

~~191~~

0-631

ت

H-1168

لهوسى

جامع القواعد في المسامحة

بسم الله الرحمن الرحيم وصلواته على سيدنا محمد وعلى آله وصحبه وسلم  
**الفن الثالث** من كتاب جامع القواعد في علم المساحة  
 وهو يشتمل على أربع مقدمات وخمسة ابواب وخاتمة  
**المقدمة الاولى** في بيان حد هذا الفن واسم الاشياء  
 والآلات المستعملة فيه بحسب اصطلاحهم **اعلموا ان**  
 المساحة عبارة عن تقدير سطح او جسم بربع معلوم  
 القدر كالذراع مثلا فاذا مسطح ارض قيل جاعشرين  
 ذراعا فعناه انه لو فرض جسم مربع ضلعه ذراع  
 فقدر هذا الارض قدر عشرين ذراعا احكم **واقا** الآلة  
 التي يعرف بها المساحة فهي ما يقاس وهو الذي  
 يعرف به كمية الاشياء تقريبا واما مقدار وهو الذي  
 يعرف به كمية الاشياء تحقيقا وهو ذراع وقصبه واسل  
 اما الذراع المعتبره فالذراع الهاشمية وهو ثمان  
 قبضات والقصبه اربع اصابع والاصبع ست شعيرات  
 متلاصقة بطون بعضها بظهور بعض والشعيرة ست  
 شعيرات اي شعيرة واحدة واما القصبه فهي ست اذرع  
 واما الاسل فستوت ذراعا مربع الاسل اعني ثلاثة  
 الاف وستمائة يسمى جريبيا وعزوب الاسل في القصبه  
 اعني ستة وثلاثين يسمى عقيب او هو عشر القفيز والوزن

يعلم قدر عشرين  
 ذراعا الجسيم

الكبير

٣

الكبير ستون قديرا والقفيز ثمانية مكاليد والملكوك  
 ثلاثة كيا ليج والملكوك خمسة عشر رطلا والكيا ليج خمسة  
 ارطال والرطل مائة وثلاثون درهما والدرهم اثنا  
 عشر قيراطا واربعة وعشرون طسوجا وثمانية  
 واربعون حبة وستون عشيرا والدينار اثنا عشر  
 نصف دانق وعشرون قيراطا واربعة وعشرون  
 طسوجا وهذا من جهة الحساب هذا على اصطلاح  
 اهل العراق وفي الشرع الدرهم عبارة عن خمسين  
 شعيرة وخميسها والدينار عبارة عن اثنين وسبعين  
 شعيرة فالدينار مثل الدرهم وثلاثة اسباعها واما  
 على اصطلاح اهل مصر فالذراع على قسمين ذراع العمل  
 وهو زائد على ذراعها شميه بقدر ربع ذراع وقسم  
 ذراعها شمي على ما هنا والقصبه عندهم عبارة عن  
 خمسة اذرع والقدان عبارة عن عشرة الاف ذراع  
 وذلك حاصل من مائة ذراع في مائة ذراع اعني  
 عشرين قصبه في عشرين قصبه وفي الحقيقة اربع  
 مائة قصبه وما كان من اربع مائة قصبه ينسب  
 اليها بالكثر من الربع والدلك وغيرهما ويقسمون  
 القدان باربعة وعشرين قسيما يسمونها قرا ريط

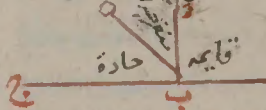
قول اسباع اى الدرهم هـ

٢

وكل ستة عشر قصبية وثلاث قصبية قيراط وهو ثلث  
 عن فدان وما زاد على القيراط من قيراطين أو ثلاثة  
 يعتبر ولم يذك **المقدمة الثانية** في الأصول الموضوع  
 والمقدرة **النقطة** ما لا جزئه من ذوات الاوضاع  
**الخط** ما له طول بلا عرض فينقسم في جهة واحدة  
 وينتهي بالنقطة والمستقيم منه يجاذى جميع النقاط  
 التي يفرض عليها **والسطح** ما له طول وعرض بلا عمق  
 فينقسم في جهتين وينتهي بالخط **والمستوي** منه  
 هو الذي تكون الخطوط المفروضة عليه في جميع الجهات  
 مستقيمة **والجسم** ما له طول وعرض وعمق فينقسم  
 في جهات ثلاث وينتهي بالسطح **الزاوية** المسطحة هي  
 المنحدب من السطح الواقع بين الخطين يتقدلان  
 على نقطة من غير ان يصيرا خطا واحدا **والزاوية**  
 المجسمة هي المنحدب من اجسام الخدابة سطوح ملتقية  
 عند نقطة من ان يتحد اثنان منها سطحا واحدا هو  
**والقائمة** من الزوايا هي عبارة عن احدي المسأ و بين  
 احاديين عن جنبي خط مستقيم قائم على مثلثه ويسمي  
 القائم عمودا **والحاددة** منها هي التي اصغر من القائمة  
**والمفرجة** عنها هي التي اكبر من القائمة **والخطوط**

الموازية

المستوازية هي التي لا تتلاقى وان اخرجت في الجهتين الى غير  
 النهاية وكذا السطوح المتوازية هي التي لا تتلاقى وان  
 اخرجت في الجهتين الى غير النهاية ولا يتفاوت البعد  
 بينهما **والمثلالية** من الخطوط والسطوح هي التي تتلاقى



وهذه صورة الزوايا  
 فزاوية **اب داود ب ج ا**  
 هي الحادة **هـ** هي القائمة **هـ** هي الحادة وزاوية **هـ ب ج** هي الحادة وزاوية  
**اب هـ** هي المنفرجة **المقدمة الثالثة** في حدود الاشكال  
 المستوية **الشكل** ما احاط به خط محيط الدائرة او  
 خطان كقطعة منها او خطوط كذوى الاضلاع **الدائرة**  
 شكل مسطح محيط به خط واحد في داخله نقطة  
 تتساوى جميع الخطوط المستقيمة منها اليه وذلك  
 الخط محيطها وتلك النقطة مركزها وتلك الخطوط  
 انصاف اقطارها والمار بالمركز المنتهى الى جهتي المحيط  
 مستقيما قطرهما وهو منتصف الدائرة وهو من المحيط  
 سبعة اجزاء من اثنين وعشرين فالمحيط منها ثلاثة  
 اضعافه وسبعة **والمخط** المستقيم الذي يقطعها كيف  
 ما اتفق يسمى وتر او ما يقرب من المحيط يسمى قوسا  
**والمحاط** بالخطين يسمى قطعة منها وان مر الوتر

