	6.000	6.063	6.125	6.188	6.250	16
17	5.353	5.412	5.471	5.529	5.588	5.647	5.706	5.765	5.824	5.882	17
18	5.056	5.111	5.167	5.222	5.278	5.333	5.389	5.444	5.500	5.556	18
19	4.789	4.842	4.895	4.947	5.000	5.053	5.105	5.158	5.211	5.263	19
20	4.550	4.600	4.650	4.700	4.750	4.800	4.850	4.900	4.950	5.000	20
21	4.333	4.381	4.429	4.476	4.524	4.571	4.619	4.667	4.714	4.762	21
22	4.136	4.182	4.227	4.273	4.318	4.364	4.409	4.455	4.500	4.545	22
23	3.957	4.000	4.043	4.087	4.130	4.174	4.217	4.261	4.304	4.348	23
24	3.792	3.833	3.875	3.917	3.958	4.000	4.042	4.083	4.125	4.167	24
25	3.640	3.680	3.720	3.760	3.800	3.840	3.880	3.920	3.960	4.000	25
26	3.500	3.538	3.577	3.615	3.654	3.692	3.731	3.769	3.808	3.846	26
27	3.370	3.407	3.444	3.481	3.519	3.556	3.593	3.630	3.667	3.704	27
28	3.250	3.286	3.321	3.357	3.393	3.429	3.464	3.500	3.536	3.571	28
29	3.138	3.172	3.207	3.241	3.276	3.310	3.345	3.379	3.414	3.448	29
30	3.033	3.067	3.100	3.133	3.167	3.200	3.233	3.267	3.300	3.333	30
31	2.935	2.968	3.000	3.032	3.065	3.097	3.129	3.161	3.194	3.226	31
32	2.844	2.875	2.906	2.938	2.969	3.000	3.031	3.063	3.094	3.125	32
33	2.758	2.788	2.818	2.848	2.879	2.909	2.939	2.970	3.000	3.030	33
34	2.676	2.706	2.735	2.765	2.794	2.824	2.853	2.882	2.912	2.941	34
35	2.600	2.629	2.657	2.686	2.714	2.743	2.771	2.800	2.829	2.857	35
36	2.528	2.556	2.583	2.611	2.639	2.667	2.694	2.722	2.750	2.778	36
37	2.459	2.486	2.514	2.541	2.568	2.595	2.622	2.649	2.676	2.703	37
38	2.395	2.421	2.447	2.474	2.500	2.526	2.553	2.579	2.605	2.632	38
39	2.333	2.359	2.385	2.410	2.436	2.462	2.487	2.513	2.538	2.564	39
40	2.275	2.300	2.325	2.350	2.375	2.400	2.425	2.450	2.475	2.500	40
41	2.220	2.244	2.268	2.293	2.317	2.341	2.366	2.390	2.415	2.439	41
42	2.167	2.190	2.214	2.238	2.262	2.286	2.310	2.333	2.357	2.381	42
43	2.116	2.140	2.163	2.186	2.209	2.233	2.256	2.279	2.302	2.326	43
44	2.068	2.091	2.114	2.136	2.159	2.182	2.205	2.227	2.250	2.273	44
45	2.022	2.044	2.067	2.089	2.111	2.133	2.156	2.178	2.200	2.222	45
46	1.978	2.000	2.022	2.043	2.065	2.087	2.109	2.130	2.152	2.174	46
47	1.936	1.957	1.979	2.000	2.021	2.043	2.064	2.085	2.106	2.128	47
48	1.896	1.917	1.937	1.958	1.979	2.000	2.021	2.042	2.062	2.083	48
49	1.857	1.878	1.898	1.918	1.939	1.959	1.980	2.000	2.020	2.041	49
50	1.820	1.840	1.860	1.880	1.900	1.920	1.940	1.960	1.980	2.000	50

表三 (續)

商 數

被 除 數

47

除數	91	92	93	94	95	96	97	98	99	100	除數
51	1.784	1.804	1.824	1.843	1.863	1.882	1.902	1.922	1.941	1.961	51
52	1.750	1.769	1.788	1.808	1.827	1.846	1.865	1.885	1.904	1.923	52
53	1.717	1.736	1.755	1.774	1.792	1.811	1.830	1.849	1.868	1.887	53
54	1.685	1.704	1.722	1.741	1.759	1.778	1.796	1.815	1.833	1.852	54
55	1.655	1.673	1.691	1.709	1.727	1.745	1.764	1.782	1.800	1.818	55
56	1.625	1.643	1.661	1.679	1.696	1.714	1.732	1.750	1.768	1.786	56
57	1.596	1.614	1.632	1.649	1.667	1.684	1.702	1.719	1.737	1.754	57
58	1.569	1.586	1.603	1.621	1.638	1.655	1.672	1.690	1.707	1.724	58
59	1.542	1.559	1.576	1.593	1.610	1.627	1.644	1.661	1.678	1.695	59
60	1.517	1.533	1.550	1.567	1.583	1.600	1.617	1.633	1.650	1.667	60
61	1.492	1.508	1.525	1.541	1.557	1.574	1.590	1.607	1.623	1.639	61
62	1.468	1.484	1.500	1.516	1.532	1.548	1.565	1.581	1.597	1.613	62
63	1.444	1.460	1.476	1.492	1.508	1.524	1.540	1.556	1.571	1.587	63
64	1.422	1.438	1.453	1.469	1.484	1.500	1.516	1.531	1.547	1.563	64
65	1.400	1.415	1.431	1.446	1.462	1.477	1.492	1.508	1.523	1.538	65
66	1.379	1.394	1.409	1.424	1.439	1.455	1.470	1.485	1.500	1.515	66
67	1.358	1.373	1.388	1.403	1.418	1.433	1.448	1.463	1.478	1.493	67
68	1.338	1.353	1.368	1.382	1.397	1.412	1.426	1.441	1.456	1.471	68
69	1.319	1.333	1.348	1.362	1.377	1.391	1.406	1.420	1.435	1.449	69
70	1.300	1.314	1.329	1.343	1.357	1.371	1.386	1.400	1.414	1.429	70
71	1.282	1.296	1.310	1.324	1.338	1.352	1.366	1.380	1.394	1.408	71
72	1.264	1.278	1.292	1.306	1.319	1.333	1.347	1.361	1.375	1.389	72
73	1.247	1.260	1.274	1.288	1.301	1.315	1.329	1.342	1.356	1.370	73
74	1.230	1.243	1.257	1.270	1.284	1.297	1.311	1.324	1.338	1.351	74
75	1.213	1.227	1.240	1.253	1.267	1.280	1.293	1.307	1.320	1.333	75
76	1.197	1.211	1.224	1.237	1.250	1.263	1.276	1.289	1.303	1.316	76
77	1.182	1.195	1.208	1.221	1.234	1.247	1.260	1.273	1.286	1.299	77
78	1.167	1.179	1.192	1.205	1.218	1.231	1.244	1.256	1.269	1.282	78
79	1.152	1.165	1.177	1.190	1.203	1.215	1.228	1.241	1.253	1.266	79
80	1.138	1.150	1.163	1.175	1.188	1.200	1.213	1.225	1.238	1.250	80
81	1.123	1.136	1.148	1.160	1.173	1.185	1.198	1.210	1.222	1.235	81
82	1.110	1.122	1.134	1.146	1.159	1.171	1.183	1.195	1.207	1.220	82
83	1.096	1.108	1.120	1.133	1.145	1.157	1.169	1.181	1.193	1.205	83
84	1.083	1.095	1.107	1.119	1.131	1.143	1.155	1.167	1.179	1.190	84
85	1.071	1.082	1.094	1.106	1.118	1.129	1.141	1.153	1.165	1.176	85
86	1.058	1.070	1.081	1.093	1.105	1.116	1.128	1.140	1.151	1.163	86
87	1.046	1.057	1.069	1.080	1.092	1.103	1.115	1.126	1.138	1.149	87
88	1.034	1.045	1.057	1.068	1.080	1.091	1.102	1.114	1.125	1.136	88
89	1.022	1.034	1.045	1.056	1.067	1.079	1.090	1.101	1.112	1.124	89
90	1.011	1.022	1.033	1.044	1.056	1.067	1.078	1.089	1.100	1.111	90
91	1.000	1.011	1.022	1.033	1.044	1.055	1.066	1.077	1.088	1.099	91
92	.9891	1.000	1.011	1.022	1.033	1.043	1.054	1.065	1.076	1.087	92
93	.9785	.9892	1.000	1.011	1.022	1.032	1.043	1.054	1.065	1.075	93
94	.9681	.9787	.9894	1.000	1.011	1.021	1.032	1.043	1.053	1.064	94
95	.9579	.9684	.9789	.9895	1.000	1.011	1.021	1.032	1.042	1.053	95
96	.9479	.9583	.9688	.9792	.9896	1.000	1.010	1.021	1.031	1.042	96
97	.9381	.9485	.9588	.9691	.9794	.9897	1.000	1.010	1.021	1.031	97
98	.9286	.9388	.9490	.9592	.9694	.9796	.9898	1.000	1.010	1.020	98
99	.9192	.9293	.9394	.9495	.9596	.9697	.9798	.9899	1.000	1.010	99

: (1-50) × 2², 3², etc.

	2 ²	3 ²	4 ²	5 ²	6 ²	7 ²	8 ²	9 ²	(11) ²	(12) ²	
1	4	9	16	25	36	49	64	81	121	144	1
2	8	18	32	50	72	98	128	162	242	288	2
3	12	27	48	75	108	147	192	243	363	432	3
4	16	36	64	100	144	196	256	324	484	576	4
5	20	45	80	125	180	245	320	405	605	720	5
6	24	54	96	150	216	294	384	486	726	864	6
7	28	63	112	175	252	343	448	567	847	1008	7
8	32	72	128	200	288	392	512	648	968	1152	8
9	36	81	144	225	324	441	576	729	1089	1296	9
10	40	90	160	250	360	490	640	810	1210	1440	10
11	44	99	176	275	396	539	704	891	1331	1584	11
12	48	108	192	300	432	588	768	972	1452	1728	12
13	52	117	208	325	468	637	832	1053	1573	1872	13
14	56	126	224	350	504	686	896	1134	1694	2016	14
15	60	135	240	375	540	735	960	1215	1815	2160	15
16	64	144	256	400	576	784	1024	1296	1936	2304	16
17	68	153	272	425	612	833	1088	1377	2057	2448	17
18	72	162	288	450	648	882	1152	1458	2178	2592	18
19	76	171	304	475	684	931	1216	1539	2299	2736	19
20	80	180	320	500	720	980	1280	1620	2420	2880	20
21	84	189	336	525	756	1029	1344	1701	2541	3024	21
22	88	198	352	550	792	1078	1408	1782	2662	3168	22
23	92	207	368	575	828	1127	1472	1863	2783	3312	23
24	96	216	384	600	864	1176	1536	1944	2904	3456	24
25	100	225	400	625	900	1225	1600	2025	3025	3600	25
26	104	234	416	650	936	1274	1664	2106	3146	3744	26
27	108	243	432	675	972	1323	1728	2187	3267	3888	27
28	112	252	448	700	1008	1372	1792	2268	3388	4032	28
29	116	261	464	725	1044	1421	1856	2349	3509	4176	29
30	120	270	480	750	1080	1470	1920	2430	3630	4320	30
31	124	279	496	775	1116	1519	1984	2511	3751	4464	31
32	128	288	512	800	1152	1568	2048	2592	3872	4608	32
33	132	297	528	825	1188	1617	2112	2673	3993	4752	33
34	136	306	544	850	1224	1666	2176	2754	4114	4896	34
35	140	315	560	875	1260	1715	2240	2835	4235	5040	35
36	144	324	576	900	1296	1764	2304	2916	4356	5184	36
37	148	333	592	925	1332	1813	2368	2997	4477	5328	37
38	152	342	608	950	1368	1862	2432	3078	4598	5472	38
39	156	351	624	975	1404	1911	2496	3159	4719	5616	39
40	160	360	640	1000	1440	1960	2560	3240	4840	5760	40
41	164	369	656	1025	1476	2009	2624	3321	4961	5904	41
42	168	378	672	1050	1512	2058	2688	3402	5082	6048	42
43	172	387	688	1075	1548	2107	2752	3483	5203	6192	43
44	176	396	704	1100	1584	2156	2816	3564	5324	6336	44
45	180	405	720	1125	1620	2205	2880	3645	5445	6480	45
46	184	414	736	1150	1656	2254	2944	3726	5566	6624	46
47	188	423	752	1175	1692	2303	3008	3807	5687	6768	47
48	192	432	768	1200	1728	2352	3072	3888	5808	6912	48
49	196	441	784	1225	1764	2401	3136	3969	5929	7056	49
50	200	450	800	1250	1800	2450	3200	4050	6050	7200	50

表四 (續)

積: $(51-100) \times 2^2, 3^2, \text{etc.}$

	2 ²	3 ²	4 ²	5 ²	6 ²	7 ²	8 ²	9 ²	(11) ²	(12) ²	
51	204	459	816	1275	1836	2499	3264	4131	6171	7344	51
52	208	468	832	1300	1872	2548	3328	4212	6292	7488	52
53	212	477	848	1325	1908	2597	3392	4293	6413	7632	53
54	216	486	864	1350	1944	2646	3456	4374	6534	7776	54
55	220	495	880	1375	1980	2695	3520	4455	6655	7920	55
56	224	504	896	1400	2016	2744	3584	4536	6776	8064	56
57	228	513	912	1425	2052	2793	3648	4617	6897	8208	57
58	232	522	928	1450	2088	2842	3712	4698	7018	8352	58
59	236	531	944	1475	2124	2891	3776	4779	7139	8496	59
60	240	540	960	1500	2160	2940	3840	4860	7260	8640	60
61	244	549	976	1525	2196	2989	3904	4941	7381	8784	61
62	248	558	992	1550	2232	3038	3968	5022	7502	8928	62
63	252	567	1008	1575	2268	3087	4032	5103	7623	9072	63
64	256	576	1024	1600	2304	3136	4096	5184	7744	9216	64
65	260	585	1040	1625	2340	3185	4160	5265	7865	9360	65
66	264	594	1056	1650	2376	3234	4224	5346	7986	9504	66
67	268	603	1072	1675	2412	3283	4288	5427	8107	9648	67
68	272	612	1088	1700	2448	3332	4352	5508	8228	9792	68
69	276	621	1104	1725	2484	3381	4416	5589	8349	9936	69
70	280	630	1120	1750	2520	3430	4480	5670	8470	10080	70
71	284	639	1136	1775	2556	3479	4544	5751	8591	10224	71
72	288	648	1152	1800	2592	3528	4608	5832	8712	10368	72
73	292	657	1168	1825	2628	3577	4672	5913	8833	10512	73
74	296	666	1184	1850	2664	3626	4736	5994	8954	10656	74
75	300	675	1200	1875	2700	3675	4800	6075	9075	10800	75
76	304	684	1216	1900	2736	3724	4864	6156	9196	10944	76
77	308	693	1232	1925	2772	3773	4928	6237	9317	11088	77
78	312	702	1248	1950	2808	3822	4992	6318	9438	11232	78
79	316	711	1264	1975	2844	3871	5056	6399	9559	11376	79
80	320	720	1280	2000	2880	3920	5120	6480	9680	11520	80
81	324	729	1296	2025	2916	3969	5184	6561	9801	11664	81
82	328	738	1312	2050	2952	4018	5248	6642	9922	11808	82
83	332	747	1328	2075	2988	4067	5312	6723	10043	11952	83
84	336	756	1344	2100	3024	4116	5376	6804	10164	12096	84
85	340	765	1360	2125	3060	4165	5440	6885	10285	12240	85
86	344	774	1376	2150	3096	4214	5504	6966	10406	12384	86
87	348	783	1392	2175	3132	4263	5568	7047	10527	12528	87
88	352	792	1408	2200	3168	4312	5632	7128	10648	12672	88
89	356	801	1424	2225	3204	4361	5696	7209	10769	12816	89
90	360	810	1440	2250	3240	4410	5760	7290	10890	12960	90
91	364	819	1456	2275	3276	4459	5824	7371	11011	13104	91
92	368	828	1472	2300	3312	4508	5888	7452	11132	13248	92
93	372	837	1488	2325	3348	4557	5952	7533	11253	13392	93
94	376	846	1504	2350	3384	4606	6016	7614	11374	13536	94
95	380	855	1520	2375	3420	4655	6080	7695	11495	13680	95
96	384	864	1536	2400	3456	4704	6144	7776	11616	13824	96
97	388	873	1552	2425	3492	4753	6208	7857	11737	13968	97
98	392	882	1568	2450	3528	4802	6272	7938	11858	14112	98
99	396	891	1584	2475	3564	4851	6336	8019	11979	14256	99
100	400	900	1600	2500	3600	4900	6400	8100	12100	14400	100

數目的四位對數

N	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	1 2 3	4 5 6	7 8 9
10	0000	0043	0086	0128	0170	0212	0253	0294	0334	0374	4 8 12	17 21 25	29 33 37
11	0414	0453	0492	0531	0569	0607	0645	0682	0719	0755	4 8 11	15 19 23	26 30 34
12	0792	0828	0864	0899	0934	0969	1004	1038	1072	1106	3 7 10	14 17 21	24 28 33
13	1139	1173	1206	1239	1271	1303	1335	1367	1399	1430	3 6 10	13 16 19	23 26 29
14	1461	1492	1523	1553	1584	1614	1644	1673	1703	1732	3 6 9	12 15 18	21 24 27
15	1761	1790	1818	1847	1875	1903	1931	1959	1987	2014	3 6 8	11 14 17	20 22 25
16	2041	2068	2095	2122	2148	2175	2201	2227	2253	2279	3 5 8	11 13 16	18 21 24
17	2304	2330	2355	2380	2405	2430	2455	2480	2504	2529	2 5 7	10 12 15	17 20 22
18	2553	2577	2601	2625	2648	2672	2695	2718	2742	2765	2 5 7	9 12 14	16 19 21
19	2788	2810	2833	2856	2878	2900	2923	2945	2967	2989	2 4 7	9 11 13	16 18 20
20	3010	3032	3054	3075	3096	3118	3139	3160	3181	3201	2 4 6	8 11 13	15 17 19
21	3222	3243	3263	3284	3304	3324	3345	3365	3385	3404	2 4 6	8 10 12	14 16 18
22	3424	3444	3464	3483	3502	3522	3541	3560	3579	3598	2 4 6	8 10 12	14 15 17
23	3617	3636	3655	3674	3692	3711	3729	3747	3766	3784	2 4 6	7 9 11	13 15 17
24	3802	3820	3838	3856	3874	3892	3909	3927	3945	3962	2 4 5	7 9 11	12 14 16
25	3979	3997	4014	4031	4048	4065	4082	4099	4116	4133	2 3 5	7 9 10	12 14 15
26	4150	4166	4183	4200	4216	4232	4249	4265	4281	4298	2 3 5	7 8 10	11 13 15
27	4314	4330	4346	4362	4378	4393	4409	4425	4440	4456	2 3 5	6 8 9	11 13 14
28	4472	4487	4502	4518	4533	4548	4564	4579	4594	4609	2 3 5	6 8 9	11 12 14
29	4624	4639	4654	4669	4683	4698	4713	4728	4742	4757	1 3 4	6 7 9	10 12 13
30	4771	4786	4800	4814	4829	4843	4857	4871	4886	4900	1 3 4	6 7 9	10 11 13
31	4914	4928	4942	4955	4969	4983	4997	5011	5024	5038	1 3 4	6 7 8	10 11 13
32	5051	5065	5079	5092	5105	5119	5132	5145	5159	5172	1 3 4	5 7 8	9 11 12
33	5185	5198	5211	5224	5237	5250	5263	5276	5289	5302	1 3 4	5 6 8	9 10 12
34	5315	5328	5340	5353	5366	5378	5391	5403	5416	5428	1 3 4	5 6 8	9 10 11
35	5441	5453	5465	5478	5490	5502	5514	5527	5539	5551	1 2 4	5 6 7	9 10 11
36	5563	5575	5587	5599	5611	5623	5635	5647	5658	5670	1 2 4	5 6 7	8 10 11
37	5682	5694	5705	5717	5729	5740	5752	5763	5775	5786	1 2 3	5 6 7	8 9 10
38	5798	5809	5821	5832	5843	5855	5866	5877	5888	5899	1 2 3	5 6 7	8 9 10
39	5911	5922	5933	5944	5955	5966	5977	5988	5999	6010	1 2 3	4 5 7	8 9 10
40	6021	6031	6042	6053	6064	6075	6085	6096	6107	6117	1 2 3	4 5 6	8 9 10
41	6128	6138	6149	6160	6170	6180	6191	6201	6212	6222	1 2 3	4 5 6	7 8 9
42	6232	6243	6253	6263	6274	6284	6294	6304	6314	6325	1 2 3	4 5 6	7 8 9
43	6335	6345	6355	6365	6375	6385	6395	6405	6415	6425	1 2 3	4 5 6	7 8 9
44	6435	6444	6454	6464	6474	6484	6493	6503	6513	6522	1 2 3	4 5 6	7 8 9
45	6532	6542	6551	6561	6571	6580	6590	6599	6609	6618	1 2 3	4 5 6	7 8 9
46	6628	6637	6646	6656	6665	6675	6684	6693	6702	6712	1 2 3	4 5 6	7 7 8
47	6721	6730	6739	6749	6758	6767	6776	6785	6794	6803	1 2 3	4 5 5	6 7 8
48	6812	6821	6830	6839	6848	6857	6866	6875	6884	6893	1 2 3	4 4 5	6 7 8
49	6902	6911	6920	6928	6937	6946	6955	6964	6972	6981	1 2 3	4 4 5	6 7 8
50	6990	6998	7007	7016	7024	7033	7042	7050	7059	7067	1 2 3	3 4 5	6 7 8
51	7076	7084	7093	7101	7110	7118	7126	7135	7143	7152	1 2 3	3 4 5	6 7 8
52	7160	7168	7177	7185	7193	7202	7210	7218	7226	7235	1 2 2	3 4 5	6 7 7
53	7243	7251	7259	7267	7275	7284	7292	7300	7308	7316	1 2 2	3 4 5	6 6 7
54	7324	7332	7340	7348	7356	7364	7372	7380	7388	7396	1 2 2	3 4 5	6 6 7
N	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	1 2 3	4 5 6	7 8 9

各比例部分每十分之一在右邊完全寫明。任何數目的四位對數，加上其比例部分即可直接讀出。這部分相當於數目的第四位。其錯誤在最後一位可許為一。

表五 (續)

數目的四位對數

N	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	1 2 3	4 5 6	7 8 9
55	7404	7412	7419	7427	7435	7443	7451	7459	7466	7474	1 2 2	3 4 5	5 6 7
56	7482	7490	7497	7505	7513	7520	7528	7536	7543	7551	1 2 2	3 4 5	5 6 7
57	7559	7566	7574	7582	7589	7597	7604	7612	7619	7627	1 2 2	3 4 5	5 6 7
58	7634	7642	7649	7657	7664	7672	7679	7686	7694	7701	1 1 2	3 4 4	5 6 7
59	7709	7716	7723	7731	7738	7745	7752	7760	7767	7774	1 1 2	3 4 4	5 6 7
60	7782	7789	7796	7803	7810	7818	7825	7832	7839	7846	1 1 2	3 4 4	5 6 6
61	7853	7860	7868	7875	7882	7889	7896	7903	7910	7917	1 1 2	3 4 4	5 6 6
62	7924	7931	7938	7945	7952	7959	7966	7973	7980	7987	1 1 2	3 3 4	5 6 6
63	7993	8000	8007	8014	8021	8028	8035	8041	8048	8055	1 1 2	3 3 4	5 5 6
64	8062	8069	8075	8082	8089	8096	8102	8109	8116	8122	1 1 2	3 3 4	5 5 6
65	8129	8136	8142	8149	8156	8162	8169	8176	8182	8189	1 1 2	3 3 4	5 5 6
66	8195	8202	8209	8215	8222	8228	8235	8241	8248	8254	1 1 2	3 3 4	5 5 6
67	8261	8267	8274	8280	8287	8293	8299	8306	8312	8319	1 1 2	3 3 4	5 5 6
68	8325	8331	8338	8344	8351	8357	8363	8370	8376	8382	1 1 2	3 3 4	4 5 6
69	8388	8395	8401	8407	8414	8420	8426	8432	8439	8445	1 1 2	2 3 4	4 5 6
70	8451	8457	8463	8470	8476	8482	8488	8494	8500	8506	1 1 2	2 3 4	4 5 6
71	8513	8519	8525	8531	8537	8543	8549	8555	8561	8567	1 1 2	2 3 4	4 5 5
72	8573	8579	8585	8591	8597	8603	8609	8615	8621	8627	1 1 2	2 3 4	4 5 5
73	8633	8639	8645	8651	8657	8663	8669	8675	8681	8686	1 1 2	2 3 4	4 5 5
74	8692	8698	8704	8710	8716	8722	8727	8733	8739	8745	1 1 2	2 3 4	4 5 5
75	8751	8756	8762	8768	8774	8779	8785	8791	8797	8802	1 1 2	2 3 3	4 5 5
76	8808	8814	8820	8826	8831	8837	8842	8848	8854	8859	1 1 2	2 3 3	4 5 5
77	8865	8871	8876	8882	8887	8893	8899	8904	8910	8915	1 1 2	2 3 3	4 4 5
78	8921	8927	8932	8938	8943	8949	8954	8960	8965	8971	1 1 2	2 3 3	4 4 5
79	8976	8982	8987	8993	8998	9004	9009	9015	9020	9025	1 1 2	2 3 3	4 4 5
80	9031	9036	9042	9047	9053	9058	9063	9069	9074	9079	1 1 2	2 3 3	4 4 5
81	9085	9090	9096	9101	9106	9112	9117	9122	9128	9133	1 1 2	2 3 3	4 4 5
82	9138	9143	9149	9154	9159	9165	9170	9175	9180	9186	1 1 2	2 3 3	4 4 5
83	9191	9196	9201	9206	9212	9217	9222	9227	9232	9238	1 1 2	2 3 3	4 4 5
84	9243	9248	9253	9258	9263	9269	9274	9279	9284	9289	1 1 2	2 3 3	4 4 5
85	9294	9299	9304	9309	9315	9320	9325	9330	9335	9340	1 1 2	2 3 3	4 4 5
86	9345	9350	9355	9360	9365	9370	9375	9380	9385	9390	1 1 2	2 3 3	4 4 5
87	9395	9400	9405	9410	9415	9420	9425	9430	9435	9440	0 1 1	2 2 3	3 4 4
88	9445	9450	9455	9460	9465	9469	9474	9479	9484	9489	0 1 1	2 2 3	3 4 4
89	9494	9499	9504	9509	9513	9518	9523	9528	9533	9538	0 1 1	2 2 3	3 4 4
90	9542	9547	9552	9557	9562	9566	9571	9576	9581	9586	0 1 1	2 2 3	3 4 4
91	9590	9595	9600	9605	9609	9614	9619	9624	9628	9633	0 1 1	2 2 3	3 4 4
92	9638	9643	9647	9652	9657	9661	9666	9671	9675	9680	0 1 1	2 2 3	3 4 4
93	9685	9689	9694	9699	9703	9708	9713	9717	9722	9727	0 1 1	2 2 3	3 4 4
94	9731	9736	9741	9745	9750	9754	9759	9763	9768	9773	0 1 1	2 2 3	3 4 4
95	9777	9782	9786	9791	9795	9800	9805	9809	9814	9818	0 1 1	2 2 3	3 4 4
96	9823	9827	9832	9836	9841	9845	9850	9854	9859	9863	0 1 1	2 2 3	3 4 4
97	9868	9872	9877	9881	9886	9890	9894	9899	9903	9908	0 1 1	2 2 3	3 4 4
98	9912	9917	9921	9926	9930	9934	9939	9943	9948	9952	0 1 1	2 2 3	3 4 4
99	9956	9961	9965	9969	9974	9978	9983	9987	9991	9996	0 1 1	2 2 3	3 3 4
N	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	1 2 3	4 5 6	7 8 9

(1-r²) 的對數

r	.000	.001	.002	.003	.004	.005	.006	.007	.008	.009
.000	00000	00000	00000	00000	99999†	99999	99998	99998	99997	99996
.010	99996	99995	99994	99993	99991	99990	99989	99987	99986	99984
.020	99983	99981	99979	99977	99975	99973	99971	99968	99966	99963
.030	99961	99958	99956	99953	99950	99947	99944	99941	99937	99934
.040	99930	99927	99923	99920	99916	99912	99908	99904	99900	99896
.050	99891	99887	99882	99878	99873	99868	99864	99859	99854	99849
.060	99843	99838	99833	99827	99822	99816	99810	99805	99799	99793
.070	99787	99781	99774	99768	99762	99755	99748	99742	99735	99728
.080	99721	99714	99707	99700	99692	99685	99678	99670	99662	99655
.090	99647	99639	99631	99623	99615	99606	99598	99589	99581	99572
.100	99564	99555	99546	99537	99528	99519	99509	99500	99490	99481
.110	99471	99462	99452	99442	99432	99422	99412	99401	99391	99381
.120	99370	99359	99349	99338	99327	99316	99305	99294	99283	99271
.130	99260	99248	99237	99225	99213	99201	99189	99177	99165	99153
.140	99140	99128	99115	99103	99090	99077	99064	99051	99038	99025
.150	99012	98998	98985	98971	98958	98944	98930	98916	98902	98888
.160	98874	98859	98845	98831	98816	98801	98786	98772	98757	98742
.170	98726	98711	98696	98680	98665	98649	98633	98618	98602	98586
.180	98570	98553	98537	98521	98504	98488	98471	98454	98437	98420
.190	98403	98386	98369	98351	98334	98316	98299	98281	98263	98245
.200	98227	98209	98191	98172	98154	98135	98117	98098	98079	98060
.210	98041	98022	98003	97984	97964	97945	97925	97905	97885	97865
.220	97845	97825	97805	97785	97764	97744	97723	97702	97682	97661
.230	97640	97618	97597	97576	97554	97533	97511	97489	97468	97446
.240	97424	97401	97379	97357	97334	97312	97289	97266	97243	97220
.250	97197	97174	97151	97127	97104	97080	97056	97032	97008	96984
.260	96960	96936	96912	96887	96862	96838	96813	96788	96763	96738
.270	96713	96687	96662	96636	96611	96585	96559	96533	96507	96481
.280	96454	96428	96401	96375	96348	96321	96294	96267	96240	96212
.290	96185	96157	96130	96102	96074	96046	96018	95990	95961	95933
.300	95904	95875	95847	95818	95789	95760	95730	95701	95671	95642
.310	95612	95582	95552	95522	95492	95462	95431	95401	95370	95339
.320	95308	95277	95246	95215	95183	95152	95120	95089	95057	95025
.330	94993	94960	94928	94896	94863	94830	94797	94764	94731	94698
.340	94665	94631	94598	94564	94530	94496	94462	94428	94394	94359
.350	94325	94290	94255	94220	94185	94150	94115	94079	94043	94008
.360	93972	93936	93900	93864	93827	93791	93754	93717	93680	93643
.370	93606	93569	93531	93494	93456	93418	93380	93342	93304	93266
.380	93227	93188	93150	93111	93072	93032	92993	92954	92914	92874
.390	92834	92794	92754	92714	92674	92633	92592	92551	92510	92469
.400	92428	92386	92345	92303	92261	92219	92177	92135	92092	92050
.410	92007	91964	91921	91878	91835	91791	91748	91704	91660	91616
.420	91572	91527	91483	91438	91393	91348	91303	91258	91212	91167
.430	91121	91075	91029	90983	90937	90890	90843	90797	90750	90702
.440	90655	90608	90560	90512	90464	90416	90368	90319	90271	90222
.450	90173	90124	90075	90025	89976	89926	89876	89826	89776	89725
.460	89675	89624	89573	89522	89471	89419	89368	89316	89264	89212
.470	89159	89107	89054	89001	88948	88895	88842	88788	88734	88681
.480	88627	88572	88518	88463	88408	88353	88298	88243	88187	88132
.490	88076	88020	87963	87907	87850	87793	87736	87679	87622	87564

† 除最前四個尾數外,在此頁各數都有-1的性,此最前四數則為零性。

表六(續)

