

چکینہ چکینہ کنہم و اللہ احکم

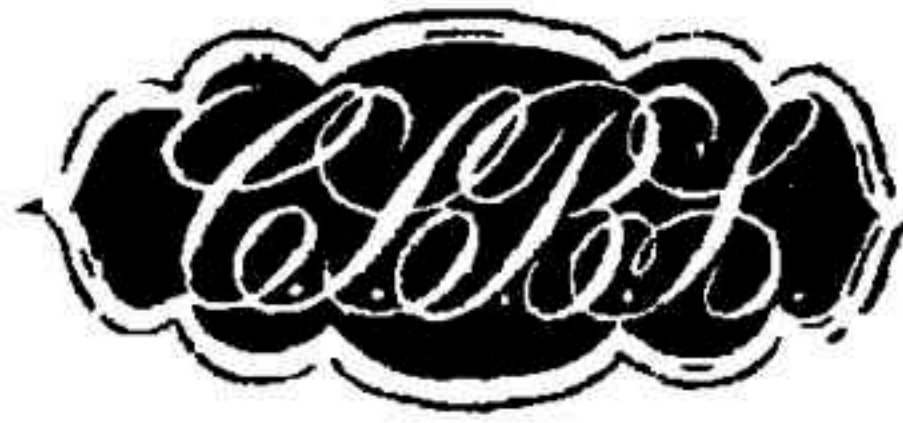
مئة مقالات

من كتاب تحرير الاقليدس

الذى

اياه نصير الدين الطوسي طبع

بمطبعة المجمع المعتبر لادب دار الكتب في طهران



بمطبعة كراكنة سنة ١٩٢٤ م

حُدُود

الحدود

١٩٥٩

١٥٢٩

~~١٥٢٩~~

النقطة ما لجزء له يعني من ذوات الارض

الخط طول بلا عرض وينتهي بالنقطة

الخط المستقيم هو اقصر الخطوط الواصلة بين النقطتين

السطح او البسيط ماله طول وعرض فقط وينتهي بالخط

والمستوي منه هو الذي يماسه جميع الخطوط المستقيمة

المخروطية عليه في اي جهة كانت

الزاوية المسطحة هي الزاوية المستقيمة من السطح الواقع بين

خطين يتصلان على نقطة من غير ان يتحدا فمنها مستقيمة

الخطين وغير

(٣)

وايضا القائم الزاوية ان \angle قائم \angle

فيه قائمة

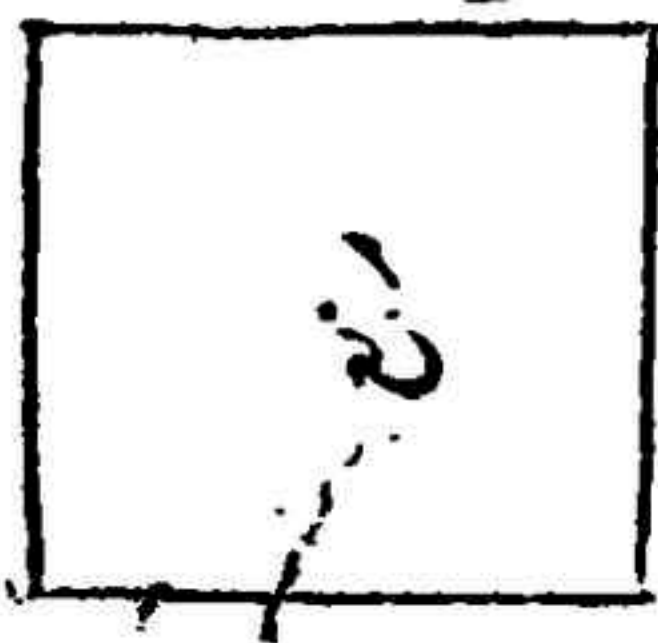


والمنفرج الزاوية ان \angle منفرج

فيه منفرجة

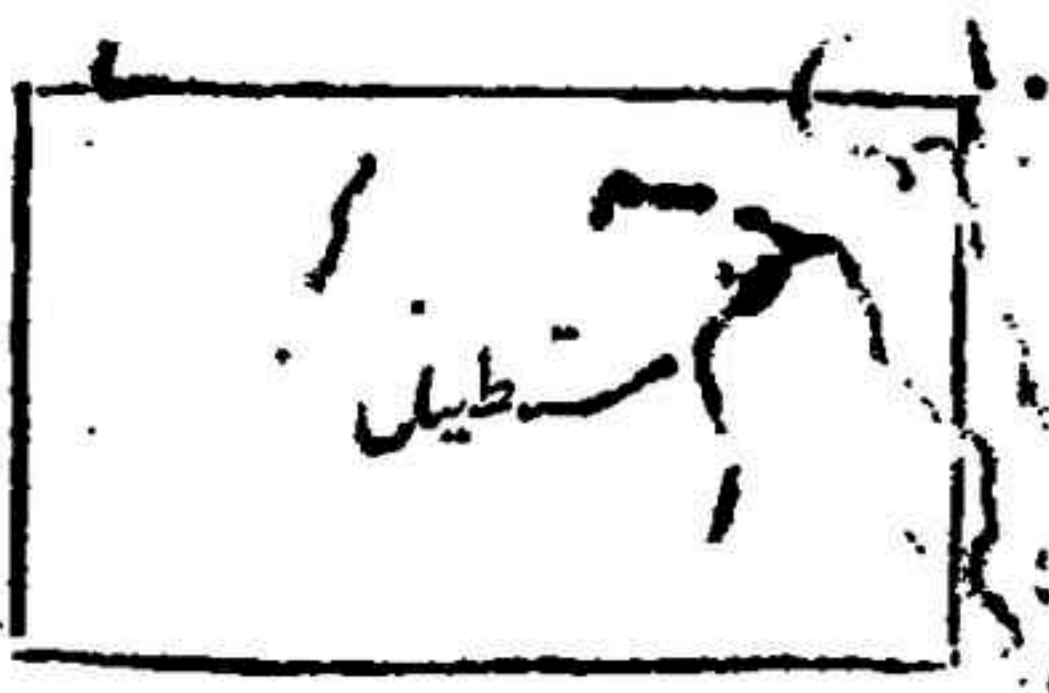


والاحاد الزوايا ان كانت جميع زواياه نحوان



وذا اربعة الاضلاع ومنه المربع

وهو المتساوي الاضلاع القائم الزوايا



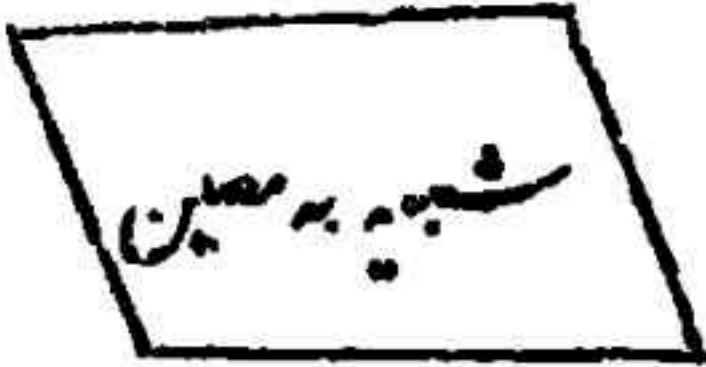
والمستطيل وهو القائم الزوايا

الذي يتساوي المتقابلين اضلاعه

(٥)



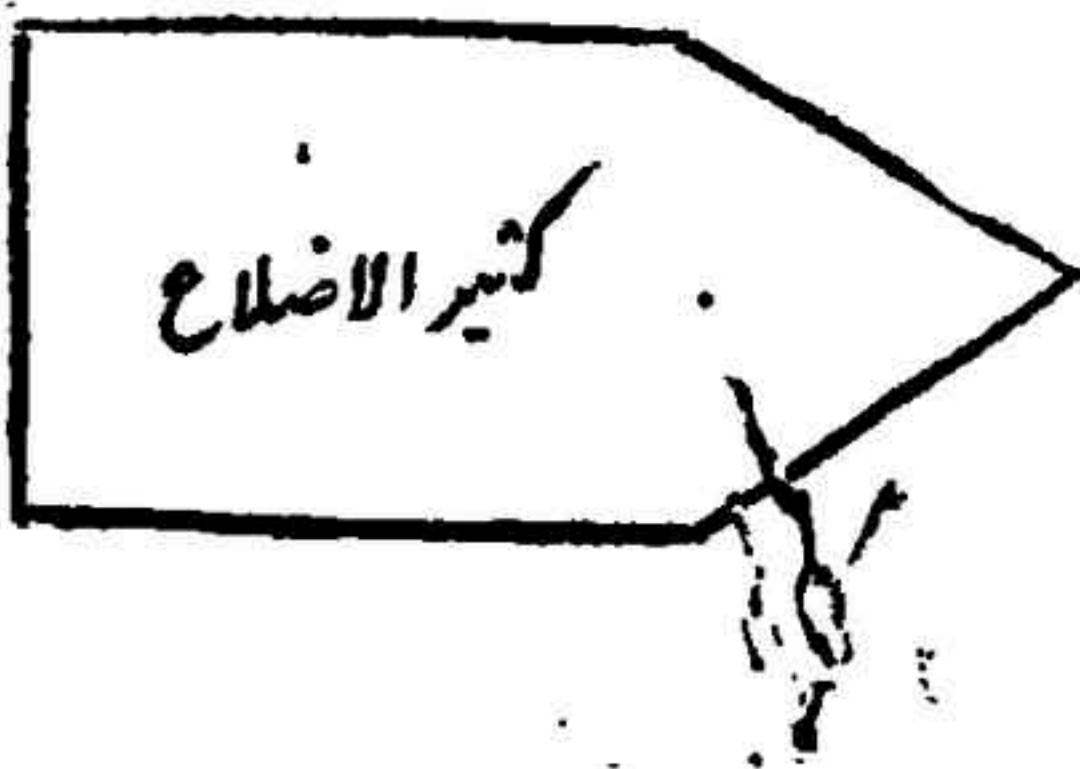
والمعيّن ~~المتساوي الاضلاع~~ غير
قائم الزوايا




الشبيّه بالمعيّن وهو الذي
لا يتكوّن اضلاعه متساوية ولا زواياه
قائمة و لكن يتساوي كل متقابلين من
اضلاعه وزواياه



والمنزوع وهو ما عداها



وكثير الاضلاع وهو
ما جاوز الاربعة

المتوازية من الخطوط هي المستقيمة  الحكاية في سطح مستوي التي لا تتلاني

وان اخرجت في جهاتها الى غير النهاية

اصول موضوعة

١ اقول من الواجب أولاً ان يوضع ان النقطة والخط والمستقيم

والمستقيم والمعتوي منهما والدائرة موجودة

و ان لنا ان نعين نقطة على أي خط كان او سطح كان

٢ وان نفرض خطاً على أي سطح كان أو ماراً بنقطة كيف اتفق

٣ وان كل واحد من النقطة والخط المستقيم والسطح المستوي

ينطبق على مثله

٤ وان الفصل المشترك بين كل خطين نقطة وبين كل سطحين خط

٥ ولنا ان نصل خطاً مستقيماً بين كل نقطتين

٦ وان نخرج خطاً مستقيماً محدوداً على الاستقامة

٧ وان نرسم على كل نقطة بكل واحد من

الزوايا القائمة متساوية جميعاً

لا يجتمع مستقيمان مستقيمان بسطح
 كل خطين مستقيمين وقع عليهما خط مستقيم وكانت
 الزاويتان الداخلتان في احدى الجهتين اصغر من قائمتين
 فانهما يلتقيان في تلك الجهة ان اخرجنا
 ان الخط المستقيم الواحد لا يتصل على الاستقامة باكثر
 من خط واحد مستقيم غير مسامت بعضها لبعض ان الزاوية
 المساوية للقائمة قائمة

علوم متعارفة

الاشياء المساوية لشي واحد بعينه متساوية
 وان ازيد على المتساوية او نقص منها متساوية حصلت متساوية
 وان ازيد على غير المتساوية او نقص منها متساوية
 حصلت غير متساوية

والتي اذا زيد عليها او نقص منها متساوية حصلت متساوية
 فهي متساوية

والتي في كل واحد منها لثبات بعدة واحدة او اجزاء
 بعينها لشي واحد فهي متساوية

والاشياء المتطابقة من غير تفاضل وتساوية.

والكل اعظم من جزءه

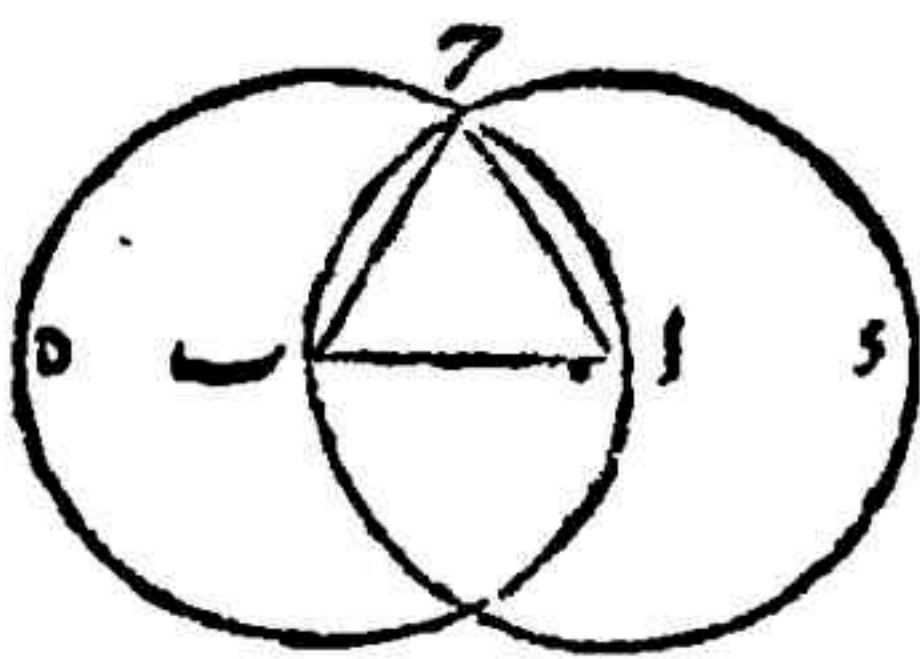
الاشكال

فربما ان نرسم مثلثا متساوي الاضلاع على

خط محدودي

كأب نرسم على نقطتي آ ب بعد الخط دائرتي با ح د

أ ح ه ونصل أ ح ب ح فمثلث أ ح ب المرسوم على



آ ب متساوي الاضلاع وذلك لان

آ ب أ ح الخارجين من مركزه ابرة

ب ح د الى محيطها متساويان

وكذلك ب آ ب أ ح الخارجان من مركز دائرة أ ح ه

الى محيطها فآ ح ب ح الخارجان لآ ب متساويان فاذن

اضلاع مثلث ا ب ح متساوية وهو المراد

فريد أن يخرج من نقطة مفروضة خطا مساويا

لخط محدد

فليكن النقطة A والخط BC

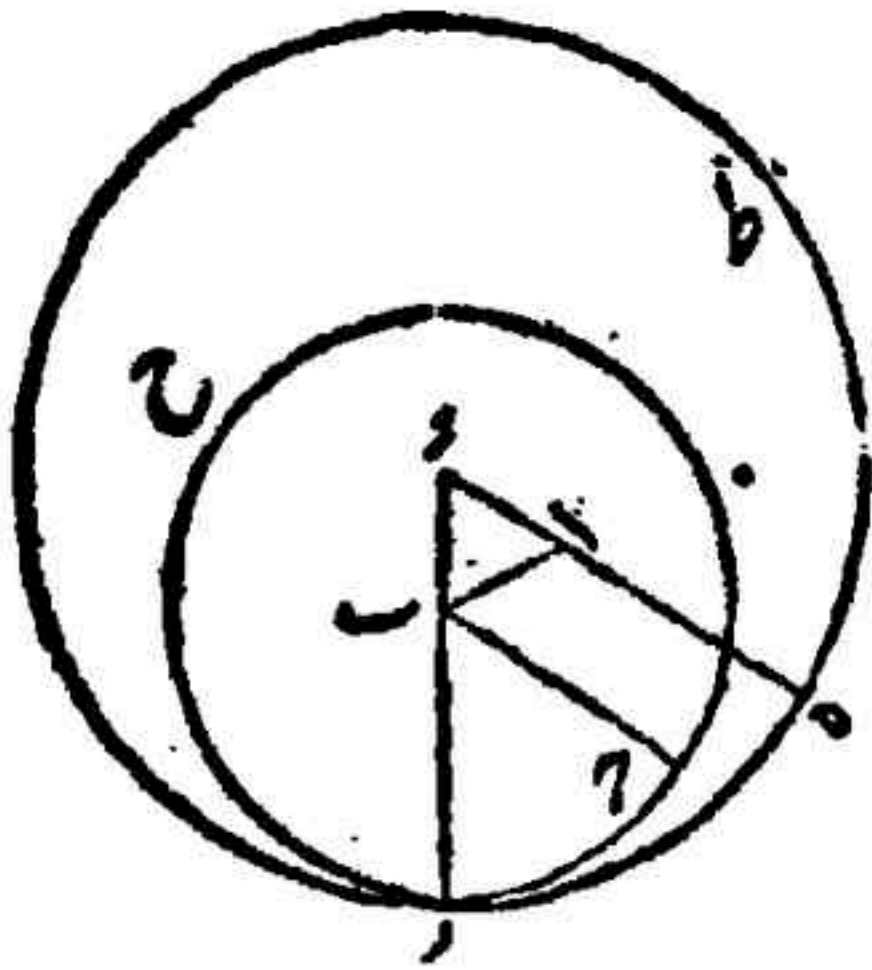
ونصل بين النقطة واحد طرفي الخط

BC ونرسم تليده مثلثا متساوي

الاعام وهو مثلث ABC

ونخرج CA في جهتي

AB الى E ونرسم



على طرف الخط وهو B ببعد الخط وهو BC دائرة CH R

فيصير نقطة R وعلى R المباشرة للخط ببعد R دائرة RT R

فخط AE هو المطلوب وذلك لأن BC R الخارجين من مركز

دائرة CH R الى محيطها متساويان وكذلك R R الخارجان

من R دائرة RT R الى محيطها وكان BC A متساويين

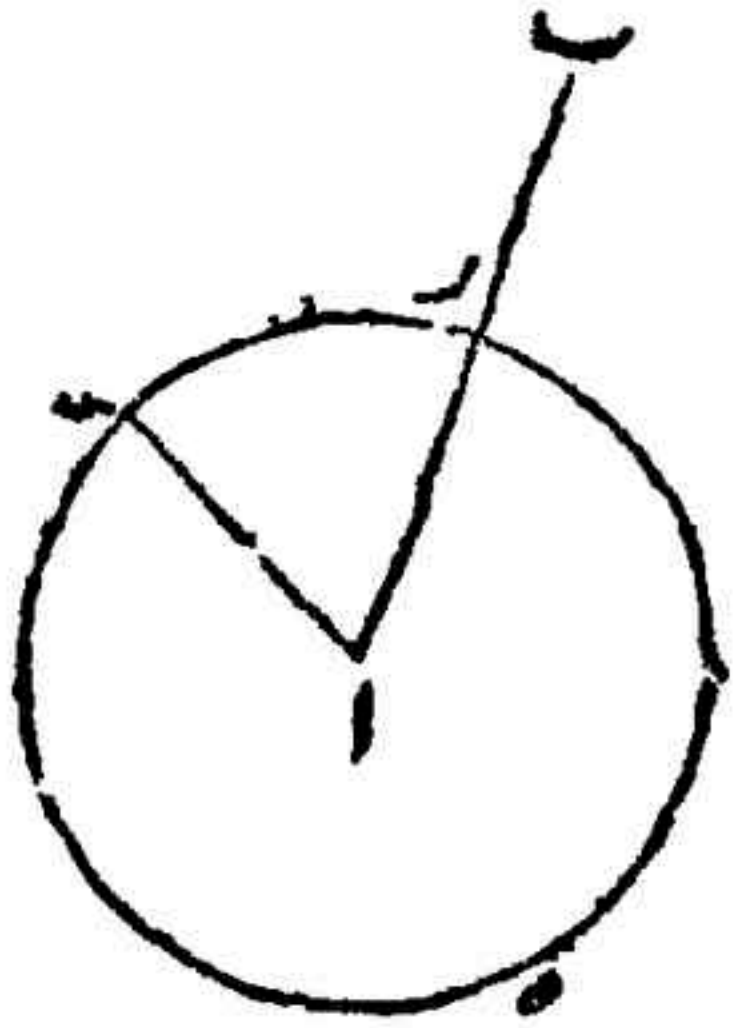
فبما جدها يكون R R بقية BC R متساويين فاه BC

المساويان BC R متساويان وذلك ما اردناه

(١٠٠)

نريد ان نفصل من اطول الخطيين مثلثين اقصرهما

فليكن الاطول



AB والاقصر AC ونخرج من A

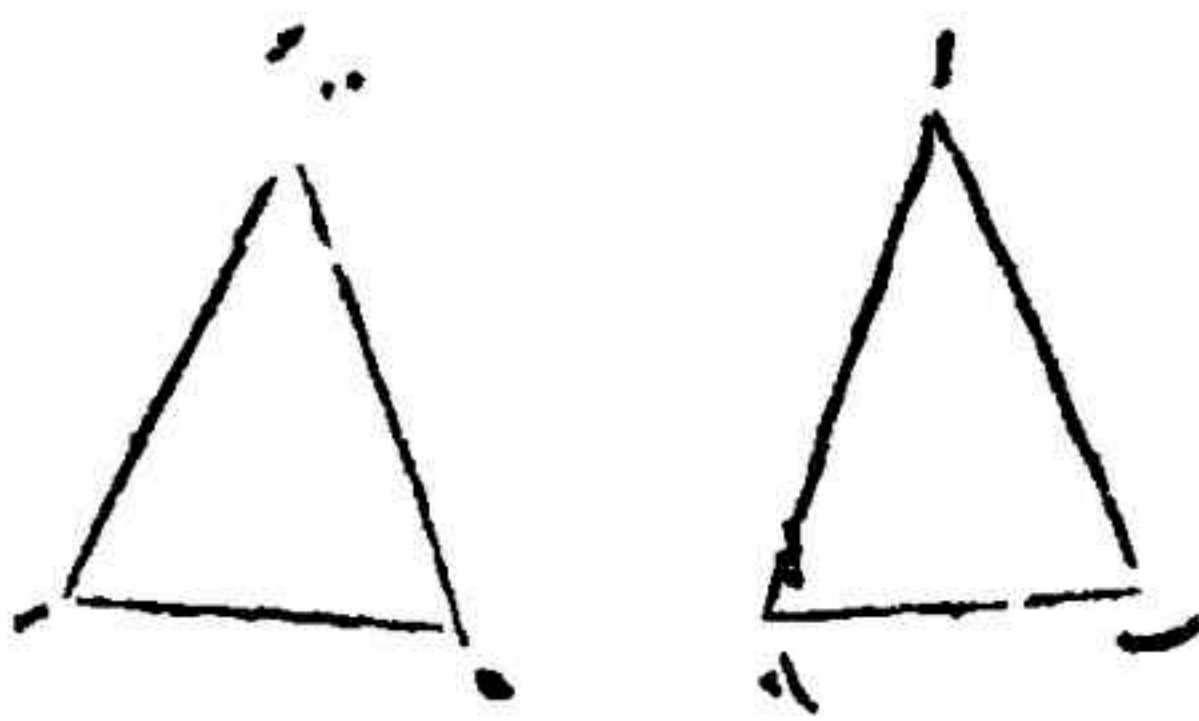
مسواويا لحد ونرسم على

AB بعد A دائرة كـ هـ ر يفصل

بها AR من AB مساويا لـ AC

اعني ح وهو المراد

اذا ساوي ضلعان و زاوية بينهما من
مثلث ضلعين و زاوية بينهما من مثلث
اخر كل نظيره يتساوي الضلعان والزاويا
الباقية والمثلثان كل لنظيره وليكن في مثلثي



الساوي كـ هـ ر ا ب

مساويا لـ د هـ و ا ح لـ د هـ و

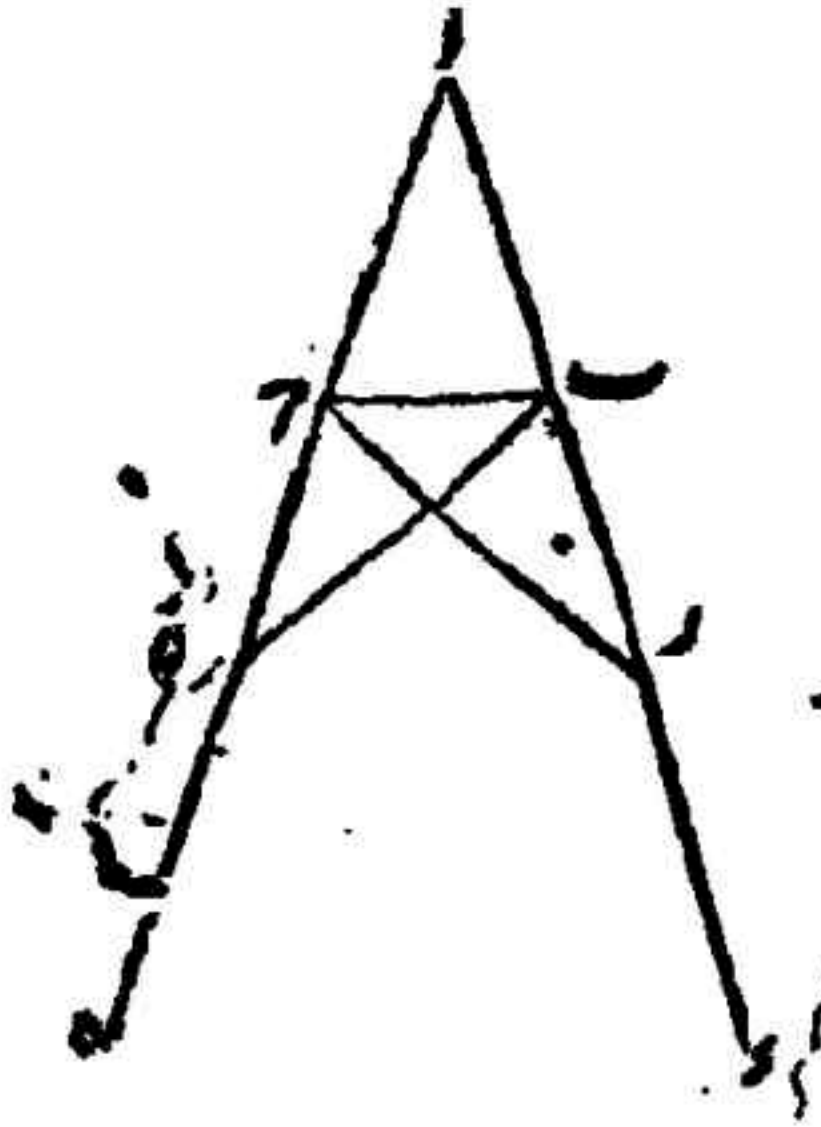
زاوية الزاوية كـ اقول فـ هـ جـ ح

مساو لـ هـ ر و زاوية بـ ا

لزواوية α و β زاوية γ لزاوية γ والمثلث للمثلث وذلك لانا
 افوتر هذنا تطابقت بها على α كما انطبقت نقطة β على
 نقطة γ و β ا على α كما لا متقامتهما و ا على β
 لتساوي الخطين و زاوية ا على زاوية γ لتساويهما و ا ح
 على γ كما لا متقامتهما و ح على β لتساوي ا ح γ
 فانطبق ضرورة ب ح على γ كما لا متقامتهما و الا احاطا
 بسطح و اتسارت صائر الزوايا و المثلثان لانطباقها على نظائرها
 و ذلك ما اردناه



لزواويتان اللتان على قاعدتي المثلث
 المتساوي الساقين متساويتان وكذلك
 اللتان تحتها ان اخرج الساقان



فليكن مثلث ا ب ح متساوي ساقي
ا ب ح فزاويتا ا ح ب
 متساويتان ونخرج ا ب ا ح
 في جهتي ب ح الى γ فزاوية
ب ح γ ا ح ب γ

فن تسمى ايقسا متساويان وتسمى لبيجا نه على
 بنا م نقطة ر كيف اتقى ونفصل من ح ح ه خرج مساويا
 لنا ر ونظن با ح ح ر فني مثلتي ا ح ر ا ب ح
 فلما ح ا ا ر وزاوية ا مساوية لصلبي ب ا ا ح
 وزاوية ا كل لظيرة فيكون فلما ح ر ب ح متساويين
 وكذلك زاويتا ا ح ر ا ب ح وزاويتا ر ح و ا ب ح
 في مثلتي ح ب ر ب ا ح ح فلما ب ر ر ح وزاوية
 ر مساوية لصلبي ح ح ج ب ا وزاوية ح كل لظيرة سيدن
 زاويتا ر ح ب ح ح متساويتين وبلديهما من زا. يتي
 ا ح ز ا ت ح المسا ويتين يبقني زاويتا ا ح ر ب
 ا ب ح اللتان على القاعدة متساويتين واذ لك بهينه يكن
 زاويتا ح ب ر ب ا ح اللتان نحتها متساويتين
 وذلك ما اردناه

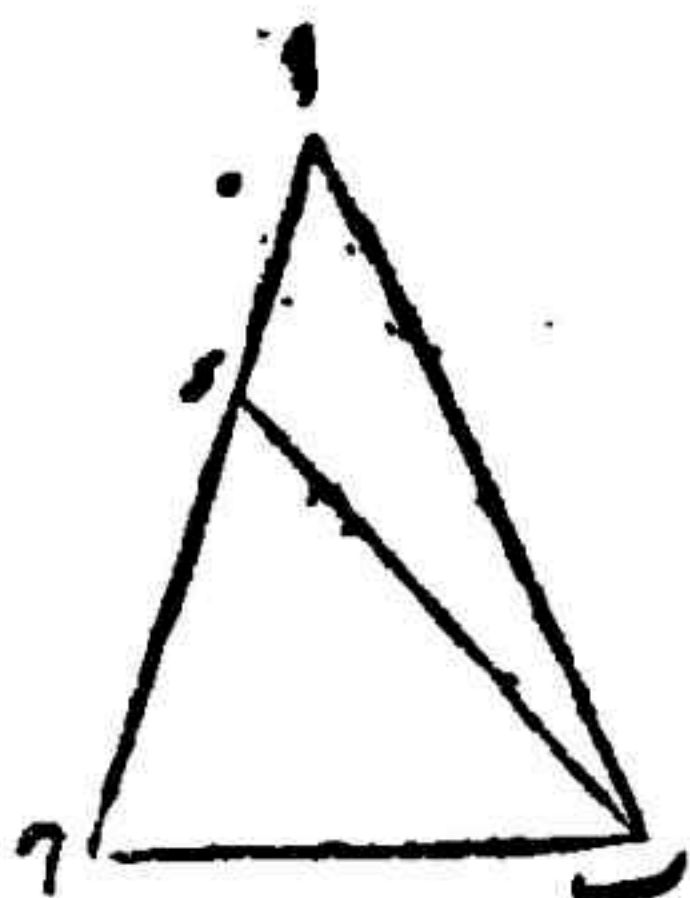
وهذا الشكل يلقب بالماموني



و

اذا تساويت زاويتا مثلث متساوي

ضلعاً و المثلثين



فليكن زاويتا \angle ب ح من مثلث
ا ب ح متساويتين نقول \angle د ح
ا ب متساويان والا فليختلفا
وليكن \angle ا ح اطول و فعد منه

ح ك مثل \angle ا ب ا ونصل ب ك فيكون في مثلثي ا ح ب
ك ب ح ضلعا ا ب ا ب ح وزاوية ا ب ح مساوية
لضلعي ك ب ح و زاوية ك ب ح كل لظيره فالمثلث
يساوي المثلث اعني الكل لجزئه فهما متساويان وذلك
ما اردناه



ان اخرج من طرفي خط خطان يلتقيان
على نقطة فلا يكون ان اخرج من طرفيه
في تلك الجهة اخر ان متساويان لهما
خارجان من مخرجي نظيريهما يلتقيان
على غير تلك النقطة

تساويهما فيظهر انهما متساويان في كل واحد منهما

ح

ان اسوي كل واحد من اضلاع مثلث كل
واحد من اضلاع مثلث اخر تساوي زاويا
هياكل نظيرتها وتساوي المثلثان

فليكن المثلثان

ABC و DEF

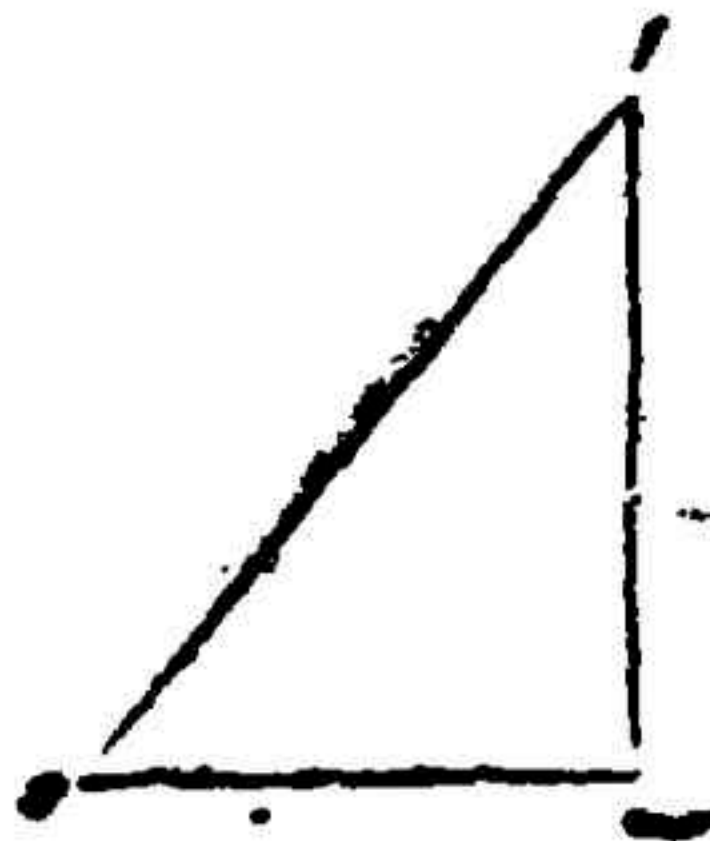
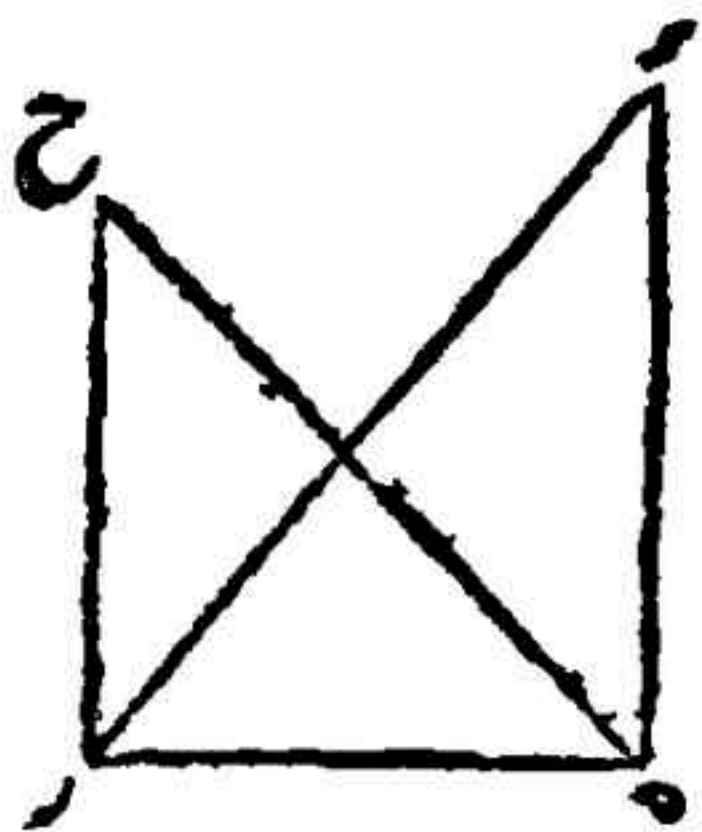
وقد ماوي

AB و DE

و AC و DF

و BC و EF

نقل زاوية A



قصا. زاوية B و زاوية E و زاوية C و زاوية F
والمثلث المثلث و ذلك لانا اننا توهمنا تطبيق ضلع علي نظيره
منه و زاوية B و زاوية E و المثلث علي المثلث و يجب ان
يقتضي التساوي انهما متساويان علي نظيريهما و يحصل المطلوب و الا
يلزم ان يقع متباينين لهما مثل ه ح ز ح و يلزم منه خروج

ي

فريد ان ننصف خطا محدودا

نخط \overline{AB} فنعمل عليه

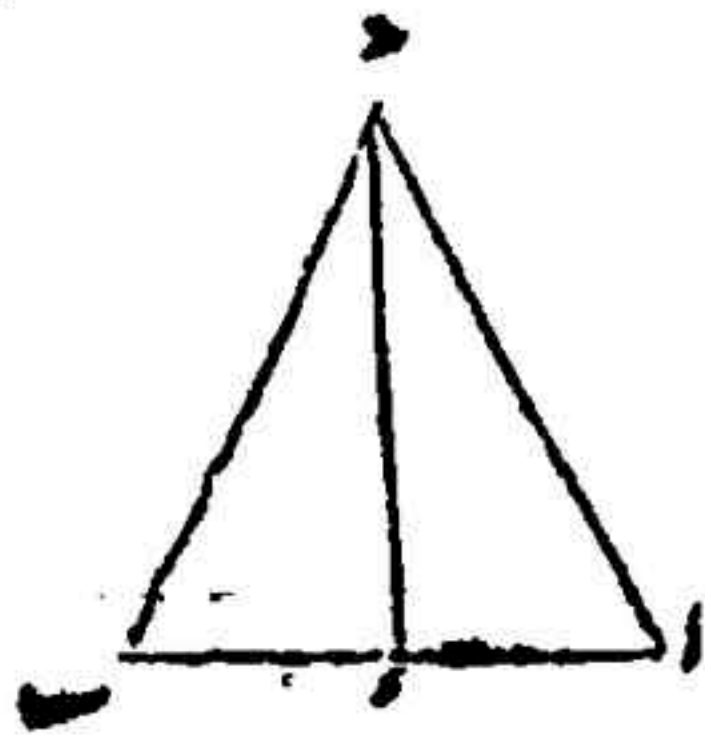
مثلث \overline{ABC} المتساوي

الاضلاع وننصف زاوية

C بخط CD فينصف

الخطابه وذلك لان في مثلثي

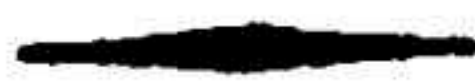
ACD و BCD كل ضلعي



ACD و BCD وزاوية C مساوية لضعفي \overline{AD} و \overline{BD}

وزاوية \overline{ACD} و \overline{BCD} فان قاعدتا \overline{AD} و \overline{BD} متساويتان

وذلك ما اردناه

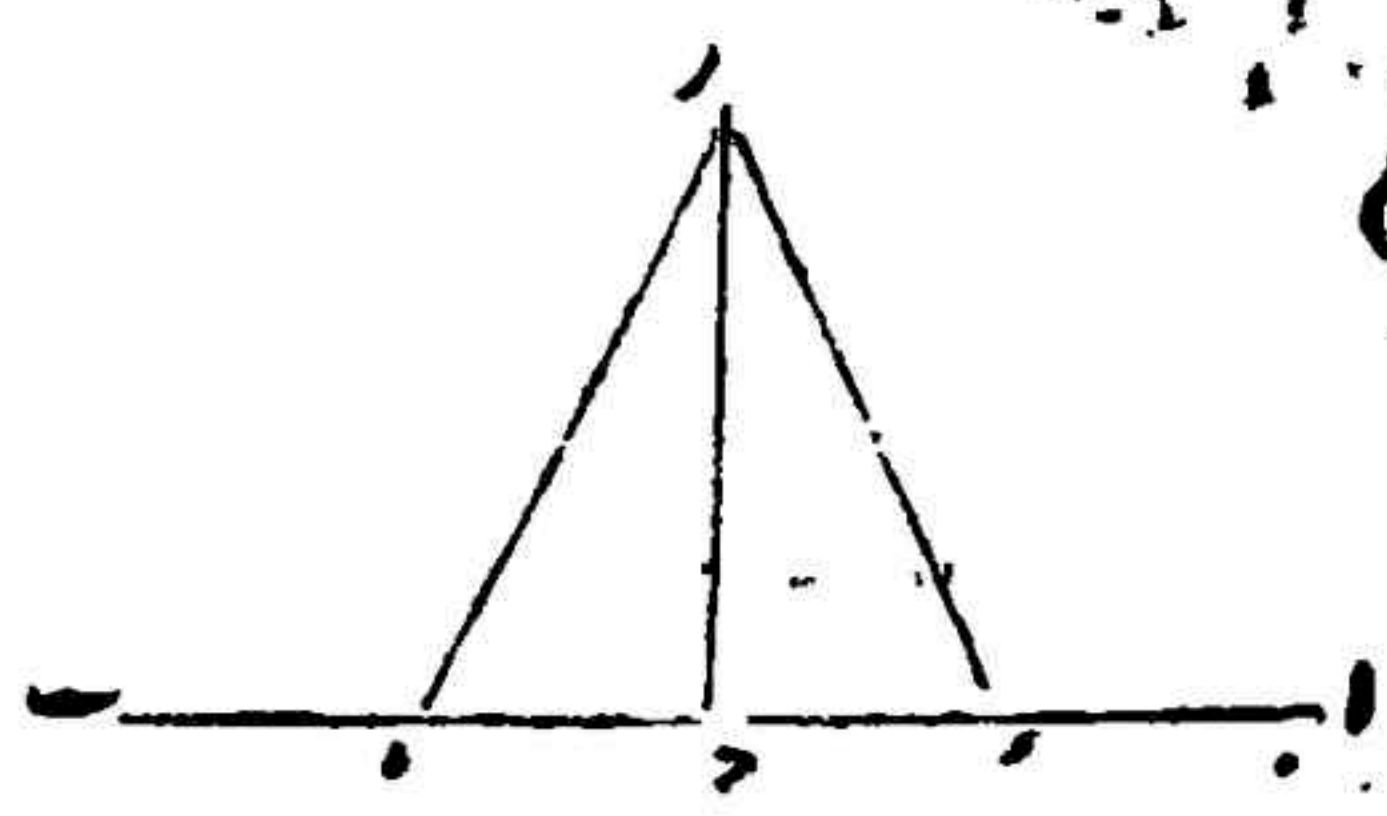


يا

من نقطة على خط غير محدود

ع. ودا عليه

مثلا من نقطة ح ا



على خط ا ف

كيفية عليه نقطة

ك كيف ونعبر

ونجعل ح هـ مثل

ح ك ونرسم عليه

ك هـ كيه

ك هـ ر المتوازي الاضلاع ونصل ر ح فهو العمود وذلك

لان اضلاع مثلثي ك هـ ر ح متساوية كل لنظيره فزاويتنا

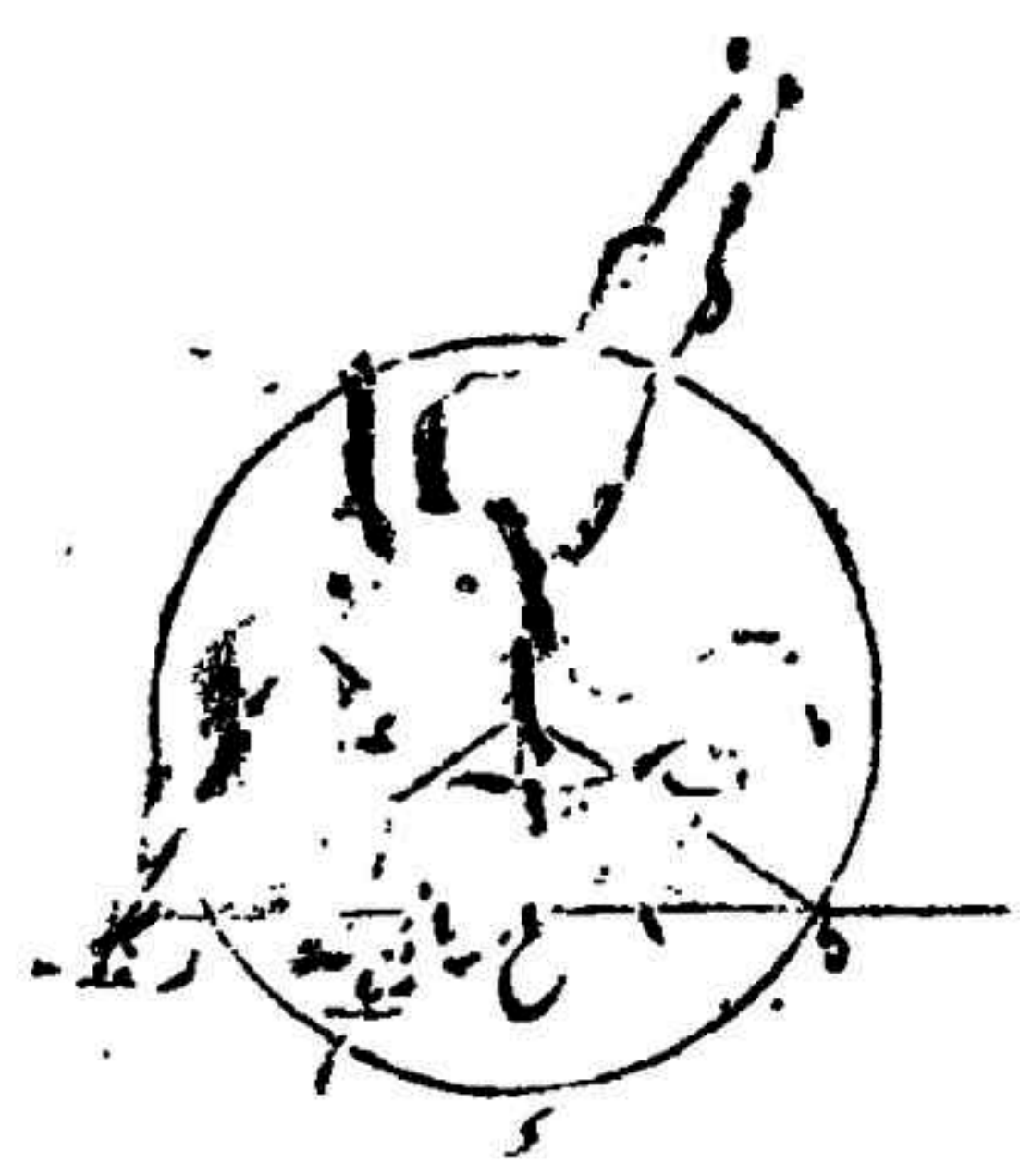
ر ح ك هـ المتماثلتان عن جنبي ر ح متساويتان

فهنا قاسمتان وذلك ما اردناه



وب

تريد ان نخرج من نقطة الى خط غير متوازي ود



كيفية هي عليه عبود ا

مثلا من نقطة ح الى خط

ا ب فلنعين في الجهة

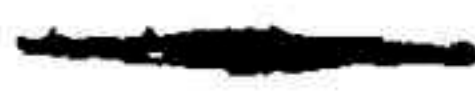
الاخري من الخط نقطة ا ب

كيفية ونعبر ونرسم على ح ببعده

ح ك دائرة ح ك هـ فهي تقطع

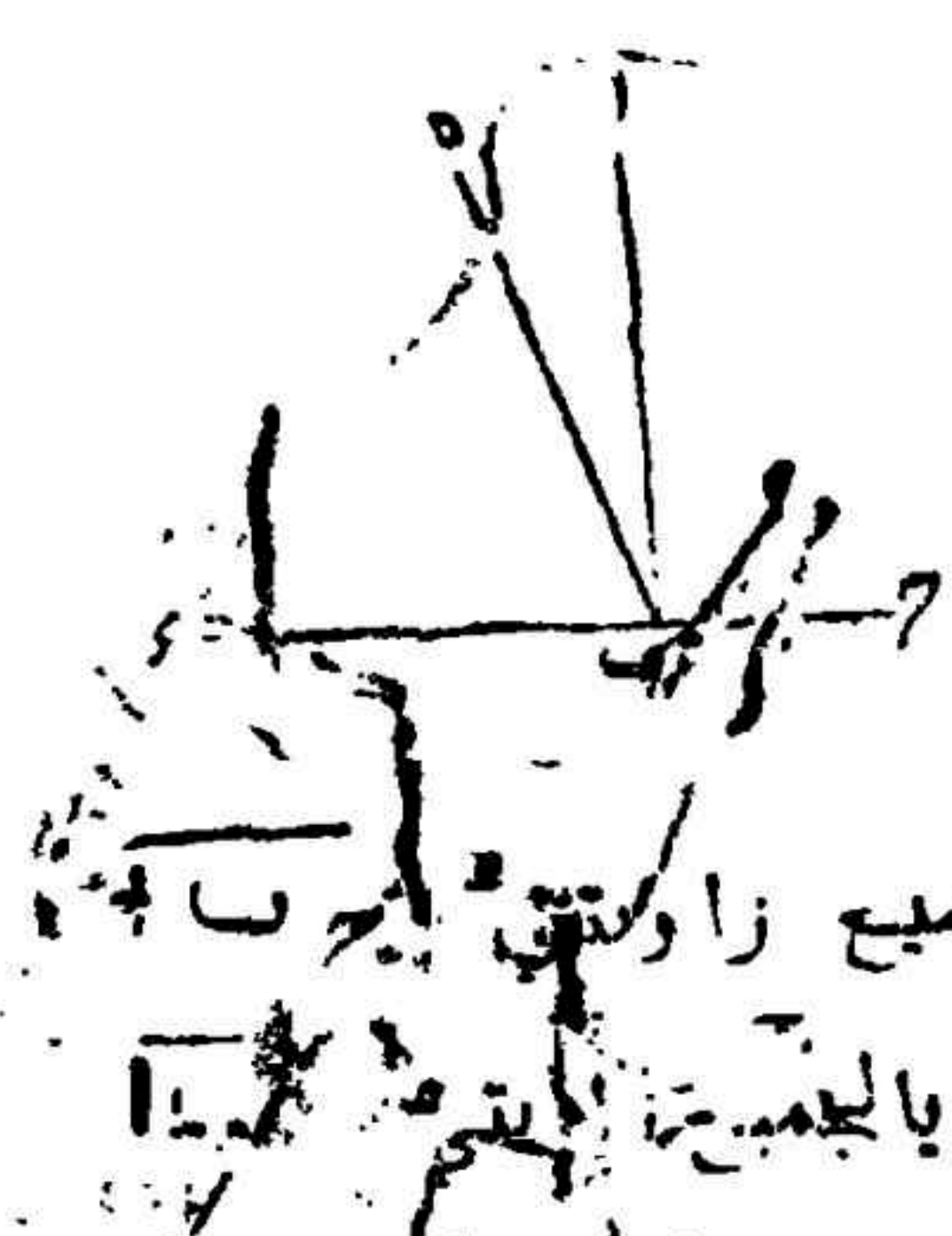
نصف التي الاولى صارنا قائمتين وانما

افضل الثالثة كثافتا كما حدثنا فان المعاد ثمان
معانها ويقال لقائمتين وذلك ما اردناه



من

لمنوا اتصل خطان على نقطة بخط عن جنبتيه
واحد ثامعه قائمتين او مساويتين لها
كان الخطان معا على الاستقامة خطا واحدا



فلينصل ب ا على نقطة ب خطا
ج د وليكن زاويتا ج د
ب ا معادلتي لقا قائمتين نقول فخط
ج د متصل على الاستقامة
خطا واحدا او الا يخرج ج د
على الاستقامة و يكون جميع زاويتي ج د
ب ا المعادلتي لقا قائمتين ب ا ج د
ب ا ايضا لهما فيبقى بقدر ب ا زاويتي
ب ا المشتملة زاوية ب ا ج د الصغرى والعظمى

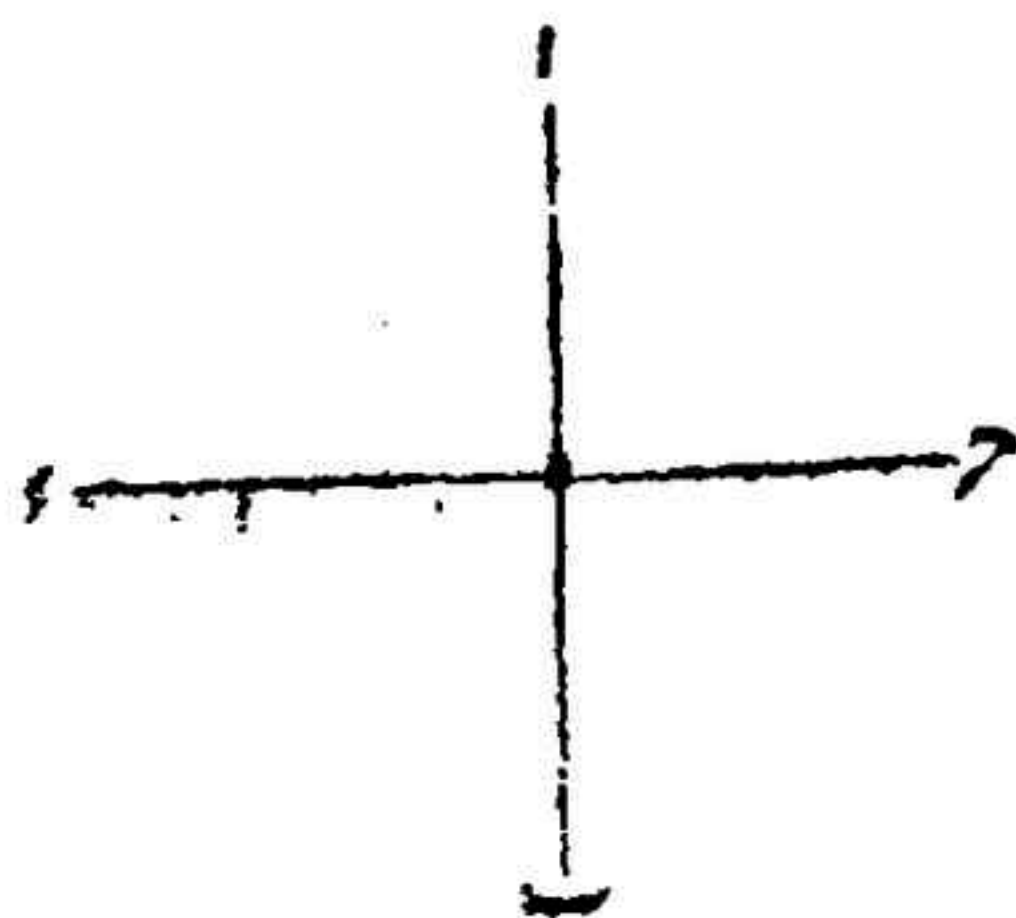
متساويتين هذا خلف فاذن المتساويتان ثابتا وذلك

ما اراده

فه

الزاويتان المتقابلتان الحادتان عن تقاطع

كل خطين متساويتان



مثلا زاويتي ح ا ب و ح ا د

الحادتين عن تقاطع خطي

ا ب ح ك وذلك لان مجموع

زاويتي ب ا ح و ح ا د

يساوي مجموع زاويتي ا ب ح

و ا د لكون كل واحد من المجموعتين معاد لثالثتين فبقي

بعد استقراء زاوية ح ا ب المشتركة زاويتي ح ا د و ح ا ب

متساويتين وذلك ما اراده

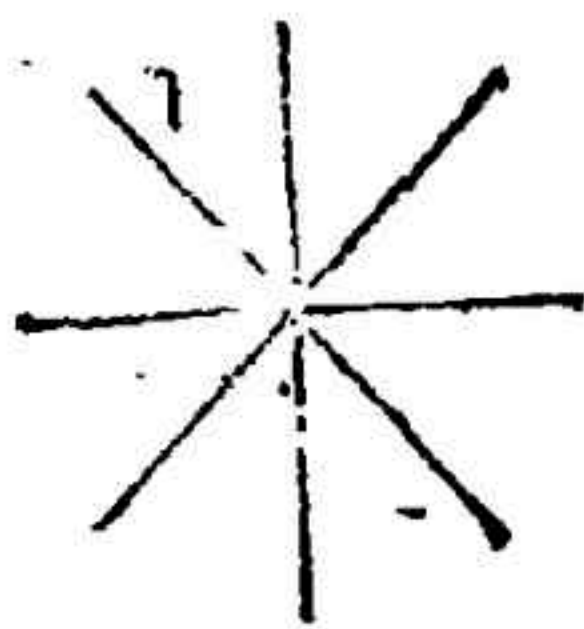
وتبين مع ذلك ان الزوايا الاربع الحادثة من

تقاطع خطين متساويتين لاربع قوائم

اقوية اذ الحكم ثابت لجميع

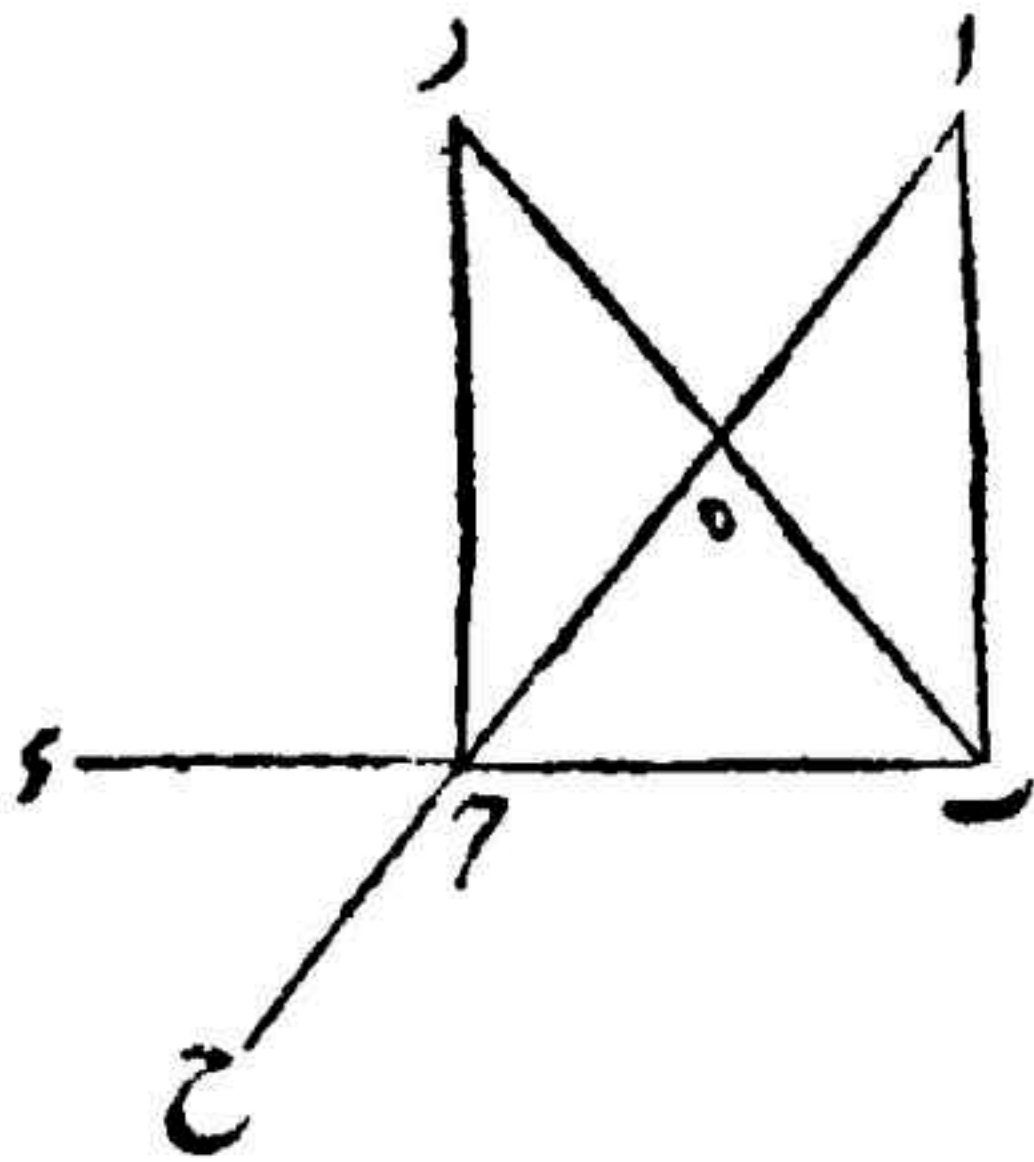
زاويتي الحادثة بنقطة اي كانت

عن نقطة وكم كانت الزوايا



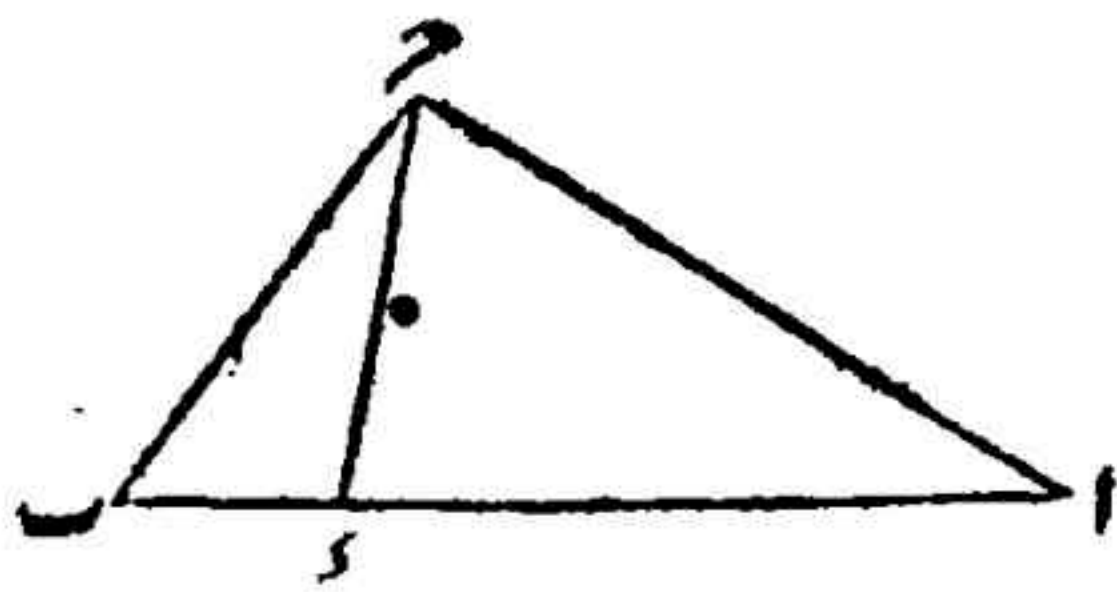
كل مثلث أخرج احد اضلاعه فالزاوية الخارجة
الحادثة اعظم من كل واحد من مقابليتها

الذاتة



ملا اخرج ضلع ب ح من مثلث
انقل الى ب ر نقول فزاوية ا ح ر
اعظم من كل واحد من زاويتي
ا ب ح ب ا ح فلننصف ا ح
على ه ونصل ب ه ونخرجه
ونجعل ه ر مثل ب ه ونصل

ب ر ففي مثلثي ا ب ه ه ر ه ضلعا ب ه ه ر متساويان
لفضل ب ر ه ر ه ر ه ر ه ر ه ر ه ر ه ر ه ر ه ر
ب ا ه ب ا ه ب ا ه ب ا ه ب ا ه ب ا ه ب ا ه ب ا ه ب ا ه ب ا ه
من زاوية ا ب ر فهي اعظم ايضا من زاوية ا ب ر لنخرج
ا ح الى ح وبمثلته يبين ان زاوية ب ا ح ب ا ح ب ا ح ب ا ح
ا ح ر اعظم ايضا من زاوية ا ب ح ا ب ح ا ب ح ا ب ح ا ب ح ا ب ح



فلا يمكن نيل $\overline{ا ب}$ من $\overline{ا ج}$

$\overline{ا ب}$ اح أطول من نيل $\overline{ا ج}$

نقول فزاوية $\overline{ب ا ج}$ اعظم

من زاوية $\overline{ا ب ج}$ وذلك لانا

اننا فصلنا من $\overline{ا ب}$ $\overline{ا د}$ مثل $\overline{ا ج}$ ووصلنا $\overline{د ج}$ كانت

زاوية $\overline{ب ا د}$ التي هي اعظم من زاوية $\overline{ب ا ج}$ مساوية لزاوية

$\overline{ا ج د}$ وزاوية $\overline{ا ب ج}$ اعظم من زاوية $\overline{ا ج د}$ اعني

من زاوية $\overline{ا ج د}$ فزاوية $\overline{ا ب ج}$ اعظم كثيرا من زاوية $\overline{ب ا ج}$

وذلك ما اردناه



يط

الزاوية العظمى من امثلت يوترها الضلع

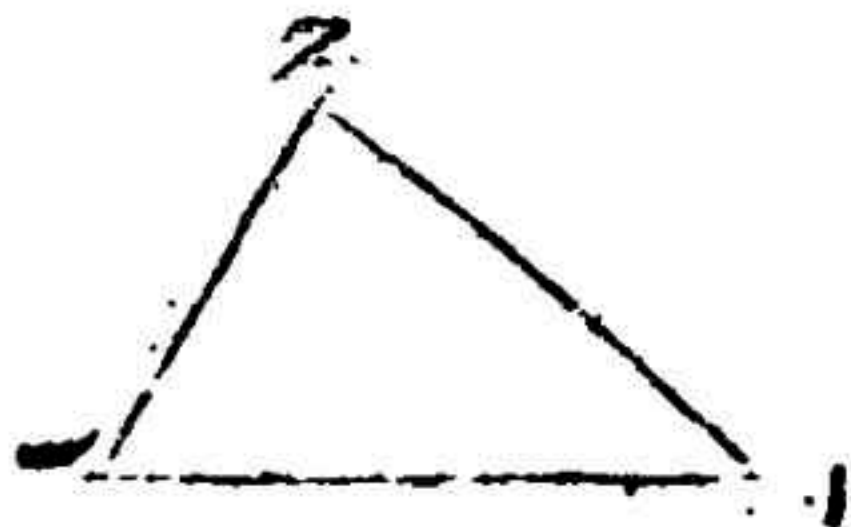
الاطول

فلا يمكن زاوية $\overline{ب ا ج}$ من $\overline{ا ب ج}$

اعظم من زاوية $\overline{ب ا ج}$ نقول

فصل $\overline{ا ب}$ اطول من ضلع

$\overline{ا ج}$ وذلك لانه ان لم يكن اطول

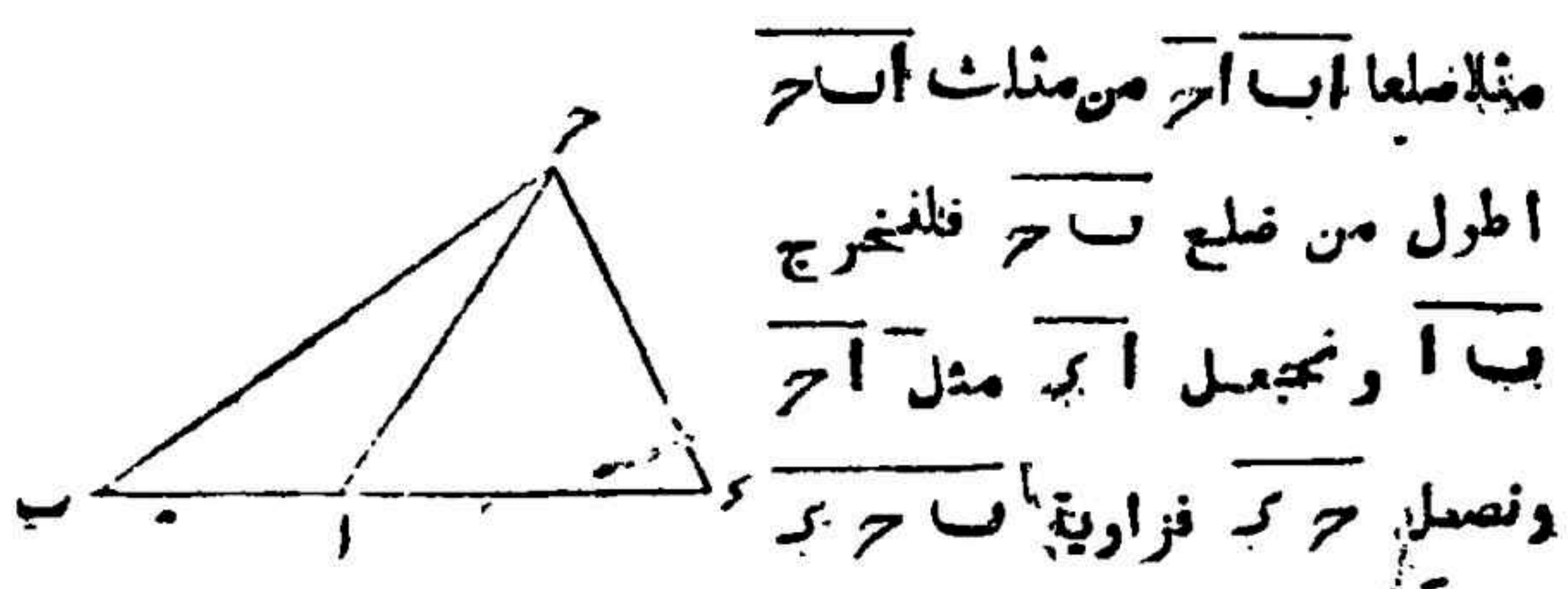


منه فاما ان يساويه ويلزم منه تماثل زاويتي $\overline{ب\alpha\gamma}$ واما
 ان يكون اتصرا منه ويلزم ان يكون زاوية $\overline{ب\alpha\gamma}$ اعظم من
 زاوية $\overline{ج\alpha\delta}$ وليس كذلك فاذن $\overline{اب}$ اطول من $\overline{ا\alpha\gamma}$ وذلك
 ما اردناه



ك

كل ضلعي مثلث فهما معا اطول من الثالث



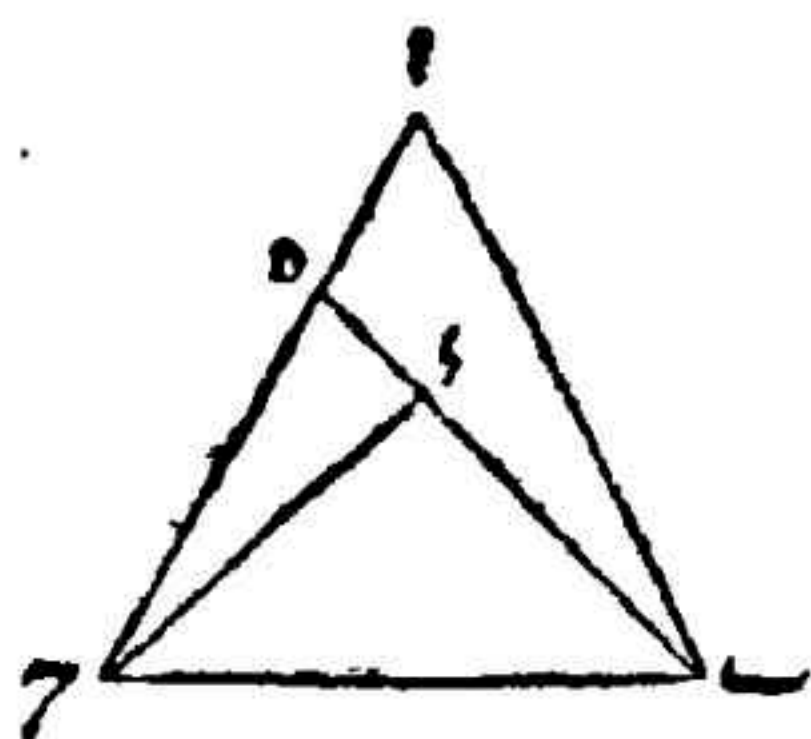
مثلا ضلعا $\overline{اب}$ و $\overline{ا\alpha\gamma}$ من مثلث $\overline{اب\alpha\gamma}$
 اطول من ضلع $\overline{ب\alpha\gamma}$ فلنخرج
 $\overline{با}$ ونجعل $\overline{ا\alpha\gamma}$ مثل $\overline{ا\alpha\delta}$
 ونصل $\overline{ح\delta}$ فزاوية $\overline{ب\alpha\delta}$
 التي هي اعظم من زاوية $\overline{ا\alpha\gamma}$ هي
 اعظم من زاوية $\overline{ا\alpha\delta}$ فاذن وتر $\overline{ب\alpha\delta}$ اعني
 مجموع $\overline{با}$ و $\overline{ا\alpha\delta}$ اطول من وتر $\overline{ب\alpha\gamma}$ وذلك ما اردناه