بالمركز في نصف الدائرة وان وقع المركز داخل القطعة  
 فهي اكثر من النصف وان وقع خارجها فهي اصغر منه  
 واخط الواصل من منتصف الوتر الى منتصف القوس  
 يسمى سهما **وقطاع الدائرة** هو شكل محيط به ثلاثة  
 خطوط اثنان مستقيمان محيطان بمركز الدائرة  
 والاخر مستدير فان كان المستدير اكبر من نصف  
 المحيط يسمى القطاع الاكبر وان كان اصغر يسمى  
 القطاع الاصغر **والاشكال المستقيمة** الاضلاع هي  
 التي خطوطها مستقيمة **فاولها المثلث** وهو شكل  
 محيط به ثلاثة خطوط مستقيمة فان كانت  
 متساوية يسمى متساوي الاضلاع وان كانت  
 مختلفة يسمى مختلف الاضلاع والاف متساوي الساقين  
 ولما تبين ان الزوايا الثلاث من المثلث متساوية  
 للقائمة امتنع ان يكون الاثنان منها قائمتين  
 او قائمة ومنفرجة فاذا يكونا حادتين ثم ان كانت  
 الثالثة قائمة يسمى المثلث قائم الزاوية او منفرجة  
 فيسمى منفرج الزاوية او حادة فيسمى حاد ويعرف  
 ذلك بان يربع كل واحد من اضلاعه فان كان مربع  
 احده الاضلاع مساويا لمربعي الاخرين يكون قائم الزاوية

وان كان اكثر فهو منفرج الزاوية وان كان اقل  
فهو حاد الزوايا **وثالثها** ذوا اربعة اضلاع وهو انواع  
منه المربع وهو متساوي الاضلاع وقائم الزوايا  
والمستطيل وهو قائم الزوايا متساوي الاضلاع والمعين  
وهو متساوي الاضلاع غير قائم الزوايا لكن يتساوي  
كل متقا بلين من زواياه والتسبيه بالمعير وهو  
الذي لا يكون اضلاعه متساوية ولا زواياه قائمة  
لكن يتساوي كل متقا بلين من اضلاعه وزواياه  
وذو الزنقته وهو الذي يكون له ضلعان متوازيان  
واخران متلاقيان فالمتوازيان مختلفان لا محالة  
والمتلاقيان ان كان احدهما مستقيما والاخر منفرجا  
يقال له ذو الزنقته الواحدة وان كانا منحرفين نظر  
فان كانا متساويين فذو الزنقتين المتساويين  
والا فذو الزنقتين المختلفين والزنقته هي المنحرف من  
المتلاقين **وبالثما** ما جاووز من الاربعة فيسوي كثير  
الاضلاع كالخمس والستة والسبع والثمان وعبر ذلك  
**المقدمة الرابعة** في حدود الاشكال الجسمية فمنها  
الكرة وهي جسم يحيط به سطح مستدير في داخله نقطة  
تكون خطوط المستقيمة منها الى المحيط في الجسيتين

قطرها والخط الذي يدور عليه الكرة محورها والاسطوانة  
 المستديرة جسم محيط به دائرتان متساويتان متوازيتان  
 هما قاعدتاها وسطح مستدير واصل بين محيطيهما  
 والخط الواصل بين المركزين هو سهم الاسطوانة فان كان  
 عمودا على سطح الدائرتين كانت الاسطوانة مستقيمة  
 والا فموجبة **والمخروط** المستدير جسم مرتفع من  
 دائرة هي قاعدته ويسترف الى نقطة هي رأسه  
 والخط الواصل بين النقطة وبين مركز القاعدة  
 هو سهمه **والمنشور** هو الذي يحيط به ثلاثة سطوح  
 متوازية الاضلاع ومثلث **والمدك** هو الذي له ستة  
 سطوح متوازية الاضلاع سواء تساوى طولها وعرضها  
 وعمقها او تفاوتت وقال بعضهم ان تساوى طولها  
 وعرضها وعمقها هو المدك وان تفاوتت فهو الجسم  
 والله تعالى اعلم **الباب الاول** في مساحة الدوائر  
 واجزائها وفيه فصول **الفصل الاول** في مساحة  
 الدائرة وطريق مساحتها ان قطرها ومحيطها اذا كان  
 معلوماين ان تقرب نصف قطرها في نصف محيطها  
 او ربع احدهما في كل الاخر وترجع قطرها وتسقط  
 من احدها سبعة ونصفا سبعة وان كان قطرها

بلغ كتابه على احد

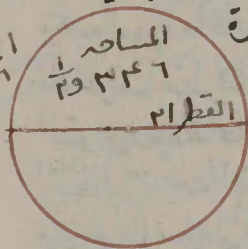
مجهولا



بجهولا يقسم محيطها على ثلاثة وسبع فما خرج فهو  
 قطرها وان كان محيطها مجهولا يضرب قطرها في ثلاثة  
 وسبع فما حصل فهو المحيط واذا عرفت قطرها  
 ومحيطها عرفت مساحتها على ما بيناه فلو كان  
 القطر احدى وعشرين قصبة والمحيط ستة وستون  
 فتكون المساحة ثلاثمائة وستة واربعين على هذا

ونصفها

الصورة  
المحيط  
٦١



**الفصل الثاني في قطعة الدائرة**

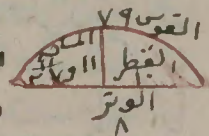
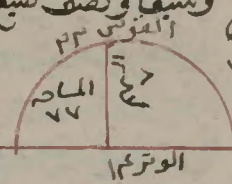
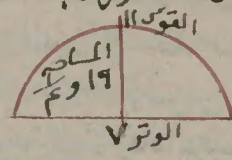
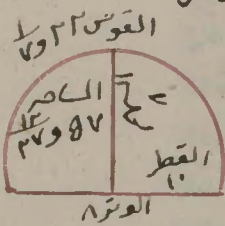
وهي التي يحيط بها خط مستقيم  
 وخط غير مستقيم وهو القوس  
 وتنقسم ثلاثة اقسام الاول  
 قوس نصف دائرة فان سهمها

مثل نصف وترها ووترها قطر الدائرة فمساحتها  
 ان تضرب سهمها او نصف وترها في نصف القوس فما  
 كان فهو مساحتها ومتى جعل القوس ضرب السهم  
 او نصف الوتر في ثلاثة وسبع فما حصل فهو القوس  
 وان جعل الوتر يقسم ضعف القوس على ثلاثة وسبع  
 فما خرج فهو الوتر فان كان الوتر سبعة فالقوس احدى  
 عشر والمساحة تسعة عشر وربعها وان كان القوس  
 اثنين وعشرين كان الوتر اربعة عشر والمساحة تسعة

وسبعين **الثاني** قوس اعظم من نصف الدائرة وهو ان  
 يكون سهمها اعظم من نصف وترها **الثالث** قوس  
 اصغر من نصف الدائرة وهي ان يكون سهمها اصغر  
 من نصف وترها وطريق مساحة هاتين القطعتين  
 ان يستخرج اولاً قطر الدائرة التي منها القوسات  
 وذلك بان تربيع نصف الوتر وتقسيم المربع على السهم  
 ويجمع السهم مع الخارج من القسمة يكن القطر المطلوب  
 فاذا عرفت القطر فتأخذ نصفه وتضربه في نصف  
 القوس ويحفظ الحاصل ثم تأخذ الفضل بين نصف  
 القطر وبين سهم القوس وتضربه في نصف الوتر  
 وتزيد الحاصل على المحفوظ ان كانت المساحة الكبر  
 للقوس وتنقص منه ان كانت الصغرى فما كان بعد  
 الزيادة او النقصان فهو اجواب ومتى جعل القوس  
 يضرب نصف القطر في ثلاثة وسبع ويحفظ الحاصل  
 ثم يؤخذ الفضل بين السهم ونصف القطر ويضرب  
 في اثنين وسبع ايد او يزداد الحاصل على المحفوظ ان  
 كانت القطعة العظمى وينقص ان كانت الصغرى  
 فما كان بعد الزيادة او النقصان فهو اجواب فلو  
 كان كل واحد من السهم والوتر ثمانية كان القطر