(1-r²) 的對數

	.000	.001	.002	.003	.004	.005	.006	.007	.008	.009
.500	87506	87448	87390	87332	87273	87214	87155	87096	87037	86977
.510	86917	86857	86797	86737	86676	86615	86554	86493	86432	86370
.520	86308	86246	86184	86122	86059	85996	85933	85870	85807	85743
.530	85679	85615	85550	85486	85421	85356	85291	85225	85160	85094
.540	85028	84962	84895	84828	84761	84694	84627	84559	84491	84423
.550	84354	84286	84217	84148	84079	84009	83939	83869	83799	83728
.560	83658	83587	83516	83444	83372	83300	83228	83156	83083	83010
.570	82937	82863	82790	82716	82641	82567	82492	82417	82342	82266
.580	82191	82115	82038	81962	81885	81808	81730	81653	81575	81497
.590	81418	81339	81260	81181	81101	81022	80941	80861	80780	80699
.600	80618	80536	80455	80372	80290	80207	80124	80041	79957	79873
.610	79789	79705	79620	79535	79449	79363	79277	79191	79104	79017
.620	78930	78842	78754	78666	78577	78488	78399	78310	78220	78129
.630	78039	77948	77857	77765	77673	77581	77488	77396	77302	77209
.640	77115	77020	76926	76831	76735	76639	76543	76447	76350	76253
.650	76155	76057	75959	75860	75761	75662	75562	75462	75361	75260
.660	75159	75057	74955	74852	74749	74646	74542	74438	74333	74228
.670	74123	74017	73911	73804	73697	73590	73482	73374	73265	73156
.680	73046	72936	72825	72714	72603	72491	72379	72266	72153	72039
.690	71925	71810	71695	71580	71463	71347	71230	71112	70994	70876
.700	70757	70638	70518	70397	70276	70155	70033	69910	69787	69664
.710	69539	69415	69290	69164	69038	68911	68784	68656	68527	68398
.720	68269	68139	68008	67877	67745	67612	67479	67346	67211	67076
.730	66941	66805	66668	66531	66393	66255	66115	65976	65835	65694
.740	65552	65410	65267	65123	64979	64834	64688	64541	64394	64246
.750	64098	63949	63799	63648	63496	63344	63191	63038	62883	62728
.760	62572	62416	62258	62100	61941	61781	61621	61459	61297	61134
.770	60970	60805	60640	60473	60306	60138	59969	59799	59628	59457
.780	59284	59111	58936	58761	58585	58408	58230	58050	57870	57689
.790	57507	57324	57140	56955	56769	56582	56394	56204	56014	55823
.800	55630	55437	55242	55046	54849	54651	54452	54252	54050	53847
.810	53643	53438	53232	53024	52815	52605	52393	52181	51967	51751
.820	51534	51316	51097	50876	50654	50430	50205	49978	49750	49521
.830	49290	49058	48823	48588	48351	48112	47872	47630	47386	47141
.840	46894	46645	46395	46143	45889	45633	45375	45116	44855	44591
.850	44326	44059	43790	43519	43246	42971	42694	42415	42133	41850
.860	41564	41276	40986	40693	40398	40101	39802	39500	39195	38888
.870	38578	38266	37952	37634	37314	36991	36666	36337	36006	35671
.880	35334	34994	34650	34304	33954	33601	33245	32885	32522	32155
.890	31785	31412	31034	30653	30269	29880	29487	29090	28690	28285
.900	27875	27462	27044	26621	26194	25762	25325	24883	24437	23985
.910	23528	23065	22597	22123	21644	21159	20667	20170	19666	19156
.920	18639	18115	17585	17047	16502	15949	15389	14820	14244	13659
.930	13066	12463	11852	11231	10600	9959	9309	8647	7975	7291
.940	06595	05888	05168	04435	03688	02928	02154	01364	00559	99738*
.950	98900*	98045*	97172*	96280*	95368*	94436*	93482*	92506*	91506*	90482*
.960	89432*	88354*	87248*	86112*	84944*	83743*	82506*	81232*	79918*	78561*
.970	77159*	75708*	74206*	72649*	71032*	69351*	67600*	65773*	63865*	61867*
.980	59770*	57564*	55238*	52777*	50166*	47385*	44411*	41214*	37760*	34003*
.990	29885*	25331*	20238*	14461*	07788*	99891**	90222**	77750**	60163**	30081*

尾數有*號者其性爲-2,有**者其性爲-3,其他均爲-1。

$\sqrt{1-r^2}$ 的對數

r	.000	.001	.002	.003	.004	.005	.006	.007	.008	.009
.000	00000	00000	00000	00000	00000	99999	99999	99999	99999	99998
.010	99998	99997	99997	99996	99996	99995	99994	99994	99993	99992
.020	99991	99990	99989	99988	99987	99986	99985	99984	99983	99982
.030	99980	99979	99978	99976	99975	99973	99972	99970	99969	99967
.040	99965	99963	99962	99960	99958	99956	99954	99952	99950	99948
.050	99946	99943	99941	99939	99937	99934	99932	99929	99927	99924
.060	99922	99919	99916	99914	99911	99908	99905	99902	99899	99896
.070	99893	99890	99887	99884	99881	99878	99874	99871	99867	99864
.080	99861	99857	99853	99850	99846	99843	99839	99835	99831	99827
.090	99823	99819	99815	99811	99807	99803	99799	99795	99790	99786
.100	99782	99777	99773	99768	99764	99759	99755	99750	99745	99740
.110	99736	99731	99726	99721	99716	99711	99706	99701	99696	99690
.120	99685	99680	99674	99669	99664	99658	99652	99647	99641	99636
.130	99630	99624	99618	99612	99607	99601	99595	99589	99582	99576
.140	99570	99564	99558	99551	99545	99539	99532	99526	99519	99512
.150	99506	99499	99492	99486	99479	99472	99465	99458	99451	99444
.160	99437	99430	99423	99415	99408	99401	99393	99386	99378	99371
.170	99363	99356	99348	99340	99332	99325	99317	99309	99301	99293
.180	99285	99277	99269	99260	99252	99244	99235	99227	99219	99210
.190	99202	99193	99184	99176	99167	99158	99149	99140	99132	99123
.200	99114	99104	99095	99086	99077	99068	99058	99049	99040	99030
.210	99021	99011	99001	98992	98982	98972	98962	98953	98943	98933
.220	98923	98913	98903	98892	98882	98872	98862	98851	98841	98830
.230	98820	98809	98799	98788	98777	98766	98756	98745	98734	98723
.240	98712	98701	98690	98678	98667	98656	98644	98633	98622	98610
.250	98599	98587	98575	98564	98552	98540	98528	98516	98504	98492
.260	98480	98468	98456	98444	98431	98419	98406	98394	98382	98369
.270	98356	98344	98331	98318	98305	98292	98279	98266	98253	98240
.280	98227	98214	98201	98187	98174	98160	98147	98133	98120	98106
.290	98092	98079	98065	98051	98037	98023	98009	97995	97981	97966
.300	97952	97938	97923	97909	97894	97880	97865	97850	97836	97821
.310	97806	97791	97776	97761	97746	97731	97716	97700	97685	97670
.320	97654	97639	97623	97607	97592	97576	97560	97544	97528	97512
.330	97496	97480	97464	97448	97431	97415	97399	97382	97366	97349
.340	97332	97316	97299	97282	97265	97248	97231	97214	97197	97180
.350	97162	97145	97128	97110	97093	97075	97057	97040	97022	97004
.360	96986	96968	96950	96932	96914	96895	96877	96859	96840	96822
.370	96803	96784	96766	96747	96728	96709	96690	96671	96652	96633
.380	96614	96594	96575	96555	96536	96516	96497	96477	96457	96437
.390	96417	96397	96377	96357	96337	96316	96296	96276	96255	96235
.400	96214	96193	96172	96152	96131	96110	96089	96067	96046	96025
.410	96004	95982	95961	95939	95917	95896	95874	95852	95830	95808
.420	95786	95764	95741	95719	95697	95674	95652	95629	95606	95583
.430	95561	95538	95515	95491	95468	95445	95422	95398	95375	95351
.440	95328	95304	95280	95256	95232	95208	95184	95160	95135	95111
.450	95087	95062	95037	95013	94988	94963	94938	94913	94888	94863
.460	94837	94812	94786	94761	94735	94710	94684	94658	94632	94606
.470	94580	94553	94527	94501	94474	94448	94421	94394	94367	94340
.480	94313	94286	94259	94232	94204	94177	94149	94121	94094	94066
.490	94038	94010	93982	93953	93925	93897	93868	93840	93811	93782

除最前五個對數的尾數外在此頁各數性都是-1,此最前五數之性則為零。

表七 (續)

 $\sqrt{1-r^2}$ 的對數

r	.000	.001	.002	.003	.004	.005	.006	.007	.008	.009
.500	93753	93724	93695	93666	93636	93607	93578	93548	93518	93489
.510	93459	93429	93399	93368	93338	93308	93277	93247	93216	93185
.520	93154	93123	93092	93061	93030	92998	92967	92935	92903	92871
.530	92839	92807	92775	92743	92711	92678	92645	92613	92580	92547
.540	92514	92481	92447	92414	92381	92347	92313	92279	92245	92211
.550	92177	92143	92108	92074	92039	92005	91970	91935	91899	91864
.560	91829	91793	91758	91722	91686	91650	91614	91578	91542	91505
.570	91468	91432	91395	91358	91321	91283	91246	91209	91171	91133
.580	91095	91057	91019	90981	90942	90904	90865	90826	90787	90748
.590	90709	90670	90630	90590	90551	90511	90471	90430	90390	90350
.600	90309	90268	90227	90186	90145	90104	90062	90020	89979	89937
.610	89895	89852	89810	89767	89725	89682	89639	89595	89552	89509
.620	89465	89421	89377	89333	89289	89244	89200	89155	89110	89065
.630	89019	88974	88928	88883	88837	88791	88744	88698	88651	88604
.640	88557	88510	88463	88415	88368	88320	88272	88223	88175	88126
.650	88078	88029	87979	87930	87881	87831	87781	87731	87681	87630
.660	87579	87528	87477	87426	87375	87323	87271	87219	87167	87114
.670	87062	87009	86955	86902	86849	86795	86741	86687	86632	86578
.680	86523	86468	86413	86357	86301	86246	86189	86133	86076	86019
.690	85962	85905	85848	85790	85732	85673	85615	85556	85497	85438
.700	85379	85319	85259	85199	85138	85077	85016	84955	84894	84832
.710	84770	84707	84645	84582	84519	84455	84392	84328	84264	84199
.720	84134	84069	84004	83938	83872	83806	83740	83673	83606	83538
.730	83470	83402	83334	83266	83197	83127	83058	82988	82918	82847
.740	82776	82705	82633	82561	82489	82417	82344	82271	82197	82123
.750	82049	81974	81899	81824	81748	81672	81596	81519	81442	81364
.760	81286	81208	81129	81050	80971	80891	80810	80730	80649	80567
.770	80485	80403	80320	80237	80153	80069	79985	79900	79814	79728
.780	79642	79555	79468	79381	79292	79204	79115	79025	78935	78845
.790	78754	78662	78570	78478	78384	78291	78197	78102	78007	77911
.800	77815	77718	77621	77523	77425	77326	77226	77126	77025	76924
.810	76822	76719	76616	76512	76408	76302	76197	76090	75983	75876
.820	75767	75658	75548	75438	75327	75215	75102	74989	74875	74761
.830	74645	74529	74412	74294	74175	74056	73936	73815	73693	73570
.840	73447	73323	73197	73071	72944	72816	72688	72558	72427	72296
.850	72163	72030	71895	71760	71623	71486	71347	71207	71067	70925
.860	70782	70638	70493	70347	70199	70051	69901	69750	69598	69444
.870	69289	69133	68976	68817	68657	68496	68333	68168	68003	67836
.880	67667	67497	67325	67152	66977	66800	66622	66442	66261	66078
.890	65893	65706	65517	65327	65134	64940	64744	64545	64345	64142
.900	63938	63731	63522	63311	63097	62881	62663	62442	62218	61992
.910	61764	61532	61299	61062	60822	60579	60334	60085	59833	59578
.920	59320	59058	58792	58524	58251	57975	57694	57410	57122	56830
.930	56533	56232	55926	55615	55300	54980	54654	54323	53987	53645
.940	53298	52944	52584	52217	51844	51464	51077	50682	50280	49869
.950	49450	49023	48586	48140	47684	47218	46741	46253	45753	45241
.960	44716	44177	43624	43056	42472	41872	41253	40616	39959	39280
.970	38579	37854	37103	36325	35516	34675	33800	32887	31932	30933
.980	29885	28782	27619	26389	25083	23693	22205	20607	18880	17002
.990	14943	12666	10119	07230	03894	99946	95111*	88875*	80081*	65041

對數的尾數有*號者其性爲-2,其他在此頁均爲-1.

$\sqrt{1-r}$ 的值

r	.000	.001	.002	.003	.004	.005	.006	.007	.008	.009
.000	1.0000	99950	99900	99850	99800	99750	99700	99649	99599	99549
.010	99499	99448	99398	99348	99298	99247	99197	99146	99096	99045
.020	98995	98944	98894	98843	98793	98742	98691	98641	98590	98539
.030	98489	98438	98387	98336	98285	98234	98184	98133	98082	98031
.040	97980	97929	97877	97826	97775	97724	97673	97622	97570	97519
.050	97468	97417	97365	97314	97263	97211	97160	97108	97057	97005
.060	96954	96902	96850	96799	96747	96695	96644	96592	96540	96488
.070	96437	96385	96333	96281	96229	96177	96125	96073	96021	95969
.080	95917	95864	95812	95760	95708	95656	95603	95551	95499	95446
.090	95394	95341	95289	95237	95184	95131	95079	95026	94974	94921
.100	94868	94816	94763	94710	94657	94604	94552	94499	94446	94393
.110	94340	94287	94234	94181	94128	94074	94021	93968	93915	93862
.120	93808	93755	93702	93648	93595	93541	93488	93434	93381	93327
.130	93274	93220	93167	93113	93059	93005	92952	92898	92844	92790
.140	92736	92682	92628	92574	92520	92466	92412	92358	92304	92250
.150	92195	92141	92087	92033	91978	91924	91869	91815	91761	91706
.160	91652	91597	91542	91488	91433	91378	91324	91269	91214	91159
.170	91104	91049	90995	90940	90885	90830	90774	90719	90664	90609
.180	90554	90499	90443	90388	90333	90277	90222	90167	90111	90056
.190	90000	89944	89889	89833	89778	89722	89667	89610	89554	89499
.200	89442	89387	89331	89275	89219	89163	89107	89051	88994	88938
.210	88882	88826	88769	88713	88657	88600	88544	88487	88431	88374
.220	88318	88261	88204	88148	88091	88034	87977	87920	87864	87807
.230	87750	87693	87636	87579	87521	87464	87407	87350	87293	87235
.240	87178	87121	87063	87006	86948	86891	86833	86776	86718	86660
.250	86603	86545	86487	86429	86371	86313	86255	86197	86139	86081
.260	86023	85965	85907	85849	85790	85732	85674	85615	85557	85499
.270	85440	85381	85323	85264	85206	85147	85088	85029	84971	84912
.280	84853	84794	84735	84676	84617	84558	84499	84439	84380	84321
.290	84261	84202	84143	84083	84024	83964	83905	83845	83785	83726
.300	83666	83606	83546	83487	83427	83367	83307	83247	83187	83126
.310	83066	83006	82946	82885	82825	82765	82704	82644	82583	82523
.320	82462	82401	82341	82280	82219	82158	82098	82037	81976	81915
.330	81854	81792	81731	81670	81609	81547	81486	81425	81363	81302
.340	81240	81179	81117	81056	80994	80932	80870	80808	80747	80685
.350	80623	80561	80498	80436	80374	80312	80250	80187	80125	80062
.360	80000	79937	79875	79812	79750	79687	79624	79561	79498	79436
.370	79373	79310	79246	79183	79120	79057	78994	78930	78867	78804
.380	78740	78677	78613	78549	78486	78422	78358	78294	78230	78166
.390	78102	78038	77974	77910	77846	77782	77717	77653	77589	77524
.400	77460	77395	77330	77266	77201	77136	77071	77006	76942	76877
.410	76811	76746	76681	76616	76551	76485	76420	76354	76289	76223
.420	76158	76092	76026	75961	75895	75829	75763	75697	75631	75565
.430	75498	75432	75366	75299	75233	75166	75100	75033	74967	74900
.440	74833	74766	74699	74632	74565	74498	74431	74364	74297	74229
.450	74162	74095	74027	73959	73892	73824	73756	73689	73621	73553
.460	73485	73417	73348	73280	73212	73144	73075	73007	72938	72870
.470	72801	72732	72664	72595	72526	72457	72388	72319	72250	72180
.480	72111	72042	71972	71903	71833	71764	71694	71624	71554	71484
.490	71414	71344	71274	71204	71134	71063	70993	70922	70852	70781

各數應有之小數點除爲首一數外均未註出。

表八(續)

 $\sqrt{1-r}$ 的值

r	.000	.001	.002	.003	.004	.005	.006	.007	.008	.009
500	70711	70640	70569	70498	70427	70356	70285	70214	70143	70071
510	70000	69929	69857	69785	69714	69642	69570	69498	69426	69354
520	69282	69210	69138	69065	68993	68920	68848	68775	68702	68629
530	68557	68484	68411	68337	68264	68191	68118	68044	67971	67897
540	67823	67750	67676	67602	67528	67454	67380	67305	67231	67157
550	67082	67007	66933	66858	66783	66708	66633	66558	66483	66408
560	66332	66257	66182	66106	66030	65955	65879	65803	65727	65651
570	65574	65498	65422	65345	65269	65192	65115	65038	64962	64885
580	64807	64730	64653	64576	64498	64420	64343	64265	64187	64109
590	64031	63953	63875	63797	63718	63640	63561	63482	63403	63325
600	63246	63166	63087	63008	62929	62849	62769	62690	62610	62530
610	62450	62370	62290	62209	62129	62048	61968	61887	61806	61725
620	61644	61563	61482	61400	61319	61237	61156	61074	60992	60910
630	60828	60745	60663	60581	60498	60415	60332	60249	60166	60083
640	60000	59917	59833	59749	59666	59582	59498	59414	59330	59245
650	59161	59076	58992	58907	58822	58737	58652	58566	58481	58395
660	58310	58224	58138	58052	57966	57879	57793	57706	57619	57533
670	57446	57359	57271	57184	57096	57009	56921	56833	56745	56657
680	56569	56480	56391	56303	56214	56125	56036	55946	55857	55767
690	55678	55588	55498	55408	55317	55227	55136	55045	54955	54863
700	54772	54681	54589	54498	54406	54314	54222	54129	54037	53944
710	53852	53759	53666	53572	53479	53385	53292	53198	53104	53009
720	52915	52820	52726	52631	52536	52440	52345	52249	52154	52058
730	51962	51865	51769	51672	51575	51478	51381	51284	51186	51088
740	50990	50892	50794	50695	50596	50498	50398	50299	50200	50100
750	50000	49900	49800	49699	49598	49497	49396	49295	49193	49092
760	48990	48888	48785	48683	48580	48477	48374	48270	48166	48062
770	47958	47854	47749	47645	47539	47434	47329	47223	47117	47011
780	46904	46797	46690	46583	46476	46368	46260	46152	46043	45935
790	45826	45717	45607	45497	45387	45277	45166	45056	44944	44833
800	44721	44609	44497	44385	44272	44159	44045	43932	43818	43704
810	43589	43474	43359	43243	43128	43012	42895	42778	42661	42544
820	42426	42308	42190	42071	41952	41833	41713	41593	41473	41352
830	41231	41110	40988	40866	40743	40620	40497	40373	40249	40125
840	40000	39875	39749	39623	39497	39370	39243	39115	38987	38859
850	38730	38601	38471	38341	38210	38079	37947	37815	37683	37550
860	37417	37283	37148	37014	36878	36742	36606	36469	36332	36194
870	36056	35917	35777	35637	35496	35355	35214	35071	34928	34785
880	34641	34496	34351	34205	34059	33912	33764	33615	33466	33317
890	33166	33015	32863	32711	32558	32404	32249	32094	31937	31780
900	31623	31464	31305	31145	30984	30822	30659	30496	30332	30166
910	30000	29833	29665	29496	29326	29155	28983	28810	28636	28460
920	28284	28107	27928	27749	27568	27386	27203	27019	26833	26646
930	26458	26268	26077	25884	25690	25495	25298	25100	24900	24698
940	24495	24290	24083	23875	23664	23452	23238	23022	22804	22583
950	22361	22136	21909	21679	21448	21213	20976	20736	20494	20248
960	20000	19748	19494	19235	18974	18708	18349	18166	17889	17607
970	17321	17029	16733	16433	16125	15811	15492	15166	14832	14491
980	14142	13784	13416	13038	12649	12247	11832	11402	10954	10488
990	10000	09487	08944	08367	07746	07071	06325	05477	04472	03162

小數點均未註出

均數與均方差之機誤(假定 $\sigma=1$)

n	χ_1^*	χ_2	n	χ_1	χ_2	n	χ_1	χ_2
1	.67449	.47694	51	.09445	.06678	101	.06711	.04746
2	.47694	.33724	52	.09353	.06614	102	.06678	.04722
3	.38942	.27536	53	.09265	.06551	103	.06646	.04699
4	.33724	.23847	54	.09179	.06490	104	.06614	.04677
5	.30164	.21329	55	.09095	.06431	105	.06582	.04654
6	.27536	.19471	56	.09013	.06373	106	.06551	.04632
7	.25493	.18026	57	.08934	.06317	107	.06521	.04611
8	.23847	.16862	58	.08856	.06262	108	.06490	.04589
9	.22483	.15898	59	.08781	.06209	109	.06460	.04568
10	.21329	.15082	60	.08708	.06157	110	.06431	.04547
11	.20337	.14380	61	.08636	.06107	111	.06402	.04527
12	.19471	.13768	62	.08566	.06057	112	.06373	.04507
13	.18707	.13228	63	.08498	.06009	113	.06345	.04487
14	.18026	.12747	64	.08431	.05962	114	.06317	.04467
15	.17415	.12314	65	.08366	.05916	115	.06290	.04447
16	.16862	.11923	66	.08302	.05871	116	.06262	.04428
17	.16359	.11567	67	.08240	.05827	117	.06236	.04409
18	.15898	.11241	68	.08179	.05784	118	.06209	.04391
19	.15474	.10942	69	.08120	.05742	119	.06183	.04372
20	.15082	.10665	70	.08062	.05700	120	.06157	.04354
21	.14719	.10408	71	.08005	.05660	121	.06132	.04336
22	.14380	.10168	72	.07949	.05621	122	.06107	.04318
23	.14064	.09945	73	.07894	.05582	123	.06082	.04300
24	.13768	.09735	74	.07841	.05544	124	.06057	.04283
25	.13490	.09539	75	.07788	.05507	125	.06033	.04266
26	.13228	.09353	76	.07737	.05471	126	.06009	.04249
27	.12981	.09179	77	.07687	.05435	127	.05985	.04232
28	.12747	.09013	78	.07637	.05400	128	.05962	.04216
29	.12525	.08856	79	.07589	.05366	129	.05939	.04199
30	.12314	.08708	80	.07541	.05332	130	.05916	.04183
31	.12114	.08566	81	.07494	.05299	131	.05893	.04167
32	.11923	.08431	82	.07448	.05267	132	.05871	.04151
33	.11741	.08302	83	.07403	.05235	133	.05849	.04136
34	.11567	.08179	84	.07359	.05204	134	.05827	.04120
35	.11401	.08062	85	.07316	.05173	135	.05805	.04105
36	.11241	.07949	86	.07273	.05143	136	.05784	.04090
37	.11088	.07841	87	.07231	.05113	137	.05763	.04075
38	.10942	.07737	88	.07190	.05084	138	.05742	.04060
39	.10800	.07637	89	.07150	.05056	139	.05721	.04045
40	.10665	.07541	90	.07110	.05027	140	.05700	.04031
41	.10534	.07448	91	.07071	.05000	141	.05680	.04017
42	.10408	.07359	92	.07032	.04972	142	.05660	.04002
43	.10286	.07273	93	.06994	.04946	143	.05640	.03988
44	.10168	.07190	94	.06957	.04919	144	.05621	.03974
45	.10055	.07110	95	.06920	.04893	145	.05601	.03961
46	.09945	.07032	96	.06884	.04868	146	.05582	.03947
47	.09838	.06957	97	.06848	.04843	147	.05563	.03934
48	.09735	.06884	98	.06813	.04818	148	.05544	.03920
49	.09636	.06813	99	.06779	.04793	149	.05526	.03907
50	.09539	.06745	100	.06745	.04769	150	.05507	.03894

* χ_1 爲均數之機誤, χ_2 爲均方差之機誤。

表九 (續)

59

n	χ_1	χ_2	n	χ_1	χ_2	n	χ_1	χ_2
151	.05489	.03881	201	.04757	.03364	251	.04257	.03013
152	.05471	.03868	202	.04746	.03356	252	.04249	.03004
153	.05453	.03856	203	.04734	.03347	253	.04240	.02998
154	.05435	.03843	204	.04722	.03339	254	.04232	.02993
155	.05418	.03831	205	.04711	.03331	255	.04224	.02987
156	.05400	.03819	206	.04699	.03323	256	.04216	.02981
157	.05383	.03806	207	.04688	.03315	257	.04207	.02975
158	.05366	.03794	208	.04677	.03307	258	.04199	.02969
159	.05349	.03782	209	.04666	.03299	259	.04191	.02964
160	.05332	.03771	210	.04654	.03291	260	.04183	.02958
161	.05316	.03759	211	.04643	.03283	261	.04175	.02952
162	.05299	.03747	212	.04632	.03276	262	.04167	.02947
163	.05283	.03736	213	.04622	.03268	263	.04159	.02941
164	.05267	.03724	214	.04611	.03262	264	.04151	.02935
165	.05251	.03713	215	.04600	.03253	265	.04143	.02930
166	.05235	.03702	216	.04589	.03245	266	.04136	.02924
167	.05219	.03691	217	.04579	.03238	267	.04128	.02919
168	.05204	.03680	218	.04568	.03230	268	.04120	.02913
169	.05188	.03669	219	.04558	.03223	269	.04112	.02908
170	.05173	.03658	220	.04547	.03216	270	.04105	.02903
171	.05158	.03647	221	.04537	.03208	271	.04097	.02897
172	.05143	.03637	222	.04527	.03201	272	.04090	.02892
173	.05128	.03626	223	.04517	.03194	273	.04082	.02887
174	.05113	.03616	224	.04507	.03187	274	.04075	.02881
175	.05099	.03605	225	.04497	.03180	275	.04067	.02876
176	.05084	.03595	226	.04487	.03173	276	.04060	.02871
177	.05070	.03585	227	.04477	.03166	277	.04053	.02866
178	.05056	.03575	228	.04467	.03159	278	.04045	.02860
179	.05041	.03565	229	.04457	.03152	279	.04038	.02855
180	.05027	.03555	230	.04447	.03145	280	.04031	.02850
181	.05013	.03545	231	.04438	.03138	281	.04024	.02845
182	.05000	.03535	232	.04428	.03131	282	.04017	.02840
183	.04986	.03526	233	.04419	.03125	283	.04009	.02835
184	.04972	.03516	234	.04409	.03118	284	.04002	.02830
185	.04959	.03507	235	.04400	.03111	285	.03995	.02825
186	.04946	.03497	236	.04391	.03105	286	.03988	.02820
187	.04932	.03488	237	.04381	.03098	287	.03981	.02815
188	.04919	.03478	238	.04372	.03092	288	.03974	.02810
189	.04906	.03469	239	.04363	.03085	289	.03968	.02806
190	.04893	.03460	240	.04354	.03079	290	.03961	.02801
191	.04880	.03451	241	.04345	.03072	291	.03954	.02796
192	.04868	.03442	242	.04336	.03066	292	.03947	.02791
193	.04855	.03433	243	.04327	.03060	293	.03940	.02786
194	.04843	.03424	244	.04318	.03053	294	.03934	.02782
195	.04830	.03415	245	.04309	.03047	295	.03927	.02777
196	.04818	.03407	246	.04300	.03041	296	.03920	.02772
197	.04806	.03398	247	.04292	.03035	297	.03913	.02767
198	.04793	.03389	248	.04283	.03029	298	.03907	.02763
199	.04781	.03381	249	.04274	.03022	299	.03901	.02758
200	.04769	.03372	250	.04266	.03016	200	.03894	.02754

<i>n</i>	χ_1	χ_2	<i>n</i>	χ_1	χ_2	<i>n</i>	χ_1	χ_2
301	.03888	.02749	351	.03600	.02546	401	.03868	.02382
302	.03881	.02744	352	.03595	.02542	402	.03864	.02379
303	.03875	.02740	353	.03590	.02538	403	.03860	.02376
304	.03868	.02735	354	.03585	.02535	404	.03856	.02373
305	.03862	.02731	355	.03580	.02531	405	.03852	.02370
306	.03856	.02726	356	.03575	.02528	406	.03847	.02367
307	.03850	.02722	357	.03570	.02524	407	.03843	.02364
308	.03843	.02718	358	.03565	.02521	408	.03839	.02361
309	.03837	.02713	359	.03560	.02517	409	.03835	.02358
310	.03831	.02709	360	.03555	.02514	410	.03831	.02355
311	.03825	.02704	361	.03550	.02510	411	.03827	.02353
312	.03819	.02700	362	.03545	.02507	412	.03823	.02350
313	.03812	.02696	363	.03540	.02503	413	.03819	.02347
314	.03806	.02692	364	.03535	.02500	414	.03815	.02344
315	.03800	.02687	365	.03530	.02496	415	.03811	.02341
316	.03794	.02683	366	.03526	.02493	416	.03807	.02338
317	.03788	.02679	367	.03521	.02490	417	.03803	.02336
318	.03782	.02675	368	.03516	.02486	418	.03299	.02333
319	.03776	.02670	369	.03511	.02483	419	.03295	.02330
320	.03771	.02666	370	.03507	.02479	420	.03291	.02327
321	.03765	.02662	371	.03502	.02476	421	.03287	.02324
322	.03759	.02658	372	.03497	.02473	422	.03283	.02322
323	.03753	.02654	373	.03492	.02469	423	.03279	.02319
324	.03747	.02650	374	.03488	.02466	424	.03276	.02316
325	.03741	.02646	375	.03483	.02463	425	.03272	.02313
326	.03736	.02642	376	.03478	.02460	426	.03268	.02311
327	.03730	.02637	377	.03474	.02456	427	.03264	.02308
328	.03724	.02633	378	.03469	.02453	428	.03260	.02305
329	.03719	.02629	379	.03465	.02450	429	.03256	.02303
330	.03713	.02625	380	.03460	.02447	430	.03253	.02300
331	.03707	.02621	381	.03456	.02443	431	.03249	.02297
332	.03702	.02618	382	.03451	.02440	432	.03245	.02295
333	.03696	.02614	383	.03446	.02437	433	.03241	.02292
334	.03691	.02610	384	.03442	.02434	434	.03238	.02289
335	.03685	.02606	385	.03438	.02431	435	.03234	.02287
336	.03680	.02602	386	.03433	.02428	436	.03230	.02284
337	.03674	.02598	387	.03429	.02424	437	.03227	.02281
338	.03669	.02594	388	.03424	.02421	438	.03223	.02279
339	.03663	.02590	389	.03420	.02418	439	.03219	.02276
340	.03658	.02587	390	.03415	.02415	440	.03216	.02274
341	.03653	.02583	391	.03411	.02412	441	.03212	.02271
342	.03647	.02579	392	.03407	.02409	442	.03208	.02269
343	.03642	.02575	393	.03402	.02406	443	.03205	.02266
344	.03637	.02571	394	.03398	.02403	444	.03201	.02263
345	.03631	.02568	395	.03394	.02400	445	.03197	.02261
346	.03626	.02564	396	.03389	.02397	446	.03194	.02258
347	.03621	.02560	397	.03385	.02394	447	.03190	.02256
348	.03616	.02557	398	.03381	.02391	448	.03187	.02253
349	.03610	.02553	399	.03377	.02388	449	.03183	.02251
350	.03605	.02549	400	.03372	.02385	450	.03180	.02248

表九(續)

