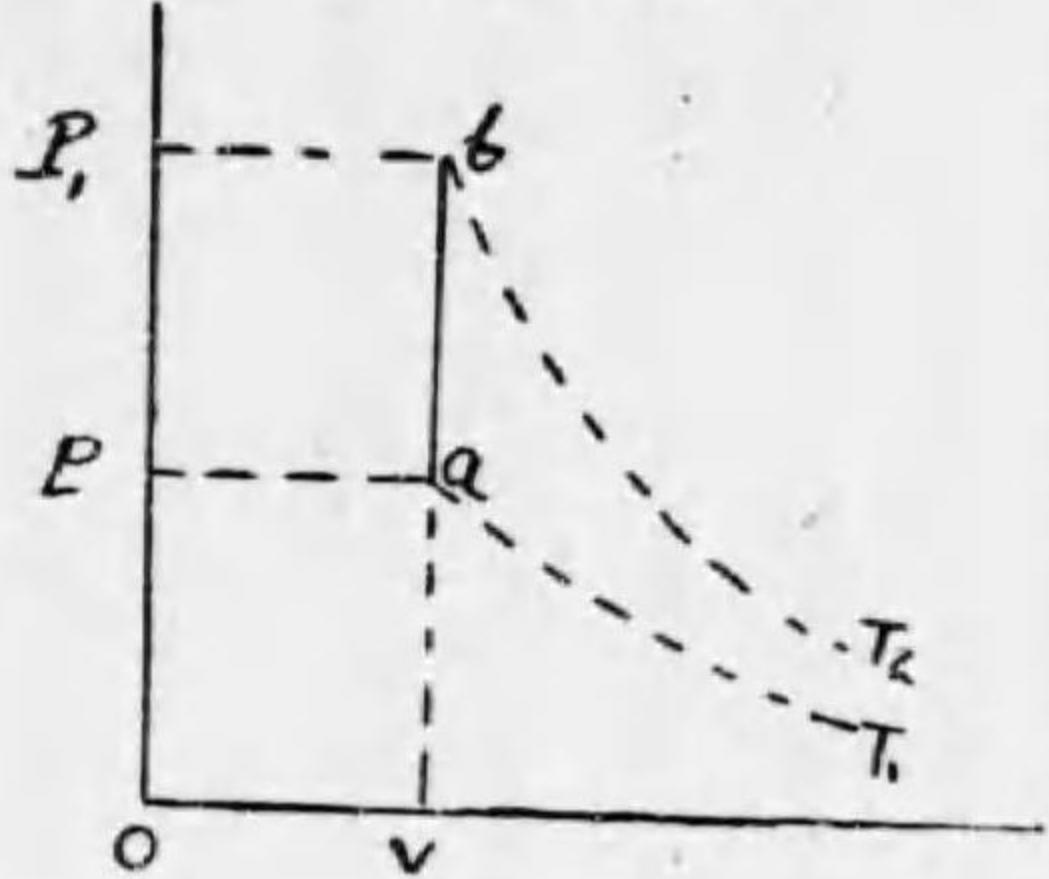
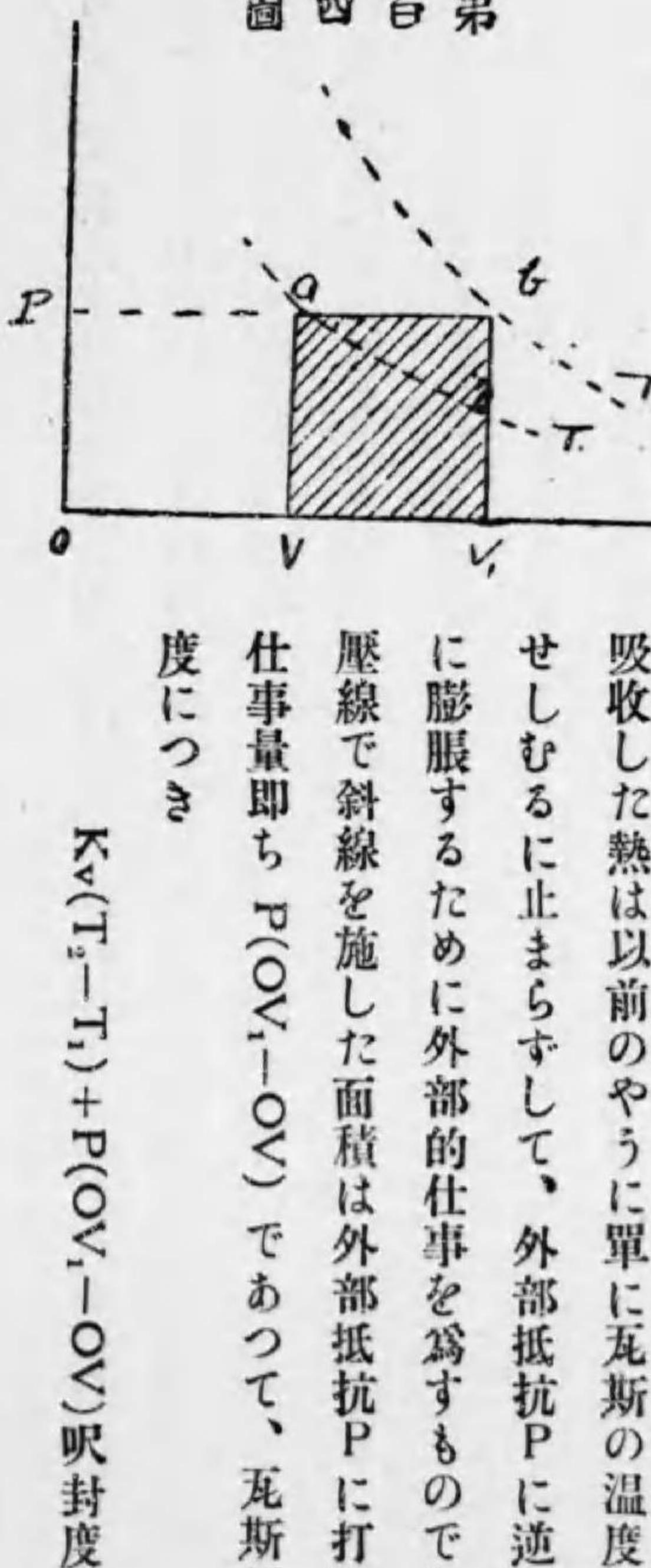


第百三圖



第百四圖



事が爲されてゐないのである、何となれば外部的仕事は  $P(V_2 - V_1)$  で示さるやうに容積に變化が起らなければ出來ないのであるが此の場合  $V_2 - V_1$  の値は零であるから外部的仕事は零である。それで此の場合瓦斯に加へられた熱は内部的勢力として取り入れられたもので  $K_v(T_2 - T_1)$  に相當する。

次に前記の瓦斯一封度を同じく圓筒に入れその表面には滑動自在な吸鈣を裝置して外部の壓力を一定に保ちながら加熱すれば瓦斯が吸收した熱は以前のやうに單に瓦斯の溫度を  $T_1$  度から  $T_2$  度まで上昇せしむるに止まらずして、外部抵抗  $P$  に逆つてその容積が  $V_1$  から  $V_2$  に膨脹するために外部的仕事を爲すものである。第百四圖 ab 線は等圧線で斜線を施した面積は外部抵抗  $P$  に打勝つて爲された外部的仕事量即ち  $P(OV_1 - OV)$  であつて、瓦斯が吸收した全熱量は一封度につき

$$K_v(T_2 - T_1) + P(OV_1 - OV) \text{ 封度}$$

である。斯様な状態の下で一封度の瓦斯に供給された熱量は、溫度の上昇した度數に定壓力の下に於ける瓦斯の比熱を乗じたもので  $K_p(T_2 - T_1)$  である。次にシャルの法則により

$$PV = RT$$

$$\therefore P(OV_1 - OV) = R(T_2 - T_1)$$

而して (供給された全熱量) - (外部的仕事に要した熱量) = (内部的仕事に要した熱量)

$$K_p(T_2 - T_1) - R(T_2 - T_1) = (K_p - R)(T_2 - T_1)$$

然し、一封度の瓦斯の溫度を一度上昇せしむる時内部的仕事に要した熱は即ち定容積に於ける比熱に等しいから次の關係が成り立つのである。

$$(K_p - R)(T_2 - T_1) = K_v(T_2 - T_1)$$

$$\therefore K_p - R = K_v$$

$$R = K_p - K_v$$

即ち  $R$  は呑封度であらはされた兩比熱の差であることが分る。

之等兩比熱の比即ち  $K_p : K_v$  は熱力学に屢々用ゐるもので之を希臘文字の  $\gamma$  (ガムマー) であらはすのが常である。

$$\frac{K_p}{K_v} = \gamma$$

$$\therefore K_p - K_v = R$$

$$\begin{aligned} K_p &= K_v \gamma \\ K_p - K_v &= R \end{aligned} \left\{ \begin{array}{l} \\ \hline \end{array} \right. -$$

$$R = K_v \gamma - K_v = K_v (\gamma - 1)$$

空氣の場合

$$\gamma = \frac{C_p}{C_v} = \frac{0.238}{0.169} = 1.408$$

### 八七、瓦斯の膨脹によつて爲さるる仕事

瓦斯が氣密に滑動する吸餾を有する圓筒内で膨脹する時、吸餾を外力で引上げたならば、圓筒内の瓦斯の容積と壓力とは變化するが、その温度は、輻射作用其の他によつての熱の損失が無いとしたならば不變である。それで此の場合の瓦斯の容積と、壓力との變化をあらはす。曲線は等温曲線 (Isothermal curve) であるが、若しも吸餾が外力によらず、瓦斯の有する熱勢力の消耗によつて動か

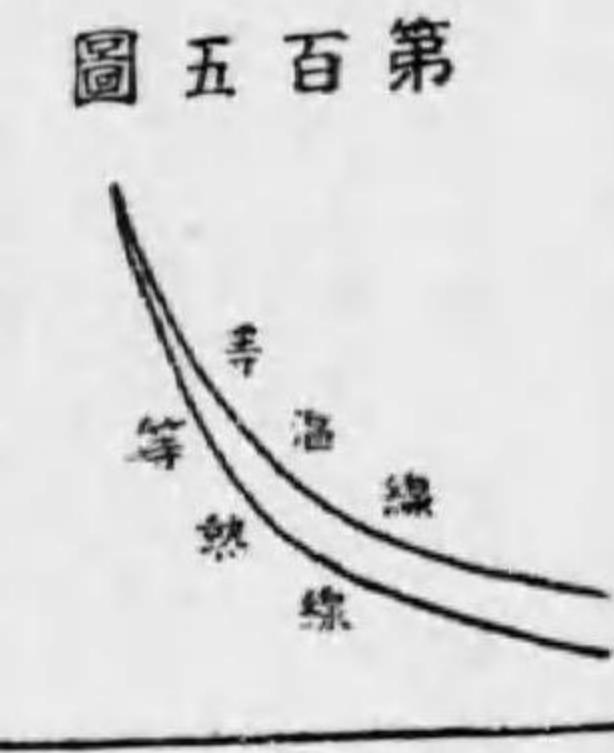
されたのであるならば、瓦斯の壓力は等温曲線にてあらはさるよりも低いに違ひ無い。若しも此時吸餾又は圓筒を通じて熱が外部に傳はり又は外部より熱が入り、或は内部に於ける化學作用等のために熱勢力が増減するやうなことが無ければ、その壓力と容積との變化を示す曲線は所謂等熱曲線 (Adiabatic curve) である。