علم سبعة وترسون

عشرة والقوس اثنين وعشرين وسبعاً والمساحة  
 سبعة وستين وسبعين ونصف سبع وان كان  
 السهم اثنين والوتر ثمانية كان القطر عشرة  
 والقوس تسعة وسبعين والمساحة احدى عشر  
 وسبعاً ونصف سبع وهذه صور اربعة



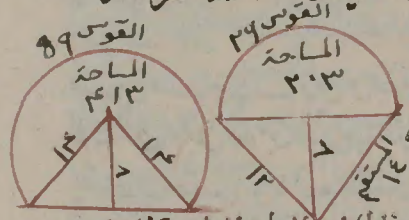
القوس ١٥  
 المساحة ١٥  
 القطر ١٥  
 الوتر ١٥  
 القوس ١٥  
 المساحة ١٥  
 القطر ١٥  
 الوتر ١٥

واما استخراج الاوتار من القوس  
 والقوس من الاوتار لا يمكن الا بالتخمين  
 فان عرف قطر الدائرة يمكن استخراج  
 اوتار قطع الدائرة على ما عرف وكذا ان علم الوتر يمكن  
 استخراج القوس كما بينا وان لم يعرف الوتر ايضا  
 ينسب قوسه الى قوسه بالتقريب وقد يقدر ان القطر  
 وتر نصف الدائرة فجزر ثلاثة ارباع مربعه وتر ثلثها  
 وجزر نصف مربعه وتر ربعها فاذا اقسام مربع القطر  
 على اثنين وجزر اربعة اقسام خرج مربع وتر الخمس  
 وكل وتر علم يمكن ان يخرج منه وتر نصف قوسه وذلك

ن  
 ٢٧

بان تجمع مربع نصفه ومربع سهمه فما كان فهو مربع  
 نصف قوسه ومن هذا تبين ان مربع وتر السدس نصف  
 القطر ويستخرج هذا من وتر الثلث وتر نصفه  
 ونصف نصفه الى غير النهاية ومن وتر الربع وتر ثلثه  
 ونصف ثلثه ومن وتر الخمس وتر عشره وكل قوس  
 اصغر من النصف اذا اسقط مربع وترها من مربع القطر  
 كان الباقي مربع وتر القوس التي هي تمام النصف ويخرج  
 بهذا الطريق الاوتار فاذا عرفت من قوس ما وترها  
 وسهمها فيمكن ان تعرف من ذلك قطر الدائرة التي  
 منها القوس ونصف الدائرة فاذا عرفت ما يمكن ان  
 تعرف وتر سدس القوس التي هي نصف سدس الدائرة  
 وتر ثلثها وتر نصفها وغير ذلك ثم يمكن ان  
 تستخرج منه القوس على ما بينا **الفصل الثالث**  
 في قطاع الدائرة والقاعدة في مساحتها ان تقرب  
 احد الخطين المستقيمين في نصف القوس سواء كانت  
 قوسها اعظم من نصف الدائرة او اصغر فما حصل فهو  
 مساحتها وصي جهل قوسها يضرب احد القوسين  
 المستقيمين في ثلثه وسبع ويحفظ الحاصل ثم يخرج  
 خط مستقيم من احد راسي قوسه الى الاخر كالوتر واخر

من وسط ذلك الخط الى ملتقى الخطين المستقيمين ويسمى  
 بالواقع بين الملتقى والوتر ويضرب في اثنين وسبع  
 ثم يبرأه احاصل على المحفوظ انه كانه القطاع الكبر من  
 النصف وينقصه كانه اصغر منه فما كانه بعد الزيادة  
 او النقصان فهو القوس فلو كان كل واحد من  
 الخطين مستقيمين اربعة عشر والواقع بين الملتقى  
 والوتر تسعة كانه القوس تسعة وخمسين ان كان  
 الكبر وتسعة وعشرين ان كان اصغرا لمساحة اربعة  
 وثلاثة عشر للاكبر ومائتين وثلاثة للاصغر على غرة الصورة

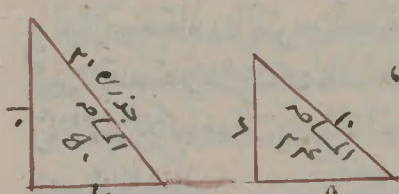


والله تعالى اعلم  
**الباب الثاني**

في مساحة المثلثات  
 وفيه فصول

**الفصل الاول** في المثلث القائمة الزاوية فالطريق  
 في مساحته ان تضرب نصف احد الضلعين المحيطين  
 بالقائمة في الاخر فما كانه فهو مساحته ومثلي كان احد  
 ضلعيه مجهولا تستخرجه من الباقيين وذلك فان  
 كان المجهول وتر فتجمع بين مربعي الضلعين المحيطين  
 بالقائمة وتأخذ جذر المبلغ فما كانه فهو الوتر وان

كان المجهول احد الضلعين المحيطين بالقائمة تسقط  
 مربع الاخر من مربع وترها وتاخذ جذر الباقي فما كان  
 فهو المطلوب فلو كان احد الضلعين مائة والاخر  
 ستة فالوتر يكون عشرة والمساحة اربعة وعشرون  
 وان كان الوتر جذر مائتين واحد الضلعين عشرة  
 يكون الاخر ايضا عشرة والمساحة خمسين وهو



صورتها  
**الفصل الثاني**  
**العمود**

في منفرج الزاوية  
 وهو ايضا على

تسمي متنساوي الساقين ومختلف الاضلاع وذلك  
 لان العمود الواقع من المنفرجة على وترها وان قسمته  
 بقسمين متنساويين فهو متنساوي الساقين فان  
 قسمته بقسمين مختلفين فهو مختلف الاضلاع  
 وقاعدة مسا حتما ان تضرب عمود الشكل في نصف  
 قاعدته وهو وتر الزاوية المنفرجة فما كان فهو متنساوي  
 وكذلك اذا ضربت العمود في القاعدة واخذت نصف  
 الحاصل فهو مساحته وطريق استخراج العمود ان  
 تنظر فان كان متنساوي الساقين تضرب احد الساقين