61

n	X ₁	X ₂	n	X ₁	X ₂	n	X ₁	X ₂
451	.03176	.02246	501	.03013	.02131	551	.02873	.02032
452	.03173	.02243	502	.03010	.02129	552	.02871	.02030
453	.03169	.02241	503	.03007	.02127	553	.02868	.02028
454	.03166	.02238	504	.03004	.02124	554	.02866	.02026
455	.03162	.02236	505	.03001	.02122	555	.02863	.02024
456	.03159	.02233	506	.02998	.02120	556	.02860	.02023
457	.03155	.02231	507	.02996	.02118	557	.02858	.02021
458	.03152	.02229	508	.02993	.02116	558	.02855	.02019
459	.03148	.02226	509	.02990	.02114	559	.02853	.02017
460	.03145	.02224	510	.02987	.02112	560	.02850	.02015
461	.03141	.02221	511	.02984	.02110	561	.02848	.02014
462	.03138	.02219	512	.02981	.02108	562	.02845	.02012
463	.03135	.02217	513	.02978	.02106	563	.02843	.02010
464	.03131	.02214	514	.02975	.02104	564	.02840	.02008
465	.03128	.02212	515	.02972	.02102	565	.02838	.02006
466	.03125	.02209	516	.02969	.02100	566	.02835	.02005
467	.03121	.02207	517	.02966	.02098	567	.02833	.02003
468	.03118	.02205	518	.02964	.02096	568	.02830	.02001
469	.03115	.02202	519	.02961	.02094	569	.02828	.01999
470	.03111	.02200	520	.02958	.02092	570	.02825	.01998
471	.03108	.02198	521	.02955	.02089	571	.02823	.01996
472	.03105	.02195	522	.02952	.02087	572	.02820	.01994
473	.03101	.02193	523	.02949	.02085	573	.02818	.01992
474	.03098	.02191	524	.02947	.02084	574	.02815	.01991
475	.03095	.02188	525	.02944	.02082	575	.02813	.01990
476	.03092	.02186	526	.02941	.02080	576	.02810	.01987
477	.03088	.02184	527	.02938	.02078	577	.02808	.01986
478	.03085	.02181	528	.02935	.02076	578	.02806	.01984
479	.03082	.02179	529	.02933	.02074	579	.02803	.01982
480	.03079	.02177	530	.02930	.02072	580	.02801	.01980
481	.03075	.02175	531	.02927	.02070	581	.02798	.01978
482	.03072	.02172	532	.02924	.02068	582	.02796	.01977
483	.03069	.02170	533	.02922	.02066	583	.02793	.01975
484	.03066	.02168	534	.02919	.02064	584	.02791	.01974
485	.03063	.02166	535	.02916	.02062	585	.02789	.01972
486	.03060	.02163	536	.02913	.02060	586	.02786	.01970
487	.03056	.02161	537	.02911	.02058	587	.02784	.01969
488	.03053	.02159	538	.02908	.02056	588	.02782	.01967
489	.03050	.02157	539	.02905	.02054	589	.02779	.01965
490	.03047	.02155	540	.02903	.02052	590	.02777	.01964
491	.03044	.02152	541	.02900	.02051	591	.02774	.01962
492	.03041	.02150	542	.02897	.02049	592	.02772	.01960
493	.03038	.02148	543	.02895	.02047	593	.02770	.01959
494	.03035	.02146	544	.02892	.02045	594	.02767	.01957
495	.03032	.02144	545	.02889	.02043	595	.02765	.01955
496	.03029	.02142	546	.02887	.02041	596	.02763	.01954
497	.03026	.02139	547	.02884	.02039	597	.02761	.01952
498	.03022	.02137	548	.02881	.02037	598	.02758	.01950
499	.03019	.02135	549	.02879	.02036	599	.02756	.01949
500	.03016	.02133	550	.02876	.02034	600	.02754	.01947

n	χ_1	χ_2	n	χ_1	χ_2	n	χ_1	χ_2
601	.02751	.01945	651	.02644	.01869	701	.02548	.01801
602	.02749	.01944	652	.02642	.01868	702	.02546	.01800
603	.02747	.01942	653	.02639	.01866	703	.02544	.01799
604	.02744	.01941	654	.02637	.01865	704	.02542	.01798
605	.02742	.01939	655	.02635	.01864	705	.02540	.01796
606	.02740	.01937	656	.02633	.01862	706	.02538	.01795
607	.02738	.01936	657	.02631	.01861	707	.02537	.01794
608	.02735	.01934	658	.02629	.01859	708	.02535	.01792
609	.02733	.01933	659	.02627	.01858	709	.02533	.01791
610	.02731	.01931	660	.02625	.01856	710	.02531	.01790
611	.02729	.01929	661	.02623	.01855	711	.02530	.01789
612	.02726	.01928	662	.02621	.01854	712	.02528	.01787
613	.02724	.01926	663	.02620	.01852	713	.02526	.01786
614	.02722	.01925	664	.02618	.01851	714	.02524	.01785
615	.02720	.01923	665	.02616	.01849	715	.02522	.01784
616	.02718	.01922	666	.02614	.01848	716	.02521	.01782
617	.02715	.01920	667	.02612	.01847	717	.02519	.01781
618	.02713	.01919	668	.02610	.01845	718	.02517	.01780
619	.02711	.01917	669	.02608	.01844	719	.02515	.01779
620	.02709	.01915	670	.02606	.01843	720	.02514	.01777
621	.02707	.01914	671	.02604	.01841	721	.02512	.01776
622	.02704	.01912	672	.02602	.01840	722	.02510	.01775
623	.02702	.01911	673	.02600	.01838	723	.02508	.01774
624	.02700	.01909	674	.02598	.01837	724	.02507	.01773
625	.02698	.01908	675	.02596	.01836	725	.02505	.01771
626	.02696	.01906	676	.02594	.01834	726	.02503	.01770
627	.02694	.01905	677	.02592	.01833	727	.02502	.01769
628	.02692	.01903	678	.02590	.01832	728	.02500	.01768
629	.02689	.01902	679	.02588	.01830	729	.02498	.01766
630	.02687	.01900	680	.02587	.01829	730	.02496	.01765
631	.02685	.01899	681	.02585	.01828	731	.02495	.01764
632	.02683	.01897	682	.02583	.01826	732	.02493	.01763
633	.02681	.01896	683	.02581	.01825	733	.02491	.01762
634	.02679	.01894	684	.02579	.01824	734	.02490	.01760
635	.02677	.01893	685	.02577	.01822	735	.02488	.01759
636	.02675	.01891	686	.02575	.01821	736	.02486	.01758
637	.02672	.01890	687	.02573	.01820	737	.02485	.01757
638	.02670	.01888	688	.02571	.01818	738	.02483	.01756
639	.02668	.01887	689	.02570	.01817	739	.02481	.01754
640	.02666	.01885	690	.02568	.01816	740	.02479	.01753
641	.02664	.01884	691	.02566	.01814	741	.02478	.01752
642	.02662	.01882	692	.02564	.01813	742	.02476	.01751
643	.02660	.01881	693	.02562	.01812	743	.02474	.01750
644	.02658	.01879	694	.02560	.01810	744	.02473	.01749
645	.02656	.01878	695	.02558	.01809	745	.02471	.01747
646	.02554	.01876	696	.02557	.01808	746	.02469	.01746
647	.02652	.01875	697	.02555	.01807	747	.02468	.01745
648	.02650	.01874	698	.02553	.01805	748	.02466	.01744
649	.02648	.01872	699	.02551	.01804	749	.02465	.01743
650	.02646	.01871	700	.02549	.01803	750	.02463	.01742

表九(續)

n	X ₁	X ₂	n	X ₁	X ₂	n	X ₁	X ₂
751	.02461	.01740	801	.02383	.01685	851	.02312	.01635
752	.02460	.01739	802	.02382	.01684	852	.02311	.01634
753	.02458	.01738	803	.02380	.01683	853	.02309	.01633
754	.02456	.01737	804	.02379	.01682	854	.02308	.01632
755	.02455	.01736	805	.02377	.01681	855	.02307	.01631
756	.02453	.01735	806	.02376	.01680	856	.02305	.01630
757	.02451	.01733	807	.02374	.01679	857	.02304	.01629
758	.02450	.01732	808	.02373	.01678	858	.02303	.01628
759	.02448	.01731	809	.02371	.01677	859	.02301	.01627
760	.02447	.01730	810	.02370	.01676	860	.02300	.01626
761	.02445	.01729	811	.02368	.01675	861	.02299	.01625
762	.02443	.01728	812	.02367	.01674	862	.02297	.01624
763	.02442	.01727	813	.02366	.01673	863	.02296	.01624
764	.02440	.01725	814	.02364	.01672	864	.02295	.01623
765	.02439	.01724	815	.02363	.01671	865	.02293	.01622
766	.02437	.01723	816	.02361	.01670	866	.02292	.01621
767	.02435	.01722	817	.02360	.01669	867	.02291	.01620
768	.02434	.01721	818	.02358	.01668	868	.02289	.01619
769	.02432	.01720	819	.02357	.01667	869	.02288	.01618
770	.02431	.01719	820	.02355	.01666	870	.02287	.01617
771	.02429	.01718	821	.02354	.01665	871	.02285	.01616
772	.02428	.01717	822	.02353	.01664	872	.02284	.01615
773	.02426	.01715	823	.02351	.01662	873	.02283	.01614
774	.02424	.01714	824	.02350	.01661	874	.02281	.01613
775	.02423	.01713	825	.02348	.01660	875	.02280	.01612
776	.02421	.01712	826	.02347	.01659	876	.02279	.01611
777	.02420	.01711	827	.02345	.01658	877	.02278	.01610
778	.02418	.01710	828	.02344	.01657	878	.02276	.01610
779	.02417	.01709	829	.02343	.01656	879	.02275	.01609
780	.02415	.01708	830	.02341	.01655	880	.02274	.01608
781	.02414	.01707	831	.02340	.01654	881	.02272	.01607
782	.02412	.01706	832	.02338	.01653	882	.02271	.01606
783	.02410	.01704	833	.02337	.01652	883	.02270	.01605
784	.02409	.01703	834	.02336	.01651	884	.02269	.01604
785	.02407	.01702	835	.02334	.01651	885	.02267	.01603
786	.02406	.01701	836	.02333	.01650	886	.02266	.01602
787	.02404	.01700	837	.02331	.01649	887	.02265	.01601
788	.02403	.01699	838	.02330	.01648	888	.02263	.01600
789	.02401	.01698	839	.02329	.01647	889	.02262	.01600
790	.02400	.01697	840	.02327	.01646	890	.02261	.01699
791	.02398	.01696	841	.02326	.01645	891	.02260	.01598
792	.02397	.01695	842	.02324	.01644	892	.02258	.01597
793	.02395	.01694	843	.02323	.01643	893	.02257	.01596
794	.02394	.01693	844	.02322	.01642	894	.02256	.01595
795	.02392	.01692	845	.02320	.01641	895	.02255	.01594
796	.02391	.01690	846	.02319	.01640	896	.02253	.01593
797	.02389	.01689	847	.02318	.01639	897	.02252	.01592
798	.02388	.01688	848	.02316	.01638	898	.02251	.01592
799	.02386	.01687	849	.02315	.01637	899	.02250	.01591
800	.02385	.01686	850	.02313	.01636	900	.02248	.01590

n	X ₁	X ₂	n	X ₁	X ₂
901	.02247	.01589	951	.02187	.01547
902	.02246	.01588	952	.02186	.01546
903	.02245	.01587	953	.02185	.01545
904	.02243	.01586	954	.02184	.01544
905	.02242	.01585	955	.02183	.01543
906	.02241	.01585	956	.02181	.01543
907	.02240	.01584	957	.02180	.01542
908	.02238	.01583	958	.02179	.01541
909	.02237	.01582	959	.02178	.01540
910	.02236	.01581	960	.02177	.01539
911	.02235	.01580	961	.02176	.01539
912	.02233	.01579	962	.02175	.01538
913	.02232	.01578	963	.02174	.01537
914	.02231	.01578	964	.02172	.01536
915	.02230	.01577	965	.02171	.01535
916	.02229	.01576	966	.02170	.01535
917	.02227	.01575	967	.02169	.01534
918	.02226	.01574	968	.02168	.01533
919	.02225	.01573	969	.02167	.01532
920	.02224	.01572	970	.02166	.01531
921	.02223	.01572	971	.02165	.01531
922	.02221	.01571	972	.02163	.01530
923	.02220	.01570	973	.02162	.01529
924	.02219	.01569	974	.02161	.01528
925	.02218	.01568	975	.02160	.01527
926	.02217	.01567	976	.02159	.01527
927	.02215	.01566	977	.02158	.01526
928	.02214	.01566	978	.02157	.01525
929	.02213	.01565	979	.02156	.01524
930	.02212	.01564	980	.02155	.01524
931	.02211	.01563	981	.02153	.01523
932	.02209	.01562	982	.02152	.01522
933	.02208	.01561	983	.02151	.01521
934	.02207	.01561	984	.02150	.01520
935	.02206	.01560	985	.02149	.01520
936	.02205	.01559	986	.02148	.01519
937	.02203	.01558	987	.02147	.01518
938	.02202	.01557	988	.02146	.01517
939	.02201	.01556	989	.02145	.01517
940	.02200	.01556	990	.02144	.01516
941	.02199	.01555	991	.02143	.01515
942	.02198	.01554	992	.02142	.01514
943	.02196	.01553	993	.02140	.01514
944	.02195	.01552	994	.02139	.01513
945	.02194	.01551	995	.02138	.01512
946	.02193	.01551	996	.02137	.01511
947	.02192	.01550	997	.02136	.01510
948	.02191	.01549	998	.02135	.01510
949	.02189	.01548	999	.02134	.01509
950	.02188	.01547	1000	.02133	.01508

相 關 係 數 的 機 誤

例 如 $N=95, r=.128 \pm .068$

相 關 係 數

<i>N</i>	00	02	04	06	08	10	.12	.14	.16	.18	<i>N</i>
20	1508	1508	1506	1503	1499	1493	1486	1479	1470	1459	20
25	1349	1348	1347	1344	1340	1335	1330	1323	1314	1305	25
30	1231	1231	1229	1227	1224	1219	1214	1207	1200	1192	30
35	1140	1140	1138	1136	1133	1129	1124	1118	1111	1103	35
40	1066	1066	1065	1063	1060	1056	1051	1046	1039	1032	40
45	1005	1005	1004	1002	9999	9995	9991	9986	9980	9973	45
50	0954	0953	0952	0950	0948	0944	0940	0935	0929	0923	50
55	0909	0909	0908	0906	0904	0900	0896	0892	0886	0880	55
60	0871	0870	0869	0868	0865	0862	0858	0854	0848	0843	60
65	0837	0836	0835	0834	0831	0828	0825	0820	0815	0809	65
70	0806	0806	0805	0803	0801	0798	0795	0790	0786	0780	70
75	0779	0779	0778	0776	0774	0771	0768	0764	0759	0754	75
80	0754	0754	0753	0751	0749	0747	0743	0739	0735	0730	80
85	0732	0731	0730	0729	0727	0724	0721	0717	0713	0708	85
90	0711	0711	0710	0708	0706	0704	0701	0697	0693	0688	90
95	0692	0692	0691	0690	0688	0685	0682	0678	0674	0670	95
100	0674	0674	0673	0672	0670	0668	0665	0661	0657	0653	100
110	0643	0643	0642	0641	0639	0637	0634	0630	0627	0622	110
120	0616	0615	0615	0614	0612	0610	0607	0604	0600	0596	120
130	0592	0591	0591	0589	0588	0586	0583	0580	0576	0572	130
140	0570	0570	0569	0568	0566	0564	0562	0559	0555	0552	140
150	0551	0550	0550	0549	0547	0545	0543	0540	0537	0533	150
160	0533	0533	0532	0531	0530	0528	0526	0523	0520	0516	160
170	0517	0517	0516	0515	0514	0512	0510	0507	0504	0501	170
180	0503	0503	0502	0501	0500	0498	0495	0493	0490	0486	180
190	0489	0489	0489	0488	0486	0484	0482	0480	0477	0473	190
200	0477	0477	0476	0475	0474	0472	0470	0468	0465	0461	200
210	0465	0465	0465	0464	0462	0461	0459	0456	0454	0450	210
220	0455	0455	0454	0453	0452	0450	0448	0446	0443	0440	220
230	0445	0445	0444	0443	0442	0440	0438	0436	0433	0430	230
240	0435	0435	0435	0434	0433	0431	0429	0427	0424	0421	240
250	0427	0426	0426	0425	0424	0422	0420	0418	0416	0413	250
260	0418	0418	0418	0417	0416	0414	0412	0410	0408	0405	260
270	0410	0410	0410	0409	0408	0406	0405	0402	0400	0397	270
280	0403	0403	0402	0402	0401	0399	0397	0395	0393	0390	280
290	0396	0396	0395	0395	0394	0392	0390	0388	0386	0383	290
300	0389	0389	0389	0388	0387	0386	0384	0382	0379	0377	300
310	0383	0383	0382	0382	0381	0379	0378	0376	0373	0371	310
320	0377	0377	0376	0376	0375	0373	0372	0370	0367	0365	320
330	0371	0371	0371	0370	0369	0368	0366	0364	0362	0359	330
340	0366	0366	0365	0364	0363	0362	0361	0359	0356	0354	340

小 數 點 均 未 註 出

相關係數

N	.00	.02	.04	.06	.08	.10	.12	.14	.16	.18	N
350	0361	0360	0360	0359	0358	0357	0355	0353	0351	0349	350
360	0355	0355	0355	0354	0353	0352	0350	0349	0346	0344	360
370	0351	0351	0350	0349	0348	0347	0346	0344	0342	0339	370
380	0346	0346	0345	0345	0344	0343	0341	0339	0337	0335	380
390	0342	0341	0341	0340	0339	0338	0337	0335	0333	0330	390
400	0337	0337	0337	0336	0335	0334	0332	0331	0329	0326	400
410	0333	0333	0333	0332	0331	0330	0328	0327	0325	0322	410
420	0329	0329	0329	0328	0327	0326	0324	0323	0321	0318	420
430	0325	0325	0325	0324	0323	0322	0321	0319	0317	0315	430
440	0322	0321	0321	0320	0319	0318	0317	0315	0313	0311	440
450	0318	0318	0317	0317	0316	0315	0313	0312	0310	0308	450
460	0314	0314	0314	0313	0312	0311	0310	0308	0306	0304	460
470	0311	0311	0311	0310	0309	0308	0307	0305	0303	0301	470
480	0308	0308	0307	0307	0306	0305	0303	0302	0300	0298	480
490	0305	0305	0304	0304	0303	0302	0300	0299	0297	0295	490
500	0302	0302	0301	0301	0300	0299	0297	0296	0294	0292	500
520	0296	0296	0295	0295	0294	0293	0292	0290	0288	0286	520
540	0290	0290	0290	0289	0288	0287	0286	0285	0283	0281	540
560	0285	0285	0285	0284	0283	0282	0281	0279	0278	0276	560
580	0280	0280	0280	0279	0278	0277	0276	0275	0273	0271	580
600	0275	0275	0275	0274	0274	0273	0271	0270	0268	0266	600
620	0271	0271	0270	0270	0269	0268	0267	0266	0264	0262	620
640	0267	0267	0266	0266	0265	0264	0263	0261	0260	0258	640
660	0263	0262	0262	0262	0261	0260	0259	0257	0256	0254	660
680	0259	0259	0258	0258	0257	0256	0255	0254	0252	0250	680
700	0255	0255	0255	0254	0253	0252	0251	0250	0248	0247	700
720	0251	0251	0251	0250	0250	0249	0248	0246	0245	0243	720
740	0248	0248	0248	0247	0246	0245	0244	0243	0242	0240	740
760	0245	0245	0244	0244	0243	0242	0241	0240	0238	0237	760
780	0242	0241	0241	0241	0240	0239	0238	0237	0235	0234	780
800	0238	0238	0238	0238	0237	0236	0235	0234	0232	0231	800
820	0236	0235	0235	0235	0234	0233	0232	0231	0230	0228	820
840	0233	0233	0232	0232	0231	0230	0229	0228	0227	0225	840
860	0230	0230	0230	0229	0229	0228	0227	0225	0224	0223	860
880	0227	0227	0227	0227	0226	0225	0224	0223	0222	0220	880
900	0225	0225	0224	0224	0223	0223	0222	0220	0219	0218	900
920	0222	0222	0222	0222	0221	0220	0219	0218	0217	0215	920
940	0220	0220	0220	0219	0219	0218	0217	0216	0214	0213	940
960	0218	0218	0217	0217	0216	0216	0215	0213	0212	0211	960
980	0215	0215	0215	0215	0214	0213	0212	0211	0210	0208	980
1000	0213	0213	0213	0213	0212	0211	0210	0209	0208	0206	1000

小數點均未註出

相關係數

N	.20	.22	.24	.26	.28	.30	.32	.34	.36	.38	N
20	1448	1435	1421	1406	1390	1372	1354	1334	1313	1290	20
25	1295	1284	1271	1258	1243	1228	1211	1193	1174	1154	25
30	1182	1172	1161	1148	1135	1121	1105	1089	1072	1054	30
35	1094	1085	1074	1063	1051	1037	1023	1008	992	975	35
40	1024	1015	1005	994	983	970	957	943	928	912	40
45	0965	0957	0948	0938	0927	0915	0903	0889	0875	0860	45
50	0916	0908	0899	0889	0879	0868	0856	0844	0830	0816	50
55	0873	0865	0857	0848	0838	0828	0816	0804	0792	0778	55
60	0836	0829	0821	0812	0802	0792	0782	0770	0758	0745	60
65	0803	0796	0788	0780	0771	0761	0751	0740	0728	0716	65
70	0774	0767	0760	0752	0743	0734	0724	0713	0702	0690	70
75	0748	0741	0734	0726	0718	0709	0699	0689	0678	0666	75
80	0724	0718	0711	0703	0695	0686	0677	0667	0656	0645	80
85	0702	0696	0689	0682	0674	0666	0657	0647	0637	0626	85
90	0683	0677	0670	0663	0655	0647	0638	0629	0619	0608	90
95	0664	0659	0652	0645	0638	0630	0621	0612	0602	0592	95
100	0648	0642	0636	0629	0622	0614	0605	0597	0587	0577	100
110	0617	0612	0606	0600	0593	0585	0577	0569	0560	0550	110
120	0591	0586	0580	0574	0567	0560	0553	0545	0536	0527	120
130	0568	0563	0557	0552	0545	0538	0531	0523	0515	0506	130
140	0547	0542	0537	0532	0525	0519	0512	0504	0496	0488	140
150	0529	0524	0519	0513	0508	0501	0494	0487	0479	0471	150
160	0512	0507	0503	0497	0491	0485	0479	0472	0464	0456	160
170	0497	0492	0488	0482	0477	0471	0464	0458	0450	0443	170
180	0483	0478	0474	0469	0463	0457	0451	0445	0438	0430	180
190	0470	0466	0461	0456	0451	0445	0439	0433	0426	0419	190
200	0458	0454	0449	0445	0440	0434	0428	0422	0415	0408	200
210	0447	0443	0439	0434	0429	0424	0418	0412	0405	0398	210
220	0437	0433	0429	0424	0419	0414	0408	0402	0396	0389	220
230	0427	0423	0419	0415	0410	0405	0399	0393	0387	0381	230
240	0418	0414	0410	0406	0401	0396	0391	0385	0379	0373	240
250	0410	0406	0402	0398	0393	0388	0383	0377	0371	0365	250
260	0402	0398	0394	0390	0386	0381	0375	0370	0364	0358	260
270	0394	0391	0387	0383	0378	0374	0368	0363	0357	0351	270
280	0387	0384	0380	0376	0371	0367	0362	0356	0351	0345	280
290	0380	0377	0373	0369	0365	0360	0356	0350	0345	0339	290
300	0374	0371	0367	0363	0359	0354	0350	0344	0339	0333	300
310	0368	0365	0361	0357	0353	0349	0344	0339	0333	0328	310
320	0362	0359	0355	0352	0347	0343	0338	0333	0328	0323	320
330	0356	0353	0350	0346	0342	0338	0333	0328	0323	0318	330
340	0351	0348	0345	0341	0337	0333	0328	0324	0318	0313	340

小數點均未註出

N	相 關 係 數										N
	20	22	24	26	28	30	32	34	36	38	
350	0346	0343	0340	0336	0332	0328	0324	0319	0314	0308	350
360	0341	0338	0335	0331	0328	0323	0319	0314	0309	0304	360
370	0337	0334	0330	0327	0323	0319	0315	0310	0305	0300	370
380	0332	0329	0326	0323	0319	0315	0311	0306	0301	0296	380
390	0328	0325	0322	0318	0315	0311	0307	0302	0297	0292	390
400	0324	0321	0318	0314	0311	0307	0303	0298	0294	0289	400
410	0320	0317	0314	0311	0307	0303	0299	0295	0290	0285	410
420	0316	0313	0310	0307	0303	0299	0295	0291	0286	0282	420
430	0312	0310	0307	0303	0300	0296	0292	0288	0283	0278	430
440	0309	0306	0303	0300	0296	0293	0289	0284	0280	0275	440
450	0305	0303	0300	0296	0293	0289	0285	0281	0277	0272	450
460	0302	0299	0296	0293	0290	0286	0282	0278	0274	0269	460
470	0299	0296	0293	0290	0287	0283	0279	0275	0271	0266	470
480	0296	0293	0290	0287	0284	0280	0276	0272	0268	0263	480
490	0293	0290	0287	0284	0281	0277	0274	0269	0265	0261	490
500	0290	0287	0284	0281	0278	0274	0271	0267	0263	0258	500
520	0284	0281	0279	0276	0273	0269	0265	0262	0257	0253	520
540	0279	0276	0274	0271	0267	0264	0261	0257	0253	0248	540
560	0274	0271	0269	0266	0263	0259	0256	0252	0248	0244	560
580	0269	0267	0264	0261	0258	0255	0251	0248	0244	0240	580
600	0264	0262	0259	0257	0254	0251	0247	0244	0240	0236	600
620	0260	0258	0255	0253	0250	0247	0243	0240	0236	0232	620
640	0256	0254	0251	0249	0246	0243	0239	0236	0232	0228	640
660	0252	0250	0247	0245	0242	0239	0236	0232	0229	0225	660
680	0248	0246	0244	0241	0238	0235	0232	0229	0225	0221	680
700	0245	0243	0240	0238	0235	0232	0229	0225	0222	0218	700
720	0241	0239	0237	0234	0232	0229	0226	0222	0219	0215	720
740	0238	0236	0234	0231	0229	0226	0223	0219	0216	0212	740
760	0235	0233	0231	0228	0225	0223	0220	0216	0213	0209	760
780	0232	0230	0228	0225	0223	0220	0217	0214	0210	0207	780
800	0229	0227	0225	0222	0220	0217	0214	0211	0208	0204	800
820	0226	0224	0222	0220	0217	0214	0211	0208	0205	0201	820
840	0223	0221	0219	0217	0214	0212	0209	0206	0203	0199	840
860	0221	0219	0217	0214	0212	0209	0206	0203	0200	0197	860
880	0218	0216	0214	0212	0210	0207	0204	0201	0198	0195	880
900	0216	0214	0212	0210	0207	0205	0202	0199	0196	0192	900
920	0213	0212	0210	0207	0205	0202	0200	0197	0194	0190	920
940	0211	0209	0207	0205	0203	0200	0197	0195	0191	0188	940
960	0209	0207	0205	0203	0201	0198	0195	0193	0189	0186	960
980	0207	0205	0203	0201	0199	0196	0193	0191	0188	0184	980
000	0205	0203	0201	0199	0197	0194	0191	0189	0186	0182	1000

小 數 點 均 未 註 出

表十(續)

相關係數

N	.40	.42	.44	.46	.48	.50	.52	.54	.56	.58	N
20	1267	1242	1216	1189	1161	1131	1100	1068	1035	1001	20
25	1133	1111	1088	1064	1038	1012	984	956	926	895	25
30	1034	1014	993	971	948	924	898	872	845	817	30
35	958	939	919	899	877	855	832	808	783	757	35
40	895	878	860	841	821	800	778	756	732	708	40
45	845	828	811	793	774	754	734	712	690	667	45
50	801	786	769	752	734	715	696	676	655	633	50
55	764	749	733	717	700	682	664	644	624	604	55
60	731	717	702	687	670	653	635	617	598	578	60
65	703	689	675	660	644	627	610	593	574	555	65
70	677	664	650	636	620	605	588	571	553	535	70
75	654	641	628	614	599	584	568	552	535	517	75
80	633	621	608	595	580	566	550	534	518	500	80
85	615	603	590	577	563	549	534	518	502	485	85
90	597	586	573	561	547	533	519	504	488	472	90
95	581	570	558	546	533	519	505	490	475	459	95
100	567	556	544	532	519	506	492	478	463	448	100
110	540	530	519	507	495	482	469	456	441	427	110
120	517	507	497	485	474	462	449	436	423	409	120
130	497	487	477	466	455	444	432	419	406	393	130
140	479	469	460	449	439	428	416	404	391	378	140
150	463	454	444	434	424	413	402	390	378	365	150
160	448	439	430	420	410	400	389	378	366	354	160
170	435	426	417	408	398	388	377	366	355	343	170
180	422	414	405	396	387	377	367	356	345	334	180
190	411	403	395	386	377	367	357	347	336	325	190
200	401	393	385	376	367	358	348	338	327	316	200
210	391	383	375	367	358	349	340	330	319	309	210
220	382	375	367	359	350	341	332	322	312	302	220
230	374	366	359	351	342	334	324	315	305	295	230
240	366	359	351	343	335	327	318	308	299	289	240
250	358	351	344	336	328	320	311	302	293	283	250
260	351	345	337	330	322	314	305	296	287	278	260
270	345	338	331	324	316	308	299	291	282	272	270
280	339	332	325	318	310	302	294	286	277	267	280
290	333	326	319	312	305	297	289	281	272	263	290
300	327	321	314	307	300	292	284	276	267	258	300
310	322	316	309	302	295	287	279	271	263	254	310
320	317	311	304	297	290	283	275	267	259	250	320
330	312	306	299	293	286	278	271	263	255	246	330
340	307	301	295	288	282	274	267	259	251	243	340

小數點均未註出

相關係數

N	.40	.42	.44	.46	.48	.50	.52	.54	.56	.58	N
350	0303	0297	0291	0284	0277	0270	0263	0255	0247	0239	360
360	0299	0293	0287	0280	0274	0267	0259	0252	0244	0236	360
370	0295	0289	0283	0276	0270	0263	0256	0248	0241	0233	370
380	0291	0285	0279	0273	0266	0260	0252	0245	0237	0230	380
390	0287	0281	0275	0269	0263	0256	0249	0242	0234	0227	390
400	0283	0278	0272	0266	0260	0253	0246	0239	0231	0224	400
410	0280	0274	0269	0263	0256	0250	0243	0236	0229	0221	410
420	0276	0271	0265	0259	0253	0247	0240	0233	0226	0218	420
430	0273	0268	0262	0256	0250	0244	0237	0230	0223	0216	430
440	0270	0265	0259	0254	0247	0241	0235	0228	0221	0213	440
450	0267	0262	0256	0251	0245	0238	0232	0225	0218	0211	450
460	0264	0259	0254	0248	0242	0236	0229	0223	0216	0209	460
470	0261	0256	0251	0245	0239	0233	0227	0220	0214	0206	470
480	0259	0254	0248	0243	0237	0231	0225	0218	0211	0204	480
490	0256	0251	0246	0240	0234	0229	0222	0216	0209	0202	490
500	0253	0248	0243	0238	0232	0226	0220	0214	0207	0200	500
520	0248	0244	0239	0233	0228	0222	0216	0210	0203	0196	520
540	0244	0239	0234	0229	0223	0218	0212	0206	0199	0193	540
560	0239	0235	0230	0225	0219	0214	0208	0202	0196	0189	560
580	0235	0231	0226	0221	0216	0210	0204	0198	0192	0186	580
600	0231	0227	0222	0217	0212	0207	0201	0195	0189	0183	600
620	0228	0223	0218	0214	0208	0203	0198	0192	0186	0180	620
640	0224	0220	0215	0210	0205	0200	0195	0189	0183	0177	640
660	0221	0216	0212	0207	0202	0197	0192	0186	0180	0174	660
680	0217	0213	0209	0204	0199	0194	0189	0183	0178	0172	680
700	0214	0210	0206	0201	0196	0191	0186	0181	0175	0169	700
720	0211	0207	0203	0198	0193	0189	0183	0178	0173	0167	720
740	0208	0204	0200	0195	0191	0186	0181	0176	0170	0165	740
760	0206	0202	0197	0193	0188	0183	0179	0173	0168	0162	760
780	0203	0199	0195	0190	0186	0181	0176	0171	0166	0160	780
800	0200	0196	0192	0188	0184	0179	0174	0169	0164	0158	800
820	0198	0194	0190	0186	0181	0177	0172	0167	0162	0156	820
840	0195	0192	0188	0183	0179	0175	0170	0165	0160	0154	840
860	0193	0189	0185	0181	0177	0172	0168	0163	0158	0153	860
880	0191	0187	0183	0179	0175	0171	0166	0161	0156	0151	880
900	0189	0185	0181	0177	0173	0169	0164	0159	0154	0149	900
920	0187	0183	0179	0175	0171	0167	0162	0158	0153	0148	920
940	0185	0181	0177	0173	0169	0165	0161	0156	0151	0146	940
960	0183	0179	0176	0172	0168	0163	0159	0154	0149	0144	960
980	0181	0177	0174	0170	0166	0162	0157	0153	0148	0143	980
1000	0179	0176	0172	0168	0164	0160	0156	0151	0146	0142	1000

小數點均未註出

表十(續)

