

# 計算尺用法

---

李 儼 編 著

正 中 書 局 印 行

510.8  
L347

382 目 次

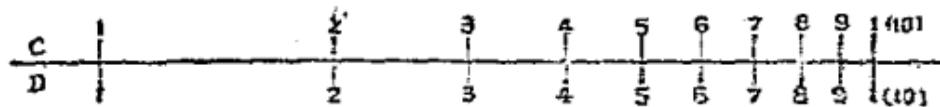
一.	計算尺說明	1
二.	計算尺普通算法	5
三.	計算尺數位之核定	8
四.	計算尺倒數尺度	17
五.	計算尺複對數尺度	24
六.	計算尺各項符號	



## 一。計算尺說明

計算尺 (slide rule) 為一種簡便之計算工具，係應用對數原理製成。國內外工程師、工高業家、學者，幾無不人手一具。但以各國製造廠家甚多，說明書又多不一致，茲就計算尺應用原則，加以簡單說明，以備參考。

查計算尺，又稱滑尺，以其有一滑動小尺，套入固定大尺中間，可以左右滑動，因而得名。計算尺係應用對數原理製成，故每格並非如平常尺之例，平均分其，如第一圖：



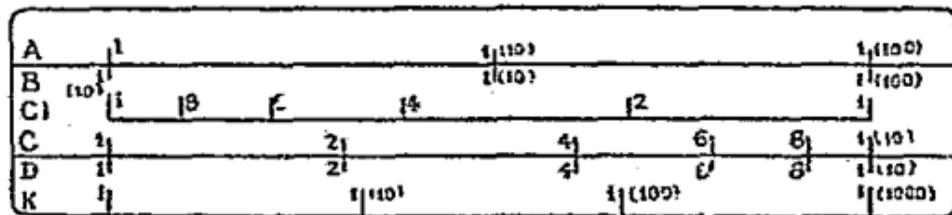
第一圖

1 至 10 之尺度分畫，即係從大而小，又為指示精確尺度起見，另於大尺之外，套一小玻璃套，



亦可左右滑動。此項玻璃蓋，正中畫一直線，有時畫成三直線，用作照準。

普通計算尺 正面多分為四層，計：上面二層，下面二層 如第二圖所示，稱為 *A, B, C, D*。



第二圖

其中 *A* 及 *B* 之尺度，*C* 及 *D* 之尺度，普通相同，而 *B, C* 在小尺上，*A, D* 在大尺上。此外另加之尺度，為數甚多，如第二圖中間之 *C*（或作 *C'*），及下面之 *K*（或作 *K'*），即其一例。就中：

- A* 稱為上層固定尺度 (upper rule scale)；
- B* 稱為上層滑動尺度 (upper slide scale)；
- C* 稱為下層滑動尺度 (lower slide scale)；
- D* 稱為下層固定尺度 (lower rule scale)；

*CI* 稱為倒數尺度(reciprocal scale);

*K* 稱為立方尺度(cube scale),

上文所述下層分畫相同之 *C* 及 *D* 尺度, 大體由 1 至 10; 而上層分畫相同之 *A* 及 *B* 尺度, 則由 1 至 10<sup>2</sup>. 上下層互相對照, 則上層 *A* 及 *B* 為下層 *C* 及 *D* 之平方數. 至中間之 *CI* (或 *C<sup>-1</sup>*) 則由 10 至 1, 為 *C* 及 *D* 之倒數. 又最下層之 *K* (或 *C<sup>3</sup>*) 亦上下對照由 1 至 1000, 為 *C* 及 *D* 之立方數. 如 *C* 及 *D* 認為 0.01 至 0.10 或認為 10 至 10<sup>3</sup>, 則上下對照之平方及立方值隨之而變, 餘類推. 此外尚有 *CF*, *DF*, *CF*, *L*, *S*, *T*, 及 *LL*, *LU* 或 *Loj*-*Loj* 等尺度; 統中:

*CF* 稱為上層某數與  $\pi$  相乘之滑動尺度;

*DF* 稱為上層某數與  $\pi$  相乘之固定尺度;

*CF* 稱為上層某數與  $\pi$  相乘之倒數尺度;

*L* 稱為對數尺度(logarithm scale);

*S* 稱為正弦尺度(sine scale);

*T* 稱為正切尺度(tangent scale);

*S-T* 稱為正弦切線尺度;

*LU* 稱為上層複對數尺度(upper log-log scale);

註五 稱為下層 相對數尺度 (lower log-log scale).

