

孟縣閻永輝編譯

新式中學用器畫

杜嚴題



52
777739

MG
G634.
113

孟縣閻永輝編譯

新式中學用器畫

杜嚴題



3 1797 6912 4

新式中學用器畫 序

粵稽上古之世河出圖洛出書入
卦是生九疇是叙數學亦於是乎
肇焉自今欲求一事能核括數學
中數理二者果何在歟噫在於幾
何一事焉故論數學之數則必設
爲幾何之分而立相求之法加減
乘除凡多寡輕重貴賤盈朒無遺
數也論數學之理則必設爲幾何
之形而明所以立算之數比例分
合凡方圓大小遠近高深無遺理
也是則幾何之功用可謂廣矣大
矣蔑以加矣要之世界變遷貴有
秩序以天時而論則由春而夏而

秋冬是天時之有秩序也以爲學
而論則由明德而新民而止至善
是爲學之有秩序也不但此也即
習數學者亦貴有秩序由用器畫
而幾何而數學何則用器畫者研
究幾何實在形狀之法也幾何者
講論精微數理之道也蓋道寓於
法中使不能熟悉用器畫之法則
必不能確知幾何實在之形狀使
不能確知幾何實在之形狀則必
不能貫通精微數理之道是用器
畫法又殆爲習數學者之鼻祖歟
無如近日書肆所售用器畫書雖
云汗牛充棟弗可勝數然類多失
之簡略僅足供高等小學之用乃

欲求可爲中學以上參攷之資者
殊不易得豈非亦爲文明輸入一
大憾事耶是書爲日本竹下富次
郎先生所著分爲三卷一卷述平
面幾何畫法二卷述投影畫法三
卷述均角投影畫及透視畫法其
說理極明其列圖亦詳最足資學
者之練習洵爲善本也僕因課餘
少暇譯成此書使學者誠能專心
致志於此弗但能熟悉畫法之妙
用且於幾何數理二者亦可思過
半矣本書中粗率之處自知難免
願凡讀是書者作爲稿本觀焉可
耳是爲序

戊申季秋河南

孟縣閻永輝

自識於京師大學堂



新式中學用器畫

目 錄

第一卷	第一編	平面幾何畫法	
第一章	緒論	一
第二章	定義	一
第三章	製圖用具之使用法	五
	製圖用具之構造	五
第四章	直線及角之畫法	十九
第五章	三角形及四角形之畫法	二四
第六章	圓之畫法	二七
第七章	多角形之畫法	三六
第八章	橢圓拋物線及雙曲線之畫法	四二
	附 錄		
	紋形及輪廓之畫法	五〇

新式中學用器畫

目 錄

第二卷	第二編	投影畫法	
第一章	緒論	一
第二章	定義	七
第三章	方形及多角形之畫法	九
第四章	方體角壘及角錐之畫法	十九
第五章	正方體及角錐之截斷形與展開形之畫法	二七
第六章	圓圓壘及圓錐之畫法	三五
第七章	圓壘及圓錐之截斷形與展開形之畫法	四一

新式中學用器畫

目 錄

第三卷	第三編	均角投影畫法	
第一章	緒論	一
第二章	方體角鑿角錐圓及圓鑿之畫法	六
第四編	透視畫法		
第一章	緒論	十二
第二章	建設物及器具之畫法	十五

新式中學用器畫第一卷

第一編 平面幾何畫法 Practical
Plane Geometry

第一章 緒 論

平面幾何畫法 以平面幾何應用理論而畫幾何學之形象於一平面上之方法也。

第二章 定 義 自第一圖至第十四圖

點 Point 爲無有長、厚及幅者。而卷中、如、或、不過以微細記號使表其位置也。

線 Line 爲無有厚及幅者。唯有其長。即一點之動跡也。而線與線之交點云交點。Intersecting Point

直線 Straight Line 爲真正直線。即引於相隔二點間之最短線也。

曲線 Curved Line 即曲線於相隔二點間。有最短距離之外者也。而其曲方之種類。則甚夥多。

垂直線 Vertical Line 爲縱真正直線也。即如附重

於系之先端而常向下者。如第一圖 a.—b。

水平線 Horizontal Line 爲橫平直線也。即如靜水之表面而常有位置者。如第二圖 a.—b。

並行線 Parallel Line 爲不互傾斜直線也。故無論如何延長其各兩端亦決不爲相會合。如第三圖 a.—b. 與 c.—d。

角 Angle 以二直線之開會於一點。如第四圖 a.—b.—c。而此之二直線 a—b 及 b—c 云各各邊 Arm 其會點如 b 云頂點 Vertex。

直角 Right. Angle 爲以一直線立於他一直線之上。因於兩側角成爲相等角。如第五圖 a.—b.—c. 及 a.—b.—d。

銳角 Acute Angle 比直角小者爲小角。如第四圖 a.—b.—c。

鈍角 Obtuse Angle 比直角大者爲大角。如第六圖 a.—b.—c。

面 Surface 以有長及幅反無厚者。即爲線之動跡。

至其所動方向。乃此線方向之外也。故面與面所交之線。云交錯線。Intersecting. Line。

平面 Plane 其在平面中、無論何處、咸相連所隔二點之直線。故平面之中。則如鏡表面焉。

曲面 Curved Surface 其中之面積。與他面積。所相交錯之線。而為曲線。則却如水波表面焉。

圓 Circle 為在於平面中一直線也。其一端為軸。能一周回同面中之全跡。如第七圖為 a—d.—b.—e.—a. 形。而其軸 c 點云。中心點 Center 圓之周線。a—d.—b.—e.—a. 云圓周。Circumference 圓周之一部。云弧。Arc 其繫於弧之兩端直線。a—d 云弦。Chord 其中心繫於圓周一點之直線。c—a. 又等於 c—b. 云半徑。Radius 其延長半徑。使至於圓周之直線。a.—b. 云直徑。Dimeter 切線 Tangent 是通圓周中之一定點。為一直線也。然於此點之半徑。乃成為直角。如第七圖 f.—g. 因而。如 e 云定點。如 c.—e. 云半徑。e. 云切點。

三角形 Triangle 以三直線爲圍平面形也。如第八圖 a—b—c—a 等。而直線 a—b、b—c 及 c—a 云邊 Side。如 a、b 及 c 云角點 Angle Point 又爲最高角點 a 云頂點 Vertex。其所對向之邊 a—c 云底邊 Base Line。

等邊三角形 Equilateral Triangle 爲三邊之相等三角形。如第八圖 a—b—c—a。

二等邊三角形 Isosceles Triangle 爲僅二邊相等之三角形。如第九圖 a—b—c—a。

直角三角形 Right-angled Triangle 其一角爲直角之三角形。如第十圖 a—b—c—a。

四角形 Quadrilateral Triangle 以四直線爲圍平面形也。如第十一圖 a—b—c—d—a。

正方形 Square 如各邊及各邊相等之四角形。如第十一圖 a—b—c—d—a。

長方形 Rectangle 其各二邊相等。且各角爲直角之四角形。如第十二圖 a—b—c—d—a。

菱形 Rhombus 其四邊相等。故各角無有爲一直角焉。如第十三圖 a—b—c—d—a。

多角形 Polygon 以三個以上之直線爲圍平面形也。如第十四圖 a—b—c—d—e—a。而由於邊之數有五角形。Pentagon。六角形。Hexagon。七角形。Heptagon。八角形。Octagon。九角形。Nonagon。十角形。Decagon 等之名稱。然從其一角引於不隣接角之直線 a—c。及第十一、第十二圖之 b—d。云對角線 Diagonal。

正多角形 Regular Polygon 爲各邊及各角相等之多角形。如第十四圖 a—b—c—d—e—a 等是也。

第三章 製圖用具之使用法

製圖用具之構造 自第十五圖至第十九圖

用器畫者。專依於器具。以補助其所畫也。故所用器具。宜常注意。而善整理之。又自當初。宜練習其使用之方法。歸於正當。總以周到綿密爲

主決不可爲粗漏省畧等之事。否則終弗能得良好之結果焉。

用具之種類。咸揭於左。如能常注意於此。即以從素或有未盡完備者。亦可得使用焉。

製圖板以良乾松。或檜材等。如示於第十五圖。爲長方形。必削其表面。爲極平坦。復加朴於其短兩側。又用櫻等。附於緣木。以防備板之反動。然板與緣木之差口。不可造以蕃指。必要爲蟻指。其故因經時日久。恐生破隙於板中。及有ハギ目虫。生間隙於其所焉。至使蟻指之方法。雖從兩側。亦可得寄合之。若蕃指。則再取去緣木。無有蕃孔之可改造。故以爲難也。

復揭其大。如長。要一尺七寸。如幅。要一尺二寸。如厚。要三分以上。尤由圖之大。準於前記。即可加減之。至緣木一事。宜適當其幅一寸之位焉。製圖紙。其組織緻密。且爲強固。雖以消シゴム(即象皮)強摩擦之。亦不能盡去其上痕跡。必更混

合礬水於充分始可。至於其大、長要一尺。幅要八寸以上焉。

鉛筆大抵表鉛筆硬軟之度。爲一個H之文字。至有三四個不等。故有印記三四個於其軸者。(增H之字數。隨加硬度)通例用於製圖者。以二個或有三個之標識。爲最適度。

凡削鉛筆。以鑷或以鑷紙等。其削之方法。如通常書文字。不可用圓錐形。必削薄扁平。爲楔形。始當於引線。又爲扁平面。可當於定規者。其故以鉛筆引線。乃貴微細。若使鉛筆之先端。爲圓錐形。使用引二三線。則即消耗不直。而顯粗線。至楔形。則不但無消耗於容易。且無屢屢折之患。又當引線之時。決不可濕鉛筆之尖端。否則必有弊焉。

三角定規 有一角爲九十度。及他二角各爲四十五度者。有一角爲九十度。一角爲六十度。一角爲三十度者。之二種。通常甲種。云四十五度

之定規。乙種云六十度或三十度之定規。又此二種云一組。共爲引直線之用具也。其構造成由木材、金屬及エボナイト等物組織而成。今就其中最良者。雖爲エボナイト。但以此種之價不廉。故不如以木製之可也。而材料良乾者。用櫻朴或玉楠等。復以黑柿或竹爲附緣。甚良。又爲適當之大者。如示於第十五圖。若從此爲小則不便也。而有以一面之板造之者。即同於右圖。有寄合細片三枚造之者。即同於左圖之二種。甲種。雖爲價廉。但經時日久。隨來多少毛病。以成有患。故不如選乙種爲上也。

定規之各邊及各角。不可不極正確檢之。先如示於第十六圖 A。置一定規於圖板之上。使密接其上邊。今檢置定規。傳 a — b 邊。畫一直線。而僅壓附前置 A 之所。再取 B 裏返之。而置如 c。即於其右邊。先引一正直線。即可見其一致否耶。若有誤者。則於 B 定規直角。及直角之二邊。

咸因爲不正。即 A 定規之 c—d 邊。亦因爲不正。必再三研究。始能匡正之。又單檢各邊之曲直。並二個之定規。其密接各一邊。若透有光線者。乃見其合縫無隙。至邊不平坦者。則光線必至透入其內焉。又檢四十五度 c—e 與 d—e 爲正同長。即可見六十度及三十度之 a—d 等於 b—d 之二倍否耶。

使用三角定規。例如將引並行線於(B)圖 a—b 線。先宛 A 定規之一邊。以正此線。再宛 B 定規之一邊。於他之一邊。即以左手頸。確壓附於紙面上。乃沿邊相接。俾移動 A 定規於所望之位置。因用左手指頭。附壓之。以可得引幾多之並行線。又將引爲直角線於 a—b 線。如(A)先宛 A 定規於 g—h 線。再於 B 定規之直角邊。爲宛一邊。但人對製圖臺。宜畧少傾斜。其身體爲妥。因下筆於 B 定規左邊之下部。而可漸漸進筆向於上方。若置定規如 C。決不可下筆。由是不

引附筆於內。反有爲附突外之態。夫筆壓紙面之力。及筆對紙面之角度。斷不能使始終平等。然欲引爲正確之線。最不容易也。即至他類情形。亦準於此。而可推知。又引爲直角線於g-h線。如示(O)圖。虛線。先宛A定規於g-h線。更添B定規於他之一邊。使確壓附於紙面。再採A定規。示以實線。至置換其位置。必準於前記方法。始可下筆。

丁定規如揭於第十五圖。先添撞木於長定規之一端直角。而使撞木之右側面。以密接於製圖板之左側面。乃移動於僅上望之所。以可引幾多之水平線。故製圖板與撞木之相接面。不可不極平坦也。至於其材料。則同於三角定規。又通常其大。既從揭於圖者。不可復爲小。但其長。絕不可超於圖板之大焉。

將欲畫垂直線。乃退丁定規於紙面下部。使密觸撞木於製圖板。即採三角定規。而宛其直角

之一邊於丁定規之上邊。然必以左手頸附壓丁定規。乃沿於丁定規以指頭移動三角定規於僅望之位置。始可下筆。又有四十五度、六十度及三十度之角度。於水平線之所將引線者。可併用丁定規與三角定規。其測定角度。稱測量器。或有器具於測角度時。更加定規。但往往易生錯誤。如前記引斜線。用兩定規。甚爲便也。雖然欲引斜線。保此外之角度。不可不用測度器。乃必要爲極正密。注意於此焉。(測度器之構造及使用法。另載於下)

學者當備三角定規一組。即無丁定規亦可。雖然併用兩定規。可大省時間。且得引成真正之線。故又不可不備之也。

曲線定規以爲種種曲線。形成定規。故用曲線畫。隨其曲狀種類之異。亦極繁多。如第十七圖。不過畧示其一端。然因曲狀之相異者。要備五六枚以上。始可。至其材料。則同於三角定規焉。

使用曲線定規。先定可曲線通過之數點。後宛定規於此點。即引以鉛筆或墨筆等。夫曲線平常之形狀。爲千差萬別。若欲使其現出。而會於定規數點。爲最不容易之事也。故宜先從其所出之會。暫引一部。後逐次換取定規。因以移動可畫全曲線。但弧線無有於三點以上定者。或有難定其曲狀之繁雜者。亦少有於三點以上出會定者。至於定規。又不可不選擇。以注意於此焉。今於三點出會之際。決不可引迄線至於其終點。故至於中央點與終點之中間。必即止筆。而更爲中央點及終點。以宛定規下筆。又爲中央點其終點。逐次宛定規。而可畫全曲線。不然則弧線之續目。必多不圓滑焉。

兩脚規以爲畫圓。又爲分割諸線。而爲製圖用具中。至要也。如示第十八圖(A)從兩脚成者。以黃銅或白銅與鋼鉄作爲上端蝶番。然蝶番既成矣。若能締加減其具合者。有如(B)採螺旋回

於採蝶番之所。插入於二個之小圓孔內。爲回旋於適宜。又有一脚。從其中央。去其下半部。以供他部之繼換者。乃更有二種。如乙種者。即(C)、或稱分割規。專用於分割諸線。雖備之頗爲便利。要不如甲種之爲用大也。

繼換之脚。如 D 及 E 圖。有鉛筆、與流墨、之二種。共可接續。爲蕃造部分。乃欲固定其接續。以螺旋者。可穿細溝於蕃孔。而挿入之。或有附加凸起於蕃者。又兩墨脚。宜共備關節。於稍稍其上部。以便於筆端之屈曲焉。

鉛筆之先。宜備圓筒。又宜備螺縱桿於脚之側面。以保持鉛筆。又流墨脚之先端。由鋼鉄造成。如爲鴉嘴形狀者。更宜附螺旋桿於其中央。依其進退。以開閉嘴部。而便於引線之粗細。然嘴之先端。當爲極精密。注意。不可不屢屢研磨。以匡正其形狀。至於研磨之方法。可詳說於次鴉嘴之條焉。

兩墨脚者。咸爲畫圓之用。乃隨其關節於圓之大小。而得屈曲於適宜。其嘴部對於紙面。常要垂直。否則。必不能引爲鮮明之線焉。特至於流墨脚。所屈曲之度。反因不適當。如嘴部之一片。既達於紙面。而他片猶未達。由其未達之所。多生斷續蠱醜之線。又或針脚。有時不深入於紙面時。乃可輕壓之。是爲同圓心。而得畫多數之圓也。由是次第擴圓心之孔。至生移動於圓心。又針尖端。切忌爲角錐。與圓錐。恐其不銳利也。唯至最良尖端。能從圓心。不逸出於外。爲上焉。開閉兩脚。插入中指於其間。而可爲之。決不可添其左手。若以雙手。難爲精細之開閉。故從當初。僅勉以右手。可養成使用之習慣。又爲開閉時。宜壓以平等之力。若有尖端所運。弗能平等。爲不規則者。是由當初。蝶番製作。爲不完全所致。如斯難爲精密距離於測定。故凡購買之際。不可不注意也。

鴉嘴筆以墨引直線。又用爲引曲線者。如示於第十八圖(F)其嘴部。有鋼鉄製之兩脚。其軸由獸骨或象牙等製造而成。又附小螺旋桿於嘴部之中央。以開閉兩脚。更便於引線之粗細。使有爲蝶番之裝置者。在於嘴部兩片之一片。至兩片復共固着於軸者。然有甲者於研磨嘴尖之時。及拂拭使用後墨之時。雖爲便利。但其價太高。不如選乙種之爲愈也。