之等の兩曲線即ち等温曲線と等熱曲線とは熱機關の研究に非常に必要なものであるが、實際の場合に於て此の狀態を期待することは出來ない。只之に類似の程度に於て實現し得らるるに過ぎないものである。

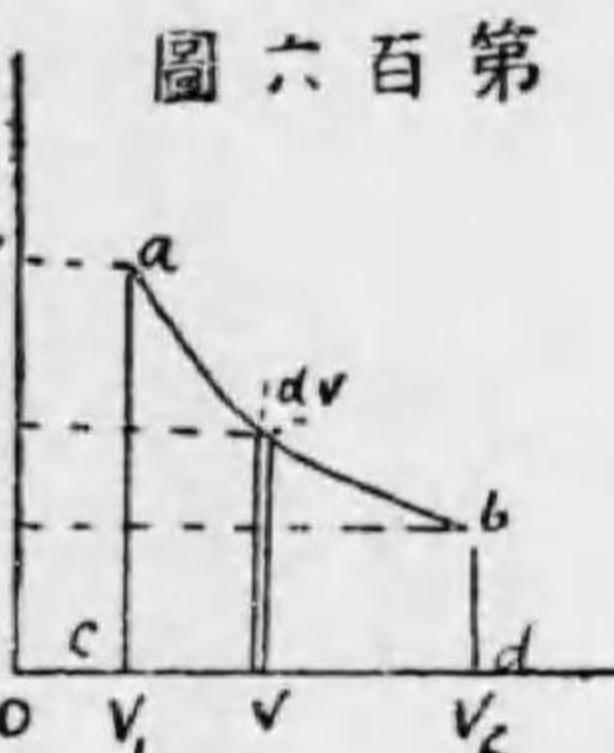
與へられた重さの瓦斯が膨脹する間、その熱度を同一に保つため、外部から熱を供給したならば、ジユール氏の法則によつてその内部的勢力は増減無いもので、瓦斯が膨脅によつて爲した仕事は、その温度を同一に保つために瓦斯に供給した熱勢力に等しい筈である。

### 八八、瓦斯が等温膨脹を爲すに當つて爲されたる仕事

瓦斯が等温膨脹を爲す場合に爲す仕事は第百六圖 abdc にて示すやうな双曲線を頂邊とし兩垂直線を兩側とし、壓力零の線を底邊とする圓形の面積を以て表はすことが出



第一百六圖



第一百六圖

来る。此の圖形を縦に無数の小片に分つたならば、各小片の面積はその時の壓力を $P$ とし $dv$ をその幅とする  $P \times dv$  であらう。而して

$$PV = P_1V_1 = \text{定数}$$

$$\text{容積}V\text{の時の壓力} = P = \frac{P_1V_1}{V}, \quad \text{OV} = V$$

$$\text{小片の面積} = P \times dv = \frac{P_1V_1}{V} \times dv$$

である。之を $V_1$ から $V_2$ までの間で積分すれば

$$\begin{aligned} \text{面積}abdc &= \int_{V_1}^{V_2} \frac{P_1V_1}{V} \times dv \\ &= P_1V_1 \int_{V_1}^{V_2} \frac{dv}{V} \\ &= P_1V_1 \log_e \frac{V_2}{V_1} = P_1V_1 \log_e \gamma \end{aligned}$$

$$\therefore abdc = P_1V_1 \log_e \gamma$$

$\gamma$ は膨脹の比である。又

$$P_1V_1 = PV = RT \text{ であるから}$$

$$P_1V_1 \log_e \gamma = RT \log_e \gamma$$

即ち  $RT \log_e \gamma$  は瓦斯が等温膨脹をなすに際して爲した仕事、即ち消費した熱勢力を示すのみで無く、又瓦斯を同一温度に保ち、その内部的勢力を不變ならしむるために瓦斯に供給した熱をも示すものである。

### 八九、等熱膨脹に際して爲されたる仕事

等熱膨脹を爲す時は等温膨脅を爲す場合と異り、瓦斯それ自身の有する熱勢力によつて仕事が爲されるので、膨脹が進むにつれてその勢力が減退するから、爲されたる仕事の量は等温膨脅の場合よりも少いもので、何時もその内部的勢力が仕事に變した分量は  $K_v(T_2 - T_1)$  である。(一九九頁 参照)

或瓦斯の等熱膨脅線はその瓦斯の性質如何によつて異なるもので、之を一般的の形で示せば  $PV^n = \text{定数}$  又は  $PV^\gamma = \text{定数}$  である。但しここは已にのべた通り比熱の比即ち  $K_p + K_v$  であつて、空氣では  $\gamma = 1.4$  である。

等熱膨脅の場合に爲される仕事圖の面積は次のやうにして求めらるるものである。

$$\begin{aligned}\text{面積} &= \int_{V_1}^{V_2} P dV \\ \text{今 } PV^n &= P_1 V_1^n \quad \text{であるから} \\ P &= \frac{P_1 V_1^n}{V^n} \\ \therefore \text{面積} &= \int_{V_1}^{V_2} \frac{P_1 V_1^n}{V^n} dV \\ &= P_1 V_1^n \int_{V_1}^{V_2} \frac{dV}{V^n} \\ &= P_1 V_1^n \int_{V_1}^{V_2} V^{-n} dV \\ &= P_1 V_1^n \left[ \frac{V^{-n+1}}{-n+1} \right]_{V_1}^{V_2}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}&= P_1 V_1^n \left( \frac{V_2^{1-n} - V_1^{1-n}}{1-n} \right) \\ &= \frac{P_1 V_1^n (V_1^{1-n} - V_2^{1-n})}{n-1} * \\ &= \frac{P_1 V_1^n V_1^{1-n} - P_1 V_1^n V_2^{1-n}}{n-1}\end{aligned}$$

$$\text{面積} = \frac{P_1 V_1 - P_2 V_2}{n-1} \dots (1)$$

又次のやうに書ふべく、じゆくも出来る。

$$\begin{aligned}\text{* 面積} &= \frac{P_1 V_1^n (V_1^{1-n} - V_2^{1-n})}{n-1} \\ &= \frac{P_1 V_1^n V_1^{1-n} \left( \frac{V_1^{1-n} - V_2^{1-n}}{V_1^{1-n}} \right)}{n-1} \\ &= \frac{P_1 V_1 \left( 1 - \frac{V_2^{1-n}}{V_1^{1-n}} \right)}{n-1} \\ \text{面積} &= \frac{P_1 V_1 \left\{ 1 - \left( \frac{V_1}{V_2} \right)^{n-1} \right\}}{n-1} \dots (2)\end{aligned}$$

瓦斯の容積を立方呎で示し、壓力を毎平方呎  $144p = P$  とすれば  $V_1$  から  $V_2$  まで膨脹するに對して爲したる仕事は

$$=\frac{144 p_1 v_1 \left\{ 1 - \left( \frac{v_1}{v_2} \right)^{n-1} \right\}}{n-1}$$

又  $P_1V_1^n = P_2V_2^n = \text{定數}$

$$\begin{aligned}\frac{P_2}{P_1} &= \left(\frac{V_1}{V_2}\right)^n \\ \therefore \frac{V_1}{V_2} &= \left(\frac{P_2}{P_1}\right)^{\frac{1}{n}} \\ \left(\frac{V_1}{V_2}\right)^{n-1} &= \left(\frac{P_2}{P_1}\right)^{\frac{n-1}{n}}\end{aligned}$$

故に壓力  $P_1$  から  $P_2$  までの間に膨脹によつて爲した仕事は

$$= \frac{144 \times p_1 v_1 \left\{ 1 - \left( \frac{p_2}{p_1} \right)^{\frac{n-1}{n}} \right\}}{n-1} \dots \dots \dots (3)$$

以上(1)(2)(3)の三式は一封度の瓦斯が背壓零の時膨脹のために爲した仕事量を示すものである  
それで背壓  $P_2$  の時に瓦斯が膨脹によつて爲す仕事量は  $V_1$  から  $V_2$  まで背壓零の時膨脹して爲した仕事  
と、 $V_1$  まで供給されたために爲した仕事量との和から背壓により爲された仕事量を減じたものである。それで

$$\begin{aligned}\text{爲された仕事} &= \frac{1}{n-1} (P_1V_1 - P_2V_2) + P_1V_1 - P_2V_2 \\ &= \frac{1}{n-1} PV_1 - \frac{1}{n-1} P_2V_2 + P_1V_1 - P_2V_2\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}&= P_1V_1 \left( \frac{1}{n-1} + 1 \right) - P_2V_2 \left( \frac{1}{n-1} + 1 \right) \\ &= \frac{1+n-1}{n-1} (P_1V_1 - P_2V_2) \\ &= \frac{n}{n-1} (P_1V_1 - P_2V_2) \\ &= \frac{n}{n-1} P_1V_1 \left\{ 1 - \left( \frac{P_2}{P_1} \right)^{\frac{n-1}{n}} \right\}\end{aligned}$$

## 九〇、完全瓦斯の容積、壓力及溫度の關係

等溫膨脹を爲す場合

$$P_1V_1 = RT_1$$

$$P_2V_2 = RT_2$$

$$\therefore \frac{P_2V_2}{P_1V_1} = \frac{T_2}{T_1}$$

等熱膨脹を爲す場合

$$\begin{aligned}P_1V_1^r &= P_2V_2^r \\ \therefore \frac{T_2}{T_1} &= \frac{P_2V_2P_1V_1^r}{P_1V_1P_2V_2^r} = \left( \frac{V_1}{V_2} \right)^{r-1}\end{aligned}$$

同様に

$$\frac{T_2}{T_1} = \left( \frac{P_2}{P_1} \right)^{\frac{\gamma-1}{\gamma}}$$

$$\therefore T_1 : T_2 = V_2^{\gamma-1} : V_1^{\gamma-1}$$

$$V_2 : V_1 = P_1^{\frac{1}{\gamma}} : P_2^{\frac{1}{\gamma}}$$

$$V_2^{\gamma} : V_1^{\gamma} = P_1 : P_2$$

例、空気が壓縮氣筒に入りたる時の温度は華氏六十度即ち絶対温度五百二十一度で、その壓力は大氣壓力と同しであつたならば、冷却等のために熱の損失が無いものとして、之が四氣壓迄壓縮された時の温度を求めよ。

解 公式により

$$T_2 = T_1 \left( \frac{P_2}{P_1} \right)^{\frac{\gamma-1}{\gamma}}$$

$$= 521 \times (4)^{\frac{1.4-1}{1.4}}$$

$$\log T_2 = \log 521 + \frac{0.4}{1.4} \log 4$$

$$= 2.7168 + (0.29 \times 0.602)$$

$$= 2.8914$$

$T_2 = 779$  度(絶對)又は華氏 318 度 答

### 九一' $PV^n = \text{定数}$ なるから $n$ の値を求める(2)

1、百七圖で ab を  $PV^n = \text{定数}$  なる曲線の一部とする。此の曲線上の一點 p に切線を引き OY, OX と交る點を c, d とすれば

$$\frac{ce}{oe} = \frac{of}{df} = n$$

なる算式によりて  $n$  の値を求むることが出来る。此の方法は ep がクリヤランスを加へた容積をあらはし、OX は絶對壓力零を示すものとした場合に示壓圖に應用することが出来る。