相關係數

N	.60	.62	.64	.66	.68	.70	.72	.74	.76	.78	N
20	0965	0928	0890	0851	0811	0769	0726	0682	0637	0591	20
25	0863	0830	0796	0761	0725	0688	0650	0610	0570	0528	25
30	0788	0758	0727	0695	0662	0628	0593	0557	0520	0482	30
35	0730	0702	0673	0643	0613	0581	0549	0516	0482	0446	35
40	0683	0657	0630	0602	0573	0544	0514	0482	0450	0418	40
45	0644	0619	0594	0568	0541	0513	0484	0455	0425	0394	45
50	0610	0587	0563	0538	0513	0486	0459	0432	0403	0374	50
55	0582	0560	0537	0513	0489	0464	0438	0411	0384	0356	55
60	0557	0536	0514	0491	0468	0444	0419	0394	0368	0341	60
65	0535	0515	0494	0472	0450	0427	0403	0378	0353	0328	65
70	0516	0496	0476	0455	0433	0411	0388	0365	0341	0316	70
75	0498	0479	0460	0440	0419	0397	0375	0352	0329	0305	75
80	0483	0464	0445	0426	0405	0385	0363	0341	0319	0295	80
85	0468	0450	0432	0413	0393	0373	0352	0331	0309	0286	85
90	0455	0438	0420	0401	0382	0363	0342	0322	0300	0278	90
95	0443	0426	0409	0391	0372	0353	0333	0313	0292	0271	95
100	0432	0415	0398	0381	0363	0344	0325	0305	0285	0264	100
110	0412	0396	0380	0363	0346	0328	0310	0291	0272	0252	110
120	0394	0379	0364	0348	0331	0314	0297	0279	0260	0241	120
130	0379	0364	0349	0334	0318	0302	0285	0268	0250	0232	130
140	0365	0351	0337	0322	0306	0291	0275	0258	0241	0223	140
150	0352	0339	0325	0311	0296	0281	0265	0249	0233	0216	150
160	0341	0328	0315	0301	0287	0272	0257	0241	0225	0209	160
170	0331	0318	0305	0292	0278	0264	0249	0234	0219	0203	170
180	0322	0309	0297	0284	0270	0256	0242	0227	0212	0197	180
190	0313	0301	0289	0276	0263	0250	0236	0221	0207	0192	190
200	0305	0294	0282	0269	0256	0243	0230	0216	0201	0187	200
210	0298	0287	0275	0263	0250	0237	0224	0211	0197	0182	210
220	0291	0280	0268	0257	0244	0232	0219	0206	0192	0178	220
230	0285	0274	0263	0251	0239	0227	0214	0201	0188	0174	230
240	0279	0268	0257	0246	0234	0222	0210	0197	0184	0170	240
250	0273	0263	0252	0241	0229	0218	0205	0193	0180	0167	250
260	0268	0258	0247	0236	0225	0213	0201	0189	0177	0164	260
270	0263	0253	0242	0232	0221	0209	0198	0186	0173	0161	270
280	0258	0248	0238	0228	0217	0206	0194	0182	0170	0158	280
290	0253	0244	0234	0224	0213	0202	0191	0179	0167	0155	290
300	0249	0240	0230	0220	0209	0199	0188	0176	0164	0152	300
310	0245	0236	0226	0216	0206	0195	0184	0173	0162	0150	310
320	0241	0232	0223	0213	0203	0192	0182	0171	0159	0148	320
330	0238	0229	0219	0210	0200	0189	0179	0168	0157	0145	330
340	0234	0225	0216	0206	0197	0187	0176	0165	0155	0143	340

小數點均未註出

相關係數

N	60	62	64	66	68	70	72	74	76	78	N
350	0231	0222	0213	0203	0194	0184	0174	0163	0152	0141	350
360	0228	0219	0210	0201	0191	0181	0171	0161	0150	0139	360
370	0224	0216	0207	0198	0189	0179	0169	0159	0148	0137	370
380	0221	0213	0204	0195	0186	0176	0167	0157	0146	0135	380
390	0219	0210	0202	0193	0184	0174	0164	0155	0144	0134	390
400	0216	0208	0199	0190	0181	0172	0162	0153	0142	0132	400
410	0213	0205	0197	0188	0179	0170	0160	0151	0141	0130	410
420	0211	0203	0194	0186	0177	0168	0159	0149	0139	0129	420
430	0208	0200	0192	0184	0175	0166	0157	0147	0137	0127	430
440	0206	0198	0190	0181	0173	0164	0155	0145	0136	0126	440
450	0203	0196	0188	0179	0171	0162	0153	0144	0134	0125	450
460	0201	0194	0186	0177	0169	0160	0151	0142	0133	0123	460
470	0199	0192	0184	0176	0167	0159	0150	0141	0131	0122	470
480	0197	0190	0182	0174	0166	0157	0148	0139	0130	0121	480
490	0195	0188	0180	0172	0164	0155	0147	0138	0129	0119	490
500	0193	0186	0178	0170	0162	0154	0145	0136	0127	0118	500
520	0189	0182	0175	0167	0159	0151	0142	0134	0125	0116	520
540	0186	0179	0171	0164	0156	0148	0140	0131	0123	0114	540
560	0182	0175	0168	0161	0153	0145	0137	0129	0120	0112	560
580	0179	0172	0165	0158	0151	0143	0135	0127	0118	0110	580
600	0176	0170	0163	0155	0148	0140	0133	0125	0116	0108	600
620	0173	0167	0160	0153	0146	0138	0130	0123	0114	0106	620
640	0171	0164	0157	0150	0143	0136	0128	0121	0113	0104	640
660	0168	0162	0155	0148	0141	0134	0126	0119	0111	0103	660
680	0166	0159	0153	0146	0139	0132	0125	0117	0109	0101	680
700	0163	0157	0151	0144	0137	0130	0123	0115	0108	0100	700
720	0161	0155	0148	0142	0135	0128	0121	0114	0106	0098	720
740	0159	0153	0146	0140	0133	0126	0119	0112	0105	0097	740
760	0157	0151	0144	0138	0132	0125	0118	0111	0103	0096	760
780	0155	0149	0143	0136	0130	0123	0116	0109	0102	0095	780
800	0153	0147	0141	0135	0128	0122	0115	0108	0101	0093	800
820	0151	0145	0139	0133	0127	0120	0113	0107	0099	0092	820
840	0149	0143	0137	0131	0125	0119	0112	0105	0098	0091	840
860	0147	0142	0136	0130	0124	0117	0111	0104	0097	0090	860
880	0146	0140	0134	0128	0122	0116	0110	0103	0096	0089	880
900	0144	0138	0133	0127	0121	0115	0108	0102	0095	0088	900
920	0142	0137	0131	0126	0120	0113	0107	0101	0094	0087	920
940	0141	0135	0130	0124	0118	0112	0106	0100	0093	0086	940
960	0139	0134	0129	0123	0117	0111	0105	0098	0092	0085	960
980	0138	0133	0127	0122	0116	0110	0104	0097	0091	0084	980
1000	0137	0131	0126	0120	0115	0109	0103	0096	0090	0084	1000

小數點均未註出

表十(續)

相關係數

N	.80	.82	.84	.86	.88	.90	.92	.94	.96	.98	N
20	0543	0494	0444	0393	0340	0287	0232	0176	0118	0060	20
25	0486	0442	0397	0351	0304	0256	0207	0157	0106	0053	25
30	0443	0403	0363	0321	0278	0234	0189	0143	0097	0049	30
35	0410	0373	0336	0297	0257	0217	0175	0133	0089	0045	35
40	0384	0349	0314	0278	0241	0203	0164	0124	0084	0042	40
45	0362	0329	0296	0262	0227	0191	0154	0117	0079	0040	45
50	0343	0312	0281	0248	0215	0181	0147	0111	0075	0038	50
55	0327	0298	0268	0237	0205	0173	0140	0106	0071	0036	55
60	0313	0285	0256	0227	0196	0165	0134	0101	0068	0034	60
65	0301	0274	0246	0218	0189	0159	0129	0097	0066	0033	65
70	0290	0264	0237	0210	0182	0153	0124	0094	0063	0032	70
75	0280	0255	0229	0203	0176	0148	0120	0091	0061	0031	75
80	0271	0247	0222	0196	0170	0143	0116	0088	0059	0030	80
85	0263	0240	0215	0191	0165	0139	0112	0085	0057	0029	85
90	0256	0233	0209	0185	0160	0135	0109	0083	0056	0028	90
95	0249	0227	0204	0180	0156	0131	0106	0081	0054	0027	95
100	0243	0221	0199	0176	0152	0128	0104	0079	0053	0027	100
110	0232	0211	0189	0167	0145	0122	0099	0075	0050	0025	110
120	0222	0202	0181	0160	0139	0117	0095	0072	0048	0024	120
130	0213	0194	0174	0154	0133	0112	0091	0069	0046	0023	130
140	0205	0187	0168	0148	0129	0108	0088	0066	0045	0023	140
150	0198	0180	0162	0143	0124	0105	0085	0064	0043	0022	150
160	0192	0175	0157	0139	0120	0101	0082	0062	0042	0021	160
170	0186	0169	0152	0135	0117	0098	0079	0060	0041	0020	170
180	0181	0165	0148	0131	0113	0096	0077	0059	0039	0020	180
190	0176	0160	0144	0127	0110	0093	0075	0057	0038	0019	190
200	0172	0156	0140	0124	0108	0091	0073	0056	0037	0019	200
210	0168	0152	0137	0121	0105	0088	0071	0054	0036	0018	210
220	0164	0149	0134	0118	0103	0086	0070	0053	0036	0018	220
230	0160	0146	0131	0116	0100	0085	0068	0052	0035	0018	230
240	0157	0143	0128	0113	0098	0083	0067	0051	0034	0017	240
250	0154	0140	0126	0111	0096	0081	0066	0050	0033	0017	250
260	0151	0137	0123	0109	0094	0079	0064	0049	0033	0017	260
270	0148	0134	0121	0107	0093	0078	0063	0048	0032	0016	270
280	0145	0132	0119	0105	0091	0077	0062	0047	0032	0016	280
290	0143	0130	0117	0103	0089	0075	0061	0046	0031	0016	290
300	0140	0128	0115	0101	0088	0074	0060	0045	0031	0015	300
310	0138	0125	0113	0100	0086	0073	0059	0045	0030	0015	310
320	0136	0124	0111	0098	0085	0072	0058	0044	0030	0015	320
330	0134	0122	0109	0097	0084	0071	0057	0043	0029	0015	330
340	0132	0120	0108	0095	0083	0070	0056	0043	0029	0014	340

小數點均未註出

表十 (續)

相 關 係 數

N	80	82	84	86	88	90	92	94	96	98	N
350	0130	0118	0106	0094	0081	0069	0055	0042	0028	0014	350
360	0128	0116	0105	0093	0080	0068	0055	0041	0028	0014	360
370	0126	0115	0103	0091	0079	0067	0054	0041	0027	0014	370
380	0125	0113	0102	0090	0078	0066	0053	0040	0027	0014	380
390	0123	0112	0101	0089	0077	0065	0052	0040	0027	0014	390
400	0121	0110	0099	0088	0076	0064	0052	0039	0026	0013	400
410	0120	0109	0098	0087	0075	0063	0051	0039	0026	0013	410
420	0118	0108	0097	0086	0074	0063	0051	0038	0026	0013	420
430	0117	0107	0096	0085	0073	0062	0050	0038	0026	0013	430
440	0116	0105	0095	0084	0073	0061	0049	0037	0025	0013	440
450	0114	0104	0094	0083	0072	0060	0049	0037	0025	0013	450
460	0113	0103	0093	0082	0071	0060	0048	0037	0025	0012	460
470	0112	0102	0092	0081	0070	0059	0048	0036	0024	0012	470
480	0111	0101	0091	0080	0069	0058	0047	0036	0024	0012	480
490	0110	0100	0090	0079	0069	0058	0047	0035	0024	0012	490
500	0109	0099	0089	0079	0068	0057	0046	0035	0024	0012	500
520	0106	0097	0087	0077	0067	0056	0045	0034	0023	0012	520
540	0105	0095	0085	0076	0065	0055	0045	0034	0023	0011	540
560	0103	0093	0084	0074	0064	0054	0044	0033	0022	0011	560
580	0101	0092	0082	0073	0063	0053	0043	0033	0022	0011	580
600	0099	0090	0081	0072	0062	0052	0042	0032	0022	0011	600
620	0098	0089	0080	0071	0061	0051	0042	0032	0021	0011	620
640	0096	0087	0078	0069	0060	0051	0041	0031	0021	0011	640
660	0095	0086	0077	0068	0059	0050	0040	0031	0021	0010	660
680	0093	0085	0076	0067	0058	0049	0040	0030	0020	0010	680
700	0092	0084	0075	0066	0058	0048	0039	0030	0020	0010	700
720	0090	0082	0074	0065	0057	0048	0039	0029	0020	0010	720
740	0089	0081	0073	0065	0056	0047	0038	0029	0019	0010	740
760	0088	0080	0072	0064	0055	0046	0038	0028	0019	0010	760
780	0087	0079	0071	0063	0054	0046	0037	0028	0019	0010	780
800	0086	0078	0070	0062	0054	0045	0037	0028	0019	0009	800
820	0085	0077	0069	0061	0053	0045	0036	0027	0018	0009	820
840	0084	0076	0069	0061	0053	0044	0036	0027	0018	0009	840
860	0083	0075	0068	0060	0052	0044	0035	0027	0018	0009	860
880	0082	0074	0067	0059	0051	0043	0035	0026	0018	0009	880
900	0081	0074	0066	0059	0051	0043	0035	0026	0018	0009	900
920	0080	0073	0065	0058	0050	0042	0034	0026	0017	0009	920
940	0079	0072	0065	0057	0050	0042	0034	0026	0017	0009	940
960	0078	0071	0064	0057	0049	0041	0033	0025	0017	0009	960
980	0078	0071	0063	0056	0049	0041	0033	0025	0017	0009	980
1000	0077	0070	0063	0056	0048	0041	0033	0025	0017	0008	1000

小 數 點 均 未 註 出

常態曲線的面積與縱綫(從均數量起與均方差對照)

面積從		縱綫	面積從		縱綫	面積從		縱綫	面積從		縱綫
$z/\sigma=0$ to given z/σ		at z/σ	$z/\sigma=0$ to given z/σ		at z/σ	$z/\sigma=0$ to given z/σ		at z/σ	$z/\sigma=0$ to given z/σ		at z/σ
.00	.0000	.3989	.50	.1915	.3521	1.00	.3413	.2420	1.50	.4332	.1295
.01	.0040	.3989	.51	.1950	.3503	1.01	.3438	.2396	1.51	.4345	.1276
.02	.0080	.3989	.52	.1985	.3485	1.02	.3461	.2371	1.52	.4357	.1257
.03	.0120	.3988	.53	.2019	.3467	1.03	.3485	.2347	1.53	.4370	.1238
.04	.0160	.3986	.54	.2054	.3448	1.04	.3508	.2323	1.54	.4382	.1219
.05	.0199	.3984	.55	.2088	.3429	1.05	.3531	.2299	1.55	.4394	.1200
.06	.0239	.3982	.56	.2123	.3410	1.06	.3554	.2275	1.56	.4406	.1182
.07	.0279	.3980	.57	.2157	.3391	1.07	.3577	.2251	1.57	.4418	.1163
.08	.0319	.3977	.58	.2190	.3372	1.08	.3599	.2227	1.58	.4429	.1145
.09	.0359	.3973	.59	.2224	.3352	1.09	.3621	.2203	1.59	.4441	.1127
.10	.0398	.3970	.60	.2257	.3332	1.10	.3643	.2179	1.60	.4452	.1109
.11	.0438	.3965	.61	.2291	.3312	1.11	.3665	.2155	1.61	.4463	.1092
.12	.0478	.3961	.62	.2324	.3292	1.12	.3686	.2131	1.62	.4474	.1074
.13	.0517	.3956	.63	.2357	.3271	1.13	.3708	.2107	1.63	.4484	.1057
.14	.0557	.3951	.64	.2389	.3251	1.14	.3729	.2083	1.64	.4495	.1040
.15	.0596	.3945	.65	.2422	.3230	1.15	.3749	.2059	1.65	.4505	.1023
.16	.0636	.3939	.66	.2454	.3209	1.16	.3770	.2036	1.66	.4515	.1006
.17	.0675	.3932	.67	.2486	.3187	1.17	.3790	.2012	1.67	.4525	.0989
.18	.0714	.3925	.68	.2517	.3166	1.18	.3810	.1989	1.68	.4535	.0973
.19	.0753	.3918	.69	.2549	.3144	1.19	.3830	.1965	1.69	.4545	.0957
.20	.0793	.3910	.70	.2580	.3123	1.20	.3849	.1942	1.70	.4554	.0940
.21	.0832	.3902	.71	.2611	.3101	1.21	.3869	.1919	1.71	.4564	.0925
.22	.0871	.3894	.72	.2642	.3079	1.22	.3888	.1895	1.72	.4573	.0909
.23	.0910	.3885	.73	.2673	.3056	1.23	.3907	.1872	1.73	.4582	.0893
.24	.0948	.3876	.74	.2703	.3034	1.24	.3925	.1849	1.74	.4591	.0878
.25	.0987	.3867	.75	.2734	.3011	1.25	.3944	.1826	1.75	.4599	.0863
.26	.1026	.3857	.76	.2764	.2989	1.26	.3962	.1804	1.76	.4608	.0848
.27	.1064	.3847	.77	.2794	.2966	1.27	.3980	.1781	1.77	.4616	.0833
.28	.1103	.3836	.78	.2823	.2943	1.28	.3997	.1758	1.78	.4625	.0818
.29	.1141	.3825	.79	.2852	.2920	1.29	.4015	.1736	1.79	.4633	.0804
.30	.1179	.3814	.80	.2881	.2897	1.30	.4032	.1714	1.80	.4641	.0790
.31	.1217	.3802	.81	.2910	.2874	1.31	.4049	.1691	1.81	.4649	.0775
.32	.1255	.3790	.82	.2939	.2850	1.32	.4066	.1669	1.82	.4656	.0761
.33	.1293	.3778	.83	.2967	.2827	1.33	.4082	.1647	1.83	.4664	.0748
.34	.1331	.3765	.84	.2995	.2803	1.34	.4099	.1626	1.84	.4671	.0734
.35	.1368	.3752	.85	.3023	.2780	1.35	.4115	.1604	1.85	.4678	.0721
.36	.1406	.3739	.86	.3051	.2756	1.36	.4131	.1582	1.86	.4686	.0707
.37	.1443	.3725	.87	.3078	.2732	1.37	.4147	.1561	1.87	.4693	.0694
.38	.1480	.3712	.88	.3106	.2709	1.38	.4162	.1539	1.88	.4699	.0681
.39	.1517	.3697	.89	.3133	.2685	1.39	.4177	.1518	1.89	.4706	.0669
.40	.1554	.3683	.90	.3159	.2661	1.40	.4192	.1497	1.90	.4713	.0656
.41	.1591	.3668	.91	.3186	.2637	1.41	.4207	.1476	1.91	.4719	.0644
.42	.1628	.3653	.92	.3212	.2613	1.42	.4222	.1456	1.92	.4726	.0632
.43	.1664	.3637	.93	.3238	.2589	1.43	.4236	.1435	1.93	.4732	.0620
.44	.1700	.3621	.94	.3264	.2565	1.44	.4251	.1415	1.94	.4738	.0608
.45	.1736	.3605	.95	.3289	.2541	1.45	.4265	.1394	1.95	.4744	.0596
.46	.1772	.3589	.96	.3315	.2516	1.46	.4279	.1374	1.96	.4750	.0584
.47	.1808	.3572	.97	.3340	.2492	1.47	.4292	.1354	1.97	.4756	.0573
.48	.1844	.3555	.98	.3365	.2468	1.48	.4306	.1334	1.98	.4761	.0562
.49	.1879	.3538	.99	.3389	.2444	1.49	.4319	.1315	1.99	.4767	.0551

面積從縱綫			面積從縱綫			面積從縱綫			面積從縱綫		
$z/\sigma=0$ to given z/σ	at z/σ		z/σ	$z/\sigma=0$ to given z/σ	at z/σ	z/σ	$z/\sigma=0$ to given z/σ	at z/σ	z/σ	$z/\sigma=0$ to given z/σ	at z/σ
2.00	.4772	.0540	2.50	.4938	.0175	3.00	.4987	.0044	3.50	.4998	.0009
2.01	.4778	.0529	2.51	.4940	.0171	3.01	.4987	.0043	3.51	.4998	.0008
2.02	.4783	.0519	2.52	.4941	.0167	3.02	.4987	.0042	3.52	.4998	.0008
2.03	.4788	.0508	2.53	.4943	.0163	3.03	.4988	.0040	3.53	.4998	.0008
2.04	.4793	.0498	2.54	.4945	.0158	3.04	.4988	.0039	3.54	.4998	.0008
2.05	.4798	.0488	2.55	.4946	.0154	3.05	.4989	.0038	3.55	.4998	.0007
2.06	.4803	.0478	2.56	.4948	.0151	3.06	.4989	.0037	3.56	.4998	.0007
2.07	.4808	.0468	2.57	.4949	.0147	3.07	.4989	.0036	3.57	.4998	.0007
2.08	.4812	.0459	2.58	.4951	.0143	3.08	.4990	.0035	3.58	.4998	.0007
2.09	.4817	.0449	2.59	.4952	.0139	3.09	.4990	.0034	3.59	.4998	.0006
2.10	.4821	.0440	2.60	.4953	.0136	3.10	.4990	.0033	3.60	.4998	.0006
2.11	.4826	.0431	2.61	.4955	.0132	3.11	.4991	.0032	3.61	.4998	.0006
2.12	.4830	.0422	2.62	.4956	.0129	3.12	.4991	.0031	3.62	.4999	.0006
2.13	.4834	.0413	2.63	.4957	.0126	3.13	.4991	.0030	3.63	.4999	.0005
2.14	.4838	.0404	2.64	.4959	.0122	3.14	.4992	.0029	3.64	.4999	.0005
2.15	.4842	.0395	2.65	.4960	.0119	3.15	.4992	.0028	3.65	.4999	.0005
2.16	.4846	.0387	2.66	.4961	.0116	3.16	.4992	.0027	3.66	.4999	.0005
2.17	.4850	.0379	2.67	.4962	.0113	3.17	.4992	.0026	3.67	.4999	.0005
2.18	.4854	.0371	2.68	.4963	.0110	3.18	.4993	.0025	3.68	.4999	.0005
2.19	.4857	.0363	2.69	.4964	.0107	3.19	.4993	.0025	3.69	.4999	.0004
2.20	.4861	.0355	2.70	.4965	.0104	3.20	.4993	.0024	3.70	.4999	.0004
2.21	.4864	.0347	2.71	.4966	.0101	3.21	.4993	.0023	3.71	.4999	.0004
2.22	.4868	.0339	2.72	.4967	.0099	3.22	.4994	.0022	3.72	.4999	.0004
2.23	.4871	.0332	2.73	.4968	.0096	3.23	.4994	.0022	3.73	.4999	.0004
2.24	.4875	.0325	2.74	.4969	.0093	3.24	.4994	.0021	3.74	.4999	.0004
2.25	.4878	.0317	2.75	.4970	.0091	3.25	.4994	.0020	3.75	.4999	.0004
2.26	.4881	.0310	2.76	.4971	.0088	3.26	.4994	.0020	3.76	.4999	.0003
2.27	.4884	.0303	2.77	.4972	.0086	3.27	.4995	.0019	3.77	.4999	.0003
2.28	.4887	.0297	2.78	.4973	.0084	3.28	.4995	.0018	3.78	.4999	.0003
2.29	.4890	.0290	2.79	.4974	.0081	3.29	.4995	.0018	3.79	.4999	.0003
2.30	.4893	.0283	2.80	.4974	.0079	3.30	.4995	.0017	3.80	.4999	.0003
2.31	.4896	.0277	2.81	.4975	.0077	3.31	.4995	.0017	3.81	.4999	.0003
2.32	.4898	.0270	2.82	.4976	.0075	3.32	.4995	.0016	3.82	.4999	.0003
2.33	.4901	.0264	2.83	.4977	.0073	3.33	.4996	.0016	3.83	.4999	.0003
2.34	.4904	.0258	2.84	.4977	.0071	3.34	.4996	.0015	3.84	.4999	.0003
2.35	.4906	.0252	2.85	.4978	.0069	3.35	.4996	.0015	3.85	.4999	.0002
2.36	.4909	.0246	2.86	.4979	.0067	3.36	.4996	.0014	3.86	.4999	.0002
2.37	.4911	.0241	2.87	.4979	.0065	3.37	.4996	.0014	3.87	.4999	.0002
2.38	.4913	.0235	2.88	.4980	.0063	3.38	.4996	.0013	3.88	.4999	.0002
2.39	.4916	.0229	2.89	.4981	.0061	3.39	.4997	.0013	3.89	.4999	.0002
2.40	.4918	.0224	2.90	.4981	.0060	3.40	.4997	.0012	3.90	.5000	.0002
2.41	.4920	.0219	2.91	.4982	.0058	3.41	.4997	.0012	3.91	.5000	.0002
2.42	.4922	.0213	2.92	.4982	.0056	3.42	.4997	.0012	3.92	.5000	.0002
2.43	.4925	.0208	2.93	.4983	.0055	3.43	.4997	.0011	3.93	.5000	.0002
2.44	.4927	.0203	2.94	.4984	.0053	3.44	.4997	.0011	3.94	.5000	.0002
2.45	.4929	.0198	2.95	.4984	.0051	3.45	.4997	.0010	3.95	.5000	.0002
2.46	.4931	.0194	2.96	.4985	.0050	3.46	.4997	.0010	3.96	.5000	.0002
2.47	.4932	.0189	2.97	.4985	.0048	3.47	.4997	.0010	3.97	.5000	.0002
2.48	.4934	.0184	2.98	.4986	.0047	3.48	.4997	.0009	3.98	.5000	.0001
2.49	.4936	.0180	2.99	.4986	.0046	3.49	.4998	.0009	3.99	.5000	.0001

常態曲綫的差數與縱綫(從均數量起與面積對照)

面積從		縱綫	面積從		縱綫	面積從		縱綫	面積從		縱綫
$z/\sigma=0$	z/σ	at z/σ	$z/\sigma=0$	z/σ	at z/σ	$z/\sigma=0$	z/σ	at z/σ	$z/\sigma=0$	z/σ	at z/σ
000	0.0000	3989	050	0.1257	3958	100	0.2533	3863	150	0.3853	3704
001	0.0025	3989	051	0.1282	3957	101	0.2559	3861	151	0.3880	3700
002	0.0050	3989	052	0.1307	3955	102	0.2585	3858	152	0.3907	3696
003	0.0075	3989	053	0.1332	3954	103	0.2611	3856	153	0.3934	3692
004	0.0100	3989	054	0.1358	3953	104	0.2637	3853	154	0.3961	3688
005	0.0125	3989	055	0.1383	3951	105	0.2663	3850	155	0.3989	3684
006	0.0150	3989	056	0.1408	3950	106	0.2689	3848	156	0.4016	3680
007	0.0175	3989	057	0.1434	3949	107	0.2715	3845	157	0.4043	3676
008	0.0201	3989	058	0.1459	3947	108	0.2741	3842	158	0.4070	3672
009	0.0226	3988	059	0.1484	3946	109	0.2767	3840	159	0.4097	3668
010	0.0251	3988	060	0.1510	3944	110	0.2793	3837	160	0.4125	3664
011	0.0276	3988	061	0.1535	3943	111	0.2819	3834	161	0.4152	3660
012	0.0301	3988	062	0.1560	3941	112	0.2845	3831	162	0.4179	3656
013	0.0326	3987	063	0.1586	3940	113	0.2871	3828	163	0.4207	3652
014	0.0351	3987	064	0.1611	3938	114	0.2898	3825	164	0.4234	3647
015	0.0376	3987	065	0.1637	3936	115	0.2924	3823	165	0.4261	3643
016	0.0401	3986	066	0.1662	3935	116	0.2950	3820	166	0.4289	3639
017	0.0426	3986	067	0.1687	3933	117	0.2976	3817	167	0.4316	3635
018	0.0451	3985	068	0.1713	3931	118	0.3002	3814	168	0.4344	3630
019	0.0476	3985	069	0.1738	3930	119	0.3029	3811	169	0.4372	3626
020	0.0502	3984	070	0.1764	3928	120	0.3055	3808	170	0.4399	3621
021	0.0527	3984	071	0.1789	3926	121	0.3081	3804	171	0.4427	3617
022	0.0552	3983	072	0.1815	3924	122	0.3107	3801	172	0.4454	3613
023	0.0577	3983	073	0.1840	3922	123	0.3134	3798	173	0.4482	3608
024	0.0602	3982	074	0.1866	3921	124	0.3160	3795	174	0.4510	3604
025	0.0627	3982	075	0.1891	3919	125	0.3186	3792	175	0.4538	3599
026	0.0652	3981	076	0.1917	3917	126	0.3213	3789	176	0.4565	3595
027	0.0677	3980	077	0.1942	3915	127	0.3239	3786	177	0.4593	3590
028	0.0702	3980	078	0.1968	3913	128	0.3266	3782	178	0.4621	3585
029	0.0728	3979	079	0.1993	3911	129	0.3292	3779	179	0.4649	3581
030	0.0753	3978	080	0.2019	3909	130	0.3319	3776	180	0.4677	3576
031	0.0778	3977	081	0.2045	3907	131	0.3345	3772	181	0.4705	3571
032	0.0803	3977	082	0.2070	3905	132	0.3372	3769	182	0.4733	3567
033	0.0828	3976	083	0.2096	3903	133	0.3398	3766	183	0.4761	3562
034	0.0853	3975	084	0.2121	3901	134	0.3425	3762	184	0.4789	3557
035	0.0878	3974	085	0.2147	3899	135	0.3451	3759	185	0.4817	3552
036	0.0904	3973	086	0.2173	3896	136	0.3478	3755	186	0.4845	3548
037	0.0929	3972	087	0.2198	3894	137	0.3505	3752	187	0.4874	3543
038	0.0954	3971	088	0.2224	3892	138	0.3531	3748	188	0.4902	3538
039	0.0979	3970	089	0.2250	3890	139	0.3558	3745	189	0.4930	3533
040	0.1004	3969	090	0.2275	3887	140	0.3585	3741	190	0.4959	3528
041	0.1030	3968	091	0.2301	3885	141	0.3611	3738	191	0.4987	3523
042	0.1055	3967	092	0.2327	3883	142	0.3638	3734	192	0.5015	3518
043	0.1080	3966	093	0.2353	3881	143	0.3665	3730	193	0.5044	3513
044	0.1105	3965	094	0.2378	3878	144	0.3692	3727	194	0.5072	3508
045	0.1130	3964	095	0.2404	3876	145	0.3719	3723	195	0.5101	3503
046	0.1156	3963	096	0.2430	3873	146	0.3745	3719	196	0.5129	3498
047	0.1181	3962	097	0.2456	3871	147	0.3772	3715	197	0.5158	3493
048	0.1206	3961	098	0.2482	3868	148	0.3799	3712	198	0.5187	3487
049	0.1231	3959	099	0.2508	3866	149	0.3826	3708	199	0.5215	3482