欲中對數尺度 ( $L$ ) 有時置於最下層，而將  $K$  (或  $C_{60}$ ) 移置於最上層。但普通計算尺多將  $L, S, T$  及  $S-T$  尺度置於滑動小尺之後面，另於固定大尺之左或右，畫以直格，而於大尺之正面  $B$  下讀正弦 ( $S$ ) 之數值，於大尺之正面  $B$  下，或  $C$  上讀正切 ( $T$ ) 之數值，又於大尺之正面  $C$  上，或於大尺之正面  $L$  上讀 ( $L$ ) 之數值。

計算尺  $C, D$  內之尺度，係從 1 至 10，而實際則為絕對值。例如第三圖上矢形所指之總



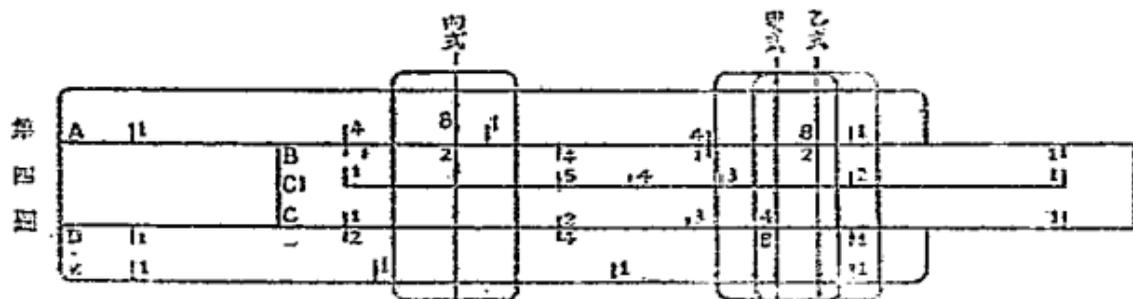
第三圖

對值為 246，此 246 亦可看作  $2.46$ ， $2.46$ ， $24.6$ ；或  $0.246$ ， $0.0246$ ， $0.00246$ 。此項單位決定後，其下方值、立方值，即隨之而變。計算尺之最大作用，則為連續乘除。此項連續乘除，亦可相計

求單位。例如  $6.25 \times 1.2 \times 5.2$ ，可預知其得數大於  $6 \times 1 \times 5$  或 30；又  $\frac{41}{4.85 \times 3.66}$ ，可預知其得數約為  $\frac{45}{5 \times 3}$  或 3 是也。

## 二. 計算尺普通算法

計算尺普通算法之最重要者：為乘、除、及平方、開平方、立方、開立方。今先舉乘法以明之，例如  $2 \times 4 = 8$  在計算尺上對此有三項算法 甲式(第四圖)，先將小尺  $C$  上之 1 移至與大尺  $D$  上之 2 相對照，而沿大尺  $D$  尋與小尺  $C$  上之 4 相對之數值，今於  $D$  上尋得 8，即為  $2 \times 4 = 8$



之得數。同樣，亦可如乙式、丙式(第四圖)，將小尺  $B$  上之 1 移至與大尺  $A$  上之 4 相對照，而沿大尺  $A$  尋與小尺  $B$  上之 2 相對之數值。今於  $A$  上尋得 8，即為  $4 \times 2 = 8$  之得數。反之， $8 \div 4 = 2$ ，或  $8 \div = 4$  之除法，亦可以相反之方法，求其得數。又在計算尺上求  $\frac{a \times b}{c}$ ，應先除後乘，即  $\frac{a}{c} \times b$ ，使小尺祇移動一次。

至求某數之平方值、平方根值，立方值、立方根值，則不必移動小尺，祇移動玻璃蓋，求其對照數值可也。例如  $D$  上之 3，與  $A$  上之 9 對照，而 9 即為 3 之平方值。反之，3 為 9 之平方根值。又如  $D$  上之 3，與  $K$  上之 27 相對照，則 27 為 3 之立方值。反之，3 為 27 之立方根值。又如計算尺上未有  $K$  之尺度，而欲直接一次求得某數之立方根值，或立方值，法將小尺取下，倒插於大尺內，使  $A, C$  相對， $B, D$  相對。例如求  $\sqrt[3]{16}$ ，法將倒插小尺  $C$  上之 1(10) 移與大尺  $A$  上之 16 相對照，而沿  $B$  向左，沿  $D$  向右，求其相等數值，今求得 2.52，即  $\sqrt[3]{16} = 2.52$ 。反之，某數之立方值，亦可以相反之方法，求其得數。