2、n の値は又曲線の二點に於ける容積と壓力とを測つて次の算式を用ひて求むることが出来る(但し n の値が一になるときは次の算式は成立たない)

$$\text{面積} = \frac{P_1 V_1 - P_2 V_2}{n-1}$$

3、 $PV^n = P_1 V_1^n = \text{定数}$  なる故

$$\log P + n \log V = \log P_1 + n \log V_1$$

$$\therefore n = \frac{\log P_1 - \log P}{\log V - \log V_1}$$

## 九二、熱勢力をあらはす面積

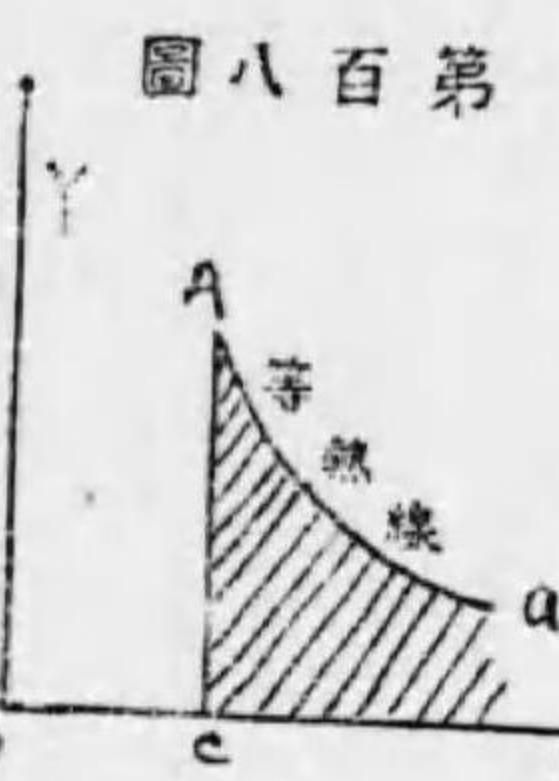
完全瓦斯即ち供給された熱はその内部抵抗に打勝つために消費されること無く、すべてがその温度を増し又は外部的仕事としてあらはるる如き瓦斯に加熱した場合にその中に存在する熱量は次のように面積を以て示すことが出来る。

1、第百八圖に於て A を與へられた温度に於ける一封度の瓦斯の容積及壓力を示す點とし、此點より發足して瓦斯を等熱的に膨脹せしめ、瓦斯の有する内部的勢力全部を消費せしめたならば、瓦斯の温度は絶對零となるに違無い。此の場合に瓦斯の膨脹によつて爲されたる仕事の量は A 點に於て瓦斯が有つてゐた内部的勢力であつて AC 及 CX 及 Aa の延長線を以て圍まれた圖形の面積に相當するものであるから、瓦斯が壓力及温度が零になるまで膨脹を繼續するものとしたならば

$$\text{面積} = \frac{P_1 V_1 - P_2 V_2}{\gamma - 1}$$

$$P_2 = 0$$

$$\therefore \text{面積} = \frac{P_1 V_1}{\gamma - 1} = \frac{R T_1}{\gamma - 1} = K_v T_1$$



第百八圖

兩者共に A 點に於ける瓦斯一封度の有してゐる内部的勢力を示すものである。

2、A の状態にある瓦斯の容積を一定にして加熱したならば第百九圖に示すやうに、その壓力は A から B に上昇するであらう。それで A 及 B を通じて夫々等熱膨脹線を引けば XcAa なる圖形の面積にてあらはさるる勢力は、A の状態にある瓦斯の有する内部的勢力で、XcBb なる圖形の面積にてあらはさるるものは B の状態に於ける瓦斯の有する内部的勢力である。それで aABb なる面積は瓦斯が A の状態から B の状態に移つたために増加した内部的勢力を示すことになる。元來與へられた重さの瓦斯の有する内部的勢力はその温度に比例するものであるから、A の温度を  $T_1$  度、B の温度を  $T_2$  度として瓦斯の重さを一封度とすれば

$$\text{面積} aABb = K_v (T_2 - T_1)$$

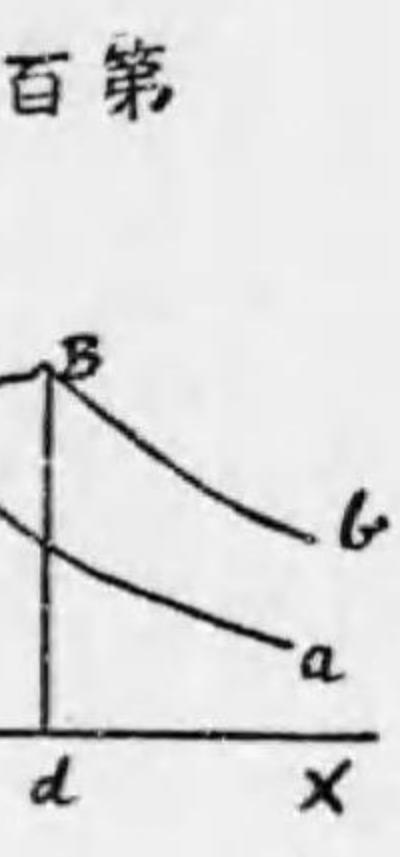
$$= \frac{R}{\gamma - 1} (T_2 - T_1)$$

第百九圖

3、已にのべた通り、瓦斯の状態を A から B 迄變化せしむるには加熱を要するから、AB 両點から引いた等熱膨脹線によつて挟まる面積 aABb (第百十圖) は瓦斯の状態を A から B へ變するため瓦斯に加へられた熱勢力を示すものであるが、第百十圖に示すやうに、加熱に際し A から B

く膨脹したならば此の時  $CABd$  なる面積に相當するだけの仕事を爲したのであるから  
(加へられた全熱) = (Bに於ける内部的勢力) + (AからBに膨脅するに當つて爲した仕事) - (Aに於ける内部的勢力)

$$\therefore aABb = XdBb + cABd - XcAa$$



Bに於ける温度がAに於ける温度よりも高ければ、Bに於ける内部的勢力はAに於ける内部的勢力よりも多量でAの状態の時加へられた熱は  $cABd$  なる仕事を爲すに要するものよりも多量である。

4、AからBへの過程が第百十一圖に示すやうに、BがAから引いた等熱曲線の下方にあるならば、外部から熱の供給を受けないから、前の場合と反対に面積  $bBAa$  に相當する熱量だけ損失があつたわけである。即ち

(Aに於ける内部的勢力) = (AからB迄膨脅するに際して爲した仕事) + (Bの状態に於ける内部的勢力) + (膨脅によつて生じた損失熱)

$$\therefore \text{面積 } XcAa = cABd + XaBb + bBAa$$

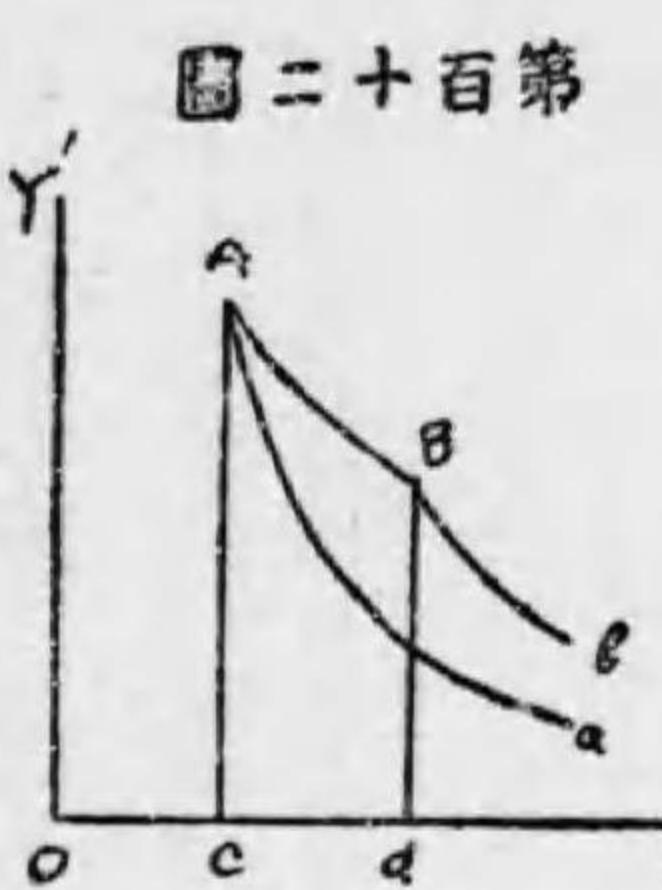
5、完全瓦斯が膨脅する間に供給された熱量がその時爲された仕事に等しく瓦斯の動作後の温度が動作前の温度と同じである場合は即ち等温膨脅の場合である。

今第百十二圖で、ABは等温曲線であるから壓力及容積の如何に拘らず、此の曲線上のすべての點に於ける内部的勢力は一定不變である。A點に於て瓦斯が有する内部的勢力は  $XcAa$  で、瓦斯がAからBへ膨脅する時に加へられた熱は  $aABb$  に相當する。然し

(Aに於ける勢力) + (加へられた熱勢力) = (Bに於ける殘存する勢力)  
+(爲されたる仕事)

$$XcAa + aABb = XdBb + cABd$$

$$\therefore aABb = cABd$$



即ち前の式によつて完全瓦斯が膨脅するに當つて供給を受けた熱勢力は正にその時爲されたる仕事量に相當することが知らるるのである。

第百十三圖に示すW、X、Y、Zなる四箇の面積の關係はABが等温曲線である場合にAからBへ

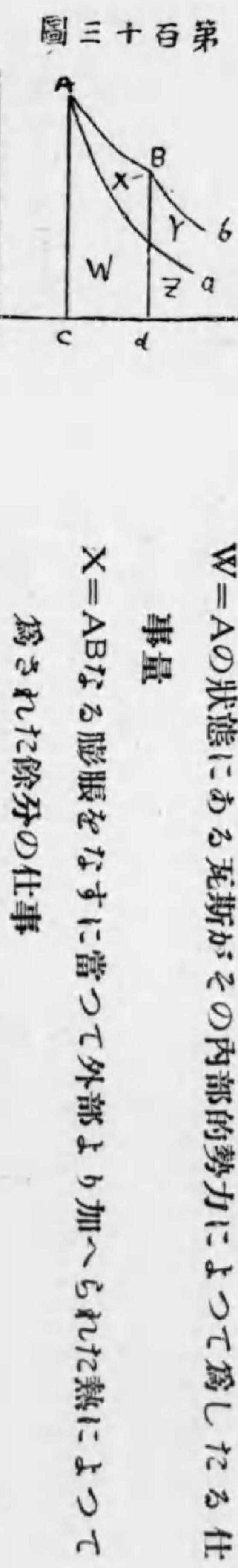
瓦斯の状態が變するに當つて起つた熱量の變化の關係を示すものである。即ち

$X + W =$  爲されたる仕事

$X + Y =$  瓦斯が受け入れた熱勢力

$W + Z = A$  に於ける内部的勢力

$Y + Z = B$  に於ける内部的勢力



$Y = AB$  にそふて等温膨胀をなすに當り、その内部的勢力を一定に保つために加へられた餘分の勢力

$Z = A$  に於て有してゐた勢力の残り

### 九三' 壓縮の際に爲される仕事

今第百十四圖 A 點にて示すやうな状態の下にある瓦斯を圓筒内で静かに壓縮したならば、壓縮に

よつて爲された仕事に相當する熱はその温度を上昇せしめないで圓筒の周壁から逃れ出るから瓦斯の温度に變りは無しに、壓力はボイル法則に従て増加するから壓縮曲線は AB 線で示すやうに等温曲線の形をとるであらう。然し乍ら壓縮を急速に行つた場合に、壓縮によつて爲されたる仕事によつて生ずる熱は、圓筒の周壁から逃れ出づる餘祐が無かつたとしたならば、その温度と壓力とは共に上昇するから、壓縮曲線は AC 線を以て示すやうな形をとり、等温曲線の上に出づるだらう。

