

**Analysis I****Arbeitsblatt 27****Übungsaufgaben**

AUFGABE 27.1. Bestimme eine Stammfunktion für die Funktion

$$\frac{e^{2t} + e^t + 1}{e^{2t} - 1}.$$

AUFGABE 27.2. Bestimme eine Stammfunktion für die Funktion

$$\frac{5}{e^{3t} - 1}.$$

AUFGABE 27.3. Bestimme eine Stammfunktion für die Funktion

$$\frac{1}{9a^x + 4a^{-x}}$$

mit  $a > 1$ .

AUFGABE 27.4.\*

Bestimme eine Stammfunktion für die Funktion

$$\frac{1}{\sinh t}$$

für  $t > 0$ .

AUFGABE 27.5. Bestimme eine Stammfunktion für die Funktion

$$\frac{1}{\cosh x + \sinh^2 x}.$$

AUFGABE 27.6. Bestimme eine Stammfunktion für die Funktion

$$\frac{\ln x}{x}.$$

## AUFGABE 27.7.\*

a) Bestimme die reelle Partialbruchzerlegung von

$$\frac{4s}{s^4 - 2s^2 + 1}.$$

b) Bestimme eine Stammfunktion von

$$\frac{4s}{s^4 - 2s^2 + 1}.$$

c) Bestimme eine Stammfunktion von

$$\frac{1}{\sinh^2 t}.$$

## AUFGABE 27.8.\*

Bestimme eine Stammfunktion für die Funktion ( $-\frac{\pi}{2} < t < \frac{\pi}{2}$ )

$$\frac{1}{\cos t}.$$

AUFGABE 27.9. Bestimme eine Stammfunktion für die Funktion

$$\frac{1}{\sin^3 x}.$$

AUFGABE 27.10. Bestimme eine Stammfunktion für die Funktion ( $0 < t < \frac{\pi}{2}$ )

$$\frac{1}{\sin t + \cos t}.$$

AUFGABE 27.11. Bestimme eine Stammfunktion für die Funktion

$$\frac{2 - \cos x}{2 + \cos x}.$$

AUFGABE 27.12. Bestimme eine Stammfunktion für die Funktion

$$\cos(2x) \sin^2(x).$$

AUFGABE 27.13. Zeige, dass die in Lemma 27.5 verwendeten Substitutionen  $x = \cos t = \frac{1-s^2}{1+s^2}$  und  $y = \sin t = \frac{2s}{1+s^2}$  die Kreisgleichung  $x^2 + y^2 = 1$  erfüllen.

AUFGABE 27.14. Bestimme eine Stammfunktion für die Funktion

$$\sqrt{3x^2 + 4x - 2}.$$

AUFGABE 27.15. Bestimme eine Stammfunktion für die Funktion

$$\frac{1}{\sqrt{x^2 - 2x + 2}}.$$

AUFGABE 27.16. Erstelle ein Abbildungsdiagramm, das aufzeigt, wie sich eine rationale Funktion in den trigonometrischen Funktionen als eine zusammengesetzte Funktion ergibt.

AUFGABE 27.17.\*

Berechne das bestimmte Integral

$$\int_0^1 \frac{r}{\sqrt{1-r^2}} dr.$$

AUFGABE 27.18. Bestimme eine Stammfunktion für die Funktion

$$\sqrt{\frac{u+1}{u}}.$$

### Aufgaben zum Abgeben

AUFGABE 27.19. (4 Punkte)

Bestimme eine Stammfunktion für die Funktion

$$\frac{e^{2t} + e^{3t}}{e^{4t} - 1}.$$

AUFGABE 27.20. (4 Punkte)

Bestimme eine Stammfunktion für die Funktion

$$\frac{\ln 2x}{x \ln 4x}.$$

AUFGABE 27.21. (4 Punkte)

Bestimme eine Stammfunktion für die Funktion

$$\frac{1}{\sin(3x) \cos(x)}.$$

AUFGABE 27.22. (5 Punkte)

Berechne durch geeignete Substitutionen eine Stammfunktion zu

$$\sqrt{4x^2 + 2x + 3}.$$

4

AUFGABE 27.23. (6 Punkte)

Bestimme eine Stammfunktion für die Funktion

$$\frac{1}{x\sqrt{-x^2 + 5x - 6}}.$$

AUFGABE 27.24. (6 Punkte)

Bestimme eine Stammfunktion für die Funktion

$$\frac{(\sqrt{x^2 + x + 1})^2 + 4x^3\sqrt{x^2 + x + 1} - 3x}{x^2\sqrt{x^2 + x + 1}}.$$

## Abbildungsverzeichnis

- Erläuterung: Die in diesem Text verwendeten Bilder stammen aus Commons (also von <http://commons.wikimedia.org>) und haben eine Lizenz, die die Verwendung hier erlaubt. Die Bilder werden mit ihren Dateinamen auf Commons angeführt zusammen mit ihrem Autor bzw. Hochlader und der Lizenz. 5
- Lizenzklärung: Diese Seite wurde von Holger Brenner alias Bocardodarapti auf der deutschsprachigen Wikiversity erstellt und unter die Lizenz CC-by-sa 3.0 gestellt. 5