面積從		縱綫	面積從		縱綫	面積從		縱綫	面積從		縱綫
$z/\sigma=0$	z/σ	$\frac{nt}{z/\sigma}$	$z/\sigma=0$	z/σ	$\frac{nt}{z/\sigma}$	$z/\sigma=0$	z/σ	$\frac{nt}{z/\sigma}$	$z/\sigma=0$	z/σ	$\frac{nt}{z/\sigma}$
.200	0.5244	.3477	.250	0.6745	.3178	.300	0.8416	.2800	.350	1.0364	.2332
.201	0.5273	.3472	.251	0.6776	.3171	.301	0.8452	.2791	.351	1.0407	.2321
.202	0.5302	.3466	.252	0.6808	.3164	.302	0.8488	.2783	.352	1.0450	.2311
.203	0.5330	.3461	.253	0.6840	.3157	.303	0.8524	.2774	.353	1.0494	.2300
.204	0.5359	.3456	.254	0.6871	.3151	.304	0.8560	.2766	.354	1.0537	.2290
.205	0.5388	.3450	.255	0.6903	.3144	.305	0.8596	.2757	.355	1.0581	.2279
.206	0.5417	.3445	.256	0.6935	.3137	.306	0.8633	.2748	.356	1.0625	.2269
.207	0.5446	.3440	.257	0.6967	.3130	.307	0.8669	.2740	.357	1.0669	.2258
.208	0.5476	.3434	.258	0.6999	.3123	.308	0.8705	.2731	.358	1.0714	.2247
.209	0.5505	.3429	.259	0.7031	.3116	.309	0.8742	.2722	.359	1.0758	.2237
.210	0.5534	.3423	.260	0.7063	.3109	.310	0.8779	.2714	.360	1.0803	.2226
.211	0.5563	.3417	.261	0.7095	.3102	.311	0.8816	.2705	.361	1.0848	.2215
.212	0.5592	.3412	.262	0.7128	.3095	.312	0.8853	.2696	.362	1.0893	.2204
.213	0.5622	.3406	.263	0.7160	.3087	.313	0.8890	.2687	.363	1.0939	.2193
.214	0.5651	.3401	.264	0.7192	.3080	.314	0.8927	.2678	.364	1.0985	.2182
.215	0.5681	.3395	.265	0.7225	.3073	.315	0.8965	.2669	.365	1.1031	.2171
.216	0.5710	.3389	.266	0.7257	.3066	.316	0.9002	.2660	.366	1.1077	.2160
.217	0.5740	.3384	.267	0.7290	.3058	.317	0.9040	.2651	.367	1.1123	.2149
.218	0.5769	.3378	.268	0.7323	.3051	.318	0.9078	.2642	.368	1.1170	.2138
.219	0.5799	.3372	.269	0.7356	.3044	.319	0.9116	.2633	.369	1.1217	.2127
.220	0.5828	.3366	.270	0.7388	.3036	.320	0.9154	.2624	.370	1.1264	.2115
.221	0.5858	.3360	.271	0.7421	.3029	.321	0.9192	.2615	.371	1.1311	.2104
.222	0.5888	.3354	.272	0.7454	.3022	.322	0.9230	.2606	.372	1.1359	.2093
.223	0.5918	.3349	.273	0.7488	.3014	.323	0.9269	.2596	.373	1.1407	.2081
.224	0.5948	.3343	.274	0.7521	.3007	.324	0.9307	.2587	.374	1.1455	.2070
.225	0.5978	.3337	.275	0.7554	.2999	.325	0.9346	.2578	.375	1.1503	.2059
.226	0.6008	.3331	.276	0.7588	.2992	.326	0.9385	.2568	.376	1.1552	.2047
.227	0.6038	.3325	.277	0.7621	.2984	.327	0.9424	.2559	.377	1.1601	.2035
.228	0.6068	.3319	.278	0.7655	.2976	.328	0.9463	.2550	.378	1.1650	.2024
.229	0.6098	.3313	.279	0.7688	.2969	.329	0.9502	.2540	.379	1.1700	.2012
.230	0.6128	.3306	.280	0.7722	.2961	.330	0.9542	.2531	.380	1.1750	.2000
.231	0.6158	.3300	.281	0.7756	.2953	.331	0.9581	.2521	.381	1.1800	.1989
.232	0.6189	.3294	.282	0.7790	.2945	.332	0.9621	.2511	.382	1.1850	.1977
.233	0.6219	.3288	.283	0.7824	.2938	.333	0.9661	.2502	.383	1.1901	.1965
.234	0.6250	.3282	.284	0.7858	.2930	.334	0.9701	.2492	.384	1.1952	.1953
.235	0.6280	.3275	.285	0.7892	.2922	.335	0.9741	.2482	.385	1.2004	.1941
.236	0.6311	.3269	.286	0.7926	.2914	.336	0.9782	.2473	.386	1.2055	.1929
.237	0.6341	.3263	.287	0.7961	.2906	.337	0.9822	.2463	.387	1.2107	.1917
.238	0.6372	.3256	.288	0.7995	.2898	.338	0.9863	.2453	.388	1.2160	.1905
.239	0.6403	.3250	.289	0.8030	.2890	.339	0.9904	.2443	.389	1.2212	.1893
.240	0.6433	.3244	.290	0.8064	.2882	.340	0.9945	.2433	.390	1.2265	.1880
.241	0.6464	.3237	.291	0.8099	.2874	.341	0.9986	.2423	.391	1.2319	.1868
.242	0.6495	.3231	.292	0.8134	.2866	.342	1.0027	.2413	.392	1.2372	.1856
.243	0.6526	.3224	.293	0.8169	.2858	.343	1.0069	.2403	.393	1.2426	.1843
.244	0.6557	.3218	.294	0.8204	.2849	.344	1.0110	.2393	.394	1.2481	.1831
.245	0.6588	.3211	.295	0.8239	.2841	.345	1.0152	.2383	.395	1.2536	.1818
.246	0.6620	.3204	.296	0.8274	.2833	.346	1.0194	.2373	.396	1.2591	.1806
.247	0.6651	.3198	.297	0.8310	.2825	.347	1.0237	.2362	.397	1.2646	.1793
.248	0.6682	.3191	.298	0.8345	.2816	.348	1.0279	.2352	.398	1.2702	.1780
.249	0.6713	.3184	.299	0.8381	.2808	.349	1.0322	.2342	.399	1.2759	.1768

表十二 (續)

面積從		縱線	面積從		縱線	面積從		縱線	面積從		縱線
$z/\sigma=0$	z/σ	at z/σ	$z/\sigma=0$	z/σ	at z/σ	$z/\sigma=0$	z/σ	at z/σ	$z/\sigma=0$	z/σ	at z/σ
.400	1.2816	.1755	.425	1.4395	.1416	.450	1.6449	.1031	.475	1.9600	.0585
.401	1.2873	.1742	.426	1.4466	.1401	.451	1.6546	.1015	.476	1.9774	.0565
.402	1.2930	.1729	.427	1.4538	.1387	.452	1.6646	.0998	.477	1.9954	.0545
.403	1.2988	.1716	.428	1.4611	.1372	.453	1.6747	.0982	.478	2.0141	.0525
.404	1.3047	.1703	.429	1.4684	.1357	.454	1.6849	.0965	.479	2.0335	.0505
.405	1.3106	.1690	.430	1.4758	.1343	.455	1.6954	.0948	.480	2.0537	.0484
.406	1.3165	.1677	.431	1.4833	.1328	.456	1.7060	.0931	.481	2.0749	.0464
.407	1.3225	.1664	.432	1.4909	.1313	.457	1.7169	.0914	.482	2.0969	.0443
.408	1.3285	.1651	.433	1.4985	.1298	.458	1.7279	.0897	.483	2.1201	.0422
.409	1.3346	.1637	.434	1.5063	.1283	.459	1.7392	.0879	.484	2.1444	.0400
.410	1.3408	.1624	.435	1.5141	.1268	.460	1.7507	.0862	.485	2.1701	.0379
.411	1.3469	.1610	.436	1.5220	.1253	.461	1.7624	.0844	.486	2.1973	.0357
.412	1.3532	.1597	.437	1.5301	.1237	.462	1.7744	.0826	.487	2.2262	.0335
.413	1.3595	.1583	.438	1.5382	.1222	.463	1.7866	.0809	.488	2.2571	.0312
.414	1.3658	.1570	.439	1.5464	.1207	.464	1.7991	.0791	.489	2.2904	.0290
.415	1.3722	.1556	.440	1.5548	.1191	.465	1.8119	.0773	.490	2.3263	.0267
.416	1.3787	.1542	.441	1.5632	.1176	.466	1.8250	.0755	.491	2.3656	.0243
.417	1.3852	.1529	.442	1.5718	.1160	.467	1.8384	.0736	.492	2.4089	.0219
.418	1.3917	.1515	.443	1.5805	.1144	.468	1.8522	.0718	.493	2.4573	.0195
.419	1.3984	.1501	.444	1.5893	.1128	.469	1.8663	.0699	.494	2.5121	.0170
.420	1.4051	.1487	.445	1.5982	.1112	.470	1.8808	.0680	.495	2.5758	.0145
.421	1.4118	.1473	.446	1.6072	.1096	.471	1.8957	.0662	.496	2.6521	.0118
.422	1.4187	.1458	.447	1.6164	.1080	.472	1.9110	.0643	.497	2.7478	.0091
.423	1.4255	.1444	.448	1.6258	.1064	.473	1.9268	.0623	.498	2.8782	.0063
.424	1.4325	.1430	.449	1.6352	.1048	.474	1.9431	.0604	.499	3.0902	.0034

表十三
重要常數表

常數	其值	值之對數
(Constant)		
π	3.14159 26536	0.49714 98727
$1/\pi$	0.31830 98862	9.50285 01273-10
$\sqrt{\pi}$	1.77245 38509	0.24857 49363
$1/\sqrt{\pi}$	0.56418 95835	9.75142 50637-10
$\sqrt{2\pi}$	2.50662 82746	0.39908 99342
$1/\sqrt{2\pi}$	0.39894 22803	9.60091 00658-10
e	2.71828 18285	0.43429 44819
$1/e$	0.36787 94411	9.56570 55181-10
\sqrt{e}	1.64872 12707	0.21714 72410
$1/\sqrt{e}$	0.60653 06597	9.78285 27590-10
$\sqrt{2}$	1.41421 35624	0.15051 49978
$\sqrt{3}$	1.73205 08076	0.23856 06274
$\sqrt{5}$	2.23606 79775	0.34948 50022
P.E./ σ	.6744898	9.8289754-10

常態曲綫的 P. E. 差數

面積從 $\alpha/PE=0$.000	.001	.002	.003	.004	.005	.006	.007	.008	.009
.000	.0000	.0037	.0074	.0111	.0149	.0186	.0223	.0260	.0297	.0335
.010	.0372	.0409	.0446	.0483	.0520	.0558	.0595	.0632	.0669	.0706
.020	.0744	.0781	.0818	.0855	.0892	.0930	.0967	.1004	.1041	.1079
.030	.1116	.1153	.1190	.1228	.1265	.1302	.1340	.1377	.1414	.1452
.040	.1489	.1526	.1564	.1601	.1639	.1676	.1713	.1751	.1788	.1826
.050	.1863	.1901	.1938	.1975	.2013	.2050	.2088	.2126	.2163	.2201
.060	.2238	.2276	.2313	.2351	.2389	.2426	.2464	.2502	.2539	.2577
.070	.2615	.2653	.2690	.2728	.2766	.2804	.2842	.2880	.2917	.2955
.080	.2993	.3031	.3069	.3107	.3145	.3183	.3221	.3259	.3297	.3335
.090	.3374	.3412	.3450	.3488	.3526	.3565	.3603	.3641	.3679	.3718
.100	.3756	.3795	.3833	.3871	.3910	.3948	.3987	.4025	.4064	.4103
.110	.4141	.4180	.4219	.4257	.4296	.4335	.4374	.4412	.4451	.4490
.120	.4529	.4568	.4607	.4646	.4685	.4724	.4763	.4802	.4842	.4881
.130	.4920	.4959	.4999	.5038	.5077	.5117	.5156	.5196	.5235	.5275
.140	.5315	.5354	.5394	.5434	.5473	.5513	.5553	.5593	.5633	.5673
.150	.5713	.5753	.5793	.5833	.5873	.5913	.5954	.5994	.6034	.6075
.160	.6115	.6156	.6196	.6237	.6277	.6318	.6359	.6400	.6440	.6481
.170	.6522	.6563	.6604	.6645	.6686	.6727	.6769	.6810	.6851	.6893
.180	.6934	.6976	.7017	.7059	.7100	.7142	.7184	.7226	.7268	.7309
.190	.7351	.7394	.7436	.7478	.7520	.7562	.7605	.7647	.7690	.7732
.200	.7775	.7817	.7860	.7903	.7946	.7989	.8032	.8075	.8118	.8161
.210	.8204	.8248	.8291	.8335	.8378	.8422	.8466	.8509	.8553	.8597
.220	.8641	.8685	.8729	.8774	.8818	.8862	.8907	.8951	.8996	.9041
.230	.9086	.9130	.9175	.9220	.9266	.9311	.9356	.9402	.9447	.9493
.240	.9538	.9584	.9630	.9676	.9722	.9768	.9814	.9860	.9907	.9953
.250	1.0000	1.0047	1.0094	1.0140	1.0187	1.0235	1.0282	1.0329	1.0376	1.0424
.260	1.0472	1.0519	1.0567	1.0615	1.0663	1.0711	1.0760	1.0808	1.0857	1.0905
.270	1.0954	1.1003	1.1052	1.1101	1.1150	1.1200	1.1249	1.1299	1.1349	1.1399
.280	1.1449	1.1499	1.1549	1.1599	1.1650	1.1701	1.1751	1.1802	1.1853	1.1905
.290	1.1956	1.2008	1.2059	1.2111	1.2163	1.2215	1.2267	1.2320	1.2372	1.2425
.300	1.2478	1.2531	1.2584	1.2637	1.2691	1.2745	1.2799	1.2853	1.2907	1.2961
.310	1.3016	1.3070	1.3125	1.3180	1.3236	1.3291	1.3347	1.3403	1.3459	1.3515
.320	1.3571	1.3628	1.3685	1.3742	1.3799	1.3856	1.3914	1.3972	1.4030	1.4088
.330	1.4146	1.4205	1.4264	1.4323	1.4383	1.4442	1.4502	1.4562	1.4622	1.4683
.340	1.4744	1.4805	1.4866	1.4928	1.4990	1.5052	1.5114	1.5177	1.5240	1.5303
.350	1.5366	1.5430	1.5494	1.5558	1.5623	1.5688	1.5753	1.5818	1.5884	1.5950
.360	1.6017	1.6084	1.6151	1.6218	1.6286	1.6354	1.6422	1.6491	1.6560	1.6630
.370	1.6700	1.6770	1.6841	1.6912	1.6983	1.7055	1.7127	1.7200	1.7273	1.7346
.380	1.7420	1.7495	1.7569	1.7645	1.7720	1.7797	1.7873	1.7950	1.8028	1.8106
.390	1.8185	1.8264	1.8343	1.8423	1.8504	1.8585	1.8667	1.8750	1.8833	1.8916
.400	1.9000	1.9085	1.9171	1.9257	1.9343	1.9431	1.9519	1.9607	1.9697	1.9787
.410	1.9878	1.9970	2.0062	2.0155	2.0249	2.0344	2.0440	2.0537	2.0634	2.0732
.420	2.0832	2.0932	2.1033	2.1135	2.1238	2.1343	2.1448	2.1554	2.1662	2.1770
.430	2.1880	2.1991	2.2103	2.2217	2.2332	2.2448	2.2566	2.2685	2.2805	2.2927
.440	2.3051	2.3176	2.3303	2.3432	2.3563	2.3695	2.3829	2.3965	2.4104	2.4244
.450	2.4387	2.4532	2.4679	2.4829	2.4981	2.5136	2.5294	2.5455	2.5618	2.5785
.460	2.5956	2.6130	2.6307	2.6488	2.6674	2.6863	2.7058	2.7257	2.7460	2.7670
.470	2.7885	2.8106	2.8333	2.8567	2.8809	2.9058	2.9316	2.9584	2.9861	3.0149
.480	3.0449	3.0762	3.1089	3.1432	3.1793	3.2174	3.2577	3.3006	3.3464	3.3957
.490	3.4490	3.5073	3.5715	3.6431	3.7245	3.8189	3.9320	4.0739	4.2672	4.5816

表十六
史皮滿等級相關

公式 $\rho = 1 - \Sigma D^2 \left[\frac{6}{N^3 - N} \right]$ 的便利求法

N	$\frac{6}{N^3 - N}$	N	$\frac{6}{N^3 - N}$	N	$\frac{6}{N^3 - N}$	N	$\frac{6}{N^3 - N}$	N	$\frac{6}{N^3 - N}$
20	0007519	30	0002225	40	0000938	50	0000480	60	0000278
21	0006494	31	0002016	41	0000871	51	0000452	61	0000264
22	0005647	32	0001833	42	0000810	52	0000427	62	0000252
23	0004941	33	0001671	43	0000755	53	0000403	63	0000240
24	0004348	34	0001528	44	0000705	54	0000381	64	0000229
25	0003846	35	0001401	45	0000659	55	0000361	65	0000219
26	0003419	36	0001287	46	0000617	56	0000342	66	0000209
27	0003053	37	0001185	47	0000578	57	0000324	67	0000200
28	0002737	38	0001094	48	0000543	58	0000308	68	0000191
29	0002463	39	0001012	49	0000510	59	0000292	69	0000183

表十七

D 的平方表(爲便利史氏公式者)

D	D ²	D	D ²	D	D ²	D	D ²	D	D ²
.5	0.25	13.0	169.00	25.5	650.25	38.0	1444.00	50.5	2550.25
1.0	1.00	13.5	182.25	26.0	676.00	38.5	1482.25	51.0	2601.00
1.5	2.25	14.0	196.00	26.5	702.25	39.0	1521.00	51.5	2652.25
2.0	4.00	14.5	210.25	27.0	729.00	39.5	1560.25	52.0	2704.00
2.5	6.25	15.0	225.00	27.5	756.25	40.0	1600.00	52.5	2756.25
3.0	9.00	15.5	240.25	28.0	784.00	40.5	1640.25	53.0	2809.00
3.5	12.25	16.0	256.00	28.5	812.25	41.0	1681.00	53.5	2862.25
4.0	16.00	16.5	272.25	29.0	841.00	41.5	1722.25	54.0	2916.00
4.5	20.25	17.0	289.00	29.5	870.25	42.0	1764.00	54.5	2970.25
5.0	25.00	17.5	306.25	30.0	900.00	42.5	1806.25	55.0	3025.00
5.5	30.25	18.0	324.00	30.5	930.25	43.0	1849.00	55.5	3080.25
6.0	36.00	18.5	342.25	31.0	961.00	43.5	1892.25	56.0	3136.00
6.5	42.25	19.0	361.00	31.5	992.25	44.0	1936.00	56.5	3192.25
7.0	49.00	19.5	380.25	32.0	1024.00	44.5	1980.25	57.0	3249.00
7.5	56.25	20.0	400.00	32.5	1056.25	45.0	2025.00	57.5	3306.25
8.0	64.00	20.5	420.25	33.0	1089.00	45.5	2070.25	58.0	3364.00
8.5	72.25	21.0	441.00	33.5	1122.25	46.0	2116.00	58.5	3422.25
9.0	81.00	21.5	462.25	34.0	1156.00	46.5	2162.25	59.0	3481.00
9.5	90.25	22.0	484.00	34.5	1190.25	47.0	2209.00	59.5	3540.25
10.0	100.00	22.5	506.25	35.0	1225.00	47.5	2256.25	60.0	3600.00
10.5	110.25	23.0	529.00	35.5	1260.25	48.0	2304.00	60.5	3660.25
11.0	121.00	23.5	552.25	36.0	1296.00	48.5	2352.25	61.0	3721.00
11.5	132.25	24.0	576.00	36.5	1332.25	49.0	2401.00	61.5	3782.25
12.0	144.00	24.5	600.25	37.0	1369.00	49.5	2450.25	62.0	3844.00
12.5	156.25	25.0	625.00	37.5	1406.25	50.0	2500.00	62.5	3906.25

表十八

.6745 $\sigma_{(x-y)}/\sigma_y$ 的值在此地 $\sigma_y < \sigma_x$

83

比率 σ_x/σ_y	r_{xy} 的值									
	.00	.20	.30	.40	.50	.55	.60	.65	.70	.74
1.0	.954	.853	.708	.739	.674	.640	.603	.564	.522	.486
1.1	1.003	.897	.840	.778	.711	.674	.636	.596	.552	.515
1.2	1.054	.944	.885	.821	.751	.714	.674	.633	.588	.550
1.3	1.106	.994	.932	.866	.795	.757	.717	.674	.629	.590
1.4	1.160	1.045	.982	.915	.842	.804	.763	.720	.674	.636
1.5	1.216	1.098	1.034	.966	.892	.853	.812	.769	.723	.685
1.6	1.273	1.153	1.088	1.018	.944	.905	.864	.821	.775	.736
1.7	1.330	1.208	1.143	1.073	.998	.959	.917	.874	.829	.791
1.8	1.389	1.265	1.199	1.129	1.054	1.014	.973	.930	.885	.847
1.9	1.448	1.323	1.256	1.186	1.110	1.071	1.030	.987	.942	.904
2.0	1.508	1.382	1.315	1.244	1.168	1.129	1.088	1.045	1.000	.963
2.1	1.569	1.442	1.374	1.303	1.227	1.188	1.147	1.104	1.060	1.023
2.2	1.630	1.502	1.434	1.362	1.287	1.247	1.207	1.164	1.121	1.084
2.3	1.692	1.563	1.495	1.423	1.347	1.308	1.267	1.225	1.182	1.146
2.4	1.754	1.624	1.556	1.484	1.408	1.369	1.329	1.287	1.244	1.208
2.5	1.816	1.686	1.617	1.545	1.470	1.431	1.390	1.349	1.306	1.271
2.6	1.879	1.748	1.679	1.607	1.532	1.493	1.453	1.412	1.369	1.334
2.7	1.942	1.811	1.742	1.670	1.595	1.556	1.516	1.475	1.432	1.398
2.8	2.005	1.874	1.805	1.733	1.658	1.619	1.579	1.538	1.496	1.462
2.9	2.069	1.937	1.868	1.796	1.721	1.682	1.642	1.602	1.560	1.526
3.0	2.133	2.001	1.931	1.859	1.785	1.746	1.706	1.666	1.624	1.590
3.1	2.197	2.065	1.995	1.923	1.848	1.810	1.770	1.730	1.689	1.655
3.2	2.261	2.129	2.059	1.987	1.913	1.874	1.835	1.795	1.754	1.720
3.3	2.326	2.193	2.123	2.051	1.977	1.938	1.899	1.859	1.819	1.785
3.4	2.390	2.257	2.188	2.116	2.041	2.003	1.964	1.924	1.884	1.851
3.5	2.455	2.322	2.252	2.180	2.106	2.068	2.029	1.989	1.949	1.916
3.6	2.520	2.387	2.317	2.245	2.171	2.133	2.094	2.055	2.014	1.982
3.7	2.585	2.451	2.382	2.310	2.236	2.198	2.159	2.120	2.080	2.047
3.8	2.650	2.516	2.447	2.375	2.301	2.263	2.225	2.186	2.146	2.113
3.9	2.716	2.582	2.512	2.440	2.366	2.329	2.290	2.251	2.211	2.179
4.0	2.781	2.647	2.577	2.506	2.432	2.394	2.356	2.317	2.277	2.245
4.1	2.846	2.712	2.643	2.571	2.497	2.460	2.422	2.383	2.343	2.311
4.2	2.912	2.778	2.708	2.637	2.563	2.526	2.487	2.449	2.409	2.377
4.3	2.978	2.843	2.774	2.702	2.629	2.591	2.553	2.515	2.475	2.444
4.4	3.043	2.909	2.839	2.768	2.695	2.657	2.619	2.581	2.542	2.510
4.5	3.109	2.975	2.905	2.834	2.760	2.723	2.685	2.647	2.608	2.576
4.6	3.175	3.040	2.971	2.900	2.826	2.789	2.751	2.713	2.674	2.643
4.7	3.241	3.106	3.037	2.965	2.892	2.855	2.818	2.779	2.741	2.709
4.8	3.307	3.172	3.103	3.031	2.959	2.921	2.884	2.846	2.807	2.776
4.9	3.373	3.238	3.169	3.098	3.025	2.988	2.950	2.912	2.874	2.842

比率

 r_{xy} 的 值

r_x/σ_y	.78	.80	.82	.84	.86	.88	.90	.92	.94	.96
1.0	.447	.427	.405	.382	.357	.330	.302	.270	.234	.191
1.1	.474	.452	.430	.406	.380	.353	.323	.291	.254	.211
1.2	.508	.486	.463	.439	.414	.386	.357	.325	.289	.249
1.3	.549	.527	.504	.480	.454	.428	.399	.368	.335	.297
1.4	.594	.572	.550	.526	.501	.475	.447	.418	.386	.352
1.5	.643	.622	.599	.576	.552	.527	.500	.472	.442	.410
1.6	.696	.674	.653	.630	.606	.582	.556	.529	.501	.471
1.7	.750	.730	.708	.686	.663	.639	.614	.589	.562	.534
1.8	.807	.787	.765	.744	.721	.698	.674	.650	.624	.597
1.9	.865	.845	.824	.803	.781	.759	.736	.712	.687	.662
2.0	.925	.905	.885	.864	.842	.821	.798	.775	.751	.726
2.1	.985	.966	.946	.925	.904	.883	.861	.839	.816	.792
2.2	1.047	1.027	1.008	.988	.967	.946	.925	.903	.880	.857
2.3	1.109	1.090	1.070	1.051	1.030	1.010	.989	.968	.946	.923
2.4	1.171	1.153	1.133	1.114	1.094	1.074	1.054	1.033	1.011	.989
2.5	1.235	1.216	1.197	1.178	1.158	1.139	1.119	1.098	1.077	1.056
2.6	1.298	1.280	1.261	1.242	1.223	1.204	1.184	1.164	1.143	1.122
2.7	1.362	1.344	1.326	1.307	1.288	1.269	1.249	1.229	1.209	1.189
2.8	1.426	1.408	1.390	1.372	1.353	1.334	1.315	1.295	1.275	1.255
2.9	1.491	1.473	1.455	1.437	1.418	1.400	1.381	1.361	1.342	1.322
3.0	1.556	1.538	1.520	1.502	1.484	1.465	1.447	1.428	1.408	1.389
3.1	1.621	1.603	1.586	1.568	1.550	1.531	1.513	1.494	1.475	1.456
3.2	1.686	1.669	1.651	1.633	1.615	1.597	1.579	1.560	1.542	1.523
3.3	1.751	1.734	1.717	1.699	1.681	1.663	1.645	1.627	1.608	1.590
3.4	1.817	1.800	1.782	1.765	1.747	1.730	1.712	1.693	1.675	1.657
3.5	1.883	1.866	1.848	1.831	1.814	1.796	1.778	1.760	1.742	1.724
3.6	1.948	1.931	1.914	1.897	1.880	1.862	1.845	1.827	1.809	1.791
3.7	2.014	1.997	1.981	1.963	1.946	1.929	1.911	1.894	1.876	1.858
3.8	2.080	2.064	2.047	2.030	2.013	1.995	1.978	1.960	1.943	1.925
3.9	2.146	2.130	2.113	2.096	2.079	2.062	2.045	2.027	2.010	1.992
4.0	2.212	2.196	2.179	2.163	2.146	2.129	2.111	2.094	2.077	2.059
4.1	2.279	2.262	2.246	2.229	2.212	2.195	2.178	2.161	2.144	2.126
4.2	2.345	2.329	2.312	2.296	2.279	2.262	2.245	2.228	2.211	2.193
4.3	2.411	2.395	2.379	2.362	2.346	2.329	2.312	2.295	2.278	2.261
4.4	2.478	2.462	2.445	2.429	2.412	2.396	2.379	2.362	2.345	2.328
4.5	2.544	2.528	2.512	2.496	2.479	2.463	2.446	2.429	2.412	2.395
4.6	2.611	2.595	2.579	2.562	2.546	2.529	2.513	2.496	2.479	2.462
4.7	2.677	2.661	2.645	2.629	2.613	2.596	2.580	2.563	2.547	2.530
4.8	2.744	2.728	2.712	2.696	2.680	2.663	2.647	2.630	2.614	2.597
4.9	2.811	2.795	2.779	2.763	2.747	2.730	2.714	2.697	2.681	2.664

X 之 值 爲 求 $\cos^{-1} X$ 用 者

X	.000	.001	.002	.003	.004	.005	.006	.007	.008	.009
000	1.571	1.570	1.569	1.568	1.567	1.566	1.565	1.564	1.563	1.562
010	1.531	1.560	1.559	1.558	1.557	1.556	1.555	1.554	1.553	1.552
020	1.551	1.550	1.549	1.548	1.547	1.546	1.545	1.544	1.543	1.542
030	1.541	1.540	1.539	1.538	1.537	1.536	1.535	1.534	1.533	1.532
040	1.531	1.530	1.529	1.528	1.527	1.526	1.525	1.524	1.523	1.522
050	1.521	1.520	1.519	1.518	1.517	1.516	1.515	1.514	1.513	1.512
060	1.511	1.510	1.509	1.508	1.507	1.506	1.505	1.504	1.503	1.502
070	1.501	1.500	1.499	1.498	1.497	1.496	1.495	1.494	1.493	1.492
080	1.491	1.490	1.489	1.488	1.487	1.486	1.485	1.484	1.483	1.482
090	1.481	1.480	1.479	1.478	1.477	1.476	1.475	1.474	1.473	1.472
100	1.471	1.470	1.469	1.468	1.467	1.466	1.465	1.463	1.463	1.462
110	1.461	1.460	1.459	1.458	1.456	1.456	1.454	1.454	1.452	1.452
120	1.450	1.449	1.449	1.447	1.447	1.445	1.445	1.443	1.443	1.441
130	1.440	1.439	1.438	1.437	1.436	1.435	1.434	1.433	1.432	1.431
140	1.430	1.429	1.428	1.427	1.426	1.425	1.424	1.423	1.422	1.421
150	1.420	1.419	1.418	1.417	1.416	1.415	1.414	1.413	1.412	1.411
160	1.410	1.409	1.408	1.407	1.406	1.405	1.404	1.403	1.402	1.401
170	1.400	1.399	1.398	1.397	1.396	1.395	1.394	1.393	1.392	1.391
180	1.390	1.389	1.388	1.387	1.386	1.385	1.384	1.383	1.382	1.381
190	1.380	1.379	1.378	1.376	1.376	1.374	1.374	1.372	1.372	1.370
200	1.370	1.368	1.367	1.366	1.365	1.364	1.363	1.362	1.361	1.360
210	1.359	1.358	1.357	1.356	1.355	1.354	1.353	1.352	1.351	1.350
220	1.349	1.348	1.347	1.346	1.345	1.344	1.343	1.342	1.341	1.340
230	1.339	1.338	1.337	1.336	1.335	1.334	1.333	1.331	1.331	1.329
240	1.328	1.327	1.326	1.325	1.324	1.323	1.322	1.321	1.320	1.319
250	1.318	1.317	1.316	1.315	1.314	1.313	1.312	1.311	1.310	1.309
260	1.308	1.307	1.306	1.305	1.304	1.303	1.301	1.301	1.299	1.299
270	1.297	1.296	1.295	1.294	1.293	1.292	1.291	1.290	1.289	1.288
280	1.287	1.286	1.285	1.284	1.283	1.282	1.281	1.280	1.279	1.278
290	1.277	1.276	1.274	1.274	1.272	1.271	1.270	1.269	1.268	1.267
300	1.266	1.265	1.264	1.263	1.262	1.261	1.260	1.259	1.258	1.257
310	1.255	1.255	1.253	1.253	1.251	1.250	1.249	1.248	1.247	1.246
320	1.245	1.244	1.243	1.242	1.241	1.240	1.239	1.238	1.237	1.236
330	1.235	1.233	1.232	1.231	1.230	1.229	1.228	1.227	1.226	1.225
340	1.224	1.223	1.222	1.221	1.220	1.219	1.217	1.216	1.215	1.214
350	1.213	1.212	1.211	1.210	1.209	1.208	1.207	1.206	1.205	1.204
360	1.203	1.201	1.200	1.199	1.198	1.197	1.196	1.195	1.194	1.193
370	1.192	1.191	1.190	1.189	1.187	1.187	1.185	1.184	1.183	1.182
380	1.181	1.180	1.179	1.178	1.177	1.175	1.175	1.173	1.172	1.171
390	1.170	1.169	1.168	1.167	1.166	1.165	1.164	1.163	1.162	1.160
400	1.159	1.158	1.157	1.156	1.155	1.154	1.153	1.152	1.150	1.149
410	1.148	1.147	1.146	1.145	1.144	1.143	1.142	1.141	1.139	1.139
420	1.137	1.136	1.135	1.134	1.133	1.132	1.131	1.130	1.129	1.127
430	1.126	1.125	1.124	1.123	1.122	1.121	1.120	1.118	1.117	1.116
440	1.115	1.114	1.113	1.112	1.111	1.110	1.109	1.107	1.106	1.105
450	1.104	1.103	1.102	1.101	1.100	1.098	1.097	1.096	1.095	1.094
460	1.093	1.092	1.091	1.089	1.088	1.087	1.086	1.085	1.084	1.083
470	1.082	1.080	1.079	1.078	1.077	1.076	1.075	1.074	1.073	1.071
480	1.070	1.069	1.068	1.067	1.066	1.064	1.063	1.062	1.061	1.060
490	1.059	1.058	1.057	1.055	1.054	1.053	1.052	1.051	1.050	1.048