瓦斯が等温壓縮をなすに當つて瓦斯に爲された仕事の量は、瓦斯が等温膨脹を爲した時に爲した仕事の量と等しいので次の式で表はす通りである。

$$P_1 V_1 \log_e \frac{V_2}{V_1}$$

又は

$$RT_1 \log_e r$$

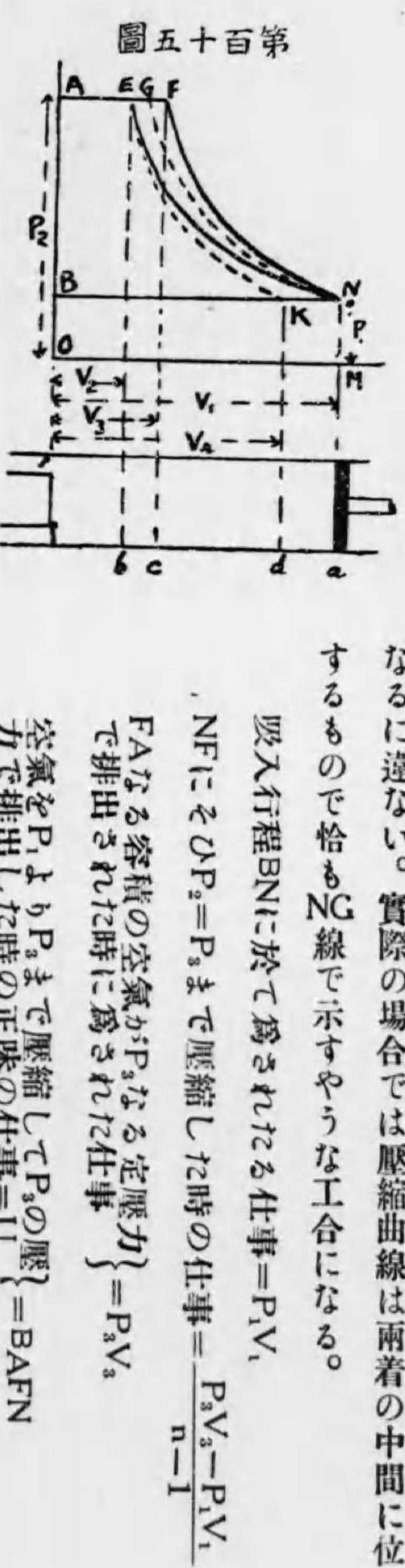
同様に瓦斯が等熱壓縮をなすときに爲されたる仕事の量は、瓦斯が等熱膨脹を爲した時に爲した仕事の量に等しいもので次の式で表はす通りである。

$$\frac{P_1 V_1 - P_2 V_2}{r - 1} \quad \text{但し } r = K_p : K_v$$

以上の要領は第百十五圖に示すやうに、空氣壓縮機内で、一封度の空氣に爲された仕事の量につ

いて説明する方が了解しやすいと思ふ。扱て壓搾機の吸餽がOからMまで吸入行程をなすときは、

壓力 $P_1$ で容積 $V_1$ の空氣が笛内に吸入され、その復行程に於て空氣は笛内に密閉されてゐるから、吸餽の進行と共にその容積は縮少し、壓力は上昇して $P_2$ に達すれば排氣弁が開いて笛外に吐出さるものである。壓縮によつて生ずる熱を遂次冷却するやうに仕掛けて置いたならば、空氣は定溫度に保たるからその時の壓縮曲線Nは等温曲線となるが、然し壓縮によつて發生した熱を取去る冷却装置をせずに置いたならば、壓縮線はFに示すやうな等熱線とするもので恰もG線で示すやうな工合になる。



$$\begin{aligned} \text{吸入行程BNに於て爲されたる仕事} &= P_1 V_1 \\ \text{NFにそび} P_2 = P_3 \text{まで壓縮した時の仕事} &= \frac{P_3 V_3 - P_1 V_1}{n-1} \\ \text{FAなる容積の空氣が} P_3 \text{なる定壓力} \\ \text{で排出された時に爲された仕事} &= P_3 V_3 \end{aligned}$$

空氣を $P_1$ より $P_3$ まで壓縮して $P_3$ の壓力で排出した時の正味の仕事 $= U$

$$\begin{aligned} U &= \frac{P_3 V_3 - P_1 V_1}{n-1} + P_3 V_3 - P_1 V_1 \\ &= \frac{n}{n-1} (P_3 V_3 - P_1 V_1) \\ &= \frac{n}{n-1} P_1 V_1 \left( \frac{P_3 V_3}{P_1 V_1} - 1 \right) \end{aligned}$$

然るに

$$\frac{V_3}{V_1} = \left( \frac{P_1}{P_3} \right)^{\frac{1}{n}}$$

$$\begin{aligned} \therefore U &= \frac{n}{n-1} R T_1 \left\{ \left( \frac{P_3}{P_1} \right)^{\frac{n-1}{n}} - 1 \right\} \\ \text{瓦斯を} P_1 \text{から} P_3 \text{に壓縮した時爲された仕事は熱勢力となつて瓦斯の温度を高むるから} \\ T_3 &= \left( \frac{P_3}{P_1} \right)^{\frac{n-1}{n}} T_1 \end{aligned}$$

$$\text{壓縮及排氣作用中の平均有效壓力} = U \div V_1 = \frac{n}{n-1} P_1 \left\{ \left( \frac{P_3}{P_1} \right)^{\frac{n-1}{n}} - 1 \right\}$$

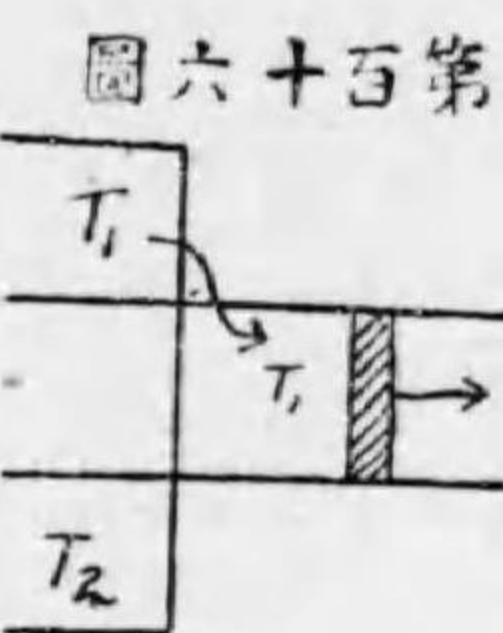
$$n = \gamma = 1.4 (\text{等熱壓縮のとき})$$

### 九四、カルノー氏サイクル (Carnot's Cycle)

サイクルとは物質が週期的に再び最初の状態に戻るやうな種々な動作の一系をいふもので、此の

サイクルを表はす仕事圖の中に包まる面積はその時爲された正味の仕事量を示すものである。カルノー氏サイクルは理想的熱機關の動作を示すサイクルの一でその要領は次のやうである。

今氣笛内に一封度の瓦斯を入れ、滑動自在な吸餳を裝置し、又必要に應じ最高温度  $T_1$  及最低温度  $T_2$  に於て無制限に熱の供給が出來るやうに、第百十六圖に示すやうな熱源を設け、之等の熱源は必ず導體で、瓦斯の動作中は熱源に連絡した場合の外は熱の出入は無いものと假定する。



1、氣笛内の瓦斯の温度が  $T_1$  で熱源と同温であるとし、氣笛を  $T_1$  なる熱源に接して置いたならば、第百十七圖 A 點にて示すやうな状態にある瓦斯は膨脹して仕事を爲すが同時に熱源からは常に熱の供給を受けてゐるから、膨脹中瓦斯の温度は  $T_1$  に保たる、從て此の時の膨脹は等温的でその膨脹線は  $B$  なる等温曲線となる。此の過程中に爲された仕事は  $aABb$  なる面積に等しいもので、供給された熱を  $Q_1$  とすれば

$Q_1 = aABb = XABY$

2、熱の供給を B 點で遮断して更に膨脹を繼續せしむれば瓦斯はその内部的勢力を消耗して外部的

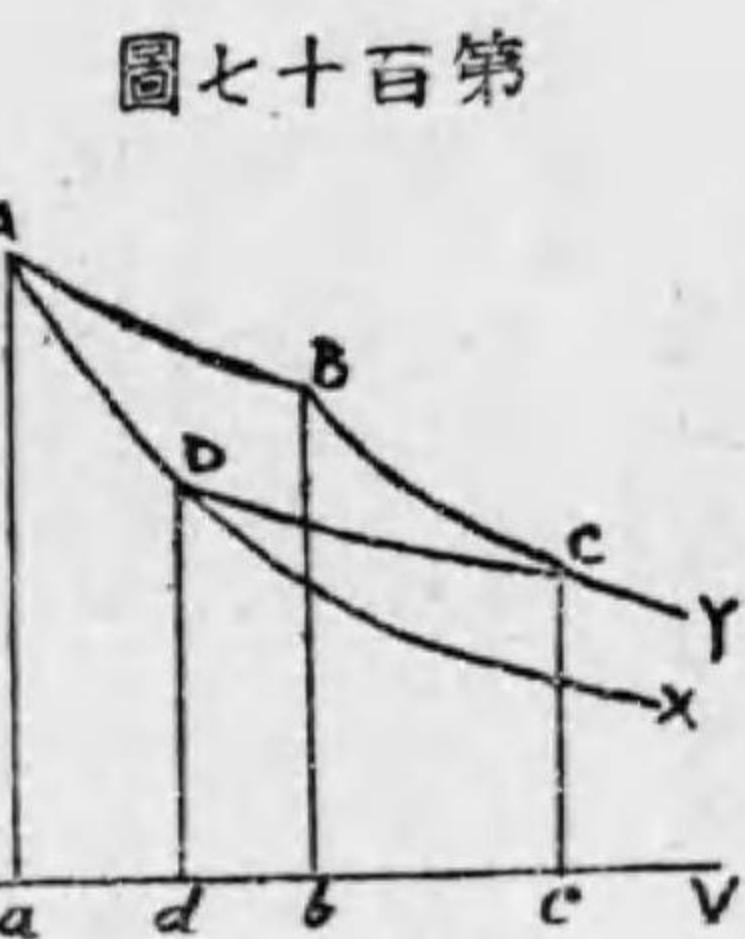
仕事を爲す、即ち等熱膨脹を爲すから、壓力は急速に降り温度は最早や  $T_1$  を保つことは出來ないで次第に下降し、吸餳が行程の終點に達する時には  $T_2$  となり、その膨脹曲線  $BC$  は等熱曲線である。此の間に爲された仕事は  $bBCc$  である。