اقول وهذا الشكل ملقب بالحباري

كا

كل خطين يخرجان من طرفي ضلع مثلث
وتلاقيان في داخله فهما معا اقصر من ضلعيه
الباقيين وزاوية بينهما اعظم من زاوية

الضلعين



فليكن المثلث $\triangle ا ب ج$ وقد خرج من طرفي

$ب$ و $ج$ خطان $ب د$ و $ج د$ وتلاقيان على

$د$ نقول فهما معا اقصر من $ب ا$ و $ج ا$

وزاوية $ب د ج$ اعظم من زاوية $ب ا ج$

ولنخرج $ب د$ الى $ه$ فب $ا ه$ اطول من $ب ا$ ونجعل $ه ج$

مشتركا فجميع $ب ا ا ج$ اطول من جميع $ب ا ه ج$ وايضا

$ب د ه ج$ اطول من $ب د ج$ ونجعل $ه د$ مشتركا فجميع

$ب ا ه ج$ اطول من جميع $ب ا ج د$ فان $ب ا ا ج$

اطول كثيرا من $ب ا ج د$ ولما كانت زاوية $ب ا ج$

الخارجة من مثلث $ب د ج$ اعظم من زاوية $ب د ج$ الخارجه

مثلث $ب ا ه$ التي هي اعظم من زاوية $ب ا ه$ كانت زاوية

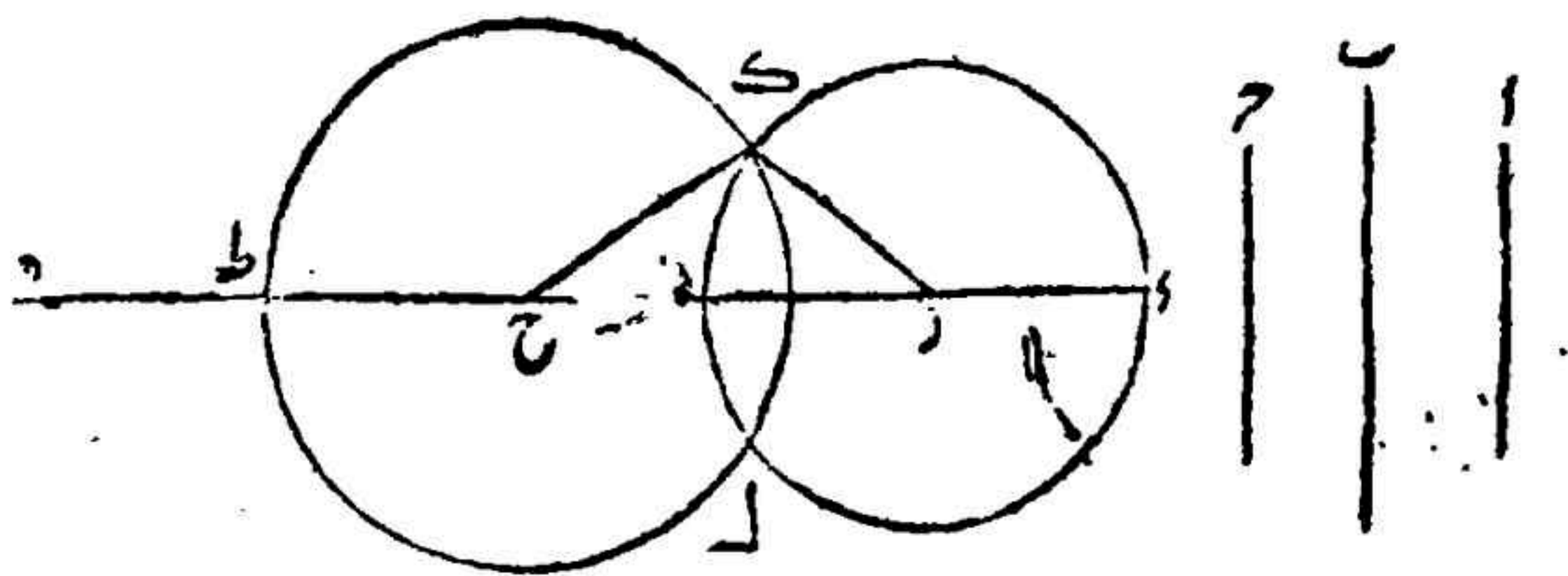
$ب ا ج$ اعظم كثيرا من زاوية $ب ا ج$ وذلك ما اردناه

كيفية

نريد ان نعمل مثلثا يساوي كل ضلع منه
احل ثلاثة خطوط مفروضة كل اثنين منها يسعا

اطول من الباقى

فليكن الخطوط \overline{AB} \overline{AC} وليكن \overline{BC} خطا مرسومين من جهة
كـ ونفصل منه \overline{CR} مثل \overline{AR} و \overline{RC} مثل \overline{AC} ونصل \overline{AR}
 \overline{AC} ونرسم على \overline{RC} ببعد \overline{RK} دائرة \overline{CK} وعلى \overline{AC}
ببعد \overline{AC} دائرة \overline{AK} فتقا طعان على \overline{AK} ونصل
 \overline{CK} فيكون مثلث \overline{CKR} المطلوب



لان ضلع \overline{CR} منه المساوي لركـ يساوي \overline{AR} وضلع \overline{RC}
يساوي \overline{AC} وضلع \overline{CK} المساوي لـ \overline{AC} يساوي \overline{AC}

وذلك ما اردناه

أطول. وبالتالي اشتهر ط ك ب كون كل خطين أطول من
الثالث لوجود ك ب كون اضلاع المثلث هكذا و

ذلك بعينه هو المطلوب لتقاطع الدائرتين

فان ج م ي ن ع آ ب لو لم يكن أطول
من ح لكان ق ا ح مساويا ل ح ك او أطول منه وحينئذ يقع
دايرة ك ك ل ن محيطة بدائرة ك ك ل ماسة ايها من
داخل او غير ماسة ولو لم يكن جميع ب ا ح أطول من آ
لكانت دايرة ك ك ل بمثل ذلك محيطة بدائرة ك ك ل
ولو لم يكن جميع آ ح أطول من ب لكان ر ح مساويا
لجميع ر ك ح ط او أطول منها وحينئذ لم يكن بين
الدائرتين احاطة ولا تقاطع بل كانتا متماستين من خارج او غير
متماستين

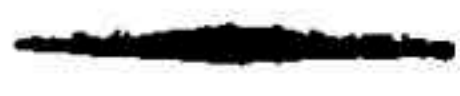
ك

نريد ان نعمل على نقطة مفروضة من خط
مفروض زاوية مثل زاوية مفروضة



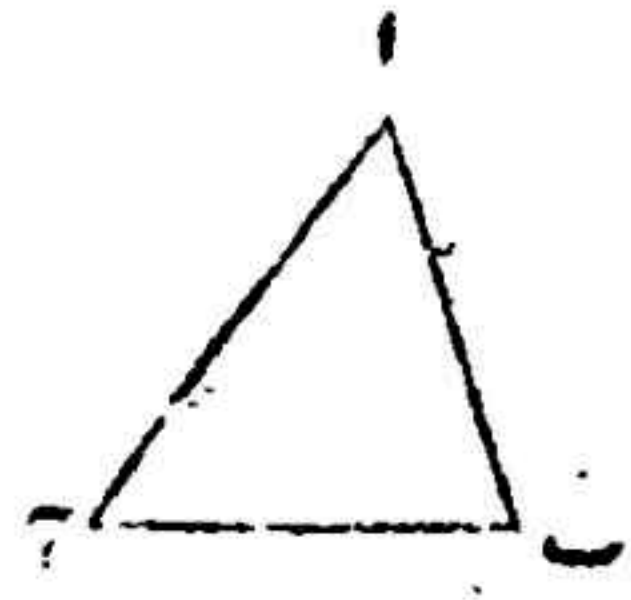
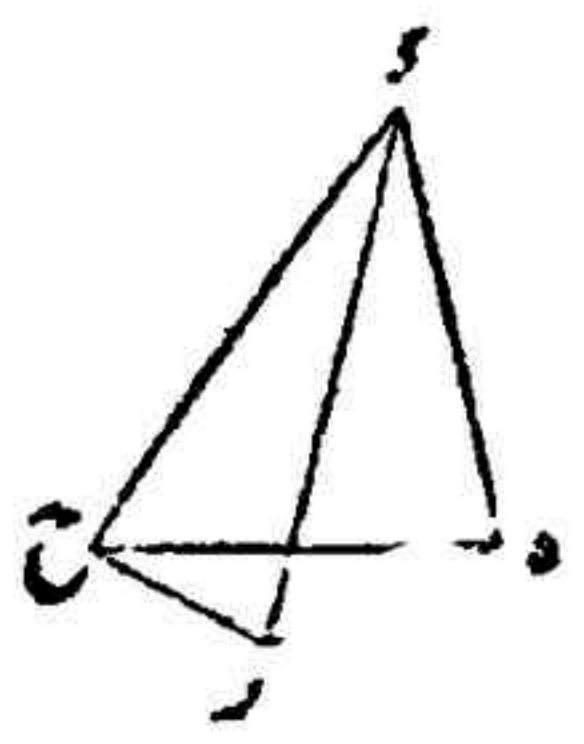
ولا على نقطة آ من خط $\overline{ا ب}$
 مثل زاوية ح فنعين على
 خطي الزاوية نقطتي ك و د
 فنصل ك د ونعمل على $\overline{ا ب}$

مثلا يعاوي اضلاعه اضلاع مثلث ح ك د وهو مثلث
 ارجح على ان $\overline{ا ح}$ مساو ل $\overline{ك د}$ و $\overline{ا ب}$ يساوي ل $\overline{ك د}$
 وح ر ل $\overline{ك د}$ فزاوية آ المصولة مساوية ل $\overline{ب د}$ و $\overline{ب د}$ التي
 اردناها



كد

ان ساوي ساقا مثلث ساقى مثلث اخر كل
 لنظيره وكانت الزاوية التي بين الاولييين اعظم
 من التي بين الاخريين كانت قاعدة الاولييين
 اعظم من قاعدة الاخريين



فليكن في مثلثي
 $\overline{ا ب ح}$ ك د ر
 $\overline{ا ب}$ معاويا ل $\overline{ك د}$

في كل من $\triangle ABC$ و $\triangle DEF$ زاوية $\angle A$ اعظم من زاوية $\angle D$ نقول
 في $\triangle ABC$ اطول من $\triangle DEF$ ولنعمل على $\triangle DEF$ زاوية
 $\angle D$ مثل زاوية $\angle A$ ونصل $\triangle DEF$ ونصل
 $\triangle ABC$ فيكون $\triangle DEF$ ونصل $\triangle ABC$ ونصل $\triangle DEF$
 $\triangle ABC$ للمساوية $\triangle DEF$ المتساوي زاوية $\triangle ABC$ $\triangle DEF$
 ويكون زاوية $\angle C$ التي هي اعظم من احد بهما اعظم من
 زاوية $\angle F$ التي هي اصغر من الاخرى فيكون $\triangle ABC$ اعني
 باحد $\triangle ABC$ من $\triangle DEF$ وذلك ما اردناه

اقول وههنا اختلاف وقوع

		<p>بين $\triangle ABC$ اما ان</p>
		<p>يقطع $\triangle ABC$ زاوية $\triangle ABC$</p>
		<p>على $\triangle ABC$ او يقع</p>
		<p>تحت $\triangle ABC$ وقد مر الاوان</p>
		<p>وظاهر في الثاني ان</p>
		<p>في $\triangle ABC$ اطول من $\triangle DEF$</p>

واما في الثالث فبشرح من $\triangle ABC$ $\triangle DEF$ الى $\triangle G$
 ويتساوي زاوية $\triangle ABC$ $\triangle DEF$ $\triangle G$ $\triangle DEF$ كما مر ان زاوية

زاوية اعظم من زاوية \overline{R} ويكون \overline{R} اقل من \overline{R}



كه

اذا ساوي سا قامثلت ساقي مثلث اخر كل
 لنظيره وكانت قاعدة الاولي بين اطول فكانت

زاويتها اعظم

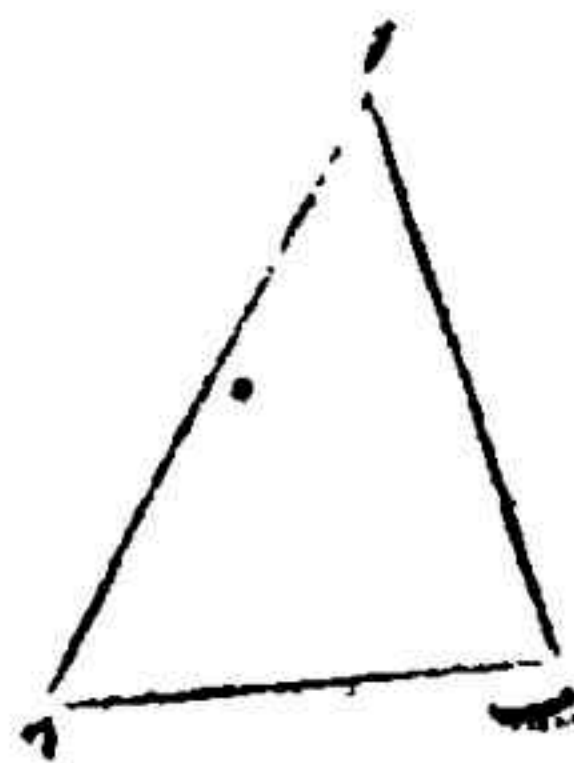
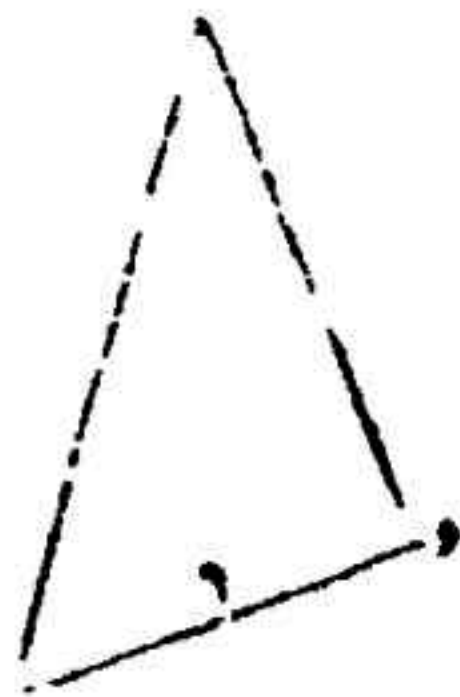
مثلا في مثلثي \overline{ABC}

وه \overline{R} \overline{A} \overline{B} معاو

لده \overline{C} و \overline{A} \overline{C} \overline{D}

و \overline{B} \overline{C} \overline{D} من \overline{R}

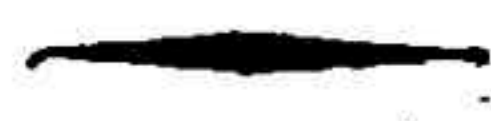
نقول فزاوية \overline{A} اعظم من



زاوية \overline{B} والكانت اما مساوية لها ويلزم ان يكون \overline{B}

مساويا له \overline{R} واما اصغر منها ويلزم ان يكون \overline{B} اقل من

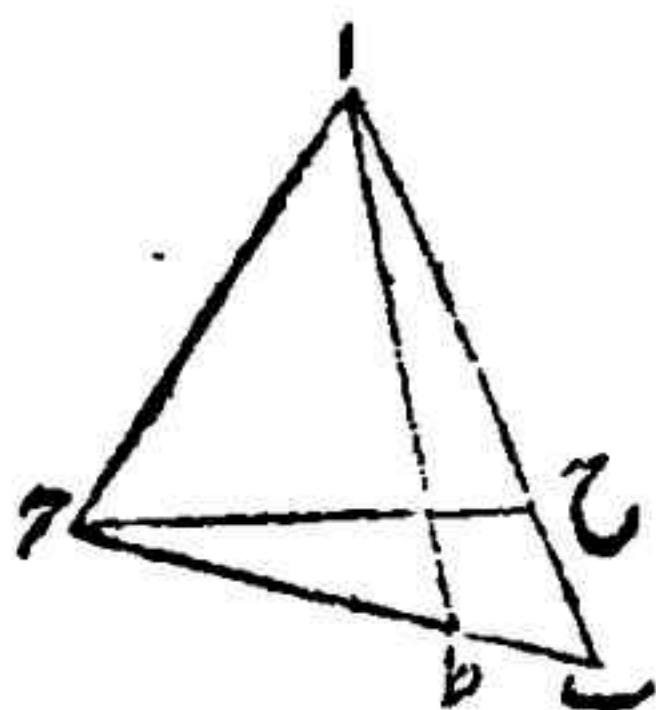
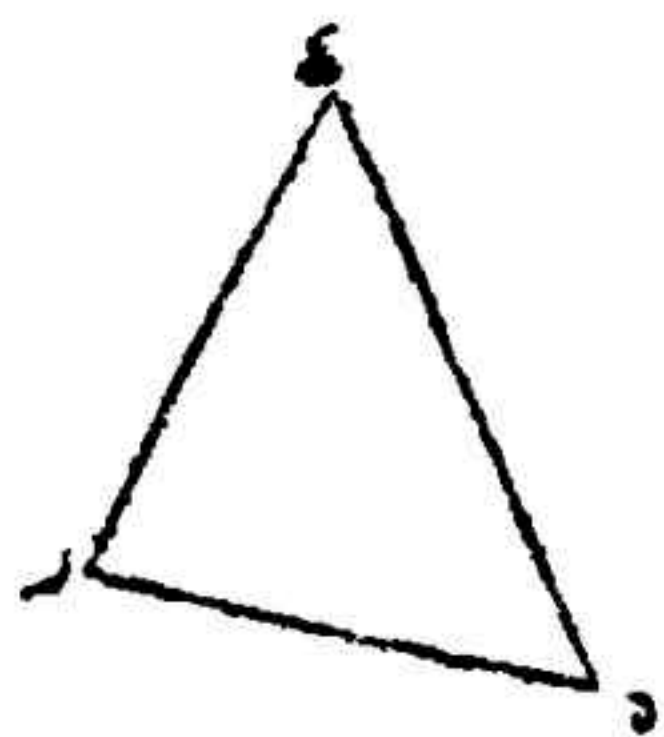
\overline{R} وكلاهما خلف فان الحكم ثبت وذلك ما اردناه



كز

اذا ساوي زاويتان وضلع من مثلث

زاويتين وضلعاً من مثلث آخر النظير للنظير
 تساويان الزاويتان والاضلاع الباقية منها
 كل للكلية والمثلث للمثلث .



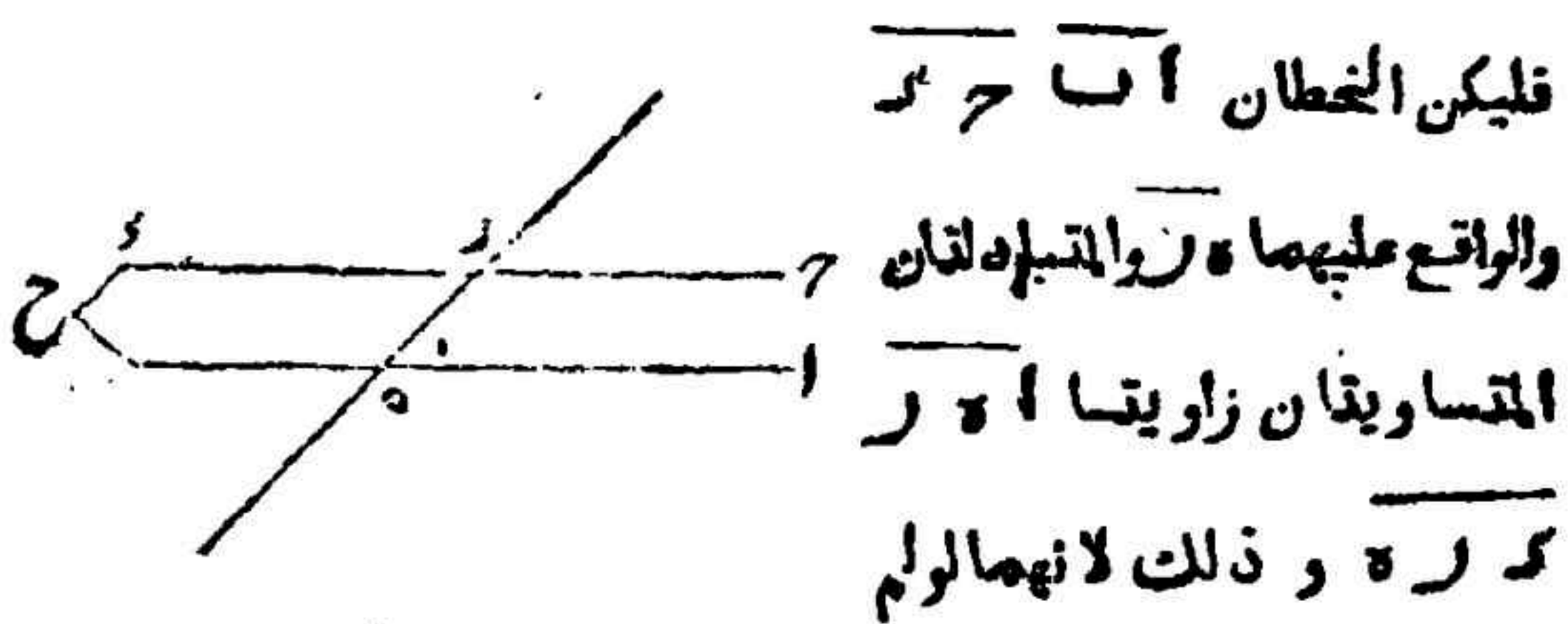
فليكن المتساويان
 في مثلثي $\triangle ABC$
 $\triangle DEF$
 كذا في الزاويتين
 المتساويتين

بالمثل وصلعي AB DE الذين بين الزاويتين
 وصلعي BC EF وصلعي AC DF الموترين زاويتين
 متساويتين فان كان لصلعي AB DE فساوية AC DF اما ان
 يتساويا او يتفاوتا فان تساويا ثبت الحكم لكون ضلعين وزاوية
 بينهما متساوية لصلعين وزاوية بينهما في المثلثين وان تفاوتا
 لزم الخلف لانا اذا جعلنا BC مثل EF وصلنا CF صار
 مثلثا BCF DEF متساويين لذلك بعينه ويكون زاوية
 $\angle BCF$ مساوية لزاوية $\angle DEF$ وكانت زاوية $\angle ABC$
 مساوية لزاوية $\angle DEF$ فزاويتنا $\angle ABC$ $\angle DEF$ الكل
 والجزء متساويتان . ان كان المتساوي لصلعي BC EF
 فب AC DF اما ان يتساويا او يتفاوتا فان تساويا ثبت الحكم

والا لزم الخلف لانا اذا جعلنا \overline{AB} ح مثلا \overline{AC} ح و وصلنا \overline{BC} ح
 صار مثلثا \overline{ABC} ح ح ح متساويين ويكمن زاوية
 \overline{ACB} ح مساوية لزاوية \overline{ACB} ح وكانت زاوية \overline{ACB} ح
 مساوية بالفرض لزاوية \overline{ACB} ح فزاوية \overline{ACB} ح
 الخارجة والداخلة متساويتان وكذلك ان كان التقاطعي
 للضلعين الباقيين فاذن الحكم ثابتا وذلك بالبرهان

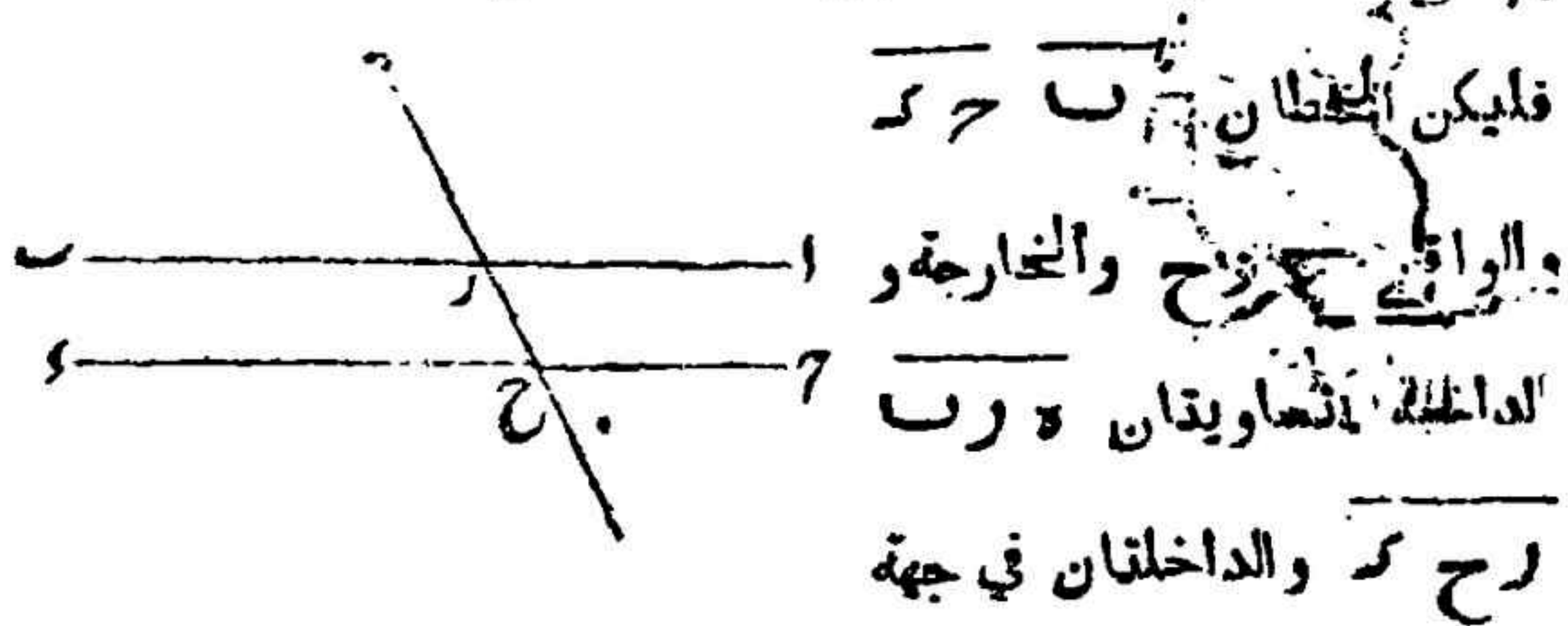
كز

كل خطين وقع عليهما خط وكانت المتبادلتان
 من الزوايا الحادثة متساويتين فهما
 متوازيان

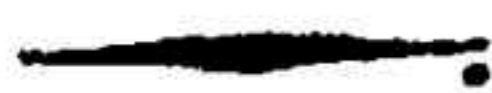


يكونا متوازيين اتلقيا في احدى الجهتين مثلا على \overline{AC} ح وكانت
 زاوية \overline{ACB} ح الخارجة من \overline{ACB} ح مساوية لذاتها
 ح هذا خلف فاذن هما متوازيان وذلك ما بارهناه

كل خطين AB و CD عليها خط وكانت الخارجة
 من الزوايا الحادثة مساوية لمقابلتها
 الداخلة أو ثابتت الداخلتان في جهة
 معادلتين لقائمتين فيها متوازيان



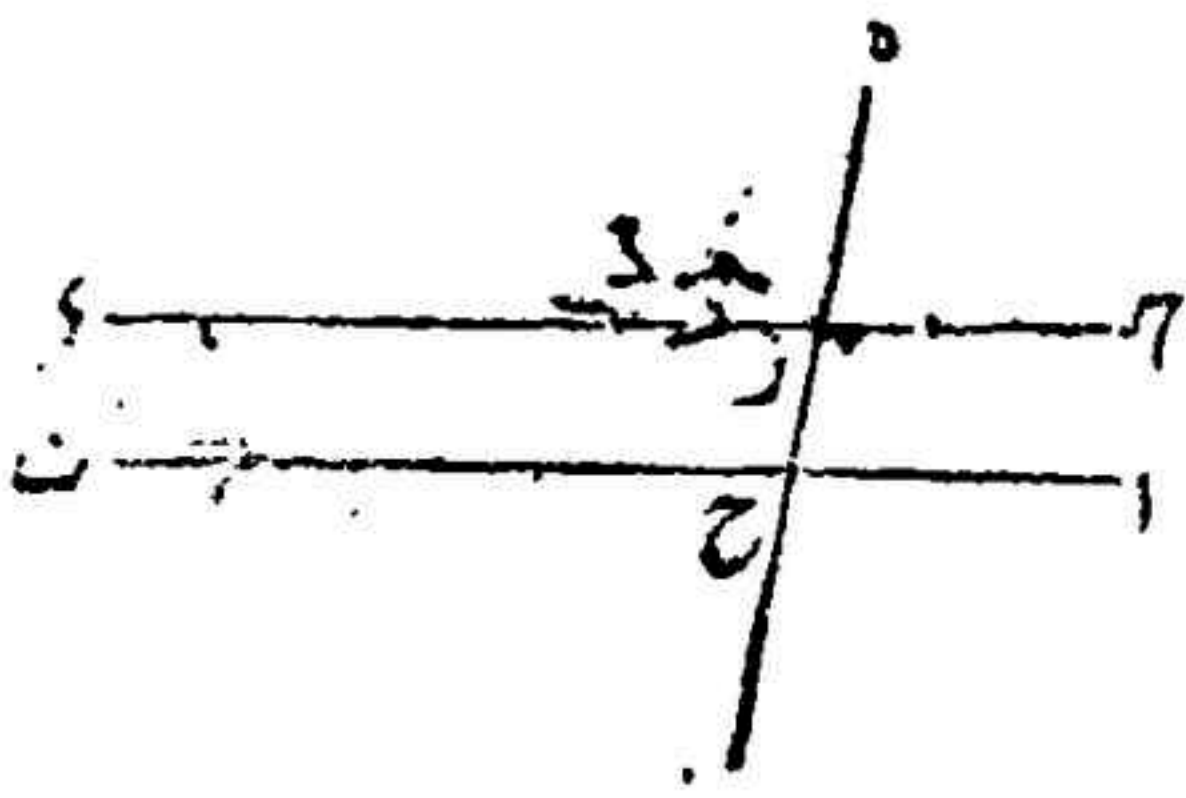
داويتها B و A و H وذلك لان كون زاوية A و B
 كمساوية لكل واحدة من زاويتي A و B المتبادلتين
 يقتضي تساويهما وايضا كون زاوية B و A مع كل واحدة
 منهما معادلة لقائمتين يقتضي ايضا تساويهما فثبت تمازي
 الخطين وذلك ما اردناه



قط

ذا وقع حفظ على خطين متوازيين

فالمتبادلتان من الزوايا الحادثة متساويتان
وكذلك الخارجة ومقابلتها الداخلة
والداخلتان من جهة معادلتان لقائمتين



فليقع على خطي ا ب ح د

خط ه ر ح نقول فزاويتنا

ا ح ر ك ر ح المتبادلتان

متساويتان والافليكن ا ح ر

اعظم ونجعل زاوية ب ا ج ر مشتركة فجميع زاويتي ب ا ح ر

ب ا ح ر لمعادلتين لقائمتين اعظم من جميع زاويتي ب ا ح ر

ب ا ح ر ف ا ب ح د ك لوقوع ه ر ح عليهما وكون ه اخلتي

ب ا ح ر ك ر ح اصغر من قائمتين يلتقيان في جهة ب ا ح ر

هذا خلف وايضا فزاوية ه ر ك الخارجة تساوي زاوية

ه ح ب الداخلة لان الخارجة تساوي زاوية ح ر ح المقابلة

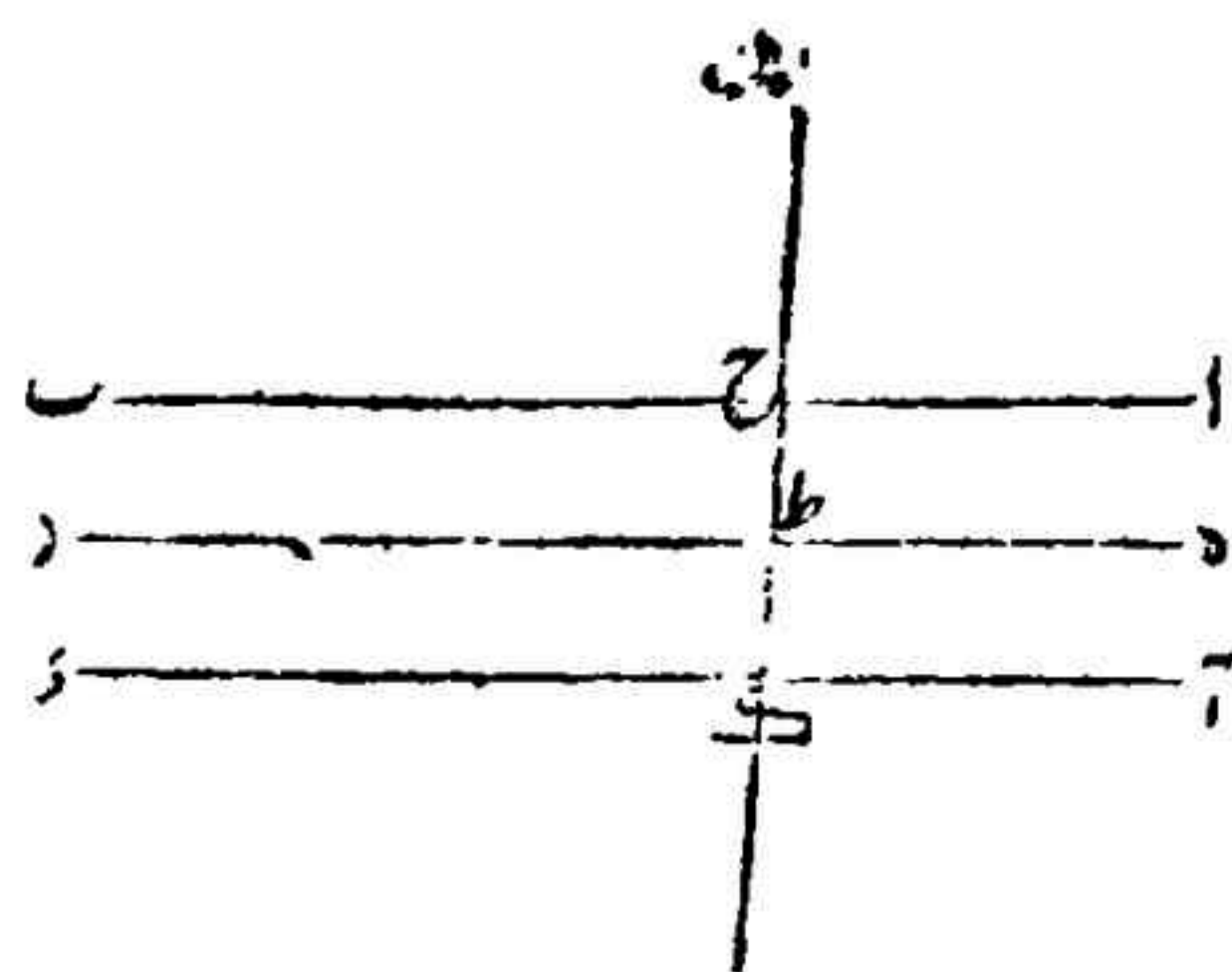
لها وايضا فزاويتنا ب ا ح ر ك ر ح اذا خلتان معادلتان

لقائمتين لان زاويتي ب ا ح ر ك ر ح كذلك وزاويتي

ب ا ح ر ك ر ح متساويتان وذلك ما اردناه

ل

الخطوط الموازية للخط متوازية مثلاً



مثلاً كات حرك المتوازيين

له رايقتع عليهما سطح قطبيك

فلتوازي الامة ر يكون

متبادلتاه اح ط ر ا ط ح

متساويتين و لتوازي حرك ح ر يكون داخلة ك ك ح

و خارجة و خارج متساويتين فاذن متبادلتاه اح ك

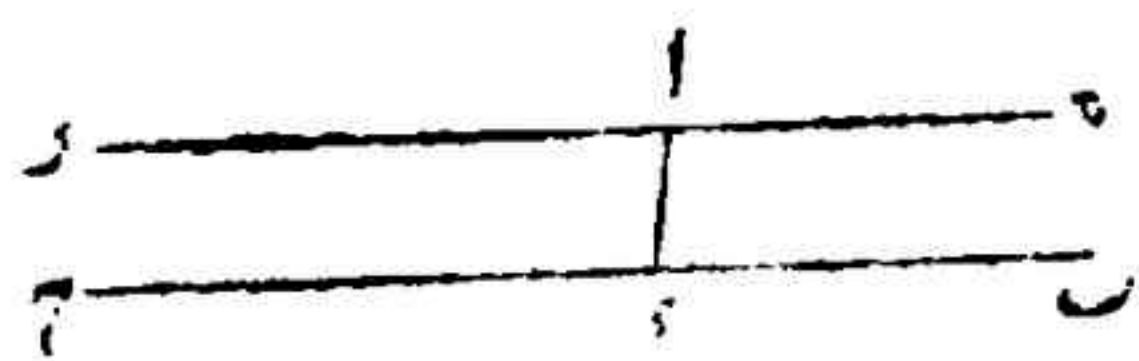
ح ك متساويتان و بقان و لتساويهما خطا اب ح ح متوازيان

وذلك ما اردناه

لا

قريب ان نخرج من نقطة مفروضة خطا موازيا

لخط مفروض



مثلاً من نقطة الخط ب ح

ننزعين عليه ك ونصل ا ك

و نعمل على ا من ا ك

زاوية ك ا ه متساوية زاوية ا ك ح ونخرج ا ه الي

رفه ر مواز ل ب ح لتساوي المتبادلتين وذلك ما اردناه

كل مثلث اخرج احدا اضلاعه فزاويتها الخارجة
مساوية لمقابلتيها اللتان اختلفتا وزواياها

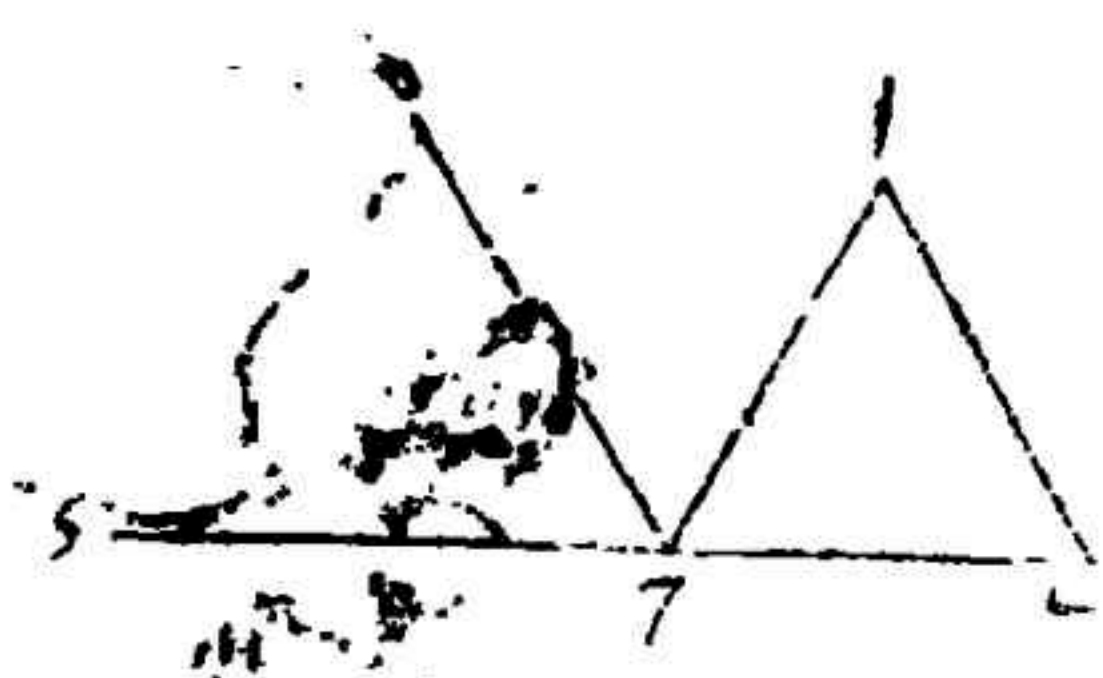
الثلاث مساوية لقائمتين

فليكن المثلث \overline{ABC} والضلع

المخرج \overline{BAH} الى K و

ليخرج من C موازيا

لـ \overline{AB} فزاوية \overline{ACH} مساوية



لزاوية \overline{A} لكونهما متبادلتين وزاوية \overline{C} مساوية لزاوية

\overline{B} لكونهما خارجة وداخلة فاذن جميع زاوية \overline{ACH}

الخارجة من المثلث مساوية لزاويتي \overline{A} والداخليتين وزاويتي

\overline{ACH} مع زاوية \overline{A} معادلة لقائمتين فاذن الثلث

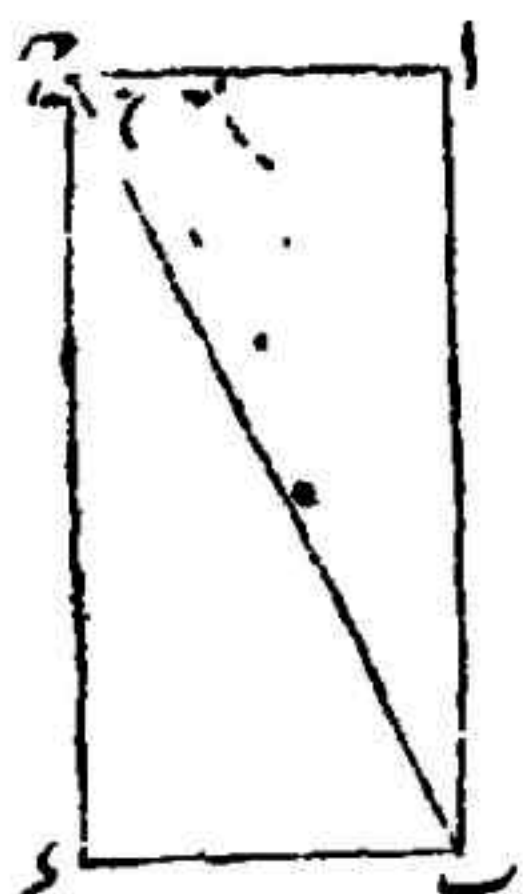
الداخلة كذلك وذلك ما اردناه

لـ

الخطوط الواصلة بين اطراف الخطوط

المتساوية المتوازية التي في جهة بعينها

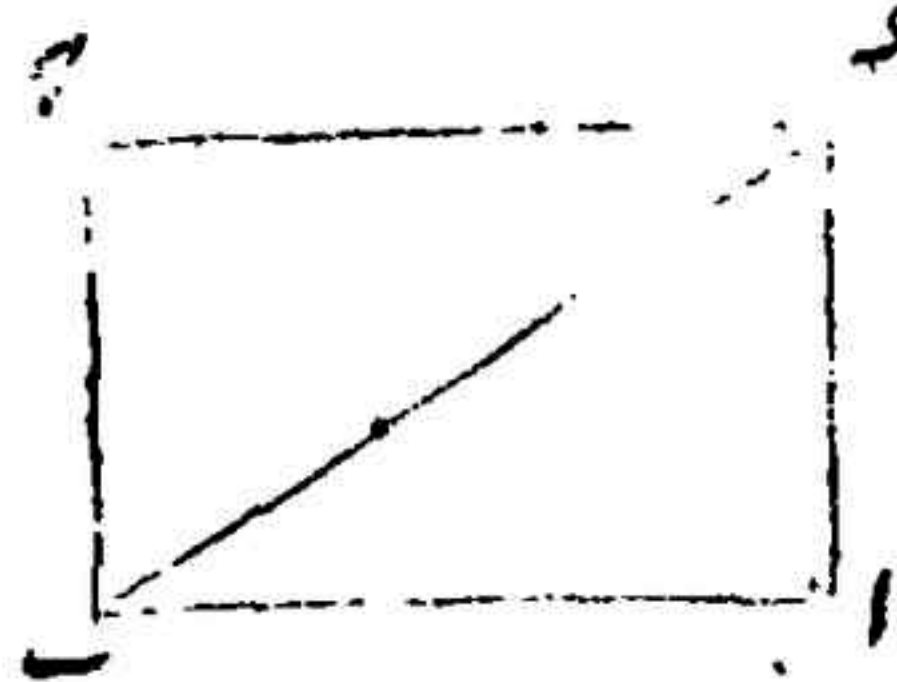
متساوية متوازية



فليكن \overline{AB} ح ك متساويين المتوازيين ووصل
 بين اطرافهما \overline{AC} ح ك فهما متساويان
 متوازيان واصل \overline{BC} ففي مثلثي \overline{ABC}
 \overline{BC} ح ك ضلعا \overline{AB} ح ك مساويان
 لضاعي \overline{AC} ح ك و متبادلهما \overline{AC} ح ك
 متساويان \overline{AC} ح ك مساو لب ك وايضا متبادلهما \overline{AC} ح ك
 ح ك متساويان \overline{AC} ح ك مواز لب ك وذلك ما اردناه

لد

الاضلاع المتقابلة من السطوح المتوازية
 الاضلاع متساوية وكذلك الزوايا المتقابلة
 واقطار تلك السطوح ينصفها



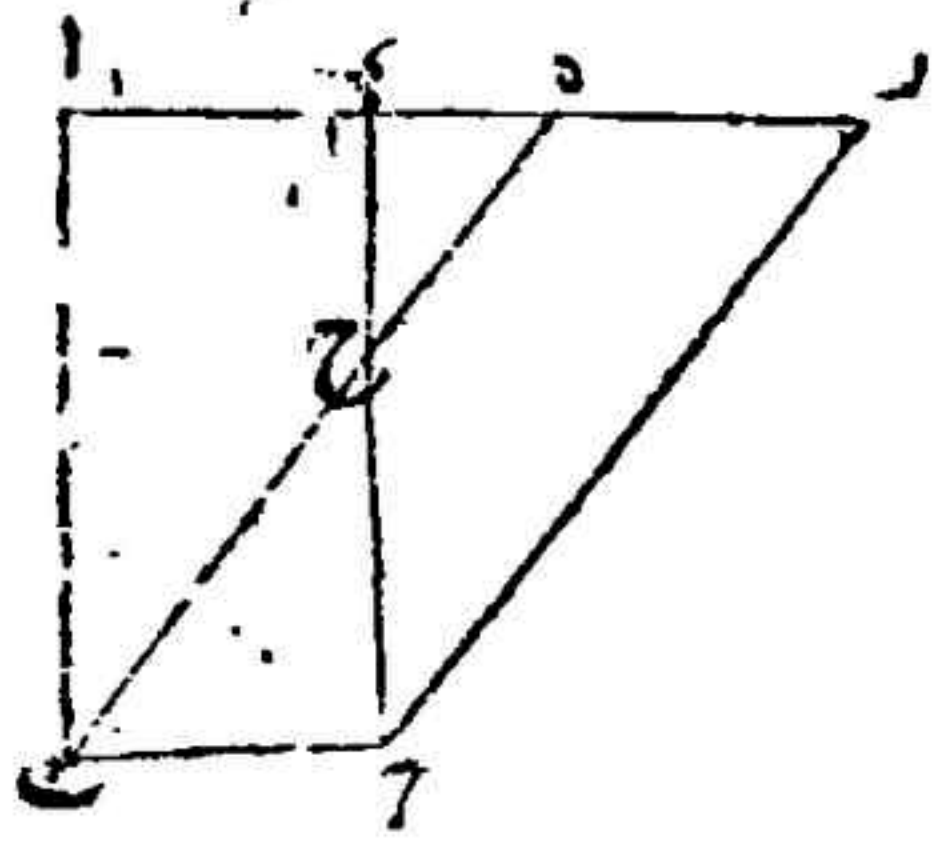
فليكن السطح \overline{AB} ح ك واقطر \overline{AC}
 \overline{BC} ح ك ففي مثلثي \overline{ABC}
 \overline{AC} ح ك لتساوي متبادلهما
 \overline{BC} ح ك و متبادلهما
 \overline{AC} ح ك و \overline{BC} ح ك مشترك \overline{AC} ح ك يكون ضلعا \overline{AC} ح ك

متساويين وكذلك ضلعا \overline{AB} و \overline{BC} وزاويتنا $\angle A$ و $\angle B$
 زاويتنا $\angle C$ و $\angle A$ والمثلثان باسرها فالسطح ينصف
 بب \overline{BB} وذلك ما اردناه



له .

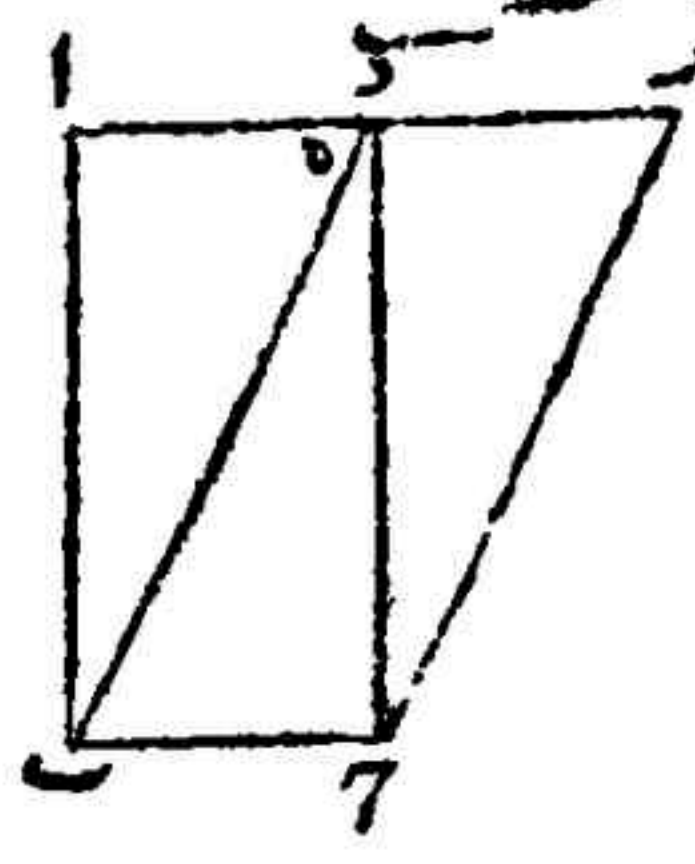
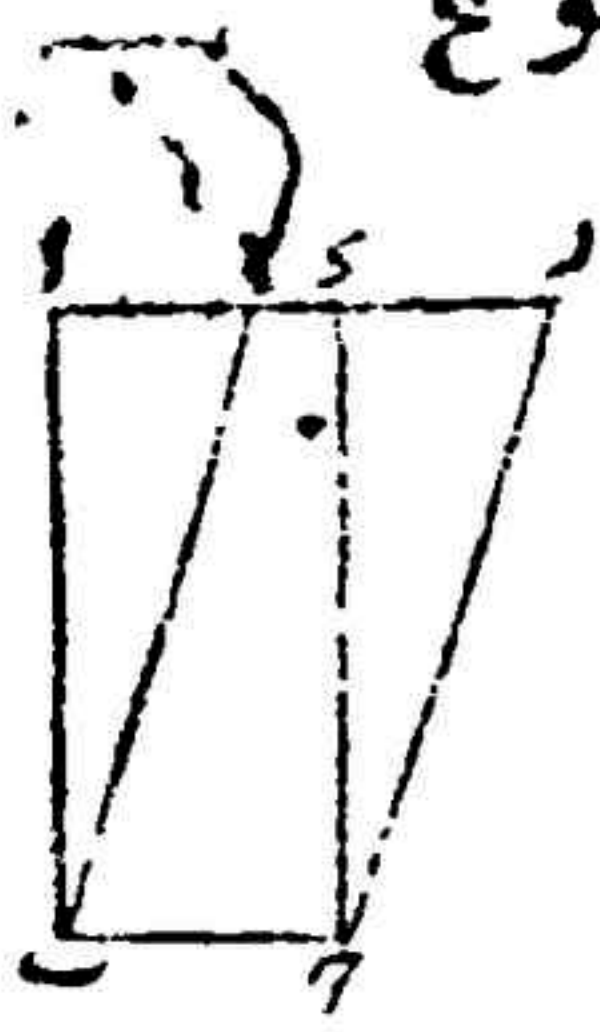
كل سطحين متوازيين الاضلاع يكونان
 على قاعدة واحدة في جهة واحدة بين
 خطين متوازيين بعينها فهما متساويان



مثلا سطحي \overline{AB} و \overline{CD}
 الكائنين على قاعدة \overline{AC} بين
 متوازي \overline{AB} و \overline{CD} وذلك لان
 \overline{AD} و \overline{BC} المتساويين لب \overline{AC}

متساويان ونجعل \overline{DE} مشتركا فيصير في مثلثي
 $\triangle ADE$ و $\triangle BCE$ ضلعا \overline{AE} و \overline{CE} متساويين وكذلك ضلعا
 \overline{AD} و \overline{BC} وزاويتنا $\angle A$ و $\angle C$ الداخلة والخارجة
 فيكون المثلثان متساويين ويديران بعد اصقاط سطح \overline{DE}
 وزيادة سطح \overline{AC} المشتركين ايضا متساويين وهما
 السطحان وذلك ما اردناه

اقول ولهذا المشتمل على اختلاف وقوع

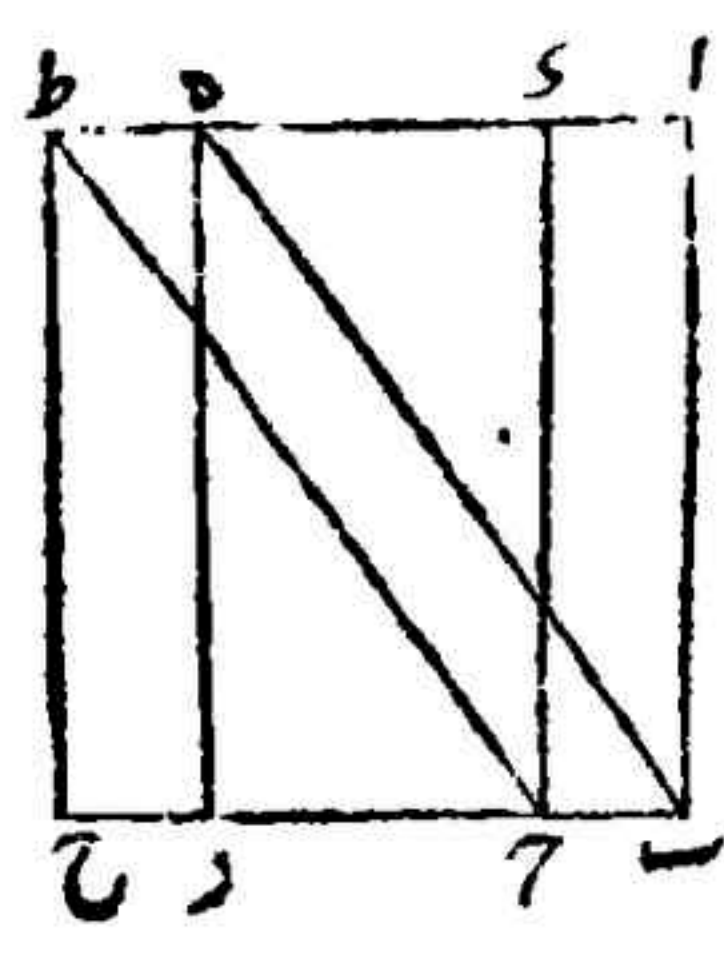


لان نقطه ه تقع اما خارجا عن $\overline{و}$ وينقطع $\overline{هـ}$ $\overline{و}$ كما مر واما منطبقه على $\overline{و}$ او فيما بين $\overline{ا}$ و $\overline{ب}$ ولا يقع في الاخيرين الا مشترك

وحده زائد هو مثلث او منحرف والبيان واضح

لو

كل سطحين متوازيين الاضلاع يكونان في جهة على قاعدتين متساويتين بين خطين متوازيين بعينها فهي متساويان

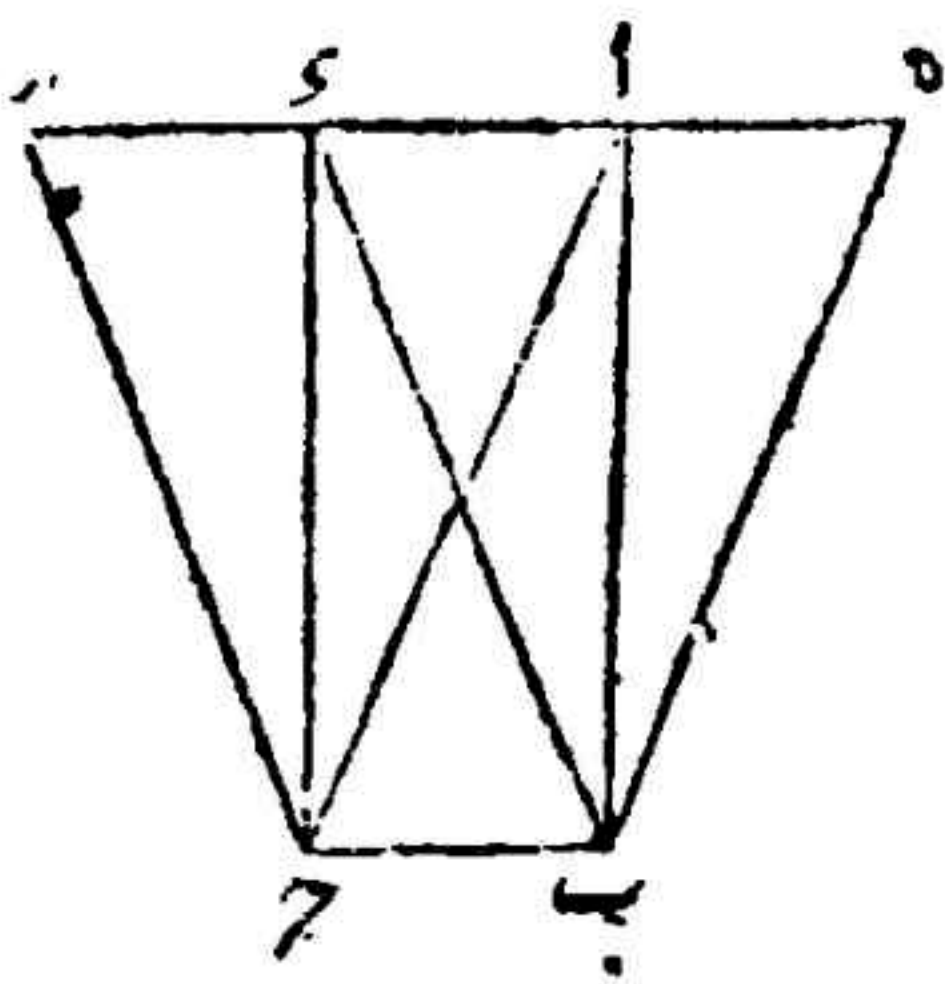


مثلا سطحي $\overline{ا}$ $\overline{ب}$ $\overline{ج}$ $\overline{د}$ $\overline{هـ}$ $\overline{و}$ $\overline{ز}$ على قاعدتي $\overline{و}$ $\overline{ز}$ المتساويتين وفيما بين متوازيي $\overline{ا}$ $\overline{ب}$ $\overline{ج}$ $\overline{د}$ لاننا نصل $\overline{ب}$ $\overline{ج}$ $\overline{هـ}$ فيكونان متعاويين متوازيين لكون خطي $\overline{ا}$ $\overline{ب}$ $\overline{ج}$ $\overline{د}$ كذلك

وَيَكُونُ كَلِمًا حَسَدًا مِنْ اِسْطِيخِيَّةٍ وَمَا وَيَا لِعَطْبِيحٍ
 هـ ب ح ط المتوازي الاضلاع الكائن معه على قاعدة واحدة
 بين متوازيين بعينهما فان السطحان متساويان وذلك ما
 اردناه

لر

كل مثلثين يكونان في جهة واحدة على
 قاعدة واحدة بين متوازيين بعينهما فهما
 متساويان

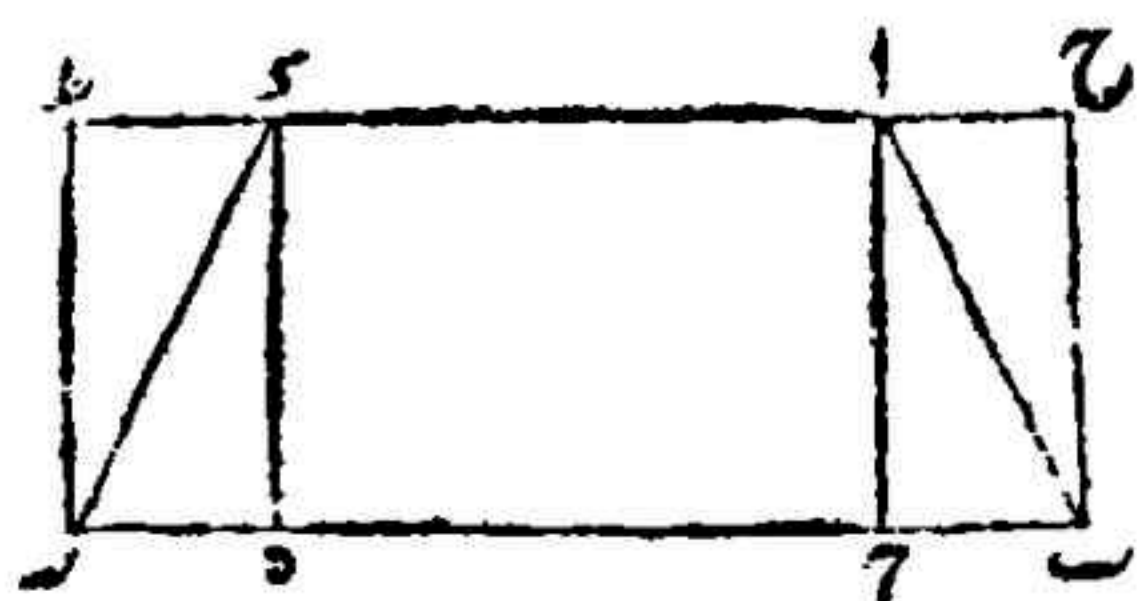


مثلا كمثلي ا ب ح و د ب ح
 على قاعدة ب ح بين متوازي
ب ا ح و د ب ح ولنخرج ب ا موازيا
 لد ا و ح ر موازيا لب د الى
 ان يلقيا ا ك المنخرج في جهتيه على ه ر

فيصير ه ب ا و د ب ح سطحين متوازيين الاضلاع
 على قاعدة ب ح فيما بين متوازيين ب ا و د ر فهما
 متساويان وكذلك نصفاهما اعني المثلثين وذلك ما اردناه

تساوي

كل مثلثين يكونان في جهة واحدة على
قاعدتين متساويتين فيهما يبين خطين
متوازيين بعينهما فهما متساويان



مثلا كمثلي $\overline{ا ب ح}$ $\overline{ك ه ر}$
على قاعدتي $\overline{ا ح}$ $\overline{ك ه}$ المتساويتين
بين متوازيي $\overline{ب ر}$ $\overline{ا ك}$ والمخرج

بماح موازيا ل $\overline{ا ح}$ و $\overline{ر ط}$ موازيا ل $\overline{ك ه}$ ان يلتقيا $\overline{ا ك}$ المخرج
في جهته على $\overline{ح ط}$ فيصير $\overline{ا ح ا ك ر ط}$ سطحين
متوازيي الاضلاع على قاعدتين متساويتين فيهما يبين متوازيي
 $\overline{ب ر ح ط}$ فهما متساويان وكذلك نصفا $\overline{ب ر ا ك}$ المثلثين
وذلك ما اردناه

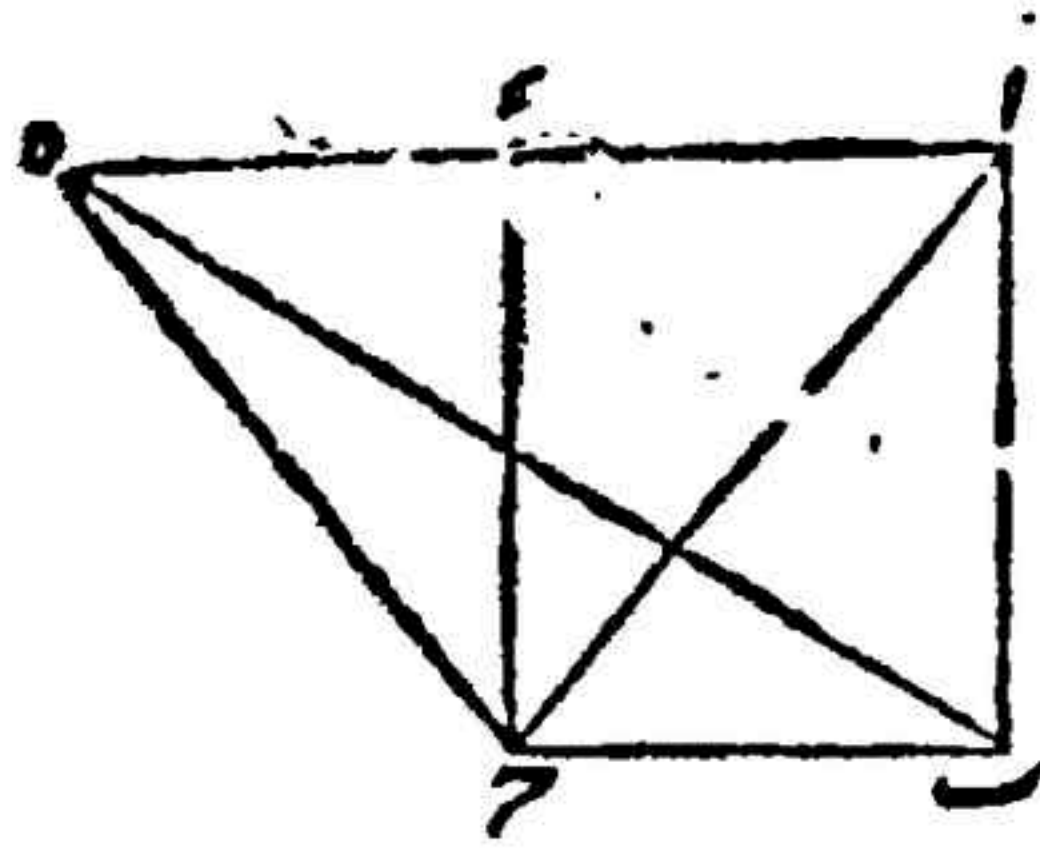
ل ط

كل مثلثين متساويين في جهة واحدة
على قاعدة واحدة فهما يبين خطين
متوازيين

\overline{AB} على \overline{AC} وأفضل. \overline{BC} فيكون مثلثا \overline{ABC} و \overline{ACD} و
 الجزء \overline{AB} متساويين لكون كل واحد منهما مساويا
 لثلث \overline{ABC} هذا خلف فان الحكم ثابت وذلك ما اردناه

ما

كل سطح متوازي الاضلاع ومثلث يكونان
 في جهة واحدة على قاعدة واحدة بين
 خطين متوازيين بعينهما فالسطح ضعف
 المثلث



مثل سطح \overline{ABCD} ومثلث
 \overline{ABC} الكائنين على قاعدة
 \overline{BC} و بين متوازيي \overline{AD}
 \overline{EF} ولذلك \overline{ABCD} فسطح
 \overline{ABC} هو ضعف مثلث \overline{ABC} المساوي لمثلث
 \overline{DEF} وذلك ما اردناه