至  $X^{\frac{a}{b}}$ ， $Y^{\frac{c}{d}}$ ，亦可於倒插小尺時，一次求其得數。例如：求  $7.5^{\frac{3}{2}} = 20.5$ ，法先於  $B$  及  $D$

使 7.5 之值相對照，次於  $B$  倒尺 1 下，在  $D$  上求其數值。又例如：求  $132^{\frac{2}{3}} = 25.9$  爲上例  
 反，法於  $B$  倒尺 1 下對  $D$  上 132 之值，次沿  $B$  及  $D$ ，如求立方根之例，求其最後數值。

至  $\frac{1}{a}$ ,  $\frac{1}{a^2}$ ,  $\frac{1}{\sqrt{a}}$ ,  $\frac{1}{a^3}$ ,  $\frac{1}{\sqrt[3]{a}}$  各值，亦可於倒置小尺時，一次求其得數。

$\frac{1}{a}$ : 法置  $a$  於  $D$ ，而於  $C$  倒尺上；或置  $a$  於  $C$  倒尺，而於  $D$  上求其得數。

$\frac{1}{a^2}$ : 法置  $a$  於  $C$  倒尺，而於  $A$  上求其得數。

$\frac{1}{\sqrt{a}}$ : 法置  $a$  於  $A$ ，而於  $C$  倒尺上求其得數。

$\frac{1}{a^3}$ : 法置  $a$  於  $C$  倒尺，而於  $K$  上求其得數。

$\frac{1}{\sqrt[3]{a}}$ : 法置  $a$  於  $K$ ，而於  $C$  倒尺上求其得數。

### 三。計算尺數位之核定

#### 【一】普通乘除

計算尺之最大用途，厥為乘除。如數值較少，則其小數點地位，自易確定。例如  $2.47 \times 41$  可一望而知其得數在 100 以下，10 以上。如求得絕對值為 845，則必為 84.5，而非 845 或 8.45，即  $2.47 \times 34.2 = 84.5$ 。

惟查 C, D 之尺度，通常假定為由 1 至 10，則凡兩單位值相乘積之得數在 10 以下者，如  $2 \times 4 = 8$ ,  $3 \times .2 = 0.6$  等，小尺須向右移動；得數在 10 以上者，如  $3 \times 4 = 12$ ,  $4 \times 8 = 32$  等，小尺須向左移動。設相乘兩數 M, N 之數位各為 m 及 n。如小尺向左移動一次，則其得數數位為  $(m+n)$ ；向右移動一次，則其得數數位為  $(m+n-1)$ 。設兩數 M, N 相除時，則小尺向左移動一次，其得數數位為  $(m-n)$ ；向右移動一次，其得數數位為  $(m-n+1)$ 。換言之，凡兩數相乘，如小尺伸向左方，祇將兩數數位相加，便得積之數位；如小尺伸向右方，則須將兩數數位相加後減去 1，方得積之數位。又兩數相除時，小尺向右，其商之數位為兩數數位相減加 1；小

尺向左，則商之數位祇為兩數數位相減之結果。故普通計算尺，有時在右角下標明(Prod-1)或(P-1)，又於左角下標明(Quo+1)或(Q+1)，以記此義。

今舉例以明兩數相乘後所得得數數位之定法：

例		得數數位之定法			
兩數相乘 $M \times N$	$-P$	$m+n$	小尺向左或向右	應否減	得數數位
1.12 × 1.1	- 1.252	1+ = 2	右	-1	1
5.43 × 1.47	- 7.98	1+ = 2	右	-1	1
0.27 × 7.6	- 15.55	0+ = 2	左	不變	2
0.42 × 0.161	- 0.0676	0+ = 0	右	-1	-1
0.058 × 37.6	- 2.18	-1+ = 1	左	不變	1
5439 × 0.00013	- 0.706	4+ (-3) = 1	右	-1	0
0.00062 × 0.000054	- 0.000000335	-8+ (- ) = -8	左	不變	-8

再舉例以明兩數相除後所得得數數位之定法:

兩數相除 $M \div N$	例	$-Q$	得數數位之定法			
			$m-n$	小尺向左或向右	應否加 1	得數數位
$1.232 \div 1.1$		$= 1.12$	$1-1=0$	右	+1	1
$7.62 \div 1.45$		$= 5.26$	$1-1=0$	右	+1	1
$2.8 \div 9.02$		$= .310$	$1-1=0$	左	不變	0
$84 \div 3.7$		$= 22.70$	$2-2=0$	右	+1	2
$79.2 \div 0.023$		$= 3443$	$2-(-1)=3$	右	+1	4
$0.86 \div 0.411$		$= 2.06$	$1-0=1$	右	+1	1
$0.027 \div 0.181$		$= 0.149$	$-1-(-1)=0$	左	不變	0
$0.0001 \div 0.000032$		$= 312.5$	$-2-(-4)=2$	右	+	3
$0.000168 \div 0.0762$		$= 0.00220$	$-3-(-1)=-2$	左	不變	-2

## 【二】比例式乘除

比例式乘、除之算式如下： $a:b=c:d$ 。

求  $a = \frac{b \cdot c}{d}$ ,  $b = \frac{ad}{c}$ ,  $c = \frac{ad}{b}$ ,  $d = \frac{bc}{a}$ 。

如用計算尺求  $a = \frac{bc}{d}$  等之值，應先除後乘，並以小尺移動次數愈少愈妙。舉例如次：

(A)  $\frac{31 \times 21}{28} = 23.25$ ，在筆算時，先乘後除，即先求  $31 \times 21 = 651$ ，次令  $651 \div 28 = 23.25$ 。

用計算尺時，如按筆算次序計算，則小尺須移動二次，不易正確，法先令  $31 \div 28$ ，次移玻璃蓋使線條對準 21，即得 23.25。此時小尺僅移動一次，比較正確，但亦有必須移動小尺二次者，如：

(B)  $\frac{42}{32} \times 88 = 115.5$ ，或  $\frac{9}{13} \times 32 = 22.15$ ；

(C)  $\frac{22}{7} \times 21 = 66$ ，或  $\frac{32}{42} \times 11 = 8.38$  是也。

上述(B)二式,移動小尺二次,最後一次,小尺向左;(C)二式,移動小尺二次,最後一次,小尺向右。歸納言之,「比例式乘除」,如 $\frac{M}{N} \times R$ ,用計算尺計算時,計有(A),(B),(C)三例,其數位亦可由此算得,即:

(A)小尺移動一次,最後一次,小尺向左或向右,得數數位為 $[(m-n+r)]$ ;

(B)小尺移動二次,最後一次,小尺向左,得數數位為 $[(m-n+r)+1]$ ;

(C)小尺移動二次,最後一次,小尺向右,得數數位為 $[(m-n+r)-1]$ 。

由於上述方法,核定(A),(B),(C)三例之得數數位如次:

$$(A) \frac{31 \times 21}{28}, \text{得數數位 } 2-2+2=2, \quad \text{故 } \frac{31 \times 21}{28} = 23.25;$$

$$(B) \frac{42 \times 88}{32}, \text{得數數位 } (2-2+2) - 1 = 3, \text{故 } \frac{42 \times 88}{32} = 115.5;$$

$$(C) \frac{22 \times 21}{7}, \text{得數數位 } (2-1+2) - 1 = 2, \text{故 } \frac{22 \times 21}{7} = 66.$$

### 【三】連續式乘除

「連續式乘除」之算例如下:

$$(A) \frac{35.6 \times 1621 \times 0.000483 \times 0.754}{7580 \times 0.0905 \times 1.725} = 0.01119;$$

$$(B) \frac{0.00376 \times 0.853 \times 11270 \times 53.2 \times 0.987}{0.0165 \times 0.422 \times 955000 \times 18.33} = 0.01556.$$

以上算例中各數之次序最好加以調動，使每次行「比例式乘除」時，小尺不至時常移動二次。如(A)例不加調動，則小尺須有兩次「移動二次」，即第一次向右，第二次向左；其數位之變動為 $(-1+1)$ ，得數數位如次所示：

$$(2+4-3+0) - (4-1+1) + (-1+1) = 3-4+0 = -1.$$

又如(B)例不加調動，則小尺須有三次「移動二次」，即第一次向左，第二次向右，第三次向左；其數位之變動為 $(1-1+1)$ ，得數數位如次所示：

$$(-2+0+5+2+0) - (-1+0+6+2) + (1-1+1) = 5-7+1 = -1.$$

試將(A)及(B)二例中各數之次序加以調動，如下式：

$$(A)_1 \frac{35.6 \times 0.000483 \times 0.754 \times 1021}{7580 \times 0.0905 \times 1.725}$$

$$(B)_1 \frac{0.0376 \times 11270 \times 0.853 \times 53.2 \times 0.987}{0.0166 \times 0.422 \times 9.5000 \times 18.33}$$