製圖用具中。最要注意者。在於研磨嘴端。以匡正其形狀是也。乃實爲凡引線之鮮明與否。一關之。夫研磨之方法。先從其兩側緣。向於尖端。少帶弧狀。可使銳利於次第。但尖端過於銳利。及引線時。反有截開圖紙之患。必先從兩側研磨。後立兩片。使正垂直於砥石之面。乃從其真向。望尖端探之。再兩三回摩擦。其於各尖端。見有微細之二點爲良。若見有二十大點者。可再從兩側研磨。以匡正之。至既研磨後。暫緩螺旋

桿。使開兩片於充分。即插入一片薄砥石於其間。(截剃刀砥石、似橢形者、爲良)以研磨其內面。但於此時。所開兩片。切忌不可過於充分。且砥石不可過厚。若過厚。設觸於他片。即損毀之。由是再締螺旋桿。使兩尖不至於密着。爲妥。又其內面。雖可使平坦。如從兩側緣向中央。少使凸隆。亦可。若凸隆一見。乃即謂得合程度。則更有妨害。唯不過如斯推求其意味耳。因之再締螺旋桿。少存間隙。於兩片之間。以注入流墨液體。即垂直於紙面。而加爲平等壓力。始可印線於圖紙上。假使兩片。平常當未密着之際。先用印二條細溝於紙面。乃檢察溝之深淺粗細。多有不同。必再三研究。使二條細溝。全無二條之差異。方可注入流墨。而得表爲鮮明之線焉。

至注入流墨。以引線於紙面。雖不問水平線。與垂直線。及其他何方向等。必令筆垂直於紙面上。否則。或引水平線。當傾筆於右方之時。其觸

於側緣多少紙面。往往生有蠱惡之線。或有傾於前方時。則尖端與定規之邊緣。因於密着。故流墨得傳於定規。以污紙面。或有將傾後方時。則嘴尖與定規之間。因有隔礙。故於下筆之際。多有誤線之位置。又加之引線。自起點至終點。迄筆對於紙面。使角度一變。不免生粗細不等之弊。若傾筆於紙面時。雖始終難保爲等一之角度。至引長線。必以此爲良。反之使垂直筆於紙面。如前記之法。斷無有此弊焉。

墨之爲物。從來以日本爲最良。如インキ(即墨水)決不可用。恐其腐蝕尖端也。

測度器爲用於普通製圖者。如示於第十九圖。以黃銅或以獸角等。作半圓形。其圓周所定之點。爲一百八十等分。其一分。爲一度。乃以角度測者也。通常示度數。有二列之數字。一爲右起點。一爲左起點。

因之作僅望之角度。先可於角度之頂點上。設

爲一點。由是引一直線。於僅望之方向。使頂點與此器之中心點。及直線與此器之直徑線。成爲一致。既一致矣。乃從直徑之外端。沿於圓周。以算僅望之度數。復於其所。印一點於紙面上。隨去此器。而可繫前頂點。與此點焉。又將欲測圖上現在之角度。亦可準此。而得推知。

尺度 由象牙、竹、木、金屬、及厚紙等造成。其上所定之點。由於各國之基本而異。故本書之初。其圖依竹製而成。因於日本之基本。以定點可也。

消シゴム (即象皮) 宜選質之柔者。若剛者。有毀壞紙面之患。

留鋏 以黃銅爲頭部。以鉄爲斜脚。用圖紙附着於製圖板。而附着紙。先載圖紙於製圖板。即加定規。以正紙之上邊。與丁規之上邊。成爲一致。必更押紙之下部。以防其移動。再退定規於下部。然後採留鋏。可留上隅及下隅。但爲圖紙少

者。使僅上隅爲充分。若添於下隅。則定規之使用。多有不便焉。

第四章 直線及角之畫法

第二十圖 第一題

二等分定直線。

爲定直線 $a-b$ 。

從 $a-b$ 之半分。以稍稍長半徑。爲心 a 及 b 。

畫各各弧相交。得 c 及 d 。

從 c 繫於 d 而交於定直線。則 e 所求之分點也。

第二十一圖 第二題

於定直線中。從定點。引爲直角直線於同線。

爲定直線 $a-b$ 。爲定點 c 。

爲心 c 。以適宜之半徑。畫半圓。而得 d 及 e 。

爲心 d 。從 $d-c$ 。以稍稍長半徑。畫弧於上方。

又爲心 e 。以同半徑。畫弧。得交點 f 。

從 f 繫於 c 。則 $f-c$ 所求之直線也。

備考 第二十圖之爲 $c - d$ 直線於
 $a - b$ 正中爲直角及直線於
 同線。

第二十二圖 第三題

定直線之一端若於同線中從點引爲直角及
 直線於同線。

爲定直線 $a - b$ 爲定點 c 。

爲中心 c 以適宜之半徑畫弧交於 $a - b$ 得
 d 。

爲心 d 以同半徑畫弧交於前記之弧而得 e 。

爲心 e 以同半徑畫弧得交點 f 。

爲心 e 及 f 以同半徑畫各弧得交點 g 。

從 g 繫於 c 則 $g - c$ 所求之直線也。

第二十三圖 第四題

在於定直線外從定點引爲直角及直線於同
 線。

爲定直線 $a - b$ 爲定點 c 。

爲心 c 從 $c-a$ 以稍稍短半徑畫弧交於 $a-b$ 得 d 及 e 。

爲心 d 從 $d-e$ 之半分以稍稍長半徑畫弧。又爲心 e 以同半徑畫弧得交點 f 。從 c 繫於 f 則 $c-f$ 所求之直線也。

第二十四圖 第五題

通定點而引並行直線於定直線。

爲定直線 $a-b$ 爲定點 c 。

採 d 於 $a-b$ 中適宜之所爲之心以 $d-c$ 之半徑畫弧交於 $a-b$ 而得 e 。

爲心 c 以同半徑通 d 畫弧。

以 $c-e$ 之半徑爲心 d 畫弧於上方交於前記之弧而得 f 。

從 c 繫於 f 則 $c-f$ 所求之直線也。

第二十五圖 第六題

等分定直線於任意之數。

爲定直線 $a-b$ 爲八等分之數。
 從 a 引 $a-c$ 於適宜之傾斜。於其線上以適宜之半徑切僅望之數。從 a 次第而得 $1, 2, 3$ 等。
 從 8 繫於 b 。從 $7, 6, 5$ 等引並行直線。次第於 $8-b$ 使到於 $a-b$ 。

其所到達點 $1, 2, 3$ 等即所求之等分點也。

第二十六圖 第七題

於並行二直線間爲等距離且引並行數直線。
 爲並行線 $a-b$ 及 $c-d$ 爲七直線之數。
 探 e 於 $a-b$ 中適宜之所。
 從 e 引爲直角直線 $e-f$ 於 $a-b$ 其以適宜之半徑在線上從 e 切得 $1, 2, 3$ 等。
 爲心 e 以 $e-s$ 之半徑畫弧得 g 。從 e 繫於 g 。
 爲心 e 以各分點所至之處畫各弧交於 $e-g$ 得 $1, 2, 3$ 等。
 通以上得點引所並行之直線 $l'-h, 2'-i$ 等。
 於 $a-b$ 則此數直線即所求者也。

第二十七圖 第八題

等於定角於角定點畫法。

爲定角 a 、 b 、 c 、爲定點 d 。

爲心 b 以適宜之半徑畫弧交於兩邊得 e 及 f 。

從 d 引 $d-j$ 於適宜之方向。

爲心 d 以前同半徑畫弧交於 $d-j$ 得 g 。

以 $e-f$ 之半徑爲心 g 上切得 h 。

從 d 繫於 h 則 $i-d-j$ 即所求之角也。

第二十八圖 第九題

二等分定角。

爲定角 a 、 b 、 c 。

爲心 b 以適宜之半徑畫弧交於兩邊得 d 及 e 。

爲心 d 從 $d-e$ 之半分以稍稍長半徑畫弧又

爲心 e 以前同半徑畫弧交於前記之弧得 f 。

從 b 繫於 f 則 $b-f$ 所求之二等分線也。

第五章 三角形及四角形之畫法

第二十九圖 第十題

知邊之長。畫正三角形。

爲定邊 $a-b$ 。

引 $c-d$ 與 $a-b$ 同長。

爲各各心 c 及 d 以 $c-d$ 之半徑畫弧。得交點 e 。

從 e 繫於 c 及 d 則 $c-e-d-c$ 即所求之正

三角形也。

第三十圖 第十一題

知各邊之長。畫不等邊三角形。

爲定邊 $a-b$ 、 $c-d$ 及 $e-f$ 。

引 $g-h$ 等於 $a-b$ 。

以 $c-d$ 之半徑爲心 h 畫弧於上方。

以 $e-f$ 之半徑爲心 g 畫弧於上方。交於前記

之弧得 i 。

從 i 繫於 h 及 g 則 $g-i-h-g$ 即所求之不等

三角形也。

第三十一圖 第十二題

知底邊之長及二底角之大。畫三角形。
 爲定邊 $a-b$ 。爲定角 $c-d-e$ 及 $f-g-h$ 。
 引 $i-j$ 與 $a-b$ 同長。
 以第二十七圖之方法。於 i 移寫 $c-d-e$ 角。
 於 j 移寫 $f-g-h$ 角。若延長 $i-k$ 及 $j-l$ 而
 可得 m 。然 $i-m-j-i$ 即所求之三角形也。

第三十二圖 第十三題

求三角形之中心。
 爲定三角形 $a-b-c-a$ 。
 以第二十八圖之方法。各各二等分三角中任
 意之二角。然其分線所交之 d 即所求之中心
 也。

第三十三圖 第十四題

知邊之長。畫長方形。
 爲長邊 $a-b$ 。爲短邊 $c-d$ 。

引 $e-f$ 與 $a-b$ 同長。
 以第二十二圖之方法。從 e 及 f 引為直角直線於各各 $e-j$ 。
 以 $c-d$ 之半徑為心 e 及 f 切於上方。而得 g 及 h 。
 從 g 繫於 h 則 $e-g-h-f-e$ 即所求之長方形也。

第三十四圖 第十五題

知對角線之長。以畫菱形。
 為長短二對角線 $a-b$ 及 $c-d$ 。
 引 $e-f$ 與 $a-b$ 同長。
 以第二十圖之方法引為直角直線於 $e-f$ 。
 以 $c-d$ 半分之半徑為心交點 g 切於上下。而得 i 及 h 。
 以順次繫 e, i, f 及 h 則 $e-i-f-h-e$ 即所求之菱形也。

第三十五圖 第十六題

內切於三角形以畫正方形。

爲定三角形 $b-a-c$ 。

從 a 引並行直線於 $b-c$ 。

從 a 下爲直角直線至於 $b-c$ 而得 e 。

爲心 a 以 $a-e$ 之半徑畫弧而得交點 d 。

從 d 繫於 b 交於 $a-c$ 而得 f 。

從 f 引並行直線於 $b-c$ 交於 $a-b$ 而得 g 。

從 f 及 g 引爲直角直線於 $b-c$ 然 $h-g-f$ 。

$i-h$ 即所求之正方形也。

第六章 圓之畫法

第三十六圖 第十七題

求圓之中心。

爲定圓 $a-c-b-a$ 。

引爲 $a-b$ 弦於適宜之所。

依於第二十圖之方法引爲 $c-d$ 線以二等分

$a-b$ 。

又依於同法引爲 $e-f$ 線以二等分 $c-d$ 然

其交點 g 即所求之中心也。

第三十七圖 第十八題

通三個定點以畫圓

爲定點 a 、 b 、及 c 。

從 a 繫於 b 。從 b 繫於 c 。

依於第二十圖之方法。乃各各二等分 $a-b$ 。

及 $b-c$ 。其得交點 d 。

爲心 d 。以定點迄半徑畫圓。則 $a-b-c-a$ 即所求之圓也。

備考 如於本題圓上。將欲求弧之中心。其有良法能適用於此者。如圓周是也。今於弧中。採三點。於適宜之所。各各繫之。即依其所繫直線。於第二十圖之方法。引所各各二等分之直線。以得交點。此交點。即所求之中心也。

第三十八圖 第十九題

知弧中之二定點。及半徑。畫弧。

爲定點 a 及 b 。爲定半徑 $c-d$ 。
 以 $c-d$ 之半徑爲各各心 a 及 b 畫弧而得交
 點 e 。
 爲心 e 以同半徑畫弧。然 $a-b$ 即所求之弧也。

第三十九圖 第二十題

通三個之定點畫弧。

爲定點 a 、 b 、及 c 。

爲心 a 及 c 以 $a-c$ 之半徑畫各各弧。

從 a 及 c 各各繫於 b 及延長至弧而得 $1, 2, 3$ 等。

以此等分距離傳弧於 o' 之上下而得 $1' 2' 3'$ 及

$1'' 2''$ 等。

以上之分點繫於各各 a 及 c 乃得 $a-1'$ 與 c

-1 之交點 $a-2'$ 與 $c-2$ 之交點 $a-3'$ 與 $c-3$

之交點使各各通之。以曲線定規畫弧。則 $a-$

$b-c$ 即所求之弧也。

第四十圖 別 法

爲定點 a 、 b 、及 c 。

從 b 繫於 a 及 c 。使各各延長之。

復採厚紙一片。置於他處。以移寫 $a-b-c$ 之角。即截斷 $d-b-e-f-d$ 之形狀。

樹留鋏於定點 a 及 c 。先當截取厚紙。即沿於鋏。以移動厚紙於左右。可印都度厚紙上 b 點於畫紙上。再以曲線定規繫數點。則 $a-b-c$ 即所求之弧也。

備考 前記之二法。在於弧中心紙外。爲最便也。

第四十一圖 第二十一題

等分半圓周於任意之數。

爲定半圓 $a-b$ 。爲八等分之數。

依直徑 $a-b$ 於第二十五圖之方法。而得等分 $1, 2, 3, 4$ 等。

爲心 a 及 b 。以 $a-b$ 之半徑。畫二個之弧。而得交點 c 。

從 $1, 2, 3$ 等。繫於各各 c 。及延長之於左方。而使

到於圓周。然其到達點 $1'$ 、 $2'$ 、 $3'$ 等。即所求之等分點也。

第四十二圖 第二十二題

在於圓周中之定點。而引切線。

爲定圓 a — d — b — a 。爲定點 a 。

從中心 c 繫於 a 及延長之。

依第二十一圖之方法。從 a 引爲直角直線。於 c — e 則 a — h 即所求之切線也。

又爲定點 b 。依於第二十圖之方法。而得爲直角直線 j — k 於 c — i 。

第四十三圖 第二十三題

在於弧中之定點。而引切線。

爲定弧 a — c — b 。爲定點 c 。

爲心 c 。以適宜之半徑。切於左右。而得 d 及 e 。

從 d 繫於 e 。

又從 c 引並行直線。於 d — e 。然 c — f 即所求之切線也。

備考 如本法。在於弧中心紙外。爲最便也。

第四十四圖 第二十四題

從定點引切線於圓。

爲定圓 $a-b-c-a$ 。爲定點 d 。

從 d 繫於圓心 e 。

二等分 $e-d$ 而得 f 。

爲心 f 以 $f-e$ 之半徑畫弧。而得交點 a 及 c 。

從 d 各各繫於 a 及 c 。則 $a-d$ 及 $d-c$ 即所求之切線也。

第四十五圖 第二十五題

引切於二個之圓。

爲定圓 $e-g-r-e$ 及 $f-s-l-f$ 。

以兩圓心繫於 a 與 b 。爲半徑各半徑之差。以

大圓與同心畫圓。二等分 $a-b$ 而得 c 。又爲心

c 以 $c-a$ 之半徑畫半圓。而得交點 d 。從 a 繫於

d 使延長之。而得交點 e 。從 b 引並行於 $a-e$ 而

得 f 從 e 繫於 f 則 $e-f$ 即所求之切線也。
 從 g 測小圓之半徑而得 h 又爲心 a 以 $a-h$
 之半徑畫圓而得交點 j 從 a 繫於 j 而得交點
 k 從 b 引並行於 $a-k$ 而得 l 從 k 繫於 l 則
 $k-l$ 即所求之切線也。

第四十六圖 第二十六題

切於定圓及爲心定點以畫圓。
 爲定圓 $a-b$ 爲定點 c 。
 從圓心 d 繫於 c 而定點在於定圓內繫於 $b-c$
 及延長之而得 e 。
 爲半徑 $c-e$ 以畫圓然 $e-f-g-e$ 即所求之
 圓也。

第四十七圖 第二十七題

以定半徑切二定圓畫圓。
 爲定半徑 $a-b$ 爲定圓 $c-e-f-c$ 及 $g-h$
 $-i-g$ 。
 復延長 $a-b$ 從 b 測各定圓半徑之長即定 i

及 j 爲半徑 $a-j$ 爲心 圓心 k 畫弧 又爲半徑
 $a-i$ 爲心 圓心 l 以畫弧 而得交點 m 。
 從 m 繫於 k 即爲心 m 爲半徑 $m-e$ 以畫弧 則
 $e-n-h-e$ 即所求者也。