X	.000	.001	.002	.003	.004	.005	.006	.007	.008	.009
500	1.047	1.046	1.045	1.044	1.043	1.041	1.040	1.039	1.038	1.037
510	1.036	1.034	1.033	1.032	1.031	1.030	1.029	1.027	1.026	1.025
520	1.024	1.023	1.022	1.020	1.019	1.018	1.017	1.016	1.015	1.013
530	1.012	1.011	1.010	1.009	1.007	1.006	1.005	1.004	1.003	1.002
540	1.000	.999	.998	.997	.996	.995	.993	.992	.991	.990
550	.988	.987	.986	.985	.983	.982	.981	.980	.979	.978
560	.977	.975	.974	.973	.972	.970	.969	.968	.967	.965
570	.964	.963	.962	.961	.959	.958	.957	.956	.954	.953
580	.952	.951	.950	.948	.947	.946	.945	.943	.942	.941
590	.940	.938	.937	.936	.935	.933	.932	.931	.930	.929
600	.927	.926	.925	.924	.922	.921	.920	.919	.917	.916
610	.915	.913	.912	.911	.910	.903	.907	.906	.905	.903
620	.902	.901	.899	.898	.897	.896	.894	.893	.892	.890
630	.889	.888	.887	.885	.884	.883	.881	.880	.879	.878
640	.876	.875	.874	.872	.871	.870	.869	.867	.866	.865
650	.863	.862	.860	.859	.858	.857	.855	.854	.853	.851
660	.850	.849	.847	.846	.845	.843	.842	.841	.839	.838
670	.837	.835	.834	.833	.831	.830	.828	.827	.826	.824
680	.823	.822	.820	.819	.818	.816	.815	.813	.812	.811
690	.809	.808	.807	.805	.804	.802	.801	.800	.798	.797
700	.795	.794	.793	.791	.790	.788	.787	.786	.784	.783
710	.781	.780	.778	.777	.776	.774	.773	.771	.770	.769
720	.767	.766	.764	.763	.761	.760	.758	.757	.755	.754
730	.753	.751	.750	.748	.747	.745	.744	.742	.741	.739
740	.738	.736	.735	.733	.732	.730	.729	.727	.726	.724
750	.723	.721	.720	.718	.717	.715	.714	.712	.711	.709
760	.707	.706	.705	.703	.701	.700	.698	.697	.695	.693
770	.692	.690	.689	.687	.686	.684	.682	.681	.679	.678
780	.676	.675	.673	.671	.670	.668	.666	.665	.663	.661
790	.660	.658	.657	.655	.653	.652	.650	.648	.647	.645
800	.643	.642	.640	.638	.637	.635	.634	.632	.630	.628
810	.627	.625	.623	.622	.620	.618	.616	.615	.613	.611
820	.609	.608	.606	.604	.602	.601	.599	.597	.595	.593
830	.592	.590	.588	.586	.584	.583	.581	.579	.577	.575
840	.574	.572	.570	.568	.566	.564	.562	.561	.559	.557
850	.555	.553	.551	.549	.547	.545	.543	.541	.539	.538
860	.536	.533	.531	.530	.528	.526	.524	.522	.520	.517
870	.515	.513	.511	.509	.507	.505	.503	.501	.499	.497
880	.495	.493	.491	.489	.486	.484	.482	.480	.478	.476
890	.474	.471	.469	.467	.465	.462	.460	.458	.456	.453
900	.451	.449	.447	.444	.442	.440	.437	.435	.432	.430
910	.428	.425	.423	.420	.418	.415	.413	.410	.408	.405
920	.403	.400	.398	.395	.392	.390	.387	.385	.382	.379
930	.376	.374	.371	.368	.365	.362	.360	.357	.354	.351
940	.348	.345	.342	.339	.336	.333	.330	.327	.324	.321
950	.318	.314	.311	.308	.305	.301	.298	.294	.291	.287
960	.284	.280	.277	.273	.269	.265	.262	.258	.254	.250
970	.246	.241	.237	.233	.229	.224	.220	.215	.210	.205
980	.200	.195	.190	.185	.179	.173	.168	.161	.155	.148
990	.142	.134	.127	.118	.110	.100	.090	.077	.063	.045

	00	01	02	03	04	05	06	07	08	09
.50	1.15+	1.15+	1.15+	1.16	1.16	1.16	1.16	1.16	1.16	1.16
.51	1.16	1.16	1.16	1.16	1.16	1.16	1.16	1.17	1.17	1.17
.52	1.17	1.17	1.17	1.17	1.17	1.17	1.17	1.17	1.17	1.18
.53	1.18	1.18	1.18	1.18	1.18	1.18	1.18	1.18	1.18	1.18
.54	1.19	1.19	1.19	1.19	1.19	1.19	1.19	1.19	1.19	1.19
.55	1.20	1.20	1.20	1.20	1.20	1.20	1.20	1.20	1.20	1.20
.56	1.21	1.21	1.21	1.21	1.21	1.21	1.21	1.21	1.21	1.21
.57	1.22	1.22	1.22	1.22	1.22	1.22	1.22	1.22	1.22	1.22
.58	1.23	1.23	1.23	1.23	1.23	1.23	1.23	1.23	1.23	1.23
.59	1.24	1.24	1.24	1.24	1.24	1.24	1.24	1.24	1.24	1.24
.60	1.25	1.25+	1.25+	1.25+	1.25+	1.25+	1.25+	1.25+	1.25+	1.26
.61	1.26	1.26	1.26	1.26	1.26	1.26	1.26	1.27	1.27	1.27
.62	1.27	1.27	1.27	1.28	1.28	1.28	1.28	1.28	1.28	1.28
.63	1.29	1.29	1.29	1.29	1.29	1.29	1.29	1.29	1.29	1.29
.64	1.30	1.30	1.30	1.30	1.30	1.30	1.30	1.30	1.31	1.31
.65	1.32	1.32	1.32	1.32	1.32	1.32	1.32	1.32	1.32	1.32
.66	1.33	1.33	1.33	1.33	1.33	1.33	1.33	1.33	1.34	1.34
.67	1.35-	1.35-	1.35-	1.35-	1.35-	1.35-	1.35-	1.35+	1.35+	1.35+
.68	1.36	1.36	1.36	1.36	1.37	1.37	1.37	1.37	1.37	1.37
.69	1.38	1.38	1.38	1.38	1.38	1.38	1.38	1.39	1.39	1.39
.70	1.40	1.40	1.40	1.40	1.40	1.40	1.40	1.40	1.40	1.41
.71	1.42	1.42	1.42	1.42	1.42	1.42	1.42	1.42	1.42	1.43
.72	1.44	1.44	1.44	1.44	1.44	1.44	1.44	1.44	1.45-	1.45-
.73	1.46	1.46	1.46	1.46	1.46	1.46	1.47	1.47	1.47	1.47
.74	1.49	1.49	1.49	1.49	1.49	1.49	1.49	1.49	1.49	1.49
.75	1.51	1.51	1.51	1.51	1.51	1.51	1.51	1.52	1.52	1.52
.76	1.54	1.54	1.54	1.54	1.54	1.54	1.54	1.54	1.54	1.54
.77	1.57	1.57	1.57	1.57	1.57	1.57	1.57	1.57	1.57	1.57
.78	1.60	1.60	1.60	1.60	1.60	1.60	1.60	1.60	1.60	1.60
.79	1.63	1.63	1.63	1.63	1.63	1.63	1.63	1.64	1.64	1.64
.80	1.67	1.67	1.67	1.67	1.67	1.67	1.67	1.67	1.67	1.67
.81	1.71	1.71	1.71	1.71	1.71	1.71	1.71	1.71	1.71	1.71
.82	1.75-	1.75-	1.75-	1.75-	1.75	1.75-	1.75+	1.75+	1.75+	1.75+
.83	1.79	1.79	1.79	1.79	1.79	1.80	1.80	1.80	1.80	1.80
.84	1.84	1.84	1.84	1.84	1.84	1.85-	1.85-	1.85-	1.85-	1.85+
.85	1.90	1.90	1.90	1.90	1.90	1.90	1.90	1.90	1.90	1.91
.86	1.96	1.96	1.96	1.96	1.96	1.96	1.96	1.96	1.97	1.97
.87	2.03	2.03	2.03	2.03	2.03	2.03	2.03	2.03	2.03	2.04
.88	2.11	2.11	2.11	2.11	2.11	2.11	2.11	2.11	2.11	2.11
.89	2.19	2.19	2.19	2.19	2.19	2.20	2.20	2.20	2.20	2.20
.90	2.29	2.29	2.29	2.30	2.30	2.30	2.30	2.30	2.30	2.30
.91	2.41	2.41	2.41	2.41	2.41	2.41	2.42	2.42	2.42	2.42
.92	2.55+	2.55+	2.55+	2.55+	2.55+	2.55+	2.56	2.56	2.56	2.56
.93	2.72	2.72	2.72	2.72	2.72	2.72	2.73	2.73	2.73	2.73
.94	2.93	2.93	2.93	2.93	2.93	2.94	2.94	2.94	2.94	2.94
.95	3.20	3.20	3.20	3.20	3.21	3.21	3.21	3.21	3.21	3.22
.96	3.57	3.57	3.57	3.57	3.57	3.58	3.58	3.58	3.58	3.59
.97	4.11	4.11	4.11	4.12	4.12	4.12	4.12	4.12	4.13	4.13
.98	5.03	5.03	5.03	5.03	5.03	5.03	5.04	5.04	5.04	5.05-
.99	7.09	7.09	7.09	7.09	7.09	7.10	7.10	7.11	7.11	7.12

	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19
50	1.16	1.16	1.16	1.16	1.17	1.17	1.17	1.17	1.17	1.18
51	1.17	1.17	1.17	1.17	1.17	1.18	1.18	1.18	1.18	1.18
52	1.18	1.18	1.18	1.18	1.18	1.18	1.19	1.19	1.19	1.19
53	1.19	1.19	1.19	1.19	1.19	1.19	1.19	1.20	1.20	1.20
54	1.19	1.20	1.20	1.20	1.20	1.20	1.20	1.21	1.21	1.21
55	1.20	1.20	1.21	1.21	1.21	1.21	1.21	1.22	1.22	1.22
56	1.21	1.21	1.22	1.22	1.22	1.22	1.22	1.22	1.23	1.23
57	1.22	1.22	1.23	1.23	1.23	1.23	1.23	1.24	1.24	1.24
58	1.23	1.24	1.24	1.24	1.24	1.24	1.24	1.25-	1.25-	1.25+
59	1.24	1.25-	1.25-	1.25-	1.25+	1.25+	1.25+	1.26	1.26	1.26
60	1.26	1.26	1.26	1.26	1.26	1.26	1.27	1.27	1.27	1.27
61	1.27	1.27	1.27	1.27	1.27	1.28	1.28	1.28	1.28	1.29
62	1.28	1.28	1.28	1.29	1.29	1.29	1.29	1.29	1.30	1.30
63	1.29	1.30	1.30	1.30	1.30	1.30	1.30	1.31	1.31	1.31
64	1.31	1.31	1.31	1.31	1.31	1.32	1.32	1.32	1.32	1.33
65	1.32	1.32	1.33	1.33	1.33	1.33	1.33	1.34	1.34	1.34
66	1.34	1.34	1.34	1.34	1.34	1.35-	1.35-	1.35+	1.35+	1.36
67	1.35+	1.36	1.36	1.36	1.36	1.36	1.36	1.37	1.37	1.37
68	1.37	1.37	1.37	1.38	1.38	1.38	1.38	1.38	1.39	1.39
69	1.39	1.39	1.39	1.39	1.40	1.40	1.40	1.40	1.40	1.41
70	1.41	1.41	1.41	1.41	1.41	1.42	1.42	1.42	1.42	1.43
71	1.43	1.43	1.43	1.43	1.43	1.44	1.44	1.44	1.44	1.45
72	1.45-	1.45-	1.45+	1.45+	1.46	1.46	1.46	1.46	1.46	1.47
73	1.47	1.47	1.47	1.48	1.48	1.48	1.48	1.48	1.49	1.49
74	1.49	1.50	1.50	1.50	1.50	1.50	1.51	1.51	1.51	1.51
75	1.52	1.52	1.52	1.52	1.53	1.53	1.53	1.53	1.54	1.54
76	1.55-	1.55-	1.55-	1.55+	1.55+	1.56	1.56	1.56	1.56	1.57
77	1.58	1.58	1.58	1.58	1.58	1.59	1.59	1.59	1.59	1.60
78	1.61	1.61	1.61	1.61	1.61	1.62	1.62	1.62	1.62	1.63
79	1.64	1.64	1.64	1.65-	1.65-	1.65-	1.65+	1.66	1.66	1.66
80	1.68	1.68	1.68	1.68	1.68	1.69	1.69	1.69	1.69	1.70
81	1.71	1.72	1.72	1.72	1.72	1.72	1.73	1.73	1.73	1.74
82	1.76	1.76	1.76	1.76	1.76	1.77	1.77	1.77	1.78	1.78
83	1.80	1.80	1.81	1.81	1.81	1.81	1.82	1.82	1.82	1.83
84	1.85+	1.85+	1.86	1.86	1.86	1.86	1.87	1.87	1.87	1.88
85	1.91	1.91	1.91	1.91	1.92	1.92	1.92	1.93	1.93	1.93
86	1.97	1.97	1.97	1.98	1.98	1.98	1.99	1.99	1.99	2.00
87	2.04	2.04	2.04	2.05-	2.05-	2.05+	2.05+	2.06	2.06	2.07
88	2.12	2.12	2.12	2.12	2.13	2.13	2.13	2.14	2.14	2.14
89	2.20	2.21	2.21	2.21	2.21	2.22	2.22	2.23	2.23	2.23
90	2.31	2.31	2.31	2.31	2.32	2.32	2.32	2.33	2.33	2.34
91	2.42	2.43	2.43	2.43	2.44	2.44	2.44	2.45-	2.45+	2.46
92	2.56	2.57	2.57	2.57	2.58	2.58	2.58	2.59	2.59	2.60
93	2.73	2.74	2.74	2.74	2.75-	2.75+	2.76	2.76	2.77	2.77
94	2.95-	2.95-	2.95+	2.96	2.96	2.96	2.97	2.97	2.98	2.99
96	3.22	3.22	3.23	3.23	3.23	3.24	3.24	3.25-	3.26	3.26
96	3.59	3.59	3.60	3.60	3.61	3.61	3.62	3.62	3.63	3.64
97	4.13	4.14	4.14	4.15-	4.15+	4.16	4.17	4.17	4.18	4.19
98	5.05+	5.06	5.06	5.07	5.08	5.08	5.09	5.10	5.11	5.12
99	7.12	7.13	7.14	7.15-	7.16	7.17	7.18	7.19	7.20	7.22

表二十 (續)

91

	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29
00	1.02	1.02	1.03	1.03	1.03	1.03	1.04	1.04	1.04	1.04
01	1.02	1.02	1.03	1.03	1.03	1.03	1.04	1.04	1.04	1.04
02	1.02	1.02	1.03	1.03	1.03	1.03	1.04	1.04	1.04	1.05-
03	1.02	1.02	1.03	1.03	1.03	1.03	1.04	1.04	1.04	1.05-
04	1.02	1.02	1.03	1.03	1.03	1.03	1.04	1.04	1.04	1.05-
05	1.02	1.02	1.03	1.03	1.03	1.03	1.04	1.04	1.04	1.05-
06	1.02	1.02	1.03	1.03	1.03	1.03	1.04	1.04	1.04	1.05-
07	1.02	1.03	1.03	1.03	1.03	1.04	1.04	1.04	1.04	1.05-
08	1.02	1.03	1.03	1.03	1.03	1.04	1.04	1.04	1.05-	1.05-
09	1.02	1.03	1.03	1.03	1.03	1.04	1.04	1.04	1.05-	1.05-
10	1.03	1.03	1.03	1.03	1.04	1.04	1.04	1.04	1.05-	1.05+
11	1.03	1.03	1.03	1.03	1.04	1.04	1.04	1.04	1.05-	1.05+
12	1.03	1.03	1.03	1.03	1.04	1.04	1.04	1.04	1.05-	1.05+
13	1.03	1.03	1.03	1.04	1.04	1.04	1.04	1.04	1.05-	1.05+
14	1.03	1.03	1.04	1.04	1.04	1.04	1.05-	1.05-	1.05+	1.06
15	1.03	1.03	1.04	1.04	1.04	1.04	1.05-	1.05+	1.05+	1.06
16	1.03	1.04	1.04	1.04	1.04	1.05-	1.05-	1.05+	1.06	1.06
17	1.04	1.04	1.04	1.04	1.05-	1.05-	1.05+	1.05+	1.06	1.06
18	1.04	1.04	1.04	1.04	1.05-	1.05-	1.05+	1.06	1.06	1.06
19	1.04	1.04	1.04	1.05-	1.05-	1.05+	1.05+	1.06	1.06	1.06
20	1.04	1.04	1.05-	1.05-	1.05+	1.05+	1.06	1.06	1.06	1.07
21	1.04	1.05-	1.05-	1.05+	1.05+	1.06	1.06	1.06	1.07	1.07
22	1.05-	1.05-	1.05+	1.05+	1.06	1.06	1.06	1.06	1.07	1.07
23	1.05-	1.05+	1.05+	1.06	1.06	1.06	1.06	1.07	1.07	1.07
24	1.05+	1.05+	1.06	1.06	1.06	1.06	1.07	1.07	1.07	1.08
25	1.05+	1.06	1.06	1.06	1.06	1.07	1.07	1.07	1.08	1.08
26	1.06	1.06	1.06	1.06	1.07	1.07	1.07	1.08	1.08	1.08
27	1.06	1.06	1.06	1.07	1.07	1.07	1.08	1.08	1.08	1.09
28	1.06	1.07	1.07	1.07	1.07	1.08	1.08	1.08	1.09	1.09
29	1.07	1.07	1.07	1.07	1.08	1.08	1.08	1.09	1.09	1.09
30	1.07	1.07	1.07	1.08	1.08	1.08	1.09	1.09	1.09	1.10
31	1.07	1.08	1.08	1.08	1.08	1.09	1.09	1.09	1.10	1.10
32	1.08	1.08	1.08	1.08	1.09	1.09	1.09	1.10	1.10	1.10
33	1.08	1.08	1.09	1.09	1.09	1.09	1.10	1.10	1.10	1.11
34	1.09	1.09	1.09	1.09	1.10	1.10	1.10	1.10	1.11	1.11
35	1.09	1.09	1.09	1.10	1.10	1.10	1.11	1.11	1.11	1.12
36	1.09	1.10	1.10	1.10	1.10	1.11	1.11	1.11	1.12	1.12
37	1.10	1.10	1.10	1.11	1.11	1.11	1.11	1.12	1.12	1.12
38	1.10	1.11	1.11	1.11	1.11	1.12	1.12	1.12	1.13	1.13
39	1.11	1.11	1.11	1.12	1.12	1.12	1.12	1.13	1.13	1.13
40	1.11	1.12	1.12	1.12	1.12	1.13	1.13	1.13	1.14	1.14
41	1.12	1.12	1.12	1.13	1.13	1.13	1.14	1.14	1.14	1.15-
42	1.12	1.13	1.13	1.13	1.14	1.14	1.14	1.14	1.15-	1.15+
43	1.13	1.13	1.14	1.14	1.14	1.14	1.15-	1.15+	1.15+	1.16
44	1.14	1.14	1.14	1.14	1.15-	1.15+	1.15+	1.16	1.16	1.16
45	1.14	1.15-	1.15-	1.15+	1.15+	1.16	1.16	1.16	1.17	1.17
46	1.15-	1.15+	1.15+	1.16	1.16	1.16	1.17	1.17	1.17	1.18
47	1.16	1.16	1.16	1.16	1.17	1.17	1.17	1.18	1.18	1.18
48	1.16	1.17	1.17	1.17	1.17	1.18	1.18	1.18	1.19	1.19
49	1.17	1.17	1.18	1.18	1.18	1.18	1.19	1.19	1.19	1.20

	.20	.21	.22	.23	.24	.25	.26	.27	.28	.29
.50	1.18	1.18	1.18	1.19	1.19	1.19	1.20	1.20	1.20	1.21
.51	1.19	1.19	1.19	1.19	1.20	1.20	1.20	1.21	1.21	1.21
.52	1.19	1.20	1.20	1.20	1.21	1.21	1.21	1.22	1.22	1.22
.53	1.20	1.21	1.21	1.21	1.21	1.22	1.22	1.22	1.23	1.23
.54	1.21	1.22	1.22	1.22	1.22	1.23	1.23	1.23	1.24	1.24
.55	1.22	1.22	1.23	1.23	1.23	1.24	1.24	1.24	1.25-	1.25+
.56	1.23	1.23	1.24	1.24	1.24	1.25-	1.25-	1.25+	1.26	1.26
.57	1.24	1.24	1.25-	1.25+	1.25+	1.26	1.26	1.26	1.27	1.27
.58	1.25+	1.26	1.26	1.26	1.26	1.27	1.27	1.27	1.28	1.28
.59	1.26	1.27	1.27	1.27	1.28	1.28	1.28	1.29	1.29	1.29
.60	1.28	1.28	1.28	1.28	1.29	1.29	1.29	1.30	1.30	1.31
.61	1.29	1.29	1.29	1.30	1.30	1.30	1.31	1.31	1.31	1.32
.62	1.30	1.30	1.31	1.31	1.31	1.32	1.32	1.32	1.33	1.33
.63	1.31	1.32	1.32	1.32	1.33	1.33	1.33	1.34	1.34	1.35-
.64	1.33	1.33	1.33	1.34	1.34	1.34	1.35-	1.35+	1.36	1.36
.65	1.34	1.35-	1.35-	1.35+	1.36	1.36	1.36	1.37	1.37	1.37
.66	1.36	1.36	1.36	1.37	1.37	1.37	1.38	1.38	1.39	1.39
.67	1.37	1.38	1.38	1.38	1.39	1.39	1.40	1.40	1.40	1.41
.68	1.39	1.39	1.40	1.40	1.40	1.41	1.41	1.42	1.42	1.43
.69	1.41	1.41	1.42	1.42	1.42	1.43	1.43	1.43	1.44	1.44
.70	1.43	1.43	1.44	1.44	1.44	1.45-	1.45+	1.45+	1.46	1.46
.71	1.45-	1.45+	1.46	1.46	1.46	1.47	1.47	1.47	1.48	1.48
.72	1.47	1.47	1.48	1.48	1.48	1.49	1.49	1.50	1.50	1.51
.73	1.49	1.50	1.50	1.50	1.51	1.51	1.52	1.52	1.52	1.53
.74	1.52	1.52	1.52	1.53	1.53	1.54	1.54	1.54	1.55-	1.55+
.75	1.54	1.55-	1.55-	1.55+	1.56	1.56	1.57	1.57	1.57	1.58
.76	1.57	1.57	1.58	1.58	1.59	1.59	1.59	1.60	1.60	1.61
.77	1.60	1.60	1.61	1.61	1.61	1.62	1.62	1.63	1.63	1.64
.78	1.63	1.63	1.64	1.64	1.65-	1.65+	1.65+	1.66	1.66	1.67
.79	1.66	1.67	1.67	1.68	1.68	1.68	1.69	1.69	1.70	1.70
.80	1.70	1.70	1.71	1.71	1.72	1.72	1.73	1.73	1.74	1.74
.81	1.74	1.74	1.75-	1.75+	1.76	1.76	1.77	1.77	1.78	1.78
.82	1.78	1.79	1.79	1.80	1.80	1.80	1.81	1.81	1.82	1.83
.83	1.83	1.83	1.84	1.84	1.85-	1.85+	1.86	1.86	1.87	1.87
.84	1.88	1.89	1.89	1.89	1.90	1.90	1.91	1.91	1.92	1.93
.85	1.94	1.94	1.95-	1.95+	1.96	1.96	1.97	1.97	1.98	1.98
.86	2.00	2.00	2.01	2.01	2.02	2.02	2.03	2.04	2.04	2.05-
.87	2.07	2.07	2.08	2.08	2.09	2.09	2.10	2.11	2.11	2.12
.88	2.15-	2.15+	2.16	2.16	2.17	2.17	2.18	2.19	2.19	2.20
.89	2.24	2.24	2.25-	2.25+	2.26	2.27	2.27	2.28	2.28	2.29
.90	2.34	2.35-	2.35+	2.36	2.36	2.37	2.38	2.38	2.39	2.40
.91	2.46	2.47	2.47	2.48	2.48	2.49	2.50	2.51	2.51	2.52
.92	2.60	2.61	2.62	2.62	2.63	2.64	2.64	2.65-	2.66	2.67
.93	2.78	2.78	2.79	2.80	2.80	2.81	2.82	2.83	2.83	2.84
.94	2.99	3.00	3.00	3.01	3.02	3.03	3.04	3.04	3.05+	3.06
.95	3.27	3.28	3.28	3.29	3.30	3.31	3.32	3.33	3.34	3.35-
.96	3.65-	3.65+	3.66	3.67	3.68	3.69	3.70	3.71	3.72	3.73
.97	4.20	4.21	4.22	4.23	4.24	4.25-	4.26	4.27	4.28	4.30
.98	5.13	5.14	5.15+	5.16	5.18	5.19	5.20	5.22	5.24	5.25+
.99	7.24	7.25+	7.27	7.28	7.30	7.32	7.34	7.36	7.39	7.41

表二十(續)

	30	31	32	33	34	35	36	37	38	39
00	1.05-	1.05+	1.06	1.06	1.06	1.07	1.07	1.08	1.08	1.09
01	1.05-	1.05+	1.06	1.06	1.06	1.07	1.07	1.08	1.08	1.09
02	1.05-	1.05+	1.06	1.06	1.06	1.07	1.07	1.08	1.08	1.09
03	1.05-	1.05+	1.06	1.06	1.06	1.07	1.07	1.08	1.08	1.09
04	1.05-	1.05+	1.06	1.06	1.06	1.07	1.07	1.08	1.08	1.09
05	1.05-	1.05+	1.06	1.06	1.06	1.07	1.07	1.08	1.08	1.09
06	1.05+	1.05+	1.06	1.06	1.07	1.07	1.07	1.08	1.08	1.09
07	1.05+	1.05+	1.06	1.06	1.07	1.07	1.07	1.08	1.08	1.09
08	1.05+	1.06	1.06	1.06	1.07	1.07	1.08	1.08	1.08	1.09
09	1.05+	1.06	1.06	1.06	1.07	1.07	1.08	1.08	1.09	1.09
10	1.05+	1.06	1.06	1.06	1.07	1.07	1.08	1.08	1.09	1.09
11	1.05+	1.06	1.06	1.07	1.07	1.07	1.08	1.08	1.09	1.09
12	1.06	1.06	1.06	1.07	1.07	1.08	1.08	1.08	1.09	1.09
13	1.06	1.06	1.06	1.07	1.07	1.08	1.08	1.09	1.09	1.10
14	1.06	1.06	1.07	1.07	1.07	1.08	1.08	1.09	1.09	1.10
15	1.06	1.06	1.07	1.07	1.08	1.08	1.08	1.09	1.09	1.10
16	1.06	1.07	1.07	1.07	1.08	1.08	1.09	1.09	1.10	1.10
17	1.06	1.07	1.07	1.08	1.08	1.08	1.09	1.09	1.10	1.10
18	1.07	1.07	1.07	1.08	1.08	1.09	1.09	1.09	1.10	1.10
19	1.07	1.07	1.08	1.08	1.08	1.09	1.09	1.10	1.10	1.11
20	1.07	1.07	1.08	1.08	1.09	1.09	1.09	1.10	1.10	1.11
21	1.07	1.08	1.08	1.08	1.09	1.09	1.10	1.10	1.11	1.11
22	1.07	1.08	1.08	1.09	1.09	1.09	1.10	1.10	1.11	1.11
23	1.08	1.08	1.08	1.09	1.09	1.10	1.10	1.11	1.11	1.12
24	1.08	1.08	1.09	1.09	1.10	1.10	1.10	1.11	1.11	1.12
25	1.08	1.09	1.09	1.09	1.10	1.10	1.11	1.11	1.12	1.12
26	1.09	1.09	1.09	1.10	1.10	1.11	1.11	1.11	1.12	1.12
27	1.09	1.09	1.10	1.10	1.10	1.11	1.11	1.12	1.12	1.13
28	1.09	1.10	1.10	1.10	1.11	1.11	1.12	1.12	1.13	1.13
29	1.10	1.10	1.10	1.11	1.11	1.12	1.12	1.12	1.13	1.13
30	1.10	1.10	1.11	1.11	1.11	1.12	1.12	1.13	1.13	1.14
31	1.10	1.11	1.11	1.11	1.12	1.12	1.13	1.13	1.14	1.14
32	1.11	1.11	1.11	1.12	1.12	1.13	1.13	1.14	1.14	1.15-
33	1.11	1.11	1.12	1.12	1.13	1.13	1.14	1.14	1.15-	1.15+
34	1.11	1.12	1.12	1.13	1.13	1.14	1.14	1.14	1.15-	1.15+
35	1.12	1.12	1.13	1.13	1.14	1.14	1.14	1.15-	1.15+	1.16
36	1.12	1.13	1.13	1.14	1.14	1.14	1.15-	1.15+	1.16	1.16
37	1.13	1.13	1.14	1.14	1.14	1.15-	1.15+	1.16	1.16	1.17
38	1.13	1.14	1.14	1.15-	1.15-	1.15+	1.16	1.16	1.17	1.17
39	1.14	1.14	1.15-	1.15+	1.15+	1.16	1.16	1.17	1.17	1.18
40	1.14	1.15-	1.15+	1.16	1.16	1.16	1.17	1.17	1.18	1.18
41	1.15-	1.15+	1.16	1.16	1.17	1.17	1.18	1.18	1.19	1.19
42	1.16	1.16	1.16	1.17	1.17	1.18	1.18	1.19	1.19	1.20
43	1.16	1.16	1.17	1.17	1.18	1.18	1.19	1.19	1.20	1.20
44	1.17	1.17	1.18	1.18	1.18	1.19	1.19	1.20	1.20	1.21
45	1.17	1.18	1.18	1.19	1.19	1.20	1.20	1.21	1.21	1.22
46	1.18	1.18	1.19	1.19	1.20	1.20	1.21	1.21	1.22	1.22
47	1.19	1.19	1.20	1.20	1.20	1.21	1.21	1.22	1.22	1.23
48	1.19	1.20	1.20	1.21	1.21	1.22	1.22	1.23	1.23	1.24
49	1.20	1.21	1.21	1.22	1.22	1.22	1.23	1.23	1.24	1.25

表二十(續)

	30	31	32	33	34	35	36	37	38	39
50	1.21	1.21	1.22	1.22	1.23	1.23	1.24	1.24	1.25-	1.25+
51	1.22	1.22	1.23	1.23	1.24	1.24	1.25-	1.25+	1.26	1.26
52	1.23	1.23	1.24	1.24	1.24	1.25-	1.25+	1.26	1.27	1.27
53	1.24	1.24	1.24	1.25-	1.25+	1.26	1.26	1.27	1.27	1.28
54	1.25-	1.25-	1.25+	1.26	1.26	1.27	1.27	1.28	1.28	1.29
55	1.26	1.26	1.26	1.27	1.27	1.28	1.28	1.29	1.29	1.30
56	1.27	1.27	1.27	1.28	1.28	1.29	1.29	1.30	1.30	1.31
57	1.28	1.28	1.28	1.29	1.29	1.30	1.30	1.31	1.32	1.32
58	1.29	1.29	1.30	1.30	1.31	1.31	1.32	1.32	1.33	1.33
59	1.30	1.30	1.31	1.31	1.32	1.32	1.33	1.33	1.34	1.34
60	1.31	1.31	1.32	1.32	1.33	1.33	1.34	1.35-	1.35+	1.36
61	1.32	1.33	1.33	1.34	1.34	1.35-	1.35+	1.36	1.36	1.37
62	1.34	1.34	1.35-	1.35+	1.36	1.36	1.37	1.37	1.38	1.38
63	1.35-	1.35+	1.36	1.36	1.37	1.37	1.38	1.39	1.39	1.40
64	1.36	1.37	1.37	1.38	1.38	1.39	1.39	1.40	1.41	1.41
65	1.38	1.38	1.39	1.39	1.40	1.40	1.41	1.42	1.42	1.43
66	1.40	1.40	1.40	1.41	1.42	1.42	1.43	1.43	1.44	1.45-
67	1.41	1.42	1.42	1.43	1.43	1.44	1.44	1.45-	1.46	1.46
68	1.43	1.43	1.44	1.44	1.45+	1.46	1.46	1.47	1.47	1.48
69	1.45-	1.45+	1.46	1.46	1.47	1.47	1.48	1.49	1.49	1.50
70	1.47	1.47	1.48	1.48	1.49	1.49	1.50	1.51	1.51	1.52
71	1.49	1.49	1.50	1.50	1.51	1.52	1.52	1.53	1.54	1.54
72	1.51	1.52	1.52	1.53	1.53	1.54	1.54	1.55+	1.56	1.56
73	1.53	1.54	1.54	1.55-	1.56	1.56	1.57	1.58	1.58	1.59
74	1.56	1.56	1.57	1.58	1.58	1.59	1.59	1.60	1.61	1.61
75	1.58	1.59	1.60	1.60	1.61	1.61	1.62	1.63	1.63	1.64
76	1.61	1.62	1.62	1.63	1.64	1.64	1.65-	1.66	1.66	1.67
77	1.64	1.65-	1.65+	1.66	1.67	1.67	1.68	1.69	1.69	1.70
78	1.68	1.68	1.69	1.69	1.70	1.71	1.71	1.72	1.73	1.74
79	1.71	1.72	1.72	1.73	1.73	1.74	1.75-	1.76	1.76	1.77
80	1.75-	1.75+	1.76	1.77	1.77	1.78	1.79	1.79	1.80	1.81
81	1.79	1.79	1.80	1.81	1.81	1.82	1.83	1.84	1.84	1.85+
82	1.83	1.84	1.84	1.85+	1.86	1.86	1.87	1.88	1.89	1.90
83	1.88	1.89	1.89	1.90	1.91	1.91	1.92	1.93	1.94	1.95-
84	1.93	1.94	1.95-	1.95+	1.96	1.97	1.98	1.98	1.99	2.00
85	1.99	2.00	2.00	2.01	2.02	2.03	2.03	2.04	2.05+	2.06
86	2.05+	2.06	2.07	2.08	2.08	2.09	2.10	2.11	2.12	2.13
87	2.13	2.13	2.14	2.15-	2.16	2.16	2.17	2.18	2.19	2.20
88	2.21	2.21	2.22	2.23	2.24	2.25-	2.26	2.27	2.28	2.29
89	2.30	2.31	2.31	2.32	2.33	2.34	2.35+	2.36	2.37	2.38
90	2.41	2.41	2.42	2.43	2.44	2.45-	2.46	2.47	2.48	2.49
91	2.53	2.54	2.55-	2.55+	2.56	2.57	2.59	2.60	2.61	2.62
92	2.67	2.68	2.69	2.70	2.71	2.72	2.74	2.75-	2.76	2.77
93	2.85+	2.86	2.87	2.88	2.89	2.90	2.92	2.93	2.94	2.95+
94	3.07	3.08	3.09	3.10	3.12	3.13	3.14	3.15+	3.17	3.18
95	3.36	3.37	3.38	3.39	3.41	3.42	3.43	3.45-	3.46	3.48
96	3.74	3.76	3.77	3.78	3.80	3.81	3.83	3.84	3.86	3.88
97	4.31	4.33	4.34	4.36	4.37	4.39	4.41	4.43	4.45-	4.47
98	5.27	5.29	5.31	5.32	5.34	5.36	5.39	5.41	5.43	5.46
99	7.43	7.46	7.49	7.51	7.54	7.57	7.60	7.63	7.66	7.70