則(A)<sub>1</sub>例小尺僅移動一次，其數位不變，得數數位如次所示：

$$(2-3+0+4)-(4-1+1)+0-3-4+0=-1.$$

又(B)<sub>1</sub>例小尺僅有一次「移動二次」，即最後小尺向左，其數位之變動為(+1)，得數數位如次所示：

$$(-2+5+0+2+0)-(-1+0+6+2)+1=5-7+1=-1.$$

#### 【四】平方立方

普通計算尺平方數、立方數多上下對照，可以直接求出，例如(參看第二圖)：在求平方數時，則1對1， $\sqrt{10}=3.16$ 對10，10對100；在求立方數時，則1對1， $\sqrt[3]{10}=2.16$ 對10， $\sqrt[3]{100}$

=4.65 對 100, 10 對 1000. 凡在 3.16 以內之絕對數, 其平方數之數位為  $(2n-1)$  ( $n$  即絕對數之數位); 又在 3.16—10 之間之絕對數, 其平方數之數位為  $2n$ . 同理, 凡在 2.16 以內之絕對數, 其立方數之數位為  $(3n-2)$ ; 又在 2.16—10 之間之絕對數, 其立方數之數位為  $(3n-1)$ ; 又在 4.65—10 之間之絕對數, 其立方數之數位為  $3n$ . 茲再舉例如次:

(甲)平方數

$0.164^2$	= 0.0269	$n = 0$	故 $s = n - 1 = -1$
$1.92^2$	= 3.68	= +1	$2n - 1 = 1$
$2.090^2$	= 4,370,000	= +4	$2n - 1 = 7$
$0.0091^2$	= 0.000081	= -2	$2n - 1 = -5$
$30.5^2$	= 930	= +2	$2n - 1 = 3$

以上各數, 絕對數在 3.16 以內, 故其平方數數位為  $(2n-1)$ .

$4.1^2$	= 16.8	$n = 1$	故 $s = 2n = 2$
$557^2$	= 310,000	= 3	$2n = 6$

$$0.000731^2 = 0.00000534 \quad n = -3 \quad \text{故} \quad s = 2n = -6$$

$$0.912 = 832 \quad 0 \quad 2n = 0$$

以上各數，絕對數在 3.16—10 之間，故其平方數數位為  $2n$ 。

(乙)立方數：

$$1.32^3 = 2.30 \quad n = 1 \quad \text{故} \quad c = 3n - 2 = 1$$

$$0.175^3 = 0.00536 \quad 0 \quad 3n - 2 = -2$$

$$-0.6206^3 = -0.0000874 \quad -1 \quad 3n - 2 = -5$$

以上各數，絕對數在 2.16 以內，故其立方數數位為  $(3n-2)$ 。

$$32.5^3 = 34,300 \quad n = 2 \quad \text{故} \quad c = 3n - 1 = 5$$

$$0.421^3 = 0.0746 \quad 0 \quad 3n - 1 = -1$$

$$0.000432^3 = 0.000000000000809 \quad n = -4 \quad 3n - 1 = -13$$

以上各數，絕對數在 2.16— .65 之間，故其立方數數位為  $(3n-1)$ 。

$567^3$	$= 182,000,000$	$n=3$	故	$c-3n = 9$
$0.624^3$	$= 0.243$	$0$		$3n = 0$
$0.000957^3$	$= 0.000000000875$	$-3$		$3n = -9$

以上各數，絕對數在 4.65—10 之間，故其立方數數位為  $3n$ 。

#### 四。計算尺倒數尺度

第二節「計算尺普通算法」曾經說及，如將小尺取下倒插於大尺內，可因此  $C$  倒尺，求得

$a^{\frac{3}{2}}, a^{\frac{2}{3}}, \frac{1}{a}, \frac{1}{a}, \frac{1}{\sqrt{a}}, \frac{1}{a^2}, \frac{1}{\sqrt{a}}$  各值。普通計算尺亦有於小尺  $B, C$  中間，設有  $CI$  (或  $Cr$ ) 尺