3、吸餳の復行程は飛輪<sup>フライウheel</sup>其の他の方法で行はるが、復行程の初期 C 點から D 點までの間は氣笛は最低温度  $T_2$  の熱源に連絡を保つてゐるから、吸餳が戻るにつれてその背後にある瓦斯が壓縮せられた結果發生した熱はすべて  $T_2$  なる最低温度の熱源によつて吸收せらるるので、等温壓縮が行はるるのである。從て此の時描かるる壓縮線  $CD$  は等温曲線である。D 點の位置は A 點を通過する等熱曲線上にあるやうにして置く。

此の動作中吸餳は瓦斯に仕事を爲し掛けたのであるから、その仕事量は負量であつて  $cCDd$  なる面積に等しいものである。今  $Q_2$  を CD 間に於て  $T_2$  なる熱源に放出した熱量とすれば

$$Q_2 = cCDd = XDCY$$

4、D 點で  $T_2$  なる熱源との連絡を遮断し、更に壓縮を繼續すれば茲に等熱壓縮が起り遂に DA 曲線で



第百七圖

示す通りに壓力及溫度が上昇して最初の出發點なるA點に戻り茲に此のサイクルは一順し終つたのである。DAなる曲線は等熱壓縮曲線で此の間に爲しけられた仕事量は $aADd$ なる面積に等しいもので負量である。

以上の四動作中に爲された正味の仕事Wは各動作中に爲された仕事量の代數和であるから、  
 $W_1$  を ABなる等熱膨脹動作中に爲したる仕事  
 $W_2$  を BCなる等溫膨脹動作中に爲したる仕事  
 $W_3$  を CDなる等溫壓縮動作中に爲しけられた仕事  
 $W_4$  を DAなる等熱壓縮動作中に爲しけられた仕事  
 とすれば

$$\text{面積ABCD} = W = W_1 + W_2 - W_3 - W_4$$

次に $P_a$ 、 $P_b$ 、 $P_d$ をa、b、dに於ける夫々の壓力とし、 $V_a$ 、 $V_b$ 、 $V_d$ をa、b、dに於ける容積とすれば次のやうな關係が出來る。

$$(1) \quad W_1 = P_a V_a \log_e \frac{V_b}{V_a}$$

ABは等溫曲線であるから

$$Q_1 = a A B b = X A B Y$$

$$(2) \quad W_2 = \frac{P_b V_b}{r-1} \left\{ 1 - \left( \frac{V_b}{V_c} \right)^{r-1} \right\}$$

内部的勢力の損失量 =  $K_v(T_1 - T_2)$

$$(3) \quad W_3 = P_d V_d \log_e \frac{V_c}{V_d}$$

$$(4) \quad W_4 = \frac{P_a V_a}{r-1} \left\{ 1 - \left( \frac{V_a}{V_d} \right)^{r-1} \right\}$$

内部的勢力の増加 =  $K_v(T_1 - T_2)$

第二動作と、第四動作とに於ては所得熱量と損失熱量とは同一であるから結局熱の所得は零である。又 $W_2$ と $W_4$ とを比較すれば、 $P_a V_a = P_b V_b$ でAD、BCの兩曲線は共に等熱曲線であるから

$$\begin{aligned} \left( \frac{V_a}{V_d} \right)^{r-1} &= \frac{T_2}{T_1} \\ \left( \frac{V_b}{V_c} \right)^{r-1} &= \frac{T_2}{T_1} \\ \therefore \frac{V_a}{V_d} &= \frac{V_b}{V_c} \end{aligned}$$

となり、従つて $W_2 = W_4$ であることが了解出来るであらう。

第一動作と第三動作とを比較すれば

$$\frac{V_b}{V_a} = \frac{V_c}{V_d} = i \quad \text{となるから}$$

$$(1) \text{から } W_1 = P_a V_a \log_e \frac{V_b}{V_a} = R T_1 \log_e i$$

$$(3) \text{から } W_3 = P_d V_d \log_e \frac{V_c}{V_d} = R T_2 \log_e i$$

次に第一動作で吸収せられた熱と、第三動作で排出された熱との差は即ち仕事に變換した熱であつて  $R(T_1 - T_2) \log_e i$  に等しいものである。然るに

$$\text{受入れた熱} = R T_1 \log_e i$$

であるから

$$\text{効率} = \frac{R(T_1 - T_2) \log_e i}{R T_1 \log_e i} = \frac{T_1 - T_2}{T_1}$$

此の効率の式によつてみれば、與へられた溫度の範圍内で、機關の可能な最大効率は、最高溫度に於て所要全熱量の供給を受け、最低溫度に於て全熱量（供給された）を放出することが出来る場合に得らるるものである。それで溫度の範圍が大なる程  $(T_1 - T_2) + T_1$  の値は一に近接し、他の條件が同一であればその効率は増大するものである。此の溫度の範圍を大にするには  $T_1$  を高くし、

$T_2$  を低むることが必要な條件である。

今華氏三百度と六十度との間に於て動作する熱機關の最大効率は

$$\frac{T_1 - T_2}{T_1} = \frac{761 - 521}{761} = .315 \quad \text{即ち } 31.5\%$$

であつて、最も良い狀態の下に於てさへも、排出さるる熱量が多量なために、その効率は著しく僅少であることがわかる。此の値は  $T_1$  の値を大にして  $T_2$  の値を出来るだけ小にする程增加するから、近時此の方向に向つて種々の發明改良が加へられた結果、大にその面目を一新し殊に瓦斯機關では更に大なる効率を得るに至つたのであるが、實際の最低溫度  $T_2$  は機關を圍繞してゐる大氣の溫度より以下には下げられぬといふことは忘るべからざることである。

熱機關が與へられた溫度の範圍内で動作する場合を、水車が異なる水面間に於て動作する場合に比較したならばその了解は更に容易であると思ふ。即ち水車は水高の差を利用して働き、熱機關は溫度の落差によつて動作するもので、共に有用な仕事を爲すを目的とするとは同じである。

水車の場合ではその水頭の全部を利用する事が、その効率を大ならしむる所以であるから、此の水が水車の翅に達するまでは水頭の僅かでも損失しないやうにしなければならぬ。つまり水頭を完全に利用するには最高水面から水を導き之を最低水面に放出するやうにしなければならぬことは

明かなことである。

吾人は更に一步を進めて、最大効率を得るには可逆的 (Reversible) である状態の時であるといふ理を説明することが出来る。今假に水車を他の機械力によつて動作せしめてその回轉方向を逆にしたならば、普通の状態では最高所の水を受け入れて之を最低所に逸出せしむる筈である所の水車は反対に低所の水を高所へ運搬するに違無いのである。但し此の場合水車の兩側に於ける水面が少しでも降つたならば最早や可逆的で無いものである。

此の可逆水車を動作せしむるに、之よりも幅の大きな、而して約二割の餘分の力を有する他の水車で反対に運轉せしめたならば、矢張り此の水車は低所の水を高所に戻すことが出来る。然し此の水車を熱機關によつて運轉せしめたならば、普通の機関ではその消費する熱は有效に使用さる勢力の五乃至十倍に達し、供給された全熱量の八乃至九割は排汽として大氣中に排出さるものである。

それで、重力の作用によつて仕事が爲され、又は仕事が傳達せらるる時は、損失勢力は只機構に於ける摩擦によるもののみで、その量は二割を超ゆることは少いものであるが、熱を仕事に轉換せしめた場合には現今に於けるやうな温度の範圍内で動作する時は少くとも、その七割の損失はまぬ

がれぬもので、尙その上に一二割の餘義無い損失のあることも承知して置かねばならない。斯様な工合に熱機關によつて得らるる仕事は非常に高價なものになるのであるから、出来るだけ高い效率を得らるるやうに工夫することは最も必要なことである。

吾人は熱力学の第一法則に於て熱勢力と機械的仕事とは相轉換し得るものであるといふことを學んだが、以上述べた通り實際の場合では熱が轉換した仕事の全部が有用な仕事としてあらはるるものでは無いといふことを知つたのである。それで一封度の石炭の有する熱勢力を一萬四千英熱位として之を機械的仕事に換算すれば  $14000 \times 778 = 10,892,000 \text{ 脚尺度}$  といふ莫大な量になるのであるけれども、此の全部が一封度の石炭の燃焼によつて有效な仕事としてあらはるるものと考ふるのは間違であつて、現今のやうな汽機の動作する温度の範圍内では、最も完全な状態の下に動作した場合でもその三割以上を有效に仕事としてあらはすことは出来ないものである。之は第百九圖、第十圖、第百十二圖及第百十七圖にあらはれた仕事面積について研究すれば了解出来るもので、例へば、温度華氏六十度の空氣一封度を華氏五百度まで加熱し之を吸餽下にて膨脹せしめ、華氏六十度になるまで仕事を爲さしめたならば、空氣が吸收した熱の全部は成る程仕事に變じたとしても、吸餽上面には背壓があるために、膨脹に際しては有效なる仕事の外に此の背壓に打ち勝つために餘分

の仕事を爲してゐるもので、空氣が有する全熱量を全部有效なる仕事を轉換し得る場合は吸鑄の背面に於ける背壓が絶對零で空氣が絶對壓力及溫度共に零迄膨脹した場合に限るものである。從て不完全な膨脹による損失と、背壓に爲した仕事とはすべての熱機關が排氣に際して排出する熱の損失となるものである。

次に熱力學の第二法則によれば、瓦斯はその周圍の溫度以下まで膨脹して有效なる仕事を遂行することは不可能であつて、實際の場合では尙更に幾多の障礙があるために、瓦斯の周圍の溫度までさへも膨脹することは望まれぬことであるから、實際の熱機關の效率を増加せしむるにはその最高溫度を増すより外に方法が無いもので、その最下溫度を低めることは極めて僅かな範圍であることを覺悟しなければならない。

以上述べた所を結論すれば次のやうになる。

- 1、仕事を仕事として一の機械から他の機械に傳ふる場合は動作部の摩擦抵抗による損失を除けばほとんど全部を傳ふることが出来る。
- 2、熱を熱として、例へば火爐から罐水に傳ふる場合はその效率は九十パーセント位までは達することが出来るものである。

3、フリクション・ブレーキの場合のやうに仕事が熱に轉換する場合の效率は百パーセントである。

4、熱が仕事に轉換した場合の效率は常に  $(Q_1 - Q_2) \div Q_1$  である。  
但し  $Q_1$  は供給された熱で、 $Q_2$  は排出された熱である。

然し實際の效率  $(Q_1 - Q_2) \div Q_1$  は完全なる機關の效率  $(T_1 - T_2) \div T_1$  よりも少いのが常であつて現今汽機の使用溫度の範圍内では理想的の機關でその效率は三十パーセントを超ゆることは困難で、實際の機關では二・五パーセント乃至二・〇パーセントである。