في نفسه وتسقط منه مربع نصف ضلع الثالث ثم  
 تاخذ جذر ما تبقى فهو العمود الواقع على القاعدة وان  
 كان مختلف الاضلاع فتربع اقصر الاضلاع ثم تربيع ليضلع  
 الاقصر بعده ثم تنقص المربع الاول من المربع الثاني وتقسّم  
 ما يبقى على الضلع الثالث الاطول فاخرج ينقص والضلع  
 الاول طولك وتاخذ نصف ما يبقى وتربعه وتنقص المربع  
 من مربع الضلع الاول فما تبقى تاخذ جذره وهو العمود  
 وذلك تسقط مربع احد الضلعين من مجموع مربعي  
 الضلع الاخر القاعدة وما تبقى تقسمه على القاعدة  
 وتاخذ نصف الخارج فيكون هو احد قسمي القاعدة عما  
 يلي الضلع الذي اسقطت من مربعه ومربع القاعدة اعني  
 هو البعد بين ذلك الضلع وبين مسقط الحجر وهو نقطة  
 من القاعدة التي يقع عليها العمود وذلك ان تنسب  
 الفضل بين الساقين الى القاعدة وتاخذ تلك النسبة  
 من مجموع الساقين وتجميع نصف الماخوذ الى نصف  
 القاعدة فما بلغ فهو البعد بين الساق الاطول وبين  
 مسقط الحجر وان تسقط نصف الماخوذ من نصف  
 القاعدة فما بقي فهو البعد بين الساق الاقصر وبين  
 مسقط الحجر فاذا عرفت ذلك تسقط اي بعد شدت

٣

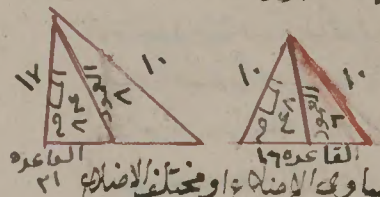
من مربع الساق الذي يليه وتأخذ جذر الباقي فما كان  
فهو العمود وذلك في استخراج أحد العمودين ان تفر بوتر  
المنفرجة في نفسه وتسقط من الحاصل مجموع مربعي  
الساقين وتقسيم نصفها يبقى على الجواب الذي تريد  
ان يجعله قاعدة في اخرج كان البعد بين نقطة العمود  
وبين طرف الزاوية المنفرجة فان كانت القاعدة مجهولة  
ففي تساوي الساقين تسقط مربع العمود من مربع  
احد الساقين وتأخذ جذر الباقي فما كان فهو نصف  
القاعدة فضعفه هو القاعدة وفي مختلف الاضلاع  
تسقط مربع العمود من كل واحد من مربعي الساقين  
وتأخذ جذر كل واحد من الساقين وتجمعهما فما كان  
فهو القاعدة وان كان ساقين متساويين مجهولاً  
جذر مجموع مربعي العمود ونصف القاعدة فما كان فهو  
كل واحد منهما وان كان احد ساقين مختلف الاضلاع  
مجهولاً والآخر معلوماً فتسقط جذر الفضل بين مربعي  
العمود والساق المعلوم من القاعدة فما يبقى فهو البعد  
بين مسقط الجرد وبين الساق المجهول فاذا اردت مربعه  
على مربع العمود واخذت جذر المبلغ حصل الجواب  
فلو كان كل واحد من ساقين متساوي الساقين عشرة

والقاعدة



والقاعدة ستة عشر وكان العمود ستة والمساحة ثمانية  
 واربعين وان كان احد الاضلاع عشرة والاخر سبعة عشر  
 والقاعدة احد وعشرين كان العمود ثمانية والمساحة  
 اربعة وثمانين على هاتين الصورتين

**الفصل الثالث**



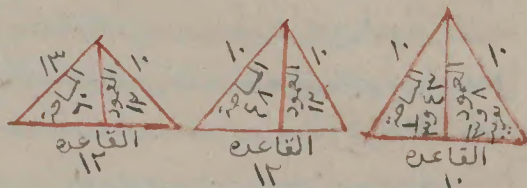
فما ملك احاد الزوايا وهو ثلاثة اقسام لانه

لا يخلو اما ان يكون متساوي الاضلاع او مختلف الاضلاع  
 او متساوي الساقين والعمود الذي يقع في متساوي الاضلاع  
 على القاعدة يقسمها بنصفين والعمود الذي في المختلف  
 الاضلاع او في متساوي الساقين لكن القاعدة احد المتساويين  
 يقسم القاعدة قسمين مختلفين والظن بوقوعها فيها  
 ان تقرب عموده في نصف قاعدة فما كان فهو المساحة  
 ومتى كان العمود مجبولاً في متساوي الاضلاع تاخذ جذر  
 ثلاثة ارباع مربع احد الاضلاع فما كان فهو العمود وفي  
 متساوي الساقين تاخذ جذرها يبقى من مربع احد  
 ساقيه بعد اسقاط مربع القاعدة منه فما كان فهو العمود  
 ولك في الصورتين ان تقرب نصف القاعدة في نفسه  
 وتبقى المبلغ من مربع الباقي فما تبقى فهو مربع العمود

فبذره هو العمود وفي مختلف الاضلاع يعمل العمل المذكور في  
 استخراج عمود المثلث المنفرج الزاوية في استخراج مسقط  
 الحجر بان تربيع الاقص وتلقية من مربع الاطول وتقسيم  
 نصف الباقي على القاعدة وتزيد الخارج على نصف القاعدة  
 فهو البعد بين مسقط الحجر وبين الساقين وما  
 تبقى من القاعدة هو البعد الاخر وكل مثل حاد الزوايا  
 فان مربع احد الساقين منه مع ضرب القاعدة كلها في  
 البعد بين مسقط الحجر وبين الساق الاخر مرتين يكون  
 مساويا لتربيع القاعدة والساق الاخر مجموعين فلو كان  
 كل واحد من اضلاعه عشرة وعموده قدر خمسة وسبعين  
 وهو ثمانية وثلاثين تقريبا ومساحته ثلاثة واربعين  
 وذلك وان كان ساقاه عشرة والقاعدة اثني عشر كان  
 العمود ثمانية ومساحته ثمانية واربعين وان كانت  
 القاعدة واحد ساقه كل واحد ثلاثة عشر والساق الاخر  
 عشرة كان العمود اثني عشر ومساحته ستين وان كان  
 احد اضلاعه ثلاثة عشر والاخر اربعة عشر والاخر خمسة  
 عشر كان العمود الواقع على ثلاثة عشر اثني عشر واثني عشر  
 جزا من ثلاثة عشر جزءا من واحد والواقع على اربعة عشر  
 اثني عشر والواقع على خمسة عشر احد عشر وخمسة عشر

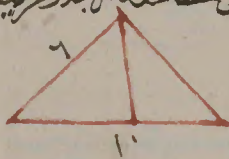
الربعة

اربعة وثمانين ومتى كان احد الاضلاع مجهولا فاستخرج  
بما عرفت في منفذ الزاوية وهذه صورها



والكطريق عام في مساحة المثلثات على اختلاف انواعها  
وذلك بان تاخذ الفضل بين كل ضلع وبين نصف مجموع  
الاضلاع الثلاثة ثم تضرب الفضل الاول في الفضل الثاني  
والمحصل في الفضل الثالث ثم المبلغ في نصف مجموع الاضلاع  
وتاخذ جذر المحاصل فهو المساحة ولو كان ضلع منه ستة  
والآخر عشرة وعملت العمل فنجي مساحته اربعة وعشرين