度，以代上述之  $C$  倒尺者。

此項倒尺 ( $CI$  或  $Cr$ ) 如用以計算  $a \times b \times c, \frac{a}{b \times c}$ ；及二次方程式，三次方程式，特別便利。

茲分述之如次：

求  $a \times b \times c$ ，可置  $a$  於  $D$  上，置  $b$  於  $C_r$  上，置  $c$  於  $C$  上，最後於  $D$  下，求其乘積。

又求  $\frac{a}{bc}$ ，可置  $a$  於  $D$  上，置  $b$  於  $C$  上，置  $c$  於  $C_r$  上，最後於  $D$  下，求其得數。

二次方程式之兩根，並為實數時，該兩根數借倒數尺甚易求得；如  $X^2 \pm aX \pm b = 0$  之兩根數並為實數，法置  $\pm b$  值於  $D$  上，再於  $D$  及  $C_r$  上，求得兩根數，上下對照，使其和或差，等於  $\pm a$ 。

例 1.  $X^2 - 12X + 32 = 0$ ，已知該方程式兩實根並為正數，法置 32 於  $D$  上，又在  $D$  及  $C_r$  求得兩根  $X_1 = 8$ ， $X_2 = 4$ ，上下對照，而  $X_1 \cdot X_2 = 32$ ， $X_1 + X_2 = 12$ 。

例 2.  $X^2 - 4X - 18 = 0$ ，已知該方程式兩實根，一為正數，其值較大；一為負數，其值較小，法置  $b = 18$  於  $D$  上，又在  $D$  及  $C_r$  上，上下對照，求得兩根，先使  $X_1 + X_2$  之差，與 4 之值相近，其第一、二、三次之值如下：

	第一次	第二次	第三次	
$X_1 = -2.60$	-2.70	-2.69	$= -2.70 + \frac{1}{12}(2.70 - 2.60)$	
$X_2 = +6.92$	+6.67	+6.69	$= +6.67 + \frac{1}{12}(6.92 - 6.67)$	
	+4.32	+3.97	+4.00	
	4.00	-4.00	-4.00	
	32	-3	0	
	1	-1	0	

故第三次正確之  $X_1$  值，當由  $-2.70 + \frac{1}{12}(2.70 - 2.60) = -2.69$  算得；又第三次之  $X_2$  值，當由  $+6.67 + \frac{1}{12}(6.92 - 6.67) = +6.69$  算得。其  $X_1 = -2.69$ ,  $X_2 = +6.69$  為第三次值，即所求二次方程式之實根，因  $X_1 \cdot X_2 = -2.69 \times 6.69 = -17.996 \approx -18$ 。

三次方程式之三根，並為實根時，該項實根數藉倒數尺亦易求得。法將普通三次方程式先化為  $X^2 + \frac{b}{X} = a$  之形式，然後設  $b$  於  $D$  上，移動小尺，於  $C$  上求假定之  $X_1$  值，與  $b$  值上

下對照，因於  $D$  上求得  $\frac{h}{X_1}$  值，再將  $O$  上假定之  $X_1$  值，於  $B$  上，上下對照，求得  $X_1^2$  值。如  $X_1^2 + \frac{h}{X}$  之值與  $a$  相等，則  $X_1$  即為所求之值。

例  $X - 13X + 17 = 0$  三次方程式，先化為  $X^2 + \frac{17}{X} = 13$  之二次方程式形式，應用二次方程式求之如次

	第一次	第二次	第三次
$X_1$	= 2.40	2.50	2.475
$\frac{17}{X_1}$	= 7.08	6.80	6.87
$X_1^2$	= 5.76	6.25	6.13
	1.84	13.05	13.00
	-13	-13	-13
	-16	:	5 : 0
	-3	:	1 : 0

	第一次	第二次	第三次
$X_2$	= -4.10	-4.0	-4.135
$\frac{17}{X_2}$	= -4.15	-4.05	-4.11
$X_2^2$	= 16.81	17.64	17.11
	1.66	13.59	13
	-13	-13	-13
	-34	:	59 : 0
	-4	:	7 : 0

已知  $X_1 = 2.50 - \frac{1}{4}(2.50 - 2.40) = 2.475$ ;  $X_2 = -4.20 + \frac{7}{11}(4.0 - 4.10) = -4.135$ , 可求得第三根  $X_3 = 1.71$ .