第四十八圖 第二十八題

切於定角二邊 而畫相切數圓。

爲定角 $a-b-c$ 。

引爲 $b-d$ 線 以二等分定角。

採 e 於 $b-a$ 邊中 適宜之所。

從 e 引爲直角直線 於 $b-a$ 及到於 $b-d$ 而得 f 。

爲心 f 以 $f-e$ 之半徑 畫圓。

從 h 引爲直角直線 於 $b-d$ 及到於 $b-a$ 而得 i 。

爲心 i 以 $i-h$ 之半徑 畫弧 而得 j 。

從 j 引爲直角直線 於 $b-a$ 而得 k 。

爲心 k 以 $k-j$ 之半徑 而畫弧。

由此以下用同法 而可畫數圓 然 $e-h-g-$

e 及 $j-l-h-j$ 等 即所求者也。

第四十九圖 第二十九題

外切於定圓。及相互。以畫等徑之數圓。

爲定圓 $a-d-f-a$ 。爲六圓之數。

六等分圓周。從各分點。引各各半徑線。且延長之。引爲 $c-j$ 。以二等分 $c-a$ 與 $c-b$ 之間之角。從 a 引爲直角直線。於 $c-a$ 而得 h 。從 h 測 $a-h$ 之長。而得 j 。從 j 引爲直角直線。於 $c-j$ 而得 k 。

爲心 c 以 $c-k$ 之半徑畫圓。爲心 l 以 $k-a$ 之半徑畫圓。又爲心 m 等以同徑畫各各圓。即所求者也。

第五十圖 第三十題

求弧同長之直線。

爲定弧 $a-b-c$ 。

從 a 繫於弧之中心 d 。

從 a 引爲直角直線於 $a-d$ 。

從 c 繫於 a 。尙延長之於右。

從 a 於右測 $a-c$ 半分之長得 e 。
 爲心 e 以 $e-c$ 之半徑畫弧而得 f 。然 $a-f$ 則
 所求之直線也。

第五十一圖 第三十一題

求半圓周同長之直線。

爲定圓 $a-d-b$ 。

引直徑 $a-b$ 。

通於 c 引直角直線到 $a-f$ 。

$c-d$ 四等分之。

其一分之七倍從 c 測得 e 。

從 e 各各繫於 a 及 b 尙延長之。

通 d 而引爲並行直線於 $a-b$ 交於前記之延長線而得 f 及 g 則 $f-g$ 即所求之同長線也。

備考 以第五十圖及本圖法所求之
 長非爲真正之法乃爲近真正之法也。雖
 然於普通圖畫中以是爲良。

第七章 多角形之畫法

第五十二圖 第三十二題

內切於圓。畫正五角形。
 爲定圓 $a-d-b-e-a$ 。
 通中心 c 引爲 $a-b$ 直徑。
 又引爲直角直徑 $d-e$ 於 $a-b$ 。
 爲心 a 以 $a-c$ 之半徑。畫弧。交於圓周。而得
 及 g 。
 從 f 繫於 g 交於 $a-b$ 而得 h 。
 爲心 h 以 $h-d$ 之半徑。畫弧。交於 $a-b$ 而得 i 。
 爲心 d 以 $d-i$ 之半徑。畫弧。交於圓周。而得 j 。
 爲心 j 以 $d-j$ 之半徑。畫弧。切於圓周。而得 k 。
 爲心 k 以同半徑。而得 l 。爲心 l 以同半徑。而得 m 。
 以順次繫 d, j, k, l 及 m 則 $d-j-k-l-m-d$
 即所求之五角形也。

第五十三圖 第三十三題

內切於圓。畫正六角形。
 爲定圓 $a-f-g-a$ 。

通中心 c 引爲 $a-b$ 直徑。
 爲各各心 a 及 b 以 $a-c$ 之半徑畫各各弧交於
 圓周而得 e, d, f 及 g 。
 以順次繫 a, e, f, b, g 及 d 則 $a-e-f-b-g-d-a$
 即所求之正六角形也。

第五十四圖 第三十四題

內切於圓畫正七角形。
 爲定圓 $a-j-h-a$ 。
 引爲 $b-a$ 半徑。
 爲心 a 以同半徑畫弧交於圓周而得 c 及 d 。
 從 c 繫於 d 交於 $b-a$ 而得 e 。
 以 $e-d$ 之半徑從 a 傳圓周而順次切得 $k, j,$
 i, h, g 及 f 。
 以順次繫上諸點則 $a-k-j-i-h-g-f-$
 a 即所求之正七角形也。

第五十五圖 第三十五題

內切於圓畫正八角形。

爲定圓 $a-c$ $b-d$ a 。

引所交之直徑 $a-b$ 及 $c-d$ 於直角。

二等分 $a-i-d$ 及 $d-i-b$ 角且各各延長其
等分線至於圓周而得 e f g 及 h 。

以順次繫上諸點則 $a-h-c-f-b-g-d$
 $-e-a$ 即所求之正八角形也。

第五十六圖 第三十六題

內切於圓畫正九角形。

爲定圓 $a-c$ $b-d$ a 。

引所交之直徑 $a-b$ 及 $c-d$ 於直角而延長
 $a-b$ 於右。

爲心 c 以 $c-e$ 之半徑畫弧交於圓周而得 f 。

爲心 d 以 $d-f$ 之半徑畫弧交於前記之延長
線而得 g 。

爲心 g 以 $g-c$ 之半徑畫弧交於 $a-b$ 而得
 h 。

以 $a-h$ 之半徑傳圓周而順次切得 c m n o 。

p. i. j. k. l.

以順次繫上諸點。則 i—j—k—l—m—n—o—p—i。即所求之正九角形也。

第五十七圖 第三十七題

內切於圓畫任意之正多角形。

爲定圓 a—d—b—g—a。爲五角。

引直徑 a—b。

角之數 a—b。即等分於五。

爲心 a 及 b。以 a—b 之半徑。各各畫弧。而得交點 c。

從 c 繫於 2 (不論係之多少。必從上探第二之分點) 且延長之。及到於圓周。而得 d。

以 a—b 之半徑傳圓周。順次切得 b. g. f. 及 e。

以順次繫上諸點。則 b—g—f—e—d—b。即所求之正五角形也。

第五十八圖 第三十八題

知一邊之長。畫任意之正多角形。

爲定邊 a—b。爲七角。

延長 $a-b$ 。

爲心 a 以 $a-b$ 之半徑畫半圓。

依第四十一圖之方法七等分圓周。

從 a 繫於 2 (不論係角之多少必採第二分點)

從 a 各各繫於 3, 4, 5, 及 6, 且延長之。

爲心 2 以 $2-a$ 之半徑切於 $a-3$ 之延長線。

而得 d 爲心 d 以同半徑切於 $a-4$ 之延長線。

而得 e 等以下順次移動心而同半徑切於各

延長線即得 f 及 g 。

以順次繫上諸點則 $a-2-d-e-f-g-b$

$-a$ 即所求之正七角形也。

注意 本題畫法於半圓周中既定諸點歸於正當絕不可引諸線通其正中否則有易生誤於角形焉然欲檢其正否必在於 $a-d$ 及 $2-e$ 等之諸對角線等。

第五十九圖 別法

爲定邊 $a-b$ 爲六角。

爲底邊 $a-b$ 畫正三角形 $a-6-b-a$ 於圖紙上。

以其頂點爲心以迄半徑畫圓。

以同半徑順次切圓周而得 $f-e-d$ 及 c 。

以順次繫上諸點則 $a-f-e-d-c-b-a$ 即所求之正六角形也。

將畫正七角形宜通三角形之頂點而引爲直角直線於 $a-b$ 。

六等分三角形之一邊。

測其一分之長從 6 上而得 7 。

爲心 7 以 $7-a$ 之半徑畫圓以 $a-b$ 之長而傳圓周然必宜順次切焉。

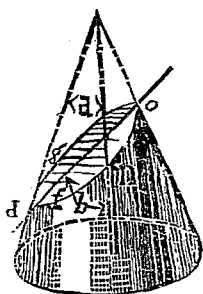
又畫正八角形爲心 8 以 $8-a$ 之半徑畫圓等即他之多角形亦準此而可推知。

第八章 橢圓 Ellipse 拋物線 Para-

bola 雙曲線 Hyperbola 之畫法

諸種之曲線中有稱橢圓、拋物線、及雙曲線者。

然總稱之云圓錐曲線。故此之三曲線。稱圓錐。如圓錐之先。以爲得截斷立體也。



橢圓 如上圖截斷圓錐於傾斜。(b角比a角爲大)則云截口之形象。然從其內邊二個定點f及從f。至於周圍線上任意之一點。及各距之和。常爲一定不變者。故此二個之定點云

各各焦點 Focus。通之c—d直線。云長徑 Major axis。更於其正中引直角之g—h直線。云短徑 Minor axis。

第六十圖 · 第六十一圖 第三十九題
第六十二圖 第六十三圖

知長徑及短徑之長。以畫橢圓。

爲長徑 a—b。爲短徑 c—d。

(1) 第六十圖。以 e 爲心。即以 e—c 之半徑畫弧。使交於 e—b 而得 f。

三等分 $f-b$ 採其一分之長於 f 左而得 g 。
採 $g-b$ 之長於 e 之左右而得 i 及 h 。
爲心 i 及 h 以 $i-h$ 之半徑各各畫弧使交於
 $e-d$ 而得 j 及 k 。

從 j 繫於 i 從 i 繫於 k 從 k 繫於 h 及從 h 繫
於 j 且各各延長之。

又爲心 i 以 $b-a$ 之半徑畫 $l-a-m$ 弧爲心
 h 以同半徑畫 $n-b-o$ 弧爲心 k 以 $k-c$ 之
半徑畫 $l-c-n$ 弧爲心 j 以同半徑畫 $m-d$
 $-o$ 弧。

至於 $a-l-c-n-b-o-d-m-a$ 即所求
之橢圓形也。

備考 橢圓如前所述從各焦點至於
其周圍上任意之一點則各距離之和而
決不爲變者。又其周圍之曲線雖爲一部
之所尚亦無有弧。故本法之橢圓仍不可
得真正之橢圓。所謂近真正者也。

(口) 第六十圖爲心 e 爲各各半徑 $e-c$ 及 $e-a$ 畫二個之圓於大圓周上而採數點於 l . 2 . 3 . 等於適宜之所。

從是繫於各各 e 而得 l' . $2'$. $3'$ 等使交於小圓周。

從 l . 2 . 3 . 等引爲並行數直線於 $c-d$ 。

從 l' . $2'$. $3'$ 等引爲並行數直線於 $a-b$ 而得前所記直線之交點 f . g 及 h 等。

通 a . f . g . h . 及 c 以曲線定規繫之而得爲橢圓四分之一如 $a-f-g-h-c$ 等是也。

其他之部分亦依同法而得全形。

(ハ) 第六十二圖通 a . b . c . 及 d . 且畫所並行之長方形於兩徑。

等分 $a-f$ 及 $f-c$ 於任意之同數。

從 l 繫於 c 從 2 繫於 $3'$ 從 3 繫於 $2'$ 及從 a 繫於 l' 而得爲 g . h . 及 i 各交點。

通 a . g . h . i . 及 c 以曲線定規繫之而得爲 a 。

$g-h-i-c$ 曲線其他畧之。

(二) 第六十三圖爲心 d 以 $a-e$ 之半徑切於 $a-b$ 而得焦點 f 及 f' 等。

因樹一本之針於 $f f'$ 及 d 三個之所。若此糸既纏緊之後。即使結之。乃畫爲 $f-d-f'$ 三角形。更去針於 d 所以置筆代之。故僅移動筆。而可得爲 $a-c-b-d-a$ 橢圓形焉。

備考 如本法。雖得畫爲真正之橢圓。然於實際製圖上。不甚適當。惟如泥工。木工。園工等。所必需也。

第六十四圖 第四十題

求橢圓之長徑及短徑。

爲定橢圓 $a-b-d-c-a$ 。

引爲 $a-b$ 斜線於適宜之所。

在於適宜之所。引 $c-d$ 線。使並行於 $a-b$ 線。

各各二等分 $a-b$ 及 $c-d$ 而得 e 及 f 。

從 e 繫於 f 各各延長其兩端。及到於周圍而

得 g 及 h 。

二等分 $g-h$ 而得 i 。

爲心 i 以適宜之半徑畫圓交於橢圓而得 j 。

k 、 l 及 m 。

從 j 繫於 k 從 k 繫於 l 從 l 繫於 m 及從 m

繫於 j 而畫爲 $j-k-l-m-j$ 長方形

通 i 並行於長方形之長邊以引直線及通 i

並行於同短邊復引直線然 $n-o$ 及 $p-q$ 即

所求之兩徑也。

第六十五圖 第四十一題

在於橢圓周上從定點引直立直線於橢圓周

爲定橢圓 $a-c-b-d-a$ 爲定點 e 。

依於六十四圖之方法求長徑及短徑。

依於第六十三圖之方法求焦點。

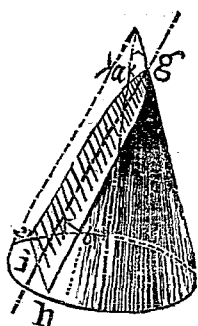
從 e 各各繫於 f 及 f' 且延長之。

引所二等分之直線於 $g-e-h$ 角然 $e-i$ 即

所求之直線也。

第六十五圖 第四十二題

從橢圓上定點以引切線。



為定點 j 。

從 j 各各繫於 f 及 f' 而延長 $f-j$ 。

為心 j 以適宜之半徑畫弧而得交點 m 及 l 。

為心 m 及 l 從 $m-l$ 以各各稍長半徑畫各各弧而得交點 n 。

從 j 繫於 n 則 $n-j$ 即所求之切線也。

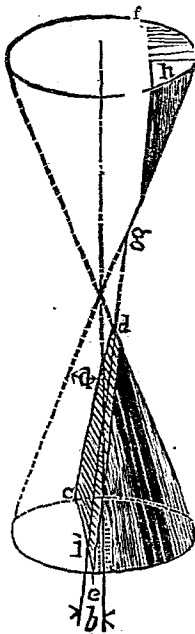
拋物線 如右圖截斷圓錐於傾斜 (b 角等於 a 角) 故其生於截面之外圍云曲線 $e-g-h$ 。

第六十六圖 第四十三題

畫拋物線

如示於前記說明將畫線時先等測本圖 $a-b$

之長。於說明圖 e—h。從其二等分點樹為直角直線。於 a—b。採說明圖 i—g 之長。從 c 測於上而得 d。以畫為 a—e—f—b—a 之方形。因之等分 a—c。c—b。e—a 及 f—b。於各各任意之同數。而得 1. 2. 3. 及 1'. 2'. 3'. 等。



從 1. 2. 3. 等樹為直角直線於各各 a—b。又從 1'. 2'. 3'. 等繫於各各 a。而得各交點 g. h. i 等。通以上諸點。以曲線定規繫之。而得為 a—g—h—i—a—b 之拋物線。

雙曲線

如上圖於同大二個之圓錐。使一致其各項點為反對之位置。復截斷之於傾斜。b 角比 a 角為小。故其生於截口之外圍。則云 c—d—e 及 f—g—h 曲線。

第六十七圖 第四十四題

畫雙曲線

如示於說明圖。將畫線時。先等測本圖 $a-b$ 之長。於說明圖 $c-e$ 從其二等分點 d 樹為直角直線。於 $a-b$ 更採說明圖 $d-i$ 之長。從 d 測於上。而得 c 。採說明圖 $d-g$ 之長之半分。從 c 測於上。而得 e 。

等分 $a-d$ $d-b$ $f-a$ 及 $g-b$ 於各各任意之同數。而得 $1, 2, 3$ 及 $1', 2', 3'$ 等。

從 $1, 2, 3$ 等繫於各各 e 。又從 $1', 2', 3'$ 等繫於各各 c 而得交點 h, i, j 等。

通以上諸點以曲線定規繫之。而可得為 $a-h$ $-i-j-c-b$ 之雙曲線。

附錄

紋形及輪廓之畫法

應用平面幾何畫法。就於紋形及輪廓之畫法。

其示概要於左。然就於諸部之割合。所以不特明記者。因人能各自任意選定焉。即可得知。

(一圖) 結山形 在於一對角線。畫爲所垂直線之正方形。而各各六等分其二邊。從其各點。引並行直線於邊等。

(二圖) 扭梅 先畫外圓。其以半徑線爲直徑。以同心五等分之。而畫圓內等。

(三圖) 組四目 先引垂直及水平之二直線。即於其交點。引所各各二等分之二直線。直角以交點爲心。其長各各相等。爲之對角線。以畫二個之組合正方形。再從邊與邊之交點。而引各各直線等。

(四圖) 二巴 先畫外圓。引爲垂直直徑線。即以其半徑爲直徑。乃畫圖以四等分其半徑。又以(三)以(1)迄之半徑。而畫弧。

(五圖) 八重梅 先畫外圓。十等分圓周。從其分點。引各各半徑線。又五等分任意之一半徑

線通(一)(二)及(三)而各各畫弧。復爲心(三)以(五)迄之半徑而畫弧等。

(六圖)角違 準於組四目。

(七圖)三巴 先畫外圓。以三等分圓周。而得(一)(口)及(ハ)從此分點引各直徑線。於(口)而延長直徑線於(一)引切線。得交點(ニ)引所二等分之直徑線(一)一(ニ)(口)角。得交點(ホ)即爲心(ホ)切於(口)一(ニ)以畫弧。次從(ホ)五等分直線。至於外圓之中心。爲心四。至於(一)以半徑畫弧。

(八圖)清明桔梗 爲畫正五角形。以引對角線等。

九圖)三階菱 先畫外圓。以通中心。引縱橫之二直線。乃各各六等分(一)一(口)及(ハ)一(ニ)因移(一)一(三)之長。從(一)右。而得(ホ)即畫爲(三)一(二)一(ホ)。(四)一(三)之菱形。再各各延長其邊。從(一)及(四)各各引各各水平線。從(ハ)(ニ)及其他。引並行直線於菱形之邊等。