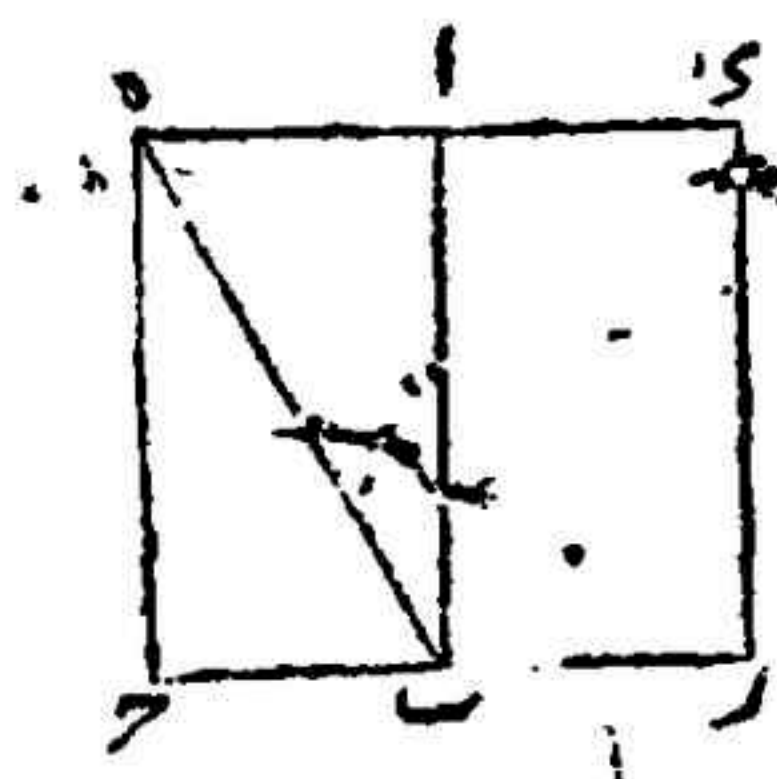
اقول

وكذلك ان كانا على قاعدتين متساويتين

وسيمتوعلها صاحب الكتاب

في الشكل الثالث من المقالة

الثانية عشر



مبا

تريد ان نعمل سطحاً متوازي الاضلاع

يساوي مثلثاً مفروضاً ويساوي احده

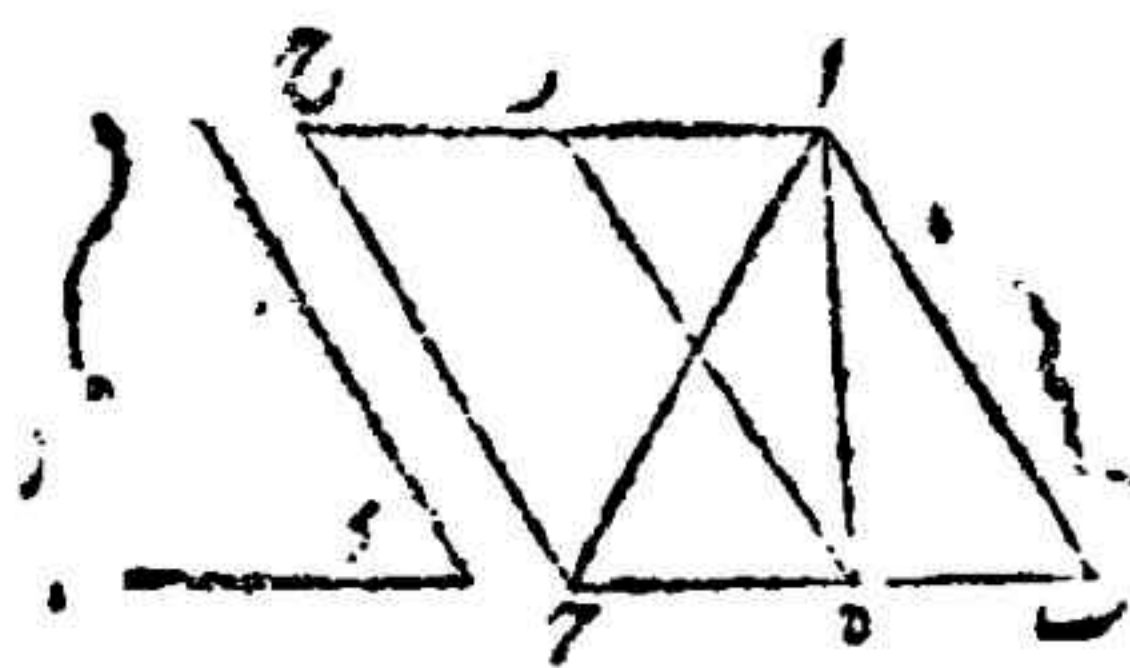
زاوية زاوية مفروضة

ولكن مثلث ABC والزاوية

ك فلتصنع BC على E ونصل

AE ونعمل على E من E زاوية

CE كزاوية C ونخرج من



AC موازياً له C فيلحق E لخرجها عن A على

اقل من قائمتين ونخرج من C موازياً له R

الى ان يلحق AC على C فيحدث سطح $ACEC$

الموازي الاضلاع والمعاوي لضعف A C اعني مثلث

ABC المفروض وزاويته اعني زاوية R مساوية لزاوية

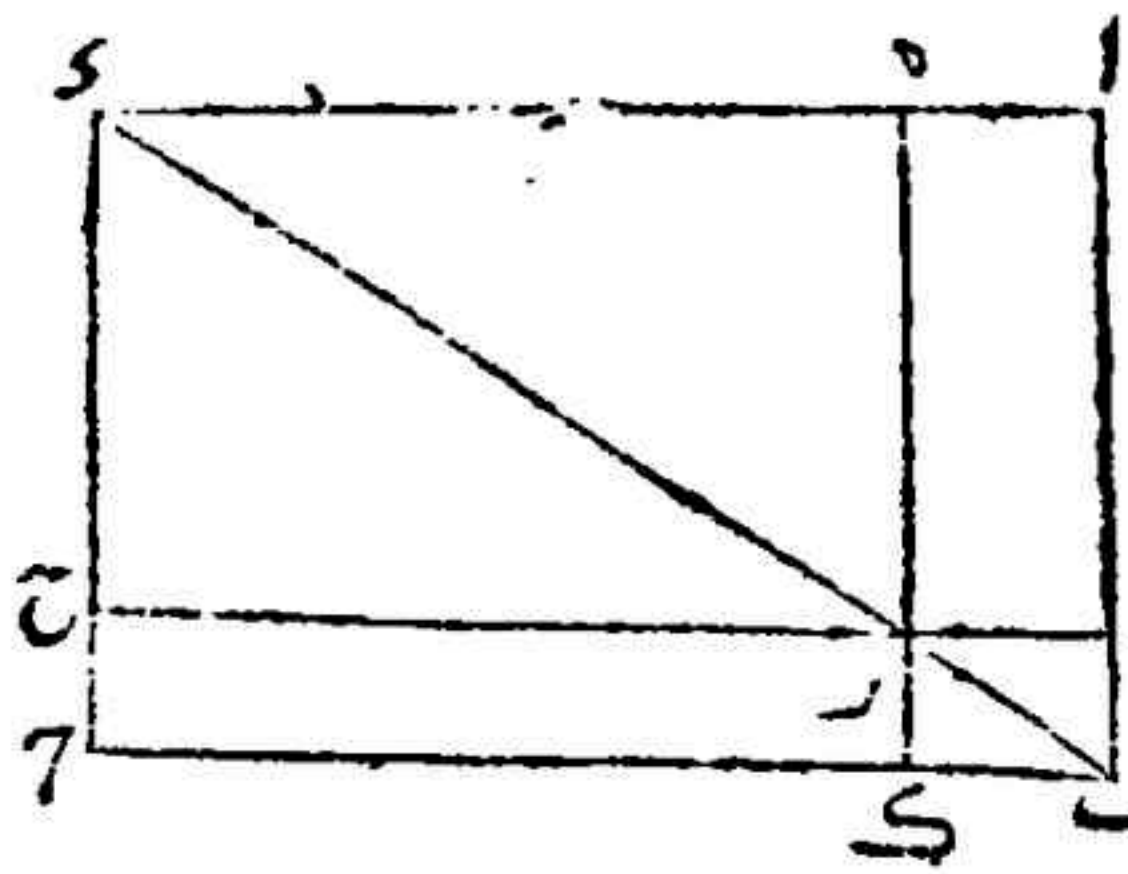
وذلك ما اردناه

اقول

وهي بناختلاف وفروع لان $\overline{را}$ اما ان ينطبق
على $\overline{ا}$ او يقع في احدي جهتيه

م

المتجهان وهما كل سطحين متوازيين الاضلاع
يقعان في نفس سطح متساويين عن جنبتى قطره
متباقيين على نقطة من القطر ومشاركين
لذلك السطح بزواويتين فيها متساويان



مثلا كسطحي اطاره $\overline{ر ك ح}$

الرائعين في سطح $\overline{ا ب ح ك}$

من جنبتى نظر $\overline{ب ك}$ المتلائين

على $\overline{ر}$ من القطر المشاركون لسطح

$\overline{ا ب ح ك}$ بزواويتى $\overline{آ ح}$ وذلك لان سطح $\overline{ا ب ح ك}$

متوازي الاضلاع وسطحي $\overline{ط ا ك ر}$ $\overline{ه ر ح ك}$ ايضا متواريان

الاضلاع فانصاف السطوح الثلثة اعني مثلثى $\overline{ا ب ك}$ $\overline{ب ح ك}$

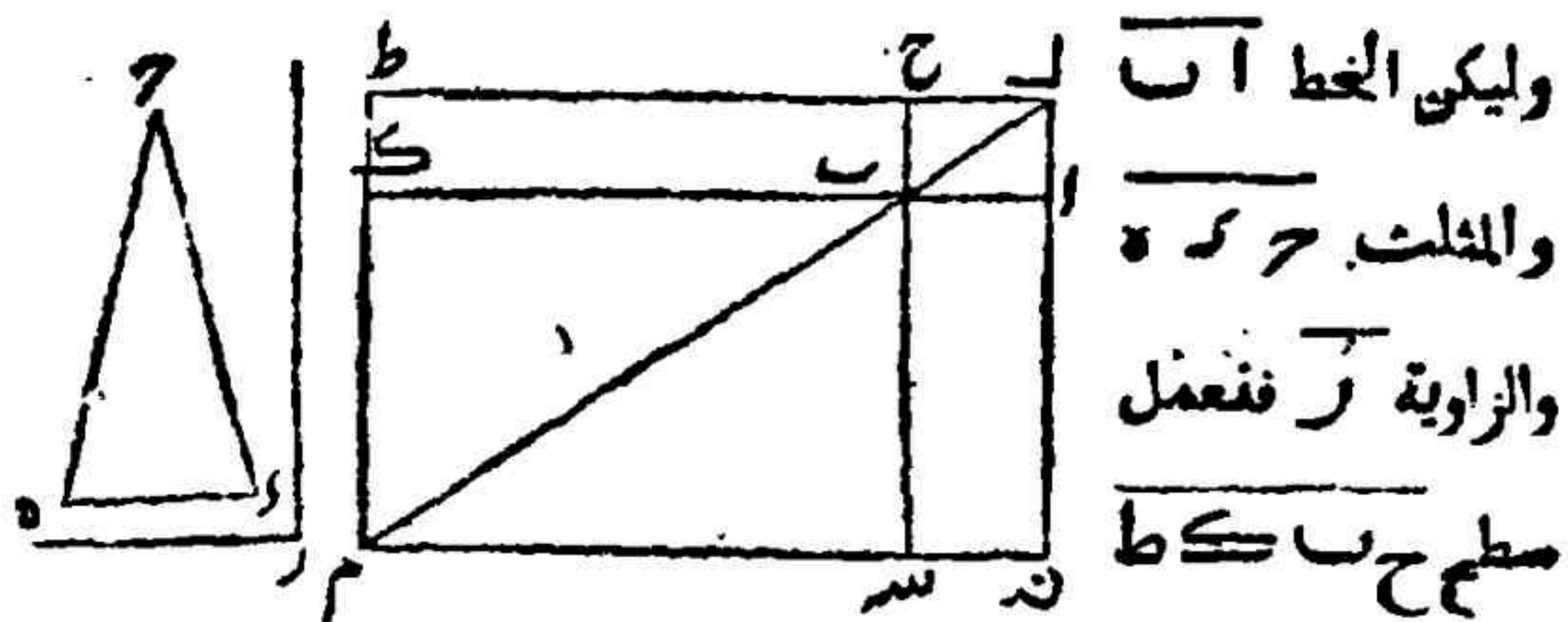
ومثلثى $\overline{ط ا ر ب ك ر}$ ومثلثى $\overline{ه ر ك ر ح ك}$

متساوية واذا القينا مثلثى $\overline{ط ا ر ب ك ر}$ $\overline{ه ر ك ر ح ك}$ من مثلث

\overline{AB} و مثلثي \overline{ABC} رح ك من مثلث \overline{BCH}
 بقي المتكلمان متساويين وذلك ما اردناه

مد

فريد ان نعمل على خط مفروض \overline{BC} متوازي
 الاضلاع يساوي مثلثا مفروضا و تساوي احدي
 زواياه زاوية مفروضة

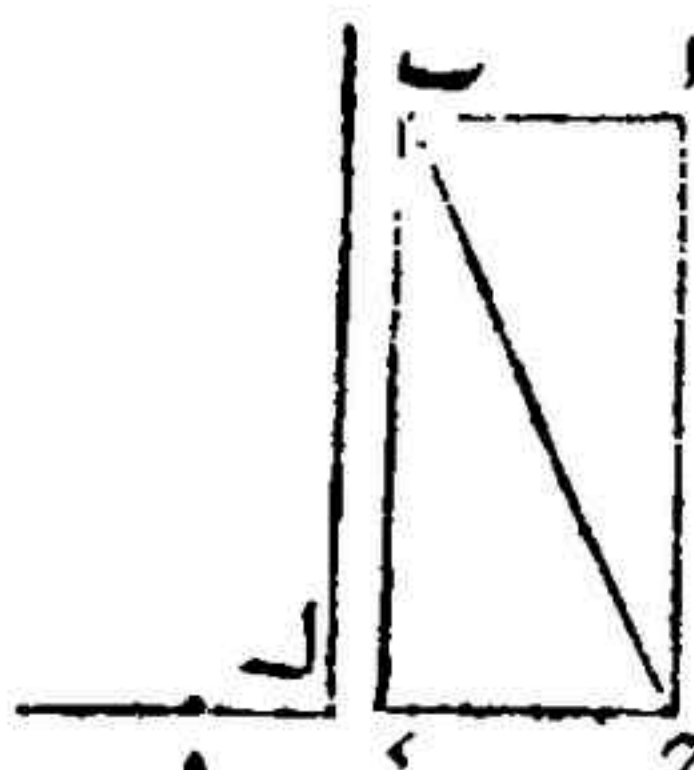


مساويا للمثلث و زاوية \overline{B} منه معاوية لزاوية \overline{R} على
 ان يكون \overline{AK} خطا واحدا ونتمم سطح \overline{ABCH}
 المتوازي الاضلاع ونصل قطر \overline{AC} ونخرجه ونخرج \overline{CK}
 الى ان يلتقيا على \overline{M} لنخرجهما عن \overline{AC} على اقل من
 قائمتين ونخرج \overline{MN} موازيا ل \overline{AK} ونخرج \overline{AN}
 \overline{BC} الى ان يلتقيا على \overline{N} وذلك لنخرج كل واحد

منهما مع م ن عن ل م على اقل من قايضتين اعني
 زاويتين مساويتين لزاويتي \angle ل ا ل \angle ب ا م
 ا ل ب فيكون سطح ط ن متوازي الاضلاع و سطح ا ط ب
 ب ن فيسه المتمعين فاذن سطح ب ا ن المعمول على
 ا ب مساو لسطح ب ط ا اعني لمثلث ح ك ه و زاوية
 ا ب م منه اعني زاوية ح ب ك مساوية لزاوية ر وذلك
 ما اردناه

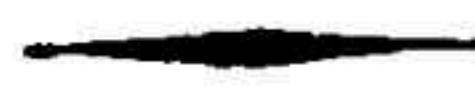
منه

تريد ان نعمل على خط مفروض سطحاً متوازي
 الاضلاع يساوي سطحاً مفروضاً مستقيماً الاضلاع
 وتساوي احدي زواياه زاوية مفروضة



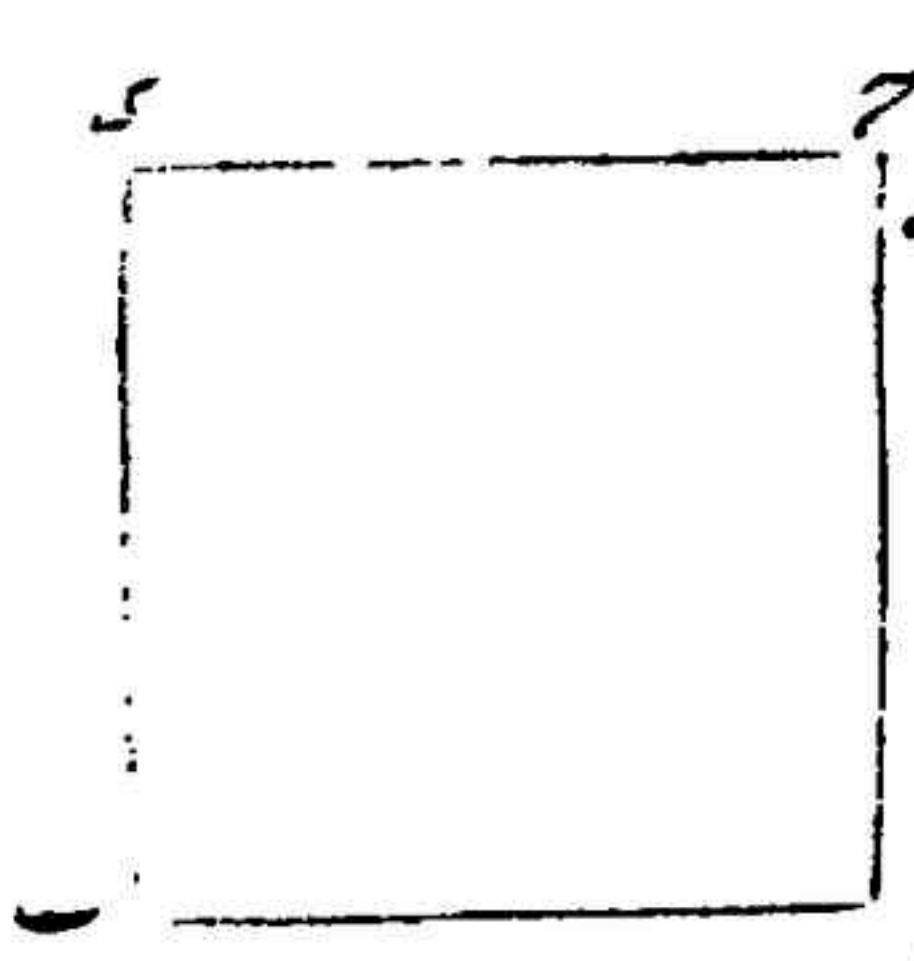
وليكن الخط ه ط والسطح المفروض
 ا ب ح ك والزاوية المفروضة ل فينقسم
 السطح بمثلثي ا ب ح ح ك
 ونعمل على ه ط سطح
 ر ه ط ك مساويا لمثلث ا ب ح و زاوية ه منه
 مساوية لزاوية ل و على ر ك المساوي له ط سطح

ح ر ك \perp مساويا \perp اثبات \perp ح ك \perp وزاوية ح ر ك
 منه معاوية لزاوية ل اعني لزاوية \perp فتكون \perp مع زاوية
 \perp ر ك معاوية لثمين لقايمتين ويتصل ح \perp خطا مستقيما
 وكذلك ط م فيكون \perp م المتوازي الاضلاع معمولا على
 \perp ط و مساويا لسطح ا ب ح ك وزاوية \perp منه مساوية
 لزاوية ل وذلك ما ازناه



هو

نريد ان نعمل على خط مربعا



مثلا على خط ا ب فنخرج
 من نقطة ا عمود ا ج ونجعله مساويا
 ل ا ب ومن ب خط ب ك موازيا
 ل ا ج ومن ح خط ح ك موازيا ل ا ب
 الي ان يلتقيا على ك لنحروجهما

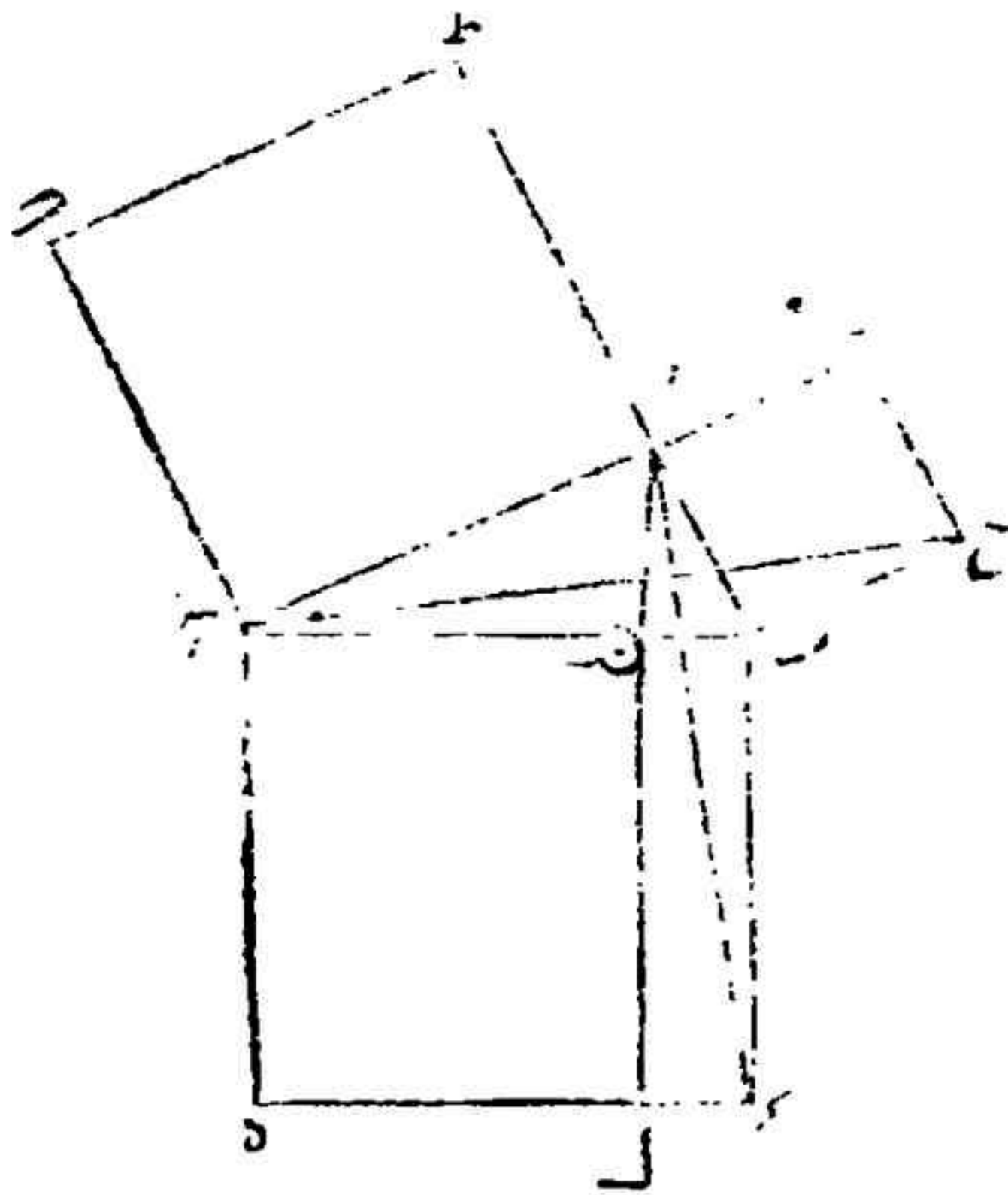
من خط يتوهم واصلا بين ح ب على اقل من قائمتين فيكون
 سطح ا ك المتوازي الاضلاع متساويين المتساوي ضلعي ا ب
 ا ج المساويين لمقابلتيهما قائم الزوايا لكون زاوية ا قائمة
 وزاوية ب اعني قماهما من قائمتين ايضا قائمة والباقيتين

مساويتين لهما فاذن $\overline{صطح}$ $\overline{ا ك}$ مربع معمول على $\overline{ا ب}$
وفلك ما اردناه



مر

كل مثلث قائم الزاوية فان مربع وتر زاويته
القائبة مساو لمربعي ضلعيها



مثلا في مثلث $\overline{ا ب ج}$ مربع
 $\overline{ب ح}$ وتر زاوية $\overline{ا}$ القائمة
مساو لمربعي $\overline{ب ا}$ $\overline{ا ج}$ ولنعمل
المعمول وهي $\overline{ب د ج}$
مساو $\overline{ر ا ط ك ح}$
في متصل $\overline{ر ا ح}$ خطا واحد الكون
زاويتي $\overline{ب ا ر}$ $\overline{ب ا ج}$
قائمتين يكك $\overline{ب ا ط}$ ونخرج

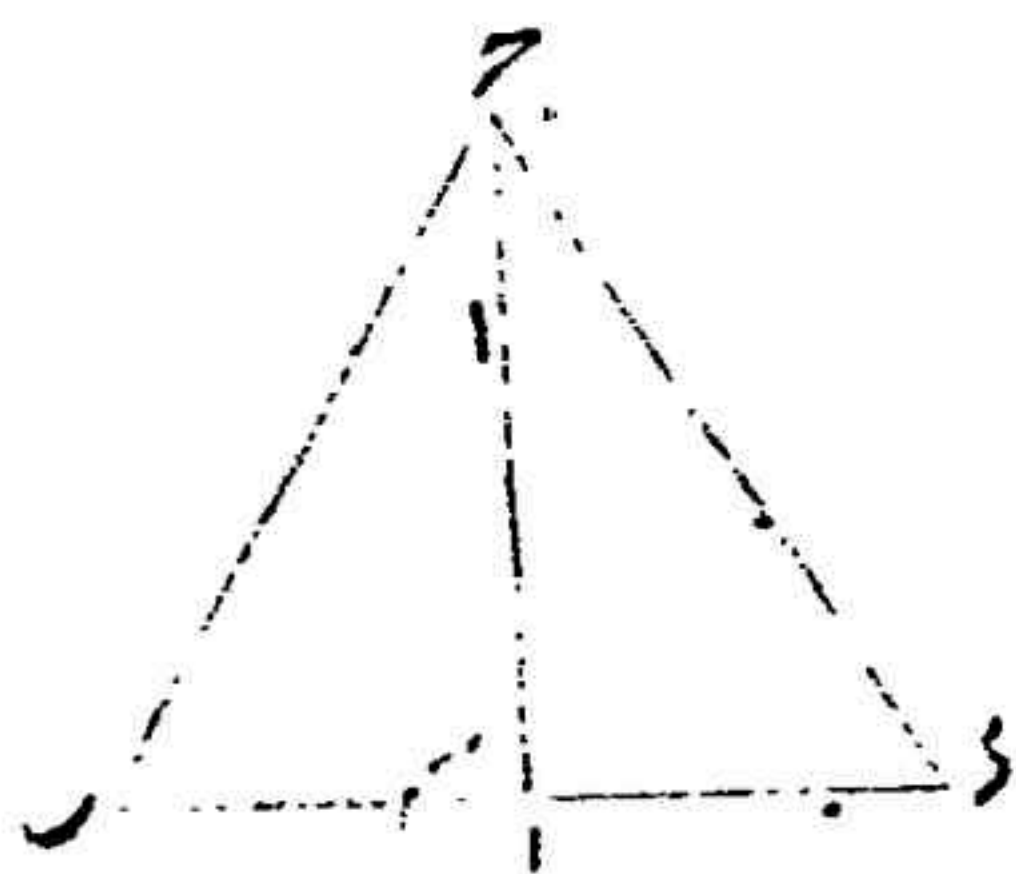
من $\overline{ا ل}$ موازيا ل $\overline{ب د}$ فيقع داخل المثلث لان زاوية
 $\overline{ب ا ا ك}$ اكبر من قائمة فيكون زاوية $\overline{ب ا ل}$ اقل من زاوية
 $\overline{ب ا ح}$ القائمة ويتطع لامحالة $\overline{ب ا ح}$ على $\overline{ك}$ مثلا وينقسم
به مربع $\overline{ب ا د}$ الى سطحي $\overline{ب ا ل}$ $\overline{ب ا ح}$ ونصل $\overline{ل ج}$

\overline{AB} \overline{AC} \overline{BC} \overline{AB} \overline{AC} \overline{BC} \overline{AB} \overline{AC} \overline{BC}
 آك فلان في مثلثي ح ح ب با ك ضلعي ح با ح با ح
 وزاوية ح با ح مساوية لضلعي \overline{AB} \overline{AC} وزاوية \overline{AB} \overline{AC}
 يكون المثلثان متساويين ومثلث ح ح ب يساوي نصف مربع
 \overline{BC} لكونهما على قاعدة ح با بين متوازيي ح با ح
 وكذلك مثلث با ك يساوي نصف سطح \overline{BC} لكونهما
 على قاعدة با ك بين متوازيي با ك ا ل فمربع
 \overline{BC} يساوي سطح \overline{BC} لتساوي نصفيهما وبمثل ذلك
 يبين ان مربع \overline{CA} يساوي سطح \overline{AC} فان مربع \overline{CA}
 يساوي مربعي \overline{BA} \overline{AC} وذلك ما اردناه

اقول وهذا الشكل ملغب بالعروض

مصحح

اذا ساوى مربع ضلع مثلث مربعي ضلعيه
 الباقيين فالزاوية التي بين الباقيين قائمة



فليكن مربع ح ب من مثلث
 \overline{AB} \overline{AC} مساويا لمربعي \overline{AB}
 \overline{AC} فزاوية \overline{A} قائمة ولنخرج
 من \overline{A} عمود \overline{AK} على \overline{BC}
 مساويا ل \overline{AB} ونصل \overline{CK}
 فمربع \overline{CA} \overline{CB} متساويان

لكون كل واحد منهما مساويا لمربعي \overline{AC} \overline{AB} اعني \overline{AC}
 \overline{CD} \overline{CB} \overline{CA} \overline{CB} \overline{CA} \overline{CB} \overline{CA}
 النظائر متساوية فزاوية \overline{AC} مساوية لزاوية \overline{AC}
 القائمة فهي ايضا قائمة وذلك ما اردناه

المقالة الثانية اربعة عشر شكلا

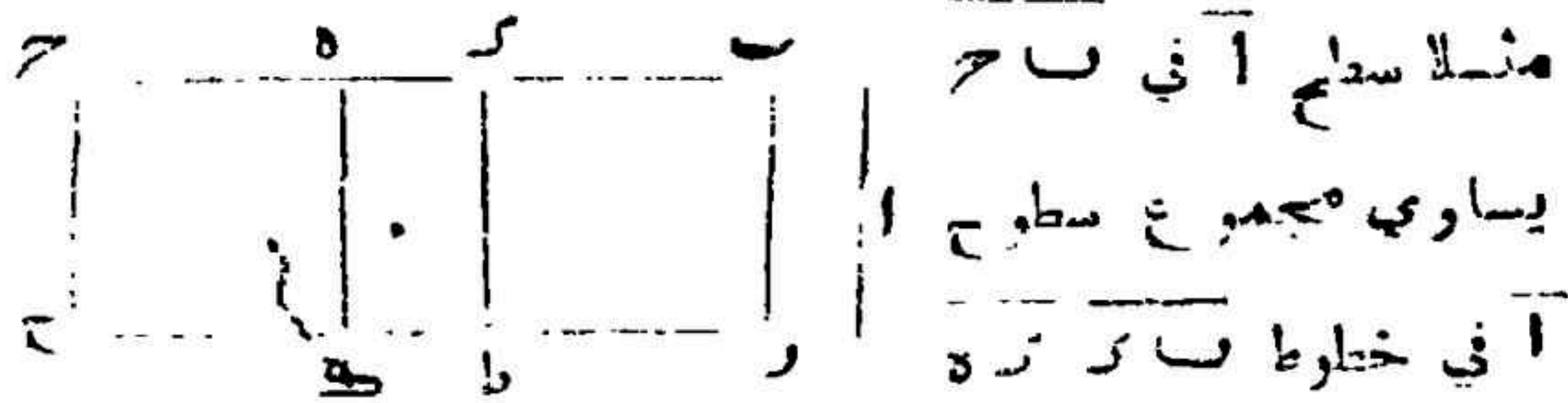
صدر

يقال لكل خطين يحيطان باحدى زوايا سطح متوازي الاضلاع قائم الزوايا المحيطان به اقول وانا ابر عن ذلك السطح بسطح احدى زاوي الاخر ويقال لمجموع المضمين واحد امتوازيي الاضلاع اللذين بينهما العلم

الاشكال

ا

سطح الخط في خط اخر يساوي مجموع سطوحه في اقسام ذلك الخط



ه آ التي هي اقسام ب ح ونخرج عمود ب ر على ب ح مثل آ ونتجم سطح ب ح القائم الزوايا فهو سطح آ في ب ح ونخرج ك ط ه ك موازيين لبار

فيكونان معاويين له اعني لا يكون سطوح $\overline{ب ط ر ك}$
 $\overline{ه ح م ط و ح ا ب ك ر ه ه ح}$ وجميعه $\overline{ه ه ح}$ يساوي بالسطح
 $\overline{ب ح}$ وذلك ما اردناه

ب

مجموع سطوح الخطيني اقسامه يساوي مربعه

مثلا مجموع سطحي خط $\overline{ا ب}$ في خطي $\overline{ا ب}$
 $\overline{ا ح ر ب}$ يساويه مربع خط $\overline{ا ب}$ ونرسم
 على $\overline{ا ب}$ مربع $\overline{ا ه}$ ونخرج $\overline{ح ر}$ موازيا
 لـ $\overline{ا ه}$ ونسطح $\overline{ا ر ح ه}$ هاسطحا $\overline{ا ر}$ اعني
 $\overline{ا ب}$ في تسميه وهما $\overline{ا ح ر ب}$ وجميعهما هو مربع $\overline{ا ه}$
 وذلك ما اردناه

ح

سطح الخطيني احد قسميه يساوي مجموع مربع
 ذلك القسم وسطحه في القسم الاخر

مثلا سطح $\overline{ا ب}$ في $\overline{ب ح ا}$
 يساوي مجموع مربع
 $\overline{ب ح}$ ووسطح $\overline{ا ح}$ في $\overline{ب ح ا}$
 ونرسم على $\overline{ب ح}$ مربع $\overline{ب ه}$ ونضم سطح $\overline{ا ه}$ فان اعني $\overline{ب ح}$

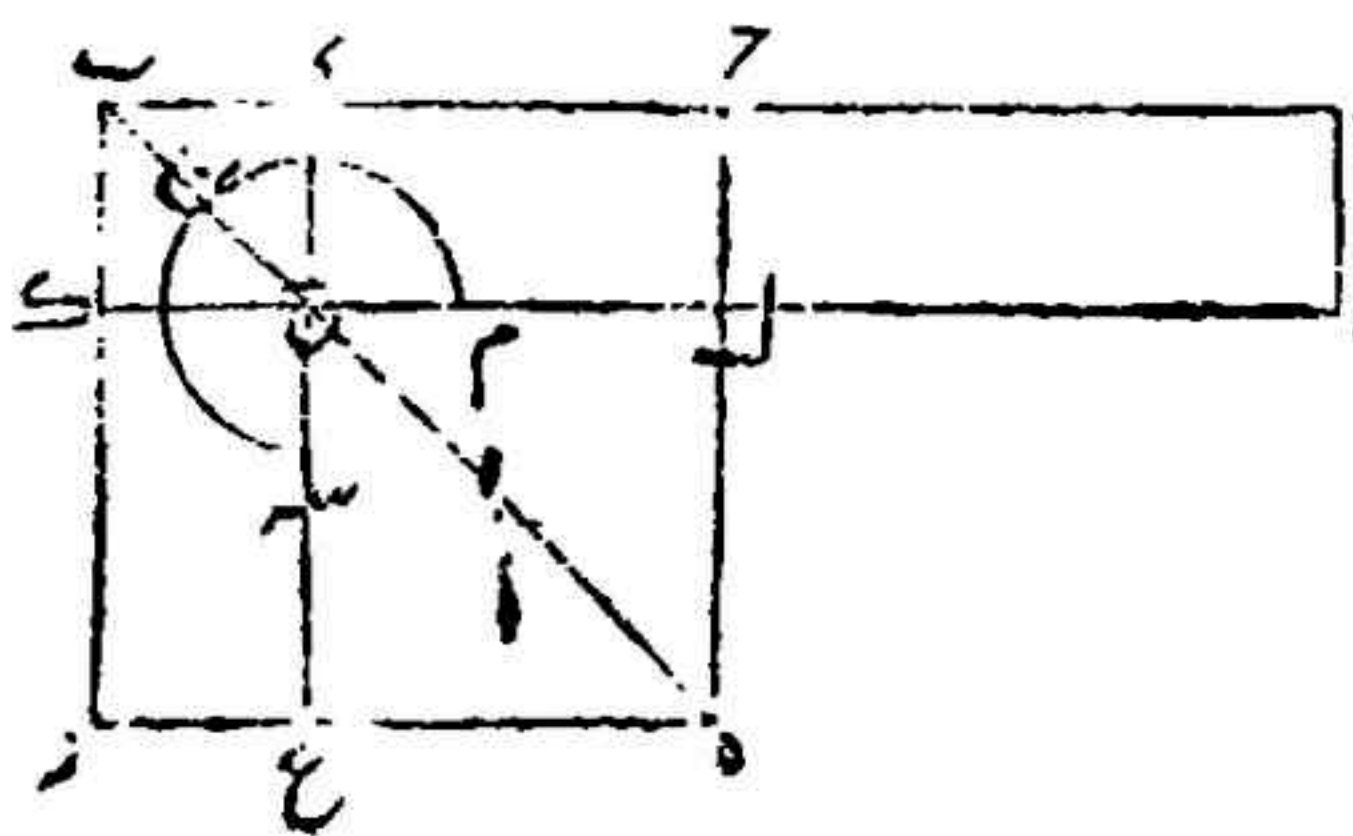
هو سطح $\overline{آح}$ فيصالح المساري $\overline{لح$ و $\overline{صطح ح ه}$ مساو
 ل $\overline{آح}$ فاذن مربع $\overline{آه}$ يساوي مربعي $\overline{طآ}$ و $\overline{ح ه}$ الذين
 هما مربعان تسمى $\overline{آح}$ و $\overline{ح ه}$ و $\overline{صطح ح ه}$ ما الذين هما
 نصف سطح $\overline{آح}$ في $\overline{ح ه}$ وذلك ما اردناه

وقيل بان منه

ان السطوح المتوازية الاضلاع الواقعة على اقطار
 المربعات . تعات ومعنى الوقوع ان يكون اقطار
 تلك المتوازية الاضلاع بعض اقطار المربعات
 وان المربعات الواقعة في المربعات بانطباق
 ضلعين على ضلعين انها تقع على اقطارها

هـ

كل خط نصف وقسم به مختلفين في مجموع سطح
 احدى القسمين في الاخر ومربع الفضل بين
 النصف والقسم يساوي مربع النصف



مثلا ان نصف على $\overline{ح}$
 وقسم على $\overline{ك}$ فجميع
 سطح $\overline{آك}$ في $\overline{ك ب}$
 ومربع $\overline{ح ك}$ يساوي

H

نصل الفطر ونخرج $\overline{ك ح}$ الى $\overline{ع}$ و $\overline{ل ح}$ الى $\overline{ك}$ و سطح
 $\overline{ح ط}$ فلان سطح $\overline{ح ط}$ يساوي سطح $\overline{ح ح}$ اعني سطح $\overline{ح ح ر}$
 ونجعل $\overline{ح ل}$ مشتركا يكون سطح $\overline{آ ل}$ مساويا لسطح $\overline{م ن س}$
 و يجعل $\overline{ك ع}$ مشتركا يكون مجموع $\overline{آ ل}$ الذي هو سطح
 $\overline{آ ك في ك ل}$ اعني في $\overline{ك ب}$ ومربع $\overline{ك ع}$ الذي هو
 مربع $\overline{ح ب}$ مساويا لسطح $\overline{آ ل}$ الذي هو مربع $\overline{ح ك}$ وذلك
 ما اردناه

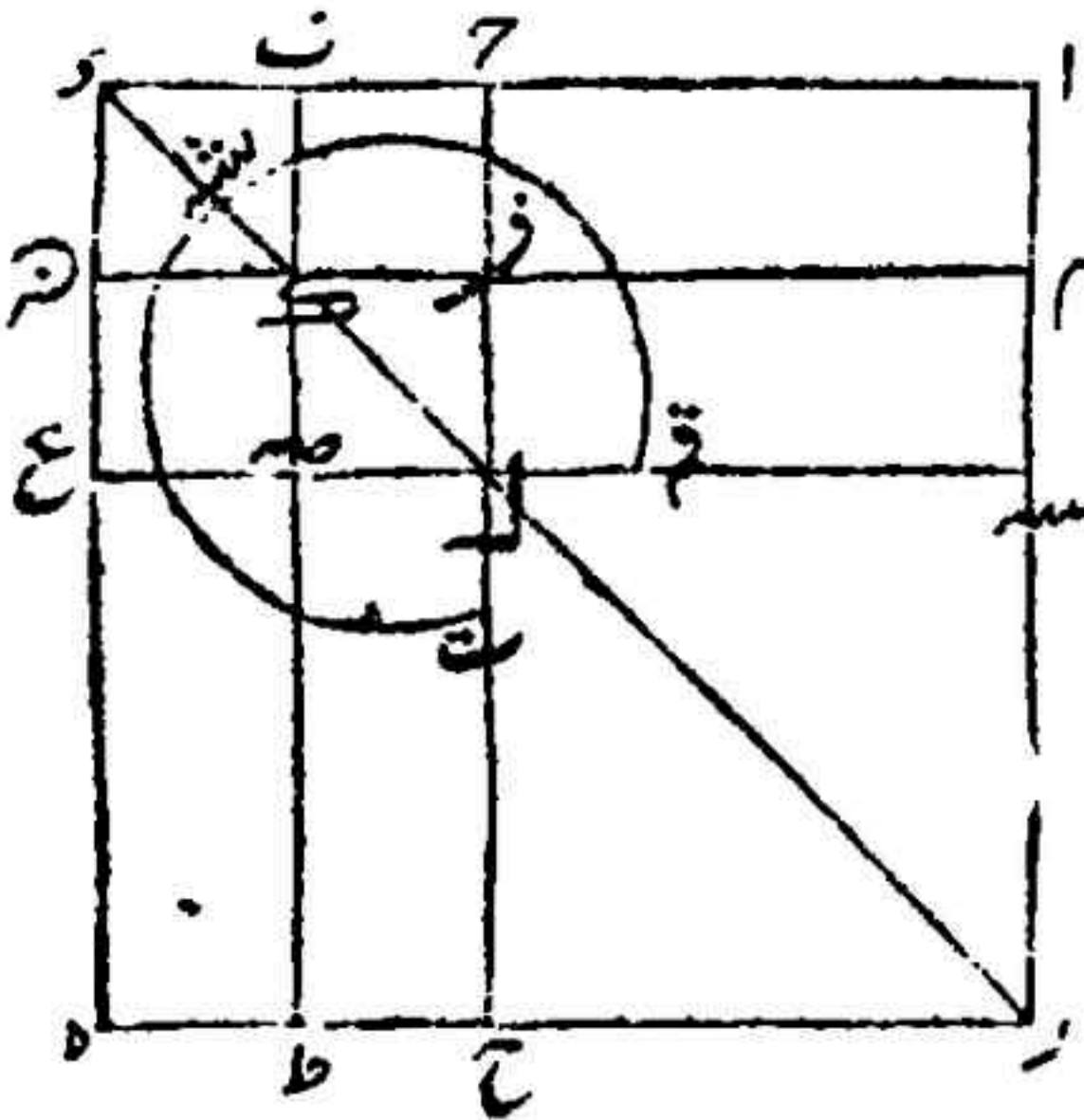
ويبين ان يعبر عن هذا الشكل والذي قبله
 بقول واحد

وهو ان يقال خط $\overline{آ ب}$ نصف على $\overline{ح}$ واخذ منه $\overline{ب ك}$ مما يلي
 $\overline{ب}$ في احدي جهتيها كيف اتفق فسطح $\overline{آ ك في ك ب}$ اذا
 نقص من مربع $\overline{ح ب}$ اوزيد عليه حصل مربع $\overline{ح ك}$ وقس
 البيان عليه

مربع الخط مع مربع احد قسبيه يساوي مجموع
 ضعف سطح الخط في ذلك القسم ومربع
 القسم الاخر

ح

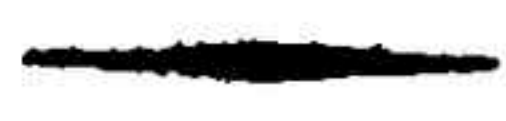
اربعة امثال مسطح الخط في احد قسبيه مع
مربع القسم الاخر يساوي مربع خط يزيد على
ذلك الخط بقدر القسم الاول



وليكن الخط $\overline{اب}$ واحده قسميه
 $\overline{ح ب}$ و زيدني $\overline{اب}$ $\overline{ب ر}$
بقدر $\overline{ح ب}$ فاربعه امثال مسطح
 $\overline{اب}$ في $\overline{ح ب}$ مع مربع
 $\overline{ا ح}$ يعاوي مربع $\overline{ا ك}$ وترسم
علي $\overline{ا ك}$ مربع $\overline{ا ه}$ ونصل

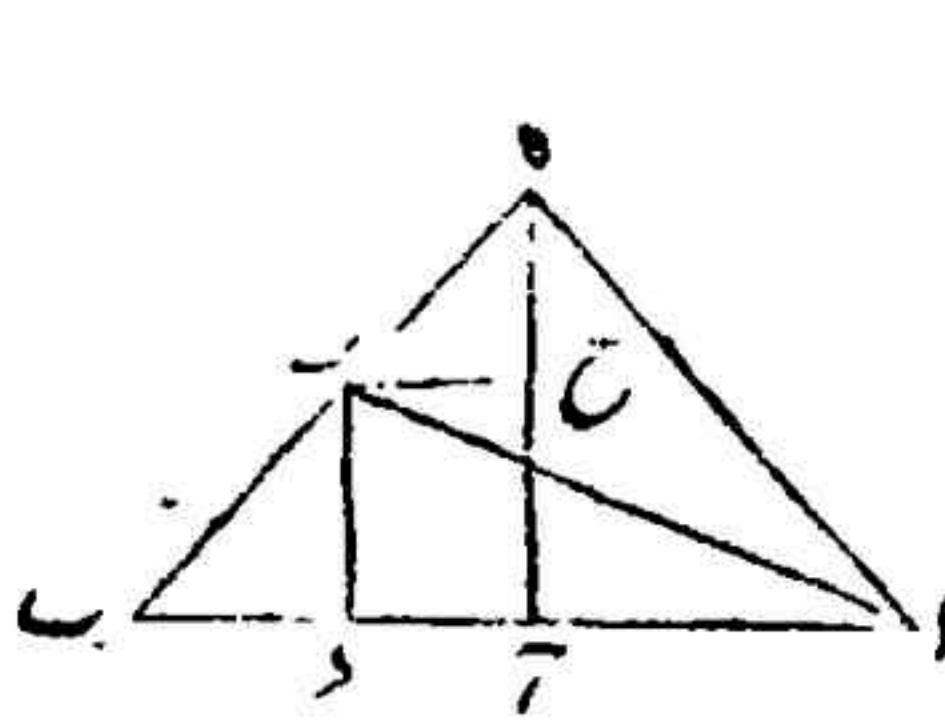
قطر $\overline{ك ر}$ ونخرج خطي $\overline{ح ح}$ $\overline{ط ط}$ موازيين ل $\overline{ا ر}$ فيقطعان
ك ر علي $\overline{ك ل}$ ومنهما $\overline{ك م ن ل سم ع}$ موازيين
لا $\overline{ك ف}$ سطوح $\overline{ح ك ب ا ن ف ا ص ك ع}$ الاربعه
مربعات لتساوي $\overline{ب ا ك ح ب}$ وكون $\overline{ب ا ن ف ا ص}$
مربعيهما لو توعهما علي القطر والجميع اربعة امثال $\overline{ح ك}$
وسطوح $\overline{ا ف م ل ن ه ل ط}$ متساويات لتساوي
 $\overline{ا م م سم}$ ولكون $\overline{ا ل ل ه}$ متممين وكذلك $\overline{م ل ل ط}$
والجميع اربعة امثال $\overline{ا ف}$ فعلم ق شرت اربعة امثال

$\overline{اك}$ الذي هو سطح $\overline{اب}$ في $\overline{ساك}$ اعني في $\overline{حبايو}$ هو
 مع $\overline{سح}$ الذي هو مربع $\overline{اح}$ يساوي $\overline{اق}$ الذي هو مربع
 $\overline{اك}$ وذلك ما اردناه



ط

كل خط نصف و قسم باختلافين فمجموع
 مربعي القسمين يساوي ضعف مربعي النصف
 والفصل بين النصف والقسم



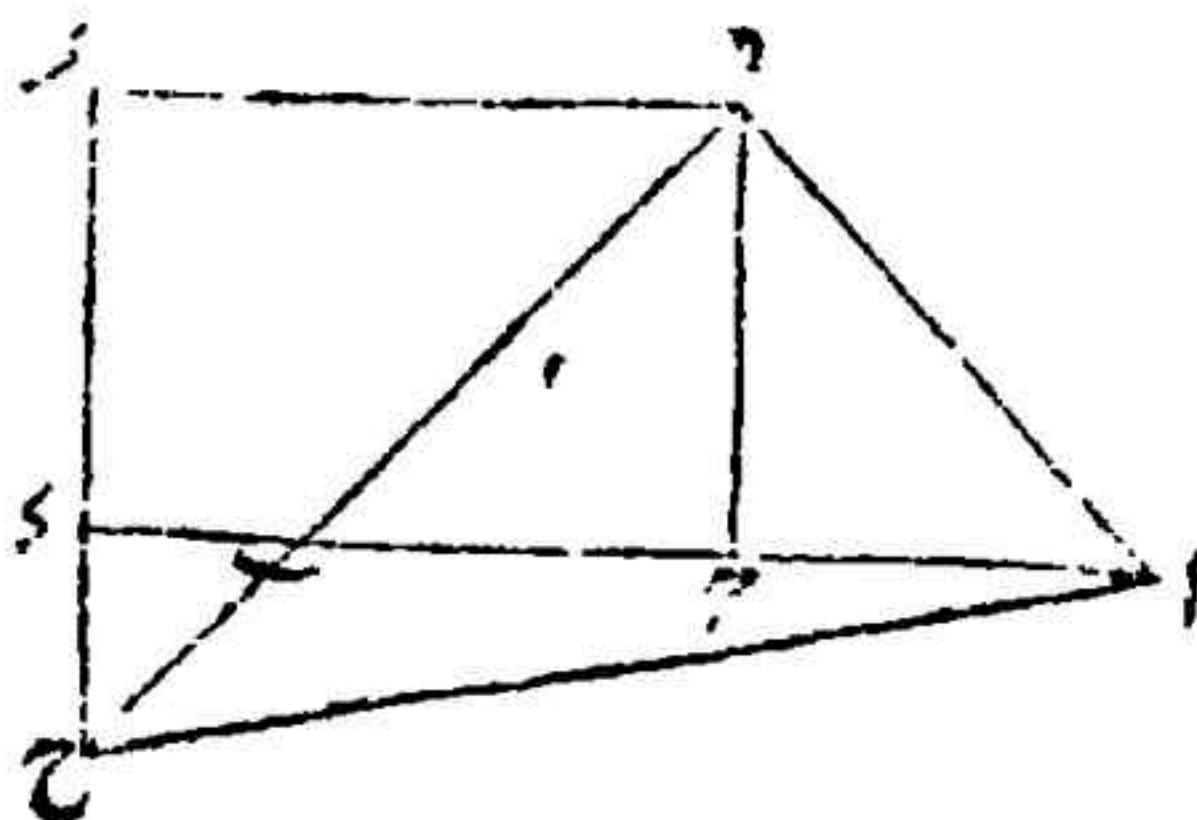
مثله $\overline{اب}$ نصف على $\overline{ح}$ وقسم
 بمختلفين على $\overline{ك}$ فمجموع مربعي
 $\overline{اك}$ $\overline{كب}$ يساوي ضعف مربعي $\overline{اح}$
 $\overline{حك}$ فنخرج من $\overline{ح}$ عمود

$\overline{ح د}$ مساويا لـ $\overline{اح}$ ونصل $\overline{اد}$ $\overline{دب}$ ومن $\overline{ك}$
 $\overline{ك ر}$ موازيا لـ $\overline{ح د}$ ومن $\overline{ر}$ موازيا لـ $\overline{اد}$ ونصل
 $\overline{ار}$ ولان في مثلثي $\overline{اح د}$ $\overline{اح ر}$ ضلعي $\overline{اح}$ $\overline{ح د}$ مساويان
 لصلح $\overline{ح د}$ وزاويتا $\overline{ح د ا}$ قائمتان يكون كل واحد من زاويتي
 $\overline{اح د}$ $\overline{اح ر}$ نصف قائمة وزاوية $\overline{اد ر}$ قائمة ولان في
 مثلث $\overline{ساك}$ زاوية $\overline{ساك}$ نصف قائمة وزاوية $\overline{ساك ر}$ قائمة

يبقى زاوية ايسر ايضا نصف قائمة ويكون ساك كز
 متساويين وبمثل ذلك يكون في مثلث ه ح ر ضلعا ه ح
ر ح متساويين واتساوي ا ح ه ح يكون مربع ا ه مساويا
 لنصف مربع ا ح وايضا مربع ه ر مساو لنصف مربع ب ل ا ح
 اعني ح ك فمربع ا ه ه ر اعني مربع ا ر بل مربعي
ا ك ر اعني مربعي ا ك ك ب معا مساويان لنصف مربعي
ا ح ح ك وذلك ما اردناه

ي

كل خط نصف وزيد فيه خط اخر عالى استقامته
 فهو ربعا الخط طمع الزيادة و الزيادة وحدتها
 يساويان ضعف مربعي نصف الخط و حده
 ونصفه ربع الزيادة



مثلا ا ب نصف على ح
 وزيد فيه ساك فمربع ا ك
ب ك يساويان ضعف مربعي
ا ح ه ح ونخرج عمود

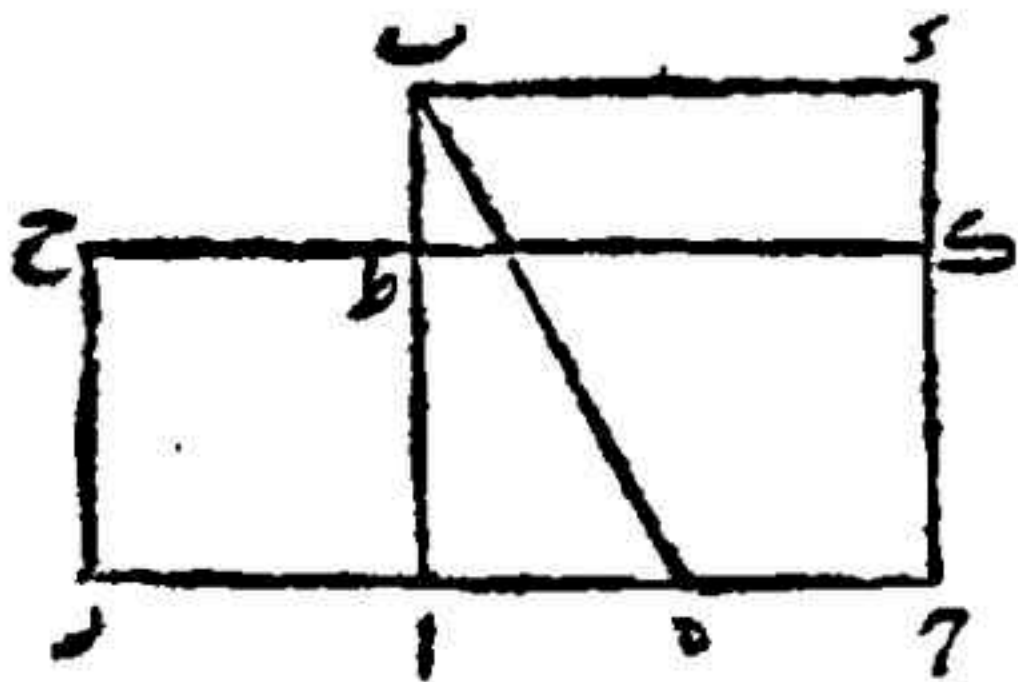
حـ هـ مثل آح ونصل آة هـ بـ ونخرج من هـ كـ رـ
 موازيا لـ هـ ومن هـ رـ موازيا لـ كـ وملائيا لـ رـ
 ولما كانت زاويتا كـ رـ هـ رـ قائمتين يكون زاويتا
 كـ رـ هـ رـ قائمتين فنخرج هـ بـ رـ كـ الى
 ان يتلاقيا على حـ ونصل آح فلان في مثلثي آح هـ بـ حـ هـ
 ضلعي آح بـ حـ مساويان لـ هـ و زاويتي حـ قائمتان
 يكون كل واحد من زاويتي آح هـ بـ حـ نصف قائمة
 وزاوية آة بـ قائمة ولما كانت زاوية كـ هـ قائمة
 وزاوية رـ هـ حـ تمامها من قائمتين فهي ايضا قائمة ويبقى زاوية
 حـ هـ رـ نصف قائمة وزاوية هـ رـ حـ قائمة فزاوية رـ حـ هـ من مثلث
 هـ رـ حـ ايضا نصف قائمة ويكون ضلعا هـ رـ حـ متساويين وبمثل
 ذلك يبين ان ضلعي بـ كـ حـ كـ من مثلث بـ كـ حـ كـ
 متساويان ولذا اوي آح هـ رـ يكون مربع آة هـ مساويا
 لضعف مربع آح هـ وايضا مربع هـ حـ مساو لضعف مربع هـ رـ
 اعني حـ كـ فمربع آة هـ حـ اعني مربع آح هـ بل مربعي
 آكـ حـ اعني مربعي آكـ بـ كـ يساويان ضعف مربعي
 آح هـ كـ وذلك ما اردناه

ويكون \overline{AB} يعبر عن هذا الشكل والذي قبله
 بعبارة واحدة

وهي ان يقال خط \overline{AB} نصف \overline{AC} اذ منه \overline{BC}
 ما يلي \overline{CA} في احدى الجهتين فمربع \overline{AC} يساوي
 ضعف مربع \overline{AC} ونس البرهان عليه

يا

نريد ان نقسم خطا بتقسيمين يكون سطحه في
 احدهما مساويا للمربع الاخر



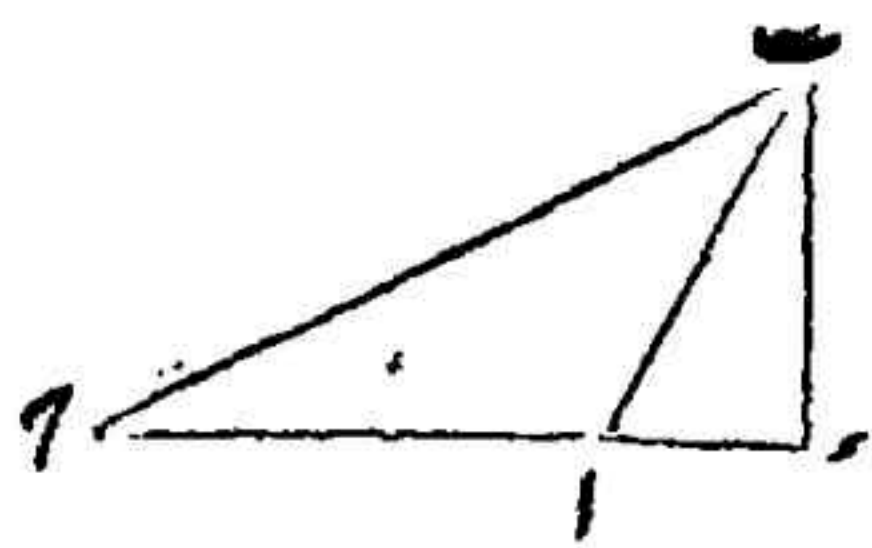
وليسكن الخط \overline{AB} فنرسم
 عليه مربع \overline{AC} ونصف \overline{AC}
 على \overline{C} ونصل \overline{CA} ونخرج
 \overline{A} الى ان يصير \overline{AR} منسل

\overline{CA} ونرسم على \overline{AR} مربع \overline{AC} فيقسم الخط به على \overline{CA}
 القسمة المذكورة وانما ينقسم به لان جميع \overline{CA} اطول
 من \overline{CA} اعني \overline{R} ويلقي \overline{A} المشترك فيبقى \overline{AR} اعني
 \overline{AR} انصر من \overline{AB} فيقسم الخط على \overline{CA} وانما يكون القسمة
 هي المذكورة لان خط \overline{CA} نصف على \overline{C} وزيد فيه \overline{AR} نسطح

ح ر في رآ مع مربع $\overline{هـ}$ يساوي مربع $\overline{هـ ر}$ اعني
 $\overline{هـ ب}$ اعني مربع $\overline{هـ آ}$ ويلقي مربع $\overline{هـ ب}$ المشترك
 يبقى صلح $\overline{ح ر}$ في رآ اعني في $\overline{ر ح}$ وهو سطح $\overline{ر ك}$
 مساو بالمربع $\overline{ب}$ وهو $\overline{آ ك}$ ويلقي $\overline{آ ك}$ المشترك يبقى
 مربع $\overline{ر ح}$ مساو بالسطح $\overline{ط ك}$ الذي هو سطح $\overline{ط ك}$ اعني
 $\overline{ح ر}$ بل $\overline{آ ب}$ في $\overline{ط ب}$ فسطح $\overline{آ ب}$ في $\overline{ط ب}$ يساوي
 مربع $\overline{آ ط}$ وذلك ما اردناه

يب

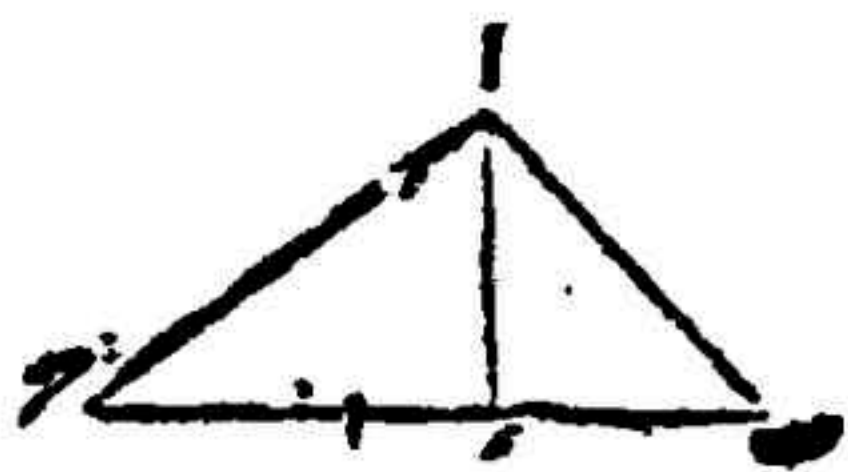
كل مثلث منفرج الزاوية فان مربع وتر زاويته
 المنفرجة اعظم من مربعي ضلعيها بضعف سطح
 القاعدة اعني الضلع
 الذي يقع عليه
 العبود الخارج من
 احدي الباقيتين
 في القدر الذي يقع منه بعدل اخراجه بين
 الزاوية وموقع العبود
 وليكن المثلث $\overline{آ ب ح}$ والزاوية المنفرجة منه $\overline{آ}$ ونخرج



من $\overline{ب}$ $\overline{ع}$ $\overline{و}$ $\overline{د}$ $\overline{ب}$ $\overline{ك}$ على ضلع $\overline{كز}$ $\overline{أ}$ المسمى بالقاعدة
فيقع $\overline{كز}$ نقطة $\overline{ك}$ من بعد اخراجه في جهة $\overline{أ}$ اذ لو وقع $\overline{كز}$ داخل
المثلث $\overline{كز}$ خارج من جهة $\overline{ح}$ لاجتماع $\overline{كز}$ المثلث $\overline{كز}$ من
من العمود والقاعدة وضلع $\overline{ب}$ $\overline{أ}$ قائمة $\overline{كز}$ $\overline{ب}$ $\overline{كز}$ $\overline{ب}$ $\overline{كز}$
فمربع $\overline{ب}$ $\overline{كز}$ اعظم من مربع $\overline{ب}$ $\overline{كز}$ $\overline{ب}$ $\overline{كز}$ $\overline{ب}$ $\overline{كز}$
 $\overline{أ}$ $\overline{ح}$ القاعدة في $\overline{أ}$ $\overline{ك}$ الذي بين الزاوية وموقع العمود وذلك
لان $\overline{كز}$ مقسوم على $\overline{أ}$ فمربعه يتساوى مربع $\overline{كز}$ $\overline{أ}$ $\overline{كز}$
وضعف سطح $\overline{كز}$ $\overline{أ}$ في $\overline{أ}$ $\overline{كز}$ ونجعل مربع $\overline{ب}$ $\overline{كز}$ مشتركا
فيصير مربع $\overline{ب}$ $\overline{كز}$ $\overline{كز}$ $\overline{أ}$ اعني مربع $\overline{ب}$ $\overline{كز}$ متساويا
 $\overline{كز}$ $\overline{أ}$ $\overline{كز}$ اعني مربع $\overline{ب}$ $\overline{كز}$ مع مربع $\overline{أ}$ $\overline{كز}$ وضعف سطح
 $\overline{كز}$ $\overline{أ}$ في $\overline{أ}$ $\overline{كز}$ ويظهر ان مربع $\overline{ب}$ $\overline{كز}$ اعظم من مربع $\overline{ب}$ $\overline{كز}$
 $\overline{أ}$ $\overline{ح}$ بضعف السطح المذكور وذلك ما اردناه

ك

كل مثلث فمربع وتر زاويته الحادة اصغر من
مربعي ضلعيها بضعف سطح القاعدة في القدر
الذي يقع منه بين الزاوية وموقع العمود الخارج
من احدى الباقيتين



ولكن المثلث $\overline{أ ب ج}$
 و الزاوية المحادة منه
 $\overline{ب ج}$ والعمود المصعد $\overline{ب ج}$
 $\overline{أ ج}$ من القبله له وهي ضلع
 في $\overline{ب ج}$ فهو $\overline{أ ج}$ الواقع من

الزاوية في جهة المثلث اذ لو وقع خارجا في الجهة الاخرى
 لاجتمع في المثلث الحاد منه ومن القسا عدة ومن ضلع
 $\overline{أ ب}$ قائمته ومنفرجة نقول فمربع $\overline{أ ج}$ اصغر من مربعي
 $\overline{أ ب}$ $\overline{ب ج}$ بضعفه سطح $\overline{ب ج}$ في $\overline{ب ج}$ و ذلك لان
 $\overline{ب ج}$ مقسوم على $\overline{ب ج}$ فمربع $\overline{ب ج}$ $\overline{ب ج}$ يساويان فبعض
 سطح $\overline{ب ج}$ في $\overline{ب ج}$ مع مربع $\overline{ب ج}$ ونجعل مربع $\overline{أ ج}$
 مشتركا فيصير جميع مربعات $\overline{ب ج}$ $\overline{ب ج}$ $\overline{أ ج}$ اعني
 مربعي $\overline{ب ج}$ $\overline{ب ج}$ مساوية لضعف سطح $\overline{ب ج}$ في $\overline{ب ج}$
 مع مربعي $\overline{ب ج}$ $\overline{ب ج}$ اعني مربع $\overline{ب ج}$ و يظهر ان مربع
 $\overline{ب ج}$ اصغر من مربعي $\overline{ب ج}$ $\overline{ب ج}$ بضعف سطح $\overline{ب ج}$ في
 $\overline{ب ج}$ وذلك ما اردناه

أقول ولهذا الشكل اختلافاً وتوقع



لان زاوية \bar{H} ان

مطلوبه قائمه انطبق

العمود على ضلع

\bar{A} وكان الواقع

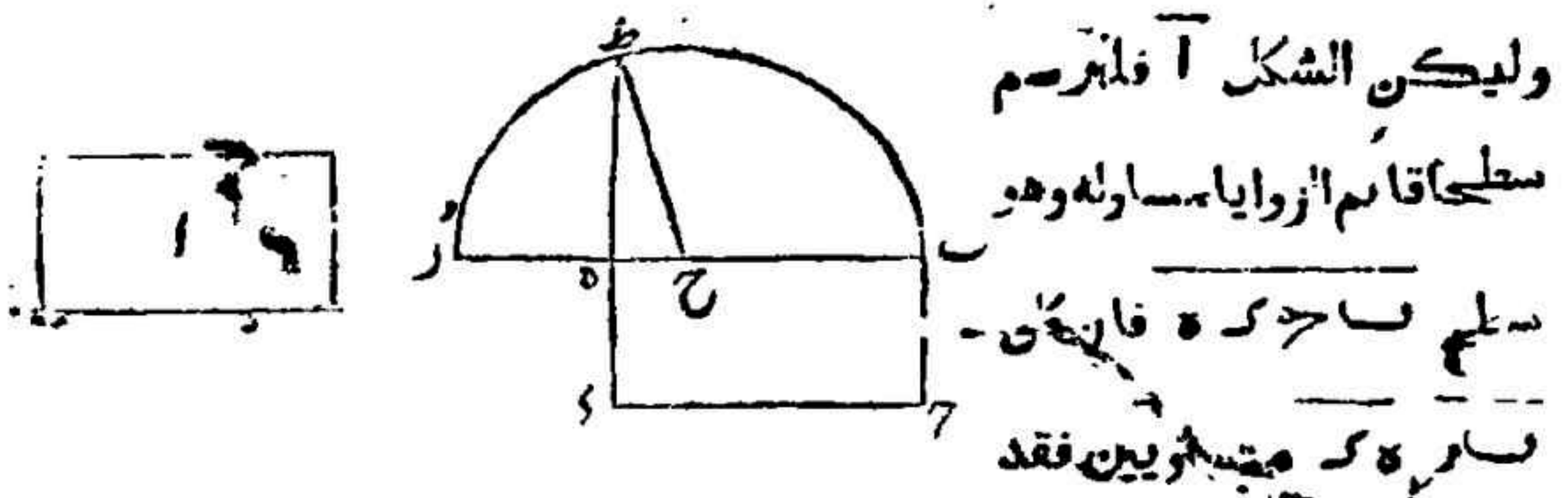
بين الزاوية وموقع العمود هو القاعدة نفسها وان كانت
منفرجه وقع العمود خارجاً من جهة \bar{H} وكان الواقع
اعظم من القاعدة وان كانت حاده وقع العمود في المثلث
والواقع بعض القاعدة كما رسم في الكتاب

ويبين ان يعبر عن هذا الشكل والذي قبله
بعبارة واحدة

وكفي ان يقال كل مثلث فان الفصل بين مربع وتر زاويته التي
لا تكون قائمه وبين مربعي ضلعيها يكون ضعف سطح القاعدة فيما
يقع بين الزاوية وموقع العمود من خط القاعدة ثم يذكر البرهان
المشترك على قياسه

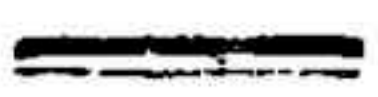
يد

نريد ان نعمل مربعاً يساوي شكلاً ومغروضاً
مستقيماً الاضلاع



وليكن الشكل آ فلترسم
سطحا قائم الزوايا مساو له وهو
سطح با ح ك ه فانه
ساوية ك متساويين فقد

نصلنا $\overline{ر ه}$ ونخرج $\overline{ب ه}$ الى ان يصير $\overline{ه ر}$ مثل $\overline{ه ك}$ ونرسم على
 $\overline{ب ر}$ نصف دائرة $\overline{ب ط ر}$ ونخرج $\overline{ك ه}$ الى $\overline{ط}$ من
المحيط ونصل بين $\overline{ح}$ المركز وبين $\overline{ط}$ فه $\overline{ط}$ نابع المربع المطرب
وذلك لان $\overline{ب ر}$ منصف على $\overline{ح}$ ومقسوم على $\overline{ه}$ بمختلفين
فسطح $\overline{ب ه ك ه}$ في $\overline{ه ر}$ مع مربع $\overline{ح ه}$ يساوي مربع $\overline{ح ب}$
اعني مربع $\overline{ح ط}$ بل مربعي $\overline{ح ه}$ $\overline{ه ط}$ ويلغى مربع $\overline{ح ه}$
المشترك يبقى سطح $\overline{ب ه ك ه}$ في $\overline{ه ر}$ الذي هو سطح $\overline{ب ه ك ه}$
اعني سطح $\overline{ا ب ج د}$ مساويا لمربع $\overline{ه ط}$ وذلك ما اردناه