## 五. 計算尺複對數尺度

凡計算尺刻有  $LL, LU$ ; 或  $LL_1, LL_2, LL_3$  等尺度者, 即為具有複對數尺度. 德國 A.W. Faber 公司製造之計算尺, 其複對數尺度以  $LL, LU$  表之; 美國 Keuffel & Esser 公司所製造者則以  $LL_1, LL_2, LL_3$  表之. 今以後者為例, 說明其各種用法:

(一) 求某數之十乘方. 法 (a) 置某數於  $LL_1$ , 在  $LL_2$  上求其十乘方之得數; (b) 置某數於  $LL_2$ , 在  $LL_3$  上求其十乘方之得數.

例  $1.204^{10} = 6.4$ ;  $1.443^1 = 39.2$ .

(二) 求某數之十次方. 此為上法之反.

例  ${}^{10}\sqrt{1.16} = 1.01495$ ;  ${}^{10}\sqrt{3.4} = 1.1307$ ;  ${}^{10}\sqrt{4.41} = 1.16$ ;  ${}^{10}\sqrt{75} = 1.51$ .

(三) 求  $e$  之大數各乘方。法置某乘方數於  $C$ ，在  $LL_3$  上求其乘方值。

例  $e^2 = 7.39$ ;  $e^{2.3} = 9.99$   $e^3 = 20.1$ 。

(四) 求  $e$  之小數各乘方。如求  $e$  十分之一小數乘方，則置某小數乘方數於  $C$ ，在  $LL_1$  上求其乘方值。如求  $e$  百分之一小數乘方，則置某小數乘方數於  $C$ ，在  $LL$  上求其乘方值。

例  $e^{0.23} = 1.259$ ;  $e^{-0.336} = 1.4$ ;  $e^{0.003} = 1.033$ 。

(五) 求  $e$  之開方數。法先求開方數之倒數，如開五乘方為  $0.2$  (因  $\frac{1}{5} = 0.2$ )，再按前法求之。

例  $2.17\sqrt[e]{e} = 1.585$ 。

(六) 求  $e^{-n}$  之值。法先求  $e^{+n}$  之值後，再就其得數，求其倒數。

例  $e^{+5.2} = 181.3$ ，

則  $e^{-5.2} = 1/e^{+5.2} = 1/181.3 = 0.00551$ 。

(七) 求解方程式  $e^x = a$  法置  $a$  值於  $LL_3$ ,  $LL$ , 或  $LL_1$  上, 在  $C$  上求  $x$  值. (參看本節第三、四項)

例  $e^x = 20.5$ ,  $x = 3.0$ ;  $e^x = 11$ ,  $x = 2.4$ .

(八) 求解方程式  $e^{\frac{x}{y}} = a$ . 如上法求得  $x = \frac{1}{y}$  值後, 再求其倒數. (參看本節 五項)

例  $\sqrt[3]{e} = 1.485$ ,  $y = 2.59$  (而  $\frac{1}{y} = 0.396$ ).

(九) 求對曲線指數 (即  $\log_e A$ ) 之值. 法置某數於  $LL_3$ ,  $LL$ , 或  $LL_1$  上, 在  $C$  上求其對數值.

例  $\log_e 94 = 4.54$ ;  $\log_e 1.87 = 0.626$ .

(十) 求某數之任何數乘方. 如求  $1.124^{2.21} = 1.296$ ; 法先將  $C$  尺度之 1 移動至與  $LL_2$  (等) 尺度內 1.124 之值相對, 再於  $C$  尺之 2.21 下  $LL_2$  (等) 尺度內得所求數值.

例  $11.5^{2.53} = 483$ .

(十一) 求解  $a^x = b$  方程式。此為上法之反。

例  $1.144^x = 1.96$ ,  $x = 2.2$ ;  $40^x = 10$ ,  $x = 0.624$ ;  $11.5^x = 483$ ,  $x = 2.53$ .

## 六. 計算尺各項符號

計算尺上記有各項符號, 其最普通者, 為

(一)  $\pi = 3.1416$ .

其次則有:

(二)  $M = \frac{1}{\pi}$ .