(十圖) 渦卷 先畫外圓。以其中心。復爲中心。畫爲(1) — (2) — (3) — (4) — (1) 正方形。即延長其邊之各一端。又爲心(一)。以(一) — (四)之半徑。畫四分之一之圓。爲心(二)。以(二) — (五)之半徑。爲心(三)。以(三) — (六)之半徑。爲心(四)。以(四) — (七)之半徑。咸各各畫四分之一之圓等。

(十一圖) 角寶結 爲畫菱形。以九等分各邊等。

(十二圖) 圓之等分割 先畫外圓。以等分直徑線。於任意之偶數。復各爲心。其分點。以直徑線之一端。迄之半徑。以畫各各半圓。然如弧圍各部之面積。總相等焉。

(十三圖) 筌敷桔梗 先畫外圓。以五等分圓周。即以其分點爲心。又以所隣之分點。迄之半徑。而畫弧等。

(十四圖) 三電光 先畫正六角形。五等分其各邊。即從其分點。引並行直線於各邊等。

(十五圖) 八釜敷 先畫外圓。以八等分圓周。即從其分點。十二等分半徑。引各各直徑線。又以外圓與同心。至於第五號之點。以所迄半徑。畫圓。次從中心。以第七號之點爲心。至於外圓周。以點之半徑。畫圓等。

(十六圖) 矢之根車 先畫正六角形。以引各對角線。因其同心。且於其邊。畫所並行之小角形。又於前記之邊。以各各延長其邊等。

(十七圖) 結角 爲畫正方形。以十二等分其各等。

(十八圖) 六釜敷 先畫外圓。以六等分圓周。即從其分點。九等分半徑。以引各各直徑線。又從其中心。至於(四)及(五)。以半徑。畫各各同心圓。爲心(五)。以(五)一(八)及(五)一(九)之半徑。畫各各圓等。

(十九圖) 唐井桁 先畫爲(イ)一(ロ)一(ハ)一(ニ)一(イ)菱形。以八等分其邊。即從(イ)(ロ)及(ハ)而下

各各垂直線。又採前等分一分之長五個。於此線上等。

(二十圖)菊車 先畫外圓。以十六等分圓周。因其分點爲心。以外圓與同半徑切於兩方。而得二點於圓周上。又爲心其點。以其半徑。畫弧等。

(二十一圖)裏菊 先畫外圓。以十六等分其圓周。即從其分點。五等分半徑。引各各半徑線。且從(四)採點於外。爲之心。以(五)迄之半徑。畫弧。又以同心。從(一)之所。以外迄之半徑。畫圓。其他同於釜敷桔梗法。

(二十二圖)星形 先畫正五角形。以引各對角線。即從各邊之二等分點。繫於各各中心之所焉。

(二十三圖)三雁根 先畫外圓。以六等分圓周。即從其分點。引各各半徑線。十六等分一半徑。又從中心。以六號之點。爲之心。就外圓迄之。

半徑及中心。爲心七號之點。以十五號之半徑。畫各各圓。因外圓與同心。以十四號之點及十五號迄之半徑。畫各各圓等。

(二十四圖)五電光 先畫正五角形。以從各邊之二等分點。繫於各各中心。從各角點。亦繫於中心。二等分之。通此分點。於直角。及二等分之。而引直線等。

(二十五圖)分銅繫 先畫方形。以等分各邊於同數。從各分點。引並行直線及對角線。作多數之小方形。又爲心。其一角。爲半徑。小方形之對角線。而畫弧焉。

(二十六圖)檜垣 先畫方形。以八等分上下二邊。及各各十等分左右二邊等。

(二十七圖)網形 先畫方形。以二十四等分下邊。即從其分點。樹爲各各垂直線。以四等分左邊。復從分點。引各各水平線等。

(二十八圖)松皮菱 爲八等分方形之下邊。

及十等分同左邊以畫多數之菱形等。

[二十九圖]籠目 爲等分方形之下邊即從其各分點樹爲三十度傾斜直線及垂直線於下邊等。

[三十圖]七寶 先畫多數之正方形以其對角線之半分爲半徑以方形之角點爲心而畫圓等。

[三十一圖]石垣龜甲 先等分方形之下邊從其各分點樹爲三十度傾斜直線及垂直線於下邊又以斜線與斜線所初交之點定正六角形之邊即採其長從前記交點採於上而定垂直邊復從爲垂直邊之上端引斜線等。

[三十二圖]七寶龜甲 先等分方形之一邊從其各分點樹爲垂直線即採心於此垂直線中從各垂直線間之距離以稍稍之長半徑與稍稍之短半徑而畫各各圓等。

[三十三圖]毗沙門龜甲 先等分方形之左

邊。從其各分點。引六十度及六十度傾斜直線於水平線。及之他方向。又從其交點。引三十度傾斜直線。及垂直線於水平線等。

[三十四圖] 麻之葉 準於毘沙門甲而可得知。

[三十五圖] 紗綾形 爲六等分方形之下邊。十二等分同左邊等。

[三十六圖] 松皮麻之葉 先等分方形之下邊。從其各分點。引三十度及六十度傾斜直線於下邊等。

[三十七圖] 雷紋畫法。

[三十八圖] 工字形連接畫法。

[三十九圖] 雷紋畫法。

[四十圖] 健字形連接畫法。

[四十一圖] 萬字形連接畫法。

[四十二圖] 萬字形交互畫法。

從[四十三圖]至[四十四圖] 輪廓模樣畫法。

新式中學用器畫第一卷終

新式中學用器畫第二卷

第二編 投影畫法 Method of
Projection第一章 緒 論 自第一圖
至第六圖

大抵從至遠之處假定其所望見之物體以畫其形象於平面者云投影。Projection 又於此平面云投影面。Plane of Projection

今採一個之煉瓦於此如示於第一圖其於空間橫水平面以爲 M 矢之方向即見垂於直下。又依煉瓦之上面乃僅見爲 $A-B-C-D-A$ 一個之長方形復依此形象於爲 $G-L-P-Q-G$ 面使畫於煉瓦之直下則轉爲 $a-b-c-d-a$

如 $G-L-P-Q-G$ 云投影面若於 $a-b-c-d-a$ 投影云投影

又第二圖爲 N 矢之方向即從其正面可見之。

則煉瓦之前面。僅可見爲 A—B—F—E—A 面。又依此形象。於 G—L—R—S—G 面。使畫於煉瓦之正後。則爲 a'—b'—f'—e'—a'。

如 G—L—R—S—G。又爲投影面。如 a'—b'—f'—e'—a'。於此投影面。爲投影。

投影面。通常用二個者。其一面如 G—L—P—Q—G。常在於物體之下方。以保水平之位置。云水平面。Horizontal Plane 又爲畫於此。云水平投影。Horizontal Projection 復云平面圖 Plan 又他之一面。如 G—L—R—S—G。常在於物體後方。以保垂直之位置。云直立面。Vertical Plane 又爲畫於此。云直立投影。Vertical Projection 復云正面圖 Elevation

故水平面。與直立面之關係。必要如床與壁然。常在其位置者。始可畫投影。於其面上。而無錯誤。

如前所述兩個之投影面。雖互在於爲直角之

位置。乃實益吾人之使用。蓋投影面者。畫紙也。即由於爲一個之平面。如左所記。不可不存其心中。而常想像焉。

如第三圖(爲同於第二圖者。唯取退煉瓦之所也)。先使兩個投影面之相接。於 $G-L$ 之所。如蝶番爲有裝置者。即垂此水平面於其下。使直立面。極其平坦。而可假定之。然 P 點來於 P' 。 Q 者來於 Q' 。則水平面。隨變其位置。於 $G-L-P'-Q'-G$ 。而平面圖。至表正於直下。由是通示虛線。乃依第四圖爲畫紙。如 $S-R-P-Q-S$ 。則畫爲 $G-L$ 水平線。於其中央。爲之境界。其以上之部分。爲直立者。其以下之部分。爲在於水平位置者。咸宜常想像其形。而存其心中。如斯於投影法。畫一個之物體。以表明之。必要使各一個之投影。於二個之投影面。始依之能表明物體之形象。如表物體之上面 $a-b-c-d-a$ 。及前面 $a'-b'-f'-e'-a'$ 。爲長方形。

是且於其實物上。而可至表爲自然一個之長方體焉。若物體之大小亦於兩個之投影始得表明之。即如其長於平面圖 $a-b$ 又於正面圖 $a'-b'$ 等。其幅於平面圖 $a-d$ 又 $b-c$ 其厚於正面圖 $a'-e'$ 又以 $b'-f'$ 而表明也。至物體之位置亦於兩個之投影始能表明之。即如於水平面距離於正面圖 $e'-x$ 又 $f'-y$ 如直立面距離於平面圖 $x-d$ 又 $y-c$ (由此可知本圖之 $e'-x$ 及 $f'-y$ 等於第二圖之 $E-a$ 及 $F-b'$ 本圖之 $x-d$ 及 $y-c$ 等於第二圖之 $D-a$ 及 $C-b'$) 則物體上下二面之正面圖爲 $a'-b'$ 及 $e'-f'$ 以並行於界線。則此二面即並行於水平面焉。又前後二面之平面圖爲 $a-b$ 及 $d-c$ 以並行於界線。則此二面即並行於直立面。故隨物體之位置而可確定之。自來物之投影當於物體之直下與正後先畫二個之投影。面如前所述。故今將畫煉瓦之投

影。先從煉瓦之各隅角向於投影面爲直角直線於投影面。由此直線現出所到達之點於投影面。乃以直線連結之。而隨可得煉瓦之投影。即如第五圖從煉瓦之隅角引爲直角直線於直立面。則其線於 a' 可到達於直立面(從隅角 D 引。與其線從 A 引者一致也)又他從 B 、 F 及 E 引同線。則其各到達之點爲 b' 、 f' 及 e' 。即從 a' 繫於 b' 。從 b' 繫於 f' 。從 f' 繫於 e' 及從 e' 繫於 a' 。隨可得正面圖。復從 A 及 B 等之各隅角向於水平面爲直角直線於水平面。則其各到達之點得 a 及 b 等。乃等繫之。至如得平面圖。直立面。又引向於水平面。如前所述直線從素欲得諸點之投影爲假設者。總相等。云投送線。

Projecting Lines

如於投影畫法。必用投影面。不待論矣。夫平常投影面。雖爲二面。如前所述。但物體之形象。若由於其位置。使於二面。以兩投影。不能盡位置。

形象等於充分。乃尙須添一面焉。又有以二面。其位置亦物體之形象。雖由於位置不能一定。然通常多用此爲直角者。於直立面及水平面。第五圖 $Q-G-S-T-Q$ 即加新投影面。於此畫投影。如前述於直立面及水平面。對於此面直角。即可望。矢之方向者。然僅見煉瓦之端面。如 $B-C-H-F-B$ 。其投影爲 $l''-c''-h''-f''-b''$ 。而此之投影面亦相接於直立面之所。即於 $S-G$ 爲有蝶番之裝置者。以開同面。使直立面爲平坦。及如前述垂水平面於下。如第六圖是也。

此投影面云側立面 Side Plane 如於此爲畫者。云側立投影 Side Projection 又云側面圖 Side Elevation

投影面與投影面相接之處。如 $G-L$ $G-Q$ 及 $G-S$ 之三直線。均云界線 Ground Lines

以上所述投影畫法。乃據說明所基者也。

尙就於原則。若欲學定理及定義等之詳細妙理。則可閱讀竹下富次郎先生。曩所著新撰用器畫法一書。

如第一圖。第二圖。第三圖。及第五圖。爲述投影畫法之原則。不過僅爲說明圖而已。至第四圖。與第六圖。乃爲投影畫法中之正式圖也。

第二章 定 義 自第七圖至第十二圖

正方體 Cube 是由六面正方形而成。如第七圖是也。至如第八圖。二面之正方形。其長邊短邊之邊。由四面長方形而成。成爲正方體。故通稱直角體。Rectangular. Parallelepiped

正多形壘 Right Prism 爲同一二面之並行多角形也。至此二面之相對二邊。及其二邊距離。由爲直角四角形而成。然其爲正五角者。云正五角壘。其爲正六角者。云正六角壘。如示於第九圖。其他可準之。

正四角錐及正多角錐 Pyramid 爲一面之正方形也。至正多角形。其底邊之邊。由數面之三角形而成。然其爲正方形者。云正四角錐。其爲正五角者。云正五角錐。如示於第十圖。其他可準之。又其正方形爲正多角形之面。云底面。Base 其各三角所共有之點。云頂點。Vertex 其從底面之中心。至於頂點之距離。云高。Altitude

圓 塼 Cylinder 爲一面之直角四角形也。其一邊爲真軸。而生迴轉者。其相對真軸一邊。而生弧形之表面者。又爲直角二邊於真軸之上。以生各各圓者。如第十一圖是也。然此真軸。云軸。Axis 此於相對邊。任意之所。云母線。Generator 此弧表面。云塼曲面。Cylindrical Surface 此圓云端面。Base 此兩端面之距離。云高。Altitude

圓錐 Cone 爲一面之直角三角形也。其於直角一邊。爲真軸。而生迴轉者。其對向於直角之

邊而生弧形之表面者。又爲他之直角一邊而生成圓者。如十二圖是也。然此之眞軸云軸 Axis 此於生弧表面邊任意之所云母線 Generator 此弧表面云錐曲面 Conical Surface 此圓云底面 Base 此錐曲面中之最高點云頂點 Vertex 此從頂點至於底面之中心距離云高 Altitude

第三章 方形及多角形之畫法

第十三圖 第一題

在於左之位置以畫正方形。

- [1] 並行於直立面及從同面於若干之距離而其下邊則密着於水平面。
- [2] 並行於水平面及從同面於若干之距離而其後邊則密着於直立面。
- [3] 直角於直立面及水平面且從直立面於若干之距離而其下邊則密着於水平面。

(4)其方形之本位置。則同於第五圖煉瓦之前面 A—B—F—E—A。(煉瓦懸於空間。爲方形者。而其下邊則密着於投影面。反有相違)即以並行於直立面。而從正面之所。乃可見其全形。又正面圖之形象。等於原形。而其下邊。則密着於水平面。至正面圖。其一邊在於界線中。次水平面。以爲直立。見之於直下。而方形上邊之外。因之不見。由是平面圖。反等於原形之一邊。成爲一直線焉。又從方形。至於直立面之距離。等於從平面圖。至於界線之距離。

備考 大抵就於畫題。必宜先知可投影物之形態。及其位置。而後始可表於投影。不待論矣。蓋凡表於投影。及其形象。與實物之形。必咸宜爲同一。否則即於本題之正面圖。雖全與實物爲同一。亦不能使表於面上。而得爲直線。如是實物對於投影面。爲關於位置者。總表於並行之投影。

面。要之投影。雖爲同一。其他之投影面。決不然。以其來多少變形也。是則圖法一事。學者最宜注意於此點耳。故於本書。總必對實物。於其投影。乃稱之原形者。或稱之原物者。

因接於界線上方。而等於原形。則畫爲 $a'-b'$ 一 $f'-e'-a'$ 正方形。名之正面圖。次從 e' 及 f' 下投送線。測從方形。至於直立面之距離。從 e' 下方而定。引爲並行直線 $a-b$ 於界線。名之平面圖。

備考 投送線。如前所述。常爲直角直線。於投影面。又於同投影者。爲一點。於他之投影面。以投影者。爲直角於界線。而得表爲其他之投影。如第五圖 D 一 a' 爲投送線。以爲直角於直立面。而其正面圖。爲 a' 一點。又如平面圖。爲直角。爲 $a-x$ 於界線。(宜參照第六圖)因於本書。上投送線。

若下所記則其線必爲投送線之投影。即知可爲直角於界線焉。

(口) 方形之本位置同於第五圖煉瓦之上面 A—B—C—D—A。即以並行於水平面。現之於直下。而得見其全形。至平面圖之形象。則等於原形。又後邊密着直立面。而平面圖在一邊界線之中。次方形因爲直角於直立面。可從正面見之。若方形前邊之外。反因不見。由是正面圖。乃等於方形之一邊。爲一直線焉。又從方形至於水平面之距離。等於從正面至於界線之距離。故本題之圖。所以不異於 A 圖之顛倒者。因接於界線之下方。則等於原形。而畫爲 a—b—c—d—a 之正方形。爲之平面圖。次上從 d 及 c 上投送線。以測方形。至於水平面之距離。復從 d' 上方而定 a'。即從 a' 引爲並行直線 a'—b' 於界線。爲之正面圖。

(八) 方形之本位置同於第五圖煉瓦之端面 B

C—H—F—B。即爲直角於直立面及水平面。以現之於直下。唯其上邊。從正面時。僅能見其前邊。不能見其全形。何哉。因此正面及平面圖。等於各各方形之一邊直線也。至方形之下邊。因密着於水平面。而正面圖之下端。在於界線之中。又從方形至直立面之距離。則等於從平面圖之後端。至於界線之距離。故此兩圖共爲直角。爲一直線。於界線焉。

因之交於界線。引之爲直角直線。乃測方形一邊之長。從交點 e' 上。而得 a' 。爲 $a'-e'$ 正面圖。次測從方形之後邊。至於直立面之距離。從 e' 下。而定 b 。又從 b 測定方形一邊之長。而得 a 。爲之 $b-a$ 平面圖。