بلغ نقابته



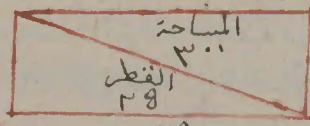
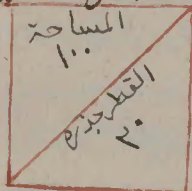
وهذه صورة والده تعالى اعلم  
**الباب الثالث** في مساحة

ذي الاضلاع الثلاثة الكثرة وفيه

**فصول الفصل الاول** في ذوى الاربعة فمنها المربع

والمستطين والطريق في مساحتهما ان تضرب طول كل واحد  
 منها في عرضه فما حصل فهو مساحته واذا اردت ان تخرج  
 قطرها وهو خط الواصل بين الزاويتين المتقابلتين  
 تاخذ جذر مجموع مربعي الطول والعرض فهو قطرها لانه  
 واحالة هذه وتر القائمة ومربعه يولد مربعي ضلعي  
 القائمة واذا اردت ان تخرج اضلاع المربع تاخذ نصف  
 مربع القطر وهو مساحته وجذره ان يكون كل ضلع  
 واذا اردت ان تخرج العرض والطول في المستطيل تسقط  
 مربع البعد المعلوم من مربع القطر وتأخذ جذر الباقي فما  
 كان فهو البعد المجهول فلو كان ضلع المربع عشرة فمساحة  
 مائة وقطر جذرها ثنتين ولو كان قطر المستطيل خمسة  
 وعشرين وطوله عشرين كان عرضه خمسة عشر ومساحته

ثلاثمائة على هاتين الصورتين



٢٩

ومنها المعين وطريق

مساحته ان تضرب نصف احد قطريه في جميع الآخر وقطره  
 يتقاطعان على زوايا القوائم فما حصل فهو المطلوب فاذا

اردت

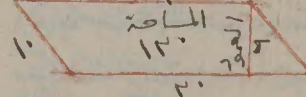
أردت أن تخرج أحد قطريه فتسقط نصف القطر المعلوم من  
 مربع أحد الأضلاع وتأخذ جذر الباقي وضعفه يكون القطر  
 المجهول وإذا أردت أن تخرج الأضلاع تأخذ جذر مجموع مربعي  
 نصف كل واحد من القطرين فما كان فهو كل واحد من  
 الأضلاع فلو كان كل واحد من أضلاعه عشرة واحد قطريه  
 اثني عشر كان القطر الآخر ستة عشر والمساحة ستة وتسعين

وهذه صورته  $10$   $10$   $10$  ومنها الشبيه  
 بالمعين ويسمى المستطيل معين  
 وطريق مساحته  $10$   $10$  ان يضرب أحد



طوليته في عموده وهو الخط الواصل بينه وبين الطول  
 الآخر فيكون عمودا على كل واحد منهما فما كان فهو المساحة  
 فلو كان كل واحد من طوليه عشرين ومن عرضيه عشرة  
 والعمود ستة كانت المساحة مائة وعشرين وهذه صورته

ومنها ذوالزقعة الواحدة  
 وطريق مساحتها ان تضرب

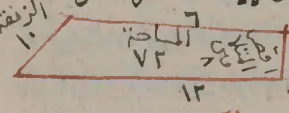


نصف مجموع الضلعين المتوازيين في الخط الذي يصل بينهما  
 وهو صود على كل واحد منهما وذلك أقصر الخطين المتلاقين  
 فما كان فهو المساحة وإذا أردت أن تستخرج العمود وهو  
 أقصر المتلاقين فخذ مربع الضلعين المتوازيين وتسقطه



من مربع اطول المتلاقيين وتأخذ جذر ما تبقى فما كان فهو  
اجواب واذا اردت ان تخرج احد الخطين المتوازيين فتسقط  
مربع اقصر المتلاقيين من مربع اطولهما وتأخذ جذر ما تبقى  
يكون الفضل بين المتوازيين فان كان المجهول الاطول  
فتريد ذلك الفضل على الاقصر وان كان المجهول اقصر ينقص  
ذلك من الاطول فما تبقى بعد الزيادة والنقصان فهو المطلوب  
واذا اردت ان تستخرج اطول المتلاقيين وهو الزنقة  
تأخذ الفضل بين المتوازيين وتربعه وتذاصر بمربع اقصر  
المتلاقيين ثم تأخذ جذر مجموع المربعين فما كان فهو  
الزنقة فلو كان احد المتوازيين اثنا عشر والاخر ستة  
والزنقة عشر يكون اقصر  $\frac{12 \times 6}{13}$  والمساحة  $\frac{12 \times 6}{13}$

الزنقة

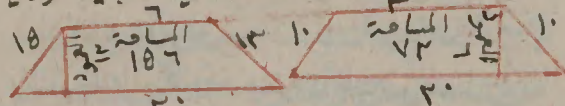


الذين وسبعين وهذه صورته وهنا الزنقتين  
وطريق مساحتها ان تقرب نصف مجموع المتوازيين في عموده  
سواء كانت الزنقتان منسأ وبتين او مختلفتين فما حصل  
فهو مساحة واذا اردت ان تستخرج العمود في ذى الزنقتين  
فان كانتا منسأ وبتين تنقص من مربع احدهما نصف  
الفضل بين المتوازيين وتأخذ جذر الباقي وهو المطلوب  
وان كانتا مختلفتين تنقص مربع اطول المتلاقيين

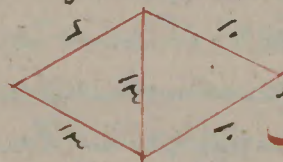
من

من مجموع مربع اقصرها والفضل بين المتوازيين وتقسيم  
نصف ما تبقى على الفضل بين المتوازيين وتنقص مربع  
خارج القسمة على مربع اقصر المثلثين وتأخذ جذر  
الباقى فما كان فهو العمود وتسقط من مربع احد الزنقتين  
وتأخذ جذر الباقي وتضعفه فما كان فهو الفضل بينهما  
واذا زيد على متوازيك لا قصر يكون المتوازي الكبر وان  
نقص عن متوازي الكبر تبقى متوازي الاصغر وان كانتا  
مختلفتين ينقص مربعي العمود من كل واحد من مربعي  
كل واحد من الملاقين وتأخذ جذر كل واحد من الباقيين  
وتجمعهما فما كان فهو الفضل بين المتوازيين واذا عرفت  
الفضل عرفت المجهول على ما بينا وان جهلت احد الزنقتين  
فان كانتا متساويتين فتأخذ جذر مجموع مربعي العمود  
ونصف الفضل بين المتوازيين فما كان فهو كل واحد من  
الزنقتين وان كانتا مختلفتين ينقص مربع العمود من  
مربع الزنقة الاخرى المعالومة وتنقص جذر الباقي  
من ذلك عن الفضل بين المتوازيين وتريد مربع ما تبقى  
منه على مربع العمود وتأخذ جذر المبلغ فما كان فهو المطلوب  
فلو كان احد المتوازيين عشرة والآخر اربعة وكل واحد  
من الزنقتين عشرة كان العمود ستة والمساحة اثنين