إقالة الثالثة ستة وثلاثون شكلا

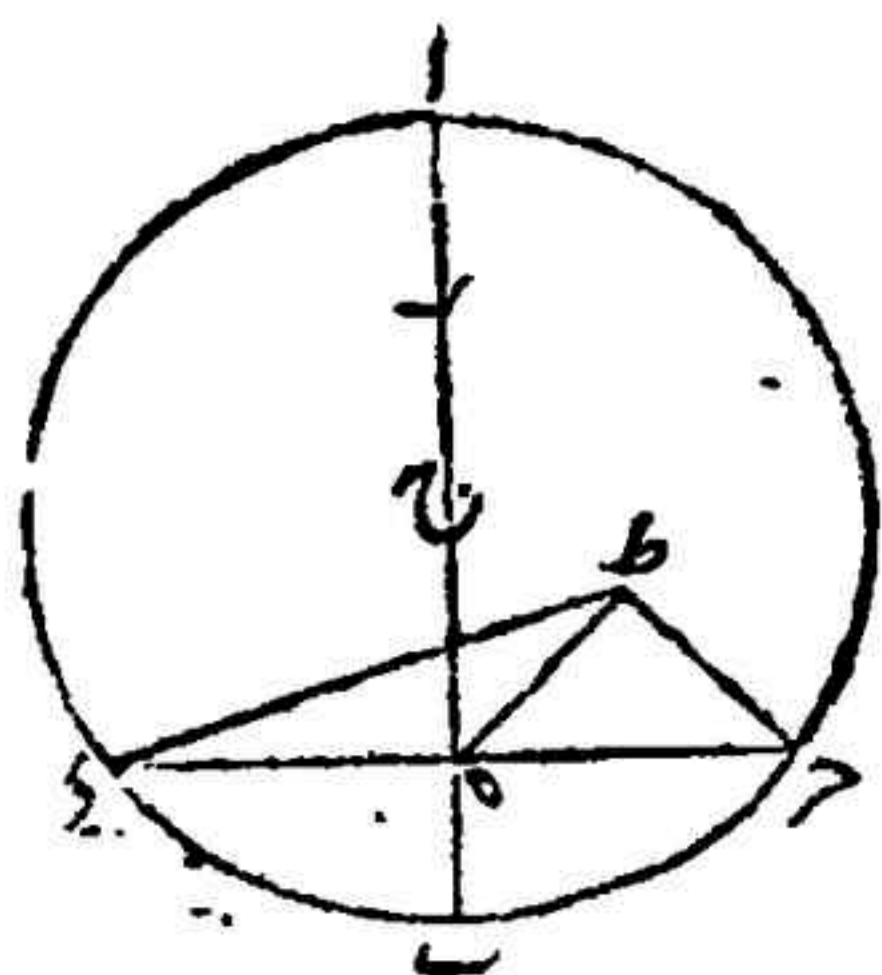
الحدود

بالمثل وهو التماسوية هي المنسوية الانطار او المتساوية
الخطوط الخارجة من المراكز الى المحيطات والخطوط المتساوية
للدائرة هو الذي يلقاها ولا يقطعها وان اخرج في المنسوية
والدوائر المتماثلة هي التي تتسلافي ولا تتقاطع
والخطوط المتساوية الابعاد من المركز هي التي
يتساوي القعدة الواقعة عليها من المركز والذي يعد اعظم
هو الذي يكون عموده اطول وقطعة الدائرة شكل يحيط به خط
هو قاعدتها وقوس ما هي بعض المحيط وزاوية القطعة
هي التي يحيط بها ذلك الخط والقوس والزاوية التي في
القطعة هي التي يحيط بها خطان يخرجان من طرفي قاعدة
القطعة ويتلاقيان على اى نقطة تفرض من قوسها والزاوية
التي يحيط بها خطان يخرجان من نقطة ما على المحيط او المركز
يخبران قيسا منه يقال لها التي على تلك القوس
وقطاع الدائرة شكل يحيط به خطان يخرجان من المركز وقوس
ما يحوزانها من المحيط والقطعة المتشابهة من الدوائر
هي التي تقبل الزوايا المتساوية وفي بعض المنسوية

والقطع المتساوية هي التي زواياها متساوية

الاشكال

١



فترتد أن تحدد مركز دائرة

كدائرة \overline{AB} فنعلم على محيطها

نقطتي \overline{C} و \overline{D} كيف اتفق ونصل \overline{C} و \overline{D}

وننصفه على \overline{E} ونخرج من \overline{E} عليه

عمود \overline{PE} قاطعا للمحيط في الجهتين

على \overline{A} و \overline{B} وننصف \overline{AB} على \overline{H}

فهو المركز والافليكن المركز \overline{O} ونصل \overline{O} و \overline{P} و \overline{O} و \overline{C} و \overline{O} و \overline{D} فمثلث

\overline{OCP} و \overline{ODP} متساويا الاضلاع المظاكر فزاويتا \overline{C} و \overline{D}

\overline{C} و \overline{D} منهما متساويتان بل قائمتان وكانسا زاويتا \overline{A} و \overline{B}

\overline{A} و \overline{B} قائمتين هذا خلف فاذن لا مركز غير نقطة \overline{H} وذلك

ما اردناه

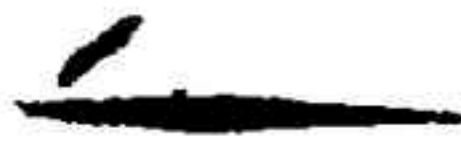
وقل تبين منه انه لا يتقاطع وتران على قوائم

وينصف احدها الاخر الا ويجوز احدهما بالمركز

وبعبارة اخرى لا يخرج عهد من منتصف وتر

الا ويسير بالمركز اقول

وان فرض المركز على \overline{AB} غير نقطة \overline{C} كنقطة \overline{R} كان الخلف
من جهة اخرى وهي انصاف الخط في موضعين هما \overline{C} \overline{R}



ب

كل خط وصل بين نقطتين على المحيط أي قوس
وتر فهو يقع داخل الدائرة

مثلا في دائرة \overline{AB} وصل بين

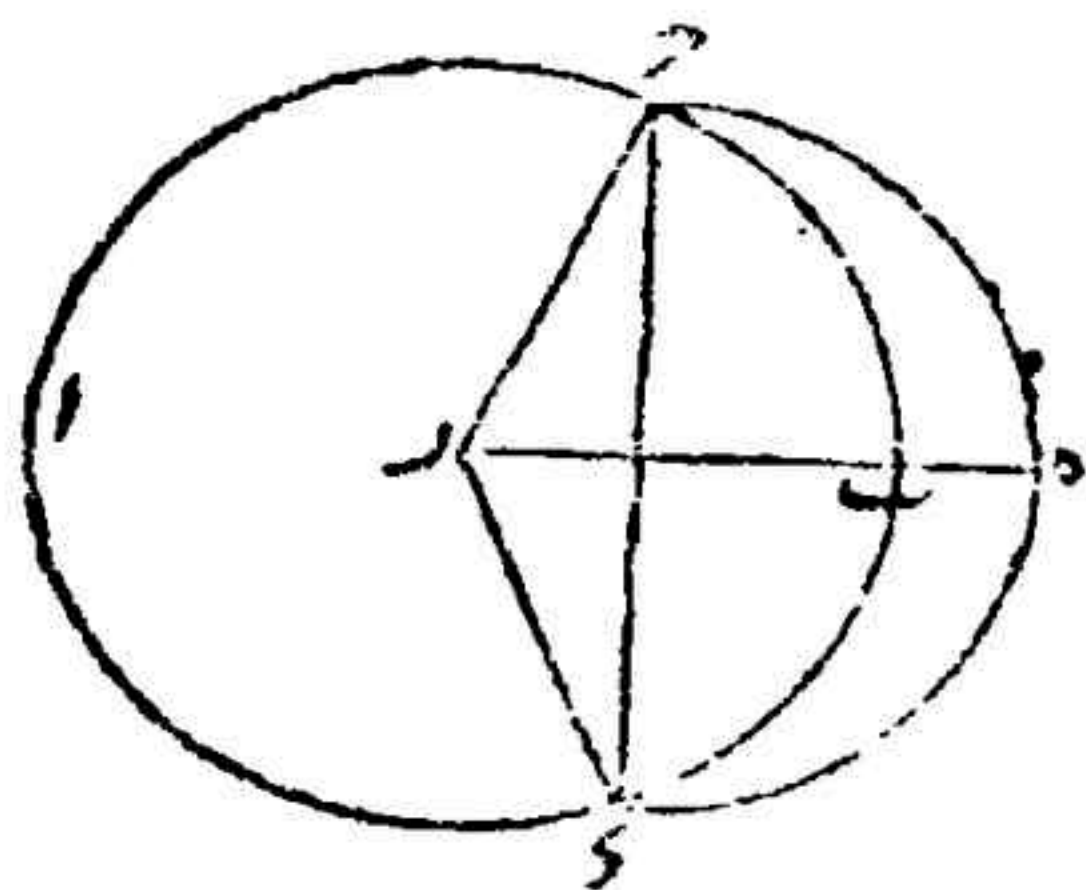
نقطتي \overline{C} \overline{K} بخط \overline{CK} فخط \overline{CK}

يقع داخله والا فليقع خارجا او

متطابقا على المحيط وليكن اولا خارجا

بخط \overline{CK} وليكن المركز \overline{R}

ونصل \overline{RC} \overline{RK} ونعلم على



\overline{CK} نقطة \overline{E} كيف وقعت ونصل \overline{RE} فلانما وى

زاويتي \overline{RCE} \overline{RKE} من مثلث \overline{RCE} \overline{RKE} المتساوي

الساقين وكون خارجة \overline{RE} ك اعظم من داخله \overline{RC} يكون

زاوية \overline{RCE} ك اعظم من زاوية \overline{RKE} ويلزم ان يكون وتر

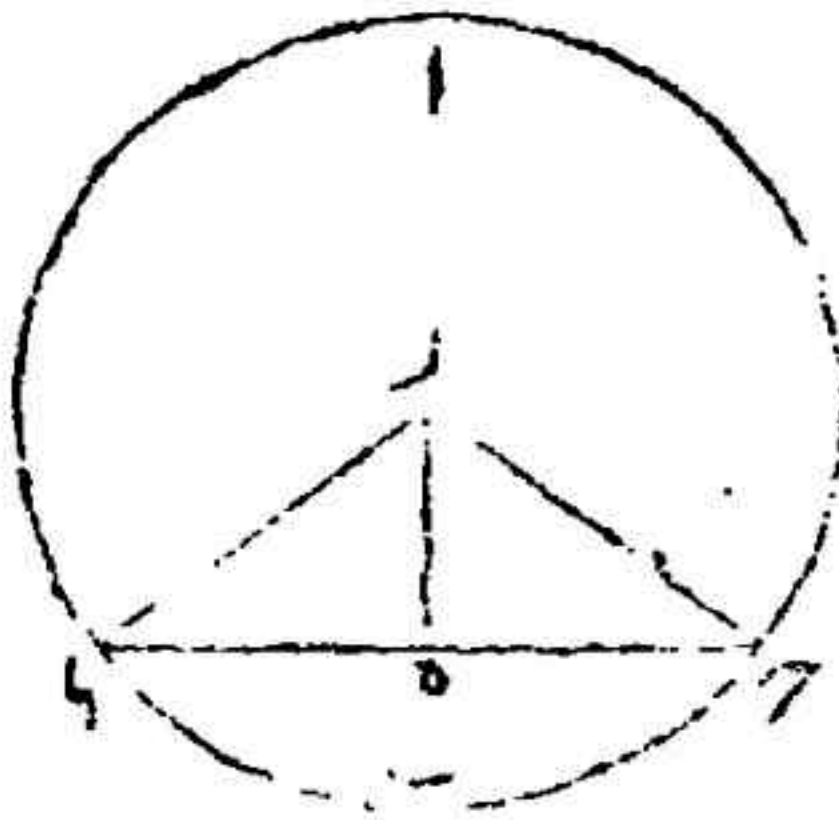
\overline{CK} اعني \overline{RC} اطول من وتر \overline{RE} هذا خلف وبمشابه

بين ان \overline{CK} لا ينطبق على المحيط فهو ان يقع داخله

وانما ما اردناه



كل وتر خرج اليه من المركز خط فان نصفه فهو
عمود عليه وان كان عمودا عليه فهو قد نصفه

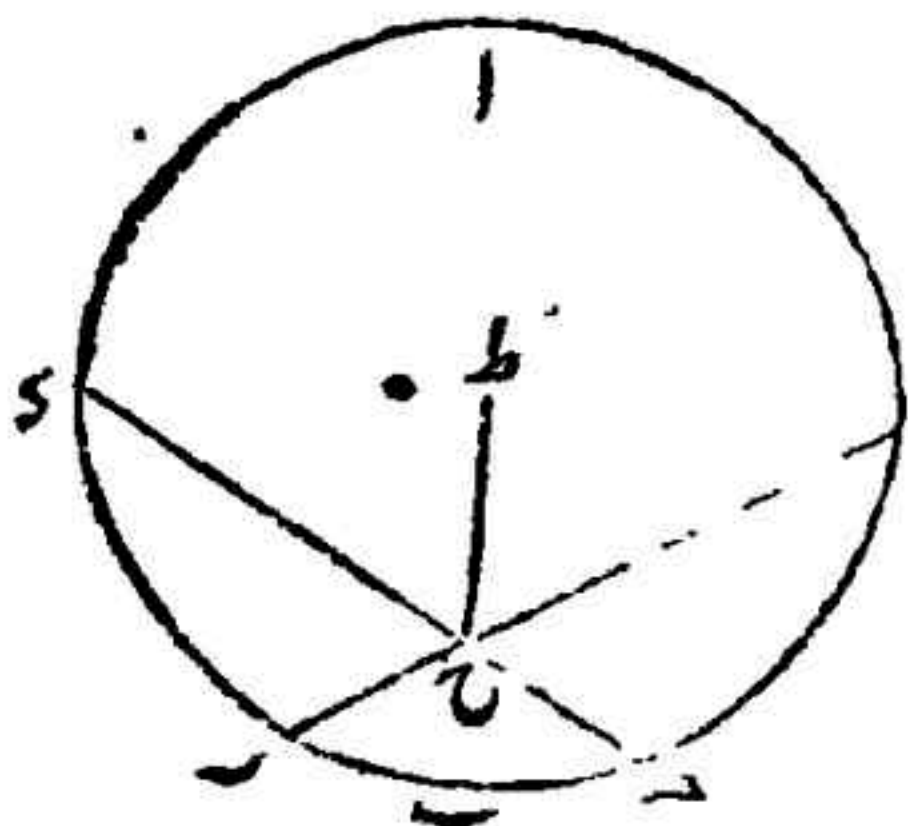


مثلا في دائرة \overline{AB} خرج الى وتر \overline{BC} ك
من مركز \overline{C} خط \overline{CE} وقد نصف \overline{BC} ك
على \overline{E} فهو عمود عليه وذلك لانا ان
وصلنا \overline{BC} \overline{AC} كانا في مثلتي
 \overline{CBE} \overline{CAE} لتساوي اضلاعهما

النظائر زاويتنا \overline{CBE} \overline{CAE} متساويتين بل قائمتين ايضا
ليكن \overline{CE} عمودا على \overline{BC} ك نقول فهو قد نصف \overline{BC} ك على
 \overline{E} وذلك لتساوي زاويتي \overline{CBE} \overline{CAE} ويكون زاويتي
 \overline{CBE} \overline{CAE} قائمتين و ضلع \overline{CE} مشتركا وذلك ما اردناه



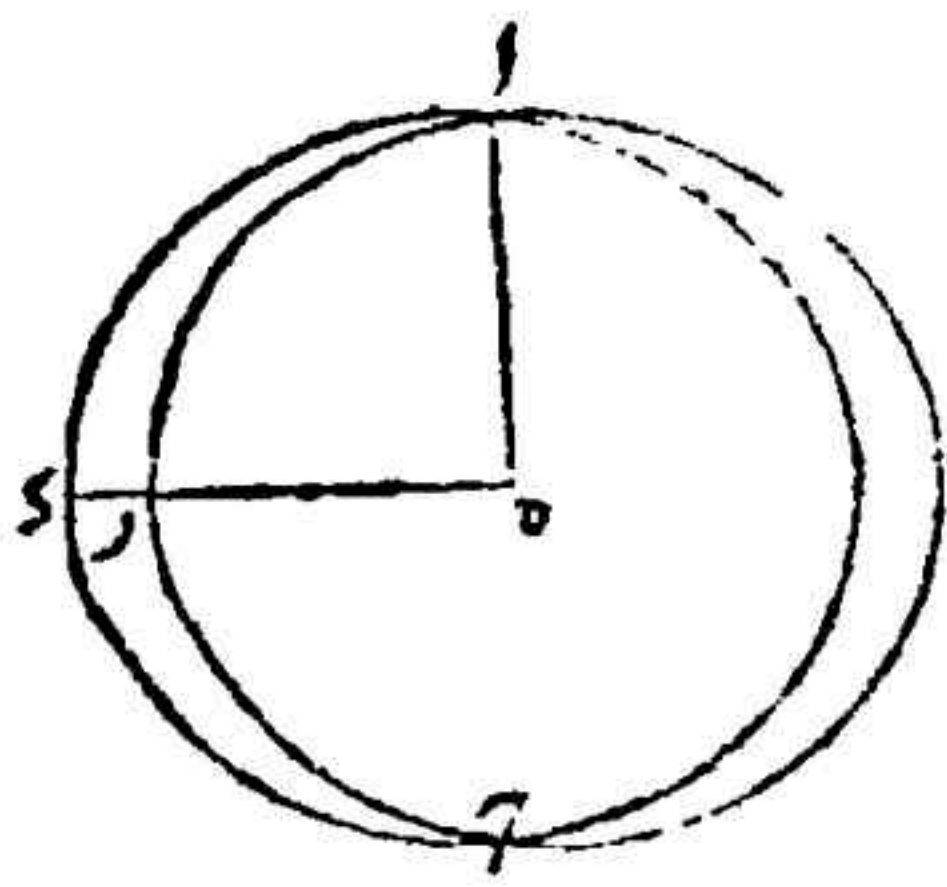
كل وترين يتقاطعان في دائرة على غير مركزها
فليس يمكن ان يتناصفا



مثلا كرتين $\overline{ح ك}$ و $\overline{ر ا}$ المتقاطعين
 على $\overline{ح}$ في دائرة $\overline{ا ب}$ والمركز
 $\overline{ط}$ وذلك لانهما وصلنا $\overline{ط ح}$ كان
 عدودا عليهما معا فكانت زاويتنا
 $\overline{ط ح ر}$ الفأمتان متساويتين
 هذا خلف فان الحكم ثابت وذلك ما اردناه



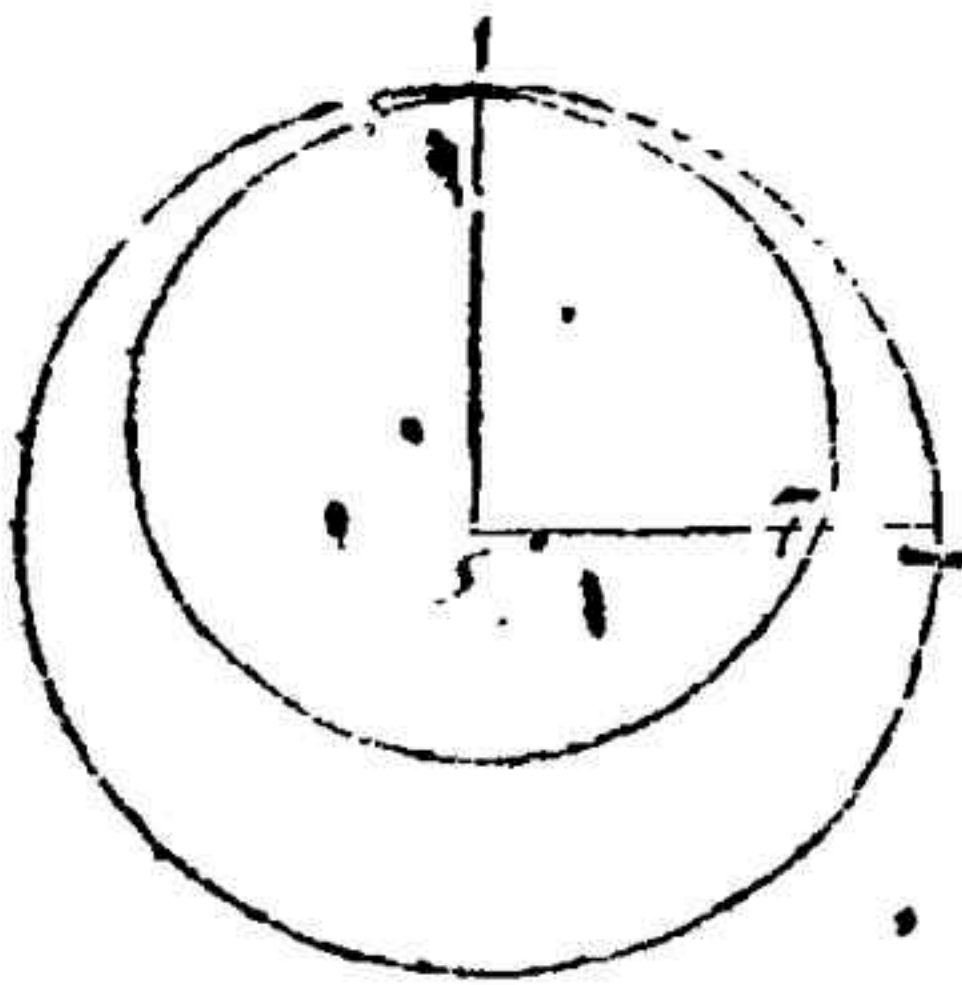
لا يمكن ان يكون للدائرتين المتقاطعتين
 مركز واحد



مثلا كدائرتي $\overline{ا ب}$ و $\overline{ح ك}$ والا
 فليكن $\overline{ب}$ مركزيهما ونصل $\overline{ا ب}$
 ونخرج $\overline{ر ك}$ كيف اتفق
 فيكون $\overline{ر ا}$ و $\overline{ر ب}$ متساويين
 لكون كل واحد منهما معا زيا
 له ا هذا خلف فان الحكم ثابت وذلك ما اردناه



لا يمكن ان يكون للدائرتين المتساويتين
 مركز واحد



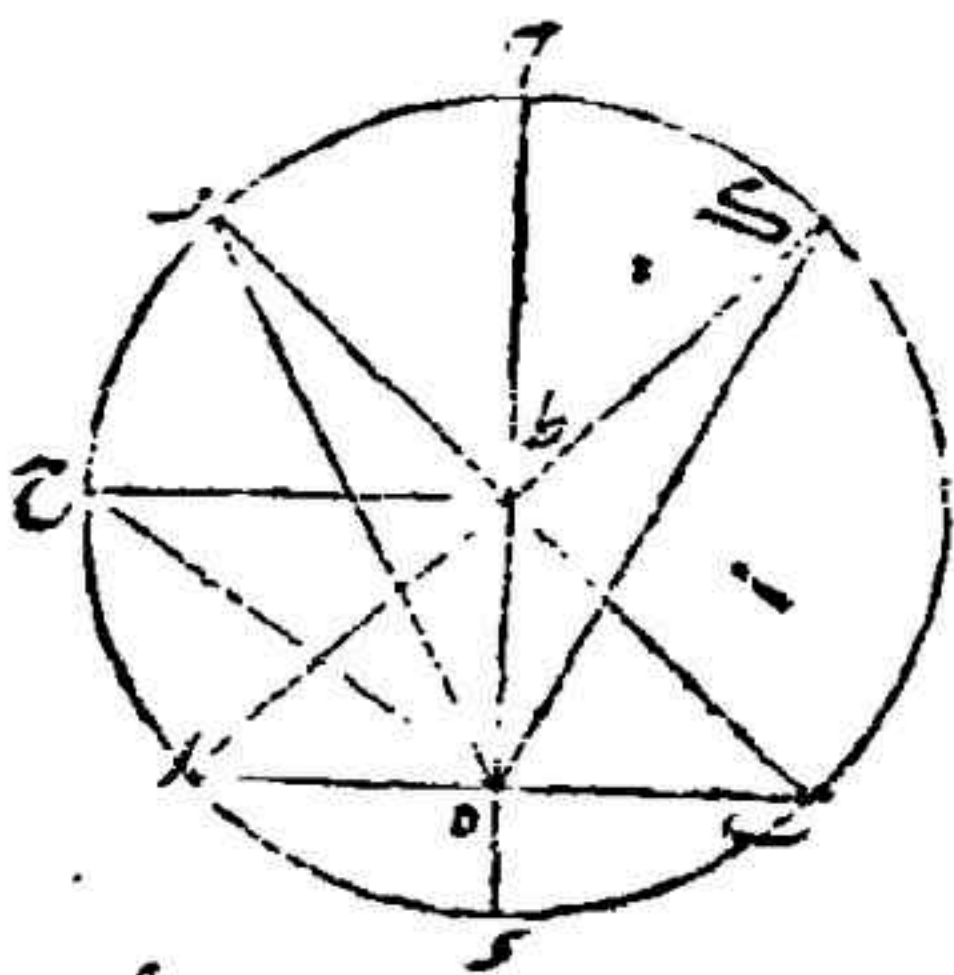
مثلا كذا ترتي $\overline{آب}$ $\overline{آح}$ والـ
 فليكن مركزها $\overline{ك}$ ونصل $\overline{كأ}$
 ونخرج $\overline{كح}$ $\overline{كب}$ كيف اتفق
 فيكون $\overline{كح}$ $\overline{كب}$ متعاويين
 تكون كل واحد منهما مساويا لـ $\overline{كأ}$

هذا خلف فانهن الحكم ثابتا وذلك ما اردناه



ر

كل نقطة في دائرة غير مركزها تخرج منها خطوط
 الى المحيط فاطول الخطوط الماربا للمركز واقصرها
 تمام القطر منه والاترب الى الاطول اطول من
 الابعد وخطان عن جنبتيه فقط متساويان



ولیکن الدائرة $\overline{آب}$ والمركز $\overline{ط}$
 والنقطة المذكورة $\overline{هـ}$ ونصل $\overline{هـط}$
 ونخرجه الى $\overline{ح}$ والى $\overline{ك}$ ومن $\overline{هـ}$
 $\overline{هـر}$ $\overline{هـح}$ $\overline{هـأ}$ $\overline{هـب}$ اطول من $\overline{هـر}$
 لانا اذا وصلنا $\overline{طر}$ كان جميع

$\overline{هـط}$ $\overline{طر}$ المساوي لـ $\overline{هـح}$ اطول من $\overline{هـر}$ وكذلك من كل

كل خط غير $\overline{وا}$ ينسا $\overline{كسا}$ $\overline{ك}$ انصر من $\overline{حل}$ لانا اذا وصلنا
 $\overline{م ل}$ كان $\overline{جج}$ $\overline{م ك}$ $\overline{ك ك}$ $\overline{ك ك}$ انصر من جميع $\overline{م ل ل ل}$ $\overline{ل ح}$
ويبقى بعهد اسقاط $\overline{م ك م ك}$ $\overline{م ل ح ك}$ انصر من $\overline{حل}$
وكذلك في $\overline{ح ل ه ح ط}$ واذا جعلنا زاوية $\overline{ح م ن}$ مثل زاوية
 $\overline{ح م ك}$ ووصلنا $\overline{ح ن}$ كان مساويا لـ $\overline{ح ك}$ تكون $\overline{ح م}$
في مثلثي $\overline{ح م ن}$ $\overline{ح م ك}$ مشتركا و $\overline{ن م ن}$ $\overline{م ك م ك}$ متساويين
وكذلك الزاويتان بينهما ولا يساويهما غيرهما $\overline{ك م ك}$ لانا اذا
وصلنا $\overline{م م}$ كان في مثلثي $\overline{ح م ك}$ $\overline{ح م م}$ زاويتا
 $\overline{ك م ح}$ $\overline{م م ح}$ متساويتين لتساوي الاضلاع الفظائر وكان
زاوية $\overline{ك م ح}$ متساوية لزاوية $\overline{ن م ح}$ فيكون زاويتا
 $\overline{م م ح}$ $\overline{ن م ح}$ متساويتين فاذا خلفنا $\overline{ن م}$ الاحكام ثابتة
وذلك ما اردناه

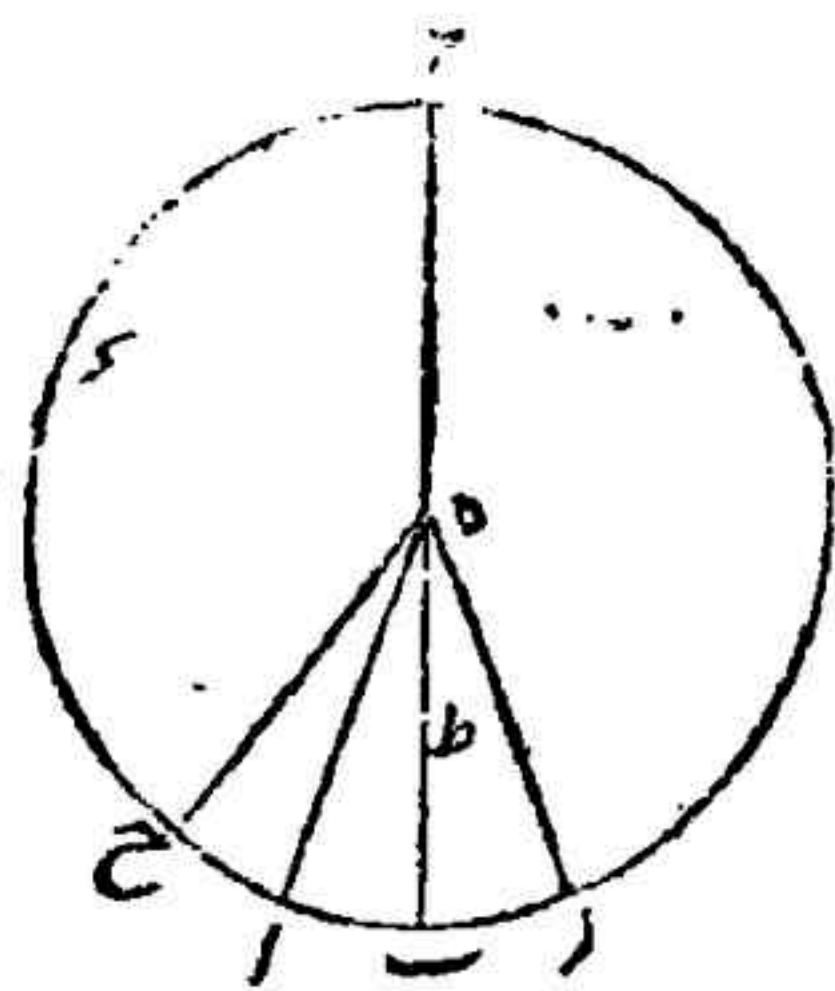
اقول ويهكن ان يسبر عن هذا الشكل والذي
قبله بعبارة واحدة وهي ان يقال كل نقطة
ليست بمرکز دائرة تخرج منها خطوط الى
محيطها فاطول الخطوط هو الذي يسبر بالمركز بعد
خروجه من النقطة وقبل انتهائه الى المحيط
يا تصورها هو الذي لا يسبر به ويكون على

استقامته و الاقرب من الاطوال اوله ومن
الاقصر اقصر ولا يتساوى منها الا الاثنان عن
جنبتيها وقس عليه البرهان



ط

كل نقطة في دائرة خرج منها الى المحيط
خطوط متساوية فوق الاثنين فهو مركزها

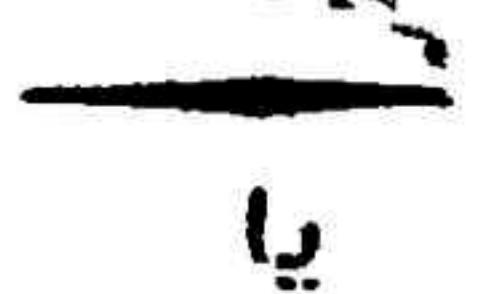


وايكن الدائرة ا ب ح ك والنقطة
ه والخطوط ا ه ر ه ح فلو لم
يكن المركز ه لكان مثلا ط ونصل ه ط
ونخرجه الى ا ب ح من المحيط فيكون
ا ب اطول الخطوط الخارجة من ه

وقد تعاروا عن جنبتيه خطوط خارجة عنهما اكثر من اثنين

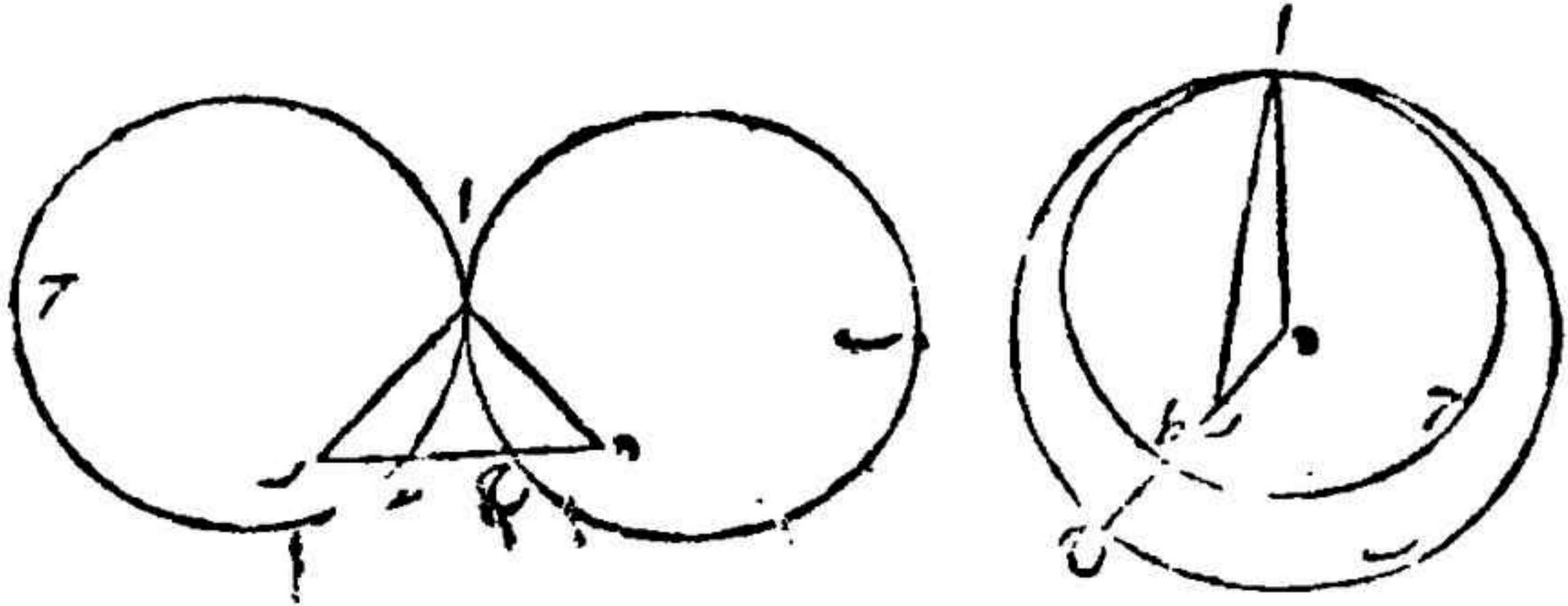
فذا خفف فاذن الحكم ثابت وذلك ما اردناه

مخرجها من نقطة \bar{c} في الدائرة الاخرى الى \bar{a} و \bar{b} في \bar{c} ايضا
مركز الدائرة الاخرى هذا خلف \bar{a} فالحكم ثابت وذلك ما اردناه



يا

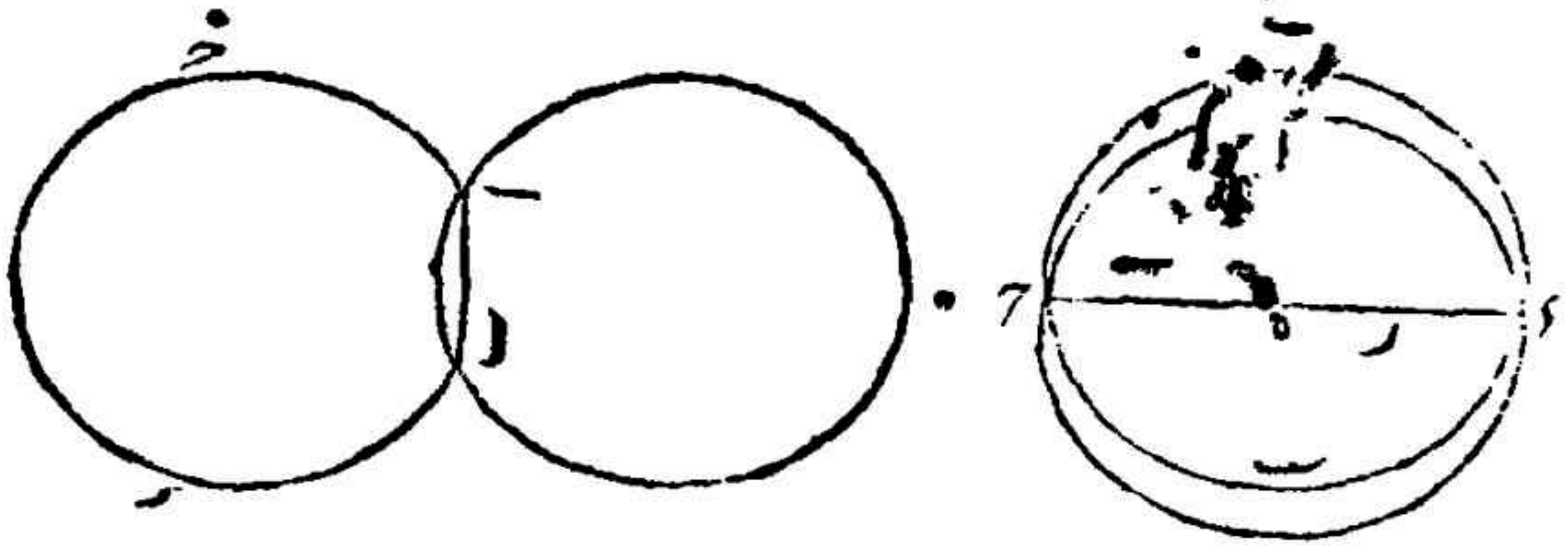
الخط المار بمركزى الدائرتين المتماثلتين يهز
بنقطة التماس



وليكن دائرتنا \bar{a} \bar{b} \bar{c} متماسقتين على \bar{a} ومركزاهما \bar{c} \bar{r}
ونصل \bar{c} \bar{r} ونخرج \bar{a} فان امكن ان لا يمر \bar{b} فليقطع الدائرتين
على \bar{c} \bar{h} ونصل \bar{a} \bar{r} فان كان التماس من داخل
كان \bar{c} \bar{r} \bar{a} معا طول من \bar{a} \bar{r} لكن \bar{c} \bar{r} \bar{a} معا يساويان
 \bar{c} \bar{h} و \bar{a} \bar{r} \bar{a} \bar{h} فه \bar{c} \bar{h} الجزء اعظم من \bar{c} \bar{h} الكل
هذا خلف وان كان من خارج كان \bar{a} \bar{r} \bar{a} معا طول من \bar{c} \bar{r}
ليكنها يساويان \bar{c} \bar{h} \bar{r} \bar{a} \bar{h} الجزء فهو اعظم من \bar{c} \bar{r} \bar{a} \bar{h}
هذا خلف بالحكم ثابت وذلك ما اردناه

يب

لا يتباين كـ كـ ان الـ بـ نقطة واحدة

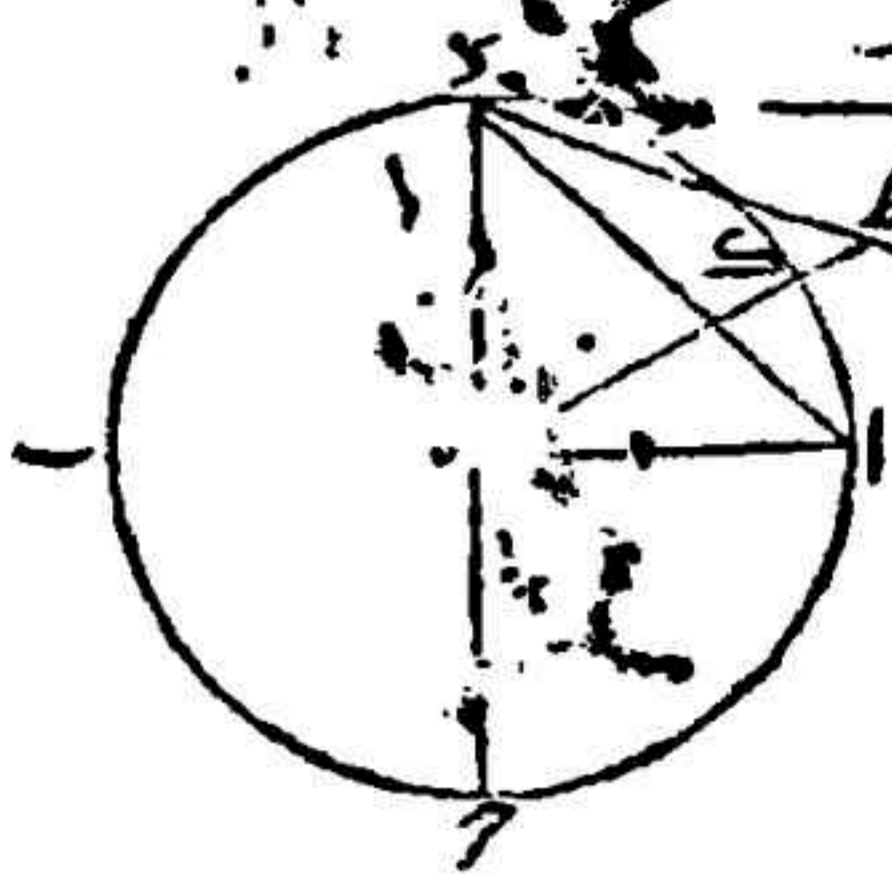


والا فليتماس دائرتا \overline{AB} حر ك اما على نقطتي \overline{C} حر ك من
 داخل ونصل بين مركزيهما \overline{D} و \overline{E} ونخرج \overline{F} فيصير \overline{B} نقطتي
 \overline{C} ك لما هو \overline{D} \overline{E} \overline{F} اعني \overline{C} ك اقصر من \overline{D} \overline{E} اعني
 \overline{C} ك هذا خلف \overline{D} على نقطتي \overline{A} \overline{B} من خارج ونصل \overline{D} و \overline{E}
 \overline{A} \overline{B} فوق داخل احده \overline{D} \overline{E} \overline{F} \overline{G} \overline{H} \overline{I} \overline{J} \overline{K} \overline{L} \overline{M} \overline{N} \overline{O} \overline{P} \overline{Q} \overline{R} \overline{S} \overline{T} \overline{U} \overline{V} \overline{W} \overline{X} \overline{Y} \overline{Z}
 هذا خلف فالحكم ثابت وذلك ما اردناه

بج

ابعان الاوتار المتساوية في الدائرة الواحدة
 بين مركزيها متساوية والاوتار التي ابعابها
 بينه متساوية فهي متساوية

بها المحيط والعمود اصغر من كل حلقة مستقيمة الخطيين

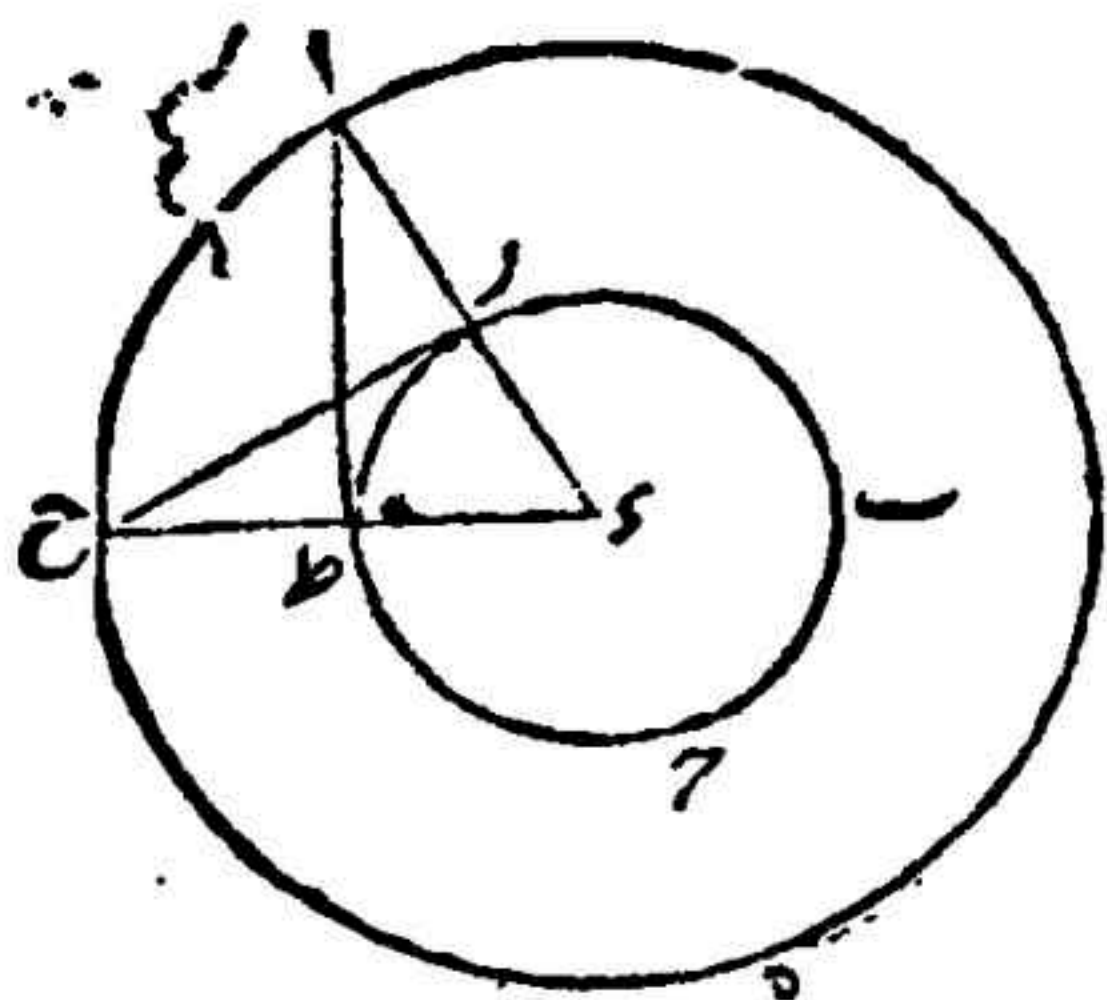


وليكن الدائرة $\overline{أ ب}$ والقطر $\overline{ك ح}$ ولنخرج من $\overline{ك}$ عمودا فان دخل الدائرة فليخرج منها على $\overline{أ}$ ونصل $\overline{هـ أ}$ فيكون

زاوية $\overline{هـ ك أ}$ المتساويتان قائمتين هذا خلف فهو يقع لامحالة خارجا وهو عمود $\overline{ك ر}$ ولا يقع بينه وبين المحيط خطا الا فليقع $\overline{ك ح}$ ونخرج من $\overline{هـ}$ عمود $\overline{هـ ط}$ فلا ينطبق على $\overline{هـ ك}$ لانه ليس بعمود على $\overline{ك ح}$ ولا يقع في جهة $\overline{ب}$ والا لاجتماع في المثلث الحادث منه $\overline{ك ح}$ ومن القطر قائمة ومنفرجة فيقع لامحالة في جانب $\overline{أ}$ ويكون في مثلث $\overline{هـ ط ك}$ زاوية $\overline{ط ا ح}$ من زاوية $\overline{ك ب هـ}$ فوتر $\overline{هـ ك}$ اعنى $\overline{هـ ك}$ اطول من $\overline{هـ ط}$ هذا خلف فاذن لا زاوية حادة مستقيمة الخطيين اعظم من زاوية $\overline{ك ك هـ}$ ولا اصغر من زاوية $\overline{ك ك هـ}$ والا لا يمكن وقوع خطيين العمود والمحيط وقد تبين من ذلك ان العمود الخارج من طرف القطر مما س للدائرة وذلك لما اردناه

يو

نريد ان نخرج من نقطة الى دائرة خطا يساها :

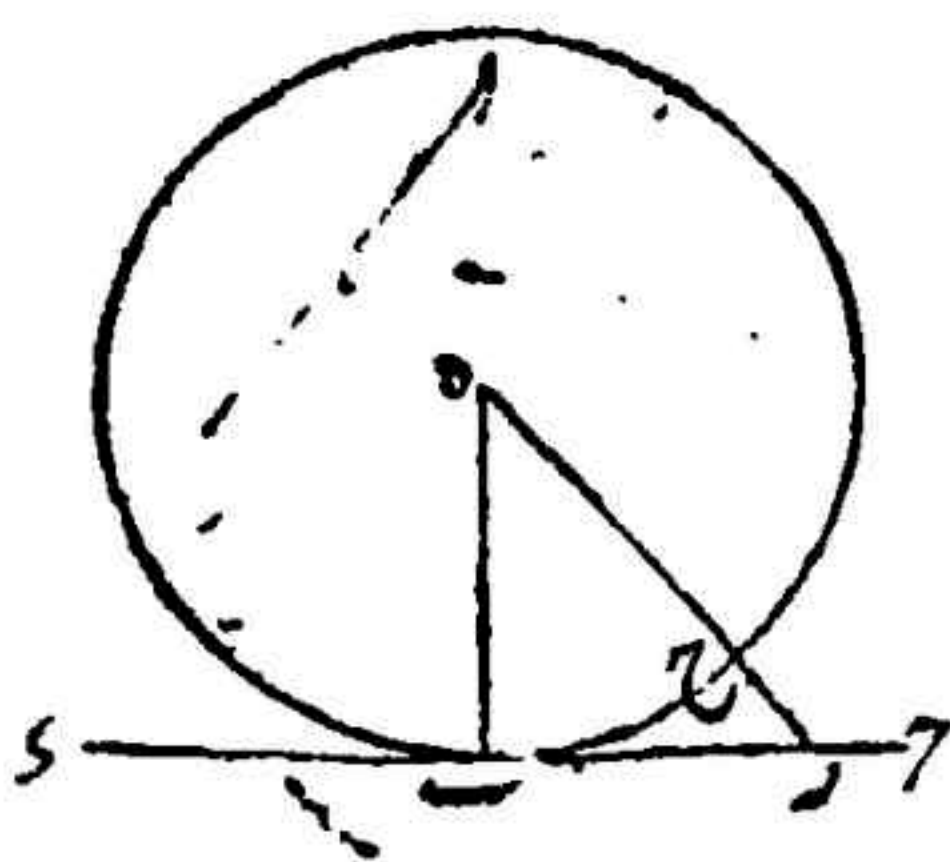


مثلا من نقطة آ التي دائرة با ح
 وليكن مركزها س، ونضرب على ك
 ببعد ك آ دائرة ا ح ونصل ا ك
 قاطعا لمحيط دائرة ا ح على ر ومن ر
 عمود ر ح فحلي ا ك ونصل ح ك

قاطعا لمحيط با ح على ط ونصل ا ط فهو مماس لدائرة با ح وذلك
 لان في مثلثي ا ط ك ح ر ك ضلعي ا ك ك ط معا و بيان
 لضلعي ح ك ك ر و زاوية ك مشتركة فراوية ا ط ك
 مساوية لزاوية ح ر ك القائمة فهي قائمة مثلها فاط العمود
 على قطر ط ك مماس وذلك ما اردناه

البرهان

ان وصل بين البركز ونقطة التماس بخط كان
 عمودا على الخط المماس



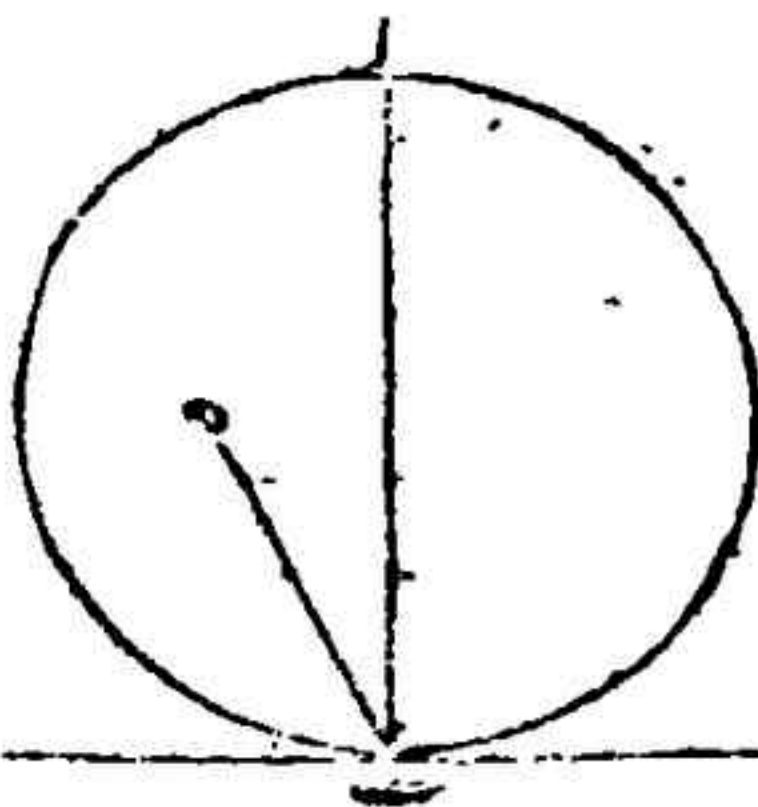
وليكن الدائرة ا ب والنقطه
 المماس ح ك والمركزه ونقطه
 التماس ب ونصل ب ه
 فهو عمود على ح ك والا فليكن

العزود $\overline{ر}$ ويكون اقصر من $\overline{ب ا}$ اعني $\overline{ب ح}$ $\overline{ه}$ دذا خلف
فان الحكم ثابت وذلك ما اردناه حجته

ح

اذا خرج من نقطة التماس عمود على الخط

المماس فهو يمر بالمركز



وليكن الدائرة $\overline{ا ب}$ والخط $\overline{ح ك}$

ونقطة التماس $\overline{ب}$ والعمود $\overline{ب ا}$

وذلك لانه لو لم يمر بالمركز لكان المركز

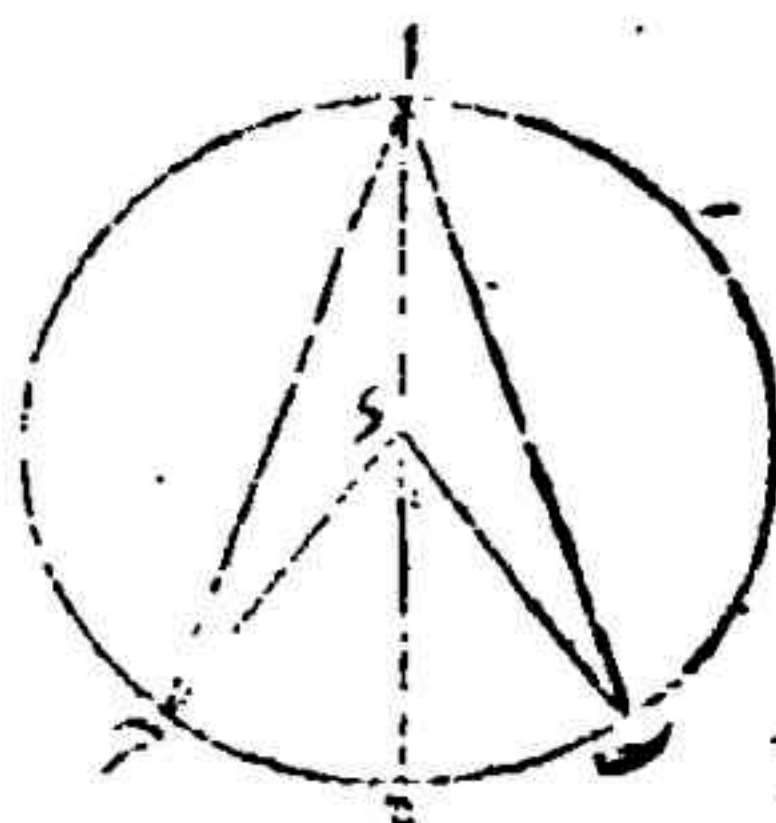
مثلا نقطة $\overline{ه}$ ونصل $\overline{ب ه}$ فكان عمودا و $\overline{ا ب}$ عمود هذا خلف

فالحكم ثابت وذلك ما اردناه

يط

زاوية المركز ضعف زاوية المحيط اذا كانتا

على قوس واحدة

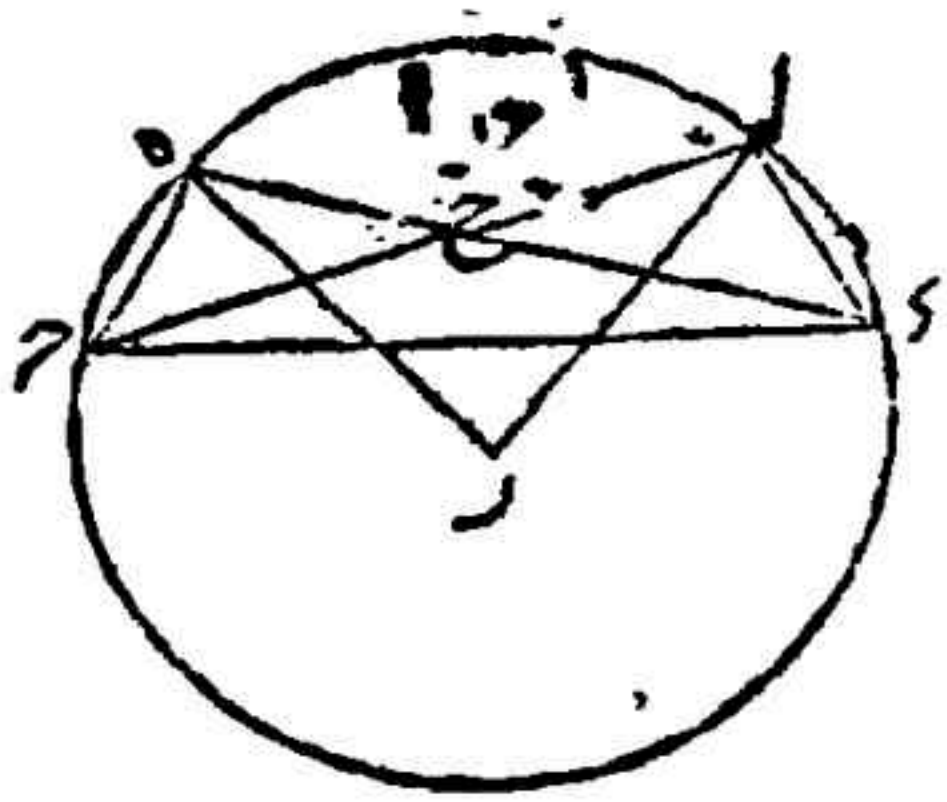


مثلا في دائرة $\overline{ا ب ح}$ التي مركزها

$\overline{ك}$ زاوية $\overline{ب ك ح}$ ضعف زاوية $\overline{ب ا ح}$

وذلك لانا اذا وصلنا $\overline{ا ك}$ واخرجناه

مستساويين وذلك ما اردناه
اقول هذا اذا كانت القطعة اكبر من
نصف الدائرة



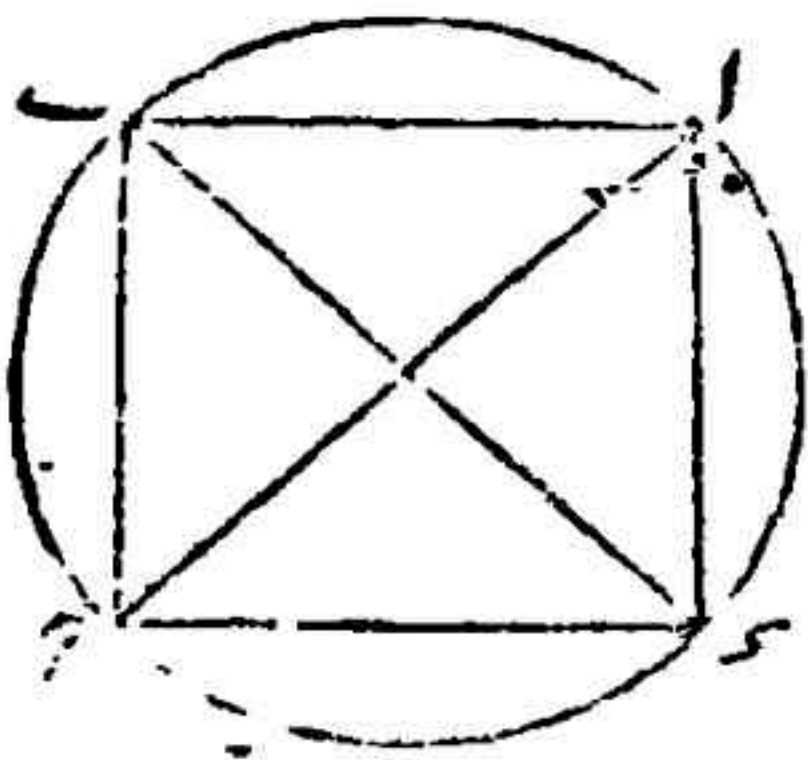
اما ان لم يكن كذلك فلم يقين الحكم
بهذا الوجه ان لا يكون هناك زاوية مركزية
على قوس ح ك والوجه فيه ان يبين
ان زاويتي ح ا ه ح ا ك الواقعةين
في قطعة ح ك ا التي هي اكبر

من النصف متساويتان ومتقابلتا ح متساويتان فيبقى
في مثلثي ا ح ك ه ح ا ك زاويتا ح ا ح ح ه ح متساويتين

كا

كل متقابلتين من زوايا ذي اربعة اضلاع
يقع في دائرة فهما معادلتان لقائمتين

مثلا زاويتي با ا ك با ح ك



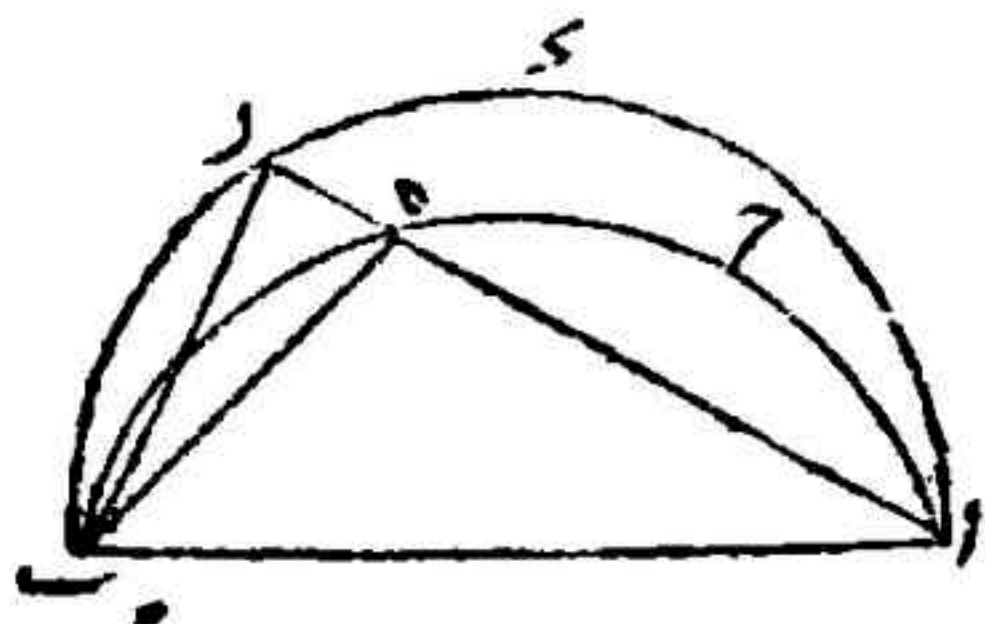
من ذي اربعة اضلاع ا ب ح ك
الواقع في دائرة ا ح ك وذلك
لانا اذا وصلنا ا ح ك كان
زاويتا ح ا ح ك با ح ا ح ك واقعتان في

قطعة ك ا ب ح متساويتين وكذلك زاويتا ك ا ب
 ب ا ح الواصلتان في قطعة ب ا ح فجميع زاويتا
 ك ا ب ب ا ح مجموع زاويتى ك ب ح و ب ا ح
 ويجعل زاوية ا ب ح مشتركة فيصير مجموع زاويتى
 ك ا ب ب ا ح المقابلتين متساويين لمجموع زوايا مثلثنا
 ب ا ح الامادات لقائمتين وذلك ما اردناه



ك ب

لا يمكن ان يقوم على خط واحد في جهة
 واحدة قطعتان متشابهتان احدهما اعظم
 من الاخرى



والافلقيم علي ا ب قطعتا
 ا ح ب ا ر ب و ا ر ب

اعظم ونعلم على ا ح ب نقطة د كيف اتفق ونصل آة د ونخرجه الى
 ر ونصل ب ا ر فنزاويتا ا ب ا ر ب الخارجة والداخلة
 متساويتان لتساوية القطعتين هذا خلف فالحكم ثابت وذلك ما اردناه

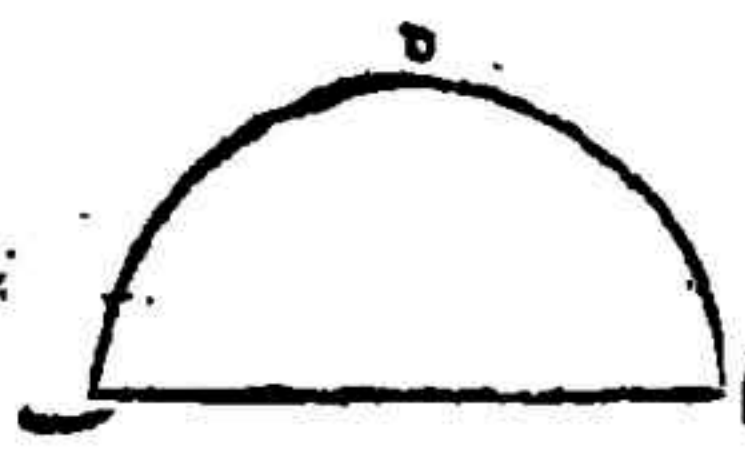
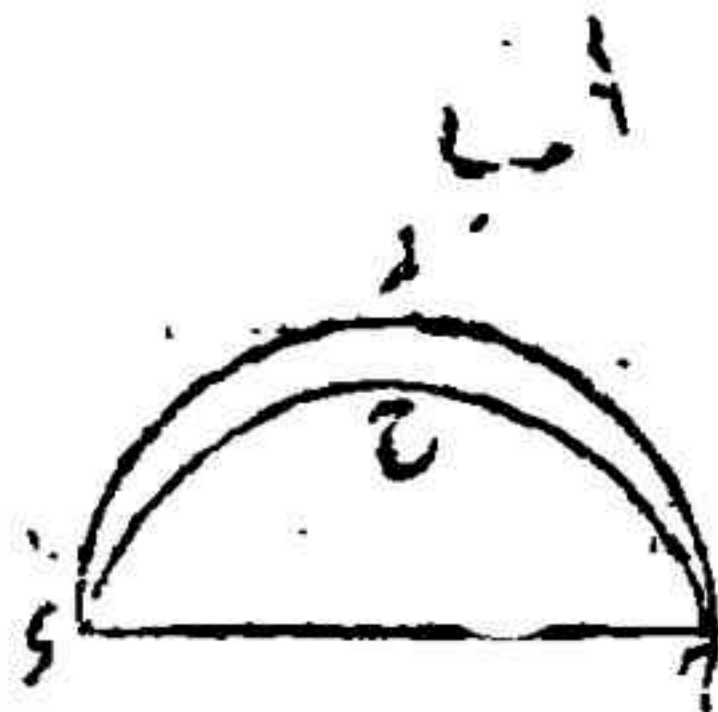
كج

القطع المنشأ به الكائنة على خطوط
متساوية متساوية

مثلا كقطعتي $\overline{ا ه ب}$

حرك المنشأ بهين

الكائنين على $\overline{ا ب}$



حرك المتساويين وذلك لاننا لمنا توهنا تطبيق $\overline{ا ب}$ على

حرك والقطعة على القطعة وجب ان ينطبق عليه فيساويه

والالوقع مثل قطعة حرك $\overline{ح ك}$ واذن لقام قطعتا حرك

حرك المنشأ بهين على حرك واحديهما اعظم هذا خلف

فالحكم ثابت وذلك ما اردناه

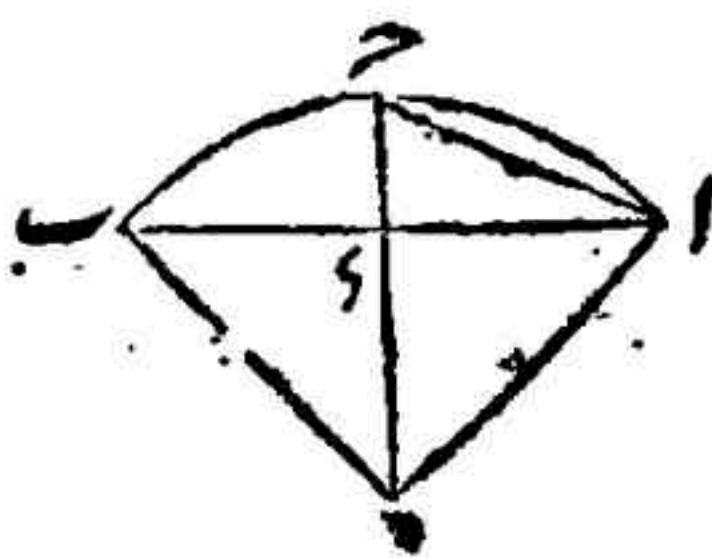
كد

تريد ان نتمم قطعة دائرة

كقطعة $\overline{ا ج ب}$ فلنصف خط $\overline{ا ب}$ على

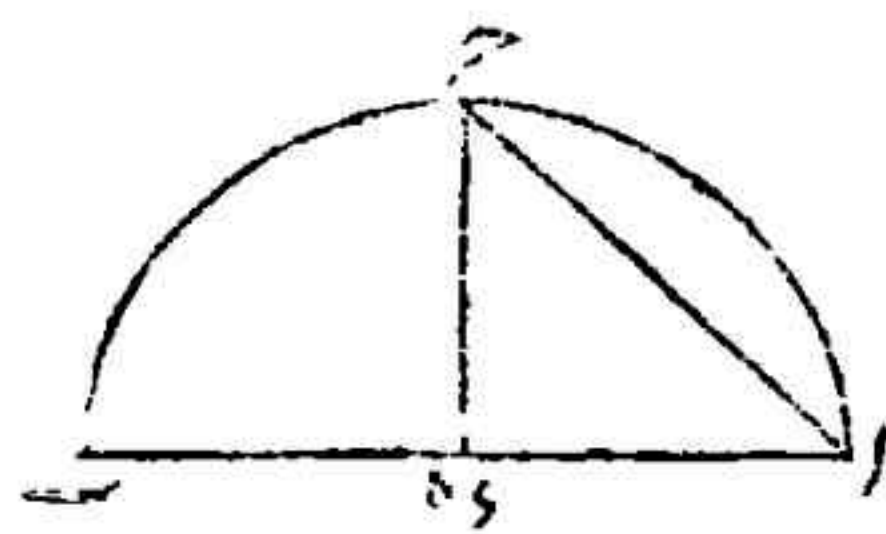
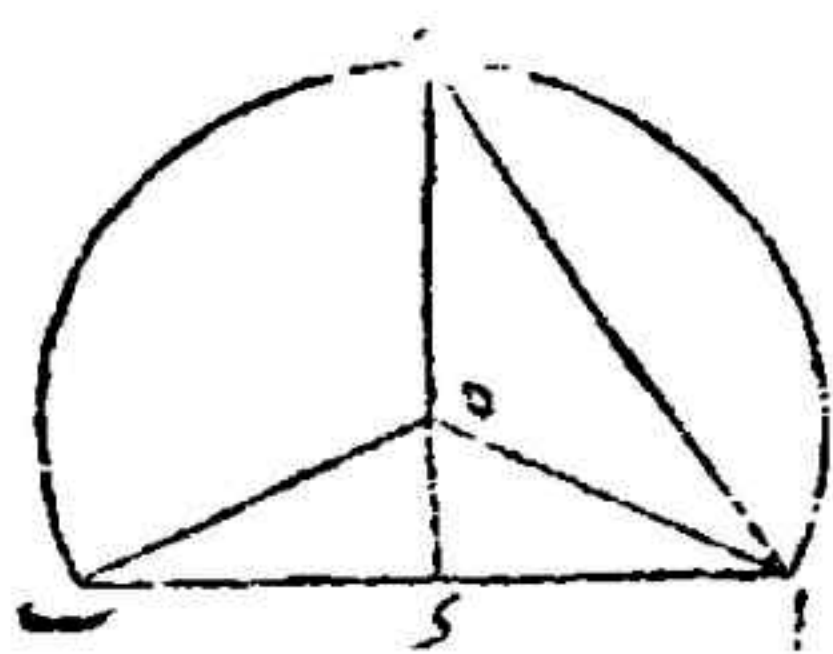
ك ونخرج من ك على ك $\overline{ك ا}$ عمود