第十四圖 第二題

在於左之位置。畫正五角形。

(1) 在於水平面中。其一邊爲直角於界線。

〔口〕傾斜於水平面。及其一邊。密着於同投影面。而爲直角於界線。

備考 其於畫題上。所投影物之大。不必明記其位置等者。因人可各自選定於適宜焉。由此以下。皆宜準之。

(1)於本位置之五角形。以在於水平面中。而見之於直下。因可得見其全形。至平面圖之形象。則等於原形。其一邊爲直角於界線。若正面圖。爲一直線。以在於界線中。然其長。乃從正五角形之一角。而對向之。迄於一邊。則等於最短距離。即因於水平面中適宜之所。則等於正五角形之一邊。而引爲直角於界線。以定 a_1-b_1 爲之基本。因畫爲 $a_1-b_1-c_1-d_1-e_1-a_1$ 之正五角形。爲之平面圖。次從 a_1, c_1 及 d_1 上投送線。則如 $b_2-c_2-d_2$ 爲之正面圖。

(口)於本位置之五角形。爲傾斜於水平面。而見之於直下。反有異於原形者。如平面圖不能表

其原形。其精細之理。可詳說於次。又其一邊爲直角於界線。至五角形者。爲直角於直立面。然此正面圖。爲異於(1)之情形。於(1)之上。如五角形在於水平面中。直立面。爲直角。咸無詳論。但(1)之投影。乃在於界線之中。就本地幅。以傾斜於界線。而表明之。是爲五角形。傾斜於水平面之方法也。又投影傾斜角度。等於五角形傾斜角度於水平面。無有異焉。

因之五角形。等於傾斜水平面角度。作成 $d_2 - b_2 - d_3$ 角。於是爲心 b_2 。以 $b_2 - c_2$ 及 $b_2 - d_2$ 之半徑。而畫各各圓弧。得 c_3 及 d_3 。又以 $b_2 - c_3 - d_3$ 之直線。爲正面圖。次從 c_2 及 d_2 而下各各投送線。即從 e_1 、 d_1 及 c_1 以引爲並行直線。於各各界線。得交點 e_4 、 d_4 及 c_4 。復從 a' 繫於 e_4 。從 e_4 繫於 d_4 。從 d_4 繫於 c_4 。及從 c_4 繫於 b_1 。得畫成 $a_1 - e_4 - d_4 - c_4 - b_1 - a_1$ 之五角形。爲之平面圖。

總之。咸於並行物之同投影面。以投影也。蓋投

影者宜表其原形。其於他之位置。雖來多少變形於投影。如前所述。但本題情形。亦爲傾斜於水平面。而其平面圖。乃不能表其全原形者。何故。因 a_1-b_1 邊(1)之地幅。常不變其位置。如 a_1 及 b_1 之二點。亦同於 e_1 、 d_1 及 c_1 之三點。從(1)之地幅。使移動之。而因爲 e_4 、 d_4 及 c_4 隨使(1)之地幅。如 a_1-e_1 、 e_1-d_1 、 d_1-c_1 及 c_1-b_1 之四邊。反爲短縮。以爲 a_1-e_4 、 e_4-d_4 、 d_4-c_4 及 c_4-b_1 之形。而且來多少變化於五角形可知焉。

今又於此。假設直線於五角形中。將欲證明之。如於(1)之地幅中。有爲並行 e_1-g 、 d_1-f 及 c_1-h 之三直線。於界線。而此三直線。當於本地幅之五角形。共持來其位置。傾斜於水平面。然三直線之正面圖。如 $b_2-c_3-d_3$ 之直線。即含於五角形之正面圖中。因之其平面圖。而反變爲 e_4-g 、 d_4-f 及 c_4-h 如此其原形。反至生多少短縮。以爲變形。於五角形之投影焉。可知。又尙

有可注意於此者。因於(1)之地幅爲 e_1-c_1 對角線。復於本地幅爲 e_4-c_4 。以移動其位置。則其長不變焉。是於前後之兩地幅等。以爲並行於水平面。由此於五角形之 d_4-f 。及凡爲並行之方向者。皆成爲短縮矣。又反之。如 e_4-c_4 。及凡爲並行之方向者。皆成爲不短縮矣。

備考 本圖爲畫(1)與(口)兩面積之投影於一處也。然將畫(口)之面積。必亦畫(1)之面積。是二者爲互相補助其之所不逮也。故如(1)之投影。但示以虛線焉。

如 c_4-g 、 d_4-f 。及 c_4-h 。爲說明之。使學者易曉耳。至各自製圖之際。則可省畧焉。

第十五圖 第三題

在於左之位置。以畫正六角形。先爲直角於水平面。而傾斜於直立面。則其一角。乃密着於水平面。及其二邊。更直立於水平面之上焉。

在於本題之六角形。爲傾斜於直立面。至正面圖。則不表其原形。然此面積。必先表其原形。於畫所焉。即從此引導之。可得所求之投影。如前所述是也。次因爲直角於水平面。等於平面中之六角形之對角線。成爲一直線。及六角形亦因傾斜於直立面。等於角度。所傾斜於界線焉。如前題所述之情形。亦準於此。而可推知焉。又因爲直角於界線。以畫爲 $a_1-b_1-c_1-d_1-e_1-f_1-a_1$ 之正六角形。即從此 b_1, f_1 及 d_1 之所。而下投送線。使六角形。以密着於水平面。從 m 測從角至界線之距離。而得 a_2 。又從 a_2 引爲並行直線於界線。而得 f_2 及 e_2 。而六角形。因傾斜於直立面。則等於角度。以作 $e_2-a_2-e_3$ 角。更爲心 a_2 。以 a_2-f_3 及 a_2-e_2 之半徑。畫各各弧。而得交點 f_3 及 e_3 。爲之平面圖。如 $a_2-f_3-e_3$ 是也。次從 f_3 及 e_3 以上投送線。復從 f_3, e_3 及 d_1 引爲並行直線於左。即於各各界線。而得交點 f_4, e_4, d_4

及 c_4 通以上諸點以順次繫之。則可得爲 a_1 —
 b_1 — c_4 — d_4 — e_4 — f_1 — a_4 之正面圖。

第四章 方體、角嚮、及角錐之畫法

第十六圖 第四題

在於左之位置。以畫正方體。

[1] 其下面密着於水平面。則四側面
 相等。而 a 度傾斜於直立面。

[口] 其一角密着於水平面。則上下二
 面爲 b 度傾斜於水平面。而爲直角
 於直立面。

[八] 其一角密着於水平面。則上下二
 面爲 b 度傾斜於水平面。及其平面
 圖之四邊爲 c 度傾斜於界線。

(1) 於本位置之方體。因密着於水平面。而現之
 於直下。唯僅能見其上面。是平面圖。等於上面
 之方形焉。若四側及上下二面之各邊等。咸因
 傾斜於直立面。其角度。以爲各各四十五度。爲

平面正形之各邊。又傾斜於界線。爲各各四十五度。次於上下二面。因爲直角。於直立面。其各正面圖。則等於正方形之對角線。成爲一直線。及各側面。因傾斜於直立面。弗能表其各各之原形。即各側面之左右二邊。因爲並行於直立面。反能表其之各各原形。於是上下二邊。因傾斜於直立面。使較其表各各原形之長。反成爲短縮之形。至正方體之正面圖。乃從正方形之對角線。與正方形之邊。爲長方形焉。

因於各邊。以畫四十五度傾斜之正方形。如 $a - b - c - d - a$ 於界線。爲之半面圖。次從 a 、 d 及 c 上投送線。從界線中之 e_1 以測正方形之一邊之長。而得 a_1 又從 a_1 引爲並行直線。於界線。而得 $e_1 - a_1 - d_1 - c_1 - g_1 - h_1 - c_1$ 爲之正面圖。
(口)於本位置之方體。對於直立面。則無有異於(1)之情形。即正面圖。其形象亦無有異。雖然對於水平面之際。則其位置全異。即所表之投影。

亦反異於原形。又於本地幅。所有之上下二面。因傾斜於水平面。其投影傾斜於界線。隨使四側面。反至於生變動焉。

又因於下面。傾斜於水平面。等於角 b 度。作 L — e_2 — g_2 角。即從 e_2 測正方形之對角線之長。而得 g_2 。如 e_2 — g_2 爲下面之投影。乃移寫 A 圖之正面圖於此。得爲 a_2 — d_2 — c_2 — g_2 — h_2 — e_2 — a_2 之正面圖。次從 (A) 圖之 d 、 c 及 d 引爲並行直線。於各各界線。從本圖之 a_2 、 b_2 、 c_2 及其他之諸點。下投送線。而得各交點 a_3 、 b_3 、 c_3 及其他。使順次繫之。則可得爲 a_3 — b_3 — f_3 — g_3 — h_3 — d_3 — a_3 之平面圖。而隱之於其下。反不能見之。故於不見之所。乃示以虛線焉。

(八)於本位置。對於方體之水平面之位置。亦無異於(口)之情形。即正面圖之形象。亦無異。雖然對於直立面之際。則因之全象。即平面之形象。亦異。故方體之各面。對於水平。及直立之兩投

影面因各各傾斜各各投影不能表何原形焉。復因引(c)度傾斜直線 a_4-g_4 於界線即採方體之邊於此線中而移寫(口)之平面圖而得爲 $a_4-b_4-f_4-g_4-h_4-d_4-a_4$ 之平面圖。次從(口)正面圖之各點引並行直線於界線從本平面圖之各點上投送線而得各相當之交點以順次繫之則可得爲 $a_5-b_5-c_5-g_5-h_5-e_5-a_5$ 之平面圖。

第十七圖 應用之一 硯箱

第十八圖 應用之二 机

第十九圖 第五題

在於左之位置以畫正五角壙。

(1)其側面之一密着於水平面及兩端面而並行於直立面。

(口)其側面之一密着於水平面及兩端面而(a)度傾斜於直立面。

(八)係於直立面之位置爲等於(口)然

其側面之一。而 [b] 度傾斜於水平面。

(1) 於本位置之五角牆。從其正面。唯僅能見其端面。然其正面圖。則等於端面。爲正五角形。次側面之一邊。因之以密着於所有水平面。其兩端面。因爲直角於同投影面。至兩端面之平面圖。等於各各正五角形。之對角線。爲一直線。又各側面。當密着於水平面之外。皆因之以傾斜於同投影面。故其平面圖。不能表其原形焉。

因置一邊於界線之中。其於上方。畫爲 $a_1 - b_1 - c_1 - d_1 - e_1 - a_1$ 之正五角形。爲之正面圖。次從 a_1, b_1, c_1, d_1 及 e_1 下各各投送線。即探 f 於適宜之所。從 f 下。測五角牆之長。而得 a 。從 f 及 a 引爲並行直線。於各各界線。而得 $f - j - g - i - h - c - d - b - e - a - f$ 爲之平面圖焉。

(2) 於本位置之五角牆。對於水平面。其位置。則無異於(1)之法。即平面之形象。亦無異。雖然投影之位置。因有異於前題之法。次直立面。因於

各面中。有多少傾斜。使正面圖異於原形焉。
 因端面傾斜於直立面。則等於角。而引直線 h_2
 $- f_2$ 。以傾斜於界線。爲之後端面之投影。今移
 寫 A 圖之平面圖於此。而得 $f_2 - j_2 - g_2 - i_2 - h_2$
 $- c_2 - d_2 - b_2 - e_2 - a_2 - f_2$ 爲之平面圖。次於平
 面圖。從各點上投送線。從 A 圖之 b_1 及 c_1 引並
 行直線於各各界線。乃依於符號。以求所相當
 之交點。復順次繫之。而可得爲 $j_3 - f_3 - g_3 - b_3$
 $- c_3 - d_3 - e_3 - i_3 - j_3$ 之正面圖。

(八) 於本位置。對於五角柱之水平面位置。乃無
 異於(口)之法。即其形象亦無異。雖然對於水平
 面。因之而有異。即平面之形象。亦因之而有異。
 故柱體之各面。對於直立及水平之兩投影面。
 以各各傾斜。各其投影。而不能表原形焉。
 因引 b 度傾斜直線 $j_4 - d_4$ 於界線。爲之柱體底
 面之投影。今移寫(イ)之正面圖於此。得爲 $j_4 - f_4$
 $- g_4 - b_4 - c_4 - d_4 - e_4 - i_4 - j_4$ 正面圖。次從(口)平

面圖之各點。引並行直線於界線。從本正面圖之各點。下投送線。得所各相當之交點。以順次繫之。則可得爲 $f_5 - g_5 - h_5 - i_5 - d_5 - e_5 - a_5 - j_5$ 平面圖。

第十圖 應用之三火鉢

第二十一圖 第六題

在於左之位置。畫正六角錐。

(1) 其底面。密着於水平面。而其二邊。爲直角於界線。

(口) 其底面。傾斜於水平面。而其二邊。爲直角於直立面。

(八) 其底面爲一角於直立面。而其斜面之一。密着於水平面。

(1)(口)(八) 通三項之位置。約言之。則錐體。初直立於水平面。次立於稍稍傾斜。終全倒臥於水平面之上。無論對何直立面。其位置咸無異。又無論何底面。咸爲直角於直立面。而其他之各

面咸爲同一。故正面圖之形象亦同一也。雖然此各正面圖之位置。則有同異於前題之方法。次錐體對於水平面。因其位置有殊。至正面圖之形象亦殊。又底面以爲直角於直立面。於正面圖成爲一直線。故斜面無論傾斜於何直立面。終弗能以表其原形。次於平面圖。因密着於(1)之底面。及(八)之水平面。其側面之外。皆因之以傾斜於水平面。反異於原形焉。

因如 A 圖之二邊。畫所爲直角之正六角形。於界線及引各對角線而得爲 $a-b-c-d-e-f-a$ 平面。次從 f 、 e 及 d 上投送線。若錐體之高。即從 b 測從底面之中心。至於頂點之長。而定 v_1 從 a_1 、 b_1 及 c_1 繫於 v_1 。則可得爲 $a_1-v_1-c_1-b_1-a_1$ 正面圖。

又於 B 圖底面傾斜於水平面。等於角 $G-C_2-a_2$ 。如 a_2-c_2 直線爲底面之投影。今移寫(A)圖之正面圖於此。得爲 $a_2-v_2-c_2-b_2-a_2$ 正面

圖。次從正面圖之各點下投送線。從(A)之平面圖之各點引為並行直線於右。至界線。得各各相當之交點。以順次繫之。而可得為 $a_3-f_3-e_3$ — $d_3-v_3-c_3-b_3-a_3$ 平面圖。

且於(C)圖等於(B)圖之 $v_2-c_2-a_2$ 角。作 $L-c_4$ 角。如 $a_4-b_4-c_4$ 為底面之投影。今移寫(B)之正面圖於此。得為 $a_4-v_4-c_4-b_4-a_4$ 正面圖。次從正面圖之各點下投送線。先從(A)之平面圖之各點引。延長並行直線於各各右方。至界線。得各各相當之交點。以順次繫之。則可得為 e_5-v_5 — $b_5-c_5-d_5-e_5$ 平面圖。

第二十二圖 應用之四

水晶之結晶

第五章 正方體角錐之截斷形及展開形之畫法

截斷形 Section 或以平面(宜假想刃物於此面)為截斷諸種之物體。則云接口之形象。

截斷形之實際。必要說明之。以原來投影畫者。從至遠之處。爲望見物體。以畫其所見之形象。於投影之面。是則投影者。唯不過物體之外貌耳。若幾何之形體。其形象。概爲簡單。且爲實際者。但可表其外貌也。雖有其他之形象。爲複雜物。或爲內空物。又不啻於僅爲內空焉。今設於其內部。有種種之構造物。譬之家屋。或器械等。以至於物。而僅表其外觀。爲簡單。不能爲完全。由是可示以虛線。可知其不得表其內部之構造焉。至於爲複雜者。又不免錯誤。故此之截斷形。所以補斯法之不備者也。

展開形 *Developement* 其截開物體之表面。則云爲一平面。假使正方體。由六面之正方形而成者。若展解之。而並列於一平面者也。然其展開之實際。必更要研究之。設以鉄葉。又厚紙之薄板。將製作函。如第二十三圖。以畫各面於所要之大。從外周截斷之。因虛線之所折曲。以糊

着其相接之邊與邊而形成函則可得節約材料及工費等。又展開形當表截斷形之際有附記以線者如截斷幾何之形體將以鉄葉等製成形象之物初於展開之所豫置截斷則甚爲便利於製作上焉。

第二十四圖 第七題

在於水平面上之正方體以左之二面〔前後二面並行於直立面〕截斷之而畫其各截斷形及其展開形。

〔1〕爲直角於直立面而傾斜於水平面。

〔2〕爲直角於水平面而傾斜於直立面。

〔1〕爲同平面圖如(A)圖 $a_1-d_1-h_1-e_1-a_1$ 爲正方體之正面圖如 $a-b-c-d-a$ 。

以爲 M—N 所與之面從 a_1 繫 h_1 乃截斷之是截斷形以正方形之邊與對角線爲成長方形也。即於附圖之一從 a_2-b_2 邊截入而截拔於 h_2-g_2 邊者則截斷形以 a_2-b_2 及 h_2-g_2 邊與 a^2

— h_2 及 $b_2—g_2$ 對角線爲形成 $a_2—b_3—g_2—h_2—$
— a_2 長方形焉。

因通本圖 a_1 及 h_1 而引爲直角二直線於 $a_1—$
 h_1 測正方形之一邊之半於 a_1 之左右而得 a_3
及 b_3 從 a_3 及 b_3 引並行直線於 $a_1—h_1$ 得 $a_3—$
 $b_3—g_3—h_3—$ 爲之截斷形。