## 第十章 蒸氣の性質 (Properties of Steam)

### 九五、定壓力に於ける蒸氣の發生

最大密度に於ける清水一封度の容積は〇・〇一六立方呎であるが、溫度が高くなるにつれてその容積も増加するもので、その増加後の容積は〇・〇一六立方呎に次に示すハーン氏 (Hm) の係數を乗じて求むることが出来る。

溫 度	係 數
二一二度	一〇〇四三一
二八四	一〇〇七九五
三五六	一〇一二七
三九二	一〇一五九

今華氏三十二度の水一封度を圓筒内に入れ、その上面は圓筒内を自在に而も汽密に上下し得る吸鈍を以て蔽ひ、吸鈍の上面は大氣壓に通じ、吸鈍の重量を省略し且吸鈍の面積を一平方呎としたならば

$$\text{吸鈍上に加はる壓力} = \text{大氣壓力} = P(\text{每平方吋封度} = \tau) \times 144 = P(\text{每平方呎封度})$$

であつて、此の壓力は常に變りが無いから、圓筒内の水に加熱すれば次のやうな變化が起る。

1、水の温度上升し、吸鈍上面に加はる壓力の如何により、或る温度（此の場合では華氏二百十二度）に達するまでは前表にあらはす通り僅かにその容積を増すもので、吸鈍はほとんど動かないといつてもよろしい。

2、水の温度が華氏二百十二度に達すれば水は蒸氣に化してその容積を増すので吸鈍は外壓に逆つ

て上升する。此の温度は即ち大氣壓力の時の水の沸騰點であつて、吸鈍上面の壓力が増せば從て高くなり、減すれば低くなるものである。而して斯様に水が蒸氣に化すときは、蒸氣に化したものは直ちに汽泡となつて水面に立昇るもので此の狀態を水の沸騰といふ。水が沸騰を始めた後は如何に加熱を強くしても、水がある間は水及蒸氣の温度は矢張り沸騰點を保つものであつて、此の時に用ゐられた熱は全部水を蒸氣に化するために用ゐられたものであるから之を潜熱（Latent Heat）といふ。斯くして圓筒内の水が全部蒸發しつくまではその温度は沸騰點を保つが、最後の水滴が蒸發した後は加熱に従ひその温度が上升するものである。一般に物の温度を上升せしむるためには用ゐられた熱を顯熱（Sensible Heat）といふ。

3、水が全部蒸發して蒸氣に化した後も尙ほ加熱を續くれば蒸氣は最早や水に接してゐないからその温度と容積は共に增加して吸鈍は更に上升し、ここに定壓力の下に於て温度と容積とを増加した過熱蒸氣が出来るのである。

蒸氣が發生した時の壓力を保ちその壓力に相當する水の沸騰點以上に加熱せられた場合に「過熱された」といふ。

## 九六、飽和蒸氣 (Saturated Steam)

飽和蒸氣といふのは、その壓力に對し最大密度を有する蒸氣のことで、無色透明である、飽和蒸氣は勿論水分を含有してゐないのであるが、その水分を幾分でも含んでゐるのは透明を缺ぐやうになるから、透明でない場合は水分が混じてゐるしである。

今自由に滑動する吸餚を有する圓筒に一封度の水を入れ之を加熱して次第に蒸氣に化したならば蒸發中は最後の水滴が蒸氣に化するまでは常に飽和蒸氣であるが、更に加熱を繼續すれば蒸氣は過熱せられてその容積を増すから最早やその壓力に對して最大密度であるといふことは出來なくなるのである。

### 九七、飽和蒸氣の壓力と溫度

汽罐内に於けるやうに、水面に接してゐる飽和蒸氣の溫度は水の溫度と同一であるから此の場合或る與へられた壓力に於てはその溫度は一であるが又他の與へられた壓力の下に於てはその溫度は之に相應する他の溫度であつてすべて溫度はその壓力に特定のものである。それで若も此の時その溫度が少しでも降つたならば、蒸氣の一部は復水してその壓力も降るが反対に溫度が昇れば更に若干の水が蒸氣に化し之に相當して壓力も增加するわけである。然し實際の場合では汽罐の罐水の循環が良好でないやうな時は、罐水の表面の溫度は成程蒸氣の溫度と同じでも、他の部分の溫度は同

一で無いことが間々あることは注意すべきことであつて、その結果罐板の各部に不同膨脹を起しために種々の故障を誘起してゐることは事實である。

飽和蒸氣の壓力、溫度及容積の關係はレニヨル (Regnault) 氏の實驗に基いて出來た同氏の公式によつて求むることが出来るもので本書の蒸氣表の如きも又然りである。同氏の實驗は非常に精密に行はれたものでその結果は一々銅板に曲線を以てあらはし、それによつて一の公式を得たものである。

飽和蒸氣の壓力と溫度との關係は第百十八圖に示すやうであるが、之によつてみれば、壓力は溫度に従つて變更するが、その變化の割合は溫度の變化よりも急速であつて、殊に高溫度に於て然りとするやうである。例へば華氏二百十二度で大氣壓力の時、溫度一度上升せしむればその壓力は僅かに三分の一程度の增加を示してゐるが、華氏四百度即ち壓力二百五十封度の時溫度一度上升した結果壓力は毎平方吋につき三封度の增加を示してゐる。而して華氏五百四十六度にては壓力は毎平方吋一千封度に達してゐるのである。

それで熱機關の效率を高むるには使用壓力を高むることによつても出來るのは前述の通りであるが、ある程度以上壓力を高めても其の壓力を高めた割合にその熱效率の增加は僅少であるといふこ

を承知して置かなければならぬのである。

飽和蒸氣の溫度と壓力との關係は次に示すランキン氏公式によつて知ることが出来る。

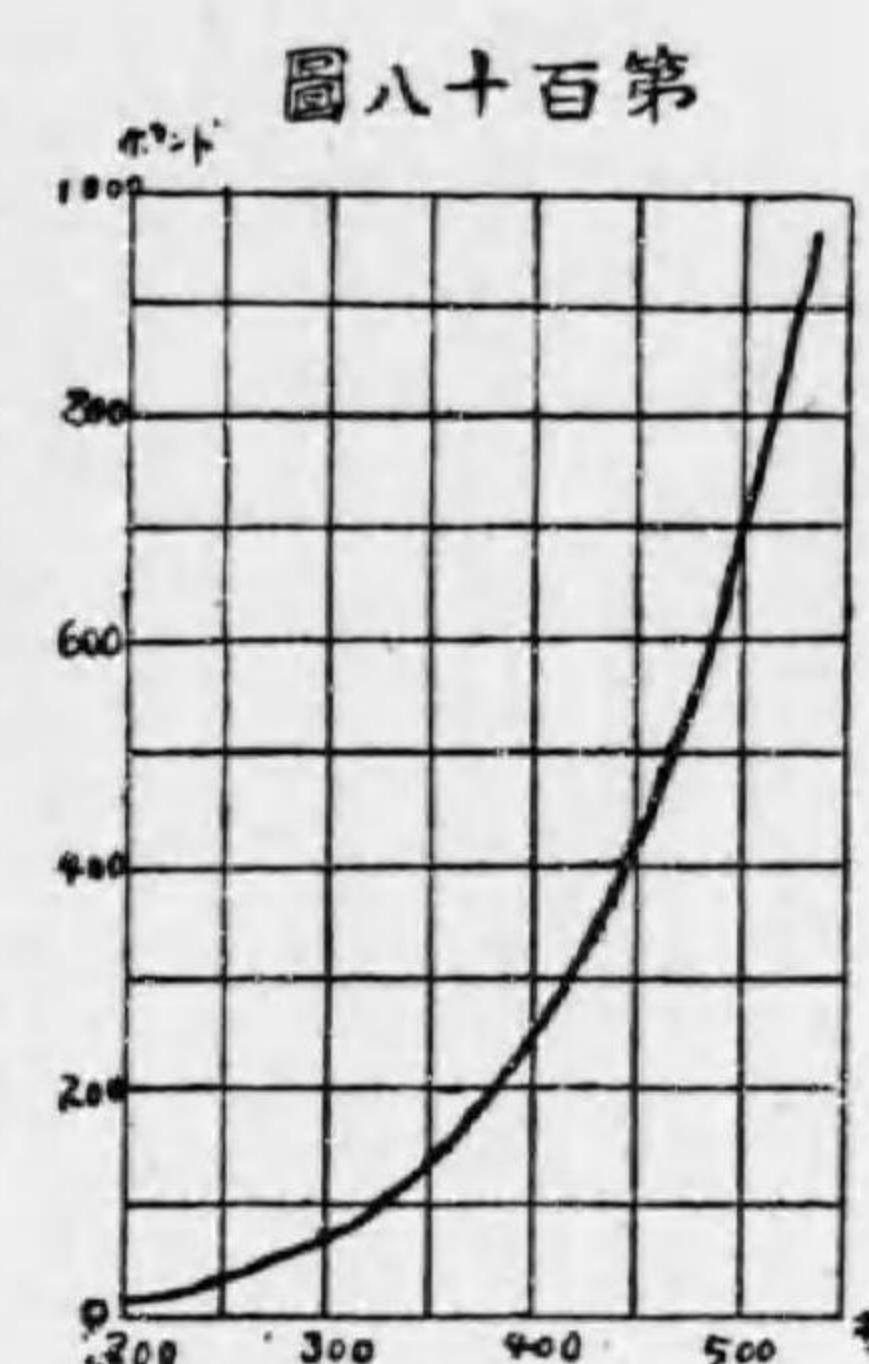
$$\log_e P = A - \frac{B}{T} - \frac{C}{T^2}$$

但し

$$A = 6.1007$$

$$\log B = 3.43642$$

$$\log C = 5.59873$$



實際の場合は蒸氣表によつて求むることが出来るけれども、非常に高溫度の場合は蒸氣表に記載して無いのが常であるから此の式で求むるものである。

### 九八、水及蒸氣の比熱

實際の場合では水の比熱は溫度の如何に拘はらず常に一であるが精確にいへば極めて僅かの相違がある。然しその相違は極めて僅かで實際の場合は之を同一であるとして差支ないから一として用うるのである。

レニヨル氏によれば蒸氣の比熱は定壓カの下に於ては〇・四八〇五で定容積の場合では〇・三四六である。

### 九九、蒸氣の全熱 (H) (Total Heat of Steam)

蒸發に要した全熱 (H) は一封度の水を華氏二十一度から所要溫度まで熱して蒸氣に化するために要した熱量であつて、今與へられた溫度華氏  $t$  度に於ける蒸氣の全熱量を求むるには次の公式によるものである。

$$H = 1082 + .305t$$

之によつてみれば、蒸氣の全熱量は溫度の上升よりもその增加の割合は少いもので、溫度一度上昇する毎に僅かに・三〇五熱位の增加に過ぎない。(第百十九圖)