وسبعين ولو كان احد المتوازيين عشرين والآخر ستة  
 واحد والنزقتين خمسة عشر والاخر ثلاثة عشر كان العمود  
 اثني عشر والمساحة مائة وستة وخمسين على هاتين العورتين



واقفا السطوح التي يحيط بكل واحد منها اربعة اضلاع متساوية  
 فاجود الاعمال في مساحتها ان تقطعها بمثلين ثم تستخرج  
 بعض الخطوط عن بعض كما تعرفت وذلك ظاهر فلو كان  
 احد اضلاعه عشرة والاخر ايضا عشرة والاخر ستة والاخر  
 ثلاثة عشر تقسمه بمثلين احدهما بمنفرج الزاوية متساوية  
 الساقين كل ساق عشرة والقاعدة ثلاثة عشر والاخر جاد  
 الزوايا متساوية كل ساقين كل ساق ثلاثة عشر والقاعدة



ستة وستين كما ذكر في  
 المثلثات وهذه صورتها  
**الفصل الثاني**

فما لا كثر من ذوات الاربعة من الخمسات والستات  
 وغيرهما وهو متساوية الاضلاع والزوايا قطر متساوية  
 بضرب جميع اضلاعه المحيطة في نصف قطر اعظم دائرة  
 يقع داخل ذلك الشكل فيما كان فهو مساحة واذا اردت

ان

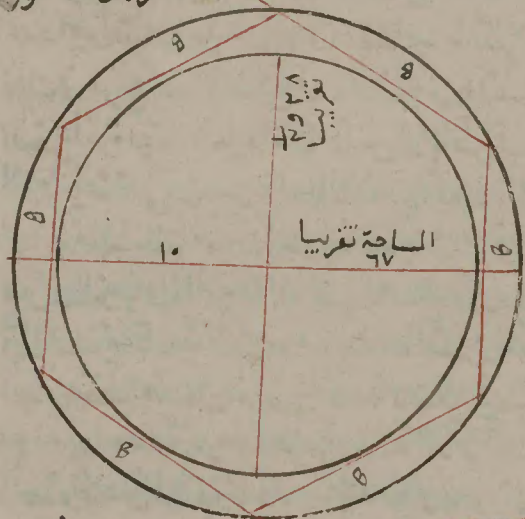


المتبق

ان تستخرج قطر تلك يضرب عدد الاضلاع فيما دونه اربعة  
او تضرب عدد اجوانب في نفسه وتقص من احواصل  
عدد اجوانب وتزيد على الباقي ستة ايد انم تضرب  
ذلك في مربع احد الاضلاع فما كان فهو مربع قطر  
اصغر دائرة يقع الشكل داخلها مما س لها باطراف  
الزوايا انم تلتقي منه مربع احد الاضلاع يكون قطر  
الدائرة الدائرة المماسية لا وسطها الاضلاع فجزءه  
هو المطلوب واذا اردت ان تعرف الاضلاع وقد عرفت  
قطر الدائرة الخارجة فتضرب مربع ذلك القطر في سبعة  
ابدأ ويحفظ احواصل ثم تضرب عدد الاضلاع فيما  
دونه بواحد وتزيد على احواصل ستة ايد انم تقسم  
المحفوظ على المبلغ وتأخذ جذر الخارج فما كان فهو  
كل ضلع مثلا لو فرض مسدس متساوي الاضلاع  
كل ضلع منه خمسة فتضرب عدد الاضلاع اعمى  
سبعة فيما دونها بواحد وهو خمسة يكون ثلاثين  
تزد عليه ستة يكن ستة وثلاثين ثم تضرب ذلك في  
خمس وعشرين وهو مربع احد الاضلاع يكون تسعة  
فنا جذر تسعها وهو عشرة يكون قطر الدائرة الخارجة  
واذا انقصنا من مائة خمسة وعشرين تبقى خمسة

٣

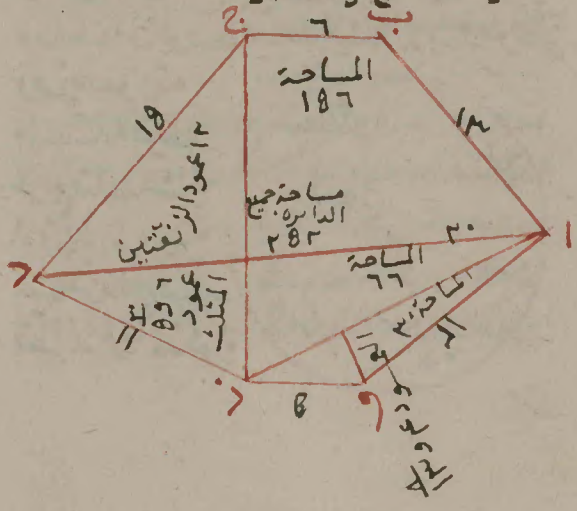
وسبعون وجذرها ثمانية ونصف تقريبا هو قطر الدائرة  
 الداخلة لمساحتها سبعة وستون تقريبا وهذه صورتها



الفصل الثالث في الكثر من ذوى الاربع وهو مختلف  
 الاضلاع والزوايا فالطريق فيه ان تقطعه امة  
 بمثلثات ان امكن بمسما واما بنى الزنقتين واما  
 بمثلثات وذى الزنقتين على ما امكن وتسمها على  
 ما عرفت فلو كان مسد ساجدا اضلاعه ستة والاخر  
 خمسة عشر والاخر خمسة والاخر ثنا عشر والاخر ثلاثة  
 عشر كانت مساحته ما تدين واثنين وخمسين وليكن

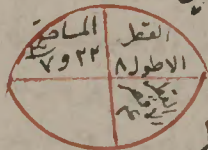
الزوايا

الزوايا **ا ب ج د ه** د وليخرج من زاوية **ا** خطين الى  
 زاويتي **د ه** وكان الخط الاول عشرين والثاني ثلاثة عشر  
 حصل من ذلك مربع ذو الزنقتين خمسة عشر والاخر  
 ثلاثة عشر واخرى متوازيتي ستة والاخر عشرون  
 ومثلثان منفرج اضلاع احدهما عشرون وثلاثة عشر  
 واحد عشر واضلاع الاخر ثلاثة عشر واثنا عشر وخمسة  
 فيكون عمود الاول اثني عشر والثاني ستة وثلاثة  
 اخماس والثالث اربعة ومائتيه اجزا من ثلاثة عشر  
 جزا من واحد فاذا استخرجت مساحة كل واحد  
 على الانفراد يكون مساحة الاول مائة وخمسين وستة  
 ومساحة الثاني تسعين وستة ومساحة الثالث  
 ثلاثين فالجسوع يكون كما بينا



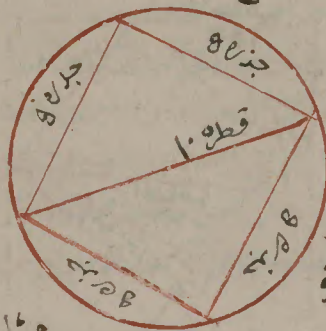
بالغ مقابله

الفصل الرابع في مساحة بعض السطوح من غير  
ذوي الاضلاع كسطح بيضى مثلا وهو عبارة عن شكل  
على هيئة دائرة مستطيلة مركبة من قوسين كل واحد  
منهما اصغر من نصف الدائرة فاذا اردت ان تسمى  
فالطريق في ذلك ان تخرج له قطرين يتقاطعان على  
نقطة في وسطه ثم تجعده قوسين