如(B)圖等於正方體之表面畫爲 $d—c—b—f—$
 $—b'—c'—g—c''—d''—h—d'—a—e—a—d$ 接
續六面之正方形爲之展開形。

又以 $a'—d'—h—e—a'$ 前面相當 $b'—c'—g—$
 $f—b'$ 後面於此二面截斷線(形成截斷形線)爲
各方形之對角線 $a'—h$ 及 $b'—g$ 又 $a—b—c—$
 $d—a$ 上面相當於 $e—h—g—f—e$ 下面而
從上面之 $a—b$ 截入而因截拔於下面之 $h—g$
總之截斷線 $a—b$ 及 $b'—g—h—a'$ 而可知 b
連於 b' a 連於 a' 焉。

(口)於 A 圖以爲 P—Q 所與之面從爲前面 a

—d·中適宜之所 i 繫於後右角 c 而截斷之。則於前面截斷線之正面圖爲 i_1-k_1 (從之上投送線可得 i_1-k_1)而截斷形以 $i-c$ 與 i_1-k_1 爲成長方形即於附圖之二則截斷形可知爲 $i_2-c_2-g_2-k_2-i_2$ 也。

因通本圖 i 及 c 而引爲直角直線於各各 $i-c$ 測 i_1-k_1 之半分於 i 之左右而得 i_3 及 k_3 從 i_3 及 k_3 引爲並行直線於 $j-c$ 而得 $i_3-c_3-g_3-k_3-i_3$ 爲之截斷形。

又於展開形截斷線爲B圖 $i-c$ 及 $i-k-g-c$ 使準於(1)亦可知焉。

第二十五圖 應用之五
書物箱

第二十六圖 第八題

直立於水平面之正四角錐[其底邊對於界線角度雖四邊且相等]爲直角於直立面而以傾斜於水平面之面使截

斷之而畫其截斷形及展開形於紙上。以 A 圖 $a_1-v_1-c_1-d_1-a_1$ 爲四角錐之正面圖。如 $a-b-c-d-a$ 爲同平面圖。以 $M-N$ 面截斷。則截斷形爲四邊形。其對角線相當於附圖之 e_2-g_2 及 h_2-f_2 者也。

因本 v_1-a_1 邊相當 $a-v$ 。 v_1-c_1 邊相當 $v-c$ 。從 e_1 及 g_1 下投送線。而得 e 及 g 。次 v_1-d_1 邊及所在其正後之邊。相當於 $v-d$ 及 $v-b$ 。而在此二邊中點。即相當於附圖之 h_2 及 f_2 二點。共在於本圖之 o' 。即附圖 h_2-f_2 線。其於本位置。以爲直角於直立面。其兩端點爲一致在於 o' 。然從 o' 下投送線 $v-d$ 。則 $v-b$ 因不交錯。故不能得交點於此。乃依得之法。則從 o' 引並行直線於右界線。得 o'' 。從 o'' 下投送線。得 o_2 爲心 v 。以 $v-o_2$ 之半徑。畫半圓。有得 f 及 h 。其意因回旋僅 $v-a$ 及 $v-b$ 之二邊於各各矢之方向。而可於 $v-c$ 之。所以思想之。然於正面圖 d'

及所在於其正後之點傳界線而會於 C_1 隨相當於附圖 h_2 及 f 點即本圖之 o' 亦傳 $o' - o_1$ 而因來於 o_1 從 o' 下投送線而得其平面圖 o_2 其後先復回旋二邊於各各舊位置則有得 h 及 f 因 e, f, g 及 h 以順次繫之而得 $e - f - g - h$ 而 e 爲之截斷形之平面圖次同正面圖爲 $e_1 - g_1$ 一直線也而 $f - h$ 對角線則並行於水平圖乃於平面圖爲表原之長又爲直角之對角線於正面圖 $e_1 - g_1$ 以表原之長(此之對角線由傾斜於水平面其平面圖 $e - g$ 比原之長短縮矣)從 o' 引爲直角直線於水平面測 $f - h$ 之半分採 o' 之左右而得 f' 及 h' 以順次繫 e_1, f_1, g_1 及 h_1 而可得爲 $e_1 - f_1 - g_1 - h_1 - e_1$ 截斷形

A 圖之 $v_1 - a_1$ 爲半徑於(B)爲心 v 畫弧爲半徑底面之一邊爲心圓周中適當之所 e' 切弧而得 d' 以同半徑爲心 d' 而得 a' 等尙以同一距離切於次第而得 b 及 c 以順次繫 c', d', a', b 及 c

又從同五點繫各各 v 而得四個之斜面。其底邊中之或接於一邊而等於底面。以畫為 $a-b-c-d-a$ 正方形為之展開圖 $v-c'-d'-a'-b'-a-d-c-v$ 。次截斷形中之最高點即 (A) 圖之 e_1 以在於 v_1-a_1 邊中。而因在於 B 圖之 $v-a'$ 中。採 A 圖之 v_1-e_1 之長。從 B 圖 v 測而得 g 及 g' 次於其中間之二點。即相當於 A 圖之 f_1 及 h_1 者。採同圖 v_1-o_1 從 B 圖 v 測而可定 h 及 f 。其意因在於 A 圖之 v_1-a_1 v_1-d_1 v_1-c_1 及 v_1-d_1 之正後四邊。其長等於原物之實。不必再論。而 v_1-a_1 及 v_1-c_1 因並行於直立面。其於正面圖以表各各原長。 v_1-e_1 及 v_1-g_1 如前所記。則得移展開形。在於 v_1-d_1 及其正後邊。因不並行於直立面。即 v_1-d_1 亦不表原形之長。隨 v_1-o' 之長。相當於 h_1 及 f_1 之點。至於錐體之頂點。無有其實之長。故其長以為 v_1-o_1 。但開展形。皆不可無其實之長。因採 v_1-o_1 者。則 B 圖 g 。

—h—e—f—g 爲截斷線。

第二十七圖 應用之六

明礬之結晶

備考 如第二十三圖以下本圖乃切取之而畫於厚紙等上以張合糊之。是其原形體製成也。故由此可會得圖畫之理境。

第六章 圓圓壙及圓錐之畫法

第二十八圖 第九題

在於左之位置以畫圓之投影。

[1] 從水平面於若干之距離並行於同面。

[2] 爲直角於直立面而 a 度傾斜於水平面。

[3] 係於水平面位置等於 [2] 並行於水平面以直徑線之所 b 度傾斜於直立面。

(1) 於本位置圓。因並行於水平面。其平面圖。原形及直立面。以爲直角。正面圖。等於直徑。爲直線。

因於 A 適直之所。採 O 爲之心。畫爲 $a-g-e$ 。
一 $c-a$ 圓。爲之平面圖。

從 a 及 e 上投送線。從界線。測圓。至於水平面之距離。再於其所。引並行直線 a_1-e_1 於界線。爲之正面圖。

(口) 於本位置圓。由爲直角於直立面。正面圖。等於直徑。等一直線。而圓傾斜於水平面。等於角。傾斜於界線。次平面圖。爲橢圓。其意。因所並行之直徑線。於水平面。表原長於投影面。其所爲直角之直徑線者。因之可知。表短縮焉。

因於 B 圓。傾斜於水平面角。即使保 a 度於界線。而引 a_2-e_2 其長。等於直徑 a_2-e_3 爲正面。次乃爲並行之直徑線。於水平面。在於 c_2 之所。因爲直角於直立面。從 c_2 下投送線。從 A 圖之 g

及 c_0 引並行直線於右各各界線。定 g_3 及 c_3 。從 a_2 及 e_2 下投送線。從 A 圖 a_0 引並行直線於右界線。定 a_3 及 e_3 。然圓之平面圖。有為 $g_3 - c_3$ 長徑。與 $a_3 - e_3$ 之短徑。為橢圓。尚為便於畫橢圓。即求圓周中他之數點。採 b 及 d 於 A 圖之圓周中。此點採於圓周中適宜之所可也。而於本圖採 $a - c$ 及 $c - e$ 弧之各二等分點。從是上各各投送線。得 b_1 及 d_1 。移之於本圖之正面圖。得 b_2 及 d_2 。從是下各各投送線。從 A 圖之 h 及 b_0 引並行直線於右各各界線。得 b_3 、 d_3 、 f_3 及 h_3 。而以順次弧線。繫以上之各點。得為 $d_3 - h_3 - g_3 - f_3 - e_3 - d_3 - c_3 - b_3 - a_3$ 橢圓。為之平面圖。

將畫(口)之情形。宜依 A 圖之補助。而依於左之方法為甚便利。即為心 c_0 為半徑 $c_0 - a_0$ 而等分圓周。畫半圓。若採 c_6 及 d_6 等之數點。於圓周中適宜之所。從是引為直角直線於各各 $a_2 - e_2$ 得 b_2 、 c_2 及 d_2 。從是下

各各投送線交於 $a_3 - e_3$ 而得 p 及 q 爲半徑 $b_2 - b_6$ 爲心 P 其切於上下而得 h_3 及 b_3 又爲半徑 $c_2 - c_6$ 爲中心 o_3 其切於上下而得 g_3 及 c_3 其他準之亦可知而所繫以上之各點同於本文。

(八)於本位置圓關於水平面則無異於(口)平面圖之形象亦無異。又由傾斜於直立面其正面圖爲橢圓。

因於 c 引 b 度傾斜直線於界線爲之並行直徑線切於水平面移寫 B 圖之平面圖於此復畫 $a_4 - b_4 - c_4 - d_4 - e_4 - f_4 - g_4 - h_4 - a_4$ 爲之平面圖次係水平面位置等於(口)前採圓周中各點至於水平面距離亦無異依於各相當符號而求各點之正面圖即從 B 圖之 b_2 來投送線與從本圖之 b_4 上投送線相交而得 b_5 其他準之而得 c_5 及 d_5 等若通此數點畫橢圓得 $a_5 - b_5 - c_5 - d_5 - e_5 - f_5 - g_5 - h_5 - a_5$ 爲之正面圖。

第二十九圖 第十題

兩端面爲直角於直立面。而傾斜於水平面。以畫圖壙。

兩端面由爲直角於直立面。其正面圖等於各各端面之直徑直線。又端面由傾斜於水平面。其平面圖可爲各各橢圓。故先求各端面之投面。而切取之。以引二條之直線。可至得圓壙之投影。

因探 i 。於界線中適宜之所。其端面傾斜於水平面。等於角度。使傾斜於界線。而引 $i_1 - m$ 。等於圓壙之直徑。從 i_1 及 m_1 引爲直角直線。於各各 $i_1 - m$ 從 i_1 測圓壙之高。而得 a_1 。可從 a 引並行直線於 $i_1 - m_1$ 。然 $i_1 - a_1 - e_1 - m_1 - i_1$ 爲正面圖。爲心 c_1 。以 $c_1 - a_1$ 之半徑。等分四圓周。畫半圓。而得 1. 2. 及 3. 從是引各各並行直線於 $a_1 - i_1$ 。求 b_1 . j_1 . d_1 及 h_1 。從 a_1 . b_1 . c_1 . d_1 . e_1 . m_1 . h_1 . k_1 . j_1 . 及 i_1 。下各各投送線於適宜之所。引 $a - m$ 。並行

於界線得 S 及 r 等。而測圓之半徑於 r 之上
 下。又測 $l-h_1$ 之長。於 g 及 c 。又 S 之上下。得 h 及
 b 。從 g, h, b 及 c 引並行直線。於右各各界線。得
 f, e, d 及 i, j, k, l, m, n, o, p 。畫各各橢圓。而引
 二條之切線。於其上下。得 $a-h-g-o-n-$
 $m-l-k-c-b-a$ 爲之平面圖。

第三十圖 應用之七

茶筒

第三十一圖 第十一題

在於左之位置以畫圓錐。

[1] 爲直立於水平面。

[口] 爲橫臥於水平面。其底面爲直角
 於直立面。

(1)(口) 準於前之第九題而可知。但當移寫 A 之
 正面圖於 B 之直立面。等於 $v_1-e_1-a_1$ 之角。可
 作 $v_2-e_2-a_2$ 。

第三十二圖 應用之八

西洋獨樂

第七章 圓錐之截斷形及
展開形之畫法

第三十三圖 第十二題

直立水平面上之圓錐。爲直角於直立面。而以傾斜於水平面。之面。使截斷之。即畫其截斷形及展開形焉。

爲同平面圖。如 A 圖之 $a'-g'-n.-m.-a'$ 。爲圓錐之正面圖。如 $a.-j.-g.-d.-a.$ 。圓以 $M-N$ 面截斷圓錐。則其截斷形。爲橢圓。其長徑 a_1-g_1 等於短徑圓錐之直徑。其意因以並行面於端面截斷之。其截斷形。等於端面爲圓。不必論焉。以傾斜面於端面之截斷形中。其傾斜方向之徑。從端面之徑長。爲直角之徑。以使等於端面之徑。而其長徑於本位置。引並行於直立面 a_1-g_1 。即能表原形之長焉。

因從 a_1 及 g_1 引爲直角直線於 a_1-g_1 於適宜

之所引並行直線 $a_2 - g_2$ 於 $a_1 - g_1$ 以圓錐之半徑之開爲心 o' 切於左右而得 j_2 及 d_2 爲長徑 $a_2 - g_2$ 短徑 $j_2 - d_2$ 可畫橢圓(不設 $a_2 - g_2$ 線而直於 $a_1 - g_1$ 線上爲長徑之畫可也)尙求其中間之數點於端面周圍中採 b . c . e . 及 f (等分圓周採其分點爲良)從是上各各投送線得 b_1 . c_1 . e_1 及 f_1 又從是引爲直角直線於各各 $a_1 - g_1$ 以 $q - c$ 之開爲心 q' 切其左右得 l_2 及 b_2 又以 $q - o$ 之開爲心 q' 切其左右得 k_2 及 c_2 等至他準之其意因如於截斷形中有 $l_2 - b_2$ 及 $k_2 - c_2$ 線此線之平面圖爲 $l - b$ 及 $k - c$ 共以並行於水平面其長乃原之長也故依之以測求橢圓周中之點爲 $a_2 - b_2 - c_2 - d_2 - e_2 - f_2 - g_2 - h_2 - i_2 - j_2 - k_2 - l_2 - a_2$ 之橢圓爲截斷形先等分底面之周圍其一分之長爲半徑切等分之數與同數於界線中而定 n_1 . h_3 . i_3 . j_3 等從是各各樹爲直角直線於界線又從 g' 可引並行

直線於界線。然爲 $u_1 - g_7 - g_6 - n_2 - n_1$ 長方形。是壙
 曲面之展開形也。復從 $g - n$ 之所展開之。則其
 情形於(B)圖爲 $g_7 - n_1$ 及 $g_6 - n_2$ 。如爲A圖之爲 g_1 截
 斷形之最低點。有於 $g_7 - n_1$ 及 $g_6 - n_2$ 中。從 g_1 引
 並行直線於右界線。得 g_4 及 g_5 。又爲 a_1 截斷形
 之最高點。以在於 $a' - m$ 線中。相當於 $a' - m$ 。得
 a_4 等於 $a_4 - a_3$ 中。其他亦同此理。從 b_1, c_1 。及其
 他。引爲並行直線於右各各界線。得 l_4, b_4, k_4, c_4
 等。通之。畫 $g_4 - h_4 - i_4 - j_4 - k_4 - l_4 - a_4 - b_4 - c_4 -$
 $d_4 - e_4 - f_4 - g_5$ 爲之截斷線。

備考 展開圓周。而當爲直線。如本法。
 以等分其一分之半徑。使切之。其長相當
 於弧之弦。因採之於直線之上。及其全長。
 隨從全圓周之長。反生有多少短縮焉。然
 等分圓周。以可成多數。則其差處。自不多。
 即於實際上。有不都合者。亦少也。雖然。尙
 望於此法。爲一層精密主意焉。又本書上

卷第五十一圖之方法。若依於算式。可求得圓周之長。

第三十四圖 應用之九
曲管

第三十五圖 第十三題

直立於水平面上之圓錐。爲直角於直立面。而以傾斜於水平面之面。使截斷之。因畫其截斷形及展開形焉。

爲同平面圖。如 A 圖之 $a_1-v_1-e_1-a_1$ 。爲圓錐之正面圖。如 $a-g-e-c-a$ 圓。乃可截斷 M-N 面。而截斷形。其長徑 i_1-m_1 爲橢圓形。然定其短徑。及其中間之數點。不可不先求截斷形之平面圖焉。

等分底面之圓周。得 a. b. c. d. 及其他。從是繫於各各頂點 v。則 $v-a$. $v-b$. $v-c$. 及其他。爲之母線之平面圖。從底面之圓周。引於頂點。云直線。從 a. b. c. 及其他。上投送線。求各各其正

面圖 a_1, b_1, c_1 及其他。又從是繫於各各頂點 v_1 。則 v_1-a_1 v_1-b_1 v_1-c_1 v_1-d 及 v_1-e_1 即前記各母線之正面圖也。而爲 i_1 截斷形中之最高點。以有於 v_1-a_1 母線中。其平面圖不可不爲於此母線之平面 $v-a$ 中。依從 i 。下投送線。而得 i_1 。又有於 v_1-b_1 及其正後母線之平面圖中。以爲 $v-b$ 及 $v-h$ 。即從 j_1 下投送線。而得 j_1 及 p_1 。(爲 $j-p$ 線在於截斷面中。則此線爲直角於直立面。至 j_1 與 p_1 於正面圖爲一致。而在於 j_1)次有於 v_1-c_1 及其正後母線之平面圖。在於 $v-c$ 及 $v-g$ 。然在於此之位置。從 k 下投送線。因不交錯於 $v-c$ 及 $v-g$ 。據於第二十六圖。同一之法。移動 $v-c$ 及 $v-g$ 之二母線。集於 $v-e$ 之所。則於正面圖。至於此二母線 v_1-e_1 之所。而 k_1 亦傳爲並行直線於界線。至 q' 。因轉其位置。從 q' 下投送線。得 q_1 。即復其後二母線於舊位。則 q' 亦可至於 k 與 o 。其他從 l_1 及 m_1 下投送線。而