### 一〇〇、水の溫度を上昇せしむるに要する熱 (h) (Sensible Heat)

華氏三十二度の水一封度をその沸騰點  $t$  度まで温むるに要する熱量は次のやうな計算で求むることが出来るもので之を顯熱といふ。

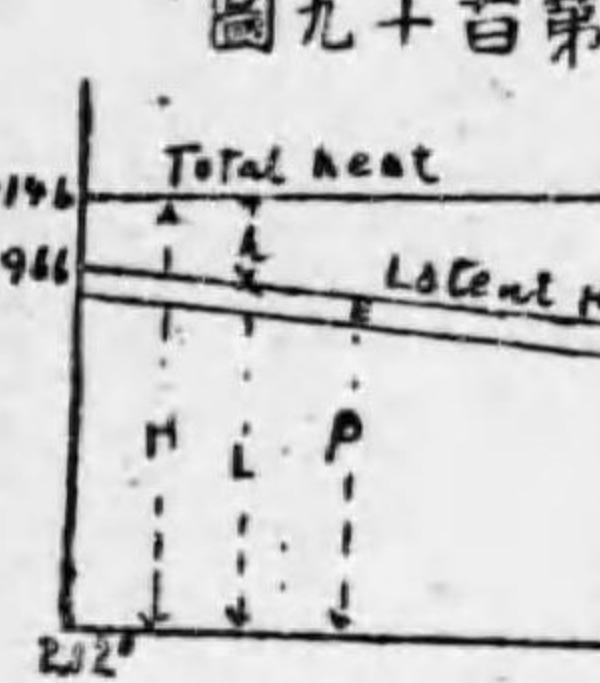
$$h = t - 32$$

實際精確に測ればその値は前式によつて計算したものより少し多くなるもので、卷尾の蒸氣表に示す通りである。之は水の温度を上昇せしむる事以外にその容積を増加するために入れた熱をも呑んでゐるものである。

汽罐の給水の温度が華氏三十二度より高い温度であるときは、その蒸騰に要した全熱はそれだけ

少いわけであるから例へば華氏五十度の水を二百十二度の蒸氣に化するに要した熱量は表によつて示された全熱よりも  $50 - 32 = 18$  だけ少いものであるから此の時は

$$H = 1146.6 - (50 - 32) = 1128.6$$



となる。

### 101、蒸氣の潜熱 (L) (Latent Heat of Steam)

蒸發に要する潜熱とは一定壓力の下で沸騰點に達したる一封度の水をその溫度の蒸氣に化するに要する熱である。即ち

$$H = L + h \text{ 又は } L = H - h$$

與へられた溫度  $t$  度に於て蒸發する蒸氣の潜熱は次の式で求むることが出来る。

$$L = 1114 - 0.7t$$

之によつてみれば蒸氣の潜熱は溫度の上昇するにつれて減少することがわかる(第百十九圖参照)それで一封度の水に一熱位加ふる毎に一封度の  $1-L$  だけの水が蒸氣に化し遂に全部蒸發しつくすのである。扱て蒸發に際して供給された潜熱は次のやうに二通りの方面に使用さるものである。

1、沸騰點に於て水がその分子抵抗に打勝つてその狀態を變じ蒸氣となるために用ゐらるるもので之を内部潜熱といひ  $I$  を以てあらはす。それで

$$L = I + E$$

$$H = L + h = I + E + h$$

$$\text{又 } E = PV \div J = PV \div 778 \text{ B.T.U.}$$

$PV$  は仄封度で示した仕事量で初めの水の容積を省略したものである。それで

$S = \text{蒸發前 (華氏三十二度) の水一封度の容積 (立方呎にて)}$

$V = \text{一封度の蒸氣の容積(立方呎にて)}$

$P = \text{外壓(每平方呎封度にて)}$

$U = \text{容積の變化量}$

$$V - S = U$$

$$E = P(V - S) = P(V - 0.016) = PU$$

低壓力の場合では  $V$  は  $S$  に比し非常に大である。例へば大氣壓では

$V = 1644 \text{ 呎}^3$  で、絶對壓力二百封度では  $V = 141 \text{ 呎}^3$  である。

内部潜熱  $I$  を仕事の單位であらはせば

$$I = J \times L - P(V - S)$$

内部潜熱  $I$  は内部的勢力即ち  $(I + h)$  とは異なるものである。

次に示す略表は絶對壓力・七封度から一九九・七封度までの間の若干箇所で蒸氣の有する熱量を示したものであるから就て研究すれば便利が多いことと思はる。

絶對壓力(每平方吋封度)	.7	14.7	49.7	99.7	199.7
給水溫度(F)	32.	32.	32.	32.	32.
沸騰點(F)	90.4	212.	280.5	327.4	381.4
蒸氣一封度の容積 (立方呎)	460.7	26.34	8.380	4.356	2.267
蒸氣の全熱(H)	1109.5	1146.6	1167.5	1181.8	1198.3
顯熱(h)	58.4	180.7	250.	298.64	355.20
潜熱 L=I+h	1051.1	966.1	917.6	883.9	844.8
外部潜熱(E)	59.7	71.6	77.0	80.4	83.9
内部潜熱(I)	991.4	894.5	840.6	803.5	760.9
蒸氣の有する實際の熱量 (H-E)	1049.8	1075.0	1090.5	1101.4	1114.4

前表について説明すれば

1、蒸氣の全熱及顯熱はすべて華氏三十二度を起點として測つてある。

2、沸騰點は壓力の増加に従て上昇するがその割合は壓力の增加の割合より少い。

3、壓力が増加すれば蒸氣の密度は大になるから、一封度の蒸氣の占むる容積は小になる。例へば大氣壓の下で一封度の蒸氣の容積は二六・三立方呎あるが、絕對壓力一九九・七封度の時は二・二七立方呎となつて前者の十二分の一となる。

4、蒸氣の全熱は壓力の増加と共に増加するがその増加の割合は壓力の増加するにつれて少くなる例へば絶對壓力一九九・七封度の蒸氣の全熱は一一九八・三熱位であるが九九・七封度の時の全熱は一一八二熱位で僅かに十六熱位即ち一・四パーセントの増加になる。然し乍ら膨脹動作によつて爲し得べき仕事の割合は低壓の場合よりも高壓の場合が大である。例へば初壓二百封度から十封度まで膨脹するときの平均壓力は四十封度で、百封度から十封度に膨脹する時の平均壓力は三十三封度で背壓を省略すれば平均壓力で二十一パーセントの増加になる。

5、華氏三十二度から起算した水一封度の有する顯熱力は壓力とともに増加するもので、例へば絶對壓力一九九・七封度に於ける罐水一封度内には大氣壓力に於ける罐水一封度に於けるよりも

$355.2 - 180.7 = 174.5$  B.T.U.だけ多量の熱を有するわけである。それで罐内の汽壓が下れば罐水が放出する熱のために罐水の一部を蒸發せしむるものである。

若し $t_1 - t_2$ を壓力の降下による溫度の差とすれば此の時罐水が放出した熱のために發生する蒸氣の量は $(t_1 - t_2) \cdot L$  (罐水一封度に對し)となる勘定である。

汽罐内で或る壓力の蒸氣が釀成された時、塞汽瓣其の他の出口を全部塞いである間は罐内の水面は平靜であるに違ひないが、一度塞汽瓣を開くとか、安全瓣を開くとか又は其の他の方法で蒸氣を罐外に出したならば罐内の汽壓は減少するから、たゞへ僅かに開いた時でも罐水内に餘分となつた熱のために蒸發作用が盛んになつて水面の水平が攪亂されるものである。汽笛内で蒸氣が膨脹又は排出に際し壓力が減じた場合にも同様な現象が起るもので、初汽壓に相當する溫度の水が壓力の減少につれてその有する熱勢力に過剰を生じ從てその水の一部が再蒸發を起すに至るものである。

6、蒸氣の潜熱は壓力と溫度との増加するにつれて減少する。今潜熱の二部分について考へてみると熱量Eは水が蒸氣に化するに當つてその外部抵抗に打勝つて膨脹するために爲された外部潜熱であるが、此の外部潜熱は壓力が増すにつれて増加するが、その增加の割合は壓力の増加に比し

僅かなるものである。例へば一九九・七封度の時と一四・七封度の時のEの値を求めてみれば（蒸發前の水の容積は省略す）

$$199.7 \times 144 \times 2.267 + 778 = 83.9$$

$$14.7 \times 144 \times 26.34 \div 778 = \frac{71.7}{12.2} \text{ B.T.U.}$$

で外部仕事に要する熱は一七・一バーセントの増加を爲したに過ぎない。此の熱は蒸氣が發生した時に供給されたものであるが、當初から水に存在してゐたものでも、又は現に蒸氣内に存在してゐるものでもないので、之は蒸氣の發生に當り熱源から得たものであることを忘れてはならない。それで、汽笛が汽罐に通じてゐる間は汽笛内に起る復水作用は蒸氣が仕事を爲したために起るので無いのである。然し斷汽が起るや否や汽笛と汽罐との連絡は絶たるるのであるから、それ以後は蒸氣それ自身の有してゐる内部勢力の消耗によつて膨脹動作が行はるもので、此の内部勢力の中には蒸氣の内部潜熱Iと水の顯熱hの一部とを含むのである。

以上の理により、蒸氣を汽笛内で膨脹せしめないで使用すれば、その時爲された仕事は蒸氣の外部潜熱のみの消耗によるもので、表によつて明かである通り蒸氣の有する全熱の一小部分に過ぎないものである。例へば絶對壓力九九・七封度の蒸氣一封度の外部潜熱は八〇・四でその全熱量は一一八

一・八であつて、全熱量に對する使用熱量の割合は僅かに六・八バーセントに過ぎないのである。

### I.O.I. 蒸氣の密度及容積

蒸氣の容積と壓力との關係を知つて蒸氣の同一重量の容積をあらはすべき曲線を求むる公式は種種あるが、實驗によつては或る範圍以上には未だその關係は確實に研究されてゐないがテート、アンウキン兩氏 (Tate and Unwin) の實驗の結果次の公式が得られた。

$$V = 0.41 + \frac{389}{P + 0.35}$$

$$\text{又は } (V - 0.41)(P + 0.35) = 389$$

但し P は絕對壓力(毎平方吋封度にて)

V は壓力Pの時一封度の蒸氣の有する容積(立方呎にて)  
次の算式によれば極めて正確な答を得ることが出来る。

$$PV^n = \text{定数}$$

乾燥した蒸氣ではnの値はツオイナー氏によれば1.0646で定數は479である。尙壓力は毎平方吋封度にて示し、容積Vは立方呎にて示してあるものである。それで前の式は次のやうになるのである。

$$PV^{1.0646} = 479$$

ランキン氏は  $n$  の値を  $\frac{7}{16}$  としたので

$$PV^{\frac{17}{16}} = 482$$

となり。ブロンリー氏 (Brownlee) 氏によれば

$$P0.941V = 330.36$$

而して蒸氣密度  $D$  は容積  $V$  の逆数であるから  $D = \frac{1}{V}$

$$\log V = 2.519 - 0.941 \log P$$

$$D = \frac{P0.941}{330.36}$$

### I O III' 排出一一〇十一度に於ける蒸騰の當量

汽罐の蒸騰試験を行ふには、その蒸騰量をすべて、華氏二百十二度に於て同溫度の蒸氣に化した場合の蒸騰量に換算して比較の標準を定むるのが例である。扱て給水の溫度が華氏三十二度であれば、之に加熱して所要壓力の蒸氣を釀成するに要する熱量は蒸氣表の全熱  $H$  であるから直ちに求むることが出来るが、給水の溫度が華氏三十二度以上の例へば  $47^{\circ}\text{F}$  であるときは、之を同壓力の蒸氣