(三)  $c = \sqrt{\frac{1}{\left(\frac{\pi}{4}\right)}} = 1.128$ .

$$(四) \quad c_1 = \sqrt{\frac{10}{\left(\frac{\pi}{4}\right)}} = 3.57.$$

$$(五) \quad \frac{1}{c^2} = \frac{\pi}{4} = 0.7854.$$

故下列各項面積、體積，可以直接求得，即：

$$\text{圓周面積} = \frac{\pi d^2}{4} = \left(\frac{d}{c}\right)^2;$$

$$\text{圓球面積} = 4 \cdot \frac{\pi d^2}{4} = \left(\frac{2d}{c}\right)^2;$$

$$\text{圓柱體積} = \frac{\pi d^2}{4} \cdot l = \left(\frac{d\sqrt{l}}{c}\right)^2;$$

$$\text{圓錐體積} = \left(\frac{\pi d^2}{4}\right) \cdot \frac{l}{3} = \frac{1}{3} \left(\frac{d\sqrt{l}}{c}\right)^2,$$

$$\text{圓球體積} = \left(\frac{\pi d^2}{4}\right) \cdot 4 \cdot \frac{d}{6} = \frac{1}{3} \left(\frac{d \sqrt{2d}}{c}\right)^2.$$

此外又有兩組符號，如下第六、七兩項所示：

$$〔六〕 \quad \rho' = \frac{360}{2\pi} = 57^{\circ}.4; \quad \rho = \frac{360}{2\pi} \cdot 60 = 3438';$$

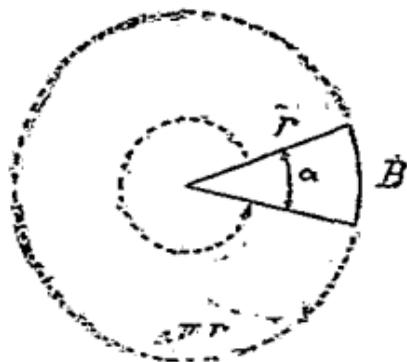
$$\rho'' = \frac{360}{2\pi} \cdot 60 \cdot 60 = 206265'', \text{ 而 } 4R = 360^{\circ}.$$

$$〔七〕 \quad \rho = \frac{40}{2\pi} = 63.662; \quad \rho_1 = 6366.2'; \quad \rho_2 = 636620'', \text{ 而 } 4R = 400^{\circ}.$$

如第五節， $B:2\pi = \alpha \cdot 4R$ ，而  $b = \frac{B}{r}$ 。下列各值可以直接求得，即：

$$〔1〕 \quad B = \left(\frac{2\pi}{4R}\right) \cdot \alpha = \frac{\alpha}{\rho'} \cdot r;$$

$$〔2〕 \quad r = \left(\frac{4R}{2\pi}\right) \frac{B}{\alpha} = \frac{\rho'}{\alpha} \cdot B;$$



第五題

$$[3] \quad \alpha = \left( \frac{4R}{2\pi} \right) \frac{B}{r} = \rho^\circ \cdot \frac{B}{r} = \rho^\circ b;$$

$$[4] \quad b = \frac{\alpha}{\rho^\circ}.$$

例 已知  $\alpha = 27^\circ 30' = 1650'$ ;  $r = 121.2^m$ , 求  $B$  及  $b$ .

$$\text{由}[1], \quad B = \frac{1650'}{\rho'} \times 121.2 = 58.2^m.$$

$$\text{由}[4], \quad b = \frac{1650'}{\rho'} = 0.48.$$

普通計算尺，多於  $C$  上記出  $\rho' = 343'$  及  $\rho'' = 206265''$  兩符號。此外尚有一組符號，如下面第八項所示。

$$[八] \quad 1 = \sin 34\frac{1}{2}' \approx \tan 34\frac{1}{2}' \approx \text{arc } 34\frac{1}{2}' = 0.0100;$$

$$11 = \sin 20.6'' \approx \tan 20.6'' \approx \text{arc } 20.6'' = 0.0001.$$

上述符號係記於計算尺反面正弦尺度(S)上, 而於正面 A 尺 1 下對 B 讀得正弦或正切之分數或秒數為  $34\frac{1}{2}$  及 20.6. 其他微小角度之正弦及正切等數值, 可按此比例求得.

$$\text{例 } \sin 34\frac{1}{2}' \cong \tan 34\frac{1}{2}' = 0.0100, \quad \text{故 } \sin 23' \cong \tan 23' = 0.0067.$$

$$\text{又 } \sin 20.6'' \cong \tan 20.6'' = 0.0001, \quad \text{故 } \sin 47'' \cong \tan 47'' = 0.000228.$$