ك $\overline{ك ح}$ ونصل $\overline{ا ح}$ ونرسم على $\overline{ا ح}$ من ح $\overline{ح ا}$



زاوية ح ا ه مثل زاوية ا ح ه ونخرج ا ه حرك الى
 ان يلتصقا على ه فه مركز الدائرة المطلوبة لانا اذا وصلنا
 ب ه كان معاويا ل ا ه لتساوي ضلعي ا ك ب ك وكون
 ك ه مشتركين وزاويتي ك قائمتين و ا ه معاويا ل ا ه
 لتساوي زاويتي ا ح ه ح ا ه فه التي خرج منها الى
 محيط ا ح ب خطوط ه ا ه ح ه ب المتساوية مركزها
 وذلك ما اردناه

اقول وايضا الشكل اختلاف وقوع

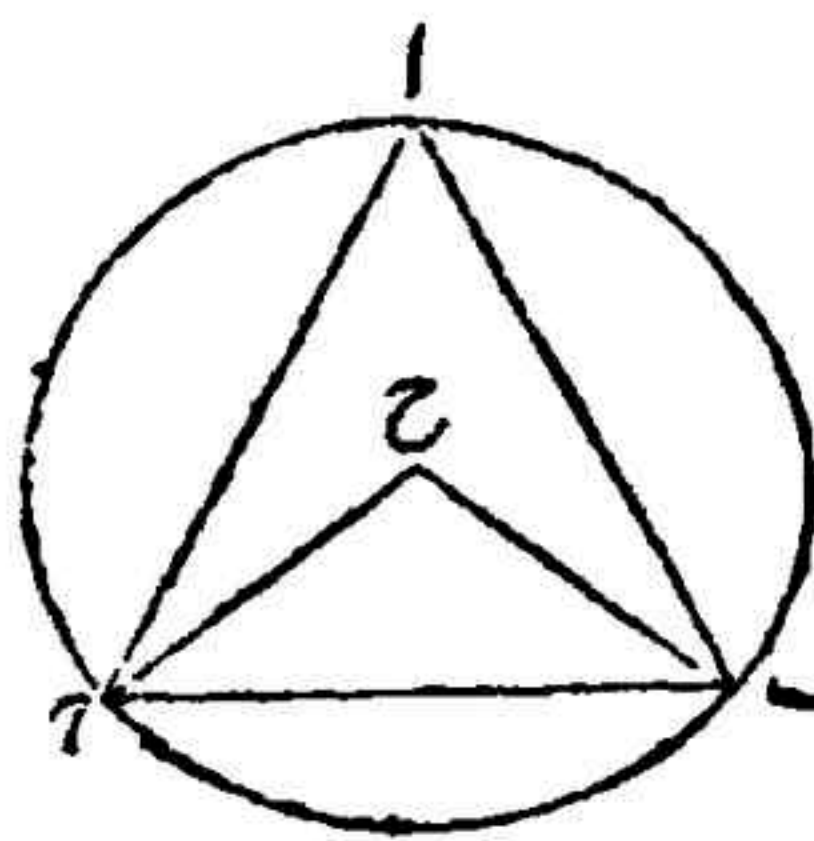
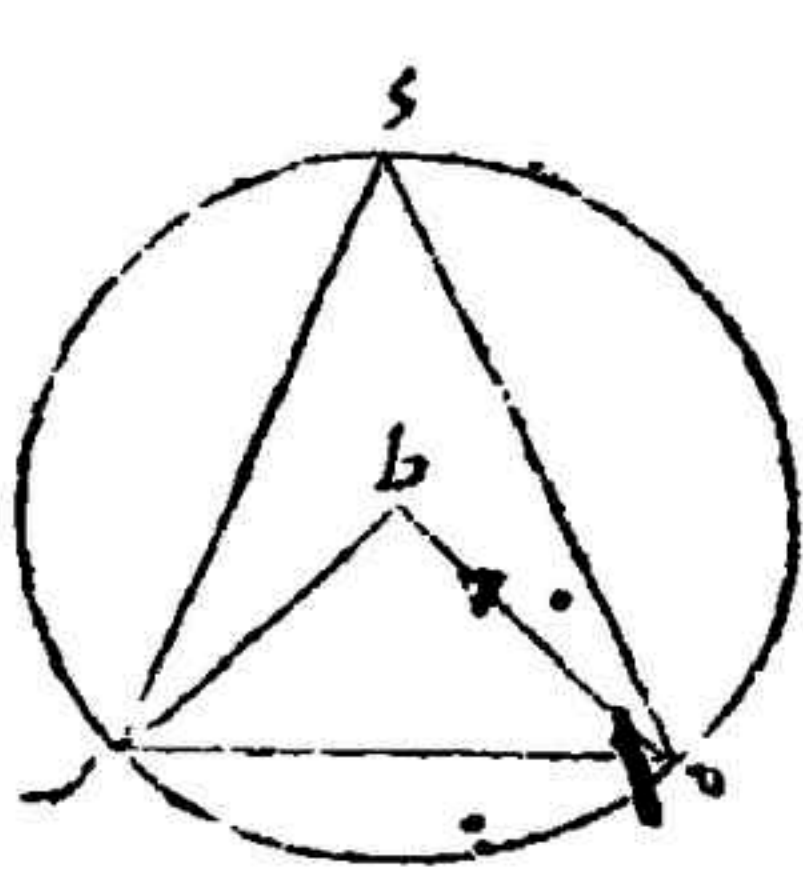


لا ا ه اما
 ان يقع
 خارجا من
 القطعة

او منطبقا على ا ك ويتحد ه ك اورد اخلا في القطعة والاول
 مورد في الكتاب والباقيان شكذا وهما ظاهران

ك ه

الزوايا المتساوية في اللواتر المتساوية
 تقع على قسي متساوية مركزية كانت او
 محيطية



فليكن في

الدائرتين

ا ب ح

ك ه ر

المتساويتين

زاويتا ا ك و زاويتا ح ط متساويتين نقول فقوسا ب ح

ه ر متساويتان وذلك لانا اذا وصلنا ونرى ب ح ه ر كانا

متساويين لتساوي اضلاع ب ح ح ط ط ه ط ر و زاويتي

ح ط و ك ه قطعنا ب ح ه ر المتساويتين القادمتين

على خطين متساويين متساويتين فيبقي القوسان من الدائرتين

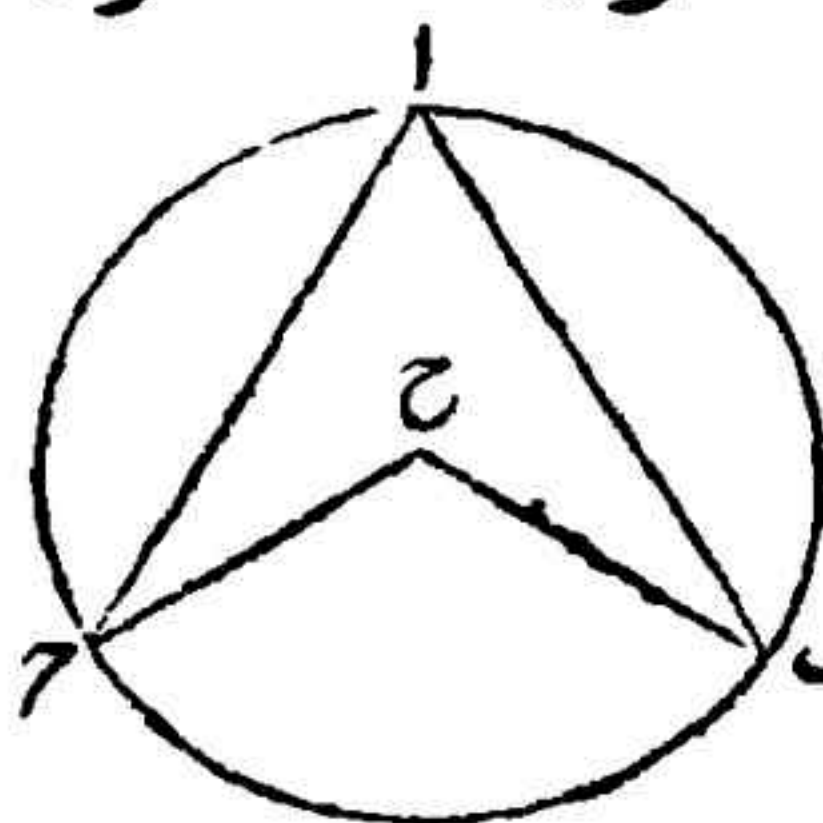
المتساويتين متساويتين وذلك ما اردناه

كو

الزوايا التي تقع على قسي متساوية من

دوائر متساوية متساوية مركزية كانت او

محيطية



فليكن قوسا

ب ح ر

من دائرتين

ا ب ح

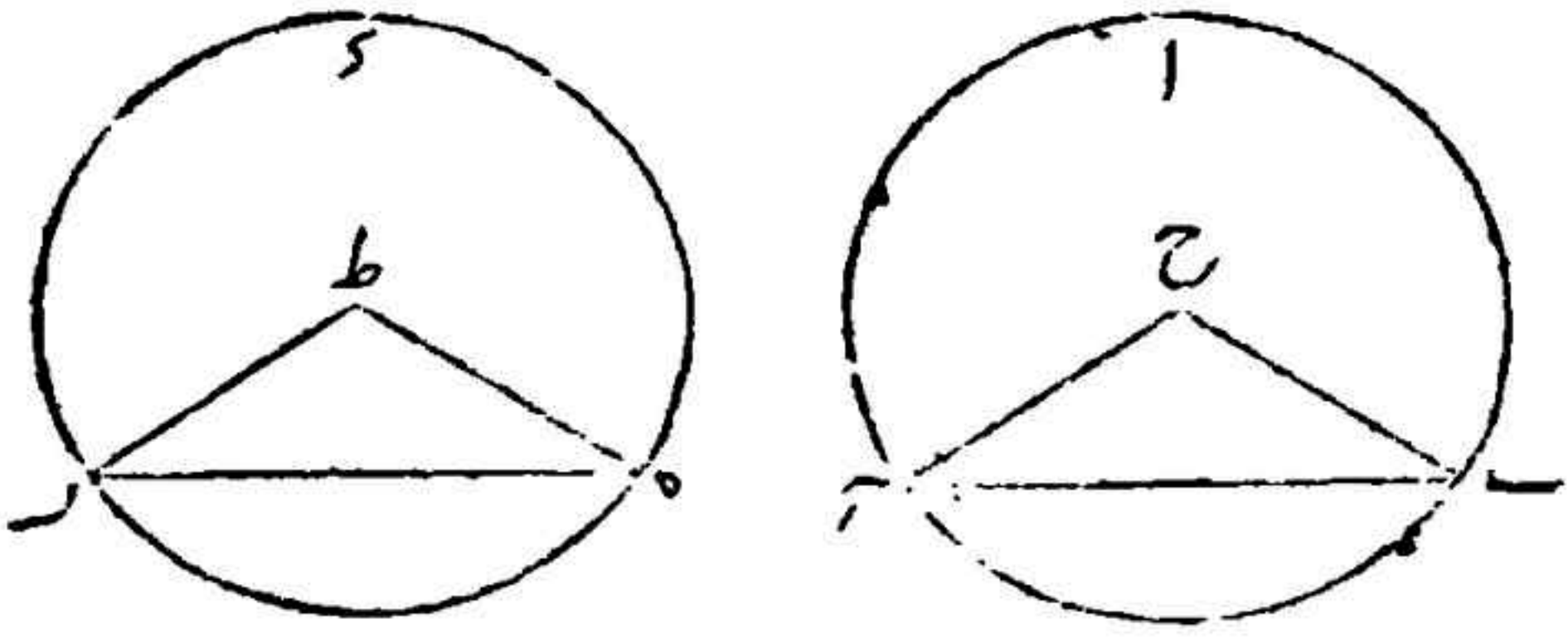
كـ هـ ر المتساويتين متساويتين وقد وقعت عليهما زاويتا حـ طـ
 المركزيتان نقول فهما متساويتان والالاختلافنا ونعمل زاوية
 طـ كـ مساوية لزاوية حـ فيكون قوس هـ كـ مساوية
 لقوس باح الحني لقوس هـ ر هذا خلف فالحكم ثابت
 ويتبين من ذلك حال المحيطية وذلك ما اردناه



كز

قيسى الا وتار المتساوية في الدوائر
 المتساوية متساوية عظميات كانت
 او كخريبات

فليكن وتر ا
 باح هـ ر
 في دائرتي
 ا ب ح
 ك هـ ر



المتساويتين متساويتين نقول نقوما باح هـ كـ ر او قوما
 باح هـ ر متساويتان فليكن المركزان حـ طـ ونصل حـ با
 حـ طـ هـ ر تراويتسا حـ طـ من مثلثي حـ باح
 طـ هـ ر متساويتان لتساوي اضلاعهما اللظائر فالقوسان

المتساويتان متساويتان وذلك ما اردناه

كج

او تارة القسي المتساوية من الل و ا ن ر
المتساوية متساوية والشكل كما تقدم

فليكن قوسا $\overline{ب ا ح}$ و $\overline{ر م د ا ن ر ت ي}$ $\overline{ا ب ح}$ و $\overline{ك د ه ر}$

المتساويتين متساويتين نقول فوتر $\overline{ا ب ح}$ و $\overline{ر م د ا ن ر ت ي}$ متساويان وليكن

المركزان $\overline{ح ط}$ و نصل باقية اضلاع مثلثي $\overline{ب ا ح}$

$\overline{ط ه ر}$ المتساوية لقساوي الدائرتين ويكون زاويتا $\overline{ب ا ح}$ و $\overline{ط ه ر}$

متساويتين لقساوي القوسين فيكون القاعدتان اعني $\overline{ا ب ح}$

و $\overline{ر م د ا ن ر ت ي}$ متساويتين وذلك ما اردناه

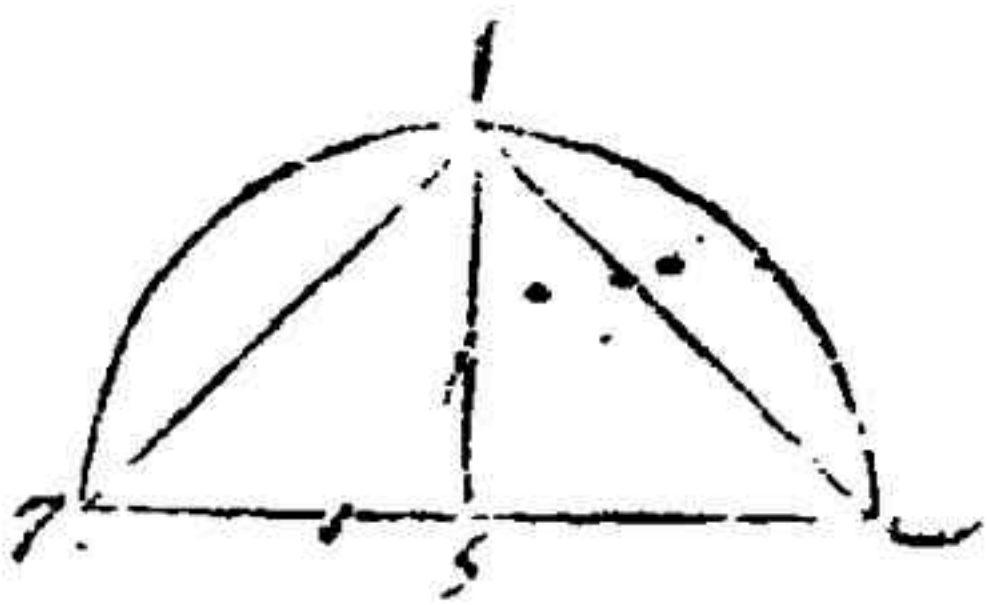
كط

فريد ان ن نصف قوسا

كقوس $\overline{ب ا ح}$ فنصل $\overline{ب ا ح}$

ونصفه على $\overline{ك}$ ونخرج منه عمود

ك $\overline{ا ف ه ر}$ بنصفها على $\overline{ا}$ وذلك لانا اذا

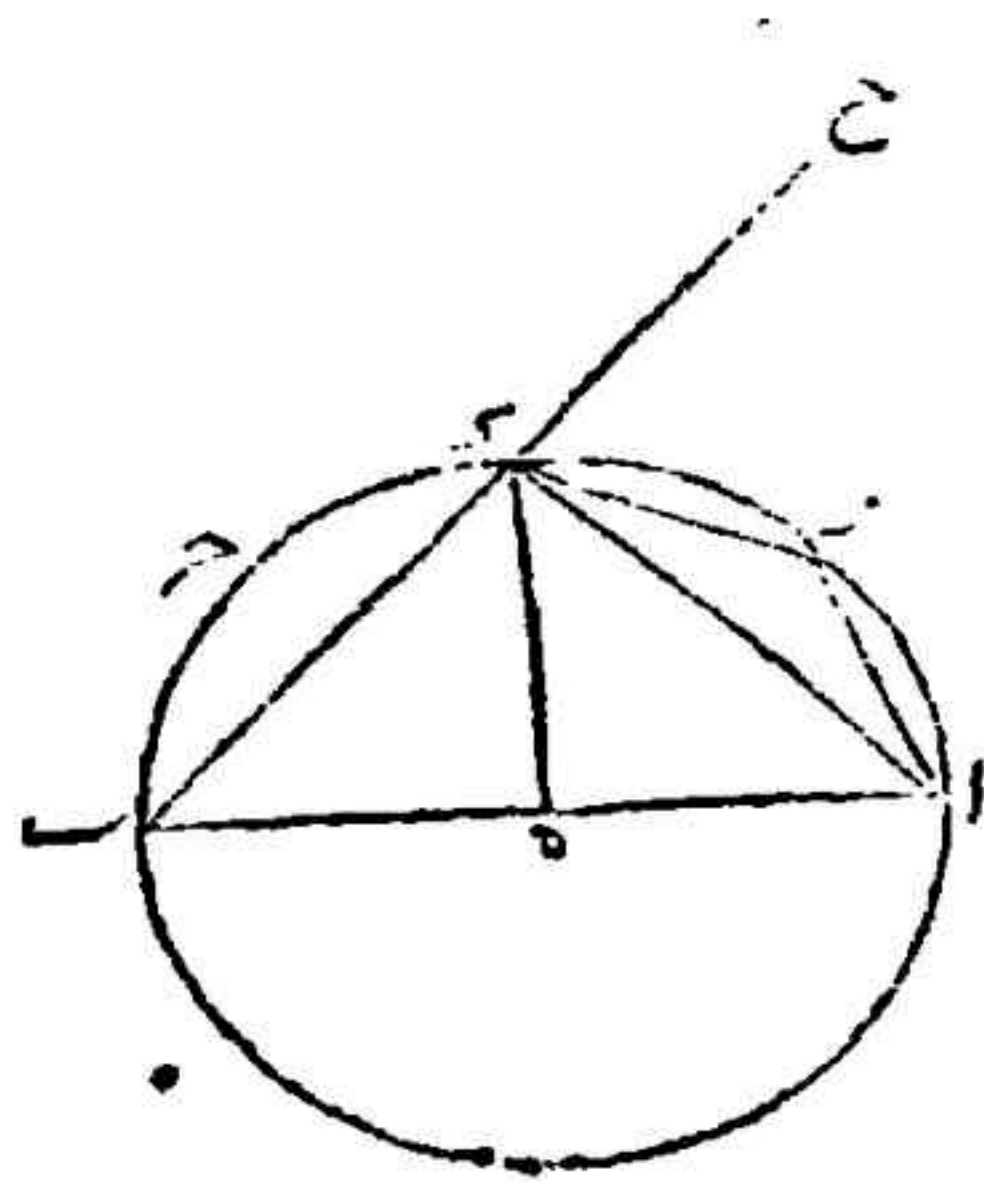


وصلنا ونرى $\overline{ب ا ح}$ و $\overline{ا ب ح}$ متساويين المتساويين $\overline{ب ا ح}$ و $\overline{ك د ه ر}$ وكون

كـ أ مشتركا وزاويتي كـ القائمتين متساويتين فكانت
قوساهما اعني بـ أ حـ أ متساويتين وذلك ما اردناه

ل

كل زاوية في قطعة فهي قائمة ان كانت
القطعة نصف دائرة وحادة ان كانت اعظم
من النصف ومنفرجة ان كانت اصغر وكل زاوية
قطعة فهي منفرجة ان كانت القطعة اعظم من
النصف وحادة ان لم يكن اعظم



فليكن قطعة ا ك ب نصف دائرة
ا ب ح ك والمركزة ولنعلم عليها كـ
كيف اتفق ونصل كـ ا ك ب
فتقول فزاوية ا ك ب المواقعة
فيها قائمة وذلك لاننا اذا
وصلنا كـ هـ كان هـ زاوية ا هـ بـ

التي هي زاوية من مثلث هـ كـ بـ مثل زاوية هـ كـ بـ
لتساوي ضلعي هـ كـ بـ و زاوية بـ هـ كـ
مثل زاوية هـ كـ ا كذلك ايضا فجميع زاويتي ا هـ بـ

$\overline{ك ح}$ المعادلتين لقائمتين مثلتي جميع زاوية $\overline{ا ك ب}$
 فهي قائمتة وايضا قطعة $\overline{ا ب ح ك}$ اعظم من النصف
 والواقعة فيها زاوية $\overline{ا ب ك}$ او ما يساويها هي حادة وايضا
 فعلم على قوس $\overline{ا ك}$ نقطة $\overline{ر ك}$ كيف اتفق ونصل $\overline{ا ر ك ر}$
 فزاوية $\overline{ا ر ك}$ من ذي اربعة اضلاع $\overline{ا ر ك ب ا}$ الواقعة
 في الدائرة هي تمام مقابلاتها التي هي زاوية $\overline{ب ا ح ا}$ الحادة
 من قائمتين فهي منفرجة وهي الواقعة في قطعة $\overline{ا ر ك}$ التي هي
 اصغر من النصف وايضا زاوية $\overline{ا ك ر}$ الخط $\overline{و ك ح}$ القوس $\overline{ا ب ح}$
 هي زاوية قطعة اكبر من النصف منفرجة لكونها اكبر من زاوية
 $\overline{ا ك ب}$ القائمة وزاوية $\overline{ا ك ر}$ الخط $\overline{و ك ر}$ القوس التي
 هي زاوية قطعة ليست اكبر من النصف حادة لكونها اصغر من
 زاوية $\overline{ا ك ح}$ القائمة وذلك ما اردناه

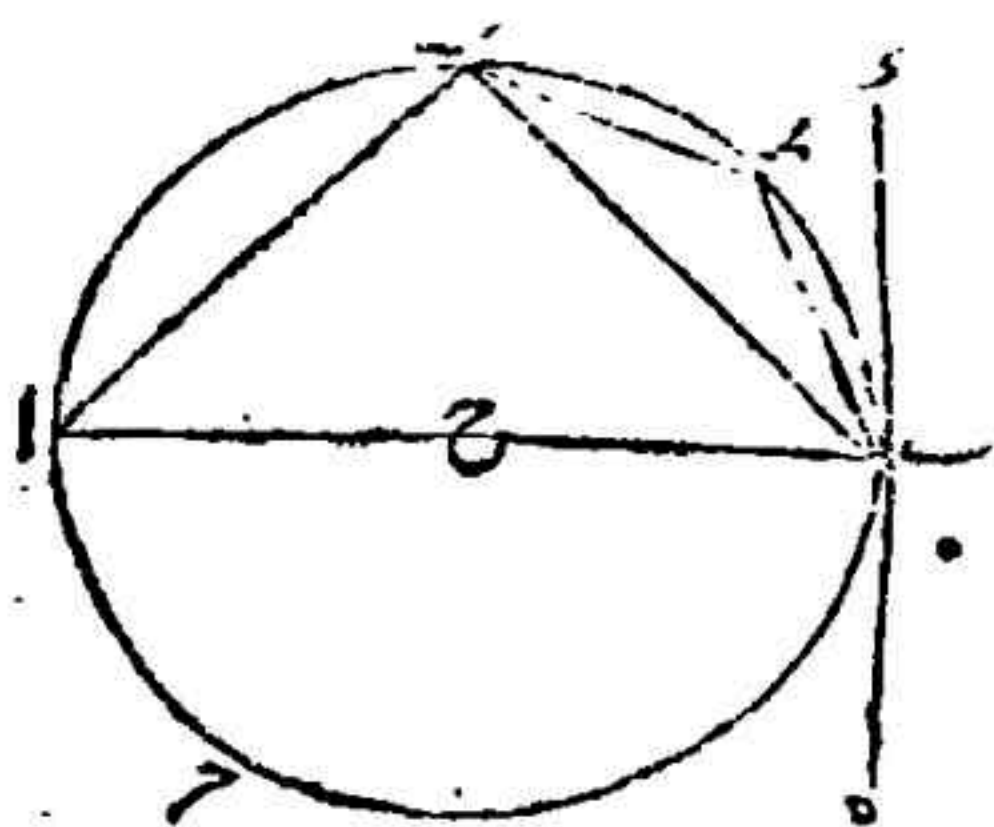
اقول وبالعكس

اذ ان كانت زاوية $\overline{ك ح}$ من مثلث $\overline{ا ب ك}$ قائمتة ورسمنا
 على $\overline{ا ب}$ نصف دائرة مر بقطعة $\overline{ك}$ والألا خرجنا $\overline{ا ك}$
 الى المحيط ووصلنا بينه وبين $\overline{ب}$ فكانت الخارجة واخذنا خلة
 من المثلث الحاد $\overline{ك ح ا}$ قائمتين هذا خلف وهذا العكس

كما يستعمل كثيرا

لا

اذ اخرج من نقطة تاس الخط المماس للدائرة
 خط يفصل الدائرة الى قطعتين فالزاويتان
 الحادتان عن جنبتيه تساويان اللتين
 تقعان في القطعتين على التبادل



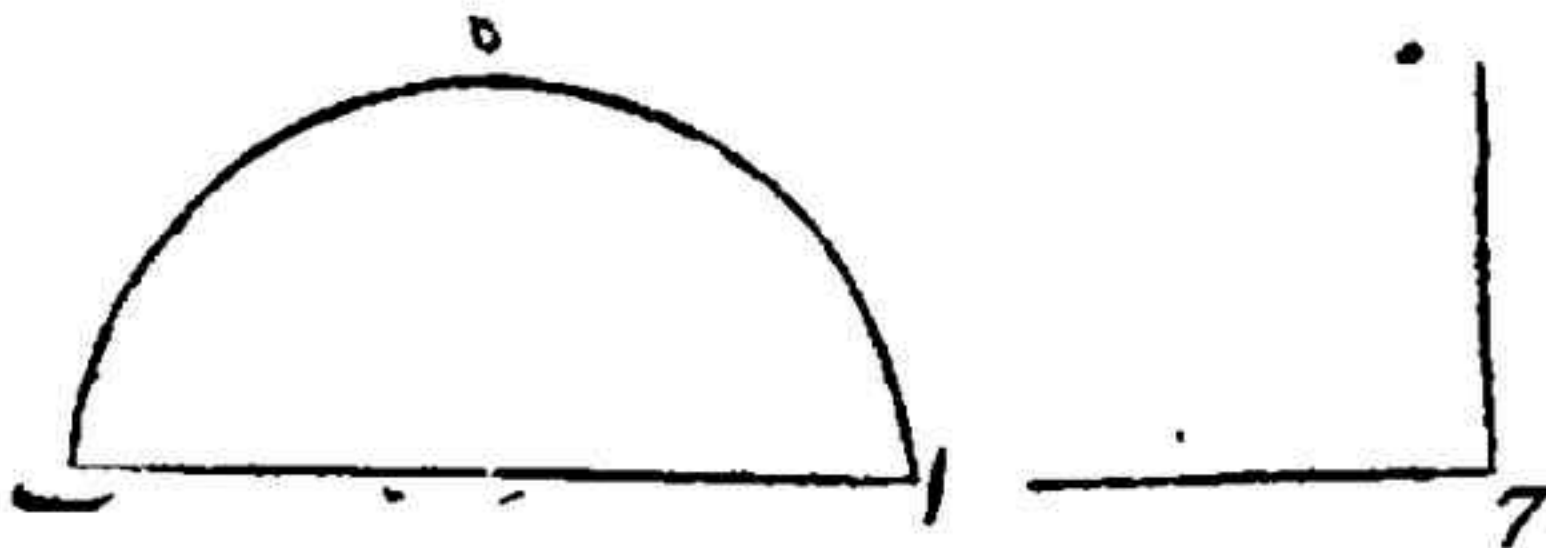
مثلا خرج من نقطة $\overline{ت}$ من خط
 مماس لدائرة $\overline{ا ح}$ عليها خط
 $\overline{ت ا}$ ونصل الدائرة الى قطعتين
 $\overline{ر ا ح}$ و $\overline{ط ا ح}$ فزاوية
 $\overline{ر ت ك}$ مساوية للتي تقع في قطعة

$\overline{و ا ح}$ وزاوية $\overline{ر ت ا}$ التي تقع في قطعة $\overline{ر ط ا}$ وذلك
 لانا اذا وصلنا بين $\overline{ت}$ و $\overline{ح}$ المركز واخرجناه الى $\overline{ا}$ ووصلنا
 $\overline{ا ر}$ كانت كل واحدة من زاويتي $\overline{ا ر ت}$ و $\overline{ا ت ك}$ قائمة
 وكل واحدة من زاويتي $\overline{ر ا ت}$ الواقعة في القطعة و $\overline{ر ت ك}$
 تمام زاوية $\overline{ر ت ا}$ من القائمة فهما متساويتان ولتعلم
 $\overline{ط ا}$ في قطعة $\overline{ر ط ا}$ كيف اتفق ونصل $\overline{ط ا}$ و $\overline{ر ط ا}$ فزاوية
 $\overline{ر ط ا}$ الواقعة فيها تمام زاوية $\overline{ر ا ت}$ اعني زاوية
 $\overline{ر ت ك}$ لقائمة في مساوية لزاوية $\overline{ر ت ا}$ لانيها ايضا

تمام زاوية $\overline{ر ب س}$ لقاومتين وذلك ما اردناه

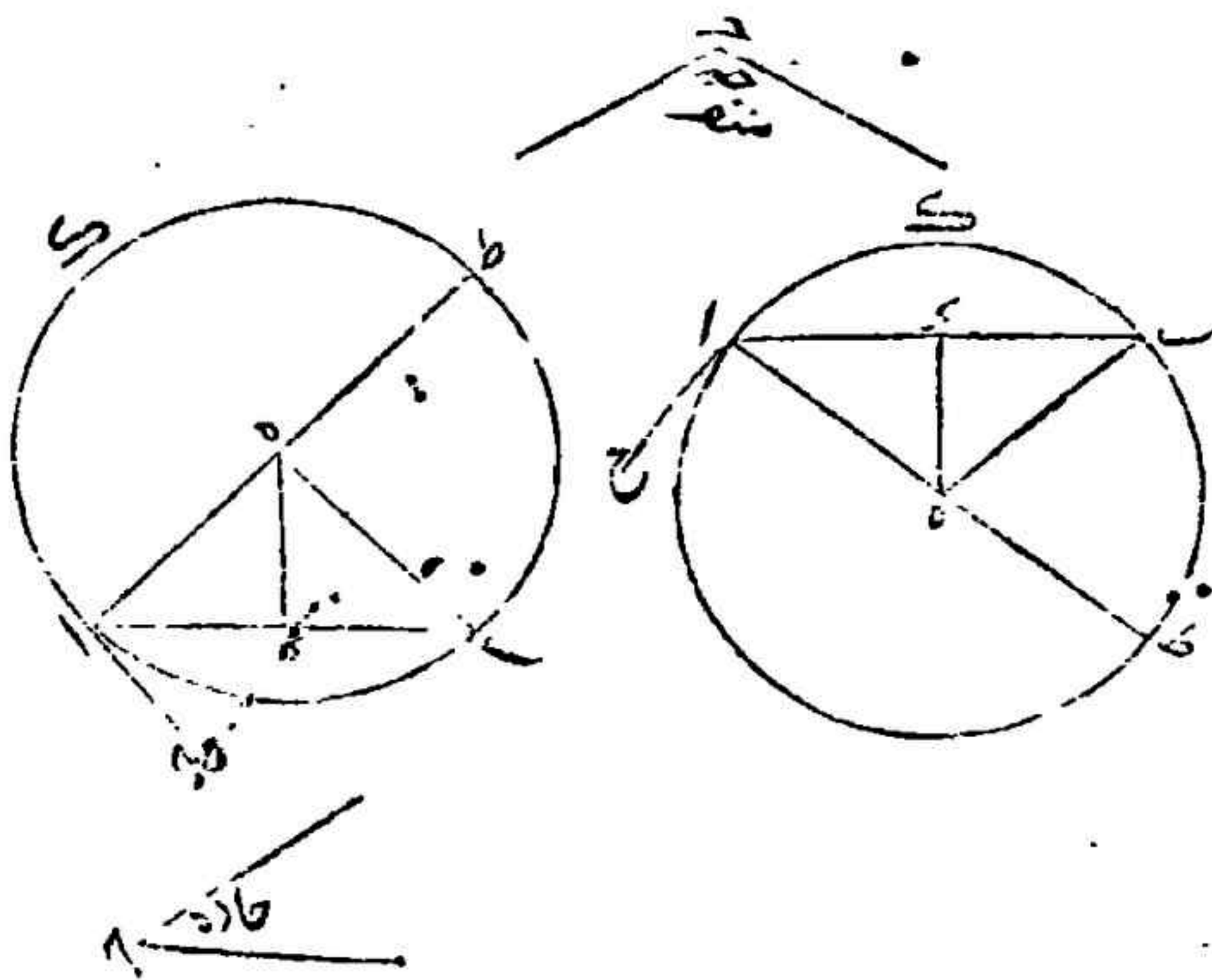
لب

تريد ان نعمل على خط $\overline{م ح ل}$ ونقطع دائرة
تساوي زاوية فيها زاوية مفروضة مستقيمة
الخطين



فليكن الخط المحدود
 $\overline{آ ب}$ والزاوية
المفروضة $\overline{ح}$ وليكن

الزاوية القائمة فننصف $\overline{آ ب}$ على $\overline{س}$ ونرسم على مركز $\overline{س}$ بعدد
 $\overline{س ب}$ نصف دائرة $\overline{آ ب}$ فنزاوية فيها لكونها في قطعة
نصف الدائرة تساوي زاوية $\overline{ح}$ القائمة

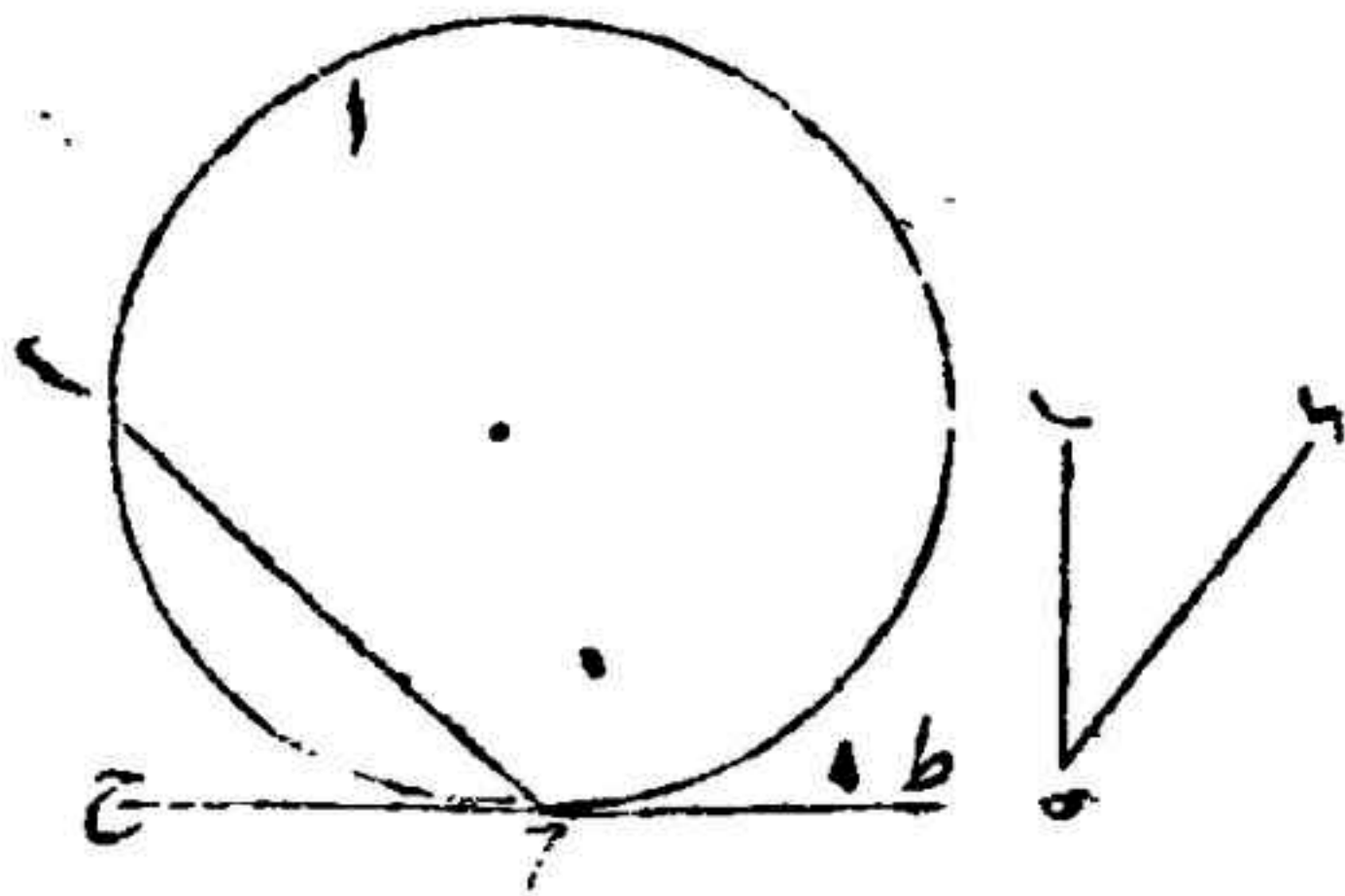


ولیکن ثانيا
غير القائمة
ونعمل على
نقطة $\overline{آ}$ من
خط $\overline{آ ب}$
زاوية
 $\overline{ب آ ح}$
مثل زاوية

ح ونخرج من نقطة آ عموداً ط على آح وننصف آب
على ك ونخرج من ك عموداً ه على آب ونصل ه ب
فتساوي آ ك ك ب وكون ك ه مشتركا وزاويتي ك
قائمتين قاعدة آ ه تساوي قاعدة ب ه فالدايرة التي
نرسم على مركز ه ببعد آ ه تمر بنقطة ب ولكن الدائرة
أك ط ب وقد خرج من نقطة آ التي هي طرف قطر
أ ط عموداً ح عليه فيكون العمود مماساً للدائرة فآ ب
المخرج من نقطة تماس آ ح يفصل الدائرة الى قطعة
أك ب زاوية ب آ ح تساوي زاوية في القطعة على
التبادل فالزاوية التي في القطعة لكونها مساوية لزاوية
ب آ ح التي هي مساوية لزاوية ح ب تعمل تساوي زاوية
ح وذلك ما اردناه

لج

نريد ان نفصل من دائرة قطعة تقبل زاوية
مفروضة



ولتكن الدائرة $\overline{ابح}$

والزاوية $\angle ر$ معلوم

على الدائرة $\overline{ح}$ ونخرج

خط $\overline{ح}$ المماس ونرسم

على $\overline{ح}$ من $\overline{ح}$ زاوية

$\angle ح$ مثل زاوية $\angle ر$ فنحط $\overline{ح}$ فاصل من الدائرة

قطعة $\overline{ب}$ $\overline{ا}$ القابلة لزاوية $\angle ح$ اعني زاوية $\angle ر$

وذلك ما اردناه

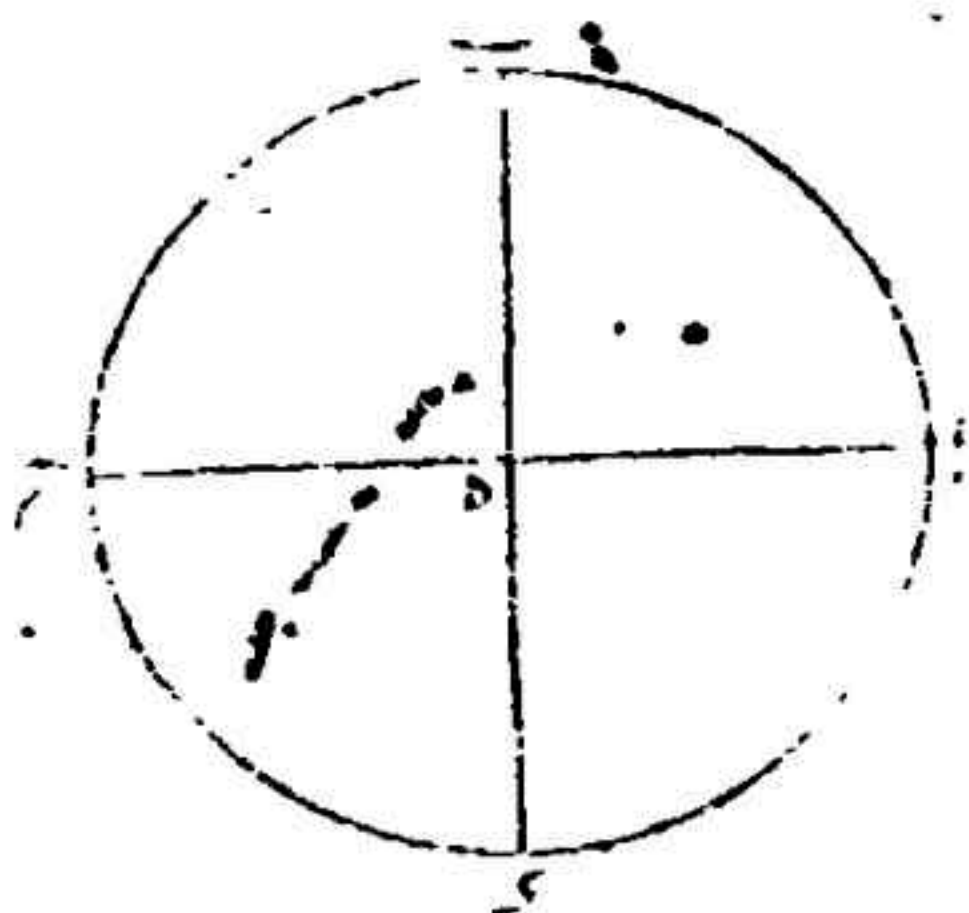


لد

كل وترين يتقاطعان في دائرة فالسطح الذي

يحيط به قسمها احد هيا يساوي السطح الذي

يحيط به قسمها الاخر



وانتكن الدائرة $\overline{اب}$ والوتران

$\overline{ا}$ $\overline{ب}$ وقد تقاطعا على

$\overline{ه}$ فسطح $\overline{ا ه}$ في $\overline{ح}$ يساوي

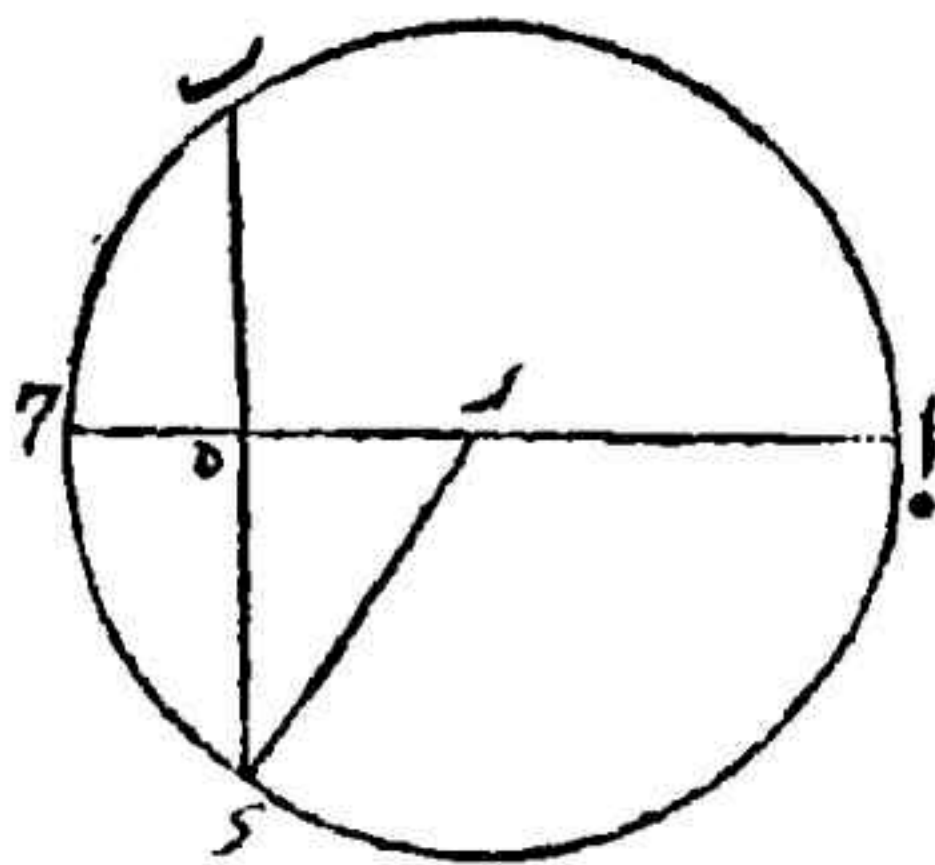
سطح $\overline{ب ه}$ في $\overline{ح}$

مختلف وتووع هذا الشكل

لان الوترين يكونان اما قطر ين او احد هما فقط قطرا او لا
واحد منهما بقطر والثاني لا يدخل اما ان يتقاطعا على قوائم

او على غيرها وهذه اربعة انواع

والحكم في الاول ظاهر واما في الثاني



وهو الذي يكون احد هما قطرا

والتقاطع على قوائم فليكن المركز

و القطر منهما \overline{AC} ونصل

ر ك فلان سطح \overline{AE} في \overline{EAC} مربع

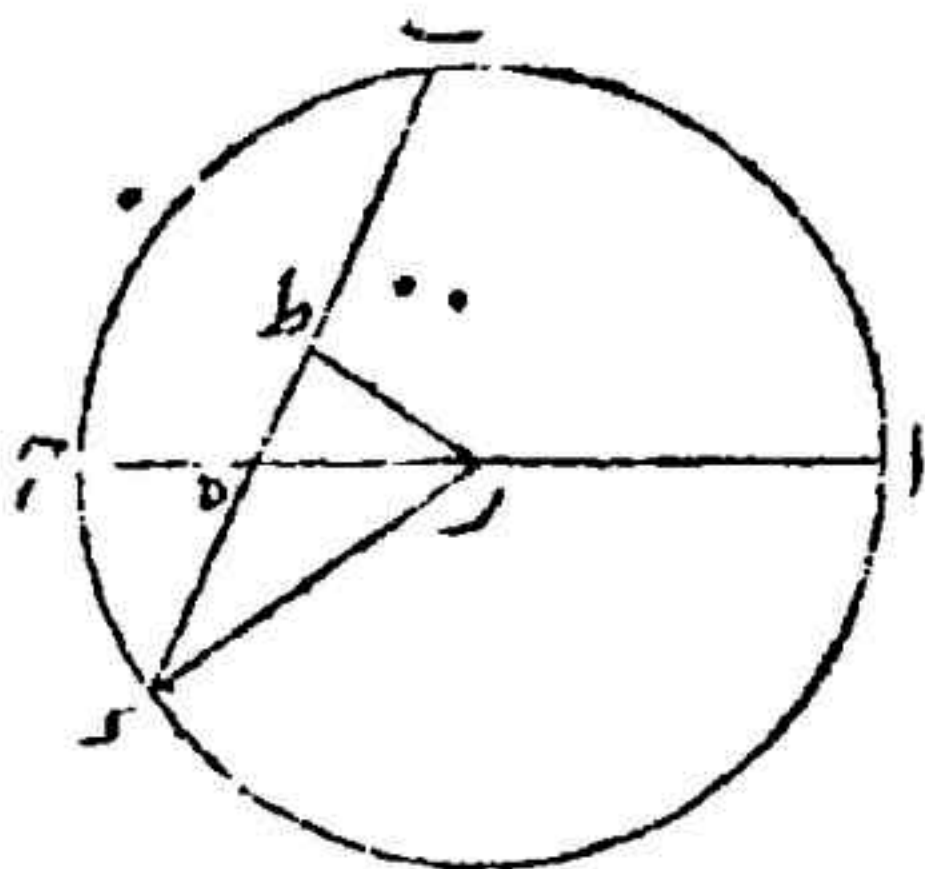
مساوي مربع \overline{EC} اعني ر ك

اعني مربع \overline{AE} في \overline{EAC} ونعقسط مربع \overline{AE} المشترك

يبقى سطح \overline{AE} في \overline{EAC} مساويا لمربع \overline{EC} اعني ضرب

\overline{AE} في \overline{EC}

واما في الثالث



وهو الذي \overline{AC} فيه ايضا قطر

والتقاطع على غير قوائم فنخرج

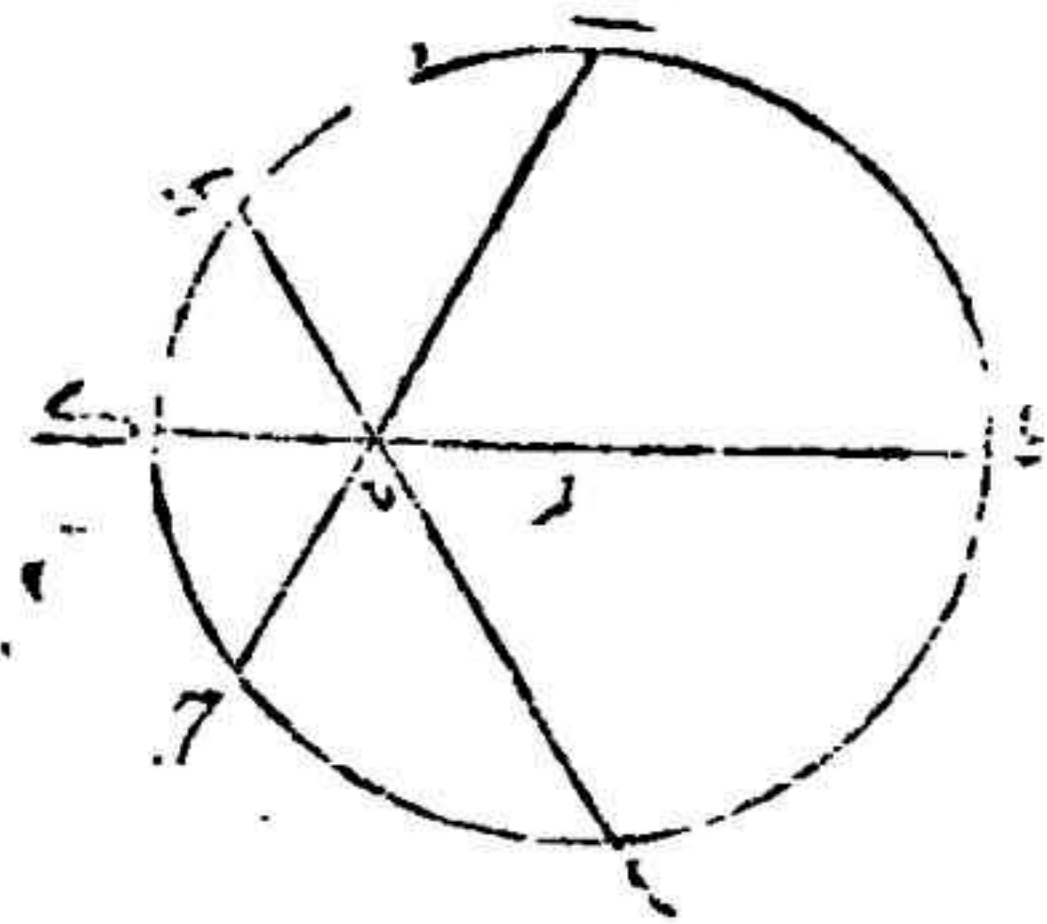
من ر عمود \overline{RP} على \overline{AC}

فلان سطح \overline{AE} في \overline{EAC}

مع مربع رة اعني مربع رط طة يساوي مربع رة
 اعني رة اعني مربع رط طة فاذا اصقطنا رط
 المشترك يبقى سطح آة في ح مع مربع طة يساوي
 مربع طة وايضا سطح باة في ح مع مربع طة
 يساوي مربع طة فاذا اصقط مربع طة المشترك يبقى سطح
 آة في ح مساويا لسطح باة في ح

واما في الرابع

وهو الذي لا واحد منهما بقطر
 فيه فليكن المركز ر ونصل
 رة ونخرج رة في طرفيه
 الى المحيط نصار ط ك قطرا

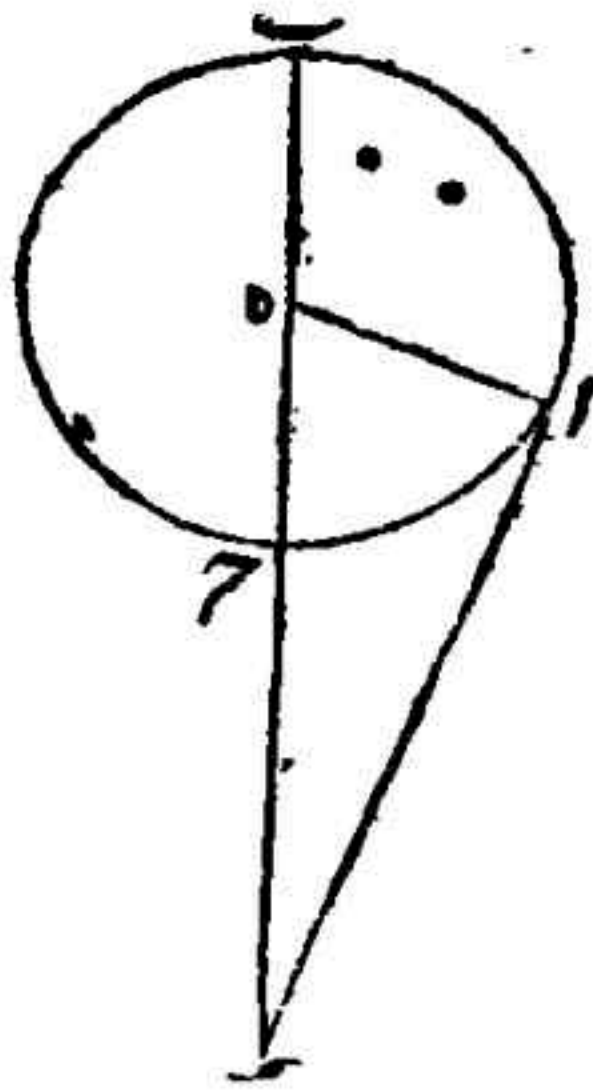


فانقول ان سطح طة في ح يساوي سطح آة
 في ح بما تقدم وكذلك سطح طة في ح يساوي
 سطح باة في ح بما تقدم ايضا فسطح آة في ح
 يساوي سطح باة في ح وهو المراد

له

كل خطين يخرجان من نقطة خارجة من دائرة
 اليها يقطعها احد هيا وبها سها الاخر فان

سطح جميع القاطع فيها وقع منه خارجا



يساوي مربع المماس

وليكن الدائرة $\overline{ا ب ح}$

والنقطة $\overline{ك}$ والمخط القاطع

$\overline{ك ح ب}$ والمماس $\overline{ك ا}$

فسطح $\overline{ب ك في ك ح}$

يساوي مربع $\overline{ك ا}$

ويختلف وقوع هذا الشكل

لان القاطع اما ان يسامت المركز او لا يسامته ولا يخ اما ان

لا يقع بينه وبين المماس او يقع فان سامت المركز وليكن المركز

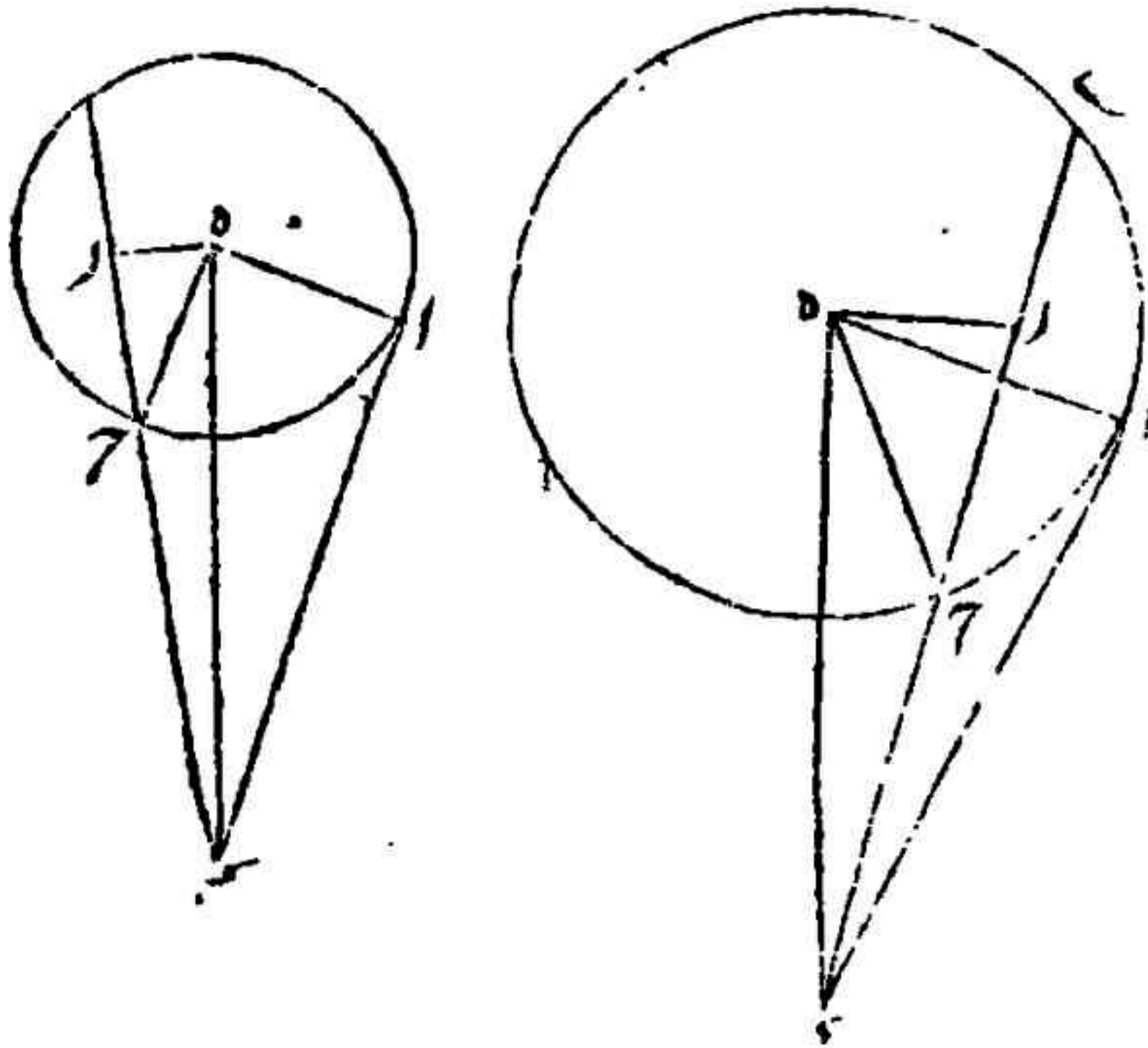
$\overline{ه}$ ونصل $\overline{ا ه}$ فلان سطح $\overline{ب ك في ك ح}$ مع مربع $\overline{ه ح}$

يساوي مربع $\overline{ه ك}$ اعني مربعي $\overline{ك ا}$ $\overline{ا ه}$ بل مربعي $\overline{ك ا}$

$\overline{ه ح}$ واذا اصقطنا مربع $\overline{ه ح}$ المشترك بقي سطح $\overline{ب ك}$

في $\overline{ك ح}$ مساويا لمربع $\overline{ك ا}$

واما ان لم يعا مسج



فصل هـ ك
 هـ ح ونخرج
 من هـ على
 سا ك عمود
 هـ ر فلان سطح
 سا ك في ك ح
 مع مربع ر ح

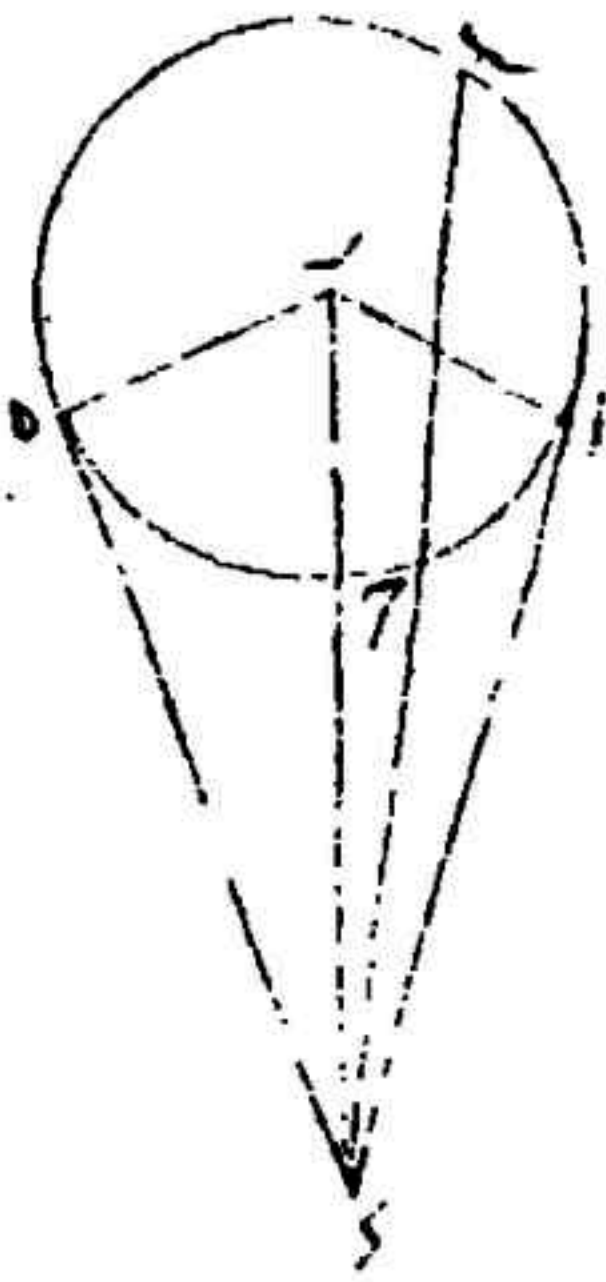
يساوي مربع ر ك و اذا جعلنا مربع ر هـ مشتركا
 صار سطح سا ك في ك ح مع مربعي ر ح ر هـ اعني
 مربع هـ ح مساويا لمربعي ر ك ر هـ اعني مربع هـ ك
 بل مربعي هـ آ ك آ اعني مربعي هـ ح ك آ و اذا اسقطنا
 مربع هـ ح المشترك بقي سطح سا ك في ك ح مساويا
 لمربع ك آ وذلك ما اردناه

و تبين من هذا

ان كل خطين يخرجان من نقطة و يماسان دائرة بعينها عن
 جنبتيها فهما متساويان

لو

ان اخرج خطان من نقطة خارجة من دائرة
اليها قاطعا احدهما اياها ومنتھيا الاخر اليها
غير قاطع وكان سطح جميع القاطع فيهما
وقع منه خارجا مساويا لمربع المنتھى كان
المنتھى مساويا للدائرة



وليكن الدائرة $\overline{ا ب ح}$ والنقطة $\overline{س}$
والقاطع $\overline{س ب}$ والمنتھى $\overline{س ج}$ ونخرج
من $\overline{س}$ $\overline{س ح}$ مماسا لها ونصل بين $\overline{ب}$ والمركز
وبين $\overline{س}$ و $\overline{ب}$ فلان سطح $\overline{ب س ج}$ في $\overline{س ب}$
مساو لمربع $\overline{س ب}$ بالفرض ولربيع $\overline{س ج}$ مسا

مربعون $\overline{س ب}$ $\overline{س ج}$ متساويين وكان $\overline{س ب}$ $\overline{س ج}$ متساويين و
 $\overline{ب س ج}$ مشتركين فزاوية $\overline{ب س ج}$ تساوي زاوية $\overline{س ب ج}$ القائمة
فهي قائمة و $\overline{س ب ج}$ العمود على $\overline{س ب}$ فذلك ما اردناه

المقالة الرابعة ستة عشر شكلا

صدر

ان الحاط شكل بشكل بحيث يماس زوايا الحاط اضلاع المحيط
يسند الحاط الى المحيط بانه فيه والمحيط الى الحاط بانه عليه
ان اكان كل واحد من اضلاع المحيطما صالمحيط الدائرة يقال
انه على الدائرة وانها فيه ان امر محيط الدائرة بجميع
زوايا الشكل الحاط يقال انها على ذلك الشكل ان كان
الخط المستقيم في الدائرة مماسا بطرفيه لمحيطها يقال انه فيها

الاشكال

١

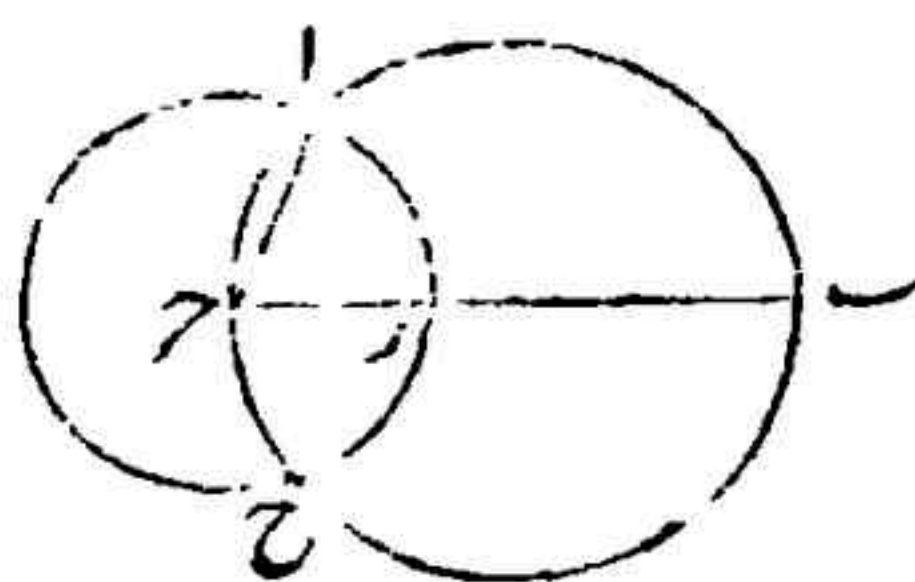
تريد ان ترسم في دائرة وترامثل خط مقروض

ليس اطول من قطرها

مثلا في دائرة AB مثل

خط CD فنخرج لها قطر AO وهو

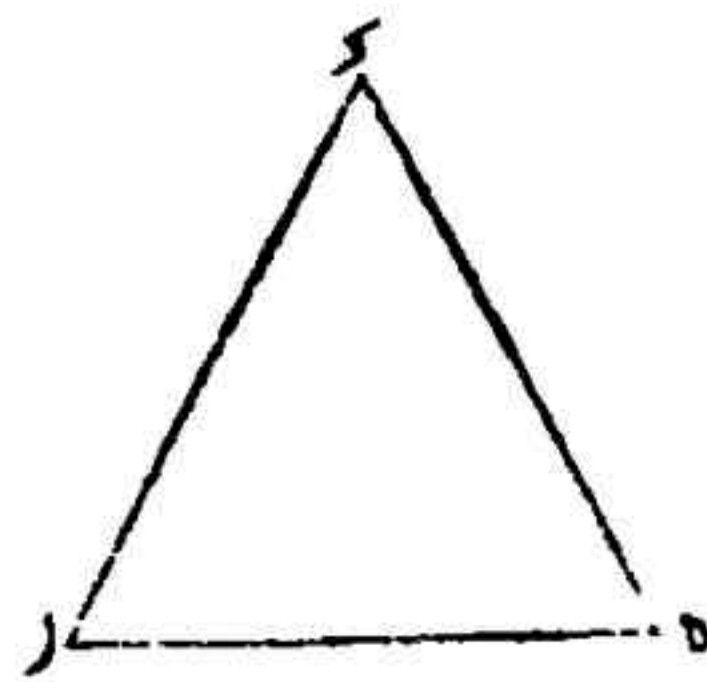
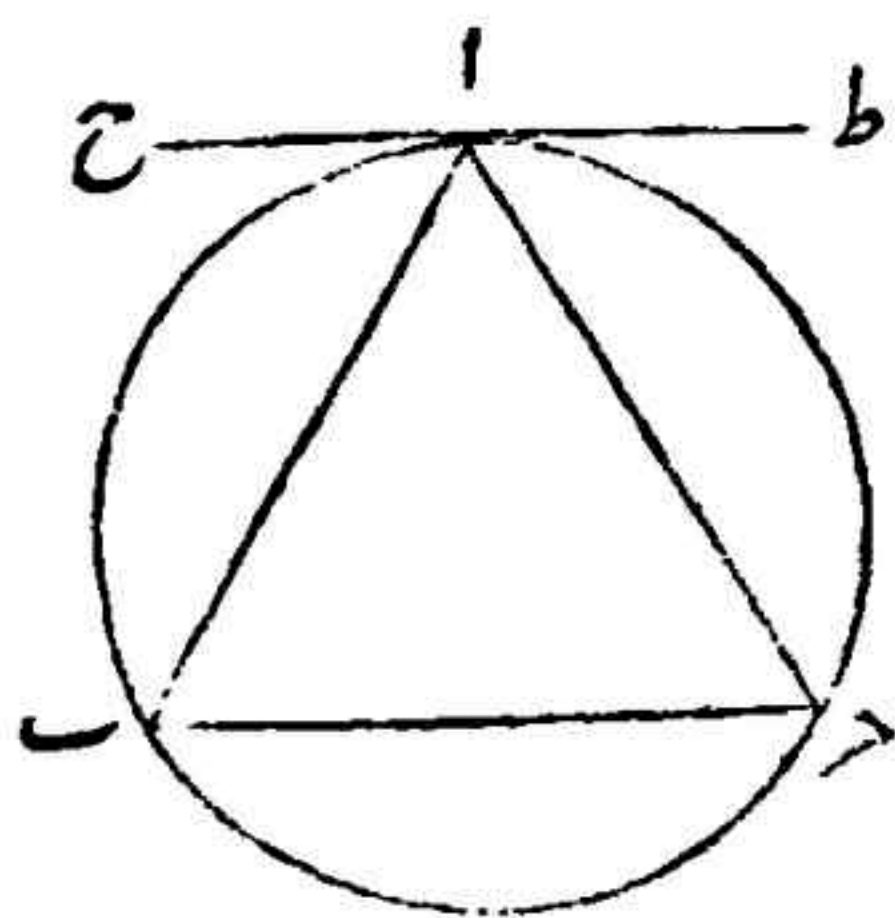
AB ونفصل منه AD مثل