得 l, n 及 m 可以曲線繫以上之諸點然 $i-j$
 $-k-l-m-n-o-p-i$ 爲截斷形之平面
 圖。

在於截斷形中。有爲 $p-j, o-k$ 及 $n-l$ 直線。
 則此線總之因並行於水平面。其於平面圖。表
 各各原之長。而爲截斷形中。最高及最低二點。
 即從 i 及 m 至於相等線之距離。又相等各線
 間之距離。即 $i-r, r-s$ (s 於投影頂點 v 爲一致)。
 $-t$ 及 $t-m$ 於平面圖。不能表原形之長。其意因
 在於截斷形中 $i-m$ 以傾斜於水平面焉。然 s
 此線皆由並行於直立面。爲前記各線間之距
 離。在於其實之長正面圖 $i_1-j_1, j_1-k_1, k_1-l_1$
 及 l_1-m_1 因引 i_1-m_1 於適宜之所。並行於 i_1-
 m_1 從 i_1, j_1, k_1, l_1 及 m_1 引爲直角線。而得 r_1, s_1
 及 t_1 以 $r-j$ 之半徑爲心 r_1 切其左右。而得 p_2
 及 j_2 以 $s-k$ 之半徑爲心 s_1 切其左右。而得 o_2
 及 k_2 以 $t-l$ 之半徑爲心 t_1 切其左右。求 n_2 及

l_2 以曲線繫以上之諸點得 $i_2-j_2-k_2-l_2-m_2$
 $-n_2-o_2-p_2-i_2$ 爲截斷形。即其形象亦爲真
 橢圓也。

爲半徑母線 v_1-a_2 於 B 採 v_2 於適宜之所。爲
 之心。畫弧。先等分底面。以其一分之半徑。從弧
 中適宜之所 e_2 次切等分之數。同數。於次第。從
 e_2 及 e_3 繫 v_2 。然 $e_2-e_3-v_2-e_2$ 即錐曲面之展開
 形也。又尙證之。今取圓錐。使 (A) 圖之 v_1-e_1 母
 線。密接於 B 之紙上。 v_2-e_2 不移動頂點。而一
 回轉之於右。即密接於最初。然母線之再接於
 紙面。迨迴轉可印爲 $v_2-e_2-e_3-v_2$ 形象。於紙
 上。是即等圓錐爲展開也。

畫截斷線於 (A) 圖 v_1-a_1 及 v_1-e_1 之外。即 v_1-
 b_1 、 v_1-c_1 及 v_1-d_1 之母線。因不能表原形之長。
 隨 v_1-j_1 、 v_1-k_1 及 v_1-l_1 反無有原之長。依從
 j_1 、 k_1 及 l_1 引並行直線於右。各各界線得 r' 、 q'
 及 s' 可得爲 v_1-r' 、 v_1-q' 及 v_1-s' 各其原形之

長其意因各各回轉 v_1-b_1 、 v_1-c_1 及 v_1-a_1 至於 v_1-e_1 之所如前所述。因爲半徑 v_1-i_1 爲心 B 圖之 v_2 切於 v_2-a_2 線而得 i_3 爲半徑 A 圖之 v_1-r' 爲心 B 圖之 v_2 切於 v_2-h_2 及 v_2-b_2 得 p_3 及 j_3 又以 o_3-q 得 k_3 及 o_3 等以下用同法得 l_3 、 n_3 、 m_2 及 m_3 以曲線繫以上之諸點可得爲 $m_2-n_3-o_3-p_3-i_3-j_3-k_3-l_3-m_3$ 之截斷線。

第三十六圖 應用之十
漏斗

新式中學用器畫第三卷

第三編 均角投影畫法 Isometric
ca Projection第一章 緒論 第一圖
第二圖

均角投影畫法 通常說明圖大抵使畫爲簡單諸物於圖上。而爲之特設一種之圖法。然普通之投影圖。非具備爲直立及水平兩圖者。唯僅以一圖。爲表物體。是也。又就於物體之圖上。欲識其形象等。宜不必參照兩圖。但見於一圖。即得識之於容易者。若示職工等。素不通圖法者。特另爲設便宜之圖。要之此圖之用途。亦却有優於普通之投影圖。雖然至如諸機械。及爲建物等之繁雜。又反有不脛合者。唯如器具類。極爲簡單形象。爲適於用也。

採正方體。依之以說明本圖法。先此物體。爲在於第一圖 A 之位置。而附 e' 角於水平面。爲 a'

一 g' 立體之對角線。使並行於同投影面。迄傾於同體。爲如(B)圖。次又係於同體之水平面。爲傾斜於 B 圖之處。如 $a'-g'$ 對角線。使直角於直立面上。迄迴旋同體。其兩圖可至於爲如(c)圖。於正中。而其正面圖。即相當於正方體之均角圖焉。

如斯均角投影。但投影時。其物體常有如(c)圖之位置者。而如普通之投影法。其物體之位置。亦非常無定者。又投影面。唯用僅直立一面者。若爲正方體。其立體對角線。常爲直角於投影面焉。尙就於 B 圖。說明物體與投影面之關係。即於 $x-y$ 之所。爲有一投影面。爲直角於兩投影面。則畫手對於此面。在於直角之所。而望物體於 s 矢之方向。以投影之。於 $x-y$ 面上。其形象。可如(c)之正面圖於正中。故於本圖法。投影正方體。其立對角線。常在於位置。爲直角於投影面可知。

於爲正方體之均角圖(c)之正面其所見之三面。共爲同形。而各邊其長亦相均。故各面及各邊。其對於投影面而傾斜度。不可不同一。又同投影圖之外周。爲正六角形。而於中心包括三邊之包角度。各爲百二十度焉。

爲(c)圖a'中心。名均角中心點。Isometrical Axis 其會之三線。a'—b.' a'—d.' 及 a'—e'。名均角軸線。Isometrical Axis 而凡並行之直線。名均角線。Isometrical Axis 又以均角軸線。及均角線。以形成面。名均角面。Isometricane

正方體之均角投影。其外周以爲正六角形。可包容於圓內。故將畫此圖。等於正方體之一邊。以半徑畫圓。以同徑切圓周。以得正六角形。如A及B圖。不經順序。甚容易也。(三軸線中之二線。及凡其並行之直線之投影。以爲三十度之傾斜。於界線。用三十度之定規。亦可得容易畫之。雖然爲半徑其畫之長。非爲正當者。何則如

前述各邊悉以傾斜於投影面。其於投影時。不表實之長。而有多少短縮焉。依此測邊之長。設爲便宜方法。如左。

先爲(c)圖 $d'-b'$ 對角線。以並行於直立面。尙參照 B 圖。則 $d-b$ 線。以並行於水平面。其正面圖。有 b' 。故 $x-y$ 面。亦爲並行。可知次(c)圖爲 $d'-e'$ 及 $b'-e'$ 二對角線。亦爲並行於直立面。即於 B 圖 $b'-e'$ 。又以爲並行於 $x-y$ 焉。故此之三對角線。於投影面。以可顯其實之長。因畫四十五度傾斜 $d'-i$ 線。於(c)圖 $d'-b'$ 線。此線有爲 $d'-b'$ 對角線。不可無正方形之一邊。而其投影。即以爲 $d'-c'$ 。如 $d'-i$ 之長。成短縮。而可爲 $c'-d'$ 。故於 $d'-i$ 線上。或採點。從是下。並行直線於 $i-c'$ 。而 $c'-d'$ 會點。即於 $d'-i$ 中。或爲點之投影。依將畫均角圖。豫先於第二圖。爲 $d'-j'$ 水平線。即引四十五度傾斜線 $d'-i$ 。及三十度傾斜線 $d'-c'$ 。測尺度之目。於 $a'-i'$ 上。以之投影。

於 $d'e'$ 上製成均角之縮尺。常據之以爲定大小之需。假設爲真一寸 $d' - i_0$ 之長。則 1. 2. 3. 等之間隔。各各一分也。故將畫八分之正方體。如於 $d' - c'$ 線上。爲一邊 $d' - g'$ 之長。而此縮尺云均角尺。

以上之尺度。惟可適於均角線之用者。於第一圖(c)之 $c' - a'$ 等之對角線。將欲測之。可用縮尺於他。其意因於同線投影。既能表長與邊等。故比於邊。則多短縮一層焉。又依作適宜之縮尺。引爲並行直線 $c' - j'$ 於第二圖 $d' - j'$ 測尺度之目於 $d' - j'$ 線上。從其分點引並行直線於 $d' - c'$ 會於 $c' - j'$ 者。而稱之均角對度。又於爲第一圖(c) $d' - b'$ 、 $d' - e'$ 及 $b' - e'$ 對角線上。將欲測之。如前述同線。從素表實之長。據普適之尺度。固勿論也。

然本圖法如前述。唯只爲簡易於圖者。故或測均角線。用普通之尺度。即不短縮亦可假定。然

於實際上。却爲便利。則有不甚洽合。而若於 d' — b' 及 d' — e' 等之不短縮對角線上。則不能測焉。大抵從素至於不能用普通之尺度。所以然者。以於實際上少也。雖然以普通之尺度。測均角線。平常無有不正當者。不可不記憶。

第二章 方體角墻角錐圓。 圓壩之投影。

第三圖 第一題

畫長方體之投影。

如均角中心 a 。從是引爲 $a-d$ 、 $a-b$ 及 $a-c$ 。三均角線。揭各各其長。於第二圖。依均角尺。而定。從 d 、 b 及 c 。又引各各均角線。可得爲 $d-e$ 、 $b-f$ 、 $c-h$ 、 d 投影。

第四圖 應用之一 桌子

依於均角尺。測甲板之長 $c-d$ 。同輻 $c-e$ 。同厚 $c-e$ 等。先畫甲板。等於 $e-f$ 。脚之長。從 f 畫爲 $f-g-h-i-f$ 方形。測從 $e-n$ 邊。至於脚

之右側面距離。從 f 左而得 k 。又測從 $e-o$ 邊。至於脚之左側面距離。從 f 右而得 j 。又測脚之大於 k 之左及 j 之右而得 l 及 m 。從 l, k, j 及 m 引各各均角線。得爲 $1-2-3-4-1$ 脚之下面。從 $1, 2$ 及 4 可引爲垂直均角線。其他之脚及幕板準之。

第五圖 第二題

畫正五角錐之投影。

如 A 圖先畫正五角形等於端面之大。通 $1, 2, 4$ 及 5 。而各各引所保之直線四十五度於水平線得爲 $a-b-c-d-a$ 正方形。從其各角上垂直線於適宜之所畫正方形之均角圖 $a'-b'-c'-d'-a'$ 。從 $1, 2, 4$ 及 5 上各各垂直線得 $1', 2', 4'$ 及 $5'$ 。通 3 而引水平線得 e 。從 e 上垂直線得 e' 。從 e' 引水平線得 $3'$ 。各各從 $1'$ 繫 $2'$ 從 $2'$ 繫 $3'$ 從 $3'$ 繫 $4'$ 從 $4'$ 繫 $5'$ 從 $5'$ 繫 $1'$ 而得爲 $1'-2'-3'-4'-5'-1'$ 下端面。從其各得點上垂

直線其長以均角尺等於牆之高等。至他畧之。

備考 依於本題之例。雖此他之多角牆。又爲不規則形象者。先內容之於正方形。而得此之方形之投影。次依之。而可畫所望之投影焉。

第六圖 應用之二 膳

原尺 $a-b$ 之長。即以第二圖之 $d'-j'$ 尺測之。從 a 及 b 引各各均角線。以均角尺定各各其長。從 c 及 h 引垂直線。相當於 $a-b$ 均角對角尺之長。即以第二圖之 $e'-j'$ 尺測之。得 d 及 g 等。其他畧之。

第七圖 第三題

畫正六角之投影

先畫 $a-b-c-d$ (以半分爲可) 等於底面。延長 $b-c$ 於左右。乃從 a 及 d 上。爲直角直線。次定 j' 於適宜之所。從是引均角線於左右。測 $a-g$ 之長。於 j' 之左。而定 a' 。又以同長。得 g' 。從 g'

引均角線以 $g-b$ 之長定 $g'-b'$ 及 $j'-f'$ 以 $b-c$ 之長定 $b'-c'$ 及 $f'-e'$ 以 $c-h$ 之長定 $c'-h'$ 及 $e'-i'$ 從 a' 引均角線而得 d' 順次繫 $a'. b'. c'. d'. e'$ 而得底面二等分 $a'-d'$ 得 o' 從是上爲垂直均角線以原尺測角錐之高從 o' 所而得 v' 從 v' 底面之各角點則 $a'-b'-v'-e'-f'-a'$ 所求之角錐也。

備考 定 $j'-g'$ 及 $j'-i'$ 又 $o'-v'$ 等之長元來雖可用均角尺者於本圖 $a-g$ 及 $g-b$ 等若以他原尺故投影圖比原物爲大者雖然於實際便宜上多採用此方法既述於緒言中則本題於以下宜依之矣。

第八圖 應用之三 六角鉢

依於前圖之方法畫上面之外緣從 b' 繫 e' 即從 a' 及 d' 測緣之厚而得 k' 及 n' 從 k' 引爲並行直線於 $a'-f'$ 及 $a'-b'$ 得 q' 及 l' 從 q' 引並行

於 $f'-e'$ 從 l' 引並行於 $b'-c'$ 從 n' 引並行於 $d'-e'$ 及 $d'-c'$ 得內緣。從 o' 下垂直線。從 o' 測鉢之高而得 o'' 。從 o'' 引並行於 $a'-d'$ 測 $r-o$ 之長。於 o'' 之左右而定 r' 及 s' 。又以 $o-t$ 之長。於 o'' 之左右定 t' 及 u' 。從 t' 及 u' 引各各並行於 $b'-f'$ 。以 $v-t$ 之長。於 t' 及 u' 之左右定各各 v' 。 w' 。及 w'' 。各各繫 r' 。 v'' 。 w'' 。 s' 。 w' 。及 v' 而得底面之外緣。測底之厚。從於 o'' 上而得 x' 。從 x' 引並行於 $r'-s'$ 。從 k' 引並行於 $a'-r'$ 。得 $k'-y$ 。從 y 引並行於 $r'-v'$ 。及從 l' 引並行於 $b'-v'$ 。得交點。從此交點引並行於 $v'-w'$ 。及從 m' 引並行於 $e'-w'$ 。得交點。從此之交點引並行於 $v'-w'$ 。及從 w' 引並行於 $c'-w'$ 。得交點。從此交點引並行於 $w'-s'$ 。及從 p' 引並行於 $e'-w''$ 。而得交點。從此交點引並行於 $w''-v''$ 。及從 q' 引並行於 $f'-v''$ 。而得交點。從此交點可引並行於 $v''-r'$ 。然可會於 y 。

第九圖 第四題

畫圓之投影於正方體及其各面。

畫爲 $a-b-d-e-a$ 正方形之半分及內容半圓。從 b 及 d 引角線得 i 及 j 。次如中心 h' 從是引均角線以 $b-d$ 之長畫爲 $b'-d'-f'-p'-n'-m'-b'$ 正方形之投影。先於其面上引爲 $b'-f'$ 及 $d'-h'$ 對角線。通其交點而引爲 $a'-e'$ 及 $c'-g'$ 均角線。爲中央 $a'-g'$ 取 $i'-f'$ 之長。於其左右從其交點引均角線得交點 i', j', k' 及 l' 。通以上之得點以曲線定規可得 $a'-i'-c'-j'-e'-k'-g'-l'-a'$ 圓之投影。其於他均角面圓準此而可知。

備考 依均角縮尺將畫圓以均角尺 $a'-e'$ 及 $g'-c'$ 之長以均角對角尺 $j'-l'$ 依原尺 $i'-k'$ 可取等於各各圓之直徑。

第十圖 第五題

畫圓錐之投影。

依第九圖同法。畫上端面。從 \circ 。下垂直線。從 \circ 。測圓壙之高。而定 \circ 。爲之中心。以同法畫下端面。可得引爲垂直二條之切線。

第十一圖 應用之四

唐獨樂

第十二圖 應用之五

太鼓

第四編 透視畫法 Perspective

第一章 緒 論 第一圖 第二圖

透視畫法。或從地點。爲望見諸物。其時映於眼底之形象。即畫正同形者。於紙面上。假設如示第一圖。隔直立面。以望見紀念碑。而表畫通所見之形象於平面上。方法也。

平面即畫面。以爲透明者。因物體與畫手之間。直立於適宜之所。以表其畫。視線(從物體來於畫手之眼直線)透過畫面。不外於痕跡。即今畫手。隔畫面。注視碑之頂點。則視線可貫畫面。