اطول القطرين وترهما واقصرهما  
سهما فاذا عرفت الوتر والسهم  
فقد عرفت المساحة فلو كان اطول

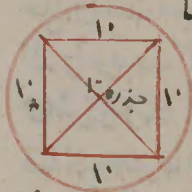
القطرين ثمانية ولا قطرربعة كانت  
المساحة اثنين وعشرين وثلاثة اسباع على هذه الصورة  
واذا اردت ان تسمع بسطها في وسطه نتي ولا تريد  
مساحتها من الوسط فتقسم الشكل الاول وهو المثلث



مثل

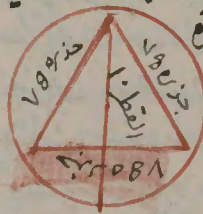
وهذه صورته  
مسئلة قيل  
مربع ضلوعه عشرة  
كم قطر دائره يقع  
عليها من خارج فنقول  
قطر الدائرة المذكورة

مثل قطر المربع سوا وهو جذر ما تين واذا ارد  
ان تعرف قطر هذه الدائرة فتجعل القطر مثل احد  
الاضلاع وهو عشرة وهذه صورتها



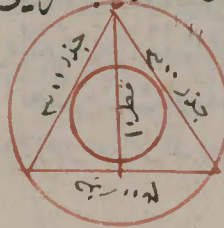
مسئلة قيل دائرة قطرها  
عشرة كم ضلع مثلث متساوي  
الاضلاع الواقع فيها فنقول

جذر خمسة وسبعين والطريق ان تضرب قطر الدائرة  
وهو عشرة في مثله يكون مائة قيل في منها ربعها  
يبقى خمسة وسبعين فتأخذ جذره وهو مائة  
وثلثين تقر بي على هذه الصورة



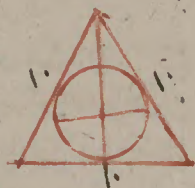
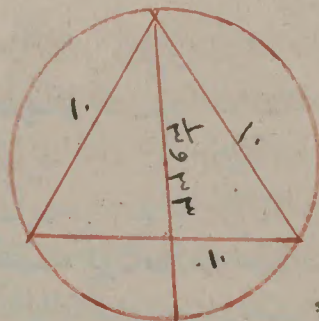
مسئلة قيل كم ضلع مثلث  
متساوي الاضلاع خارج دائرة  
قطرها عشرة فنقول جذر  
ثلاثة مائة والطريق فيم ان

تضرب قطر الدائرة في مثله وتضرب بحاصل  
في ثلاثة ابدان يكون ثلاثة مائة تأخذ جذره يكون  
سبعة وعشرين وثلاثة تقريبا

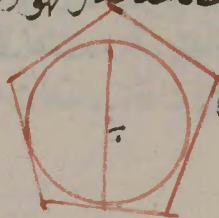


وهذه صورته مسئلة  
قيل مدور مساحته مائة

كم قطر فالطريق ان تجعل قطره شيئا وتربعه وتلقى  
 من المربع سبعة ونصف سبعة تبقى خمسة اسباع  
 مال ونصف سبع مال تقدر لما بينا في مساحة  
 الدوائر فبعد التكميل مال يعدل مائة وسبعة  
 وعشرين وثلاثة اجزاء من احد عشر جزءا من الواحد  
 فتأخذ جذرها على ما عرفت يكون الماخوذ قطر الدائرة  
 وهو المطلوب مسئلة قيل دائرة قطر هادئ  
 مساحتها فالطريق ان تجعل مساحتها شيئا ثم تربع  
 قطرها وتسقط من المربع سبعة ونصف سبع ثم تقابل  
 ما تبقى بالسوى وبعد العمل يكون الجذر واحد وثلاثة  
 اجزاء من احد عشر وهو المطلوب مسئلة قيل  
 مثلث متساوي الاضلاع والزوايا كل ضلع عسيرة  
 كم قطر دائرة تقع داخل المثلث فالطريق فيه ان تربع  
 العسيرة وتأخذ ذلك المربع ايدا وهو ثلاثة وثلاثون  
 وتلك ثم تأخذ جذر ثلاثة وثلاثين وتلك وهو  
 المطلوب اعني قطر الدائرة مسئلة قيل كم قطر  
 دائرة يقع المثلث فيها فالطريق ان تزيد على مربع  
 العسيرة ثلثه وتأخذ جذرها المبلغ وهو احد عشر  
 وربيع وسدس تقريبا وهو المطلوب وهذه صورهما

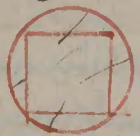


مسئلة دائرة قطرها عشرة كم ضلع محسن متساوي  
 الاضلاع خارج الدائرة فالطريق ان تضرب قطر  
 الدائرة في نفسه ثم احاصل في خمسة ايدا وتحفظ  
 احاصل ثم تضعف قطر الدائرة وتضربه في مساله  
 وتضرب احاصل في المحفوظ وتأخذ جذرا لمبلغه  
 وتقص من المحفوظ وتأخذ جذر ما يبقى فما كان فهو  
 طول كل جانب من جوانب الخمس وهو المطلوب فلو  
 ضربنا عشرة في نفسها ثم في خمسة تكون خمسمائة  
 تحفظها ثم ربعنا ضعف القطر يكون اربعمائة فنضربها  
 في خمسمائة يكون ما تبقى الف فتأخذ جذرها  
 وتسقط من خمسمائة وما يبقى تأخذ جذره فهو طول

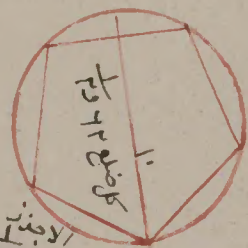


كل من الخمس وهذه صورته  
 مسئلة فيسئل كم طول كل ضلع

من الخمس الواقع في مثل هذه فالطريق ان تضرب  
 قطرهما في نفسه وتأخذ من اكاصل منه وهو مربع  
 قطر الدائرة وتأخذ جذر اكاصل وتنقصه من خمسة  
 انما مربع قطر الدائرة فاذا ضربنا قطر الدائرة في  
 نفسه يكون مائة ومنها اثنا عشر ونصف خمسة  
 انما اثنا عشر وستون ونصف فتضربها في نفسها يكون  
 سبعمائة واحد وثمانين وربعا وتنقص جذرها  
 من اثنين وستين ونصف فجزء ما يبقى هو ضلع الخمس

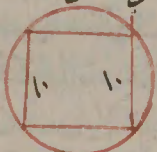


وهو المطلوب وهذه صورته  
 مسألة قيل مربع ضلع



الاجزاء  
 ٧٨١

عشرة داخل دائرة كم يكون قطر  
 فالطريق ان يستخرج قطر المربع فهو قطر الدائرة لا محالة  
 ولو كان المربع محيطا بالدائرة فقطر الدائرة يكون