بكرة \bar{e} ونرسم على \bar{c} ببعد \bar{c} دائرة \bar{a} ربح ونصل \bar{c} \bar{a}
 فهو المطلوب وهو معا \bar{c} ربح اعني \bar{e} وذلك ما اردناه

ب

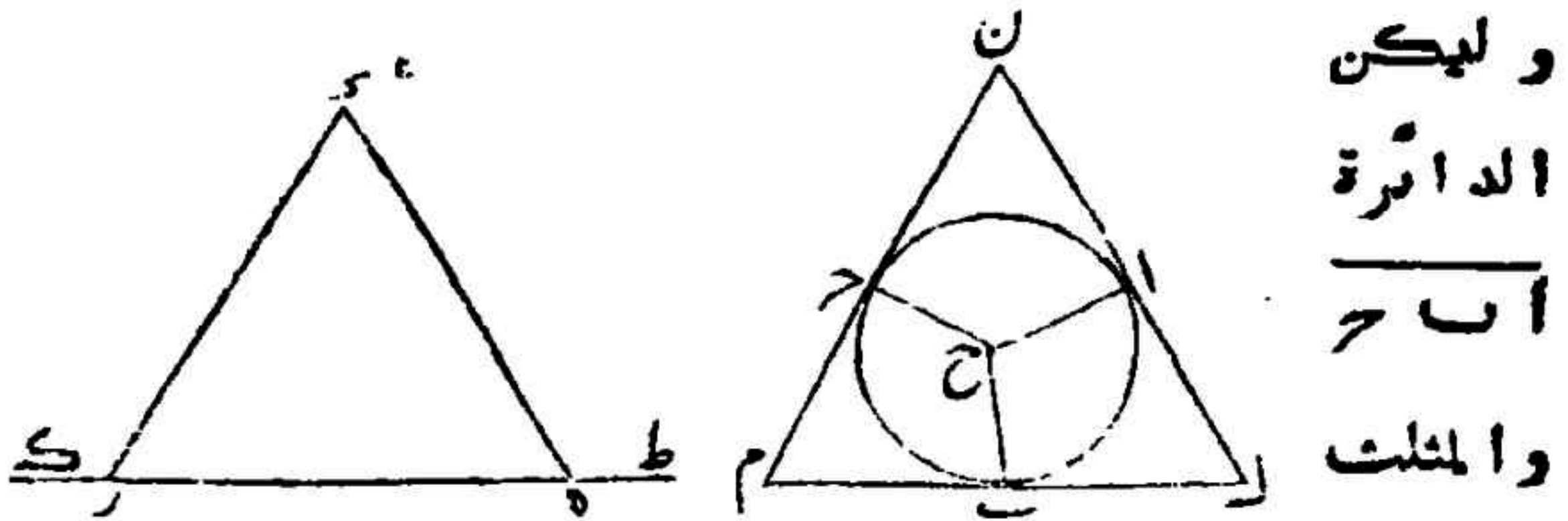
نريد ان نعمل في دائرة مثلثا يساوي زواياه
 زوايا مثلث مفروض



والجواب للدائرة
 \bar{a} ربح والمثلث
 المفروض \bar{e} ر
 فنرسم \bar{c} ط
 مما للدائرة

على \bar{a} وعلى \bar{a} منه زاوية \bar{c} \bar{a} مثل زاوية \bar{e}
 وزاوية \bar{c} \bar{a} مثل زاوية \bar{r} ونصل \bar{c} \bar{b} فمثلث
 \bar{a} \bar{b} هو المطلوب لان زاوية \bar{a} \bar{b} منه تساوي
 زاوية \bar{b} \bar{a} \bar{c} اعني زاوية \bar{e} وزاوية \bar{a} \bar{b} \bar{c} تساوي
 زاوية \bar{c} \bar{a} \bar{r} اعني زاوية \bar{r} ويبقى زاوية \bar{b} \bar{a} \bar{c} مساوية
 لزاوية \bar{e} وذلك ما اردناه

نريد ان نعمل على دائرة مثلثا يساوي
زوایاه زوايا مثلث مقروض

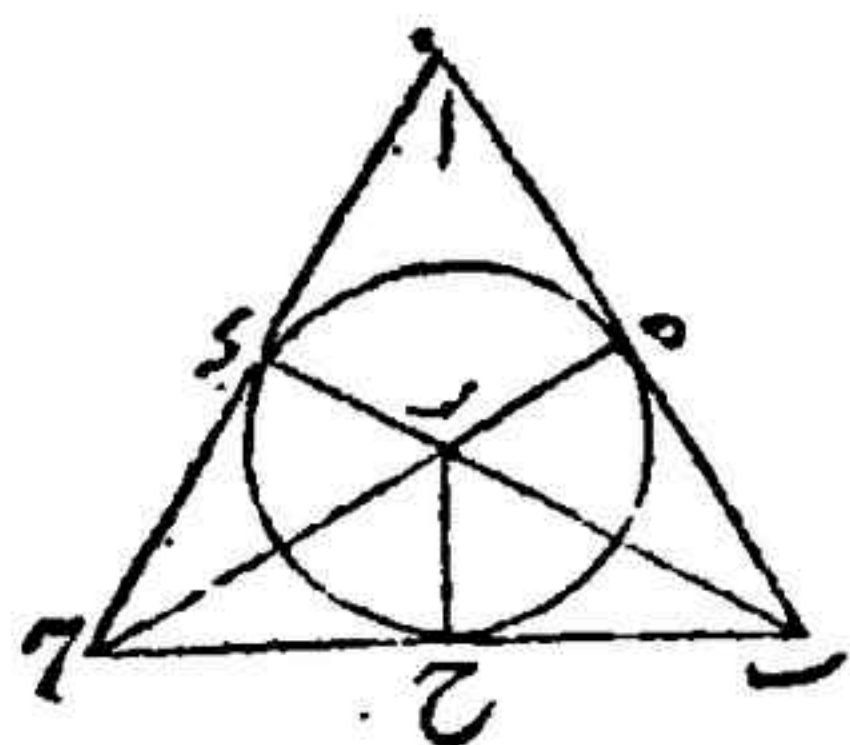


و ليكن
الدائرة
أ ب ح
والمثلث

هـ ك ر ونخرج هـ ر الى ط و ك و ليكن المركز
ح ونخرج ح ب كيف اتفق وعلى ح منه زاوية
ب ح ا مثل ك هـ ط وزاوية ب ح ح مثل ك ر ك
ونخرج من ب ا ح خطوطا مماسة للدائرة
الى ان تتلاقى على ل م ن فمثلث ل م ن
هو المطلوب وذلك لان زوايا كل ذي اربعة اضلاع تعادل
اربع قوائم فاذا القينا من زوايا ذي اربعة اضلاع ا ل
ب ح زاويتي ا ب ا القائمتين ببقى زاويتي ل ح
معادلتي لقاومتين كزاويتي ك هـ ط ك هـ ر وكانت
زاوية ح مثل زاوية ك هـ ط فببقى زاوية ك هـ ر مثل زاوية
ل وبمثلها بين ان زاوية ك ر هـ مثل زاوية م و ببقى
زاويتا ك ن متساويتين وذلك ما اردناه

ك

نريد ان نعمل في مثلث دائرة

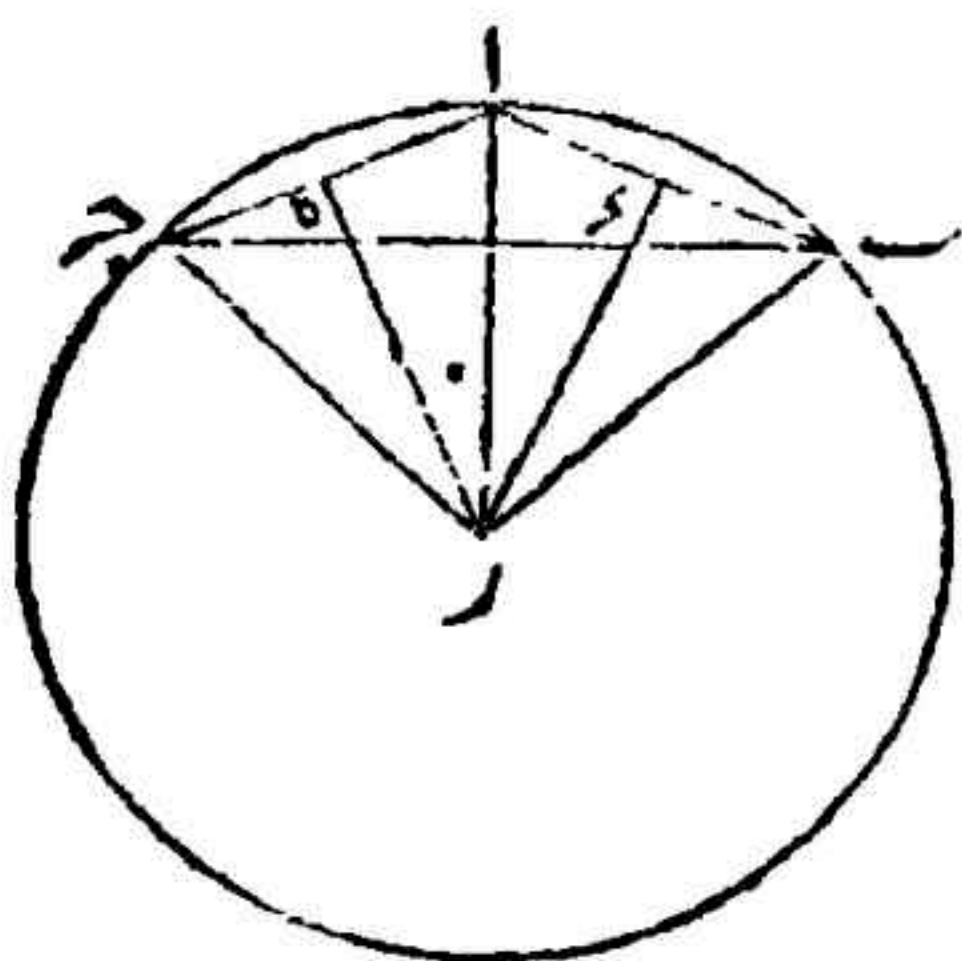


مثلا في مثلث \overline{ABC} فننصف زاويتي
 \overline{BAC} \overline{ACB} بخطين يلتقيان على \overline{R} ونخرج من \overline{R}
اعمدة \overline{RD} \overline{RE} \overline{RF} على الاضلاع
فهي متساوية لتساوي زاويتي

\overline{RBA} \overline{RBC} في مثلثي \overline{RBA} \overline{RBC} وكون
زاويتي \overline{RBA} \overline{RBC} قائمتين و ضلع \overline{RB} مشتركا فضلا \overline{RD}
 \overline{RE} متساويان وكذلك في مثلثي \overline{RBC} \overline{RCA} فان اذا
جعلنا \overline{R} مركزا ورسمنا بعد احد الاعمدة دائرة \overline{KDE}
عملنا ما اردناه

د

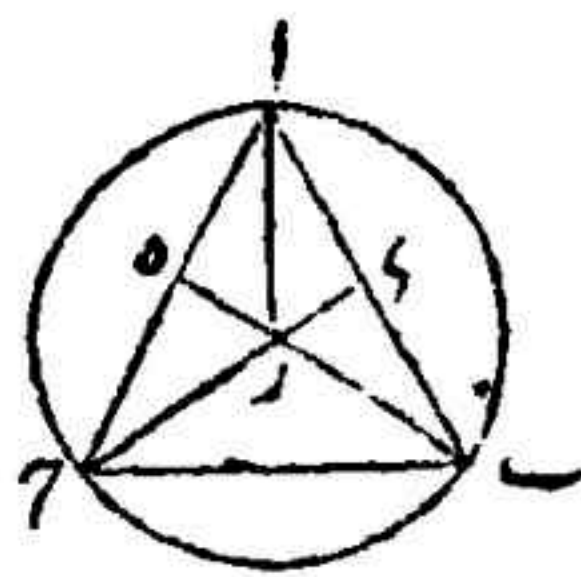
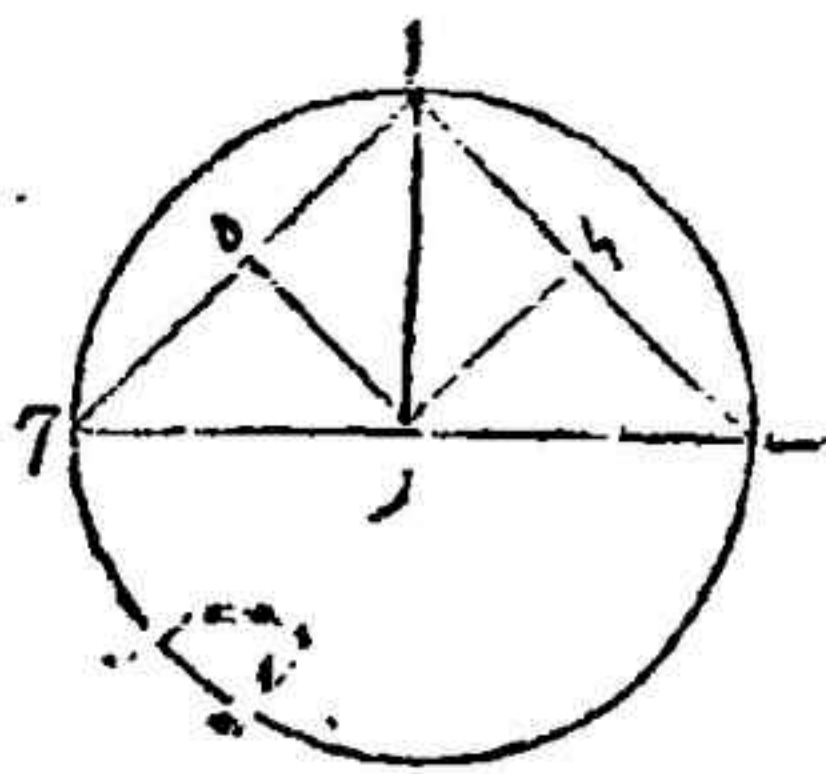
نريد ان نعمل على مثلث دائرة



مثلا على مثلث \overline{ABC} فننصف
ضلعي \overline{AB} \overline{AC} على \overline{D} \overline{E}
ونخرج منهما عمودي \overline{DR} \overline{ER}
متلاقين على \overline{R} ونصل \overline{RA} \overline{RB} \overline{RC}
فهي متساوية لتساوي \overline{DA} \overline{EA}

واشتراك $\overline{ك ر}$ وكون زاويتي $\overline{ك}$ قائمتين وكذلك في مثلثي
 ا $\overline{ا ر ه}$ و $\overline{ا ر ج}$ واذا جعلنا $\overline{ر}$ مركزا ورسمنا بعيد احد
 الخطوط الثلثة دائرة $\overline{ا ب ح}$ عملنا ما ارادناه

اقول ولهذا الشكل اختلاف وتوع

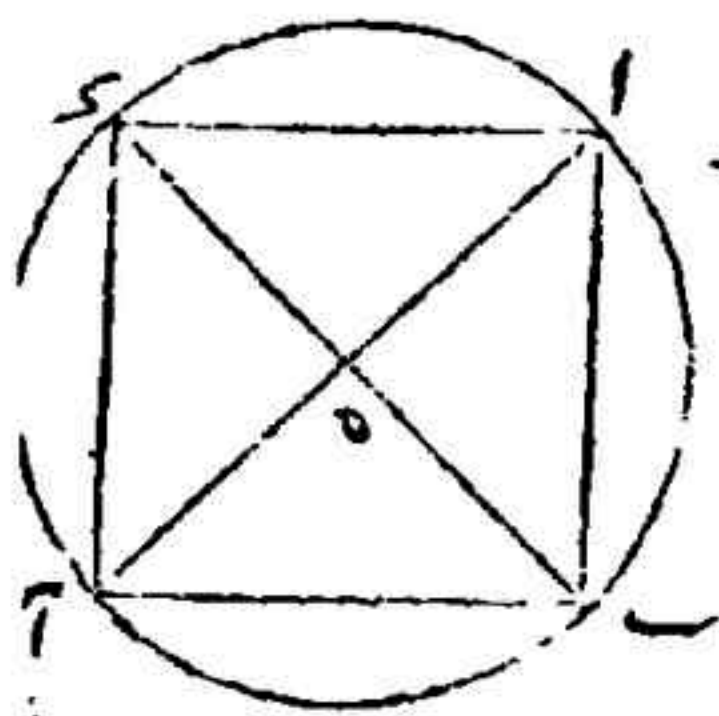


فان تلاقي العمودين
 على $\overline{ر}$ يكون اما
 خارج المثلث كما رسم
 في الاصل وذلك

يكون عند كون زاوية $\overline{ب ا ح}$ منفرجة واما داخله وذلك
 عند كونها حادة واما على ضلع $\overline{ب ا ح}$ عند كونها قائمة هكذا

و

فريد ان نعمل في دائرة مربعاً



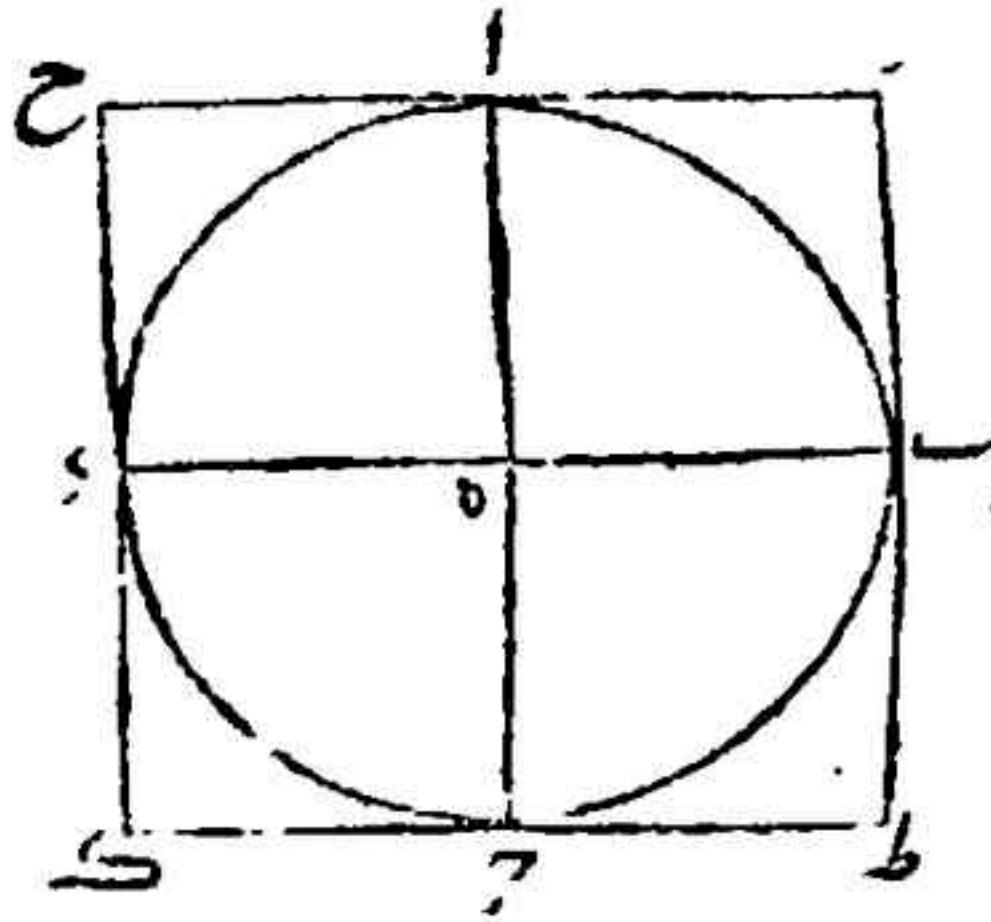
مثلاً في دائرة $\overline{ا ب ح د}$ وليكن المركز
 $\overline{ه}$ فنرسم فيها قطري $\overline{ا ج}$ و $\overline{ب د}$
 متقاطعين على قوائم وصل $\overline{ا ب}$ و $\overline{ب ج}$
 $\overline{ج د}$ و $\overline{د ا}$ فزيد المربع وذلك لانها متعاوية

لتساوي الاضلاع والزوايا المحيطة به والزوايا قوائم لكون
كل واحدة مساوية لنصفي قائمة وذلك ما اردناه



الزوايا

فريدان نعمل على دائرة مربعاً

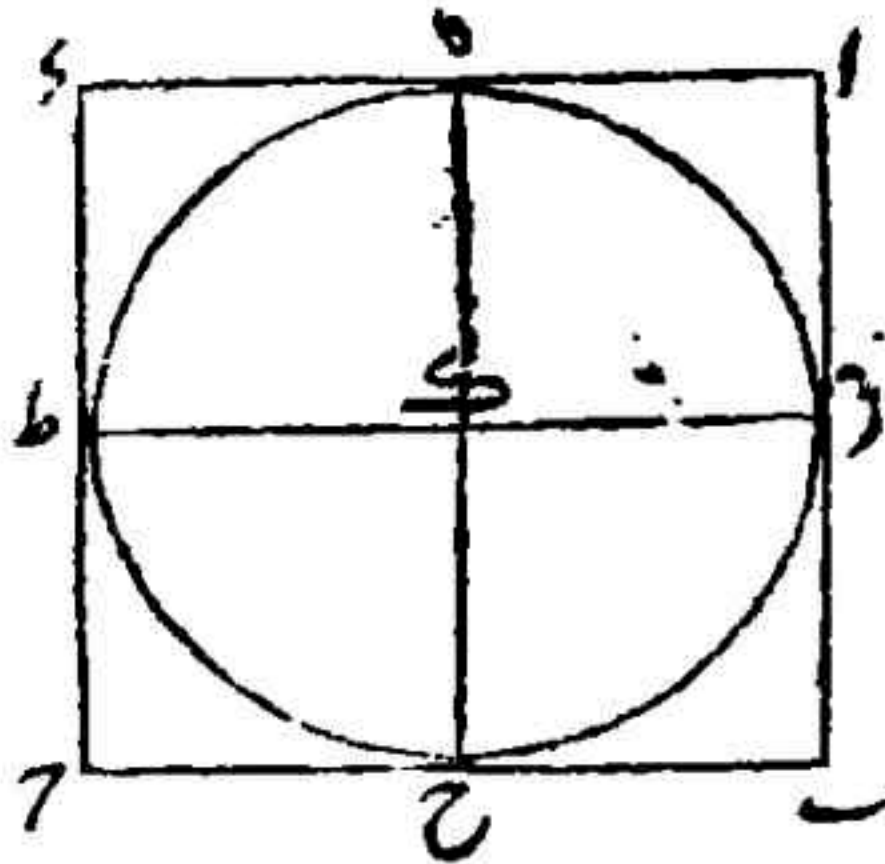


مثلاً على دائرة ا ب ح د فنرسم فيها
قطر ا ب ح د ك متقاطعين على
قوائم عند هـ المركز ونخرج من
اطرافها خطوطاً بجماعة للدائرة
متلاقية على ز ح ط ك فيتسم

المربع وذلك لان سطح رة متساوي الاضلاع
لكون زوايا آة ب فيه قوائم والزوايا لان زاوية ر
ايضا قائمة وهو مربع لتساوي آة ب وكذا لك المثلث
الثلة الباقية فجميع سطح ر ك ايضاً مربع وذلك ما اردناه

ح

نريد ان نعمل في مربع دائرة

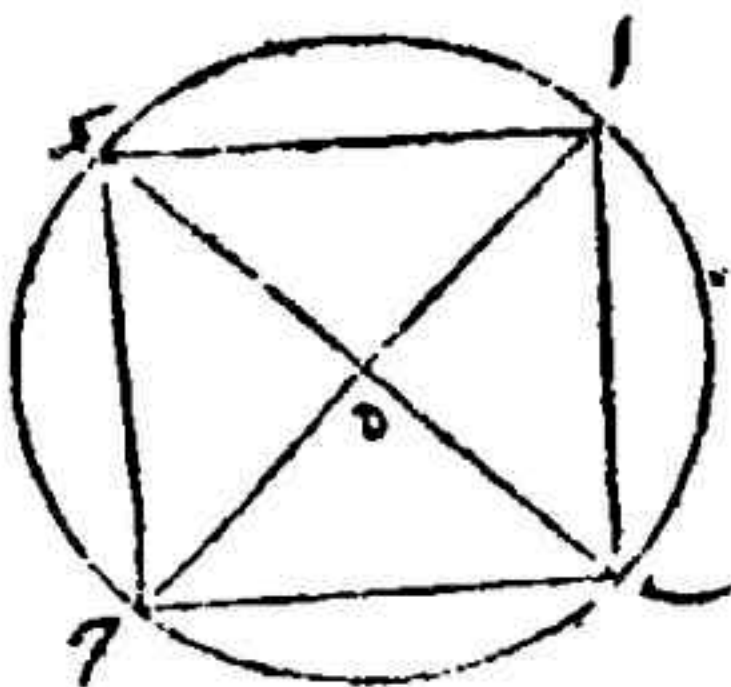


مثلا في مربع $\overline{ا ب ح د}$
 فنصف $\overline{ا ب}$ على $ه ر$
 ونخرج منهما عمودي $ه ح ر ط$
 متقاطعين على $ك$ فينقسم

المربع بأربعة خطوط متوازية الاضلاع متساوية المتساوي
 الانصاف والاضلاع المتقابلة فيكون خطوط $ك ه ك ر$
 $ك ح ك ط$ الاربعة متساوية وانا رسمنا على $ك$
 بعد احدها دائرة $ه ر ح ط$ فقد عملنا ما اردناه

ط

نريد ان نعمل على مربع دائرة



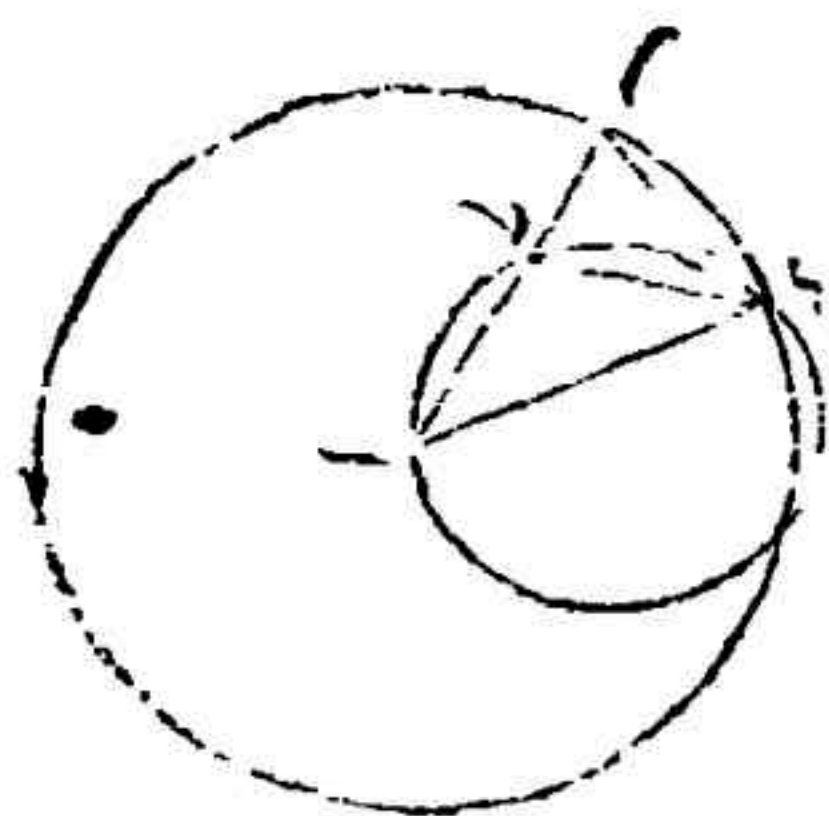
مثلا على مربع $\overline{ا ب ح د}$ فنخرج قطري
 $\overline{ا ج}$ $\overline{ب د}$ متقاطعين على $ه$ ونبين
 تساوي $ه ا ه ب ه ج ه د$ الاربعة

بتساوي اضلاع المربع والزوايا الثمانية التي عند $\overline{ا ب ح د}$

فان كل واحدة منها نصف قائمة ونرسم على \bar{a} ببعد احسد
الخطوط الاربعة دائرة $\bar{a} \bar{b} \bar{c} \bar{d}$ وذلك ما اردناه

ي

تريد ان نعلم مثلثا متساوي الساقين يكون
كل واحدة من زاويتي قاعدته مثلي زاوية
راسه



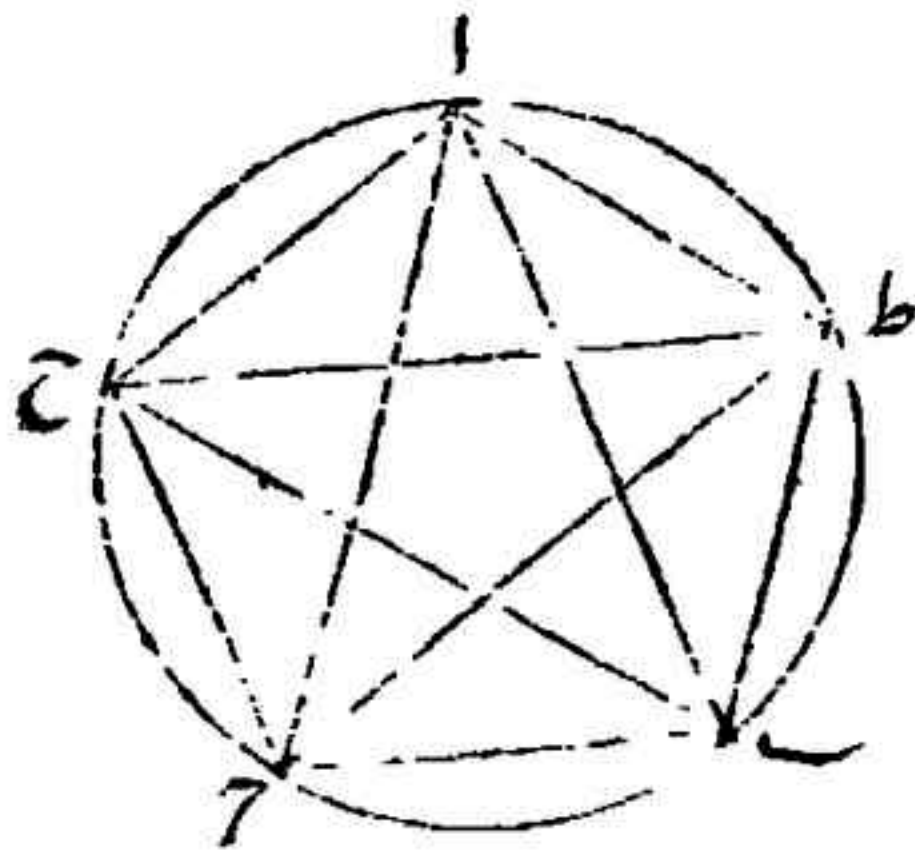
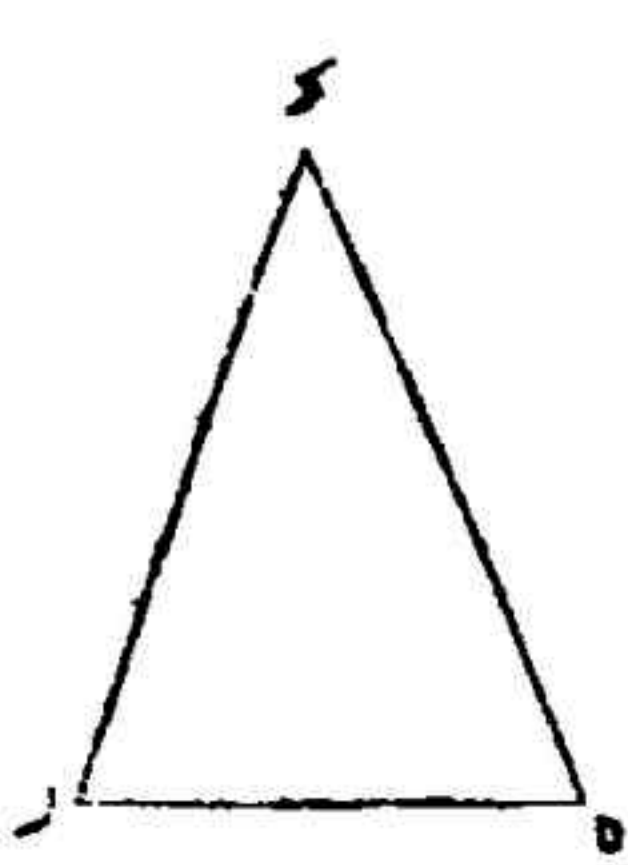
فليكن $\bar{a} \bar{b}$ خطا محدوها ونقسمه على
 \bar{c} بنحيبته، يكون سطح $\bar{a} \bar{b} \bar{c}$ سا ح.
مثل مربع $\bar{a} \bar{c}$ ونرسم على \bar{a} ببعد
 $\bar{a} \bar{b}$ دائرة $\bar{a} \bar{c} \bar{d}$ ونرسم وتر
 $\bar{b} \bar{c}$ مثل $\bar{a} \bar{c}$ ونصل $\bar{a} \bar{d}$

فيكون مثلث $\bar{a} \bar{b} \bar{c}$ هو المطلوب ونصل $\bar{c} \bar{d}$ ونعمل
على مثلث $\bar{a} \bar{c} \bar{d}$ دائرة $\bar{a} \bar{c} \bar{d}$ فب $\bar{a} \bar{b}$ خطان
خرجا من \bar{b} الى دائرة $\bar{a} \bar{c} \bar{d}$ قطعها احدهما وانتهى اليها
الاخر وكان سطح $\bar{a} \bar{b} \bar{c}$ مثل مربع $\bar{b} \bar{c} \bar{d}$
فما س لدائرة $\bar{a} \bar{c} \bar{d}$ وقد خرج من نقطة التماس $\bar{c} \bar{d}$
قاطعا لدائرة $\bar{a} \bar{c} \bar{d}$ فزاوية $\bar{c} \bar{a} \bar{d}$ مثل زاوية $\bar{b} \bar{c} \bar{d}$ ونجعل

زاوية ح ك ا مشتركا فزاوية ب ك ا اعني زاوية ب ا
 مثل زاويتي ح ك ا ح ا ك اعني زاوية ب ا ح ك ا الخارجة
 فب ك ا اعني ا ح معاو ل ح ك وبالجملة فزاوية ا مساوية
 لزاوية ح ك ا وكانت معاوية لزاوية ح ك ا فكل واحدة
 من زاويتي ا ب ك ا ب ك ا مثلا زاوية ا وذلك مما اردناه
 وهذا المثلث يعرف بمثلث الخمس

يا

قريد ان نعمل في دائرة منخيسا ونعني بالمنخيس
 والمسلس واماثلها متساوي الاضلاع والزوايا



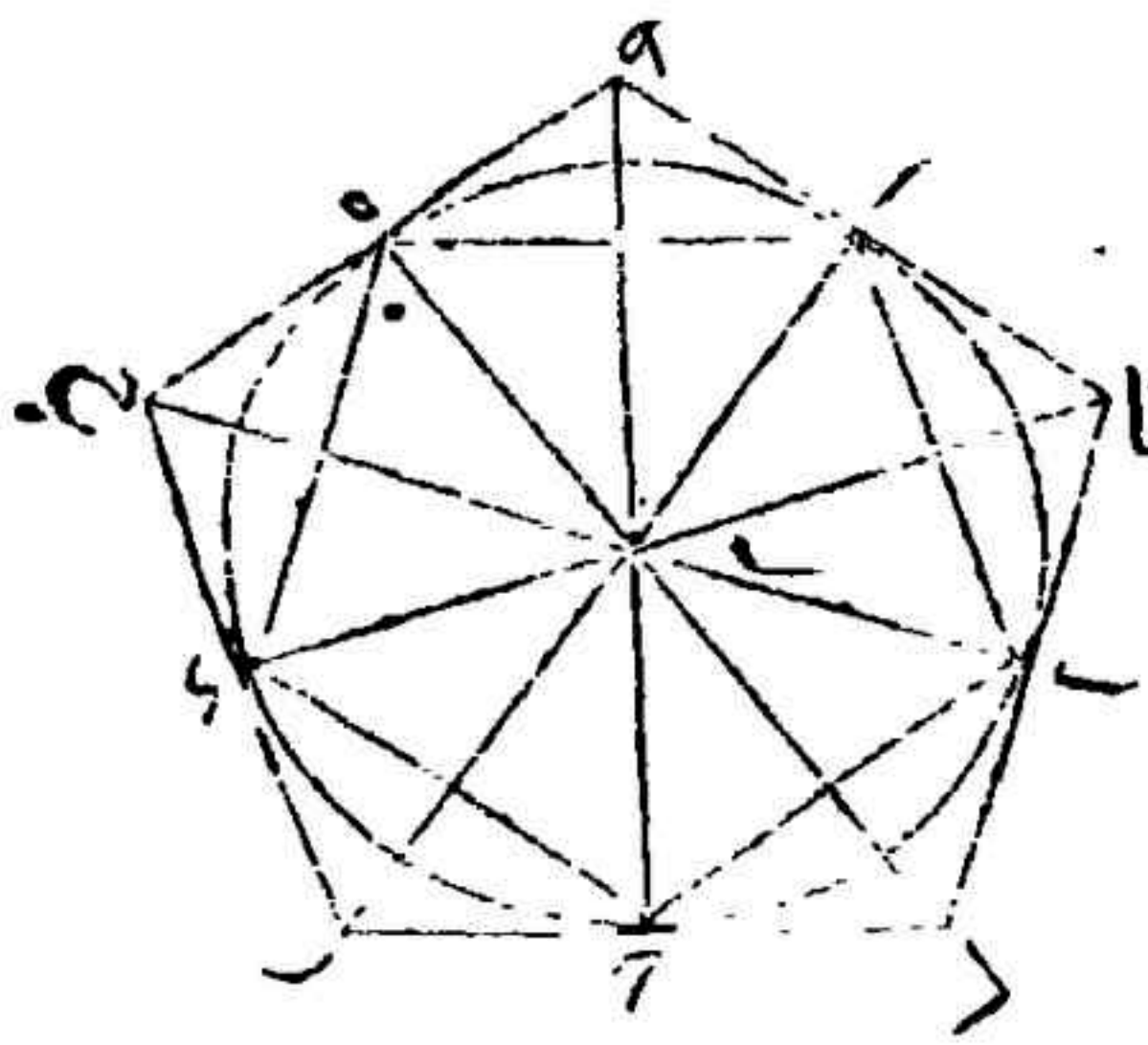
مثلا في دائرة
 ا ب ح فنعمل
 مثلث منخيس
 وهو ك ه ر

وفي دائرة ا ب ح مثلا يعاوي زواياها زوايا مثلث ك ه ر
 وهو مثلث ا ب ح وننصف زاويتي ا ب ح ا ب ب بخطين
 ب ا ح ح ط ونصل ا ح ح ا ط ط ب فسطح

$\overline{ا ط ب ح ح}$ $\overline{ح ح ح ح ح}$ $\overline{ح ح ح ح ح}$ $\overline{ح ح ح ح ح}$ $\overline{ح ح ح ح ح}$
 و اوتارها متساوية فاضلاع الخمس متساوية وكل زاوية من زواياها
 وقعت على ثلاثين من القسي الخمس المتساوية فالزوايا ايضا
 متساوية وذلك ما اردناه

يب

نريد ان نعمل على دائرة خمسا



ففرص فيها خمس اوجدة
 ثم نخرج من نقط الزوايا
 الخمس خطوطا خمسة، مما
 للدائرة متلاقية على نقط $\overline{ر ح}$
 $\overline{ط ك ل}$ فيحصل الخمس
 وليكن المركز $\overline{م}$ ونصل بينها وبين

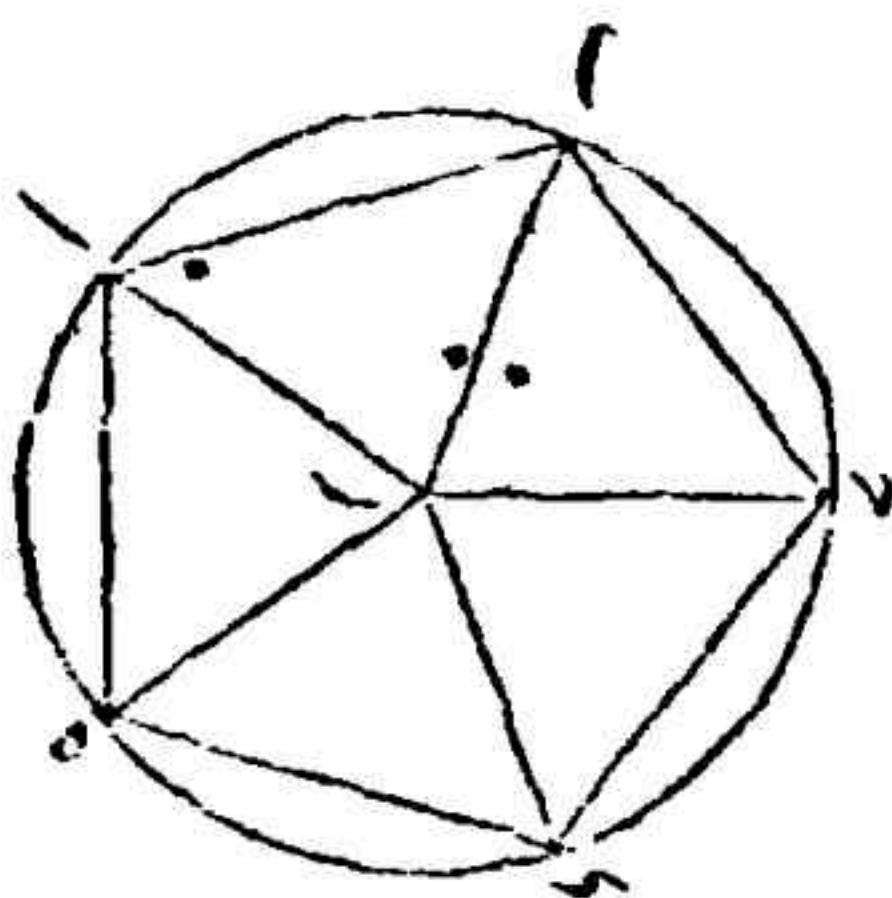
هذه النقط العشرة اعني زوايا الخمسين فلان $\overline{ر ح ر ك}$
 الخارجين من $\overline{ر}$ المماسين للدائرة عن جفتيها متساويان لما
 $\overline{م ح م ك}$ متساويان و $\overline{م ر م ك}$ يكون زوايا مثلثي
 $\overline{م ر ح م ر ك}$ النظائر متساوية وكل واحدة من زاويتي

ر أ ر ه كان في مثلثي ر ح م ر ح ك ضلعا ح ك ح ر
 متساويين لصلبي با ح ح ر وكذلك زاوية ح م م
 زاويتا ح ك ر ح ك ر متساويتين كل واحدة نصف زاوية
 الخمس ويبقى زاوية ر ح م نصف زاوية ح ك ر
 متساويتين وبمثلته تبين ان صائر الزوايا اقسام زوايا
 الخمس والخطوط المنصفة متساوية فتبين ان المثلثات الخمسة
 التي قزاعدها اضلاع الخمس متساوية الاضلاع والزوايا
 النظائر تم من تساوي زاويتي ح م م وكون زاويتي ح م م قائمتين
 واشتراك ح م م فبين تساوي عمودي ح م م الى صائر
 الاعمدة فاذا رسمنا علي ر بعمدا احد الاعمدة دائرة

ح ط ك ل م عملنا ما اردناه

يدل

نريد ان نعمل على مخمس دائرة

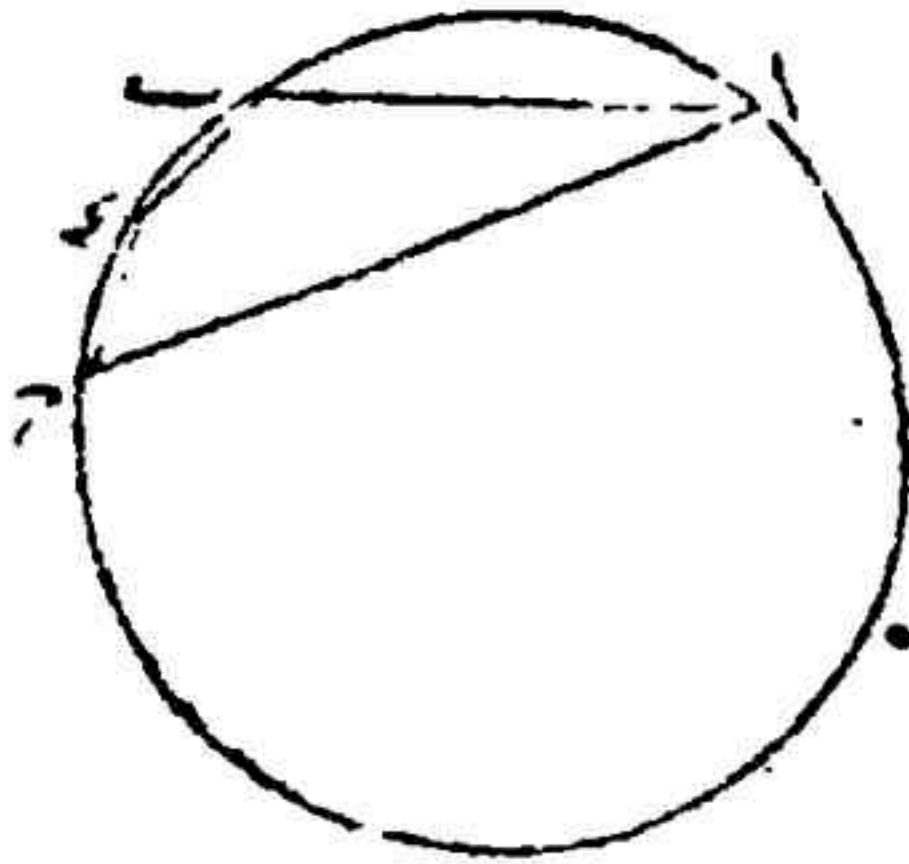


مثلا على مخمس اصاح ك ه فنصفها
 زاويتي ح ك ب بخطين يلتقيان على
 ر ونخرج منها ر ب ر أ ر ه ونبين
 من تساوي المثلثات تساوي الاضلاع
 بالمحيطة بر و نرسم عليها بعد احد
 الاضلاع الدائرة وذلك ما اردناه

ان نعمل على دائرة مسد ما وفي مسدس او عليه دائرة كما
قر في الخمس

يو

تريد ان نعمل في دائرة الخمسة عشر ضلعا
متساوية متساوية الزوايا



مثلا في دائرة \overline{AB} نرسم فيها
وترى \overline{AC} مثل ضلعي
مخمس ومثلث يقعان فيها
وان اردنا نسمه المحيط بخمسة

عشر تساما متساوية وقع منها في قوس \overline{AB} ثلثة وفي قوس \overline{AC}
خمسة فيكون الواقع في قوس \overline{BC} اثنين وننصفها على \overline{E} فكل
واحدة من قوسي \overline{BA} \overline{CA} احد الاقسام الخمسة عشر
ونصل وتريهما وان اردنا ان نرسمها في الدائرة على التقالي
الى ان يعود الي المبداء تم الشكل وبمثل ما مر يمكن ان نعمل
مثل هذا الشكل على دائرة او في هذا الشكل او عليه دائرة

المقالة الخامسة عشرة وعشرون في

صدر

متى قدر اصغر المقدارين اعظمهما ^{بجزوه} والا اعظم دواضعاه
والنسبة اييه احد مقدارين متجانسين عند الآخر او ابتداء
في الفدرين مقدارين متجانسين * التناسب تمايز النسب
المقالير التي لبعضها نسبة الي بعض هي التي يمكن ان يفصل
بعضها بالتضعيف على بعض * المقالير التي على نسبة واحدة
الاول الى الثاني والثالث الي الرابع هي التي اذا اخذاي
اضعاف امكن مما لا نهاية لها للاول والثالث متساوية المرات
والثاني والرابع متساوية المرات كانت الاوليان معا ابدا
اما زايدتين على الآخرين واما ناقستين منهما واما مساويتين
لهما بشرط ان يوخذ على الولاء ولتعم امثال هذه المقاهير
بالتناسبه فان كانت مثلا اضعاف الاول زائدة على اضعاف
الثاني واضعاف الثالث غير زائدة على اضعاف الرابع ولو
مرة واحدة بشرط تساوي المرات في الاول والثالث وفي
الثاني والرابع كانت نسبة الاول الى الثاني اعظم من نسبة
الثالث الى الرابع * اقل ما يقع فيه التناسب ثلثة حدود
وذلك انما يكون بتكرير حد * وان اتداسب ثلثة مقاهير

كى على الولا ء كانت نسبة الاول الى الآخر هي نسبة الى
 الثاني مهابة بانكرير وكذالك في الاربعة مثلثة وعلى قياسه *
 المقادير المنسقة في النسبة والظيرة هي التي تيسر
 المقدمات مع المقيد ما ينظر والتوالي مع التوالي * عكس
 تنسبة وذلك لانها تجعل التالي مقدا والمقدم قاليا في النسبة *
 ابدال النسبة هو اخذ النسبة للمقدم الي المقدم و الثاني
 الي التالي * تركيب النسبة هو اخذ نسبة مجموع المقدم
 والتالي الي التالي * تفصيل النسبة هو اخذ نسبة فصل
 المقدم على التالي الي التالي * قلب النسبة هو اخذ
 نسبة المقدم الي فضله على التالي * نسبة المساوات
 هي ان يقع في النسبة صفان من المقادير متساوي العدد كل
 اثنين من صنف على نسبة نظير بهما من الصنف الآخر فيؤخذ
 نسبة الاطراف دون الاوساط * والمنتظمة منها هي التي تكون
 على الترتيب مثلا مقدم الي تالي كمقدم الي تالي والتالي
 الاول الي الآخر كالتالي الاخير الي نظير تلك الاخر * والمضطربة
 هي التي لا تكون على الترتيب مثلا مقدم الي تالي كمقدم الي
 تالي والتالي الاول الي الآخر كآخر الي المقدم الاخير اذ ان

كانت مقادير في الاول منها من اضعاف
الثاني كما في الثالث من اضعاف الرابع
ففي جميع الاول والثالث بين اضعاف جميع
الثاني والرابع كما في الحين هما بين اضعاف

قرينه

مثلا في ا ب من اضعاف هـ كما

ا ب ح

في ح ك من اضعاف ر نقول

هـ

ط ز ح د

ففي جميع ا ب ح ك من

اضعاف جميع هـ ر ك ص في

ا ب من اضعاف هـ ولتقسم ا ب علي ح به و ح ك

علي ط ب ر لجميع ا ج ح ط مثل جميع هـ ر وجميع

ح ب ط ك مثل جميع هـ ر مرة اخرى فعدو ما في ا ب

ح ك مقترنين من اضعاف هـ ر معا كعدو ما في احد هما منفردا

من اضعاف فرقيه وحد دونك بما اردناه

ب

اذا كان في الاول من اضعاف الثاني كما
في الثالث من اضعاف الرابع وفي الخامس

من اضعاف الثاني ايضا كما في السادس
من اضعاف الرابع ففي جميع الاول والخامس
من اضعاف الثاني كما في جميع الثالث
والسادس من اضعاف الرابع

— — — —	مثلا في ا ب من ا ح كما في ك ه من ر و في با ح من ح كما في ه ط من ر ن في ا ح من ح كما في ك ط من
------------------	--

ر وذلك لان عدد ما في ا ب من الاضعاف لـ ح مساو
لعدد ما في ك ه لـ ر وعدد ما في با ح مساو لعدد ما في
ه ط واذ ان يد على المتساوية متساوية حصلت متساوية فعدد
ما في ا ح مساو لعدد ما في ك ط وذلك ما اردناه



ح

ان ا كان في الاول من اضعاف الثاني كما
في الثالث من اضعاف الرابع واخذ الاول
والثالث اضعاف متساوية العدد كان في

اضعاف الاول من اضعاف الثاني كما في

اضعاف الثالث من اضعاف الرابع

مثلا في آ من اضعاف با كما في ح

من اضعاف ك وفي ه ر من اضعاف آ

كما في ح ط من اضعاف ح نقول ففي

ه ر من اضعاف با كما في ح ط من

اضعاف ك وذلك لاننا ان معنا ه ر على

ك با و ح ط على ل ب ح كان في

ه ك اعني آ من اضعاف با كما في

ح ل عني ح من اضعاف ك وفي

ك ر اعني آ من اضعاف با كما

في ل ط اعني ح من اضعاف ك ففي جميع ه ر من

اضعاف با كما في جميع ح ط من اضعاف ك كما هو

ذلك ما اردناه

ع

ان كانت نسبة الاول الى الثاني كنسبة

الثالث الى الرابع واخذ للاول والثالث

١٥

اذا كان مقداران احدهما اضعاف للآخر
ونقص منها مقداران احدهما اضعاف للآخر
ايضا بتلك العدة النظير من النظير كان في
الباقي اضعاف للباقي بتلك العدة

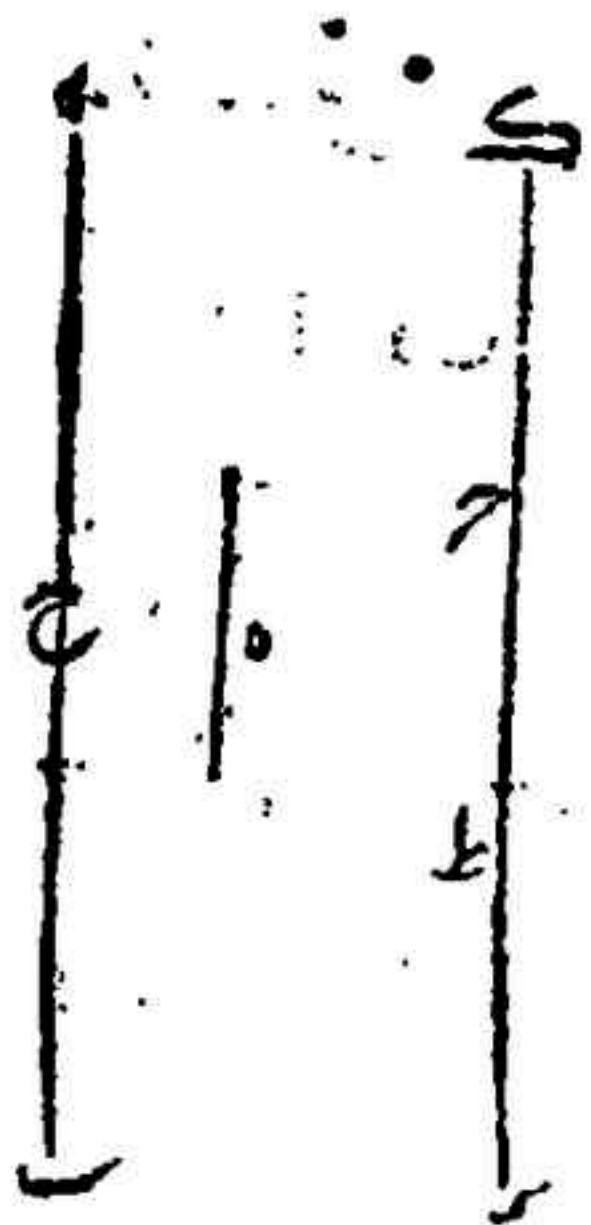
ح ر ر و ا ة ا ض ع ا ف ل ح ر ر ب ت ل ك ا ل ع د ة ن ق ول ف ه ب ا ض ع ا ف ل ر ر م ث ل ي م ا و ل ن ا خ ذ ل ن ز ي م ا ض ع ا ف ا ط ف ج م ي ع ط ا ة ا ض ع ا ف ل ج م ي ع ح ر ر ب ت ل ك ا ل ع د ة و ك ان ج م ي ع ا ب 	مثلا اب اضعاف لحر	وقد نقص منها آة
	ح ر و اة اضعاف لحر	بتلك العدة نقول
	فه ب اضعاف لحر	مثليهما ولناخذ لحر
	اضعافا بتلك العدة	وهي ا ط فجميع ط اة اضعاف
	لجميع حر	بتلك العدة وكان جميع اب

اضعافا كذلك فط ا ب متساويان و اة مشترك
يبقى ا ط الذي هو اضعاف لحر بتلك العدة مساويا
له ب فه ب اضعاف لحر كذلك وذلك ما اردناه

و

اذا كان مقداران اضعافا متساوية لآخرين
ونقص منها اضعافا متساوية لآخرين بقى

منها اما مثل الآخرين واما اضعافها
متساوية



مثلا $\bar{ا} \bar{ب} \bar{ح} \bar{ر}$ اضعاف متساوية له $\bar{ر}$
 و $\bar{ا} \bar{ح}$ المنقوص من $\bar{ا} \bar{ب}$ اضعاف
 له مثل $\bar{ح} \bar{ط}$ المنقوص من $\bar{ح} \bar{ر}$
 نقول فتح $\bar{ب}$ الباقي ان كان مثل $\bar{ه}$ كان
 $\bar{ط} \bar{ر}$ الباقي مثل $\bar{ر}$ وان كان $\bar{ح} \bar{ط}$
 اضعافا له كان $\bar{ط} \bar{ر}$ اضعافا بتلك

العدة $\bar{ر}$ ولناخذ $\bar{ح} \bar{ك}$ مثلا او اضعافا كما كان $\bar{ح} \bar{ط}$ له
 يصيرني $\bar{ا} \bar{ح}$ الاول من $\bar{ه}$ الثاني ماني $\bar{ح} \bar{ط}$ الثالث من
 $\bar{ر}$ الرابع وفي $\bar{ح} \bar{ط}$ الخامس من $\bar{ه}$ الثاني ماني $\bar{ح} \bar{ك}$
 السادس من $\bar{ر}$ الرابع فيكون في جميع $\bar{ا} \bar{ب}$ من $\bar{ه}$ ما
 في جميع $\bar{ك} \bar{ط}$ من $\bar{ر}$ وكان في $\bar{ح} \bar{ر}$ منه مثل ذلك
 فك $\bar{ط} \bar{ح} \bar{ر}$ متساويان و $\bar{ح} \bar{ط}$ مشترك يبقي $\bar{ح} \bar{ك}$
 معاويا ل $\bar{ط} \bar{ر}$ فان كان مثل $\bar{ر}$ فهذا ايضا مثله وان كان اضعافا
 فهذا ايضا اضعاف بعدته وذلك ما اردناه

نسب المقادير المتساوية الى بقدر واحد
متساوية ونسبة اليها ايضاً متساوية

	<p>بشلا $\bar{ا} \bar{ب}$ متساويان نسبة $\bar{ا}$ الى $\bar{ح}$ كنسبة $\bar{ب}$ اليه ونسبة $\bar{ح}$ الى $\bar{ا}$ كنسبة الى $\bar{ب}$ وذلك لان $\bar{ا} \bar{ب}$ اخذنا $\bar{ا} \bar{ب}$ اي</p>
--	---

اضعاف متساوية امكثف كد $\bar{ه}$ و $\bar{و}$ اي اضعاف امكثف
كر كانت زيادة $\bar{ك}$ $\bar{ه}$ على $\bar{و}$ ونقصانها منه ومساواتها
له معالقتها وبهما وكذلك من الجانب الآخر فالضد المذكورة
بينهما واخذة بعكس المصادرة وذلك ما اردناه

ح

نسبة اعظام المقدارين الى ثالث اعظم من
نسبة اصغرها اليه ونسبة الثالث الى اصغرها
اعظام من نسبتها الى اعظفها

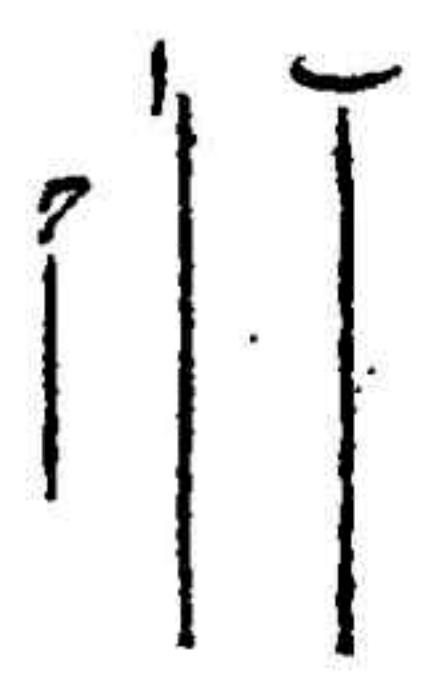
ك	مثلا اب اعظم من ح فمساوية
ب	اب الى ك اعظم من نمته
ج	جتمليه ونغية ك الى ح
د	اعظم من نمته الى اب وانفصلي
هـ	مثل ح من انا وهو ب هـ
ط	واحد قدرى ا هـ ب

الذي ليس باعظم من ما جدد يمكن ان يضعف حتى يزيد على
 ك ارفع النسبة بينهما كما ذكر في الصدر انهما متجانسان
 فليكن هو ا هـ ونضعفه حتى يصير ر ح وهو اعظم من ك
 وان كان ا هـ اعظم من ك من غير تضعيف فلنأخذ له اي
 اضعف اتفقت وهو ر ح وله ب اضعافا بعدد هـ وهو ح ط
 ونلح كذلك وهو ك ك ل فتح ط ك ل متساويان وكل
 واحد منهما اعظم من ك ولذاخذ ل ل نضعفه وهو م وثلاثة
 اضعافه وهو ق هـ وهكذا على التوالي التي ان يعقب الى اول
 اضعاف له يزيد على ك ك ل وهو س هـ وق هـ ان الذي قبله
 ليس باعظم من ك ك ل اعني ح ط واذا زيد ك على ق هـ

ما رسمه ورح على ح ط طار رط و رح اعظم
 من ك جميع رط اعظم من ك جميع رط اضعاف
 لجميع اب ك ك ل لم فانه يوجد لا فهدج المتساوية
 متساوية ولان اضعاف ما وتقدر ان اضعاف اب على
 اضعاف ك ولم يزد اضعاف ح عليه فيحكم المصادرة نسبة
 اب الى ك اعظم من نسبة ح اليه وايضا وجدت ان
 اضعاف زادت على اضعاف ح ولم يزد على اضعاف اب فتنسبته
 الى ح اعظم من نسبته الى اب وذلك ما اردناه

ط

الاتقار المتساوية النسب الى مقدار واحد
 متساوية وكذلك التي يتساوي نسب
 مقدار واحد اليها



مثلا نسبة آ الى ح كنسبة ب اليه فآ ب
 متساويان وايضا نسبة ح الى آ كنسبته الي
 ب فآ ب متساويان وذلك لانهما
 لو اختلفا لختلف النسبتان لكنهما متساويتان
 هذا خالف فالحكم ثابت وذلك ما اردناه

اعظم المتدارين. اعظمها نسبة الى ثالث
والذي نسبة الثالث اليه اعظم فهو اصغرهما

مثلا نسبة آ الى ح اعظم من نسبة ب اليه

فا اعظم من ب لانه لو كان مساويا لب

لكانت نسبتها الي ح واحدة ولو كان اصغر من

ب لكانت نسبته الي ح اصغر من نسبة ب الي

ح وليس كذلك فاذن هو اعظم وايضا نسبة ح

الي ب اعظم من نسبة الي آ فا اعظم من ب لانه لو كان مساويا

لب لكانت نسبة ح اليهما واحدة وان كان اصغر من ب

كانت نسبة ح اليه اعظم من نسبته الي ب وليس كذلك

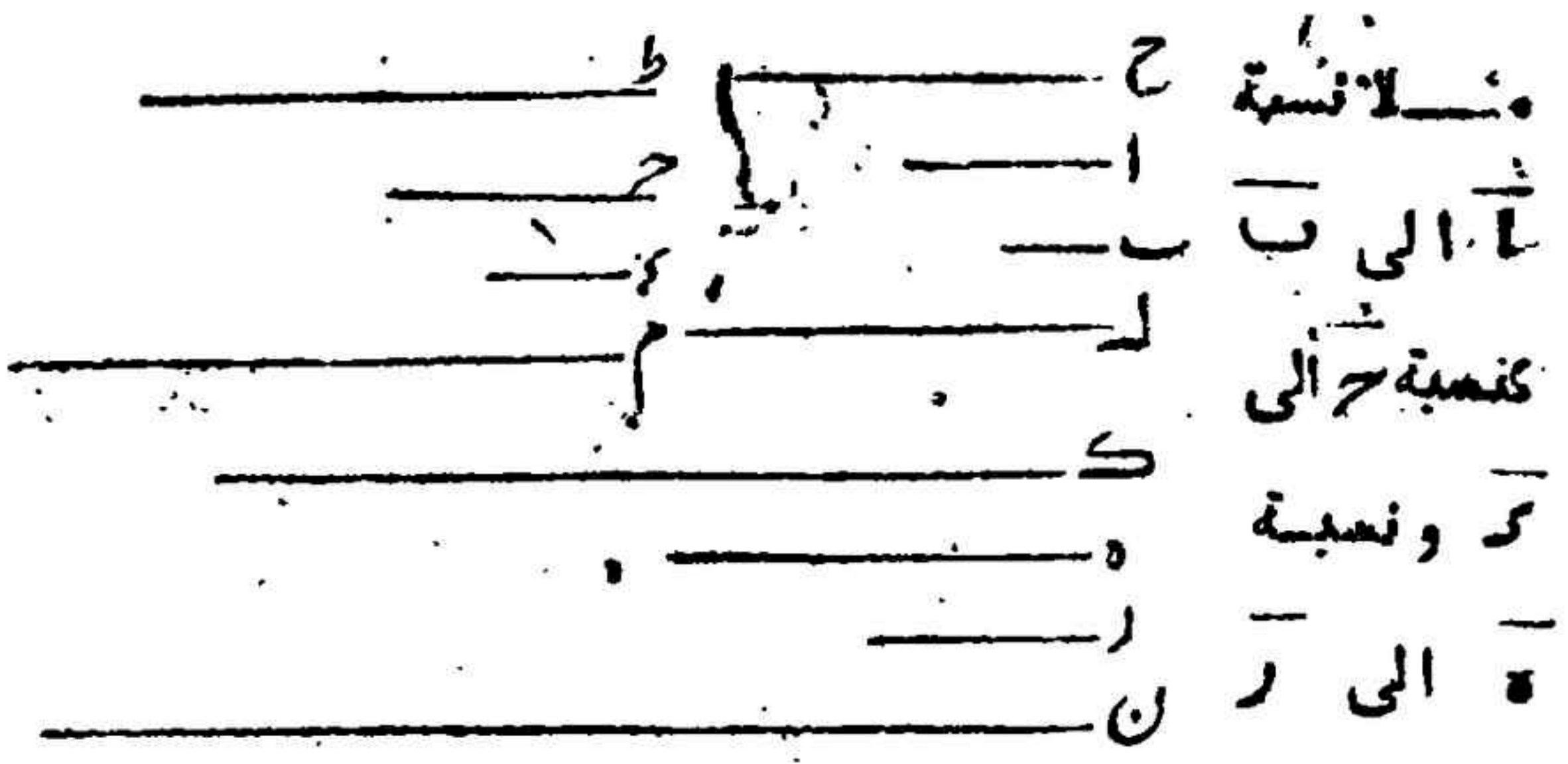
فاذن هو اعظم وذلك ما اردناه

اقول

وهذه انما تقع في المقادير المتجانسة

يا

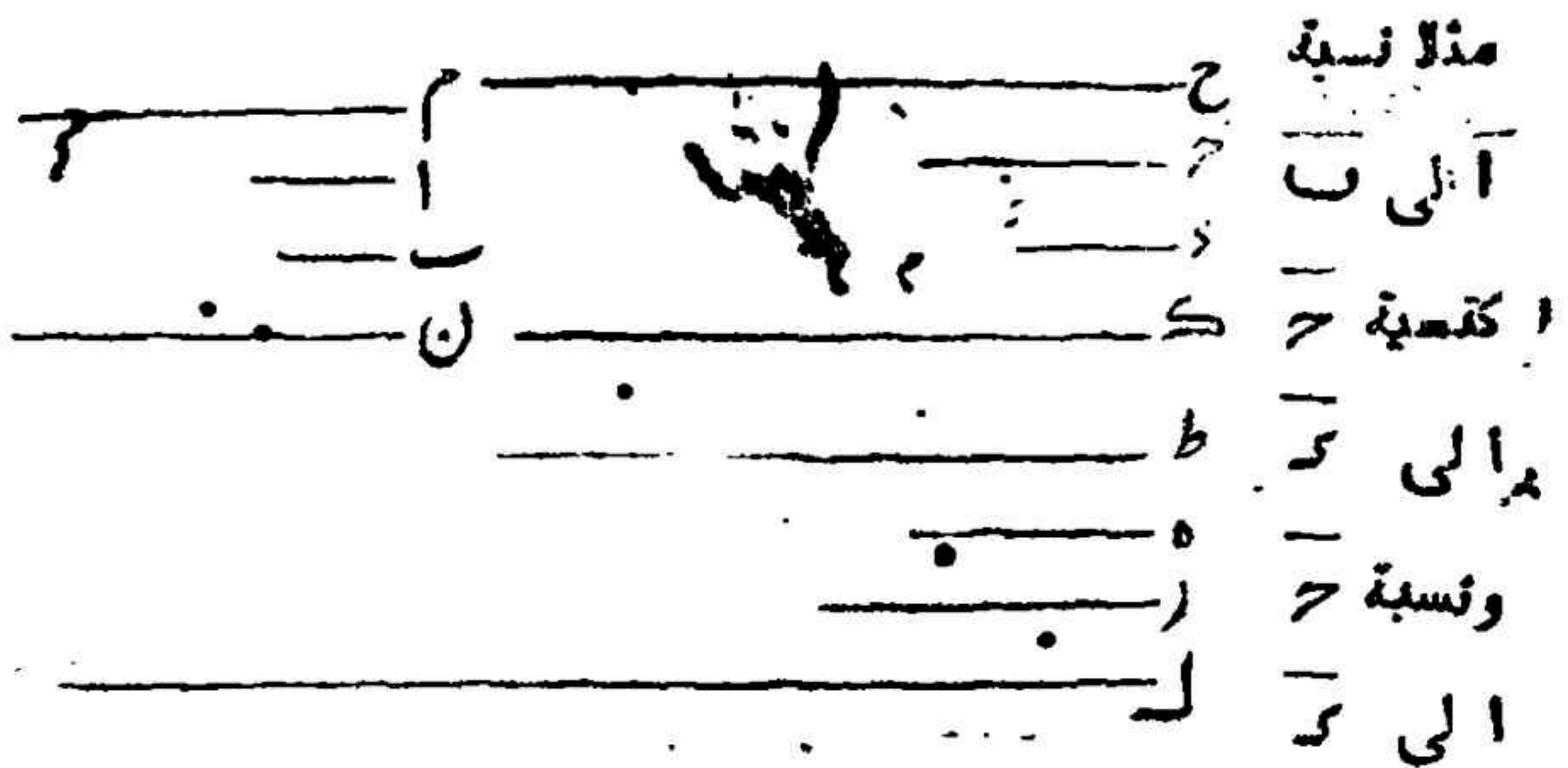
النسب المساوية لنسبة واحدة متساوية



كنسبة ح إلى ك فنسبة أ إلى ب كنسبة ه إلى ر
 واناخذ لاقدار آ ح ه أي اضعاف متساوية امكنت وهي
 ح ط ك ولاقدار ب ك ر أي اضعاف متساوية امكنت
 وهي ل م ن فلان نسبة آ ب كنسبة ح ك يكون زيادة
 ونقصان ومساواة ح ط لل م معادلان نسبة ح ك كنسبة
 ه ر يكون زيادة ونقصان ومساواة ط ك لل م ن مسا
 فاذن زيادة ونقصان ومساواة ح ك لل م ن مساوية
 آ ب كنسبة ه ر ذلك ما اردناه

يب

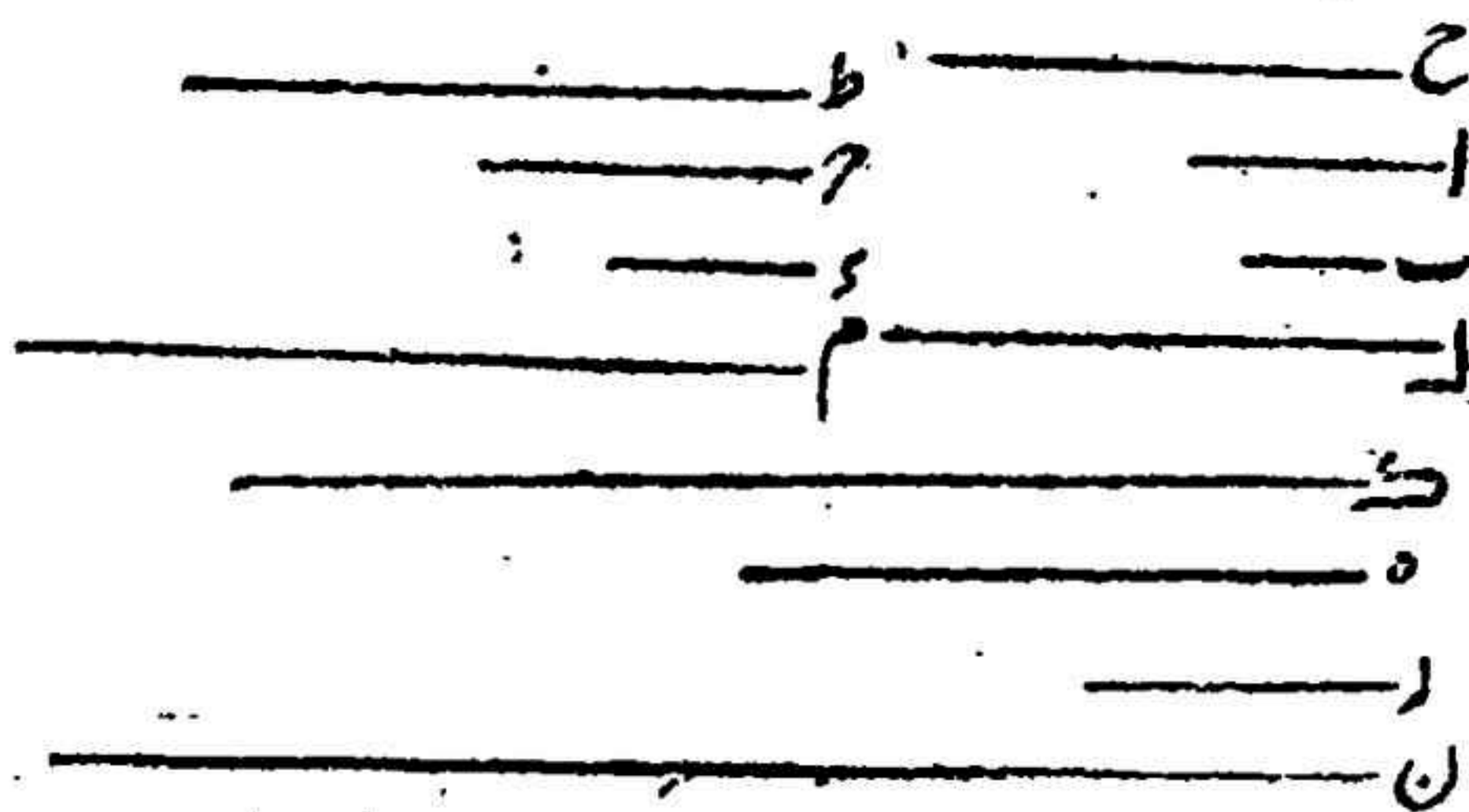
النسبة المساوية لنسبة اعظم من ثلاثة هي
 اعظم من الثلاثة



اعظم من نسبة هـ الى ر فنسبة آ الى ب ايضا اعظم من
نسبة هـ التي ر فلنأخذ الحرة وولد ر اضعافهما
المساوية التي يزيد التي لحر على التي كد ولا يزيد التي لحر
على التي لحر وليكن ح ط الحرة و ك ل لدر ولناخذ
لا اضعاف م بعدة ما كانت ح ط الحرة ولب اضعاف
ك بعدة ما كانت ك ل لدر فلان نسبة آ الى ب كنسبة
ح ك يكون زيادة ونقصان ومساوية ح ل ك
بمعنا ولكن ح يزيد على ك و ط ليس يزيد على ل فسنم
يزيد على ك و ط ليس يزيد على ل فان نسبة آ الى ب
اعظم من نسبة هـ الى ر وذلك ما اردناه .