	40	41	42	43	44	45	46	47	48	49
.00	1.09	1.10	1.10	1.11	1.11	1.12	1.13	1.13	1.14	1.15-
.01	1.09	1.10	1.10	1.11	1.11	1.12	1.13	1.13	1.14	1.15-
.02	1.09	1.10	1.10	1.11	1.11	1.12	1.13	1.13	1.14	1.15-
.03	1.09	1.10	1.10	1.11	1.11	1.12	1.13	1.13	1.14	1.15-
.04	1.09	1.10	1.10	1.11	1.11	1.12	1.13	1.13	1.14	1.15-
.05	1.09	1.10	1.10	1.11	1.11	1.12	1.13	1.13	1.14	1.15-
.06	1.09	1.10	1.10	1.11	1.12	1.12	1.13	1.13	1.14	1.15-
.07	1.09	1.10	1.10	1.11	1.12	1.12	1.13	1.14	1.14	1.15-
.08	1.09	1.10	1.11	1.11	1.12	1.12	1.13	1.14	1.14	1.15+
.09	1.10	1.10	1.11	1.11	1.12	1.12	1.13	1.14	1.14	1.15+
.10	1.10	1.10	1.11	1.11	1.12	1.13	1.13	1.14	1.15-	1.15+
.11	1.10	1.10	1.11	1.11	1.12	1.13	1.13	1.14	1.15-	1.15+
.12	1.10	1.10	1.11	1.12	1.12	1.13	1.13	1.14	1.15-	1.16
.13	1.10	1.11	1.11	1.12	1.12	1.13	1.14	1.14	1.15-	1.16
.14	1.10	1.11	1.11	1.12	1.12	1.13	1.14	1.14	1.15+	1.16
.15	1.10	1.11	1.11	1.12	1.13	1.13	1.14	1.15-	1.15+	1.16
.16	1.11	1.11	1.12	1.12	1.13	1.13	1.14	1.15-	1.15+	1.16
.17	1.11	1.11	1.12	1.12	1.13	1.14	1.14	1.15-	1.16	1.16
.18	1.11	1.11	1.12	1.13	1.13	1.14	1.14	1.15+	1.16	1.17
.19	1.11	1.12	1.12	1.13	1.13	1.14	1.15-	1.15+	1.16	1.17
.20	1.11	1.12	1.12	1.13	1.14	1.14	1.15-	1.16	1.16	1.17
.21	1.12	1.12	1.13	1.13	1.14	1.15-	1.15+	1.16	1.17	1.17
.22	1.12	1.12	1.13	1.14	1.14	1.15-	1.15+	1.16	1.17	1.18
.23	1.12	1.13	1.13	1.14	1.14	1.15+	1.16	1.16	1.17	1.18
.24	1.12	1.13	1.14	1.14	1.15-	1.15+	1.16	1.17	1.17	1.18
.25	1.13	1.13	1.14	1.14	1.15+	1.16	1.16	1.17	1.18	1.18
.26	1.13	1.14	1.14	1.15-	1.15+	1.16	1.17	1.17	1.18	1.19
.27	1.13	1.14	1.14	1.15+	1.16	1.16	1.17	1.18	1.18	1.19
.28	1.14	1.14	1.15-	1.15+	1.16	1.17	1.17	1.18	1.19	1.19
.29	1.14	1.15-	1.15+	1.16	1.16	1.17	1.18	1.18	1.19	1.20
.30	1.14	1.15-	1.16	1.16	1.17	1.17	1.18	1.19	1.19	1.20
.31	1.15-	1.15+	1.16	1.16	1.17	1.18	1.18	1.19	1.20	1.21
.32	1.15+	1.16	1.16	1.17	1.18	1.18	1.19	1.20	1.20	1.21
.33	1.16	1.16	1.17	1.17	1.18	1.19	1.19	1.20	1.21	1.22
.34	1.16	1.17	1.17	1.18	1.18	1.19	1.20	1.20	1.21	1.22
.35	1.16	1.17	1.18	1.18	1.19	1.20	1.20	1.21	1.22	1.22
.36	1.17	1.18	1.18	1.19	1.19	1.20	1.21	1.21	1.22	1.23
.37	1.17	1.18	1.19	1.19	1.20	1.21	1.21	1.22	1.23	1.23
.38	1.18	1.19	1.19	1.20	1.20	1.21	1.22	1.22	1.23	1.24
.39	1.18	1.19	1.20	1.20	1.21	1.22	1.22	1.23	1.24	1.25-
.40	1.19	1.20	1.20	1.21	1.22	1.22	1.23	1.24	1.24	1.25+
.41	1.20	1.20	1.21	1.21	1.22	1.23	1.23	1.24	1.25-	1.26
.42	1.20	1.21	1.21	1.22	1.23	1.23	1.24	1.25-	1.26	1.26
.43	1.21	1.21	1.22	1.23	1.23	1.24	1.25-	1.25+	1.26	1.27
.44	1.22	1.22	1.23	1.23	1.24	1.25-	1.25+	1.26	1.27	1.28
.45	1.22	1.23	1.23	1.24	1.25-	1.25+	1.26	1.27	1.28	1.28
.46	1.23	1.23	1.24	1.25-	1.25+	1.26	1.27	1.28	1.28	1.29
.47	1.24	1.24	1.25-	1.25+	1.26	1.27	1.28	1.28	1.29	1.30
.48	1.24	1.25-	1.26	1.26	1.27	1.28	1.28	1.29	1.30	1.31
.49	1.25+	1.26	1.26	1.27	1.28	1.28	1.29	1.30	1.31	1.32

	40	41	42	43	44	45	46	47	48	49
50	1.26	1.27	1.27	1.28	1.29	1.29	1.30	1.31	1.32	1.32
51	1.27	1.27	1.28	1.29	1.29	1.30	1.31	1.32	1.33	1.33
52	1.28	1.28	1.29	1.30	1.30	1.31	1.32	1.33	1.33	1.34
53	1.29	1.29	1.30	1.31	1.31	1.32	1.33	1.34	1.34	1.35+
54	1.30	1.30	1.31	1.32	1.32	1.33	1.34	1.35-	1.35+	1.36
55	1.31	1.31	1.32	1.33	1.33	1.34	1.35-	1.36	1.36	1.37
56	1.32	1.32	1.33	1.34	1.34	1.35+	1.36	1.37	1.38	1.38
57	1.33	1.33	1.34	1.35-	1.36	1.36	1.37	1.38	1.39	1.40
58	1.34	1.35-	1.35+	1.36	1.37	1.37	1.38	1.39	1.40	1.41
59	1.35+	1.36	1.36	1.37	1.38	1.39	1.39	1.40	1.41	1.42
60	1.36	1.37	1.38	1.38	1.39	1.40	1.41	1.42	1.42	1.43
61	1.38	1.38	1.39	1.40	1.41	1.41	1.42	1.43	1.44	1.45-
62	1.39	1.40	1.40	1.41	1.42	1.43	1.44	1.44	1.45+	1.46
63	1.40	1.41	1.42	1.43	1.43	1.44	1.45+	1.46	1.47	1.48
64	1.42	1.43	1.43	1.44	1.45-	1.46	1.47	1.47	1.48	1.49
65	1.44	1.44	1.45-	1.46	1.47	1.47	1.48	1.49	1.50	1.51
66	1.45+	1.46	1.47	1.47	1.48	1.49	1.50	1.51	1.52	1.53
67	1.47	1.48	1.48	1.49	1.50	1.51	1.52	1.53	1.54	1.55-
68	1.49	1.50	1.50	1.51	1.52	1.53	1.54	1.55-	1.55+	1.56
69	1.51	1.51	1.52	1.53	1.54	1.55-	1.56	1.57	1.57	1.58
70	1.53	1.54	1.54	1.55+	1.56	1.57	1.58	1.59	1.60	1.61
71	1.55-	1.56	1.56	1.57	1.58	1.59	1.60	1.61	1.62	1.63
72	1.57	1.58	1.59	1.60	1.60	1.61	1.62	1.63	1.64	1.65+
73	1.60	1.60	1.61	1.62	1.63	1.64	1.65-	1.66	1.67	1.68
74	1.62	1.63	1.64	1.65-	1.66	1.66	1.67	1.68	1.69	1.71
75	1.65-	1.66	1.67	1.67	1.68	1.69	1.70	1.71	1.72	1.73
76	1.68	1.69	1.70	1.70	1.71	1.72	1.73	1.74	1.75+	1.76
77	1.71	1.72	1.73	1.74	1.75-	1.76	1.77	1.78	1.79	1.80
78	1.74	1.75+	1.76	1.77	1.78	1.79	1.80	1.81	1.82	1.83
79	1.78	1.79	1.80	1.81	1.82	1.83	1.84	1.85-	1.86	1.87
80	1.82	1.83	1.84	1.85-	1.86	1.87	1.88	1.89	1.90	1.91
81	1.86	1.87	1.88	1.89	1.90	1.91	1.92	1.93	1.94	1.96
82	1.91	1.92	1.93	1.94	1.95-	1.96	1.97	1.98	1.99	2.00
83	1.96	1.97	1.98	1.99	2.00	2.01	2.02	2.03	2.04	2.06
84	2.01	2.02	2.03	2.04	2.05+	2.06	2.08	2.09	2.10	2.11
85	2.07	2.08	2.09	2.10	2.11	2.13	2.14	2.15+	2.16	2.18
86	2.14	2.15-	2.16	2.17	2.18	2.19	2.21	2.22	2.23	2.25-
87	2.21	2.22	2.23	2.25-	2.26	2.27	2.28	2.30	2.31	2.33
88	2.30	2.31	2.32	2.33	2.34	2.36	2.37	2.39	2.40	2.42
89	2.39	2.40	2.42	2.43	2.44	2.46	2.47	2.48	2.50	2.52
90	2.50	2.52	2.53	2.54	2.55+	2.57	2.58	2.60	2.62	2.63
91	2.63	2.64	2.66	2.67	2.69	2.70	2.72	2.73	2.75-	2.77
92	2.78	2.80	2.81	2.83	2.84	2.86	2.87	2.89	2.91	2.93
93	2.97	2.98	3.00	3.01	3.03	3.05-	3.06	3.08	3.10	3.12
94	3.20	3.21	3.23	3.25-	3.26	3.28	3.30	3.32	3.34	3.36
95	3.49	3.51	3.53	3.55-	3.57	3.59	3.61	3.63	3.65+	3.67
96	3.90	3.92	3.94	3.96	3.98	4.00	4.02	4.05-	4.07	4.10
97	4.49	4.51	4.53	4.56	4.58	4.61	4.63	4.66	4.69	4.72
98	5.48	5.51	5.54	5.56	5.60	5.63	5.66	5.69	5.73	5.76
99	7.73	7.77	7.81	7.85-	7.89	7.94	7.98	8.03	8.08	8.13

表二十(續)

	.50	.51	.52	.53	.54	.55	.56	.57	.58	.59
.00	1.15+	1.16	1.17	1.18	1.19	1.20	1.21	1.22	1.23	1.24
.01	1.15+	1.16	1.17	1.18	1.19	1.20	1.21	1.22	1.23	1.24
.02	1.15+	1.16	1.17	1.18	1.19	1.20	1.21	1.22	1.23	1.24
.03	1.16	1.16	1.17	1.18	1.19	1.20	1.21	1.22	1.23	1.24
.04	1.16	1.16	1.17	1.18	1.19	1.20	1.21	1.22	1.23	1.24
.05	1.16	1.16	1.17	1.18	1.19	1.20	1.21	1.22	1.23	1.24
.08	1.16	1.16	1.17	1.18	1.19	1.20	1.21	1.22	1.23	1.24
.07	1.16	1.17	1.17	1.18	1.19	1.20	1.21	1.22	1.23	1.24
.08	1.16	1.17	1.17	1.18	1.19	1.20	1.21	1.22	1.23	1.24
.09	1.16	1.17	1.18	1.18	1.19	1.20	1.21	1.22	1.23	1.24
.10	1.16	1.17	1.18	1.19	1.19	1.20	1.21	1.22	1.23	1.24
.11	1.16	1.17	1.18	1.19	1.20	1.20	1.21	1.22	1.24	1.25-
.12	1.16	1.17	1.18	1.19	1.20	1.21	1.22	1.23	1.24	1.25-
.13	1.16	1.17	1.18	1.19	1.20	1.21	1.22	1.23	1.24	1.25-
.14	1.17	1.17	1.18	1.19	1.20	1.21	1.22	1.23	1.24	1.25+
.15	1.17	1.18	1.18	1.19	1.20	1.21	1.22	1.23	1.24	1.25+
.16	1.17	1.18	1.19	1.19	1.20	1.21	1.22	1.23	1.24	1.25+
.17	1.17	1.18	1.19	1.20	1.21	1.22	1.22	1.24	1.25-	1.26
.18	1.17	1.18	1.19	1.20	1.21	1.22	1.23	1.24	1.25-	1.26
.19	1.18	1.18	1.19	1.20	1.21	1.22	1.23	1.24	1.25+	1.26
.20	1.18	1.19	1.19	1.20	1.21	1.22	1.23	1.24	1.25+	1.26
.21	1.18	1.19	1.20	1.21	1.22	1.22	1.23	1.24	1.26	1.27
.22	1.18	1.19	1.20	1.21	1.22	1.23	1.24	1.25-	1.26	1.27
.23	1.19	1.19	1.20	1.21	1.22	1.23	1.24	1.25+	1.26	1.27
.24	1.19	1.20	1.21	1.21	1.22	1.23	1.24	1.25+	1.26	1.28
.25	1.19	1.20	1.21	1.22	1.23	1.24	1.25-	1.26	1.27	1.28
.26	1.20	1.20	1.21	1.22	1.23	1.24	1.25-	1.26	1.27	1.28
.27	1.20	1.21	1.22	1.22	1.23	1.24	1.25+	1.26	1.27	1.29
.28	1.20	1.21	1.22	1.23	1.24	1.25-	1.26	1.27	1.28	1.29
.29	1.21	1.21	1.22	1.23	1.24	1.25+	1.26	1.27	1.28	1.29
.30	1.21	1.22	1.23	1.24	1.25-	1.26	1.27	1.28	1.29	1.30
.31	1.21	1.22	1.23	1.24	1.25-	1.26	1.27	1.28	1.29	1.30
.32	1.22	1.23	1.24	1.24	1.25+	1.26	1.27	1.28	1.30	1.31
.33	1.22	1.23	1.24	1.25-	1.26	1.27	1.28	1.29	1.30	1.31
.34	1.23	1.24	1.24	1.25+	1.26	1.27	1.28	1.29	1.31	1.32
.35	1.23	1.24	1.25-	1.26	1.27	1.28	1.29	1.30	1.31	1.32
.36	1.24	1.25-	1.25+	1.26	1.27	1.28	1.29	1.30	1.32	1.33
.37	1.24	1.25+	1.26	1.27	1.28	1.29	1.30	1.31	1.32	1.33
.38	1.25-	1.26	1.27	1.27	1.28	1.29	1.30	1.32	1.33	1.34
.39	1.25+	1.26	1.27	1.28	1.29	1.30	1.31	1.32	1.33	1.34
.40	1.26	1.27	1.28	1.29	1.30	1.31	1.32	1.33	1.34	1.35+
.41	1.27	1.27	1.28	1.29	1.30	1.31	1.32	1.33	1.35-	1.36
.42	1.27	1.28	1.29	1.30	1.31	1.32	1.33	1.34	1.35+	1.36
.43	1.28	1.29	1.30	1.31	1.32	1.33	1.34	1.35-	1.36	1.37
.44	1.29	1.29	1.30	1.31	1.32	1.33	1.34	1.36	1.37	1.38
.45	1.29	1.30	1.31	1.32	1.33	1.34	1.35+	1.36	1.37	1.39
.46	1.30	1.31	1.32	1.33	1.34	1.35-	1.36	1.37	1.38	1.39
.47	1.31	1.32	1.33	1.34	1.35-	1.36	1.37	1.38	1.39	1.40
.48	1.32	1.33	1.33	1.34	1.35+	1.36	1.38	1.39	1.40	1.41
.49	1.32	1.33	1.34	1.35+	1.36	1.37	1.38	1.40	1.41	1.42

	.50	.51	.52	.53	.54	.55	.56	.57	.58	.59
.50	1.33	1.34	1.35+	1.36	1.37	1.38	1.39	1.41	1.42	1.43
.51	1.34	1.35+	1.36	1.37	1.38	1.39	1.40	1.41	1.43	1.44
.52	1.35+	1.36	1.37	1.38	1.39	1.40	1.41	1.42	1.44	1.45-
.53	1.36	1.37	1.38	1.39	1.40	1.41	1.42	1.44	1.45-	1.46
.54	1.37	1.38	1.39	1.40	1.41	1.42	1.43	1.45-	1.46	1.47
.55	1.38	1.39	1.40	1.41	1.42	1.43	1.45-	1.46	1.47	1.48
.56	1.39	1.40	1.41	1.42	1.43	1.45-	1.46	1.47	1.48	1.49
.57	1.41	1.41	1.42	1.44	1.45-	1.46	1.47	1.48	1.49	1.51
.58	1.42	1.43	1.44	1.45-	1.46	1.47	1.48	1.49	1.51	1.52
.59	1.43	1.44	1.45-	1.46	1.47	1.48	1.49	1.51	1.52	1.53
.60	1.44	1.45+	1.46	1.47	1.49	1.50	1.51	1.52	1.53	1.55-
.61	1.46	1.47	1.48	1.49	1.50	1.51	1.52	1.54	1.55-	1.56
.62	1.47	1.48	1.49	1.50	1.51	1.53	1.54	1.55+	1.56	1.58
.63	1.49	1.50	1.51	1.52	1.53	1.54	1.55+	1.57	1.58	1.59
.64	1.50	1.51	1.52	1.53	1.55-	1.56	1.57	1.58	1.60	1.61
.65	1.52	1.53	1.54	1.55+	1.56	1.58	1.59	1.60	1.62	1.63
.66	1.54	1.55-	1.56	1.57	1.58	1.59	1.61	1.62	1.63	1.65-
.67	1.56	1.57	1.58	1.59	1.60	1.61	1.63	1.64	1.65+	1.67
.68	1.57	1.59	1.60	1.61	1.62	1.63	1.65-	1.66	1.67	1.69
.69	1.60	1.61	1.62	1.63	1.64	1.65+	1.67	1.68	1.70	1.71
.70	1.62	1.63	1.64	1.65+	1.66	1.68	1.69	1.70	1.72	1.73
.71	1.64	1.65+	1.66	1.67	1.69	1.70	1.71	1.73	1.74	1.76
.72	1.66	1.68	1.69	1.70	1.71	1.73	1.74	1.75+	1.77	1.78
.73	1.69	1.70	1.71	1.73	1.74	1.75+	1.77	1.78	1.80	1.81
.74	1.72	1.73	1.74	1.75+	1.77	1.78	1.79	1.81	1.83	1.84
.75	1.75-	1.76	1.77	1.78	1.80	1.81	1.82	1.84	1.86	1.87
.76	1.78	1.79	1.80	1.81	1.83	1.84	1.86	1.87	1.89	1.91
.77	1.81	1.82	1.83	1.85-	1.86	1.88	1.89	1.91	1.92	1.94
.78	1.85-	1.86	1.87	1.88	1.90	1.91	1.93	1.94	1.96	1.98
.79	1.88	1.90	1.91	1.92	1.94	1.95+	1.97	1.98	2.00	2.02
.80	1.92	1.94	1.95+	1.97	1.98	2.00	2.01	2.03	2.05-	2.06
.81	1.97	1.98	2.00	2.01	2.03	2.04	2.06	2.08	2.09	2.11
.82	2.02	2.03	2.05-	2.06	2.08	2.09	2.11	2.13	2.14	2.16
.83	2.07	2.08	2.10	2.11	2.13	2.15-	2.16	2.18	2.20	2.22
.84	2.13	2.14	2.16	2.17	2.19	2.21	2.22	2.24	2.26	2.28
.85	2.19	2.21	2.22	2.24	2.26	2.27	2.29	2.31	2.33	2.35+
.86	2.26	2.28	2.29	2.31	2.33	2.35-	2.37	2.38	2.41	2.43
.87	2.34	2.36	2.37	2.39	2.41	2.43	2.45-	2.47	2.49	2.51
.88	2.43	2.45-	2.46	2.48	2.50	2.52	2.54	2.56	2.58	2.61
.89	2.53	2.55-	2.57	2.59	2.61	2.63	2.65-	2.67	2.69	2.72
.90	2.65-	2.67	2.69	2.71	2.73	2.75-	2.77	2.79	2.82	2.84
.91	2.78	2.80	2.82	2.84	2.87	2.89	2.91	2.94	2.96	2.99
.92	2.95-	2.97	2.99	3.01	3.03	3.06	3.08	3.11	3.13	3.16
.93	3.14	3.16	3.18	3.21	3.23	3.26	3.28	3.31	3.34	3.37
.94	3.38	3.41	3.43	3.46	3.48	3.51	3.54	3.57	3.60	3.63
.95	3.70	3.72	3.75-	3.78	3.81	3.83	3.87	3.90	3.93	3.97
.96	4.12	4.15+	4.18	4.21	4.24	4.28	4.31	4.35-	4.38	4.42
.97	4.75+	4.78	4.81	4.85-	4.89	4.93	4.97	5.01	5.05+	5.09
.98	5.80	5.84	5.88	5.93	5.97	6.02	6.06	6.12	6.17	6.22
.99	8.18	8.24	8.30	8.36	8.42	8.49	8.55+	8.63	8.70	8.78

表二十 (續)

	60	61	62	63	64	65	66	67	68	69
00	1.25	1.26	1.27	1.29	1.30	1.32	1.33	1.35-	1.36	1.38
01	1.25+	1.26	1.27	1.29	1.30	1.32	1.33	1.35-	1.36	1.38
02	1.25+	1.26	1.27	1.29	1.30	1.32	1.33	1.35-	1.36	1.38
03	1.25+	1.26	1.28	1.29	1.30	1.32	1.33	1.35-	1.36	1.38
04	1.25+	1.26	1.28	1.29	1.30	1.32	1.33	1.35-	1.37	1.38
05	1.25+	1.26	1.28	1.29	1.30	1.32	1.33	1.35-	1.37	1.38
06	1.25+	1.26	1.28	1.29	1.30	1.32	1.33	1.35-	1.37	1.38
07	1.25+	1.27	1.28	1.29	1.30	1.32	1.33	1.35+	1.37	1.39
08	1.25+	1.27	1.28	1.29	1.31	1.32	1.34	1.35+	1.37	1.39
09	1.26	1.27	1.28	1.29	1.31	1.32	1.34	1.35+	1.37	1.39
10	1.26	1.27	1.28	1.29	1.31	1.32	1.34	1.35+	1.37	1.39
11	1.26	1.27	1.28	1.30	1.31	1.32	1.34	1.36	1.37	1.39
12	1.26	1.27	1.28	1.30	1.31	1.33	1.34	1.36	1.37	1.39
13	1.26	1.27	1.29	1.30	1.31	1.33	1.34	1.36	1.38	1.39
14	1.26	1.27	1.29	1.30	1.31	1.33	1.34	1.36	1.38	1.40
15	1.26	1.28	1.29	1.30	1.32	1.33	1.35-	1.36	1.38	1.40
16	1.27	1.28	1.29	1.30	1.32	1.33	1.35-	1.36	1.38	1.40
17	1.27	1.28	1.29	1.31	1.32	1.34	1.35+	1.37	1.38	1.40
18	1.27	1.28	1.30	1.31	1.32	1.34	1.35+	1.37	1.39	1.40
19	1.27	1.29	1.30	1.31	1.33	1.34	1.36	1.37	1.39	1.41
20	1.28	1.29	1.30	1.31	1.33	1.34	1.36	1.37	1.39	1.41
21	1.28	1.29	1.30	1.32	1.33	1.35-	1.36	1.38	1.39	1.41
22	1.28	1.29	1.31	1.32	1.33	1.35-	1.36	1.38	1.40	1.42
23	1.28	1.30	1.31	1.32	1.34	1.35+	1.37	1.38	1.40	1.42
24	1.29	1.30	1.31	1.33	1.34	1.36	1.37	1.39	1.40	1.42
25	1.29	1.30	1.32	1.33	1.34	1.36	1.37	1.39	1.41	1.43
26	1.29	1.31	1.32	1.33	1.35-	1.36	1.38	1.40	1.41	1.43
27	1.30	1.31	1.32	1.34	1.35+	1.37	1.38	1.40	1.42	1.43
28	1.30	1.31	1.33	1.34	1.36	1.37	1.39	1.40	1.42	1.44
29	1.31	1.32	1.33	1.35-	1.36	1.37	1.39	1.41	1.43	1.44
30	1.31	1.32	1.34	1.35-	1.36	1.38	1.40	1.41	1.43	1.45-
31	1.31	1.33	1.34	1.35+	1.37	1.38	1.40	1.42	1.43	1.45+
32	1.32	1.33	1.35-	1.36	1.37	1.39	1.40	1.42	1.44	1.46
33	1.32	1.34	1.35+	1.36	1.38	1.39	1.41	1.43	1.44	1.46
34	1.33	1.34	1.36	1.37	1.38	1.40	1.42	1.43	1.45+	1.47
35	1.33	1.35-	1.36	1.37	1.39	1.40	1.42	1.44	1.46	1.47
36	1.34	1.35+	1.37	1.38	1.39	1.41	1.43	1.44	1.46	1.48
37	1.35-	1.36	1.37	1.39	1.40	1.42	1.43	1.45-	1.47	1.49
38	1.35+	1.36	1.38	1.39	1.41	1.42	1.44	1.46	1.47	1.49
39	1.36	1.37	1.38	1.40	1.41	1.43	1.45-	1.46	1.48	1.50
40	1.36	1.38	1.39	1.40	1.42	1.44	1.45+	1.47	1.49	1.51
41	1.37	1.38	1.40	1.41	1.43	1.44	1.46	1.48	1.50	1.51
42	1.38	1.39	1.40	1.42	1.43	1.45-	1.47	1.48	1.50	1.52
43	1.38	1.40	1.41	1.43	1.44	1.46	1.47	1.49	1.51	1.53
44	1.39	1.41	1.42	1.43	1.45-	1.47	1.48	1.50	1.52	1.54
45	1.40	1.41	1.43	1.44	1.46	1.47	1.49	1.51	1.53	1.55-
46	1.41	1.42	1.44	1.45+	1.47	1.48	1.50	1.52	1.54	1.56
47	1.42	1.43	1.44	1.46	1.47	1.49	1.51	1.53	1.55-	1.57
48	1.42	1.44	1.45+	1.47	1.48	1.50	1.52	1.54	1.55+	1.57
49	1.43	1.45-	1.46	1.48	1.49	1.51	1.53	1.55	1.56	1.58

	.60	.61	.62	.63	.64	.65	.66	.67	.68	.69
.50	1.44	1.46	1.47	1.49	1.50	1.52	1.54	1.56	1.57	1.60
.51	1.45+	1.47	1.48	1.50	1.51	1.53	1.55-	1.57	1.59	1.61
.52	1.46	1.48	1.49	1.51	1.52	1.54	1.56	1.58	1.60	1.62
.53	1.47	1.49	1.50	1.52	1.53	1.55+	1.57	1.59	1.61	1.63
.54	1.49	1.50	1.51	1.53	1.55-	1.56	1.58	1.60	1.62	1.64
.55	1.50	1.51	1.53	1.54	1.56	1.58	1.59	1.61	1.63	1.65+
.56	1.51	1.52	1.54	1.55+	1.57	1.59	1.61	1.63	1.65-	1.67
.57	1.52	1.54	1.55+	1.57	1.58	1.60	1.62	1.64	1.66	1.68
.58	1.53	1.55-	1.56	1.58	1.60	1.62	1.63	1.65+	1.67	1.70
.59	1.55-	1.56	1.58	1.59	1.61	1.63	1.65-	1.67	1.69	1.71
.60	1.56	1.58	1.59	1.61	1.63	1.65-	1.66	1.68	1.70	1.73
.61	1.58	1.59	1.61	1.62	1.64	1.66	1.68	1.70	1.72	1.74
.62	1.59	1.61	1.62	1.64	1.66	1.68	1.70	1.72	1.74	1.76
.63	1.61	1.62	1.64	1.66	1.68	1.69	1.71	1.73	1.76	1.78
.64	1.63	1.64	1.66	1.68	1.69	1.71	1.73	1.75+	1.77	1.80
.65	1.65-	1.66	1.68	1.69	1.71	1.73	1.75+	1.77	1.79	1.82
.66	1.66	1.68	1.70	1.71	1.73	1.75+	1.77	1.79	1.82	1.84
.67	1.68	1.70	1.72	1.73	1.75+	1.77	1.79	1.81	1.84	1.86
.68	1.70	1.72	1.74	1.76	1.77	1.79	1.82	1.84	1.86	1.88
.69	1.73	1.74	1.76	1.78	1.80	1.82	1.84	1.86	1.88	1.91
.70	1.75+	1.77	1.78	1.80	1.82	1.84	1.86	1.89	1.91	1.93
.71	1.77	1.79	1.81	1.83	1.85-	1.87	1.89	1.91	1.94	1.96
.72	1.80	1.82	1.84	1.86	1.88	1.90	1.92	1.94	1.97	1.99
.73	1.83	1.85-	1.86	1.88	1.90	1.93	1.95-	1.97	2.00	2.02
.74	1.86	1.88	1.90	1.91	1.93	1.96	1.98	2.00	2.03	2.05+
.75	1.89	1.91	1.93	1.95-	1.97	1.99	2.01	2.04	2.06	2.09
.76	1.92	1.94	1.96	1.98	2.00	2.02	2.05-	2.07	2.10	2.13
.77	1.96	1.98	2.00	2.02	2.04	2.06	2.09	2.11	2.14	2.17
.78	2.00	2.02	2.04	2.06	2.08	2.10	2.13	2.15+	2.18	2.21
.79	2.04	2.06	2.08	2.10	2.12	2.15-	2.17	2.20	2.22	2.25+
.80	2.08	2.10	2.12	2.15-	2.17	2.19	2.22	2.25-	2.27	2.30
.81	2.13	2.15+	2.17	2.20	2.22	2.24	2.27	2.30	2.33	2.36
.82	2.18	2.21	2.23	2.25-	2.27	2.30	2.33	2.35+	2.38	2.41
.83	2.24	2.26	2.29	2.31	2.33	2.36	2.39	2.41	2.44	2.48
.84	2.30	2.33	2.35-	2.37	2.40	2.43	2.45+	2.48	2.51	2.55+
.85	2.37	2.40	2.42	2.44	2.47	2.50	2.53	2.56	2.59	2.62
.86	2.45-	2.47	2.50	2.52	2.55+	2.58	2.61	2.64	2.67	2.71
.87	2.54	2.56	2.59	2.61	2.64	2.67	2.70	2.73	2.77	2.80
.88	2.63	2.66	2.68	2.71	2.74	2.77	2.80	2.84	2.87	2.91
.89	2.74	2.77	2.80	2.82	2.85+	2.89	2.92	2.95+	2.99	3.03
.90	2.87	2.90	2.92	2.95+	2.99	3.02	3.05+	3.09	3.13	3.17
.91	3.01	3.04	3.07	3.11	3.14	3.17	3.21	3.25-	3.29	3.33
.92	3.19	3.22	3.25+	3.29	3.32	3.36	3.40	3.44	3.48	3.52
.93	3.40	3.43	3.47	3.50	3.54	3.58	3.62	3.66	3.71	3.76
.94	3.66	3.70	3.74	3.77	3.82	3.86	3.90	3.95-	4.00	4.05+
.95	4.00	4.04	4.08	4.12	4.17	4.21	4.26	4.31	4.37	4.42
.96	4.46	4.51	4.55+	4.60	4.65-	4.70	4.75+	4.81	4.87	4.93
.97	5.14	5.19	5.24	5.30	5.35+	5.41	5.48	5.54	5.61	5.68
.98	6.28	6.34	6.41	6.47	6.54	6.61	6.69	6.77	6.85+	6.94
.99	8.86	8.94	9.03	9.12	9.23	9.33	9.43	9.55+	9.67	9.79