مثل ضلع المربع وهذه صورته

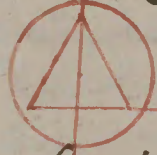
مسألة قيل مثلث متساوي  
 الاضلاع داخل دائرة كم قطر

الدائرة فالطريق ان تضرب نصف قاعد المثلث  
 في نفسه وتنقسم اكاصل على عموده وتأخذ الخارج  
 من القسمة فان يزد على العمود يكون المبلغ قطر

الدائرة



الدائرة الخارجة وان القيت من مجموع عمود المثلث



كان المباقي قطر الدائرة الداخلة

مسئلة قيل دائرة قطرها عشرة

كم ضلع معشر تقع فيها فالطريق ان

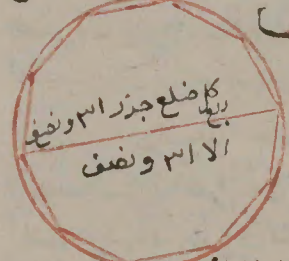
تربع قطرها وتلخذ ربع ونصف من حاصله يكن

احدا وثلاثين وربعا تاخذ جذرها وتنقص منه

مربع القطر ايداما تبقى وهو جذر احد وثلاثين

وربعا الا اثنين ونصفا يكن كله ضلع من اضلاع

المعشر وهذه صورتها



مسئلة كم ضلع معشر تقع الدائرة فيه والطريق ان

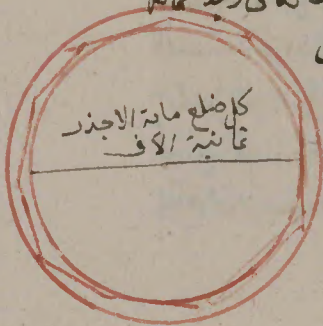
تربع قطر الدائرة وتحفظه ثم تضرب مائة في ربعه اخراجه

فيكون ثمانية الاف تاخذ جذرها وينقص

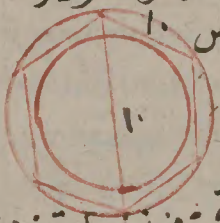
من المائة فما تبقى تاخذ جذره فما كان

فهو طول كل ضلع من المعشر المذكور

مسئلة قيل دائرة قطرها عشر

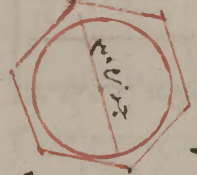


كم ضلع كل جانب من مسدس يقع فيها فالطريق فيه  
 ان تاخذ نصف قطره فهو المطلوب وان قال كم ضلع  
 كل جانب والمسدس محيط بالدايرة فالطريق فيه ان  
 تاخذ ثلث مربع القطر وهو ثلاثة وثلاثون وثلث  
 تاخذ جذرها فيكون ضلع المسدس ١٠



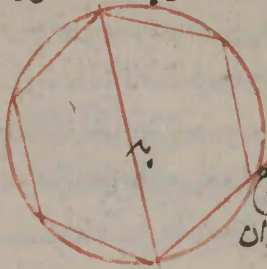
وهذه صورته  
 مسألة قيل كم قطر دائرة  
 واقعة في مسدس كل ضلع منه

عشرة فالطريق ان تفر بعشرة في نفسها وتضرب  
 الحاصل في ثلثه ابد يكون ثلثمائة فتاخذ جذرها



فهو قطر على هذه الصورة  
 وان سأل عن قطر دائرة وقع  
 المسدس فيها فالطريق ان تضعف

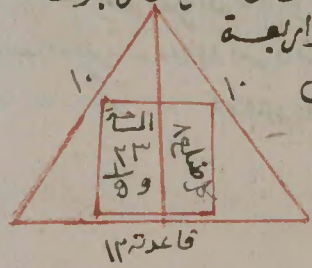
العشرة تكن عشرين وهو المطلوب وهذه صورته  
 مسألة قيل منك



قاعدته اثني عشر وكل ساق  
 من ساقيه عشرة وعموده  
 ثمانية كم مساحة اعظم مربع  
 يقع في وسطه فالطريق ان

يخرج  
 تاخذ

تخرج مساحة المثلث وهو ثمانية واربعون تحفظه  
ثم تجعل كل جانب شيئا وتضربه في نفسه يكون ما لا  
تحفظه ثم تلقى شيئا من القاعدة يبقى ثمانية اشياء  
تضربها في نصف شيء يكون ستة اشياء الا نصف مال  
تحفظه ثم تلقى الشيء من العمود يبقى ثمانية الاشياء  
تضربها في نصف شيء يكون اربعة اشياء الا نصف مال  
تجمعها مع المحفوظين الاخيرين يكون عشرة اشياء وذلك  
يعدل مساحة المثلث الذي هو ثمانية واربعون  
فيكون الشيء يعادل اربعة واربعة



اخماس فربيعه يكون الحاصل  
مساحة المربع وهذه  
صورته واحد على  
واحد سرب العالمين

والصلاة والسلام على سيدنا محمد  
سيد المرسلين وعلى آله  
وصحبه اجمعين  
مرقما فقر العباد  
الرمولة محمد

عيا  
صلى الله  
عليه  
وسلم

الذراع الكندي وبقا السوداء هي ذراع وثن بذراع اليد وهي ٢٧ اصعاً اذ ٣٨ اصعاً  
 ذراع النجار وبقا الذراع وربع بذراع اليد تقريباً وهو ٣٠ اصعاً وقيل هو كالماثية  
 الذراع المائتية وهي المعتبرة في المباحة عند الاطلاق ذراع وثلاث بذراع اليد ٣٣ اصعاً  
 ذراع العمد وهو ذراع وربع بالماثية وهو ٤٥ اصعاً وهو عشر قبضات والقبضة اربع  
 العصبه اذرع بالماثي وستة بالكندي وقيل ستة بالماكي ٨٥ بذراع اليد  
 الاشد جبل طول ستون ذراعاً بالماثية

الذراع المصري ويسمونه البلمى هو الذراع الكندي وهو السوداء ٣٧ او ٣٨ اصعاً  
 وذراع النجار الذي سمي عند الخاطين بمصر الهندازة وهو ٣٠ اصعاً  
 والذراع المائتية هو الذي سمي عند أهل مصر بالذراع الاصطناعي ٣٣ اصعاً  
 وقد اعتبر في مصر السالفة اربعة عشر رتبة من فئس كل من طولها وعرضها كما تسمى  
 مصري الذي هو الذراع الكندي والاسودا فوسنتار رتبة عشر رطلا من الماء الصافي  
 المصري الذي هو ٤٤ درهماً ففئسنا عليه ما سيم الذراع المصري باذرعاً اربعين  
 في ٣٣ رطلاً في ٣٣ رطلاً مصرياً بقدر ٩ اتم رطلاً بقداً باوان الحرف الذي يكثر  
 ذراعاً خلا احد ابعا ده يكون قد رذراع وثلثي فانه يسع العلبين تحقيقاً فانه يسع  
 حاربسة اربطال بقداً كذا وجدته بخط بعض من دالهم اعلم



0.185E

5/9/46