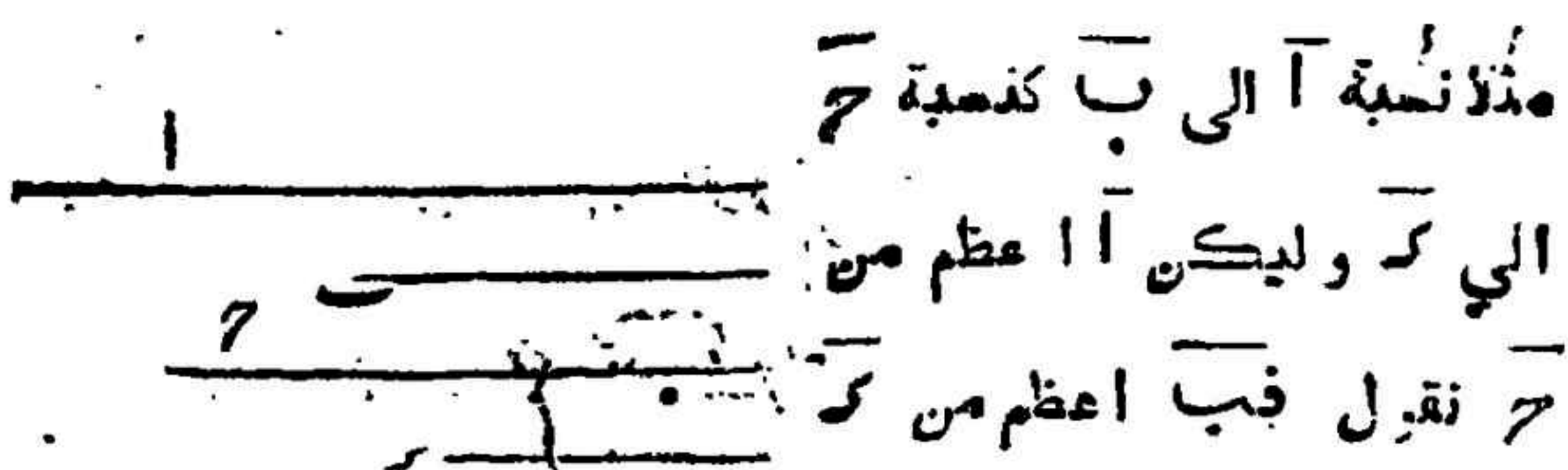
ان ا كانت مقادير متناسبة فنسبة مقدم واحد

إلى تاليه كنسبة جميع المقدمات الى جميع التوالي



مثلا نسبة آ الى ب كنسبة ح الى ك وكنسبة ه الى ر
 كنسبة آ الى ق كنسبة جميع آ ح ه الى جميع
 ب ك ر ولناخذ لآ ح ه اي اضعاف متتالية امكنت وهي
 ح ط ك وندب ك ز ايضا وهي ل م ن ولان النسبة
 في الجميع واحدة فنبكون الزيادة والنقصان والمساوات
 للاضعاف مع الاضداد معا فاذ كان ح زايذا علي ل كان
 جميع ح ط ك زايذا على جميع ل م ن واذ كان
 ناقصا كان ناقصا واذ كان مساويا كان مساويا فنسبة آ الى ب
 كنسبة الجميع الى الجميع وذاك ما اردناه

اذا كانت اربعة ^{بشروط} متناسبة فالاول ان
 !. كان اعظم من الثالث كان الثاني اعظم من
 الرابع وان كان اصغر كان اصغر وان كان
 مساويا كان مساويا



مثلا نسبة آ الى ب كنسبة ح
 الي ك وليكن آ اعظم من
 ح نقول فب اعظم من ك

وذلك لان نسبة آ الاعظم الي
 ب اعظم من نسبة ح اليه ونسبة ح الي ك كنسبة آ
 الي ب فنسبة ح الي ك اعظم من نسبة آ الي ب فب
 اعظم من ك وبمثل ذلك تبين ان ^ا اصغر و ذلك
 ما اردناه

والعلم

ان هذا الحكم انما يختص بالمقادير المتجانسة فان الأولين ان كانا

مهم غير مجلس الآخرين لم يكن ^{بالمثل} فيهما با العظم والصغر
والتساوي مع وجود التفاضل فيها

يه

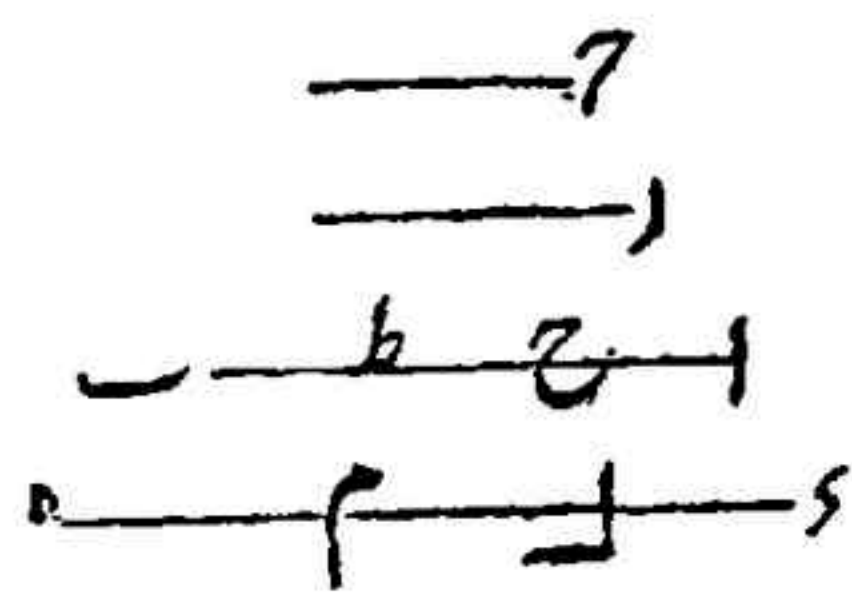
جزاء التي اضعافها متناسبة فنسبة
بعضها الى بعض كنسبة الاضعاف الى
الاضعاف على الولاء

مثلا $\overline{اب}$ اضعاف $\overline{حز}$ كده

$\overline{لر}$ فنسبة $\overline{حز}$ الي $\overline{ر}$ كنسبة

$\overline{اب}$ الي $\overline{ب}$ وليتهم $\overline{اب}$

علي $\overline{ح}$ $\overline{ط}$ $\overline{ز}$ و $\overline{ه}$ علي



$\overline{ل م}$ $\overline{بر}$ فنسبة $\overline{ل م}$ الي $\overline{م}$ كنسبة $\overline{اح}$ الي $\overline{ح}$ لانها

مجاها وكنسبة $\overline{ط}$ الي $\overline{ل م}$ وكنسبة $\overline{ط}$ الي $\overline{م ه}$

ونسبة الواحد الي الواحد كنسبة الجميع الي الجميع فنسبة

$\overline{ح}$ الي $\overline{ر}$ كنسبة $\overline{اب}$ الي $\overline{ب}$ وذلك ما اردناه

يو

ان كانت اربعة مقادير متناسبة وابدلت

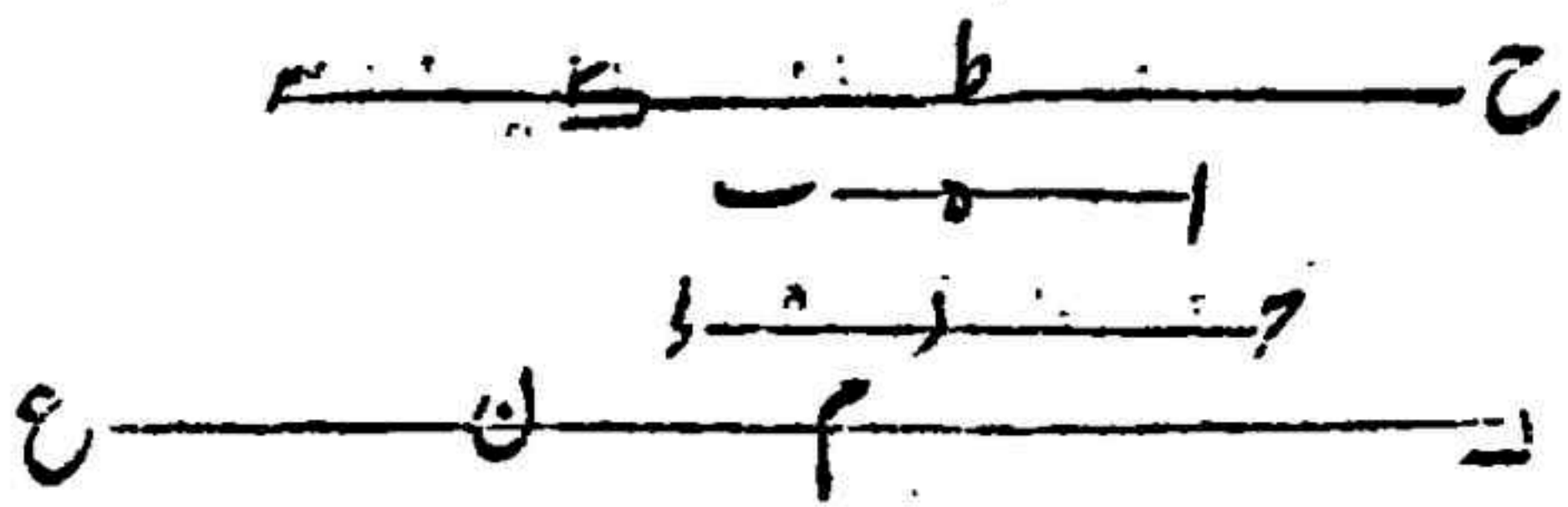
كانت ايضا متناسبة

مثلا نسبة آ الي ب كما في $\frac{ب}{آ}$
 الي ك نقول فنكتب $\frac{ب}{آ}$ الي
 ح كنسبته ب الي ك
 ولما خذنا لآ ب اضعاف
 متساوية امثنت وهي ه ر و ل م ك ايضا وهي ح ن ظ
 فنسبة آ الي ب كنسبة ه الي ر ونسبة ح الي ك كنسبة
 ح الي ط فنسبة ه الي ر كنسبة ح الي ط فان كان ه
 اعظم من ح فر اعظم من ط ونحو ذلك ان كان اصغرا ومساويا
 فه ر اللذان هما اضعاف آ ب يكونان معا علي ح ط
 اللذين هما اضعاف ح ك اما ز ايد بين اونا قضين او مساويين
 فنسبته آ الي ح كنسبة قآ الي ك وذاك ما اردناه

اقول

ويشترط فيه ان يكون الاربعة من جنس واحد فان التفاضل
 قد يقع في جنسين مثلا يكون نسبة الخط الي الخط كنسبة السطح
 الي السطح ولا يقع الابدال هناك

ان كانت مقادير مركبة متناسبا سبعة وفضلت
كانت ايضا متناسبة



مثلا نسبة $\overline{ا ب}$ الي $\overline{ب ا}$ كنسبة $\overline{ح ر}$ الي $\overline{ر ح}$ علي
التركيب نقول فذهبت $\overline{ا ب}$ الي $\overline{ب ا}$ كنسبة $\overline{ح ر}$ الي
 $\overline{ر ح}$ علي التفصيل ولناخذ $\overline{ا ب}$ $\overline{ب ا}$ $\overline{ح ر}$ $\overline{ر ح}$ اي
اضعاف متساوية امكنت وهي $\overline{خ ط}$ $\overline{ك ل}$ $\overline{م ن}$ $\overline{ق د}$
 $\overline{و ح}$ $\overline{ط ل}$ $\overline{ك ط}$ $\overline{ل ه}$ $\overline{ب ن}$ جميع $\overline{ح ك}$ $\overline{ل ا}$
ايضا كذلك وايضا $\overline{ب ل}$ $\overline{ل ح}$ كذلك $\overline{ن ح}$ $\overline{ك ل}$
اضعاف $\overline{ل ا}$ $\overline{ح ب}$ متساوية وناخذ $\overline{ل ه}$ $\overline{ب ر}$ اي
اضعاف متساوية امكنت وهي $\overline{ك م}$ $\overline{ن ه}$ $\overline{غ ف}$ $\overline{اضعاف}$
 $\overline{ط ك}$ $\overline{ال ا}$ $\overline{ب ل}$ الثاني كاضعاف $\overline{م ن}$ $\overline{ال ا}$ $\overline{ل ر}$
الرابع واضعاف $\overline{ك م}$ $\overline{ال ا}$ $\overline{ب ل}$ الثاني كاضعاف
 $\overline{ق د}$ $\overline{ال ا}$ $\overline{ب ل}$ $\overline{ح ر}$ الرابع فجميع $\overline{ط م}$ $\overline{ل ه}$ $\overline{ب ا}$

كجذيع م ع ل ر ك فيهما ل ن في اضعاف ل ا ب ل ا ب ح ر ك
 متساوية و ط س ه ل م ع اضعاف ل ه ب ر ك متساوية
 ونسبة ا ب الى ب ه كنسبة ح ر الى ك ز فم ك
 ل ن ه معا اما ز ايدان على ط س ه م ع اوناقصان او مساويان
 ونسبة ط ل م الى ك ز المشتركة في ط ل م معا
 اما ز ايدان على ك ز ه اوناقصان او مساويان و
ح ط ل م اضعاف متساوية ل ا ه ح ر و ك س ه
 ل ن ح اضعاف ل ه ب ر ك فيحكم عكس المضادة نسبة
 ا ه الى ه ب كنسبة ح ر الى ر ك وذلك ما اردناه



بج

اذا كانت مقدارين مفصلة متناسبة وركبت
 كانت ايضا متناسبة

مثلا نسبة ا ب الى ب ج ا ب ح
 كنسبة ك ه الى ه ر ع ل ر ح
 التفصيل نقول فنسبة ا ح الى ح ب كنسبة ك ز الى ز ه
 على التركيب و الا فليكن كنسبة ك ز الى ز ه وليكن

رَحَّاءُ اصْغَرُ مِنْ رَهَّاءٍ فَانْفِصَلْنَا وَكَانَتْ نَسَبُهُ أَبَإِلِي
بَحَّاءُ أَعْنَى نَسَبُهُ كَرَهَّاءِ إِلِي هُوَ كُنْيَتُهُ بَحَّاءُ كَرَحَّاءِ إِلِي رَحَّاءِ
 وَكَرَهَّاءِ اصْغَرُ مِنْ كَرَحَّاءِ فَهَرَّاءُ اصْغَرُ مِنْ رَحَّاءِ رَهَّاءِ وَكَذَلِكَ
 قَدِيمٌ إِنْ كَانَ رَحَّاءُ أَكْثَرُ مِنْ رَهَّاءِ فَانْفِصَلْنَا بِحُكْمِ تَابِعٍ وَكَذَلِكَ
 مَا أُورِدْنَا

يط

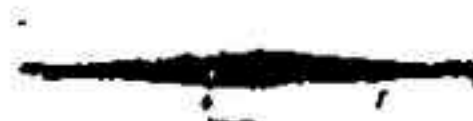
إِذَا كَانَتْ أَرْبَعَةٌ مَقَادِيرٌ مَتَنَسِبَةٌ وَنَقَصَ اثْنَانِ
 مِنْ نَظِيرِ يَهَيَّا كَانِ الْبَاقِيَانِ أَيْضًا عَلَى تِلْكَ
 النِّسْبَةِ

أَبَإِلِي

بَحَّاءُ

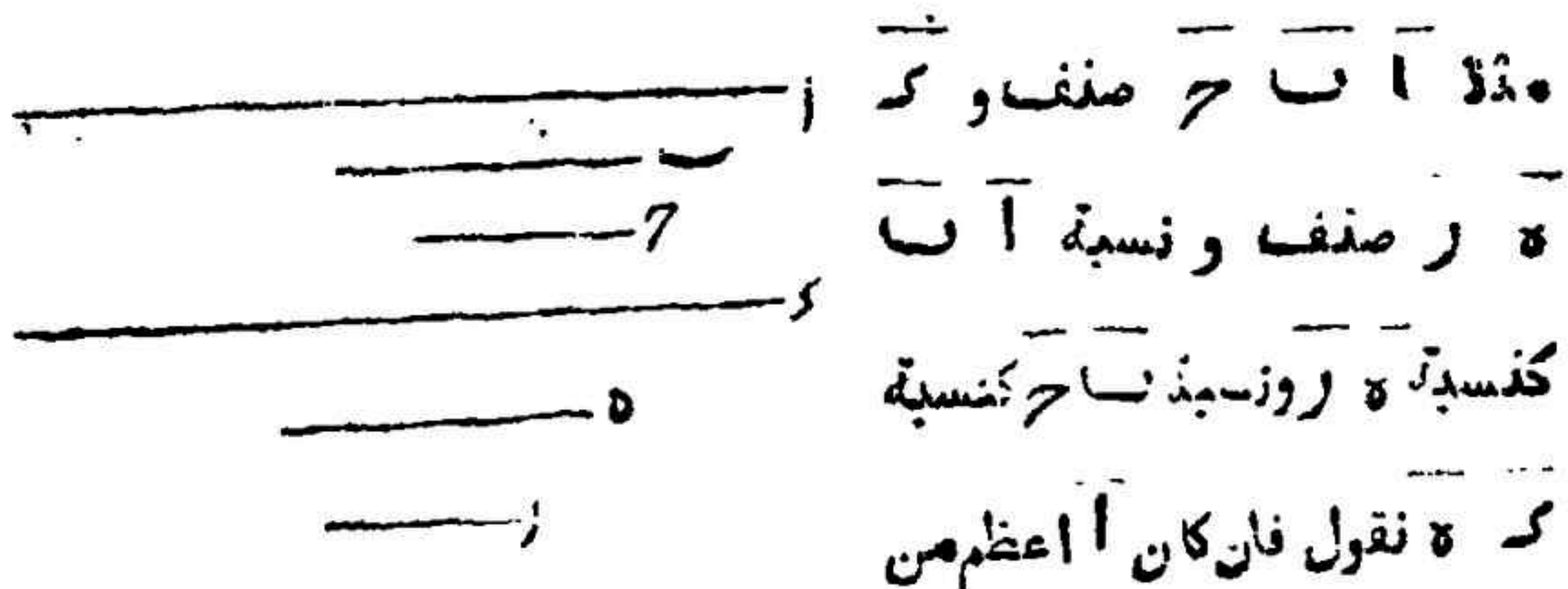
مِثْلًا نَسَبَةُ أَبَإِلِي كَرَحَّاءِ أَهَّاءُ إِلِي رَحَّاءِ فَإِذَا
 نَقَصَ أَهَّاءُ مِنْ أَبَإِلِي وَنَقَصَ بَحَّاءُ كَرَحَّاءِ نَسَبُهُ هُوَ بَحَّاءُ
إِلِي رَحَّاءِ الْبَاقِيَيْنِ كُنْسَبَةُ أَبَإِلِي إِلِي رَحَّاءِ وَكَذَلِكَ لِأَنَّ إِذَا
 أَبْدَلْنَا كُنْسَبَةَ أَبَإِلِي أَهَّاءُ كُنْسَبَةَ بَحَّاءُ إِلِي رَحَّاءِ وَإِذَا
 فَصَلْنَا كَانَتْ نَسَبُهُ بَحَّاءُ إِلِي أَهَّاءُ كُنْسَبَةُ بَحَّاءُ إِلِي رَحَّاءِ

عليه لمن كان مساويا لآخر او اصغر منه وذلك ما اردناه



كا

ان كان صنفان من المقادير متساويا لعدة
كل اثنين من صنف اعلى نسبة اثنين من
الصنف الآخر واضطربت بالنسب ففي المساواة
ان كان الاول من صنف اعظم من الآخر
كان الاول من الصنف الآخر اعظم من الآخر
وان كان مساويا او اصغر كان كذلك



ح كان ك اعظم من ر ون ا ا لان نسبة ا الى ب اعنى
نسبة ه الى ر اعظم من نسبة ح الى ب اعنى نسبة ه
الى ك فلما اعظم من ر وقس عليه ان كان مساويا لآخر
ار اصغر منه وذلك ما اردناه

كـ

اذا كان صنفان احدهما المقادير متساويا بالعدد
كل اثنين من صنف على نسبة اثنين من
الصنف الآخر وانتظمت النسب فانها في
المساواة متناسبة

ط	ل	ز	مثلا آ ح صنف و ك ه ر صنف نسبة
د	هـ	ر	ب ك نسبة ك ه ونسبة با ح كنسبة ه ر نقول
س	هـ	ر	نسبة آ ح كنسبة ك ر فلذاخذ لآ ك اي
ع	ب	ا	اضعاف متساوية امكث وهي ح ط و
ف	ب	ا	لب ه كذلك وهي ك ل ولح ر كذلك
ق	ب	ا	وهي م ن فلان نسبة آ ب ك ه يكون نسبة
ح	ط	م	ح ك كنسبة ط ل ولان نسبة با ح كنسبة
م	ط	م	ه ر يكون نسبة ك م كنسبة ل ن فمقادير

ح ك م مع مقادير ط ل ن على الانتظام لزيادة
ونقصان ومساواة ح ط ل م ن معافان نسبة آ ح كنسبة
ك ر وذلك ما اردناه

ط

ل

ان اكان صنفان من المقادير متنساوريا العدة
كل اثنين من صنف على نسبة اثنين من
الصنف الآخر واضطر بت النسب فانها في
المساواة متناسبة

ك	م	ن	هـ	لآ آ ح صنف و ك ه ر صنف ونسبة
ك	م	ن	هـ	آ ك نسبة ر ونسبة آ ح كنسبة ك ه
ك	م	ن	هـ	نقول فنسبة آ ح كنسبة ك ه فلناخذ
ك	م	ن	هـ	لآ آ ك اي اضعاف متساوية امكفعا وهي
ك	م	ن	هـ	ح ط ك و ل ه ر كذلك وهي ل م
ك	م	ن	هـ	ن فح ط على نسبة آ ب و م ن على
ك	م	ن	هـ	نسبة ه ر فنسبة ح ط كنسبة م ن وايضا
ك	م	ن	هـ	نسبة آ ح كنسبة ك ه فنسبة ط ل كنسبة

ك م فمقادير ح ط ل مع مقادير ك م ن على
الاضطراب فزيادة ونقصان ومساواة ح ك ل ن معا
فان نسبة آ ح كنسبة ك ر وذلك ما اردناه

كد

ان كانت مقادير نسبة الاول الى الثاني

كنسبة الثاثل الى الرابع ونسبة الخامس
الى الثاني كنسبة السادس الى الرابع
كانت نسبة مجزوع الاول والخامس الى الثاني
كنسبة مجزوع الثالث والسادس الى الرابع

مثلا نسبة ا ب الى $\frac{7}{1}$

ح كنسبة ك ه الى ر ا $\frac{3}{1}$ ح ع $\frac{3}{1}$ ط

ونسبة باح الى ج كنسبة ه ط الى ر فنسبة جميع
اخ الى ح كنسبة جميع ك ط الى ر وذلك لان نسبة
اب الى ح كنسبة ك ه الى ر وبالاختلاف نسبة ح
الى باح كنسبة ر الى ه ط فبالمعاودة المنتظمة نسبة اب الى
باح كنسبة ك ه الى ه ط وبالتركيب نسبة اح الى
باح كنسبة ك ط الى ه ط وكانت نسبة باح الى
ح كنسبة ه ط الى ر فبالمعاودة المنتظمة نسبة اح الى
ح كنسبة ك ط الى ر وذلك ما اردناه

كه

انما كانت اربعة مقادير متناسبة اعطاهم

الاول و اصغرها الاخير ^{سبعة} مجبوعا عنها اعظم من
مجبوع الباقين

مثلا نسبة ا ب الي حركة ك نسبة
ا ب الي ر و ا ب اعظم
 الاربعة و ر اصغرها نقول فجميع ا ب ر اعظم من مجبوع
 حركة و وافصل من ا ب ا ح مثل و من حركة ح ح ط مثل
 ر فنسبة ا ب الي حركة ك نسبة ح ب الي ط ك
 للباقيين و ا ب اعظم من حركة ك فتح ب ا اعظم من ط ك
 ونجعل ا ح ح ط مشتركا فيصير جميع ا ب ح ط اعني
 الاول والاخير اعظم من جميع حركة ا ح اعني الباقيين
 وذلك ما اردناه



المقالة الخامسة ثلثون شكلا

صدر

السطوح المتشابهة

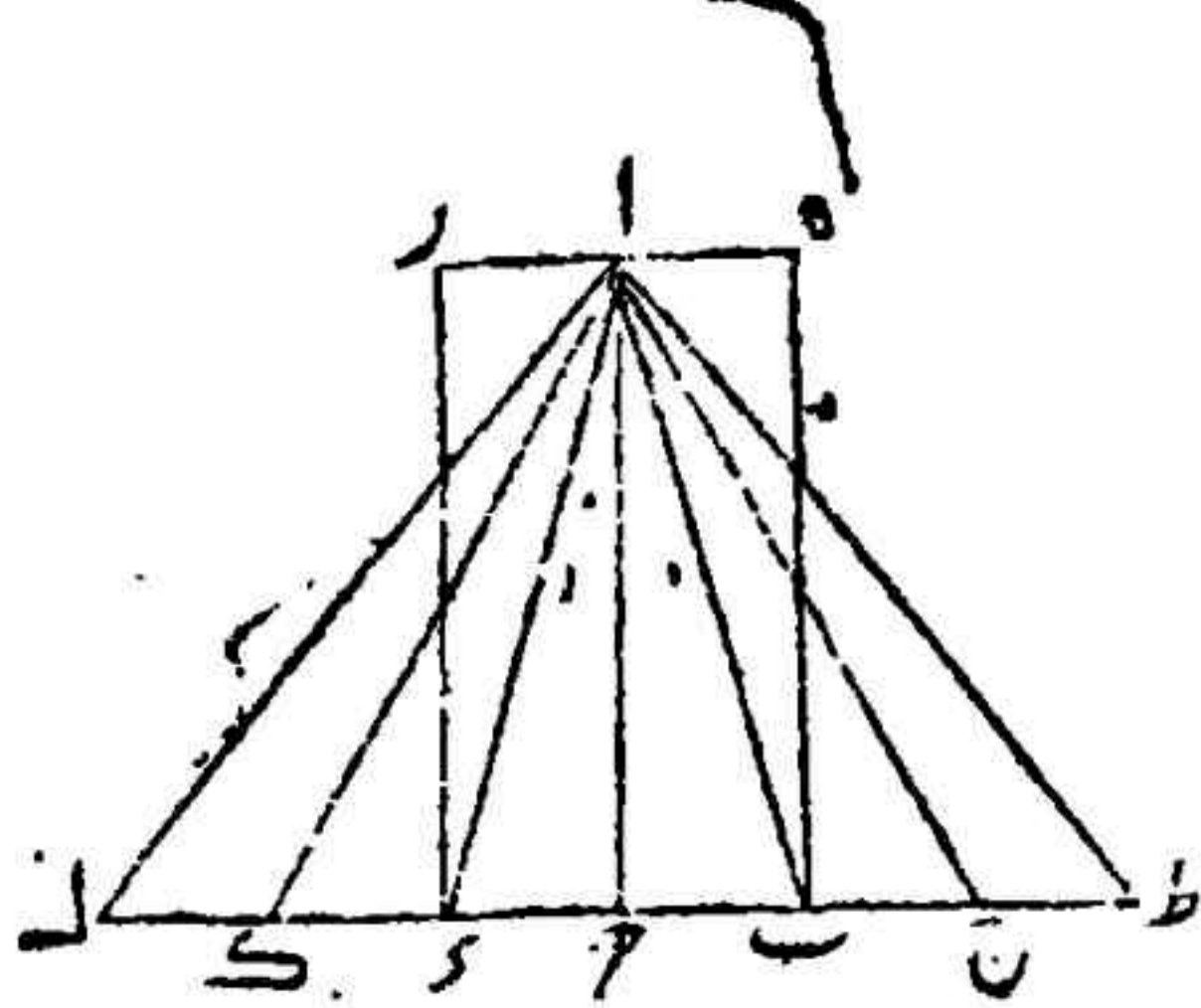
هي التي زواياها متساوية و اضلاعها المحيطة بالزوايا المتساوية
متساوية و المثلثات المتشابهة هي التي اضلاعها متناسبة
على الترتيب و التناظر اي يقع في كل منهما مقدم و تالي *
ارتفاع الشكل هو العمود المخرج من راسه على قاعدته *
الخط المقسوم على نسبة ذات وسط و طرفين
هو الذي يكن نسبه الى اعظم قسميه كدسبة اعظم قسميه الى اصغرهما
* النسبة المولدة من نسب هني الحاصلت من تضعيف
بعض اقدار تلك النسب ببعض اعني من ضرب بعضها في بعض *

الاشكال

السطوح المتوازية الاضلاع و المثلثات اذا كانت
متساوية الارتفاعات فنسبة البعض الى
البعض نسبة القواعد

متساوية الارتفاعات و مثلثات احاد متساوية الارتفاع

فمنهبة احد السطحين او المثلثين الى الاخر كمنهبة $\overline{ب ح}$ الى $\overline{ح ك}$ ولتخرج $\overline{ب ك}$ في الجهتين ونفصل مثل $\overline{ب ح}$ ما



امكن وهو $\overline{ب ح}$ $\overline{ح ج}$ $\overline{ط}$

ومثل $\overline{ح ك}$ ما امكن

وهو $\overline{ك ك}$ $\overline{ك ل}$

ونصل $\overline{ا ح}$ $\overline{ا ط}$ $\overline{ا ك}$

ال مثلثات $\overline{ا ب ح}$

$\overline{ا ب ح}$ $\overline{ا ط ح}$ متساوية وجميعها اضلاع مثلث $\overline{ا ب ح}$

وقواعد $\overline{ب ح}$ $\overline{ب ج}$ $\overline{ط}$ متساوية وجميعها اضلاع

قاعدة $\overline{ب ح}$ وكذلك مثلثات $\overline{ا ح ك}$ $\overline{ا ك ل}$

متساوية وجميعها اضلاع مثلث $\overline{ا ح ك}$ وقواعد $\overline{ح ك}$

$\overline{ك ك}$ $\overline{ك ل}$ متساوية وجميعها اضلاع قاعدة $\overline{ح ك}$

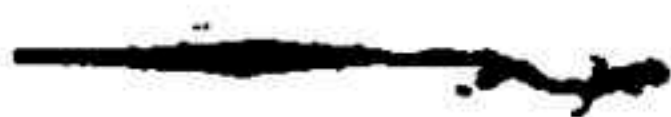
وجميع $\overline{ا ط ح}$ ان كان زايدا على جميع $\overline{ا ل}$ $\overline{ا ن}$

$\overline{ط ح}$ زايدا على $\overline{ل ح}$ وان كان ناقصا ومساويا كان ناقصا

او مساويا فمنهبة مثلث $\overline{ا ب ح}$ الى مثلث $\overline{ا ح ك}$ كمنهبة

$\overline{ب ح}$ الى $\overline{ح ك}$ وكذلك في السطوح ايضا ونك

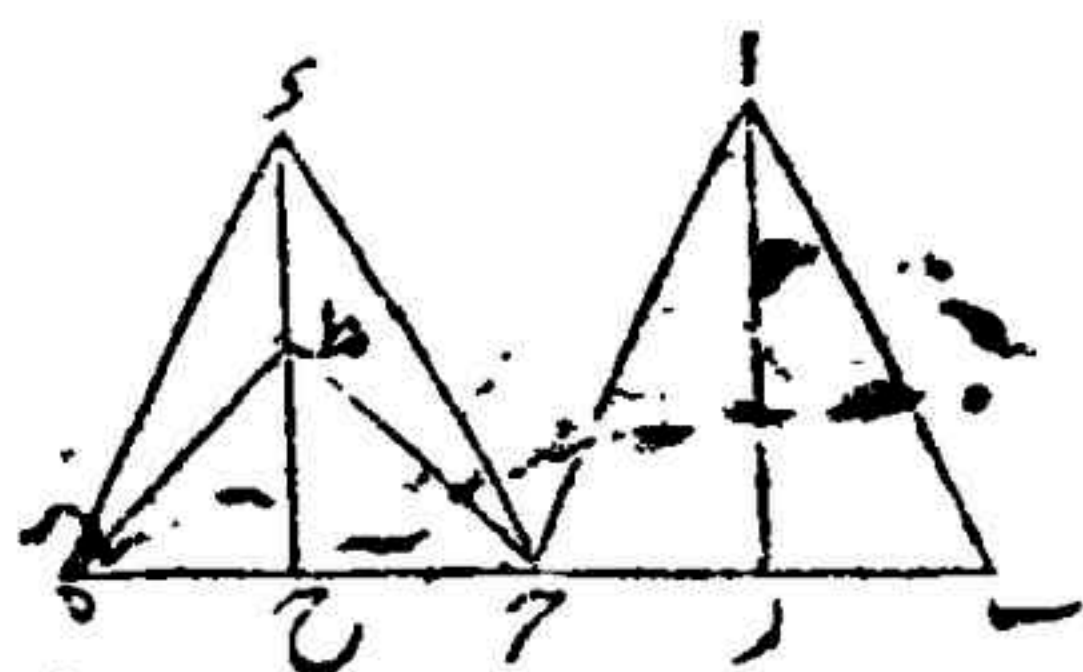
بما اردناه



اقول

وان كانت المسطوح والمثلثات على نسبة
الاقواع فهي المتساوية الارتفاعات وليكن

مثلثا



بما كان $\frac{س}{ح} = \frac{ر}{ط}$ على خط
س ه ونسبتهما كنسبة س ح
الى ح ه اقول فارتفاعهما اعني
ا ر ك ح العمودين

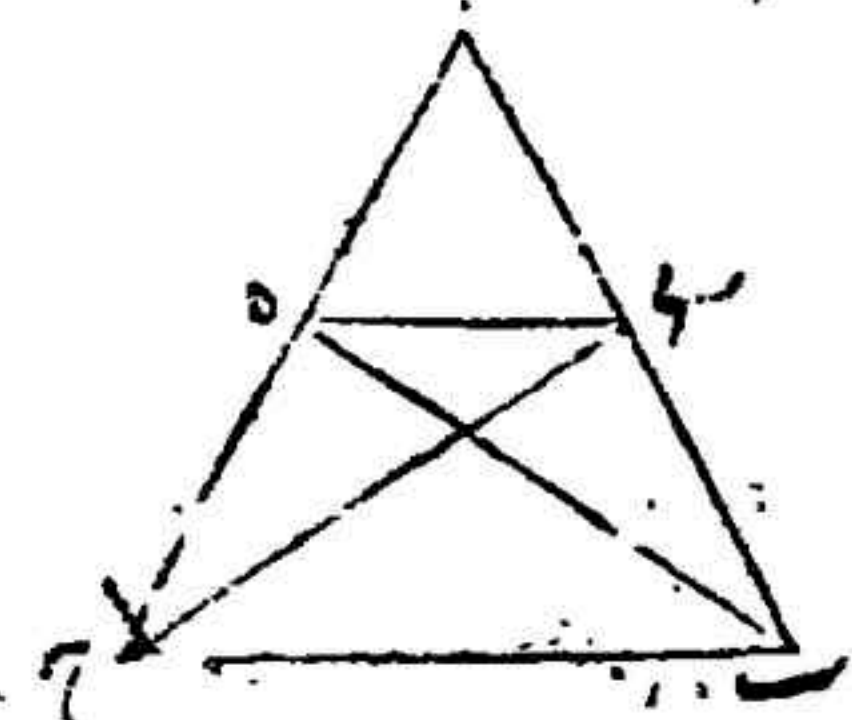
متساويان والاول يمكن ط ح مساويا ل ا ر ونصل ط ح ط ه
فنسبة مثلث ا س ح الى مثلث ط ح ه كنسبة س ح
الى ح ه فنسبة مثلث ا س ح الى مثلثي ك ح ه ط ح ه
واحدة فهما متساويان هذا خلف فالحكم ثابت وقس
المسطوح عليه



ب

ان اخرج خطا من ضلع مثلث الى ضلع
باخر فان كان موازيا للضلع الباقي فهو قد قطع

الضلعين على نسبة واجلتيه وان قطعها
على نسبة واحدة فهو مواز للضلع الباقي

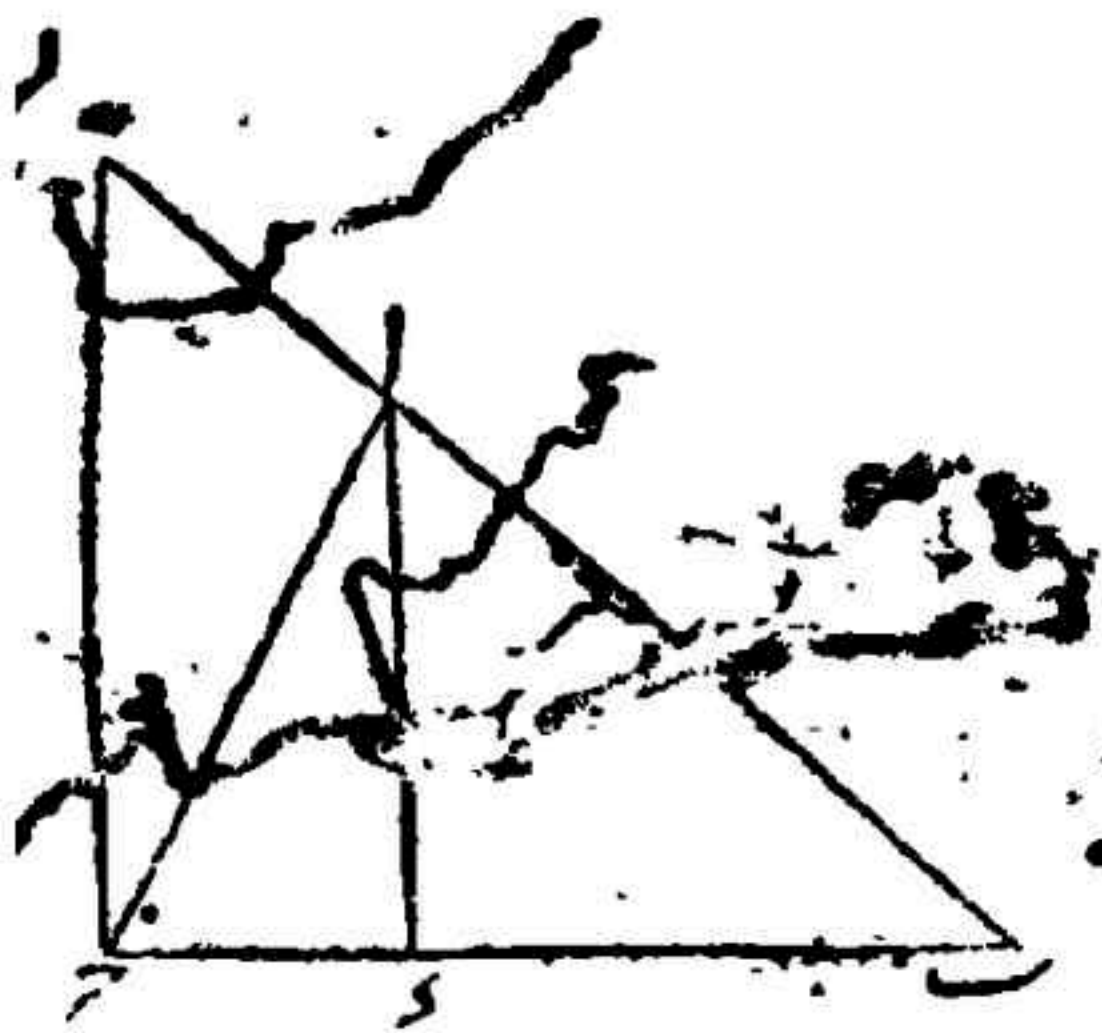


وتليكن المثلث $\overline{ا ب ج}$ والنخط
كـ هـ و ليكن موازيا لـ ب ج
ونصل بـ د حـ كـ فـ المثلث كـ بـ جـ
موازيه اللذان على قاعدة

كـ هـ و بين متوازيي كـ هـ بـ جـ متساويان ونسبة مثلث
كـ هـ بـ جـ انهما نسبة واحدة لكن نسبهه الى مثلث كـ بـ جـ
كنسبة ا كـ الى كـ بـ والتي مثلث كـ حـ هـ كنسبة ا هـ
الى هـ حـ فنسبه ا كـ الى كـ بـ كنسبة ا هـ الى هـ حـ
وايضا ليكن نسبة ا كـ الى كـ بـ كنسبة ا هـ الى
هـ حـ ونسبه ا كـ الى كـ بـ كنسبة مثلث ا كـ هـ
الى مثلث هـ بـ جـ ونسبة ا هـ الى هـ حـ كنسبة مثلث
ا كـ هـ الى مثلث كـ حـ هـ فنسبهه الى مثلث ا كـ هـ الى
المثلثين نسبة واحدة فهما متساويان فـ هـ بـ جـ متوازيان
وذلك ما اردناه

كل مثلث خرج من احد اى زواياه خط

الى وترها فان كان لخط منصفها لتلك الزاوية
 كانت نسبة الخط قسبي الوتر الى الآخر
 كنسبة $\frac{AB}{AC}$ الى الزاوية الى الآخر على
 الولاء وان كانت النسبة هكذا كان الخط
 منصفاً للزاوية .

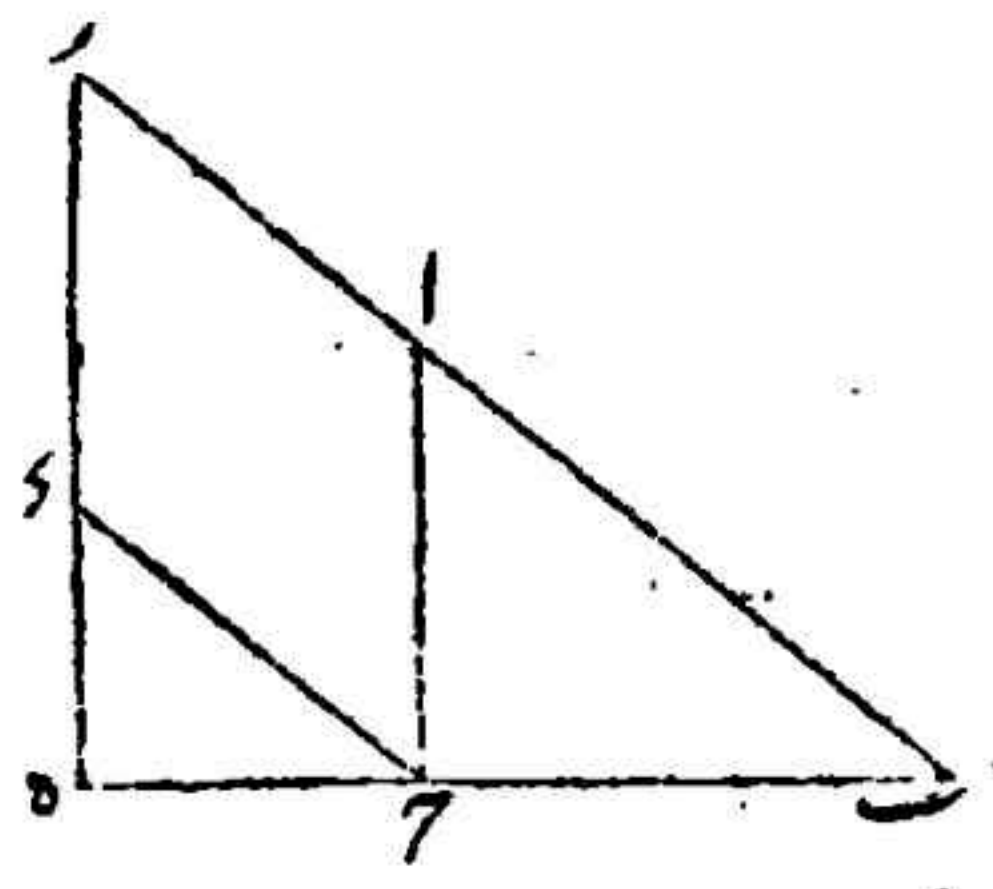


وليسكن المثلث ABC والخط
 الخارج من زاوية A هو AD
 ونخرج من C موازياً
 لـ AD ونخرج BA الى

ان يتلاقيا على E فزاويتا DAE و EAC الخارجة
 والداخلة متساويتان وزاويتا BAE و CAE متباينتان
 متساويتان ولنفرض AB او AC منصفه بخط AD
 نقول فنسبة BA الى AC كنسبة BA الى
 AC وذلك لان زاويتا BAE و CAE تكونان حينئذ
 متساويتين وكذا BAE و CAE نسبة BA الى AC
 كنسبة BA الى AC اعني الى AC وايضاً لنفرض نسبة

$\overline{بأ} \parallel \overline{بأ}$ كح نسبة $\overline{بأ}$ الى $\overline{أح}$ نقول فالزاوية
 منصفة لان نسبة $\overline{بأ}$ الى $\overline{بأ}$ كح كنسبة $\overline{بأ}$ الى $\overline{أح}$
 النسبة $\overline{بأ}$ الى $\overline{أح}$ واحدة فهما متساويان فزاوية
 $\overline{بأ}$ ح اعني زاوية $\overline{بأ}$ ح معاوية لزاوية $\overline{أح}$ ح اعني
 $\overline{أح}$ ح $\overline{بأ}$ ح $\overline{بأ}$ ح ما اردناه

كإثبات اثبتين يتساوي زواياهما التظاير فاضلاهما
 انظاير متناسبة



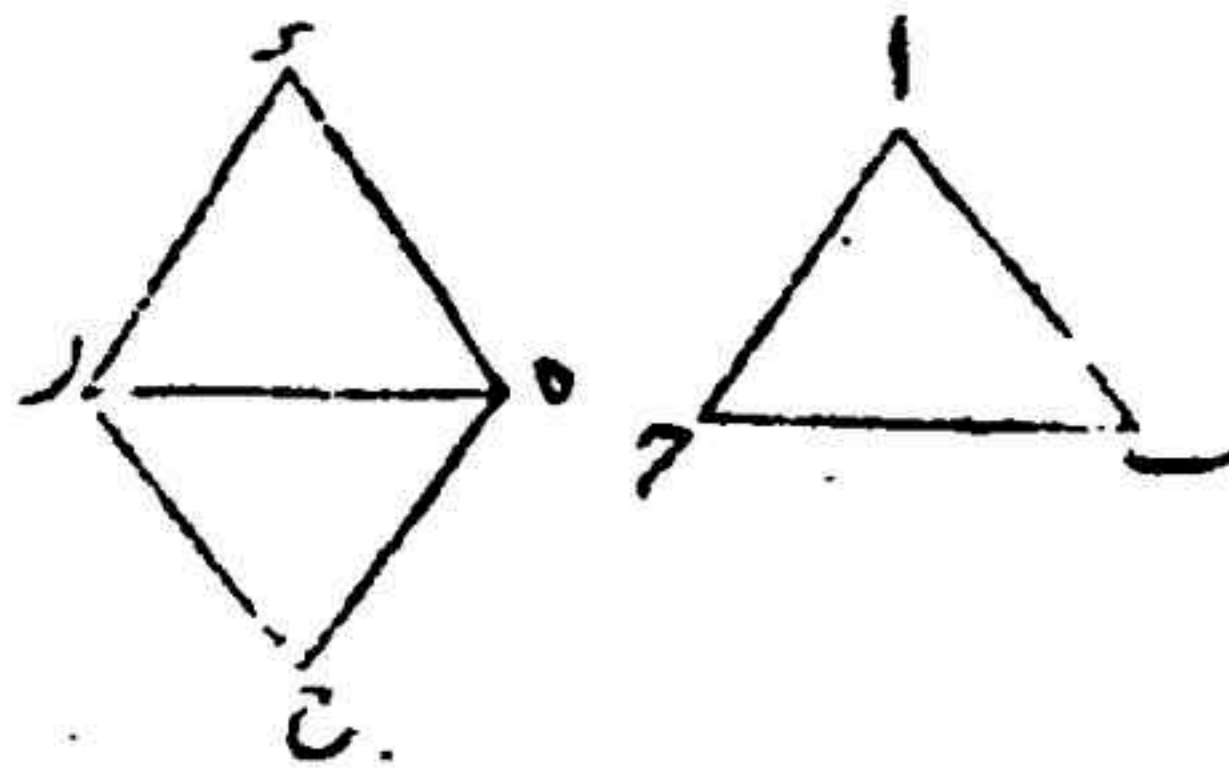
مثلثي مثلثي $\overline{بأق}$ $\overline{بأح}$ ح ح ح
 زاويتنا $\overline{بأق}$ $\overline{بأح}$ ح ح ح
 متساويتان وكذلك زاويتنا
 $\overline{بأق}$ $\overline{بأح}$ ح ح ح وكذلك

زاويتنا $\overline{بأق}$ $\overline{بأح}$ ح ح ح نقول فنسبة $\overline{بأق}$ الى $\overline{بأح}$ ح ح ح
 كنسبة $\overline{بأق}$ الى $\overline{بأق}$ ح ح ح وكنسبة $\overline{بأق}$ الى $\overline{بأق}$ ح ح ح وليكونا
 على خط $\overline{بأق}$ ح ح ح ونخرج $\overline{بأق}$ ح ح ح الى ان يتلاقيا على
 $\overline{بأق}$ ح ح ح موازيا ل $\overline{بأق}$ ح ح ح موازيا ل $\overline{بأق}$ ح ح ح

وطلع ر ح متوازيين بالاضلاع وذلك لتساوي الخارجة
والداخلية $\frac{ر ح}{ه ح}$ نسبة $\frac{ر ح}{ه ح}$ كنسبة $\frac{ب ا}{ا ا}$ الى $\frac{ا ر}{ا ر}$
اعني الى $\frac{ر ح}{ه ح}$ ونسبة $\frac{ب ا}{ا ا}$ الى $\frac{ه ح}{ه ح}$ كنسبة $\frac{ب ا}{ا ا}$
اعني $\frac{ا ح}{ا ح}$ الى $\frac{ه ح}{ه ح}$ فنسبة $\frac{ب ا}{ا ا}$ الى $\frac{ا ر}{ا ر}$ اعني $\frac{ر ح}{ه ح}$
ايضا كنسبة $\frac{ب ا}{ا ا}$ الى $\frac{ه ح}{ه ح}$ وذلك ما اردناه

ع

كل مثلثين يتناسب اضلاعهما النطاير متساوية
النطاير متساوية



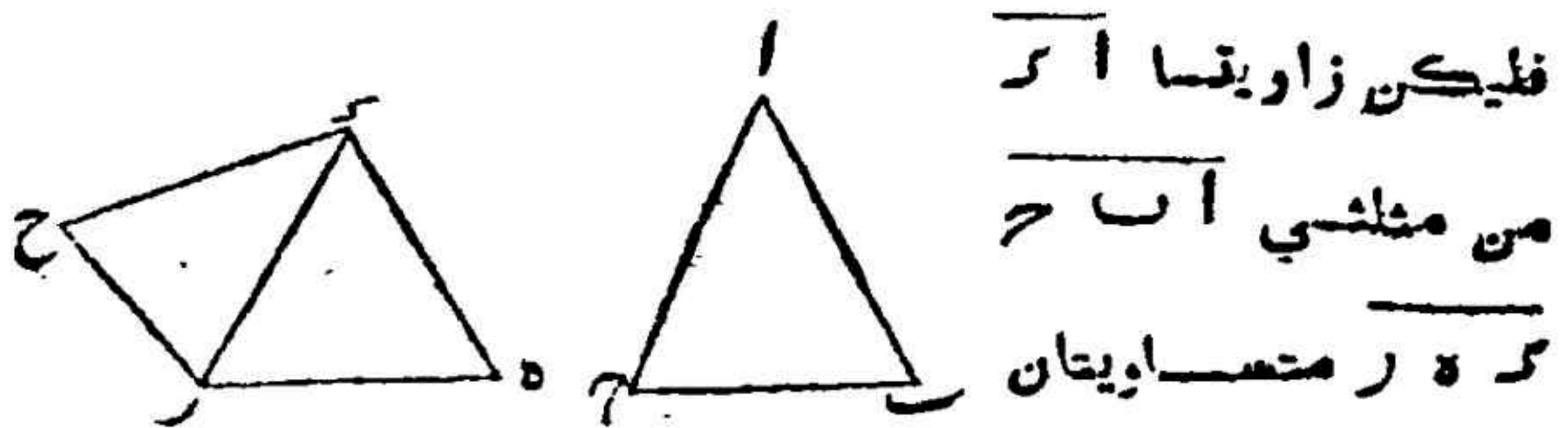
مثلا في مثلثي $\frac{ا ب ح}{ا ب ح}$
 $\frac{ك ه ر}{ا ب ح}$ نسبة $\frac{ا ب}{ا ب}$ الى $\frac{ك ه}{ا ب}$
كنسبة $\frac{ا ح}{ا ح}$ الى $\frac{ك ر}{ا ح}$ ونسبة
 $\frac{ب ا}{ا ا}$ الى $\frac{ه ر}{ا ا}$ ولنعمل على

$\frac{ه من}{ه من}$ $\frac{ر زاوية ر ح ه}{ر زاوية ر ح ه}$ مثل زاوية $\frac{ب ا}{ا ا}$ وعلى $\frac{ر منه}{ر منه}$
زاوية $\frac{ه ر ح}{ه ر ح}$ مثل زاوية $\frac{ا ب ح}{ا ب ح}$ ونخرج الضلعين الى ان يلتقيا
على ح فيكون $\frac{ا ب ح}{ا ب ح}$ و $\frac{ا ب ح}{ا ب ح}$ النطاير
متساوية ونسبة $\frac{ب ا}{ا ا}$ الى $\frac{ه ر}{ه ر}$ كنسبة $\frac{ب ا}{ا ا}$ الى $\frac{ه ح}{ه ح}$

وكانت كنسبة $\overline{ب أ}$ الى $\overline{ه ك}$ فهو $\overline{ه ك}$ متساويان
وكذا لك بين $\overline{ان ر ح}$ $\overline{ر ك}$ متساويان فهو $\overline{ان ر ك}$
منهاوية لزاوية مثلث $\overline{ح ه ر}$ اعني زاوية مثلث $\overline{ا ب ح}$
على القاطرة ذلك ما اردناه

و

ان تساويت زاويتا مثلثين و تناسبت الاضلاع
الباقيتين تنسبت باقى زواياها



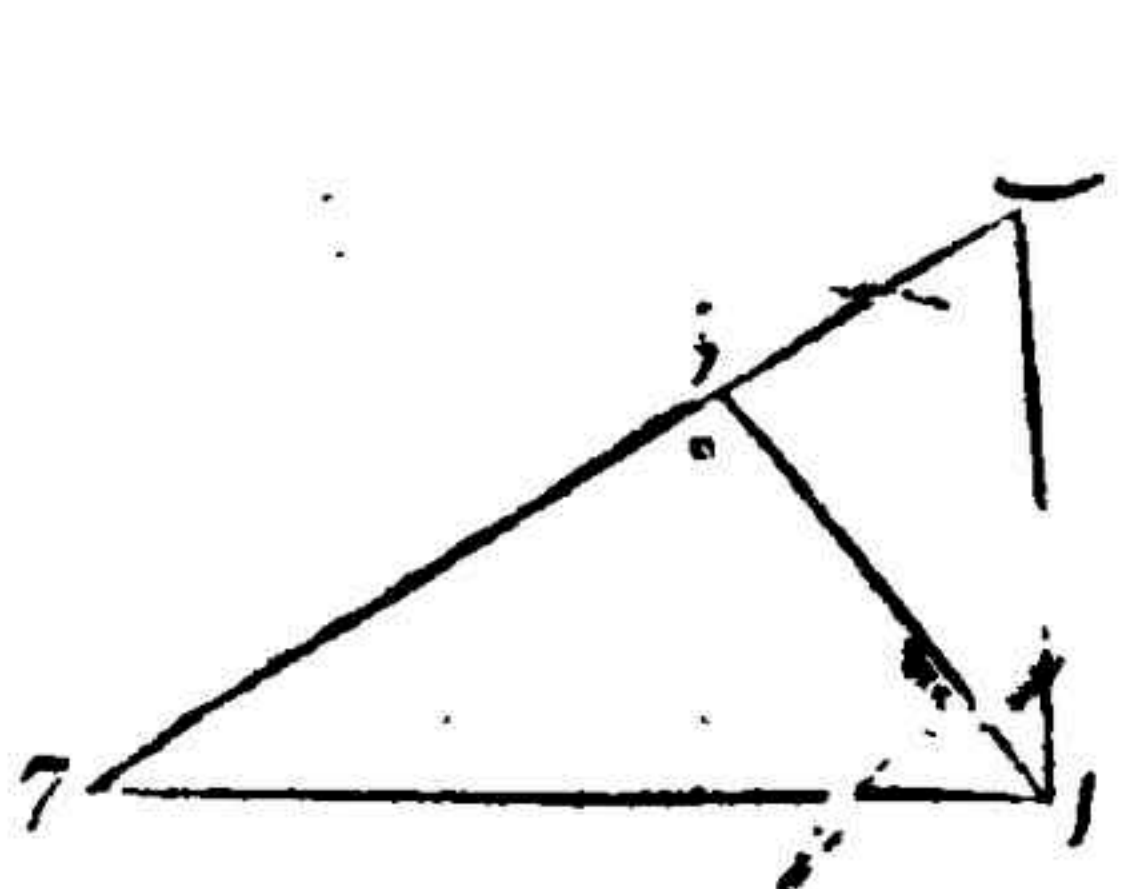
ونسبة $\overline{ا ب}$ الى $\overline{ه ك}$ كنسبة $\overline{ا ح}$ الى $\overline{ه ر}$ ولنصل
على $\overline{ه ك}$ من $\overline{ح ه ر}$ زاوية $\overline{ر ك ح}$ مثل
زاوية $\overline{ا و على ر}$ منه زاوية $\overline{ك ر ح}$ مثل زاوية
 $\overline{ح و نخرج الضلعين الى ح}$ فهو $\overline{ا ب ح}$ $\overline{ا ب ح}$ $\overline{ح ر ب}$
متساوية فنسبة $\overline{ا ح}$ الى $\overline{ه ك}$ كنسبة $\overline{ا ب}$ الى $\overline{ه ر}$
وكانت كنسبته الى $\overline{ه ك}$ $\overline{ا ب ح}$ $\overline{ه ك}$ متساويان وكذا للث

وكانت كنهية $\overline{ب ا ح}$ الى $\overline{ا ر}$ فيصح $\overline{ب ا ح}$ متساويان
 وزاويتا $\overline{ب ا ح}$ $\overline{ب ا ح}$ متساويان لان لم يكن كل
 واحدة من زاويتي $\overline{ا ر ا}$ اصغر من قائمة وقع في مثلث زاويتان
 ليستا باصغر من قائمتين ههنا وان كانت اصغر من قائمة كانت
 زاوية $\overline{ب ا ح}$ اعني زاوية $\overline{ا ر ا}$ اكبر من قائمة وفرضنا
 اصغر ههنا فان زاوية $\overline{ب ا ح}$ متساويان ويبقى زاوية
 $\overline{ا ر ا}$ متساويان وذلك ما اردناه



ح

ان اخرج عمود من زاوية قائمة في مثلث
 على وترها قسم المثلث بهثلثين متشابهين
 ومتشابهين للمثلث الاعظم



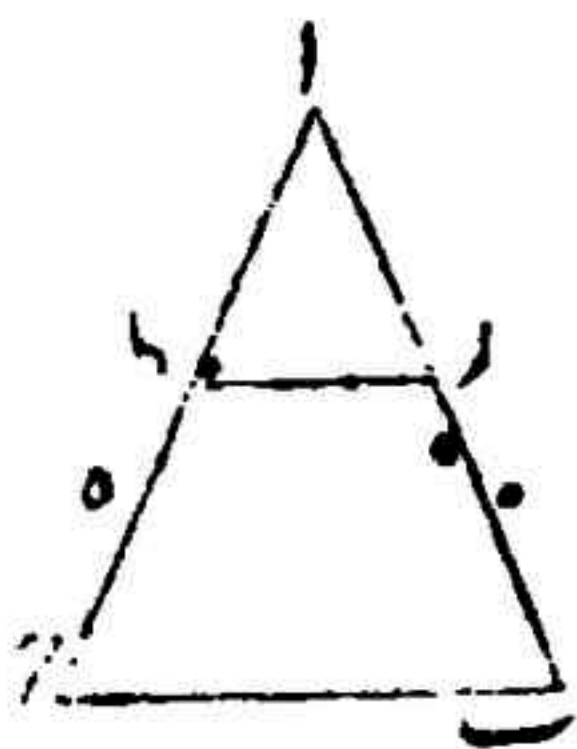
مثلاخرج من زاوية $\overline{ا}$ القائمة
 في $\overline{ا ب ج}$ عمود $\overline{ا ز}$
 على $\overline{ب ج}$ نقول فمثلثا
 $\overline{ا ز ب}$ $\overline{ا ز ج}$ متشابهان

ومتشابهان لمثلث $\overline{ا ب ج}$ وذلك لان في مثلث $\overline{ا ز ب}$
 $\overline{ب ا ج}$ زاوية $\overline{ب ا ج}$ مشتركة وزاويتي $\overline{ا ز ب}$ $\overline{ا ب ج}$

قائمتان فيبقى زاويتاها $\overline{ا ب ح}$ $\overline{ا ب ح}$ متساويتين ويكونان
 متشابهين نسبة $\overline{ا ب ح}$ الى $\overline{ا ب ح}$ كنسبة $\overline{ا ب ح}$ الى $\overline{ا ب ح}$
 وكنسبة $\overline{ا ب ح}$ الى $\overline{ا ب ح}$ وكذلك بالحكم في $\overline{ا ب ح}$ $\overline{ا ب ح}$
 $\overline{ا ب ح}$ واما مثلثا $\overline{ا ب ح}$ $\overline{ا ب ح}$ فلان زاويتي $\overline{ا ب ح}$ $\overline{ا ب ح}$
 قائمتان وزاوية $\overline{ا ب ح}$ مثل زاوية $\overline{ا ب ح}$ وزاوية $\overline{ا ب ح}$
 مثل زاوية $\overline{ا ب ح}$ فيكونان متشابهين نسبة $\overline{ا ب ح}$ الى $\overline{ا ب ح}$
 كنسبة $\overline{ا ب ح}$ الى $\overline{ا ب ح}$ وكنسبة $\overline{ا ب ح}$ الى $\overline{ا ب ح}$ وقد تبين
 من ذلك ان العمود في النسبة وسط بين الوتر وان كل
 واحد من ضلعي المثلث وسط بين القاعدة وقصمها الذي يليه
 وذلك ما اردناه

ط

نريد ان نفصل من خط مغروض جزأما



وليكن الخط $\overline{ا ب ح}$ والجزء الثالث فنخرج
 $\overline{ا ب ح}$ محيطا مع $\overline{ا ب ح}$ ونفصل منه
 $\overline{ا ب ح}$ $\overline{ا ب ح}$ متساوية كيف اتفق

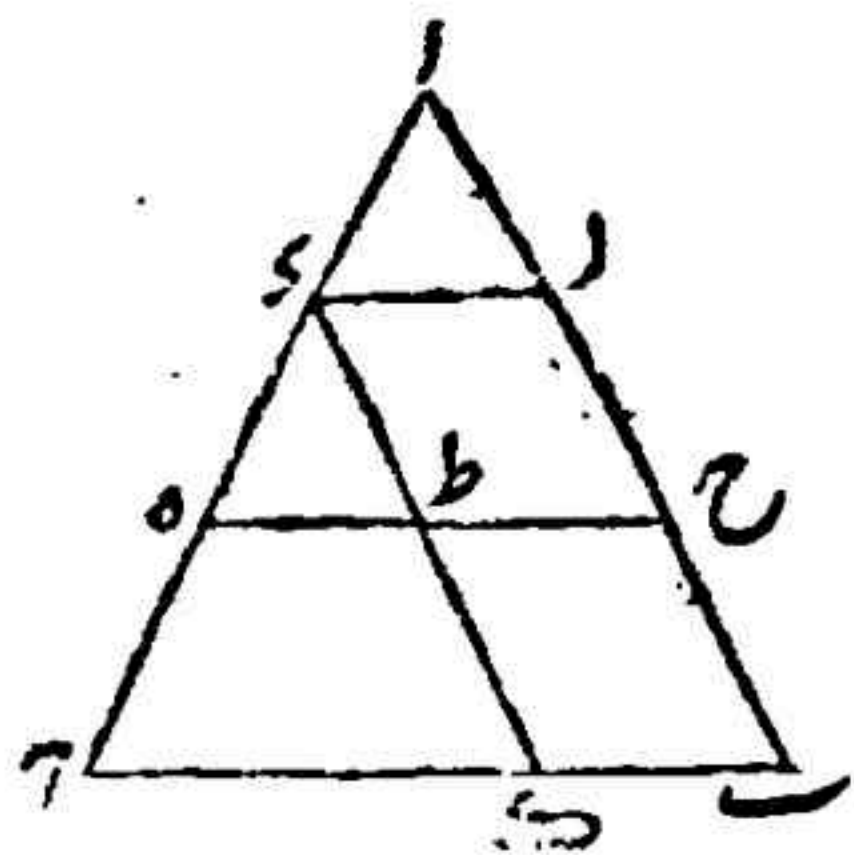
ونخرج $\overline{ا ب ح}$ ونخرج من $\overline{ا ب ح}$ $\overline{ا ب ح}$ فهو

يفضل من \overline{AB} تلك وذلك لان نسبة \overline{AR} الى \overline{AB} كنسبة
 \overline{AR} الى \overline{AC} و \overline{AR} تلك \overline{AC} فان \overline{AR} يثبت \overline{AB} وذلك
 بما اردناه

ي

نريد ان نقسم خطا مفروضا على نسبة اقسام

خط آخر

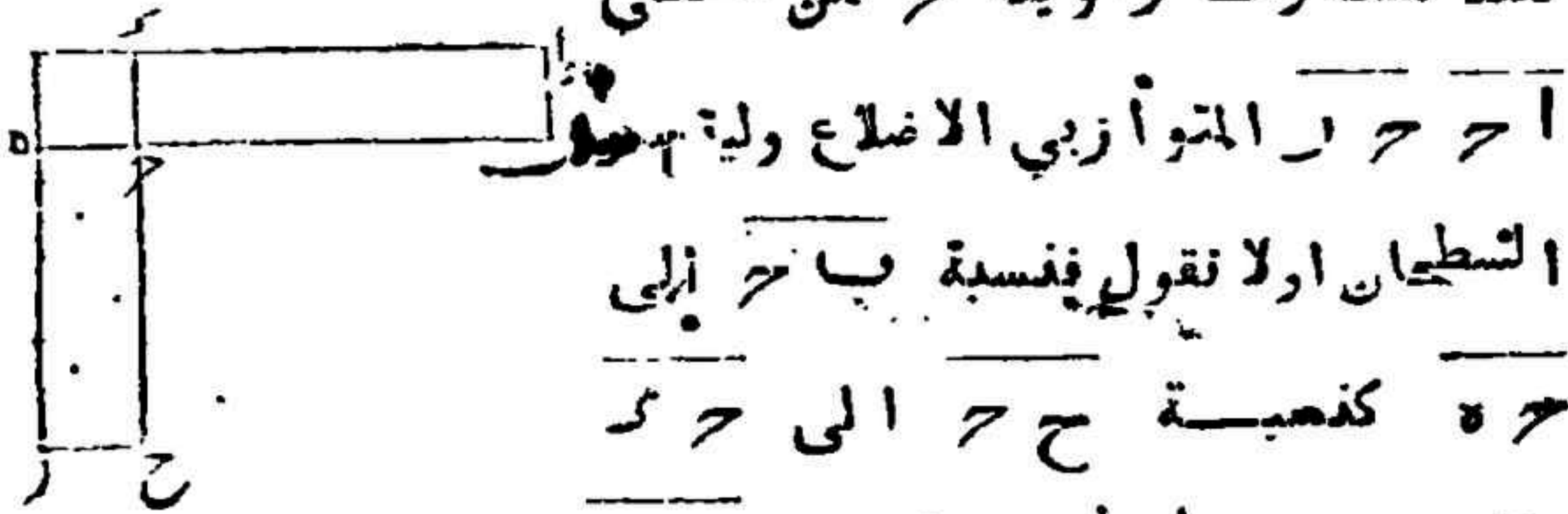


فليكن مفروض \overline{AB} والمفروض
 \overline{AC} على \overline{AB} ونجعلهما
 محيطين بزواوية \overline{A} ونصل
 \overline{BC} ونخرج من \overline{C} \overline{CR}

\overline{CR} موازيين ل \overline{AB} و \overline{CR} موازيا ل \overline{AB} نقول
 \overline{CA} انقسم ب \overline{CR} على نسبة اقسام \overline{AC} وذلك لان نسبة
 \overline{AR} الى \overline{RC} كنسبة \overline{AR} الى \overline{AC} ونسبة \overline{RC} الى
 \overline{CA} اعني نسبة \overline{CR} الى \overline{CA} لكون كل واحد من
 سطحي \overline{CR} \overline{CA} متوازي الاضلاع كنسبة \overline{CR} الى \overline{CA}
 وذلك ما اردناه

ان اتساوت زاويتان من سطحين متوازيين
 الاضلاع فان كان المستقيمتين متساويتين كانت
 الاضلاع المحيطة بالزاويتين متكافئة وان
 كانت الاضلاع المحيطة بهما متكافئة كان السطحان
 متساويين .