表二十 (續)

101

	.70	.71	.72	.73	.74	.75	.76	.77	.78	.79
.00	1.40	1.42	1.44	1.46	1.49	1.51	1.54	1.57	1.60	1.63
.01	1.40	1.42	1.44	1.46	1.49	1.51	1.54	1.57	1.60	1.63
.02	1.40	1.42	1.44	1.46	1.49	1.51	1.54	1.57	1.60	1.63
.03	1.40	1.42	1.44	1.46	1.49	1.51	1.54	1.57	1.60	1.63
.04	1.40	1.42	1.44	1.46	1.49	1.51	1.54	1.57	1.60	1.63
.05	1.40	1.42	1.44	1.46	1.49	1.51	1.54	1.57	1.60	1.63
.06	1.40	1.42	1.44	1.47	1.49	1.51	1.54	1.57	1.60	1.63
.07	1.40	1.42	1.44	1.47	1.49	1.52	1.54	1.57	1.60	1.64
.08	1.40	1.42	1.45-	1.47	1.49	1.52	1.54	1.57	1.60	1.64
.09	1.41	1.43	1.45-	1.47	1.49	1.52	1.54	1.57	1.60	1.64
.10	1.41	1.43	1.45-	1.47	1.49	1.52	1.55-	1.58	1.61	1.64
.11	1.41	1.43	1.45-	1.47	1.50	1.52	1.55-	1.58	1.61	1.64
.12	1.41	1.43	1.45+	1.47	1.50	1.52	1.55-	1.58	1.61	1.64
.13	1.41	1.43	1.45+	1.48	1.50	1.52	1.55+	1.58	1.61	1.65-
.14	1.41	1.43	1.46	1.48	1.50	1.53	1.55+	1.58	1.61	1.65-
.15	1.42	1.44	1.46	1.48	1.50	1.53	1.56	1.59	1.62	1.65-
.16	1.42	1.44	1.46	1.48	1.51	1.53	1.56	1.59	1.62	1.65+
.17	1.42	1.44	1.46	1.48	1.51	1.53	1.56	1.59	1.62	1.66
.18	1.42	1.44	1.46	1.49	1.51	1.54	1.56	1.59	1.62	1.66
.19	1.43	1.45-	1.47	1.49	1.51	1.54	1.57	1.60	1.63	1.66
.20	1.43	1.45-	1.47	1.49	1.52	1.54	1.57	1.60	1.63	1.66
.21	1.43	1.45+	1.47	1.50	1.52	1.55-	1.57	1.60	1.63	1.67
.22	1.44	1.46	1.48	1.50	1.52	1.55-	1.58	1.61	1.64	1.67
.23	1.44	1.46	1.48	1.50	1.53	1.55+	1.58	1.61	1.64	1.68
.24	1.44	1.46	1.48	1.51	1.53	1.56	1.59	1.61	1.65-	1.68
.25	1.45-	1.47	1.49	1.51	1.54	1.56	1.59	1.62	1.65+	1.68
.26	1.45+	1.47	1.49	1.52	1.54	1.57	1.59	1.62	1.65+	1.69
.27	1.45+	1.47	1.50	1.52	1.54	1.57	1.60	1.63	1.66	1.69
.28	1.46	1.48	1.50	1.52	1.55-	1.57	1.60	1.63	1.66	1.70
.29	1.46	1.48	1.51	1.53	1.55+	1.58	1.61	1.64	1.67	1.70
.30	1.47	1.49	1.51	1.53	1.56	1.58	1.61	1.64	1.68	1.71
.31	1.47	1.49	1.52	1.54	1.56	1.59	1.62	1.65-	1.68	1.72
.32	1.48	1.50	1.52	1.54	1.57	1.60	1.62	1.65+	1.69	1.72
.33	1.48	1.50	1.53	1.55-	1.58	1.60	1.63	1.66	1.69	1.73
.34	1.49	1.51	1.53	1.56	1.58	1.61	1.64	1.67	1.70	1.73
.35	1.49	1.52	1.54	1.56	1.59	1.61	1.64	1.67	1.71	1.74
.36	1.50	1.52	1.54	1.57	1.59	1.62	1.65-	1.68	1.71	1.75-
.37	1.51	1.53	1.55+	1.58	1.60	1.63	1.66	1.69	1.72	1.76
.38	1.51	1.54	1.56	1.58	1.61	1.63	1.66	1.69	1.73	1.76
.39	1.52	1.54	1.56	1.59	1.61	1.64	1.67	1.70	1.74	1.77
.40	1.53	1.55-	1.57	1.60	1.62	1.65-	1.68	1.71	1.74	1.78
.41	1.54	1.56	1.58	1.60	1.63	1.66	1.69	1.72	1.75+	1.79
.42	1.54	1.56	1.59	1.61	1.64	1.67	1.70	1.73	1.76	1.80
.43	1.55+	1.57	1.60	1.62	1.65-	1.67	1.70	1.74	1.77	1.81
.44	1.56	1.58	1.60	1.63	1.66	1.68	1.71	1.75-	1.78	1.82
.45	1.57	1.59	1.61	1.64	1.66	1.69	1.72	1.76	1.79	1.83
.46	1.58	1.60	1.62	1.65-	1.67	1.70	1.73	1.77	1.80	1.84
.47	1.59	1.61	1.63	1.66	1.68	1.71	1.74	1.78	1.81	1.85-
.48	1.60	1.62	1.64	1.67	1.69	1.72	1.75+	1.79	1.82	1.86
.49	1.61	1.63	1.65+	1.68	1.71	1.73	1.76	1.80	1.83	1.87

	.70	.71	.72	.73	.74	.75	.76	.77	.78	.79
.50	1.62	1.64	1.66	1.69	1.72	1.75-	1.78	1.81	1.85-	1.88
.51	1.63	1.65+	1.68	1.70	1.73	1.76	1.79	1.82	1.86	1.90
.52	1.64	1.66	1.69	1.71	1.74	1.77	1.80	1.83	1.87	1.91
.53	1.65+	1.67	1.70	1.73	1.75+	1.78	1.81	1.85-	1.88	1.92
.54	1.66	1.69	1.71	1.74	1.77	1.80	1.83	1.86	1.90	1.94
.55	1.68	1.70	1.73	1.75+	1.78	1.81	1.84	1.88	1.91	1.95+
.56	1.69	1.71	1.74	1.77	1.79	1.82	1.86	1.89	1.93	1.97
.57	1.70	1.73	1.75+	1.78	1.81	1.84	1.87	1.91	1.94	1.98
.58	1.72	1.74	1.77	1.80	1.83	1.86	1.89	1.92	1.96	2.00
.59	1.73	1.76	1.78	1.81	1.84	1.87	1.91	1.94	1.98	2.02
.60	1.75+	1.77	1.80	1.83	1.86	1.89	1.92	1.96	2.00	2.04
.61	1.77	1.79	1.82	1.85-	1.88	1.91	1.94	1.98	2.02	2.06
.62	1.78	1.81	1.84	1.86	1.90	1.93	1.96	2.00	2.04	2.08
.63	1.80	1.83	1.86	1.88	1.91	1.95-	1.98	2.02	2.06	2.10
.64	1.82	1.85-	1.88	1.90	1.93	1.97	2.00	2.04	2.08	2.12
.65	1.84	1.87	1.90	1.93	1.96	1.99	2.02	2.06	2.10	2.15-
.66	1.86	1.89	1.92	1.95-	1.98	2.01	2.05-	2.09	2.13	2.17
.67	1.89	1.91	1.94	1.97	2.00	2.04	2.07	2.11	2.15+	2.20
.68	1.91	1.94	1.97	2.00	2.03	2.06	2.10	2.14	2.18	2.22
.69	1.93	1.96	1.99	2.02	2.05+	2.09	2.13	2.17	2.21	2.25+
.70	1.96	1.99	2.02	2.05-	2.08	2.12	2.15+	2.19	2.24	2.28
.71	1.99	2.02	2.05-	2.08	2.11	2.15-	2.18	2.23	2.27	2.32
.72	2.02	2.05-	2.08	2.11	2.14	2.18	2.22	2.26	2.30	2.35+
.73	2.05-	2.08	2.11	2.14	2.18	2.21	2.25+	2.29	2.34	2.39
.74	2.08	2.11	2.14	2.18	2.21	2.25-	2.29	2.33	2.38	2.42
.75	2.12	2.15-	2.18	2.21	2.25-	2.29	2.33	2.37	2.42	2.47
.76	2.15+	2.18	2.22	2.25+	2.29	2.33	2.37	2.41	2.46	2.51
.77	2.19	2.23	2.26	2.29	2.33	2.37	2.41	2.46	2.50	2.56
.78	2.24	2.27	2.30	2.34	2.38	2.42	2.46	2.50	2.55+	2.61
.79	2.28	2.32	2.35+	2.39	2.42	2.47	2.51	2.56	2.61	2.66
.80	2.33	2.37	2.40	2.44	2.48	2.52	2.56	2.61	2.66	2.72
.81	2.39	2.42	2.46	2.50	2.54	2.58	2.62	2.67	2.72	2.78
.82	2.45-	2.48	2.52	2.56	2.60	2.64	2.69	2.74	2.79	2.85-
.83	2.51	2.55-	2.58	2.62	2.67	2.71	2.76	2.81	2.87	2.92
.84	2.58	2.62	2.66	2.70	2.74	2.79	2.84	2.89	2.95-	3.01
.85	2.66	2.70	2.74	2.78	2.82	2.87	2.92	2.98	3.03	3.10
.86	2.74	2.78	2.82	2.87	2.91	2.96	3.01	3.07	3.13	3.20
.87	2.84	2.88	2.92	2.97	3.02	3.07	3.12	3.18	3.24	3.31
.88	2.95-	2.99	3.03	3.08	3.13	3.18	3.24	3.30	3.36	3.43
.89	3.07	3.11	3.16	3.21	3.26	3.32	3.37	3.44	3.51	3.58
.90	3.21	3.26	3.31	3.36	3.41	3.47	3.53	3.60	3.67	3.74
.91	3.38	3.42	3.48	3.53	3.59	3.65-	3.71	3.78	3.85+	3.93
.92	3.57	3.62	3.68	3.73	3.79	3.86	3.93	4.00	4.08	4.16
.93	3.81	3.86	3.92	3.98	4.05-	4.11	4.19	4.26	4.35-	4.44
.94	4.11	4.16	4.22	4.29	4.36	4.43	4.51	4.59	4.68	4.78
.95	4.48	4.55-	4.61	4.69	4.76	4.84	4.93	5.02	5.12	5.22
.96	5.00	5.07	5.15-	5.22	5.31	5.40	5.49	5.60	5.71	5.82
.97	5.76	5.84	5.93	6.02	6.12	6.22	6.33	6.45-	6.57	6.71
.98	7.04	7.14	7.24	7.35+	7.47	7.60	7.73	7.87	8.03	8.20
.99	9.93	10.07	10.21	10.37	10.54	10.72	10.91	11.11	11.33	11.56

表二十(續)

103

	.80	.81	.82	.83	.84	.85	.86	.87	.88	.89
.00	1.67	1.71	1.75-	1.79	1.84	1.90	1.96	2.03	2.11	2.19
.01	1.67	1.71	1.75-	1.79	1.84	1.90	1.96	2.03	2.11	2.19
.02	1.67	1.71	1.75-	1.79	1.84	1.90	1.96	2.03	2.11	2.19
.03	1.67	1.71	1.75-	1.79	1.84	1.90	1.96	2.03	2.11	2.19
.04	1.67	1.71	1.75-	1.79	1.84	1.90	1.96	2.03	2.11	2.19
.05	1.67	1.71	1.75-	1.80	1.85-	1.90	1.96	2.03	2.11	2.20
.06	1.67	1.71	1.75+	1.80	1.85-	1.90	1.96	2.03	2.11	2.20
.07	1.67	1.71	1.75+	1.80	1.85-	1.90	1.96	2.03	2.11	2.20
.08	1.67	1.71	1.75+	1.80	1.85-	1.90	1.97	2.03	2.11	2.20
.09	1.67	1.71	1.75+	1.80	1.85+	1.91	1.97	2.04	2.11	2.20
.10	1.68	1.71	1.76	1.80	1.85+	1.91	1.97	2.04	2.12	2.20
.11	1.68	1.72	1.76	1.80	1.85+	1.91	1.97	2.04	2.12	2.21
.12	1.68	1.72	1.76	1.81	1.86	1.91	1.97	2.04	2.12	2.21
.13	1.68	1.72	1.76	1.81	1.86	1.91	1.98	2.05-	2.12	2.21
.14	1.68	1.72	1.76	1.81	1.86	1.92	1.98	2.05-	2.13	2.21
.15	1.69	1.72	1.77	1.81	1.86	1.92	1.98	2.05+	2.13	2.22
.16	1.69	1.73	1.77	1.82	1.87	1.92	1.99	2.05+	2.13	2.22
.17	1.69	1.73	1.77	1.82	1.87	1.93	1.99	2.06	2.14	2.23
.18	1.69	1.73	1.78	1.82	1.87	1.93	1.99	2.06	2.14	2.23
.19	1.70	1.74	1.78	1.83	1.88	1.93	2.00	2.07	2.14	2.23
.20	1.70	1.74	1.78	1.83	1.88	1.94	2.00	2.07	2.15-	2.24
.21	1.70	1.74	1.79	1.83	1.89	1.94	2.00	2.07	2.15+	2.24
.22	1.71	1.75-	1.79	1.84	1.89	1.95-	2.01	2.08	2.16	2.25-
.23	1.71	1.75+	1.80	1.84	1.89	1.95+	2.01	2.08	2.16	2.25+
.24	1.72	1.76	1.80	1.85-	1.90	1.96	2.02	2.09	2.17	2.26
.25	1.72	1.76	1.80	1.85+	1.90	1.96	2.02	2.09	2.17	2.27
.26	1.73	1.77	1.81	1.86	1.91	1.97	2.03	2.10	2.18	2.27
.27	1.73	1.77	1.81	1.86	1.91	1.97	2.04	2.11	2.19	2.28
.28	1.74	1.78	1.82	1.87	1.92	1.98	2.04	2.11	2.19	2.28
.29	1.74	1.78	1.83	1.87	1.93	1.98	2.05-	2.12	2.20	2.29
.30	1.75-	1.79	1.83	1.88	1.93	1.99	2.05+	2.13	2.21	2.30
.31	1.75+	1.79	1.84	1.89	1.94	2.00	2.06	2.13	2.21	2.31
.32	1.76	1.80	1.84	1.89	1.95-	2.00	2.07	2.14	2.22	2.31
.33	1.77	1.81	1.85+	1.90	1.95+	2.01	2.08	2.15-	2.23	2.32
.34	1.77	1.81	1.86	1.91	1.96	2.02	2.08	2.16	2.24	2.33
.35	1.78	1.82	1.86	1.91	1.97	2.03	2.09	2.16	2.25	2.34
.36	1.79	1.83	1.87	1.92	1.98	2.03	2.10	2.17	2.26	2.35+
.37	1.79	1.84	1.88	1.93	1.98	2.04	2.11	2.18	2.27	2.36
.38	1.80	1.84	1.89	1.94	1.99	2.05+	2.12	2.19	2.28	2.37
.39	1.81	1.85+	1.90	1.95-	2.00	2.06	2.13	2.20	2.29	2.38
.40	1.82	1.86	1.91	1.96	2.01	2.07	2.14	2.21	2.30	2.39
.41	1.83	1.87	1.92	1.97	2.02	2.08	2.15-	2.22	2.31	2.40
.42	1.84	1.88	1.93	1.98	2.03	2.09	2.16	2.23	2.32	2.42
.43	1.85-	1.89	1.94	1.99	2.04	2.10	2.17	2.25-	2.33	2.43
.44	1.86	1.90	1.95-	2.00	2.05+	2.11	2.18	2.26	2.34	2.44
.45	1.87	1.91	1.96	2.01	2.06	2.13	2.19	2.27	2.36	2.46
.46	1.88	1.92	1.97	2.02	2.08	2.14	2.21	2.28	2.37	2.47
.47	1.89	1.93	1.98	2.03	2.09	2.15+	2.22	2.30	2.39	2.48
.48	1.90	1.94	1.99	2.04	2.10	2.16	2.23	2.31	2.40	2.50
.49	1.91	1.96	2.00	2.06	2.11	2.18	2.25-	2.33	2.42	2.52

表二十(續)

	80	81	82	83	84	85	86	87	88	89
50	1.92	1.97	2.02	2.07	2.13	2.19	2.26	2.34	2.43	2.53
51	1.94	1.98	2.03	2.08	2.14	2.21	2.28	2.36	2.45-	2.55-
52	1.95+	2.00	2.05-	2.10	2.16	2.22	2.29	2.37	2.46	2.57
53	1.97	2.01	2.06	2.11	2.17	2.24	2.31	2.39	2.48	2.59
54	1.98	2.03	2.08	2.13	2.19	2.26	2.33	2.41	2.50	2.61
55	2.00	2.04	2.09	2.15-	2.21	2.27	2.35-	2.43	2.52	2.63
56	2.01	2.06	2.11	2.16	2.22	2.29	2.37	2.45-	2.54	2.65-
57	2.03	2.08	2.13	2.18	2.24	2.31	2.38	2.47	2.56	2.67
58	2.05-	2.09	2.14	2.20	2.26	2.33	2.41	2.49	2.58	2.69
59	2.06	2.11	2.16	2.22	2.28	2.35+	2.43	2.51	2.61	2.72
60	2.08	2.13	2.18	2.24	2.30	2.37	2.45-	2.54	2.63	2.74
61	2.10	2.15+	2.21	2.26	2.33	2.40	2.47	2.56	2.66	2.77
62	2.12	2.17	2.23	2.29	2.35-	2.42	2.50	2.59	2.68	2.80
63	2.15-	2.20	2.25-	2.31	2.37	2.44	2.52	2.61	2.71	2.82
64	2.17	2.22	2.27	2.33	2.40	2.47	2.55+	2.64	2.74	2.85+
65	2.19	2.24	2.30	2.36	2.43	2.50	2.58	2.67	2.77	2.89
66	2.22	2.27	2.33	2.39	2.45+	2.53	2.61	2.70	2.80	2.92
67	2.25-	2.30	2.35+	2.41	2.48	2.56	2.64	2.73	2.84	2.95+
68	2.27	2.33	2.38	2.44	2.51	2.59	2.67	2.77	2.87	2.99
69	2.30	2.36	2.41	2.48	2.55-	2.62	2.71	2.80	2.91	3.03
70	2.33	2.39	2.45-	2.51	2.58	2.66	2.74	2.84	2.95-	3.07
71	2.37	2.42	2.48	2.55-	2.62	2.70	2.78	2.88	2.99	3.11
72	2.40	2.46	2.52	2.58	2.66	2.74	2.82	2.92	3.03	3.16
73	2.44	2.50	2.56	2.62	2.70	2.78	2.87	2.97	3.08	3.21
74	2.48	2.54	2.60	2.67	2.74	2.82	2.91	3.02	3.13	3.26
75	2.52	2.58	2.64	2.71	2.79	2.87	2.96	3.07	3.18	3.32
76	2.56	2.62	2.69	2.76	2.84	2.92	3.01	3.12	3.24	3.37
77	2.61	2.67	2.74	2.81	2.89	2.98	3.07	3.18	3.30	3.44
78	2.66	2.72	2.79	2.87	2.95	3.03	3.13	3.24	3.36	3.51
79	2.72	2.78	2.85-	2.92	3.01	3.10	3.20	3.31	3.43	3.58
80	2.78	2.84	2.91	2.99	3.07	3.16	3.27	3.38	3.51	3.65+
81	2.84	2.91	2.98	3.06	3.14	3.24	3.34	3.46	3.59	3.74
82	2.91	2.98	3.05+	3.13	3.22	3.32	3.42	3.54	3.68	3.83
83	2.99	3.06	3.13	3.21	3.30	3.40	3.51	3.64	3.78	3.93
84	3.07	3.14	3.22	3.30	3.40	3.50	3.61	3.74	3.88	4.04
85	3.16	3.24	3.32	3.40	3.50	3.60	3.72	3.85+	4.00	4.16
86	3.27	3.34	3.42	3.51	3.61	3.72	3.84	3.97	4.13	4.30
87	3.38	3.46	3.54	3.64	3.74	3.85+	3.97	4.11	4.27	4.45-
88	3.51	3.59	3.68	3.78	3.88	4.00	4.13	4.27	4.43	4.62
89	3.65+	3.74	3.83	3.93	4.04	4.16	4.30	4.45-	4.62	4.81
90	3.82	3.91	4.01	4.11	4.23	4.36	4.50	4.65+	4.83	5.03
91	4.02	4.11	4.21	4.32	4.44	4.58	4.73	4.89	5.08	5.29
92	4.25+	4.35+	4.46	4.57	4.70	4.84	5.00	5.18	5.37	5.60
93	4.54	4.64	4.75+	4.88	5.02	5.17	5.33	5.52	5.73	5.97
94	4.89	5.00	5.12	5.25+	5.40	5.56	5.74	5.95-	6.17	6.43
95	5.34	5.46	5.60	5.74	5.90	6.08	6.28	6.49	6.74	7.02
96	5.95+	6.09	6.24	6.40	6.58	6.78	7.00	7.24	7.52	7.83
97	6.85+	7.01	7.19	7.37	7.58	7.81	8.06	8.34	8.66	9.03
98	8.38	8.57	8.78	9.01	9.26	9.54	9.85+	10.19	10.58	11.03
99	11.82	12.09	12.39	12.71	13.07	13.46	13.89	14.37	14.93	15.55+

表二十 (續)

105

	.90	.91	.92	.93	.94	.95	.96	.97	.98	.99
.00	2.29	2.41	2.55+	2.72	2.93	3.20	3.57	4.11	5.03	7.09
.01	2.29	2.41	2.55+	2.72	2.93	3.20	3.57	4.11	5.03	7.09
.02	2.29	2.41	2.55+	2.72	2.93	3.20	3.57	4.11	5.03	7.09
.03	2.30	2.41	2.55+	2.72	2.93	3.20	3.57	4.12	5.03	7.09
.04	2.30	2.41	2.55+	2.72	2.93	3.21	3.57	4.12	5.03	7.09
.05	2.30	2.41	2.55+	2.72	2.94	3.21	3.58	4.12	5.03	7.10
.06	2.30	2.42	2.56	2.73	2.94	3.21	3.58	4.12	5.04	7.10
.07	2.30	2.42	2.56	2.73	2.94	3.21	3.58	4.12	5.04	7.11
.08	2.30	2.42	2.56	2.73	2.94	3.21	3.58	4.13	5.04	7.11
.09	2.30	2.42	2.56	2.73	2.94	3.22	3.59	4.13	5.05-	7.12
.10	2.31	2.42	2.56	2.73	2.95-	3.22	3.59	4.13	5.05+	7.12
.11	2.31	2.43	2.57	2.74	2.95-	3.22	3.59	4.14	5.06	7.13
.12	2.31	2.43	2.57	2.74	2.95+	3.23	3.60	4.14	5.06	7.14
.13	2.31	2.43	2.57	2.74	2.96	3.23	3.60	4.15-	5.07	7.15-
.14	2.32	2.44	2.58	2.75-	2.96	3.23	3.61	4.15+	5.08	7.16
.15	2.32	2.44	2.58	2.75+	2.96	3.24	3.61	4.16	5.08	7.17
.16	2.32	2.44	2.58	2.76	2.97	3.24	3.62	4.17	5.09	7.18
.17	2.33	2.45-	2.59	2.76	2.97	3.25-	3.62	4.17	5.10	7.19
.18	2.33	2.45+	2.59	2.77	2.98	3.26	3.63	4.18	5.11	7.20
.19	2.34	2.46	2.60	2.77	2.99	3.26	3.64	4.19	5.12	7.22
.20	2.34	2.46	2.60	2.78	2.99	3.27	3.65-	4.20	5.13	7.24
.21	2.35-	2.47	2.61	2.78	3.00	3.28	3.65+	4.21	5.14	7.25+
.22	2.35+	2.47	2.62	2.79	3.00	3.28	3.66	4.22	5.15+	7.27
.23	2.36	2.48	2.62	2.80	3.01	3.29	3.67	4.23	5.16	7.28
.24	2.36	2.48	2.63	2.80	3.02	3.30	3.68	4.24	5.18	7.30
.25	2.37	2.49	2.64	2.81	3.03	3.31	3.69	4.25-	5.19	7.32
.26	2.38	2.50	2.64	2.82	3.04	3.32	3.70	4.26	5.20	7.34
.27	2.38	2.51	2.65-	2.83	3.04	3.33	3.71	4.27	5.22	7.36
.28	2.39	2.51	2.66	2.83	3.05+	3.34	3.72	4.28	5.24	7.39
.29	2.40	2.52	2.67	2.84	3.06	3.35-	3.73	4.30	5.25+	7.41
.30	2.41	2.53	2.67	2.85+	3.07	3.36	3.74	4.31	5.27	7.43
.31	2.41	2.54	2.68	2.86	3.08	3.37	3.76	4.33	5.29	7.46
.32	2.42	2.55-	2.69	2.87	3.09	3.38	3.77	4.34	5.31	7.49
.33	2.43	2.55+	2.70	2.88	3.10	3.39	3.78	4.36	5.32	7.51
.34	2.44	2.56	2.71	2.89	3.12	3.41	3.80	4.37	5.34	7.54
.35	2.45-	2.57	2.72	2.90	3.13	3.42	3.81	4.39	5.36	7.57
.36	2.46	2.59	2.74	2.92	3.14	3.43	3.83	4.41	5.39	7.60
.37	2.47	2.60	2.75-	2.93	3.15+	3.45-	3.84	4.43	5.41	7.63
.38	2.48	2.61	2.76	2.94	3.17	3.46	3.86	4.45-	5.43	7.66
.39	2.49	2.62	2.77	2.95+	3.18	3.48	3.88	4.47	5.46	7.70
.40	2.50	2.63	2.78	2.97	3.20	3.49	3.90	4.49	5.48	7.73
.41	2.52	2.64	2.80	2.98	3.21	3.51	3.92	4.51	5.51	7.77
.42	2.53	2.66	2.81	3.00	3.23	3.53	3.94	4.53	5.54	7.81
.43	2.54	2.67	2.83	3.01	3.25-	3.55-	3.96	4.56	5.56	7.85-
.44	2.55+	2.69	2.84	3.03	3.26	3.57	3.98	4.58	5.60	7.89
.45	2.57	2.70	2.86	3.05-	3.28	3.59	4.00	4.61	5.63	7.94
.46	2.58	2.72	2.87	3.06	3.30	3.61	4.02	4.63	5.66	7.98
.47	2.60	2.73	2.89	3.08	3.32	3.63	4.05-	4.66	5.69	8.03
.48	2.62	2.75-	2.91	3.10	3.34	3.65+	4.07	4.69	5.73	8.08
.49	2.63	2.77	2.93	3.12	3.36	3.67	4.10	4.72	5.76	8.13

	90	91	92	93	94	95	96	97	98	99
50	2.65-	2.78	2.95-	3.14	3.38	3.70	4.12	4.75+	5.80	8.18
51	2.67	.80	2.97	3.16	3.41	3.72	4.15+	4.78	5.84	8.24
52	2.69	2.82	2.99	3.18	3.43	3.75-	4.18	4.81	5.88	8.30
53	2.71	2.84	3.01	3.21	3.46	3.78	4.21	4.85-	5.93	8.36
54	2.73	2.87	3.03	3.23	3.48	3.81	4.24	4.89	5.97	8.42
55	2.75-	2.89	3.06	3.26	3.51	3.83	4.28	4.93	6.02	8.49
56	2.77	2.91	3.08	3.28	3.54	3.87	4.31	4.97	6.06	8.55+
57	2.79	2.94	3.11	3.31	3.57	3.90	4.35-	5.01	6.12	8.63
58	2.82	2.96	3.13	3.34	3.60	3.93	4.38	5.05+	6.17	8.70
59	2.84	2.99	3.16	3.37	3.63	3.97	4.42	5.09	6.22	8.78
60	2.87	3.01	3.19	3.40	3.66	4.00	4.46	5.14	6.28	8.86
61	2.90	3.04	3.22	3.43	3.70	4.04	4.51	5.19	6.34	8.94
62	2.92	3.07	3.25+	3.47	3.74	4.08	4.55+	5.24	6.41	9.03
63	2.95+	3.11	3.29	3.50	3.77	4.12	4.60	5.30	6.47	9.12
64	2.99	3.14	3.32	3.54	3.82	4.17	4.65-	5.35+	6.54	9.23
65	3.02	3.17	3.36	3.58	3.86	4.21	4.70	5.41	6.61	9.33
66	3.05+	3.21	3.40	3.62	3.90	4.26	4.75+	5.48	6.69	9.43
67	3.09	3.25-	3.44	3.66	3.95-	4.31	4.81	5.54	6.77	9.55+
68	3.13	3.29	3.48	3.71	4.00	4.37	4.87	5.61	6.85+	9.67
69	3.17	3.33	3.52	3.76	4.05+	4.42	4.93	5.68	6.94	9.79
70	3.21	3.38	3.57	3.81	4.11	4.48	5.00	5.76	7.04	9.93
71	3.26	3.42	3.62	3.86	4.16	4.55-	5.07	5.84	7.14	10.07
72	3.31	3.48	3.68	3.92	4.22	4.61	5.15-	5.93	7.24	10.21
73	3.36	3.53	3.73	3.98	4.29	4.69	5.22	6.02	7.35+	10.37
74	3.41	3.59	3.79	4.05-	4.36	4.76	5.31	6.12	7.47	10.54
75	3.47	3.65-	3.86	4.11	4.43	4.84	5.40	6.22	7.60	10.72
76	3.53	3.71	3.93	4.19	4.51	4.93	5.49	6.33	7.73	10.91
77	3.60	3.78	4.00	4.26	4.59	5.02	5.60	6.45-	7.87	11.11
78	3.67	3.85+	4.08	4.35-	4.68	5.12	5.71	6.57	8.03	11.33
79	3.74	3.93	4.16	4.44	4.78	5.22	5.82	6.71	8.20	11.56
80	3.82	4.02	4.25+	4.54	4.89	5.34	5.95+	6.85+	8.38	11.82
81	3.91	4.11	4.35+	4.64	5.00	5.46	6.09	7.01	8.57	12.09
82	4.01	4.21	4.46	4.75+	5.12	5.60	6.24	7.19	8.78	12.39
83	4.11	4.32	4.57	4.88	5.25+	5.74	6.40	7.37	9.01	12.71
84	4.23	4.44	4.70	5.02	5.40	5.90	6.58	7.58	9.26	13.07
85	4.36	4.58	4.84	5.17	5.56	6.08	6.78	7.81	9.54	13.46
86	4.50	4.73	5.00	5.33	5.74	6.28	7.00	8.06	9.85+	13.89
87	4.65+	4.89	5.18	5.52	5.95-	6.49	7.24	8.34	10.19	14.37
88	4.83	5.08	5.37	5.73	6.17	6.74	7.52	8.66	10.58	14.93
89	5.03	5.29	5.60	5.97	6.43	7.02	7.83	9.03	11.03	15.55+
90	5.26	5.53	5.85+	6.24	6.72	7.35-	8.20	9.43	11.53	16.26
91	5.53	5.82	6.15+	6.56	7.07	7.72	8.61	9.92	12.12	17.09
92	5.85+	6.15+	6.51	6.94	7.48	8.17	9.12	10.49	12.82	18.08
93	6.24	6.56	6.94	7.40	7.97	8.71	9.72	11.19	13.68	19.27
94	6.72	7.07	7.48	7.97	8.59	9.39	10.47	12.06	14.73	20.79
95	7.35-	7.72	8.17	8.71	9.39	10.26	11.44	13.18	16.10	22.73
96	8.20	8.61	9.12	9.72	10.47	11.44	12.76	14.68	17.95+	25.32
97	9.43	9.92	10.49	11.19	12.06	13.18	14.68	16.92	20.66	29.15+
98	11.53	12.12	12.82	13.68	14.73	16.10	17.95+	20.66	25.25+	35.59
99	16.26	17.09	18.08	19.27	20.79	22.73	25.32	29.15+	35.59	50.25+

國立臺灣大學圖書館

510

4425-1

v.2

0527010

登錄號

527010