然其貫跡即爲頂點之透視畫。因今將畫一個之紀念碑。於碑之諸部。從諸點來視線。求其痕跡。貫注畫面。則隨可至於得碑之全形焉。其方法於第二圖 A 畫面 $G-L-R-S-G$ 。前地面 $G-L-N-M-G$ 。後地面 $G-L-P-Q-G$ 。則畫手止於前地面中 c 。而其眼在於 C 。故眼之高爲 $C-c$ 。而距畫面爲 $C-c'$ 。次可畫物體。從畫手之正面。少倚於右。以畫面於 $m-A$ 之距離。爲有於後地面上 A 。先從 C 及 c 。設爲直角直線於畫面。得 c' 及 c'' 。從 c 繫於 c' 。又從 A 四十五度傾斜直線。乃爲直角直線於畫面。即設 $A-m$ 與 $A-n$ 。於後地面。而今取去前地面及眼點 $G-L$ 之所。爲有如蝶番之裝置者。垂後地面於下方。持來於畫面之直下。使畫面平坦。則爲 $G-L-P'-Q'-G$ 。而 $G-L-R-S-G$ 爲平坦。而此之連續向二面於正面。則更爲 B 圖。後地面。以爲從裏視之狀態。亦

要假想爲透明者)次於 C 圖。從 m 繫於 c' 及於 A 圖。採 $C-c'$ 之長。於 (C) 圖測從 c' 右得 d 。可從 n 繫 d 。然其交點 a' 從物體 A 所連絡於眼點 c 之視線。貫通畫面點。即爲 A 之透視畫。因於 (C) 圖。可畫物體。從畫面後方。於 $m-a$ 之距離。在於後地面。又畫手止於前地面。其眼爲 $c'-c''$ 之高。從畫面表在於前方 $c'-d$ 之距離。A 點。從地上。保若干之距離。即如紀念碑之頂點者。於 (D) 圖。從 n 及 m 上直線。從 n 測頂點之高。而得 n' 。由是引並行直線於界線。從 n' 繫於 d 。從 m' 繫於 c' 。而得爲交點 a' 之透視畫。於 D 圖。從 $G-L$ 以上之面。稱畫面。Plane of Picture。 c' 稱視點。Point of Sight (視點即眼點爲實際 C 。而 c' 之投影稱單視點) d 稱距離點。Point Distance ($d-c'$ 等於 (A) 圖之 $c-e'$ 。而表從眼點至於畫面之距離。故有此稱) 從 $G-L$ 以下之面。稱地平面。Plane of Ground。 $G-L$ 稱地平線。Gro-

und Lihe

第二章 健設物器具之透視畫

第三圖 第一題

在於左之位置畫榭。

從正面偏於右其前面密接於畫面。引地平線 $G-L$ 從同線測視點之高而得定為 c_1 視點。通之引水平線 $H-L$ 測視點與畫面之距離。從 c_1 右而定為 d_1 距離點。從 c_1 畫榭之平面圖於右方適宜之所及接於界線而畫同正面圖而榭之前面以密接於畫面。其正面圖又為異於榭之前面之透視畫。從 a, i, a', e_1, f_1 繫於 l' 從 a' 繫於 d_1 得交點 e, g' 及 e' 從此三點引各各水平線而得榭之上面。從 d' 可下垂直線。從 d' 引對角線得 h_1 從 l' 繫於 d_1 則可通過 l' 然 $a-l'-d'-e'-b'-b-a$ 所求者也。又於側面畫粗合之線。從 m 及 o 引對角線得 m_1 及 p_1 從此二點繫於各各 d' 交於 $a'-l$ 而得 m'

及 p' 從此二點可上各各垂直線。

第四圖 第二題

在於左之位置畫紀念碑。

從正面偏於左其臺石之前面並行於畫面。

準於第三圖定地平線、水平線、視點及距離點。測從臺石之前面至於畫面距離。從地平線下。依視點偏於左而定 $a-b$ 等於臺石之上面。畫 $a-b-c-d-a$ 及畫建石之平面圖於其中。從 n 引對角線得 m 。從 m 繫於 d_1 。從 a 及 b 上各各垂直線得 e_1 及 f_1 。從此之二點繫於各各 c_1 得 f' 及 h' 。從此二點引各各水平線則得為 $e'-h'-g'-f'-e'$ 。下面次從地平線測上面之高而引為 $o-p$ 水平線得 a_1 及 b_1 。從此二點繫於各各 c_1 從 e' 、 h' 、 g' 及 f' 上各各垂直線得 a' 、 d' 、 c' 及 b' 。以從 a' 繫於 b' 。從 d' 繫於 c' 得臺石之投影。次從 m 上垂直線得 m_1 。從 m_1 繫於 d_1 。從

t 及 n 上垂直線得 h_1 及 n_1 從此二點繫各各 c_1 得 n' 及 r' 從此之二點引各各水平線得爲 $t-r-q-n'-l'$ 建石之下面次從 s 及 t 上垂直線其於線中從地平線測建石之高而得 s_1 或定 t 通之引水平線從 s_1 及 t_1 繫於 c_1 從 m_2 繫於 d' 得交點 t' 及 w' 從此之二點以引各各水平線得建石之上緣次從 v 上垂直線其於線中從地平線測建石頂點之高而得 v_1 通 v_1 而引水平線得 m' 從 v_1 繫於 c_1 從 m' 各各繫於 d_1 得交點 v' 以從 v' 各各繫於 s', t', u' 及 w' 而可得全景焉。

第五圖 第三題

在於左之位置畫星形模樣之數物。

從正面偏於左其一邊密接於地平線。

爲地平線 $G-L$ 水平線 $H-L$ 視點 c_1 距離點 d_2 (c_1-d_2 之距離) 等於 c_1-d_1 而 d_2 亦爲距離必

要與 d_1 共設者。乃定數物之一邊之長。於地平線中 $a-b$ 從 a 及 b 繫於 c_1 從 b 繫於 d_1 得 c 從 c_1 引水平線。等分 $a-b$ 於任意之數 1. 2. 等。從是各各繫於 c_1 得交點 1'. 2'. 等之點。又從是引各各水平線。尚於地平線中。等分點間。又各各三等分。從其各等分點 5 及 6。繫於各各 c_1 得 5' 及 6' 等。從是引各各水平線。從 6 及 8 繫於 d_1 從 5 及 7 繫於 a_1 等。其他略之。

第六圖 第四題

在於左之位置畫階段。

從正面。少偏於右。其各前面。傾斜三十度於畫面。及最前面之一邊。則密着於畫面。

透視畫之方法。有種種如前記者。其內有為最簡者。而就於本題。可依於他之方法焉。

c_1 為視點。且 $-L$ 為水平線。 $G-L$ 為地平線。 從眼至於畫面距離。從 c_1 下。而得 c 。通 c 引水

平線 $m-n$ 從 c 引 $m-n$ 三十度傾斜直線。
 (階之前面傾斜於畫面角度。至於 $H-L$ 水平
 線得 v_2 又從 c 引為直角直線(六十度傾斜於
 $m-n$) 於 $c-v_2$ 而得 v_1 為心 v_2 以 v_2-c 之半
 徑畫弧得 w_2 又為心 v_1 以 v_1-c 之開畫弧得 w_1 。
 採 a 於地平線中適宜之所。從 a 樹為直角直
 線。於地平線從 a 測各段之高。而得 b, d 及 e 。測
 各段之幅。從 a 左而得 f, g 及 h 。從 a, b, d 及 e
 繫於各各 v_1 從 g 及 h 繫於各各 w_1 交於 $a-v_1$ 。
 得 f_1, g_1 及 h_1 。從 f_1, g_1 及 h_1 樹各各垂直線得 $f'-$
 $d', g'-e'$ 及 h_1-h' 從 b, f, d, g, e 及 h' 繫於各各
 v_2 次測段之長。從 a 右而得 i 。從 i 繫於 w_2 得 i' 。
 從 i' 樹垂直線得 $i'-j'$ 從 j' 繫於 v_1 而得 $j'-k'$ 從
 k' 樹垂直線而得 $k'-l'$ 從 l' 繫於 v_1 而得 $l'-m'$ 。
 等。以下準之。可得畫階段之全景。
 如 $a-i', b-j'$ 線延長之總會於一點 v_2 者。云
 之消失點 *Vanishint*。因 v_2 即為水平。而三十度

傾斜直線於畫面之消失點也。又 v_1 爲水平。而六十度傾斜直線於畫面之消失點也。又爲 c_1 視點。爲直角直線之消失點。於畫面。若 d_2 距離點。水平。爲四十五度傾斜直線之消失。於畫面。就於前數圖可知。

就消失點見出方法及其他。至於其理論。初學者解之。以爲稍稍困難。本書省畧之。雖然尙將研究之者。就於予曩著新撰用器畫法。而可見。

第七圖 第五題

在於左之位置。畫水鉢。

從正面偏於右。在於地平面上。其上緣之一邊。密接於畫面。

採 a 於地平線中。從 a 測鉢之長於右。而定 b 。從 a 及 b 上垂直線。從 a 測鉢之高。而定 a' 。通 a' 引水平線。得 b' 。測鉢之幅。從 b' 右。而定 c' 。從 c' 繫於 d_1 。從 a' 及 b' 繫於各各 c_1 。得 b'' 。從 b'' 引水平

線得 a'' 。測鉢之上面外緣。從 a' 右測得鉢之厚。從 b' 左而得 e 及 f 。從 e 及 f 繫於 c_1 。從 a' 繫於 d_2 而得 e' 。從 a'' 繫於 d' 及延長之於右而得 e'' 。從 e' 及 e'' 引各各水平線而得 f 及 f' 。以之二等分 $a-b$ 得內緣。得 d 。測下緣之長之半。從 d 各各其左右而得 g 及 h 。從 g 及 h 繫於各各 c_1 。從 b 繫於 d_1 而得交點 g' 。從 g' 引水平線。得 h' 。從 g' 及 h' 樹各各垂直線。測下緣之高。從 b 上而得 i 。從 i 繫於 d_1 而得交點 i' 。從 i' 引水平線而得為 $i'-k'$ 下緣。從 i' 繫於 b' 。從 k' 繫於 a' 。以可得全景。

第八圖 第六題

在於左之位置畫圓壙。

從正面偏於左。橫於地平面上。而其
兩端面為直角於畫面。

採 b 於地平線中適宜之所。從 b 樹垂直線。從 b 測圓壙之直徑而得定 a 為直徑 $a-b$ 。畫為 $a-$

f—b 半圓四等分之。從 e 及 g 引各各水平線得 e₁ 及 g₁。從 a、e₁、f₁、g₁ 及 b 繫於各各 c₁。測圓之直徑從 b 右而得 c₂。從 c₂ 繫於 d₁ 而得 b₁。從 b₁ 樹垂直線得 a₁ 及 f₂。從 a 繫於 b₁。從 a₁ 繫於 b 得交點 e₂、e₃、g₂、g₃ 及 o。通 o 樹垂直線得交點 a₂ 及 b₂。通 a₂、e₃、f₂、g₃、b₂、g₂、f₁ 畫曲線以得左端面。次測圓壻之長從 b 右得 h。其他準於前記之方法而畫右端面而觸於兩端面之上下。引為水平二條之直線以可得全景。

第九圖 第七題

在於左之位置畫筆洗。

從正面偏於左。在於水平面上。接觸於畫面。

採 o 於地平線中為之心。以筆洗之半徑畫為 a—e—f—b 半圓於地平線之下部。四等分之。從 e 及 f 樹垂直線得 e₁ 及 f₁。從 a、e₁、o、f₁ 及 b 繫於各各 c₁。從 b 繫於 d₁ 得 c₂、e₃、o₁ 及 f₂。從以上

之諸點引各水平線而得交點 o_2, f_3, g_2, h_2 及 e_2 。通 $g_2, e_2, o_2, f_3, h_2, f_2, o$ 及 e_2 畫曲線以得筆洗之下面。次測上面之高。從地平線上而引 $i-j$ 。從 a, e_1, o, f_1 及 b 樹各各垂直線等。其他準下面之方法而得上面之外緣。引二條之垂直線。連於上面與下面。次測筆洗之厚。從 a 右而定 k 爲心。以 $o-k$ 之半徑畫半圓等。其他略之。而以適宜之厚畫於其中。以可得全景。

第十圖 第八題

在於左之位置畫圓管。

從正面偏於左方而一端面則密着於畫面。

地平線之上部相當管之內。外於適宜之所畫二圓。通其中心 o 引水平線得 a 及 b 。從 o, a 及 b 繫於 c_1 測管之長。從 o 左得 o_1 從 o_1 繫於 d_1 得交點 o_2 。從 o_2 引水平線得 a_1 及 b_1 爲中心 o_2 爲各各半徑 o_2-a_1 及 o_2-b_1 引二條之切線。畫二

個之圓以可得全景。

第十一圖 第九題

在於左之位置畫 バケツトヲ。

從正面偏於右。從畫面於若干之距離在於地平面上。

探 e 於地平線中爲之心。於地平線之下部。相當 バケツト 之上緣與下緣。畫二圓。測 バケツト 之高。從地平線上而引 $o-p$ 其他準於九圖之方法。畫上緣。從其中心。下垂直線。從 a, b, e, i 及從 f 繫於各各 o_1 得 o_2 從 o_2 繫於 d_1 及延長之。而得 a_1, b_1, i_2 及 f_2 等。其他略之。

第十二圖 第十題

畫室內。
略解說

第十三圖 第十一題

畫左之家屋。

間口二十尺。奥行十四尺。桁之高十。

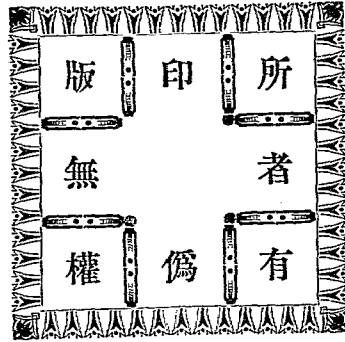
二尺。棟之高十九尺。其他窗等寸法。
宜適度。其前面三十度傾斜於畫面。

$G-L$ 爲地平線。 $H-L$ 爲水平線。 e' 爲視點。從水平線於上部適宜之所引水平線 $w-x$ 。通 c' 引垂直線。得 g 。測從眼至於畫面距離。從 g 下。而得 c 。採 h 於 $w-x$ 中適宜之所。從 h 引 $w-x$ 三十度傾斜直線。定 d 於其線中適宜之所。依於縮尺。揭圖面之下部。取間口之長。二十尺。而定 $d-b$ 。引之爲直角直線。取奧行之長。十八尺。而定 $d-e$ 。引 $e-a$ 及 $a-b$ 。因測壁厚於其內部。而畫家屋之內部。其他畫烟突入口。窗等之平面圖。建物等。從其中央。畫所截斷於水平。而屋根等。示以虛線。通 c 並行於 $d-e$ 。引直線會於 $w-x$ 。而得 l 。從 l 下垂直線。會於 $H-L$ 。而得 v_1 。通 c 並行於 $d-b$ 。引直線會於 $w-x$ 。從其點。下垂直線。會於 $H-L$ 。得 v_2 。因此點。以在於遠。故不能表於圖上。若於紙外。有餘地之圖板中。則

可設於僅製圖中圖板等之上。從 h 下垂直線。而得 f 。從 f 測桁之高十二尺而定 o 。從 o 及 f 繫於各各 v_2 。從 d 及 b 繫於 c 。交於 $w-x$ 。而得 d_1 及 b_1 。從 d_1 及 b_1 下垂直線。得爲 $d_2-d_3-b_3-b^2-d_2$ 前面。從 d_3 及 d_2 繫於 v_1 。從 e 繫於 c 。得 e_1 。從 e_1 下垂直線。而得爲 $d_2-d_3-e_3-e_2-d_2$ 側面。測窗之高。及入口之高。從 f 上。而得 $w-x$ 及 y 。從各各從是繫於 v_2 。即於平面圖。從窗及入口之前面各隅角。繫於 c 。從 $w-x$ 會點下各各垂直線。而得窗及入口之前邊。又得其後邊。從 c' 繫於 c 。交於 $w-x$ 。而得 c_1 。從 c_1 下垂直線。從窗之前邊之左上隅及左下隅。繫於各 v_1 等。其他左方之窗及入口。又準之。可知次測棟之高。十九尺。從 f 上。而得 j 。從 j 繫於 v_2 。交於 d_1-d_3 。而得 j_1 。從 j_1 繫於 v_1 。從 i 繫於 c 。會於 $w-n$ 。而得 i_1 。從 i_1 下垂直線。而得 i_2 。從 i_2 繫於 d 。及延長之於右下方。從 l 之交於垂直線。而得 v_4 。從

i^2 繫於 v_2 延長之於右。從 m 、 n 及 p 繫於 c 交於 $w-x$ 而得 m_1 、 n_1 及 p_1 。從是下各各垂直線得 m_2 。從 m_2 繫於 v_3 及延長之於下而得 n_2 。從 n_2 繫於 v_1 。從 m_2 繫於 v_4 得 k_2 。從 n_2 繫於 v_2 得 p_2 。從 p_2 繫於 v_3 得屋根。次測至於烟突之上邊高。從 f 上而得 q 。從 q 繫於 v_2 而得 q_1 。從 r 、 s 、 z 及 t 繫於各各 c 。從 z_1 下垂直線得 z_2 。從 z_2 繫於 v_3 及延長之於左下方。從 s_1 下垂直線而得 s_2 。從 s_2 繫於 v_2 。從 r_1 下垂直線。從 q_1 繫於 v_1 得 r_2 。從 r_2 繫於 v_2 及延長之於右上方。從 s_1 之交於垂直線。從其點繫於 v_1 。從 t_1 下垂直線。以可得全景。

新式中學用器畫第三卷終



發行所 北京琉璃廠各書店

印刷所 北京德興堂印字局

發行者 孟縣 閻永輝

校閱者 閻清鼇 閻永恭
張毓靈 閻永仁

總校閱者 閻清真

原著者 日本竹下富次郎

光緒三十四年十一月二十六日發行
光緒三十四年十一月十五日印刷

冊二
定價一元二角