مثلا تساوت زاويتا ح من سطحين



ح ح ر المتوازي الاضلاع وليت

السطحان اولا نقول فنسبة با ح الى

ح ح كذهبية ح ح الى ح ح ك

ولنفرض السطحين على ان با ح

ح ح متصلان على الامتقامة وكذلك ح ح ك ونقسم

سطح ك ح فلان نسبة سطحى ا ح ح ر المتساويين الى سطح

ك ح واحدة وكانت نسبة ا ح ح الى ح ح ك

ونسبة الاخر اليه نسبة ح ح الى ح ح ك فهي متناسبة

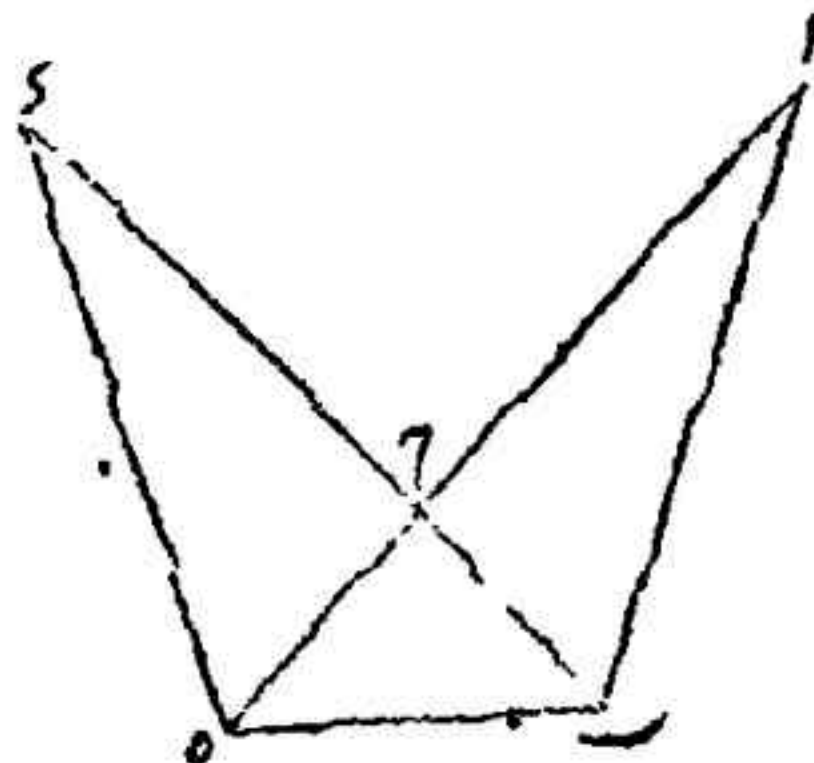
وايضاليتساو النسبتان نقول فالسطحان متساويان لان نسبتيهما

الى سطح ك ح هما نسبة الاضلاع وتساوى نسبتيهما الى شي

واحد يقتضي تساويهما وذلك ما اردناه

يب

بأن تساوي زاويتان من مثلثين فان كانا
متساويين كانت الزوايا المحيطة بالزاويتين
متكافئة وان كانت الاضلاع المحيطة بهما
متكافئة تساوي المثلثان



مفلاتساوت زاويتا ج من مثلثي

ا ب ج ح ك ه و ه ك ر ن ا و لا

متساويين نقول فنسبته

ا ح الى ح ه كنسبة ك ح

اي ح ب و لتجعل ا ح مصلا ج ه على الاستقامة

و ا ح ك واصل ب ه فلن نسبة المثلثين الى مثلث ب ح ه

واحدة لتساويهما و كانا نسبة احد هما اليه نسبة ا ح الى

ح ه ونسبة الاخر اليه نسبة ك ح الى ح ب تصاوت النسبتان

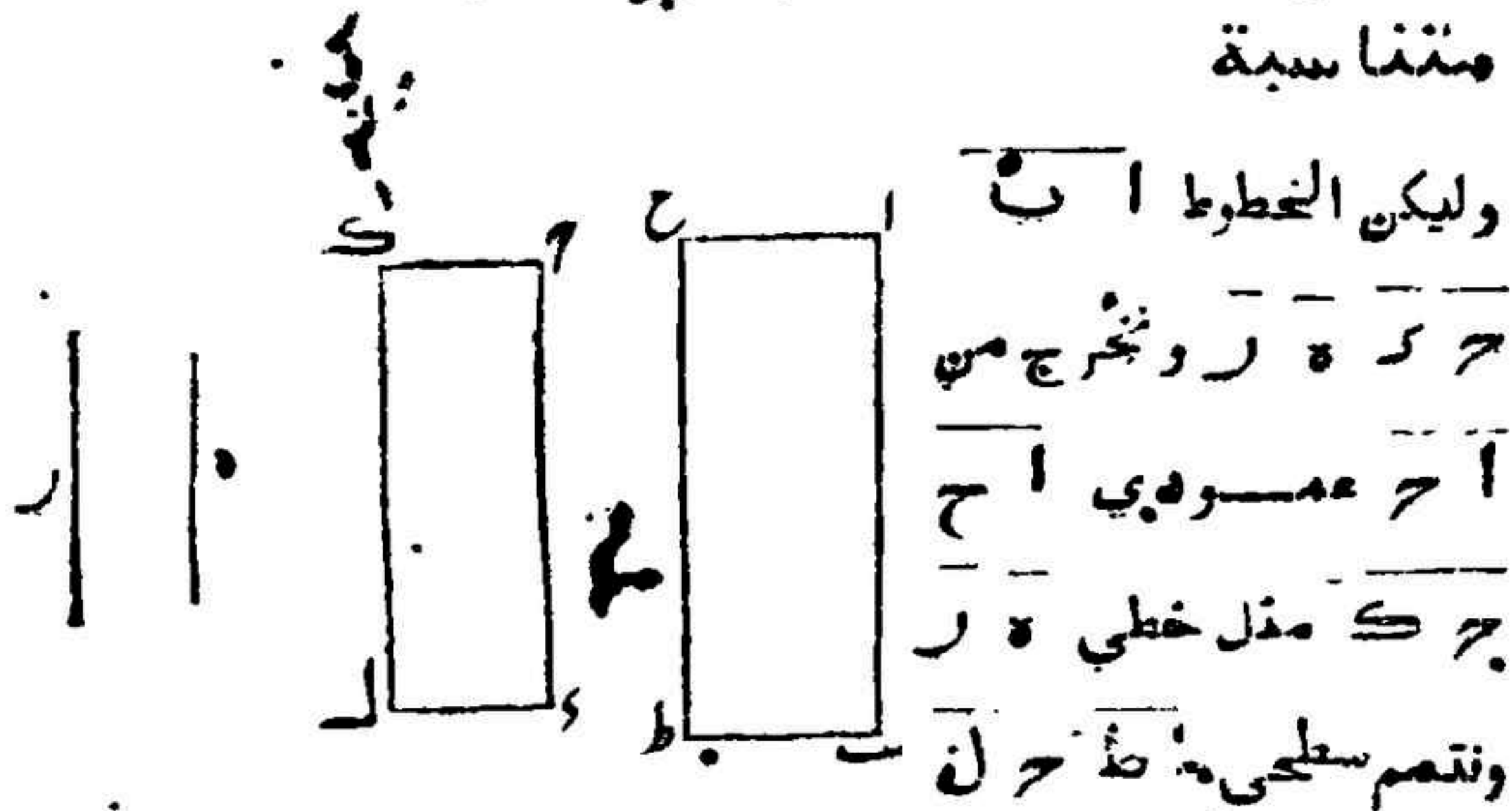
وايضا لتساوي النسبتان نقول فالمثلثان متساويان لكونهما مع

مثلث ب ح ه على الذايبتين وذلك ما اردناه

ج

كل اربعة خطوط فان كانت متناسبة كان

سطح الاول في الاخير كسطح واحد الباقين
 في الآخر وان كان سطح الاول في الاخير
 كسطح احد الباقين من الآخر كان السطح
 متناسبة



فان كانت الخطوط متناسبة كانت اضلاع السطحين مع تساوي
 الزوايا متكافئة نسبة \overline{AB} الى \overline{CD} كنسبة \overline{CE} الى \overline{EF}
 \overline{AH} الى \overline{GH} اعني \overline{R} فكان السطحان متساويين وان كان
 السطحان متساويين كانت الاضلاع متكافئة فالخطوط متناسبة
 وذلك ما اردناه

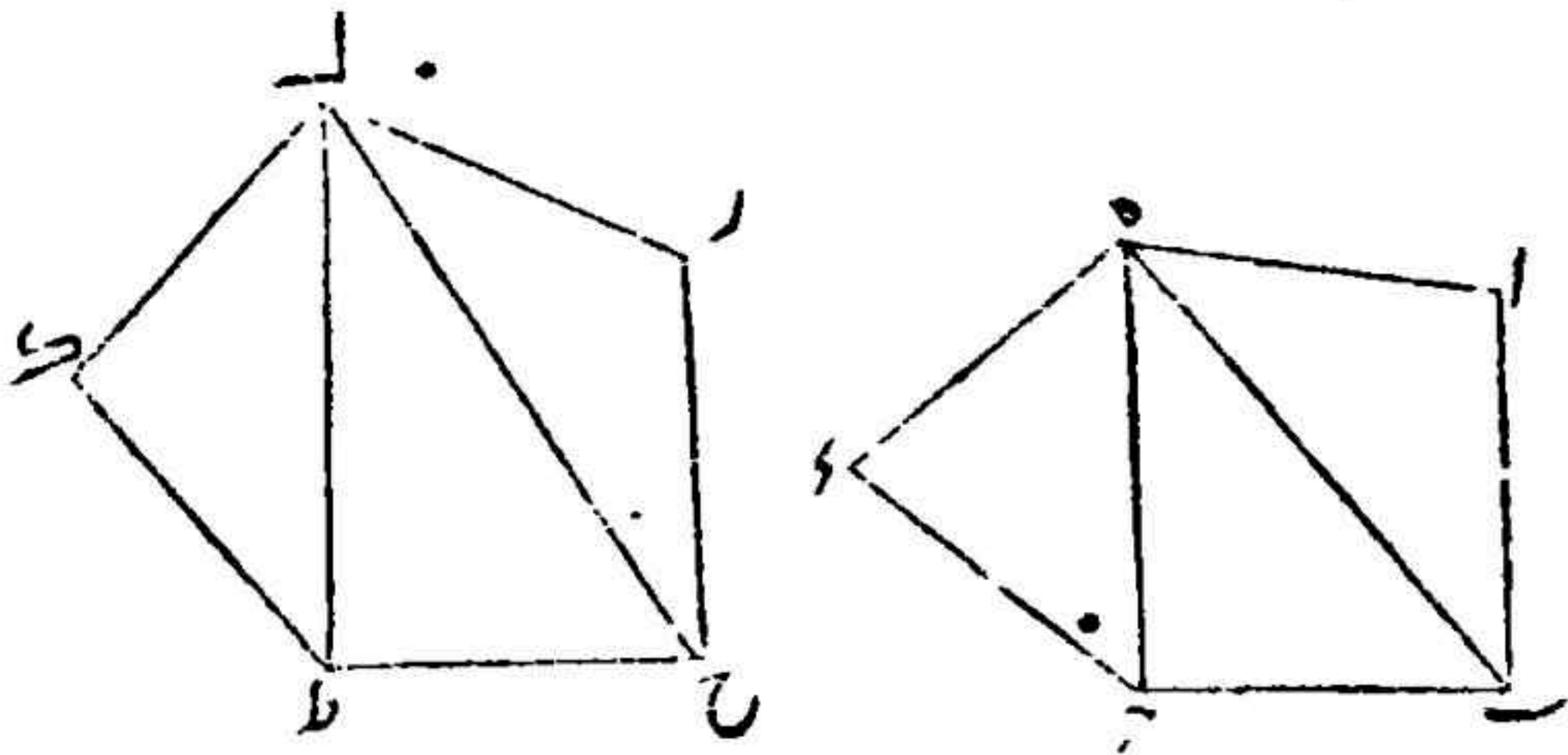
يد

كل ثلاثة خطوط فان كانت متناسبة كان سطح
 الاول في الاخير كربع الاوسط وان كان

زاويتي $\overline{ب ا ه}$ ومتكافيا الاضلاع $\overline{ب ا ه}$ الى $\overline{ك ه}$
 اعني $\overline{ب ا ح}$ الى $\overline{ه ر}$ كنسبة $\overline{ب ا ح}$ الى $\overline{ب ا ه}$ فيما
 متساويان ونسبة $\overline{ب ا ح}$ الى $\overline{ب ا ه}$ الى مثلث $\overline{ب ا ح}$
 اعني مثلث $\overline{ك ه ر}$ كنسبة $\overline{ب ا ح}$ الى $\overline{ب ا ه}$ التي هي
 نسبة $\overline{ب ا ح}$ الى $\overline{ه ر}$ مثناة وذلك ما اردناه

يو

السطوح الكثيرة الاضلاع المشابهة ينقسم
 بمثلثات متشابهة متساوية العدة ويكون
 نسبة سطح الى سطح كنسبة ضلعيها التاليفين
 مثناة مثلا سطحا

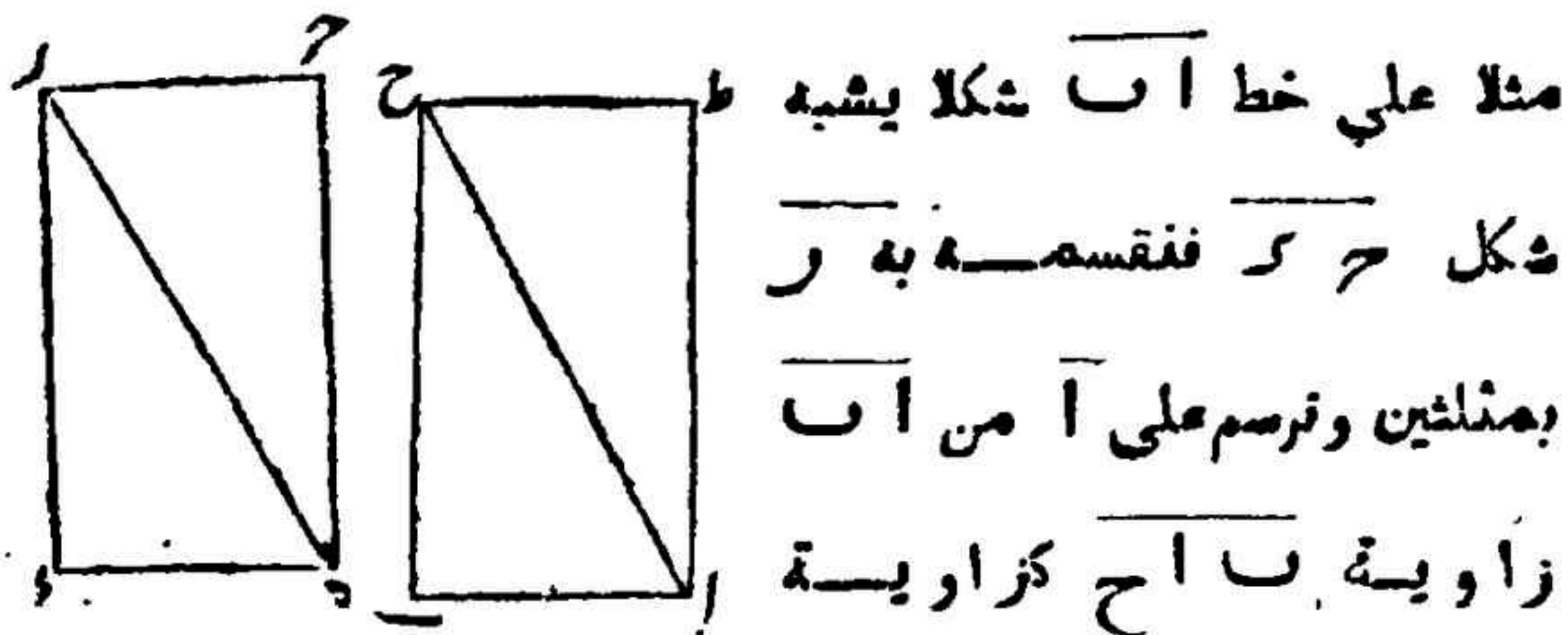


$\overline{ا ب ح}$ الى $\overline{ه ر ط}$ كل متشابهان ونصل $\overline{ب ا ه}$ الى $\overline{ح ر ل}$
 ل $\overline{ط}$ فينقسمان بها بمثلثات متساوية العدة متشابهة لان زاوية $\overline{ا ب ح}$
 كزاوية $\overline{ه ر ط}$ ونسبة $\overline{ب ا ح}$ الى $\overline{ب ا ه}$ كنسبة $\overline{ا ه ر}$ الى $\overline{ا ه ل}$

فمثلا \overline{AB} و \overline{BC} متشابهان ويبقى زاوية \overline{BAC}
 كزاوية \overline{BAC} ونسبة \overline{BA} الى \overline{BC} اعني \overline{BA}
 الى \overline{BC} كنسبة \overline{BA} الى \overline{BC} فمثلا \overline{BA} الى \overline{BC} \overline{CA}
 ايضا متشابهان وكذلك في مثلثي \overline{ABC} و \overline{BAC} ولما
 كانت نسبة جميع الاضلاع النظائر واحدة ونسبة مثلثات \overline{ABC}
 الى نظائرها كنسبة واحد الى واحد بل كنسبة ضلع الى ضلع
 مثلثة فنسبة \overline{ABC} الى \overline{BAC} كنسبة الضلع الى الضلع مثلثة
 وذلك ما اردناه

يز

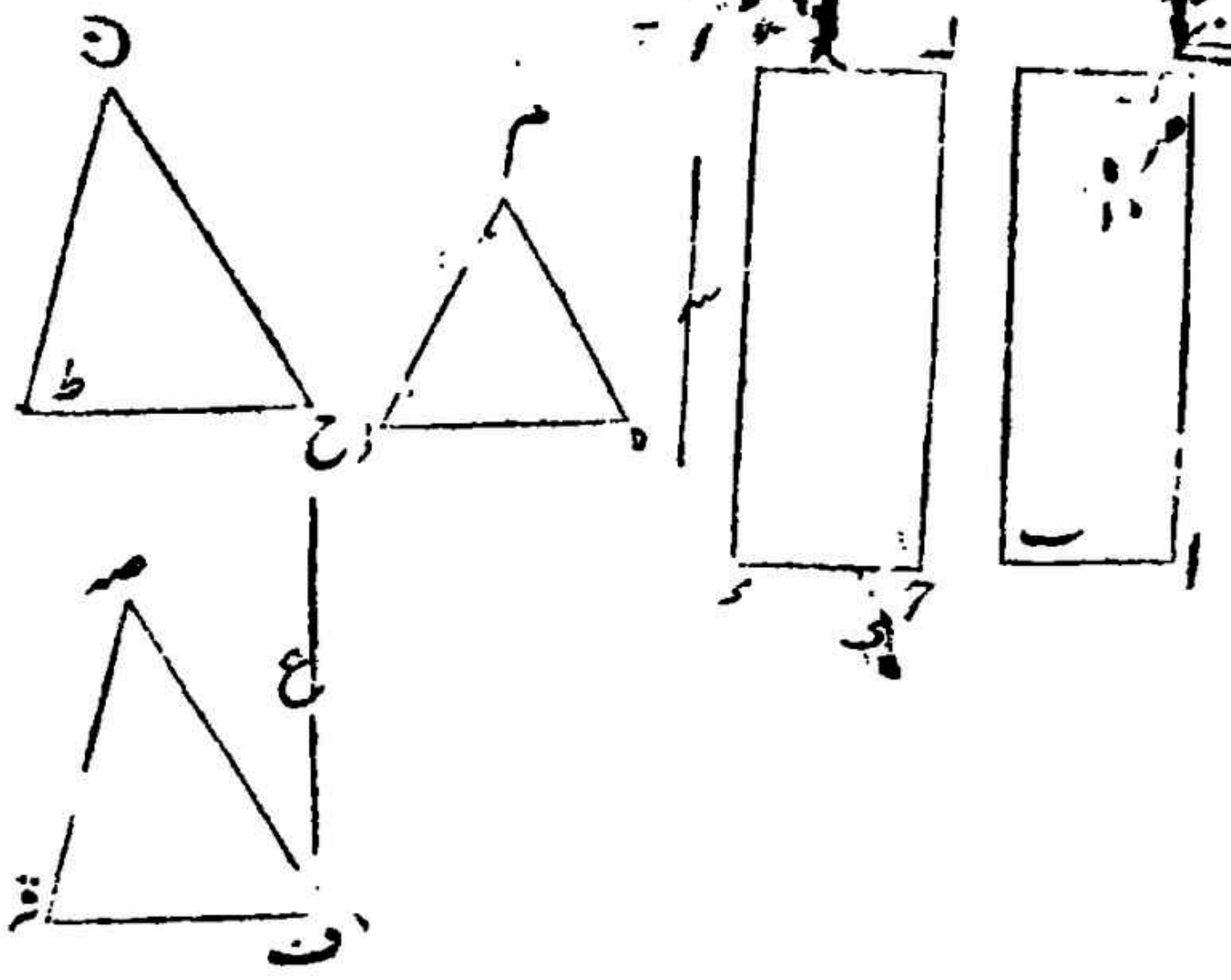
نريد ان نعمل على خط مفروض شكلا مستقيما
 الاضلاع يشبه شكلا مفروضا



\overline{BAC} و \overline{ABC} فزاوية \overline{BAC} كزاوية \overline{BAC} ونخرج
 ضلعيهما الى \overline{AC} فيكون مثلث \overline{ABC} شبيها بمثلث \overline{ABC}

فأبكن الخطوط $\overline{اب}$ حركة $\overline{ح}$ $\overline{ط}$ والمطوح $\overline{ك}$ $\overline{ل}$

ل $\overline{ك}$ $\overline{ل}$ $\overline{م}$ $\overline{ن}$ $\overline{ح}$ $\overline{ط}$ وهما يعمل واحد



ولبكن $\overline{سه}$ ثالث خطي $\overline{اب}$ حركة في النسبة $\overline{وع}$

ثالث خطي $\overline{ح}$ $\overline{ط}$ فان كانت نسبة $\overline{اب}$ الى حركة

كنسبة $\overline{ح}$ الى $\overline{ط}$ كانت نسبة $\overline{ك}$ الى $\overline{ل}$

المتشابهين كنسبة $\overline{اب}$ الى $\overline{سه}$ اعني $\overline{اب}$ الى حركة

مثناة ونسبة $\overline{م}$ الى $\overline{ن}$ الى $\overline{ح}$ $\overline{ط}$ كنسبة $\overline{ح}$ الى $\overline{ع}$

وبالمساوات نسبة $\overline{اب}$ الى $\overline{سه}$ كنسبة $\overline{ح}$ الى $\overline{ع}$

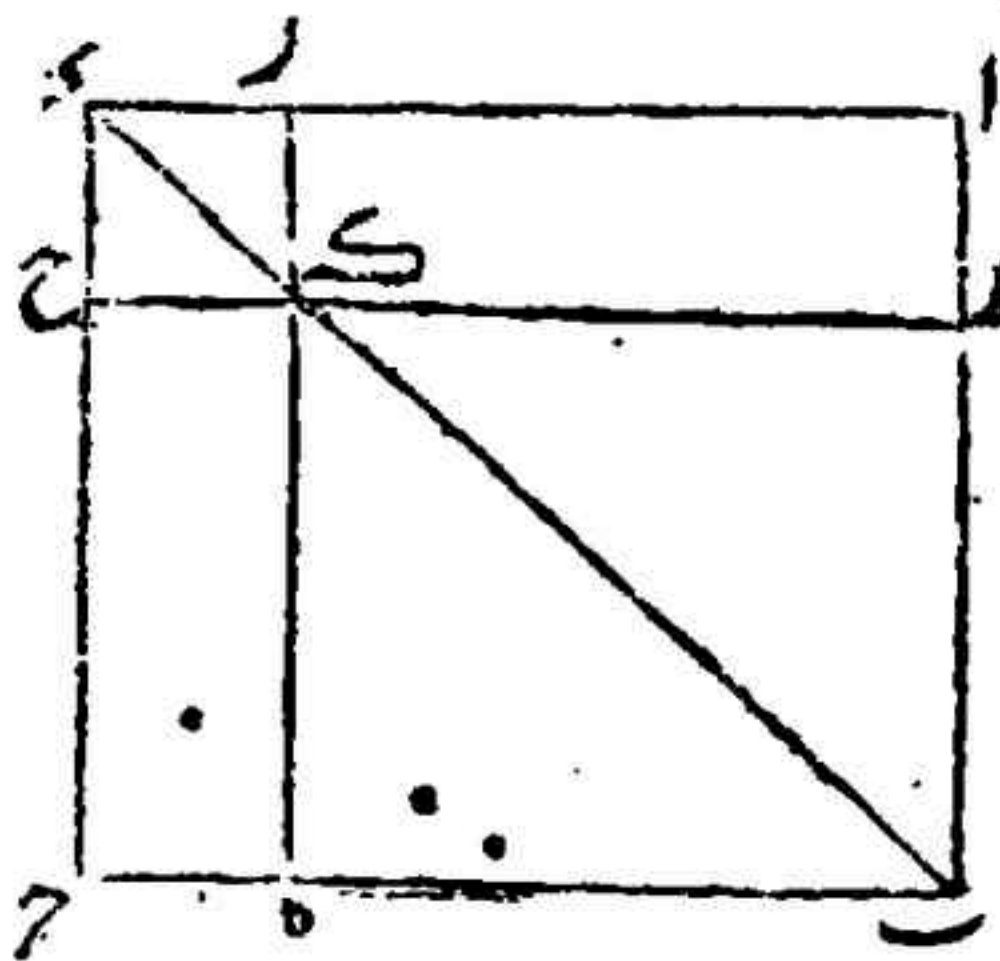
فنسبة $\overline{ك}$ الى $\overline{ل}$ كنسبة $\overline{م}$ الى $\overline{ن}$ الى $\overline{ح}$ $\overline{ط}$

وايشان كانت المطوح متماثلة كانت نسبة $\overline{اب}$ الى

ح ك كنسبة ه بر الى ح ط فليكن نعبنة اب الى
 ح ك كنسبة ه ر الى فا قد ونعمل عليه ص ف قد
 شبيها بم ه ر فنسبة ك ك الى ال ك كنسبة م ه ر
 الى ص فبا قد وكانت كنسبة م ه ر الى ح ط
 و ص ف قد ح ط متساويان لتساوي نسبة م ه ر
 اليهما ومتشابهان لكونه شبيهما فهما متساويا الاضلاع المظاير
 فف قد ك ح ط فنسبة اب الى ح ك كنسبة ه ر الى
 ح ط وذلك ما اردناه

ك

السطوح المتوازية الاضلاع الكائنة على قطر
 سطح متوازي الاضلاع مشابهة له ومتشابهة
 والكل على وضع واحد



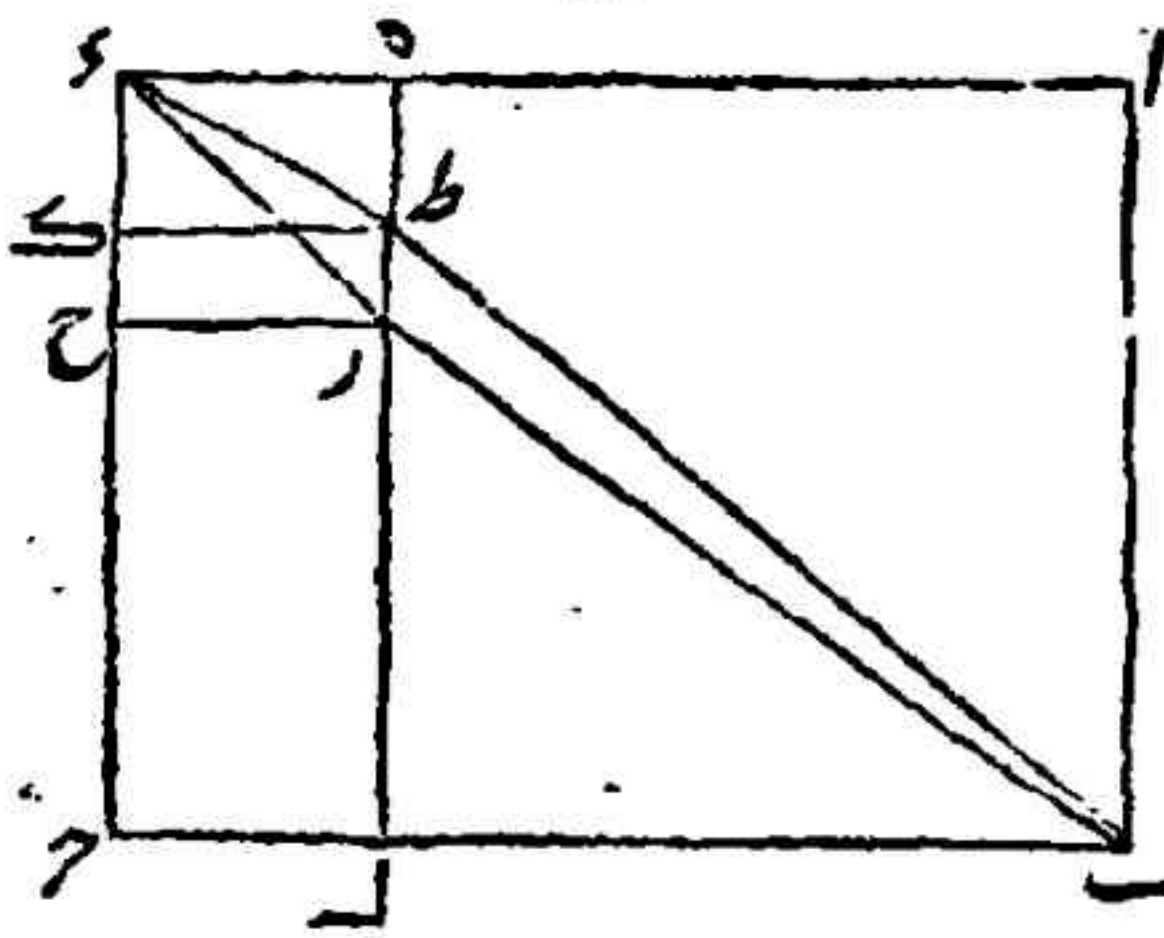
مثلا سطحي ط ه ر ح الكائنين
 على قطر ر ه وذلك لان
 في مثلث ر ه ح يكون لتوازي
 ه ك ح ك نعبنة ر ه الى

ه ح بالتركيب اعني الى ح ك كنسبة ر ه الى ك ك

وفي مثلث $\overline{بنا}$ $\overline{بنا}$ نسبة $\overline{بنا}$ إلى $\overline{بنا}$ كـ $\overline{بنا}$ إلى $\overline{بنا}$ نسبة $\overline{بنا}$ إلى $\overline{بنا}$
 $\overline{طأ}$ أعني إلى $\overline{بنا}$ فاضلاع $\overline{بنا}$ سطحي $\overline{بنا}$ $\overline{بنا}$ $\overline{بنا}$ الفضاير متناسبة
 وزواياها متساوية فهما متشابهان وكذلك ندين أن سطحي
 $\overline{بنا}$ $\overline{بنا}$ متشابهان فسطحا $\overline{بنا}$ $\overline{بنا}$ $\overline{بنا}$ $\overline{بنا}$ $\overline{بنا}$
 متشابهان وذلك ما اردناه

كا

إذا فصل سطحين متوازيين الاضلاع من سطح
 يشبهه على زاوية مشتركة ووضع واحد نحو
 على نظره

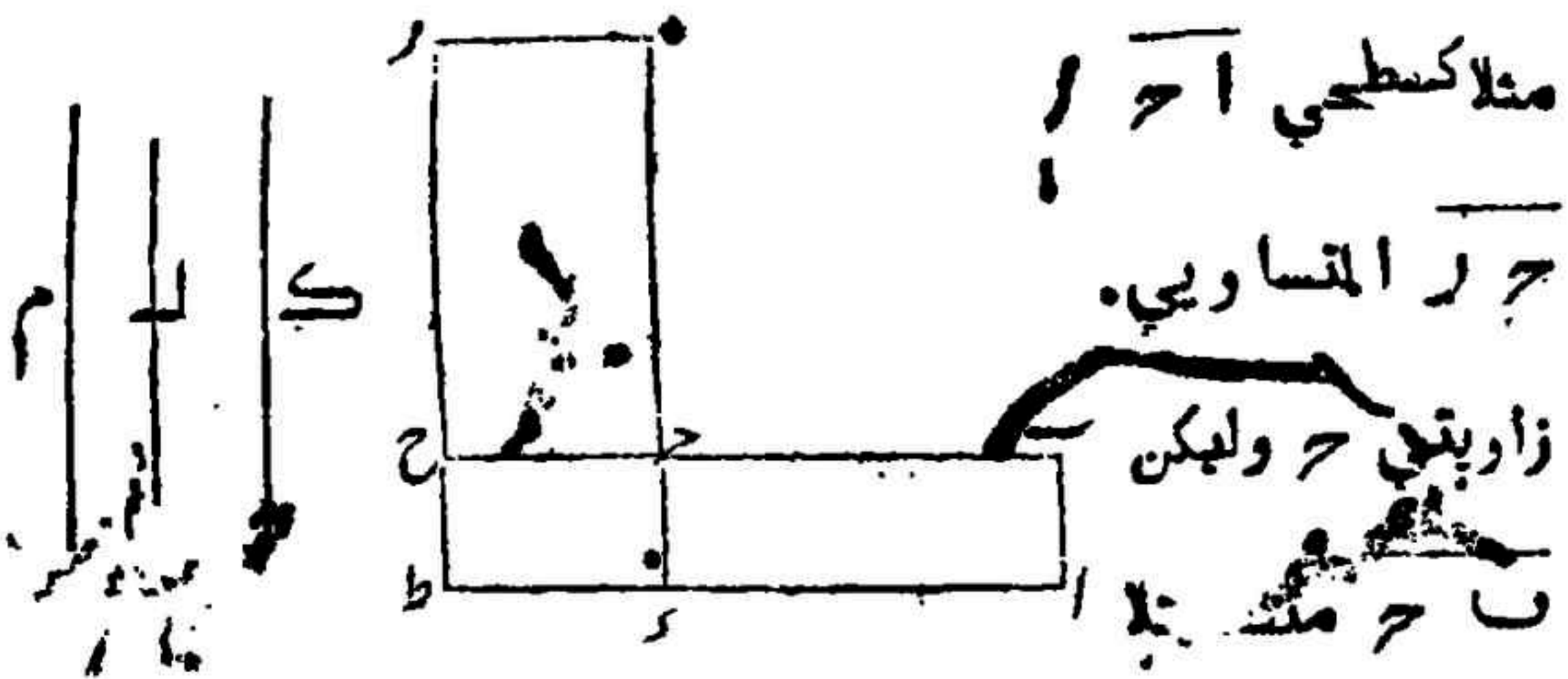


مثلا فصل سطح $\overline{بنا}$ من سطح
 $\overline{بنا}$ على زاوية مشتركة فالقطر
 يكون $\overline{بنا}$ والافليكن
 $\overline{بنا}$ ونخرج $\overline{بنا}$

موازيا لـ $\overline{بنا}$ إلى $\overline{بنا}$ فسطح $\overline{بنا}$ على نظره
 $\overline{بنا}$ نسبة $\overline{بنا}$ إلى $\overline{بنا}$ كـ $\overline{بنا}$ إلى $\overline{بنا}$ وكانت
 كنسبة $\overline{بنا}$ إلى $\overline{بنا}$ كـ $\overline{بنا}$ إلى $\overline{بنا}$ متساويان
 فافن القطر $\overline{بنا}$ وذلك ما اردناه

كتاب

كل سطحين متوازيين الاضلاع ان اتساوت
 مزاويتان منها فنسبة احد هيا الى الاخر
 مولفة من نسبتي اضلاعها



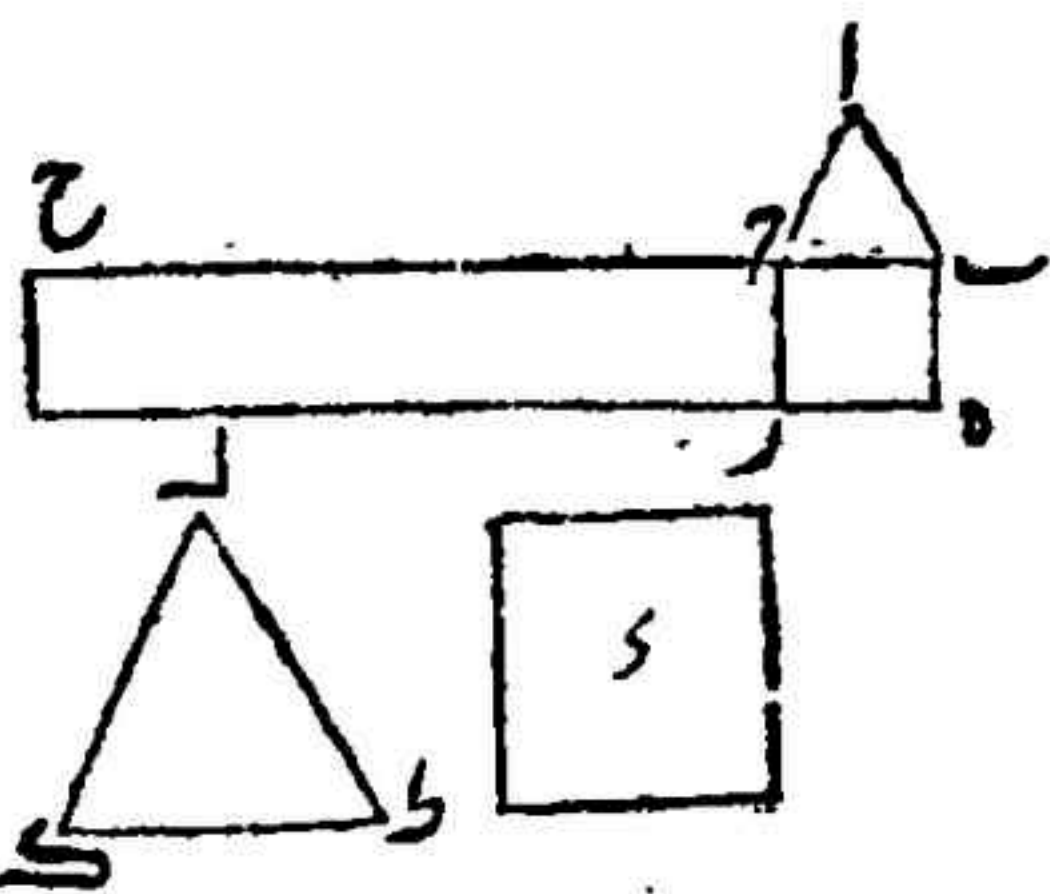
ب ح ح على الاستقامة و ح ح ح ك ونتمم سطح
 ك ح وليكن نسبة ب ح الى ح ح كنسبة ك الى ل
 ونعني ك ح الى ح ح كنسبة ل الى م فنسبة ك
 الى م كنسبة ك الى ل مولفة بنسبة ل الى م ولان
 نسبة سطح ا ح الى سطح ح ط كنسبة ب ح الى ح ح
 اعني ك الى ل ونسبة سطح ح ط الى سطح ح ر
 كنسبة ك ح الى ح ح اعني ل الى م يكون نسبة سطح
 ا ح الى سطح ح ر بالمساوات المنتظمة كنسبة ك الى

م ونسبة ك الى م مولفة من نسبة ك الى ل اعني
 نسبة ك الى ح ومن نسبة ل الى م اعني نسبة
 ك الى ح الى ح ه ف نسبة السطحين مولفة من نسبتني اضلا عنهما
 وذلك ما اردناه



فريدان نعمل سطحين يشبه سطح ماء ويساوي

نسبتهما



مثلا يشبه سطح ا ب ح ويساوي

سطح ك د فنضيف الى ا ب ح

سطحا يساوي ا ب ح وهو

ب ر ونخرج ب ح ونعمل

على ح ر سطح ر ح مساويا لسطح ك د على ان يكون مع

ب ر بين متوازيين ب ح ه ر ونستخرج بين ب ح

ح ح وسطاني النسبة وهو ط ك ونعمل عليه سطح ط ل ك

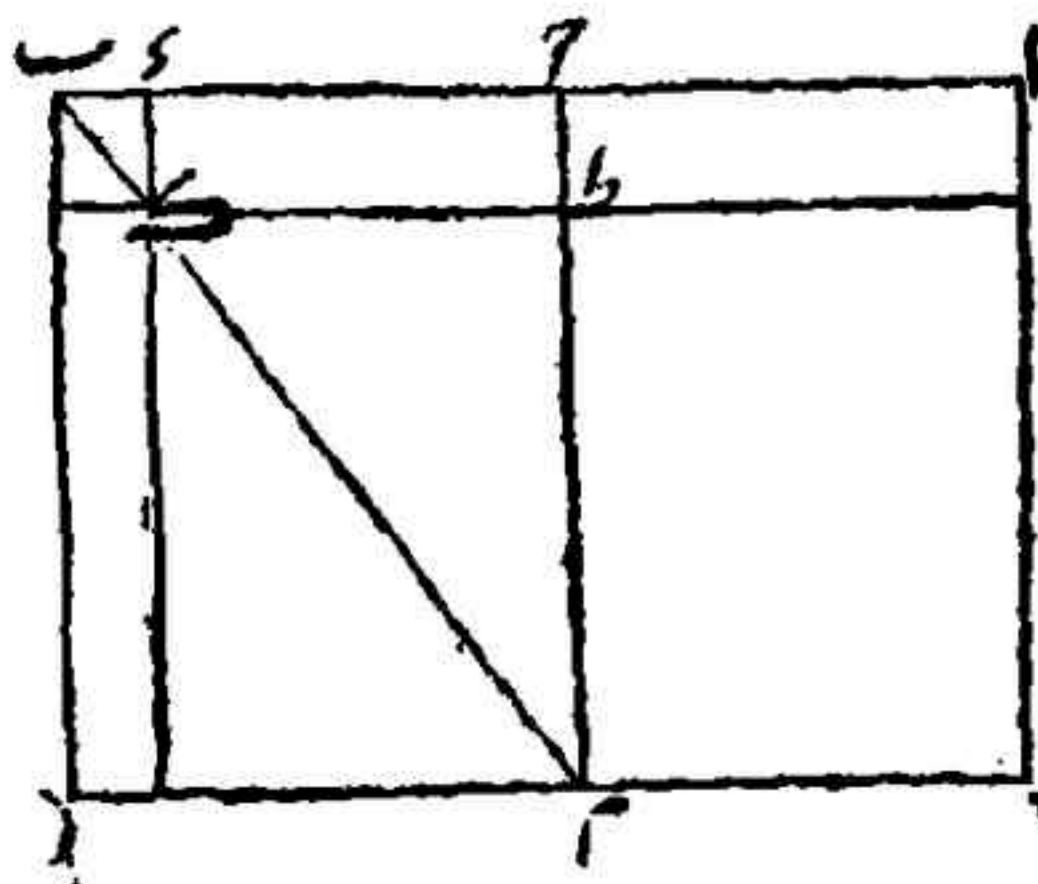
شبهيا لسطح ا ب ح فهو ما اردناه وذلك لان نسبة ب ح

الى ح اعني نسبة سطح ب ر الى سطح ر ح هونسبة

تأخر الى ط ك مئاة اعني نسبة سطح ا ب ح الى سطح
 ل ك ا ك و سطح ا ب ح معادل سطح ب ر ف سطح ل ط ك
 يشبهه ب سطح ا ب ح معادل سطح ر ح اعني سطح ر
 يكون لك ما تريد

كد

ان اعبر على نصف الخط سطح متوازي
 الاضلاع فهو اعظم من كل سطح متوازي
 الاضلاع مضاف الى ذلك الخط هو قوتين
 يكون تمامه سطحاً شبيهاً ب سطح معقول تسمى
 نصف ذلك الخط موضوعاً كوضعه



مثلا سطح ا ب المعمول على ا ح
 وهو نصف ا ب و اضيف
 اليه سطح ا ك كيف اتفق
 يشع ط ان ينقص عن تمامه سطح

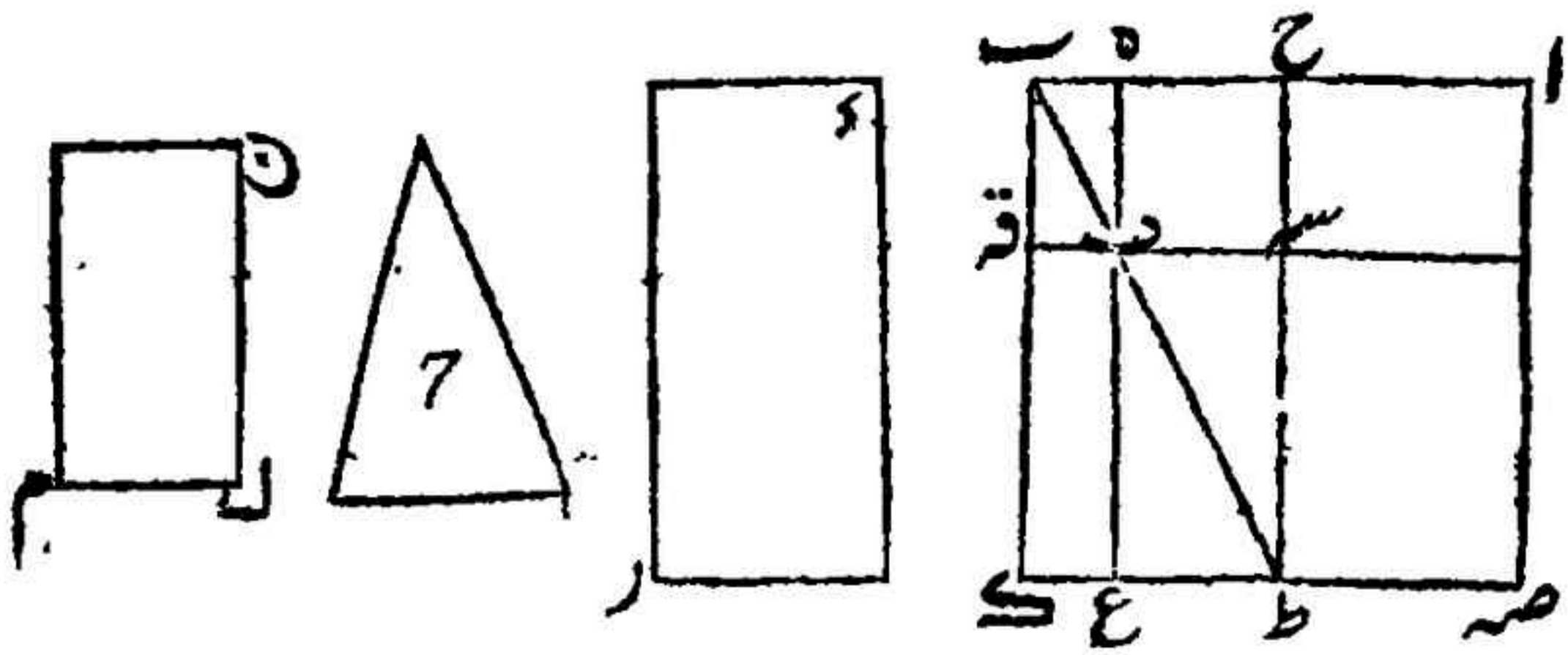
ب ك الشبيه ب ح ر المعمول على نصف الخط المرزوعين
 بوضع واحد نقول ف سطح ا ب اعظم من سطح ا ك ونصل قطر
 ب ا م ونقسم خط ب ك فلان ب ط اعني ط ا ب اعظم من

$\overline{زك}$ اعني $\overline{ح ك}$ يكون جهاج $\overline{ح د}$ اعظم من جهاج
 $\overline{ا ك}$ وذلك ما اردناه



كه

نريد ان نضيف الى خط مفروض $\overline{س ط}$ سطحا متوازي
 الاضلاع ومساويا لسطح مستقيم الخطوط على
 ان ينقص المضاف عن تمام الخط سطحا شبيها
 بشكل مفروض متوازي الاضلاع ويجب ان لا
 يكون الا سطح المستقيم الخطوط اعظم من
 يضاف الى نصف الخط شبيها بالشكل المفروض
 لما مر في الشكل المتقدم



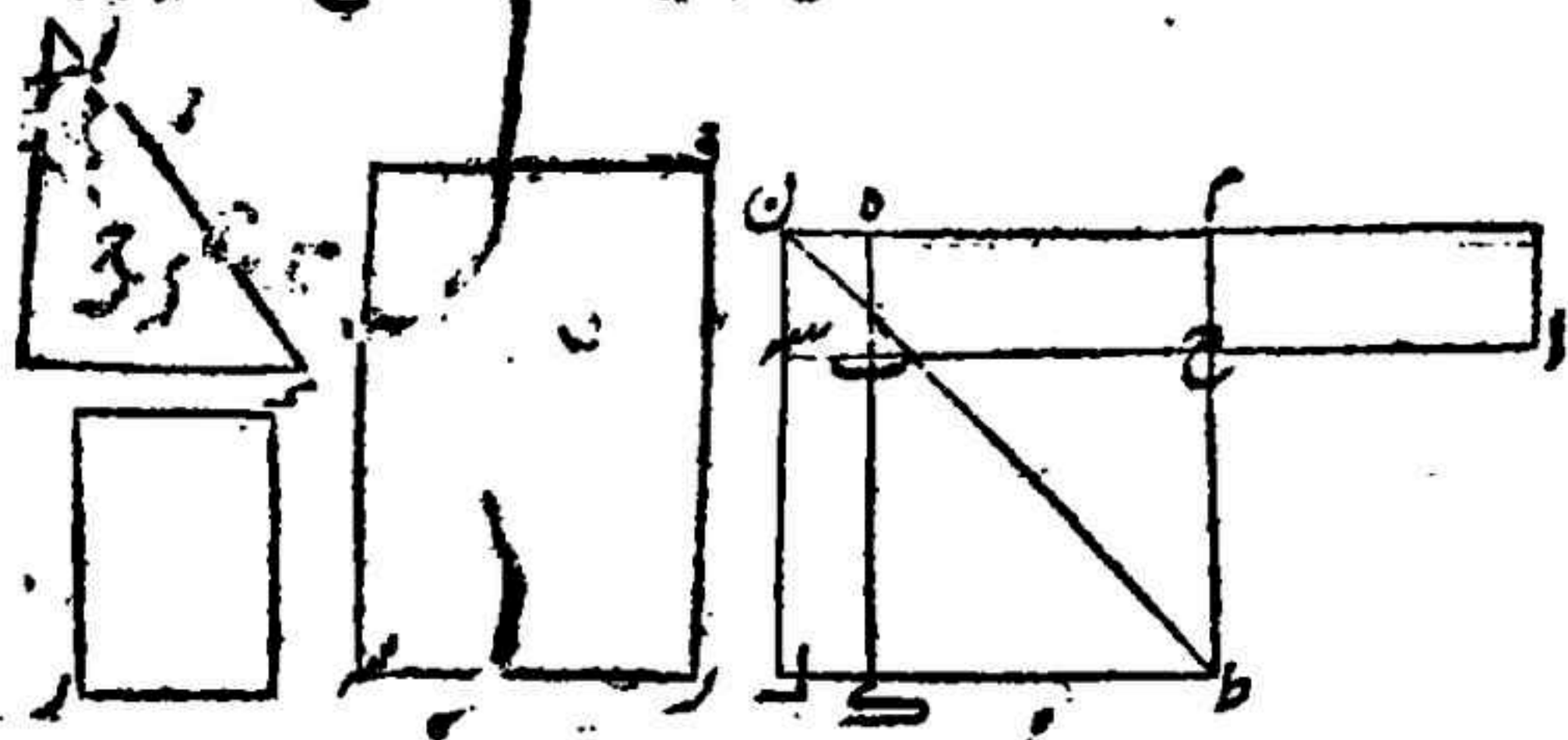
فليكن الخط $\overline{ا ب}$ والسطح المستقيم الخطوط $\overline{ح د}$ والمتوازي
 الاضلاع المفروض $\overline{ك ر}$ والمطلوب ان نضيف الى $\overline{ا ب}$ متوازي
 الاضلاع مساويا لسطح $\overline{ح د}$ على ان ينقص عن $\overline{ا ب}$ سطحا

يشبه سطح $\overline{ك ر}$ ~~فصل~~ $\overline{ل ا ب}$ على $\overline{ح}$ ونعمل على $\overline{س ا ح}$
 $\overline{ح ك}$ شبيها $\overline{ب د ر}$ ونقسم سطح $\overline{ا ط}$ فان كان $\overline{ا ط}$ مثل
 $\overline{ح ر}$ فنقد عملنا وان كان $\overline{ا ط}$ اعظم من $\overline{ح ر}$ جعلنا $\overline{ق م}$ مساويا
 لفضل $\overline{ا ط}$ على $\overline{ح ر}$ شبيها $\overline{ب د ر}$ فيكون سطح $\overline{ح ك}$
 $\overline{ق م}$ الشبهان $\overline{ب د ر}$ متشابهين وليكن زاوية $\overline{ل}$ مساوية
 $\overline{ل ط}$ و $\overline{ق ل}$ نظر ل $\overline{ح ط}$ ونفصل $\overline{ط م}$ مثل $\overline{ق م ل}$
 $\overline{و ط ع}$ ~~مطلوب~~ ونخرج $\overline{ع ه}$ موازيا ل $\overline{ط ح}$ وسه ف $\overline{ق ه}$
 $\overline{م ا ب ا ب}$ ونصل $\overline{ب ط}$ القطر ف سطح $\overline{ا ف}$ ~~مطلوب~~
 بذلك لان $\overline{س ه ع}$ اعني $\overline{ق م ه}$ هو فضل $\overline{ا ط}$ اعني $\overline{ح ك}$
 على $\overline{ح ر}$ فيكون علم $\overline{س ه ف ا ع}$ اعني سطح $\overline{ا ف}$ مساويا
 ل $\overline{ح ر}$ فاذن قد اضفنا $\overline{ا ف}$ الى خط $\overline{ا ب}$ مساويا ل $\overline{ح ر}$
 وقد نقص عن تمام $\overline{ا ب}$ سطح $\overline{ه ق م}$ الشبيه $\overline{ب د ر}$ وذلك
 ما اردناه

كو

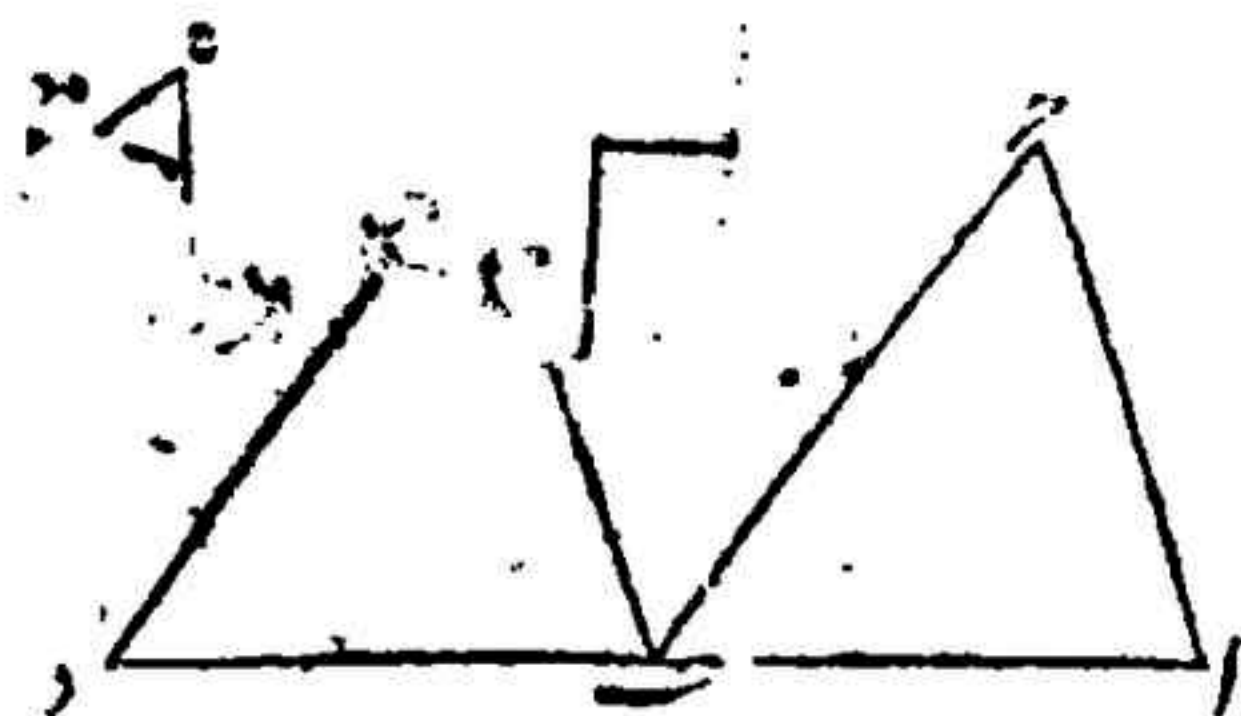
نريد ان نضيف الى خط مفروض سطح
 متوازي الاضلاع مساويا لسطح مفروض مستقيم

النخطوط على ان يزيد المضاد كجلى تمام الخط
سطحا شبيها بشكل متوازي الاضلاع مغزول



فليكن الخط \overline{AB} والسطح المستقيم \overline{AC} و \overline{BC} متوازي
الاضلاع \overline{AC} متوازي \overline{BC} والمطلوب ان نصف \overline{AB} متوازي
الاضلاع \overline{AC} \overline{BC} على ان يزيد على تمام \overline{AB} \overline{AC}
يشبه \overline{AC} \overline{BC} على \overline{AC} ونعمل على \overline{AC} \overline{CD}
شبيها \overline{BC} ونجعل \overline{CD} \overline{AC} مساويا لسطح \overline{AC} \overline{CD}
 \overline{AC} معا وشبيها \overline{BC} فيكون \overline{CD} \overline{AC} \overline{CD} متشابهين
ولكن زاويتا \overline{AC} \overline{BC} متساويتين \overline{AC} \overline{BC} \overline{CD} نظيرين
ونخرج \overline{AC} الى ان يصير \overline{AC} مثل \overline{AC} و \overline{AC} الى
ان يصير \overline{AC} مثل \overline{AC} ومن \overline{AC} \overline{AC} \overline{AC}
موازيين \overline{AC} \overline{AC} ونقسم الشكل فسطح \overline{AC} هو المطلوب
وذلك لان سطح \overline{AC} اعني \overline{AC} \overline{AC} \overline{AC} جميع \overline{AC} \overline{AC}

وليكن المثلثان $\triangle ABC$ و $\triangle DEF$ وقد رُحى BA على زاوية $\angle B$ ونسبة AC الى DE المتوازيين كنسبة AD الى BC الى DE



المتوازيين نقول CA و DE خط واحد وذلك لان زاوية $\angle C$ متساوية $\angle E$ لكون كل واحدة مساوية لزاوية $\angle A$

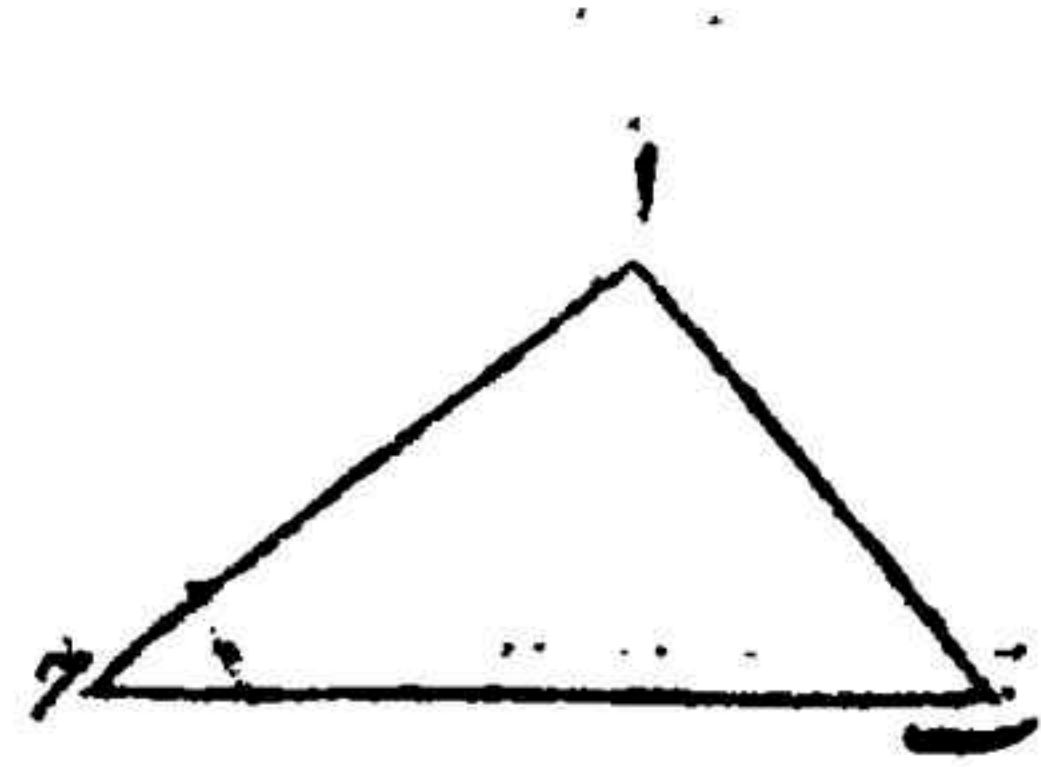
المباذلة لهما والاضلاع المحيطة بهما متناسبة فالمثلثان متشابهان وجميع زاويتي $\angle A$ و $\angle D$ المتساوية $\angle B$ و $\angle E$ و $\angle C$ و $\angle F$ معا $\angle A$ معا $\angle D$ لقائمتين فراويتا $\angle A$ و $\angle D$ معا $\angle B$ و $\angle E$ معا $\angle C$ و $\angle F$ معا لقائمتين $\angle A$ و $\angle D$ خط واحد وذلك ما اردناه

كظ

كل مثلث قائم الزاوية فان الشكل المستقيم الاضلاع المضاف الى وتر زاويته القائمية يساوي الشكليين المضافين الى ضلعيها $\angle C$ كانا شبيهين به وعلي وضعه

وليكن المثلث $\triangle ABC$ والقائمة زاوية $\angle C$ وذلك لان نسبة مربع AC الى مربع BC كنسبة AC الى BC الى AB

مقلنة وكذلك نسبة الشكل المضاف الى $\overline{تخ}$ الى شبيهته
المضاد الى $\overline{ت ا}$ فنسبة مربع $\overline{تخ}$ الى مربع $\overline{ت ا}$



المضادة الشكل المضاف الى $\overline{ت ا}$
الى الشكل المضاف الى
كما وكذلك نسبة
مربع $\overline{تخ}$ الى مربع $\overline{ت ا}$

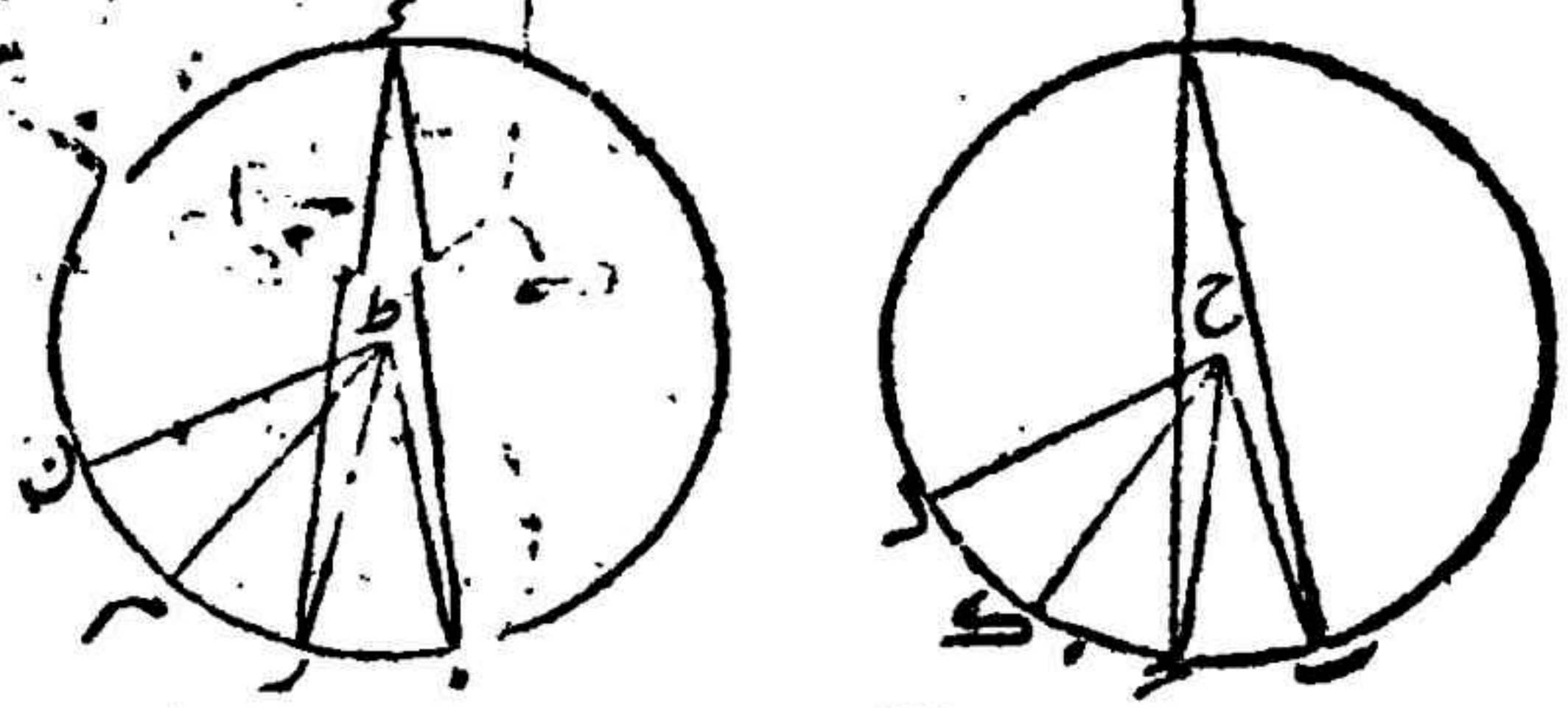
كنسبة $\overline{ت ا}$ الى $\overline{ت ا}$ الى الشكل المضاف الى
مربع $\overline{ت ا}$ الى مربع $\overline{ت ا}$ الى مربع $\overline{ت ا}$
الشكل المضاف الى $\overline{ت ا}$ الى الشكلين المتساويين $\overline{ت ا}$ ومربع
 $\overline{ت ا}$ يساوي المربعين فالشكل المضاف الى $\overline{ت ا}$ يساوي
الشكلين وذلك ما اردناه

ل

ان كانت في دائرتين متساويتين زاويتان
مركبتين على المركز وعلى المحيط فان نسبة احديهما الى
الاخرى كنسبة القوسين اللتين عليهما

وليكن الدائرتان $\overline{ا ب ج د}$ و $\overline{ا ب ج د}$ والزوايتان $\overline{ا ب ج}$ و $\overline{ا ب ج}$

المحيطين زاويتها \widehat{A} واما على الاكثر فزاوية \widehat{C} ط نقول قدسية
قوس \widehat{BAC} الى قوس \widehat{BAC} كنسبة زاوية \widehat{A} الى زاوية \widehat{C}



او زاوية \widehat{C} الى زاوية \widehat{A} وتنفصل في دائرة \widehat{A} قسي
كل \widehat{BAC} مساوية لقوس \widehat{BAC} ما امكن وفي دائرة
كل زاوية \widehat{C} مساوية لقوس \widehat{BAC} ما امكن ونبدأ
بخط \widehat{C} \widehat{A} \widehat{B} \widehat{C} \widehat{A} \widehat{B} \widehat{C} \widehat{A} \widehat{B} \widehat{C} \widehat{A} \widehat{B} \widehat{C}
انصاف لقوس \widehat{BAC} وجميع زاوية \widehat{A} انصاف
لزاوية \widehat{BAC} بتلك العدة وكذلك قسي \widehat{BAC} \widehat{BAC}
لقوس \widehat{BAC} وزاوية \widehat{A} \widehat{BAC} لزاوية \widehat{A} فان كانت قوس
 \widehat{BAC} زاوية على قوس \widehat{BAC} كانت زاوية \widehat{A} لزاوية
على زاوية \widehat{A} وان كانت قوس \widehat{BAC} \widehat{BAC} او
ناقصه كانت زاوية \widehat{A} كذلك فلننصب \widehat{BAC} الى
 \widehat{BAC} كنسبة زاويتي \widehat{A} \widehat{BAC} بل كنسبة نصفيهما اعني زاويتي
ا ك وذلك ما اردناه