に化するに要する熱量は  $H$  よりも  $t_f - 32$  だけ少いわけである。即ち

$$H - (t_f - 32) = H + 32 - t_f$$

華氏二百十二度の水一封度を同溫度の蒸氣に化するに要する潜熱は九百六十六熱位であるから、前記の熱量を以て二百十二度の水を同溫度の蒸氣に化するときは、その時蒸發した蒸氣の量  $W_1$  は次のやうにして求むることが出来る。

$$W_1 = W \times \frac{H + 32 - t_f}{966} \text{ 封度}$$

例 汽罐あり、給水の溫度華氏六十度、罐内汽壓九十封度で、一封度の石炭は九封度の水を同壓力の蒸氣に化するといふ、此の石炭一封度を以て二百十二度の水を同溫度の蒸氣に化したりとすれば何封度を蒸發するか。

$$W_1 = W \times \frac{H + 32 - t_f}{966} = 9 \times \frac{1182.9 + 32 - 60}{966} = 10.76 \text{ 封度}$$

### I O 四' 不完全蒸發、濕蒸氣

第九十四節以後に於て一封度の水が蒸氣に化する間はすべて完全に乾蒸氣として蒸發が行はれてゐるものと假定したのであるが、實際は汽罐内で、罐水が蒸發するに當つては多少の濕りを有つてゐるもので、時によれば、可なり多量の水分を含むことがあるのである。從て濕蒸氣一封度を發生

せしむるに要した全熱量は乾燥蒸氣一封度を發生せしむるに要した全熱量よりも、蒸氣中に含有されてゐる水分を蒸氣に化するに要するだけ少いわけであつて、汽罐の蒸騰力の計算に當つて開却出来ない點であるが、往々此の主眼點即ち汽罐内に發生した蒸氣の乾燥の割合を閑却し、出來得へからざる無法な成績を主張するものもある。例へば九十封度で完全に乾燥した蒸氣の溫度は三百三十一度で、給水の溫度が六十度であるんれば

$$\begin{aligned} \text{蒸騰の全熱} &= H + 32 - t_f = 1182.9 + 32 - 60 \\ &= 1154.9 \text{ B.T.U.} \end{aligned}$$

蒸騰の全熱量は又次のやうにして求むるゝも出来る。

$$Q = xL + h_i - h_f$$

但し  $x$  は蒸氣の乾燥の割合。

$L$  は蒸氣の潜熱

$$h_i = t_i - 32$$

$$h_f = t_f - 32$$

それで、 $x$  が一の時は蒸氣は完全に乾燥してゐる場合であるから表により

$$\begin{aligned} Q &= 1 \times 881.3 + (881 - 32) - (60 - 32) \\ &= 881.3 + 299 - 28 = 1152.3 \text{ B.T.U.} \end{aligned}$$

次に蒸氣の中に一割の水分があるとすれば

$$Q = 881.3 \times .9 + 299 - 28 = 1064.17 \text{ B.T.U.}$$

であるから、此の場合若し誤つて完全に乾燥してゐる蒸氣として蒸騰量の計算を爲したならばその成績は實數以上となるものでその割合は次の計算によつて了解することが出来る。即ち乾燥蒸氣一封度を蒸發せしむるには 1152.3 B.T.U. を要するが、一割の水分を含む蒸氣一封度を蒸發せしむるには 1064.17 B.T.U. を要するに過ぎないから、結局

$$\frac{1152.3}{1064.17} = 1.082$$

即ち實際よりも八・一パーセント餘分に發生したことになるわけである。

### I.O.H. 热量計 (Calorimeter)

蒸氣の乾燥の割合を測るには種々の装置があるがその中で、最も簡単で、而もその使用に際し充分の注意を拂へば、多少の精密を缺ぐ點はあるが、蒸氣中に含まる乾燥蒸氣の量を容易に知ることを得るので一般に用ひられてゐる裝置はバケル式熱量計 (Barrel Calorimeter) である。本器の

構造は至つて簡単で只一箇の圓筒形容器を秤の上に載せ之に既知重量の冷水を約半分程満し、此の水底近くへ蒸氣管を導き、汽管の先端の蒸氣噴出部には多數の小孔を設けて蒸氣と水との混合を良好ならしむるやうにしてある。それで此の汽管から蒸氣を噴き込んだ後、その噴き込んだ蒸氣の重さ噴込前後の水の温度等を精密に測つたならば次の算式で噴き込んだ蒸氣中の乾燥蒸氣の量( $x$ )を求むることが出来る。

$$xL + w(t_3 - t_2) = W(t_2 - t_1)$$

$$\therefore x = \frac{W(t_2 - t_1) - w(t_3 - t_2)}{L}$$

但し  $W$ =圓筒内の冷水の重さ(封度にて)

$w$ =噴き込んだ蒸氣の重さ(封度にて)

$t_1$ =冷水の温度

$t_2$ =噴込後の水の温度

$t_3$ =蒸氣の温度

$L$ =蒸氣の潜熱(B.T.U.)

$x$ =乾燥蒸氣の重さ(封度にて)

$$\text{蒸氣の乾燥の割合} = \frac{x}{W} \times 100 \%$$

例 ベンル式熱量計あり華氏六十度の水二百封度を有す、之に十封度の蒸氣を噴込ましめたるに、噴込後の水の温度華氏百十度となれり、若し蒸氣の壓力每平方吋七十封度なるゝかその乾燥の割合如何。

解 題意により

$$W = 200, \quad t_1 = 60, \quad t_2 = 110, \quad t_3 = 315.8 \quad w = 10, \quad L = 892.3$$

$$\therefore x = \frac{200 \times (110 - 60) - 10 \times (315.8 - 110)}{892.3} = 8.9 \text{ 封度}$$

$$\text{乾燥の割合} = \frac{8.9}{10} \times 100 = 89\% \quad \text{答}$$

### I O六、蒸氣の膨脹 (Expansion of Steam)

飽和蒸氣が膨脹せずに仕事を爲す場合はその全熱量の僅かに六乃至八パーセントを利用し得るに過ぎないことは已に述べ通りであるが、更に進んで蒸氣が汽笛内で断汽以後膨脹動作をなしその内部勢力の消耗によつて仕事を爲したる場合について研究してみたいと思ふものである。

今第百二十圖に示すのは吸餽行程の一部分は汽罐内の蒸氣が供給され、断汽以後自身の有する内



但し  $P_m = \text{有効平均壓力}$

$v_2 = \text{吸鈣の移動した容積}$

故にクリヤランスを省略して考ふれば

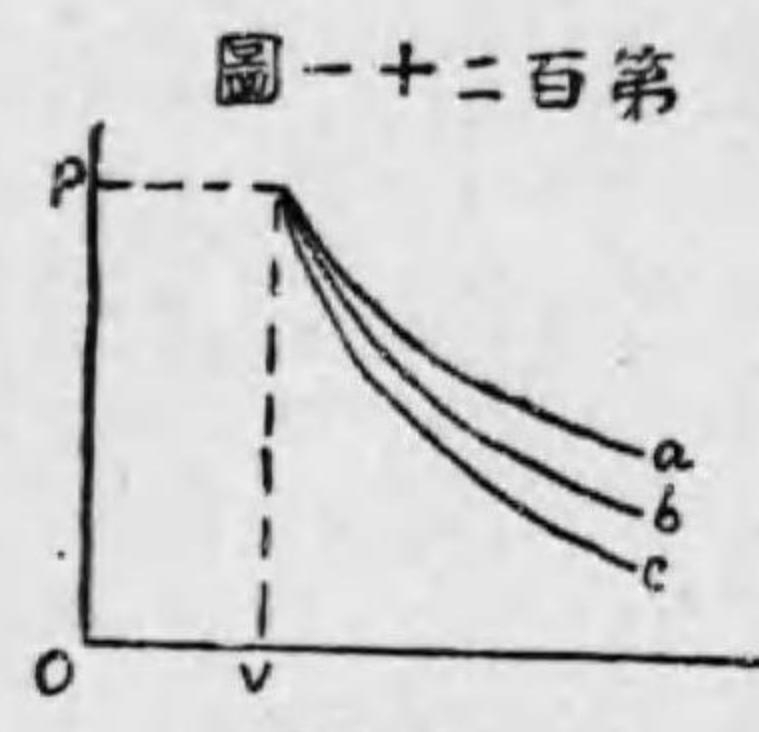
$$P_m v_2 = P_1 v_1 (1 + \log_e \gamma) - P_2 v_2$$

## 2・飽和曲線 (Saturation Curve)

蒸氣が汽笛内で膨脹し外部的仕事を爲すに當つて、外部（例へば汽包室）から熱の供給を受けてその復水を防ぎ、膨脹中常に飽和状態を持続した場合の膨脹曲線は即ち飽和曲線であつて、膨脹の任意の點に於ける壓力、容積及溫度の關係は飽和蒸氣表により一封度の蒸氣の壓力と容積との變化を適當な寸法で寫して描く八節にのべた通り飽和蒸氣表により一封度の蒸氣の壓力と容積との變化を適當な寸法で寫して描くものであつて、ランキン氏の公式によれば  $PV^{1.0646} = C$  なる條件に適合し、ツォイナ一氏に從へば  $PV^{1.0646} = C$  なる公式にてあらはれるべきものである。

## 3・等熱曲線 (Adiabatic Curve)

此の曲線は蒸氣が膨脹動作中外部から熱の供給を受くることも無く、又は外部に熱の流出すること



a =  $PV = \text{Constant}$   
b =  $PV^{\frac{7}{6}} = \text{Constant}$   
c =  $PV^{\frac{10}{9}} = \text{Constant}$

勘定になる。ランキン氏に従へば等熱曲線の近似形狀は  $PV^{\frac{10}{9}} = \text{定數}$  なる式にてあらはすことが出來、シユール氏によれば乾燥せる飽和蒸氣が等熱膨脹をなすとき  $n = 1.135$  で湿蒸氣の時は  $x$  を乾燥の割合とすれば  $n = 0.1x + 1.035$  である。それで今與へられた蒸氣中に五パー

セントの水分を有するときは

$$n = (0.1 \times 0.95) + 1.035 = 1.130$$

又過熱蒸氣なれば  $n = 1.333$  である。

















大正十三年三月二十日印刷  
大正十三年三月二十五日發行

(定價金參圓五拾錢)

送料拾八錢

校閱者 島 谷 敏  
著者 井 上 俊

發行者

神戸市元町通三丁目  
賀集喜一郎

發行者

神戸市三宮町一丁目一六九

印刷者

神戸市三宮町一丁目一六九

印刷所

神戸市元町通三丁目  
賀集喜一郎

印刷所

神戸市元町通三丁目  
賀集喜一郎

印刷所

神戸市元町通三丁目  
賀集喜一郎

發行所

電話三宮二〇二三番  
總替穴阪五〇四〇八番

賀集海文堂書店

神戸市元町通三丁目

1060.  
1160.  
1260  
1300  
1850  
P.  
~~1850~~  
~~P.~~  
850  
1960.  
9  
~~1960~~  
~~9~~



終